

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

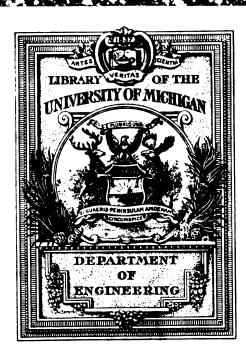
Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

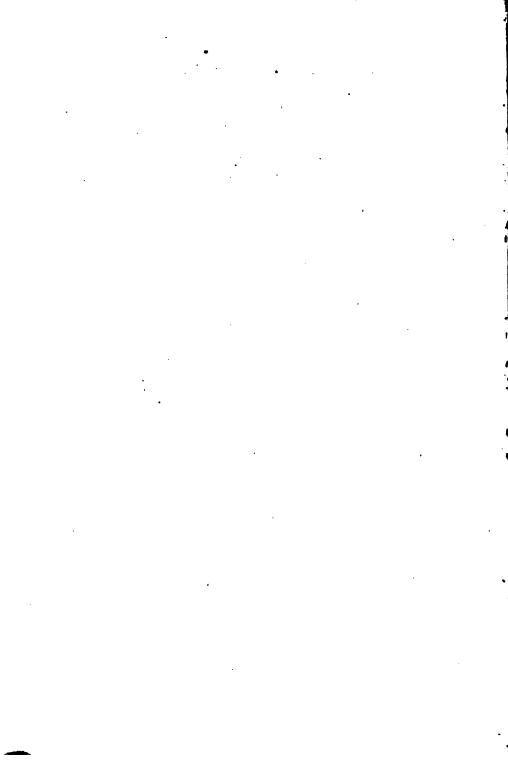
Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.



THE GIFT OF Mo: a. b. Kiefer





TA 350 .W43 1875 cop.2

,



Holzstiche aus dem zplographischen Atelier , von Friedrich Bieweg und Sohn in Braunschweig.

Papier aus ber mechanischen Bapter-Fabrit ber Gebrüber Bieweg zu Wendhaufen bei Brannschweig.

Lehrbuch

ber

Ingenieur= und Maschinen= Mechanik.

Mit ben nöthigen Sulfslehren aus ber Analyfis für ben

Unterricht an technischen Lehranstalten

fowie zum

Gebrauche für Techniker

bearbeitet

von

Dr. phil. Julius Weisbach,

Königl. fächlicher Bergrath und Brofefior an der tönigt, fächlichen Bergatabemte ju Freiberg; Altter des tönigt, fächlichen Berdenkordens und des talfert, ruff. Et. Aunenordens II. Claffe, correspondirendes Mitglied der falferlichen Afabemie der Bifienschaften ju St. Betersburg; Ebrenmitglied des Bereins denischer Ingenteure, sowie correspondirendes Mitglied des Bereins für Elfendaghunde u. f. w.

In brei Theilen.

3meiter Theil:

Statik der Banwerke und Rechanik der Amfriebsmaschinen.

Mit gegen 900 in den Text eingedruckten Golgftichen.

Vierte verbesserte und vervollständigte Auflage.

Braunschweig,

Drud und Berlag von Friedrich Bieweg und Sohn.

1865 - 1868.

Lehrbuch

ber

Statik der Bauwerke

unb ber

Mechanit

ber

Umtriebsmaschinen.

Mit ben nöthigen Sulfslehren aus ber Analyfis für ben

Unterricht an technischen Lehranstalten

fomie gum

Gebrauche für Techniker

bearbeitet

non

Dr. phil. Julius Weisbach,

Ronigi, facifider Bergrath und Brofeffor an ber tonigi, facificen Bergafabemie ju Breiberg; Attter bet tonigi, facifiden Berbienforbens und bes falfert. ruff. Gt. Aunenorbens II. Claffe, correspondirendes Stitglied ber tallertiden Atabemie ber Wiffenschaften ju Et. Betersburg; Ehrenmitglied bes Bereins benifcher Ingentente, sowie correspondirendes Mitglied bes Bereins filt Elfenbahtfunde u. f. w.

Vierte verbesserte und vervollständigte Auflage.

Dit gegen 900 in ben Tegt eingebrudten Golgftichen.

Braunschweig,

Drud und Berlag von Friedrich Bieweg und Sohn.

1865 - 1868.

Die Herausgabe einer Uebersetzung in frangofischer und englischer Sprache, sowie in anderen modernen Sprachen wird vorbehalten.

Borrede jur erften Auflage.

Bei ber Bearbeitung bieses zweiten Bandes meiner Ingenieur- und Maschinen-Mechanit bin ich den schon in der Borrede des ersten Bandes ausgesprochenen und in diesem Bande befolgten Ansichten möglichst nachgegangen. Ich weiß zwar, daß diese Ansichten nicht von Allen getheilt werden, daß zumal von Manchen eine allgemeinere Darstellung und gelehrtere Beschandlung in diesem Berke vermißt wird, allein ich habe auch die Erfahrung zur Seite, daß der in diesem Buche eingeschlagene elementare und mehr populäre Beg leicht von Jedem verfolgt werden kann, welcher nicht im Bessitze ansgedehnter analytisch-mathematischer Kenntnisse ist, und beshalb auch bahin sührt, der Mechanik mehr Eingang und Anwendung und badurch wieder mehr Werth und Geltung in der Technik zu verschaffen, als es bis jetzt der Fall gewesen ist.

Man sindet noch immer sehr häusig, daß Praktiker bei ihren Aussikherungen die Anwendung der wissenschaftlichen Mechanik verschmähen und es vorziehen, den Weg der Empirie einzuschlagen; entweder haben dieselben nicht das erforderliche Zutrauen zu den Regeln der Wissenschaft, oder sie sinden die betreffenden Schriften nicht genügend, um sie als Rathgeber und Führer bei Anordnung und Berechnung ihrer Constructionen gebrauchen zu können. Wenn man nun weiß, wie viel in so vielen Hissischen darauf ankommt, daß Maschinen und Bauwerke allen Ansorderungen vollkommen entsprechend ausgeführt werden, und erwägt, daß dies nur durch richtige Anwendung richtig begründeter Regeln der Wissenschaft möglich ist, so wird

man auch bas Bestreben bes Berfasser, ben ausgesprochenen Mängeln entgegenzuwirken, zu würdigen wissen.

Richtige Begrundung und Ginfachheit find gewiß die Saupterforberniffe von einem Werke, welches Praktikern als Lehrer und Führer bienen foll. Mangel an beiben find aber die vorzüglichsten Urfachen, welche ber Anwenbung ber Mechanit auf die Braris bis jest noch fo viel Eintrag gethan Wenn bei Entwickelung von Regeln unsichere ober unzulässige Boraussehungen gemacht werden, wenn hierbei nicht das Wesentliche vom Unwesentlichen, bas Ueberwiegende von bem Untergeordneten geborig getrennt wird, wenn endlich wichtige Berhaltniffe ober Ginfliffe außer Acht gelaffen, bagegen untergeordnete in Betracht gezogen werben, fo tonnen natlirlich auch die Regeln selbst, so richtig auch beren Ableitungen sein mogen, nicht die fur bie Anwendung hinreichende Brauchbarteit befigen. Leiber wird gerade auf biese Weise von Schriftstellern oft gefehlt, und es ift baber tein Bunder, wenn Brattiter fehr oft theoretische Regeln unrichtig ober wenigstens unzulänglich finden. Daber tommt es auch, bag Brattiter nicht selten von einer unrichtigen Theorie sprechen, während boch nur von einer unangemeffenen Begrundung und Anwendung berfelben die Rebe fein Es ist allerdings nicht immer leicht, sachgemäße und richtige Regeln und Formeln zum Gebrauche ber prattifden Mechanit aufzufinden; es gehört hierzu nicht nur eine genaue Bekanntschaft mit ber Natur bes Gegenftandes, die juweilen nur durch befondere Beobachtungen ober Berfuche verschafft wird, sondern auch eine besondere Ausmerksamteit und felbst eine gewiffe geiftige Fähigkeit. Der Berfaffer hat beim Auffeten bes vorliegenben zweiten Bandes, wo es barauf antam, praktisch brauchbare Theorien zu entwideln, sein Augenmert vorzuglich auf biefen Gegenstand gerichtet; er hat fich wenigstens nach Rraften bemubt, in bem vorliegenden Buche Praktikern ben zur Sprache gebrachten Rathgeber und Führer zu verschaffen, ermißt aber recht wohl, bak ihm bies nicht volltommen gelungen ift.

Auch der Mangel an Sinfachheit und die große Allgemeinheit in der Behandlung der Wiffenschaft und der von ihr entwickelten Formeln ift der allgemeineren Sinführung der Mechanik in die Praxis sehr hinderlich. Nicht selten findet man, daß selbst mathematisch vorgebildete Praktiker in

ihrem Beruse die Hülfe ber wissenschaftlichen Mechanik vernachlässigen, weil ihnen bieselbe zu umständlich und beschwerlich ist, und das Diesenigen, welche keine umsassend Kenntniß in der Mathematik oder wenig Fertigkeit in der Behandlung derselben besitzen, die Anwendung der wissenschaftlichen Mechanik auf die Praxis aus demselben Grunde ganz verschmähen. Um einer allgemeineren Anwendung der wissenschaftlichen Mechanik auf die Praxis Borschub zu leisten, ist es daher nöthig, den Bortrag dieser Wissenschaft zu popularisiren und die durch diese gewonnenen Regeln möglichst zu popularisiren und die durch diesem Grunde z. B. statt einer großen allgemeinen kormel oft mehrere kleine und vereinsachte Specialsormeln aufzustellen oder, nach Besinden, statt berselben vereinsachte Näherungssormeln zu entwickeln, serner durch Einführung von Coefficienten eine größere Bereinsachung der Kormeln zu erstreben u. s. w.

Der vorliegende zweite Band meiner Mechanit zerfällt in zwei Abtheis lungen, bon benen die eine die Anwendung ber Mechanit auf Bauwerte, die zweite aber die auf Maschinen, und zwar insbesondere die Theorien und furze Befchreibungen ber fogenannten Rraft - ober Umtriebsmaschinen entbalt. Bielleicht finden Manche die erfte Abtheilung zu turg, die zweite bin-In Betreff ber erften muß ich allerbings gesteben, bag es gegen zu lang. mir jest felbst leib thut, nicht tiefer in die Theorien der hölzernen und fteinernen Bruden eingegangen ju fein, namentlich auch Arbant's Abhandlung über die Sprengwerte nicht benutt zu haben, ba biefer Gegenftand burch bie vielen Gifenbahnanlagen jett eine besondere Wichtigkeit erlangt Bas aber die zweite Abtheilung anlangt, fo glaube ich, daß hier nur bei wenigen Artikeln eine größere Kurze möglich ift, ohne beu Werth bes Buches zu beeinträchtigen. Es tann fein, bag mancher Lefer bas Capitel über Waffersaulenmaschinen zu groß findet, weil die Anwendung biefer Mafchinen fast nur auf ben Bergbau eingeschränkt ift. 3ch habe allerdings bei Bearbeitung biefes Gegenstandes im Auge gehabt, bag bier eine Lude in ber Literatur auszufullen fei, ba in allen Lehr - und Sanbbuchern über Mechanit wenig ober so viel wie nichts über biese Maschinen gesagt wird, und angleich gehofft, baburch ben Berg . Ingenieuren einen Dienft zu erweifen. Das Capitel über Turbinen wird vielleicht auch von einigen zu ausgedehnt

gefunden, zumal da daffelbe auch eine Monographie ber alteren Stof- und Druckturbinen enthält. Ich glaube jedoch, daß in diesem Capitel ein Beglaffen ober Abfürgen nur von Nachtheil gewesen sein würde, aus bem Grunde, daß gerade zur Beurtheilung des Werthes einer vollfommenen Maschine es nothig ift, die Theorie und also auch die Mängel anderer ähnlichen unvollkommenen Maschinen zu kennen. Uebrigens wird der Gebrauch unvolltommener Maschinen nie aufhören, ba es immer Orte und Berhältniffe geben wirb, wo auf eine Dekonomie der Arbeitstraft nichts, wohl aber auf die Wohlfeilheit der Maschine selbst sehr viel ankommt. In bem Cavitel über das Messen der Arbeitsträfte u. f. w. hätte ich vielleicht etwas ausflihrlicher über die Dynamometer sprechen sollen; wäre zur Zeit der Bearbeitung Morin's Lecons de mécanique pratique in meinen Händen gewesen, so wurde ich es vielleicht auch gethan haben. Am meiften Schwierigkeiten bat mir die Bearbeitung bes zweiten Abschnittes, zumal aber bie des Capitels liber Dampfmaschinen, verursacht, und ich befürchte auch noch, daß diefer Abschnitt nicht allenthalben den Anforderungen des Lefers entsprechen werde. Bielleicht hätte ich das Capitel über Barme kurzer faffen ober baffelbe ganz meglaffen konnen, ba es in ber Regel bem Bortrage liber Physik Uberlassen wird; wenn ich inbessen bedenke, bag ich hierin nur bas abgehandelt habe, was für die Bautunst und für die Maschinenlehre, zumal aber für die Dampfmaschinen von Wichtigkeit ift, so scheint mir allerdings biefer Gegenstand mit Recht eine Stelle in biefem Buche einzunehmen. ber Bearbeitung bes Capitels über Dampfmaschinen habe ich sowohl von ber Boncelet-Morin'schen Coefficiententheorie als auch von ber neueren Bambour'schen Theorie Gebrauch gemacht; zugleich bin ich hierin auch meinen eigenen Anfichten gefolgt, und tann hoffen, daß meine Bearbeitung diefes Gegenstandes nicht als eine bloße Compilation wird angesehen werden fönnen.

Wefentliche Dienste haben mir bei Bearbeitung dieses Wertes die Ergebnisse meiner hydraulischen Bersuche geleistet, da ich mit Hulfe der durch diese erlangten Widerstandscoefficienten in den Stand gesetzt worden bin, die Arbeitsverluste zu berechnen, welche aus den hydraulischen hindernissen bei den Turbinen, Wassersäulen- und Dampsmaschinen entspringen. Ich kann behaupten, daß badurch ber Entwickelung brauchbarer Theorien biefer Masschinen ein besonderer Borschub geleistet wird.

Es bleibt mir nun noch übrig, bem geehrten Lefer barüber Rechenschaft abzulegen, bag ich bas gange Bert mit biefem zweiten Banbe, wie aufanglich beabsichtigt wurde, nicht zum Schlusse bringe, und bag ich noch einen britten Band hingugufugen mich genöthigt febe. Allerbings ift mir bier ein Irrthum untergelaufen, welcher barin besteht, bag ich ben Umfang bes vorliegenden Materials zu klein geschätzt habe. Nachdem ich aber einmal mit ber Bearbeitung bes Wertes weiter fortgeschritten, und mir bartiber von so vielen Seiten Beweise bes Beifalls zu Theil geworden waren, so blieb mir nichts weiter fibrig, als auf ber betretenen Bahn fortzugeben, und nun entweder am Plane bes Wertes abzuschneiben ober am Umfange besselben auzuseten. Das Erstere zu thun, konnte ich mich aber beshalb nicht entschließen, weil gerade bie noch fehlenden Gegenstände, nämlich die Zwischenund Arbeitsmaschinen, in ben vorhandenen Werken über Mechanit febr fliefmitterlich behandelt find, und es an einem vollständigeren Berte über bie letteren Maschinen gang fehlt. Go hoffe ich benn durch die Hinzufugung eines britten Bandes einem Bedurfniffe abzuhelfen.

Bei der Revision des Druckes haben mich die Herren Bornemann und Röting wesentlich unterstützt, und gewiß hat die Correctheit des Buches diesen herren Bieles zu danken, was ich hier auszusprechen nicht unterslaffen darf.

Freiberg, ben 1. December 1847.

Julius Weisbach.

Borrede gur zweiten Auflage.

Dieser zweiten Auflage vom zweiten Banbe ber Ingenieur- und Maschinen-Mechanit find mehrfache Berbefferungen und Erganzungen zu Theil geworben. In ber erften Abtheilung, ber Statit ber Bauwerke, find besonbere bie Bruden viel ausführlicher behandelt worden, als in der ersten Auflage, und es haben auch Röhrenbruden aus Gifenblech, welche in ber neuesten Zeit von den Englandern conftruirt worden find, in diefer Auflage einen Blat Es hat ferner ber Berfaffer in bem Capitel tiber bie verticalen, und insbefondere über bie oberichlägigen Bafferraber mehrfache Ergangungen und Berichtigungen angebracht, und es ift auch bas Capitel über Reactions raber und Turbinen, jumal burch bie Resultate ber an biefen Daschinen in ber neuesten Zeit angestellten Bersuche, bereichert worben. Endlich bat noch bie Lehre von der Barme und von den Dampfen einige wesentliche Erganjungen erhalten, ba bei ber Revision berfelben bie neuesten Berfuche von Regnault (f. Mémoire de l'académie royale des sciences de l'institut de France, T. XXI.) benutt werben fonnten. Durch die Bingufligung guter Abbilbungen von ber Golgichthalbrude und ber Britanniabrude, sowie von einem Tangentialrade, von einer Sims'fchen Dampfmaschine u. f. w. hat diese neue Auflage ebenfalls an Werth gewonnen. Uebrigens stimmt sowohl im Ganzen als auch in ber Behandlungsweise biese zweite Auflage mit ber erften vollfommen überein.

Freiberg, ben 24. Mai 1851.

Julius Beiebad.

Borrede gur britten Anflage.

Auch in der vorliegenden britten Auflage vom zweiten Bande meiner Ingenieur- und Maschinen-Mechanit sind die nöthig gewordenen Berichtigungen und Berbesserungen, sowie die den Fortschritten der Wissenschaft entsprechenden Ergänzungen angebracht, und, mit Beseitigung des Ueberslüssigen und Unbranchbargewordenen, mehrsach vollständige Umarbeitungen vorgenommen worden. Ich kann versichern, daß ich auf die Bearbeitung dieser Auflage viel Milhe und Sorgsalt verwendet habe, und wenn ich tropdem in derselben den Wünschen des geehrten Publicums nicht allenthalben entsprechen sollte, so bitte ich zu bedenken, daß die Auswahl, Zusammenstellung und Bearbeitung der wichtigsten Segenstände aus dem kaum mehr zu übersehenden Sebiete der praktischen Mechanik eine schwierige, mühsame und zeitzaubende ist.

In der ersten Abtheilung, welche die Statik der Bauwerke enthält, hat sowohl die Theorie des Erddruckes als auch die der Gewölbe einige wichtige Ergänzungen erhalten, und es ist die Theorie der Holze und Eisenconstruction größtentheils ganz umgearbeitet worden. In der zweiten Abtheilung, welche die Mechanik der Umtriedsmaschinen behandelt, habe ich das Capitel über die Opnamometer aussührlicher behandelt als in der zweiten Auslage, serner das Capitel über die verticalen Wasserräder zum Theil umgearbeitet und vervollständigt, sowie das Capitel über horizontale Wasserräder durch die Besichreibung und theoretische Betrachtung neuer Turbinen ergänzt. Auch das Capitel über die Wassersählenmaschinen habe ich mit Weglassung einer

Maschine nach älterem Principe, burch die Beschreibung und Behanblung neuer Wassersäulenmaschinen bereichert. Wesentliche Umänderungen und Bervollständigungen sind im Abschnitte über Dampsmaschinen angebracht worden, wiewohl ich hier noch weiter gegangen wäre, wenn es der Raum gestattet hätte. Auf die neueren Theorien der Wärme und ihre Anwendung auf die Dampsmaschinen din ich nicht speciell eingegangen, da sie wohl noch nicht dahin gelangt sind, um sie mit Sicherheit und Vortheil bei der Theorie der Dampsmaschinen zu Grunde legen zu können.

Die Abbildungen dieser neuen Auflage sind größtentheils neu gezeichnet und neu gestochen, auch ist die Anzahl derselben sehr vermehrt worden. Die Güte und Richtigkeit berselben möchte wohl nur in seltenen Fällen etwas zu wünschen übrig lassen.

Freiberg, ben 24. April 1859.

Julius Beisbach.

Borrede gur vierten Auflage.

ļ

Die vierte Auflage bes zweiten Bandes meiner Ingenieur- und Maschinenmedanit, welche ich hiermit in die Deffentlichkeit schide, ift zwar in Sinficht auf Blan und Anordnung von ber britten Auflage nicht verschieben, zeichnet fich aber sowohl in ihrem außeren Gewande, als auch burch bie in ihr angebrachten Berbefferungen, Erganzungen und Bufate vor ben alteren Auflagen beffelben aus. Bas die äußere Erscheinung dieser neuen Auflage betrifft, so find bie Abbildungen in berfelben größtentheils neu angefertigt, und bie auf schwarzem Grunde burch andere auf weißem Grunde ersetzt worden, wie es auch bereits in ber vierten Auflage bes erften Banbes geschehen ift. In Betreff bes Inhalts berfelben habe ich Folgendes mitzutheilen. Der vorliegende zweite Band besteht auch in der vierten Auflage ans zwei Abschnitten, ber eine die Statit ber Bauwerte, ber andere die Mechanit ber Praft- ober Umtriebsmaschinen enthaltend. In beiden Abschnitten ift in ben letten Jahren die Literatur bebeutend angewachsen, jumal in ben Capiteln fiber Solge und Gisenconftructionen und in denen über Barme, Dampfe, Dampfteffel und Dampfmafchinen. Wenn ich bei Bearbeitung biefer neuen Auflage nicht in dem Umfange von den Novitäten in der Literatur Gebrauch gemacht habe, als vielleicht von Bielen gewlinscht wird, so hat dies feinen Grund barin, bag ich es filt zwedmäßig halte, in einem elementaren Werte, wie die Ingenieurs und fcinenmechanit ift, nur diejenigen Lehren aufzus

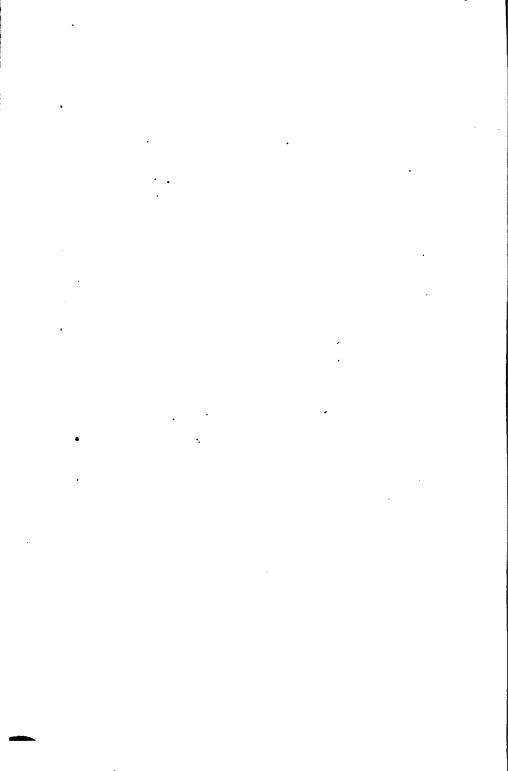
nehmen, welche bereits eine allgemeine Anwendung gefunden und von mehreren Seiten ber in Untersuchung gezogen worden find, ober fich in ber Praxis als hinreichend und zuverläffig bewährt haben. Jedenfalls ift es oft beffer, neue theoretische Ansichten und Lehren zunächst nur Journalen und Monographien zu überlaffen und bann erft in technischen Lehrbuchern aufzunehmen, wenn sich bieselben in dem Läuterungsproces der Praxis bewährt haben. Wie im mündlichen, so auch im schriftlichen Unterricht, sollte man immer darauf bedacht sein, die Zuhörer und Lefer durch Einfachheit. Kurze und paffende Bergleiche filtr ben Gegenstand ju gewinnen und nicht burch weitläufige, schwierige und unprattische Speculationen benfelben die Luft jum Studium einer für bas prattifche Leben fehr wichtigen Biffenschaft zu benehmen. Aus diefen Grunden habe ich bei ber Bestimmung bes Erbbruck und Gewölbschubs, noch die alte Theorie von Coulomb beibehalten, und nur bei ben Holz- und Gisenconstructionen bewährten neueren Fortschritten in ber Glastis citätslehre Rechenschaft getragen, sowie die Theorien einiger neuen Brudenfusteme, 3. B. ber Charnierbruden, Bauli's Bogenbruden u. f. w. mit aufgenommen. In der Mechanik der Umtriedsmaschinen ist eine kurze Theorie bes Schonemann'ichen Borizontalbynamometers, fowie bie von mir ichon vor nabe 30 Jahren aufgesette Theorie ber Staucurven und bie Bestimmung ber Drucklinie in Röhrenleitungen mit aufgenommen worben. beiben Capiteln über die bydraulischen Umtriebemaschinen find die Strablturbinen des Berfaffers, sowie die Turbinen von Banel und von Schiele mit abgehandelt worben, auch hat hier die Althanfe'fche Bafferfaulenmaschine auf der Grube Centrum bei Eschweiler einen paffenden Blat gefun-Bon ben neuen Abhandlungen Pambours über bie Theorie ber ben. Wasserräder, welche in den Comptes rendues der Bariser Academie mitgetheilt worden find, habe ich hier keinen Gebrauch gemacht, weil diefelben in ber Sauptfache nichts Neues enthalten. In den Capiteln über Wärme und Dampfe find nur mehrfache Erganzungen, Rufate und Berbefferungen angebracht worden, da eine gänzliche Umarbeitung berselben nach der mechanischen Barmetheorie uoch nicht hinreichend gerechfertigt zu fein ichien. Bei Berechnung ber theoretischen Leistung von Dampfmaschinen sind nicht mur die älteren Formeln von Boncelet-Morin und Bambour, fonbern auch bie

Röherungsformeln der mechanischen Wärmetheorie von Rankine und Zeuner in Anwendung gebracht worden. Außerdem habe ich noch einen Abriß der mechanischen Wärmetheorie noch Zeuner und deren Anwendung auf die Berechnung der Arbeitsfähigkeit einer Dampfmaschine (§. 484 bis. §. 487), sowie zum Schluß Einiges über die im Bergleich mit Dampfmaschinen sehr geringe Leistung der calorischen und Gastrastmaschinen u. s. w. mitgetheilt.

Freiberg, im Monat November 1868.

Julius Beisbach.

ú.



Inhalt des zweiten Theiles.

Erfte Abtheilung.

Die Anwendung ber Mechanit auf Bauwerte.

Erftes Capitel.

Bon bem Bufammenhange und Drude loderer Maffen.

S .		e	Sette
1	Lodere ober halbfluffige Maffen, naturliche Bofchung u. f. w		3
2	Erbbrud, activer und paffiver, Erbwiberftanb, Gebefraft ber Erbe .		
3	Brisma bes größten und fleinften Erbbrudes		
4	Erbbrud und Bafferbrud		
Б	Cohafion locterer Maffen		
6	Moment bes Erbbruces		
7-8	Belaftete ober überfcuttete Erbmaffe		-
	Allgemeinere Theorie bes Erbbruckes		
11	Kuttermauern		
12	Biderftanbelinie ber Futtermauern		
13	Gleiten ber Futtermauern		
14	Rippen der Futtermauern		
15	Boncelet's Tabelle über bie Starfe ber Futtermauern		
16	Gebofchte Kuttermauern		
17	Geneigte Suttermauern, Literatur		
1,	Beneitite Pritecingneen' erreimmer	•	94
	Bweites Capitel.		
	Die Theorie der Gewölbe.		
18	Bewolbe, Gewolbfteine, Biberlager u. f. w		87
19	Gleichgewicht ber Gewölbsteine ohne Reibung		38
20	Bewölblinien		
21-22	Bleichgewicht ber Gewolbfteine mit Rudficht auf Reibung		
	Gleichgewicht ber Gewolbfteine in Sinfict auf Rippen ober Drebung		
	Biberftanbelinie ber Gewolbe, Angriffspuntte bes Gewolbichubes .		
		₹.	

XVIII	Inhalt bes zweiten Theiles.
§ .	Selt 1
27	Stabilitat ber Biberlager und Bfeiler
28	Belaftete Gewolbe
(29)	Allgemeine Theorie bes Gewölbschubes
30	Gewölbstarte
31	Brufung ber Gewolbe, Specielle Berechnung eines Gewolbes 62
32	Tabellen bes Gewölbschubes 66
33— 35	Tabellen bes Gewölbichubes
36	unipmmetrische Connengewölbe
37	Schiefe Tonnengewölbe, Rellerhalsgewölbe u. f. w
3 8	Rlofters, Rreuge und Ruppelgewölbe, Literatur 81
	D.::
	Drittes Capitel.
	Die Theorie ber Golge und Gifenconftructionen.
39-4 0	holy und Gifenconftructionen überhaupt
41-48	Unterftugung ber Balfen burch Saulen
(44)	Augemeine Loedrie der Piegung her Masten hund makenne Griebe au
45	Balten mit Amifchenfaulen
46-48	Balken mit Zwischensaufen
49-50	Bufammenbrudung ber Saulen
5155	Gleichgewicht und Schub ber Sparren und Streben 113
5659	Sanges und Sprengwerte
6061	Ginseitig unterflütte Trager
-6265·	Kachwerfsträger
6668	Uebereinanberliegenbe und gesprengte Balfen
6971	Eifenblechtrager und Mittemiragen
72-73	Gifenblechtrager und Gittertrager
(74—79)	Bogenträger
(80) – 82	Theorie ber Tragbogen ober frummen Balten
8385	Tragfraft ber Tragbogen
86—93	Sangebogen, Sangewerfe
94	Theorie ber Sangebruden
95	Charnierbrüden
	Pfeiler und Biberlager ber Sangebruden
102-102	Dachgesparre, Sparrenschub
104	Lehrgerufte
105	Gölgerne Bruden
106	Suberlettie Stutten
107	Comiteverierne Brucen. Bauli'ide Pruden u f m 040
101	Sangebruden, Literatur

Zweite Abtheilung.

Die Anwendung ber Mechanit auf Kraftmaschinen.

Ginleitung.

108-111 Mafdinen, Rraft und Leiftung, fowie Bewegungeguftand berfelben . 257

Erfter Abicnitt.

Bon ben bewegenben Kraften ber Thiere, des Waffers und Windes, sowie von den Maschinen jur Aufnahme diefer Krafte.

Erftes Capitel.

_	af hes gubiter
Bon 1	bem Meffen ber bewegenben Krafte und ihren Birkungen.
§ . 112	Dynamometer und Bagen
113—116	Einfache Bewichtswagen, gleicharmige und ungleicharmige 266
117—121	Bufammengefeste Gewichtswagen, Bruden- und Tafelmagen 278
122	Beigerwage
1 23 —124	Feberbynamometer, Feberwagen
125127	Feberbynamometer mit Beichnen- und Bahlapparaten 286
128	Dynamometrifche Schnellmage und bynamometrifche Bapfenlager 295
129 —130	Differenzialbynamometer
131	Horizontalbynamometer
132—134	Bremsbynamometer
135	Blanimeter
	,
	Bweites Capitel.
Bon d	en Menfchen- und Thiertraften, fowie von ben Dafdinen
ı	zur Aufnahme berfelben.
136—140	Thierifche Rrafte, Rraftformeln u. f. w
	Sebel, Arbeiten ber thierifden Rrafte am Gebel
	Liegenbe Rabwelle , Safpel
	Stehende Radwelle ober Winde, Gopel
	Trets und Laufrad
145	Eretfcheibe und Tretbrude
	. Drittes Capitel.
Bom	Ansammeln, sowie von bem Bus und Abführen bes Aufs schlagwaffers.
40 147	Confiction Confirmation of the Confirmation Confirmation of the Confirmation Confir
140-147	Auffclagwaffer, Bafferleitungen, Behre u. f. w
45-149	Aufftauung durch leberfall- und Schleufenwehre
00-103	Stauhohe und Stauweite
104-(155)	Staueurve, Bafferschwelle
100-159	Leiche, Leichbamme, Leichgerinne
60—168	Canale, Gerinne und Roschen
64165	Röhrenleitungen, Regulirung ber Bewegung bes Baffers 382
<i>DO</i> 100	Distance asiate a Makeen situana

Biertes Capitel.

. Bon ben verticalen Bafferrabern.

§ .		Beite
169	Die Baffertraft, Arbeitevermögen bes Baffers	398
170	Sphraulische Umtriebamaschinen, verticale und horizontale Baffer-	
	raber und Bafferfellenmaschinen	
171-172	Bellenraber, oberfchlägige Bafferraber	401
173174	Rabbimenftonen, Rabhalbmeffer, Rabtiefe, Rabweite u. f. w	404
175—176	Schaufelzahl und Schaufelungsmethoben	407
177—178	Schuten, Gintritt bes Baffere in bie Bafferraber	412
179—(180)) Schaufelwinkel, Schaufelanzahl	417
181—183	Einführung bes Baffers in bas Rab	421
184	Stofwirfung bes Baffers	427
185—186	Drudwirfung bes Baffers, mafferhaltenbe Bogen	429
187—188	Einfluß ber Centrifugaltraft	484
189—193	Starfe ber Arme, Welle und Bapfen ber Bafferraber	438
194	Conftruction und Lagerung ber Bafferraber	
195		
196		458
197		
	Rudenfolagige Bafferraber	
201 - 205	Mittelschlägige Bafferraber, Kropfraber	46 8
206-209	Leiftung ber Bafferraber im Rropfgerinne	480
210-212	Unterschlägige Bafferraber	493
	Bafferverluft bei unterschlägigen Bafferrabern	
	Leiftung unterschlägiger Bafferraber	502
217	Theilung ber Baffertraft	
	Freihangenbe unterschlägige Bafferraber (Schiffmuhlenraber)	
221-225	Boncelet'fche Wafferraber	514
	Leiftungen ber Boncelet'ichen Bafferraber	525
228	Rleine Bafferraber von abweichenben Conftructionen, Literatur	528
	Fünftes Capitel.	
	Bon ben horizontalen Bafferrabern (Turbinen).	
229	Horizontale Wafferraber, Turbinen u. s. w	582
	Stopraber, Stoß und Druckraber	
	Drudraber, Borba's und Burbin's Turbinen	
	Tangentialraber, Poncelet'fche und Bupinger'fche Turbinen	
238	Schwamfrug's liegende Turbinen	558
239	Strablturbinen	555
240-241	Danathen	558
	Reactions ober Segner'sche Bafferraber	
245-247	Schattische, Combeliche und Cabialiche Turbinen	. 57∩

	Inhalt bes zweiten Theiles.	XXI
S .		Geite
248	Fourneprou'fche Turbinen	
249	Turbine von Francis, mit außerer Beaufichlagung	. 577
	Theorie ber Reactionsturbinen mit Leitschaufeln	. 684
256	Theorie ber Turbinen ohne Leitschaufeln	. 589
256	Allgemeine Theorie ber Turbinen	. 592
	Schugenftellung, Etagenraber u. f. w	. 595
259	Druckturbinen	. 599
	Berechnung ber Leiftung ber Reactionatarbinen	. 601
262-264	Anordnung und Conftruction ber Leitschaufeltutbinen	. 406
265-267	Anordnung und Conftruction ber Turbinen ohne Leitschaufeln .	. 616
268 .	Theorie ber Turbinen mit außerer Beaufschlagung	. 625
269-270	Belle, Bapfen und Bapfenlager ber Turbinen	. 629
271-273	Bergleichungen und erfahrungemäßige Leiftungen ber Turbinen .	. 635
274	Girarb's Sphropneumatisation ber Turbinen	. 640
275	Bopten's Diffuser ber Turbinen	
	Turbinen von Fontaine, Benfchel und Jonval	. 645
278-282	Theorie und Confiruction ber Benfchel'ichen Turbinen u. f. w	. 650
283	Regulirungemittel ber Turbinen von Fontaine, Benfchel u. f. m.	658
284-287	Erfahrungemäßige Leiftungen biefer Turbinen	. 661
	Bergleichung ber Turbinen mit einander u. mit anderen Bafferraber	
291	Banel'iche Turbinen mit Rudenfchaufeln	
292	Schiele'sche Turbinen	. 673
293	Schraubenturbinen von Plataret	. 676
294	Thomson's Turbinen	. 681
295	Turbinen mit horizontaler Are	. 684
296	Girarb's Schraubenrab, Literatur	
	,	
	Sechstes Capitel.	
	Bon ben Bafferfäulenmafchinen.	
	and the state of t	000
297	Bafferfaulenmaschinen	
298—299	Einfallröhren, Ereibeplinber	. 698
	Treibfolben, Liberung, Treibfolbenftange	
302	Steuerung, Rolbensteuerung u. f. w	
	Steuerhahn, Steuerfolben, Steuerventile, Steuerschieber	
306	Eigenthumlichfeit ber Steuerung ber Bafferfaulenmaschinen	. 709
	Sulfsmittel ber regelmäßigen Steuerung, Steuerungearten	
809310	Sperrhafen, Gewichtsfteuerung	. 715
	Sulfsmafferfaulenmafdine	
818	Steuercylinder	. 725
814	Bafferfaulenmafdine auf Alte Mordgrube	. 727
315	Bafferfäulenmaschine in Suelgoat	. 730
316	Bafferfaulenmaschine auf ber Grube Centrum	
	Balancier, Stellhahne ber Bafferfaulenmaschinen	
	Berechnung ber Leiftung ber Bafferfaulenmaschinen	
	Berechnung ber Steuerung berfelben	
327	Steuermafferquantum	. 759

AAII	Inguit ves fweiten Abeties.
S -	E elte
328	Erfahrungemäßige Leiftung ber Bafferfaulenmafdinen 760
329	Bergleichung ber Bafferfaulenmaschinen mit Bafferrabern 763
330	Rettens und Bafferfaulenrad, Literatur
	Selection of the solid
	Siebentes Capitel.
	Bon ben Binbrabern.
881-838	Binbraber, Mugelraber, Binbflugel
	Bindmühlen, Bock und Thurmmühlen
836—337	Kraftregulirung ber Windmuhlen
838339	Binbrichtung, Binbgeschwindigfeit 779
	Anemometer
343	Berechnung bes Binbftoges
344	Bortheilhaftester Stofwinkel
345	Berechnung ber Leiftung ber Winbraber 790
346	Reibung am Salfe ber Windraber
347	Erfahrungen über bie Leiftung ber Binbraber, Erfahrungeformel . 795
848	Smeaton's Regeln, Literatur
-	Bweiter Abfcnitt.
	- ,,
Bon b	er Barme, von ben Dampfen und von ben Dampfmafchinen.
	Erftes Capitel.
	Bon ben Eigenschaften ber Bärme.
849	Barme, Metherschwingungen
850	Thermometer und Pyrometer
351	Quedfilberthermometer
852	Byrometer, Metallpyrometer
353	Metallthermometer
854	Luftpyrometer
855	Längenausbehnung burch bie Barme
356	Ausbehnungscoefficient, Ausbehnung ber Magftabe 808
857	Compensationspendel
858	Ausbehnungefraft ber Barme
859	Beranberung ber Feftigfeit ber Metalle burch bie Barme 815
860	Flachens und Raumausbehnung burch bie Barme 816
861	Ausbehnung ber tropfbaren Fluffigfeiten, insbesondere bes Qued-
	filbers
862	Ausbehnung bes Baffers
363	Ausbehnung ber Luft
364	Absolute Rullpunfte, Absolute Temperatur 828
365-366	Ausftrahlung, Durchftrahlung, Reflexion ber Barme 825

	Ingair des zweiten Theiles.	XXIII
S.		٠.,٠
367	Barmeleitung	Seite 227
	Abfühlung, Abfühlungegefcwindigfeit u. f. w	000
371 879	2 Schmelzen, Berbampfen, Sieben	020
379 97	Barmecapacitat, Barmeeinheit, fpecififche Barme	. 656
375	Specifica Minne ben Gerfe	. 640
376	Specifische Barme ber Gase	. 898
877	Das Poisson'iche Geset	. 844
5//	Berhaltniß ber fpecififchen Barme bei gleichem Drude gu ber b	et .
(070) 0	gleichem Bolumen	· 84 5
(3/8)-5	79 Arbeit ber Barme, mechanisches Aequivalent ber Barme	. 84 8
380	Latente Barme	. 8 53
	Bweites Capitel.	
	Bon ben Bafferbampfen.	
901 900	Dames Butangulasi and Cambandan betalkan	OFO
901-902	Dampf, Expansivirast und Temperatur besselben	. 800
	Berfuche über bie Expanftofraft ber Bafferbampfe	
386	Ergebniffe biefer Berfuche	
387—388	Formeln und Tabellen gur Berechnung ber Erpanfivfraft bes Ba	
	ferdampfes	
889	Dichtigkeit bes Bafferbampfes	
	Specifisches Dampfvolumen	
392 .	Expanfiviraft und Dichtigleit ber Dampfe überhaupt	
393	Destillation und Conbensation	
394	Gas- und Dampfgemenge	
	Feuchte Luft, Spgrometer, Pfpchrometer	
897 398	Berbrennung, Die hieraus hervorgebenbe Barmemenge	. 889
399	Brennftoffe, Berbrennungewarme berfelben	. 893
400	Luftmenge gur Berbrennung	. 894
401	Brennftoffs und entsprechenbe Barmemenge, Literatur	. 898
	Prittes Capitel.	
	Bon ben Dampferzeugungeabparaten.	
402-408	Dampfteffel, Dampfteffelformen	. 902
404	Beigfläche ber Dampffeffel	
	Größe und Dimenstonen ber Dampffessel	
407-411	Dide ber Reffelwande	912
419_419	Chene Reffelwande, Stehbolzen	921
414	Berbindung ber Reffelbleche durch Nieten	09K
415	Reffelofen, Feuerraum berfelben	
416	Rauchfreie Berbrennung	
#11—#19	Feuercanale, Reffelanlagen	000
419	Gasheigung	. 752
420-422	Schornheine ober Effen, Effenzug	. y34

	•	
XXIV	Inhalt bes zweiten Theiles.	
\$.		Beit
(423)	Birfungograb einer Reffelanlage	942
	Speifeapparate ber Dampffeffel	948
426	Der Injector, Die Giffarb'iche Speisepumpe	
427	Schwimmer, Probirhafine, Bafferftanberöhren	
428-432	Manometer, offene, Lufts, Differengials und Metallmanometer	
	Sicherheitsventile mit Gewichten und mit Febern	
437	Deffinen und Entlagen der Dempfestel	070
438	Deffnen und Entleeren ber Dampsteffel	079
400	Steffeibroben, Eustung	916
	Bieries Capitel.	
	Bon ben Dampfmafdinen.	
439	Dampfmaschinen, Gintheilung berfelben	076
440	Expanfion und Condensation bes Dampfes	
	Dampfcplinder, Rolben, Rolbenftange und Stopfbuchfe	
445	Dampfrohr, Regulirungeflappe u. f. w	
	Steuerung, Schieberfteuerung	
	Bentilfteuerung, Dampfventile	
450	Condensator, Ginfprits und Dberflächen-Condensator	
	Dampfmaschinenspfteme	
454	Ercentriffeuerung	1000
455		
	Batt'sche Dampsmaschine	
456—457		
458	Bewegungsgefet ber Rurbel und bes Schiebers	
459	Schiebercurve	
460	Ercentriffteuerung	
461	Doppelercentrifs mit Steuerrahmen	1017
462	Bentilfteuerung mit Ercentrife	1018
463	Bentilsteuerung boppeltwirfenber Dampfmaschinen	
464	Bentilsteuerung einfachwirfenber Dampfmaschinen	
465	Regultrung ber Kolbenspiele burch einen Kataraft	1028
466—467		1030
	Erpanfioneschieber, Doppelfchieber	1035
471	Die Reier'sche Steuerung ber Dampfmaschinen	1041
472	Schiebersteuerung mit beweglichem Sit	1045
478	Schiebersteuerung mit beweglichem Sit	1047
4744 75	Die Woolfichen Dampfmaschinen	1049
476	Die Dampfmaschine von Sime	1055
477	Eine oscillirende Dampfmaschine von Alban	1057
478	Arbeit bes Dampfes ohne Erpanston	1060
479	Birfung bes Dampfes burch Expansion	1062
480	Leiftung bes Dampfes nach bem Dariotte'ichen Gefete	1068
481 °	Leiftung bes Dampfes nach Pambour (Navier)	1065

Leiftung bes Dampfes in zweichlindrigen Dafdinen 1067

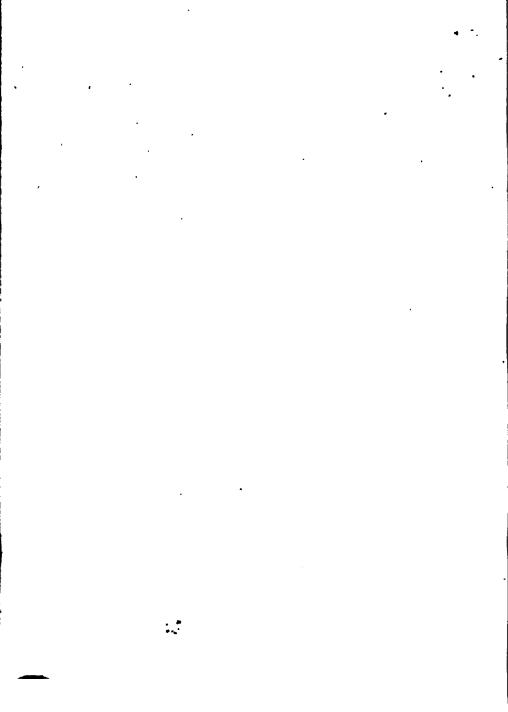
Leiftung bes Dampfes nach bem Botenzialgefete 1069

(484-485) Ambenbung ber mechanischen Barmetheorie 1072

(486) Das abtabatifche Breffungegefet

482 483

	Inhalt bes zweiten Theiles.	XXV
§. 487	California share Complete of the most born make with an Only matter of	Erite
	Leistung einer Dambsmaschine nach ber mechanischen Barmetheorie	
188—490	anthrong are committee and among the properties and a second to the second terms of th	
491	Dampfindicator von Watt	
492	Dampfindicator von Clair	
93-495	Division of the second	-
496	Die Arbeitsverlufte ber Dampfmaschinen	
	Arbeitsverluft burch ben schäblichen Raum	
499	Arbeitsverluft burch bie Rolbenreibung	1104
500	Maximalleiftung ber Dampfmaschinen	1106
01-502	Birtungegrabe ber Dampfmaschinen	1108
	Bambour's Theorie ber Dampfmaschinen	
	Anordnung und Dimenfionebestimmung ber Dampfmafdinen	
509	Bestimmung ber Injections- ober Raltwaffermenge	
510	Große ber Raltwafferpumpe und ber Speisepumpe	
311	Große ber Lufts und Warmmafferpumpe, fowie bes Conbensators	
512	Einige Sauptbimenftonen und Berhaltniffe ber Dampfteffel- und	
012	Raschinenanlage	1131
513	Brincip ber calorifden Dafdinen	1132
514	Calorifche Mafchinen	1134
515	Ericoson'sche calorische Daschine	
(516)	Leiftungefähigfeit ber Ericefon'ichen calorifden Dafdinen	1139
517	Offene calorische Maschinen	1141
518	Sastraftmafchinen	1143
519	Atmosphärische Gastraftmaschine	1147
520	Dampfmaschinen mit überhiten Dampfen	1150
020	Schlusanmerfung. Literatur	
	Swimpinimetring. Chefaint	TIOO



÷

3 meiter Theil.

Die

Anwendung der Mechanik auf Bauwerke

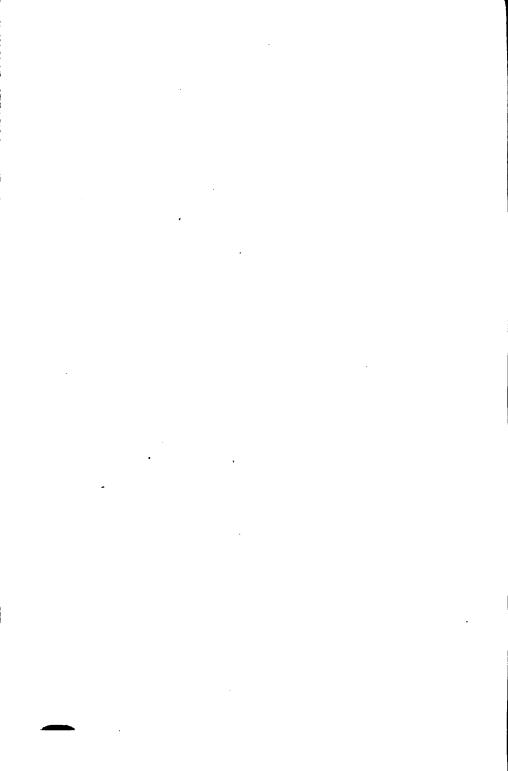
unb

Umtriebsmaschinen.

Erfte Abtheilung.

Die

Anwendung der Mechanik auf Bauwerke.



Erfte Abtheilung.

Die Anwendung der Mechanif auf Bauwerte.

Erstes Capitel

Bon dem Zusammenhange und dem Drude loderer Maffen.

Natürliche Böschung. Lodere ober halbflüffige Maffen 8. 1 (franz. terres, demifluides; engl. earth-masses) find Anhäufungen fleiner Rörper, wie Sand, Betreibe, Schrot, Erbe u. f. w. Sie find infofern ben Fluffigfeiten ahnlich, als fie, wie biefe, einer Unterflupung von außen beburfen, um eine gewiffe Form zu behalten. Doch ift ber Busammenhang ber Theile einer loderen Maffe nicht fo klein wie beim Baffer; während bas Baffer in jedem Falle einer Einfassung bedarf, ist dieselbe bei ben loderen Maffen nur in manchen Fällen nöthig, und mahrend bas Baffer nur bann im Gleichgewichte ift, wenn seine Oberfläche eine horizontale Lage hat, konnen lodere Maffen auch bei einer geneigten Lage ihrer Oberfläche im Gleichgewichte beharren.

Wenn die Theile einer loderen Masse nur burch die Reibung mit einander verbunden find, fo ift diefelbe im Gleichgewichte, fo lange ihre Oberfläche eine Reigung gegen ben Horizont hat, welche ben Reibungswinkel o





(f. I. §. 172) nicht übertrifft. Durch ben Reibungswinkel wird bie größte ober natürliche Bofdung (frang. talus naturel; engl. natural slope) einer loderen Daffe bestimmt. Infofern man unter Bofcung eines Abhanges AB, Fig. 1, bas Ber-

hältniß $\frac{b}{a}$ seiner horizontalen Länge AC=b zur

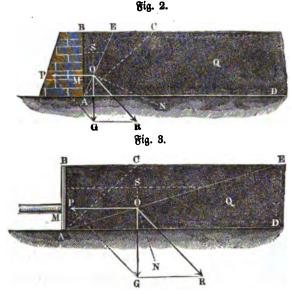
Sohe B C = a versteht, hat man biefelbe = cotang. Q, ober, ba tang. Q bem Reibungscoefficienten φ gleich ift, $\frac{b}{a}$ = cotang. $\varrho = \frac{1}{\varphi}$.

Nach Martony be Röszegh ist 3. B. für möglichst trodene Dammerbe bie natürliche Böschung $\frac{b}{a}=1,243$, für angeseuchtete Dammerbe aber $\frac{b}{a}=1,083$; hiernach beträgt ber Böschungswinkel im ersten Falle, $\varrho=39^\circ$ und im zweiten, $\varrho=43^\circ$.

Für ganz seinen Sand hat man die Böschung = $^5/_2$, daher ben Böschungswinkel = 31° gesunden. Roggenkörner haben dem Versasser $\varrho=30^\circ$ gegeben, sowie Erbsen, $\varrho=27^\circ$, dagegen loderer Haldensturz, aus Gneisstüden von 1 Cubitzoll die 1 Cubitsuß bestehend, sowie Steinkohlenhausen und Schladen in Stüden von 3 die 7 Cubitzoll im Mittel, $\varrho=38$ Grad; für Schrotkörner hat man serner $\varrho=25^\circ$ und für Bogeldunst $\varrho=22^{1}/_2{}^\circ$ gesunden. Für Sägespäne ist $\varrho=44^\circ$.

Anmerkung. Berfuche über bie naturliche Bofdung loderer Maffen werben burch Aufschütten und Streichen biefer Maffen von unten nach oben angestellt.

§. 2 Erddruck. Wirb eine lodere Masse Q, Fig. 2 und Fig. 3, von einer Seitenwand AB begrenzt, so übt sie gegen dieselbe einen gewissen, im Fol-



genden zu bestimmenden Drud, ben sogenannten Erbbrud (franz. poussée de terre; engl. pressure of earth), ans. Derselbe ist entweder ein activer ober ein passiver, je nachdem es darauf ansommt, burch biese Wand das Herabrollen der Masse zu verhindern, oder das Hinausschieden derselben zu bewirken. Der Druck der Masse auf diese Wand heißt im ersteren Falle gewöhnlich Erdbruck schlecht weg, der Druck oder Widerstand im zweiten Falle wird dagegen auch die Hebekraft der lockeren Masse (franz. dutés de terre; engl. resistance of earth) genannt. Da die Reibung zwischen den Theilen der lockeren Masse unter einander, als passive Kraft, der Bewegung der Masse in jeder Richtung entgegenwirkt, so kommt sie der Kraft, womit dem Peradsseiten der Masse entgegengewirkt wird, zu Hilse, und wirkt dagegen der Kraft zum Hinausschlichen der Masse entgegen, und es ist solglich der Erdbruck, im gewöhnlichen Sinne genommen, die kleinere, dagegen der Erdwiderstand oder die sogenannte Pebekraft der Erde die größere Kraft.

Der einfachste und gewöhnlichste Fall besteht in der Begrenzung der loderen Masse Q durch eine Berticalebene AB, welche von der Seitensläche einer Maner, der sogenannten Futtermauer (franz. mur de revêtement; engl. retaining wall), wie Fig. 2, oder, nach Besinden, von der einer Holz- oder Bohlenwand (franz. palplanche; engl. walling-timber, shoot-piling), wie Fig. 3, gebildet wird.

Rehmen wir in einem solchen Falle an, daß die obere Fläche BC ber loderen Masse horizontal sei und mit der verticalen Begrenzungsfläche einerlei Höhe AB = h habe. Stellen wir uns vor, daß sich von der gauzen Masse ein Keil ABE lostrenne und sich nun auf der einen Seite gegen die Waner und auf der anderen gegen die übrige Masse AEQ stüge; bezeichnen wir den noch undestimmten Winkel AEB, welchen die Trennungsstäche AE mit der Horizontalebene BC einschließt, durch α , die Dichtigkeit oder das Gewicht eines Cubitsußes der Masse durch γ , und ziehen wir nur ein Massenstützt von der Länge α eins in Betracht, so haben wir sur das Gewicht des gedachten Keiles α

$$G = \frac{AB.BE}{2} \cdot 1.\gamma = \frac{1}{2}h.h \cot g.\alpha.\gamma = \frac{1}{2}h^2 \gamma \cot g.\alpha.$$

Sieht man von der Reibung an der verticalen Bekleidungsfläche AB ab, so läßt sich annehmen, daß diese Fläche nur den Druck $\overline{OP} = P$ aufnimmt, welcher gegen sie rechtwinkelig, also horizontal gerichtet ist, daß also auch eine gleich große entgegengesetzt gerichtete Kraft (-P) das Prisma ABE entweder auf der schiefen Ebene AE erhält oder auf berselben hinaufschiebt. Wir wissen aus Bd. I., §. 172 und §. 176, daß eine Kraft von einem Körper noch ausgenommen wird, wenn die Richtung derselben nicht mehr als um den Reibungswinkel von der Normale der Bewegungsebene des Körpers abweicht, können daher auch hier voraussetzen, daß die zweite Seitenkrast R des Gewichtes G von der Masse unterhalb AE ausgenommen werde, wenn

ihre Richtung OR um den Winkel $NOR = \varrho$ von der Normale ON zu AE abweicht. Da der Winkel:

$$NOG = EAD = AEB = \alpha$$

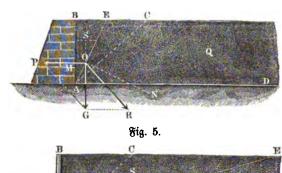
ist, so hat man ben Winkel ROG, um welchen bie Seitenkraft R von ben Berticalen abweicht entweber, wie in Fig. 4:

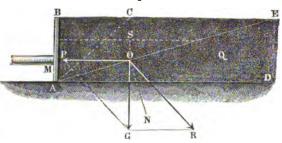
$$= NOG - NOR = \alpha - \rho$$

ober, wie in Fig. 5:

$$= NOG + NOR = \alpha + \varrho,$$

Fig. 4.





je nachbem man ben Reibungswinkel ϱ auf der einen oder der anderen Seite von der Normale ON liegend annimmt, und es bestimmt sich hiernach der Druck gegen die verticale Wand AB,

$$P = G \text{ tang. } O G P = G \text{ tang. } R O G,$$

in bem einen Falle:

$$P = G \ tang.(\alpha - \varrho),$$

und im anderen:

$$P = G \ tang.(\alpha + \varrho),$$

also allgemein:

$$P = G \text{ tang.} (\alpha \mp \varrho) = \frac{1}{2} h^2 \gamma \text{ cotang. } \alpha \text{ . tang. } (\alpha \mp \varrho).$$
(Bergl. Bb. I., §. 176.)

Es ift leicht zu ermeffen, daß biefer Ausbruck sowohl ben activen als ben

passiven Erbbrud angiebt, und zwar ben ersteren bei Anwendung von $tang.(\alpha - \rho)$, und den letzteren, wenn man $tang.(\alpha + \rho)$ einführt.

Da bei Entwidelung biefer Formel von der Reikung des Drudkeiles ABC an einer Border- und Hintersläche abgesehen worden ist, so giebt dies selbe auch nur den Drud des laufenden Fußes auf eine sehr lange Wand AB an.

Prisms des grössten und kleinsten Erddruckes. Der im $\S.3$ vorstehenden Baragraphen gefundenen Formel zufolge ist der Erddruck noch von einem angenommenen Winkel α abhängig, und es muß daher dieser Winkel erst bestimmt werden, um mittels dieser Formel den Erddruck berechnen zu können. Da der Ausbruck

$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma$$
 cotang. α tang. $(\alpha - \varrho)$

nicht allein für $\alpha=90$ Grad, sondern auch für $\alpha=\varrho$ Grad Null und für zwischenliegende Werthe von α positiv ausfällt, so giebt es jedenfalls für α einen Werth zwischen ϱ und 90 Grad, welcher auf ein Maximum von P führt, und da nun das Herabrollen der lockeren Masse durch die Wand in jedem Falle verhindert werden soll, so ist demnach auch die Größe des zu bestimmenden activen Erdbruckes diesem Maximalwerthe gleichzusehen. Jedenfalls kommt es dei Ermittelung dieses Maximalwerthes nur darauf an, daß man zusieht, für welches α , das Product cotang. α . tang. $(\alpha-\varrho)$ ein Maximum wird.

Es ist cotang. α . tang. $(\alpha - \varrho)$ auch

$$= \frac{\sin (2 \alpha - \varrho) - \sin \varrho}{\sin (2 \alpha - \varrho) + \sin \varrho} = 1 - \frac{2 \sin \varrho}{\sin (2 \alpha - \varrho) + \sin \varrho}$$

und diese Größe um so größer, je größer sin. $(2\alpha-\varrho)$ wird; es fällt daher auch der Druck desjenigen Erbleiles ABE am größten aus, welcher durch das Maximum von sin. $(2\alpha-\varrho)$ bestimmt ist.

Run ift aber ber Maximalwerth eines Sinus = Eins, daher hat man auch:

 $sin. (2 \alpha - \varrho) = 1$, ober $2 \alpha - \varrho = 90$ Grad, also ben gesuchten Winkel:

$$\alpha=45^{\circ}+\frac{\varrho}{2},$$

fowie bie Größe bes activen Erbbrudes:

$$P = \frac{1}{2}h^2 \gamma cotang.\left(45^0 + \frac{\varrho}{2}\right). tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)$$

zu setzen, oder einfacher, da noch $cotang.\left(45^{\circ}+rac{arrho}{2}
ight)=tang.\left(45^{\circ}-rac{arrho}{2}
ight)$ ist,

I.
$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$$
, wofür auch

$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \cdot \frac{1 - \sin \varrho}{1 + \sin \varrho}$$
 gesetzt werden kann.

Der Wintel BA & Fig. 4, welcher $\alpha=45^{\circ}+\frac{\varrho}{2}$ zu 90° erganzt, ift

$$=\frac{90^{\circ}-\varrho}{2}=$$
 ber halben Ergänzung bes Reibungswinkels ϱ zu 90 Grab, und baher burch Halbiren bes Winkels BAC leicht zu bestimmen.

Da hingegen ber Ausbruck

$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \cot \alpha q \cdot \alpha \cdot \tan q \cdot (\alpha + \rho)$$

für $\alpha=0$ Grad, sowie für $\alpha=90^{\circ}-\varrho$ auf einen unendlich großen Werth und bagegen für Winkelwerthe zwischen 0 und $(90-\varrho)$ Grad auf positive endliche Werthe suhrt, so giebt es auch innerhalb dieser Grenzen einen Minimalwerth von P, welchem also auch der passive Erdbruck, bei welchem es nur darauf ankommt, ein Hinausschieden oder Zurückweichen der lockeren Masse überhaupt zu bewirken, gleichzusesen ist. Nun ist aber

cotang.
$$\alpha$$
 . tang. $(\alpha + \varrho)$

auch

$$=\frac{\sin(2\alpha+\varrho)+\sin\varrho}{\sin(2\alpha+\varrho)-\sin\varrho}=1+\frac{2\sin\varrho}{\sin(2\alpha+\varrho)-\sin\varrho},$$

und der lettere Bruch um so kleiner, je größer sin. $(2\,\alpha\,+\,\varrho)$ ausfällt; es läßt sich baher für biefen Fall

$$sin. (2 \alpha + \varrho) = 1$$
, ober $2 \alpha + \varrho = 90$ Grab,

b. i.
$$\alpha = 45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}$$
 zu setzen.

Diefer Werth giebt bie Große bes paffiven Erbbrudes:

$$P=\sqrt[1/2]{h^2\gamma}$$
 cotang. $\left(45^{\circ}-rac{\varrho}{2}
ight)$ tang. $\left(45^{\circ}+rac{\varrho}{2}
ight)$,

b. i.:

II.
$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

Auch ist
$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \cdot \frac{1 + \sin \varrho}{1 - \sin \varrho}$$

Wenn also ber Horizontalbrud ber Wand AB, Fig. 5, gegen die Erdmasse die durch diese Formel bestimmte Größe nicht erreicht, so weicht auch die lodere Masse noch nicht zurud; so wie aber berselbe dieser Größe gleich kommt, so schiedt sich ein Massenkeil ABE zurud, dessen Auslagerungs-

fläche
$$AE$$
 ben Winkel $EAD = \frac{90 - \varrho}{2} = \frac{1}{2} BAC$ mit der Basis AD bilbet.

Beifpiel. Benn bas fpecififche Gewicht einer 6 Fuß hoch aufgeschütteten Gestreibemaffe 0,776 ift (f. Band I., §. 372, Anmerk. 1), so ubt biefelbe gegen eine verticale Seitenwand auf ben laufenden Fuß Lange ben (activen) Druck

 $P = \frac{1}{2} \cdot 6^3 \cdot 0.776 \cdot 61.75 [tang. (450 - 150)]^3 = 18.61.75 \cdot 0.776 \cdot (tang. 300)^3 = 862.5 \cdot 0.57735^2 = 287.5$ Funb

aus, und es ift bagegen bie ben paffiven Drud ju überwindenbe Kraft:

 $\dot{P} = \frac{1}{2} \cdot 6^{2} \cdot 0.776 \cdot 61.75 [tang. (45^{0} + 15^{0})]^{2} = 921.9 (tang. 60^{0})^{2}$ = 862.5 · 3 = 2587.5 Pfunb

nothig, um biefe Raffe burch eine verticale Banb AB gurudzuschieben.

Erd- und Wassordruck. Sowohl ber active als auch ber passive §. 4 Drud loderer Massen läßt sich leicht mit dem Drud des Wassers versgleichen. Der Drud des Wassers gegen eine senkrechte Fläche von der Breite — Eins und Höhe — h ist, wenn die Dichtigkeit des Wassers — γ_1 gesest wird, nach Bb. I., §. 356:

$$P_1 = \frac{1}{2} h^2 \gamma_1;$$

bagegen ber Erbbrud gegen biefe Flache:

$$P=\frac{1}{2}\,h^2\,\gamma\,\Big[tang.\left(45^\circ\mprac{\varrho}{2}
ight)\Big]^2=\frac{1}{2}\,h^2\,s\,\gamma_1\,\Big[tang.\left(45^\circ\mprac{\varrho}{2}
ight)\Big]^2$$
, wenn s noch das specifische Gewicht der loderen oder Erdmasse bezeichnet; es ist folglich der Erdbruck s $\Big[tang.\left(45^\circ\mprac{\varrho}{2}
ight)\Big]^2$ mal so groß als der des Wassers, oder es läßt sich dieser Druck $P=\frac{1}{2}\,h^2\,\gamma_1$ gleichsetzen dem einer vollkommenen Flüssigkeit, deren specifisches Gewicht

$$\varepsilon_1 = \varepsilon \left[tang. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

ober beren Dichtigkeit

$$\gamma_1 = \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} \mp \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$
 ist.

Es nimmt also auch ber Drud loderer Massen, wie ber bes Wassers, von oben nach unten gleichmäßig zu und ist überhaupt ber Drudhöhe (f. Bb. I., §. 355), sowie ber gebrüdten Fläche proportional. Auch läßt sich hieraus solgern, baß für jebe beliebige, bem Erdbrude ausgesetzte verticale Fläche bie Drudhöhe von ber Oberstäche ber Masse senkrecht herab bis zum Schwerpuntte ber gebrüdten Fläche zu messen ist.

Endlich fällt, bem Borstehenben zusolge, ber Mittelpunkt bes Erbsbruckes, b. i. ber Angriffspunkt M bes ganzen Erbbruckes auf eine ebene Wand, mit bem Mittelpunkte bes Wasserbruckes (s. Bb. I., §. 357) zusammen, steht also im vorliegenden Falle, wo die gedrückte Fläche ein Rechteck ist, um $AM = \frac{1}{3}AB = \frac{1}{3}h$, b. i. um ein Drittel der Höhe von der Basis, oder um $BM = \frac{2}{3}h$, b. i. um zwei Drittel berselben von der Oberstäche der lockeren Masse ab.

Cohasion lockerer Massen. Wir haben bei ber obigen Entwide §. 5 lung noch bie Cohafion, ober ben mit ber Berührungsfläche wachsenben

Zusammenhang der Massentheile unter einander außer Acht gelassen; da dieselbe aber bei weniger loderen Massen, wie z. B. bei sestgestampster Erde, nicht unbebeutend ist, so wollen wir sie auch noch in die Formeln einführen. Setzen wir den Cohässonsmodul, oder die Araft des Zusammenhanges für die Berüssenungsssläche Eins, = x, so haben wir für den in Fig. 6 und 7 repräsentirten Fall die Araft zum Trennen des Prismas ABE in der Fläche AE:

$$K = 1.AE.\varkappa = \frac{\varkappa h}{\sin \alpha}.$$

Diefe Kraft wirkt jeber Bewegung entgegen, und baber von unten nach

Fig. 6.

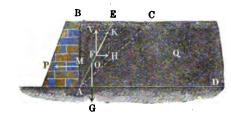
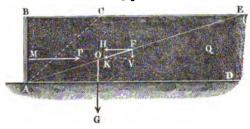


Fig. 7.



oben, wenn das Herabgleiten zu verhindern ist (Fig. 6), dagegen aber von oben nach unten, wenn das Hinausschieben des Keiles ABE hervorgebracht werden soll (Fig. 7); wenn es sich solglich um die Bestimmung des passiven Erddruckes handelt, so ist anzunehmen, daß der verticale Component $V = K \sin$

 $= \frac{\pi h}{\sin \alpha} \cdot \sin \alpha = \pi h$ bem Gewichte, und ber horizontale Component
besselben,

$$H = K \cos \alpha = \frac{\pi h}{\sin \alpha} \cos \alpha = \pi h \cot \alpha$$

bem Drude P entgegenwirft.

Führen wir baher in ber Formel P=G tang. $(\alpha-\varrho)$, statt P, $P+\varkappa h$ cotang. α und statt G, $G-\varkappa h$ ein, so erhalten wir für ben activen Erbbrud bie Bedingungsgleichung:

$$P = (G - \kappa h) tang.(\alpha - \varrho) - \kappa h cotang.\alpha.$$

Substituiren wir nun noch G=1/2 $h^2 \gamma$ cotang. α , so ergiebt sich:

$$P = (1/2 h^2 \gamma \text{ cotang. } \alpha - \kappa h) \text{ tang. } (\alpha - \varrho) - \kappa h \text{ cotang. } \alpha.$$

Es ift aber zwedmäßig, an biefer Formel noch folgende Umformung vor-

$$P = h \left[(\frac{1}{2} h \gamma + \varkappa \operatorname{cotang.} \varrho) \operatorname{cotang.} \alpha \operatorname{tang.} (\alpha - \varrho) - \varkappa \operatorname{cotang.} \alpha - \varkappa (1 + \operatorname{cotang.} \alpha \operatorname{cotang.} \varrho) \operatorname{tang.} (\alpha - \varrho) \right],$$

ober, ba tang.
$$(\alpha - \varrho) = \frac{tang. \alpha - tang. \varrho}{1 + tang. \alpha tang. \varrho}$$

$$= \frac{tang. \alpha - tang. \varrho}{1 + cotang. \alpha \cot ng. \varrho} \cdot \cot ng. \alpha \cot ng. \varrho \text{ ift,}$$

$$P = h \left[(\frac{1}{2} h \gamma + \pi \cot ng. \varrho) \cot ng. \alpha \tan g. (\alpha - \varrho) - \pi (\cot ng. \alpha + \cot ng. \varrho - \cot ng. \alpha) \right],$$

b. i.:

 $P = h \left[(1/2 h \gamma + \kappa \cot ang. \varrho) \cot ang. \alpha \tan g. (\alpha - \varrho) - \kappa \cot ang. \varrho \right].$ Diese Kraft wird ein Maximum mit dem Broducte cotang. α tang. $(\alpha - \varrho)$.

Das lettere aber ist nach dem Obigen ein solches für $\alpha=45^{\circ}+\frac{\varrho}{2}$; es

ift baber ber vollständige Horizontalbrud ber Erdmaffe gegen ihre verticale Befleibung:

$$P = h\left(\frac{1}{2}h\gamma + x \cot ng. \varrho\right) \left[\tan g. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2} - x \cot ng. \varrho\right)$$

$$= \frac{1}{2}h^{2}\gamma \left[\tan g. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}$$

$$- x h \cot ng. \varrho\left(1 - \left[\tan g. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}\right);$$
ober, ba fid) $\cot ng. \varrho = \frac{2}{\tan g. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right) - \tan g. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)}, \text{ unb}$

$$1 - \tan g. \left[\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}$$

$$= \left[tang.\left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right) - tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right] tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right) \text{ feigen läßt,}$$

$$P = \frac{1}{2} h^{2} \gamma \left[tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2} - 2 h \kappa tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)$$

$$= h tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right) \left[\frac{h \gamma}{2} tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right) - 2 \kappa\right].$$

Diese **R**raft ist Null für $1/2 h \gamma tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right) = 2 \, \text{x, b. i. für}$

$$h = h_1 = \frac{4 x}{\gamma \ tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)}.$$

Auf biefe Bobe h, läßt fich also eine cobarente Daffe fentrecht abschneiben, ohne daß ein Nachrollen erfolgt. Umgefehrt, läßt fich aus ber Bohe h1, auf welche man eine folche Daffe fentrecht abschneiben fann, ber Cobafionemobul finden, indem man fest:

$$\kappa = \frac{1}{4} h_1 \gamma tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)$$
.

Es fällt also auch die Cohäsion einer Masse um so größer ober kleiner aus, je größer ober kleiner die Höhe ha ist, auf welche sie sich senkrecht absichneiden läßt.

Fithren wir die Sohe h, in die Formel P ein, so erhalten wir die Größe des activen Erddruckes:

L
$$P = \frac{h\gamma}{2} (h - h_1) \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

Bei Sand, Getreide, Schrot, sowie bei aufgelöster und frisch gegrabener Erde ist h_1 ziemlich Rull. Bei zusammengedrückter oder seucht gewesener Erde ist dieselbe oft beträchtlich, und zwar weniger bei Gartenerde und mehr bei thoniger oder lehmiger Erde. Bei loderer etwas seuchter Dammerde sand z. B. Martony $h_1=0.9$ Fuß, dagegen bei ganz mit Wasser durch-weichter Erde, $h_1=0$. Dichte Pflanzenerde läßt sich höchstens 3 bis 6 Fuß, thonige Erde aber höchstens 10 bis 12 Fuß hoch seutrecht abgraben.

In den meisten Fallen ber Anwendung ift es rathsam, die Cohafionetraft unbeachtet zu laffen.

Bei Bestimmung bes passiven Erbbrudes wirft bie Cohasionstraft $K = \times h$ entgegengeset; es ist baher auch in ber letten Formel für P, nicht allein statt ϱ , — ϱ , auch statt \times , — \times einzusuhhren, um ben negativen Druck ober Biberstand ber Erdmasse gegen das Fortschieben zu bestimmen. Hiernach ist also ber lettere, b. i. die Größe bes passiven Erbbrudes:

$$P = h \ tang. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right) \left[\frac{h \gamma}{2} \ tang. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right) + 2 \varkappa\right] \text{ ober}$$
II.
$$P = \frac{h \gamma}{2} \left(h + h_2\right) \left[tang. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2.$$

wenn man noch

$$\frac{4 \times \frac{4 \times \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)}{v \ tang.\left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right)} = \frac{h_1 \ tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)}{tang.\left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right)} = h_1 \left[tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$$
burch h_2 bezeichnet.

§. 6 Moment des Erddruckes. Durch die Cohäsion der Erdmasse wird nicht allein die Größe, sondern auch der Angriffspunkt der Kraft verändert; um den letzteren angeben zu können, ist es noch nöthig, das Mosment der Kraft zu bestimmen. Der Ausdruck

$$P = \frac{h (h - h_1) \gamma}{2} \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

Bon bem Bufammenhange und Drude loderer Maffen. 13 **S.** 6.1 für ben activen Erddruck besteht aus zwei Theilen, nämlich aus bem Theile

$$P_1 = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2,$$

beffen Angriffspuntt M um die sentrechte Sobe BM=2/2h unter ber Oberfläche BC ber Maffe liegt, welcher also in hinsicht auf ben Fuß A ber Wand AB bas Moment

$$P_1 \cdot \frac{1}{3}h = \frac{1}{6}h^2\gamma \left[tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$$

hat, und aus dem Theile:

$$P_3 = -1/2 h h_1 \gamma \left[tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$$

welcher ber in ber Mitte F ber Fläche AE angreifenden Cobafionstraft ber Maffe entspricht, baber um 1/2 h unter B angreift, und bas Moment

$$P_2$$
 . $^{1/_2}h=-^{1/_4}h^2h_1\gamma\left[tang.\left(45^{\circ}-rac{arrho}{2}
ight)
ight]^2$ befixe

Es ift folglich bas Moment bes ganzen Erbbrudes hinsichtlich A:

$$Pa = \frac{1}{6} h^{2} \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} - \frac{1}{4} h^{2} h_{1} \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2}$$

$$= \frac{h^{2} \gamma}{2} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} (\frac{1}{3} h - \frac{1}{2} h_{1}),$$

und baber ber Bebelarm beffelben ober ber Abstand AM feines Angriffspunttes M von bem Fufe A:

$$a = \frac{\frac{1}{2} h^{2} \gamma \left[tang. \left(45^{0} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} (\frac{1}{8} h - \frac{1}{2} h_{1})}{\frac{1}{2} h \gamma \left[tang. \left(45^{0} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} (h - h_{1})} = \frac{2h - 3h_{1}}{h - h_{1}} \cdot \frac{h}{6}$$

oder annähernd, wenn h, klein gegen h ift,

$$a = \left(1 - \frac{1}{2} \frac{h_1}{h}\right) \frac{h}{3}.$$

Für ben Angriffspunkt M bes paffiven Erbbrudes erhalt man ben **Abstand** AM = a, wenn man in den obigen Formeln $45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}$ statt

$$45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}$$
, sowie (— %) statt + % einführt, und

$$\frac{4 \times \sqrt{45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}}}{\gamma \tan g. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right)} = h_1 \left[\tan g. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$$

durch ha bezeichnet.

Es ift baber bier:

$$Pa = \frac{1}{6} h^{3} \gamma \left[tang. \left(45^{0} + \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} + \frac{1}{4} h^{2} h_{2} \gamma \left[tang. \left(45^{0} + \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2}$$

$$= \frac{1}{2} h^{2} \gamma \left[tang. \left(45^{0} + \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} (\frac{1}{8} h + \frac{1}{2} h_{2}),$$

unb

$$a=rac{2\,h+3\,h_2}{h+h_2}\cdotrac{h}{6}$$
, annähernd $=\left(1+{}^1\!/_2rac{h_2}{h}
ight)\cdotrac{h}{3}\cdot$

Beispiel. Man soll für eine Hobe von 16 Fuß die Größe und ben Angriffspunkt bes Druckes einer Erdmasse bestimmen, beren Reibungswinkel $\varrho=40$ Grad, und Dichtigkeit $\gamma=120$ Pfund beträgt, und welche sich, ohne nachzurollen, 4 Fuß hoch senkrecht abschreiben läßt.

Dhne Rudficht auf die Cohafton ift ber active Erbbrud:

$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 = \frac{1}{2} \cdot 16^2 \cdot 120 \cdot [tang. (45^0 - 20^0)]^2$$

= 15360 (tang. 25°)² = 3340 Flund.

und ber baffive Erbbrud:

$$P=\frac{1}{2}\,h^2\,\gamma \left[tang.\left(45^0+\frac{\varrho}{2}\right)\right]^2=15360\,(tang.\,65^0)^3=70639$$
 Pfund, bagegen beträgt ber erstere mit Rückschaft auf die Cohafton, da $h_1=4$ ift,

$$P = \frac{1}{2}h(h - h_1)\gamma \left[tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 = 8.(16 - 4).120(tang. 25^0)^2$$

= 11520.(tang. 25^0)^2 = 2505 \(\mathref{B}\) funb.

und ber lettere, ba
$$h_2 = h_1 \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 = 4 (tang. 25^0)^3 = 0,87$$
 Fuß ift,

$$P = \frac{1}{2}h(h + h_2)\gamma \left[tang.\left(45^{\circ} + \frac{\rho}{2}\right)\right]^2 = 8(16 + 0.87).120 (tang. 65^{\circ})^2$$

= 16195 (tang. 65°)² = 74480 \$\text{funb.}

Wenn man von der Cohafion absieht, so kann man den Angriffspunkt des activen und passiven Erdbruckes um $\sqrt[3]{3}$ $h=\sqrt[3]{3}$. $16=\sqrt[33]{3}=10\sqrt[3]{3}$ Fuß unter der Oberstäche, oder $5\sqrt[4]{3}$ Fuß über der Grundstäche besindlich annehmen. Mit Rücksicht auf diesen Zusammenhang ist dagegen für den activen Erdbruck

$$a = \frac{2h - 3h_1}{h - h_1} \cdot \frac{h}{6} = \frac{32 - 12}{16 - 4} \cdot \frac{16}{6} = \frac{5}{3} \cdot \frac{8}{3} = 4,44 \text{ gub},$$

und für ben paffiven Erbbrudt:

$$a = \frac{2h + 3h_2}{h + h_2} \cdot \frac{h}{6} = \frac{32 + 2,61}{16,87} \cdot \frac{8}{3} = \frac{34,61}{16,87} \cdot \frac{8}{3} = 5,47$$
 Fug.

§. 7 Belastote Erdmasse. Wenn die Erdmasse M, Fig. 8, auf ihrer horizontalen Oberfläche noch belastet ist, z. B. burch ein Gebäude, burch ein Pflaster BLE u. s. w., so erleidet die Bekleidung einen größeren Druck, als wenn die Erdmasse oben ganz frei bleibt. Setzen wir, um benselben zu ermitteln, den Druck auf jede Einheit (auf den Quadratsuß) der horizontalen Oberfläche, = q, so erhalten wir denselben auf die Oberfläche des ganzen Druckeiles BEA:

$$= q \cdot BE = qh \text{ cotang. } \alpha$$

und baber bie Borigontaltraft, ohne Rudficht auf bie Cobaffon:

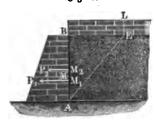
$$P = (G + qh \text{ cotang. } \alpha) \text{ tang. } (\alpha - \varrho)$$

= $(1/2 h^2 \gamma + qh) \text{ cotang. } \alpha \text{ tang. } (\alpha - \varrho)$,

ober, $\alpha = 45^{\circ} + \frac{9}{2}$ substituirt,

$$P = (1/2 h^2 \gamma + q h) \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2.$$

Um ben Angriffspuntt biefes Druckes zu finden, zerlegen wir benfelben Big. 8. wieder in seine zwei Theile



$$P_1 = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$
unb:

$$P_2 = qh \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

Der erste Theil P1 hat seinen Angriffspunkt M1 um ein Drittel ber Höhe h über bem Fußpunkte A, es ist also sein statisches Moment in Hinsicht auf diesen Bunkt

$$P_1 \frac{h}{3} = \frac{h}{3} \cdot \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 = \frac{h^2 \gamma}{6} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2;$$

wegen bes zweiten Theiles P_2 aber werden gleiche Theile der verticalen Wand gleich start gedrückt, es geht folglich auch die entsprechende Mittelkraft, d. i. dieser Theil des Druckes, durch den Schwerpunkt M_2 der Wand, steht also um die halbe Höhe $\left(\frac{h}{2}\right)$ von A ab, und es ist sonach das statische Moment dieser zweiten Kraft

$$P_{2} \frac{h}{2} = \frac{h}{2} \cdot q h \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^{2} = \frac{q h^{2}}{2} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right] \cdot$$

Run folgt bas Moment bes vollständigen Druckes:

$$Pa = (\frac{1}{6}h^3\gamma + \frac{1}{2}qh^3) \left[tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$$

und daher ber Hebelarm besselben ober der Abstand AM=a seines An-griffspunktes M von der Basis:

$$a = \frac{(\frac{1}{6}h^{2}\gamma + \frac{1}{2}h^{2}q)\left[tang.\left(45^{0} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}}{(\frac{1}{2}h^{2}\gamma + hq)\left[tang.\left(45^{0} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}} = \frac{\frac{1}{6}h^{2}\gamma + \frac{1}{2}hq}{\frac{1}{2}h\gamma + q}$$
$$= \left(\frac{h\gamma + 3q}{h\gamma + 2q}\right).\frac{1}{3}h.$$

(§. 8) Druck der überschütteten Erde. Steht die Oberstäche BC ber loderen Masse Q, Fig. 9, über der Mauerkappe L und bilbet sie in der Nähe der Mauer den natürlichen Anhang, so läßt sich der Druck dies Fig. 9. ser Masse gegen die jenks

H B E C

fer Masse gegen die senkrechte Bekleidung mit Hülse des höheren Calcills wie folgt ermitteln. Es sei h die Höhe AL der Bekleidung, und ho die Höhe LH der lockeren Masse über dem

Ropfe L der Bekleidung; behalten dann die übrigen Bezeichnungen ihre früheren Bedeutungen, so ist das Bolumen der drückenden Masse ALBE:

$$V = \frac{1}{2} (\overline{AH^2} \cdot cotang. A EH - \overline{LH^2} \cdot cotang. LBH)$$

= $\frac{1}{2} [(h + h_0)^2 \cdot cotang. \alpha - h_0^2 \cdot cotang. \varrho],$

folglich bas Gewicht berfelben:

$$G = \frac{1}{2} [(h + h_0)^2 \text{ cotang. } \alpha - h_0^2 \text{ cotang. } \varrho] \gamma$$
 und ihr activer Drud gegen AL :

$$P = \frac{1}{2} [(h + h_0)^2 \ cotang. \ \alpha - h_0^2 \ cotang. \ \varrho] \ tang. \ (\alpha - \varrho) \gamma$$
ober, ba $tang. (\alpha - \varrho) = \frac{tang. \ \alpha - tang. \ \varrho}{1 + tang. \ \alpha \ tang. \ \varrho} = \frac{cotang. \ \varrho - cotang. \ \alpha}{cotang. \ \varrho \ cotang. \ \alpha + 1} \ ift,$

$$P = \frac{1}{2}[(h + h_0)^2 \cot \alpha - h_0^2 \cot \alpha \cdot \varrho] \cdot \frac{\cot \alpha \cdot \varrho - \cot \alpha \cdot \varrho}{\cot \alpha \cdot \varrho \cdot \varrho \cot \alpha \cdot \varrho \cdot \varrho \cot \alpha \cdot \varrho} \cdot \varrho$$

$$= \frac{1}{2}(h+h_0)^2 \left[\cot ang.\alpha - \left(\frac{h_0}{h+h_0}\right)^2 \cot ang.\varrho \right] \cdot \frac{\cot ang.\varrho - \cot ang.\alpha}{\cot ang.\varrho \cot ang.\alpha + 1} \gamma.$$

Seten wir nun:

cotang. $\alpha = u$, cotang. $\varrho = b$ und $\left(\frac{h_0}{h + h_0}\right)^2$ cotang. $\varrho = c$, so exhalten wir:

$$P = \frac{1}{2} (h + h_0)^2 \frac{(u - c) (b - u)}{b u + 1} \gamma,$$

und es ist das Maximum von $\frac{(u-c)(b-u)}{bu+1}$ auszumitteln, um den Druck der lockeren Malle gegen A L zu finden, und daher (das $\frac{1}{2}$ 1) mol

Druck der loderen Masse gegen AL zu sinden, und daher (bu + 1) mal Differenzial von (u - c) (b - u) gleich (u - c) (b - u)mal Differenzial von (bu + 1), b. i.:

Hiernach folgt die Bestimmungegleichung:

$$bu^2 + 2u = (1 + b^2)c + b$$

beren Auflösung:

$$u = -\frac{1}{b} \pm \sqrt{\left(\frac{1}{b}\right)^2 + 1 + \frac{(1+b^2)c}{b}}$$

$$= \frac{-1 + \sqrt{1+b^2}\sqrt{1+bc}}{b}$$
 giebt.

Führen wir bie erften Bezeichnungen wieber ein, fo folgt:

cotang.
$$\alpha = -\tan \theta$$
. $\varphi + \sqrt{\frac{1}{\cos \varrho^2} + \left(\frac{h_0}{h + h_0}\right)^2 \frac{1}{\sin \varrho^2}}$
 $= -\tan \theta$. $\varphi + \sqrt{(\sec \varrho)^2 + \left(\frac{h_0}{h + h_0}\right)^2 (\csc \varrho)^2}$.

Run ift aber:

$$\frac{(u-c)(b-u)}{bu+1} = \frac{\partial (u-c)(b-u)}{\partial (bu+1)} = \frac{b+c-2u}{b}$$

$$= \frac{b^2 + bc + 2 - 2\sqrt{1+b^2}\sqrt{1+bc}}{b^2}$$

$$= \left(\frac{\sqrt{1+b^2} - \sqrt{1+bc}}{b}\right)^2$$

$$= \left[\frac{1}{\cos \rho} - \sqrt{(tang. \rho)^2 + \left(\frac{h_0}{h+h_0}\right)^2}\right]^2$$

es folgt baber ber gesuchte active Erbbrud:

$$P = \frac{1}{2} (h + h_0)^2 \gamma \cdot \left[\frac{1}{\cos \varrho} - \sqrt{(\tan \varrho \cdot \varrho)^2 + \left(\frac{h_0}{h + h_0} \right)^2} \right]^2,$$

obet:

$$P = \left[\frac{h + h_0}{\cos \varrho} - \sqrt{(h + h_0)^2 \tan \varrho \cdot \varrho^2 + h_0^2}\right]^2 \frac{\gamma}{2}.$$

Meist ist die Höhe ho der Ueberschuttung klein gegen die Höhe h der Be-Neidung, und daher annähernd:

$$P = \left[\frac{h + h_0}{\cos \varrho} - \left((h + h_0) \tan \varrho \cdot \varrho + \frac{h_0^2}{2(h + h_0) \tan \varrho \cdot \varrho}\right)\right]^2 \frac{\gamma}{2}$$

$$= \left(\frac{(h + h_0)^2 (1 - \sin \varrho)^2}{\cos \varrho^2} - \frac{h_0^2 (1 - \sin \varrho)}{\sin \varrho}\right) \frac{\gamma}{2}$$

$$= \left((h + h_0)^2 \left[\tan \varrho \cdot \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 - \frac{h_0^2 (1 - \sin \varrho)}{\sin \varrho}\right) \frac{\gamma}{2}.$$

In vielen Fällen tann man fogar bas lette Glieb gang vernachlässigen und, wie oben (§. 3),

$$P={}^{1}\!/_{2}\,(h+h_{0})^{2}\,\gamma\Big[tang.\left(45^{\circ}-rac{\varrho}{2}
ight)\Big]^{2}$$
 feten.

Das Moment bes activen Erbbruckes:

$$P = \left((h + h_0)^2 \left\lceil tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right\rceil^2 - \frac{\bullet h_0^2 (1 - sin. \varrho)}{sin. \varrho} \right) \frac{\gamma}{2}$$

läßt sich wie diese Kraft selbst als die Differenz zweier Theile ansehen, und fällt, bem Obigen entsprechend, in Hinsicht auf ben Fußpunkt A,

$$Pa = \left((h + h_0)^3 \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 - \frac{h_0^2 (3h + h_0) (1 - sin. \varrho)}{sin. \varrho} \right) \frac{\gamma}{6}$$
aus.

Für ben paffiven Erbbrud hat man:

$$Pa = \left((h + h_0)^3 \left[tang. \left(45^0 + \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 - \frac{h_0^2 (3 h + h_0) (1 + sin. \varrho)}{sin. \varrho} \right) \frac{\gamma}{6}$$
 du segen.

Beispiel. Ware im obigen Beispiel (S. 6) bie Bekleibung d nur 12 Fuß hoch, folglich bie Gohe ber Ueberschüttung do = 4 Fuß, so hatte man, ohne Rucksficht auf Cohafion, ben activen Erbbruck:

$$P = \left((h + h_0)^2 \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 - \frac{h_0^2 (1 - sin. \, \varrho)}{sin. \, \varrho} \frac{\gamma}{2} \right]$$

$$= 3340 - \frac{(1 - sin. \, 40^0)}{sin. \, 40} = 3340 - \frac{0.3572}{0.6428} \cdot 960$$

$$= 3340 - 533 = 2807 \, \text{Pfunb},$$

und bas Moment beffelben:

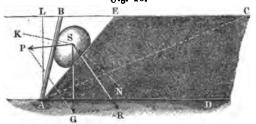
$$Pa = \left((h + h_0)^3 \left[tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^3 - \frac{h_0^4(3h + h_0)(1 - sin.\varrho)}{sin.\varrho}\right) \frac{\gamma}{6}$$
= 3340 · ½ (h + h_0) - 533 · (h + ½ h_0) = 3340 · ½ - 533 · 4% = 10707 %ußpfunb,

folglich ben Bebelarm AM:

$$a=\frac{10707}{2807}=3,81$$
 Fuß,

alfo fleiner, als wenn bie Daffe vollstänbig befleibet mare.

§. 9 Allgemeinere Theorie des Erddruckes. Einer allgemeineren Theorie des Erddruckes läßt sich ber Fall zu Grunde legen, wo das Gewicht G einer Masse S, Fig. 10, von zwei schiesen Ebenen AB und Fig. 10.



AE unterstützt wird. Es ist bann bieses Gewicht G in zwei Seitenfrafte P und R zu zerlegen, beren Richtungen um die Reibungswinkel $PSK = o_1$

und $RSN = \varrho$ von den Normalen SK und SN zu diesen scheien Sbenen abweichen. Sind α_1 und α die Neigungswinkel BAD und EAD dieser Ebenen gegen den Horizont, so hat man:

$$\angle RSG = \alpha - \varrho$$
, and $\angle PSG = 180^{\circ} - (\alpha_1 + \varrho_1)$, daher:

$$\frac{P}{G} = \frac{\sin PGS}{\sin SPG} = \frac{\sin RSG}{\sin (PSG + PGS)} = \frac{\sin (\alpha - \varrho)}{\sin (\alpha_1 + \varrho_1 - \alpha + \varrho)},$$

und ben Drud gegen bie erfte Ebene:

$$P = \frac{G \sin (\alpha - \varrho)}{\sin (\alpha_1 + \varrho_1 - \alpha + \varrho)}.$$

Um diese Formel anf den Erdbrud anzuwenden, bürfen wir nur AB als die Bekleidungswand betrachten, und annehmen, daß dieselbe unter dem Binkel α_1 gegen den Horizont geneigt sei.

Sehen wir noch von der Reibung der Masse an dieser Fläche ab, so konnen wir, da der Querschnitt des brudenden Brismas ABE:

$$F = \triangle A E L - \triangle A B L = \frac{h^3}{2}$$
 (cotang. α – cotang. α_1),

folglich das Gewicht desselben, $G=rac{h^2\gamma}{2}$ (cotang. lpha- cotang. $lpha_1$) ist:

$$P = \frac{h^2 \gamma}{2} \cdot \frac{\sin (\alpha - \varrho) \ (cotang. \ \alpha - cotang. \ \alpha_1)}{[\sin \alpha_1 - (\alpha - \varrho)]} \text{ fetzen.}$$

Run ift aber:

$$\frac{\sin \cdot [\alpha_1 - (\alpha - \varrho)]}{\sin \cdot (\alpha - \varrho)} = \frac{\sin \cdot \alpha_1 \cos (\alpha - \varrho) - \cos \cdot \alpha_1 \sin \cdot (\alpha - \varrho)}{\sin \cdot (\alpha - \varrho)}$$

$$= \sin \cdot \alpha_1 \cot \alpha g \cdot (\alpha - \varrho) - \cos \cdot \alpha_1$$

$$= \sin \cdot \alpha_1 [\cot \alpha g \cdot (\alpha - \varrho) - \cot \alpha g \cdot \alpha_1],$$

baher folgt:

$$P = \frac{h^2 \gamma}{2} \cdot \frac{\text{cotang. } \alpha - \text{cotang. } \alpha_1}{\sin \alpha_1 \left[\text{cotang. } (\alpha - \rho) - \text{cotang. } \alpha_1 \right]},$$

ober wenn man $\alpha - \varrho = \psi$ fett,

$$P = \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \frac{cotang.(\psi + \varrho) - cotang. \alpha_1}{cotang. \psi - cotang. \alpha_1} \cdot$$

Dieser Ausbruck fällt nicht allein für $\psi=0$, sondern auch für $\psi=\alpha_1-\varrho$, Rull aus, und ist für Werthe von ψ zwischen 0 und $\alpha_1-\varrho$, positiv, daher giebt es auch zwischen diesen Grenzen ein Maximum desselben. Es ist auch:

$$\begin{split} P &= \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \frac{\sin (\psi + \varrho - \alpha_1)}{\sin (\psi + \varrho)} \cdot \frac{\sin \psi}{\sin (\psi - \alpha_1)} \\ P &= \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \frac{\cos (\psi + \varrho - \alpha_1 - \psi) - \cos (\psi + \varrho - \alpha_1 + \psi)}{\cos (\psi + \varrho - \psi + \alpha_1) - \cos (\psi + \varrho + \psi - \alpha_1)} \end{split}$$

$$= \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \frac{\cos (\varrho - \alpha_1) - \cos (2 \psi + \varrho - \alpha_1)}{\cos (\varrho + \alpha_1) - \cos (2 \psi + \varrho - \alpha_1)}$$

$$= \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \frac{\cos (\varrho + \alpha_1) - \cos (2 \psi + \varrho - \alpha_1) + \cos (\varrho - \alpha_1) - \cos (\varrho + \alpha_1)}{\cos (\varrho + \alpha_1) - \cos (2 \psi + \varrho - \alpha_1)}$$

$$= \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \left(1 + \frac{\cos (\varrho - \alpha_1) - \cos (\varrho + \alpha)}{\cos (\varrho + \alpha_1) - \cos (2 \psi + \varrho - \alpha_1)}\right),$$

und hieraus leicht zu ersehen, daß dieser Werth für $\cos.(2\psi + \varrho - \alpha_1) = 1$, also für $2\psi + \varrho - \alpha_1 = 0$, b. i. für

$$\psi = \frac{\alpha_1 - \varrho}{2}$$

ein Maximum wird.

Es halbirt also hier die Basis AE des Prismas vom größten Druck den Winkel CAB zwischen der Seene AB der Bekleidung und der Seene AC des natürsichen Abhanges.

Seten wir nun in ber Formel fitr P,

$$\psi = \frac{\alpha_1 - \varrho}{2}$$

ein, so erhalten wir ben gesuchten Drud gegen bie fchräge Band AB:

$$P = \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2} \right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2} \right)} \right)^2,$$

fo bak für $\alpha_1 = 90^{\circ}$, wie oben, §. 3:

$$\begin{split} P &= \frac{h^2 \, \gamma}{2} \left(\frac{\sin \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)}{\sin \left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right)} \right)^2 = \frac{h^2 \, \gamma}{2} \left(\frac{\sin \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)}{\cos \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)} \right)^2 \\ &= \frac{h^2 \gamma}{2} \left[\tan g \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right) \right]^2 \text{ folgt.} \end{split}$$

(§. 10) Rehmen wir wieder eine verticale Band an, und berlichtigen wir basgegen die Reibung ber Erdmasse an berfelben, so konnen wir:

$$P = \frac{G \sin (\alpha - \varrho)}{\sin (90 + \varrho_1 - \alpha + \varrho)} = \frac{G \sin (\alpha - \varrho)}{\cos [\alpha - (\varrho + \varrho_1)]}$$
$$= \frac{1}{2} h^2 \gamma \frac{\sin (\alpha - \varrho) \cot \alpha g}{\cos [\alpha - (\varrho + \varrho_1)]} \text{ [eigen.]}$$

Formen wir weiter um, fo erhalten wir:

$$\frac{\sin. (\alpha - \varrho) \cot ng. \alpha}{\cos. [\alpha - (\varrho + \varrho_1)]} = \frac{(\sin. \alpha \cos. \varrho - \cos. \alpha \sin. \varrho) \cot ng. \alpha}{\cos. \alpha \cos. (\varrho + \varrho_1) + \sin. \alpha \sin. (\varrho + \varrho_1)}$$
$$= \frac{\sin. \varrho}{\sin. (\varrho + \varrho_1)} \cdot \frac{\cot ng. \varrho - \cot ng. \alpha}{\cot ng. (\varrho + \varrho_1) + \tan g. \alpha}.$$

Der veränderliche Factor:

$$\frac{cotang. \varrho - cotang. \alpha}{cotang. (\varrho + \varrho_1) + tang. \alpha}$$

ift ein Maximum für:

$$\frac{\cot ang. (\varrho + \varrho_1) + \tan g. \alpha}{(\sin \alpha)^2} = \frac{\cot ang. \varrho - \cot ang. \alpha}{(\cos \alpha)^2}$$

ober:

cotang. $(Q + Q_1) + tang. \alpha = cotang. Q (tang. \alpha)^2 - tang. \alpha$ b. i.:

 $(tang. \alpha)^2 - 2 tang. \varrho tang. \alpha = tang. \varrho cotang. (\varrho + \varrho_1).$

Die Auflösung bieser quabratischen Gleichung giebt:

tang.
$$\alpha = tang. \varrho + \sqrt{(tang. \varrho)^2 + tang. \varrho \ cotang. (\varrho + \varrho_1)}$$

= tang. $\varrho \ (1 + \sqrt{1 + cotang. \varrho \ cotang. (\varrho + \varrho_1)})$,

und baber:

$$cotang. \alpha = \frac{\sqrt{1 + cotang. \varrho \ cotang. (\varrho + \varrho_1)} - 1}{cotang. (\varrho + \varrho_1)}.$$

Run ift aber:

$$\frac{\text{cotang. } \varrho - \text{cotang. } \alpha}{\text{cotang. } (\varrho + \varrho_1) + \text{tang. } \alpha} = (\text{cotang. } \alpha)^2,$$

daher fällt:

$$\frac{\sin \cdot (\alpha - \varrho) \cot g \cdot \alpha}{\cos \cdot [\alpha - (\varrho + \varrho_1)]} = \frac{\sin \cdot \varrho}{\sin \cdot (\varrho + \varrho_1)} \cdot \left(\frac{\sqrt{1 + \cot g \cdot \varrho \cot g \cdot (\varrho + \varrho_1)} - 1}{\cot g \cdot (\varrho + \varrho_1)}\right)^2$$

$$= \frac{\sin \cdot \varrho}{\cos \cdot (\varrho + \varrho_1)^2} \cdot \left(\sqrt{\frac{\sin \cdot (\varrho + \varrho_1) \sin \cdot \varrho + \cos \cdot (\varrho + \varrho_1) \cos \cdot \varrho}{\sin \cdot \varrho}} - \sqrt{\sin \cdot (\varrho + \varrho_1)}\right)^2$$

$$= \frac{\sin \cdot \varrho}{\cos \cdot (\varrho + \varrho_1)^2} \left(\sqrt{\frac{\cos \cdot \varrho_1}{\sin \cdot \varrho}} - \sqrt{\sin \cdot (\varrho + \varrho_1)}\right)^2$$
and uply a fold by actine (Exhaud.)

ans, und es folgt ber active Erbbrud:

$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \frac{\sin \varrho}{\cos (\varrho + \varrho_1)^2} \left(\sqrt{\frac{\cos \varrho_1}{\sin \varrho}} - \sqrt{\sin (\varrho + \varrho_1)} \right)^2$$

Roch läßt fich wegen Rleinheit bes Winkels Q1,

cos.
$$\varrho_1 = 1$$
, baser $\sqrt{\frac{\cos \varrho_1}{\sin \varrho}} = \frac{1}{\sqrt{\sin \varrho}}$,

ferner:

 $\cos (\varrho + \varrho_1)^2 = (\cos \varrho - \sin \varrho \sin \varrho_1)^2 = \cos \varrho^2 (1 - 2 \tan \varrho \varrho \sin \varrho_1),$ also:

$$\frac{1}{\cos (\varrho + \varrho_1)^2} = \frac{1 + 2 \tan \varrho \cdot \varrho \sin \varrho_1}{\cos \varrho^2}$$

feten, fowie:

$$\sqrt{\sin(\varrho + \varrho_1)} = \sqrt{\sin \varrho + \cos \varrho \sin \varrho_1} = \sqrt{\sin \varrho} + \frac{1}{2} \frac{\cos \varrho \sin \varrho_1}{\sqrt{\sin \varrho}},$$
 enblich:

$$\begin{split} \left(\sqrt{\frac{\cos\varrho_{1}}{\sin\varrho}} - \sqrt{\sin(\varrho + \varrho_{1})}\right)^{2} &= \left(\frac{1}{\sqrt{\sin\varrho_{1}}} - \sqrt{\sin\varrho_{1}} - \frac{1}{2}\frac{\cos\varrho_{1}\varrho_{1}}{\sqrt{\sin\varrho_{1}}}\right)^{2} \\ &= \left(\frac{1 - \sin\varrho_{1}}{\sqrt{\sin\varrho_{1}}}\right)^{2} - \frac{1 - \sin\varrho_{1}}{\sqrt{\sin\varrho_{1}}} \cdot \frac{\cos\varrho_{1}}{\sqrt{\sin\varrho_{1}}} \cdot \sin\varrho_{1} \\ &= \frac{(1 - \sin\varrho_{1})^{2}}{\sin\varrho_{1}} \left(1 - \frac{\cos\varrho_{1}}{1 - \sin\varrho_{1}} \cdot \sin\varrho_{1}\right), \end{split}$$

baher folgt annähernb:

$$\begin{split} P &= \frac{1}{2}h^2\gamma \frac{(1+2\tan\varrho,\varrho\sin\varrho_1)}{\cos\varrho_1} \cdot (1-\sin\varrho)^2 \left(1-\frac{\cos\varrho}{1-\sin\varrho_2} \cdot \sin\varrho_1\right) \\ &= \frac{1}{2}h^2\gamma \frac{(1-\sin\varrho)(1-\sin\varrho_1)}{(1-\sin\varrho)(1+\sin\varrho_1)} \cdot \left(1+2\tan\varrho,\varrho\sin\varrho_1-\frac{\cos\varrho}{1-\sin\varrho_2}\sin\varrho_1\right) \\ &= \frac{1}{2}h^2\gamma \left[\tan\varrho_1\left(45^\varrho-\frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 \left(1-\left[\tan\varrho_1\left(45^\varrho+\frac{\varrho}{2}\right)-2\tan\varrho_1\varrho\right]\sin\varrho_1\right). \end{split}$$

Da Q zwischen 30 und 40 Grad schwantt und für Q = 35%,

tang.
$$\left(45^{\circ} + \frac{\varrho}{2}\right) - 2 \text{ tang. } \varrho = \tan g. 62^{1/2} - 2 \text{ tang. } 30^{\circ}$$

= 1.921 - 1.155 = 0.766

ift, fo tann man in ben gewöhnlichen Fällen ber Anwendung

$$P = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 (1 - 0.766 \sin. \varrho_1)$$

fegen.

Diese Kraft wirkt aber nicht rechtwinkelig gegen die senkrechte Wand, sondern weicht von derselben um den Reibungswinkel Q1 ab. Der horizontale Component derselben ist:

$$P_1 = P \cos \varrho_1$$
, annähernb $= P$,

und ber verticale Component:

$$P_2 = P \sin \varrho_1$$
.

Rach ben Bersuchen von Aubs ift ber Coefficient ber Reibung zwischen Sand und einer holzernen Bekleibungswand im Mittel:

 $arphi_1=tang.\,arrho_1=0,6,$ baher $sin.\,arrho_1=0,515$ und ber entsprechende Reibungswinkel:

 $o_1 = 31$ Grad.

Anmerkung. Die Berfuche Aube's mit besonberen Instrumenten (Baagen) behanbelt eine am Schluß bes Capitels aufgeführte Schrift.

Futtermauern. Gine Futtermauer AC, Fig. 11, tann burch eine §. 11 Rraft $\overline{KP}=P$, fortgeschoben ober umgestürzt werben. Denten wir



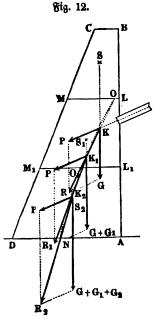
und biefe Mauer aus in horizontalen Schichten über einander liegenden Steinen bestehend, so können wir annehmen, daß sich beim Nachgeben der Mauer eine horizontale Fuge ML bilbe, über welcher der darüber liegende Theil CL entweder fortgleitet oder umschlägt. Der Sicherheit wegen wollen wir auf das Bindemittel der Steine gar nicht Rücksicht nehmen, sondern nur die Reibung zwischen den letzteren in Betracht ziehen. Aus der Kraft P und dem Ge-

wichte G des Mauertheiles CL bildet sich eine Mittelkraft $\overline{KR}=R$, von beren Größe und Richtung die Möglichkeit des Umstürzens und Fortgleitens dieses Mauerstückes abhängt. Ist der Winkel RKG, um welchen diese Wittelkraft von der Normale zur Trennungsssäche LM abweicht, kleiner als der Reibungswinkel ϱ , so kann ein Fortschieben der Mauer nicht eintreten, $(I_{-}, \S. 172)$, und geht die Kraftrichtung nicht außerhalb der Trennungssssäche LM vorbei, sondern durch dieselbe hindurch, so ist auch ein Umstürzen um die Kante M unmöglich $(I_{-}, \S. 141)$. In den meisten Fällen der Answendung wird man sinden, daß das Umstürzen eher erfolgt als das Fortschieben, weshalb dei der Anlage von Mauern vorzüglich auf das erstere Rüchsicht zu nehmen ist. Das Umstürzen oder Kippen wird besonders noch dadurch erleichtert, daß es in der Regel nicht um die äußere Kante M, sondern um einen der Mittelkraft R näher liegenden Punkt vor sich geht, und zwar aus dem Grunde, weil der in M concentrirte Druck ein Nachgeben oder Rerbröckeln der Steine in der Nähe dieses Bunktes zunächst herbeissichter.

Wenn man für eine ganze Reihe Bruchstächen die Durchschnittspuntte ber Mittelfräfte R aufsucht, und diese durch eine Linie verbindet, so erhält man in dieser die sogenannte Widerstandslinie (franz. ligne de résistance; engl. line of resistance), und man sieht nun leicht ein, daß ein Umstürzen ber Mauer nicht eintritt, so lange diese Linie nicht aus der Mauer herausfällt.

Die Art und Beise, wie die Biberstandslinie NO eines Pfeilers ober einer Mauer ABCD, Fig. 12 (a. f. S.), gefunden wird, ist folgende. Man

derlege die Mauer durch Horizontalebenen LM, L. M. in Stude, beren Gewichte G, G., G. sein mögen, und suche beren Schwerpunkte S, S. und



82. Run vereinige man bas Gewicht G bes ersten Studes CL mit ber Kraft P burch bas Barallelogramm ber Rrafte und bestimme baburch bie Mittelfraft $\overline{KR} = R$. beren Richtung bie Ebene LM in einem Buntte O ber gefuchten Wiberftandelinie ichneibet. hierauf verlegt man ben Angriffspunkt K biefer Rraft nach bem Puntte K1, in welchem die verticale Schwerlinie burch ben Schwerpunkt S1 vom zweiten Körperftude ML, bie Richtung KR burchschneibet, und construirt aus P und ber Summe G + G, ber Ge wichte von CL und ML, ein zweites Aräfteparallelogramm, woburch sich die Mittelfraft $\overline{K_1} \, \overline{R_1} = R_1$ bestimmt, beren Richtung in L. M1 einen zweiten Bunkt O, ber Wiberftanbelinie bestimmt. Berlegt man

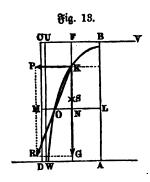
ebenso den Angriffspunkt K_1 nach dem Punkte K_2 , in welchem die verticale Schwerlinie des dritten Körperstudes AM_1 die Richtung K_1 R_1 trifft, und construirt ans P und $G+G_1+G_2$ eine dritte Mittelkraft $\overline{K_2}$ $\overline{R_2}=R_2$, so durchschneidet deren Richtung die Basis AD in einem dritten Punkte N der Widerstandsslinie, u. s. w.

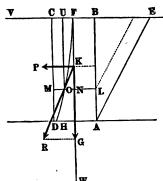
§. 12 Widerstandslinie. Für eine parallelepipebische Mauer ABCD, Fig. 13 und Fig. 14, bestimmt fich bie Wiberstandslinie wie folgt.

1) Nehmen wir an, daß diese Mauer eine einsache Horizontalkraft P, Fig. 13, aufzunehmen habe. Es wird badurch der Allgemeinheit nichts geschabet, da eine noch hinzutretende Verticalkraft als ein Gewicht angesehen werden kann. Nehmen wir an, daß die Richtung der Kraft P um FK = a von dem Kopfe BC der Mauer abstehe, und denken uns eine horizontale Trennungsehene LM, welche um KN = x unter K liegt. Aus der Kraft P, deren Angrisspunkt K nach der verticalen Schwerlinie FG der Mauer verlegt ist, und aus dem Sewichte G des Mauerstüdes GL solgt die Mittelkraft R, welche LM in einem Punkte O der gesuchten Widerstandslinie schweidet, bessen Coordinaten in Hinsicht des Ansagspunktes K, KN = x

\$. 12.] Bon bem Busammenhange und Drude loderer Daffen. 25 und NO = y fein mogen. Der Achnlichkeit ber Dreiede KNO und KGR aufolge ift

$$rac{NO}{KN}=rac{RG}{KG}, \ ext{b. i.:}$$
 $rac{oldsymbol{y}}{oldsymbol{x}}=rac{P}{G} \ ext{und} \ ext{daher} \ oldsymbol{y}=rac{P}{G} \ ext{x.}$ Fig. 14.





Bezeichnet nun b die Breite AD = BC der Mauer, und γ_0 die Dichtigkeit berfelben, und zieht man nur ben laufenden Fuß Mauer in Betracht, fo hat man bas Gewicht:

$$G = BC.FN.\gamma_0 = b(a+x)\gamma_0$$

und daher:

$$y = \frac{Px}{b(a+x)\gamma_0}$$

Hiernach ist filr x = 0, auch y = 0,

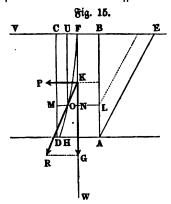
ferner für
$$x=\infty\colon\ y=rac{P}{b\,\gamma_0},$$

and filt x = -a: $y = \infty$;

es geht folglich die Widerstandslinie KO, Fig. 13, burch den Punkt K und hat nicht allein die Horizontallinie UV burch ben Mauerkopf F, sondern auch eine Berticallinie UW zur Asymptotenare, welche um $FU=rac{P}{b\,\gamma_0}$ von ber verticalen Schwerlinie FS (Fig. 13) ber Mauer absteht. Es bilbet folglich die Widerstandelinie eine Spperbel mit ben Afymptoten UV und UW.

2) Bei einer Mauer ABCD, Fig. 15 (a. f. S.), welche ben Erd- ober Wafferdrud anszuhalten hat, ist die Tiefe FK des Angriffspunktes K ber **A**raft P unter ber Mauerkrone F veränderlich und von der Tiefe FN = x

der angenommenen Trennungsebene LM unter F abhängig. Da der Mittelspunkt bes Erds und Wasserbrudes (nach §. 4) um 2/2 der Höhe unter dem



Ropfe B der Wand AB liegt, so hat man auch hier $FK=\frac{2}{3}FN=\frac{2}{3}x$ zu setzen. Nehmen wir hier F als Anfangspunkt der Coordinaten FN=x und $NO=\dot{y}$ an, so giebt die Proportion

$$\frac{ON}{KN} = \frac{RG}{KG}$$

und es folgt, da $KN = x - \frac{2}{3}x = \frac{1}{3}x$ ift, der Erdbruck auf BL:

$$P = \frac{1}{2} x^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

und da das Gewicht von CL, G = bxyo ift:

$$y = \frac{\frac{1}{8}x \cdot P}{G} = \frac{1}{6} \frac{\gamma}{b \gamma_0} \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 \cdot x^2.$$

Diese Gleichung entspricht einer gemeinen Parabel mit dem Scheitel F, der horizontalen Abscisse FU = NO = y und der verticalen Ordinate UO = FN = x.

Ist die Erdmaffe noch um eine kleine Sobe to über der Mauerkrone aufsgeschüttet, so können wir nach §. 8 annähernd:

$$y = rac{1/3 \, (h_0 + x) \, P}{G} = rac{\gamma}{6 \, b \, \gamma_0} \Big[tang. \Big(45^{\circ} - rac{arrho}{2} \Big) \Big]^2 rac{(h_0 + x)^3}{x}$$
 Septem.

§. 13 Gleiten der Futtermauern. Eine Futtermauer ABCD, Fig. 15, muß eine gewisse Dicke AD = BC = b erhalten, damit sie durch den Erdbruck P nicht zurückgeschoben werde. If φ der Coefficient der Reibung an der Grundsläche LM eines Mauerstückes CL von der Breite BC = b und Höhe LB = x, so solgt die Reibung oder die Kraft zum Fortschieden dieses Stückes auf LM:

$$P = \varphi b x \gamma_0,$$

und da dieselbe bem Erborna gegen BL widerstehen soll, so ift:

$$\varphi\,bx\,\gamma_0 = {}^1/_2\,x^2\,\gamma \left[tang.\left(45\,{}^0-rac{arrho}{2}
ight)
ight]^2$$

zu setzen, und es ergiebt sich hieraus die gesuchte Mauerdide, wenn man noch für x seinen größten Werth AB = h einführt:

$$b = \frac{\gamma h}{2 \varphi \gamma_0} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

Der Sicherheit wegen führt man noch einen Stabilitätscoefficienten $\delta = 2$ ein, und fest baber:

$$b = \frac{\gamma h}{\varphi \gamma_0} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

Um ben Widerstand gegen das Fortschieben auf dem Boben zu vergrößern, welches sich um so nöthiger macht, wenn der Boden, auf welchem die Futtermauer ruhen soll, lettig ober mit Wasser durchdrungen ist, wobei der Reibungscoefsicient φ zwischen der Mauer und dem Grunde auf 0,3 herabgehen kann, gräbt man eine Bertiefung AH in den Grund und setzt die Mauer AC, Fig. 16, in dieselbe. Es widersteht dann dem activen Erdbruck vor der Fläche AB nicht allein die Reibung der Grundssäche AD auf dem Boden

Fig. 16.

C B E

D A

ben, sonbern auch noch ber pasfive Druck ber Erdmasse DHK
vor ber Mauerstäche CD.

Ift G bas Gewicht ber Stitzmauer AC, also of G ihre Reibung auf bem Grunde AB, sowie h bie Höhe ber Erdmasse auf ber inneren und hi bie Bohe ber Erdmasse auf ber außeren Seite, sind ferner o

und γ ber Reibungswinkel und die Dichtigkeit für jene, und ϱ_1 und γ_1 ber Reibungswinkel und die Dichtigkeit für biese Erdmasse, so hat man hiernach zu setzen:

$$\varphi G + \frac{1}{2} h_1^2 \gamma_1 \left[tang. \left(45^{\circ} + \frac{\varrho_1}{2} \right) \right]^2 = \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2$$

wonach, wenn man wieber $\delta = 2$ annimmt,

$$b = \frac{h^2 \gamma \left[tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 - h_1^2 \gamma_1 \left[tang.\left(45^0 + \frac{\varrho_1}{2}\right)\right]^2}{\varphi h \gamma_0} \text{ folgt.}$$

Fällt der hiernach berechnete Werth von b kleiner aus als die nöthige Dicke $b_1 = \frac{\gamma (h-h_1)}{\varphi \gamma_0} \left[tang.\left(45^{\circ}-\frac{\varrho}{2}\right)\right]^2$ für das freie Mauerstück von der Höhe $h-h_1$, so ist natürlich die letztere in Anwendung zu bringen. Die einer gegebenen Mauerdicke entsprechende Tiese DH, Fig. 16, des Grundes sür diese Mauer ist:

$$h_1 = tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho_1}{2}\right) \left[\sqrt{\frac{h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 - 2 \varphi G}{\gamma_1}}\right]$$

Um zweifache Sicherheit zu erhalten, wendet man die Tiefe

$$h_1 = 1,414 \ tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho_1}{2}\right) \left| \frac{h^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 - \varphi G}{\gamma_1} \right|$$

Beispiel. Wie tief muß eine parallelepipebische Mauer von 8 Fuß Breite und 13 Fuß Höhe von außen im Grunde stehen, damit sie innen den Druck des vom Fuße die zum Kopfe der Mauer stehenden Wassers auszuhalten vermag, ohne auszugleiten? Hier ist $\varrho=0$, $\gamma=61.75$ Pfund, h=13 Fuß, ferner $\varphi=0.3$, $\varrho_1=30^\circ$, $\gamma_1=1.6.61.75=98.8$ Pfund, und G, wenn man die Dichtigkeit der Mauer $\gamma_0=132$ Pfund annimmt, =8.13.132=13728 Pfund, daher die gesuchte Grundtiese:

$$h_1 = 1,414 \cdot tang \cdot (45^0 - 15^0) \sqrt{\frac{13^3 \cdot 61,75 - 0,3 \cdot 13728}{98,8}}$$

$$= 1,414 \cdot tang \cdot 30^0 \sqrt{\frac{10435 - 4119}{98,8}} = 1,414 \cdot 0,57735 \sqrt{\frac{6316}{98,8}} = 6,53 \text{ Suf.}$$

Anmerkung. Der Reibungscoefficient für Mauer, und Ziegelsteine ift (Bb. I., §. 174), wenn dieselben unmittelbar auf einander liegen, = 0,67 bis 0,75; und wenn frischer Mortel zwischen beiden liegt, nur 0,60 bis 0,70. Der eingetrocknete Mortel wirkt nun auch durch Cohafion ober Abharenz, und es ift nach Boistard ber Zusammenhang durch Mortel auf einen Quadratsuß Fläche, 800 bis 1500 Pfund; nach den neueren Bersuchen von Morin aber 2000 bis 5000 Pfund.

§. 14 Kippen der Futtermauern. Die Stabilität einer Stut- ober Kuttermauer forbert nun, daß die Widerstandslinie nicht bloß innerhalb der Mauer bleibe, sonbern auch der äußeren Mauersläche nicht sehr nahe komme (II., S. 11). Der berühmte Marfchall Bauban giebt die prattifche Regel: es foll die Widerstandslinie die Basis der Mauer in einem Buntte schneiden, beffen Entfernung von ber verticalen Schwerlinie ber Mauer bochftens 4/a ber Entfernung ber außersten Mauerkante von eben dieser Schwerlinie ift. Diefer Regel zufolge ift die Dide der Mauer 3/2 mal fo groß als die einfache Formel angiebt, weil hiernach bie Stabilität 3/2.8/2 = 9/4mal fo groß ausfällt als bas nach ber einfachen Formel berechnete. Rennen wir nach Poncelet die Reciprote diefer Bahl, ober bas Berhältnig zwischen ber Entfernung ber äußersten Mauerkante von ber verticalen Schwerlinie und ber Entfernung bes Punttes ber Wiberftandelinie in ber Mauerbafis von eben biefer Schwerlinie ben Stabilitätscoefficienten und bezeichnen wir ihn allgemein burch &, fo erhalten wir für bie Stabilität einer ben Erbbruck aufnehmenden parallelepipebischen Mauer, indem wir in der Formel bes §. 12 statt x die Mauerhöhe h und statt y, $\frac{1/2}{8}b$ einführen:

1.2 plant
$$x$$
 one Weathergode h and plant y , $\frac{\delta}{\delta}$ employees

$$\frac{b}{2\delta} = \frac{\gamma}{6b\gamma_0} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 \frac{(h + h_0)^3}{h},$$

\$. 15.] Bon bem Busammenhange und Drude loderer Daffen. und baber die erforderliche Mauerdide:

$$b = (h + h_0) tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right) \sqrt{\frac{\delta \gamma}{3 \gamma_0} \cdot \frac{h + h_0}{h}}.$$

Sett man für $\delta={}^9/_4$ und für $rac{\gamma}{\gamma_0}$ den Mittelwerth ${}^2/_3$ ein, so erhält man:

$$b = 0.707 (h + h_0) \sqrt{\frac{h + h_0}{h}} \cdot tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right).$$

Rimmt man e = 30° an, fo folgt:

$$b=0.4 (h+h_0)\sqrt{\frac{h+h_0}{h}}...$$

Poncelet giebt für Falle, wo ho awifchen 0 und 2 h enthalten ift,

$$b=0.865~(h+h_0)~tang.\left(45^{\circ}-\frac{\varrho}{2}\right)\sqrt{\frac{\gamma}{\gamma_0}},$$
 und annähernb:

 $b = 0.285 (h + h_0)$ an.

Beifpiel. Belde Dide muß eine parallelepipebifche Rauer erhalten, welche bei 28 Auf Bobe einen Salbenfturg von 35 guß Bobe aufhalten foll, vorausgefest, bak bie Dichtigkeit ber Mauer $\gamma_0 = 2,4.61,75 = 148,2$ Pfund, die Dichtigkeit bes Salbenfturzes (grobe Gesteinstüde) $\gamma = 1,3.61,75 = 80,275$ Pfund ift, unb ber Reibungswinkel e = 50° beträgt? Rach ber Formel von Poncelet ift

$$b = 0.865 \cdot 35 \text{ tang. } (45^{\circ} - 25^{\circ}) \sqrt{\frac{13}{24}} = 80.3 \cdot \sqrt{\frac{13}{24}} \cdot \text{tang. } 20^{\circ}$$

= 8.11 Full.

Poncelet's Tabelle. Bur Erleichterung ber Rechnung hat Boncelet & 15 eine besondere Tabelle berechnet, worin bie Werthe von b aufgeführt find,

welche gegebenen Werthen von $\frac{h_0}{h}$, $\frac{\gamma_0}{\nu}$ und tang. Q oder φ entsprechen. Bon ihr ift folgende Tabelle nur ein Auszug. Uebrigens find hierin zwei Källe von einander unterschieden, nämlich ber Fall, wenn bie Daffe fo hoch fteht, daß fie, wie Fig. 17 zeigt, die ganze Mauertappe BC bedeckt, und ber Fall, wenn, wie in Fig. 18 ju feben ift, die Maffe um 0,2 ber Sobe h von ber

Fig. 17.

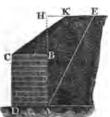
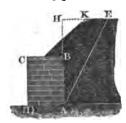


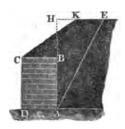
Fig. 18.

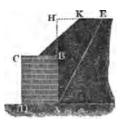


äußeren Mauerstäche zuruchteht, daß also ein 0,2. h breiter Wallweg CL ober eine sogenannte Berme frei bleibt. Die Einrichtung und der Gebrauch bieser Tabelle sind aus den Ueberschriften erklärlich.

Fig. 19.

Fig. 20.





Hat man in der ersten Berticalcolumne den gegebenen Werth von $\frac{h_0}{h}$ gefunden, so geht man von da so weit horizontal herliber, bis man unter die gegebenen Werthe von $\frac{\gamma_0}{\nu}$ u. s. gelangt.

In dieser Tadelle sind vorzüglich die Grenzwerthe berücksichtigt; so entspricht z. B. $\frac{\gamma_0}{\gamma}=1$ ziemlich der einen und $\frac{\gamma_0}{\gamma}=5/3$ der anderen Grenze, ferner kommt φ oder tang. $\varrho=0,6$ bei der lockersten und $\varphi=1,4$ bei der dichtesten Erde vor. In vielen Fällen der Anwendung ist es nöthig, das gesuchte Berhältniß durch Interpoliren zu ermitteln.

Die angegebenen Werthe beziehen sich auf parallelepipebische und mit Mörtel aufgeführte Mauern. Haben die Mauern eine äußere Böschung = 0,2, so gilt die gefundene Breite b nicht für die Sohle, sondern für den Duerschnitt bei 1/9 der Mauerhöhe über der Sohle; und ist die Mauer troden ausgeführt, so muß man der Dide ein Biertel berechneten Werthes zusehen.

Beispiel. Es foll für eine 22 Fuß hohe Erbmasse, beren Reibungswinkel 45° beträgt, die Starke einer 12 Fuß hohen Stütmauer gefunden werden, beren Dichtigkeit 1,5mal so groß als die der Erdmasse ift, unter der Boraussetzung, daß die Mauerkappe von der Erdmasse ganz bededt wird. Hier ift h=12 und $h_0=22-12=10$, daher:

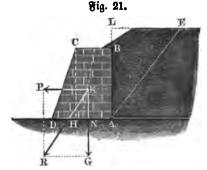
$$\frac{h_0}{h} = \frac{5}{6} = 0.833...;$$

ferner $\frac{\gamma_0}{\gamma}=1,5$ und $\varphi=1$, daher findet man in der sechsten Beile, $\frac{b}{\hbar}=0.391$ ober genauer = 0.393, und sonach die gesuchte Mauerdicke:

$$b = 0.393 \cdot 12 = 4.72$$
 Fuß.

Werthe von $\frac{d}{h}$ für	$\frac{\gamma_0}{\gamma} = \frac{\theta_{8;}}{\eta_{8;}} \ \varphi = 1,4.$ Berme:	= 0,2 h	0,188 0,229 0,239 0,238 0,314 0,314 0,314 0,428 0,428 0,581 0,581 0,713 0,713 0,713 0,780
		0 =	0,198 0,222 0,224 0,244 0,274 0,803 0,860 0,487 0,487 0,622 0,726 0,726 1,018 1,129 1,129
	$rac{Y_0}{\gamma} = {}^{m{\delta}/m{\delta}}_i \; arphi = 0,6.$ Berme:	= 0,2 h	0,356 0,458 0,445 0,445 0,522 0,522 0,533 0,672 0,705 0,705 0,731 0,731 0,731 0,738 0,738 0,738
		0 ==	0,850 0,898 0,486 0,486 0,617 0,617 0,645 0,668 0,707 0,707 0,703 0,909 0,909 0,908 0,908 0,908 0,908
	$rac{2\phi}{\gamma}=1, \delta; \ arphi=1.$ Berme:	q =	0,270 0,808 0,826 0,843 0,843 0,877 0,406 0,416 0,416 0,425 0,456 0,456 0,456 0,456
		= 0,2 Å	0,270 0,806 0,842 0,842 0,875 0,405 0,481 0,528 0,520 0,602 0,779 0,779 0,838 0,838 0,878
		0 ==	0,270 0,308 0,308 0,386 0,898 0,477 0,512 0,574 0,676 0,696 0,696 0,698 1,109 1,171 1,194 1,248
	$\frac{\gamma_0}{\gamma} = 1; \ \varphi = 1,4.$ Berme:	= 0,2 h	0,258 0,290 0,290 0,290 0,394 0,450 0,524 0,524 0,714 0,714 0,994 1,182 1,182 1,182 1,541
		0 ==	0,258 0,282 0,282 0,389 0,888 0,472 0,510 0,511 0,684 0,881 1,767 1,767 1,767 1,767
	$\frac{26}{\gamma} = 1; \ \varphi = 0.6.$ Berme:	= 0,2 h	0,452 0,563 0,563 0,618 0,618 0,717 0,717 0,724 0,945 1,004 1,00 1,101 1,16 1,16 1,16 1,16 1,16 1,1
		0	0,452 0,488 0,548 0,648 0,604 0,778 0,824 0,830 1,1028 1,247 1,283 1,399 1,316 1,316 1,316
Berthe Don Ho			0.0000000001148.870000 0.148478.67000400000

§. 16 Geböschte Futtermauern. Um an Material für die Futtermauer zu ersparen, giebt man derselben sehr gewöhnlich eine außere Böschung, wie ABCD, Fig. 21. If für dieselbe die obere Breite BC=b, die Höhe AB=h, und die Böschung auf jeden Fuß Höhe, $=\nu$, also auf die



ganze Söhe h, DH = vh, fo hat sie bas Gewicht:

$$G = \left(b + \frac{vh}{2}\right)h\gamma_0,$$

und es ist folglich bei dem Reibungscoefficienten φ für die Grundsläche AD, der Wiberstand der Mauer gegen das Fortschieben:

$$F = \varphi G = \varphi \left(b + \frac{vh}{2}\right)h\gamma_0.$$

Bei einer kleinen Ueberschilttung von der Größe $BL=h_0$, ist der Erdebrud:

$$P = \frac{1}{2} (h + h_0)^2 \gamma \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2;$$

setzen wir folglich biese beiben Ausbrucke einander gleich, so erhalten wir die entsprechende obere Mauerbreite

$$b = \frac{1}{2} \frac{(h + h_0)^2}{\varphi h} \frac{\gamma}{\gamma_0} \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 - \frac{1}{2} \nu h,$$

ober, wenn man wieder ber Sicherheit wegen ben boppelten Werth annimmt,

1)
$$b = \frac{(h+h_0)^2}{\varphi h} \cdot \frac{\gamma}{\gamma_0} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 - \nu h$$
,

und folglich die untere Breite:

$$b_1 = b + \nu h = \frac{(h + h_0)^2}{\varphi h} \cdot \frac{\gamma}{\gamma_0} \left[tang. \left(45^\circ - \frac{\varrho}{2}\right) \right]^2.$$

Um den Widerstand der Mauer gegen das Umkippen zu sinden, mitsen wir das Moment des Erddrucks P in Hinsicht auf die äußere Mauerkante D dem Momente des Mauergewichtes G gleichsehen. Der Hebelarm der Kraft P läßt sich $KN = \frac{h+h_0}{3}$ sehen, folglich ist das Moment des Erddrucks:

$$\frac{P(h+h_0)}{3} = \frac{1}{6}(h+h_0)^3 \gamma \left[tang.\left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2;$$

bas Moment bes Gewichtes G befteht aus bem Momente bes breifeitigen

Brismas CDH und aus bem bes Parallelepipebes AC, und ift ber Lehre vom Schwerpunfte gufolge gu fetjen:

$${}^{1}/_{2} \cdot CH \cdot DH \cdot \gamma_{0} \cdot {}^{2}/_{3} DH + AB \cdot BC \cdot \gamma_{1} \cdot (DH + {}^{1}/_{2} HA)$$

$$= {}^{1}/_{2} \nu h^{2} \gamma_{0} \cdot {}^{2}/_{3} \nu h + bh \gamma_{0} \cdot (\nu h + {}^{1}/_{2} b)$$

$$= {}^{1}/_{3} \nu^{2} h^{2} + (\nu h + {}^{1}/_{2} b)b h \gamma_{0}.$$

Wenn man biese Ausbrude einander gleich sett, so erhalt man bie Beftimmungsgleichung:

$$[2 v^2 h^2 + (6 v h + 3 b) b] h = \frac{\gamma}{\gamma_0} (h + h_0)^3 \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2,$$
ober:

$$b^2 + 2 \nu h b = \frac{\gamma}{\gamma_0} \frac{(h + h_0)^2}{3 h} \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 - \frac{2}{3} \nu^2 h^2,$$

beren Auflösung:

$$b = -\nu h + \sqrt{\frac{\gamma}{3\gamma_0} \cdot \frac{(h+h_0)^3}{h} \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 + \frac{1}{8} \nu^2 h^2}$$
 giebt.

Filhren wir wieder den Stabilitätscoefficienten $\delta (= {}^{9}/_{4})$ ein, so erhalten wir die gesuchte Mauerdide:

2)
$$b = -vh + \sqrt{\frac{\delta \gamma}{3\gamma_0} \cdot \frac{(h+h_0)^3}{h} \left[tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 + \frac{1}{3}v^2h^2}$$
, und folglich die untere Breite:

$$b_1 = b + \nu h = \sqrt{\frac{\delta \gamma}{3 \gamma_0} \cdot \frac{(h + h_0)^3}{h} \left[tang.\left(45^0 - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^2 + \frac{1}{8} \nu^2 h^2}.$$

Natürlich ist von den unter (1) und (2) gefundenen Werthen sür b_1 der größere anzuwenden. Nach den Ersahrungen soll man diese Breite, um den zerstörenden Wirkungen des Wetter- und Temperaturwechsels so viel wie möglich entgegenzuwirken, nicht unter $2^{1}/_{2}$ Fuß machen.

Beispiel. Es ist für einen Halbensturz von 24 Juß höhe eine 20 Fuß hohe Futtermauer mit der äußeren Boschung $\nu=0.2$ zu construiren. Man soll die Breite dieser Mauer unter der Boraussehung bestimmen, daß $\varphi=0.4$, $\varrho=36$ Grad und $\frac{\gamma_0}{\gamma}=5/8$ ist. Die erste Formel giebt die untere Nauerbreite:

$$\begin{split} b_1 &= b + \nu h = \frac{(h + h_0)^8}{\varphi h} \cdot \frac{\gamma}{\gamma_0} \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 \\ &= \frac{24^8}{0.4 \cdot 20} \cdot \frac{8}{5} \left(tang. 27^0 \right)^2 = \frac{218}{5} \cdot (0.5095)^2 = 11.21 \text{ Suf,} \end{split}$$

und folglich bie Rronenbreite:

$$b = b_1 - \nu h = 11,21 - 0,2.20 = 7,21$$
 Fuß.

Rach ber zweiten Formel erhalt man bingegen:

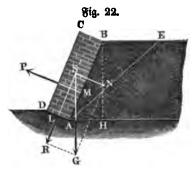
$$b_1 = b + \nu h = \sqrt{\frac{\delta \gamma}{8\gamma_0}} \cdot \frac{(h + h_0)^3}{h} \left[tang. \left(45^0 - \frac{\varrho}{2} \right) \right]^2 + \frac{1}{5} \nu^2 h^3$$

$$= \sqrt{\frac{9}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{24^3}{20}} \cdot (0,5095)^2 + \frac{1}{8} \cdot 0,04 \cdot 400 = \sqrt{80,74 + 5,33}$$

$$= \sqrt{86,07} = 9,27 \text{ Hig, unb}$$

$$b = 9,27 - 4 = 5,27 \text{ Hig, also bie fleineren Werthe.}$$

§. 17 Genoigte Futtermauern. Futtermauern, welche nach ber zu biesem Zwede abgeboschien loderen Masse bin geneigt sind, und baber theilweise auf bieser ausliegen, widerstehen bem Drude bieser Masse noch mehr als



aufrechtstehende Futtermanern. Ift de bie senkrechte Höhe, α_1 der Reigungswinkel BAH einer parallelepipedischen Futtermauer AC, Fig. 22, so haben wir nach §. 9 den Druck der Erdmasse gegen die Wand AB zu sehen:

$$P = \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2} \right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2} \right)} \right)^2$$

Diesem Drude wirkt das Gewicht G ber Mauer mit dem Componenten $N=G\cos\alpha_1$ direct und mit dem Componenten $R=G\sin\alpha_1$ durch die Reibung $\varphi R=\varphi G\sin\alpha_1$ entgegen; setzt man daher $N+\varphi R=P$, so erhält man die Bestimmungsgleichung:

$$G (\cos \alpha_1 + \varphi \sin \alpha_1) = \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2} \right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2} \right)} \right)^2,$$

baher für bas Gewicht:

$$G = \frac{h^2 \gamma}{2 (\cos \alpha_1 + \varphi \sin \alpha_1) \sin \alpha_1} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2}\right)} \right)^2.$$

Ist noch b die Breite AD=BC der Mauer und $l=rac{h}{sin.\ lpha_1}$ die schräge Mauerhöhe AB=CD, so kann man

$$G = b \, l \, \gamma_0 = \frac{b \, h \, \gamma_0}{\sin \alpha_1}$$

einführt,

1)
$$b = \frac{h}{\cos \alpha_1 + \varphi \sin \alpha_1} \cdot \frac{\gamma}{\gamma_0} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2}\right)} \right)^2$$

$$= \frac{l}{\cot \alpha_1 \cdot \alpha_1 + \varphi} \cdot \frac{\gamma_0}{\gamma} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2}\right)} \right)^2$$

Damit die Mauer durch ihr Gewicht G dem Erdbrud P in hinsicht auf bas Rippen um die äußere Kante D widerstehe, muß das Moment von G gleich dem von P sein. Nun ist aber das Moment von G gleich der Summe ber Momente von N und R, b. i.:

$$N.\overline{LS} + R.\overline{DL} = \frac{N.l}{2} + \frac{R.b}{2} = (l \cos \alpha_1 + b \sin \alpha_1) \frac{G}{2},$$

und bas Moment von P:

$$=P.\overline{AM}=1/3P.1;$$
 es läßt sich baher

(
$$l \cos \alpha_1 + b \sin \alpha_1$$
) $\frac{G}{2} = 1/3 P.l$, ober

$$(l \cos \alpha_1 + b \sin \alpha_1) \frac{b l \gamma_0}{2} = \frac{l}{3} \cdot \frac{h^2 \gamma}{2 \sin \alpha_1} \cdot \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2}\right)} \right)^2$$

feten, fo bag nun bie Bestimmungsgleichung

$$(l\cos\alpha_1 + b\sin\alpha_1) b = \frac{1}{3} \cdot \frac{\gamma}{\gamma_0} \cdot \frac{h^2}{\sin\alpha_1} \cdot \left(\frac{\sin\left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2}\right)}{\sin\left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2}\right)}\right)^2$$

folgt, beren Auflösung bie gesuchte Mauerbreite

$$b = \left[-\frac{1}{2} \cot \alpha n g. \alpha_1 + \sqrt{\frac{2}{\gamma_0} \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2} \right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2} \right)} \right)^2 + \frac{1}{4} \left(\cot \alpha n g. \alpha_1 \right)^2} \right] l_s$$

ober, wenn man noch ben Sicherheitscoefficienten & = 9/4 einführt,

2)
$$b = \left[-\frac{1}{2} \cot \alpha_1 + \sqrt{\frac{\delta \gamma}{8 \gamma_0} \left(\frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 - \varrho}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \varrho}{2}\right)}\right)^2 + \frac{1}{4} (\cot g \cdot \alpha_1)^2}\right] l$$
 giebt.

:

Natürlich ist auch hier ber größere ber beiben Werthe für b in ber Praxis anguwenden.

Beispiel. Benn die Saldenmasse von 24 Fuß Höhe des Beispieles im vorigen Paragraphen durch eine Futtermauer von 70 Grad Neigung gestützt werden soll, so ist für dieselbe:

$$\left(\frac{\sin\left(\frac{\alpha_{1}-\varrho}{2}\right)}{\sin\left(\frac{\alpha_{1}+\varrho}{2}\right)}\right)^{2} = \left(\frac{\sin\left(\frac{70-36^{0}}{2}\right)}{\sin\left(\frac{70+36^{0}}{2}\right)}\right)^{2} = \left(\frac{\sin.17^{0}}{\sin.53^{0}}\right)^{2} = 0,1340,$$

ferner

$$l = \frac{h}{\sin \alpha_1} = \frac{24}{\sin 70^0} = 25,54$$
 und cotang. $\alpha = cotang. 70^0 = 0,3640$,

baber folgt, wenn nun noch $\varphi=0.4$ und $\frac{\gamma}{\gamma_0}=\sqrt[8]{5}$ ift, nach ber ersteren Formel bie nothige Nauerbide:

$$b = \frac{25,54}{0,3640 + 0.4} \cdot \frac{3}{6} \cdot 0,1340 = \frac{25,54 \cdot 0,0804}{0,7640} = 2,68 \, \text{Fu} \, \text{f},$$

und bagegen nach ber zweiten:

$$b = [-\frac{1}{2}.0,3640 + \frac{\sqrt{3} \cdot (0,1840 + (0,1820)^2}{2}].25,54$$

$$= (-0,1820 + \frac{\sqrt{0,0603 + 0,0331}}{2}).25,54 = 0,1236.25,54$$

$$= 8,157 \, \text{Fu};$$

also ift in beiben Fällen die nöthige Mauerdide viel kleiner als im angeführten Beispiel mit einer senkrechten Mauer.

Anmerkung 1. Aus beiben Gleichungen ist zu ersehen, daß nicht allein bte Breite b, sondern auch der Cosinus des Reigungswinkels an mit der Hohe k der Kuttermauer zu und adnimmt, daß daher einer niederigen Futtermauer entweder eine kleinere Breite oder ein größerer Reigungswinkel entspricht als einer höheren. Deshalb giebt man auch oft, um an Material zu ersparen, den Futtermauern entweder eine Böschung, wobei ihre Breite von unten nach oben zu adnimmt, oder einen Birkel, wobei der Reigungswinkel derselben gegen den Horizont, von unten nach oben allmälig größer und größer wird.

Anmerkung 2. Der erste gründliche Schriftsteller über ben Erbbrud ift Coulomb. S. Théorie des machines simples par Coulomb. Beiter versfolgte biesen Gegenstand Prony in seinen Leçons sur la poussée des terres (1802); nächstbem sindet man den Gegenstand gut und gedrängt bearbeitet in Navier's Leçons sur l'application de la mécanique etc. T. I., sowie in Bersy's Cours de Stadilité des constructions. Ein besonderes Werk, in welchem auch die Beodschungen und Theorien über den Erdbrud aller seiner Borganger abgehandelt werden, lieserte Mayniel (1808) unter dem Titel: Traité expérimental etc. de la poussée des terres. Reue und in zienlich großem Maßtabe ausgeführte Bersuche sind von C. Nartony de Köszegh angestellt und in solgendem Werse verdssentlicht worden: Bersuche über den Seitendrud der Erde, ausgeführt auf höchsten Besehl u. s. w. und verdunden mit den theoretischen Abhandlungen von Coulomb und Français, Wien 1828. Das vollständigste Wers über den Erdbrud u. s. w. hat aber Poncelet geliefert. Es ist dasselbe

aus bem Mémorial de l'officier du génie (1838) vom herrn gahmeber überfest und unter folgendem Titel herausgegeben worben: Ueber bie Stabilität ber Erbbefleibungen und beren Fundamente, Braunschweig 1844. Gut und jum Theil eigenthumlich behandelt ben Erbbrud: Dofeley in feinen Mechanical principles of Engineering and Architecture. Auch Sagen handelt biefes Capitel im zweiten Theile feiner Bafferbaufunft furg ab; er verfolgt aber babei eine besonbere Anficht. Ferner ift neu erschienen: Nouvelles Expériences sur la poussée des terres, par Audé. Paris 1849. Auch gehort hierher bie Schrift: Recherches expérimentales sur les Glissemens spontanés des Terrains argileux, par Alex. Collin, Paris 1846, wovon ein beutscher Auszug in Bornemann's 2. "Ingenieur", Band I., ju finden ift. Enblich findet man einen Artifel über biefen Gegenstand in ben Proceedings of the Royal Irish Academy, Vol. IV., Part. II. von John Reville, unter bem Titel: An Investigation of some Formulae for Finding the Maximum Amount of Resistance acting in any direction required to sustain banks of earth or other materials etc. Ueber bie Bedingniffe bes Gleichgewichtes ber Erdmaffen bei Ginichnitten und Dammen ift ein Auffat von DR. be Cagilly in ben Annales des ponts et chaussees, 1851, enthalten, auch befindet fich hiervon ein Auszug von Berrn Bobr, in ber Beitichrift fur ben ofterr. Ingenieurverein, Jahragna IV, 1852. Eine neue Theorie bes Erbbrudes entwidelt Rantine in feinem Manuel of applied Mechanics. Sec. Edition. London 1861.

3meites Capitel.

Die Theorie ber Gewölbe.

Gewölde. Ein Gewölbe (franz. voûte; engl. arch, vault) ist ein §. 18 System von Körpern, welche mit ihren Seitenslächen so an einander anstoßen und sich zwischen zwei seste Hindernisse so stützen, daß sie nicht allein unter sich, sondern auch mit gewissen Kräften von außen im Gleichgewichte bleiben. Diese Körper sind in der Regel Steine, und heißen deshalb auch Gewöldesteine (franz. voussoirs; engl. voussoirs, arch-stones). Die Flächen, in welchen die Gewöldsteine an einander stoßen, heißen Gewöldsugen (franz. joints; engl. docks, joints). Die Stützen, worauf ein Gewölde ruht, heißen gewöhnlich Widerlager (franz. pied-droits; engl. abutments), dei Brücken aber Pfeiler (franz. culées, piliors; engl. buttrossos, piers). Bon den Gewöldsteinen heißt der mittelste oder höchste Schlußstein (franz. clef; engl.

key-stone), und biejenigen, welche an die Widerlager anstoßen, Kämpfer (franz. coussinets; engl. imposts). Ein Gewölbe wird zum größten Theil von zwei mehr oder weniger gekrümmten Flächen, den sogenannten Wölbsslächen oder Wölbungen begrenzt, und von ihnen ist die äußere (franz. und engl. extrados) und die innere Wölbung (franz. und engl. intrados, sossib) zu unterscheiden.

Es giebt in Sinficht auf die Wölbflächen fehr verschiebene Gewölbe. Am baufigsten tommen bie cylindrifchen ober Connen-Gewölbe por, bei benen die Wölbungen cylindrifche Flachen bilben. Geltener find die Regelgewölbe, sowie bie Rlofter- und Ruppelgewölbe. Wir handeln bier hauptfächlich nur von ben Chlindergewolben, und zwar nur von ben horizontalen, b. b. von benjenigen, welche eine horizontale Are haben, ba verticale und geneigte, ober fogenannte Rellerhalegewolbe nur bei ber Ausmauerung von Schächten vortommen. Solche Bewölbe find außer ben Bolb- und Biberlagsflächen auch noch von zwei parallelen Berticalflächen, ben fogenannten Stirnflächen (frang. parements; engl. faces) begrengt. Je nachbem nun die Stirnflachen eines chlindrischen Gewölbes recht- ober schiefwintlig gegen die geometrische Are biefer Gewölbe fteben, beigen biefe gerabe ober ichiefe Bemblbe (frang. arches droites ober biaisses; engl. direct, auch square arches, ober oblique, auch skew arches). Die geraben Tonnengewölbe (franz. voûtes en berceau; engl. waggon vaults) tommen am häufigsten vor; in neueren Zeiten, namentlich bei ben Bruden fur Gifenbahnen, find aber auch nicht felten die fchiefen Bruden in Anwendung.

Areuze und Alostergewölbe (franz. voûtes d'arête; engl. crossarched vaults) sind sich durchtreuzende Tonnengewölbe. Ruppele oder Resselgewölbe (franz. voûtes en dômes; engl. domes oder cupolas) sind Gewölbe, deren Innenstäche durch Umbrehung einer Curve um eine verticale Are entsteht.

In Beziehung auf die Wölbung giebt es sehr verschiedene Tonnengewölbe. Der Querschnitt ber Wölbslächen kann die Kreissorm haben, er kann elliptisch sein, er kann eine Kettenlinie bilben, er kann aus Kreisbogen zusams mengesetzt sein, und er kann sogar eine gerade Linie bilben. Man hat hiernach Kreisgewölbe, elliptische, Kettens, Korbs und scheibrechte Gewölbe.

§. 19 Gleichgewicht der Gewöldsteine ohne Reibung. Untersuchen wir zunächst das Gleichgewicht einer Reihe an einander gestellten Körper, wie AF_1 , E_1F_2 , E_2F_3 u. s. w., Fig. 23, I., und lassen wir noch die Reibung und Abhäsion zwischen ben Fugen oder Berührungsslächen E_1F_1 , E_2F_2 u. s. w. außer Acht. Bezeichnen wir die Gewichte der Gewölbsteine

 AF_1 , E_1F_2 , E_2F_3 u. f. w. burch G_1 , G_2 , G_3 u. f. w. und die Reigungswintel der Gewölbfugen, d. i. E_1H_1B , E_2H_2B u. f. w. burch α_1 , α_2 u. f. w.

Fig. 23.

Fig. 23.

Fig. 25.

Fig. 2

Soll nun eine Horizontaltraft P ben Gewölbstein auf ber burch bie Fuge $E_1 F_1$ gebilbeten schiefen Ebene $F_1 H_1$ erhalten, so ist nach Bb. I., §. 147

 $P = G_1 \ tang. \, \alpha_1;$ foll sie ebenso bie Steinverbindung $A F_2$ auf ber durch bie zweite Fuge $E_2 F_2$ gebilbeten Ebene $F_2 H_2$ erhalten, so muß sie $P = (G_1 + G_2) \ tang. \, \alpha$ sein. Da sie ferner bie Stein-

verbindung AF_3 , beren Gewicht $G_1+G_2+G_3$ ist, auf der schiefen Ebene zu erhalten hat, so ist auch

$$P = (G_1 + G_2 + G_3) tang. \alpha_3;$$
 and hat man

$$P = (G_1 + G_2 + G_3 + G_4) tang. \alpha_4 u. f. w.$$

Hieraus sinden wir nun

$$G_1 = P \text{ cotang. } \alpha_1 = P(\text{cotang. } \alpha_1 - \text{cotang. } 90^\circ),$$

$$G_2 = P \text{ cotang. } \alpha_2 - G_1 = P \text{ (cotang. } \alpha_2 - \text{ cotang. } \alpha_1$$
),

$$G_3 = P \text{ cotang. } \alpha_3 - (G_1 + G_2) = P(\text{cotang. } \alpha_2 - \text{cotang. } \alpha_2),$$

 $G_4 = P$ (cotang. α_4 — cotang. α_3) u. f. w., und erhalten burch Bergleichung:

$$G_1: G_2: G_3: G_4... = (cotang. \alpha_1 - cotang. 90^{\circ})$$

: $(cotang. \alpha_2 - cotang. \alpha_1): (cotang. \alpha_3 - cotang. \alpha_2)$
: $(cotang. \alpha_4 - cotang. \alpha_3)$ u. f. w.;

es verhalten sich also die Gewichte ber Gewölbsteine zu einander wie die Differenzen ber Cotangenten von den Neigungswinkeln der Gewölbfugen. Ziehen wir ML_1 , ML_2 u. s. w. in Fig. 23, II., den Gewölbfugen in Fig. 23, I., E_1 F_1 , E_2 F_2 u. s. w. parallel, und durchschneiden wir alle diese Linien durch eine Horizontale ON, so bekommen wir eine Reihe von Dreieden, zwischen Geren Seiten sich ähnliche Abhängigkeiten nachweisen lassen, wie zwischen der Gewölbsteingewichten. Es ist nämlich

$$NL_1 = MN$$
 cotang. α_1 , $NL_2 = MN$ cotang. α_2 , $NL_3 = MN$ cotang. α_3 u. f. w.;

daher auch

$$L_1 L_2 = MN$$
 (cotang. α_2 — cotang. α_1),
 $L_2 L_3 = MN$ (cotang. α_3 — cotang. α_2) u. j. w.

Es giebt folglich bie Division:

 $NL_1:L_1L_2:L_2L_3$ u. s. w. = (cotang. α_1 — cotang. 90°) : (cotang. α_2 — cotang. α_1): (cotang. α_3 — cotang. α_2) u. s. w., und baher die Bergleichung mit dem Obigen:

$$G_1:G_2:G_3$$
 u. s. w. $=\overline{NL_1}:\overline{L_1L_2}:\overline{L_2L_3}$ u. s. w.

Wenn MN den Horizontalbruck P repräsentirt, so werden folglich die Abschritte NL_1 , L_1 , L_2 , L_2 , L_3 , u. s. v. die Gewichte G_1 , G_2 , G_3 , u. s. v. der Gewölbsteine vorstellen können.

Noch giebt die Statit die Normalbrude in ben Gewölbfugen:

$$N_1 = \frac{G_1}{\cos \alpha_1}$$
, $N_2 = \frac{G_1 + G_2}{\cos \alpha_2}$, $N_3 = \frac{G_1 + G_2 + G_3}{\cos \alpha_3}$ u. f. w.,

und da nun

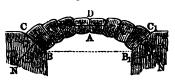
$$egin{aligned} \mathbf{M}L_1 &= rac{NL_1}{\cos \alpha_1} = rac{G_1}{\cos \alpha_1}, \, \mathbf{M}L_2 = rac{G_1 + G_2}{\cos \alpha_2}, \ \mathbf{M}L_3 &= rac{G_1 + G_3 + G_3}{\cos \alpha_2} \, \mathrm{n. \ f. \ w. \ ift, \ fo \ folgt \ nodh:} \end{aligned}$$

$$N_1:N_2:N_3$$
 u. f. w. $=\overline{ML_1}:\overline{ML_2}:\overline{ML_3}$ u. f. w.;

es werden also die Normalbrilde zwischen den Steinen durch die Hypotenusen ML_1 , ML_2 , ML_3 u. s. v. repräsentirt.

Bei einem vollständigen Gewölbe BCC_1B_1 , Fig. 24, sinden dieselben Berhältnisse statt, nur ist hier P der Horizontalbruck im Scheitel AD. Bezeichnet hier G das Gewicht des halben Gewölbes, und α den Reigungswinkel der Widerlagsfigen der-

Fig. 24.



felben, so hat man:
$$P == G \ tang. \ \alpha$$

und den Normalbrud in den Widerlagern:

$$N = \frac{G}{\cos \alpha} = \frac{P}{\sin \alpha}$$

Es ist also ber Drud (franz. poussée; engl. thrust) zwischen ben Gewöllbsteinen im Scheitel ober in ber Nähe bes Schluffteines am kleinsten, es nimmt berfelbe nach ben Wiberlagern hin immer mehr und mehr zu, und er ist in ben Wiberlagern am größten.

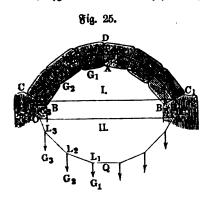
§. 20 Gewöldlinien. Der Druck $N=rac{P}{sin.\,lpha}$ zwischen zwei Gewölbsteinen läßt sich in die Horizontalkraft

$$H=N\sin \alpha=P$$

und in eine Berticalfraft

$$V = N \cos \alpha = \frac{P \cos \alpha}{\sin \alpha} = P \cot \alpha = G$$

zerlegen. Es ist also ber Horizontalbruck an allen Stellen eines Gewölbes einer und berselbe, und es ist ber Berticalbruck bem Gewölbtucke bes jedesmaligen Gewölbstuckes zwischen ber entsprechenden Gewölbsuge und dem Gewölbstuckes zwischen ber entsprechenden Gewölbsuge und dem Gewölbscheitel gleich. Genau dieselben Berhältnisse still in Bb. I., \S . 154, für ein durch Gewichte G_1 , G_2 u. s. w. gespanntes Seilpolygon gefunden, und wir können daher behaupten, daß ein Gewölbe BDB_1 , Fig. 25, im Gleichgewichte ist, wenn seine gegen die Gewölbsugen rechtwinkelig stehenden Druckslinien ein Polygon PK_1 $K_2 \dots N(I.)$ bilden, welches einem umgekehrten Seils

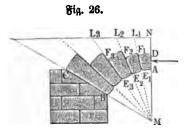


polygon $QL_1L_2...O$ (II.) congruent ift, bas von Gewichten $G_1, G_2...$ gespannt wird, bie ben Gewichten ber Gewölbsteine gleich sind.

Bei einer unendlich großen Anzahl unendlich kleiner Gewichte geht das Seilpolygon in eine Kettenlinie über; ist daher die Zahl der Gewölbsteine unendlich groß, so bilben die Drucklinien berselben auch eine Kettenlinie. Da die ge-

meine Rettenlinie von einem Seile gebildet wird, wenn gleich lange Stude besselben gleich belastet sind, so wird diese Eurve auch der Drucklinie eines Bewölbes entsprechen, wenn die gleich dicken Steine besselben gleich soch sind.

Befteht die innere Bolblinie in einem Kreisbogen AB, Fig. 26, und theilen die radiallaufenden Gewölbfugen biefelbe in lauter gleiche Theile

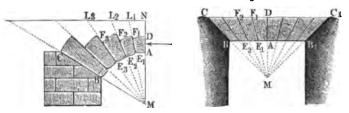


 $A E_1 = E_1 E_2$ u. s. w., so sindet man die dem Gleichgewicht des Gewölbes entsprechenden Höhen der Gewölbsteine, wenn man die erste Gewölbsige $E_1 F_1$ so weit verslängert, dis sie ein Perpendikel $L_1 N$ zur Scheitellinie A N abschneidet, welches der Höhe A D des ersten Gewölbsteines

gleich ist; verlängert man nun bieses Perpendikel ober die Horizontale, so schneiden die übrigen ebenfalls verlängerten Fugenlinien hiervon die Höhen ber übrigen Gewölbsteine ab, alfo

$$E_1 F_1 = L_1 L_2$$
, $E_2 F_2 = L_2 L_3$ u. f. w.

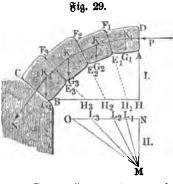
Die Richtigkeit bieser Construction gründet sich barauf, daß man annöshernd annehmen kann, die wie die Abschnitte NL_1 , L_1 , L_2 , L_2 , L_3 , u. s. wachsenden Gewichte der Gewölbsteine verhalten sich wie die Höhen AD, E_1 , F_1 , E_2 , F_2 ... der Gewölbsteine zu einander. Es ist hiernach auch leicht Rig. 27.



einzusehen, daß bei bem scheibrechten Gewölbe (franz. und engl. plato bande) CAC_1 , Fig. 28, die Gewölbfugen nach einem und bemfelben Punkte M gerichtet sein muffen.

Ift, wie gewöhnlich, das Gewölbe von oben belastet, so muß man natürlich zum Gewichte eines jeden Gewölbsteines noch den über ihm stehenden Theil der Belastung abdiren, um die in den obigen Formeln eintretenden Gewichte G_1 , G_2 , G_3 u. s. w. zu erhalten.

§. 21 Roibung zwischen den Gewöldsteinen. Um für die Praxis brauchbare Formeln zu erhalten, ist es nöthig, noch die Reibung zwischen den Gewöldsteinen zu berücksichtigen. Eigentlich müßten wir auch noch auf die Cohäsion des Mörtels Rücksicht nehmen; da indessen auf diese nicht sehr zu rechnen ist und dieselbe sich sehr oft nach Wegnahme der Gerüste vernullt, so können wir diesen Zusammenhang außer Acht lassen. Bezeichnen wir



wieder die Gewichte der Gewölbssteine AF_1 , E_1 F_2 u. s. w., Fig. 29, durch G_1 , G_2 u. s. w., sowie die Neigungswinkel der Sewölbsstugen E_1F_1 , E_2F_2 ... gegen den Horizont, mit α_1 , α_2 u. s. w. und setzen wir noch den Neibungswinkel $= \varrho$, so haben wir für die Horizontals oder Normalkraft im Scheitel, welche das Herabsgleiten in den Fugen verhindert (Bb. I., §. 176) die Werthe:

$$P_1 = G_1 \ tang.(\alpha_1 - \varrho),$$

 $P_2 = (G_1 + G_2) \ tang.(\alpha_2 - \varrho),$
 $P_3 = (G_1 + G_3 + G_3) \ tang.(\alpha_3 - \varrho), \ u. \ f. \ w.$

Da bie Binkel α — ϱ , und also auch beren Tangenten, vom Scheitel bes Gewölbes nach ben Biberlagern zu abnehmen, die Gewichte

$$G_1$$
, $G_1 + G_2$, $G_1 + G_2 + G_3$ u. j. w.

aber zunehmen, so bilden die Kräfte P_1 , P_2 , P_3 nicht immer eine wachsende Reihe, sondern es tritt oft später wieder eine Abnahme ein, es ist also eine von ihnen eines Maximum fähig. Damit nun die Gewöldsteinschicht in jedem Falle vor dem Heradzleiten gesichert werde, ist nöthig, daß die Rorsmaltraft im Scheitel diesem Maximalwerthe gleich sei. Bei einem vollständigen Gewölde ist also hiernach auch der Druck in dem Schlußsteine oder in der Schlußsteine Waximalwerthe

$$(G_1 + G_2 + \cdots G_m) tang.(\alpha_m - \varrho)$$

gleich.

Käme es darauf an, die Gewölbstücke G_1 , $G_1 + G_2$, $G_1 + G_2 + G_3$ n. s. w. auf den Gewölbfugen hinaufzuschieben, so hätte man dagegen (nach Bb. I., §. 176) im Scheitel die Normalkräfte

$$Q_1 = G_1 \text{ tang.} (\alpha_1 + \varrho),$$

$$Q_2 = (G_1 + G_2) tang.(\alpha_2 + \varrho),$$

$$Q_3 = (G_1 + G_2 + G_3) tang.(\alpha_3 + \rho) u. i. w.$$

nöthig. Wenn nun ber Maximalwerth

$$P_m = (G_1 + G_2 + \cdots + G_m) tang. (\alpha_m - \varrho)$$

ben Minimalwerth

$$Q_n = (G_1 + G_2 + \cdots + G_n) \text{ tang.} (\alpha_n + \varrho)$$

erreicht ober gar übertrifft, fo folgt, daß bas Gewölbstud

$$G_1 + G_2 + \cdots + G_n$$

über dem darunterstehenden auf der zwischenbefindlichen Fuge durch die Kraft im Schlußsteine hinaufgeschoben wird; und es läßt sich also behaupten, daß ein Gewölbe überhaupt nur dann Stabilität besitze, wenn der passive Gewölbschub oder Minimalwerth

$$Q_n = (G_1 + G_2 + \cdots + G_n) \text{ tang. } (\alpha_n + \varrho)$$

größer ift ale ber active Gewölbichub ober Maximalwerth

$$P_m = (G_1 + G_2 + \cdots + G_m) \tan g. (\alpha_m - \varrho).$$

Bas die Reihe der Werthe Q_1 , Q_2 , Q_3 u. s. w. betrifft, so sieht man leicht ein, daß filt $\alpha + \varrho = 90^{\circ}$, oder $\alpha = 90^{\circ} - \varrho$, wo $tang.(\alpha + \varrho) = \infty$ ist, der entsprechende Werth

$$Q = (G_1 + G_2 + \cdots) tang.(\alpha + \varrho)$$

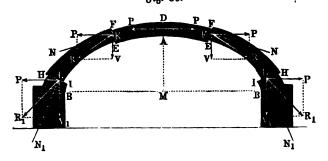
ebenfalls unendlich groß wird, baß also in den Gewölbfugen, beren Neigung gleich ober größer als 90° — ϱ ist, ein hinaufschieben nie eintreten kann. Filr Neigungswinkel unter 90° — ϱ fallen bagegen die Tangenten wieder

endlich, und zwar um so kleiner aus, je kleiner diese Winkel, je näher also bie entsprechenden Sewölbsugen den Widerlagern sind; da aber die Sewichte der Sewölbstücke nach den Fugen zu immer größer und größer werden, so solgt allerdings, daß es für Fugenwinkel zwischen 0 und 90° — ϱ einen Werth von Q_n geben kann, welcher kleiner als jeder andere ist, und daher auch größer sein muß als der Maximalwerth P_m von P, wenn das Gewölbe im Gleichgewicht bleiben soll.

Da ber Reibungswinkel sclbst für glatt bearbeitete Gewölbsteine noch beträchtlich, nämlich nach Rondelet, $\varrho=30^\circ$, also tang. $\varrho=0,57735$ beträgt, so ist, zumal bei ben gewöhnlichen Kreisgewölben, der Minimalwerth Q_n fast immer größer als der Maximalwerth P_m oder der Druck im Scheistel, und baher ein Answärtsschieben der Steine nur selten möglich.

Die burch bie Winkel α_m und α_n bestimmten Gewölbfugen heißen bie Bruchfugen bes Gewölbes, weil in ihnen bas Ansgleiten erfolgt, wenn Q_n von P_m ilbertroffen wird.

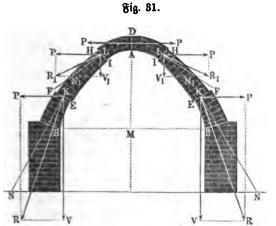
§ 22 Ausgleiten der Gewölbe. In der Bruchfnge EF (Fig. 30 und 31) des activen Gewölbschubes weicht der Mittelbruck, d. i. die Mittelfraft, Fig. 30.



R aus dem (horizontalen) Gewölbschube P und der Berticaltraft $V = G_1 + G_2 + \cdots + G_m$

um den Reibungswinkel $RKN = \varrho$ von der Normale KN zur Gewölffige EF nach unten zu ab, wogegen in der Bruchfuge HI des passiven Gewölbschubes der Mittelbruck oder die Mittelkraft R_1 aus dem Gewöldschubes P und der Berticalkraft $V_1 = G_1 + G_2 + \cdots + G_n$ um einen gewissen Winkel R_1 LN_1 von der Normale LN_1 zur Bruchfuge HI nach oden zu adweicht. Erreicht der letztere Winkel die Größe des Reibungswinkels ϱ , so erfolgt das Einstürzen des Gewöldes, in dem das über HI befindliche Gewöldstück nach außen oder in der Richtung IH ausgleitet. Während dieses Ausgleitens vermindert sich natürlich auch die in der Gewöldspannung P_m bestehende Wirkung der beiden Gewöldhälften AB, AB

auf einander, und es erfolgt baher auch fast gleichzeitig ein herabgleiten bes fiber EF befindlichen Gewölbstudes, wobei bas Gewölbstud über HI, HI in



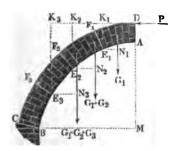
brei Stücke, EH, EH und EFFE, gerfällt. Diefes Gin= fturgen eines Gewöl= bes burch Ausgleiten kann auf zweierlei Beife erfolgen, je nachbem bie Bruchfuge des Maximalbrudes über ober unter ber Bruchfuge bes Minimalbrudes liegt; im ersteren Falle (Fig. 30) gleiten die beiben Geitentheile EH, EH

aus- und das Kopfstild EDE abwärts; im zweiten Falle (Fig. 31) gleiten bagegen die Seitentheile HE ein- und das Kopfstild IDI auswärts aus. Es ist leicht zu ermessen, daß der erstere Fall nur bei slachen Gewölben vorstommt, wo die Seiten BE des Gewölbes start gekrümmt sind, und daß der andere Fall nur bei hohen Gewölben mit einem start gekrümmten Scheitel IAI eintritt.

Kippen der Gewöldsteine. Ein Gewölde kann nicht allein burch §. 23 Gleiten, sondern auch durch Dreben ober Rippen um die außere ober innere Kante einer Gewöldsuge einstürzen; ja es ist sogar dieser Fall der gewöhnlichere und bas Einstürzen durch Gleiten der seltenere Fall.

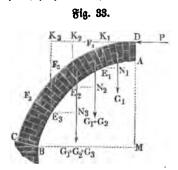
Die Stabilitätsverhaltniffe in Beziehung auf Drebung fennen ju lernen,

Fig. 82.



muß man zunächst die im Scheitelpuntte D, Fig. 32, nöthigen Kräfte
P1, P2, P3 u. s. w. ermitteln, welche
eine Drehung der Gewölbsteine um
die inneren Kanten E1, E2, E2 u. s. w.
der Gewölbsugen verhindern, und
nun untersuchen, welche die größte
von diesen Kräften ist. Bezeichnet
man die Hebelarme E1 K1, E2 K2,
E3 K2 · · · der Kraft P in hinsicht
auf die als Umbrehungsaren anzu-

sehenden Bunkte E_1 , E_2 , E_3 u. s. w. durch a_1 , a_2 , a_3 u. s. w. und die Hebelarme E_1 N_1 , E_2 N_2 , E_3 N_3 . . . der Sewichte G_1 , $G_1 + G_2$, $G_1 + G_2 + G_3$ u. s. w. in Hinsicht auf eben diese Axen durch b_1 , b_2 , b_1 u. s. w., so hat man fitr die Krast P im Scheitelpunkte die Werthe:



$$P_{1} = \frac{b_{1}}{a_{1}} G_{1},$$

$$P_{2} = \frac{b_{2}}{a_{2}} (G_{1} + G_{2}),$$

$$P_{3} = \frac{b_{3}}{a_{3}} (G_{1} + G_{2} + G_{3})$$
u. f. w.

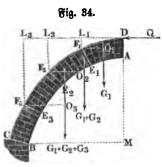
Nun nehmen aber vom Scheitel nach ben Wiberlagern hin, nicht allein die Factoren b_1 , b_2 , b_3 u. s. w. und G_1 , $G_1 + G_2$, $G_1 + G_2 + G_3$ u. s. w.

bes Zählers zu, sonbern es wachsen auch die Nenner a_1, a_2, a_3 u. s. w.; es ist daher auch einer von den Werthen P_1 , P_2 , P_3 u. s. w. ein Maximum, und zur Herstellung des Gleichgewichtes nöthig, daß die effective Kraft diesem Maximalwerthe P_m im Scheitel gleich sei. Man nennt diesenige Fuge, welcher die größte oder die Kraft in dem Scheitel überhaupt entspricht, die Bruchsuge (franz. joint de rupture; engl. joint of rupture), weil in ihr eine Trennung durch Drehung um die untere Kante zuerst ersolgt, wenn die Kraft P_m im Scheitel nachläßt. Sie ist durch den Bruchwinkel (franz. angle de rupture; engl. angle of rupture) bestimmt, den die Ebene derselben mit dem Horizonte (oder mit der Berticalen) einschließt. Es ist übrigens leicht zu ermessen, daß der Bruchwinkel diesenige Stelle im Sewölbe angiebt, wo die im Scheitelpunkte D ansangende Widerstandslinie die innere Gewölblinie berührt.

Die auf die angegebene Beise zu sindende Maximalkraft P_m im Scheitel ist nun noch mit der nach §. 21 zu bestimmenden, das Gleiten des Gewölbes nach innen verhindernden Maximalkraft zu vergleichen, und dann der grössere von diesen beiden Maximalwerthen als der active oder wirkliche Gewölbschub (franz. la poussée; engl. the thrust) anzusnehmen. Aus der auf diese Weise gefundenen Spannung im Gewölbscheitel läßt sich leicht auch die Spannung oder der Gewöldschub in jeder beliedigen Gewöldsuge sinden, indem man jene Kraft mit dem Gewichte des oberhalb der gedachten Fuge besindlichen Gewöldsstüdes durch das Parallelogramm der Kräfte vereinigt.

Hat man nun die Größe (P_m) des Gewölbschubes gefunden, so bleibt nur noch zu untersuchen, ob das Gewölbe A C, Fig. 34, an allen Stellen, dem Umkippen um F_1 , F_2 u. f. w. nach außen widerstehe. Bezeichnen wir

bie Abstände F_1 L_1 , F_2 L_2 , F_3 L_3 u. s. w. der äußeren Enden F_1 , F_2 , F_3 u. s. w. der Gewölbstagen von der Horizontalen durch den Gewölbscheitel D mit c_1 , c_2 , c_3 u. s. w., sowie die Abstände F_1 O_1 , F_2 O_2 , F_3 O_3 u. s. w. dieser Punkte von den verticalen Schwerlinien der Gewölbstücke AF_1 , AF_2 , AF_3 u. s. w. mit d_1 , d_2 , d_3 u. s. w., so lassen sich Vräfte zum Umkippen dieser Stude um F_1 , F_2 , F_3 u. s. w. durch die Formeln

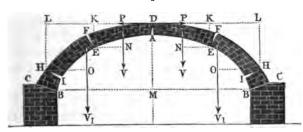


$$Q_1 = \frac{d_1}{c_1} G_1,$$
 $Q_2 = \frac{d_2}{c_2} (G_1 + G_2),$
 $Q_3 = \frac{d_3}{c_3} (G_1 + G_2 + G_3)$
11. 5. m.

ausbrücken, und ist nun die kleinste bieser Kräfte noch größer als der Gewölbschub P_m , so vermag der lettere auch nicht das Gewölbe an irgend

einer Stelle nach außen zum Kippen zu bringen. Wird bagegen biefer Minimalbruck Q_n von der Kraft P_m erreicht oder gar übertroffen, so schlägt bas Gewölbe nach außen um, ist also ganz ohne Stabilität.

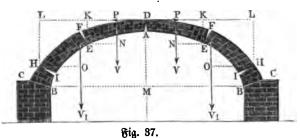
Kinstürzen durch Kippen. Die Art und Weise, wie ein Gewölbe §. 24 durch Rippen gewöhnlich einstürzt, ist aus Fig. 35 zu ersehen; es öffnen Fig. 35.

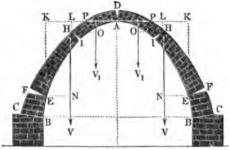


sich hierbei angerlich die beiden Bruchfugen EF, EF, und innerlich die beisden Fugen HI, HI, welchen der kleinste passive Gewölhschub entspricht, sowie auch die Scheitelsuge DA, oder, da in der Regel das Gewölbe durch einen Schlußstein gebildet wird, die Fugen zu beiden Seiten des Schlußsteins. Ansnahmsweise und nur bei hohen Gewölben studet auch ein Kippen des Gewölbes in umgekehrter Richtung statt, wie Fig. 37 (a. f. S.) vor Ausgen führt. Hier öffnet sich das Gewölbe im Scheitel und näher den Widerslagern äußerlich und weiter oben, näher dem Scheitel, nach innen; es schlas

gen also hierbei die oberen Gewölbstüde DI, DI durch Drehung um H, H nach außen und die unteren Gewölbstücke EH, EH durch Drehung um E, E nach innen um. Im ersteren Falle, Fig. 36, befindet fich bie Bruchfuge

Fig. 36.





 $oldsymbol{EF}$ des Maximal= oder activen Gewölbschubes über der Bruchfuge IH des Minimal = oder passiven Gewölbschubes, und im zweiten Falle, Fig. 37, findet das Umgekehrte statt, es liegt hier $m{E}m{F}$ unter $m{H}m{I}$; während ferner bort die beiden Gewölbhälften im oberen Ende $oldsymbol{D}$ des Gewölbscheitels auf einander wirken, findet hier diese Gegenwirkung im unteren Ende A des Scheitels statt.

Um die Stabilität bes Bewölbes in hinficht auf biefen zweiten Fall bes Rippens kennen zu lernen, muß man die in §. 23 angegebenen Rechnungen mit der Abanderung noch ein Dal durchführen, daß man sowohl die Bebelarme a1, a2, a3 u. f. w. in hinficht auf bie inneren Fugentanten E1, E2, E3 u. s. w., Fig. 34, ale anch die Hebelarme c1, c2, c3 u. s. w. in Hinsicht auf bie außeren Fugentanten F_1 , F_2 , F_3 u. f. w. um bie Gewölbstärte $AD=\epsilon$ im Scheitel vermindert. Während man oben aus dem Gewichte

$$V = G_1 + G_2 + \cdots + G_m$$

bes Gewölbstückes DE ben Gewölbschub burch ben Maximalwerth

$$P_{\mathbf{m}} = \frac{b_{\mathbf{m}}}{a_{\mathbf{m}}} (G_1 + G_2 + \cdots + G_{\mathbf{m}})$$

bestimmt, wird er hier burch bas Maximum

$$P_{\mathbf{m}} = \frac{b_{\mathbf{m}}}{a_{\mathbf{m}} - e} \left(G_1 + G_2 + \cdots + G_m \right)$$

angegeben, und während im ersteren Falle bas bem Gewichte

$$V_1 = G_1 + G_2 + \cdots + G_n$$

bes Gewölbstudes AH entsprechende Minimum bes passiven Gewölbschubes

$$Q_n = \frac{d_n}{c_n} (G_1 + G_2 + \cdots + G_n)$$

zu seten ift, hat man hier

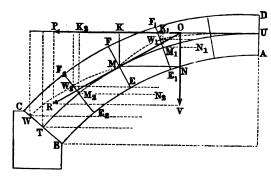
$$Q_n = \frac{d_n}{c_n - e} \left(G_1 + G_2 + \cdots + G_n \right)$$

anzunehmen.

Ift im zweiten Falle $Q_n < P_m$ und befindet sich die Bruchsuge von Q_n über der Bruchsuge von P_m , so ist ein Umstürzen des Gewöldes, wie Fig. 37 zeigt, zu erwarten. Da das Maximum P_m oder der active Gewöldschub nicht allein das Minimum Q_n , sondern auch noch größere Werthe des passiven Gewöldschubes übertreffen kann, so ist auch möglich, daß die Gewölde BAB, Fig. 36 und Fig. 37, durch Kippen in mehr als sunf. Punkten einstützen. Endlich kann auch der Fall vorkommen, daß ein Gewölde durch Gleiten und Kippen zugleich zusammenstützt.

Angriffspunkte des Gewöldschubes. Die im Vorstehenden ents \S . 25 haltene Bestimmung des activen Gewöldschubes P_m ist nur eine approximative, da sie sich auf die Annahme gründet, daß der Angrisspunkt dieser Araft in einem der beiden Enden D oder A der Scheitelsuge liege und daß die Richtung der Kraft, mit welcher das eine Gewöldstüd DE, Fig. 38, auf

Fig. 38.

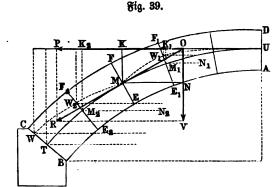


Beisbach's Lehrbuch ber Dechanif. II.

bas andere Gewöldsfille BF wirkt, durch ben unteren Endpunkt E ber Sewölbfuge EF gehe. Jedenfalls vertheilt sich aber in Folge ber Zusammendriksbarkeit der Gewöldsteine sowohl der Druck Pm auf die ganze Scheitelsläche AD, als auch die Kraft, mit welcher

bie Sewölbstücke DE und BF auf einander wirken, auf die ganze Fugenebene EF, und es ist daher anzunehmen, daß im Gleichgewichtszustande des Gewöldes die Angriffspunkte U, M dieser Kräfte innerhalb der Flächen ADund EF zu liegen kommen, und daß dieselben erst dann an die Enden Dund E, oder nach Besinden A und F rücken, wenn der Gleichgewichtszustand des Gewöldes aushört und das Kippen desselben n. s. w. eintritt.

Nehmen wir an, daß die Mittels ober Angriffspunkte ber Kräfte, womit die Gewölbsteine in den Gewölbsugen gegen einander druden, die Mittels punkte U, M, T u. f. w. der Fugenhöhen AD, EF, BC u. f. w. eins



nehmen, so können wir die innere Gewölblinie AEB
burch diese Mittels
linie UMT ersetzen,
und mit Hillse bersselben die Größe bes Gewölbschubes nach
ber im vorigen Paragraphen angegebenen Regel sinden.

Bezeichnen wir die Fugenbreiten $E_1 F_1$, $E_2 F_2 \dots$ burch

 $e_1, e_2 \ldots$, sowie die Neigungswinkel der Fugen durch α_1, α_2 n. s. so konnen wir hiernach die zum Gleichgewichte in den Fugen $E_1 F_1, E_2 F_2 \ldots$ nöthigen Gewölbschube:

$$\begin{split} P_1 &= \frac{b_1 \; + \; 1/_2 \; e_1 \; \cos. \; \alpha_1}{a_1 \; - \; 1/_2 \; e_1 \; \sin. \; \alpha_1} \; G_1, \\ P_2 &= \frac{b_2 \; + \; 1/_2 \; e_2 \; \cos. \; \alpha_2}{a_2 \; - \; 1/_2 \; e_2 \; \sin. \; \alpha_2} \; (G_1 \; + \; G_2), \\ P_3 &= \frac{b_3 \; + \; 1/_2 \; e_3 \; \cos. \; \alpha_3}{a_3 \; - \; 1/_2 \; e_3 \; \sin. \; \alpha_3} \; (G_1 \; + \; G_2 \; + \; G_3) \; \text{u. f. w.} \end{split}$$

und ben größten,

$$P_{m} = \frac{b_{m} + \frac{1}{2} e_{m} \cos \alpha_{m}}{a_{m} - \frac{1}{2} e_{m} \sin \alpha_{m}} (G_{1} + G_{2} + G_{3} + \cdots + G_{m}),$$

aller biefer Rraftwerthe, bem wirtlichen Gewölbichub gleich feten.

Die Mittelfraft R aus P_m und $V_m = G_1 + G_2 + \cdots + G_m$, womit das Gewölbstild DE auf das Gewölbstild CE wirkt, geht durch den Mittelpunkt M der entsprechenden Fuge (Bruchfuge) EF, wogegen die Richtungen der Mittelfräfte der übrigen Gewölbsugen die letzteren oberhalb der Mittellinie UMT durchschneiden; denn damit die obigen Krastwerthe

P1, P2, P3 . . . ben größeren Werth Pm annehmen können, ift nöthig, bag bie Bebelarme a1, a2, a2 u. f. w. kleinere, und die Bebelarme b1, b2, b2 u. f. w. entsprechend größere Berthe annehmen, bag folglich die Stütpunkte W1, W2 n. f. w. in den Gewölbfugen E, F, E, F, u. f. w. von der Mittellinie UMT aus etwas aufwärts ruden. Wenn einer ber Zwischenpunkte W1, W2 n. f. w. ber außeren Gewölblinie DFC febr nabe zu liegen tommt, so concentrirt sich ber Druck zwischen den benachbarten Gewölbsteinen auf eine zu kleine Fläche, um denselben aushalten zu können; es erfolgt baber ein Abbrechen der äußeren Eden dieser Steine, womit nun aus befannten Grunden ein Zusammenfturgen bes Gewölbes burch Rippen nach außen verbunden ift. Noch viel weniger barf naturlich einer ber Angriffspunkte W1, W2 u. f. w. in die außere Gewölblinie DFC oder gar über diefelbe binausfallen. Es ift bagegen ein Gewölbe um fo folider und ftabiler, je naber die Angriffsvuntte W1, W2 u. f. w. in ben Gewölbfugen E1 F1, E2 F2 u. s. w. der Mittellinie UMT liegen, je mehr also die Horizontalkräfte P1, P2, P3 u. f. w. gur Berhinderung des Riederfippens der einzelnen Gewölbstlide ber Gleichheit tommen.

Bezeichnen $f_1, f_2 \ldots$ die Abstände E_1 W_1, E_2 $W_2 \ldots$ ber bem Geswölbschub P_m entsprechenden Druckpunkte $W_1, W_2 \ldots$ von den inneren Enden $E_1, E_2 \ldots$ ber Gewölbsugen E_1F_1, E_2F_2 u. s. w., so läßt sich nun

$$P_{m} = \frac{b_{1} + f_{1} \cos \alpha_{1}}{a_{1} - f_{1} \sin \alpha_{1}} G_{1} = \frac{b_{2} + f_{2} \cos \alpha_{2}}{a_{2} - f_{2} \sin \alpha_{2}} (G_{1} + G_{2})$$

$$= \frac{b_{3} + f_{3} \cos \alpha_{3}}{a_{3} - f_{3} \sin \alpha_{2}} (G_{1} + G_{2} + G_{3})$$

u. f. w. feten, so baß schließlich

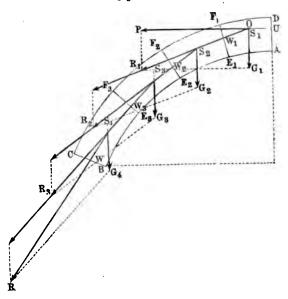
$$\begin{split} f_1 &= \frac{P_{\text{m}} \, a_1 - G_1 \, b_1}{P_{\text{m}} \, \sin \alpha_1 + G_1 \cos \alpha_1}, \\ f_2 &= \frac{P_{\text{m}} \, a_2 - (G_1 + G_2) \, b_2}{P_{\text{m}} \, \sin \alpha_2 + (G_1 + G_2) \cos \alpha_2}, \\ f_3 &= \frac{P_{\text{m}} \, a_3 - (G_1 + G_2 + G_3) \, b_3}{P_{\text{m}} \, \sin \alpha_3 + (G_1 + G_2 + G_3) \cos \alpha_3} \, \text{u. f. w. folgt.} \end{split}$$

Die Stabilität bes Gewölbes fordert, daß keiner biefer Werthe $f_1, f_2, f_3 \dots$ bie entsprechende Gewölbbicke oder Fugenbreite $e_1, e_2, e_3 \dots$ erreiche.

Um sicher zu gehen, macht man die Bedingung, daß die Druckpunkte $W_1,\ W_2\dots$ in den Fugen $E_1\ F_1,\ E_2\ F_2\dots$ um mindestens ein Orittel der Fugenbreiten $e_1,\ e_2\dots$ von der inneren resp. äußeren Bölbstäche abstehen, legt hiernach die Orucklinie OP im Scheitel um $DU=\frac{1}{3}e$ unter den Gewölbscheitel, sowie den Oruckpunkt M in der Bruchstage um $EM=\frac{1}{3}EF=\frac{1}{3}e_m$ über die innere Wöldssche, wobei

$$P_m = \frac{b_m + \frac{1}{3} e_m \cos{\alpha_m}}{a_m - \frac{1}{3} e_m \sin{\alpha_m}} (G_1 + G_3 + G_3 + \dots + G_m)$$
 zu sețen ist, und gesordert wird, daß $f_1 < \frac{2}{3} e_1$, sowie $f_2 < \frac{2}{3} e_2$, $f_3 < \frac{2}{3} e_3$ aussalle u. s. w.

§. 26 Widerstandslinie der Gewölbe. Wenn sowohl der Angriffspunkt U als auch die Größe P der Kraft gegeben ift, durch welche ein Gewölbstick ABCD, Fig. 40, im Gleichgewichte erhalten wird, so kann man die Stabilitätsverhältnisse mittelst der Widerstandslinie wie die einer Futters Fig. 40.

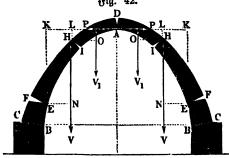


mauer beurtheilen. Aus der Kraft P und aus dem im Schwerpunkte S_1 des ersten Gewölhstides AF_1 angreifenden Gewöhke G_1 diese Stückes ergiebt sich zunächst die Kraft R_1 in der ersten Gewölhsuge E_1F_1 , sowie der Punkt W_1 , in welchem die Richtung dieser Kraft diese Gewölhsuge schweidet; serner aus dem Drucke R_1 und dem im Schwerpunkte S_2 des zweiten Gewölhstückes angreisenden Gewichte G_2 dieses Stückes solgt der Druck R_2 in der zweiten Gewölhsuge, sowie der Durchschnitt W_2 der Richtung dieser Kraft mit der Sedene dieser Fuge; und wenn man auf diese Weise sortsährt, so erhält man nach und nach die übrigen Drücke R_3 , R_4 ..., sowie die Durchschnitte W_3 , W_4 ... ihrer Richtungen mit den solgenden Gewöldssugen. Die Linie $UW_1W_2W_3$... W_n welche die Durchschnitte W_1 , W_2 ,

 W_3, \ldots oder Angriffspunkte der Kräfte $P, R_1, R_2, R_3 \ldots$ in den Gewölbfugen mit einander verbindet, ist die Widerstandslinie des Gewölbes (franz. ligne de résistance; engl. line of resistance [vergl. II., §. 11]). Das Gewölbe ist nun im Gleichgewichte:

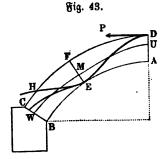
- 1) wenn die Richtungen der Kräfte R_1 , R_2 , R_3 . . . von den Normalen der Gewölbfugen nirgends um mehr als den Reibungswinkel ϱ abweichen, und
- 2) wenn die Widerstandslinie weder die innere, noch die außere Wöllslinie erreicht oder durchschneidet, und sich überhaupt den Wöllslinien nicht sehr näbert.

Ware an einer Stelle bes Gewölbes die Abweichung ber Druckrichtung von der Normale der Gewölbfuge größer als der Reibungswinkel, so würde ein Berschieben wie in Fig. 30 oder 31 eintreten, und träte diese Linie aus einer der Wölbsinien AB oder CD heraus, so würde ein Kippen der Gewölbsteine, wie z. B. Fig. 41 und Fig. 42 vor Augen führt, eintreten. Bei



ben gewöhnlichen auf Widerlagern aufstehenden Gewölben ist allerdings weber ber Angriffspunkt noch die Größe ber Kraft P bekannt, mit welcher bie beiben Hälfen eines Gewölbes auf einander wirken, und beshalb müffen auch ber Construction ber Widerstandslinie gewisse Annahmen vorausgehen. Rehmen wir, wie in §. 23, an, daß sich die beiben Gewölbhälften im

Scheitel D ber äußeren Gewölblinie CDC, Fig. 41, gegen einander stützen und daß jede Gewölbhälfte wieder in zwei Stüde DE und CE zerfällt, welche sich in einem Punkte E der inneren Wölblinie gegen einander stemmen, so können wir die Kraft P, mit welcher die beiden Gewölbhälften in D gegen einander drücken, gleichsetzen der größten aller Kräfte, wodurch sowohl ein Kippen um irgend einen Punkt der inneren Wölblinie AB als auch ein Herabzleiten in irgend einer Gewölbfuge verhindert wird. Mit Hilse dieser Kraft P lassen sich noch andere Punkte der durch D und E gehenden Widerstandslinie sinden. Wenn diese Linie, wie z. B. DEW, Fig. 43, der



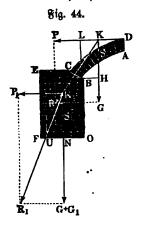
äußeren Wölblinie CD nirgends nahe kommt, so besitzt das Gewölbe Stabilität, wenn sich dagegen diese Linie, wie z. B. DEH, der äußeren Wölblinie sehr nähert, oder sie wohl gar durchschneidet, so muß das Gewölbe durch Kippen um H nach außen umftürzen. Bei dem in Fig. 42 abgebildeten Kalle drücken die beiden Gewölbhälften im Scheitel A der inneren Gewölbhälfte gegen einander, es geht daher auch hier die Widerstandslinie durch A; dagegen in dem Falle,

welchen Fig. 39 vor Augen führt, wo die Widerstandslinie durch die Mittels punste U und W zweier Gewölbfugen gelegt ist, biegt die Widerstandslinie bei W1, W2 u. s. w. nach außen von der Mittellinie des Gewölbes ab. Bei dem vollkommensten Gewölbe fällt die Widerstandslinie mit der Mittelslinie UMT des Gewölbes zusammen.

Sicherer ist es, die Widerstandslinie UMW durch zwei Punkte U und M zu legen, wodon der erste um $DU = \frac{1}{3} DA$ unter dem Gewölbscheitel D, und der andere um $EM = \frac{1}{3} EF$ über der inneren Bölbsläche liegt,

§. 27 Stabilität der Widerlager. Hat man sich burch bie in den vorstehenden Paragraphen angegebenen Rechnungen von der Stabilität eines Gewölbes überzeugt, und dabei den Druck im Schlußtein oder in der Schlußsuge bestimmt, so kommt es noch darauf an, die Stabilität der Widerlagsmauern zu untersuchen, und vorzüglich die Stärke der einem Ausweichen oder Umstürzen hinreichenden Widerstand leistenden Widerlagsmauern zu berechnen. Diese Untersuchung ist um so wichtiger, da gerade wegen Mangel an hinreichendem Widerstande dieser Stüßen das Einfallen oder Zerspringen der an und für sich vollkommen stabilen Gewölbe, zumal wenn sie sehr stad sind und deshalb einen großen Horizontaldruck ausliben, sehr oft herbeigeführt wird. Man sieht leicht ein, daß eine Widerlagsmauer FB.

Fig. 44, Stabilität besitht, wenn die Richtung der Mittelfraft $\overline{K_1R_1}=R_1$ aus dem im Schwerpunkte S angreifenden Gewichte G der einen Gewölb-



hälfte, aus bem im Gewölbscheitel angreisenben Horizontalbrucke P und aus dem in seinem Schwerpunkte S_1 angreisenden Gewichte G_1 der Widerlagsmauer selbst durch die Basis FO der Widerlagsmauer oder des Gewölbpfeilers hindurchgeht, und um einen Winkel von der Berticalen $K_1 N$ abweicht, der den Reibungswinkel ϱ nicht übertrifft.

Für ben Binkel $UK_1N=\beta$, welchen bie Mittelkraft R_1 aus $G+G_1$ und $K_1P_1=P$ mit ber Berticalen einschließt, hat man:

tang.
$$\beta = \frac{P}{G + G_1}$$
;

ba aber tang. o gleich bem Reibungscoefficienten o ift, fo forbert bie Stabilität ber Widerlager in hinsicht auf bas Ausgleiten, bag

$$rac{P}{G+G_1}, also das Gewicht der Widerlagsmauer $G_1>rac{P}{m}-G$ sei.$$

Damit ferner die Mittelfraft durch die äußerste Kante F des Wiberlagspfeilers gehe, setzen wir das Moment von P in Hinsicht auf diese Kante der Summe der Momente von den Gewichten G und G_1 gleich. If σ die Gewölbhöhe BL und h die Höhe BO des Wiberlagspfeilers, so hat man das Moment der Kraft P in Hinsicht auf die als Axe anzusehende Kante F, = P(a+h); ist ferner b der Horizontalabstand b der verticalen Schwerlinie der Gewölbhälfte AC von der inneren Kante B, wo das Gewölbe an das Widerlager anstößt, d die Stärke FO der Widerlagsmauer und b0 der Abstand b1 der verticalen Schwerlinie der Widerlagsmauer von der Kante b1, so hat man das Woment der Gewichte b2 und b3:

$$= G(b+d) + G_1s$$

und es giebt nun bas Gleichsehen beiber Momente folgende Bestimmungsgleichung für die Stärke ber Wiberlagsmauer,

$$P(a + h) = G(b + d) + G_1 s$$

ober, wenn man ben Sicherheitscoefficienten & einführt,

$$\delta P(a + h) = G(b + d) + G_1 s.$$

Bezeichnet h, bie mittlere Pfeilerhöhe, und p bie Dichtigkeit ber Pfeilermaffe, fo

hat man für jeden Fuß Länge des Pfeilers das Gewicht $G_1 = h_1 d\gamma$, und sett man noch $s = \frac{1}{2}d$, das Moment $G_1 s = \frac{1}{2}h_1 d^2\gamma$.

Biernach folgt

$$\frac{1}{2} h_1 d^2 \gamma + G d = \delta P (a + h) - G b, \text{ ober}$$

$$d^2 + \frac{2 G d}{h_1 \gamma} = \frac{\delta P (a + h) - G b}{\frac{1}{2} h_1 \gamma},$$

baber bie in Frage ftebenbe Dide ber Biberlager:

1)
$$d = -\frac{G}{h_1 \gamma} + \sqrt{\frac{\delta P(a+h) - Gb}{\frac{1}{2} h_1 \gamma} + \left(\frac{G}{h_1 \gamma}\right)^2}$$

Um biefe Mauer gegen bas Gleiten ju fichern, mußte

$$G_1>rac{P}{arphi}-G$$
, d. i. $2)$ $d>rac{P-arphi\,G}{arphi\,h_1\,\gamma}$ fein.

In der Regel wird man finden, daß der erfte Werth von d größer ift als der lette, daß also die Widerlagsstärke dem ersten gleich zu machen ift.

Filtr sehr hohe Pfeiler giebt die erste Bedingung, da dann Gd, δPa und Gb, gegen δPh und $^{1}/_{2}h_{1}d^{2}\gamma$, welches $^{1}/_{2}hd^{2}\gamma$ gesetzt werden kann, verschwinden:

 $1/2 h d^2 \gamma = \delta P h$, b. i. $1/2 d^2 \gamma = \delta P$,

baber bie Maximal ober Grengftarte

$$d = \sqrt[n]{\frac{2\delta P}{\gamma}}.$$

Nach Auboy ist $\delta = 1.9$ zu setzen, sicherer ist es aber, wie bei Futtermauern, $\delta = \frac{9}{4}$, ober, wie beim Gewölbbogen, $\delta = 3$ anzunehmen. Auch ist es rathsam, ben Angrisspunkt bes Gewölbschubes nicht im Scheitel D, sondern um ein Drittel der Gewölbstärke tieser liegend, anzunehmen.

S. 28 Belastotes Gewölde. Wir haben seither noch nicht auf die Belastung der Gewölde Rücksicht genommen; da es aber gerade zu den Ausnahmen gehört, wenn ein Gewölde unbelastet ist, so haben wir den Einfluß der Belastung auf die Stadilität der Gewölde noch besonders zu untersuchen. Die Belastung ist entweder veränderlich oder unveränderlich. Beränderliche oder zuställige Belastungen kommen vorzilglich dei Brücken vor. Damit die Stadilität durch zusällige Belastungen nicht zu sehr alterirt oder gar aufgehoben werde, ist es nöthig, die Gewölde schon an und für sich so schwerzustellen oder ihnen eine derartige constante Belastung auszulegen, daß die zusällige Belastung, z. B. die von Lastwagen oder Eisenbahnztigen, welche über die Brücke wegsahren, nur eine kleine Beränderung in der ganzen Last oder Spannung herbeissührt.

Bas die constante Belastung anlangt, so besteht diese meist in einer Uebermauerung, und zwar entweder mit horizontaler oder mit geneigter Oberstäche EF, wie Fig. 45 und Fig. 46 vor Augen führen. In vielen Fällen besteht die Uebermauerung mit dem Gewölbe aus einerlei Material,

8ig. 45.

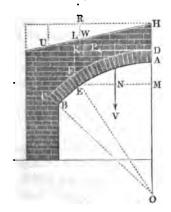


und ist nun dieselbe dicht zusammengefügt, so kann man für das Ganze eine gemeinschaftliche Dichtigkeit annehmen, und badurch die Rechnung bebeutend erleichtern. Rimmt man nach I, \S . 61 das specifische Gewicht des Mauerwerfes = 1,6 dis 2,4 an, so erhält man für die Dichtigkeit die Grenzwerthe $\gamma = 100$ dis 148 Pfund,

und zwar erftere für Ziegelmauern und lettere für Bruchsteinmauern.

Man kann annehmen, daß von der ganzen Uebermauerung CDHU eines Sewölbes AC, Fig. 47, je ein Bogenstud DE besselben das

Fig. 47.



Mauerstück DHLF trage, welches über DF liegt, also von den Senkrechten DH und FL begrenzt wird; es ist daher auch das Moment, mit welchem sich das Gewölbstück DE um E nach innen zu drehen sucht, aus dem Momente diese Sewölbstücks DE und aus dem Momente des Mauerstücks FH zusammengesest. Wenn wir daher den Sewölbschub durch den Ausbruck

$$P_m = \frac{b_m}{a_m} (G_1 + G_2 + \cdots + G_m)$$

bestimmen wollen (f. §. 23), so müssen wir in bemselben entweber statt

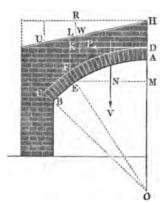
$$b_m (G_1 + G_2 + \cdots + G_m)$$

bie Summe ber Momente von DE und FH einführen, ober für $G_1+G_2+\cdots+G_m$ bie Summe V ber Gewichte von DE und FH und für b_m den Horizontalabstand EN des Schwerpunktes dieser Gewichts-summe von der inneren Kante E der Bruchsuge EF einsehen.

Es ist hiernach zu ersehen, daß durch die Uebermauerung oder Belastung die Spannung P_m eines Sewölbes vergrößert wird. Da das Moment des Gewichtes von FH in Hinsicht auf die äußere Kante F größer ist als in Hinsicht auf die innere Kante E, so verliert hiernach das Gewölbe durch diese Bergrößerung der Spannung nichts an Stabilität, sondern es wird dieselbe hierdurch in der Regel noch etwas größer.

(§. 29) Gowoldschub. Um allgemeine Formeln zur Bestimmung ber Große ber Spannung Pm verschieden geformter und verschieden belasteter Gewölbe

Fig. 48.



BH, Fig. 48, zu erhalten, muß man die Momente von DE und FH, sowie den Hebelarm $EK=a_m$ entweder durch die Bogenhöhe MA=h oder durch den Windel $FOD=\beta$ ausbrücken, welchen die Sewölbfuge EF mit der Berticalen DO einschließt, und nach Einsekung dieser Ausbrücke in die Formel

$$P_m = \frac{b_m}{a_m} (G_1 + G_2 + \cdots + G_m)$$

benjenigen Werth von h ober von β ermitteln, welcher $P_{\rm m}$ zum Maximo macht; führt man endlich diesen Werth von β in die lette Formel ein, so giebt dieselbe die gesuchte Gewölbspannung an. In verschie-

benen Schriften über die Theorie der Gewölbe werden diese Entwickelungen vollständig durchgeführt; hier möge jedoch nur folgende angenäherte Beftimmung vorgenommen werden.

Sehen wir von bem Gewichte ber Uebermauerung über EF ganz ab, so können wir das Moment des Gewölbstildes EH in Hinsicht auf die Kante E setzen:

Moment des Rechtedes EMHR minus Moment des Dreiedes WHR minus Moment des Segmentes AEM.

Bezeichnet nun s die Sehne EM, h die Bogenhöhe AM, a die ganze Mauerhöhe AH im Scheitel und δ den Reigungswinkel LHR der äußeren Begrenzung der Uebermauerung, so haben wir das Moment von EMHR:

$$= s (h + a) \cdot \frac{s}{2} = (h + a) \frac{s^2}{2},$$

bas Moment von WHR:

=
$$s \cdot \frac{1}{2}s$$
 tang. $\delta \cdot \frac{s}{3} = \frac{s^2}{6}$ tang. δ ,

und, wenn wir annähernd die Fläche AEM = 2/2 8h und (nach Band I.,

§. 115) ben Abstand bes Schwerpunktes berfelben von $E_1 = \frac{3}{5} s$ seigen, bas Moment von AEM

$$= \frac{2}{3} sh. \frac{3}{5} s = \frac{2}{5} s^2 h.$$

Es ift also hiernach bas Moment bes ganzen Manerstüdes EH:

$$\left(\frac{h+a}{2}-\frac{s}{6}\tan g.\delta-\frac{s}{6}\right)s^2=\left(\frac{a}{2}+\frac{h}{10}-\frac{s}{6}\tan g.\delta\right)s^2.$$

Da nun der Hebelarm des Gewölbschubes P, EK = MD = h + erft, so folgt diese Kraft:

$$P = \frac{(\frac{1}{2}a + \frac{1}{10}h - \frac{1}{6}s \, tang. \, \delta) \, s^2 \gamma}{h + e},$$

oder, wenn man noch $s^2 = h (2r - h)$ einführt:

$$P = (\frac{1}{2}a + \frac{1}{10}h - \frac{1}{6}s \text{ tang. } \delta) \frac{(2r - h)h\gamma}{h + e}.$$

Ift das Gewölbe horizontal übermauert, so hat man $\delta=0$, und baher einsacher:

$$P = (\frac{1}{2}a + \frac{1}{10}h)\frac{(2r - h)h\gamma}{h + e}.$$

Um benjenigen Werth von d zu finden, welcher P zum Maximo macht, bifferenziiren wir diesen Ausbruck in hinsicht auf d, und setzen das erhaltene Differenzialverhältniß — Rull (siehe Band I., analyt. Hilfslehren, Art. 13). Es ift hiernach:

$$(h+e) \left[(2r-h) \left(\frac{1}{2}a + \frac{1}{16}h \right) - \left(\frac{1}{2}a + \frac{1}{16}h \right) h \right] \\ = \left(\frac{1}{2}a + \frac{1}{16}h \right) \left(2r - h \right) h, b. i. \\ (h+e) \left(ra - ha + \frac{2}{6}rh - \frac{3}{16}h^2 \right)$$

 $= (ra + \frac{1}{5}rh - \frac{1}{2}ah - \frac{1}{10}h^2)h, \text{ ober:}$ $h(\frac{1}{5}rh - \frac{1}{2}ah - \frac{1}{5}h^2) + e(ra - ha + \frac{2}{5}rh - \frac{2}{10}h^2) = 0,$ nach den Potenzen von h geordnet, folgt die Bestimmungsgleichung:

I)
$$h^2 - (r - \frac{5}{2}a - \frac{3}{2}e)h^2 - e(2r - 5a)h - 5era = 0$$
.

Sett man ben durch Auflösung diefer cubischen Gleichung erhaltenen Berth von h in die Gleichung

$$P = (1/2 a + 1/10 h) \frac{(2 r - h) h \gamma}{h + e},$$

ober einfacher in

II.)
$$P = (ra - ha + \frac{9}{10} rh - \frac{9}{10} h^2) \gamma$$
,

fo erhält man baburch ben gesuchten Gewölbschub P (ober P_m).

Natürlich kann h höchstens die Höhe h. der inneren Wölbstäche erreichen. Giebt die Formel I. einen größeren Werth für h, so hat man die letztere Höhe h. flatt h in die Formel II. einzusetzen.

Beispiel. Für einen freisförmigen Brudenbogen, bei welchem bie Sohe bes Shlußteines, $e=rac{r}{20}$, und die ganze Mauerhöhe im Scheitel, $a=2\,e=rac{r}{10}$

ift, bestimmt fich bie fenfrechte Tiefe h ber Bruchfuge unter bem Scheitel burch bie Gleichung:

$$h^8 - (1 - 0.25 - 0.075) rh^2 - 0.05 (2 - 0.5) r^2 h - \frac{r^3}{40} = 0,$$

ober

$$h^3 - 0.675 \ r h^2 + 0.075 \ r^2 h - 0.025 \ r^3 = 0.$$

Es ift hiernach ziemlich genau h = 3/3 r, und folglich ber Gewolbschub:

$$P = (0.1000 - 0.0667 + 0.2667 - 0.1333) r^2 \gamma = 0.1667 r^2 \gamma.$$

Ift ber innere Gewölbhalbmeffer r=40 Fuß, und die Dichtigkeit ber Gewölbmauer, $\gamma=150$ Pfund, so erhalt man:

$$P = 0.1667.1600.150 = 40000$$
 Hund,

und folglich ben Drud pr. Quabratzoll ber Scheitelfuge:

$$\frac{P}{e} = \frac{40000}{2.144} = 139 \, \Re \text{fund}.$$

Anmerfung. Das Gewicht bes Gewölbstudes AE WH, Fig. 49, ift ans nabernb:

$$G = \left(h + a - \frac{3}{3}h - \frac{8}{2} \tan g \cdot \delta\right) s \gamma = \left(\frac{1}{8}h + a - \frac{8}{2} \tan g \cdot \delta\right) s \gamma,$$

und folglich die horizontalfraft im Gewolbscheitel D, wodurch bas herabgleiten bieses Korpers auf ber Gewolbfuge EF verhindert wird (f. §. 21):

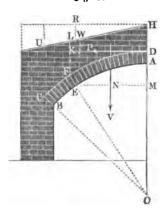
$$P = G \text{ tang.} (\alpha - \varrho) = \left(\frac{1}{8}h + a - \frac{s}{2} \text{ tang. } \delta\right) \text{ tang.} (\alpha - \varrho) \cdot s \gamma.$$

Sest man in biefem Ausbrucke noch

$$h=r$$
 (1 — $sin.\alpha$) und $s=r\cos.\alpha$, so erhalt man:

$$P = \left(\frac{a}{r} + \frac{1 - \sin \alpha}{3} - \frac{1}{2}\cos \alpha \tan \beta\right) \tan \beta. (\alpha - \varrho) \cos \alpha \cdot r^2 \gamma,$$

Fig. 49.



und es ift nun, um ben bem Ausgleiten bes Gewölbes entsprechenden Gewölbschub zu bestimmen, berjenige Werth für a einzusuführen, welcher biefen Ausbruck zum Maximo macht.

Ist die Aebermauerung horizontal begrenzt, und dabei sehr hoch, so kann man einfacher

$$P = ar\gamma \cos \alpha \tan \alpha . (\alpha - \varrho)$$
 seben.

Da biefer Ausbruck sowohl für a = e als auch für a = 90 Grab Rull ausfällt, und für Werthe von a zwischen e und 90 Grab eine positive Größe giebt, so ist er für einen gewissen Berth von a innerhalb biefer Grenzen ein Marimum. Durch Differenziiren u. s. w. sindet man die Gleichung

2 cotang.
$$\alpha = \sin 2(\alpha - \varrho)$$
,

beren Auflosung ben gesuchten Werth von a giebt.

Für $\varrho=30$ Grab ift 3. B. $\alpha=64^{\circ}\,52',$ und es folgt hiernach ber Gewoolbschub:

 $P = ar\gamma \cos 64^{\circ} 52' \tan 34^{\circ} 52' = 0.4247 \cdot 0.6967 \ ar\gamma = 0.2965 \ ar\gamma$.

Ik & B.
$$r=40$$
, $a=\frac{r}{10}=4$ und $\gamma=150$ Pfund, so folgt:

P = 0,2965.160.150 = 7116 Pfund,

also ein viel fleinerer Werth, als aus ber Annahme bes Rippens hervorgeht.

Gowölbstärke. Damit die Gewölbsteine dem Zerbriden hinreichenden §. 30 Widerstand entgegensetzen, müssen die Gewölbsteine eine gewisse, der Spannung entsprechende Höhe oder Länge haben, und da dieselbe im Scheitel am kleinsten ist und nach dem Widerlager hin zunimmt, so sollte eigentlich auch die Gewölbstärke vom Scheitel nach den Widerlagern hin zunehmen. Personet giebt für die Stärke eines Gewölbes im Scheitel die empirische Formel e = 0.0694r + 0.325 Meter, in welcher r den größten Erzengungshalbmesser der inneren Gewölblinie bezeichnet. Für das Fußmaß ist hiernach e = 0.0694r + 1 Fuß.

Für Gewölbe mit Halbmessern über 15 Meter ober 48 Fuß giebt biese Formel ersahrungsmäßig zu große Diden. Nach Rankine ift für Kreisbogengewölbe $e=0,346\sqrt{r}$, und für gebrückte Korbbögen $e=0,412\sqrt{r}$ Fuß zu setzen, wo r ben Krümmungshalbmesser im Scheitel ber inneren Wölbstäche bezeichnet.

Eigentlich ist die Gewölbstätke nach der rückwirkenden Festigkeit der Gewölbsteine oder des Mörtels zu bestimmen. Nehmen wir sür den Festigkeitsmodul des Sandsteines (nach Band I., $\S.\ 212$), K=4000 Pfund an, und setzen wir eine zehnsache Sicherheit voraus, so erhalten wir sür gewöhnliche Mauern aus Sandstein den zulässigen Druck auf jeden Quadratzoll Fugensläche, T=400 Pfund; da aber die Gewölbsteine nicht gleichmäßig auf einander drücken, so gestattet man denselben nur einen halb so großen Druck, d. i. T=200 Pfund. Die mittleren Festigkeitsmodel von Gneiß, Granit und Kalkstein fallen nach Besinden doppelt so groß aus, deshald kann man hier den zulässigen Druck dis auf T=300 Pfund steigern. Bei der berühmten Brücke zu Neuilly unweit Paris, welche in den Jahren 1768 dis 1774 von Perronet erbant wurde, berechnet süch dieser Druck auf 280 Pfund.

Mit Hilfe ber Formel bes vorigen Paragraphen läßt sich die Stürke e bes Gewölbes wie folgt ermitteln.

Die Formel L. giebt

$$e = \frac{h^3 - rh^2 + \frac{5}{2}ah^2}{5ra - \frac{3}{2}h^2 + 2rh - 5ah},$$

und aus ber Formel II. folgt, wenn man P = Te einführt:

$$e = (ra - ha + \frac{2}{5}rh - \frac{3}{10}h^2)\frac{\gamma}{T}$$

Sett man biefe beiben Ausbriide für e einander gleich, so erhält man nach gehöriger Umformung folgende Gleichung gur Bestimmung von b:

$$h^{4} - {}^{20/9} \left(\frac{T}{\gamma} + {}^{6/5}r - 3a\right) h^{3} + {}^{20/9} \left(\frac{T}{\gamma}r - {}^{5/2}\frac{T}{\gamma}a + {}^{4/5}r^{2} - 7ar + 5a^{2}\right) h^{3} + {}^{20/9} 2ra (2r - 5a) h + {}^{20/9} .5r^{2}a^{2} = 0.$$

Hat man hiernach h bestimmt, fo tann man mit Hulfe ber letten Formel bie Gewölbstärke e berechnen.

Beispiel. Man foll für das Berhältniß $\frac{T}{\gamma}=250$ Pfund die Stärke eines Kreisgewölbes von 40 Fuß halbmeffer finden, welches eine oben horizontal begrenzte Uebermauerung trägt, beren hohe a über dem inneren Gewölbstäcke 5 Fuß mißt. Es ift hier für die Liefe b der Bruchfuge unter dem Gewölbscheitel:

$$h^4 - \frac{20}{9}$$
 (250 + 1,2.40 - 15) h^3 + $\frac{20}{9}$ (250.40 - 2,5.250.5 + 0,8.1600 - 7.5.40 + 5.25) h^3 + $\frac{20}{9}$.80.5 (80 - 25) h + $\frac{20}{9}$.5.40000 = 0, b. i. h^4 - 629 h^3 + 15289 h^3 + 48889 h + 444444 = 0. Giernach läßt fich annähernb

 $629 h^8 = 15289 h^8$, b. i. $h = \frac{15289}{629} = 25 \text{ Full}$

fegen, und es ift nun icharfer

$$h = \frac{h^2 + 15289 + \frac{1}{h} \cdot 48889 + \left(\frac{1}{h}\right)^2 \cdot 444444}{629} = \frac{625 + 15289 + 1956 + 711}{629}$$
$$= \frac{18581}{629} = 30 \text{ Suf.}$$

hieraus bestimmt fich nun bie gesuchte Bewolbstarte im Scheitel:

$$e = (ra - ha + 0.4 rh - 0.3 h^2) \frac{\gamma}{T}$$

= $(200 - 150 + 480 - 270) \cdot \frac{1}{250} = \frac{260}{250} = 1.04 \text{ full}$
= $12\frac{1}{2}$ 30II.

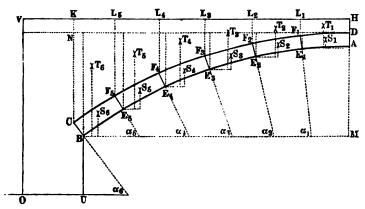
Der Sicherheit wegen ift vielleicht e=13 bis 14 Boll in Anwendung zu bringen.

Anmerkung. Wenn wir, wie im Kolgenben allemal geschieht, ben Gewolbsschub ober die Spannung für ben höchften Punkt im Scheitel angeben und ebensso nur eine Drehung um ben unterften Punkt ber Bruchfuge berücksichtigen, so ift es um so mehr nothig, diese hohe Sicherheit anzunehmen und bem Gewölbe eine entsprechende Stärke zu geben, da wir in diesem Falle nur ben kleinsten Werth bes Oruckes erhalten. Ohne dies sind es vorzüglich die oberen Ecken ber Steine am Scheitel und die unteren Ecken der Steine in der Nähe der Bruchsuge, welche ben größten Oruck auszuhalten haben, und daher am leichtesten abbrechen; es wurde baher ein Einftürzen des ganzen Gewöldes herbeigeführt werden, wenn die Gewöldstärke nicht hinreichend groß wäre.

§. 31 Prüfung der Gewölbe. Die Untersuchung über die Stabis lität eines Gewölbes läßt sich auf folgende Weise anstellen. Es sei ABCD, Fig. 50, die eine Hälfte des zu untersuchenden Gewölbes, und

CDHK bie von ihr getragene Mauer, welche wir der Einfachheit wegen mit dem Gewölbe von gleicher Dichtigkeit annehmen wollen. Zunächst theis ken wir das Gewölbe durch Linie $E_1 F_1$, $E_2 F_2$, $E_3 F_3$ u. s. w. in der Richtung der Gewölbsugen, oder was in der Regel einerlei ist, rechtwinkelig gegen die innere Gewölbsinie in mehrere (hier in 6) gleiche oder ungleiche Theile, nud bestimmen nun nicht nur die Inhalte und die Schwerpunkte S_1 , S_2 , S_3 dieser Theile, sondern auch die Inhalte und Schwerpunkte T_1 , T_2 , T_3 der darüber siegenden Theile $F_1 H$, $F_2 L_1$, $F_3 L_2 \ldots$ Kun nimmt man die statischen Momente der ersten Theile AF_1 und $F_1 H$ hinssichtlich des ersten Theilpunktes E_1 , und dividirt deren Summe durch den

Fig. 50.



Berticalabstand biese Theilpunktes von der Horizontalen DN durch den Gewölbschiel; ebenso nimmt man die Momente von AF_1 , E_1F_2 , F_1H und F_2L_1 in Hinsicht auf den zweiten Theilpunkt E_2 und dividirt die Summe dieser Momente durch den Berticalabstand dieses zweiten Punktes von der Horizontalen DN; serner bestimmt man die Momente der Gewöldstheile AF_1 , E_1F_2 , E_2F_3 und diesenigen der Mauertheile F_1H , F_2L_1 , F_3L_2 in Hinsicht auf die Kante E_3 und dividirt deren Summe durch den Abstand des Punktes E_3 von der Horizontalen DN, u. s. s. Indem man so die Rechnung sitr alle Theile zwischen A und B sortsührt, gelangt man zu den Krästen, welche in D nöthig sind, um Drehungen um die Punkte E_1 , E_2 , E_3 u. s. zu verhindern, und es ist nun die größte unter diesen Krästen als die im Gewöldscheitel wirklich vorhandene Spannung anzusnehmen.

Außerbem multiplicire man noch die Flächensumme $AF_1 + F_1H$ mit tang. $(a_1 - \varrho)$, ferner $AF_1 + E_1F_2 + F_1H + F_2L_1$ mit tang. $(a_2 - \varrho)$ u. s. w.,

wofern α_1 , α_2 ... die Reigungswinkel der Gewölbfugen E_1 F_1 , E_2 F_2 u. s. w. gegen den Horizont bezeichnen, und suche auch unter diesen Resulstaten den größten Werth aus. Ift nun der größte dieser Werthe kleiner als der zur Verhinderung der Drehungen um E_1 , E_2 , E_3 ... nöthige Maximalwerth, so hat man auf diese Kräste nicht weiter Rücksicht zu nehmen; ift er aber größer, so muß man ihn als Spannung im Gewölbscheitel und nicht den erstgefundenen als solche einsühren.

Endlich hat man noch zu untersuchen, ob die so gefundene Horizontaltraft nicht im Stande ift, ein Gewölbstud nach außen zu schieben ober nach außen zu breben.

Mit Bulfe bes fo gefundenen Borizontalfchubes find nun noch nach §. 27 bie Stabilitätsverhaltniffe ber Biberlager ju untersuchen.

Beifpiel. Die Stabilitäteverhaltniffe bes Gewolbes in Fig. 50 ergeben fich burch folgenbe Untersuchung.

folglich Moment beiber:

$$= 6.89.2.5 + 8.48.2.45 = 38,001;$$

Abstand des Punktes E_1 von DN oder Hebelarm der Horizontalkraft in D: =1,50;

baber ber erfte Werth biefer Rraft:

$$P_1 = \frac{38,00 \cdot \gamma}{1,50} = 25,33 \cdot \gamma \ {
m Bfumb}.$$

Inhalt bes zweiten Gewölbstückes $E_1\,F_2\,\ldots\,=\,7,15$ Quabratfuß, Inhalt bes barüber befindlichen Mauerstückes $F_2\,L_1\,=\,11,02\,$ "Woment beiber in Hinscht auf E_2 :

$$= 17,52 + 23,69 = 41,21,$$

hierzu bas Moment von AL1:

$$= 38,00 + 15,37.5,10 = 38,00 + 78,39 = 116,39,$$

folglich bas Moment bes ganzen Studes A L2:

$$= 157,60;$$

ber Abftanb bes Punttes E, von D N:

$$= 2,35,$$

baher ber zweite Werth ber Horizontalfraft in D:

$$P_{2}=rac{157,60\cdot\gamma}{2,35}=67,05\cdot\gamma$$
 Pfund.

gerner:

Inhalt des dritten Gemölbstüdes E_2 F_3 . . . = 7,68 Quadratsuß, Inhalt des darüberliegenden Mauerstüdes F_2 L_8 = 16,51 = 46,61 ...

hierzu bas Moment bes Studes E_2 H:

= 157,60 + 166,02 = 323,62,

folgt bas Moment bes Bangen:

= 370,23,

und da ber Abstand des Bunktes E_8 von $D\,N,=3,90$ ift, ergiebt fich ber britte Berth der Kraft in D:

$$P_3 = \frac{370,23 \cdot \gamma}{3.90} = 94,93 \cdot \gamma$$
 Pfund.

Auf biefe Beise fortfahrenb, finbet man einen Berth biefer Kraft, welcher bie Drehung um E, ju verhindern hat:

$$P_4 = \frac{701,92 \cdot \gamma}{5.9} = 118,97 \cdot \gamma \ {
m Bfunb};$$

ferner einen fünften in Sinficht auf Drehung um E.

$$P_{\rm b} = {1163,43 \cdot \gamma \over 8.45} = 137,68 \cdot \gamma \ {
m Pfunb};$$

und endlich einen letten Berth in hinficht auf eine Drehung um B:

$$P_6 = \frac{1760,21 \cdot \gamma}{11,6} = 151,74 \cdot \gamma \ {
m Bfunb}.$$

Da biefer Werth unter allen gefundenen ber größte ift, so läßt sich ber Druck im Gewölbscheitel ihm gleich, also

$$P=151.74.\gamma,$$

ober, bie Dichtigkeit ber Mauer = 150 Bfund angenommen,

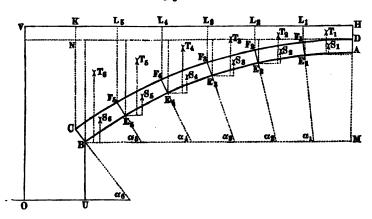
$$P = 151.74.150 = 22761$$
 Bfund

setzen. Die Dicke bes Gewölbes im Scheitel ift e = 1,3 Fuß, also ber Querschnitt für jeben Fuß Gewölblänge:

und sonach ber Drud auf jeben Quadratzoll nur $\frac{22761}{187.2} = 122$ Pfund.

Rimmt man mit Betit ben Reibungswinkel ju 30° an, fo erhalt man noch

Fig. 51.



für die Kraft zur Berhinderung des herabgleitens der Gewölbsteine, ba die Gewölbstugen E_1 F_1 , E_2 F_2 , E_3 F_3 ..., unter den Winkeln 83° 40'; 70° 20'; 71° 0'; 64° 40'; 58° 20'; 52° 0' gegen den Horizont geneigt sind die Werthe

 $P_1 = (6.89 + 8.48) \ tang. \ (83^{\circ} 40' - 30^{\circ}) \cdot \gamma = 15.37 \cdot tang. \ 53^{\circ} 40' \cdot \gamma = 20.9 \cdot \gamma \ \text{Pfunb};$

 $P_2 = (15,37 + 18,17) \ tang. \ (77^{\circ}20' - 30^{\circ}) \cdot \gamma = 33,54 \cdot tang. \ 47^{\circ}20' \cdot \gamma = 36,4 \cdot \gamma \ \Re \text{funb};$

 $P_8 = 57.73 \cdot tang \cdot 41^{\circ} \cdot \gamma = 50.1 \cdot \gamma$ Finnb;

 $P_4 = 90,56 \cdot tang. 34^0 \cdot 40' \cdot \gamma = 62,6 \cdot \gamma$ Pfunb;

 $P_{5} = 134,13 \cdot tang. 28^{\circ} 20' \cdot \gamma = 72,3 \cdot \gamma \Re fund;$

 $P_6 = 188,53 \cdot tang. 22^{\circ} \cdot \gamma = 76,2 \cdot \gamma$ Ffund;

es ist also ber größte Horizontalbruck zur Verhinderung des Gleitens $=76,2\cdot\gamma$ Pfund. Da der Scheitelbruck (151,74 γ), welcher aus dem Bestreben zum Umsbrehen entspringt, größer ist, so wird durch benselben auch das Herabgleiten der Gewölbsteine verhindert. Ebenso kann man sich auch leicht überzeugen, daß weder ein Gleiten noch ein Drehen nach oben möglich ist.

Was endlich noch die Stabilität bes Wiberlagers OUK anlangt, ift bas Moment ber Kraft P jum Umfturgen um O

= 151,74. γ . $(\overline{OV} - \overline{DH}) = 151,74.18.<math>\gamma = 2731.\gamma$ Pfund; bas Moment bes belasteten Gewölbes ABKH berechnet sich aber

 $=1760,21\cdot\gamma+188,53\cdot\overline{OU}\cdot\gamma=(1760,21\,+\,188,53\cdot6,8)\gamma=3042\cdot\gamma$ und das des Pfeilers

= 343. y Bjund;

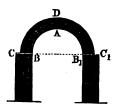
es ift bemnach bas Moment, welches bem Umfturzen um O entgegensteht,

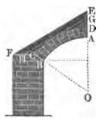
= $(3042 + 348) \cdot \gamma = 3385 \cdot \gamma$ Pfund, und baher ein Umstürzen nicht möglich. Will man indessen hinreichende Sichersheit haben, so muß man nach Obigem statt P, 1.9 P, also das Moment zum Umstürzen = $5189 \cdot \gamma$ sehen, und dann ware allerdings das Widerlager zu schwach; es müßte ihm vielmehr statt 6.8 Fuß eine Dicke von 11 bis 12 Fuß gegeben werden. Für 11 Fuß Dicke erhält man das Stabilitätsmoment

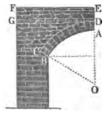
S=1760.21. $\gamma+188.53$. 11 $\gamma+1281$. $\gamma=5115$. γ , also entspricht diese Dicke ben Forberungen der Stabilität hinreichend.

§. 32 Gewölbschubtabollon. Um bei ben am häufigsten vorkommenden Kreisgewölhen die Untersuchung zu erleichtern, sind von Petit besondere Tabellen über die Stabilität dieser Gewölbe berechnet worden, von denen wir hier nur kurze Auszüge mittheilen können. Die erste dieser Tabellen bezieht sich auf halbkreissörmige Gewölbe mit parallelen Wölb-

Fig. 52. Fig. 53. Fig. 54.







flachen, Fig. 52, die zweite auf ein halbtreisförmiges Gewölbe mit Sinstermauerungen von 45° Reigung, wie bie punktirte Linie GH in

Fig. 53 andeutet; die britte Tabelle entspricht einem Halbfreisgewölbe mit horizontaler Aufmauerung, wie die punktirte Linie DG in Fig. 54 angiebt, und die vierte Tabelle entspricht bloken Kreisbogengewölben mit parallelen Wölbungen. Bei den ersten brei Tabellen findet man in den erften beiden Berticalcolumnen die Dimensionsverhältnisse der Gewölbe angegeben, in ber britten die Bruchwinkel, in ber vierten und fünften aber die Coefficienten des Horizontalschubes und in der sechsten die Coefficienten für bie größten Biberlagestärten. Um mit Bulfe biefer Tabellen ben einem gegebenen Bewölbe entsprechenden Schub ju finden, suchen wir bas Berhaltniß $x = \frac{r_2}{r_1}$ ber Gewölbhalbmeffer in ber erften Columne auf, geben von da horizontal herliber bis in die vierte und fünfte Columne, und nehmen bie größte von ben beiben an biesen Orten ftebenben Zahlen; biefe Bahl p wird endlich mit dem Quadrate des Gewölbhalbmeffers (r_1) und mit ber Dichtigkeit (y) ber Gewölbmaffe multiplicirt, um ben in Frage stehenden Schub ober Horizontalbruck pri y zu erhalten. Was endlich noch bie fechete Columne anlangt, fo giebt biefe die Starte ber unenblich hoch ju bentenben Widerlager an, wenn man die Werthe berfelben burch den Salbmeffer ber immeren Wölbung multiplicirt. Bei niedrigen Biderlagern ift diese Stärke Heiner und nach ber Formel §. 27 zu berechnen. Die vierte Tabelle enthält in der ersten Berticalcolumne die Berhältnigzahlen $z=\frac{r_2}{r_1}$, in den Ubrigen Columnen aber die Coefficienten des Gowölbschubes bei sehr verschiebenen Berhaltniffen amischen ber Sehne ober Beite s und ber Sobe h ber Gewölbe. Uebrigens kommt biefe Tabelle nur bann in Anwendung, wenn ber Bruchwinkel, welchen die erfte Tabelle angiebt, ben balben Centriwinkel

 $\beta = 90^{\circ} - \alpha$

bes Gewölbbogene übertrifft.

Anmertung. Damit ber Theil bes Wiberlagers, an welchem ber Gewöllsbogen unmittelbar aufstat, nicht fortgeschoben werbe, ist nothig, daß der Horizonstaffchub $P=pr_1^*\gamma$ von der Reibung $\frac{1}{2}\rho\beta\left(r_2^*-r_1^*\right)\gamma$ übertrossen werde. Ist diese nicht der Fall, wie z. B. bei sehr gedrückten Bögen, so muß man dieses Ausgleiten des Obertheiles vom Widerlager durch eiserne Anser verhindern. Uedrigens läßt sich hier der Reibungscoefficient $\rho=0.76$, also $\frac{1}{2}\rho=0.38$ segen, weshalb die Kraft, welche die Berankerung auszuhalten hat,

 $P = [p - 0.38 \beta (x^2 - 1)] r_1^2 \gamma$ anzunehmen ist. Dieser Fall tritt ein, wenn s = 4h und x unter 1,06; wenn s = 5h bis 10 h und x unter 1,15 ist. Wenn endlich s = 16h, so sindet bieses Gleiten jedensalls statt.

. Vabelle L Balbfreisgewölbe mit parallelen Bölbflächen.

Berhältniß ber Halbmesser $z=rac{r_3}{r_1}.$	Berhältniß bes inneren Durch- meffers 2r, gur Dide.	Bruchwinkel, Reigung ber Bruchfuge gegen bie Berticale.	1	nt p bes bschubes für Gleitung.	Coefficient für bie Grenzen ber Widerlags- bicken.
2,782 2,70 2,60 2,50 2,20 2,00 1,80 1,70 1,60 1,55 1,50 1,45 1,40 1,35 1,30 1,25 1,20 1,15 1,12 1,10 1,08 1,06 1,06 1,05 1,04 1,08 1,01 1,00	1,154 1,176 1,250 1,333 1,666 2,000 2,500 2,857 8,333 8,636 4,000 4,444 5,000 5,714 6,666 8,000 10,000 13,333 16,666 20,000 25,000 88,333 40,000 60,666 100,000 200,000	0° 00' 13° 42' 27° 30' 35° 52' 51° 4' 57° 17' 61° 24' 62° 53' 63° 49' 64° 3' 64° 9' 64° 5' 63° 48' 63° 19' 62° 14' 61° 15' 59° 41' 57° 1' 54° 48' 53° 15' 51° 7' 48° 18' 46° 82' 44° 4' 41° 4' 88° 12' 82° 36' 0° 00'	0,00000 0,00211 0,00809 0,02288 0,08648 0,13017 0,16378 0,17180 0,17517 0,17478 0,17254 0,16798 0,16167 0,15287 0,14330 0,12847 0,11140 0,09176 0,07789 0,06754 0,05649 0,04455 0,03818 0,03139 0,02459 0,01691 0,00889 0,00000	0,98928 0,96262 0,88151 0,80346 0,58767 0,45912 0,34281 0,28924 0,23874 0,21464 0,19130 0,16872 0,14691 0,12587 0,10559 0,08608 0,06738 0,04935 0,03984 0,03218 0,02546 0,01891 0,01568 0,01249 0,00932 0,00618 0,00308 0,00000	1,3223 1,1414 1,0484 0,9625 0,9031 0,8627 0,8007 0,7838 0,7622 0,7879 0,6987 0,6504 0,5905 0,5444 0,5066

Falbtreisgewölbe mit Hintermanerung von 45° Reigung.

Berhältniß ber		Bruchwinkel, Reigung ber Bruchfuge gegen bie Berticale.	Coefficier Gewöll	Coefficient für bie Grengen ber	
$z=\frac{r_2}{2}$.			für Drehung.	für Gleitung.	Biberlage- biden.
2,00	2,000	600	0,26424	0,74861	1,7246
1,80	2,500	600	0,29907	0,57383	1,5147
1.60	8,333	600	0,31245	0,42191	1,2990
1,55	3,636	610	0,31222	0,38673	1,2437
1,50	4,000	610	0,30996	0,35266	1,1877
1,45	4,444	600	0,30587	0,31971	1,1308
1,40	6 000	590	0,30001	0,28787	1,0954
1.35	5,714	880	0,29285		1,0823
1,30	6,666	570	0,28231	0,22756	1,0626
1,25	8,000	5 4 0	0,27102		1,0412
1.20	10,000	500	0,25806	0,17171	1,0160
1,15	13,333	470	0,24477		0,9894
1,10	20,000	420	0,23292	0,12032	0,9652
1,05	40,000	360	0,22902		0,9571

Falbtreisgewölbe mit horizontaler Uebermauerung.

Berhältniß ber	bes inneren effer Durch- meffers 271	Bruchwinkel, Reigung ber Bruchfuge gegen bie Berticale.	Coefficie Gewöll	Coefficient für die	
Salbmesser $z = \frac{r_3}{r_1}$.			für Drehung.	für Gleitung.	Grenzen ber Wiberlage- bicken.
2,00	2,000	360	0,05486	0,50358	1,8834
1,80	2,500	440	0,08503	0,37901	1,2001
1,60	3,333	52 ⁰	0,12300	0,26755	1,0082
1,55	3,636	540	0,13027	0,24178	0,9584
1,50	4,000	56 ⁰	0,13648	0,21673	0,9075
1,45	4,444	570	0,14122	0,19256	0,8554
1,40	5,000	590	0,14421	0,16920	0,8018
1,35	5,714	600	0,14504	0,14666	0,7465
1,30	6,666	610	0,14332	0,12495	0,7879
1,25	8,000	620	0,13872	0,10405	0,7260
1,20	10,000	630	0,13073	0,06397	0,7048
1,15	13,333	640	0,11895	0,06471	0,6728
1,10	20,000	650	0,10279	0,04627	0,6249
1.05	40,000	690	0,081755	0,02865	0,5578
1,00	∞ _	750	0,055472	0,01185	

Tabeffe IV. Bogengewölbe mit parallelen Bolbflächen.

Verhältniß ber Halbmeffer	Coefficienten p tes Gewölbschubes.						
$z = \frac{r_2}{r_1}$	s=4h	s=5h	s=6h	s=7h	s = 8h	s=10h	s=16 h
1,40	0,15445	0,14691	0,14691	0,14691	0,14691	0,14478	
1,35	0,14717	0,13030	0,12587	0,12587	0,12587	0,12405	
1,80	0,13764	0,12331	0,10682	0,10559	0,10559	0,10406	
1,25	0,12547	0,11402	0,10009	0,08668	0,08608	0,08483	0,07180
1,20	0,11023	0,10196	0,09102	0,07999	0,06981	0,06636	0,05616
1,15	0,09123	0,08634	0,07866	0,07050	0,06259	0,04904	0,04116
1,10	0,06737	0,06563	0,06158	0,05666	0,05160	0,04214	0,02681
1,05	0,03776	0,03804	0,03709	0,03550	0,03357	0,02944	0,01882
1,01	0,00834	0,00871	0,00886	0,00889	0,00885	0,00862	0,00747

Furze Ueberficht ber Dimenfionsverhaltniffe von Bogengewölben.

Berhältniß ber Weite zur Göhe $\frac{s}{h}$.	Halber Centriwinkel 8.	sin. β.	Berhaltniß bes inneren halbmeffers r ₁ zur höhe, r ₁	Berhältniß bes inneren Halbmeffers r ₁ gur Weite, r ₁
3	67° 22′ 49″	0,9231	1,625	0,5417
4	53° 7′ 48″	0,8000	2,500	0,6250
Б	430 36' 10"	0,6897	8,625	0,7250
6	36º 52' 11"	0,6000	5,000	0,8833
7	31° 53′ 26″	0,5283	6,625	0,9464
8	280 4' 20"	0,4706	8,500	1,0625
9	250 3'27"	0,4235	10,625	1,1806
10	22º 37′ 10″	0,3846	13,000	1,3000
12	18º 55′ 29 ″	0,3243	18,5	1,5417
16	140 15' 0"	0,2462	32,500	2,0312

Bei spiele. 1. Bei einem Halbfreisgewölbe mit horizontaler tiebermauerung in der innere Halbmeffer $r_1=10$ Fuß; man sucht die Sewölbstärfe, den Sewölbschub u. s. w. Es ist nach Perronet die Sewölbstärfe $e=0,0694\cdot 10+1=1,694$ Fuß, wosür ich 1,7 Fuß annehmen will. Ferner ist $r_2=11,7$ und $\mathbf{x}=\frac{r_2}{r_1}=1,17$, daher giebt die Tabelle III. den Bruchwinkel $\beta=63^8/5^0$, und den Coefscienten der Horizontalspannung, $p=0,1190+\frac{1}{2},0,0118=0,1287$. Rimmt man nun den Cubifsuß Mauer zu 150 Psund Gewicht an, so erhält man die Gewölbspannung im Scheitel:

 $P = 0.1237 \cdot 150 \cdot 10^2 = 1855$ Pfund.

Für die Grenze der Biberlagsstärke giebt diefelbe Tabelle den Coefficienten 0,6723 + % . 0,0325 = 0,6853, daher diese Stärke felbst

d = 0.6853.10 = 6.85 Fuß.

Bei niedrigen Biberlagern fallt bie nach ber Formel bes §. 27 gu berechnenbe Starfe fleiner aus.

2. Belde Dimensionen und Krafte entsprechen einem Bogengewölbe von 10 Fuß Beite und 2 Fuß Bogenhöhe ohne Belastung? Hier ist $\frac{h}{s}=\frac{1}{6}$, baher ber halbe Centriwinsel $\beta=43^{\circ}$ 36" 10', sin. $\beta=0,6897$ und ber Halbmesser $r_1=3,625.2=7,25$ Fuß; ferner giebt die Tabelle IV. den Coefsteienten des Horizontalschubes, da s=5 h und nach der Formel von Perronet

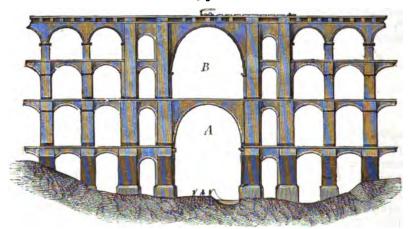
$$e = 0.0694.7.25 + 1 = 1.5$$
, also $x = \frac{r_2}{r_1} = \frac{8.75}{7.25} = 1.2$ ift, $p = 0.10196$,

folglich beträgt ber Bewolbichub:

$$P = 0.102.150.7.25^2 = 804$$
 Pfund.

Stoinorno Brücken. Die Theorie ber Gewölbe findet in bem In- &. 33 genieurwefen vorzüglich bei ben fteinernen Bruden (frang. ponts en pierres; engl. stone-bridges) ihre Anwendung. Die steinernen Bruden sowie auch bie Biaducte und Aquaducte, werden in ber Regel aus Bögen (frang. und engl. arches) gusammengesett, welche die Formen von Connengewölben (frang. voûtes cylindriques; engl. cylindrical arches) baben. Die Beite (franz. ouverture; engl. span) ber Brudenbogen richtet fich vorzuglich nach bem fliegenden Waffer, über welches bie Brude gefpannt ift. Bat baffelbe eine große Geschwindigkeit und ift es ftarten Anschwellungen unterworfen, so wendet man Bogen mit großer Spannweite an, um bas Bafferbett möglichst wenig zu verengen und baburch bas Austreten bes Sochwassers aus bem Bette einzuschränken, sowie die zerstörenden Wirkungen bes Bochwassers und ber von bemselben zugeführten Rorper, g. B. Gisschollen, auf die Brudenpfeiler ju schwächen; fließt hingegen der Flug langfam und hat berfelbe teine bebeutenden Bochwaffer, fo tann man aus den entgegengefetten Grunden die Brude über bemfelben aus einer größeren Anzahl engerer Bogen zusammenseten. Die Spannweite ber gewöhnlichen Brudenbogen beträgt 50 bis 150 Fuß; am größten ift fie bei ber Grosvenor-Brilde über dem Dee in England, wo sie sogar 195 Fuß mißt. Die Brüdenhöhe richtet sich ebenfalls nach dem Hochwasser; jedenfalls müssen seine ansehnliche Höhrten Wasserstande die Scheitel der Brüdenbögen noch um eine ansehnliche Höhr über, und die Seiten derselben nicht oder nur wenige Fuß unter der Oberstäche des Wassers stehen, damit fremde Körper, welche auf dem Wasser schwimmen, wie z. B. Eisschollen, ungehindert durch die Brüde hindurch schwimmen können, und auch die Stauung des Wassers nicht zu groß ausfällt. In vielen Fällen, namentlich dei Eisenbahnen und Candlen, liegen die Punkte, welche durch eine Brüde (Viaduct, Aquaduct) zu verbinden sind, so hoch über der Thalsoble, daß die Brüdenbögen schon ohnedies viel über das Hochwasser zu stehen kommen. Die gewöhnlichen Fahrbrüden über Flüsse haben eine Höhe von 30 die 100 Fuß; die Eisenbahnbrüden und Aquaducte erreichen aber Höhen von 150 Fuß und mehr. B. B. die Gölzsschafbrüde (Fig. 55) bei der sächsschaften Eisenbahn

Fig. 55.



hat in vier über einander stehenden Bogenreihen eine Höhe von 250 Fuß, und der römische Aquaduct zu Nismes in Frankreich (Pont du Gard) hat bei drei über einander stehenden Bogenreihen eine Höhe von 150 Fuß. Die Bogenhöhe (franz. montés; engl. hight) der Brücke richtet sich natürlich nach der Spannweite und Höhe der Brücke überhaupt; bei den gewöhnlichen Fahrbrücken beträgt diese Höhe 1/3 die 1/3 der Spannweite; bei hohen Eisenbahnbrücken und Wasserleitungen nimmt man diese Höhe 1/2 oder gar 1/2 der Spannweite. Was die Breite der Brücken anlangt, so beträgt dieseste bei gewöhnlichen Fahrbrücken 20 die 40 Fuß; die neue Brücke über die Elbe die Dresden, welche für Fuhrwerke, Fußgänger und eine Eisenbahn zugleich dient, besitzt sogar eine Breite von 55 Fuß.

Anmerkung. In Fig. 55 ift bas Mittelstud ber Gölpschichalbrude abgebildet. Die Länge bieser Brude beträgt 1840 Fuß, die obere Breite 32 und die untere 72 Fuß. Bon den mittleren großen Bögen hat A eine Spannweite von 90 Fuß und eine Höhe von 58 Fuß, B aber eine Spannweite von 98 Fuß und eine Höhe von 64 Fuß. Rimmt man die Höhe eines Ziegelpseilers h=200 Fuß, und die Dichtigkeit der Ziegelmauer =100 Pfund an, so erhält man den größten Drud dieses Pseilers auf den Duadratzoll, abgesehen von der zufälligen Belastung und von der Belastung durch die Gewölbbögen:

$$P = h\gamma = \frac{200 \cdot 100}{144} = 139$$
 Pfund.

Bare ber Festigkeitsmobul ber Biegel K=1000 Pfund, fo hatte man hiernach nur fiebenfache Sicherheit bei biefer Brude.

Brückenpfeiler. Die Pfeiler (frang. piles; engl. piers) und bie §. 34 Biberlager (franz. culées; engl. abutments) ber Briiden milfen nicht nur auf einem gant festen Grunde fteben, fondern auch eine hinreichende Dide baben, um bem Drude ber barauf rubenben Bogen fammt ihrer Belaftung wiberfteben zu tonnen. Der Grund besteht entweber aus festem Felfen, ober aus unzusammenbrudbarem Sand, ober aus zusammenbrudbarer Erbe. Um auf Felfen ju grunden, ift nicht allein die Berftellung ebener Fluchen jur Aufnahme bes Drudes, fonbern auch bie Entfernung alles verwitterten und Lofen Gesteines nöthig. Die Grundung auf Sand, Thon und Erbe erforbert bingegen bie Berftellung eines Roftes ober eines Bettes aus Beton. Der aus einer Reihe Langenschwellen und einer Reihe aufgekammter Querschwellen gusammengesette Roft rubt entweber unmittelbar auf bem Steinoder Sandbette, oder er wird von eingerammten Pfahlen (frang. piles; engl. pieux) getragen (f. I., §. 347), und beift im erften Falle ein Somellens, im letteren aber ein Pfahlroft. Bei ber Grundung im Baffer ift es nothig, die Bauftelle ber Pfeiler burch einen Fangdamm vor bem Eindringen bes Waffers zu sichern. Ift die Tiefe bes Waffers über 4 Fuß, fo find fogenannte Raftenbamme (frang. batardeaux; engl. cofferdams) nothig, welche aus zwei Reihen Bohlen ober Spundwanden und awifchengestampftem Letten aufammengefest werben.

Die Fundamente der Pfeiler werden aus gehauenen Steinen treppenförmig aufgemauert, so daß die untere Breite derselben dem sechsten bis
neunten Theile der Spannweite gleichsommt. Um die Brückenpseiler gegen
den Stoß des Eises und anderer schwimmenden Körper zu schüken, und um
die auf das Flußbett nachtheilig wirkende wirbelnde Bewegung des Wassers
möglichst zu verhindern, werden die Pfeiler stromauf- und stromadwärts mit
prismatischen Ansägen, den sogenannten Pfeilerköpfen (franz. docs; engl.
starlings) versehen, welchen eine halbkreissörmige oder halbelliptische Basis
und eine kegelsörmige oder sphäroidische Haube (franz. donnot; engl. hood)
zu geben ist. Die Landsesten oder Widerlagspfeiler sind in der Regel noch

mit Flügelmauern (frauz. murs en aile; engl. wingwalls) verschen, welche zur Unterstützung der Auffahrt dienen. Die Stärke der Pfeiler und Widerlager ist nach der vorausgeschickten Theorie unter der Boraussetzung zu bestimmen, daß diese Stützmauern nicht allein den constanten Gewölbschub, sondern auch die zufällige und bewegliche Belastung aufzunehmen haben.

Anmerkung. Sig. 56 führt einen Theil ber Brude von Reuilly über bie Seine vor Augen. Sie besteht aus funf Bogen von 120 Parifer Jug Beite und Ria. 56.



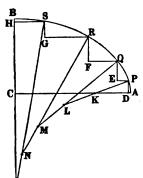
40 Kuß höhe. Die Curve, wonach die Bögen construirt sind, tst eine Korblinie mit 11 Mittelpunkten. Die höhe der Schlußsteine dieser Brück beträgt 5 Fuß. Die Pfeilerköpfe (A und B) sind halbkreisförmig abgerundet und die Kanten zwischen den Stirn- und den inneren Wölbstächen der Bögen sind durch krumme Klächen C, D, E oder sogenannte Kuhhörner (fr. cornes de vache) abgestumpst.

§. 35 Korbbogen. Die Brildenbogen werben entweber nach einem Salbfreise ober nach einem Rreisbogen (Stichbogen), ober nach einer Ellipfe, ober nach einem fogenannten Rorbbogen (frang. arche en anse de panier; engl. basket-handle arch) conftruirt. Die Balbfreisgewölbe geben ben fleinsten Borigontalfcub, und besiten baber bei hinreichender Belaftung eine große Stabilität; fie laffen fich aber bei niebrigen Flugbruden nicht anwenden, weil fie eine große Angahl von Pfeilern erforbern, woburch bas Flugbett febr eingeengt wirb. Sie finden baber vorzuglich nur bei Biabucten und Aquaducten ihre Anwendung. Die Stichbogen geben, namentlich wenn fie febr flach find, einen bedeutenben Borizontalfchub, und erforbern baber au ihrer Stabilität fehr ftarte und folibe Bfeiler und Wiberlager. Da fie fich febr weit fpannen laffen, fo feten fie bem Baffer am wenigsten Biberftand entgegen, weshalb man fie auch vorzüglich bei größeren Fluffen an-Die elliptischen Bogen fteben zwischen bem Balbfreise und ben Stichbogen inne; man erfett fie aber gewöhnlich burch Rorbbogen, weil biefe leichter und auch fo zu construiren find, bag bie Rrummung am Fugpuntte fleiner ausfällt als bei ber Ellipfe.

Um aus ber halben Spannweite $CA=rac{s}{2}$ und ber Bogenhöhe

CB = h, Fig. 57, die Mittelpunkte K, L, M, N, O der Kreisbögen AP, PQ, QR, RS, SB zu finden, aus welchen ein Korbbogen AQB zusams

Fig. 57.



menzuseten ist, hat man vielerlei Regeln angegeben; folgende Bestimmungsweise möchte jedoch bie vorzüglichere sein. Die halbe Spannweite

 $CA = \frac{s}{2}$ läßt sich als die Summe der Stücke AD, PE, QF, RG, SH und die Bogenhöhe CB als die Summe der Stücke DP, EQ, FR, GS und HB ansehen. Bezeichnen wir den Halbmesser:

$$KA = KP$$
 burdy r_1 ,
 $LP = LQ$, r_2 ,
 $MQ = MR$, r_3 ,
 $NR = NS$, r_4 , und
 $OS = OB$, r_5 ,

fowie bie Winkel, unter welchen bie Borizontale

AC von den Halbmeffern KP, LQ, MR, NS geschnitten wird, durch α_1 , α_2 , α_3 , α_4 , so haben wir:

$$AD = r_1 (1 - \cos \alpha_1), \qquad DP = r_1 \sin \alpha_1,$$

$$PE = r_2 (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2), \qquad EQ = r_2 (\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1),$$

$$QF = r_3 (\cos \alpha_2 - \cos \alpha_3), \qquad FR = r_3 (\sin \alpha_3 - \sin \alpha_2),$$

$$RG = r_4 (\cos \alpha_3 - \cos \alpha_4), \qquad GS = r_4 (\sin \alpha_4 - \sin \alpha_3),$$

$$SH = r_5 \cos \alpha_4, \qquad HB = r_5 (1 - \sin \alpha_4),$$

und daher:

Lassen wir nun die Halbmesser r_1 , r_2 , r_3 . . . eine steigende arithmetische Reihe bilben, setzen wir also:

r₂ - r₁ = r₃ - r₂ = r₄ - r₃ = r₅ - r₄ = d, fo erhalten wir:

 $1/2 s = r_1 + d (\cos \alpha_1 + \cos \alpha_2 + \cos \alpha_3 + \cos \alpha_4)$ und $h = r_1 + d [4 - (\sin \alpha_1 + \sin \alpha_2 + \sin \alpha_3 + \sin \alpha_4)],$ oder allgemeiner, wenn wir n Krimmungshalbmesser annehmen, $\cos \alpha_1 + \cos \alpha_2 + \cdots + \cos \alpha_n = \Sigma (\cos \alpha),$ sowie $\sin \alpha_1 + \sin \alpha_2 + \cdots + \sin \alpha_n = \Sigma (\sin \alpha)$

setzen und beachten, daß sin. $\alpha_n = 1$ und $\cos \alpha_n = 0$ ist,

$$^{1}/_{2}s = r_{1} + d \cdot \Sigma (cos. \alpha)$$
 und $h = r_{1} + d [n - \Sigma (sin. \alpha)]$, woraus nun:

1)
$$d = \frac{\frac{1}{2}s - h}{\Sigma (\cos \alpha) + \Sigma (\sin \alpha) - n}$$
, sowie

2)
$$r_1 = 1/2 s - d \Sigma (\cos \alpha)$$
 folgt.

Macht man ben am Gewölbscheitel S anliegenden Centriwinkel BOS halb so groß als jeden der übrigen Winkel $AKP = PLQ = QMR = RNS = \alpha$, so erhält man:

 $\alpha_2 = 2 \, \alpha_1, \ \alpha_3 = 3 \, \alpha_1, \ \alpha_4 = 4 \, \alpha_1 \ \text{und} \ \alpha_5 = 4.5 \, \alpha_1 = 90^\circ, \ \text{folglich}:$ $\alpha_1 = 20^\circ, \ \alpha_2 = 40^\circ, \ \alpha_3 = 60^\circ, \ \text{und} \ \alpha_4 = 80^\circ; \ \text{und} \ \alpha_5 = 90^\circ,$ es ist hiernach:

$$sin. \alpha_1 = 0,3420,$$
 $cos. \alpha_1 = 0,9397,$ $sin. \alpha_2 = 0,6428,$ $cos. \alpha_2 = 0,7660,$ $sin. \alpha_3 = 0,8660,$ $cos. \alpha_3 = 0,5000,$ $sin. \alpha_4 = 0,9848,$ $cos. \alpha_4 = 0,1736,$

$$sin. \alpha_4 = 0.9848,$$
 $cos. \alpha_4 = 0.1736,$ $sin. \alpha_5 = 1.0000,$ $cos. \alpha_5 = 0.0000,$

baher: Σ (sin. α) = 3,8356, und Σ (cos. α) = 2,3793, fo bah

$$d = \frac{\frac{1}{2}s - h}{3,8356 + 2,3793 - 5} = \frac{\frac{1}{2}s - h}{1,2149} = 0,8231 \left(\frac{1}{2}s - h\right) \text{ unb}$$

$$r_1 = \frac{1}{2}s - 2,3793 d = 1,9584 h - 0,9584 \frac{s}{2}$$
, ferner

$$r_2 = 1{,}1353 h - 0{,}1353 \frac{s}{2},$$

$$r_3 = 0.3122 h + 0.6878 \frac{s}{2}$$

$$r_4 = -0.5109 h + 1.5109 \frac{8}{9}$$
 und

$$r_5 = -1,3340 h + 2,3340 \frac{8}{2}$$
 folgt.

Filt n=2 Halbmesser r_1 und r_2 , ist $\alpha_1=60^\circ$ und $\alpha_2=90^\circ$, daher: $d=\frac{1/2}{0.3660}=2,7322 \ (1/2\,s-h),$

$$r_1 = \frac{1}{2}s - 0.5 \cdot 2.7322 \left(\frac{1}{2}s - h\right) = 1.3661 h - 0.3661 \frac{s}{2}$$
, unb

$$r_2 = -1,3661 h + 2,3661 \frac{s}{2}$$

Filtr n=3 Halbmesser hat man $\alpha_1=36^\circ$, $\alpha_2=72^\circ$, und $\alpha_3=90^\circ$, wonach

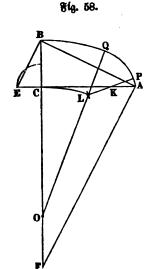
$$d = \frac{1/2 s - h}{0.6569} = 1,5223 \ (1/2 s - h),$$

$$r_1 = \frac{1}{2}s - 1,1180 \cdot 1,5223 \left(\frac{1}{2}s - h\right) = 1,7019 h - 0,7019 \frac{s}{2},$$

$$r_2 = 0,1796 h + 0,8204 \frac{s}{2}, \text{ unb}$$

$$r_3 = -1,3427 h + 2,3427 \frac{s}{2} \text{ ift.}$$

Giebt man der Wölbstäche AQB, Fig. 58, in A und B dieselben Krümmungen wie einer Ellipse, so erhält man die Halbmesser:



$$KA = KP = r_1 = \frac{2h^2}{8},$$

 $LP = LQ = r_2 = h, \text{ unb}$
 $Q = QB = r_2 = \frac{8^2}{4h},$

welche sich wie solgt auch leicht durch Construction sinden lassen. Man ziehe die Sehne AB und errichte auf derselben die Perpendikel BE und AF; diese schneiden von den Axen die Halbmesser $CE = r_1$ und $CF = r_3$ ab, deren Mittelpunkte K und O in diesen Axen selbst liegen. Um den Mittelpunkt L sir den mittleren Halbmesser $LP = r_2 = h$ zu sinden, beschreibe man aus K mit dem Hadins $r_3 - h$ Areisbögen. Der Durchschnitt dieser Bögen ist das gesuchte Centrum L.

Läßt man, Fig. 57, die Centriwinkel:

BOS, SNR, RMQ n. f. w. vom Scheitel nach bem Wiberlager zu in einer arithmetischen Progression φ , 2 φ , 3 φ u. f. w. steigen, so hat man:

$$\varphi + 2 \varphi + 3 \varphi + \cdots + n \varphi = \frac{(n+1)n}{2} \varphi = 90^{\circ}$$
, daher:
 $\varphi = \frac{180^{\circ}}{n(n+1)}$, und $\alpha_1 = n \varphi = \frac{180}{n+1}$, $\alpha_2 = 2 \alpha_1 - \varphi$,
 $\alpha_3 = 8 \alpha_1 - 3 \varphi$ u. f. w.

Beispiel. Benn bei bem Korbbogen ARB in Fig. 57, bie Sobe $BC = h = \frac{9}{3}$ $CA = \frac{1}{3}$ s ift, so erhalt berfelbe nach Obigem folgende Galbmeffer:

$$r_1 = 0.1735 \, s$$
, $r_2 = 0.8107 \, s$, $r_3 = 0.4479 \, s$, $r_4 = 0.5851 \, s$ unb $r_5 = 0.7223 \, s$.

Läßt man die Centriwinkel von B bis A in einer arithmetischen Progression fteigen, macht man hiernach $\varphi=\frac{180}{5-6}=6^{\circ}$, so erhält man:

$$\alpha_1 = n \varphi = 30^{\circ},$$
 $\alpha_2 = 30^{\circ} + 30^{\circ} - 6^{\circ} = 30^{\circ} + 24^{\circ} = 54^{\circ},$
 $\alpha_3 = 54^{\circ} + 24^{\circ} - 6^{\circ} = 54^{\circ} + 18^{\circ} = 72^{\circ},$
 $\alpha_4 = 72^{\circ} + 18^{\circ} - 6^{\circ} = 72^{\circ} + 12^{\circ} = 84^{\circ},$
 $\alpha_5 = 84^{\circ} + 12^{\circ} - 6^{\circ} = 84^{\circ} + 6^{\circ} = 90^{\circ}.$

Nun ift:

$$cos. 30^0 = 0.8660$$
,
 $sin. 30^0 = 0.5000$,

 $cos. 54^0 = 0.5878$,
 $sin. 54^0 = 0.8090$,

 $cos. 72^0 = 0.3090$,
 $sin. 72^0 = 0.9510$,

 $cos. 84^0 = 0.1045$,
 $sin. 84^0 = 0.9945$,

 $cos. 90^0 = 0.0000$,
 $sin. 90^0 = 1.0000$,

also Σ (cos. α) = 1,8673 und Σ (sin. α) = 4,2545, baher folgt hier:

$$d = \frac{\frac{1}{2}s - h}{1,1218} = 0,8914 \ (\frac{1}{2}s - h)$$
 und

 $r_1 = \frac{1}{2}s - 1,8673.0,8914 (\frac{1}{2}s - h) = 1,6646 h - 0,3323 s.$ Sitte man $h = \frac{1}{3}s$ angenommen, wie in Fig. 57, fo wurden:

$$d = 0.8914 \cdot \frac{s}{6} = 0.1486 \cdot s$$
 unb

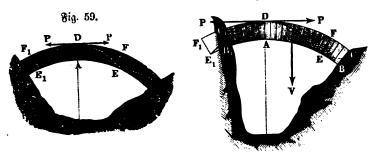
 $r_1 = 0,5549 \, s - 0,3328 \, s = 0,2226 \, s, \, r_2 = 0,8712 \, s, \, r_3 = 0,5198 \, s,$ $r_4 = 0,6684 \, s$ und $r_5 = 0,8170 \, s$ fid ergeben.

Bei einem Korbbogen mit elliptischen Wolbungen in A und B, Fig. 58, ware:

$$r_1 = \frac{2h^2}{s} = \frac{2}{9}s = 0.2222 \, s, \, r_2 = h = 0.8383 \, s \, \text{unb}$$
 $r_8 = \frac{s^3}{4h} = \frac{8}{4}s = 0.7500 \, s.$

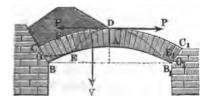
§. 36 Unsymmetrische Gewölbe. Ift ein Gewölbe unsymmetrisch, ober auf liner Seite mehr belaftet als auf ber andern, fo muß man ben Maximalbrud Pm (nach &. 23 bis &. 25) für jede Seite besonders ermitteln, ben größeren biefer Maximalwerthe als ben Drud P im Gewolbscheitel D ansehen, und mit Bulfe biefer Horizontalfraft die Gleichgewichtsverhaltniffe auf jeber Seite ber Scheitelfuge besonbers untersuchen. Wird burch biefe Fuge bas Gewölbe in zwei ungleich lange Theile getheilt, wie 2. B. bei ber Ausmauerung unterirbifcher Raume oft vortommt, fo fällt die Bruchfuge E, F, bes kurzeren Gewölbstückes A C, entweder, wie in Fig. 59 bargeftellt wird, noch in biefes Bewölbstud, ober es tommt biefelbe, wie Fig. 60 zeigt, gar nicht zu Stanbe, weil bie Wiberftandelinie EDE, die innere Bolbfläche AB, gar nicht erreicht und die Biberlagsfläche B1 C1 in einem Zwischenpuntte O burchschneibet. Die Berechnung von $P = P_m$, sowie die weitere Untersuchung des Gewichtes ist übrigens in beiben Fällen genau bieselbe als wenn bas Gewölbe vollständig symmetrisch ware. Bei einem Gewölbe BDB_1 , Fig. 61, welches auf einer Seite stärker belastet ist als auf ber anderen, hat man ben Gewölbschub P gleich zu setzen

Fig. 60.



ber Maximallraft Pm, ber ftarter belafteten Gewölbhälfte BD, jedoch für beide Salften besonders zu untersuchen, ob diese Kraft weder ein Schieben

%ig. 61.



noch ein Kippen nach außen hervorzubringen im Stande ift. Es fallen hier die Widerstands-linien AEO und AE₁O₁ von beiden Gewölbhälften von einanber verschieden aus, und es ist möglich, daß die Widerstands-linie der schwächer belasteten Hälfte DB₁ die innere Wölsbung gar nicht erreicht; das gegen kann aber auch vorgen

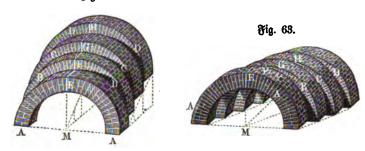
kommen, daß sie die äußere Wölbstäche DC_1 durchschneibet, während die Wisberstandslinie DEO der stärker belasteten Hälfe von der äußeren Wölbsstäche DC entfernt bleibt. In diesem Falle erfolgt natürlich ein Zusammenstürzen des ganzen Gewölbes durch Kippen desselben um die Kante, in welcher die Wölbstäche DC_1 von der Widerstandslinie DE_1O_1 durchschnitten wird. Um eine größere Sicherheit zu erlangen, legt man auch hier die Widerstandslinie um ein Drittel der Gewölbsicke unter den äußeren Gewölbsschielt u. s. w.

Schioko Gowoldo. Die im Borstehenden entwicklte Theorie ber Sta. §. 37 bilität gerader Tonnengewölbe läßt sich auch auf schiefe Tonnengewölbe anwenden, da sich biese als eine Zusammensehung von unendlich vielen unsendlich kurzen geraden Tonnengewölben ansehen lassen.

Rommt es barauf an, einen fchräg aufsteigenden Raum, wie g. B. ben Eingang zu einem Reller, ober einem sogenannten flachen Schacht zu über-

wölben, so kann man bazu eine Reihe von kurzen Gewölben ober Bögen AA, BB, CC, DD, Fig. 62, anwenden, beren Axe oder Scheitellinie in einer schrägen Richtung EFGH aufsteigt. Eine derartige Zusammensetzung aus unendlich vielen unendlich kurzen Gewölbbögen bildet ein einziges schräg aufsteigendes oder sogenanntes Kellerhalszewölbe. Da jeder der bogenförmigen Bestandtheile eines solchen Gewölbes für sich allein im Gleichzewicht sein muß, so hängt natürlich auch die Stabilität eines solchen Gewölbes nur von der Stabilität eines beliebig kurzen Stückes desselben ab.

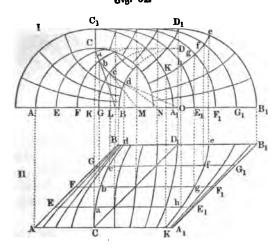
Fig. 62.



Um sich einen schrägen llebergang über ein fließenbes Wasser ober über eine Straße u. s. w. zu verschaffen, wie z. B. bei Eisenbahnanlagen häusig nöthig ift, kann man eine Reihe von Bögen AA, B, C, D, Fig. 63, anwenden, welche schräg an einander angesetzt sind, so daß deren Scheitel E, F, G, H eine gegen die Stirnsläche dieser Bögen schräg stehende Linie EH bildet. Bei den gewöhnlichen Aussuhrungen sind die Bögen AA, B, C, u. s. w. unendlich kurz und bilden daher ein einziges schiefes Gewölbe.

Was die Zusammensetzung der schiefen Gewölbe aus einzelnen Gewölhsteinen anlangt, so gilt auch hier die Regel, daß die Wölhfugen rechtwinkelig gegen die inneren Wölhsteinen zu legen sind; deshalb müssen auch die Wölhstächen von den Wölhfugen nicht in geraden, sondern in gewissen krummen Linien geschnitten werden. Die Art und Weise, wie diese Eurven zu construiren sind, wird aus Folgendem hervorgehen. In Fig. 64, I. und II., seien ACA und BDB die Auf- und Grundrisse von den inneren und äußeren Bögen der beiden Stirnslächen eines schiefen Gewölbes, und zwar CD die Scheitellinien, sowie K und O die Wittelpunkte berselben. Ferner seien noch EE, FF und GG in gleichen Abständen von einander und parallel zu den Stirnslächen AA, BB geführte Schnitte der Gewölbslächen. Um nun vom Scheitel C aus eine Fugenlinie zu legen, sührt man im Aufriß (I.) einen Zug Cabcd so, daß derselbe die Schnittlinien EE, FF, GG rechtwinkelig durchschneidet, daß also z. B. seine

ATangenten in C, a, b, c, d nach den Mittelpunkten K, L, M, N, O der **A**Treise AA_1 , EE_1 , FF_1 , GG_1 , BB gehen, wenn man es mit einem Fig. 64.



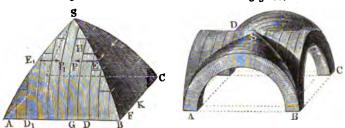
Areisgewölbe zu thun hat. Die auf biese Weise gesundene Eurve ist der Aufriß der gesuchten Fugenlinie durch C, und wenn man von den Punkten a, b, c... nach dem Grundrisse herablothet dis zu den Schnitten EE, FF, GG..., so erhält man auch noch die Punkte a, b, c... im Grundrisse (II.) der gesuchten Eurve. Auf gleiche Weise kann man auch andere Fugencurven, z. B. die Fugencurve efghk der äußeren Wöldsläche construiren.

Kloster- und Kreuzgewölbe. Auch die Stabilität ber Kloster., §. 38 Rreng- und Ruppelgewölbe ist in der Hauptsache wie die der Tonnengewölbe zu beurtheilen.

Ein über einen rectangulären ober polygonalen Raum gespanntes Gurts, Rappens ober Klostergewölbe ABCS, Fig. 65 (a. f. S.), besteht aus lauter turzen Bögen von verschiebenen Spannweiten, wie DE, FE, serner GH, KH u. s. w., welche sich in Bögen BS, CS u. s. w. an einander anlegen. Da hier je zwei dieser Bögen FE, F_1E_1 einander gegenüber stehen, so wird auch der Horizontalschub P des einen durch den Horizontalschub P_1 des anderen ausgenommen, und das zwischen E und E_1 besindsliche Gewöllbstid in der Richtung rechtwinkelig gegen seine Stirnslächen zusammengebrückt.

Ein Rreuzgewölbe geht aus ber gegenseitigen Durchbringung zweier fiber einen rectangularen Raum ABC, Fig. 66, gespannten Tonnengewölbe

hervor, und besteht jundchst aus vier Hauptbogen AS, BS, CS und DS. welche fich an einen gemeinschaftlichen Schlufftein & anlegen, und bann noch 8ig. 65. Fig. 66.



aus vier, fich zwischen je zwei biefer Rreugbogen ftemmenben Bogenfpftemen, wie z. B. ABS, BCS. Es bilben also die Kreuzbögen ASC und BSD bie Wiberlager ber übrigen, von außen nach innen allmälig an Spannweite abnehmenden Gewölbbogen, und ce bangt baber bie Stabilität biefes Bewölbes vorzilglich von der Starte und Stabilität seiner Rreuzbogen ASC und BSD ab.

Ein Ruppelgewolbe ABDE, Fig. 67, ift über eine freisformige Basis AB gespannt und umschließt einen Raum, welcher bie Form eines



aufrechtstehenben Rotations= förpers (f. Band I., §. 125) hat; es läßt fich baffelbe burch bie fogenannten Meribianebenen in lauter congruente Segmente, wie AE, BD u. f. w. zerlegen, welche turze Tonnengewölbe mit allmälig von unten nach oben abnehmender Länge bilben. Diefe Gewölbfegmente tonnen entweder ben Scheitel ber Ruppel volltommen fchlie gen, ober fie fonnen, wie in

Fig. 67, oben eine treisrunde Deffnung DE übrig laffen. Da sich hier ein Segment BD nur auf die benachbarten Segmente F und G ftust, fo muß also auch die Spannung oder der Horizontalschub P desselben von diesen benachbarten Segmenten aufgenommen werben.

Denkt man fich ein Ruppelgewölbe aus n congruenten Segmenten, wie AE, BD... zusammengesett, fo bat man für ben Centriwinkel, unter welchen die beiben Fugen eines Segmentes convergiren:

$$\beta = \frac{2\pi}{n}$$
 ober $\beta^0 = \frac{360^0}{n}$.

Die aus dem Gewölbschub P resultirenden Seitenkräfte S und S, mit welchen ein Segment BD auf das ilbrige Gewölbe wirkt, stoßen unter dem Winkel $SDS = 180^{\circ} - \beta$ zusammen, und es ist daher

$$P = 2 S \cos PDS = 2 S \cos^{-1/2} SDS = 2 S \cos \left(90^{\circ} - \frac{\beta}{2}\right)$$

= $2 S \sin \frac{\beta}{2}$,

daher wenn n fehr groß, also β fehr klein angenommen wird,

$$P = S\beta = \frac{2\pi}{n}S$$
, sowie umgekehrt, $S = \frac{P}{\beta} = \frac{n}{2\pi}P$.

Der Gewölbschub P ist natürlich nach ben in den Paragraphen 21 und 23 gegebenen Regeln zu bestimmen, und läßt sich $=\mu\frac{G}{n}$ setzen, wenn G bas Gewicht des ganzen Sewölbes und μ eine bestimmte Zahl bezeichnet. Es ist folglich:

$$S = \frac{n}{2\pi}P = \frac{n}{2\pi}\mu \frac{G}{n} = \frac{\mu}{2\pi}G.$$

Damit die Gewolbsteine biesen Drud auszuhalten vermögen, muß ihnen eine hinreichende Dide gegeben werben.

In der Regel wird der Drud noch durch das Gewicht einer aufsitzenden Laterne vergrößert. Sind die Gewölbsteine hinreichend did, um die Spanmung S aushalten zu können, so kann natürlich auch kein Einstützen nach innen, sondern nur ein Ausweichen nach außen statisinden. Um dies zu verbindern, umgiebt man wohl noch die Kuppel mit eisernen Reisen.

Anmerkung. Ueber bie Gewölbe ift bie Literatur fehr ausgebehnt, jeboch finb bie in verschiebenen Schriften abgehanbelten Theorien nicht immer richtig, ober wenigstens nicht immer praktisch genug, weil ihnen nicht die der Praxis entspres denben Boraussehungen ju Grunde gelegt find. Es mogen baber bier nur bie porzüglichften Schriften angeführt werben. Coulomb legte zuerft ben Grund zur Theorie, wie fie im Besentlichen hier vorgetragen wurde. Dan sehe: Théorie de machines simples, par Coulomb. Die Theorie weiter ausgebildet findet man in Ravier: Résumé des Leçons sur l'application de la mecanique, T. I. Gine beutsche Bearbeitung ift hiervon erschienen, unter bem Titel: Die Rechanif ber Bautunft, von Beftphal. Cbenfo: Cours de Stabilité des Constructions etc. par Persy. Abhandlungen von Aubon, Garibel, Poncelet und Petit sinden sich im Mémorial de l'officier du genie. Betit'sche Abhandlung ist beutsch bearbeitet und unter dem Titel "Theorie der Rreisgewolbe" besonders im Buchhandel sowie in Crelle's Journal ber Bautunft erschienen, von 2B. Lahmeper. Tabellen jur Berechnung bes Gewölbschubes giebt die Schrift: Tables des poussées des voûtes en plein ceintre, par Garidel, Paris 1837 u. 1842. Uebrigens findet man die Gewolbe abge-

handelt in ben Berten über Dechanit von Boffut, Brony, Robinfon (Mechanical Philosophy), Bhewell, Mofeley, Entelwein, Gerfiner u. f. w. Befondere Abhandlungen über Gewolbe find von Maillard (Rechanik ber Gewolbe, Befth 1817), von Knochenhauer (Statif ber Gewolbe, Berlin 1842), Sagen (über form und Starte gewolbter Bogen, Berlin 1844), u. f. w. erfchienen. Sieran foliest fich bie Schrift Ligowsti's: "Die Bestimmung ber Form und Starfe gewolbter Bogen mit Gulfe ber byperbol. Functionen, aus ber Beitfdrift fur Bauwefen, 1854." Ferner über fchiefe Gewolbe: Beiber, Theorie ber fchiefen Bewolbe, Wien 1846. Bart, Conftruction fchiefer Bewolbe, in Roms berg's Beitschrift 1847. Sowie Francis Bashforth, Praktifche Anweisung gur Conftruction fcbiefer Gewolbe, beutich von Gartel. Ueber fteinerne Bruden ist noch au lesen: Gauthey, Traité de la construction des ponts, unb Berronet's Berte, bie Beidreibung ber Entwurfe und ber Bauarten ber Bruden bei Reuilly, Mantes u. f. w., aus bem Frangofischen von Dietlein, Salle 1820. Bon neueren Berfen find ju empfehlen: Scheffler, "Bur Theorie ber Bewolbe", in Crelle's Journal fur bie Baufunft, Band 29 und 30. Tellfampf, "Beis trage zur Gewolbtheorie, frei bearbeitet nach Carvallo, hannover 1855." Dvon Billarceau, "Sur l'établissement des Arches de Pont, envisagé au point de vue de la plus grande stabilité. Paris 1853." Siehe auch "Examen historique et critique des principales théories concernant l'équilibre des voutes, par Poncelet. Paris 1852." Ferner ift jum Studium ju empfehlen: Rankine's Manual of applied Mechanics, fowie beffen Manual of Civil-Engineering.

Drittes Capitel

Die Theorie ber Bolg- und Gifenconftructionen.

§. 39 Holz- und Eisenconstructionen. Die Holz- und Eisenconstructionen nterscheiben sich besonders badurch von den Steinconstructionen (Mauern und Gewölben), daß sie aus längeren Stüden bestehen als diese, und daß diese Stüde (franz. pidces; engl. pidces) nicht bloß über oder neben einander gelegt, sondern durch Berzapfen, Ansplatten, Austämmen u. s. w. sest mit einander verbunden werden. Die Hauptagen der Hauptsstüde einer Construction können eine horizontale, eine geneigte oder eine verticale Lage haben; im ersten Falle heißen sie Balten, Schwellen u. s. w. (franz. poutres, solives; engl. doams, joists), im zweiten heißen sie Sparren (franz. chevrons; engl. rafters), im dritten aber Säulen (franz. potesux, piliers; engl. posts). Die kleineren Stüde einer Construction sind

entweder Banber (franz. liens; engl. ties), oder Streben, Spreizen (franz. contre-fiches; engl. struts), oder Arme (franz. bras; engl. braces), je nachdem sie einer Ausbehnungs- oder einer Zusammendruckungskraft oder beiben zugleich widerstehen sollen.

Um die Stabilität einer Construction zu untersuchen, kommt es zunächst barauf an, daß man die Aräfte und Sewichte kenne, welche die Construction aufzunehmen hat. Ans ihnen bestimmen sich nun nicht nur die Aräfte, welche einzelne Stücke auszuhalten haben, sondern auch die Aräfte in den Berbindungsstellen und die Wirkungen gegen die Unterstützung. Man hat nun allen Theilen dieseinigen Formen, Lagen und Dimensionen zu geden, bei welchen sie den auf sie wirkenden Aräften vollsommenen Widerstand entzgegensehen. Bei diesen Untersuchungen kommen allerdings auch wieder, wie bei den Sewölben, gewisse allgemeine Regeln über Stabilität, Festigkeit u. s. w. zur Anwendung, doch werden wir dei den solgenden Untersuchungen die Reidung außer Acht lassen, nicht allein, weil sie in der Regel viel kleiner ist, als bei den Steinen, sondern auch besonders deshald, weil sie durch Erschütterungen und Schwankungen, welche dei den Holzconstructionen nicht zu vermeiden sind, momentan aufgehoben wird, und daher auf ihre Wirkung nicht sehr zu rechnen ist.

Bas die Befestigung der Stüde unter einander betrifft, so haben wir vorzüglich zu unterscheiden, ob diese in einem Bolzen, Pflod (franz. boulon; engl. pin) oder in einem Zapfen und Zapfenloch (franz. tenon et mortaise; engl. tenon and mortise) oder in einem bloßen Borsprunge oder sogenannten Borsate (franz. saillie; engl. shoulder) besteht. Ein Bolzen nimmt alle Kräfte auf, deren Richtungen durch seine Are gehen, ein Zapsen nimmt nur nach gewissen Richtungen wirkende Kräfte auf, und ein Borsprung nimmt nur Kräfte nach einer bestimmten Richtung, nämlich rechtwinkelig gegen die Bordersläche des Borsprunges, auf.

Bei der Zusammensetzung der Holz- und Gisenconstructionen hat man §. 40 sein Hauptaugenmerk darauf zu richten, daß man die Stüde berselben so wenig wie möglich der Biegung aussetze und folglich die Lasten dersselben mehr durch die Druck- und Zug=, als durch die Biegungsfestig= keit aufnehmen lasse.

Ist die Breite einer Säule = b und die Dide derselben = h, also ihr Querschnitt F = bh, und der Tragmodul derselben = T, so hat man das Tragvermögen dieser Säule:

bezeichnet ferner l die Länge biefer Säule, sowie E ihren Glafticitätsmobul, so beträgt die entsprechende Berkurzung ober Berlangerung berfelben:

$$\lambda = rac{P}{FE} \, l = rac{T}{E} \, l$$
 (j. Band I., §. 204).

Ein Ballen von gleichen Dimensionen und gleicher Beschaffenheit wie biese Saule, tragt bagegen, wenn er au beiben Enben unterstützt ift, in seiner Mitte bie Laft:

$$P_1 = \frac{4bh^2}{6l} \cdot T$$
 (f. Band I., §. 240),

und erleidet daselbst eine Durchbiegung:

$$\lambda_1 = a = \frac{P_1 \, l^3}{4 \, h \, h^3 E} = \frac{l}{6 \, h} \cdot \frac{T}{E} \, l$$
 (f. Band I., §. 227),

und es ift baber:

$$rac{P_1}{P} = {}^2/_3 \left(rac{h}{l}
ight)$$
, sowie: $rac{\lambda_1}{\lambda} = {}^1/_6 \left(rac{l}{h}
ight)$.

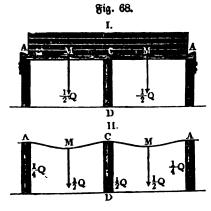
Es fällt also hiernach die Tragkraft P_1 eines Balkens ober eines prismatischen Körpers, welcher eine gegen seine Are rechtwinkelig gerichtete Last aufnimmt, im Bergleich zu der einer Säule oder eines Körpers, welcher eine nach seiner Are gerichtete Last unterstützt, um so kleiner, und dagegen die Durchbiegung oder das Nachgeben λ_1 des ersteren in Hinsicht auf die Zusammendrückung oder Ausbehnung λ des letzteren um so größer aus, je größer die Länge (1) dieses Körpers in Hinsicht auf seine Dicke oder History (h) ist. Wenn z. B. die letztere Dimension 6 mal in der ersteren enthalten, also $\frac{l}{h} = 6$ ist, so vermag der Körper als Balken nur $\frac{P_1}{P} = \frac{2}{8}$. $\frac{1}{6}$

 λ = 1/9 mal soviel zu tragen, als wenn berselbe als Säule dient, und es ist gleichwohl im ersteren Falle seine Durchdiegung $\lambda_1 = 1/6 \cdot 6 \lambda = \lambda$, also eben so groß als seine Zusammendrückung im letzteren Falle. Bei gleicher Belastung sind daher dem Körpern, wenn sie als Balken dienen sollen, viel größere Duerdimensionen zu geben, als wenn sie zu Säulen benutzt werden. Um daher so viel wie möglich an Material zu ersparen, und um die mit der Größe der Durchbiegung wachsenden Schwankungen eines Balkens oder Trägers so viel wie möglich zu vermindern, ist ersorderlich, dieselben soviel wie möglich durch Säulen, Streben oder andere Hilssmittel, welche ganz oder zum Theil wirken oder durch ihre Jug- oder durch ihre Druckseitigkeit widerstehen, zu unterstützen.

Eine Saule, welche einen Balten von unten unterftut und folglich durch ihre Drudfestigkeit widersteht, heißt eine ftebende ober Standfäule, und eine Säule, welche einen Balten von oben unterstützt, und baber burch ihre Bugfestigkeit widersteht, wird eine Sängefäule genannt. Statt ber aufrecht

ftebenden Saulen werben aber auch die Saulen febr häufig burch geneigte Saulen, ober fogenannte Streben, Banber u. f. w. unterftust. Zwifchen ben Sangefäulen und Stanbfäulen findet infofern ein großer Unterfchied ftatt, ale fich jene in einem ftabilen, und biefe nur in einem labilen Gleichgewichteguftanbe befinden. Während bei einer Bangefaule bas bon ben Bugfraften berfelben gebilbete Rraftepaar bie aufallige Abweichung ber Are ber ersteren von ber Richtung ber letteren aufzuheben fucht, bat bei einer Stanbfaule bas von ben Drudfraften berfelben erzeugte Rraftepaar ein Beftreben, diefe Abweichung noch ju vergrößern. Deshalb ift es oft nöthig, lettere burch Streben, Bangen u. f. w. feitlich zu unterftuten. Unterschied findet auch amischen ben Banbern und Streben ftatt. 3m Allgemeinen wird jede Construction, welche gur Unterstützung eines Baltens bon unten bient, ein Sprengwert, und jebe einen Balten ober ein Baltenfuftem von oben unterftligende Bolg- ober Gifenconftruction ein Bangewert Ru biefen Corftructionen gehoren bie verschiebenen Solge und Eifenbruden, sowie die fogenannten Dachftuble bei Dachconftructionen (frang. formes; engl. roofs).

Unterstützung durch eine Säule. Der einfachste Fall ber Unter- §. 41 stügung eines Ballens AA, Fig. 68, I., besteht in der Anwendung einer



Säule CD. In ber Regel wirb ber Unterstilizungspunkt C in ber Mitte bes Baltens liegen, und bie Belastung auf ben ganzen Balten gleichsörmig vertheilt anzunehmen sein. Sind nun die Enden A und A bes Baltens so befestigt, daß sie keine Neigung annehmen können, so wird die neutrale Axe des Baltens eine Curve AMCMA, Fig. 68, II., bilben, welche nicht allein in A, C und A, sondern anch in den Mittelpunkten M und M zwischen A, C und A hori-

zontal läuft, und baselbst die stärksten Krummungen bestst. Man hat es hierbei mit einem schon in Bb. I., S. 246 behandelten Falle zu thun, und kann diesem zufolge annehmen, daß der Balken 3mal soviel trägt, als wenn die Last in der Mitte des in den Endpunkten unterstützten Balkens ruht.

Ift Q bie ganze Last bes Ballens, l bie Länge besselben, b bie Breite und bie Höhe seines rectangulären Querschnittes, sowie T ber Tragmobul besselben, so hat man hiernach für einen Ballen ohne Säule:

$$Q = 3.4 \frac{bh^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = \frac{2bh^2}{l} T$$
 (j. Band I., §. 240).

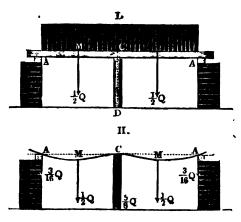
Nun wird aber ber Balten burch die Säule gewissermaßen in zwei gleiche Theile getheilt, wovon jeder halb so lang ist und halb so viel trägt, als der ganze Balten, während die andere Hälfte $\left(\frac{Q}{2}\right)$ von der Säule aufgenommen wird; daher ist für den Balten mit Säule:

$$^{1/_{2}}Q=rac{2\,b\,h^{2}}{^{1/_{2}}\,l}\cdot T$$
, ober $Q=rac{8\,b\,h^{2}}{l}\cdot T$;

es trägt also ber so gestützte Ballen viermal so viel als ber ungestützte Ballen, ober es ist bei gleicher Belastung, die erforderliche Breite und Höhe bes gestützten Ballens nur $=\sqrt[p]{1/4}=\sqrt[p]{0.250}=0.63$ und das Gewicht besselben nur $(0.63)^3=0.397$ mal so groß als bei dem frei ausliegenden Ballen.

Liegt ber in ber Mitte C unterstützte Balten AB, Fig. 69, I., an feinen Enben A und A frei auf, fo bag sich biefelben neigen können, so nimmt

Fig. 69.



bie neutrale Are besselben bie Gestalt ber Eurve AMCMA, Fig. 69, II., an, welche an den Enden nicht horizontal ist, sondern daselbst emporsteigt. Man hat es hier mit einem in Band I., §. 247 behandelten Falle zu thun, wo drei Achtel der Last Qeiner Baltenhälfte von der Unterstützung des freien Enses getragen werden. Es beträgt also hier die Krast in jedem der freien Enden A.A.

$$R = \frac{3}{8} \cdot \frac{Q}{2} = \frac{8}{16} Q$$

während die Saule in ber Mitte C bie Laft

$$P = Q - 2R = Q - \frac{6}{8}Q = \frac{5}{8}Q$$

aufnimmt.

Das Rraftmoment jum Biegen um C ift bier:

$$\frac{Q}{2} \cdot \frac{l}{4} - \frac{3}{16} Q \cdot \frac{l}{2} = \frac{1}{32} Q l,$$

\$. 41.] Die Theorie ber Holz- und Gisenconstructionen. und folglich die Tragkraft:

$$Q = 32 \cdot \frac{b h^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = {}^{16}/_3 \cdot \frac{b h^2}{l} \cdot T.$$

Bein ber Ballen unter biefen Umftanden nicht burch eine Caule unterftutt mare, fo wurde feine Tragfraft:

$$Q=8\frac{b\,h^2}{l}\cdot\frac{T}{6}=4/8\frac{b\,h^2}{l}\,T$$
 scin.

Es trägt folglich auch hier ber unterstützte Balten viermal so viel als ber ununterstützte, ober es können bei gleicher Tragkraft die Querschnitts-bimenstonen b und h des ersteren $\sqrt[3]{1/4} = 0,63$ mal so groß sein als die bes letzteren.

Benn bie Last Q bes Ballens nicht gleichförmig, sonbern in zwei Balften, und zwar so vertheilt ist, daß jebe Halfte mitten zwischen ber Saule und je einer Stütze wirkt, so hat man im ersteren Falle, wo die Enden A und A bes Ballens festgehalten werden, nach Band I., §. 246, die Tragkraft:

$$Q = 4.8 \frac{b h^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = \frac{16}{3} \frac{b h^2}{l} T = \frac{2}{3} \frac{8 b h^2}{l} T,$$

alfo zwei Drittel fo groß ale wenn bie Laft gleichförmig vertheilt ift.

Im zweiten Falle, wo die Enden A und A des Baltens frei ausliegen, trägt (nach Band I., §. 247) jedes Widerlager daselbst nur 5/16 der Last, = 5/32 Q, während die Säule die Last

$$P = Q - 2.5/_{32}Q = \frac{11}{16}Q$$

aufnimmt; es ift beshalb bier bas Moment jum Biegen um C:

$$\frac{Q}{2} \cdot \frac{l}{4} - \frac{5}{32} Q \cdot \frac{l}{2} = \frac{3}{64} Q l,$$

und baber bie Tragfraft:

$$Q = \frac{64}{3} \cdot \frac{b h^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = \frac{32}{9} \frac{b h^2}{l} T$$

also ebenfalls $^{32}/_{9}$. $^{3}/_{16} = ^{2}/_{2}$ mal so groß, als wenn die Last gleichmäßig auf den Balken vertheilt wäre.

Beispiel. Ein an beiben Enben frei ausliegenber holzerner Balken von 40 Fuß Länge foll auf ben laufenben Fuß seiner Länge eine Last von 500 Pfund tragen, und hierbei in ber Mitte von einer hölzernen Säule unterstützt werben, welche Querschnittsbimenstonen sind bemfelben zu geben und welche Stärke muß die Säule erhalten? Es ist hier:

$$Q=40.500=20000$$
 Pfund und $T=1000$ Pfund (f. I., §. 240), daher $bh^2=\frac{8}{16}\frac{Ql}{T}=\frac{8}{16}\cdot\frac{20000.40.12}{1000}=1800.$

Rimmt man nun $\lambda=b\sqrt{2}$ an, so erhält man $2b^3=1800$, und bie erfors berliche Baltenbreite:

unterflittt und hierbei

bas Aufbiegen an ben Enden verhindert, fo trägt jebes Ballenbrittel ein Drittel ber Last Q, und baber jebe ber Stupen am Enbe, Q, fowie

jebe ber Säulen,

Es ift folglich bier: $\frac{Q}{2} \cdot \frac{l}{2} = 2 \cdot b h^2 T,$ und baher die Trag-

traft:

 $2 \cdot \frac{Q}{c} = \frac{Q}{2}$

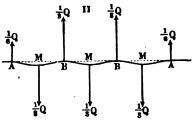
$$b = \sqrt[3]{900} = 9,655 \text{ Boll},$$

fowie bie Balkenhobe:

Der Drud auf bie Saule ift $P = \frac{5}{8} Q = \frac{5}{8} \cdot 20000 = 12500 Pfund.$ Rimmt man ben Tragmobul berfelben =. 1/6.6500 = 1083 Pfund an (f. L. §. 212), fo erhalt man ben erforberlichen Querfcnitt ber Saule, $F = \frac{P}{T} = \frac{12500}{1088}$ = 11,6 Quabratzoll, und hiernach bie Starte berfelben d = 3,9 Boll. einer größeren gange muß biefe Saule entweber eine größere Starte (f. Banb I., S. 268 und 269), ober eine Unterftuhung burch Streben u. f. w. erhalten.

§. 42 Unterstützung durch zwei Säulen. Wird ein gleichmäßig belafteter Balten AA, Fig. 70, von zwei Saulen BD, BD

Fig. 70.



$$Q = 9.2 \frac{bh^2}{l} T = 18 \frac{bh^2}{l} T,$$

b. i. 9mal so groß als ohne Säulen, ober umgekehrt, bei gleicher Tragkraft find in biefem Falle bie Querfcnittsbimenftonen

$$b = h = \sqrt[3]{\frac{1}{9}} = 0.48$$
 mal

fo groß zu machen ale bei bem nicht unterftutten Balten.

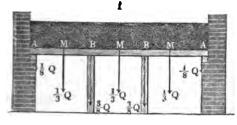
Baren bie Enden bes Baltens AA, Fig. 71, nur aufgelegt, konnten fic also bieselben nach oben biegen, so wilrbe, wenigstens fehr annahernd, jebe ber Stützen A, A, ${}^3/_8 \cdot \frac{Q}{3} = \frac{Q}{8}$, und folglich jebe ber Saulen, $\frac{Q}{2} - \frac{Q}{8}$ == 2/8 Q tragen, und es ware nun bas Kraftmoment in Sinsicht auf bie Stüten:

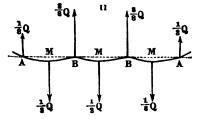
$$\frac{Q}{3} \cdot \frac{l}{6} - \frac{Q}{8} \cdot \frac{l}{3} = \frac{1}{6} (\frac{1}{3} - \frac{1}{4}) Q l = \frac{1}{72} Q l,$$

folglich die Tragfraft:

$$Q = 72 \frac{bh^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = 12 \frac{bh^2}{l} T = 9.4/3 \frac{bh^2}{l} T,$$

Fig. 71.





also bei ben ununterstütten Balten.

Die Tragfraft für bas mittlere Baltenstüd zwischen ben beiben Säulen ist, ba bessen Belastung $\Longrightarrow \frac{Q}{3}$ von beiben Säulen gleichsmäßig getragen wirb:

$$Q = 9.2 \frac{bh^2}{l} T$$
$$= 18 \frac{bh^2}{l} T,$$

also breihalbmal fo groß als bie ber Enbstilde.

Die in ben letten beis ben Fällen von ben Aren ber Balten gebilbeten Cur-

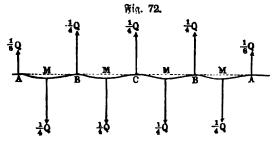
ben find in Fig. 70 und 71, unter II., bor Angen geführt.

Wenn die Last auf die drei Mittelpunkte M gleichvertheilt ist, so werden in dem Falle, wenn die Balkenare nicht bloß an den Enden, sondern auch an den übrigen Stlitzpunkten in horizontaler Lage erhalten wird, die Drücke zwar dieselben sein, wie unter denselben Umständen bei dem gleichsörmig belasten Balken, aber es fällt dann für die Tragkraft Q, $\frac{Q}{3} \cdot \frac{l}{3} = 8 \ bh^2 \frac{T}{6}$, und daher diese Kraft selbst: $Q = 9 \cdot \frac{8}{6} \cdot \frac{bh^2}{l} T = 12 \frac{bh^2}{l} T$ aus.

Wenn bagegen die Enden A, A frei aufliegen und die Baltenaren nur über den mittleren Stützpunkten horizontal erhalten werden, so hat man die Drücke in den Endpunkten $\frac{5}{16} \cdot \frac{Q}{3}$, und folglich die in den mittleren Stützpunkten $P = \frac{Q}{2} - \frac{5}{16} \frac{Q}{3} = \frac{19}{16} \cdot \frac{Q}{3}$, und es fällt das größte Biegungsmoment $\frac{Q}{3} \cdot \frac{l}{6} - \frac{5}{16} \frac{Q}{3} \cdot \frac{l}{3} = \frac{Ql}{48}$ ans, so daß die Tragkraft des Balkens

 $Q=48\,\frac{b\,h^2}{l}\,\frac{T}{6}=8\,\frac{b\,h^2}{l}\,T$, also wieder $^2/_2$ mal so groß anzunehmen ist, als wenn die Enden festliegen.

§. 43 Unterstützung durch mehrere Säulen. Wird ber Balten ACA, Fig. 72, von drei Zwischensäulen unterstützt, und badurch gewissermaßen in vier gleiche Stücke AB, BC, CB und BA zer-



theilt, so trägt in bem Falle, daß die Baltenenden am Aufbiegen verhindert werden, jede Säule $\frac{Q}{4}$ und jede der beiden Widerlager oder Stiltzen am Ende, $\frac{Q}{8}$, und es ist folglich die Tragkraft dieses Baltens:

$$Q = 4.4.\frac{2bh^2}{l} T = 16.\frac{2bh^2}{l} T$$
,

b. i. 16mal so groß, als wenn ber Balken ununterstützt wäre. Bei gleicher Tragkrast sind daher die erforderlichen Querschnittsdimenstonen des so unterstützten Balkens $\sqrt[3]{1}_{16} = 0,4$ mal so groß als die des Balkens ohne Säulen.

Wird ferner unter benfelben Umftanben ber Balten ober Trager burch vier Zwischensaulen unterftust, so tragt feine Tragtraft:

$$Q = 25 \cdot \frac{2bh^2}{l} T.$$

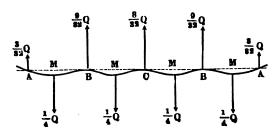
Hat der Ballen außer den zwei Endpfeisern noch n Stlitzen, so trägt jeder Endpfeiser $^1/_2$. $\frac{Q}{n+1}$, dagegen jede Stlitze $\frac{Q}{n+1}$, und es ist die ganze Tragkraft:

$$Q = (n+1)^2 \, \frac{2 \, b h^2}{l} \, T,$$

also $(n+1)^2$ mal so groß als ohne Stützen, und es sind folglich bei ähre lichen Querschnitten die erforderlichen Querschnittsdimensionen dund kin diesem Falle $\sqrt[p]{(n+1)^3}$ mal so groß als bei dem gleich belasteten Baken ohne Säulen zu machen.

\$. 43.] Die Theorie ber Boly und Gisenconstructionen.

Liegen bei bem in B, C und B burch brei Saulen unterstütigten Ballen ABCBA, Fig. 73, die Enden A und A frei auf, fo können wir wieder Fig. 78.



annehmen, daß jeder Endpfeiler die Last $^3/_8 \cdot \frac{Q}{4} = ^3/_{82} Q$, daß ferner iede der Säulen in B, B die Last $^5/_8 \cdot \frac{Q}{4} + ^1/_2 \cdot \frac{Q}{4} = ^9/_{32} Q$, und daß endstäch die mittlere Säule die Last $\frac{Q}{4} = ^8/_{32} Q$ ausnimmt.

Das Kraftmoment des Ballenstückes AB in hinsicht auf seinen Stutzpunkt B ift:

$${}^{1/4} Q.\overline{MB} - {}^{5/82} Q.\overline{AB} = {}^{1/4} Q.\frac{l}{8} - {}^{5/82} Q.\frac{l}{4}$$

$$= \frac{Ql}{32} - \frac{3Ql}{128} = \frac{Ql}{128};$$

folglich ift bie Tragfraft biefes Ballenftudes:

$$Q = 128 \cdot \frac{bh^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = \frac{64}{s} \cdot \frac{bh^2}{l} T = 16 \cdot \frac{4}{s} \cdot \frac{bh^2}{l} T$$

b. i. 16mal so groß als bei einem solchen Ballen ohne Stüten ober Säulen. Für ein Mittelstück BC ist unter ber Boraussetzung, daß bessen Enden B und C horizontal laufen, wie oben, die Tragkraft:

$$Q=16.\frac{2bh^2}{l}T_{\bullet}$$

b. i. 3/2 mal fo groß ale für ein Enbstud AB.

Ift die Angahl ber Zwischenpfeiler =n, so trägt jeder Endpfeiler bie Laft $^3/_8$ $\frac{Q}{n+1}$, ferner jede den Endpfeilern zunächst befindliche Säule die Laft

$$(\frac{6}{8} + \frac{1}{2}) \frac{Q}{n+1} = \frac{9}{8} \frac{Q}{n+1},$$

und jede der übrigen Säulen, $=rac{Q}{n+1};$ es ist hiernach das Moment der Tragfraft ber Enbstüde bes Baltens:

$$\frac{Q}{n+1} \cdot \frac{\frac{1}{2}l}{n+1} - \frac{3}{8} \frac{Q}{n+1} \cdot \frac{l}{n+1} = \frac{1}{8} \cdot \frac{Ql}{(n+1)^2},$$
into this Transfer to take.

folglich bie Tragfraft felbst:

$$Q = 8 (n + 1)^{2} \cdot \frac{bh^{2}}{l} \cdot \frac{T}{6} = (n + 1)^{2} \cdot \frac{4}{3} \cdot \frac{bh^{2}}{l} \cdot T,$$

b. i. (n + 1)2 mal fo groß ale für einen folchen Balten ohne Säulen. Die Tragfraft ber Mittelstlide bleibt wie oben:

$$Q = (n + 1)^{2} \cdot \frac{2bh^{2}}{l} T.$$

Wäre die Last Q nicht auf den ganzen Balten vertheilt, sondern nur in ben Mittelpuntten M zwifchen je zwei Stutpuntten wirtfam, fo würben im ersten Falle (Fig. 72) sich zwar die Drude auf die Stutpunkte nicht andern, allein es ware die Tragfraft bes Baltens (f. Band I., §. 246) nur 2/2 mal so groß als bei gleichmäßiger Bertheilung ber Laft, b. i.

$$Q = \frac{2}{3} (n + 1)^2 \cdot \frac{2bh^2}{l} T.$$

Im zweiten Falle (Fig. 73) ware auch ber Druck auf bie Stlitpunkte ein anderer, nämlich (Band I., §. 221 und §. 247) ber Druck auf je ein Wiberlager

$$\frac{5}{16} \cdot \frac{Q}{n+1}$$

ferner ber auf je eine Saule junachft eines Wiberlagers:

$$^{11}/_{16} \frac{Q}{n+1} + ^{8}/_{16} \cdot \frac{Q}{n+1} = ^{19}/_{16} \cdot \frac{Q}{n+1},$$

und bagegen ber auf je eine ber übrigen Saulen, wie oben, = Q

hiernach ware nun auch bas Moment ber Tragfraft ber außersten Baltenftude AB:

$$\frac{Q}{n+1} \cdot \frac{1/2 l}{n+1} - \frac{5}{16} \cdot \frac{Q}{n+1} \cdot \frac{l}{n+1} = \frac{3}{16} \cdot \frac{Q l}{(n+1)^3}$$

und baber bie Tragfraft felbft:

$$Q = {}^{16}/_{2} (n+1)^{2} \frac{b h^{2}}{l} \cdot \frac{T}{6} = {}^{8}/_{9} (n+1)^{2} \frac{b h^{2}}{l} T.$$

Die Tragtraft ber Zwischenstüde bliebe:

$$Q = \frac{4}{3} (n+1)^2 \cdot \frac{bh^2}{l} \cdot T.$$

Ans ben im Borstehenden gefundenen Ergebnissen ift folgende Tabelle hervorgegangen, welche voraussetzt, daß die Anzahl n der Zwischenstäulen mindestens zwei beträgt.

Gine auf ben ganzen Balfen gleichmäßig vertheilte Last Q mit festen mit frei auslies genben Enden. Drud auf ein Bis derlager. Drud auf eine Säule, zunächst einem Bis derlager. Drud auf eine ber inneren Säulen. Broduct dh^2 für die Balfens mit frei auslies genben Enden. Q $n+1$ Q						
Truck auf ein Bi- berlager. Druck auf eine Säule, zunächst einem Bi- berlager. Druck auf eine ber inneren Säulen. Product bh^2 für bie mittleren Balfene- Menben. genden Enden. $\frac{Q}{n+1}$				zwifchen je zwei Stuppuntten		
bertager. Drud auf eine Saule, gunächst einem Widerlager. Drud auf eine ber inneren Saulen. Product bh^2 für die Bassenenden. Broduct bh^2 für die mittleren Balsene		• • •				
	berlager Drud auf eine Saule, zunächst einem Wisberlager. Drud auf eine ber inneren Saulen. Broduct dha für bie Ballenenben.	$\frac{Q}{n+1}$ $\frac{Q}{n+1}$ $\frac{Ql}{(n+1)^2 T}$	$ \frac{Q}{n+1} \\ \frac{Q}{n+1} \\ \frac{Ql}{(n+1)^3} T $	$\frac{Q}{n+1}$ $\frac{Q}{n+1}$ $\frac{Ql}{(n+1)^2 T}$	$ \frac{Q}{n+1} \\ \frac{Q}{n+1} \\ \frac{Ql}{(n+1)^2 T} $	

In dieser Tabelle bedeutet l die ganze Länge, b die Breite, k die Dicke ober Höhe des Balkens, Q die Belastung besselben, n die Anzahl der stilligendem Säulen, und T den Tragmodul (Band I., §. 205 und 240) des Balkenmaterials.

Beispiel. Benn ber Balken von 40 Fuß = 480 Boll Lange aus bem Beispiel von §. 41 von n = 3 Saulen unterftügt wirb, fo ift:

$$bh^{2} = \frac{3}{4} \frac{Ql}{n^{2}T} = \frac{3}{4} \cdot \frac{Ql}{16T} = \frac{3}{64} \cdot \frac{Ql}{T} = \frac{3}{64} \cdot \frac{500 \cdot 40 \cdot 480}{1000} = 15 \cdot 30 = 450,$$

baber bie erforberliche Balfenbreite:

$$b = \sqrt[3]{\frac{450}{2}} = \sqrt[8]{225} = 6.08 \text{ Boll},$$

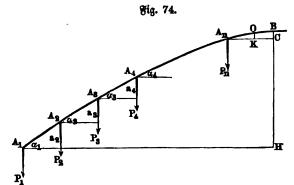
und bie Balfenbobe:

Bon ber gegebenen Laft Q=20000 Pfund trägt jebe ber äußeren Säulen: $P=\frac{9}{8}\frac{Q}{n}=\frac{9}{8}.\frac{20000}{4}=\frac{45000}{8}=5625$ Pfund,

und es ift baber ber erforberliche Querfcnitt einer folden Caule, wenn man hier T=250 Pfund annimmt:

$$F = \frac{P}{T} = \frac{5625}{250} = 22,5$$
 Quadratzoll.

(§. 44) Allgemeine Theorie der Biegung durch mehrere Kräfte. Im Borstehenden ist augenommen worden, daß die Ballen auf den Säulen platt ausliegen, und daher die Ballenaxe an den durch die Säulen unterstützten Stellen eine horizontale Lage annehmen; in Folgendem wollen wir aber voraussehen, daß die Ballen nur in Punkten auf den Säulen aufzuhen, wobei die Balkenaxen an diesen Stellen geneigte Lagen annehmen können. Um allgemeine Formeln für die Gleichgewichtsverhältnisse eines solchen Balkens zu sinden, legen wir den allgemeinen Fall zu Grunde, wo ein an einem Ende B, Fig. 74, setzgehaltener Balken in gleichen Abständen



von einander durch Gewichte P_1 , P_2 , P_3 , ... P_n gebogen wird. Besteichnet c die Abstände $A_1A_2=A_2A_3=A_3A_4\ldots=A_nB$ der Aufhängepunkte von einander, so ist für einen Punkt O in der neutralen Axe des letzten Balkenstückes, welcher um die variable Abscisse $A_nK=x$ vom letzten Aufhängepunkte A_n absteht, das Biegungsmoment:

$$M = P_n x + P_{n-1} (x+c) + P_{n-2} (x+2c) + P_{n-3} (x+3c) + \cdots + P_1 (x+(n-1)c).$$

Run ist aber auch $M=\frac{WE}{r}=-WE\frac{d\alpha}{dx}$, wenn α den Reisgungswinsel der Balkenaxe in O bezeichnet (f. Band I., §. 216 u. f. w.), baher hat man

$$WEd\alpha = -[P_n x + P_{n-1}(x+c) + \dots + P_1 (x+(n-1)c)] dx$$

$$= -(P_n + P_{n-1} + P_{n-2} + \dots + P_1) x dx$$

$$-(P_{n-1} + 2P_{n-2} + 3P_{n-3} + \dots + (n-1)P_1) c dx,$$
und es folgt burch Integriren

$$WE\alpha = -(P_n + P_{n-1} + \cdots + P_1) \frac{x^2}{2}$$

$$-(P_{n-1} + 2P_{n-2} + \cdots + (n-1) P_1) cx + Const.$$

Ist nun im Fixpunkte B b. i. für x=c, ber Neigungswinkel ber Balkenage $\alpha=\alpha_{n+1}$, so folgt

1.)
$$WE(\alpha - \alpha_{n+1}) = (P_n + P_{n-1} + P_{n-2} + \cdots + P_1) \left(\frac{c^2 - x^2}{2}\right) + (P_{n-1} + 2P_{n-2} + 3P_{n-2} + \cdots + (n-1)P_1) [(c-x)c].$$

Da noch $\alpha = \frac{dy}{dx}$ ist, wenn dx und dy die Elemente der Coordinaten

 $A_n K = x$ und KO = y bes Punktes O bezeichnen, so hat man

$$WE (dy - \alpha_{n+1} dx) = (P_n + P_{n-1} + \dots + P_1) \frac{c^2 - x^2}{2} dx + (P_{n-1} + 2P_{n-2} + \dots + (n-1) P_1) (c-x) c dx$$

und es folgt burch Integration die Gleichung bes Arenftudes An B:

2.)
$$WE(y - a_{n+1} x) = (P_n + P_{n-1} + P_{n-2} + \cdots + P_1) \left(\frac{c^2 x - \frac{1}{3} x^3}{2}\right) + (P_{n-1} + 2 P_{n-2} + 3 P_{n-2} + \cdots + (n-1) P_1) (c - \frac{1}{3} x) c x.$$

Setzt man endlich in der ersten Hauptgleichung x=0, so erhält man den Reigungswinkel in A_n :

$$\begin{array}{l} \alpha_n = \alpha_{n+1} \\ + \frac{(P_n + P_{n-1} + \dots + P_1) \cdot \frac{1}{2}c^2 + (P_{n-1} + 2P_{n-2} + \dots + (n-1)P_1)c^2}{WE} \end{array}$$

b. i.

$$\alpha_n = \alpha_{n+1} + (P_n + 3 P_{n-1} + 5 P_{n-2} + 7 P_{n-3} + \cdots + (2 n - 1) P_1) \frac{c^2}{2 WE},$$

und führt man in der zweiten Hauptgleichung x=c ein, so giebt diese bie Bogenhöhe CB in B,

$$a_{n+1} = \alpha_{n+1} c + \frac{(P_n + P_{n-1} + \cdots + P_1) \cdot \frac{1}{3} c^3 + (P_{n-1} + 2P_{n-2} + 3P_{n-3} + \cdots + (n-1)P_1) \cdot \frac{1}{2} c^3}{W E}$$

h i

$$a_{n+1} = a_{n+1} c + (2 P_n + 5 P_{n-1} + 8 P_{n-2} + 11 P_{n-3} + \cdots + (3 n - 1) P_1) \frac{c^3}{6 WE}.$$

Wenn der Balten außer den Kräften noch eine gleichmäßig vertheilte Last aufnimmt, welche pr. Längeneinheit des Baltens q, also für jedes. Baltenstüd von der Länge c, qc beträgt, so fällt das Moment M_1 noch (n-1)c+x $[(n-1)c+x]^2$ q

um
$$[(n-1)c+x]q$$
. $\frac{(n-1)c+x}{2} = \frac{[(n-1)c+x]^2q}{2}$

größer als das Moment M ohne diese Belastung q aus, und es ist diesem entsprechend auch WE $(\alpha-\alpha_{n+1})$ um

Ì

$$\int_{x}^{c} \frac{1}{2} q \left[(n-1) c + x \right]^{2} dx = \frac{q}{6} \left[n^{2} c^{2} - (n-1) c + x \right]^{2},$$
fowie WE $(y - \alpha^{n+1} x)$ um

$$\int_{0}^{x} \frac{q}{6} \left[n^{3} c^{3} - ((n-1) c + x)^{3} \right] dx$$

$$= \frac{q}{6} \left(n^3 c^3 x - \frac{[(n-1)c + x]^4 - (n-1)^4 c^4}{4} \right)$$

größer.

Setzt man für diesen allgemeinen Fall, x=o, so folgt der Reigungswinkel in A_n :

$$\alpha_{n} = \alpha_{n+1} + [P_{n} + 3 P_{n-1} + 5 P_{n-2} + \dots + (2 n - 1) P_{1}] \frac{c^{2}}{2 W E} + \frac{q c^{3} [n^{3} - (n - 1)^{3}]}{6 W E};$$

und führt man x=c ein, so ergiebt sich bie Bogenhöhe des letten Balkenstilldes:

$$a_{n+1} = \alpha_{n+1}c + \left[2P_n + 5P_{n-1} + 8P_{n-2} + \dots + (3n-1)P_1\right] \frac{c^3}{6WE}$$

$$+\frac{qc^4}{6WE}\left(n^3-\frac{n^4-(n-1)^4}{4}\right).$$

Haben die Kräfte q, P_1 , P_2 , P_3 ..., wie z. B. angehangene Gewichte, eine und bieselbe Richtung, so ist das Biegungsmoment im Befestigungspunkte B,

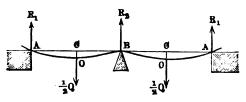
$$M = (P_1 + 2P_2 + 3P_3 + \cdots + nP_n) c + (n+1)^2 \frac{qc^2}{2}$$
 am

größten, und baher $=\frac{WT}{e}$ zu sehen, wenn es barauf ankommt, die Tragsfähigkeit des Balkens zu ermitteln oder die erforderliche Stärke besselben zu bestimmen. Wirken dagegen die Kräfte q, P_1 , P_2 , P_3 ... zum Theil eins ander entgegengesetzt, so kann das größte Biegungsmoment des Balkens auch an einer anderen Stelle stattsinden, und es erfordert deshalb die Ermittelung der Tragsähigkeit desselben eine specielle Untersuchung.

Mit Hülfe der vorstehenden Formeln lassen sich natürlich auch die Reisgungswinkel und Bogenhöhen aller übrigen Baltenstücke, A_1A_2 , A_2A_3 , A_3A_4 ... bestimmen, wenn man in denselben n=1,2,3... einsett. Sind einige dieser Größen bekannt, so kann man mittels dieser Formeln auch die Orticke R_1 , R_2 , ... in den Stützpunkten ermitteln, wie in Folgendem zur Ausstührung kommt.

Balken mit Zwischensäulen. Für jebe Baltenhälfte bes mit einer §. 45 Zwischensäulen Baltens AA, Fig. 75, ift, wenn die Last Q in der Mitte zwischen den Stütpunkten wirkt,

Fig. 75.



$$a_3 = 0$$
, $a_2 + a_3 = 0$, $c = \frac{l}{4}$, $P_1 = -R_1$ and $P_2 = \frac{Q}{2}$

zu feten, baher man hier

$$\alpha_2 = \alpha_3 + (P_2 + 3 P_1) \frac{c^2}{2 WE} = o + \left(\frac{Q}{2} - 3 R_1\right) \frac{c^3}{2 WE};$$
ferrer $\alpha_2 = \alpha_2 c - \frac{2 R_1 c^3}{6 WE} = \left(\frac{Q}{2} - 3 R_1\right) \frac{c^3}{2 WE} - \frac{R_1 c^3}{3 WE}$

$$= (3/2 Q - 11 R_1) \frac{c^3}{6 WE}, \text{ and}$$

$$a_3 = \alpha_3 c + \left(2 \frac{Q}{2} - 5 R_1\right) \frac{c^3}{6 WE} = (Q - 5 R_1) \frac{c^3}{6 WE}$$

baher ist zu setzen: $a_2 + a_3 = o$, $= (5/2 Q - 16 R_1) \frac{c^3}{6 WE}$, und es folgt der Druck auf einen Endpfeiler:

R1 = 5/82 Q, fo wie ber Drud auf bie Mittelfaule:

 $R_2 = Q - 2R_1 = \frac{22}{82}Q = \frac{11}{16}Q.$

Bei gleichmäßiger Belaftung ift a2 = o, a2 = o,

 $P_1 = -R_1$ und $P_2 = o$, daser

$$a_2 = o = -\frac{2R_1c^3}{6WE} + (1 - \frac{1}{4})\frac{qc^4}{6WE}$$
, worand nun

$$R_1 = {}^3/_8 \ qc = {}^3/_{16} \ Q,$$
 so wie $R_2 = Q - {}^3/_8 \ Q = {}^5/_8 \ Q \text{ folgt. (Bergl. } \S. 41.)$

Ift der Ballen, wie Fig. 76 barftellt, burch zwei Zwischenfäulen unterstütt, so hat man im ersteren Falle, wo in jedem der Mittelpunkte zwischen den Stlltpunkten bie Last $\frac{Q}{2}$ aufruht,

$$P_1 = -R_1, P_2 = \frac{Q}{3}, P_3 = -R_2 = -\left(\frac{Q}{2} - R_1\right) = R_1 - \frac{Q}{2},$$

ferner $a_4 = o$, und $a_2 + a_3 = o$. Hiernach folgt

$$a_2=lpha_2\,c-2\,R_1\,rac{c^3}{6\,WE},\; a_3=lpha_3\,c+\left(2\,rac{Q}{3}-\,5\,R_1
ight)rac{c^3}{6\,WE},$$
und es ist baher

$$o = (\alpha_2 + \alpha_3) c + (2/8 Q - 7 R_1) \frac{c^3}{6 WE}$$

Ferner ist
$$\alpha_3 = \alpha_4 + \left(-R_2 + 3\frac{Q}{3} - 5R_1\right)\frac{c^2}{2WE}$$

= $\left(\frac{Q}{2} - 4R_1\right)\frac{c^2}{2WE}$,

fowie $lpha_3=lpha_3+\left(rac{Q}{3}-3\ R_1
ight)rac{c^2}{2\ WE}=(5/6\ Q-7\ R_1)rac{c^2}{2\ WE},$ baher läßt fich seben,

$$o = ({}^{8}/_{6} Q - 11 R_{1}) \frac{c^{3}}{2 WE} + ({}^{2}/_{8} Q - 7 R_{1}) \frac{c^{3}}{6 WE}, \text{ ober}$$

 $o=4\ Q-33\ R_1+{}^2/_3\ Q-7\ R_1$, und es folgt ber Druck auf je einen Endpfeiler:

$$R_1=rac{7\ Q}{60};$$
 bagegen ber auf je einen Zwischenpfeiler: $R_2=rac{Q}{2}-R_1$ $=\left(rac{30-7}{60}
ight)\,Q={}^{23}\!/_{60}\,Q.$

Schlieflich ergiebt fich bas Bicgungsmoment in hinficht auf D,

 $M_1 = -R_1 c = -\frac{7}{60} Qc$, das in Hinsicht auf B,

 $M_2 = \frac{Q}{3} c - 2 R_1 c = (1/3 - 7/30) Q c = 1/10 Q c$, und das in Sinsists auf C,

$$\begin{array}{l} \text{In (iii)} \ \text{ iii)} \ \ C, \\ M_3 = -R_2 \ c + \frac{2}{3} \ Q \ c - 3 \ R_1 \ c = -\frac{(23/60 - 40/60 + 21/60)}{40/60 + 21/60} \ Q \ c \\ = -\frac{1}{15} \ Q \ c. \end{array}$$

Da das Moment M_1 das größere ist, so hat man für die zulässige Be-lastung Q die Bestimmungsgleichung:

$$\frac{7}{60} Qc = \frac{7}{60} \frac{Ql}{6} = \frac{WT}{e} = \frac{bh^2}{6} T,$$

und baher biefe Belaftung felbst:

-

$$Q=\frac{60}{7}\frac{b\,h^2}{l}\,T$$
, wogegen wir §. 42, annähernb,

$$Q=8\,rac{bh^2}{l}\,T$$
 gefunden haben.

Ist hingegen die Last Q=6 qc auf den ganzen Ballen gleichförmig vertheilt, so hat man $P_1=-R_1$, $P_2=o$, $P_3=-R_2$, $\alpha_4=o$, und $\alpha_2+\alpha_3=o$, wonach folgt:

$$a_2 = a_2 \ c - 2 \frac{R_1 c^3}{6 \ WE} + \frac{3}{4} \frac{q c^4}{6 \ WE}$$
, unb
$$a_3 = a_3 \ c - 5 \frac{R_1 c^3}{6 \ WE} + \frac{17}{4} \frac{q c^4}{6 \ WE}$$
, baher
$$a_2 + a_3 = (a_2 + a_3) \ c - 7 \frac{R_1 c^3}{6 \ WE} + 5 \frac{q c^4}{6 \ WE}$$

Ferner
$$\alpha_2 = \alpha_3 - 3 \frac{R_1 c^2}{2 WE} + 7 \frac{q c^3}{6 WE}$$

$$lpha_3 = - \left(R_2 \, + \, 5 \, R_1
ight) rac{c^2}{2 \, WE} + \, 19 \, rac{q \, c^3}{6 \, WE}, \,\,$$
 bather

 $(\alpha_2 + \alpha_3)c = 27 \frac{q\,c^4}{6\,WE} - 33 \frac{R_1\,c^3}{6\,WE}$; und es ergiebt sich nun die Beskimmungsgleichung

$$o = 27qc - 33R_1 - 7R_1 + 5qc$$
, woraus

$$R_1 = {}^{82}/_{40} \ qc = {}^{4}/_{5} \frac{Q}{6} = {}^{4}/_{30} \ Q$$
, sowie

$$R_2 = (^{15}/_{30} - ^{4}/_{30}) Q = ^{11}/_{30} Q$$
 folgt.

Run ergiebt fich bas Biegungsmoment im Stütpunkt B.

$$M_1 = R_1 \cdot 2c - 2qc^3 = \frac{4}{15}Qc - \frac{Q}{3}c = -\frac{Qc}{15} = -\frac{Ql}{90}$$

und bas in einem Zwischenpuntte

 $M_2 = R_1 \ x - rac{q \ x^2}{2}$. Letteres ist für $x = rac{R_1}{q} = 4/5 \ c$ im Maximum, und zwar

 $M_2 = {}^{16}/_{25} \ q \ c^2 - {}^{16}/_{25} \cdot \frac{q \ c^2}{2} = {}^{8}/_{25} \ q \ c^2 = {}^{8}/_{25} \frac{Q \ l}{36} = {}^{2}/_{225} \ Q \ l$ also kleiner als M_1 . Endlich folgt nun die zulässige Belastung

$$Q = 90 \frac{WT}{6l} = 90 \frac{bh^2T}{6l} = 15 \frac{bh^2T}{l}$$

Bird ber Ballen von drei Zwischenfäulen unterftutt, fo findet man auf bemfelben Bege

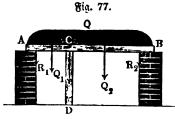
und es ist im ersten Falle die zulässige Tragtraft

$$Q = \frac{1792}{19} \cdot \frac{WT}{le} = \frac{1792}{19} \cdot \frac{bh^2 T}{6l} = \frac{896}{57} \cdot \frac{bh^2 T}{l},$$

bagegen im zweiten:

$$Q = \frac{986}{17} \cdot \frac{WT}{le} = \frac{986}{17} \cdot \frac{bh^2T}{6l} = \frac{493}{51} \cdot \frac{bh^2T}{l}$$

§. 46 Ungleichmässige Unterstützung durch Säulen. Wenn ein belasteter Balten AB, Fig. 77, nicht in ber Mitte, soubern an einer anderen Stelle C von einer Säule CD unterstützt wird, so läßt sich der Druck auf seine Stütz-



punkte u. s. wie folgt ermitteln. Es sei die ganze Belastung des Balkens = Q, die ganze Länge bessehen = l, der Abstand der Säule von einem Endpfeiler A, $A C = l_1$ und der vom anderen Endpfeiler B, $B C = l_2$, also $l_1 + l_2 = l$. Setzen wir wieder voraus, daß der

Balten die ganze Kopffläche der Säule berührt, und folglich seine neutrale Are an dieser Stelle horizontal ist, so können wir auch jedes Balkenstilch A C und B C sitr sich allein betrachten und daher annehmen, daß es bei einer gleichmäßigen Belastung auf die ganze Balkenlänge einen seiner Länge proportionalen Theil von Q trägt, daß also A C die Last $Q_1 = \frac{l_1}{l}$ Q und

BC die Last $Q_2=rac{l_2}{l}$ Q aufnimmt.

Werben auch die Balkenenden A und C horizontal gehalten, so trägt folglich das Lager A die Last:

$$R_1 = \frac{1}{2} Q_1 = \frac{l_1}{l} Q_1$$

ebenso bas Lager B bie Last:

$$R_2 = \frac{1}{2} Q_2 = \frac{1}{2} \frac{l_2}{l} Q;$$

und es bleibt für die Saule CD ber aufzunehmende Drud

$$P = \frac{1}{2} (Q_1 + Q_2) = \frac{1}{2} Q$$
 librig.

Sind num wieder b und h die Querschnittsbimensionen bes Trägers, fo hat man für bas Ballenstück AC:

$$Q_1=rac{l_1}{l}~Q=2rac{bh^2}{l_1}~T$$
, sowie für das Bassenstück $B~C$: $Q_2=rac{l_2}{l}~Q=2rac{bh^2}{l_2}~T$, und daher: $bh^2=rac{l_2}{Tl}$, sowie $bh^2=rac{l_2}{Tl}$.

Wenn folglich die Abstände la und la von einander verschieden sind, so fallen bei gleicher Sicherheit auch die Querschnittsbimensionen b und der beiden Balkenstücke ungleich aus. Liegt der Balken mit seinen Enden frei auf, so können wir dagegen den Druck in A:

$$R_1 = \frac{3}{8} \ Q_1 = \frac{8}{8} \ \frac{l_1}{l} \ Q$$
, sowie den in B : $R_2 = \frac{3}{8} \ Q_2 = \frac{3}{8} \ \frac{l_2}{l} \ Q$,

und baher ben auf bie Ganle:

$$P = \frac{5}{8} (Q_1 + Q_2) = \frac{5}{8} Q$$

feten, und es ift nun die Tragfraft für A C:

$$Q_1 = \frac{l_1}{l} \ Q = \frac{4}{s} \frac{b h^2}{l_1} \ T$$
, nub für $B C$:
 $Q_2 = \frac{l_2}{l} \ Q = \frac{4}{s} \frac{b h^2}{l_2} \ T$, wonach für $A C$:
 $b h^2 = \frac{3}{4} \frac{Q l_1^2}{T l}$, sowie für $B C$:
 $b h^2 = \frac{3}{4} \frac{Q l_2^2}{T l}$ folgt.

Ware die Last $Q=Q_1+Q_2$ auf die Mitten M_1 und M_2 beiber Theile A C und B C vertheilt, so hätte man im ersten Falle den Druck auf die Endpfeiler A und B:

$$R_1 = \frac{1}{2} Q_1$$
 und $R_2 = \frac{1}{2} Q_2$, sowie auf die Säuse: $P = \frac{1}{2} (Q_1 + Q_2) = \frac{1}{2} Q$, und es wäre: $Q_1 = \frac{4}{3} \frac{bh^2}{l_1} T$, sowie $Q_2 = \frac{4}{3} \frac{bh^2}{l_2} T$, solgsich für AC :
$$bh^2 = \frac{3}{4} \frac{Q_1 l_1}{T}$$
, sowie für BC :
$$bh^2 = \frac{3}{4} \frac{Q_2 l_2}{T}$$
 zu setzen.

Im zweiten Falle, wenn ber Balten bloß in A und C aufliegt, ift ber Drud':

in A, $R_1={}^5/_{16}\ Q_1$, und in B, $R_2={}^5/_{16}\ Q_2$, folglich der Druck auf die Saule:

$$P = \frac{11}{16} (Q_1 + Q_2) = \frac{11}{16} Q_2$$

Es ist hiernach bie Tragfraft bes Stüdes A C:

$$Q_1 = {}^8/_9 \cdot rac{b \, h^2}{l_1} \, T$$
, sowie die des Stücks $B \, C$:

$$Q_2 = {8 \choose 9} \cdot {b \, h^2 \over l_2} \, T$$
, also ein Mal:

$$b\,h^2=\sqrt[9]{8}\,\,rac{Q_1\,l_1}{T}$$
, und das andere Mal:

$$bh^2 = \frac{9}{8} \frac{Q_2 l_2}{T}$$
.

§. 47 Wenn ber Balten AB, Fig. 78, nicht platt auf bem Kopf Cber Saule CD, sonbern nur in einem Punkte besselben aufliegt, so nimmt burch die

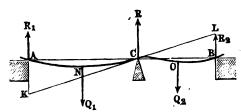


Fig. 78.

Birtung ber in den Mittelpunkten N und O der Balkenstilde AC und BC niederziehenden Gewichte Q1 und Q2 die Balkenare die Gestalt einer in Fig. 78 dargestellten Eurve ANCOB an. Die Drücke R1, R2 und R, welche in diesem Falle die Stütz-

punkte A, B und C auszuhalten haben, sind wie folgt zu bestimmen. Es ist

- 1) $R_1 + R_2 + R = Q_1 + Q_2$, ferner, wenn l_1 und l_2 die Längen ber Baltenftide CA und CB bezeichnen,
- 2) $R_1 l_1 1/2$ $Q_1 l_1 = R_2 l_2 1/2$ $Q_2 l_2$, und, wenn a_1 und a_2 bie Bogenhöhen AK und BL in Hinsicht auf die Tangente KL burch ben Stüppunkt bezeichnen:

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{l_1}{l_2}.$$

Ferner hat man noch nach §. 44,

$$AK = a_1 = (5 Q_1 - 16 R_1) \frac{l_1^3}{48 WE}$$
, unb

$$BL = a_2 = (16 R_2 - 5 Q_2) \frac{l_2^3}{48 WE},$$

baher geht die letzte Proportion in folgende über

$$\frac{5 Q_1 - 16 R_1}{16 R_2 - 5 Q_2} = \frac{l_2^3}{l_1^3},$$

und giebt folgende Bestimmungegleichung.

3) $16(R_1 l_1^2 + R_2 l_2^2) = 5(Q_1 l_1^2 + Q_2 l_2^2)$.

Run läßt fich Gleichung 2) auch fchreiben:

$$2(R_1 l_1 - R_2 l_2) = Q_1 l_1 - Q_2 l_2$$
, ober $16(R_1 l_1 l_2 - R_2 l_2^2) = 8 l_2(Q_1 l_1 - Q_2 l_2)$,

baher ergiebt fich burch Abbition

 $16 R_1 l_1 (l_1 + l_2) = Q_1 l_1 (5 l_1 + 8 l_2) - 3 Q_2 l_2^2,$ und es folgen die Driide

$$\begin{split} R_1 &= \frac{Q_1\, l_1 \,\, (5\, l_1 \, + \, 8\, l_2) \, - \, 3\,\, Q_2\, l_2^{\,2}}{16\, l_1 \,(l_1 \, + \, l_2)}, \\ R_2 &= \frac{Q_2\, l_2 \,\, (5\, l_2 \, + \, 8\, l_1) \, - \, 3\,\, Q_1\, l_1^{\,2}}{16\, l_2 \,\, (l_1 \, + \, l_2)} \,\, \mathrm{unb} \end{split}$$

$$R = Q_1 + Q_2 - (R_1 + R_2)$$

$$=\frac{Q_1 l_1 (11 l_1 l_2 + 8 l_2^2 + 3 l_1^2) + Q_2 l_2 (11 l_1 l_2 + 8 l_1^2 + 3 l_2^2)}{16 l_1 l_2 (l_1 + l_2)}$$

$$=\frac{Q_1 l_1 (8 l_2 + 3 l_1) + Q_3 l_2 (8 l_1 + 3 l_2)}{16 l_1 l_2}.$$

Roch hat man das Biegungsmoment im Punkte N:

$$^{1}/_{2}R_{1}l_{1}=rac{Q_{1}l_{1}\;(5\;l_{1}\,+\,8\;l_{2})\,-\,3\;Q_{2}\,l_{2}^{2}}{32\,(l_{1}\,+\,l_{2})},$$
 das im Puntte 0 :

$$^{1/2}R_{2}l_{2}=rac{Q_{2}l_{2}\;(5\;l_{2}\;+\;8\;l_{1})\;-\;3\;Q_{1}\,l_{1}^{2}}{32\;(l_{1}\;+\;l_{2})}$$
, und daß in C : $(Q_{1}\;-\;2\;R_{1})\;rac{l_{1}}{2}=rac{3\;(Q_{1}\;l_{1}^{2}\;+\;Q_{2}\,l_{2}^{2})}{16\;(l_{1}\;+\;l_{2})}.$

Sett man ben größten biefer brei Werthe $= \frac{WT}{e}$, so erhält man bie Gleichung zur Berechnung ber nöthigen Stärke bes Bolkens.

Für
$$l_1 = l_2 = \frac{l}{2}$$
 ift $R_1 = \frac{13 \ Q_1 - 3 \ Q_2}{32}$, $R_2 = \frac{13 \ Q_2 - 3 \ Q_1}{32}$,

$$R = \frac{11(Q_1 + Q_2)}{16}, \frac{1}{2}R_1l_1 = \left(\frac{13Q_1 - 3Q_2}{128}\right)l_1$$

$$l_2 R_2 l_2 = \left(\frac{13 Q_2 - 3 Q_1}{128}\right) l$$
 und $(Q_1 - 2 R_1) \frac{l_1}{2} = \frac{3(Q_1 + Q_2)l}{64}$

Ift der Balten gleichmäßig, und zwar jede Längeneinheit desselben mit q belastet, so hat man die ganze Last Q = q l, und es ist zu sehen.

1)
$$R_1 + R_2 + R = q l$$
.

Ferner ist, da die Momente auf beiden Seiten von C einander gleich sind, $R_1 l_1 - \frac{1}{2} q l_1^2 = R_2 l_2 - \frac{1}{2} q l_2^2$, ober

2) $R_1 l_1 - R_2 l_2 = 1/2 q (l_1^2 - l_2^2)$. Run find die Bogenhöhen

$$AK = a_1 = \left(\frac{R_1}{3} - \frac{q \, l_1}{8}\right) \frac{l_1^8}{WE}$$
 und $BL = a_2 = \left(\frac{q l_2}{8} - \frac{R_2}{3}\right) \frac{l_2^3}{WE}$; daher hat man hier $\frac{\frac{R_1}{3} - \frac{q \, l_1}{8}}{\frac{q \, l_2}{2} - \frac{R_2}{2}} = \frac{l_2^2}{l_1^{2}}$, oder

$$8(R_1 l_1^2 + R_2 l_2^2) = 3q(l_1^2 + l_2^3).$$

Aenbert man bie Gleichung Rr. 2 in folgende um:

$$8R_1 l_1 l_2 - 8R_2 l_2^2 = 4q (l_1^2 - l_2^2) l_2$$

und abbirt biefelbe nun zu Dr. 3, fo erhalt man

$$8R_1l_1(l_1+l_2)=q(3l_1^2+4l_1^2l_2-l_2^3),$$

und hiernach folgende Formeln für bie Drude auf bie Stuppunite

$$R_{1} = \frac{q \left(3 l_{1}^{3} + 4 l_{1}^{2} l_{2} - l_{2}^{3}\right)}{8 l_{1} \left(l_{1} + l_{2}\right)},$$

$$R_{2} = \frac{q \left(3 l_{2}^{3} + 4 l_{2}^{2} l_{1} - l_{1}^{3}\right)}{8 l_{2} \left(l_{1} + l_{2}\right)} \text{ unb}$$

$$R = q l - \left(R_{1} + R_{2}\right)$$

$$= \frac{q \left(l_{1}^{4} + 5 l_{1}^{3} l_{2} + 8 l_{1}^{2} l_{2}^{2} + 5 l_{2}^{3} l_{1} + l_{2}^{4}\right)}{8 l_{1} l_{2} \left(l_{1} + l_{2}\right)}$$

$$= \frac{q \left(l_{1}^{3} + 4 l_{1} l_{2} \left(l_{1} + l_{2}\right) + l_{2}^{3}\right)}{8 l_{1} l_{2}}.$$

Die Biegungsmomente für die Stellen, welche um x1 und x3 von ben Stuppunkten A und B abstehen, sind

$$M_1=R_1~x_1-rac{q\,x_1^2}{2}$$
 und $M_2=R_2~x_2-rac{q\,x_2^2}{2}$, und haben sowohl

für $x_1 = \frac{R_1}{q}$ und $x_2 = \frac{R_2}{q}$, als auch für $x_1 = l_1$ und $x_2 = l_2$ ihre Maximalwerthe, nämlich im ersten Falle

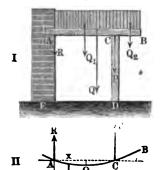
$$M_1 = rac{R_1^2}{2a}$$
 und $M_2 = rac{R_2^2}{2a}$, und im zweiten Falle

$$extbf{M}_1 = extbf{R}_1 \, l_1 - rac{q \, l_1^2}{2}$$
 und $extbf{M}_2 = extbf{R}_2 \, l_2 - rac{q \, l_2^2}{2}$

Um die nöthige Stärke des Balkens zu finden, ift, wie bekannt, der größte dieser Maximalwerthe $=\frac{WT}{e}$, z. B. $=\frac{b\,h^2\,T}{6}$ zu sehen.

Unterstützung durch eine Aussensäule. Zuweilen ruht ein §. 48 Ballen ober Träger AB, Fig. 79 I., nur mit einem Endpunkte A auf einem Wiberlager auf und ist außerbem noch von einer Säule CD

Fig. 79.



unterstützt. Ist dann wieder der Balken auf seiner ganzen Länge durch das Gewicht Q gleichmäßig belastet, und die Säule im Abstande $A C = l_1$ von Widerlager A angebracht, so kann man, unter der Boraussetzung, daß der Druck P auf die Säule den im Schwerpunkte, also am Hebelarm $\frac{l}{2}$ wirkenden Gewicht Q der Last in Hinsicht auf A als Drehungspunkt, das Gleichgewicht hält, setzen: $Pl_1 = Q \frac{l}{2}$, und daher den Druck auf die Säule:

$$P=\frac{1}{2}\frac{Ql}{l_1},$$

fowie ben Drud im Stütpuntte A:

$$R = Q - P = \left(1 - \frac{1}{2} \frac{l}{l_1}\right) Q.$$

Ferner trägt das Balkenstlick A C von der Länge l_1 die Last: $Q_1=\frac{l_1}{l}$ Q_2 und dagegen das freie Endstlick B C von der Länge l_2 die Last: $Q_2=\frac{l_2}{l}$ Q_2

Das Biegungsmoment bes Baltens in Hinsicht auf einen Punkt O, Fig. 79, II., welcher um AO = x vom Stützpunkte A absteht, ist $M = \pm \left(Rx - \frac{qx^2}{2}\right)$, und zwar ein Maximum für $x = \frac{R}{q}$ und für $x = l_1$. Die entsprechenden Maximalwerthe sind

$$\frac{R^2}{2q} = \left(1 - \frac{1}{2} \frac{l}{l_1}\right)^2 \frac{Ql}{2} \text{ and } Rl_1 - \frac{ql_1^2}{2} = (l - l_1)^2 \frac{Q}{2l}.$$

Sett man das eine ober andere dieser Momente dem Tragmomente $\frac{b\,h^2\,T}{6}$ gleich, fo erhält man zur Bestimmung der Baltenstürke $b\,h^2$ entweder

$$= 3 \left(1 - \frac{1}{2} \frac{l}{l_1}\right)^2 \frac{Q l}{T} \text{ ober } = 3 \left(l - l_1\right)^2 \frac{Q}{l T}$$

3. B. für $l_1=l$ ist nach der ersten Formel, so wie für $l_1=1/2$ l, nach der zweiten Formel:

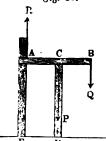
$$bh^2 = \frac{3}{4} \frac{Ql}{T}.$$

Für das zweite Baltenstück BC hat man dagegen (f. Band I., §. 240):

$$Q_2 = \frac{2 b h^2}{l_2} \cdot \frac{T}{6} = \frac{1}{2} \cdot \frac{b h^2}{l_2} T$$
, und daher:

$$bh^2 = 3 \cdot \frac{Q_2 l_2}{T} = 3 \cdot \frac{Q l_2^2}{T l} \cdot$$

In vielen Fällen ber Anwendung hangt die Last Q am Ende B. Fig. 80, Fig. 80. eines Trägers AB, wobei sich ber Drud auf die



Säule
$$oldsymbol{A}$$
 $P=rac{l}{l_1} oldsymbol{Q}$,

und baher ber auf bas Wiberlager AE

$$R = P - Q = \left(\frac{l}{l_1} - 1\right) Q$$
$$= \left(\frac{l - l_1}{l_1}\right) Q = \frac{l_2}{l_1} Q$$

segativ, b. i. von unten nach oben.

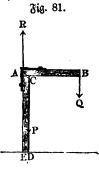
Das Baltenstück A C wird burch bie Kraft R gebogen, es ist baber für basselbe:

$$R = \frac{b \, h^2}{l_1} \cdot \frac{T}{6}$$
, and $b \, h^2 = 6 \, \frac{R \, l_1}{T} = 6 \, \frac{Q \, l_2}{T}$,

und das Stud B C wird durch die Kraft Q gebogen, folglich ift für daffelbe,

$$Q=rac{b\,h^2}{l_2}\cdotrac{T}{6}$$
, und $b\,h^2=6\,rac{Q\,l_2}{T}\cdot$

Ist der Balten AB in dem einen oder dem anderen Falle bei A sest ein= gemauert, so läßt sich die Tragfähigkeit desselben nach Band I., §. 247 be= urtheilen.



Hat endlich der Balten AB, Fig. 81, nur eine Stütze oder Säule AD, so wirft er auf den Kopf AC derselben genau so wie im letzen Falle auf das Widerlager A und die Säule CD zusammen. Ift dann l1 die Breite AC des Säulentopses, und l2 die Länge BC des freiliegenden Baltenstüdes, so hat man den Druck längs der inneren Seite CD der Säule:

$$P=\frac{l}{l_1} Q,$$

und ben Bug langs ber außeren Seite AE, welche burch eine besondere Befestigung, 3. B. burch ein Band ober eine Klammer vom Balten auf die Saule überzutragen ift:

$$R = \frac{l_1}{l} \ Q = \frac{l - l_1}{l_1} \ Q.$$

Die Säule AD wird nicht allein durch die Kraft Q zusammengebrlickt, sondern auch mit dem Momente Ql gebogen, und es ist daher der Querschnitt derselben nach einer Formel (s. Band I., §. 271) der zusammengesesten Feskigkeit zu berechnen.

Beispiel. Wenn ber 20 Fuß lange gußeiserne Träger AB, Kig. 80, an seinem Ende B eine Last Q=5000 Psund tragen und hierbei in seiner Mitte von einer Säule CD unterstützt werden soll, so läßt sich unter der Boraussetzung, daß derselbe in A nicht seitgehalten wird, sondern nur oben anliegt, der Oruck auf die Säule: P=2 Q=10000 Psund, und folglich der im Stützpunkte A, R=P-Q=5000 Psund setzen, und es ist für die Querschnittsdimenssonen dieses Trägers:

$$bh^2 = 6 \cdot \frac{Ql}{2T} = 3 \cdot \frac{5000 \cdot 240}{T} = \frac{3600000}{T},$$

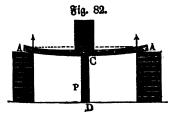
folglich, wenn man h=3b und T=9000 sett:

$$9 b^3 = \frac{3600000}{9000} = 400,$$

woraus nun die Trägerbreite: $b = \sqrt[3]{400/9} = \sqrt[3]{44,4} = 3,55$ Joll, und die Trägerbide: h = 3 b = 10,65 Joll folgt.

Zusammondrückung der Säulen. Die im Borstehenben entwickelte §. 49 Theorie der Bertheisung des Druckes eines Trägers oder Balkens auf die ihn muterstützenden Säulen ist nur unter der Boraussetzung streng begründet, daß man es mit vollkommen starren Säulen zu thun habe, welche sich durch die von ihnen aufgenommenen Kräfte in ihrer Länge nicht verändern. Da dies aber nicht der Fall ist, so mitsen wir noch untersuchen, welchen Einsluß moch die Zusammendrückung und die Ausdehnung der Trag = und Hängesäuslen auf die Bertheisung des Druckes eines Trägers hat.

Trägt ber an beiben Enben aufliegende Balten in seiner Mitte C, Fig. 82, eine Laft P und ift er auch baselbft von einer Saule CD unterftutt, fo



nimmt ein Theil P_1 bieser Kraft bie Druckelasticität ber Säule, und ein Theil P_2 derselben die Biegungselasticität bes Balkens in sich auf. Es ist, wenn F_1 ben Querschnitt, E_1 ben Clasticitätsmodul, l_1 die Länge und λ die Größe ber Zusammendrückung dieser Säule bezeichnen:

$$P_1 = rac{\lambda}{l_1} F_1 E_1$$
 (s. Band I., §. 204).

Da & zugleich die Pfeilhöhe ober Durchbiegung a ber vom Balten gebilbeten elastischen Linie ACA ist, so ist die Kraft zum Biegen des Baltens:

$$P_3 = 48 \; \frac{a \; WE}{l^3} = 4 \; \lambda \; \frac{b \; h^3}{l^3} \; E \; (f. \; Band \; L, \, \S. \; 217),$$

und es folgt nun burch Division ber letten Ausbrude in einander:

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{4bh^8}{l^3} \cdot \frac{l_1}{F_1} \frac{E}{E_1}$$

Da $P_1 + P_2 = P$ ist, so hat man auch:

$$P_1\left(1+rac{4bh^8}{l^8}\cdotrac{l_1E}{F_1E_1}
ight)=P$$
, und es folgt:

$$P_1 = \frac{l^3 F_1 E_1 \cdot P}{l^3 F_1 E_1 + 4 l_1 b h^3 E}$$
, sowie:

$$P_2 = \frac{4 b h^3 l_1 E}{l^3 F_1 E_1 + 4 l_1 b h^3 E} \cdot P.$$

In der Regel ist $l^3F_1E_1$ viel größer als $4l_1bh^3E$, so daß der letztere Werth gegen den ersten vernachlässigt werden kann; deshalb ist auch meistens $P_1 = P$, dagegen aber $P_2 = 0$ zu setzen.

Sollten beibe Körper, ber Balten und die Saule, gleichmäßig, und zwar bis zur Clasticitätsgrenze gespannt werden, so hatte man, wenn T und T1 bie Tragmobul für dieselben bezeichnen:

$$P_1 = F_1 T_1$$
 und $P_2 = \frac{2}{s} \frac{b h^2}{l} T$

gu feten, und es mare folglich auch:

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{2}{3} \frac{b h^2}{F_1 l} \frac{T}{T_1}$$

Sett man dieses Berhältniß bem obigen Werthe für $\frac{P_2}{P_1}$ gleich, so erhält man die Gleichung:

$$\frac{4bh^3}{l^3}\frac{l_1}{F_1}\frac{E}{E_1}={}^2/_3\frac{bh^2}{F_1l}\cdot\frac{T}{T_1},$$

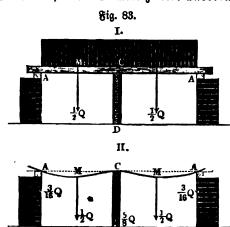
woraus die Baltenhöhe $h=1/6\cdot \frac{l^2\,T\,E_1}{l_1\,T_1\,E}$ folgt.

Ware noch $T_1 = T$, sowie $E_1 = E$, so hätte man einfach $h = 1/\epsilon \frac{l^2}{l_1}$, und baher z. B. für $l_1 = l$, $h = 1/\epsilon l$ zu nehmen.

In der Praxis wird man immer von der Saule den größten Theil der Last tragen lassen, und daher den Querschnitt ber Saule durch ben Ans-

brud $F_1 = \frac{P}{T_1}$ bestimmen können, wobei die Querschnittsbimensionen bes Baltens gang außer Betracht tommen.

Sehr gewöhnlich besteht bie Rraft P, welche mittels jenes Baltens auf eine §. 50 Saule wirft, in ber Summe zweier anberen Rrafte, welche aus einer



zu beiben Seiten ber Säule auf bem Balten ruhenben Last hervorgehen. Hat man es 3. B. mit bem aus §. 41 befannten Falle in Figur 83 zu thun, wo bie Laft Q zu beiben Seiten ber Säule CD auf ben Balten gleichmäßig vertheilt ift, und letterer mit feinen Enben auf Wiberlagern aufruht, so trägt bie Gaule, wenn fie volltommen ftarr ift, ben Theil ⁵/₈ Q.

Da aber in Wirklichkeit

bie Säule elastisch ist, und sich um die Größe $\lambda = rac{P \, l_1}{F_1 \, E_1}$ zusammendrückt, so bleibt auch die Baltenmitte C mit den Enden A, A nicht in einerlei Nivean und es ift also die Bogenhöhe bes Baltenstüdes MC, Fig. 83, II., nicht mehr fo groß als die bes Baltenftlides MA, fondern die eine um & größer als die anbere.

Seken wir beshalb im Ausbrucke

$$y = \frac{P_1 (l^3 x - 1/3 x^3)}{2 WE} - \frac{q (l^3 x - 1/4 x^4)}{6 WE}$$
 bes §. 217 u. §. 223 Bb. I.,
 $y = \lambda, x = l, P_1 = R$ unb $ql = Q$,

fo exhalten wir folgende Bestimmungsgleichung: $\pmb{\lambda} = \frac{R\,l^{\,s}}{3\,WE} - \frac{Q\,l^{\,s}}{8\,WE},$

$$\lambda = \frac{R l^3}{3 WE} - \frac{Q l^3}{8 WE},$$

i woraus fich ber Drud auf ein Wiberlager

$$R = \frac{3}{8}Q + \frac{3\lambda WE}{l^3}$$
 ergiebt.

Benn wir biefe Formel auf unseren Fall, wo ber Ballen ftatt an einem Enbe mit beiden Enden aufruht, anwenden wollen, fo muffen wir

$$\frac{Q}{2}$$
 flatt Q und $\frac{l}{2}$ flatt l

feten, fo bag nun

$$R = \frac{3}{16} Q + 24 \frac{\lambda WE}{l^3} = \frac{3}{16} Q + 24 \frac{Pl_1}{F_1 E_0} \cdot \frac{WE}{l^3}$$
 folgi:

Hieraus ergiebt sich nun für ben Druck P auf die Saule in ber Mitte bes Baltens:

$$P = Q - 2R = \frac{5}{8} Q - 48 \frac{P l_1}{F_1 E_1} \frac{WE}{l^3}$$
, ober $P \left(1 + 48 \frac{WE l_1}{F_1 E_1 l^3}\right) = \frac{5}{8} Q$.

Daher ist dieser Druck selbst:

$$P = \frac{\frac{5}{8} Q}{1 + 48 \frac{WEl_1}{F_1 E_2 l^3}},$$

und ber Drud auf ein Wiberlager:

$$R = {}^{8}/_{16} Q + 24 \frac{WEl_{1}}{F_{1}E_{1}l^{2}} \cdot \frac{{}^{5}/_{8} Q}{1 + 48 \frac{WEl_{1}}{F_{1}E_{1}l^{3}}}$$

$$= {}^{3}/_{16} Q \left(1 + \frac{80 WEl_{1}}{F_{1}E_{1}l^{3} + 48 WEl_{1}}\right).$$

hat man es mit einem parallelepipebifchen Balten zu thun, fo ift

$$W=\frac{bh^2}{12}$$
 (f. Band I., §. 226) zu setzen.

In den meisten Fällen der Anwendung ist die Länge l des Ballens so groß, daß $\frac{48~WE\,l_1}{F_1\,E\,l^3}$ gegen 1 vernachlässigt, und daher

$$P=5/8~Q$$
 und $R=3/16~Q$

gefett werben fann (f. §. 41).

Um die Querschnittsbimensionen b und h des Baltens, sowie den Quersschnitt F1 ber Saule zu ermitteln, segen wir wieder das Biegungsmoment einer Baltenhälfte in hinsicht auf die Mitte:

$$rac{Q}{2} \cdot rac{l}{4} - R \; rac{l}{2} = b \, h^2 \, rac{T}{6}$$
, so daß wir $Q - 4 \, R = rac{4}{3} \, rac{b \, h^2}{l} \; T$, oder $0 \, \left(1 \, + \frac{80 \; WE \, l_1}{l} \right) = 4/6 \, rac{b \, h}{l}$

$$Q = \frac{3}{4} Q \left(1 + \frac{80 \ WE l_1}{F_1 E_1 l^2 + 48 \ WE l_1} \right) = \frac{4}{2} \frac{b h^2}{l} T$$
 erhalten.

Setzen wir bann noch in

$$P = \frac{\frac{5}{8} Q}{1 + 48 \frac{WEl_1}{F_1 E_1 l^3}} = \frac{\frac{5}{8} Q F_1 E_1 l^3}{F_1 E_1 l^3 + 48 WEl_1},$$

 $P = F_1 T_1$, so ergiebt sich

$$F_1 E_1 l^3 + 48 WEl_1 = {}^{5}/_{8} \frac{QE_1 l^3}{T_1}$$
, daßer: $rac{Q}{4} \left(1 - rac{384 WE T_1 l_1}{QE_1 l^3}\right) = {}^{4}/_{8} rac{bh^2}{l} T$, und $bh^3 = {}^{2}/_{16} rac{Ql}{T} \left(1 - rac{32 bh^3 l_1 ET_1}{l^3 QE_1}\right)$.

Hat man mittels diefer Formel die Querschnittsbimenftonen des Baltens gefunden, wobei natikrlich vorausgesetzt wird, daß das Berhältniß $\frac{h}{b}$ zwisschen denselben gegeben ist, so kann man dann auch leicht den Querschnitt der Säule mittels der Formel:

$$F_1 = rac{P}{T_1} = rac{rac{5/8}{T_1}}{1 + rac{4 \, b \, h^3 \, l_1 \, E}{F_1 \, E_1 \, l^3}}$$
 berechnen.

Bare die Last Q nicht gleichmäßig auf den ganzen Balten, sondern nur auf die Mittelpunkte M und M zwischen je zwei Stutpunkten vertheilt, so hatte man (f. Band I., §. 247).

$$P_1 = \frac{5}{32} Q + 24 \lambda \frac{WE}{l^3}$$
, folglich:

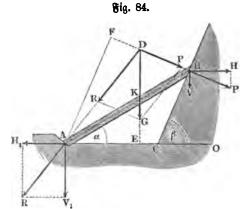
$$P = Q - 2 P_1 = {}^{11}/_{16} Q - 48 \frac{P l_1}{F_1 l^3} \cdot \frac{WE}{E_1},$$

fo bag nun ber Drud auf bie Säule

$$P = \frac{^{11}\!/_{16}}{1 + 48 \frac{WEl_1}{F_1 E_1 l^2}}$$
 folgen würde.

Grundsormeln für Sparren und Streben. Wenn ein §. 51 Sparren ober eine Strebe AB, Fig. 84 (a.f. S.), in einem Endspunkte A unterstützt ist und sich mit dem anderen Endpunkte B gegen eine schräge Wand BC anlehnt, so lassen sich die Kräfte, mit welchen er in diesen Punkten gegen seine Unterstützungen drückt, wie solgt bestimmen. Da wir von der Reibung absehen wollen, so ist die Krast P, mit welcher er gegen die Sbene BC drückt, rechtwinkelig gegen BC gerichtet anzunehmen. Ist mun G das Gewicht des Körpers AB sammt seiner Belastung und K der Schwerpunkt desselben, so kann man dasselbe in dem Durchschnitte D der verticalen Schwerlinie DE mit der Normalen DB zu BC angreisen lass

sen und hier in zwei Seitenkräfte P und R zerlegen, wovon P die von BC auszunehmende Normalkraft und R eine nach dem Stützpunkte A gerichtete



und von diesem Bunkte aufzunehmende Seitenkraft ist. Um die Kraft P zu finden, denken wir uns G und P als die Kräfte eines Winkelhebels mit dem Stützpunkte A und den gegen DK und DB winkelrecht gelegten Hebelarmen AE und AF. Da die Momente G. AE und P. AF dieser Kräfte einander gleich sind, so erhalten wir solsgenden Ausdruck für die gesuchte Seitenkraft, mit

welcher ber Bebel in B gegen bie Unterftützungsebene brückt:

$$P = \frac{G \cdot \overline{AE}}{AF}.$$

Ift noch l die Länge AB des Körpers, s der Abstand AK seines Schwerpunktes K vom Stützpunkte A, in der Axenrichtung des Körpers gemessen, serner α der Neigungswinkel BAO des Körpers AB und β der Neigungswinkel BCO der Stützebene BC gegen den Horizont AO, so hat man:

$$AE = AK \cos BA 0 = s \cos \alpha$$
 unb

 $AF = AB \cos BAF = AB \cos ABC = l \cos (\beta - \alpha)$, und daher die gesuchte Kraft:

I.)
$$P = \frac{Gs \cos \alpha}{l \cos (\beta - \alpha)}$$
.

Der horizontale Component biefer Rraft ift:

$$H = P \sin GDP = P \sin BCO = P \sin \beta$$
, b. i.

$$H = \frac{G s \cos \alpha \sin \beta}{l \cos (\beta - \alpha)},$$

und bagegen ber verticale Component:

$$V = P \cos B C O = P \cos \beta$$
, b. i.

$$V = \frac{G s \cos \alpha \cos \beta}{l \cos (\beta - \alpha)} = H \cot \alpha \beta.$$

Für ben Drud R im Stütpunkte A hat man ben horizontalen Componenten ebenfalls:

$$H = \frac{Gs \cos \alpha \sin \beta}{l \cos (\beta - \alpha)};$$

bagegen ift ber verticale Component:

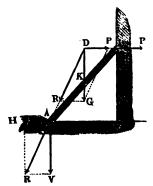
$$V_1 = G - V = G \left(1 - \frac{s \cos \alpha \cos \beta}{l \cos (\beta - \alpha)}\right) = G - H \cot \beta.$$

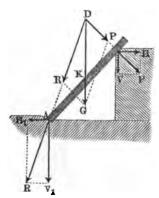
Diefer Drud felbft ift:

II.)
$$R = \sqrt{H^2 + V_1^2} = \sqrt{H^2 + (G - H \cot ng. \beta)^2}$$
, und für den Reigungswinkel $DAC = \delta$ seiner Richtung gegen den Horisant ist:

tang.
$$\delta = \frac{V_1}{H} = \frac{G}{H} - \cot \alpha g$$
. $\beta = \frac{l}{s} \frac{\cos (\beta - \alpha)}{\cos \alpha \sin \beta} - \cot \alpha g$. β .

Wenn sich ber Körper AB, Fig. 85, in B an eine verticale Wand Fig. 86.





BC anlehnt, so ist $\beta = 90^{\circ}$, und baher:

$$P = H = \frac{Gs \cos \alpha}{l \cos (90 - \alpha)} = \frac{Gs \cos \alpha}{l \sin \alpha} = \frac{Gs}{l} \cot \alpha,$$

ferner:

$$V = P \cos \beta = P \cos 90^{\circ} = 0$$
, wogegen:

$$V_1 = G - V = G,$$

folglich:

$$B = \sqrt{\left(G \frac{s}{l} \cot ang. \, \alpha\right)^2 + \, G^2} = G\sqrt{\left(\frac{s}{l} \cot ang. \, \alpha\right)^2 + \, 1}$$
 und $\tan g. \, \delta = \frac{l}{s} \, \tan g. \, \alpha$

fich herausftellen.

Fällt die Reigung β ber Ebene BC, Fig. 86, mit der des Ballens AB ausammen, ift also $\beta = \alpha$, so ist:

$$P=rac{G\,s\,\coslpha}{l\,\coslpha}=G\,rac{s}{l}\,\coslpha,$$
 $H=G\,rac{s}{l}\,\sinlpha\,\coslpha=rac{1}{l}\,G\,rac{s}{l}\,\sinlpha\,2\,lpha,$
 $V=G\,rac{s}{l}\,(\coslpha)^2,$
 $V_1=G\left(1-rac{s}{l}\,(\coslpha)^2
ight),\, ext{baher:}$
 $R=G\,\sqrt{\left(rac{s}{l}\,\sinlpha\,\coslpha
ight)^2+\left(1-rac{s}{l}\,(\coslpha)^2
ight)^2}\,\, ext{nnb}}$
 $tang.\,\delta=rac{2l}{s\sinlpha\,a}-cotang.\,lpha.$

Liegt dagegen das zu diesem Zwede besonders geformte Ende B bes Baltens AB, Fig. 87, auf einer horizontalen Ebene, ist also $\beta=0^\circ$, so hat man:

$$P = \frac{Gs \cos \alpha}{l \cos (0-\alpha)} = \frac{Gs \cos \alpha}{l \cos \alpha} = G \frac{s}{l},$$

ferner:

Fig. 87.

G

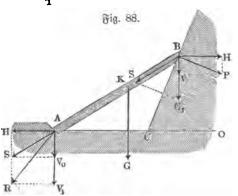
$$H = P \sin \beta = 0$$
,

$$V = P \cos \beta = P = G \frac{s}{1},$$

$$V_1 = G - V = G\left(1 - \frac{s}{l}\right)$$

ferner

$$R = V_1 = G\left(1 - rac{s}{l}
ight)$$
 und $tang. \delta = \infty$, also $\delta = 90^\circ$.



Anmerkung. Man kann bie Bebingungen bes Gleichsgewichtes eines unterftüsten Sparrens ober anberen holztörpere auch leicht baburch sinden, daß man sich das Gewicht G, Kig. 88, bestelben vom Schwerpunkte K weg, und auf die beiben Ends oder Stügpunkte verlegt benkt. Es ist dann ber Theil des Gewichtes G, welcher in B niederzieht:

 $G_1 = G \frac{AK}{AB} = \frac{Gs}{l},$

und ber andere Theil beffelben, welcher in A wirksam ift:

$$G_3 = G - G_1 = G\left(1 - \frac{s}{l}\right)$$

Das Gewicht G_1 läßt fich in die Seitenfraft P, welche rechtwinkelig gegen die Stützebene BC wirkt, und in die Seitenfraft S, welche in der Are des Sparrens wirkt, und daher die Spannung des letzteren ausbrudt, zerlegen, und es ist:

where, and bayer die Spannung des letzeren ausbruckt, zeriegen, und es
$$\frac{P}{G_1} = \frac{sin.\ B\ G_1\ P}{sin.\ B\ P\ G_1} = \frac{sin.\ (90^0-\alpha)}{sin.\ (\alpha+90^0-\beta)} = \frac{cos.\ \alpha}{cos.\ (\beta-\alpha)},$$
 baher $P = \frac{G_1\ cos.\ \alpha}{cos.\ (\beta-\alpha)} = \frac{Gs\ cos.\ \alpha}{l\ cos.\ (\beta-\alpha)},$ und $H = P\ sin.\ \beta = \frac{Gs\ cos.\ \alpha\ sin.\ \beta}{l\ cos.\ (\beta-\alpha)},$ sowie: $V = P\ cos.\ \beta = \frac{Gs\ cos.\ a\ cos.\ \beta}{l\ cos.\ (\beta-\alpha)}.$

gar bie Spannung S ift:

Solution
$$S$$
 is:
$$\frac{S}{G_1} = \frac{\sin PBG_1}{\sin BPG_1} = \frac{\sin \beta}{\cos (\beta - \alpha)}, \text{ folglich:}$$

$$S = \frac{G_1 \sin \beta}{\cos (\beta - \alpha)} = \frac{Gs \sin \beta}{l \cos (\beta - \alpha)},$$

beren Componenten

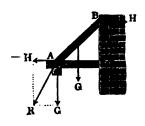
$$H=S \cos \alpha = rac{G s \cos \alpha \sin \beta}{l \cos (eta - a)}$$
 und $V_0=S \sin \alpha = rac{G s \sin \alpha \sin \beta}{l \cos (eta - a)}$ find.

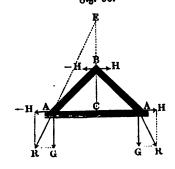
Bereinigt man bie lettere Kraft mit bem Gewichtstheile $G_2=G-\frac{s}{l}$ G, burch Abbition, so erhalt man ebenfalls, wie oben, ben gesammten Berticaltruck im Stuppunfte A:

$$V_1 = G - \frac{s}{l} G + V_0 = G \left[1 - \frac{s}{l} \left(1 - \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\cos \alpha (\beta - \alpha)} \right) \right]$$
$$= G \left(1 - \frac{s}{l} \cdot \frac{\cos \alpha \cos \beta}{\cos \alpha (\beta - \alpha)} \right).$$

Sparrenschub. Die im vorigen Paragraphen gefundenen Formeln finden §. 52 nun ihre Anwendung bei der Theorie der Dach = oder Sparrenconstructionen. Es ist hiernach bei den Dächern ohne Säule, Fig. 89 u. Fig. 90, ber horizontale Sparrenschub sowohl im unteren als im oberen Ende:

Sta. 89. Fig. 90.





$$H = \frac{Gs}{l}$$
 cotang. α ,

ober, ba hier s = 1/2 l gesetzt werben fann:

$$H = \frac{1}{2} G \text{ cotang. } \alpha;$$

ferner ber Berticalbruck im oberen Ende, = Rull, und im unteren, gleich bem Gewichte G bes belasteten Sparrens. Setzt man die Dachhöhe BC = h und die (halbe) Breite AC = b, so hat man $cotang. \alpha = \frac{b}{h}$, baher ben Sparrenschub:

$$H = \frac{1}{2} G \frac{b}{h}.$$

Es wächst also ber (horizontale) Sparrenschub direct wie die Breite ober Tiefe des Hauses und umgekehrt wie die Dachböhe. Gewöhnlich liegt-h zwischen den Grenzen 2b und 1/2b. Ersteres Berhältniß sindet bei den hohen Kirchdächern, letzteres bei den slachen italienischen Hausedächern statt; dort ist $\alpha=63^{\circ}26'$, hier aber $\alpha=26^{\circ}34'$. Der Sparrensschub ist dei slachen Dächern sehr groß, er ist z. B. sitt die letzte Sparrenslage gleich der ganzen, dagegen bei der ersten Sparrenneigung nur ein Biertel der Belastung des Sparrens. Um den, zumal dei slachen Dächern Gefahr drohenden Sparrenschub auszuheben, werden die Sparrenssisse in die Baltenenden eingezapst, oder wohl auch noch durch andere Mittel, z. B. burch bessondere Sparrenschube, vor dem Ausgleiten geschützt.

Der vollständige Drud des Sparrens in seinem Fußpuntte A ift:

$$R = \sqrt{H^2 + V^2} = \sqrt{1 + \frac{1}{4} (cotang. \alpha)^2}$$
. $G = \sqrt{1 + \left(\frac{b}{2h}\right)^2}$. G ,

und für den Winkel $RAH = \delta$, welchen die Drucklinie mit dem Horizonte einschließt, hat man:

tang.
$$\delta = \frac{G}{H} = \frac{G}{\frac{1}{2} G \frac{b}{h}} = \frac{2h}{b} = 2 \tan g. \alpha.$$

Man sindet also hiernach die Richtung des ganzen Sparrenschubes im Fußpunkte, wenn man die Sparrenhöhe CB verdoppelt (Fig. 90), also CE=2. CB macht, und eine Linie ER durch den Fußpunkt A und durch den Endpunkt E der Berlängerung zieht.

Beispiel. Das Dach ABA, Fig. 90, ist 40 Fuß tief und 30 Fuß hoch und besteht aus je 4 Fuß ron einander abstehenden Sparren von 6 Boll Breite und 8 Boll hohe; man sucht ben Sparrenschub. Nimmt man an, daß jeder Duadratssuß Bedachung 15 Pfund wiegt, so erhält man für die Belastung eines Sparrens:

= 15.4
$$\sqrt{20^2 + 30^3}$$
 = 600. $\sqrt{13}$ = 2163 % funb;

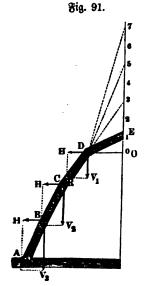
nun wiegt aber ber Sparren selbst, wenn man bas Gewicht eines Cubiffußes Solg = 2/3 . 61,75 = 41,17 Pfunb annimmt:

= $\frac{1}{2}$. $\frac{2}{8}$. 41,17 $\sqrt{20^3 + 30^3} = \frac{411.7}{8}$ $\sqrt{13} = 494.8$ Pfund, es folgt baher ber Berticalbrud eines Sparrens

und ber horizontalschub

$$H = \frac{1}{2} G \frac{b}{h} = \frac{1}{2} \cdot 2692 \cdot \frac{20}{30} = 897$$
 Pfund.

Bei manchen Constructionen, jumal bei ben fogenannten Manfard. §. 53



bachern ruht ber Sparren DE, Fig. 91, nicht auf einem Balken ober Bundtramen, sonbern auf einem zweiten Sparren CD, bieser nach Besinden, wieder auf einem dritten BC u. s. w. Damit nun in diesem Falle die Kraft von einem Sparren auf den anderen vollsommen übertragen werbe, ist es nöthig, daß diese Balken gewisse Stellungen gegen einander einnehmen.

Diefe Stellungen laffen fich mit Bulfe ber obigen Theorie wie folgt ermitteln.

Ift G das Gewicht und α ber Neigungswinkel EDO des ersten Sparrens, so hat man die Horizontalspannung desselben

$$H= \frac{1}{2} G$$
. cotang. α .

und ben Berticalbrud beffelben in E:

$$V = \frac{1}{2} G$$
.

Da sich nun aber in D zu V noch die Halften der Gewichte beider Sparren DE und CD

gesellen, so ist, wenn G_1 bas Gewicht und α_1 den Reigungswinkel des Sparrens CD bezeichnen, der Berticalbruck in D:

$$V_1 = V + \frac{G + G_1}{2} = \frac{G}{2} + \frac{G + G_1}{2}$$

und baher für ben Reigungswinkel α_1 ber Richtung ber Mittelkraft R aus H und V_1 , welche zugleich die erforderliche Reigung des Sparrens CD ist:

tang.
$$\alpha_1 = \frac{V_1}{H} = \frac{G}{2H} + \frac{G+G_1}{2H} = tang. \alpha + \frac{1/2(G+G_1)}{H}$$
.

Denkt man sich wieder die Componenten H und V_1 im Echpunkte C angreisend und zu V_1 die halbe Summe $\frac{G_1 + G_2}{2}$ der Gewichte G_1 und G_2 der Sparren CD und BC addirt, so erhält man sur die Hunkt die Horizontalkraft wieder = H, und dagegen die Berticalkraft:

$$V_2 = V_1 + \frac{G_1 + G_2}{2} = \frac{G}{2} + \frac{G + G_1}{2} + \frac{G_1 + G_2}{2}$$

und daher filtr ben Reigungswinkel az bes folgenden Sparrens B C:

tang.
$$\alpha_2 = \frac{V_2}{H} = tang. \alpha + \frac{\frac{1}{2}(G + G_1) + \frac{1}{2}(G_1 + G_2)}{H}$$

Ebenso folgt für den Edpunkt B die Horizontalkraft =H und die Bersticalkraft:

$$V_3 = V_3 + \frac{G_2 + G_3}{2} = \frac{G}{2} + \frac{G + G_1}{2} + \frac{G_1 + G_2}{2} + \frac{G_2 + G_3}{2}$$

und baber bie Tangente bes Reigungswinkels ag für ben Sparren AB:

$$tg. \alpha_3 = \frac{V_3}{H} = tg. \alpha + \frac{\frac{1}{2}(G + G_1) + \frac{1}{2}(G_1 + G_2) + \frac{1}{2}(G_3 + G_3)}{H},$$

u. f. w.

Haben die sämmtlichen Sparren einersei Gewicht G, so ist $tang. \alpha_1 = 3 tang. \alpha$, $tang. \alpha_2 = 5 tang. \alpha$, $tang. \alpha_3 = 7 tang. \alpha$, $tang. \alpha_4 = 9 tang. \alpha$ u. s. w.

Wenn man daher in diesem Falle die Dachhöhe EO, Fig. 92, welche

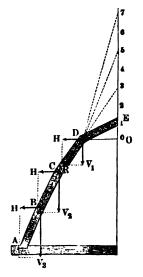


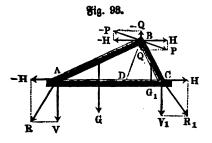
Fig. 92.

bem ersten Sparren DE entspricht, wiederholt nach obenzu aufträgt, und burch die Theil= punkte 1, 3, 5, 7 u. s. Linien D1, D3, D5, D7 u. f. w. zieht, so geben diese bie Reigungen ber Sparren DE, CD, BC, AB u. f. w. an. Man fieht übrigens fogleich ein, daß bie Gestalt dieser Sparrenverbindung mit einem ben Gewichten G1, G2, G3 u. f. w. entsprechenden Seilpolygone vollkommen übereinstimmt (vergl. Band I., &. 154), und es ift diefe Uebereinstimmung auch vollkommen erklärlich, wenn man sich die beiden Sälften von dem Gewichte G eines jeben Sparrens in ben Enb = ober Edpunkten D, C, B, A u. f. w. niederziehend bentt, also annimmt, daß in jedem diefer Buntte das Gewicht G wirkt.

Denkt man sich die Sparren sehr kurz und in sehr großer Anzahl vorhanden, so erhält man in der Are dieser Construction eine Ret= tenlinie.

Die hier nachgewiesene Unveränderlichkeit des Horizontalschubes H langs einer ganzen Sparrenverbindung haben wir auch schon im zweiten Capitel (§. 20) bei den Gewölben gefunden, als wir die Reibung zwischen den Gewölbsteinen außer Acht ließen.

Bei bem Dachgespärre in Fig. 90 mit gleichlangen Sparren wirten §. 54 bie Sparren im Scheitel B nur burch ben Horizontalschub auf einander; sind aber bie Sparren von ungleicher Länge, wie in Fig. 93, so weicht



bie Kraft P, womit ein Sparren gegen ben anberen brückt, von der Horizontallinie um einen gewissen Winkel ab. Es sei G das Gewicht bes einen Sparrens AB, G1 bas Gewicht bes anberen Sparrens CB, es seinen ferner α und α1 bie Neigungswinkel BAC und BCA dieser Sparren gegen ben Horizont und es bezeichne β

ben Reigungswinkel HBP ber Kräfte P, -P, womit diese Sparren in B gegen einander bruden. Denken wir uns diese Kräfte in ihre horizontalen und verticalen Componenten H, -H, und Q, -Q zerlegt, und sehen wir wieder voraus, daß die halben Sparrengewichte 1/2 G und 1/2 G_1 in den Endpunkten B, B von AB und CB angreisen. Dann läßt sich die ganze Berticalkraft des Balkenendes B von AB:

H tang.
$$\alpha = 1/2 G - Q$$
,

und bagegen bie ganze Berticaltraft bes Baltenenbes B von CB:

$$H tang. \alpha_1 = 1/2 G_1 + Q$$

feten, fo bag fich nun burch Abdition biefer Ausbrude

$$H(tang.\alpha + tang.\alpha_1) = 1/2 (G + G_1),$$

also ber Horizontalschub:

$$H = \frac{\frac{1}{2}(G + G_1)}{tang. \alpha + tang. \alpha_1}$$

ergiebt, woraus wieder ber verticale Component:

$$Q = \frac{1}{2}G - H \text{ tang. } \alpha = \frac{1}{2} \frac{(G \text{ tang. } \alpha_1 - G_1 \text{ tang. } \alpha)}{\text{tang. } \alpha + \text{tang. } \alpha_1}$$

folgt.

Der Neigungswinkel & ist bestimmt burch ben Ausbruck

tang.
$$\beta = \frac{Q}{H} = \frac{G \ tang. \, \alpha_1 - G_1 \ tang. \, \alpha}{G + G_1}$$
.

Damit sich bie Kräfte P und -P bas Gleichgewicht halten, ift nöthig, baß die Ebene, in welcher sich die beiben Sparrenenben in B berühren, rechtwinkelig auf der Richtung dieser Kräfte steht, daß also der Reigungswinkel dieser Ebene:

$$\angle BDC = \beta_1 = 90^{\circ} - \beta$$
 ift.

Die Sparrenschübe an den Sparrenfüßen find die Mittelfräfte R und R_1

aus ben unveränderlichen Horizontalschuben H und -H, und aus den Bereticalkrüften:

$$V = G - Q = G - \frac{1}{2} \frac{(G \text{ tang. } \alpha_1 - G_1 \text{ tang. } \alpha)}{\tan \alpha_1 \alpha + \tan \alpha_2 \alpha_1}$$

unb

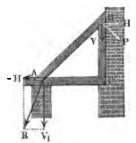
$$V_1 = G_1 + Q = G_1 + \frac{1}{2} \frac{(G \text{ tang.} \alpha_1 - G_1 \text{ tang.} \alpha)}{tang. \alpha + tang. \alpha_1}$$

Die Neigungen & und da berfelben gegen ben Horizont laffen fich burch bie Ausbrilde:

tang.
$$\delta = \frac{V}{H} = \frac{(2 G + G_1) \tan g. \alpha + G \tan g. \alpha_1}{2 (\tan g. \alpha + \tan g. \alpha_1)}$$

und
$$tang.$$
 $\delta_1 = \frac{V_1}{H} = \frac{G_1 \ tang. \ \alpha + (2 \ G_1 + G) \ tang. \ \alpha_1}{2 \ (tang. \ \alpha + tang. \ \alpha_1)}$ bestimmen.

§. 55 Gestützte Sparren. Ruht ber Sparrentopf B, Fig. 94, auf einer Säule B C, so fällt ber Sparrenschub Neiner aus, als wenn er sich an eine verticale Wand ober Säule anlehnt. Es ist hier nach §. 51 ber Druck gegen ben Kopf bieser Säule:



$$P = G \frac{s}{l} \cos \alpha = 1/2 G \cos \alpha,$$

und ber Horizontalschub:

$$H = P \sin \alpha = \frac{1}{2} G \cos \alpha \sin \alpha$$

= $\frac{1}{4} G \sin 2 \alpha$.

Da die Säule von dem Gewichte G den Theil $V = P \cos \alpha = \frac{1}{2} G (\cos \alpha)^2$

trägt, fo brudt allerbings ber Ballen nicht mit feinem ganzen Gewichte G, sonbern nur mit ber Rraft:

$$V_1 = G - \frac{1}{2} G (\cos \alpha)^2 = G [1 - \frac{1}{2} (\cos \alpha)^2]$$

= \frac{1}{2} G [1 + (\sin \alpha)^2]

im Fuß A vertical abwärts. Aus bieser Berticaltraft und aus bem Horisontalschube H folgt nun für ben Winkel δ , welchen bie Mitteltraft R mit bem Porizonte einschließt:

tang.
$$\delta = \frac{H}{V_1} = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sin 2\alpha}{1 + (\sin \alpha)^2}$$

Fuhren wir die Tiefe A C = b und die Bohe B C = h ein, fo erhalten wir:

$$H=\frac{bh}{b^2+h^2}\cdot\frac{G}{2},$$

während wir beim Anlehnen bes Sparrens, $H=rac{b}{h}\cdotrac{G}{2}$ gefunden haben.

Trägt jebe Längeneinheit bes Sparrens bas Bewicht q, fo hat man:

$$G = \sqrt{b^2 + h^2} \cdot q$$

ju feten, weshalb filr ben einen Fall:

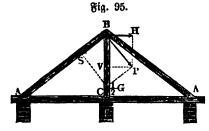
$$H = \frac{bh}{2\sqrt{b^2 + h^2}} \cdot q$$

und für ben anberen:

$$H = \frac{b\sqrt{b^2 + h^2}}{2h} \cdot q$$

folgt, und nun zu ersehen ist, daß bei dem Sparren mit Säule der Horizonstalschub um so kleiner und dagegen bei Sparren ohne Säule, derselbe um so größer ausfällt, je niedriger das Dach ober Gespärre ist.

Damit die Saule BC von ber Horizontalfraft H nicht umgefturzt werbe,



ift es nöthig, fie von hinten, 3. B. burch eine Mauer, noch besonders zu unterstillen.

Dieselben Araftverhällniffe tommen übrigens auch bei bem Lehrgespärre ABA, Figur 95, vor, wo zwei gegen einander gestellte Sparren burch eine Saule gemein-

schaftlich unterstützt sind. Es nimmt auch hier die Säule die Normallräfte P und $P=rac{G}{2}\coslpha$ auf, aus welchen die Verticaltraft:

$$V = 2 P \cos \alpha = G (\cos \alpha)^2$$

refultirt, während in den Sparren die Schube S und $S=rac{G}{2}$ sin. lpha zus ruchteleiben, aus welchen wieder die Horizontalschube

H und
$$H = S \cos \alpha = \frac{G}{2} \sin \alpha \cos \alpha = \frac{G}{4} \sin 2 \alpha$$

hervorgehen.

Uebrigens braucht hier die Saule keine Seitenunterstützung, weil sich die Horizontaltrafte im Scheitel aufheben.

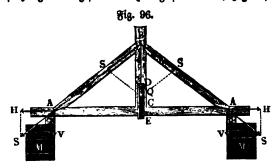
Beispiel. Bei bem Dache im Beispiele zu §. 52 war die Belastung eines Sparrens: G=2657,8 Pfund, b=20 und h=30 Fuß, also $tang. a=\sqrt[9]{3},$ $a=56^{\circ}18'36''$; es ist daher bei Anwendung einer Saule, der Horizontalschub:

 $H=\frac{2037.8}{4} \sin. 112^{\circ}37' 12''=664,4 \sin. 67^{\circ}22'48''=613,3 Fund,$ und der Berticalbrud, welchen die Saule aufnimmt:

 $V = \frac{2657.9}{2} (\cos. 56^{\circ} 18' 36'')^{\circ} = 408.9$ Fund.

Es trägt baber ber Balten nur bie Laft 2657,8 - 408,9 = 2248,9 Pfunb.

§. 56 Hangeworke. Während in bem seither betrachteten Falle die Stand faule ober Stüte BC einen Theil des Sparrendruckes in fich aufnimmt und auf ihre eigene Unterfillhung überträgt, wirft die Sangefäule BC, Fig. 96, auf umge-



tehrte Weise; sie nimmt nämlich einen Theil der Belastung eines Vallens AA oder Tramens auf und trägt denselben vermittels der Sparren oder Streben AB und AB auf die Seitenmauern M und M über. Die Kraft Q, welche die Hängesäule mittels des Hängeeisens DE aufnimmt, ergiedt sich aus der Größe und Art der Belastung des Baltens AA. Ist die Last auf den Balten gleichmäßig vertheilt, so läßt sich annehmen, daß drei Achtel der Last von den Umfangsmauern unmitteldar, und die übrigen sühr Achtel von der Hängesäule aufgenommen werden; ist sie aber in der Mitte oder über dem Unterzugdalken concentrirt, so hat man auch anzunehmen, daß sie vollständig von der Hängesäule getragen werde. Die Krast Q in der Hängesäule zerlegt sich in zwei nach den Sparrenrichtungen wirkende Seitenkräfte, wovon jede den Werth:

$$S = \frac{Q}{2 \sin \alpha}$$

hat, und giebt ben Horizontalschub:

$$H = S \cos \alpha = \frac{Q}{2} \cot \alpha g.\alpha$$

fowie ben Berticalfdub:

$$\dot{V} = S \sin \alpha = \frac{Q}{2}$$
.

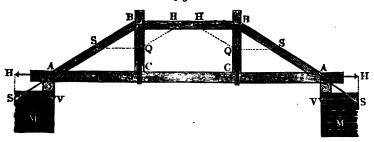
Mit Berudsichtigung ber Sparrengewichte G, G erhalt man:

$$S = \frac{Q + G}{2 \sin \alpha}$$
, daher:
 $H = \left(\frac{Q + G}{2}\right)$ cotang. α , sowie:
 $V = \frac{Q + G}{2}$,

und folglich bie Berticalfraft im Stillpunkt A:

$$V_1 = V + \frac{G}{2} = \frac{1}{2}Q + G.$$

Bei langen Bruden und tiefen Gebäuden tommen gufammengefeste Bangewerte mit zwei ober mehreren Bangefaulen vor. Fig. 97 reprafens



tirt ein solches Hängewert mit zwei Hängeschulen BC und BC, und einem zwischen besiehn besindlichen Spannriegel BB. Die Berechnung dieser Construction ist übrigens vollsommen in Uebereinstimmung mit der des einsachen Hängewerkes. Aus der Belastung Q einer Hängeschle folgt die Horizontalstraft im Spannriegel und in den Balkenenden A und A, H=Q cotang. α , wenn α die Reigung der Streben AB und AB gegen den Horizont bezeichnet. Da dieser Winkel oft ziemlich klein ist, so hat man es dann mit einem bedeutenden Horizontalschube zu thun und daher Sorge zu tragen, daß den Streben an den Fußpunkten ein hinreichender Widerstand entgegenzgescht werde (vergl. §. 52). Uebrigens hat man den Streben und Spannriegeln Stärken zu geben, welche ein Viegen oder Zerbrechen berselben durch die Kräske:

$$S = \frac{Q}{\sin \alpha}$$
 und $H = Q$ cotang. α

nicht zulassen, und nach ber Lehre von ber rückwirkenden Festigkeit (Band I., §. 268 und 269) zu berechnen sind.

Die Kraft Q ist von ber Belastung ber Brlide abhängig. Ist die Last gleichförmig auf der Brlide vertheilt, so rechnen wir ziemlich sicher, wenn wir annehmen, jede hängestäule trägt drei Achtel, und jede der beiden Seiztenmauern ein Achtel ber Belastung (f. §. 43).

Beispiel. Wenn bas boppelte Sangewerk in Fig. 97 eine 60 Fuß lange und 12 Fuß breite Brude zu tragen bestimmt ist, und angenommen wird, baß jeder Quadratfuß dieser Brude sammt Belastung 50 Pfund wiegt, so ergiebt sich bas Gewicht der Brude

= 60.12.50 = 36000 Pfunb, und bie Belastung ber Sangesaulen

 $Q = \frac{8}{8}.36000 = 13500;$

baber bei 221/20 Reigung ber Streben, ber Gorizontalicub

 $H=18500\ cotang.\ 22^{1}/_{2}{}^{0}=18500\ .2,4142=32592$ Pfund, und ber Schub in einer Strebe

$$S = \frac{13500}{\sin 22\frac{1}{2}0} = 35277 \,$$
Hund.

Jebenfalls vertheilen sich diese Spannungen auf zwei Riegel und auf zwei Streben, die sich auf beiden Seiten der Brücke befinden; es ist also die von einem Spannriegel aufzunehmende Kraft 16296 Pfund, und die von einer Strebe 17638 Pfund. Rehmen wir nun (nach Band I., §. 212) den Festigkeitsmodul des Holges — 6500 Pfund an und geben wir zwanzigsache Sicherheit, so erhalten wir für den nottigen Querschnitt eines Spannriegels:

$$F = \frac{16296 \cdot 20}{6500} = \frac{3259,2}{65} = 50$$
 Quadratzoll,

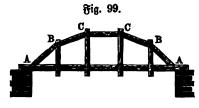
und für eine Strebe :

$$F_1 = \frac{|17638.20}{6500} = \frac{3527,7}{65} = 54,3$$
 Quadratzoll.

Busammengesetzere Sangewerke, wie die Figuren 98 und 99 vor Augen führen, lassen sich leicht nach bem Obigen berechnen. In beiben Fällen

A C C

(Fig. 98.



läßt fich nach §. 43 annehmen, bak jebe ber außeren Bangefaulen B, B, neun, und jebe ber inneren Gaulen C, C, acht Bierzigstel ber ganzen Belaftung tragen und bie übrigen feche Bierzigstel ju gleichen Theilen von ben Seitenmauern unmittelbar aufgenommen werben. Bei ber letteren Construction ift die Reigung ber einen Strebe nicht willfiltlich, fonbern von ber neigung ber andes ren abhängig. Ift Q bie Kraft und a bie Reigung ber Strebe B C, fo wie Q1 die Rraft und a1 die Reis gung ber Strebe AB, fo hat man bie Borizontalspannung:

$$H = Q$$
. cotang. $\alpha = (Q + Q_1)$ cotang. α_1 ,

baher:

tang.
$$\alpha_1 = \frac{Q + Q_1}{Q}$$
 tang. α .

§. 57. Sprengwerke. Während die Hängewerke einen Boben ober eine Brüde von oben unterstützen, dienen die sogenannten Sprengwerke bazu, eine Untersstützung von unten zu bewirken. Die Bertheilung des Drudes ersolgt übrigens bei den Sprengwerken genau so wie bei den Hängewerken. Bei dem ein-

fachen Sprengwert in Fig. 100 ergiebt sich aus ber Berticaltraft Q in ber Mitte C ber Brude AA ber Horizontalschub:

$$H = 1/2 Q$$
 cotang. α

und die Spannung der Strebe B C:

$$S=\frac{1}{2}\frac{Q}{\sin \alpha},$$

wenn a bie Neigung ber Strebe gegen ben Horizont bezeichnet. Fig. 100.

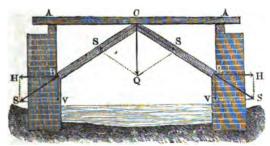
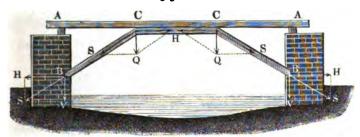


Fig. 101.



Bei dem Sprengwerke mit Spannriegel, Fig. 101, sind die Aräfte dieselben, nur läßt sich hier $Q = \frac{3}{8}$ der ganzen Belastung setzen, während dort für Q, $\frac{5}{8}$ derselben anzunehmen ist. Ift das Sprengwerk doppelt, wie Fig. 102 vor Augen führt, so hat man vier Streben und es läßt sich nun sig. 102. setzen, daß jede reichlich ein Fünstel der ganzen Belastung G trägt, also

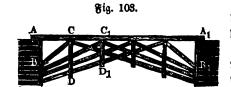


 $Q=1/_5$ G ift.

Um bas Biegen ber langeren Streben zu verhüten, bringt man noch fogenannte Zangen AD, AD an, zumal wenn bie Zahl ber Streben noch größer ift.

Die Bertheilung bes Drudes bei einer aus ungleichschenkeligen Spreng-

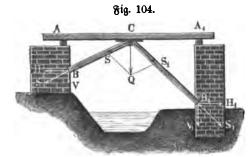
werken bestehenben Construction, Fig. 103, ift genau so wie bei bem Sprengwerke Fig. 102 anzunehmen, nur sind hier die Bander oder Zangen CD,



C1 D1 ... um so nöthiger, ba bie Streben zum Theil sehr lang ausfallen. Uebrigens ift es sicherer, wenn man bie Gewichte ber sämmtlichen Constructionstheile mit in Rechnung zieht, indem man bie Hälfte

eines jeben Theiles an feinen Enben nieberziehend annimmt.

Saben je zwei gegen einander gestellte Streben BC und B1 C, Fig. 104, verschiebene Reigungswinkel a und a1 gegen ben horizont, fo laffen



fich die aus dem Berticaldrucke Q erwachsenden Spannungen S und S1 der Streben durch die bekannten Broportionen:

$$\frac{S}{Q} = \frac{\sin S Q C}{\sin C S Q}$$
und
$$\frac{S_1}{Q} = \frac{\sin S_1 Q C}{\sin C S_1 Q}$$
finden; e8 ist hiernach:

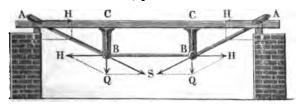
$$S = \frac{Q \cos \alpha_1}{\sin (\alpha + \alpha_1)}$$
 und $S_1 = \frac{Q \cos \alpha}{\sin (\alpha + \alpha_1)}$,

und die Horizontalfpannung beider Streben:

$$H = S \cos \alpha = S_1 \cos \alpha_1 = \frac{Q \cos \alpha \cos \alpha_1}{\sin (\alpha + \alpha_1)} = \frac{Q}{\tan \alpha + \tan \alpha_1}$$
 (vergl. §. 54).

§. 58 Häng- und Sprengworko. Beiben im Borstehenben abgehandelten hängsund Sprengwerken erfolgt die Uebertragung einer Balkenlast auf die Enden der Balken oder auf die Unterstützungsmauern derselben durch Druck, so daß auch die biesen Druck aufzunehmenden Sparren oder Streben durch ihre Druckseiti wis berstehen mussen. Man kann aber auch die amgekehrte Anordnung treffen, nämlich den Druck durch einen Zug ersehen, wenn man diese Uebertragung einer Kraft statt der hölzernen oder gußeisernen Streben, durch schmiedeseiserne Zugstangen oder Spannschienen erseht, welche dann durch ihre absolute Festigkeit widerstehen mussen. Es entstehen dadurch gewissermaßen umgekehrte Hängs und Sprengwerk. In Fig. 105 ist z. B. ABBA ein solches umgekehrtes Hängewerk, welches seiner Stellung nach zu den

Sprengwerken gehört, ba es ben Balken AA von unten unterstützt. Ist auch hier α ber Reigungswinkel CAB ber Zugstangen AB, AB gegen Fig. 105.



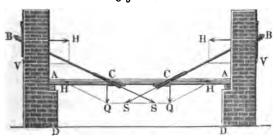
ben Horizont, und Q die Kraft, mit welcher jede gußeiserne Säule BC, BC den Balten unterstützt, so hat man die durch Q bewirkte Zugkraft einer solchen Zugkange:

$$S = \frac{Q}{\sin \alpha},$$

und dagegen die Horizontalkraft, mit welcher die Spannschiene BB zwischen ben Säulen BC, BC ausgedehnt, und folglich der Balten felbst comprimit wird:

H = Q cotang. α .

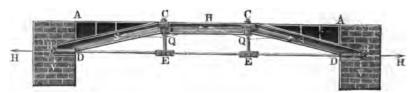
Bei bem Hängewerke BCCB, Fig, 106, welches aus zwei einfachen Zugbandern BC, BC besteht, wodurch ber Träger AA in zwei Zwischen-Ria. 106.



punkten C, C unterstützt wird, kommen genau dieselben Kraftzerlegungen vor, wobei das die Spannschiene ersetzende Balkenstück CC mit der Kraft H=Q cotang. α ausgedehnt wird. Der Jug $S=\frac{Q}{\sin\alpha}$ der Jugbünder ist aber hier nicht auf die Balkenenden, sondern auf die Unterstützungsmauern BD, BD übergetragen, welches allerdings auch bei der ersteren Sonstruction geschehen kann. In diesem Falle ist natürlich die Mauer so die zu machen, daß sie durch ihr Gewicht sowohl dem Ausgleiten als dem Kippen widerstehen kann. Die Wirkungen der Spannkräfte H, H auf einen belasteen Balken sind nach Band I., \S . 272 u. \S . w. zu beurtheilen, und

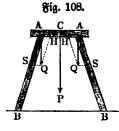
bie Wirfungen bieser Kräfte auf bie Unterstützungen sind bieselben wie bie eines Gewölbes auf seine Wiberlager; es lassen sich folglich auch bie Stärfen bieser Mauern wie bie ber Widerlagsmauern bei Gewölben (f. §. 27) ermitteln.

Ein ganglich eisernes Sprengwerk ift in Fig. 107 abgebilbet. Es find hier BC, BC bie beiben gußeisernen Streben, zwischen welchen ber Fig. 107.



gußeiserne Spannriegel CC gespannt ist, und es ist BB eine lange schmiedeeiserne Zugstange, welche ben Horizontalschub H=Q cotang. α in sich
aufnimmt, ber außerbem von ben Wiberlagsmauern aufgenommen werben
müßte. Die Zugstange geht durch die Muffen BD, BD, welche die Enden
ber Streben ausmachen, und lassen sich durch die Schraubenmuttern B, Banspannen. Um dem Biegen dieser Stangen durch ihre eigene Schwere entgegenzuwirken, setzt man dieselben aus mehreren Theilen DE, EE, DEzusammen und hängt sie mittels schmiedeeiserner Hängestäbe CE, CE an
ben Enden des Spannriegels CC auf.

§. 59 Säulen und Streben. Da die Tragtraft eines Bastens ber Länge besselchen umgekehrt proportional ist, so muß man die letztere so viel wie möglich herabzuziehen suchen. Dies kann z. B. geschehen, wenn man den Balken AA, Fig. 108, auf schiefstehende Säulen AB, AB legt. Die

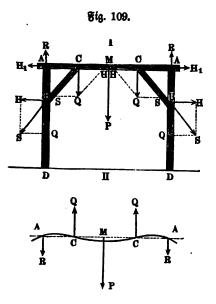


Kraft $Q = \frac{P}{2}$, mit welcher die Last P des ganzen Ballens unmittelbar über einer solchen Säule vertical abwärts wirft, zerlegt sich in eine Kraft S, welche als Axenschub auf die Säule übergeht, und in einen Horizontalschub, welchen der Balsen aufninnt, indem er von derselben zusammengedrückt wird. Ist α der Neigungswinkel der Säule gegen den Horizont, so solch wie bei einer Strebe:

$$S = rac{Q}{\sin \alpha} = rac{P}{2 \sin \alpha}$$
 und $H = Q$ cotang. $\alpha = rac{P}{2}$ cotang. α .

Sind, wie in Fig. 109, L, die beiben Saulen AD, AD zwar vertical, ist aber ber Balten außerdem noch durch zwei Streben BC, BC unter-

stitet, so können wir annehmen, daß die neutrale Are besselben die in Fjs gur 109, II., dargestellte Eurve ACMCA bilbe.



Wir konnen uns bier vorstellen, bag ber Balfen AA aus zwei Salften AM, AM beftehe, welche in ber Mitte M feftgehalten und burch zwei Rrafte Rund Q nach entgegengefesten Richtungen gebogen werben. Da hierbei bie Angriffspuntte A und C unverändert bleiben, fo ift die Bogenhöhe bes Baltenftudes A C,=0, und folglich nach Band I., §. 220, wenn man bort $l_1 = l$, sowie statt $P_1, -Q$ und statt P, R einsett:

$$R + \frac{1}{3}(R - Q) + \frac{R}{3} = 0,$$

so daß nun $^{11}/_6$ $R=rac{Q}{2}$,

fowie Q = 11/8 R folgt.

Run ist aber P+2R-2 Q=0, baher auch P+2 $R=\frac{22}{3}$ R=0, und es ergiebt sich:

$$R = \frac{3}{16} P$$
, sowie $Q = \frac{11}{3} \cdot \frac{3}{16} P = \frac{11}{16} P$.

Es wirft also in jeder Strebe die Kraft $^{11}/_{16}$ P abwärts, so daß der entsprechende Arenschub:

$$S=\frac{11}{16}\,\frac{P}{\sin \alpha},$$

und die Horizontalspannung:

$$H = \frac{11}{16} P cotang. \alpha$$

folgt, wofern α ben Reigungewinkel einer Strebe gegen ben Horizont be-

Die Kraft S zerlegt sich in der Säule AD wieder in eine Berticalkraft $Q = {}^{11}/_{16} P$,

und in die Borizontalfraft:

$$H=\frac{11}{16}P$$
 cotang. α .

Da die Kraft $R=s/_{16}$ P des Baltens auf die Saule von unten nach oben wirft, so muß natürlich das Baltenende mit dem Saulenkopfe 3. B.

burch ein eisernes Band fest verbunden werben. Das Stüd AB der Säule AD wird hiernach durch die Kraft $R=\sqrt[8]{_{16}}\,P$ ausgebehnt, wogegen das Stüd BD desselben die Compressionskraft $Q=R=\frac{P}{2}$ auszuhalten hat. Außerdem muß natürsich auch die Säule die Biegungskraft

$$H=\frac{11}{16}$$
 P cotang. a aushalten.

Ift noch I die Länge AD ber ganzen Säule und I, die Länge BD bes Säulenstüdes unterhalb ber Streben, so folgt die Horizontaltraft, mit welscher die Säule auf den Balten wirft,

$$H_1 = \frac{l_1}{l} H = \frac{11}{l_1} \cdot \frac{l_1}{l} P cotang. \alpha.$$

Es wird also das Balkenstud A C durch diese Kraft H_1 ausgebehnt, und dagegen das mittlere Balkenstud C C durch die Kraft

$$H - H_1 = {}^{11}/_{16} \left(\frac{l-l_1}{l}\right) P$$
 cotang. α

comprimirt, übrigens aber auch noch burch die in M angreifende Rraft P gebogen. Man hat baber nicht allein die Stärke einer Säule, sondern auch die des Baltens in hinsicht auf zusammengesette Festigkeit zu berechnen.

§. 60 Einsoltig unterstützte Träger. Man hat die Balten ober Träger besonders bann durch Streben und Bänder zu unterstützen, wenn sie nur an einem Ende befestigt find.

Der mit einem Ende A, Fig. 110, von oben unterstützte Balken AB trage

eine am anderen Ende B angreisende Last P und sei darin durch eine Strebe CD untersstützt. Es sei l die ganze Länge AB, l_1 die Länge AC des Balkenstückes zwischen den beiden Stützpunkten A und C, und α der Neigungswinkel ACD der Strebe gegen den Horizont. Sehen wir dem Stützpunkt A als Drehungspunkt eines Hebels an, dessen Kräfte P und Q an den Hebelsarmen l und l_1 sich das Gleichgewicht halten, so ist $Ql_1 = Pl$ zu setzen, und es solgt der Berticalbruck im Stützpunkte C:

$$Q = \frac{l}{l_1} P,$$

und bagegen ber Drud im Stütpunkte A:

$$R = Q - P = \left(\frac{l - l_1}{l_1}\right) P.$$

Der Drud Q zerlegt sich in die Rraft

$$S = \frac{Q}{\sin \alpha} = \frac{1P}{l_1 \sin \alpha},$$

welche die Strebe nach ber Mauer führt, und in ben Baltenschub:

$$H = Q$$
 cotang. $\alpha = \frac{l}{l_1} P$ cotang. α ,

welcher ben Ballen ansbehnt und aus ber Mauer herauszuziehen fucht.

Ift bagegen der Ballen am Ende A fest eingemanert, so können wir nach Band I., §. 220, wenn wir bort statt l, $l-l_1$, und statt P_1 , Q einführen, da hier die Bogenhöhe a_1 des Ballenstücks A C, Fig. 110, II., Rull ist, setzen:

$$\frac{1}{2}P(l-l_1)l_1^2+\frac{1}{2}(P-Q)l_1^3=0$$

ober

$$P\left(3\,l-l_1
ight)=2\,Q\,l_1$$
, woraus $Q=\left(rac{3\,l-l_1}{2\,l_1}
ight)P$, und

$$R=Q-P=\left(rac{3\,l-l_1}{2\,l_1}
ight)\,P-P=3\left(rac{l-l_1}{2\,l_1}
ight)\,P$$
 folgt.

Benn 3. B. die Strebe in der Mitte des Ballens angreift, also $l_1 = 1/2 l$ ift, so ergiebt sich:

$$Q = \frac{5}{2} P$$
 und $R = \frac{3}{2} P$,

während fich nach ber obigen Borausfetzung

$$Q=rac{l}{l}$$
 $P=2$ P und $R=P$ setzen läßt.

Sanz auf dieselbe Weise ist auch ber Fall zu behandeln, wenn ber Balten AB, Fig. 111, durch eine Hängestange CD unterstützt wird. Es ist bei benselben Bezeichnungen auch hier die Spannung ber Hängestange:



$$S = \frac{Q}{\sin \alpha} = \frac{l P}{l_1 \sin \alpha},$$

und die Kraft, mit welcher ber Balten zusammengebrlickt und gegen die Mauer gepreßt wirb:

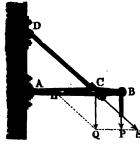
$$H = Q \text{ cotang. } \alpha = \frac{l}{l_1} P \text{ cotang. } \alpha.$$

Nach ber zweiten Annahme ift:

$$S = \left(\frac{3 \, l - l_1}{2 \, l_1}\right) \frac{P}{\sin a}$$

unb

$$H = \left(rac{3\,l - l_1}{2\,l_1}
ight)$$
 P cotang. $lpha$.



Während bas Ballenstild BC ber Kraft burch seine Biegungssestigkeit ber Kraft P widerstehen muß, hat bas Ballenstild AC bie Kraft:

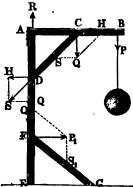
$$R = \left(\frac{l-l_1}{l_1}\right) P,$$

ober, nach ber letteren Annahme, bie Rraft:

$$R=\frac{3(l-l_1)}{2l_1}P,$$

burch seine Biegungs- sowie die Kraft H burch seine Druckseit aufzu- nehmen.

Ift ber Ballen AB, Fig. 112, auf bem Kopfe einer Säule AE
Fig. 112. befestigt, so hat biese in bem Theile AD ber
Ausbehnungerraft



$$R = \frac{l-l_1}{l_1}P$$

und in dem Theile DE der Compressionstraft P, in beiden aber überdies noch dem Biegungsmomente Pl zu widerstehen.

Ift enblich die Säule am Fuße mit einer Strebe FG ausgerüstet, so nimmt diese eine Kraft S_1 auf, welche sich aus dem Neigungswinkel $EGF = \beta$ und der Höhe $EF = \alpha$ des Angriffspunktes F über der Sohle wie solgt bestimmen läßt. Dem Umbrehungsmoment Pl der Kraft P in Hindrehungsmoment P

burch ein Umbrehungsmoment P_1 . $\overline{EF} = P_1 a$ das Gleichgewicht gehalten; es ift folglich die Horizontals oder Normalkraft in F:

$$P_1=\frac{Pl}{a},$$

und es find daher bie Componenten berfelben, nach ber Are ber Saule und ber ber Fugftrebe gerichtet:

$$Q_1 = P_1 \text{ tang. } \beta = \frac{Pl}{a} \text{ tang. } \beta$$

unb

$$S_1 = \frac{P_1}{\cos in. \beta} = \frac{Pl}{a \cos in. \beta}.$$

Hiernach wird also das Stild EF der Säule entweder durch die Kraft $P-Q_1=P\left(1-\frac{l}{a}\ tang.\,eta
ight)$ comprimirt, oder mit der Kraft $Q_1-P=P\left(\frac{l}{a}\ tang.\,eta-1
ight)$ ausgedehnt, und zwar ersteres, wenn $a\ cotang.\,eta>l$ ift, also der Fußpunkt G der Fußstrebe über dem Auf-

b. i.

hängepunkte B hinausliegt, und letteres, wenn a cotang. $oldsymbol{eta} < l,$ also EG < AB ift.

Beispiel. Bei einem hölzernen Galgengerüste, Fig. 112, betrage bie Last P=1500 Bfund, die Armlange AB=l=12 Fuß, die Meigung beiber Streben $\alpha = \beta = 45^{\circ}$, und die Lange einer jeben 81/2 Fuß; man sucht die nothigen Starfen biefer Conftruction. Die Horizontal = und Berticalprojectionen ber Streben find $l_1=a=8,5$ sin. $45^0=6$ Fuß, folglich ift die Spannkraft ber Strebe CD:

$$S = \frac{lP}{l, \sin \alpha} = \frac{12.1500}{6 \sin 45^0} = \frac{3000}{0.7071} = 4243 \Re \text{funb};$$

und baber ber nothige Querschnitt, wenn man ben Tragmobul T=250 Bfund annimmt:

$$F=\frac{S}{T}=\frac{4243}{250}=17$$
 Quabratzoll.

Fur ben Arm ober Balten haben wir nach Band I., §. 272, wenn wir bier T = 500 Pfund annehmen,

$$bh = \left(\frac{l}{l_1} \text{ cotang. } a + \frac{6(l-l_1)}{h}\right) \frac{P}{T} = \left(2 + \frac{6.72}{h}\right) \cdot \frac{1500}{500},$$
 $bh = 6 + \frac{1296}{h},$

und wenn wir bie Sobe & ber boppelten Breite 2b bes Balfens gleich nehmen:

$$2b^{s} = 6 + \frac{648}{b}$$
 ober $b^{s} - 3b = 324$, woraus nun

$$b = \sqrt[8]{324 + 8b}$$
, zunächst annähernb $b = 7$, und bann genauer

$$b = \sqrt[3]{374 + 21} = \sqrt[3]{345} = 7,01$$
 goll, und $h = 14,02$ goll folgt.

Fur bie Caule, namentlich fur beren Mittelftud DF berfelben hat man nach 5. 271 bes erften Bantes, wenn man T=500 Bfund annimmt:

$$b_1 h_1 = \left(1 + \frac{6 l}{h_1}\right) \frac{P}{T} = \left(1 + \frac{6 \cdot 144}{h_1}\right) \cdot \frac{1500}{500} = 3 + \frac{2592}{h_1}$$
, und macht man hier die Dide ober Dimenston h_1 in der Ebene durch ben Balten

um die Salfte größer als die Breite b1, fo ift

$$b_1^3 = 3 + \frac{1728}{b_1}$$
 ober $b_1^3 = 2b_1 + 1152$,

 $b_1 = \sqrt[4]{1152 + 2b_1}$, annähernb = 10,5, bann genauer

$$b_1 = \sqrt[8]{1152 + 21} = \sqrt[8]{1178} = 10,55 \text{ Boll},$$

 $b_1=\sqrt[3]{1152+21}=\sqrt[3]{1173}=10,55$ Joll, und baber $h_1=\sqrt[3]{b_1}=15,88$ Joll fich ergiebt. Für ben oberen Theil AD ber Saule, welcher ftatt ber Compressionsfraft Peine Ausdehnungefraft $R=inom{l-l_1}{l_1}$ P auszuhalten hat, ist der Querschnitt:

$$b_1 h_1 = \left(\frac{l-l_1}{l_1} + \frac{6 l}{h_1}\right) \frac{P}{T} = \left(1 + \frac{6 \cdot 144}{h_1}\right) \cdot 8 = 8 + \frac{2592}{h_1},$$

genau ber vorige, und für ben Theil EF, welcher bie Ausbehnungefraft

$$Q_1-P=P\left(rac{l}{a} tang. \beta-1
ight)=1500 \ (2-1)=1500 \$$
Hund, und das Roment $P_1 a=Pl$ aufzunehmen hat, ergiebt fich gleichfalls

$$b_1 h_1 = \frac{Q_1 - P}{T} + \frac{6 l}{h} \cdot \frac{P}{T} = \left(1 + \frac{6 \cdot 144}{h_1}\right) \frac{P}{T} = 3 + \frac{2592}{h_1}$$

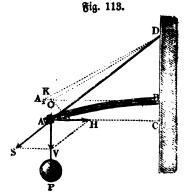
Es ift also ber erforberliche Querschnitt ber gangen Saule AE:

Die Fuffpreize FG erleibet enblich ben Arenbrud

$$S = \frac{Pl}{a \ cosin. \beta} = \frac{12 \cdot 1500}{6 \ cosin. 45^{\circ}} = 4248 \$$
 \$\text{Ffunb},

wie die Ballenstrebe, weshalb ihr auch berfelbe Querfcnitt von 17 Quabraizoll zu geben ift.

§. 61 Ausdehnung der Zugstangen. Wenn man die burch Streben ober Zugstangen unterstützten Balken nicht als starre Körper anslieht, sondern auch die Biegung derselben mit in Betracht zieht, wie wir es oben (§. 49) bei den durch Säulen unterstützten Balken gethan haben, so muß natürslich auch die Kraftzerlegung an denselben eine Aenderung erleiden. Da wir unter der letzten Boraussesung Formeln zur Bestimmung der Kräfte eines auf genannte Weise unterstützten Balkens gefunden haben, so können wir dann noch sehen, od die im Obigen, dei Annahme vollsommen starrer Körper gefundenen Formeln, in der Prazis noch ausreichen. Der einsachste Fall einer solchen Balkenunterstützung besteht in einem an einem Ende B eingemauerten und am anderen Ende A von einem Gewichte P ergriffenen Balken AB, Fig. 113, mit einer Zugstange AD. Bor Allem entsteht hier die Frage,



Bor Allem entsteht hier die Frage, welchen Theil ber Kraft P am Ende bes Baltens nimmt diese Stange auf und welchen Theil hat der Balten sehängte Gewicht, S die Spannung der Zugstange AD, l die Länge AB des Baltens, F = bh der Quersschnitt desselben, ferner F_1 der Quersschnitt der Stange und α der Reigungswinkel CAD derselben gegen den Horizont, endlich seine E der Elasticitätsmodul des Baltens, sowie E_1 der Stange und W das Biesenschaft der Stange und E_2 der Stange und E_3 der Stange und E_4 der Stange und E_5 der Stange und E_6 der Stange und E_7 der Stange und E_8 der Stange und E_9 der

gungsmoment bes ersteren. Die Spannfraft S zerlegt fich in bie Bertical-fraft

 $V = S \sin \alpha$

und in bie Horizontaltraft

 $H = S \cos \alpha$:

es wird baber ber Ballen burch bie Rraft

$$P-V=P-S \sin \alpha$$

gebogen und burch bie Rraft

$$H = S \cos \alpha$$

zusammengebrückt. Wenn nun der ursprünglich gerade Ballen A_1B burch diese Kräfte die Bogengestalt AB annimmt, so ist für dieselbe die Höhe:

$$BC = OA = a = \frac{(P - S \sin a) l^3}{3 WE}$$
 (j. Band I., §. 217),

und bie Berfürzung:

Stange, nämlich:

$$A_1 O = b = \frac{H}{EF} \cdot l = \frac{Sl \cos \alpha}{EF}$$
 (j. Band I., §. 204).

Projicirt man die Höhe AO auf die Richtung AD der Zugstange, so erhalt man in der Projection:

AN = AO sin. AON = AO sin. BOD = a sin. α bie der Biegung entsprechende Berlängerung der Zugstange, und projecit man die Berlänzung $A_1O = b$ des Ballens auf die Richtung A_1D , so ergiebt sich in der Projection A_1K die entsprechende Berlängerung der

$$A_1 K = A_1 O \cos B A_1 D = b \cos \alpha$$
.

Es folgt baber bie gange Ausbehnung ber Bugftange

$$\lambda = AN - A_1K = a \sin \alpha - b \cos \alpha$$
.

Run ift aber die Spannung:

$$= \frac{\lambda}{AD} E_1 F_1 = \frac{\lambda \cos \alpha}{l} \cdot E_1 F_1 = \left(\frac{a \sin \alpha - b \cos \alpha}{l}\right) \cos \alpha \cdot E_1 F_1$$

$$= \left(\frac{(P - S \sin \alpha) l^2 \sin \alpha}{3 W E} - \frac{S \cos \alpha^2}{F E}\right) \cos \alpha \cdot E_1 F_1,$$

baher folgt:

$$S\left(\frac{1}{E_1 F_1 \cos \alpha} + \frac{\cos \alpha^2}{EF} + \frac{l^2 \sin \alpha^2}{3 WE}\right) = \frac{P l^2 \sin \alpha}{3 WE},$$

also die gesuchte Spannkraft bes Zugbandes

$$S = \frac{Pl^2 \sin \alpha}{3 WE \left(\frac{1}{E_1 F_1 \cos \alpha} + \frac{\cos \alpha^2}{EF}\right) + l^2 \sin \alpha^2}$$

ober, wenn man $W=rac{b\,h^3}{12}$ und $F=b\,h$ einführt:

1)
$$S = \frac{Pl^2 \sin \alpha}{\frac{1}{4} \frac{b h^2 E}{E_1 F_1 \cos \alpha} + \frac{1}{4} h^2 \cos \alpha^2 + l^2 \sin \alpha^2}$$

Annähernd:

$$S = \frac{P}{\sin \alpha} \left[1 - \frac{1}{4} \left(\frac{FE}{F_1 E_1 \cos \alpha} + \cos \alpha^2 \right) \frac{h^2}{l^2 \sin \alpha^2} \right].$$

Die Querschnitte F und F, bes Baltens und der Schiene ergeben sich nun mittels der entsprechenden Tragmodel T und T, burch die Formeln:

$$T = \frac{S \cos \alpha}{F} + \frac{(P - S \sin \alpha) hl}{2 W}$$
 and $T_1 = \frac{S}{F_1}$,

und zwar ber Querschnitt bes Ballens:

2)
$$F = bh = \frac{S \cos \alpha}{T} + \frac{6(P - S \sin \alpha)l}{Th}$$

und ber Querschnitt ber Bugftange:

3)
$$F_1 = \frac{S}{T_1}$$
.

Wenn α einen mittleren Werth hat, also sich weber 0° noch 90° sehr nähert, und wenn bas Querschnittsverhältniß $\frac{F}{F_1}=\frac{b\,h}{F_1}$ nicht sehr groß ist, so kann man in der Formel (1) nicht nur das Glied $^{1}/_{4}\,h^{2}\cos\alpha^{2}$, sondern auch das Glied $^{1}/_{4}\,\frac{b\,h^{2}\,E}{E_{1}\,F_{1}\cos\alpha}$ vernachlässigen, weshalb für die meisten Fälle

 $S=rac{P}{\sinlpha}$ zu setzen und anzunehmen ist, daß die Zugstange die ganze Last P trägt, und der Balten nur in der Richtung seiner Are mit der Kraft

$$H = S \cos \alpha = P \cot \alpha \alpha$$
.

gufammengebrüdt wirb.

Wird der Balten auf gleiche Weise durch eine Strebe von unten untersstützt, so gelten dieselben Formeln, nur ist dann S eine Drucks und H eine Zugkraft, folglich $\lambda = a \sin \alpha - b \cos \alpha$ eine Berkürzung, und in $F_1 = \frac{S}{T_1}$, statt T_1 der Tragmodul für Drucksestigkeit einzuführen.

Beifpiel. Wenn ein Balten AB, Fig. 118, von 100 Boll Lange eine Laft P von 5000 Bfund tragen und hierbei von einer schmiebeeisernen Bugftange ober einer sogenannten Belfichiene AD unterftüt werben soll, deren Are um 25 Grad von der Are bes Baltens abweicht, welchen Querschnitt hat man dieser Schiene und bem Balten zu geben? Es ift hier:

$$S = \frac{P}{\sin_{\bullet} \alpha} = \frac{5000}{\sin_{\bullet} 25^0} = \frac{5000}{0.4226} = 11831$$
 Pfumb,

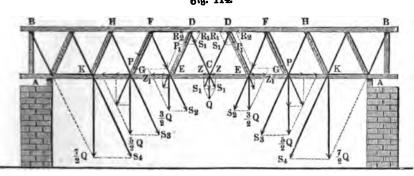
und baher ber nothige Querichnitt ber Bugftange, $F_1=rac{S}{T_1},\,\,$ also für $T_1=5000$ Bfb.:

$$\frac{S}{T_1} = \frac{11831}{5000} = 2,366$$
 Quabratzoll,

bagegen ber Querschnitt bes Baltens, wenn man T=250 Pfund einführt:

$$F = rac{H}{T} = rac{P \, cotang. \, lpha}{T} = rac{5000 \cdot cotang. 25^0}{250} = 42$$
,8 Quadratzoll.

Fachworksträger. Die sogenannten Fachwerksträger sind im Besentlichsten zusammengesetzte Hänge- und Sprengwerke. In der einsachsten Gestalt besteht ein solcher Balten aus zwei einsachen Balten AA, BB, Fig. 114, welche durch Streben, wie DE, FG u. s. w., und durch Zugs Fig. 114.



stangen CD, EF u. s. w. mit einander verdunden sind. Die Art und Weise, wie ein solder Balken dem Biegen und Zerbrechen Widerstand leistet, ist and Folgendem zu ersehen. Denken wir und den Balken der Länge nach in 2n gleiche Theile getheilt, und nehmen wir an, daß in jedem der 2n-1 Theilpunkte, sowie in jedem der beiden Endpunkte A, A eine gleiche Last Q niederziehe, und solglich die ganze Balkenlast (2n-1) Q sei. Die Last Q im Mittelpunkte C zerlegt sich nach den Richtungen der beiden Zugstangen CD, CD, deren Reigung gegen den Horizont $= \alpha$ sein möge, in die Zugskrässe

$$S_1 = \frac{Q}{2 \sin \alpha}$$
 und $S_1 = \frac{Q}{2 \sin \alpha}$.

Diese Kräfte pflanzen sich bis D,D in dem oberen Ballen BB fort und zerlegen sich hier in eine Drudkraft R_1 nach der Axe des Ballens BB und in eine Drudkraft P_1 in dem Richtung der Strebe DE. If β der Reigungswinkel einer folchen Strebe gegen die Balkenaxe, so hat man:

$$\frac{R_1}{S_1} = \frac{\sin{(\alpha + \beta)}}{\sin{\beta}}, \text{ baher } R_1 = \frac{S_1 \sin{(\alpha + \beta)}}{\sin{\beta}} = \frac{Q}{2} \frac{\sin{(\alpha + \beta)}}{\sin{\alpha} \sin{\beta}},$$
und
$$P_1 = \sin{\alpha} = \frac{S_1 \sin{\alpha} + \frac{Q}{2}}{\sin{\alpha} \sin{\beta}}$$

$$rac{P_1}{S_1}=rac{\sinlpha}{\sinlphaeta}, ext{ baher } P_1=rac{S_1\sinlpha}{\sineta}=rac{Q}{2\sineta}.$$

Die Kraft P_1 , welche fich durch die Strebe hindurch bis zum Punkte E in dem unteren Balten fortpflanzt, zerlegt fich hier in eine Berticaltraft

$$V=P_1$$
 sin. $\beta=S_1$ sin. $\alpha=rac{Q}{2}$

und in eine Horizontalfraft:

$$H=P_1 \cos eta=S_1 \sin lpha \cot lpha B_2 \cot lpha eta.$$

Die Berticalkraft $V=\frac{Q}{2}$ vereinigt sich mit ber in E angehängten Last Q, es zieht baher hier im Ganzen $^8/_2$ Q senkrecht nieder, und es ergiebt sich durch Zerlegung dieser Kraft die Spannung der Zugstange EF:

$$S_2 = \frac{3}{2} \frac{Q}{\sin \alpha},$$

fowie die Bugfraft in ber Richtung bes Ballens AA:

$$=\frac{3 Q}{2}$$
 cotang. α ,

alfo, wenn man noch H hinzufügt, die ganze Zuglraft:

$$Z_1 = \frac{3}{2}$$
 Q cotang. $\alpha + \frac{Q}{2}$ cotang. β .

Die Zugkraft S_2 pflanzt sich burch die Zugstange EF bis F im oberen Ballen fort, und zerlegt sich hier wieder in eine Druckfraft nach der Baltenare: S_2 sin. $(\alpha + \beta)$ O sin. $(\alpha + \beta)$

$$R_2 = \frac{S_2 \sin (\alpha + \beta)}{\sin \beta} = \frac{8}{2} \frac{Q \sin (\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta},$$

und in eine Drudfraft nach ber Strebe FG:

$$P_2 = \frac{S_2 \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{3}{2} \frac{Q}{\sin \beta}.$$

Wenn man auf biefe Weise, von ber Mitte nach ben Baltenenben fortsichreitenb, die Ubrigen Spannfrafte ermittelt, so findet man folgende Regeln:

1) Die Zugstangen CD, EF, GH u. f. w. find burch die Rrafte

$$S_1 = \frac{Q}{2 \sin \alpha}$$
, $S_2 = \frac{8}{2} \frac{Q}{\sin \alpha}$, $S_3 = \frac{5}{2} \frac{Q}{\sin \alpha}$ u. f. w.,

und bie Streben DE, FG, HK u. f. w. burch bie Rrafte

$$P_1=rac{Q}{2\sineta},\ P_2=rac{3}{2}rac{Q}{\sineta},\ P_3=rac{5}{2}rac{Q}{\sineta}$$
 u. s. gespanut,

2) Jebe Balfte bes oberen Baltens BB wird burch bie Rrafte

$$R_1 = \frac{Q}{2} \frac{\sin (\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta}$$
, $R_2 = \frac{3}{2} \frac{Q \sin (\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta}$, $R_3 = \frac{5}{2} \frac{Q \sin (\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta}$

ober

$$R_1 = \frac{Q}{2}$$
 (cotang. α + cotang. β), $R_2 = \frac{8}{2}$ Q (cotang. α + cotang. β), $R_3 = \frac{5}{2}$ Q (cotang. α + cotang. β) u. f. w.

gufammengebrückt, bergeftalt also, bag bie ganze zusammenbrückenbe Rraft in ber Mitte zwischen D und D am größten, nämlich

$$R = R_1 + R_2 + R_3 + \cdots = [1 + 8 + 5 + \cdots + (2n - 1)] \frac{Q}{2} \frac{\sin (\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta}$$

$$= [1 + 3 + 5 + \cdots + (2n - 1)] \frac{Q}{2} (\cot \alpha \cdot \alpha + \cot \alpha \cdot \beta),$$

$$= \frac{n^2 Q}{2} (\cot \alpha \cdot \alpha + \cot \alpha \cdot \beta),$$

und bag fie bagegen an ben dugeren Ballenenben B, B nur

$$(2n-1)\frac{Q}{2}\frac{\sin.(\alpha+\beta)}{\sin.\alpha\sin.\beta}=(2n-1)\frac{Q}{2}$$
 (cotang. $\alpha+$ cotang. β) ausfällt.

3) Bebe Balfte bes unteren Baltens AA wird burch bie Bugfrafte

$$Z_1 = \frac{3}{2} Q$$
 cotang. $\alpha + \frac{Q}{2}$ cotang. β ,

$$Z_2 = \frac{5}{2} Q \text{ cotang. } \alpha + \frac{3}{2} Q \text{ cotang. } \beta \text{ u. f. w.}$$

ansgedehnt, so daß folglich die ganze Zugkraft in der Witte C am größten nämlich

$$Z = Z_1 + Z_2 + \dots = [+3 + 5 + \dots + (2n-1)] \frac{Q}{2} \text{ cotang. } \alpha$$

$$+ [1 + 3 + 5 + \dots + (2n-1)] \frac{Q}{2} \text{ cotang. } \beta$$

$$= [(n^2 - 1) \text{ cotang. } \alpha + n^2 \text{ . cotang. } \beta] \frac{Q}{2}$$

ift, und nach ben Enden zu immer Meiner und Meiner wird, so daß fie an einem Ende die Größe

$$(2n-1)\frac{Q}{2}$$
 cotang. β

bebalt.

Ift die Anzahl n ber Streben und Zugbanber fehr groß, so tann &. 63 man die ganze Zugtraft bes unteren Ballens ber ganzen Drudtraft bes obeseen Ballens gleich, und zwar jebe

$$R = \frac{n^2}{2} \ Q \ (cotang. \ \alpha \ + \ cotang. \ \beta)$$
 setten.

Bezeichnet h die Höhe des ganzen Balkens, oder der Normalabstand der beiden Balken von einander, und a den Abstand CE = DF = EG u. s. w. der Streben von einander, in der Richtung der Balkenaxen gemessen, so hat man:

$$a = h$$
 (cotang. $\alpha + cotang. \beta$)

und baher

$$R = \frac{n^2 a}{2h} Q,$$

ober, wenn man bie halbe Baltenlänge 1 = na einführt

$$R = \frac{l}{2h} \cdot n Q.$$

Ift num F ber Querschnitt eines Baltens und T der Tragmobul bessel-ben, so hat man folglich

R = FT

und baher die Belaftung einer Tragerhalfte:

$$nQ=\frac{2h}{l}FT.$$

Es wächst also hiernach bas Tragvermögen eines Fachwerkträgers wie ber Querschnitt F seiner Hauptbalten und wie die Höhe k ober der Abstand der Hauptbalten besselben von einander.

Diesen Ausbruck für die Tragkraft eines zusammengesetten Baltens sindet man auch, wenn man den Balten als einen einfachen elastischen Körper anssieht und seine Biegungselasticität in Betracht zieht. Es wird jede Baltenbälfte an ihrem Ende durch die Unterstützung mit der Kraft nQ von unten nach oben, und in ihrer Mitte durch eine gleiche Kraft nQ von oben nach unten gebogen, und es ist daher das Biegungsmoment jeder Baltenhälfte:

$$nQl - nQ\frac{l}{2} = \frac{nQl}{2}$$
. (Bergl. Band I., §. 240).

Nun wirkt aber die Spannung R eines Baltens in Hinsicht auf den Mittelpunkt des Balkens am Hebelarme $\frac{h}{2}$; es ist daher die Summe der Momente der Spannkräfte beider Balken:

$$2R\cdot\frac{h}{2}=Rh,$$

und es folgt baber burch Gleichseten biefer Momente:

$$\frac{n\,Ql}{2}=Rh,\,\text{und wie oben,}$$

$$nQ = \frac{2h}{l} R = \frac{2h}{l} FT.$$

Lägen die beiben Hauptbalten, wovon jeder die Höhe h_1 haben möge, lose siber einander, so würde ihre Tragtraft

n
$$Q=2$$
 . 2 $\frac{b\,h_1^3}{l}\,\frac{T}{6}={}^2/_3\frac{h_1}{l}\,F\,T$ betragen,

und biefe Balten ju einem Gangen fest mit einander verbunden, fo hatte man

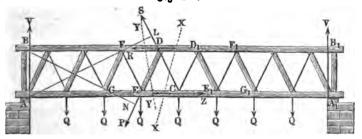
$$n\,Q = 2 \cdot \frac{b\,(2\,h_1)^2}{1}\,\frac{T}{6} = 4/_3\,\frac{h_1}{l}\,\,F\,T$$
 gu sethen.

Es trägt hiernach unter übrigens gleichen Umständen ein Fachwerksträger wie Fig. 114 barstellt, 3 $\frac{h}{h_1}$ mal soviel als die beiden lose auf einander ge-

legten, und $\frac{3h}{2h_1}$ mal soviel als die beiden auf einander gelegten und fest mit einander verbundenen Balten.

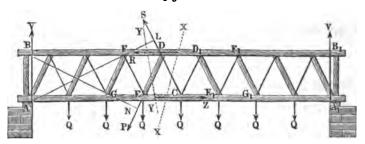
Die Spannungsverhältnisse fallen nicht wesentlich anders aus, wenn die Anzahl der Trageselber eine ungerade ist, so wie wenn die Last auf dem oberen Ballen aufruht, oder zwischen beiden Streckallen angebracht ist. Da sich die Streben in Folge der Druckträfte leicht diegen können, so ist es zwecknäßig, dieselben möglichst kurz zu machen, also senkrecht zu stellen, wobei $\beta=90$ Grad ausställt.

Die Bestimmung der Spannungen eines Fachwerksträgers läßt sich auch leicht durch Anwendung der Theorie der Drehungsmomente vollziehen, wenn man sich den Träger in zwei Theile zerschnitten denkt, und voraussset, daß der eine Theil nur durch die Spannungen in den Schnittslächen mit den anderen zusammenhängt. Es bilden dann diese Spannungen mit den äußeren Krästen auf der einen Seite des Trägers ein im Gleichgewicht besindliches Krastspstem. Ist (2n-1) Q die ganze Belastung der Brücke, so beträgt die Krast, welche jeder der Brückenpseiser ausnimmt, mit welcher also auch jeder der beiden Pseiler den einzelnen Krästen, Q, Qu. s. w. entgegenwirtt, V = (n-1/2) Q. Denken wir uns nun durch einen Schnitt XX zwischen C und D, Fig. 115, den Träger zerschnitten, so könstig. 116.



§. 64

nen wir annehmen, daß die in den Schnittstächen wirkenden Spannungen R, Z und S mit den Kräften (n-1/2)Q, Q, Q u. \mathfrak{f} . w. des Balkenstig. 116.



stüdes A CD im Gleichgewichte sind. Um die Spannung R des oberen Baletens zu sinden, betrachten wir C als Drehungspunkt, und machen die Bedingung, daß die algebraische Summe der Momente sämmtlicher in Rede stehenden Kräfte = Rull sei. Run ist das Moment des Pfeilerdrucks V, V. \overline{CA} = (n-1/2) Ql, serner die Summe der Momente von Q, Q u. s. u.

$$\frac{Ql}{n} + \frac{2Ql}{n} + \frac{3Ql}{n} + \dots + (n-1)\frac{Ql}{n}$$

$$= (1 + 2 + 3 + \dots + n - 1)\frac{Ql}{n} = (n-1)\frac{Ql}{n}$$

und das Moment ber Stangenspannung S, sowie das des Balkenzuges Z, \Longrightarrow 0, da die Richtungen beiber Kräfte durch C gehen, daher hat man das Moment des am Hebelarme $\overline{AB} \Longrightarrow h$ wirkenden Balkendruckes R

$$Rh = (n - 1/2) Ql - (n - 1) \frac{Ql}{2} = \frac{n Ql}{2},$$

und biefen Drud felbft

$$R = \frac{n \, Q \, l}{2 \, h} \, \cdot$$

Denkt man fich bagegen A als Drehungspunkt, so hat man bas Moment ber Spannung S,

 $S.\overline{AL}=S.l \sin \alpha$, während die Summe ber Momente von R,Q,Q u. f. w. unverändert bleiben und die Momente von V und Z Rull ausfallen; es ist daher

Sl sin.
$$\alpha = Rh - (n-1)\frac{Ql}{2} = \left(\frac{n}{2} - \frac{(n-1)}{2}\right)Ql = \frac{Ql}{2}$$
, und die gesuchte Strebenspannung

$$S = \frac{Q}{2 \sin \alpha}$$

Denken wir uns nun einen Schnitt YY zwischen ben Stutypunkten D und E, und nehmen wir jundchst einen Drehungspunkt in D an, für welchen die Momente von R und S Rull sind. Das Moment von V ist bann $V. \overline{DB} = (n - 1/2) (l - h cotang. \alpha) Q$, und die Summe der Momente ber Belastungen Q, Q u. f. w.

$$Q\left(\frac{l}{n}-h \ cotang. \ \alpha\right)+Q\left(\frac{2l}{n}-h \ cotang. \ \alpha\right)$$

$$+\cdots Q\left((n-1)\frac{l}{n}-h \ cotang. \ \alpha\right)=(n-1)\left(\frac{l}{2}-h \ cotg. \ \alpha\right)Q.$$

Daber folgt bas Moment ber Spannung Z bes unteren Stredballens:

$$Zh = (n-1/2)(l-h \cot ang.\alpha)Q - (n-1)\left(\frac{l}{2}-h \cot ang.\alpha\right)Q$$

$$=$$
 (nl $-$ h cotang. a) $\frac{Q}{2}$, und biefe Spannung felbst

$$Z = (n l - h \text{ cotang. } \alpha) \frac{Q}{2 h} = \left(\frac{n l}{h} - \text{ cotang. } \alpha\right) \frac{Q}{2}$$

Rehmen wir endlich den Drehungspunkt in B an, so daß die Momente bon V und R= Rull find, so ist das Moment von dem Strebendrucke P:

$$P.\overline{BN} = P.\overline{BD}$$
. sin. $\beta = P(l - h cotang. \alpha) sin. β , das von Z ,$

 $Zh=(n\,l\,-\,h\,\,cotang.\,lpha)rac{Q}{2},$ und die Summe ber Momente von

Q. Q u. f. w.

$$Q\frac{l}{n} + \frac{2Ql}{n} + \cdots + (n-1)\frac{Ql}{n} = \left(\frac{n-1}{2}\right)Ql,$$

so daß schließlich

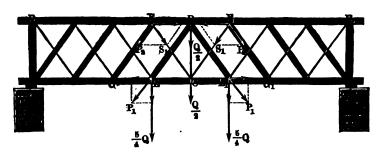
 $P(l-h cotang. \alpha) sin. \beta = (nl-h cotang. \alpha) \frac{Q}{2} - (n-1) \frac{Ql}{2}$ und ber Druck in ber Strebe:

$$P = \frac{(l - h \ cotang. \alpha) \ Q}{2 \ (l - h \ cotang. \alpha) \ sin. \beta} = \frac{Q}{2 \ sin. \beta} \ \text{folgt.}$$

Diese Kraftwerthe stimmen mit den im vorigen Baragraphen gefundenen vollständig überein. Es ist leicht zu ermessen, wie durch Annahme anderer Schnittlinien und anderer Drehungspunkte die Spannungen der übrigen Bugftangen und Streben, fo wie die der Stredbalten an anderen Stellen gefunden werben fonnen.

Wenn amifchen je zwei Streben Gekreuzte Fachwerksträger. und Bugftangen eine Strebe und Bugftange eingeschaltet ift, wie bei bem Träger in Fig. 117 (a. f. S.), wo jebe Strebe sich mit einer Bei sbach's Lehrbuch ber Mechanit. II.

gleichgeneigten Zugstange kreuzt, und in ber Mitte bes Balkens noch eine verticale Zugstange CD angebracht ift, so kann man annehmen, baß bas mittlere Stangenpaar CF, CF ebenso wie bas mittlere Strebenpaar von Fig. 117.



ber Last Q in der Mitte C, die Hälfte, also $\frac{Q}{2}$ trägt, und daß daher von der Mitte C nach den Balkenenden A, A_1 zugegangen, die Stangen- und Strebenspannungen: $S_1 = P_1 = P_2 = \frac{1}{4} \frac{Q}{\sin \alpha}$, $S_2 = P_3 = \frac{5}{4} \frac{Q}{\sin \alpha}$, $S_3 = P_4 = \frac{9}{4} \frac{Q}{\sin \alpha}$ u. s. sind, vorausgesetzt, daß die Streben und

Stangen benfelben Reigungewinkel a haben.

Bei einer ziemlich großen Anzahl von Streben und Stilten ift die Spannung ber Streckbalten in C und D, wie oben,

$$R = Z = \frac{n \, Q \, l}{2 \, h}$$
 zu seten.

Bei einem Fachwerksträger AB_1 , Fig. 118, mit zweisach gekreuzten Streben EF, HK ... und Zugstangen CE, GH ..., wobon die exfteren vertical stehen, sind die Spannungen der Zugstangen CE, GH u. s. w. Fig. 118.



$$S_1 = \frac{Q}{2 \sin \alpha}, S_2 = S_3 = \frac{Q}{\sin \alpha}, S_4 = \frac{3}{2} \frac{Q}{\sin \alpha}, S_5 = \frac{2 Q}{\sin \alpha},$$

und die der außersten Stangen, BL und BN, wenn α_1 und α_2 die Reisgungswinkel berselben gegen die Balken bezeichnen, $S_6=\frac{2\ Q}{\sin\alpha_1}$ und $S_7=\frac{5\ Q}{2\sin\alpha_2}$; serner sind die Drücke in den Streben EF, HK u. s. w.

 $P_1 = \frac{Q}{2}$, $P_2 = P_3 = Q$, and $P_4 = \frac{3}{2} Q$ u. f. w.

Die Spannungen in den Streckbalten lassen sich wieder $R=Z=\frac{n\,Ql}{2\,h}$ seiten, wenigstens wenn die Anzahl n der Lastpunkte $F,\,K,\,L\,\dots$ sehr groß ist. In der Regel, zumal dei langen Brüdenträgern, schaltet man im mittleren Theile EF_1 derselben die in der Figur punktirten Berstredungen ein, nicht allein nm dem Ganzen eine größere Steisigkeit zu geben, sondern auch aus dem Grunde, weil hier durch die mobile Belastung, z. B. durch einen Wagenzug, die stärtste Biegung des Trägers von der Mitte C weg zur Seite, z. B. nach G, rückt. Bezeichnet l die Länge des ganzen Trägers AB, Fig. 119, und p die constante Belastung desselben auf den lausenden Fuß, fer-

Fig. 119.

ner c die Länge der mobilen Last, und die Größe derselben pr. Fuß = q, so ist die ganze constante Last = pl, und die mobile = qc, serner der Druck in einem Stützpunkte B:

$$R_1 = \frac{pl}{2} + \frac{qc^2}{2l}$$

und ber im anbern Stütpunfte A:

$$R = \frac{pl}{2} + qc \left(1 - \frac{c}{2l}\right).$$

Das Biegungsmoment an einer Stelle O, welche um A O = x vom Auflagerungspunkt absteht, ist:

$$M = Rx - (p+q)\frac{x^2}{2} = \frac{p+q}{2}x(\frac{2R}{p+q} - x),$$

und fällt am größten aus für $x=\frac{R}{n+a}$, nämlich

$$M = \frac{R^2}{2(p+q)} = \frac{\left[\frac{1}{2}pl + qc\left(1 - \frac{c}{2l}\right)\right]^2}{2(p+q)}.$$

Da 1 $-\frac{c}{2l}$ stets positiv ist, so giebt $c \Longrightarrow l$, ben Maximalwerth

 $M=rac{(p+q)\ l^2}{8}$, also genau benfelben, als wenn ber Balten die gleich-

mäßige vertheilte constante Last (p+q)l trägt. Die verticale Schubkraft ist im Abstande x < c,

V = R - (p + q) x, und im Abstande $x_1 > c$,

 $V_1 = R - px - qc$; in beiben Sallen am fleinften für x = c, und zwar

$$V = R - (p + q) c = \frac{pl}{2} - pc - \frac{qc^2}{2l}$$

Die Länge c ber beweglichen Last, bei welcher diese Schubkraft Rull aussfällt, giebt nun die Auflösung der Gleichung $c^2+rac{2\,p\,c\,l}{q}=rac{p\,l^2}{q},$ nämlich

$$c = \left[-\frac{p}{q} + \sqrt{\frac{p}{q} + \left(\frac{p}{q}\right)^2} \right] l.$$

Für diese Länge ist der Hebelarm des größten Momentes, $x=\frac{R}{p+q}=c$, und das entsprechende größte Moment selbst,

$$\mathbf{M} = \frac{R^2}{2(p+q)} = (p+q)\frac{c^2}{2} = \left[-\frac{p}{q} + \sqrt{\frac{p}{q} + \left(\frac{p}{q}\right)^2}\right]^2 \frac{(p+q)^2}{2}.$$

Während bei einer auf den Träger gleichmäßig vertheilten Last pl oder (p+q)l, die größte Durchbiegung in der Mitte des Trägers, d. i. im Abstande $\frac{l}{2}$ von A stattfindet, ist bei einer mobilen Belastung die Stelle der größten

Durchbiegung im Abstande $c = \left[-\frac{p}{q} + \sqrt{\frac{p}{q} + \left(\frac{p}{q}\right)^2}\right] l$, rückt also bieser Ort von der Mitte um $\frac{l}{2} - c = \left[\frac{1}{2} + \frac{p}{q} - \sqrt{\frac{p}{q} + \left(\frac{p}{q}\right)^2}\right] l$ der mobilen Last entgegen, und bewegt sich nachher ebenso auf der anderen Seite von der Mitte des Trügers sort, wenn die mobile Last die erste Seite verlassen hat.

Aus dem Borstehenden folgt, 1) daß man die Spannungen und Quersschnitte der Strebebalken so berechnen soll, als wenn der ganze Träger die constante Last (p+q)l zu tragen hätte, und 2) daß man sämmtliche Lastepunkte, welche nicht über $\frac{l}{2}-c=\left[\frac{l}{2}+\frac{p}{q}-\sqrt{\frac{p}{q}+\left(\frac{p}{q}\right)^2}\right]l$ von der Trägermitte C abstehen, wie diese Witte, d. i. durch Diagonalstangen, wie Fig. 118 in punktirten Linien angiebt, zu unterstützen hat.

§. 66 Uober einander liegende Balken. Bur Bergrößerung ber Tragstraft werben auch oft zwei ober mehrere Ballen über einander gelegt. Wird in diesem Falle weiter keine Berbindung der Balken mit einander durch Banber ober Schrauben angewendet, so biegt sich jeder dieser Balken, wie z. B. AA, Fig. 120, I. unabhängig von dem anderen BB, und es ist daher

die Tragfraft dieser Baltenverbindung nur gleich der Summe der Tragfrafte der einzelnen Balten. Ift z. B. in dem abgebildeten Falle, wo die Balten an den Enden frei aufliegen und in der Mitte eine Laft P tra-

gen, I bie Länge, b die Breite, und h die Höhe eines einzelnen Ballens, sowie n die Anzahl der über einander liegenden Ballen, so beträgt die Tragkraft der Verbindung

$$P = n \cdot 4 \frac{b h^2}{l} \cdot \frac{T}{6}$$

$$= 4 n \frac{b h^2}{l} \cdot \frac{T}{6},$$
3. B. filt Hold (j. Bb. L., §. 240)
$$P = 4 n \cdot 167 \frac{b h^2}{l}$$

$$= 668 n \frac{b h^2}{l}$$
 Pfund.

Wenn hingegen die über einander liegenden Ballen AA, BB, Fig. 120, II., durch Berzahnung oder eingelegte Dübel, sowie mittels Bänder oder Schrauben so sein ben so sehn ben so sein ber gemeinschaftlichen Berührungsstäche kein Berschieben möglich ist, und sich die Berbindung nur im Ganzen, d. i. wie ein einziger Balken biegen kann, so ist die Tragkraft dieser Berbindung auch gleich der eines einzigen Balkens, welcher zur Höhe h1 die Summe nh der höhen h der einzelnen Balken hat. Für den abgebils beten Fall II. ist folglich die Tragkraft:

$$P = 4 \cdot \frac{b(nh)^2}{l} \cdot \frac{T}{6} = 4n^2 \frac{bh^2}{l} \frac{T}{6},$$

3. B. bei hölzernen Balten:

$$P = 4 n^2$$
. $167 \frac{bh^2}{l} = 668 n^2 \frac{bh^2}{l}$ Pfund.

Es trägt also in diesem Falle der Ballen nmal so viel als im ersteren. 3. B. der in Fig. 121 abgebildete Ballen ABBA trägt, da er in einer schlen Berbindung von drei einsachen Ballen besteht, $n^2 = 3^2 = 9$ mal so Fig. 121.



viel als ber einfache Balten, und n = 3mal fo viel als wenn biefe brei Balten lose über einander liegen. Allerdings ift die kunstliche Verbindung

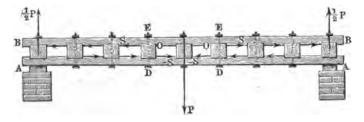
ber Ballen burch die Schrauben u. f. w. nie so innig als die natürliche Bersbindung, um so mehr, da die Ballen auch durch die Berzahnung oder durch die Löcher für die Dübel, sowie durch die Schraubenlöcher geschwächt werden. Deshalb soll man in der Praxis stets auf eine kleinere Tragkraft rechnen, als die lette Formel angiebt.

Um auf diese Weise sehr lange Balten herzustellen, ist wohl auch nöthig, die einfachen Balten der Länge nach an einander zu stoßen. Hierbei muß aber bafür gesorgt werden, daß niemals zwei Stoßsugen unmittelbar unter einander, sondern im Gegentheil möglichst entfernt von einander zu liegen kommen. Wegen dieses Zusammenstoßens ist natürlich immer einer von den über einsander liegenden n Balten unwirksam, und daher die Tragkraft P nur

$$= 4 (n-1)^2 \frac{bh^2}{l} \frac{T}{6}.$$

§. 67 Zusammongobolsto Balkon. Da die Tragfraft eines Balkenelementes um so größer ist, je entfernter dasselbe von der neutralen Are liegt, so legt man auch oft die Balken nicht unmittelbar über einander, sondern spannt zwischen beide in gewissen Abständen von einander kurze Holzstücke ober Bolzen.

Eine solche Berbindung zweier Ballen AA und BB mit einander durch Bolzen O, O... und mittels Schrauben DE, DE..., welche durch lettere hindurchgehen, führt Fig. 122 vor Augen. Behalten wir für einen solchen Fig. 122.



Balten die vorige Bezeichnung bei, nehmen wir aber noch an, daß beide Baltenaren um die Höhe a von einander abstehen, so haben wir unter der obigen Boraussehung, daß der ganze Balten an beiden Enden frei ausliegt, und die Last in der Mitte desselben niederzieht (s. Band I., §. 236), die Größe dieser Last oder die sogenannte Tragkraft:

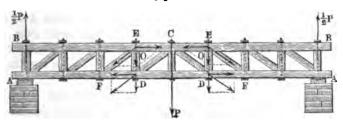
$$P = 4 \frac{[(a+h)^3 - (a-h)^3]b}{(a+h)l} \frac{T}{6} = \frac{8(3a^2 + h^2)bh}{(a+h)l} \frac{T}{6},$$

also 3. B. für Holz, wo $\frac{T}{6}=167$ Pfund ist,

$$P = 1336 \cdot \frac{(3 a^2 + h^2) bh}{(a+h) l}.$$

Bei gleichem Querschnitte, und also auch bei gleichem Gewichte bes Baltens, trägt folglich ein solcher zusammengesetzer Träger um so mehr, je größer ber Abstand zwischen beiben Baltenhälften ift.

Da in Folge ber Biegung ber untere Balten, Fig. 123, ausgebehnt und ber obere Balten BB zusammengebruckt wirb, so besitzt ber erstere ein Bestig. 123.



streben, sich wieber zu verklitzen, und ber zweite ein Bestreben, auf seine ursprüngliche Länge sich wieber auszubehnen. Diesen Bestrebungen mitsen bie Bolzen O und Schrauben DE entgegenwirken. Die Spannkräfte S und — S, welche biesen Bestrebungen entsprechen, bilben ein Kräftepaar (S, -S) mit dem Hebelarm a, welches dem Kräftepaar $\left(\frac{P}{2}, -\frac{P}{2}\right)$ mit dem Hebelarm $CA = \frac{l}{2}$ das Gleichgewicht hält; es ist folglich

$$Sa = rac{P}{2}.rac{l}{2}$$
, baher bie Größe einer folchen Spannkraft: $S = rac{Pl}{4a}$.

Diese Kraft vertheilt sich auf die sämmtlichen Bolzen je einer Ballenhälfte. Rehmen wir an, daß eine folche Sälfte n Bolzen enthalte, und daß sich S auf diese Bolzen gleichmäßig vertheile, so erhalten wir die von einem Bolzen aufzunehmenden Kräfte:

$$S_1 = \frac{S}{n} = \frac{Pl}{4na}$$
 unb $-S_1 = -\frac{S}{n} = -\frac{Pl}{4na}$

In Folge des Aräftepaares $\left(\frac{S}{n}, -\frac{S}{n}\right)$ erhält ein solcher Bolzen ein Bestreben zum Drehen, wobei er in den diagonal einander gegenüber liegenben Schen besselben gewisse Aräfte R, -R ausübt, welchen durch die Schraube DE das Sleichzewicht gehalten wird. Ift e die Breite eines Bolzens, paralele zur Are des Baltens gemessen, so hat man:

$$Re = \frac{S}{n} a = \frac{Pl}{4n},$$

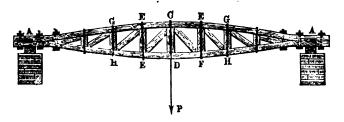
baher die mittlere Zugfraft einer Schranbe

$$R = \frac{Pl}{4 ne},$$

Um bem Bestreben zum Umbrehen ber Bolzen noch träftiger entgegenzuwirken, setzt man noch Streben, wie CD, EF, Fig. 123, zwischen je zwei Bolzen ein, auch zieht man wohl noch Hilfsstreben ein, so bag ber Zwischenraum zwischen je zwei Bolzen burch ein sogenanntes Andreastreuz ausgefüllt wird.

§. 68 Gesprongto Balkon. Da die aus zwei parallelen Balten AA, BB zusammengesetzten Träger an den Enden eine unnöthige große Höhe ober Stärke haben, so giebt man auch wohl diesen Balken eine mäßige Biesgung und setzt zwischen dieselben Bolzen, welche von der Mitte des Trägers aus nach den Enden zu allmälig an Höhe abnehmen.

Ein solcher gesprengter Balten ist in Fig. 124 abgebilbet. Die beiben Balten ACA und ADA sind an den Enden durch Schrauben fest mit einsig. 124.



ander verbunden, und werden im Inneren durch Bolzen oder Spreizen GH, EF... anseinander., sowie durch eiserne Bander, welche um diese Spreizen herumlausen, zusammengehalten und durch Streben CF, EH... gehörig abgesteift.

Da bas Umbrehungsbestreben ber Spreizen zwischen ben beiben Balten mit der Höhe berselben wächst und abnimmt, so ist mit diesem Sprengen oder Biegen der Balten unter gewissen Umständen nicht allein ein Ersparniß an Material, sondern auch ein Gewinn an Stabilität verbunden. Allerdings darf man aber auch mit einer solchen Ausbiegung der Balten eine gewisse Grenze nicht überschreiten, da durch dieselbe der Balten einen Theil seines Eragvernigens verliert, welcher mit der Größe der Biegung wächst.

Um ben Einfluß bes Zusammenbiegens zweier Balten zu einem Ganzen auf die Tragfähigkeit bes letteren kennen zu lernen, benken wir uns wieder ben einfachen Fall, welcher auch ber Theorie ber Biegung einfacher Balken in Band I. zu Grunde gelegt worden ift, wo ber ganze Balken ABB, Fig. 125, an einem Ende fest eingemauert ist und am anderen Ende eine

Last P trägt. Ist bann wieder b bie Breite und h die Höhe ber einfachen Ballen AB und AB1, ferner l die Länge AC und a der Abstand zwischen Big. 125. ben Aren ber beiben einfachen Ballen.

A C C E B₁

ben Aren ber beiben einfachen Balten, unmittelbar an ber Ginmauerungsstelle gemessen, so hat man bas Maaß bes Liegungsmomentes bes Ganzen:

$$W = \frac{b [(a + h)^3 - (a - h)^3]}{12}$$
$$= \frac{b h}{6} (3 a^2 + h^2),$$

während bas eines einfachen Baltens

$$W_1 = \frac{b \, h^3}{12}$$
 ist (f. Band I., §. 226).

In Folge des Zusammendiegens der beiden Balten wirken dieselben in A mit gewissen Kräften P_1 und P_1 auf einander, welche von der Größe der Durchbiegung $CB = CB_1 = \frac{a-h}{2}$ abhängig sind. Wenn die Zusammendiegung ohne weitere Unterstützung durch Bolzen DE, FG u. s. w. ersolgt, so bildet die neutrale Aze eines jeden einsachen Baltens eine elastische Linie; durch diese Volzen kann man aber auch dieser Aze eine andere Gestalt, z. B. die Kreissorm geben, wobei die Spannung des unbelasteten Trägers an allen Stellen gleich groß ist. Nehmen wir indessen der Sicherheit wegen die elastische Linie zum Anhalten, wenn auch eine innere Verstrebung durch DE, FG u. s. w. statt hat. Es ist dann (s. Baud I., §. 217) die Durchbiezung eines einsachen Balten

$$\frac{a-h}{2} = \frac{P_1 l^3}{3 W_1 E},$$

baber bas Rraftmoment:

$$P_1 l = \frac{3}{2} \frac{(a-h) W_1 E}{l^2}$$
,

ferner ber Rrummungehalbmeffer an ter Ginmauerungeftelle B ober B_1 :

$$r_1 = \frac{W_1 E}{P_1 l} = \frac{2 l^2}{3 (a-h)}$$

und bas Ausbehnungeverhältniß ber außerften Fafern an eben biefer Stelle:

$$\sigma_1 = \frac{e_1}{r_1} = \frac{1}{2}h : \frac{2}{3} = \frac{1}{a-h} = \frac{3}{4} \cdot \frac{(a-h)h}{l^2}$$

Die relative Ausbehnung an eben dieser Stelle, in Folge ber Last P ist hingegen, da ber Krummungshalbmeffer ber neutralen Axe A C, im Punkte C:

$$r=\frac{WE}{Pl}$$

und ber größte Abstand einer Faser von dieser Are, $e=rac{a+h}{2}$ gesett werben kann:

$$d_2 = \frac{e}{r} = \frac{Pl (a + h)}{2 WE}.$$

Diese beiben Ausbehnungen vereinigen sich in B zur gesammten relativen Ausbehnung

$$\sigma = \sigma_1 + \sigma_2 = \frac{3}{4} \frac{(a-h)h}{l^2} + \frac{Pl(a+h)}{2WE}$$

Nehmen wir nun an, daß biese Größe die Elasticitätsgrenze erreicht, so tönnen wir $\sigma=rac{T}{E}$, daher auch

$$T = \sqrt[3]{4} \frac{(a-h)hE}{l^2} + \frac{Pl(a+h)}{2W}$$

ober, wenn wir W aus bem Obigen einführen,

$$T = \frac{3}{4} \frac{(a-h)hE}{l^2} + \frac{3(a+h)lP}{(3a^2+h')bh}$$
 setten.

hieraus folgt nun bie gesuchte Tragfraft

$$P = \frac{(3 a^2 + h^2) b h}{3 (a + h) l} \left(T - \frac{3}{4} \frac{(a - h) h E}{l^2} \right).$$

Wir können hiernach ermessen, bağ bas Tragvermögen bes gesprengten Ballens Null ausfällt, wenn

$$\frac{2}{4}\frac{(a-h)}{l^2}hE=T,$$

wenn folglich ber größte Abstand zwischen ben Aren ber einfachen Ballen

$$a = h + 4/s \frac{Tl^2}{Eh}$$

ober noch größer ift.

Wenn die beiden Balken unmittelbar über einander liegen, und auf diese Weise fest mit einander verbunden sind, so ist a = h und daher die Tragkraft:

$$P = \frac{4 b h^2}{l} \frac{T}{6} = \frac{3}{3} \frac{b h^2}{l} T$$
 (vergl. §. 66).

Zieht man diese Tragstraft von der oben gefundenen Tragstraft des gesprengten Baltens ab, so erhält man den Ueberschuß der letzteren über die des einsachen Baltens:

$$P_{1} = \frac{bh T}{3l} \left[\left(\frac{3a^{2} + h^{2}}{a + h} \right) \left(1 - \frac{3}{4} \frac{(a - h)h}{l^{2}} \frac{E}{T} \right) - 2h \right]$$

$$= \frac{bh T}{3l} \left(\frac{3a^{2} - 2ah - h^{2}}{a + h} - \frac{3}{4} \frac{(3a^{2} + h^{2})}{a + h} \cdot \frac{(a - h)h}{l^{2}} \frac{E}{T} \right),$$

ober, wenn man ben gemeinschaftlichen Factor a - h absonbert:

$$P_{1} = \frac{a-h}{a+h} \cdot \frac{bhT}{3l} \left(3a+h-\frac{3}{4} \left(3a^{2}+h^{2} \right) \frac{h}{l^{2}} \frac{E}{T} \right) \cdot$$

Damit diese Kraftbifferenz nicht Rull ausfalle, also die Sprengung bes Ballens in jedem Falle Rugen gewähre, muß

$$\frac{3}{4} (3 a^2 + h^3) \frac{h}{l^2} \frac{E}{T} < 3 a + h$$

b. i.

$$a^2 - \frac{4}{3} \frac{l^2 T}{h E} a < \frac{4}{9} \frac{l^2 T}{E} - \frac{h^2}{3}$$
 fein.

Da nun d ber kleinste Werth von a ift, so kann man auch hier a = d fegen, so bag nun

$$h^2 - \frac{4}{3} \frac{l^2 T}{E} < \frac{4}{9} \frac{l^2 T}{E} - \frac{h^2}{3}$$
, oder $\frac{4}{3} \frac{l^2 T}{E} > h^2$,

b. i.

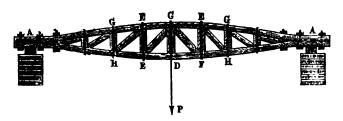
$$\left(rac{l}{h}
ight)^2 > {}^3/_4 \; rac{E}{T}$$
, ober $rac{l}{h} > \sqrt{{}^3/_4 \; rac{E}{T}}$ sein muß.

Run ift aber für Holf $\frac{T}{E}=\sigma={}^{1}\!/_{600}$ (f. Band I., §. 212), baber folgt:

$$\frac{l}{h} > \sqrt{\frac{3}{4.600}}$$
, ober $\frac{l}{h} > \sqrt{450}$, b. i. $\frac{l}{h} > 21,21$.

Es muß also ber einfache Balten minbestens $21^{1}/_{4}$ mal so lang sein als hoch, wenn aus ber Baltensprengung Ruten gezogen werden soll. Um biese Theorie auf einen an beiben Enden unterstützten Balten, wie Fig. 126 ansuwenden, muß man natürlich statt l, $\frac{l}{2}$ und statt P, $\frac{P}{2}$ einsetzen.

Beifpiel. Wenn ber in Fig. 126 abgebilbete Trager aus zwei einfachen Fig. 126.



Holzbalten von 360 goll Lange, 4 Boll Sobe und 12 goll Breite besteht, so foll bie Sprenghobe beffelben

$$a < \frac{9}{8} \frac{l^2 T}{h E} + \sqrt{\left(\frac{9}{8} \frac{l^2 T}{h E}\right)^2 + \frac{4}{9} \frac{l^2 T}{E} - \frac{h^2}{8}},$$

b. i.

$$a < \frac{9}{8} \cdot \frac{180^2}{4.600} + \sqrt{\left(\frac{9}{8} \cdot \frac{180^3}{4.600}\right)^2 + \frac{4}{9} \cdot \frac{180^2}{600} - \frac{16}{8}},$$

ober

$$a < 9 + \sqrt{81 + 24 - 5}$$
, ober $a < 9 + \sqrt{100}$,

b. i. a < 19 Boll fein.

Machen wir a=14 Boll, so baß ber Bmischenraum zwischen ben beiben Balfen =10 Boll ausfällt, so folgt für die Tragfraft bes ganzen Balfens unter ber Boraussehung, daß ber Tragmodul bes zu diesem Träger verwendeten Colzes nach Bb. I., §. 240, T=4000 Pfund beträgt,

$$\frac{P}{2} = \frac{(588 + 16) \cdot 48}{3 \cdot 18 \cdot 180} \left(1 - \frac{3}{4} \cdot \frac{4 \cdot 10}{180^3} \cdot 600\right) \cdot 4000 = 2,9827 \cdot \frac{4}{9} \cdot 4000,$$

$$= 5298,$$

folglich P = 10596 Pfunb.

Baren bie Balfen unmittelbar über einanber befestigt, fo hatte man

$$\frac{P}{2} = \frac{9}{3} \frac{b h^2}{l} \cdot T = \frac{9}{3} \cdot \frac{12 \cdot 16}{180} \cdot 4000 = \frac{64}{3} \cdot 400 = \frac{9}{2}844,$$

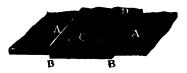
folglich bie ganze Aragtraft P=5688 Pfund.

Anmerkung. Bur Bestimmung berjenigen Sprenghobe, wobei bie Tragfraft ein Maximum ift, hat man folgende burch Differenziiren gefundene cubifche Gleichung

$$a^3 + \left(h - \frac{9}{8} \frac{l^2 T}{h E}\right) a^2 - \left(h^2 + \frac{4}{8} \frac{l^2 T}{E}\right) a + \frac{9}{8} h l^2 \frac{T}{E} + \frac{1}{8} h^3 = 0$$
 anguwenben.

§. 69 Eisenblochverbindungen. In neueren Zeiten kommen, zumal bei Eisenbahnbritden, die Balten aus Eisenblech häusig in Anwendung. Dieselben werden aus großen Blechtafeln von 1/2 die 3/4 Zoll Dide zusammengesetzt, und bilden entweder cylindrische oder parallelepipedische Röhren, oder einsache I-förmige Träger. Die Blechtafeln, aus welchen diese Balten zusammengesetzt sind, werden stumpf an einander gestoßen und mittels doppelter Blechrippen durch gewöhnliche Nictbolzen sest mit einander verbunden. An den oberen Berbindungsstellen haben diese Blechrippen entweder die gewöhnliche schiensonige Gestalt, oder sie erhalten einen T-förmigen Querschnitt, unt

Fig. 127.



eine größere Steifigkeit zu erzielen. In Fig. 127 ist eine solche Blechverbindung mit zwei einfachen Laschen AA, BB und den Nieten CD, CD vor Augen geführt,
während Fig. 128 eine solche Ber-

bindung mit einer rectangulären Lasche AA und einer T-Rippe BCB darstellt. An den Stellen, wo die Bleche winkelig (gewöhnlich rechtwinkelig) an einander angestoßen sind, werden Winkelrippen mit L-förmigen Quer-Kig. 128.



schnitten angesetzt, wie z. B. aus Fig. 129 zu erschen ist, wo zwei rechtwinkelig zusammenstoßende Bleche durch zwei Winkelbleche AB, AB und eine Lasche CC mit einander verbunden sind. Um ein größeres Tragvermögen zu erzielen, läßt man auch zuweilen die Tragwände aus doppelten Blechtafeln bestehen, auch verbindet man wohl diese Wände mit den Laschen durch zwei oder mehrere Nietreihen.

Endlich wendet man auch nicht selten einsache Laschen an, ober man legt gar bie durch Nieten zu verbindenden Bleche an ihren Rändern einfach über einander. In Fig. 130 ist z. B. das Doppelblech DD an den Stoffugen Fig. 130.



burch die einfachen Laschen AA, BB, CC mit doppelten Nietreihen versbunden, Fig. 131 zeigt dagegen die einsache Bernietung ohne Laschen u. s. w.

Bei der letzteren Bernietung geht die Spannung S des einen Bleches AC, Fig. 131, nicht unmittelbar auf das folgende Blech BD über, sondern es zerlegt sich diese Spannung $\overline{AS} = S$ in eine Kraft $\overline{DS} = S$ und in ein Kräftepaar (S, -S), welches der Berbindung eine Drehung oder Biegung zu geben sucht. Das Moment dieses Paarcs ist $S.\overline{CD} = Ss$, wo s die Dicke CD des Bleches bezeichnet. Wenn nun das Ende A des Bleches vollkommen frei wäre, so würde sich dieses Blech in Folge dieses Kräftepaars zur Seite diegen, und deshalb (nach Band L, §. 271) einen Duerschnitt:

$$F = \left(1 + \frac{6s}{s}\right) \frac{S}{T} = 7 \frac{S}{T},$$

b. i. 7 mal fo groß erhalten muffen, als wenn die Bleche ftumpf an einander gestoßen und zu beiben Seiten mit Laschen bedeckt Deshalb sind auch folche ercentrische Bernictungen nur dann an-



wären.

S. 69.7

wendbar, wenn die Blechwände sich nirgends frei endigen, sondern ein rings umschlossenes Ganze bilden, wobei sich die an den Nietstellen bildenden Kräftepaare gegenseitig aufheben.

Ift a die Entfernung der Nietaren von einander, s die Dide des Bleches, a der Durchmesser des Nietbolzens, n die Anzahl der Nietreihen und T der Tragmodul (= 5000 Pfund), so hat man die zulässige Spannung des burchlochten Bleches rechtwinkelig gegen die Stoffuge:

$$S_1 = (a - d) s T = n \frac{\pi d^2}{4} T$$
,

während für bas ungenietete Blech biefe Spannung:

$$S = as T$$
 ist (vergl. Band I., §. 213).

Biernach hat man:

$$\frac{S_1}{S} = \frac{a-d}{a} = 1 - \frac{d}{a}$$
, and $\frac{S_1}{S} = \frac{n\frac{\pi d^2}{4}}{ds + \frac{n\pi d^2}{4}} = \frac{1}{1 + \frac{4}{\pi}\frac{s}{nd}}$.

Bare bas Blech nur burch eine einzige Reihe von Rieten verbunden, fo batte man n = 1, und baber

$$\frac{S_1}{S} = \frac{\pi d}{\pi d + 4s} = \frac{1}{1 + \frac{4}{\pi} \frac{s}{d}}.$$

3. B. für d = 2 s:

$$\frac{S}{S} = \frac{\pi}{\pi + 2} = \frac{22}{22 + 14} = \frac{11}{18} = 0.61.$$

Dann gingen burch die Bernietung der Bleche 100 — 61 = 39 Procent an Tragfraft verloren.

Für eine Bernietung mit zwei Nietreihen hat man bagegen

$$\frac{S_1}{S} = \frac{\pi d}{\pi d + 2s},$$

baher für bie gewöhnliche Nietenftarte d = 2 s:

$$\frac{S_1}{S} = \frac{\pi}{\pi + 1} = \frac{22}{29} = 0.76$$

so daß also das zusammengenietete Blech um 100 — 76 = 24 Procent weniger Tragkraft besitzt als bas ungenietete Blech.

Bei brei Reihen Nieten ift:

$$\frac{S_1}{S} = \frac{3\pi d}{3\pi d + 4s},$$

also für d = 2s,

$$\frac{S_1}{S} = \frac{3\pi}{3\pi + 2} = \frac{38}{40} = 0,825,$$

folglich ber Berlust an Tragkraft burch bas Zusammennieten nur 17,5 Procent.

Bisonblochtragor. Die einfachste Form eines Tragers aus Gifenblech §. 70 ift in Fig. 132 abgebilbet. Die hauptwand beffelben ift aus zwei Blechtafeln

Fig. 132.

Fig. 133.



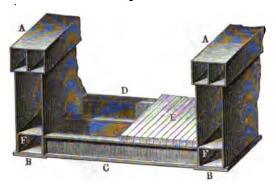


AAund BB zusammengesetzt, und die beiben Querschienen Cund D sind durch vier Winkelbleche und Nietbolgen mit benselben verbunden. Wenn man statt ber Blechtafeln Diagonalschienen anwendet, wie Fig. 133 vor Augen führt, so erhält man einen Gitter balken, ähnlich wie einen Fachwerkbalken Fig. 118 in §. 65. Diese Diagonalschienen AB, CD u. s. w. sind nicht allein an ihren Enden zwischen je zwei Winkelschienen, sondern auch in den Kreuz-punkten E, F, G unter einander selbst vernietet.

Ilm ben Wiberstand ber Blechbalten gegen eine seitliche Ausbiegung zu erhöhen, ist benselben zuerst von R. Stephenson eine kasten- ober röherensörmige Form gegeben worden, und es sind hiernach die sogenannten Röhrenbrüden (franz. ponts en tubes; engl. tubular bridges) von R. Stephenson und W. Fairbairn entstanden. Bei den Röhrenbrüden von W. Fairbairn wird die Brüde von zwei Röhrenbalken getragen, wosgegen die Stephenson'sichen Röhrenbrüden ans einsachen Röhren bestehen, welche die Fahrbahn in sich einschließen.

Eine einfache Brüde, welche auf zwei Röhrenträgern AB, AB ruht, zeigt Fig. 134 (a. f. S.). Diese Träger sind unter einander durch I-förmige Onerbalten C, D ... aus Eisenblech verbunden, welche mittels Winkeleisen an die inneren Wände der Röhrenträger angenietet werden. Auf diesen Quersschwellen kommt die Brüdenbahn E zu liegen. Um die Haltbarkeit der Röhrenträger und namentlich den Widerstand gegen das Zusammendrücken zu vergrößern, dringt man im Obertheil derselben noch mehrere Blechwände an, und um die Last auf beide Hauptwände eines Trägers zu vertheilen, ist es auch noch nöthig, dem Untertheil des letzteren durch eine besondere Bodenplatte B, sowie durch Einziehung einer besonderen Röhre F die nöthige Steissigkeit zu ertheilen.

Die Construction einer Röhrenbrude von Stephenfon, welche bie Fahrbahn gang umschließt, ift aus Fig. 135 zu ersehen. Die gange Brude besteht Big. 184.



in einem hohlen Barallelepipebe ABCDEF, welches aus Blechstuden von 4 bis 12 Fuß Länge, 2 Fuß Breite und 3/8 bis 3/4 Zoll Dide mittels



1 Boll bieter Bolgen aufammengenie-Bur Erhöhung ihrer Tragfraft ift biefe Brude fowohl mit einem boppelten Boben als auch mit einer boppelten Dede verfeben, und find bie baburch gebilbeten hohlen Raume AB und EF burch verticale Scheibewände in Bellen gertheilt, auch erhalten die Tragmanbe, wie g. B. BD, baburch noch eine größere Steifigfeit, bag fie langs ber verticalen Stogfugen mittele bopbelter T-Cchienen aus langen Blechftuden aufammengenietet werben. In ber Figur find zugleich bie Quer- und Langenfamellen für eine burch bie Röhren au führenbe

Schienenbahn abgebilbet. Ueberdies sind noch dieseinigen Stellen der Röhre, wo dieselbe aufruht, von innen mit gußeisernen Rahmen abgesteift, und eben so die Wände der unteren Zellenreihe durch gußeiserne Träger gestilt. Damit sich endlich die Brücke in der hie und Ralte ungehindert ausdehnen und zusammenziehen könne, ruht dieselbe nicht unmittelbar auf den Pfeilern, sondern sie liegt auf 24 Paar gußeisernen Rollen von 6 Zoll Durchmesser und 2 Fuß Länge, welche sich zwischen einer gußeisernen Platte am Boden der Röhre und einer gleichen Platte auf dem Pfeiler bewegen können.

Man hat auch ben Röhrentragern eine freisrunde ober eine elliptische

Duerschnittsform gegeben; namentlich hat Brunnel chlindrische Blechröhrensträger an der Chepstow-Eisenbahnbrilde angewendet, an welchen die Brildensbahn aufgehangen ist. Die Kreisform gewährt jedoch keine vortheilhafte Benutzung des Materials (j. Band I., §. 242), auch haben die Bersuche von Fairbairn nachgewiesen, daß sich die Röhrenträger mit kreisrundem Querschnitte leicht zusammendrücken, wobei sie an den Enden breiter und niedriger und in der Mitte höher und schmäler werden. Diesen Mangel einer constanten Querschnittsform besitzen, jedoch im geringen Grade, sogar auch die Träger mit elliptischen Querschnitten.

Tragkraft der Blechträger. Die Tragfraft eines Röhren- ober §. 71. anderen Blechträgers läßt sich ohne Weiteres mittels der in Band I. mitgetheilten Clasticitäts- und Festigkeitsformeln berechnen. Setzen wir die Höhe einer Seitenwand des Blechträgers Fig. 135, — h und die Dide besselben, — s, so haben wir das Maaß des Biegungsmoments beider Seitenwände:

$$W_1 = 2 \frac{h^3 s}{12} = \frac{h^3 s}{6}$$
 (f. Band I., §. 236).

Bezeichnen wir ferner bie Breite ber Dede ober bes Bobens ber Röhre burch b und bie Stärke berfelben burch s1, fo folgt bas Biegungsmoment biefer beiben horizontalen Begrenzungsstüde:

$$W_2 = 2 \cdot b s_1 \left(\frac{h-s_1}{2}\right)^2$$
,

ober einsacher, ba wir annähernd h - s1 = h seten können:

$$W_2=\frac{bh^2s_1}{2},$$

ober, wenn, wie gewöhnlich, s1 = s ist:

$$W_2 = \frac{bh^2s}{2}$$
.

3st ferner die Sohe ber Zellen über bem Boben und unter bem Deckel, = h1, so haben wir das Biegungsmoment der Deckslächen ber Zellen:

$$W_3 = \frac{(h-2h_1)^2 bs}{2} = \frac{1}{2} (h-2h_1)^2 bs.$$

Infofern die Sobe h, ber Bellen klein ift gegen die ganze Röhrenhohe h, kann man endlich das Biegungsmoment ber n Zellenwände feten:

$$W_4 = n \cdot 2 h_1 s \cdot \left(\frac{h-h_1}{2}\right)^2 = 1/2 n (h-h_1)^2 h_1 s.$$

Diernach ift nun bas Biegungsmoment ber gangen Brildenröhre:

$$W = (W_1 + W_2 + W_3 + W_4)$$

$$= \left(\frac{h^3}{8} + bh^2 + b(h - 2h_1)^2 + nh_1(h - h_1)^2\right) \frac{s}{2}.$$

Das Gewicht einer Röhre fammt ihren Zellen ift bei einer gleichmäßigen Dides: Beisbach's Lehrbuch ber Dechanit. II.

$$G = (2h + 4b + 2nh_1) \cdot ls \cdot \gamma,$$

wenn t die Lange ber Brude und y die Dichtigkeit des Schmiebeeisens bezeichnet. Durch die hinzukommenden Rippen, Nieten u. f. w. wird baffelbe um die Halfte größer, baber läßt sich

$$G = 3 (h + 2b + nh_1) ls \gamma$$

fegen.

Bu diesem Gewichte ber leeren Brilde kommt noch die bewegliche Last von Q = 2000 Pfund pr. Fuß Brildenlänge, folglich läßt sich das Moment ber Kraft, mit welcher die Brilde gebogen wird, setzen:

$$M = \frac{Q}{4} \cdot \frac{l}{2} + \frac{G}{4} \cdot \frac{l}{2} = (Q + G) \frac{l}{8}$$
$$= [Q + 3 (h + 2b + nh_1) ls \gamma] \frac{l}{8}.$$

Enblich hat man hiernach für ben Gleichgewichtszustand zwischen ber Last und ber Festigkeit ber Brude, ba nach Band I., §. 235,

$$M = \frac{WT}{c} = \frac{WT}{\frac{1}{2}h} = \frac{2W}{h} T \text{ ift:}$$

$$[Q + 3(h + 2b + nh_1) ls. \gamma] \frac{l}{8}$$

$$= \left(\frac{h^3}{3} + bh^2 + b(h - 2h_1)^2 + nh_1(h - h_1)^2\right) \frac{s. T}{h},$$

und es läßt fich hiernach eine Dimenfion ber Röhre, z. B. bie Sohe h berfelben, berechnen, wenn ber Trag- ober Sicherheitsmobul T gegeben ift.

Wenn wir nun noch das Gewicht eines Cubitzolles Gisens, $\gamma=0,280$ Pfb. annehmen, so können wir daher bei der Berechnung einer Röhrenbrucke folgende Formel zu Grunde legen:

$$\frac{8T}{hl}\left(\frac{h^3}{3}+bh^2+b(h-2h_1)^2+nh_1(h-h_1)^2\right)$$

$$-0.84(h+2b+nh_1)l-\frac{Q}{s}=0.$$

Für die I-förmigen Blechträger (Fig. 134) fallen die Zellen weg, dagegen ist aber hier die Blechstärke s. der Querrippen nicht — der Blechstärke s der Tragswand. Da man hier nur eine Tragwand hat, so ist deshalb für diese Träger

$$\frac{8hT}{l}\left(\frac{hs}{6} + bs_1\right) - 0.84 (hs + 2bs_1) l - Q = 0$$

gu feten.

Die Größe ber Einbiegung ber Röhrenbriide in ber Mitte läßt sich burch bie bekannte Formel (j. Band I., §. 223)

$$a = \frac{5 l^3}{884 WE} (Q + G)$$

berechnen. Bielfältigen Beobachtungen zufolge, fällt jedoch diese Eindiegung noch größer aus, wenn sich die Last Q über der Brilde weg bewegt, und nimmt auch mit der Geschwindigkeit dieser Last zu. (Siehe die unten citirten Werke von Beder, Dempsey u. s. w.). Um keine der Haltbarkeit nachtheiligen Durchbiegungen zu erhalten, soll man daher stets mit einer mäßigen Geschwindigkeit über diese wegsahren.

Anmertung. Bei ben Festigkeitsversuchen, welche Sobgfinfon an Roheren von freisformigen, elliptischen und rectangulären Querschnitten angestellt hat, wurde nicht nur bestätigt, daß die letteren unter übrigens gleichen Umftänden mehr Stärke besigen, sondern auch noch dargethan, daß die an beiben Enden aussiegende und in der Mitte belastete Rohre von oben herein, also durch Berzbrücken und nicht durch Berreigen gerbricht. Es hat daber das Schmiedeeisen mit dem Golze die Eigenschaft gemein, daß es dem Berreigen mehr widersteht als dem Berdrücken, mahrend es beim Guseisen umgekehrt ift (s. Band I., \$. 212). Deshalb versieht nan auch die Decke der Röhre mit mehr Bellen, als den Boden.

Beifpiel. Welche Sicherheit befitt eine Rohrenbrude von 400 Fuß Lange, 30 Fuß Sobe und 14 Fuß Breite, wenn biefelbe aus Eisenblech von % Boll Starte gusammengeset und an jeber ber beiben Grunbstächen mit 7 Zellen von 2 Fuß Sobe verftarft wird und wenn fie außer ihrem Gewichte noch eine auf bie gange Brudenlange gleichmäßig vertheilte Laft von 800000 Bfund tragen soll?

Ge ift hier

 $l = 400 \cdot 12$, $h = 30 \cdot 12$, $h_1 = 2 \cdot 12$, $b = 14 \cdot 12$, $s = \frac{6}{8}$ und n = 7, baher ber Tragmodul:

$$T = \frac{[Q + 0.84 (h + 2b + nh_1) ls] hl}{8s \left(\frac{h^3}{8} + bh^2 + b (h - 2h_1)^2 + nh_1 (h - h_1)^2\right)}$$

$$= \frac{[800000 + 0.84 \cdot 144 \cdot 400 \cdot \frac{5}{8} (30 + 2 \cdot 14 + 7 \cdot 2)] \cdot 30 \cdot 400}{8 \cdot \frac{5}{8} \cdot 12 \left(\frac{30^3}{8} + 14 \cdot 30^2 + 14 \cdot 26^2 + 14 \cdot 28^3\right)}$$

$$= \frac{200 (800000 + 420 \cdot 72 \cdot 72)}{9000 + 12600 + 9464 + 10976} = \frac{200 \cdot 2977280}{42040} = 14164 \, \text{Ffunb.}$$

In §. 212, Band I., ist T=20000 Pfund angegeben. Durch Bersuche ift gefunden worden im Mittel K=15 Tonnen =30000 Pfund, wonach die Sicherheit reichlich die zweisache ware. Nimmt man den Clasticitätsmodul des Schmiedeeisens

E = 25000000 Bfund an.

fest die bewegliche Last

Q = 800000 Pfund,

bas Bewicht ber leeren Brude

 $G=8(h+2b+nh_1)$ ls $\gamma=2177280$ Pfund, und bas Maaß des Biegungsmomentes:

$$W = \left(\frac{h^3}{8} + bh^2 + b(h - 2h_1)^2 + nh_1(h - h_1)^2\right) \frac{8}{2}$$
= 42040.1728.5/18 = 210200.108 = 22701600,

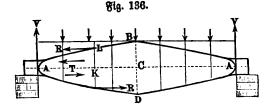
fo erhalt man bie entsprechenbe Durchbiegung ber Rohre in ber Ditte:

Die bewegliche Belaftung Q giebt naturlich nur bie Einbiegung:

$$a_1 = \frac{5 \ Q \ l^3}{384 \ WE} = \frac{Q}{Q + G} \ a = \frac{800000}{2977280} \ a = 0.268 \ a = 2 \ \text{Soll.}$$

Durch bie Nieten und burch bie Rippen ber Binkelbleche werben natürlich bie gefundenen Großen noch etwas abgeanbert.

§. 72 Bogenträger mit Blechfüllung. Wenn jebe ber Rippen, Streben und Zugstangen der im Obigen behandelten zusammengeseten Träger an allen Stellen einen und benselben Querschnitt erhält, so soll man, um Material zu sparen, die Höhe derselben von der Mitte nach den Stillspunkten zu, allmälig an Höhe abnehmen lassen. It die Belastung des Trägers AA, Fig. 136,



bessen Länge $2\ CA=l$ sein möge, pr. Längeneinheit =q, so hat man die Berticalkraft in jedem der Stützpunkte, $V=\frac{1}{2}ql$, und das Biegungsmoment für die Balkenmitte C, $\frac{1}{2}\ Vl=\frac{1}{4}\ Vl=\frac{1}{4}\ Vl=\frac{1}{8}\ q\ l^2$; sowie die Berticalkraft eines Balkenstüdes von der Länge AK=x, V-qx und das Moment der Biegung in K, $Vx=\frac{1}{2}\ q\ x^2$.

Bezeichnet man nun noch die veränderliche Höhe 2KL des Trägers in K, durch y, sowie die Höhe BD desselben in der Mitte C, durch h, und nimmt man an, daß die ganze Last nur von den Hauptrippen ABA und ADA getragen wird, so sind die Arenspannungen jeder Rippe annähernd,

$$R = \frac{Vx - \frac{1}{2}qx^2}{y} = \frac{qx}{2y}(l-x),$$

und nimmt folglich in ber Mitte C, wo $x=rac{l}{2}$ andfällt, ben Werth $R_{\rm m}=rac{q\,l^2}{8\,h}$ an.

Bei einem Träger mit conftanter Sohe & ift bie Rippenspannung

 $R = \frac{q \, x}{2 \, h} \, (l - x)$, und zwar für x = 0, b. i. am Ende bes Trägers, = 0, und für $x = \frac{l}{2}$, b. i. in der Mitte C besselben, $= \frac{q \, l^2}{8 \, h}$. Dieser allmälig von Null bis $\frac{q \, l^2}{8 \, h}$ wachsenden Spannung entsprechend müßte, um tein Material zu verschwenden, auch der Querschnitt der Rippen von den Enden nach der Balkenmitte zu allmälig bis $F = \frac{q \, l^2}{8 \, h \, T}$ zunehmen.

Benn man aber eine veränderliche Sohe y anwendet, fo tann man langs bes gangen Baltens eine conftante Spannung R erhalten, benn es ift bann nur ber Gleichung

$$R = \frac{q x}{2 y} (l - x) = \frac{q l^2}{8 h}, b. i.$$
 $y = \frac{4 h x}{l^2} (l - x),$

Benüge zu leiften.

Biernach hat man g. B. in ben Abständen

$$x = \frac{1}{8} l$$
, $\frac{2}{8} l$, $\frac{8}{8} l$ unb $\frac{4}{8} l$

vom Trägerende A, die erforberlichen Trägerhöhen eines folchen parabolisichen Trägers

$$y = \sqrt[7]{_{16}} h$$
, $\sqrt[8]{_4} h$, $\sqrt[15]{_{16}} h$, und h .

Die verticale Schubkraft des Baltens im Abstande $\overline{AK}=x$, $P=V-qx=q\left(\frac{l}{2}-x\right)$ fällt in der Mitte C, wo $x=\frac{l}{2}$ ist, Rull aus, und wächst dagegen nach den Enden zu, so daß sie an denselben, wo x= Null ist, den Werth $P=V=\frac{ql}{2}$ annimmt.

Besteht nun die Füllung zwischen ben Hauptrippen in einer einfachen Blechwand von der Dicke sund dem veränderlichen Querschnitt sy, so hat man die Schubkraft des Trägers pr. Flächeneinheit, und zwar nicht bloß in verticaler, sondern auch in horizontaler Richtung

$$T = \frac{P}{sy} = \frac{q\left(\frac{l}{2} - x\right)}{sy}.$$

Bei einem Trager mit conftanter Bohe y = h mare

$$T=\frac{q\left(\frac{l}{2}-x\right)}{sh},$$

und zwar Null, für $x=\frac{l}{2}$, und bas Maximum $\frac{q\,l}{2\,s\,h}$, für x=0. Wenn man baher die Stärke s der Füllung nicht variabel, sondern an allen Stellen $s=\frac{q\,l}{2\,h\,T}$ macht, so fällt ein solcher Träger auch aus diesem Grunde unnöthig schwer aus. Sieht man aber dem Träger die durch die Gleichung $y=\frac{4\,h\,x}{l^2}$ (l-x) bedingte Parabelsorm, so würde, da hiernach sür x=0, auch y=0 aussällt, zur Erlangung einer endlichen Spannung T, die Wanddicke $s=\frac{q\,l}{2\,y\,T}=\frac{q\,l}{2\,T\cdot 0}=\infty$ nöthig sein. Aus diesem Grunde erhält ein solcher Träger an den Enden die Höche $h_1=\frac{q\,l}{2\,s\,T}$, und erst von der Stelle an die parabolische Form, wo $y=h_1$ aussällt.

§. 73 Bogenträger mit Fachwerk. Ist der Raum zwischen den Rippen burch Fachwerk ausgefüllt, so werden die Schubkräfte des Trägers ABAD, Fig. 137.

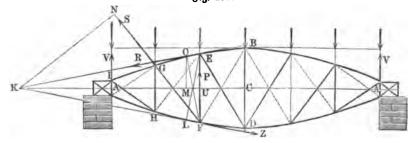


Fig. 137, burch die Streben und Zugstangen aufgenommen. Es sind dann die Berticalbrude, welche die Streben BD, EF, GH u. s. w. von der oberen nach der unteren Rippe übertragen, $^{1}/_{2}qc$, $^{3}/_{2}qc$, $^{5}/_{2}qc$ u. s. w., wenn c den Abstand der benachbarten Streben von einander bezeichnet. Ebenso hat man die Züge, welche die Zugstangen DE, FG, HI auszuhalten haben, der Reihe nach

$$^{1/2}\frac{qc}{\sin \alpha_1}$$
, $^{8/2}\frac{qc}{\sin \alpha_2}$, $^{5/2}\frac{qc}{\sin \alpha_3}$ u. f. w.,

wenn α_1 , α_2 , α_3 u. f. w. die Neigungswinkel dieser Stangen gegen ben Horizont bezeichnen, und die Neigungen der Rippen gegen benselben klein genug sind, um außer Acht gelassen werden zu können.

Wie bei ben Tragern mit Ausfullungewanden bie Schubfrafte von ber

Witte nach ben Enden des Trägers hin allmälig zunehmen, so wachsen also auch bei den Fachwerksträgern, die Druckkräfte in den Streben, und bei gleichen Reigungswinkeln der Zugstangen, auch die Zugkräfte in denselben von der Witte ans nach den Trägerenden. Es sindet folglich auch in dem Fachwerk eines Fachwerkströgers eine Berschwendung an Material statt, wenn bei gleicher Höhe der Streben oder gleicher Neigung der Zugstangen, die Querschnitte dieser Fachwerkstheile auf der ganzen Länge des Trägers immer diesenschaften.

· felben bleiben, nämlich $F = \frac{V}{T} = \frac{q\,l}{2\,T}$ für die Streben und $F_1 = \frac{q\,l}{2\,T_1 sin.\,\alpha}$

für die Zugstangen, wobei T und T_1 die entsprechenden Tragmodel bezeichenen. Da nun bei einem para bolischen Träger die Strebenlängen (y) nach den Enden zu abnehmen, während dieselben bei dem rectangulären Träger constant (h) sind, so fallen auch die Gewichte der Streben bei den ersteren kleiner aus als dei den letzteren. Anders ist aber dieses Berhältniß in Betracht der Zugstangen. Bei dem constanten Abstande $c=\frac{l}{n}$ zwischen den benachbarten Streben und der Höse y derselben solgt für den Reigungswinzel aber derselben, tang. $\alpha=\frac{y}{c}=\frac{ny}{l}$, und das Bolumen einer Zugstange:

$$\frac{F_1 c}{\cos \alpha} = \frac{q c l}{2 T_1 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{q l}{2 T_1} \left(y + \frac{c^2}{y} \right).$$

Da y kleiner als h ift, so folgt, daß das Bolumen $rac{F_1}{sin.\,lpha}=rac{q\,l}{2\,T_1}\Big(h+rac{c^2}{h}\Big)$

ber Zugstange eines rectangulären Fachwerksträgers nur bei einem kleinen Abstande o größer ift als bas einer solchen Stange bei bem parabolischen Fachwerksträger unter übrigens gleichen Berhältniffen.

Wenn die Hauptrippen um größere Winkel von dem Horizont abweichen, so fallen die im Obigen gesundenen Spannungen der Fachwerksträger etwas anders aus. Es lassen sich diese dann am einfachsten durch Anwendung der Theorie der Momente (f. §. 64) ermitteln. Man sindet z. B. hiernach die Spannung R der oderen Rippe, in der Nähe der Strebe EF, welche um AU = x vom Ende A absteht, wenn man von F aus ein Perpendik. If FO = r gegen die Richtung dieser Rippe in E sällt, und nun das Moment von R in Hinsicht auf F.

$$Rr = Vx - \frac{1}{2} qx^2, = \frac{1}{2} qx (l - x)$$
 fest.

hiernach ift ber Drud in ber oberen hauptrippe

1)
$$R = \frac{1}{2} q \frac{x}{r} (l - x)$$
.

Ebenso ergiebt sich die Spannung Z ber unteren Rippe nahe bei EF, wenr

und zwar Null, für $x=\frac{l}{2}$, und bas Maximum $\frac{q\,l}{2\,s\,h}$, für x=0. Wenn man daher die Stärke s der Füllung nicht variabel, sondern an allen Stellen $s=\frac{q\,l}{2\,h\,T}$ macht, so fällt ein solcher Träger auch aus diesem Grunde unnöthig schwer aus. Giebt man aber dem Träger die durch die Gleichung $y=\frac{4\,h\,x}{l^2}$ (l-x) bedingte Parabelsorm, so würde, da hierenach sür x=0, auch y=0 aussällt, zur Erlangung einer endlichen Spannung T, die Wanddide $s=\frac{q\,l}{2\,y\,T}=\frac{q\,l}{2\,T\cdot 0}=\infty$ nöthig sein. Aus diesem Grunde erhält ein solcher Träger an den Enden die Höhe $h_1=\frac{q\,l}{2\,s\,T}$, und erst von der Stelle an die parabolische Form, wo $y=h_1$ aussällt.

§. 73 Bogenträger mit Fachwerk. Ift ber Raum zwischen ben Rippen burch Fachwerk ausgefüllt, so werden bie Schubkräfte bes Trägers ABAD, Fig. 137.

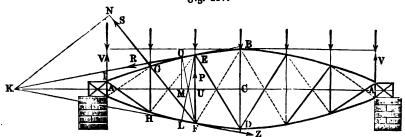


Fig. 137, durch die Streben und Zugstangen aufgenommen. Es sind dann die Berticaldrucke, welche die Streben BD, EF, GH u. s. w. von der oberen nach der unteren Rippe übertragen, $^{1}/_{2}$ qc, $^{3}/_{2}$ qc, $^{5}/_{2}$ qc u. s. w., wenn c den Abstand der benachbarten Streben von einander bezeichnet. Ebenso hat man die Züge, welche die Zugstangen DE, FG, HI auszuhalten haben, der Reihe nach

$$\frac{1}{2} \frac{q c}{\sin \alpha_1}$$
, $\frac{q c}{\sin \alpha_2}$, $\frac{q c}{\sin \alpha_3}$, $\frac{q c}{\sin \alpha_3}$ u. f. w.,

wenn α_1 , α_2 , α_3 u. f. w. die Neigungswinkel dieser Stangen gegen ben Horizont bezeichnen, und die Neigungen der Rippen gegen benselben klein genug sind, um außer Acht gelassen werden zu können.

Wie bei ben Tragern mit Ausfüllungswanden bie Schubfrafte von ber

Witte nach ben Enden des Trägers hin allmälig zunehmen, so wachsen also auch bei den Fachwerksträgern, die Druckträfte in den Streben, und bei gleichen Neigungswinkeln der Zugstangen, auch die Zugkräfte in denselben von der Witte aus nach den Trägerenden. Es sindet folglich auch in dem Fachwerk eines Fachwerksträgers eine Berschwendung an Material statt, wenn bei gleicher Höhe der Streben oder gleicher Neigung der Zugstangen, die Querschnitte dieser Fachwerkstheile auf der ganzen Länge des Trägers immer dieselben bleiben, nämlich $F = \frac{V}{T} = \frac{q \, l}{2 \, T_1 \sin n}$

für die Zugstangen, wobei T und T_1 die entsprechenden Tragmodel bezeichenen. Da nun bei einem para bolischen Träger die Strebenlängen (y) nach den Enden zu abnehmen, während dieselben bei dem rectangulären Träger constant (h) sind, so fallen auch die Gewichte der Streben bei den ersteren kleiner aus als dei den letzteren. Anders ist aber dieses Berhältniß in Betracht der Zugstangen. Bei dem constanten Abstande $c=\frac{l}{n}$ zwischen

ben benachbarten Streben und ber Höhe y berfelben folgt für den Neigungswinstel α derfelben, tang. $\alpha=\frac{y}{c}=\frac{n\,y}{l}$, und das Bolumen einer Zugstange:

$$\frac{F_1 c}{\cos \alpha} = \frac{q c l}{2 T_1 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{q l}{2 T_1} \left(y + \frac{c^2}{y} \right).$$

Da y kleiner als
$$h$$
 ist, so folgt, daß das Bolumen $rac{F_1}{sin.\ lpha}=rac{q\,l}{2\,T_1}\Big(h+rac{c^2}{h}\Big)$

ber Zugstange eines rectangulären Fachwerksträgers nur bei einem kleinen Abstande o größer ist als bas einer solchen Stange bei bem parabolischen Fachwerksträger unter übrigens gleichen Berhältnissen.

Wenn die Hauptrippen um größere Wintel von dem Horizont abweichen, so fallen die im Obigen gesundenen Spannungen der Fachwerksträger etwas anders aus. Es lassen sich diese dann am einsachsten durch Anwendung der Theorie der Momente (f. §. 64) ermitteln. Man sindet z. B. hiernach die Spannung R der oberen Rippe, in der Nähe der Strebe EF, welche um AU = x vom Ende A absteht, wenn man von F aus ein Perpendik. If FO = r gegen die Richtung dieser Rippe in E sällt, und nun das Moment von R in Hinsicht auf F.

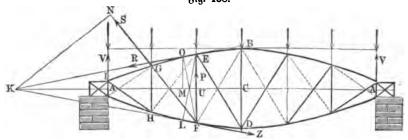
$$Rr = Vx - \frac{1}{2} qx^2, = \frac{1}{2} qx (l - x)$$
 fest.

hiernach ift ber Druck in ber oberen hauptrippe

1)
$$R = \frac{1}{2} q \frac{x}{r} (l - x)$$
.

Ebenso ergicht sich die Spannung Z ber unteren Rippe nabe bei EF, wenr

man von E das Perpendikel EL = Z gegen die Richtung dieser Rippe in F fällt, und das Moment von Z in Hinsicht auf E, Fig. 138.



$$Zz = Vx - \frac{qx^2}{2} = 1/2 qx (l-x)$$
 angiebt.

Biernach folgt ber Bug in ber unteren Bauptrippe:

2)
$$Z = \frac{1}{2} \frac{qx}{s} (l - x)$$
.

Um ferner die Spannungen P und S ber Strebe EF und ber Zugstange FG zu finden, sehen wir den Durchschnittspunkt K ber Richtungen ber Kräfte R und Z als Drehungspunkt an, und brüden die Momente ber Kräfte P und Z in Hinsicht auf diesen Punkt aus. Bezeichnet p ben Abstand KU des Punktes K von der Are der Strebe EF, sowie s den Abstand KN dieses Punktes von der Are der Zugstange FG, so hat man

$$Pp = Ss = V(p - x) - qx(p - \frac{1}{2}x),$$

baber ift ber Drud in ber Strebe EF:

3)
$$P = \frac{V(p-x) - qx(p-1/2x)}{p} = q\left(\frac{1}{2}l - x\right) - \frac{x(l-x)}{2p}$$
,

und ber Bug in ber Bugftange FG

4)
$$S = \frac{V(p-x) - qx(p-1/2x)}{s} = \frac{q}{s} \left(p(1/2l-x) - \frac{x(l-x)}{2} \right)$$
.

Wenn biese parabolischen Fachwerksträger bei Bruden zur Anwendung tommen, wo, wie aus §. 65 bekannt ift, die Stelle der größten Durchbiegung von der Größe und Ausbehnung der mobilen Last, z. B. eines Dampfwagenzuges, mit abhängig ift, muß man die Träger auch noch mit Zugstangen versehen, welche die Streben nach der entgegengeseten Seite ziehen und baher mit den Hauptzugstangen sogenannte Andreaskreuze bilben, wie in der Figur durch punktirte Linien angedeutet ist.

(§. 74) Theorie der Tragbogen. Es ift für bie Brazis auch wichtig, bie Bicgungeverhaltuiffe urfprünglich frummer Balten ober Bogen, jumal gußeiserner Bogen zu tennen. Die allgemeine Theo-

\$. 74.] Die Theorie ber Bolg. und Gifenconftructionen.

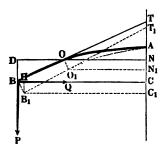
rie berfelben ist von der Theorie der Biegung gerader Balten nicht wesentlich verschieden; nur hat man hier das Moment Px der diegenden Kraft nicht $=\frac{WE}{r}$ (s. Band I., §. 215), oder da nach Art. 33 der analyt. Borlehren, $r=-\frac{\partial s}{\partial \alpha}$ ist, Px nicht $=-\frac{WE\partial \alpha}{\partial s}$ zu sehen, sondern man muß

$$Px = WE\left(\frac{\partial \alpha - \partial \alpha_1}{\partial s}\right)$$

einführen, weil burch biefes Moment nur ber Krümmungswinkel da in da, umgeanbert wird, und baber bas Moment jum Biegen um da wegfällt.

Wird burch die Wirkung ber biegenden Kräfte die Are AOB, Fig. 139, eines ursprünglich frummen Ballens in die Form AO_1B_1 umgeändert, so

Fig. 139.



gehen die Coordinaten AN = x und NO = y in die Coordinaten $AN_1 = x_1$ und $N_1 O_1 = y_1$ über, und es wird aus dem Tangentenwinkel $NTO = \alpha$ der Tangentenwinkel $N_1 T_1 O_1 = \alpha_1$, während die Bozenlänge $AO = AO_1 = s$ unverändert bleibt. Bestehen die die genden Kräfte in einer Berticastraft P und in einer Horizontastraft Q, so haben wir das Moment beider Kräste in Beziehung auf den Punkt O,

$$M = P. \overline{OD} + Q. \overline{BD}$$

= $P(b-y) + Q(a-x)$,

wenn a und b die Höhe AC und die Sehne BC des Bogens AB bes zeichnen. Es ist folglich:

$$WE\left(\frac{\partial \alpha - \partial \alpha_1}{\partial s}\right) = P(b-y) + Q(a-x),$$

und baker

$$\alpha - \alpha_1 = \frac{\int [P(b-y) + Q(a-x)] \partial s}{WE}.$$

Da a - a1 ein kleiner Bogen ift, so lonnen wir

$$\cos \alpha - \cos \alpha_1 = -2\sin \left(\frac{\alpha + \alpha_1}{2}\right)\sin \left(\frac{\alpha - \alpha_1}{2}\right) = -\sin \alpha \cdot (\alpha - \alpha_1)$$

 $sin. \alpha - sin. \alpha_1 = 2 cos. \left(\frac{\alpha + \alpha_1}{2}\right) sin. \left(\frac{\alpha - \alpha_1}{2}\right) = cos. \alpha. (\alpha - \alpha_1),$ folglish auch

$$\cos lpha - \cos lpha_1 = -rac{\sin lpha}{WE} \int [P\ (b-y) + Q\ (a-x)] \ \partial s$$
 with $\sin lpha - \sin lpha_1 = rac{\cos lpha}{WE} \int [P\ (b-y) + Q\ (a-x)] \ \partial s$ febru.

Nun ift aber nach Art. 32, Band I., ber analyt. Sulfelehren

$$\sin \alpha = \frac{\partial y}{\partial s}, \cos \alpha = \frac{\partial x}{\partial s},$$

also auch

$$\sin \alpha_1 = \frac{\partial y_1}{\partial s}, \cos \alpha_1 = \frac{\partial x_1}{\partial s},$$

fowie

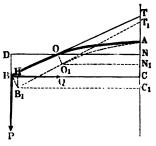
$$\partial s = \sqrt{\partial x^2 + \partial y^2}$$
 annähernd $= \partial y \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial x}{\partial y} \right)^2 \right]$

daher läßt sich auch setzen:

$$\partial x_1 - \partial x = \frac{\partial y}{WE} \int [P(b-y) + Q(a-x)] \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial x}{\partial y}\right)^2\right] \partial y,$$

$$\partial y_1 - \partial y = -\frac{\partial x}{WE} \int [P(b-y) + Q(a-x)] \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial x}{\partial y}\right)^2\right] \partial y.$$

(§. 75) Parabolische Tragbögen. In ben meisten Fällen haben wir es nur Fig. 140. mit sehr gebrückten Bögen zu thun, welche



wir stets als Parabelbögen ansehen und T, behandeln können. Setzen wir nun die BoA genhöhe A C berselben — a und die BoN genweite BC = b, so giebt uns die ParaN1 belgleichung

$$\frac{C}{C_1} = \frac{\overline{ON^2}}{\overline{BC^2}} = \frac{AN}{AC}, \text{ b. i. } \frac{y^2}{b^2} = \frac{x}{a},$$

es folgt baher

$$x = \frac{ay^2}{b^2}$$
, $\partial x = \frac{2ay\partial y}{b^2}$ und

$$\partial s = \partial y \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial x}{\partial y} \right)^2 \right] = \partial y \left(1 + \frac{2 a^2 y^2}{b^4} \right),$$

sowie

$$\partial x_1 - \partial x = \frac{\partial y}{WE} \int \left[P(b-y) + Q a \left(1 - \frac{y^2}{b^2} \right) \right] \left(1 + \frac{2 a^2 y^2}{b^4} \right) \partial y$$

und

$$\partial y_1 - \partial y = -\frac{2ay\partial y}{WEb^2} \int \left[P(b-y) + Qa\left(1 - \frac{y^2}{b^2}\right) \right] \left(1 + \frac{2a^2y^2}{b^4}\right) \partial y,$$

S. 76.] Die Theorie ber Bolg. und Gifenconstructionen:

ð. i.

$$\partial x_{1} - \partial x = \frac{\partial y}{WE} \left\{ P\left(by - \frac{y^{2}}{2}\right) + Qa\left(y - \frac{y^{3}}{3b^{2}}\right) + \frac{2a^{2}}{b^{4}} \left[P\left(\frac{by^{2}}{3} - \frac{y^{4}}{4}\right) + Qa\left(\frac{y^{3}}{3} - \frac{y^{5}}{5b^{2}}\right) \right] \right\}$$

und

$$\partial y_{1} - \partial y = -\frac{2 a \partial y}{W E b^{2}} \left\{ P\left(b y^{2} - \frac{y^{3}}{2}\right) + Q a\left(y^{2} - \frac{y^{4}}{3 b^{3}}\right) + \frac{2 a^{2}}{b^{4}} \left[P\left(\frac{b y^{4}}{3} - \frac{y^{5}}{4}\right) + Q a\left(\frac{y^{4}}{3} - \frac{y^{6}}{5 b^{2}}\right)\right] \right\}.$$

Durch nochmaliges Integriren ergiebt fich nun

$$x_{1}-x=\frac{1}{WE} \begin{cases} P\left(\frac{by^{2}}{2}-\frac{y^{5}}{6}\right)+Qa\left(\frac{y^{2}}{2}-\frac{y^{4}}{12b^{2}}\right)\\ +\frac{2a^{2}}{b^{4}}\left[P\left(\frac{by^{4}}{12}-\frac{y^{5}}{20}\right)+Qa\left(\frac{y^{4}}{12}-\frac{y^{6}}{30b^{2}}\right)\right] \end{cases}$$

$$y_{1}-y=-\frac{2 a}{W E b^{2}} \left\{P\left(\frac{b y^{3}}{3}-\frac{y^{4}}{8}\right)+Q a\left(\frac{y^{3}}{3}-\frac{y^{5}}{15 b^{3}}\right) + \frac{2 a^{2}}{b^{4}} \left[P\left(\frac{b y^{5}}{15}-\frac{y^{6}}{24}\right)+Q a\left(\frac{y^{5}}{15}-\frac{y^{7}}{35 b^{2}}\right)\right]\right\}.$$

Sest man in biesen Gleichungen y=b, so geben sie uns in x_1-x bie Höhe $B_1\,H=a_1$, um welche bas Ende bes Ballens burch bie Krufte $m{P}$ und $m{Q}$ herabgezogen wird, und in $m{y}-m{y}_1$ die horizontale Berkurzung $BH=b_1$, welche ber Balten burch eben diese Rrafte erleidet. Es ist hiernach

$$a_1 = \frac{P}{WE} \left(\frac{b^3}{3} + \frac{a^2 b}{15} \right) + \frac{Q}{WE} \left(\frac{5}{12} a b^2 + \frac{a^3}{10} \right)$$

unb

$$b_1 = \frac{P}{WE} \left({}^5/_{12} a b^2 + \frac{a^3}{10} \right) + \frac{Q}{WE} \left({}^8/_{15} a^2 b + \frac{16 a^4}{105 b} \right)$$

Ist die Horizontalfraft Q=0, so hat man

$$a_1 = \frac{P}{WE} \left(\frac{b^3}{3} + \frac{a^2b}{15} \right)$$
 und $b_1 = \frac{P}{WE} \left(\frac{5}{12} a b^2 + \frac{a^3}{10} \right)$,

und ift fiberbies a = 0, hat man es also mit einem geraben Barren an thun, fo hat man, wie befannt,

$$a_1 = \frac{Pb^3}{3WE}$$
 und $b_1 = 0$ (f. Band I., §. 217).

Ein an beiben Enden B und B burch eine Horizontalebene unters (§. 76) ftütter und in ber Mitte mit einem Gewichte G belafteter Bogen BAB,

Fig. 141, brudt auf jebe seiner Stützen mit der Berticalkraft P=-1/2G, und der Horizontalkraft Q=0, da er ungehindert horizontal ausweichen kann. Es ist folglich die Senkung des Scheitels

$$AA_1 = a_1 = \frac{G}{2WE} \left(\frac{b^3}{3} + \frac{a^2b}{15} \right)$$

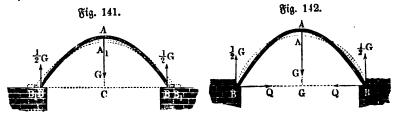
und bie Horizontalbewegung ber Enben B und B1

$$BB_1 = b_1 = \frac{G}{2WE} \left(\frac{5ab^2}{12} + \frac{a^8}{10} \right).$$

Bei einem geraben Balten von ber Länge $l=2\,b$, welcher in seiner Mitte mit G belastet ift, hat man (Band I., §. 217)

$$a_1 = \frac{1}{16} \frac{Pl^3}{3WE} = \frac{1}{2} \frac{Gb^3}{3WE}$$

also fleiner ale in bem vorliegenden Falle.



Stemmt sich ber in ber Mitte durch ein Sewicht G belastete Bogen BAB, Fig. 142, an ben Enden B und B gegen seste Stützen, so ist ein Berruden in horizontaler Richtung unmöglich und daher $b_1 = 0$. Uebrigens ist auch hier $P = -1/2 G_1$ bagegen folgt nun

$$Q = \frac{1}{2} G \frac{\left(\frac{5}{12} ab^3 + \frac{a^3}{10}\right)}{\frac{8}{15} a^2b + \frac{16}{105} \frac{a^4}{b}} = \frac{1}{2} G \left(\frac{25b}{32a} - \frac{a}{28b}\right)$$

und die Sentung bes Scheitels:

$$a_1 = \frac{G}{2WE} \left(\frac{b^3}{3} + \frac{a^2b}{15} \right) - \frac{G}{2WE} \left(\frac{25b}{32a} - \frac{a}{28b} \right) \left(\frac{5}{12}ab^2 + \frac{a^3}{10} \right)$$

$$= \frac{G}{2WE} \left(\frac{b^3}{128} + \frac{23}{6720}a^2b \right),$$

ober meift genau genug,

$$a_1 = \frac{Gb^3}{256 WE},$$

b. i. 422/8 mal fo flein ale beim geraben Balten von gleicher Spannweite 2b.

S. 77.] Die Theorie ber Bolg und Gifenconftructionen.

Gleichmässig belastete Tragbögen. Wenn ber Bogen AB, (§. 77)

Fig. 143.

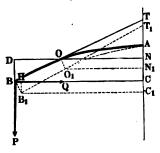


Fig. 143, auf seiner ganzen Länge belastet wirb, so daß jebe Längeneinheit der Horizontalprojection desselben q trägt, so hat man das Kraftmoment, welches ein Stück OB um O biegt

$$q.\overline{OD}.^{1/2}\overline{OD}$$

$$= ^{1/2}q (\overline{BC} - \overline{ON})^{2}$$

$$= ^{1/2}q (b - y)^{2},$$

und baber nach (§. 75):

$$\partial x_1 - \partial x = \frac{\partial y}{WE} \int_{-1}^{1/2} q \ (b^2 - 2by + y^2) \left(1 + \frac{2 a^2 y^2}{b^4}\right) \partial y$$

und

$$\partial y_1 - \partial y = -\frac{2 a y \partial y}{W E b^2} \int_{a}^{1/2} q (b^2 - 2 b y + y^2) \left(1 + \frac{2 a^2 y^2}{b^4}\right) \partial y.$$

Durch wieberholtes Integriren ergiebt fich bieraus:

$$\partial x_1 - \partial x = \frac{q \partial y}{2 WE} \left[b^2 y - b y^2 + \frac{y^3}{3} + \frac{2 a^2}{b^4} \left(\frac{b^2 y^3}{3} - \frac{1}{2} b y^4 + \frac{y^5}{5} \right) \right],$$

$$\partial y_1 - \partial y = -\frac{aqy\partial y}{WEb^2} \left[b^2 y - b y^2 + \frac{y^3}{3} + \frac{2 a^2}{b^4} \left(\frac{b^3 y^3}{3} - \frac{1}{2} b y^4 + \frac{y^5}{5} \right) \right],$$

unb

$$x_1 - x = \frac{q}{2WE} \left[\frac{b^2 y^2}{2} - \frac{by^3}{3} + \frac{y^4}{12} + \frac{2a^2}{b^4} \left(\frac{b^2 y^4}{12} - \frac{by^5}{10} + \frac{y^6}{30} \right) \right]$$

fowie

$$y_1 - y = -\frac{aq}{WEb^2} \left[\frac{b^2y^3}{3} - \frac{by^4}{4} + \frac{y^5}{15} + \frac{2a^2}{b^4} \left(\frac{b^2y^5}{15} - \frac{by^6}{12} + \frac{y^7}{35} \right) \right].$$

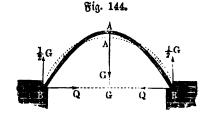
Setzen wir y=b, so erhalten wir die verticale Senkung des Bogensendes:

$$HB_1 = a_1 = \frac{q}{WE} \left(\frac{b^4}{8} + \frac{a^2b^2}{60} \right),$$

und die horizontale Berfchiebung beffelben:

$$BH = b_1 = \frac{q}{WE} \left(\frac{3 a b^3}{20} + \frac{a^3 b}{42} \right).$$

Diese Theorie läßt sich auch auf einen Bogen BAB, Fig. 144, anwenben, welcher an seinen beiben Enden B und B unterftugt, librigens aber mit



einem auf die Horizontalprojection BB = 2b

gleichmäßig vertheilten Bewichte 2bq belastet wird. ift hier außer bem an jebem Schentel niebergiehenben Gewicht ba noch an jedem Ende eine Berticaltraft P und eine Horizontaltraft Q wirksam und baber die Berandes

rung a, in a und b, in b aus ben beiberlei Kräften entsprechenden Beranberungen gufammengefest, alfo mit Berudfichtigung bes §. 75 Gefundenen:

$$a_{1} = \frac{P}{WE} \left(\frac{b^{3}}{3} + \frac{a^{2}b}{15} \right) + \frac{Q}{WE} \left(\frac{b}{12} a b^{2} + \frac{a^{3}}{10} \right) + \frac{Q}{WE} \left(\frac{b^{4}}{8} + \frac{a^{2}b^{2}}{60} \right)$$

$$b_1 = \frac{P}{WE} \left({}^{b}/_{12}ab^2 + \frac{a^3}{10} \right) + \frac{Q}{WE} \left({}^{8}/_{15}a^2b + \frac{16a^4}{105b} \right) + \frac{q}{WE} \left(\frac{3ab^8}{20} + \frac{a^3b}{42} \right).$$

Nun ift aber im vorliegenden Falle P = -qb und $b_1 = 0$ anzunehmen; es folgt baher:

$$Q\left(\frac{8}{15}a^{2}b + \frac{16a^{4}}{105b}\right) = Q\left(\frac{5}{12}ab^{8} + \frac{a^{8}b}{10}\right) - Q\left(\frac{3ab^{8}}{20} + \frac{a^{8}b}{42}\right)$$

$$= Q\left(\frac{4}{15}ab^{8} + \frac{8}{105}a^{8}b\right),$$

b. i.

$$Q=\frac{q\,b^2}{2\,a},$$

und hieraus wieder:

$$a_1 = -\frac{qb}{WE} \left(\frac{b^3}{3} + \frac{a^2b}{15} \right) + \frac{qb^2}{2WEa} \left(\frac{5}{12} ab^2 + \frac{a^3}{10} \right) + \frac{q}{WE} \left(\frac{b^4}{8} + \frac{a^2b^2}{60} \right) = 0.$$

Es findet also in diesem Falle gar keine Senkung des Scheitels statt. Ueberhaupt erleibet hier ber Bogen keine andere Formveränderung als biejenige, welche aus ber Spannung besselben entspringt; wir haben es baber hier mit einer fogenannten Gleichgewichtecurve zu thun.

Ware aber ber Bogen überdies noch in feiner Mitte mit einem Gewichte G belastet, so würde die Horizontalkraft am Ruke B

$$Q = \frac{q b^2}{2 a} + \frac{1}{2} G \left(\frac{25 b}{32 a} - \frac{a}{28 b} \right)$$

betragen, und es ware die Sentung im Scheitel, wie oben (§. 76):

$$a_1 = \frac{G}{2WE} \left(\frac{b^3}{128} + \frac{23a^2b}{6720} \right)$$

Spannung der Bögen. Was die Spannung 8 oder die Zusams (§. 78) menbrudung bes Bogens in feiner Are anlangt, fo ift biefe bie Summe ber in ber Tangentenrichtung wirkenben Seitenfrafte von ben Rraften P und Q, Fig. 145. Mittels des Tangentenwinkels NTO = a ergeben fich biefe

Fig. 145.

Seitenfrafte P1 und Q1 von P und Q durch bie Formeln

$$P_1 = P \cos \alpha$$
 und $Q_1 = Q \sin \alpha$, cs ift baher bie Spannung $S = Q_1 - P_1$ $= Q \sin \alpha - P \cos \alpha$ $= Q \frac{\partial y}{\partial s} - P \frac{\partial x}{\partial s}$ $= \frac{Q \partial y - P \partial x}{V \partial x^2 + \partial y^2}$,

alfo für einen Barabelbogen, wo

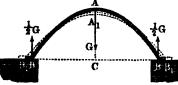
$$\partial x = \frac{2 \, a \, y \, \partial \, y}{b^2}$$
 und annähernd $\partial s = \partial \, y \, \left(1 \, + \frac{2 \, a^2 \, y^2}{b^4} \right)$

ift:

$$S = rac{Q - rac{2 \, a \, y}{b^2} \, P}{1 + rac{2 \, a^2 \, y^2}{b^4}}, \text{ annähernb} = \left(Q - rac{2 \, a \, y}{b^2} \, P
ight) \left(1 - rac{2 \, a^2 \, y^2}{b^4}
ight)$$

$$= \left(1 - rac{2 \, a^2 \, y^2}{b^4}
ight) \, Q - rac{2 \, a \, y}{b^2} \left(1 - rac{2 \, a^2 \, y^2}{b^4}
ight) \, P.$$

Fig. 146.



Wenn ber Bogen BAB, Fig. 146. burch ein in ber Mitte hangenbes Bewicht G gefpannt wird, fo hat man:

$$Q=0$$
 and $P=-\frac{G}{2}$,

baber die Spannung:

$$S = \frac{ay}{b^2} \left(1 - \frac{2a^2y^2}{b^4}\right)G.$$

Da $\frac{a}{b}$ ein kleiner Bruch ist, so fällt S am größten aus für y=b, b. i. $S=\frac{a\,G}{\cdot}$

Am Scheitel, also für y = 0, ist S = 0.

In bem Falle, welchen Fig. 144 barftellt, wo fich ber in ber Mitte mit G belaftete Bogen gegen ein festes hinderniß stemmt, hat man

$$P = -\frac{1}{2} G$$
 und $Q = \frac{1}{2} G \left(\frac{25 b}{32 a} - \frac{a}{28 b} \right)$,

baber bie Spannung:

$$S = \frac{ay}{b^2} \left(1 - \frac{2a^2y^2}{b^4} \right) G + \left(1 - \frac{2a^2y^2}{b^4} \right) \left(\frac{25b}{32a} - \frac{a}{28b} \right) \frac{G}{2}$$
$$= \left(\frac{25b}{64a} - \frac{a}{56b} + \frac{ay}{b^2} - \frac{25ay^2}{32b^3} \right) G,$$

wenn man die höheren Botenzen von a vernachlässigt. Dieser Ausbruck wird mit $y = \frac{25}{32} \cdot \frac{y^2}{b}$ ein Maximum, und zwar für $y = \frac{16}{25}b$. Der entsprechende Maximaswerth ist:

$$S = \left(\frac{25}{32} \, \frac{b}{a} + \frac{423 \, a}{700 \, b}\right) \frac{G}{2}.$$

Wenn biefer Bogen gleichmäßig belaftet ift, fo haben wir:

$$P = -qy$$
 und $Q = \frac{qb^2}{2a}$,

baher

$$S = \left(1 - \frac{2a^2y^2}{b^4}\right)\frac{qb^2}{2a} + \frac{2ay}{b^3}\left(1 - \frac{2a^2y^2}{b^4}\right)qy$$
$$= \frac{qb^2}{2a} + \frac{qay^2}{b^2},$$

und trägt er überbies noch im Scheitel bas Gewicht G, fo ift

$$S = \frac{qb^2}{2a} + \frac{qay^2}{b^2} + \left(\frac{25}{64}\frac{b}{a} - \frac{a}{56b} + \frac{ay}{b^2} - \frac{25ay^2}{32b^3}\right)G.$$

Differenziirt man biesen Ausbruck in Beziehung auf y und setzt $\frac{\partial S}{\partial y} = 0$, so erhält man den Werth für y, welcher S zum Maximo macht, nämlich:

$$2qy + \left(1 - \frac{25}{16} \frac{y}{b}\right)G = 0$$

b. i.

$$y = \frac{16bG}{25G - 32qb}.$$

Da y nicht größer als b fein tann, fo folgt, daß in ben Fällen, wenn

$$16 G > 25 G - 32 qb$$
, b. i. $G < \frac{82}{9} qb$

ist, y = b angenommen werden muß, und der Maximaldruck an den Enden B und B statthat.

Durch die Spannung wird auch die Bogenlänge verändert; besteht (§. 79) dieselbe in einem Drucke, so wird der Bogen verkurzt, und besteht sie in einem Zuge, so erleidet der Bogen eine Ausdehnung. Wird das Element ∂s des Bogens durch die Spannung S in ∂s_1 umgeändert, so hat man bei dem Querschnitte F des Bogens (s. Band L., §. 204):

$$S = \left(\frac{\partial s - \partial s_1}{\partial s}\right) FE,$$

und es ift hiernach:

$$s-s_1 = \int \frac{S\partial s}{FE} = \frac{1}{FE} \int S\sqrt{\partial x^2 + \partial y^2} = \frac{1}{FE} \int \left(1 + \frac{2a^2y^2}{b^4}\right) S\partial y,$$

wenn wir es mit einer Parabel zu thun haben. Filr einen an beiben Enben gestütten und in ber Mitte mit G belafteten Bogen (Fig. 144) ift

$$S = \left(\frac{25 \, b}{64 \, a} - \frac{a}{56 \, b} + \frac{a \, y}{b^2} - \frac{25}{32} \, \frac{a \, y^2}{b^3}\right) \, G'$$

gefunden worden, baber haben wir die Berklitzung bes Bogens:

$$s - s_1 = \frac{G}{FE} \int \left(\frac{25}{64} \frac{b}{a} - \frac{a}{56b} + \frac{ay}{b^2} - \frac{25}{32} \frac{ay^2}{b^3} \right) \partial y$$
$$= \frac{G}{FE} \left(\frac{25}{64} \frac{b}{a} y - \frac{ay}{56b} + \frac{ay^2}{2b^3} - \frac{25}{96} \frac{ay^3}{b^3} \right),$$

, also für die ganze Länge I, wo y = b ift, die Berkurzung:

$$l_1 = \frac{G}{FE} \left(\frac{25}{64} \frac{b^2}{a} + \frac{149}{672} \cdot a \right)$$

Wenn hingegen berfelbe Bogen gleichmäßig belaftet ift, fo hat man:

$$s - s_1 = \frac{q}{FE} \int \left(\frac{b^2}{2a} + \frac{ay^2}{b^2} \right) \left(1 + \frac{2a^2y^2}{b^4} \right) \partial y$$
$$= \frac{q}{FE} \left(\frac{b^2y}{2a} + \frac{2a}{3b^2} y^2 \right),$$

folglich für ben gangen Bogen von ber Lange 1:

$$l_1 = \frac{q}{FE} \cdot \frac{b^3}{2a} \left[1 + \frac{4}{3} \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right] \cdot$$

Wenn der Bogen l durch $\frac{G}{2}$ und lq zugleich belaftet wird, so ift seine Berkurzung die Summe der beiben der letten Werthe für l_1 , folglich:

$$l_1 = \frac{qb^3}{2FEa} \left[1 + \frac{4}{8} \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right] + \frac{G}{FE} \left(\frac{25}{64} \frac{b^2}{a} + \frac{149}{627} a \right).$$

Ans ber Berklitzung ber Bogenlange läßt fich nun auch bie entsprechende Sentung an bes Scheitels finden. Es ift nach (§. 75):

$$\partial s = \partial y \left(1 + \frac{2a^2y^2}{b^4}\right),$$

folglich:

$$s = y \left(1 + \frac{2}{2} \frac{a^2 y^2}{b^4}\right) = y \left(1 + \frac{2}{2} \frac{ax}{b^2}\right)$$

also filt x = a und y = b:

$$s=l=b\left(1+\frac{a^2}{b^2}\right)$$
 (vergl. Band I., §. 160, Anmerkung 1).

Durch Differenziiren nach a ergiebt sich nun:

$$\partial l = \frac{4}{s} \frac{a \partial a}{b}$$
, daher umgekehrt:

$$\partial a = \frac{3}{4} \frac{b \partial l}{a}$$
 und $a_1 = \frac{3}{4} \frac{b}{a} l_1$.

Für ben letten Fall ist baher bie Sentung bes Scheitels:

$$a_1 = \frac{3}{8} \frac{b^3}{a^2 F E} (\frac{25}{82} G + qb).$$

(§. 80) Tragkraft der Bögen. Die Tragkraft der Bögen läßt sich nach der Theorie der zusammengesetzten Festigsteit beurtheilen, da die Bögen nicht allein durch die Kraft S zusammengedrückt, sondern auch durch die Krafte P und Q gedogen werden. Der Spannung S entspricht das Zusammendrückungsverhältniß

$$\sigma_1 = \frac{S}{FE}$$

den **A**räften P und Q dagegen das Ausdehnungs - und Zusammendrückungs verhältniß

$$\sigma_{2} = \frac{e \partial \alpha - e \partial \alpha_{1}}{\partial s} = \frac{e (\partial \alpha - \partial \alpha_{1})}{\partial s},$$

wenn e den Abstand der entserntesten Faser von der neutralen Are bezeichnet, und $\partial \alpha$, $\partial \alpha_1$ und ∂s die seither gebrauchten Bedeutungen haben. Es ist hiernach das Berhältniß des Tragmoduls zum Elasticitätsmodul

$$\frac{T}{E} = \sigma = \sigma_1 + \sigma_2 = \frac{S}{FE} + \frac{e (\partial \alpha - \partial \alpha_1)}{\partial s}.$$

Da es sich hier um ben größten Werth von o handelt, und ba bei ber

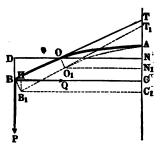
\$. 80.] Die Theorie der Holze und Eisenconstructionen. 179 Biegung Ausbehnung und Zusammendrückung zugleich vorkommt, so hat

man die beiben letzten Glieber $\frac{S}{FE}$ und $\frac{e (\partial \alpha - \partial \alpha_1)}{\partial s}$ stein arithmetisch

zu abbiren.

Wirb ber Bogen AB, Fig. 147, burch bie Krufte P und Q ergriffen, so haben wir nach (§. 74):

Fig. 147.



$$\frac{\partial \alpha - \partial \alpha_1}{\partial s} = \frac{P(b-y) + Q(a-x)}{WE},$$

baher:

$$T = \frac{S}{F} + [P(b-y) + Q(a-x)] \frac{e}{W}.$$

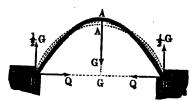
Dient dagegen der Bogen zur Unterstützung einer gleichförmig verstheilten Laft ab, so ift nach (§. 77):

$$\frac{\partial \alpha - \partial \alpha_1}{\partial s} = \frac{1}{2} q (b - y)^2,$$

und baher

$$T = \frac{S}{F} + \frac{eq\ (b-y)^2}{2\ W}$$
.

Filtr einen Bogen BAB, Fig. 148, welcher in ber Mitte ein Gewicht Gtrügt und an beiben Enben festgehalten wirb, hat man



$$P = -\frac{G}{2}, \ Q = \frac{1}{2} G \left(\frac{25 b}{32 a} - \frac{a}{28 b} \right)$$

und

$$S = \left(\frac{25 \, b}{64 \, a} - \frac{a}{56 \, b} + \frac{a \, y}{b^2} - \frac{25 \, a \, y^2}{32 \, b^3}\right) \, G,$$

baber:

$$T = \left(\frac{25 \, b}{64 \, a} - \frac{a}{56 \, b} + \frac{a \, y}{b^2} - \frac{25 \, a \, y^2}{32 \, b^3}\right) \frac{G}{F} + \left[\left(\frac{25 \, b}{32 \, a} - \frac{a}{28 \, b}\right) (a - x) - (b - y)\right] \frac{G \, e}{2 \, W}.$$

Für x=y=0, b. i. für ben Bogenficheitel, ift

$$T = \left(\frac{25\,b}{64\,a} - \frac{a}{56\,b}\right) \frac{G}{F} - \left(\frac{7}{32}\,b + \frac{\cdot a^2}{28\,b}\right) \frac{G\,e}{2\,W},$$

ober vielmehr

$$T = \left(\frac{25 \, b}{64 \, a} - \frac{a}{56 \, b}\right) \frac{G}{F} + \left(\frac{7}{32} \, b + \frac{a^2}{28 \, b}\right) \frac{G \, e}{2 \, W},$$

weil sich bei ber von der neutralen Are am meisten abstehenden Faser Zusammendrückung mit Zusammendrückung vereinigt.

Für x=a und y=b, also für die Fußpunkte, ist hingegen

$$T = \left(\frac{25 b}{64 a} + \frac{45 a}{224 b}\right) \frac{G}{F}.$$

Um die schwächste, b. i. diejenige Stelle zu finden, wo ber größte Tragmobul erforbert wird, differenzüren wir T in Hinsicht auf y und segen $\frac{\partial T}{\partial y}=0$. Es folgt hiernach:

$$\left(\frac{a}{b^3} - \frac{50 \, ay}{32 \, b^3}\right) \frac{2W}{Fe} - \left(\frac{25 \, b}{32 \, a} - \frac{a}{28 \, b}\right) \frac{\partial x}{\partial y} + 1 = 0;$$

ober, ba $\frac{x}{a} = \frac{y^2}{b^2}$, also $\frac{\partial x}{\partial y} = \frac{2 ay}{b^2}$ ist:

$$\left(\frac{a}{b^{1}} - \frac{50 \, ay}{32 \, b^{3}}\right) \frac{2 \, W}{Fe} + 1 = \left(\frac{25 \, b}{32 \, a} - \frac{a}{28 \, b}\right) \frac{2 \, ay}{b^{2}},$$

ð. i.

$$\frac{2 W}{Fe} \cdot \frac{a}{b^2} + 1 = \left(\frac{25 b}{82 a} - \frac{a}{28 b} + \frac{50}{32} \cdot \frac{W}{Fbe}\right) \frac{2 a y}{b^2};$$

hiernach ift:

$$y = \frac{2 Wa + Fb^2e}{\frac{25}{8} W \cdot \frac{a}{b} + \left(\frac{25}{16}b - \frac{a^2}{14b}\right)Fe}$$

Annähernd hat man, wenn man die Blieber mit a vernachlässigt,

y = 16/25 b, und baher

$$T = \left(\frac{25 \, b}{32 \, a} + \frac{423 \, a}{700 \, b}\right) \frac{G}{2 \, F} + \left[\left(\frac{25 \, b}{32 \, a} - \frac{a}{28 \, b}\right) \cdot \frac{369}{625} \, a - \frac{9}{25} \, b\right] \frac{G \, e}{2 \, W}$$
$$= \left(\frac{25 \, b}{32 \, a} + \frac{423 \, a}{700 \, b}\right) \frac{G}{2 \, F} + \left(\frac{81 \, b}{800} - \frac{369 \, a^2}{17500 \, b}\right) \frac{G \, e}{2 \, W},$$

ober, wenn man die Glieber mit a und a2 vernachlässigt,

$$T = \frac{25 b}{64 a} \frac{G}{F} + \frac{81 Gbe}{1600 W}$$

Bare die Last $2\,b\,q$ auf dem Bogen $B\,A\,B$ gleichmäßig vertheilt, so batte man:

$$\frac{e(\partial \alpha - \partial \alpha_1)}{\partial s} = \frac{-qb(b-y) + \frac{1}{2}q(b-y)^2 + \frac{qb^2}{2a}(a-x)}{WE}$$
$$= \frac{-\frac{1}{2}q(b^2 - y^2) + \frac{1}{2}q(b^2 - y^2)}{WE} = 0,$$

und baber:

$$T = \frac{S}{F} = \left(\frac{b^2}{2a} + \frac{ay^2}{b^2}\right) \frac{q}{F}.$$

Beispiel. Belde Dimensionen b_1 und h_1 hat man bem rectangulären Duerschnitt $b_1 h_1$ eines gußeisernen Bogens BAB, Fig. 146, von 12 Fuß Spannweite und 3 Fuß Höhe zu geben, wenn berselbe in ber Mitte ein Gewicht von 10000 Pfund tragen foll? Für das Zerbrechen im Scheitel haben wir:

$$T = \frac{25 b}{64 a} \frac{G}{F} + \frac{Gbe}{W},$$

und für bas Berbrechen im Abstande $y=\frac{16}{25}b$:

$$T = \frac{25 b}{64 a} \frac{G}{F} + \frac{81 G b e}{1600 W};$$

ba ber erstere Ausbruck einen größeren Werth glebt, so werben wir nur biesen in Betracht ziehen. Führen wir ben Tragmobul T=10000 Pfund ein, so läßt sich sehen:

$$1 = \frac{95}{64} \cdot \frac{b}{aF} + \frac{7be}{64W} \cdot \frac{1}{1}$$

Run ift aber $\frac{b}{a}=\%=2,\ b=6$ Fuß = 72 Boll, ferner $F=b_1$ &1,

 $W=rac{b_1h_1^a}{12}$ und $e=rac{1}{2}h_1$, wobei b_1 und h_1 die gesuchten Querschnittsbimens stonen bes Bogens bezeichnen; baber folgt:

$$1 = \frac{25 \cdot 2}{64 \cdot b_1 \cdot h_1} + \frac{7 \cdot 9 \cdot 6}{8 \cdot b_1 \cdot h_2^6}$$
, ober $b_1 h_1^6 = \frac{25}{83} h_1 + \frac{7 \cdot 9 \cdot 8}{4}$.

Rimmt man nun noch h1 = 10 b1 an, fo ergiebt fich:

$$h_1^{\circ} = 7.8 \, h_1 + 472.5$$

und baber:

 $h_1 = \sqrt[7]{472,5+64} = \sqrt[7]{536,5} = 8,12$ Joll, sowie $b_1 = 0.812$ Joll.

Für einen geraben gufeisernen Balten hatte man bei ber Lange $l=12\,\mathrm{Fuß}$ = 144 Boll und bem Gewichte G=10000 Pfund, nach L, §. 240:

$$Gl = 4 b_1 h_1^s \cdot \frac{T}{6},$$

baher hier, wo G = T ift,

 $b_1 h_1^2 = \frac{8}{2} \cdot l = \frac{8}{2} \cdot 72 = 108$, ober $h_1^2 = 1080$,

fo bağ nun

Nimmt man das Gewicht eines Cubikzolles Eisen = 0,26 Pfund an, so erzhält man das Gewicht des gußeisernen Bogens, da beffen Länge (s. Bb. I, §. 160, Anmerkung 1)

 $l_1 = 2b \left[1 + \frac{9}{8} \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right] = 72 \left(1 + \frac{9}{8} \cdot \frac{1}{4} \right) = 72 + 12 = 84 \text{ Boll ge}$

fest werben fann,

 $G_1 = 0.26 \cdot b_1 h_1 l_1 = 0.26 \cdot 8.12 \cdot 0.812 \cdot 84 = 144$ Pfund.

Dagegen ist bas Gewicht bes geraben Baltens von gleichem Stoffe und von gleicher Tragtraft:

 $G_1 = 0.26 \cdot 10.26 \cdot 1.026 \cdot 72 = 197$ Pfumb.

§. 81 Bogenträger aus Holz und Gusseisen. Bei gleichem Duerprofile und gleichem Tragmodul, sowie unter übrigens gleichen Berhältniffen, besitzen, bem Borftebenden zufolge, die Träger, mit bogenförmiger Are, die fogenannten Bogentrager, eine größere Tragfraft als bie sogenannten Baltenträger, beren Langenare eine gerabe ift. Da mm bie Bogentrager aus Gugeifen gleich beim Guffe bie Bogenform erhals ten, so tann ber Tragmobul bogenförmiger Balten von bem ber geraden Balten nicht fehr verschieben sein, und beshalb ift benn auch bei gugeisernen Trägern die Anwendung der Bogenform von besonderem Bortheil. Anbers ift es aber bei Tragern aus Holz ober Schmiebeeisen. Da bas Holz in einem gewiffen Grabe auch bas Gifenblech burch bas Bicgen bei feiner Berwendung zu Bogenträgern an Tragfraft verliert, so ift ber Tragmobul eines Trägers aus gebogenem Holze ober Eisenblech kleiner als ber eines geraden Trägers ober Balten und baber bei biefen Stoffen die Bogenform mit Borficht und namentlich immer nur von mäßiger Arummung anzuwenden. Ift r ber Arimmungshalbmeffer bes gebogenen Baltens und e ber größte Abftand feiner Fasern von ber neutralen Are, so hat man die relative Ausbebnung ober Zusammenbrudung biefer Fasern (f. Bb. I., §. 215):

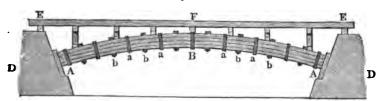
$$\sigma=\frac{e}{r}$$

und baher bie entsprechende Spannung:

$$S = \sigma E = \frac{e}{r} E,$$

wo E ben Glafticitätsmobul bezeichnet.

Da hiernach die Spannung des gebogenen Balkens direct wie die Dide oder Höhe (2 e) und umgekehrt wie der Halbmesser r der Arstmunung besselsen wächst, so sest man ihn mit Bortheil ans dünnen breitsprmigen Stüden (Bohlen) zusammen, indem man dieselben mit ihren breiten Flächen übereinander legt, zusammenschraubt u. s. w. Einen solchen Bohlenbogen ABA, welcher aus vier über einander liegenden Bohlen besteht, führt Fig. 149



vor Augen. Dieser Bogen trägt einen Balten EFE, und flützt fich gegen bie Wiberlager DD. Die Boblen, aus welchen berfelbe besteht, werden burch Bänder a, a . . . und Schrauben b, b . . . zusammengehalten. Baltenbögen werben aus ganzen Balten in ähnlicher Weise zusammengefett; übrigens verbindet man auch die über einander liegenden Balten noch burch Berzahnung ober burch eingesetzte Dübel, wie gerade Balten, Fig. 121, noch fester mit einander. Rum Biegen der Balten und Boblen am Tragbogen ift Lärchen-, Riefern-, Tannen- und Gichenholg, und zwar im Man biegt biefe Holzstuden von ber grinen Buftanbe, ju verwenden. Mitte aus nach ben Enden ju auf einem besonderen Gerufte, und läßt fie auf biefem minbestens zwei Monate lang im gespannten Buftanbe liegen. Bei diesem Biegen des frischen Holzes wird natürlich die Clafticitätsgrenze bedeutend überschritten, und es ift baber zu erwarten, daß der Festigkeitsmobul bes trodenen Baltens, welcher eine bleibenbe Bogenform angenommen hat, Neiner ift als berjenige, welchen er ohne Biegung haben wurde. Arbant findet ihn taum ein Biertel von bem eines einfachen geraben Baltens. Nach Band I., S. 212, mare 3. B. filr Holz im Mittel bie relative Ausbehnung bei ber Glafticitätsgrenze

$$6 = \frac{e}{r} = \frac{1}{600}$$

und daher ber entsprechende Krummungshalbmesser:

$$r = 600 e$$
,

3. B. für e=1/2 Fuß, r=300 Fuß, daher bei einer Spannweite s=50 Huß, die zulässige Spannhöhe $h=\frac{s^2}{8\,r}=\frac{2500}{2400}$ mur =1,06

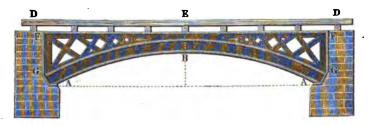
Fuß und folglich die Arummung $\frac{h}{s}=1/_{50}$. Erfahrungsmäßig tann man

nach Wiebeting (s. bessen allgemeine Wasserbaukunst Band III.) Balten von Tannenholz um $\frac{h}{s}=1/_{25}$, und solche von Eichenholz um $\frac{h}{s}=1/_{40}$ biegen; die viel schwächeren Bohlen von vielleicht nur zwei Zoll Stärke lassen sich natürlich in einem viel stärkeren Berhältnisse krümmen, z. B. um $\frac{h}{s}=1/_{10}$. Die einzelnen Balten und Bohlen haben eine Länge von höchstens 50 Fuß; bei größeren Spannweiten muß man folglich mehrere Balten ober Bohlen der Länge nach an einander anstoßen (schiften, s. §. 66).

Bei einer anderen Construction von Bohlenbögen werden die Bohlen nicht über, sondern neben einander gelegt, weshalb dieselben auch nicht frumm gesbogen, sondern nur frumm geschnitten werden. Hierbei geht allerdings viel Holz verloren; auch erfordert diese Construction eine sehr solide Berbindung der Bohlen oder Felgen unter einander.

Schmiedeeiferne Tragbogen laffen fich natürlich mit Bortheil aus Gifenblech aussichneiben und zusammennieten.

Die Art und Beise, wie ein gußeiserner Bogen als Träger bient, ist aus Fig. 150 zu ersehen. Der eigentliche Bogen ABA ift außen und innen Fig. 150.



burch eine breite Rippe verstärkt und zur Unterstützung des Baltens **DED** dient eine breite Tragwand **FF**, welche den ganzen Bogen oben horizontal begrenzt. Das Ganze stützt sich mittels starker Flantschen an die Widerlagsmauern G, G. Wenn man diese Bögen aus mehreren Theilen zusammensetzt, so läßt man die einzelnen Stücke in Flantschen an einander austoßen und verbindet dieselben mit einander durch Schraubenbolzen.

§. 82 Die im Obigen (§. 74 u. s. w.) abgehandelte Theorie der Tragtraft von krummen Ballen oder Bögen ist von Ardant (s. bessen am Ende des Capitels angeführte Schrift) durch Bersuche an verschiedenen Holzbögen erprobt worden. Was z. B. den Horizontalschub anlangt, so ist für den Fall, daß die Last G in der Mitte des Bogens hängt, derselbe (§. 76):

$$Q = \frac{1}{3} G \left(\frac{25 b}{32 a} - \frac{a}{28 b} \right),$$

und für den Fall, daß bieselbe längs der Sehne des Bogens gleichmäßig vertheilt ift, dieser Schub (nach §. 77):

$$Q_1 = \frac{qb^2}{2a} = \frac{Gb}{4a}.$$

Obgleich diese Formeln nur unter der Boraussetzung gefunden worden sind, daß die Träger nach der Barabel gebogen find, so stimmen doch diesels ben mit den Ergebnissen der Bersuche an nach dem Kreise gebogenen Trägern ziem ich überein. So findet z. B. Ardant für einen Halbtreisbogen, im ersten Falle:

$$Q = 0.32 G$$
.

und im zweiten Falle:

$$Q_1 = 0.22 G_1$$

während die Formeln, wenn man darin b = a fest, auf

$$Q = 0.37 G \text{ unb}$$

 $Q_1 = 0.25 G$

führen.

Bei ben häufiger angewendeten gedruckten Bögen ift, wie zu erwarten war, die Uebereinstimmung zum Theil noch größer.

Für die lettere Belastungsweise ist, wenn das Berhaltniß der halben Spannweite b zur Spannhöhe a,

$$\frac{b}{a} = 2 \qquad | \qquad 3 \qquad | \qquad 4 \qquad | \qquad 5 \qquad | \qquad 10 \qquad \text{beträgt,}$$
nach Arbant:
$$Q = 0.54 G | 0.775 G | 1.02 G | 1.33 G | 3.33 G,$$

und bagegen nach ber Formel $Q = \frac{Gb}{4a}$:

$$Q = 0.50 G | 0.75 G | 1.00 G | 1.250 G | 2.500 G.$$

Was die durch die längs der Sehne gleichmäßig vertheilte Last hervorgebrachte Senkung des Scheitels betrifft, so kann dieselbe natürlich bei der Areisform des Trägers nicht Rull sein. Arbant sindet dieselbe für einen Halbfreisbogen:

$$a_1 = 0.007 \frac{Gb^3}{WE} = 0.084 \frac{Gb^3}{b_1h_1^3E}$$

wenn bi und bi Duerschnittsbimenfionen des Bogens bezeichnen.

Bei einer längs ber Sehne gleichmäßigen Belastung hat ber Parabelbogen nur burch seine Drucksestigkeit zu widerstehen, und es ist ber entsprechende Querschnitt bieses Tragbogens (s. §. 80):

$$F = b_1 h_1 = \left(\frac{b^2}{2a} + a\right) \frac{G}{2bT} = \left(\frac{b}{2a} + \frac{a}{b}\right) \frac{G}{2T}.$$

Ein treisbogenförmiger Träger muß bagegen auch burch feine Biegungsfestigkeit widerstehen, und es findet Arbant für benselben, wenn beffen Balbmeffer burch r bezeichnet,

$$F = b_1 h_1 = \left(\mu + \frac{\nu r}{4 h_1}\right) \frac{G}{2 T},$$

wobei für

$\frac{b}{a} =$	2	3	4	5	10	15	20
μ=	1,080	1,550	2,040	2,660	6,660	7,630	9,520
unb = .	0,792	0,263	0,117	0,053	0,034	0,022	0,001

zu seten ift. Nach Arbant wäre für Tragbogen aus Holz

ber Tragmodul T nur = 30 Rilogr. = 410 Bfund, und für folche aus Bugeisen

ber Tragmodul T=500 Kilogr. =6840 Pfund au feten.

Beispiel. Eine Brude soll aus mehreren Brudenfelbern von je 350000 Bfund Belaftung und 72 Rug Spannweite besteben, und bie Unterftagung biefer Laft foll burch fleben Bogen von 12 Rug Sohe erfolgen, welche Querichnittebimenfionen hat man biefen Bogen zu geben?

Es ift hier $G=\frac{850000}{7}=50000$ Pfund, a=12, und b=36 Fus.

Bei einer parabolischen Form bieser Bögen wäre

$$b_1 h_1 = (\frac{36}{24} + \frac{19}{86}) \frac{G}{2T} = 0.917 \frac{G}{T}$$

und bagegen bei ber Rreisform, ba hier ber Salbmeffer

$$r = \frac{1}{3} \left(\frac{b^2}{a} + a \right) = \frac{1}{3} (36.3 + 12) = 60$$
 Fuß sowie $\mu = 1,550$ und $\nu = 0,263$ ift,

$$b_1 h_1 = \left(1,550 + 0,263 \cdot \frac{15}{h_1}\right) \frac{G}{2T} = \left(0,775 + \frac{1,972}{h_1}\right) \frac{G}{T}$$

Für hölzerne Bögen ift T=410, baber $\frac{G}{T}=50000/_{\!\!\!/410}=122$,

$$\frac{G}{T} = \frac{50000}{410} = 122$$

folglich im erften Falle:

also wenn man $h_1 = \frac{8}{2} b_1$ nimmt,

 $b_1 = \sqrt{\frac{2}{8} \cdot 112} = \sqrt{74.6} \dots = 8.62 \text{ und } h_1 = 12.98 \text{ Boll.}$ Rimmt man $b_1=8\frac{1}{2}$ und $b_1=12$ Boll an, fo tann man ben Bogen aus feche Bohlen von je 81/2 Boll Breite und 2 Boll Dide gusammenfegen.

Im zweiten Falle bei ber Rreisform mare bann

\$. 83.]

$$b_1h_1 = 0,775.122 + \frac{1,972.122}{\frac{1}{13}h_1} = 94,55 + \frac{2887}{h_1}$$

Auch hier $h_1 = \frac{8}{2}b_1$ geset, folgt:

$$\frac{9}{8}h_1^8 = 94,55 + \frac{2887}{h_1}$$

so bağ nun

folat.

$$h_1 = \sqrt[8]{4881 + 142 \, h_1} = 19 \, \text{Boll}, \text{ und } b = 12\% \, \text{Boll}$$

Da man im letteren Falle fo fehr große Quericinitisbimenftonen nothig hat, so wenbet man hier lieber gußeiserne Bogen an. Für fie ift

$$\frac{G}{T} = \frac{50000}{6840} = 7,30$$

und baber

$$b_1 h_1 = 0,775 \cdot 6,38 + \frac{1,972 \cdot 7,80 \cdot 12}{h_1} = 4,94 + \frac{172,75}{h_1}$$

Rimmt man $h_1 = 8b_1$ an, so folgt

$$h_1 = \sqrt[3]{1382 + 89,5 h_1} = 12,3 \text{ Boll},$$

und folglich:

$$b_1 = \frac{h_1}{8} = 1,54$$
 Boll.

Der Horizontalschub eines Bogens gegen die Wiberlager ift

$$Q = 0.775$$
 . $G = 0.775$. $50000 = 38750$ Pfund,

alfo für alle fieben Bogen:

während ber Berticalbruck $=\frac{G}{2}=175000$ Pfund beträgt. Es ist natürlich bem Wiberlager eine gewisse Dicke d zu geben, damit es die nöthige Stabilität bestige.

Hängebögen. Wenn man ben Tragbogen nicht nach oben, sonbern nach unten, folglich in die Richtung der Last stellt, so sindet in Hinsicht auf den seithere betrachteten Fall nur der Unterschied statt, daß der Bogen durch die Belasung dort comprimirt und hier ausgedehnt wird, daß er also im ersten Falle durch seine Druck- und im letzteren Falle durch seine Zugs und das Sußeisen eine größere Druckseitschen eine größere Zugs und das Gußeisen eine größere Druckseitschie besitzt, so ist das erstere mehr zu einer solchen umgekehrten Bogenstellung geeignet als das Gußeisen. Sinen solchen Tragbogen führt Fig. 151 vor Augen. Es ist ABA ein schmiedestig. 151.



eiserner Bogen, DED ber von ihm getragene Balten, ferner sind FK, FK bie beiben Wiberlagspfeiler, und G, G Keile und Unterlagsplatten', womit sich die Bogen von außen gegen die Wiberlager stützen. Natürlich sind es

Fig. 152.



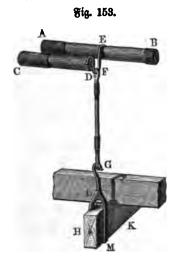
alle Mal minbestens zwei neben einander liegende Tragbogen, welche einen oder mehrere Balten wie DED unterstützen, und es besteht nun die Berbindung biefer Theile unter einander durch die Querbalten a, a . . . , b. b . . . und Tragfäulen ab, ab . . . Die Wirkung eines folchen Tragbogens auf die Widerlager ift, wie bei ben umgekehrten Bang- und Sprengwerken (§. 58), die umgekehrte, nämlich von außen nach innen; man hat also hier bafur zu forgen, bag bie Widerlager nicht um die inneren Kanten K, K nach innen tippen. Uebrigens tann man einen Balten DED burch einen folden Bogen ebenfo aut von unten als von oben unterftüten, wenn man nur die Tragfäulen ab, ab burch Bangefäulen erfett. bann mit einem fogenannten Bangebogen ju thun und nennt auch bie burch Bangebogen getragenen Bruden Bangebruden (frang. ponts suspendus; engl. suspension-bridges). In der Regel bilbet man diese Bogen nicht aus trummem Solz ober Gifen, sondern man lägt bieselben entweber aus Seilen, und namentlich Drahtfeilen, ober aus fcmiebeeisernen Retten bestehen. Die hierzu verwendeten Spann- ober Tragfeile (franz. câbles en fil de fer; engl. cables of iron-wire) bestehen aus Draft von 1/2 bis 2 Linien Dicke, und haben je nach ber Spannweite u. f. w., eine Stärke von 1 bis 10 Boll. Die Drahtbritde bei Freiburg in ber Schweig, welche eine Spannweite von 870 finf hat, wirb g. B. von vier Seilen getragen, welche aus 1056 Drahten von je 1/8 Boll Starte bestehen, und 51/4 Boll bid find, und die Drahtbride über ben Riagara-Wasserfall, von 822 Fuß Spannweite, besteht aus vier Drahtseilen, welche bei 3640 Drahten einen Durchmeffer von 10 Boll haben. Damit die nur neben einander liegenden und itbrigens gehörig gefirniften Drabte eines Tanes gehörig zusammenhalten, sind fie in Abständen von circa 1 Fuß ungefähr 1 Fuß lang mit anberem Draht umwidelt.

Die Glieber ber Tragfetten (franz. chaînes; engl. chains) bestehen aus mehreren neben einander liegenden und aufs hohe gestellten Gisenschienen

bon 8 bis 12 Fuß Lange, und sind burch cylindrische Bolgen mit einander verbunden. Der Querschnitt eines Rettengliedes und folglich auch die Anzahl und bie Querfchnittsbimenfionen ber einzelnen Schienen eines ganzen Gliebes find natürlich von ber Spannweite, Bobe u. f. w. abhangig. 420 Fuß spannende Rettenbriide ju Brag wird g. B. von acht Retten getragen, beren Glieber aus je feche 10 Fuß langen, 4 Boll hohen und 7/12 Boll biden Schienen gufammengefest finb; bie 630 Fuß fpannenbe Rettenbrude zu Besth ruht hingegen nur auf vier Retten mit 12 Fuß langen und 101/4 Boll hoben Gliebern, welche je 10 bis 11 Schienen enthalten, Die gufammen in der Mitte der Rette eine Dide von 11,87 Boll und an den Enden berfelben eine folche von 12,1 Boll haben. Enblich hat man Sangebruden ans über einander liegenden Gifenbandern conftruirt; eine größere Brlide biefer Art befindet fich zu Suresnes bei Paris. Diefelbe hat eine Spannweite von 63 Meter und es besteht bier jedes Tragseil aus 20 über einander liegenden gewalzten Gifenbandern von 8,1 Centimeter Breite und 3,83 bis 4,15 Millimeter Dide.

Hängebrücken. Das hange wert (franz. suspensoires; engl. §. 84 suspension rods), welches die Brückenbalken mit den Spanns oder Tragsfeilen verbindet, besteht entweder aus schmiebeeisernen hängestangen oder aus hängeseilen. Die Art und Beise, wie diese Stangen oder Seile einerseits mit den Spannketten und andererseits mit den Balken der Brücke zu verbinsden sift aus Folgendem zu ersehen.

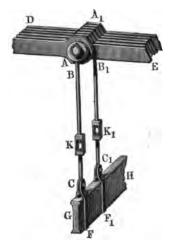
hat eine Drahtbrude nicht je zwei neben einander hangende Seile, so bangt man die hangefeile mittelft einfacher Dehre an das Tragfeil; besteht

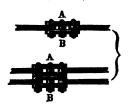


fte hingegen aus je zwei neben einander hangenben Seilen, fo werben bie Bangefeile mittels Baten an ein folches Seil= paar aufgehangen. Diefe Aufhangungsweise ift in Fig. 153 bargestellt. AB und CD find die beiben Seile, DE ift ber Baten und FG ftellt bas Bangefeil vor. Das Tragfeil CD ift unmittelbar beim Baten abgeschnitten gebacht. Die Enden HK ber Querbalten ober Unterzüge, auf welchen bie gange Briide ruht, find entweber mit Bigeln LM umgeben, beren hatenförmige Röpfe in bie unteren Dehre G ber Bangefeile eingehaft merben, ober fie find von unten mit Gifenplatten betleibet, und es

werben die durch die Querbalten und diese Platten gehenden, zu diesem Ende burchlochten ober schraubenförmig zugeschnittenen Enden der Hängestangen burch Reile ober starte Schraubenmuttern mit den ersteren sest verbunden.

Die Art und Weise, wie die Hängestäbe an die Tragketten angehangen werden, ist aus Fig. 154 und Fig. 155 zu ersehen. Bei der ersteren Anstig. 164.

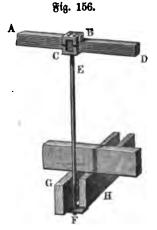




ordnung hängen die Hängestäbe BC, B_1 C_1 unmittelbar an dem Bolzen A A_1 , Fig. 154, welcher die Kettensglieder D A und E A_1 mit einander verbindet. Die mit Stells oder Scheerengliedern K, K_1 versehenen Hängestangen sind auch hier mittels Bügel C F, C_1 F_1 an die gußeiseren Querbalten angeschlossen. Bei

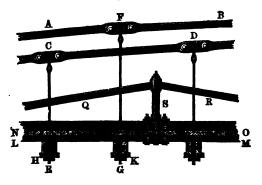
älteren Rettenbruden sind die Rettenglieder durch besondere Blätter mit einsander verbunden, welche in ihrer Mitte noch besondere Bolzen, A, B, Fig. 155, tragen, woran dann die Hängestangen aufgehangen werden.

Die Aufhängung ber Brlide an ein Bandeisenseil ift in Fig. 156 abge-



bilbet. Es ist hier an jeder Stelle, wo oben ein Band AB sich endigt, und unten ein neues Band hinzutritt, eine gußeiserne Klemmbüchse B C aufgesetzt, an welche die Enden B und C, nachdem sie durch dieselbe gegangen sind, durch je zwei Schrauben befestigt werden. Die mit einem Kopse in der Klemmbüchse aufgehangene Hängestange EF trägt an ihrem unteren Ende eine Eisenplatte F, auf welcher die Enden von zwei Querbalten G und H aufruhen, zwischen welchen die Hängestange bindurchaebt.

Meist hat man auf einer und berselben Seite ber Brüde zwei Tragketten über einander, wie z. B. AB und CD, Fig. 157, und beshalb gehen auch Fig. 157.



noch einmal so viel Hängestäbe als Kettenglieber nach ber Brück herab; ift folglich die Länge der Kettenglieder 10 bis 12 Fuß, so beträgt die Entfermung zwischen je zwei Hängestäben CE und FG, 5 bis 6 Fuß. Die Figur zeigt auch noch, wie die unteren Enden der Kettenstäbe durch Fußpstatten H, K und Keile E, G mit den Querballen verdunden sind. Auf den Querballen liegen die Längenschwellen wie LM, quer darüber wieder eine Bohlenlage NO, oder eine Holzpflasterung u. s. w.

Bas die Breite der Brückenbahn anlangt, so rechnet man auf eine Laufsbahn 3 bis 6 und auf eine Fahrbahn 7 bis 12 Fuß; eine Brücke mit zwei Laufs und zwei Fahrbahnen erhält folglich eine Totalbreite von 20 bis 36 Fuß.

Um ber Britde eine größere Steifigkeit zu geben, versieht man die Britdenbahn noch durch besondere Berstrebungen, wie z. B. QRS, Fig. 157; sehr zwecknutzig sind, z. B. die nach dem Principe der Gitterwände construirten Steiswände. Man kann auch nach Cadiat und Dubry die Querbalken durch einen Gitterbalken ersetzen, wobei sich die Last eines Balkens auf das ganze Gitterwert vertheilt. Auch giebt man zu diesem Zwecke der Britdenbahn eine schwache Wölbung.

Die Bogenhöhe ber Hängebrliden ist in Ansehung ber ganzen Britchen- §. 85 länge meist sehr klein (1/7 bis 1/25 ber Sehne), baher bie Spannung ber Seile ober Retten sehre bebeutenb (s. Band I., §. 157); es haben daher auch die Pfeiler, über welche die Seile ober Ketten weggehen, und die Anker, mit welchen die Seils ober Rettenenden an den Usern besetzigt sind, eine besbeutende Kraft auszuhalten, und es sind beshalb Pfeiler von hoher Stabilistät und Widerlager von bedeutendem Widerstande in Anwendung zu brins

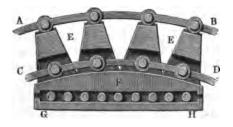
gen. Die Entfernungen zwischen je zwei Pfeilern macht man, um nicht zu schwere Seilketten zu erhalten und die Pfeiler nicht zu sehr zu belasten, nicht gern über 500 Fuß, doch kommen auch Umstände vor, welche zu größeren Spannweiten nöthigen; es beträgt dieselbe z. B. bei der Menais-Kettenbrucke in England 560 Fuß und bei der Seilbrucke zu Freiburg in der Schweiz sogar 840 Fuß.

Wenn die Kette zu beiden Seiten eines Pfeilers ungleich gespannt wird, was bei einer einseitigen Belastung ftets eintritt, fo sucht bieselbe über ihrem Lager nach ber Seite ber großeren Spannung fortzugleiten; ba nun aber bie Rette mit bem Ropfe bes Pfeilers burch bie aus ber Mittelfraft ber Spannungen entspringende Reibung bis zu einem gewiffen Grabe verbunben ift, fo hat hiernach ber Pfeiler einer ber Reibung gleichen Seitenfraft burch feine Stabilität zu widersteben. Aus biefem Grunde bat man benn auch Bfeiler von großen Breiten und Diden anzuwenden, ober besondere Mittel zu ergreifen, um diese Wirtungen ber ungleichen Belaftung zu ermä-Rigen. Diefe Mittel bestehen aber entweder barin, baf man die Retten über Rollen ober Walzen laufen läßt, und badurch bie gleitende Reibung auf eine kleinere Bapfen- oder Walzenreibung zuruckflihrt, oder daß man die Retten an einen Sector anschließt, welcher, fich auf bem Ropfe bes Pfeilers walzend, fich nach ber einen ober nach ber anderen Seite bin neigen läßt, ober baf man endlich gar ben Bfeiler burch eine Saule erfett, welche um eine horizontale Axe brehbar ift. In der Anordnung von Fig. 158 find

Fig. 158.

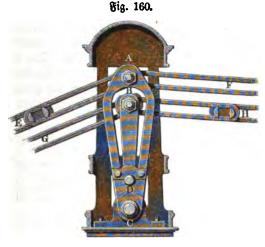


Fig. 159.



bie zwei Retten AB, CD über gewöhnliche Leitrollen E, E, F, F gelegt, in Fig. 159 liegen bingegen die beiben Retten auf einem gufeifernen Sattel EFE. welcher wieber auf neun gufeifernen Balgen ruht. Diese Walzen werden end= lich von einer Fußplatte GH unterstütt, welche auf bem Ropfe des Rettenpfeilers festsist. Wenn die beiben Retten auf ber einen Seite mehr als auf ber anberen belaftet find, fo rollt ber ganze Sattel fammt ben barauf liegenden Retten fo weit fort, bis die Retten auf

ber einen Seite fast ebenso start gespannt werben, als die Retten auf ber anberen Seite. In Fig. 160 ist eine Rettenführung vor Angen geführt,



welche bei einer Kettenbrucke über die Maas bei Seraing zur Anwendung gekommen ist. Die obere Kette EAF ist hier an einen Hebel CA angeschlossen, bessen Drehungsaxe auf dem Kopfe einer gußeisernen Säule ruht, und die untere Kette GBH ist an einem kleineren Hebel DB besessigt, bessen Drehungsaxe D auf dem ersteren Hebel sitzt.

Damit die Mittelfraft aus den beiden Spannungen der über einen Pfeister weggehenden Rette vertical wirke, und so vom Pfeiler am sichersten aufgenommen werde, ift es nöthig, daß die Theile der Rette zu beiden Seiten





bes Pfeilers gleiche Neigung gegen ben Horizont haben. Läßt sich biese Gleichheit nicht herstellen, wie es z. B. bei ben Uferspfeilern sehr oft ber Fall ist, so muß man bie Pseiler bedeutend verstärken.

Um die Rettenenden an den Ufern zu verankern, versieht man dieselben mit starfen Bolzen und legt diese in Lager, welche auf einer großen und dien Eisenplatte AB, Fig. 161, sitzen, die sich gegen eine dide Widerlagsmauer, oder gegen ein Gewölbe, oder gar gegen das feste Gestein stemmt. Durch Reile läßt sich bann noch die Rette in gehöriger Spannung erhalten, wenn sie durch Dehnung etwas schlaff geworden ist.

Kennt man die Festigkeitsmodel der Tragketten und Hängestangen, so kann man nun die ersorderlichen Querschnitte dieser Theile sinden. Nach den Ersahrungen in Frankreich kann man für Spannketten die größte Belastung auf 1 Quadratmillimeter = 12 Kilogramme und für Spannseile aus Eisendraht = 18 Kilogramme annehmen. Da die Hängestäbe noch die Stöße dek Wagen u. s. w. auszunehmen haben, so belastet man sie gar nur mit $1^{1}/2$ Kilogramm auf 1 Quadratmillimeter. Auf das preußische Maaß reducirt, läßt sich hiernach setzen: sür die Spannketten auf einen Quadratzoll 16920 Psund, sür Spannseile 24630, und sür die Hängestäbe wur 2050 Psund Maximalbelastung.

§. 87 Stärke der Kotten und Soile. Um die Querschnittsverhältenisse einer Hängebrlicke auszumitteln, hat man nicht allein auf das Gewicht ber Brückenbahn, sondern auch noch auf die größte zufällige Belasstung durch Menschen, Thiere und Lastwagen Rückslicht zu nehmen, und diese kann man, nach Navier, auf 200 Kilogramm sür 1 Quadratmeter Brückenstäche, d. i. auf 42 Pfund sür 1 Quadratsuß annehmen, in welchem Falle allerdings ein dichtes Gedränge noch nicht vorkommen darf. Aus dieser Maximallast berechnen sich nun auch nach der Lehre der relativen Festigkeit die Querschnitte der Quers und Längebalken, Bohlen u. s. w., und hieraus solgt wieder das Gewicht der ganzen Brückenbahn. Setzen wir nun die Summe aus diesem constanten Gewichte und jener Maximalbelastung, — Q, die mittlere Länge einer Hängestange — c und den Tragmodul der Tragstangen — T_1 , so haben wir nach Band I., §. 207 den Querschnitt der Hängestangen:

$$F_1=\frac{Q}{T_1-c\gamma},$$

also wenn man c in Fußen giebt, und bas Gewicht γ eines Cubitzolles Schmiebeeisen 0,280 Pfund sest:

1)
$$F_1 = \frac{Q}{T_1 - 3,36c}$$
.

Biernach haben nun fammtliche Bangeftangen bas Gewicht:

$$G_1 = 3.36 \ F_1 c = \frac{3.36 \ Qc}{T_1 - 3.36 \ c}$$

und annähernb

$$G_1 = \left(1 + \frac{3,36 c}{T_1}\right) \cdot \frac{3,36 Qc}{T_1} = 3,36 \frac{Qc}{T_1}$$

Ift F ber Querfchnitt ber Tragtette, fo hat man beren Gewicht:

$$G = 2 Fl\gamma = 2 Fb\gamma \cdot \left[1 + \frac{2}{3} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right],$$

§. 87.] Die Theorie ber Golg = und Gisenconftructionen.

folglich ist die ganze Belastung der Tragketten:

 $Q + G_1 + G = Q + 3.36 F_1 c + 2 \left[1 + \frac{2}{a} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right] Fb\gamma$, und daher die Maximalspannung berselben:

$$S = \frac{Q + G_1 + G}{2 \sin \alpha} = \frac{Q + 3,36 \left(F_1 c + 2\left[1 + \frac{2}{3}\left(\frac{a}{b}\right)^2\right] F b\right)}{2 \sin \alpha}$$

Ift T ber Tragmodul filr die Spannketten, fo kann man auch setzen S = FT; baber folgt:

$$2 \ FT \ sin. \ \alpha = Q + 3,36 \left(F_1 c + 2 \left[1 + \frac{2}{3} \left(\frac{a}{b} \right)^3 \right] Fb \right),$$

fo bag nun ber gesuchte Querfdnitt ber Spannketten:

$$F = \frac{\frac{1}{2} Q + 1{,}68 F_1 c}{T \sin \alpha - 3{,}36 b \left[1 + \frac{2}{3} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right]}$$

fich ergiebt.

Führt man noch

$$\sin \alpha = \frac{2a}{\sqrt{b^2 + 4a^2}} = \frac{2a}{b} \left[1 + \left(\frac{2a}{b} \right)^2 \right]^{-\frac{1}{2}} = \frac{2a}{b} \left[1 - 2\left(\frac{a}{b} \right)^2 \right]$$

ein, fo erhält man

$$F = \frac{(\frac{1}{2} Q + 1,68 F_1 c) b}{2 Ta \left[1 - 2\left(\frac{a}{b}\right)^2\right] - 3,36 b^2 \left[1 + \frac{2}{3}\left(\frac{a}{b}\right)^2\right]}.$$

Auch läßt sich, wenn man annähernb $rac{a}{b}={}^{1}\!/_{\!2}$ sin. lpha einführt,

$$F = \frac{\frac{1}{2} Q + 1,68 F_1 c}{T \sin \alpha - 3,36 b \left[1 + \frac{1}{6} (\sin \alpha)^2\right]}$$

fegen.

Beispiel. Man soll für eine Kettenbrude von 150 Fuß Spannweite, 15 Fuß Bogenhöhe und 25 Fuß Breite die nöthigen Querschnittsverhältnisse berechnen. Geben wir über die ganze Breite 45 Sangeeisen, so bekommen wir 45 — 1 = 44 Theile, und baher die Entfernung zwischen je zwei Sangeeisen = $^{150}/_{44}$ = 3,409 Fuß. Es solgen nun die Längen dieser Eisen, von der Mitte ausgegangen:

$$0, \frac{15}{22^2} = 0.031, \ 4 \cdot \frac{15}{22^3} = 0.124, \ 9 \cdot \frac{15}{22^2} = 0.279, \ 16 \cdot \frac{15}{22^2} = 0.496, \ 25 \cdot \frac{15}{22^3}$$

=0.775 Fuß u. f. w.

ober, wenn man hierzu 2 Boll abbirt:

2 Boll, 2,37, 3,49, 5,35, 7,95, 11,80 Boll u. s. w.

Die Maximalbelaftung ber halben Brudenbahn ift 75.25.42 = 78750 Pfunb,

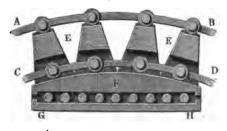
gen. Die Entfernungen zwischen je zwei Pfeilern macht man, um nicht zu schwere Seilketten zu erhalten und die Pfeiler nicht zu sehr zu belasten, nicht gern über 500 Fuß, doch kommen auch Umstände vor, welche zu grösperen Spannweiten nöthigen; es beträgt dieselbe z. B. bei der Menais Rettenbrücke in England 560 Fuß und bei der Seilbrücke zu Freiburg in der Schweiz sogar 840 Fuß.

Wenn die Kette zu beiden Seiten eines Pfeilers ungleich gespannt wird, was bei einer einfeitigen Belaftung stets eintritt, fo fucht biefelbe über ihrem Lager nach ber Seite ber größeren Spannung fortzugleiten; ba nun aber bie Rette mit bem Ropfe bes Bfeilers burch bie aus ber Mittelfraft ber Spannungen entspringende Reibung bis zu einem gemiffen Grade verbunben ift, so hat hiernach ber Bfeiler einer ber Reibung gleichen Seitenkraft burch feine Stabilität zu widersteben. Aus biefem Grunde bat man benn auch Bfeiler von großen Breiten und Diden anzuwenden, ober besondere Mittel zu ergreifen, um biefe Wirtungen ber ungleichen Belaftung zu ermä-Rigen. Diefe Mittel bestehen aber entweder barin, baf man die Retten über Rollen ober Walzen laufen läßt, und badurch bie gleitende Reibung auf eine Kleinere Bapfen- ober Balgenreibung gurudführt, ober bag man bie Retten an einen Sector anschließt, welcher, fich auf bem Ropfe bes Pfeilers walzend, fich nach ber einen ober nach ber anderen Seite bin neigen läßt, ober daß man endlich gar ben Pfeiler burch eine Gaule erfest, welche um eine horizontale Axe brehbar ift. In der Anordnung von Fig. 158 find

Fig. 158.

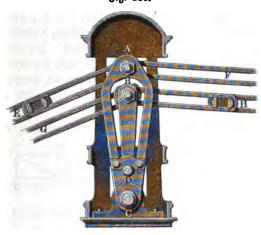


Fig. 159.



bie zwei Retten AB, CD über gewöhnliche Leitrollen E, E, F, F gelegt, in Fig. 159 liegen bingegen die beiben Retten auf einem gufeisernen Sattel EFE. welcher wieber auf neun aukeifernen Walzen rubt. Diefe Balgen werben enblich von einer Fufplatte GH unterstützt, welche auf bem Ropfe bes Rettenpfei= lere festfist. Wenn die beis ben Retten auf ber einen Seite mehr als auf ber anberen belaftet find, fo rollt ber ganze Sattel fammt ben barauf liegenben Retten fo weit fort, bis bie Retten auf

ber einen Seite fast ebenso start gespannt werben, als die Retten auf ber anberen Seite. In Fig. 160 ift eine Rettenführung vor Angen geführt, Big. 160.



welche bei einer Kettenbrucke über die Maas bei Seraing zur Anwendung gekommen ist. Die obere Kette EAF ist hier an einen Hebel CA angeschlossen, bessen Drehungsaxe auf dem Kopfe einer gußeisernen Säule ruht, und die untere Kette GBH ist an einem kleineren Hebel DB besessigt, bessen Drehungsaxe D auf dem ersteren Hebel sitzt.

Damit die Mittelfraft aus den beiden Spannungen der liber einen Pfeister weggehenden Rette vertical wirke, und so vom Pfeiler am sichersten aufgenommen werde, ift es nöthig, daß die Theile der Rette zu beiden Seiten

Rig. 161.

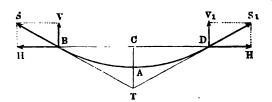


bes Pfeilers gleiche Neigung gegen ben Horizont haben. Läßt sich biese Gleichheit nicht herstellen, wie es z. B. bei ben Uferspfeilern sehr oft ber Fall ist, so muß man die Pfeiler bedeutend verstärken.

Um die Kettenenden an den Ufern zu verankern, versieht man dieselben mit starten Bolzen und legt diese in Lager, welche auf einer großen und diden Eisenplatte AB, Fig. 161, sitzen, die sich gegen eine dide Widerlagsmauer, oder gegen ein Gewölbe, oder gar gegen das feste Gestein stemmt. Durch Keile lätt sich dann noch die Kette in gehöriger Spannung erhalten, wenn sie durch Dehnung etwas schlaff geworden ist.

§. 86 Theorie der Hängebrücken. Die Eurve, welche von ber Kette oder von dem Seile einer Hängebrücken. Die Eurve, welche von ber Kette oder von dem Seile einer Hängebrücke gebildet wird, liegt zwischen einer Parabel und einer Kettenlinie, und kommt einer Ellipse sehr nahe. Der Parabel nähert sich biese Curve bei der belasteten Brücke, der Kettenlinie aber bei unbelasteter Brücke (vergl. Band I., §. 157, 158 st.), ersteres, weil dort die Gewichte mehr der Horizontalprojection der Kette, letzteres aber, weil sie mehr der Länge der Kette selbst proportional sind. Der Sicherheit wegen betrachten wir aber die Brücke im belasteten Zustande, behandeln also die von den Tragsetten oder Tragseilen gebildeten Eurven als Parabeln. Sind die beiden Aushängepunkte B und D, Fig. 162, einer Tragsette gleich hoch, so

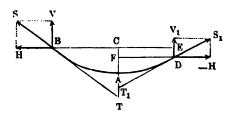
Fig. 102.



hat man bei der Spannweite BD=2b, bei der Bogenhöhe AC=a, stir den Winkel CBT=CDT=a, welchen die Kettenenden B und D mit dem Horizonte einschließen,

tang.
$$\alpha = \frac{CT}{RC} = \frac{2a}{h}$$
 (f. Band I., §. 157).

Sind dagegen die Aufhängepunkte B und D, Fig. 163, in verschiedenem Fig. 163.



Nivean, so liegt der Kettenscheitel A nicht in der Mitte und es haben auch die Kettenenden verschiedene Reigungen. Setzen wir die Abscissse A C = a und die Ordinate B C = b, sowie die Coordinaten A F und $F D = a_1$ und b_1 , bezeichnen wir die ganze Spannweite B E durch s und den Höhens unterschied D E zwischen beiden Aushängepunkten durch h, so haben wir:

$$h = a - a_1, s = b + b_1 \text{ unb } \frac{a}{a_1} = \frac{b^2}{b_1^2},$$

es folgt baber aus h, s und a:

1)
$$a_1 = a - h$$
,

$$2) b = \frac{s}{1 + \sqrt{\frac{a_1}{a}}},$$

3)
$$b_1 = s - b = \frac{s}{1 + \sqrt{\frac{a}{a_1}}}$$

und für bie Reigungewinkel a und an ber Rettenenben:

4) tang.
$$\alpha = \frac{2a}{b}$$
 sowie

5)
$$tang. \alpha_1 = \frac{2 a_1}{b_1}$$
.

Die Länge ber Kettenstlicke AB=l und $AD=l_1$ ist enblich noch:

$$l = b \left[1 + \frac{2}{8} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right]$$
 und

$$l_1 = b_1 \left[1 + \frac{2}{3} \left(\frac{a_1}{b_1} \right)^2 \right]$$
 (f. Band I., §. 160, Anmerkung 1).

Giebt man nun die Entfemung e zwischen je zwei Hängestangen, so ershält man die Anzahl berfelben auf die Länge BC = b:

$$n=\frac{b}{e}$$
;

und setzt man nun noch in der Gleichung $x=rac{y^2}{b^2}\,a$ statt y die Werthe

ein, fo erhalt man bie Langen ber Sangeftangen:

$$0, \frac{e^2}{b^2}a, \frac{4e^2}{b^2}a, \frac{9e^2}{b^2}a$$
 u. f. w., oder $0, \frac{a}{n^2}, \frac{4a}{n^2}, \frac{9a}{n^2}$ u. f. w.,

wenn man hierzu noch eine kleine Conftante abbirt.

Ans bem Gewichte G ber belafteten Rettenhalfte AB ergiebt fich die Borigontalfpannung ber gangen Rette:

$$H = G \text{ cotang.} \alpha = \frac{b}{2a} G$$
,

und bie vollständige Rettenspannung am Enbe:

$$S = \frac{G}{\sin \alpha} = \frac{\sqrt{b^2 + 4a^2}}{2a} \cdot G.$$

Kennt man die Festigkeitsmodel der Tragketten und Hängestangen, so kann man nun die ersorderlichen Querschnitte dieser Theile sinden. Nach deu Ersahrungen in Frankreich kann man sür Spannketten die größte Belastung auf 1 Quadratmillimeter = 12 Kilogramme und sür Spannseile aus Eisendraht = 18 Kilogramme annehmen. Da die Hängestäbe noch die Stöße dek Wagen u. s. w. auszumehmen haben, so belastet man sie gar nur mit $1^{1}/2$ Kilogramm auf 1 Quadratmillimeter. Auf das preußische Maaß reducirt, läßt sich hiernach setzen: sür die Spannketten auf einen Quadratzoll 16920 Pjund, sür Spannseile 24630, und sür die Hängestäbe wur 2050 Psund Maximalbelastung.

§. 87 Stärke der Ketten und Soile. Um die Onerschnittsverhältenisse einer Hängebrlicke auszumitteln, hat man nicht allein auf das Gewicht ber Brückenbahn, sondern auch noch auf die größte zufällige Belasstung durch Menschen, Thiere und Lastwagen Rücksicht zu nehmen, und diese kann man, nach Navier, auf 200 Kilogramm sür 1 Quadratmeter Brückenstäche, d. i. auf 42 Pfund sür 1 Quadratsuß annehmen, in welchem Falle allerdings ein dichtes Gedränge noch nicht vorkommen darf. Aus dieser Maximallast berechnen sich nun auch nach der Lehre der relativen Festigkeit die Querschnitte der Quers und Längebalten, Bohlen u. s. w., und hieraus solgt wieder das Gewicht der ganzen Brückenbahn. Setzen wir nun die Summe aus diesem constanten Gewichte und jener Maximalbelastung, — Q, die mittlere Länge einer Hängestange — c und den Tragmodul der Tragstangen — T_1 , so haben wir nach Band I., §. 207 den Querschnitt der Hängestangen:

$$F_1=\frac{Q}{T_1-c\nu},$$

also wenn man c in Fußen giebt, und das Gewicht γ eines Cubikzolles Schmiebeeisen 0,280 Pfund sest:

1)
$$F_1 = \frac{Q}{T_1 - 3.36 c}$$
.

hiernach haben nun fammtliche Bangeftangen bas Gewicht:

$$G_1 = 3.36 \ F_1 c = \frac{3.36 \ Qc}{T_1 - 3.36 \ c}$$

und annähernb

$$G_1 = \left(1 + \frac{3,36 c}{T_1}\right) \cdot \frac{3,36 Qc}{T_1} = 3,36 \frac{Qc}{T_1}$$

Ift F ber Querschnitt ber Tragkette, fo hat man beren Gewicht:

$$G = 2 Fl \gamma = 2 Fb \gamma \cdot \left[1 + \frac{2}{8} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right],$$

folglich ift bie gange Belaftung ber Tragletten:

$$Q + G_1 + G = Q + 3.36 F_1 c + 2 \left[1 + \frac{2}{a} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right] Fb\gamma$$
, und daher die Maximalspannung derselben:

$$S = \frac{Q + G_1 + G}{2 \sin \alpha} = \frac{Q + 3,36 \left(F_1 c + 2 \left[1 + \frac{2}{3} \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right] F b \right)}{2 \sin \alpha}$$

Ift T ber Tragmobul filt bie Spannketten, so kann man auch setzen S = FT; bager folgt:

$$2\ FT\ sin.\ lpha = Q + 3,36\left(F_1c + 2\left[1 + \frac{2}{a}\left(\frac{a}{b}\right)^2\right]Fb
ight),$$

fo bag nun ber gefuchte Querfdnitt ber Spannketten:

$$F = \frac{\frac{1}{2} Q + 1,68 F_1 c}{T \sin \alpha - 3,36 b \left[1 + \frac{2}{3} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right]}$$

fich ergiebt.

Führt man noch

$$\sin \alpha = \frac{2a}{\sqrt{b^2 + 4a^2}} = \frac{2a}{b} \left[1 + \left(\frac{2a}{b} \right)^2 \right]^{-\frac{1}{2}} = \frac{2a}{b} \left[1 - 2\left(\frac{a}{b} \right)^2 \right]$$

ein, fo erhält man

$$F = \frac{(\frac{1}{2} Q + \frac{1}{68} F_1 c) b}{2 Ta \left[1 - 2\left(\frac{a}{b}\right)^2\right] - \frac{3}{36} b^2 \left[1 + \frac{\frac{2}{3}}{8}\left(\frac{a}{b}\right)^2\right]}$$

Auch läßt sich, wenn man annähernd $\frac{a}{b}={}^{1/_{2}}\sin{lpha}$ einführt,

$$F = \frac{\frac{1}{2} Q + 1.68 F_1 c}{T \sin \alpha - 3.36 b \left[1 + \frac{1}{6} (\sin \alpha)^2\right]}$$

fegen.

Beispiel. Man soll für eine Rettenbrude von 150 Juß Spannweite, 15 Juß Bogenhöhe und 25 Juß Breite die nöthigen Querschnittsverhältnisse berechnen. Geben wir über die ganze Breite 45 Hängeeisen, so bekommen wir 45 — 1 = 44 Theile, und daher die Entsernung zwischen je zwei hängeeisen = 150/44 = 3,409 Juß. Es solgen nun die Längen dieser Eisen, von der Mitte ausgegangen:

0,
$$\frac{16}{22^3} = 0.031$$
, $4 \cdot \frac{15}{22^3} = 0.124$, $9 \cdot \frac{15}{22^3} = 0.279$, $16 \cdot \frac{15}{22^3} = 0.496$, $25 \cdot \frac{15}{22^3}$

=0,775 Fuß u. s. w.

sber, wenn man hierzu 2 Zoll abbirt: 2 Zoll, 2,37, 3,49, 5,35, 7,95, 11,80 Zoll u. s. w.

Die Maximalbelastung ber halben Brudenbahn ift 75.25.42 = 78750 Pfunb,

und wiegt nun bie übrigens vollfommen armirte halbe leere Brudenbahn ebenfo viel, fo erhalten wir bie Laft:

1/2 Q = 157500 Pfund.

Die mittlere gange eines hangeeisens ift ber Quabratur ber Parabel zu Folge (f. ben Ingenieur S. 189) ein Drittel ber Bogenhöhe a, also hier mit Ginfolug von 2 Boll Uebermaag:

c = 15% + 1% = 5,167 guß. Folglich hat man ben Querschnitt fammtlicher hangeeisen:

$$F_1 = \frac{Q}{T_1 - 3.36 c} = \frac{315000}{2050 - 3.96.5.167} = \frac{315000}{2038} = 155$$
 Duadratzell.

Es ift also ber Querschnitt eines Hangestabes $rac{F_1}{90}=rac{155}{90}=1,722$ Quabratzoll, und ber Durchmeffer beffelben, d = 1,48 Boll.

Nimmt man T = 16420 Pfund an und fest

$$\sin a = \frac{2 a}{V b^2 + 4 a^2} = \frac{30}{V 75^2 + 30^2} = \frac{1}{V 6,25 + 1} = 0,3714,$$

fo erhalt man ben Querschnitt ber Spannketten:

$$F = \frac{\frac{1}{2}Q + 1.68 F_1 c}{T \sin \alpha - 3.36 b \left[1 + \frac{9}{3} \left(\frac{a}{b}\right)^3\right]} = \frac{157500 + 1.68.155.5,167}{16420.0,3714 - 3.86.75 \left(1 + \frac{9}{3}.0,04\right)}$$

$$=\frac{157500+1345}{6098-259}=\frac{158845}{5889}=27.2 \text{ Quadratical},$$

alfo bei vier Spannketten, ber Querfonitt einer jeben:

$$\frac{F}{4} = 6.8$$
 Quabratzoll.

s. 88 Verlängerung der Ketten. Die Spannketten werden durch die angehängte Laft verlängert und nehmen baburch auch eine größere Bogenbobe an; auch geht aus bem Temperaturwechsel eine Berauberung in ber Rettenlänge hervor, welche wieber eine Beranberung in ber Bogenbobe jur Folge hat. Beibes mitffen wir baber noch tennen lernen. Bogenhöhe a in a1 libergeht, so nimmt die Länge der Tragkette

$$l = b \left[1 + \frac{2}{s} \left(\frac{a}{b} \right)^2 \right],$$

bie Gröke

$$l_1 = b \left[1 + \frac{2}{s} \left(\frac{a_1}{b} \right)^s \right]$$

an, und es folgt baher bie Berlangerung ber Rette:

$$\lambda_1 = l_1 - l = \frac{2}{3} \left(\frac{a_1^2 - a^2}{b} \right) = \frac{2}{3} \frac{(a_1 - a)(a_1 + a)}{b},$$

ober, die Bergrößerung a. - a ber Bogenhöhe mit & bezeichnet und annähernd a + a1 = 2a gefett,

$$\lambda_1 = \frac{4}{a} \cdot \frac{a}{b} \delta$$
,

also für die ganze Kette:
$$\lambda = \frac{8}{8} \cdot \frac{a}{b} \delta$$
, sowie umgekehrt: $\delta = \frac{3}{8} \cdot \frac{b}{a} \lambda$.

Run folgt aber aus bem Gewichte G ber halben Rettenbrilde bie Borizontalfpannung ober Spannung im Scheitel:

$$H = G$$
 cotang, α

und bie Maximalfpannung ober Spannung an ben Enben:

$$S = \frac{G}{\sin \alpha}$$
;

es läßt fich baher im Mittel bie Spannung:

$$S_1 = \frac{H + S}{2} = \frac{G (1 + \cos \alpha)}{2 \sin \alpha}$$

und die von ihr bewirtte Ausbehnung ber Spannketten feten:

$$\lambda = \frac{(1 + \cos{\alpha})}{2\sin{\alpha}} \cdot \frac{G}{FE} \cdot 21$$
 (j. Band I., §. 204),

wofür annähernd $\lambda=\frac{2\ G\,b}{F\,E\,\sinlpha}$ anzunchmen ist. Führen wir biesen Werth in ben Ausbruck für δ ein, so erhalten wir die gesuchte Bergrößerung der Bogenhöhe bei der belasteten Spannkette:

$$\delta = {}^3/_8 \cdot rac{b}{a} \cdot rac{2 \ Gb}{FE \ sin. \ a} = {}^3/_4 rac{G}{FE \ sin. \ a} \cdot rac{b^2}{a}, \ ext{ober}$$
 $sin. \ a = rac{2 \ a}{\sqrt{b^2 + 4 \ a^2}}, \ ext{annothernb} = rac{2 \ a}{b} \ ext{gefest}, \ ext{folgt}:$ $\delta = {}^3/_8 \cdot rac{G}{FE} \cdot rac{b^3}{a^2}.$

Das Schmiebeeisen nimmt mit jedem Centesimalgrad Wachsthum an Wärme um 0,0000122 an Länge zu; es ist baher diese Zunahme bei to Temperaturveranderung und für die ganze Spannkette

$$= 0,0000122.2 lt = 0,0000244.lt.$$

Seten wir biefen Berth in die Formel für d, fo folgt die ber Temperaturzunahme t entsprechende Bergrößerung ber Bogenhöbe:

$$\delta_1 = {}^8/_8 \cdot \frac{b}{a} \cdot 0,0000244 \cdot lt$$
, ober annähernb,
= 0,00000915 $\cdot t \cdot \frac{b^2}{a} \cdot$

Ebenfo bestimmt fich bie Berkurzung bei einer Temperaturabnahme.

Beifpiel. Behalten wir die Berthe bes Beispieles im letten Paragrapben bei, fo erhalten wir die Bergrößerung ber Bogenhohe in Folge ber Belaftung

ber Brude, wenn wir ben Glafticitatemobul E bee Stabeisens = 30000000 (f. Band I., §. 212) feten, und gur Belaftung 158845 Bfund noch bas halbe Gewicht ber Spannfetten, b. i.

$$Fb\left[1+\frac{2}{8}\left(\frac{a}{b}\right)^{2}\right]\gamma=27.2.259=7045$$
 Pfund

hinzufügen, also G=158845+7045=165890 Pfund annehmen: $\delta=\sqrt[8]{65890}\cdot\frac{165890}{27,2\cdot30000000}\cdot\frac{900^3}{180^3}=1{,}72~\text{goll}.$

$$\delta = \frac{8}{8} \cdot \frac{165890}{27.2 \cdot 30000000} \cdot \frac{9008}{1808} = 1,72 \text{ Sol}$$

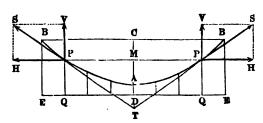
Bei einem Temperaturwechsel von 200 ftellt fich biefe Beranberung

$$d_1 = 0.00000915 \cdot 20 \cdot \frac{900^2}{180} = 0.82 \text{ geV}$$

heraus.

Ketten von gleichem Widerstande. Da bie Spannung ber (§. 89) Tragtetten einer Rettenbrude von unten nach oben allmälig gunimmt, fo follte man auch ben Querschnitt biefer Retten nicht überall gleich groß machen, fonbern benfelben vom Scheitel aus, nach ben Aufhangepunften gu. allmälig größer und größer werben laffen. Gewöhnlich fucht man biefer Forberung annähernd baburch zu genitgen, bag man entweder bie Anzahl, ober bie Dide ber Schienen in ben Kettengliebern um fo größer macht, je näher biefe ben Aufhangepunkten hangen. 11m aber bie größte Materialerfvarnif zu erlangen, ift ber Querfchnitt ber Tragfetten ber Geftalt eines Rorpers von gleichem Wiberftanbe (f. Band I., §. 208) entfprechend gu bestimmen, wobei bie Flacheneinheit bes Rettenquerschnittes an allen Stellen einerlei Spannung ausgesett ift. Bezeichnet & bie veranberliche Rettenspannung, F ben entsprechenden Rettenquerfcnitt und T ben Tragmobul bes Rettenmaterials, so hat man folglich zu forbern, daß $rac{S}{F}=T$ fei.

Es seien x und y die Coordinaten AM und MP tes Bunktes P in der Quive BAB, welche von ber Tragfette gebilbet wird, ferner bezeichne s ben Fig. 164.



biefen Coordinaten entsprechenden Bogen AP, sowie a den Tangenten- oder Reigungswinkel MPT = SPH biefes Bogens in P, endlich werbe noch **§**. 89.]

bie Dichtigleit ber Tragscette burch γ und das Gewicht bes laufenden Fußes Brudenbahn EDE durch q bezeichnet.

Es wiegt ein Element ber Tragfette, von dem Querschnitte F und ber Länge ds, Fds. 7, solglich ist bas Gewicht bes Kettenbogens AP:

$$\int F \partial s \cdot \gamma = \gamma \int F \partial s.$$

Abbirt man hierzu das Gewicht qy bes darunterhängenden Brildenbahnstudes DQ, so erhält man die Berticalspannung, oder ben verticalen Componenten der Rettenspannung S:

$$V = \gamma \int F \partial s + q y = \gamma \int \frac{S \partial s}{T} + q y.$$

Nun bestimmt sich auch S aus der constanten Horizontalspannung $\overline{PH} = H$ durch die bekannte trigonometrische Formel:

$$S = \frac{H}{\cos i n. a},$$

ober, da auch cosin. $\alpha = \frac{\partial y}{\partial s}$ ift (f. Band I., analyt. Hilfslehren Artikel 32),

burth $S = \frac{H\partial s}{\partial u}$; baher folgt bann:

$$V = \frac{\gamma H}{T} \int \frac{\partial s^2}{\partial y} + qy,$$

ober, ba V = H tang. a gefest werben fann:

tang.
$$\alpha = \frac{\gamma}{T} \int \frac{\partial s^2}{\partial u} + \frac{qy}{H}$$
.

Differenziirt man bicfen Ausbrud, fo erhalt man:

$$\partial (tang. \alpha) = \frac{\gamma}{T} \frac{\partial s^2}{\partial y} + \frac{q \partial y}{H},$$

ober, da $\partial s^2 = \partial x^2 + \partial y^2 = \left[\left(\frac{\partial x}{\partial y} \right)^2 + 1 \right] \partial y^2 = \left[1 + (\tan g. \alpha)^2 \right] \partial y^2$ ist:

$$\partial (tang.\alpha) = \frac{\gamma}{T} \left[1 + (tang.\alpha)^2 \right] \partial y + \frac{q}{H} \partial y,$$

und baher:

$$\partial y = \frac{\partial (tang. \alpha)}{\frac{\gamma}{T} + \frac{q}{H} + \frac{\gamma}{T} (tang. \alpha)^2}.$$

Da im Scheitel A die Spannung =H ist, so folgt der Querschnitt der Rette an dieser Stelle:

$$F_0 = rac{H}{T}$$
, also umgekehrt: $H = F_0 T$, und

$$\partial y = \frac{T\partial (tang. \alpha)}{\gamma + \frac{q}{F_0} + \gamma (tang. \alpha)^2}.$$

Noch taun man $q=F_0 \gamma_1$ setzen, wo γ_1 die Dichtigkeit eines prismatischen Körpers vom Querschnitte F_0 und der Länge — Eins bezeichnet, bessen Gewicht dem laufenden Fuß Brudenbahn gleich ift, baber folgt nun:

$$\partial y = \frac{T \cdot \partial (tang. \, \alpha)}{\gamma + \gamma_1 + \gamma \, (tang. \, \alpha)^2}.$$

Diefen Ausbrud hat man nun zweimal hinter einander zu integriren, um bie gesuchte Gleichung ber Rettenbrudenlinie zu finden.

(§. 90) Es ift auch:

$$\partial y = \frac{T\partial (tang.\alpha)}{(\gamma + \gamma_1) \left(1 + \frac{\gamma}{\gamma + \gamma_1} (tang.\alpha)^2\right)}$$

$$= \frac{T\partial \left(\sqrt{\frac{\gamma}{\gamma + \gamma_1}} tang.\alpha\right)}{\sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)} \left[1 + \left(\sqrt{\frac{\gamma}{\gamma + \gamma_1}} tang.\alpha\right)^2\right]}$$

$$= \frac{T\partial u}{\sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)} (1 + u^2)},$$

wenn $\sqrt{\frac{\gamma}{\gamma+\gamma_1}}$ tang. α burch u bezeichnet wird.

Rach Band I., analyt. Bulfelehren Artitel 26, VI., hat man aber:

$$\int \frac{\partial u}{1+u^2} = arc. (tang. = u),$$

baher folgt hier zunächst die Gleichung zwischen ber Orbinate y und bem Tangenten - ober Reigungswinkel α:

$$y = \frac{T}{\sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)}} \operatorname{arc.} \left(\operatorname{tang.} = \sqrt{\frac{\gamma}{\gamma + \gamma_1}} \operatorname{tang.} \alpha \right),$$

sowie umgekehrt:

$$\sqrt{\frac{\gamma}{\gamma + \gamma_1}}$$
 tang. $\alpha = tang. \left(\frac{y\sqrt{\gamma(\gamma + \gamma_1)}}{T}\right)$,

b. L:

1) tang.
$$\alpha = \sqrt{\frac{\gamma + \gamma_1}{\gamma}}$$
 tang. $\left(\frac{y\sqrt{\gamma}(\gamma + \gamma_1)}{T}\right)$,

wozu keine Constante hinzuzusügen ist, ba für y=0, $\alpha=0$ und daher auch tang. $\alpha=0$ aussällt.

Run ift aber tang. $\alpha = \frac{\partial x}{\partial u}$, baber läßt fich:

$$\partial x = \sqrt{\frac{\gamma + \gamma_1}{\gamma}} tang. \left(\frac{y \sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)}}{T}\right) \partial y$$

feten.

Rach Formel VIII. bes letten Citates ift enblich:

$$\int tang. \ w \, \partial w = - \ Log. \ nat. \ cos. \ w = Log. \ nat. \ \frac{1}{\cos w}$$
$$= Log. \ nat. \ sec. \ w,$$

daher hier:

$$x = \int \sqrt{\frac{\gamma + \gamma_1}{\gamma}} \ tang. \left(\frac{y \sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)}}{T}\right) \partial y = \frac{T}{\gamma} Log. \ nat. \ sec. \ w,$$
 oder, da $w = \frac{y \sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)}}{T}$ bezeichnef:

2)
$$x = \frac{T}{\gamma} \text{ Log. nat. } \left(\sec \frac{y \sqrt{\gamma (\gamma + \gamma_1)}}{T} \right)$$

wozu ebenfalls keine Constante nöthig ist, da für y=0, sec. = 1, folglich Log. nat. sec. = 0 ist, wie x.

Sind die Coordinaten x und y gegeben, so kann man γ_1 bestimmen, wie folgt. Es ist:

3) sec.
$$\frac{y\sqrt{\gamma(\gamma+\gamma_1)}}{T} = e^{\frac{x\gamma}{T}}$$
,

wem e die Grundzahl ber naturlichen Logarithmen bezeichnet.

Sett man nun ben Bogen

$$\frac{y\sqrt{\gamma(\gamma+\gamma_1)}}{T}=\psi$$
, also Log. nat. sec. $\psi=\frac{x\gamma}{T}$,

fo hat man:

$$\gamma + \gamma_1 = \frac{1}{\gamma} \left(\frac{T\psi}{y} \right)^2$$

und baher:

4)
$$\gamma_1 = \frac{1}{\gamma} \left(\frac{T\psi}{y} \right)^2 - \gamma = \left[\left(\frac{T\psi}{y\gamma} \right)^2 - 1 \right] \gamma$$

hieraus bestimmt fich weiter ber Querschnitt ber Tragfette im Scheitel A:

5)
$$F_{\bullet} = \frac{q}{\gamma_1} = \frac{q}{\gamma \left[\left(\frac{T\psi}{\eta \gamma} \right)^3 - 1 \right]},$$

und die Horizontalfpannung:

6)
$$H = F_0 T = \frac{q T}{\gamma \left[\left(\frac{T \psi}{q \gamma} \right)^2 - 1 \right]}$$

Ferner ift für einen Buntt P ber Rette bie Berticalfpannung:

7) $V = H \text{ tang. } \alpha$,

sowie die Tangentialspannung:

8)
$$S = \frac{H}{cosin, \alpha}$$

und ber Onerschnitt:

9)
$$F = \frac{S}{T} = \frac{H}{T \cos i n \cdot \alpha} = \frac{F_0}{\cos i n \cdot \alpha}$$

webei fich einfach a burch ben Musbrud

tang.
$$\alpha = \sqrt{\frac{\gamma + \gamma_1}{\gamma}}$$
 tang. ψ

bestimmen läßt.

Das Gewicht G bes Kettenstückes \overline{AP} ist endlich bestimmt burch die Gleichung: V = G + au.

alfo:

10)
$$G = V - qy = H \tan g \cdot \alpha - qy$$
.

Die Aufgabe wird burch diese Formeln insofern noch nicht vollständig gebist, ba bei der Entwickelung berselben nicht auf bas veränderliche Gewicht ber Hängestangen Rucksicht genommen worden ist. Es fällt indessen dieses Gewicht klein genug aus, um auch hier eine mittlere Hängestangenlänge $c=\frac{x}{3}$ einführen, und folglich für das Gewicht berselben, $G_1=F_1\,c\,\gamma$ seben zu können.

Nun ift aber ber Querschnitt sammtlicher Hängestangen an AP zusammengenommen:

$$F_1 = rac{q \, y}{T_1 \, - \, c \, \gamma}$$
 annähernö $= rac{q \, y}{T_1}$,

baher folgt:

$$G_1 = \frac{q c \gamma}{T_1} \cdot y = 3.36 \frac{q c y}{T_1},$$

und es ist folglich in ben obigen Ausbruden statt

$$qy,\left(1+3{,}36\frac{c}{T_1}\right)qy$$

einzuführen.

Anmerkung. Die allgemeine Lösung bieser Aufgabe mit Rückscht auf bas veränderliche Gewicht der hängestangen ist zu finden in "the Mechanical Principles of Engineering and Architecture by Moseley, London 1843". S. auch in Bb. I, des Civilingenieurs "die Abhandlung von Dr. D. Schlömilch" über Kettenbrücken von durchaus gleicher Sicherheit.

Beispiele. Für die Rettenbrude im Beispiel von §. 87 erhalten wir, wenn wir in $Log.~nat.~sec.~\psi=rac{x\gamma}{T},~\gamma=3,86,~T=16420,$

und ftatt x, bie gange Pfeilhobe a = 15 Fuß einfegen:

Log. nat. sec.
$$\psi = \frac{15 \cdot 3.36}{16420} = 0.0030694$$
,

es if hiernach Log. cos. $\psi = 0.99866 - 1$, $\psi^0 = 4^{\circ} 29' 10''$, und $\psi = 0.078297$, so daß nun folgt:

$$\gamma_1 = \gamma \left[\left(\frac{T\psi}{y\gamma} \right)^2 - 1 \right],$$

wenn man fur y bie halbe Spannweite von 75 guß einfest:

$$\gamma_1 = 3.36 \left[\left(\frac{16420 \cdot 0.078297}{75 \cdot 3.36} \right)^8 - 1 \right] = 3.36 \cdot 25.028 = 84.10.$$

Da bie Belaftung ber einen Rettenhalfte fammt Sangeeifen:

157500 + 1345 = 158845 Pfund beträgt, fo hat man für ben laufenden Buß:

$$q = \frac{158845}{75} = 2117,9 \, \, \mathfrak{Pfunb}$$

und es ift ber erforberliche Querfcnitt ber Rette im Scheitel A:

$$F_0 = \frac{q}{\gamma_1} = \frac{2117,9}{84,10} = 25,18$$
 Quabratzoll.

Fur ben Aufhangewintel ift:

tang.
$$\alpha = \sqrt{\frac{\gamma + \gamma_1}{\gamma}}$$
 tang. $\psi = \sqrt{\frac{3.36 + 84.10}{3.36}}$ tang. 4° 29' 10"
= $\sqrt{\frac{87.46}{3.36}} \cdot tang. 4^{\circ}$ 29' 10" = 0,4003;

und hiernach folgt ber Aufhangewinkel ober ber Reigungswinkel ber Kette im Aufhangepunkte: $\alpha=21^{\circ}49^{\circ}.$

Bei Annahme ber Parabelform erhalt man biefen Winkel

α₁ = 20° 23'. Der Querschnitt ber Rette am Aufhangepunfte ift nun:

$$F_1 = \frac{F_0}{cosin. \, a} = \frac{25,18}{cos. \, 21^0 \, 49'} = 27,12 \, \,$$
Quadratzoll.

Die Gorizontalfbannung ber Rette folgt:

$$H = F_0 T = 25,18.16420 = 418460$$
 Ffund,

und bie Berticalfpannung im Aufhangepuntte :

enblich ift bas Bewicht einer Rettenhalfte:

$$G = V - bq = 165500 - 158845 = 6655$$
 Pfund,

Bei conftantem Querschnifte F=27,2 Quabratzoll, ware bas Gewicht einer solchen Salfte:

$$G = \left[1 + \frac{9}{3} \left(\frac{a}{b}\right)^2\right] Fb\gamma = 272.27,2 = 7398 \text{ Pfunb},$$

folglich ift bas gange Erfparnig an Material bei Unwenbung ber Rettenform von gleichem Biberftanbe nur:

$$2.(7398 - 6655) = 2.743 = 1486$$
 \$funb.

Stossendo Belastung. Bei ber vorstehenden Theorie der Ketten. §. 91 briden wurde eine ruhende Belastung vorausgesetzt, wobei natürlich die Hängestangen und Tragsetten weniger in Anspruch genommen werden, als wenn die Last stoßend auf die Brudenbahn wirkt. Um sich wenigstens ein

allgemeines Urtheil über die Wirkungen folder Stöße zu verschaffen, wollen wir annehmen, daß längs der ganzen Brüdenbahn auf den laufenden Fuß eine Last q_1 mit der Geschwindigkeit v auf diese Bahn aufschlage. Hat dieselbe ohnedies auf jeden Fuß Länge das Gewicht q, so beträft die Geschwindigkeit, mit welcher $q+q_1$ nach dem Stoße gemeinschaftlich wieder zu sinken beginnen (vergl. Band L, §. 332):

$$w = \frac{q_1 \, v}{q + q_1},$$

und es ift hierbei bas beiben Körpern gemeinschaftliche Arbeitsvermögen:

$$(q+q_1)\frac{w^2}{2g}=\frac{q_1^2}{q+q_1}\cdot\frac{v^2}{2g}$$

Dieses Arbeitsvermögen wird durch die Ausdehnung der Hängestangen und die der Tragkette aufgehoben. Ist P die veränderliche Ausdehnungstraft oder die verticale Zugkrast während dieser Ausdehnungen, so hat man bei dem Querschnitte F_1 , der Länge c und dem Elasticitätsmodul E_1 einer Hängestange deren Ausdehnung:

$$\lambda_1 = \frac{Pc}{F_1 E_1},$$

und folglich die hierbei von dieser Stange aufgenommene mechanische Arbeit:

$$\frac{P\lambda_1}{2} = \frac{P^2c}{2F_1E_1}$$
 (vergl. Band I., §. 348).

Diese Formeln gelten auch für die ganze Brude, wenn man unter P die Stoßtraft längs ber ganzen Brude, unter F_1 die Summe ber Querschnitte aller Hängestangen und unter c die mittlere Länge einer Hängestange versteht.

Bezeichnet ferner S die durch diesen Stoß bewirkte Bergrößerung der Spannung einer Tragkette, 21 die Länge, sowie F den Querschnitt und E den Clasticitätsmodul derselben, so ist die entsprechende Berlängerung dieser Rette:

$$\lambda = \frac{2 \, Sl}{FE},$$

und ebenso die von ihr verzehrte mechanische Arbeit:

$$\frac{S\lambda}{2} = \frac{S^2l}{FE},$$

ober da man $S=rac{1/_2\,P}{\sinlpha}$ sehen kann: $rac{S\,\lambda}{2}={}^{1/_4}\,rac{P^2l}{FE\,\sinlpha^2}.$

Setzt man die Summe der Arbeiten $\frac{P\lambda_1}{2}$ und $\frac{S\lambda}{2}$ dem oben angegebenen

Arbeitsvermögen $2 \ b \ (q \ + \ q_1) \ \frac{w^2}{2 \ q}$ gleich, so erhält man folgende Gleichung:

$$\left(\frac{1}{4} \frac{l}{FE \sin \alpha^2} + \frac{1}{2} \frac{c}{F_1 E_1}\right) P^2 = \frac{2 b q_1^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2 g},$$

worans bann bie Rraft:

1)
$$P = \sqrt{\frac{1}{\frac{l}{1/4 \frac{l}{FE \sin \alpha^2} + \frac{l}{2} \frac{c}{F_1 E_1}} \cdot \frac{2 b q^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2 g}}}$$

folgt.

Aus P ergiebt fich nun die mittlere Senkung der Brude in Folge ber Ausbehnung ber Hängeftabe:

$$2) \quad \lambda_1 = \frac{Pc}{F_1 E_1},$$

und die mittlere Sentung berfelben in Folge ber Ausbehnung ber Rette:

$$\delta = \frac{8}{8} \cdot \frac{b}{a} \lambda$$
, b. i.

3)
$$\delta = \frac{3}{8} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Pl}{FE \sin \alpha}$$

Bernachläffigt man die Sentung ober Ausbehnung & ber Hängestäbe, fo hat man:

$$P = \sqrt{\frac{4 FE \sin \alpha^2}{l} \cdot \frac{2 b q_1^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2g}},$$

und baher:

$$\delta = \frac{3}{4} \frac{b}{a} \sqrt{\frac{2bl}{FE} \cdot \frac{q_1^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2g}},$$

oder annähernd, wenn man l == b sett:

$$\delta = \frac{3}{4} \frac{b^3}{a} \sqrt{\frac{2 q_1^2}{FE (q + q_1)} \cdot \frac{v^2}{2 q}}$$

Bird bet Stoß durch die Masse $2lq_1$ nmal wiederholt, und zwar in dem Angenblicke, wenn die Senkung die größte (d) geworden ist, so hat man die auf die Ausbehnung der Spannkette aufgewendete Arbeit:

$$n \cdot \frac{2bq_1^2}{q+q_1} \cdot \frac{v^2}{2g}$$

und folglich bie enbliche Sentung ber Rette:

$$\delta_1 = \delta \sqrt{n}$$
.

Diefer Fall tann bortommen, wenn eine gedrängte Menschenmasse im tactmäßigen Schritt über die Brude geht. Die hierbei erfolgte Ausbehnung ber Rette ift:

$$\lambda = \frac{Pl}{FE \sin \alpha} = \sqrt{\frac{8 nbl}{FE} \cdot \frac{q_1^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2 q}}.$$

annähernd:

$$=2b\sqrt{\frac{2n}{FE}\cdot\frac{q_1^2}{q+q_1}\cdot\frac{v^2}{2q'}},$$

und die Spannung ber Rette:

$$S_1 = \frac{\lambda}{2l} FE = \sqrt{2n FE \cdot \frac{q_1^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2g}}.$$

Damit die Tragkette burch biese Stofe nicht über die Elasticitätsgrenze hinaus gebehnt werde, muß die Gesammtspannung

$$S + S_1 < FT$$

fein.

Bat man ber Rette u fache Sicherheit gegeben, ift also:

$$F = \mu \frac{S}{T}$$
, ober $S = \frac{FT}{\mu}$,

fo muß fein:

$$S_1 < FT\left(1-\frac{1}{\mu}\right)$$

Beispiel. Wenn wir bei ber Kettenbrude im Beispiele zu §. 87 bie Laft $2\,b\,q_1=78750$ Pfund nicht ausliegend, sondern mit der Geschwindigkeit v=5 Tuß ausstehn annehmen, das übrige Gewicht der Brüdenbahn aber $2\,b\,q=78750$ Pfund

beibehalten, fo ift gu fegen:

$$b = 75, q = q_1 = \frac{78750}{150} = 525,$$

alfo:

$$\frac{q_1^2}{q+q_1} = \frac{625}{2} = 262,5,$$

ferner:

 $\frac{v^2}{2\,g}=0.016\cdot 25=0.4$, und $FE=27.2\cdot 30000000=816000900$, folglich die Berlängerung der Tragfette, in Folge des Stoßes der Maffe q_1 :

$$\lambda = 2b\sqrt{\frac{2}{FE} \cdot \frac{q_1^2}{q + q_1} \cdot \frac{v^2}{2g}} = 150\sqrt{\frac{2 \cdot 262, 5 \cdot 0, 4}{8160000000}} = 150\sqrt{\frac{1}{38600000}}$$

$$= 150 \cdot 0,000508 = 0,0762 \text{ Fuß.}$$

Bare bie Angahl ber Stoffe n=100, so murbe folglich biese Berlangerung $\lambda \sqrt[4]{n} = \lambda \sqrt[4]{100} = 10 \ \lambda = 0.762 \ \mathrm{Kuh}$,

und die entsprechende Bergrößerung ber Rettenspannung pro Quadratzoll Quer-

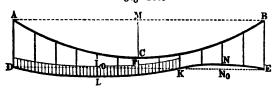
$$S_1 \equiv \frac{\lambda \sqrt{n}}{2 l} \ FE = \frac{0.762}{150} \ 80000000 = 152400 \ \% \ fund$$

betragen.

Da ber Festigkeitsmobul bes Schmiebeeisens nur T=56000 Pfund beträgt, so ware ein Berreißen ber Tragketten bei biejen Stößen eine unausbleibliche Volge.

§. 92 Wirkung der einseitigen Belastung. Unter ber Voranssetzung, baß burch die mobile Last DK, Fig. 165, auf der nur an den Enden festgehaltenen Brückenbahn DE die parabolische Form der Kette ACB nicht
wesenllich verändert werde, lassen sich die Biegungsverhältnisse dieser Bahn
nach Rankine wie folat. ermitteln.

Ift die Größe der mobilen Last pr. Einheit Brudenlänge, $=q_1$ und nimmt dieselbe Last auf der Brude die Länge DK=DF+FK Fig. 165.



= b+x ein, hat also die ganze mobile Last das Gewicht $Q_1=(b+x)\,q_1$, so läßt sich die entsprechende Spannung der Hängestangen auf die lausende Einheit Brüdenlänge, $q_2=\frac{Q_1}{2\,b}=\frac{(b+x)\,q_1}{2\,b}$ setzen, und daher auch annehmen, daß das unbelastete Stück KE der Brüdenbahn mit der gleichemäßig vertheilten Kraft $Q_2=(b-x)\,q_2=\frac{(b^2-x^2)\,q_1}{2\,b}$ durch die Hängestangen von unten nach oben gezogen werde.

Eben fo groß ift auch bie Rraft-

$$(b+x)(q_1-q_2)=(b+x)\left(1-\frac{b+x}{2b}\right)q_1=\frac{(b^2-x^2)q_1}{2b},$$

mit welcher das belastete Stild AK ber Brüdenbahn nach unten gebogen wird. Jebe dieser Kräfte zerlegt sich in zwei Halften, welche die Endpunkte des Stildes DK nach unten drüden, und die des Stildes EK nach oben ziehen. Es ist solglich die Scheerkraft zwischen Baltenstillen in K,

$$R = \frac{Q_2}{2} = \frac{(b^2 - x^2) q_1}{4 b}$$

Diefe Rraft ist für x=0, also wenn die mobile Last nur bis zur Mitte reicht, am größten, und zwar

$$R_m = \frac{bq_1}{4}$$
.

Das Biegungsmoment bes belasteten Brlidenstlicks DK ist, da man es hier mit einer auf die Länge b+x gleichsörmig vertheilten Last $Q_2=\frac{(b^2-x^2)\,q_1}{2\,b}$ zu thun hat, nach Bb. I, §. 240,

$$M_1 = \frac{Q_2 (b + x)}{8} = \frac{(b + x) (b^2 - x^2) q_1}{16 b},$$

und das des unbelasteten Britdenstlides EK, da dasselbe auf der Länge b-x mit gleichförmig vertheilter Kraft nach oben gezogen wird,

$$M_2 = \frac{Q_2 (b-x)}{8} = \frac{(b-x) (b^2-x^2) q_1}{16 b}.$$

Das erstere Moment ist ein Maximum für $x=\frac{b}{3}$, das letztere für $x=-\frac{b}{3}$, und zwar das eine ober andere

$$M_m = \pm \frac{2}{27} b^2 q_1$$

In dem einen Falle ist also bas größere Stüd von der Länge b+x = $\frac{4}{3}b$ = zwei Drittel, und im zweiten das kleinere Stüd b-x = $\frac{2}{3}b$ = ein Drittel der Brüdenlänge (2 b) belastet.

Bare die ganze Brildenbahn mit $Q = 2 \, b \, q_1$ belaftet, ohne von ben hängestangen getragen zu werben, so wilrbe bas Biegungsmoment

$$M = \frac{Qb}{4} = \frac{b^2q_1}{2} = \frac{27}{4} \cdot \frac{2}{27} b^2q_1,$$

b. i. flebenzwanzig Biertel mal fo größ fein, als bas fo eben gefundene Maximalmoment ber aufgehangenen Brildenbahn.

Die größte Durchbiegung bes belasteten Brüdenstückes DK ift nach Band I, §. 223

$$a_1 = {}^{5}/_{8} \, \frac{Q_2 \, ({}^{4}/_{3} \, b)^3}{48 \, WE} = {}^{5}/_{27} \, \frac{Q_2 \, b^3}{6 \, WE}$$

oder, wenn man die halbe Trägerhöhe der Brude mit e, sowie den Tragmodul des Trägermateriales mit T bezeichnet, und daher

$$Q_2$$
. $^4/_3$ $b=8$ $rac{WT}{e}$ jegt, $a_1=^5/_{27}rac{Tb^2}{Ee}\cdot$

Wäre die ganze Brudenbahn nicht aufgehangen, sondern an den Enden nur unterstützt, so würde die Durchbiegung

$$a = \frac{5}{8} \frac{Q_2 b^3}{6 WE} = \frac{5}{8} \cdot \frac{4 Tb^2}{6 Ee} = \frac{5}{12} \frac{Tb^2}{Ee} = \frac{9}{4} \cdot \frac{5}{27} \frac{Tb^2}{Ee}$$

b. i. neun Biertel mal fo groß sein, als bei ber durch die Spannkette gestragenen Brudenbahn. Die Größe der Aufdiegung des unbelasteten Brudensstudes ist dagegen

$$a_2 = {}^5/{}_8 \cdot \frac{Q_2 \ ({}^2/{}_3 \ b)^8}{48 \ WE} = {}^5/{}_{27} \ \frac{Q_2 \ b^8}{48 \ WE}$$
, ober ba hier $Q_2 \cdot {}^2/{}_3 \ b = \frac{8 \ WT}{e}$ zu setzen ist,

 $a_2 = \sqrt[5]{27} \cdot \frac{Tb^2}{4 \ Ee}$, b. i. ein Biertel von der Durchbiegung

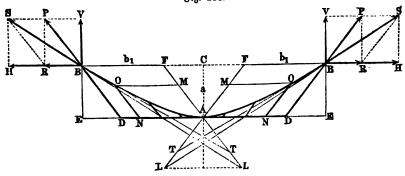
bes belafteten Theiles.

Damit eine Sangebrücke ben Wirkungen ber beweglichen Last ben nöthigen Wiberftand entgegen setzen könne, versieht man die Brüdenbahn entweder mit

befonderen Tragwänden, oder mit Zugfeilen, welche von der Brüdenbahn nach bem Boben oder den Brüdenpfeilern herabgehen, wie 3. B. bei der Niagaras Brüde; auch wendet man wohl eine Gegentette an, welche durch aufwärtsgehende Zugstangen mit der Brüdenbahn verbunden wird.

Ferner vergrößert man die Steifigleit einer Hängebrude baburch, daß man je zwei Spannketten über einander hängt, und dieselben unter einander verstrebt, wie eine gewöhnliche Fachwerkswand.

Hängebrücken mit geneigten Hängestangen. Die Hänge §. 93 britden BAB, Fig. 166, mit geneigten Hängestangen BD, QN... sind ebenfalls steifer als die mit verticalen Hängestangen. Es Fig. 166.



ist auch hier die Berticalspannung V an einem Kettenende B, gleich ber Last Q ber halben Brücke AD. Aus derselben bestimmt sich mit Hülfe des Reigungswinkels $BDE = \beta$ der Hängestäbe gegen den Horis zont die Gesammtspannung der Hängestäbe in einer Brückenhälfte:

- 1) $P=rac{V}{\sin eta}=rac{Q}{\sin eta}$, und die Kraft, mit welcher jede Brildenhälfte burch die Kraft P nach außen gezogen wird
- 2) $R=P\cos \beta=Q\cot ag$, β . Aus der Spannweite BB=2 CB=2 b, und der senkrechten Bogen-höhe AC=a, folgt die geneigte Bogenhöhe AD, b. i.
- 3) $a_1 = \frac{a}{\sin \beta}$, und die halbe Spannweite zwischen den Aufhängespunkten D,D der Britdenbahn,

AD = FB = CB - CF, b. i.

4) $b_1 = b - a$ cotang. β . Da die Rette AB auch hier durch lauter gleiche parallele Kräfte gespannt wird, beren Angriffspunkte einen und benselben Normalabstand von einander

haben, so bilbet dieselbe ebenfalls einen Parabelbogen, und es ist daher auch die Subtangente eines Punktes O in derselben gleich der doppelten, in der Richstung der Hängestange gemessen Abscisse $AM = x_1$, d. i. MT = 2MA = 2x, sür den Ausschaft B ist die Abscisse $AM = a_1$, und die Ordinate $FB = b_1$, und die Subtangente $FL = 2\alpha$. Bezeichnet man daher die Reigung SBH = FBL der Spannkette in B durch α , so hat man, da

$$rac{sin.\,B\,L\,F}{sin.\,F\,B\,L} = rac{B\,F}{F\,L}$$
 ift, $rac{sin.(eta-lpha)}{sin.\,lpha} = rac{b_1}{2\,a_1}$, worang dann

5) cotang.
$$\alpha = cotang. \beta + \frac{b_1}{2 a_1 \sin. \beta}$$
 folgt.

Die Seilspannung in ben Aufhängepunkten ift burch bie Proportion

$$rac{S}{P} = rac{sin. \ B \ P \ S}{sin. \ B \ S \ P} = rac{sin. eta}{sin. lpha}$$
 bestimmt, und hiernach

6)
$$S = \frac{P \sin \beta}{\sin \alpha} = \frac{Q}{\sin \alpha}$$
 du feten.

Die Horizontalspannung H bes Seiles im Aufhängepunkte B ift

7) $H = S \cos \alpha$.

Da die Hängestangen der beiben Brudenhälften entgegengesetzt geneigt sind, so geben sie der ganzen Brude einen Widerstand gegen Längenschwingungen, welchen die Brude mit verticalen Hängestangen nicht hat. Auch wird durch die Horizontalspannungen R und R der Brudenbahn die Durchbiegung ber letteren vermindert.

Charnierbrücken. Die in ben neueren Zeiten in Borfchlag und auch be-§. 94 reits mehrfach in Ausführung gebrachten Charnierbrüden, laffen fich fowohl beiben Spreng- als auch bei ben Sangewerksbrudenfpftemen mit Bortheil anwenden. Durch Anbringung von Charnieren ober horizontalen Drehungsaren werben die burch Temperaturwechsel und burch Nachgeben der Widerlager berporgebrachten gefährlichen Spannungen ber Bogenbruden beseitigt, und ben Spannungen überhaupt bestimmte Richtungen gegeben, wodurch es möglich wird, bie Größen ber Spannungen und folglich auch bie benfelben entsprechenden Querfcnittebimenfionen ber Brude mit Sicherheit zu bestimmen. Inebefonbere leiften die Charniere bei einseitigen ober mobilen Belaftungen die besten Dienste. Um ben 3med volltommen zu erreichen, erhalt ein folcher Brlidenbogen wie ADB, Fig. 167 u. Fig. 168 ein Charnier im Scheitel D, und je ein Gelent in ben Stuppunkten A und B. Die Rrafte, welche bann bie Biberlager auszuhalten haben, wenn bie Bruden auf ber ganzen Lange AB=UU=2b pr. Einheit mit p, und auf ber halben Lange AC=UD = b pr Ginheit mit q belaftet ift, bestimmen fich unter ber Borausfegung, bag sowohl ber Spreng- als auch ber Hängebogen ADB die Parabelsorm hat, wie folgt. Aus ber constanten Last P = 2 bp gehen die Tangentialspanskig. 167.

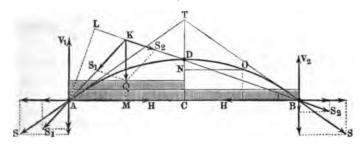
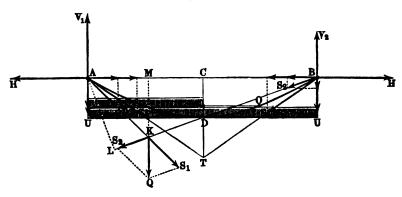


Fig. 168.



nungen S und S in den Stütspunkten A und B hervor, deren verticale Componenten je $^1/_2$ P = bp und horizontale Componenten $\frac{b}{2a} \cdot ^1/_2 P = \frac{b^2 p}{2a}$ sind. (Siehe §. 77.) Die mobile Last Q = bq, deren Angrisspunkt K in einer Berticalen gedacht werden kann, welche A C halbirt, zerlegt sich dagegen in zwei von den Stützpunkten A und B aufzunehmende Kräfte S_1 und S_2 , wovon die zweite in Folge der Drehbarkeit um D, die Richtung DB annehmen muß. Da die Richtung der Seitenkraft S_1 durch A geht, so haben in Hinsicht auf diesen Drehungspunkt die Kräste S_2 und Q ein und dasselbe Woment, es ist also, da der Hebelarm von S_2 das Perpendikel AL = AB sin. ABD = 2b sin. β , und der Hebelarm von Q, $AM = \frac{1}{2}$ $AC = \frac{b}{2}$ ist,

$$S_2$$
. 2 b sin. $oldsymbol{eta} = Q \, rac{b}{2}$, und baher

$$S_2 = \frac{Q}{4 \sin \beta} = \frac{bq}{4 \sin \beta}$$

Der verticale Component dieser Kraft ist S_2 sin. $oldsymbol{eta} = rac{b\,q}{4}$, und der horizontale Component dersellen,

$$S_2 \cos \beta = \frac{bq}{4} \cot g. \beta = \frac{b^2q}{4a}$$

wogegen ber verticale Component von S1,

$$Q-S_2$$
 sin. $\beta=bq-rac{b\,q}{4}=\sqrt[3]{4}\,b\,q$, und der horizontale Com-

ponent berfelben wieder S_2 $cos. eta = -rac{b^2 q}{4 \, a}$ ausfällt.

Hiernach ist also bie ganze Horizontalfraft in jedem ber Stuppunkte $oldsymbol{A}$ und $oldsymbol{B}$,

$$H = \frac{b^2 p}{2a} + \frac{b^2 q}{4a} = \frac{b^2}{2a} \left(p + \frac{q}{2} \right)$$

bagegen ber gesammte Berticalbrud in A,

$$V_1 = bp + \frac{3bq}{4} = b(p + \frac{3}{4}q)$$
, und der in B,
 $V_2 = bp + \frac{1}{4}bq = b(p + \frac{1}{4}q)$.

Nachbem man die äußeren Kräfte H, H, V_1 und V_2 bestimmt hat, kann man nach bekannten Regeln, z. B. mit Hülfe der Theorie der Drehungs-momente (§. 64), die Spannungen an jeder beliebigen Stelle des Tragbogens ermitteln, derselbe mag masstv sein, oder aus Fachwerk bestehen.

Hir eine Stelle O bes Bogens, bessen Coordinaten DN = x und NO = y sind, ist das Biegungsmoment M zusammengesetzt aus dem Momente $H.\overline{CN} = H(a-x)$ der Horizontaskraft H, dem Momente $V_2(CB-NO) = V_2(b-y)$ der Berticaskraft V_2 , und dem Momente $V_2(b-y)^2p$ der von dem Bogen O zu tragenden Last (b-y)p. Es ist daser

$$M = H(a - x) - V_2(b - y) + \frac{p}{2}(b - y)^2$$
, b. i.,

ba bie Parabelgleichung $\frac{y^2}{h^2} = \frac{x}{a}$, $x = \frac{a\,y^2}{b^2}$ giebt,

$$M = Ha \left(1 - \frac{y^2}{b^3}\right) - V_2 (b - y) + \frac{1}{2} p (b - y)^2.$$

$$= Ha - V_2 b + \frac{1}{2} p b^2 + (V_2 - p b) y - \left(\frac{Ha}{b^2} - \frac{1}{2} p\right) y^2.$$

S. 95.] Die Theorie ber Holge und Gifenconftructionen.

Diefes Moment ift ein Maximum für

$$\left(rac{2Ha}{b^2}-p
ight)y=V_2-p\,b$$
, wonach $y=rac{V_2-p\,b}{rac{2Ha}{b^2}-p}=rac{rac{1/4\,b\,q}{1/2\,q}=rac{b}{2}$ und $x=rac{a}{4}$ folgt.

hiernach ift bas gesuchte größte Biegungsmoment bes Bogens BD

 $\mathbf{M} = \frac{3}{4} Ha - \frac{1}{2} V_2 b + \frac{1}{8} p b^2 = \frac{3}{8} b^2 p + \frac{3}{16} b^2 q - \frac{1}{2} b^2 p - \frac{1}{8} b^2 q + \frac{1}{8} b^2 p = \frac{1}{16} b^2 q.$

Ebenso groß fällt auch das größte Biegungsmoment auf der anderen Seite AD des Bogens aus, wo die mobile Last bq aufruht.

Außer diesem Biegungsmomente hat der Bogenträger in O auch noch die Horizontaltraft H und die Berticaltraft $V_2 = \frac{b}{2} p$ auszuhalten. Aus bei-

ben Kräften resultirt eine Drud's ober Zugkraft in ber Tangentenrichtung, und eine Schubkraft in ber Richtung der Normale von O. Bezeichnet β ben Winkel, welchen der Bogen in O mit dem Horizont einschließt, und welcher durch die Gleichung

tang. $\beta = \frac{2\overline{DN}}{ON} = \frac{1/2}{1/2} \frac{a}{b} = \frac{a}{b}$ bestimmt ist, so hat man die Druds ober Zugkraft in O:

$$R=H\coseta+\left(V_2-rac{b\,p}{2}
ight)\sineta$$
, und dagegen die Schubkraft $N=H\sineta-\left(V_2-rac{b\,p}{2}
ight)\coseta.$

Bezeichnet nun F ben Querschnitt, W bas Biegungsmoment und k bie Höhe bes Trägers in O ober bes mit ihm in O sest verbundenen Fachwerkes, und bedeutet T ben Tragmodul des Trägermateriales, so hat man zu setzen:

$$\frac{1/2}{W}\frac{Mh}{F} + \frac{R}{F} < T$$
, so wie $\frac{N}{F} < T$.

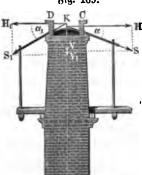
Pfeiler und Widerlager. Ein wichtiger Gegenstand ift noch bie §. 93 Bestimmung ber Dimensionen ber Pfeiler und ber Widerlags, mauern einer Hängebrude. Sind Sund Si die Spannungen ber über einen Pfeiler ABCD weggehenden Ketten, Fig. 169 (a. f. S.), und a und ai ihre Reigungswinkel, so hot man ben Berticalbrud auf ben Pfeiler:

$$V_2 = V + V_1 = S \sin \alpha + S_1 \sin \alpha_1$$

und ben Horizontalbrud, ba die Horizontalspannungen einander entgegenwirken:

$$H_2 = H - H_1 = S \cos \alpha - S_1 \cos \alpha_1$$
.

Ift nun h bie Höhe KL, e bie Breite und d bie Dide AB eines Pfeie lers, sowie bessen Dichtigkeit $=\gamma$, so hat man bas Gewicht besselben:



$$G = deh \gamma$$
,

und ben gefammten Berticalbrud:

$$= V_2 + G = S \sin \alpha + S_1 \sin \alpha_1 + d e h \gamma$$
. Damit aber die Horizontaltraft

 $H_2 = H - H_1$ ben Pfeiler nicht umfturze um die Kante B, ift es nöthig, daß das statische Moment

$$H_2$$
. $\overline{KL} = H_2 h = (S \cos \alpha - S_1 \cos \alpha_1) h$
von dem statischen Woment

$$(V_2 + G) \overline{BL} = (S \sin \alpha + S_1 \sin \alpha_1 + deh \gamma) \frac{d}{2}$$

übertroffen werbe, bag alfo

$$d^{2} + \left(\frac{S \sin \alpha + S_{1} \sin \alpha_{1}}{e h \gamma}\right) d > \frac{2 \left(S \cos \alpha - S_{1} \cos \alpha_{1}\right)}{e \gamma} \text{ ober}$$

$$d^{2} + \left(\frac{V + V_{1}}{e h \gamma}\right) d > \frac{2 \left(H - H_{1}\right)}{e \gamma} \text{ fei.}$$

hiernach ift die nöthige Pfeilerbide

$$d = -\frac{V + V_1}{2eh\gamma} + \sqrt{\frac{2\delta(H - H_1)}{e\gamma} + \left(\frac{V + V_1}{2eh\gamma}\right)^2},$$

wobei d ben Sicherheitscoefficienten 2 bis 4 bezeichnet.

Uebrigens ift der Sicherheit wegen für S cos. a der größte und für $S_1 \cos \alpha$ der fleinste Werth zu setzen, also anzunehmen, daß die Rette einersfeits volltommen, und andererseits ganz unbelastet fei.

Diese Formel setzt voraus, daß die Kräfte S und S1 vollsommen übertragen werden auf den Pfeilerkopf, was allerdings nur eintritt, entweder wenn die Seilenden am Pseilerkopf sestsigen, oder wenn die Reibung auf benselben die Differenz $S-S_1$ der Spannungen übertrifft. Nach Band I, §. 193, ist diese Reibung:

$$F = \left[\left(1 + 2 \varphi \sin \frac{\beta}{2}\right)^n - 1\right] S_1$$

wenn φ ben Reibungscoefficienten, n bie Bahl ber auf bem Pfeilerkopfe ausliegenden Rettenglieder und β ben Centriwinkel bezeichnet, welcher einem Gliebe entspricht; wenn baher

$$S-S_1<\left[\left(1+2\ arphi\,sin.rac{eta}{2}
ight)^{\!m s}\!\!-1\
ight]S_1$$
, ober $S<\left(1+2\ arphi\,sin.rac{eta}{2}
ight)^{\!m s}\!\!S_1$ ist, so legt sich die Kette

fest auf ben Pfeilerkopf auf; außerbem gleitet sie aber auf bem Pfeilerkopfe hin, und es ist beshalb in obige Formel

$$S = \left(1 + 2 \varphi \sin \frac{\beta}{2}\right)^n S_1$$
,

ober bei Seilen,

$$S=e^{\varphi\alpha}S_1$$
 (f. Band I, §. 194) einzuseten.

Legt man die Rette ober das Seil auf Rollen, so ift diese Differenz, und baber die nöthige Pfeilerstärke, viel kleiner. Sind die Rollenhalbmeffer = a, und die Zapfenhalbmeffer = r, so hat man:

$$S = S_1 + \varphi \frac{r}{a} (S \sin \alpha + S_1 \sin \alpha_1) = S_1 + \varphi \frac{r}{a} (V + V_1)$$

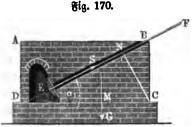
au feten, weil die auf den Rollenhalbmeffer reducirte Zapfenreibung den Werth

$$F = \varphi \frac{r}{a} (S \sin \alpha + S_1 \sin \alpha_1)$$
 hat.

Besteht der Pseiler in einer drehbaren Säule, so ist statt r der Zapsenhalbmesser und statt a die Höhe derselben einzusetzen, und liegt das Seil auf Walzen, so hat man statt φr den Hebelarm f=0.02 Zoll der wälzenden Reibung einzusühren.

Aus der Spannung S der Spann- ober Endletten (Spann- ober Endseile) kann man auch noch die nöthigen Dimensionen der Biberlagsmauer A C, Fig. 170, bestimmen.

Die Spannung S sucht die Widerlagsmauer A C um die Rante C zu breben, und wirft habei am Hebel



brehen, und wirft babei am Hebelarme

CN = CD sin. $a_1 = l \sin a_1$, wenn a_1 ben Reigungswinkel SDC bes Seiles gegen ben Horisjont und l die Länge CD ber Mauer bezeichnet. Das Gewicht G ber Mauer wirkt aber mit dem Momente

$$G.\overline{CM} = hel \gamma \cdot \frac{l}{2} = 1/2 hel^2 \gamma$$

entgegen, wo h bie Bobe BC, e die Dide und y die Dichtigkeit ber Mauer bezeichnet. Für ben Gleichgewichtszustand ist:

Sisin.
$$\alpha_1 = \frac{1}{2} h e^{\frac{1}{2} \gamma}$$
,

baber bie nothige Mauerlange :

$$l = \frac{2 \delta S \sin \alpha_1}{h e \gamma}.$$

Damit ferner bieselbe Mauer nicht fortgeschoben werde, muß ihre Reibung φ (G — S sin. α_1) größer, als die Horizontaltraft S cos. α_1 , also:

 $\varphi G > S(\cos \alpha_1 + \varphi \sin \alpha_1)$ fein.

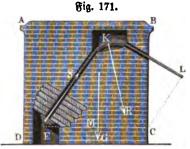
Man fest hiernach:

$$l = \frac{\delta S}{h \, e \, \gamma} \left(\frac{\cos \alpha_1}{\varphi} + \sin \alpha_1 \right),$$

wobei $\varphi = 0,67$ und

ber Sicherheitscoefficient & 2 bis 4 anzunehmen ift.

Wenn bie Rette im Wiberlagspfeiler nicht bloß befestigt, sonbern auch aufgelagert ift, wie in Fig. 171, so ift ber Bebelarm ber Spannung 8 bas



Perpenditel CL = b, vom Stütspunkte C nach der Seilsrichtung KL gefällt, und der Hebelarm des Pfeilergewichtes G die Hälfte CM der Pfeilerlänge CE = l, letztere, der Sicherheit wegen, nur dis zum Befestigungspunkt E des Seiles gemessen. Hiernach hat man

1/2 hel2 y = Sb, und daher mit Rudficht auf Sicherheit,

$$l = \sqrt{\frac{2 \delta S b}{h e \gamma}}.$$

In Hinsicht auf das Fortschieben über CE ist, wenn α die Reigung des Tragseiles KL gegen den Horizont bezeichnet, φ $(G+Ssin.\alpha)=Scos.\alpha$, wonach

$$G = rac{S\coslpha - \varphi \, S\sinlpha}{arphi}$$
, und $l = rac{\delta \, S(\coslpha - \varphi \, sin.lpha)}{arphi \, he \, \gamma}$ folgt.

Beifpiel. Bei ber in ben Beifpielen ber Paragraphen 87 und 88 behanbelten Rettenbrude ift bie Berticalfraft ber belafteten Rette:

V = 165890 Pfund, und bie ber unbelafteten:

wird nun noch $\frac{r}{a}=\frac{1}{4}$ und auch $\varphi=\frac{1}{4}$ angenommen, so ift die Bapfenreis bung zwischen ben Rollen tes Pfeilerkopfes:

 $F=\varphi \frac{r}{a} \ (V+V_1)=\frac{1}{4}\cdot \frac{1}{4}\cdot (165890+86916)=15800$ Pfund viel kleiner als die Differenz der Spannungen. Es tritt baher eine Bewegung der Kette und ein Umbrehen der Rellen ein, wobei die Spannung der Kette auf der einen Seite allmälig zu z, sowie auf der anderen Seite allmälig abnimmt, und die Differenz zwischen beiden Spannungen in 15800 Pfund übergeht. Ift nun

bie Pfeilerhobe 16 Fuß, die Dice 4 Fuß und die Dichtigkeit ber Mauermaffe == 130 Bfund, fo hat man

 $V+V_1=253030$, $e\gamma=4$. 130=520, $eh\gamma=8320$, $H-H_1=F=15786$, und wenn man nech $\sigma=4$ annimmt, so folgt die erforberliche Pseilerbicke

$$d = -\frac{V + V_1}{2 e h \gamma} + \sqrt{\frac{2 d (H - H_1)}{e \gamma} + (\frac{V + V_1}{2 e h \gamma})^2} = -15,21$$

 $+ \sqrt{231.34 + 242.86} = -15.18 + 21.76 = 6.59$ Full.

Die nothige gange ber Wiberlagsmauer hat man fur ben in Fig. 170 absgebildeten Fall, wenn wir h=16 und d=10 Auß und die Neigungsminkel a und a_1 ber Trags und Spannketten einander gleich seben, sowie ben Sichersheitscoefficienten $\delta=2$ annehmen,

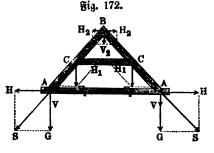
 $l = \frac{2 \, d \, S \sin \alpha_1}{h \, e \, \gamma} = \frac{4.165890}{16.10.130} = 31,9 \, \text{Fug.}$

Einsache Dachgesparre. Die im (obigen §. 51 u.f. w.) entwidelten §. 96 Formeln, Regeln u. f. w. über bie Tragfraft ber Balten, Träger, Sparren u. f. w. finden ihre vielfachen Anwendungen bei den Dachconstructionen, Lehrgeruften und Brüden, und es ist baher noch, Einiges über biefe Anwendungen zu sagen nöthig.

Wir haben im Früheren (§. 52 n. s. w.) nur von ben einfachen Dachsconstructionen, wobei ein einfaches Hängewert in Anwendung kommt,
gehandelt; im Folgenden soll beshalb noch von den complicirteren, bei großen
Spannweiten angewendeten Dachconstructionen die Rede sein.

Bur Unterstützung ber Dachsparren wendet man gewöhnlich Rehlbalten, Stuhlfäulen, einfache ober zusammengesette Dachstühle n. f w. an. Bei Beurtheilung bieser Conftructionen läßt sich vorausseten, daß das Gewicht bes Daches auf die Fläche besselben gleichförmig vertheilt ift, auch wollen wir hierbei die Rörper als volltommen starr ansehen und beshalb annehmen, daß gleichgroße Theile desselben durch ihr Gewicht gleichstart vertical abwärts bruden.

Ist hiernach ein Sparren AB, Fig. 172, in einem Punkte C unterstützt, welcher von seinen Endpunkten A und B um l_1 und l_2 absteht, während er selbst die ganze Länge AB = l hat, so beträgt die der ganzen Belastung G



besselben entsprechende Bersticalfraft in A:

$$V = \frac{l_1}{l} G,$$

ferner in B:

$$V_2 = \frac{1}{2} \frac{l_2}{l} G,$$

und baher in C:

$$V_1 = V + V_2$$

= $\frac{l_1 + l_2}{2 \cdot l} G = \frac{1}{2} \cdot G$.

Ist nun bas Gespärre mit einem einfachen Rehlbalten CC ausgerüstet, so hat man bei bem Neigungswinkel a ber Sparren bie aus V1 und V2 resultirenden Horizontalschube:

 $H_1 = V_1 \text{ cotang. } \alpha = 1/2 \text{ G cotang. } \alpha,$

fowie

$$H_2 = V_2$$
 cotang. $\alpha = 1/2 \frac{l_2}{l}$ G cotang. α ,

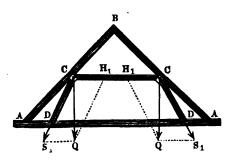
und es ist folglich ber Sparrenschub in A:

$$H = H_1 + H_2 = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{l_2}{l} \right) G$$
 cotang. α ,

also z. B. für $l_1 = l_2 = \frac{1}{2} l$, $H = \frac{3}{4}$ G cotang. α , wogegen für Gespärre ohne Rehlbalten H nur $= \frac{1}{2}$ G cotang. α ausfällt. Durch Answendung eines Rehlbaltens wird also der Sparrenschub erhöht.

Bei bem Gespärre ABA, Fig. 173, mit einem Dachstuhl DCCD, zerlegt sich ber Berticalbrud Q=1/2 G in ber Stuhlsette C nach ber

Fig. 173.



Axe CC bes Rehlbaltens ober Spannriegels und nach ber Axe CD ber Stuhlssäule. Ift α_1 ber Neisgungswinkel ber Stuhlssäule gegen ben Horizont, so hat man ben Horizonstalschub im Rehlbalken

H₁ = Q cotang. α₁ = 1/2 G cotang. α₁, und bagegen ben Schub in ber Stuhlstule

$$S_1 = \frac{Q}{\sin \alpha_1} = \frac{G}{2 \sin \alpha_1}$$

Der horizontale Sparrenschub am Fuße ist bann nur:

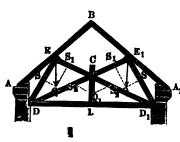
$$H = 1/4$$
 G cotang. α ,

bagegen ber horizontale Component bes Schubes in ber Stuhlfäule:

$$H_2 = S_1 \cos \alpha_1 = \frac{1}{2} G \cot \alpha_1$$
.

Wie ein zusammengesetztes Hänges und Sprengwerk zur Untersstützung eines Daches und einer Brücke ober Decke zugleich dienen kann, wird durch Fig. 174 vor Augen geführt. Bezeichnet man die Neigungswinkel der Streben DE und DE_1 (sowie D_1E_1 und D_1E) gegen den Horizont durch α_1 und α_2 , so hat man die aus der Sparrenlast Q=1/2 Gentspringenden Drücke auf die kürzeren Streben:

$$S = \frac{Q\cos\alpha_2}{\sin\alpha_1(\alpha_1 + \alpha_2)} = \frac{1}{2} \frac{G\cos\alpha_2}{\sin\alpha_1(\alpha_1 + \alpha_2)}$$
stic. 174. und die auf die längeren Streben:



$$S_1 = \frac{Q \cos \alpha_1}{\sin (\alpha_1 + \alpha_2)}$$
$$= \frac{1}{2} \frac{G \cos \alpha_1}{\sin (\alpha_1 + \alpha_2)};$$

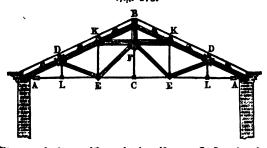
bagegen bie aus ber in ber Mitte L bes Balkens DD_i niederziehenden Last Q_1 entspringenden Zugkräfte ber Streben:

$$S_2 = \frac{Q_1}{2 \sin \alpha_2},$$

und baher ben Gesammtichub in ben langeren Streben:

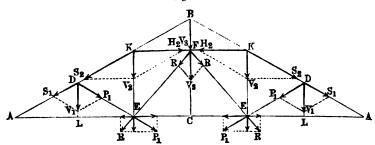
$$S_1 + S_2 = \frac{1}{2} \left(\frac{G \cos \alpha_1}{\sin (\alpha_1 + \alpha_2)} + \frac{Q_1}{\sin \alpha_2} \right).$$

Zusammengesetzte Dachgespärre. Gespärre von großer Spann- §. 97 weite haben, wenn sie besonders sehr slach sind, einen bedeutenden Schub, und es ist deshalb sehr nöthig, dieselben durch einen Durchzug (franz. tirant; engl. tie-beam) zu unterstützen. Einen solchen Dachstuhl sührt Fig. 175 vor Augen. Es besteht hier der Durchzug in einer schmiede Rig. 175.



eisernen Stange AA, welche mittels eiserner Flise A, A ben Schub ber Hauptsparren AB, AB (franz. arbalétriers; engl. principalrafters) aufnimmt. Zur Unterstützung ber letzteren bient bas aus Streben DE, EF, aus Hängestäben DL, KE, FC, aus einem Rehlbalken KK und aus einer Hängeställe BF zusammengesetzte Hängemad Sprengwerk. Die Art und Weise, wie die Sparrenlast G von dieser Construction ausgenommen wird, ist aus den Araftzerlegungen Fig. 176 (a. f. S.) zu ersehen. Die Berticalkraft $V_1 = \frac{1}{3}C$ zerlegt sich in zwei Seitenkräfte P_1 und P_2 nach der Richtung der Strebe P_2 und der des Sparrens P_3 de Geitenkräfte P_3 und Serticalkraft P_4 der spingegen in zwei Seitenkräfte P_3 und Serticalkraft P_4 der spingegen in zwei Seitenkräfte

fräfte H_2 und S_2 , nach ber Axe bes Rehlballens und nach ber bes Sparrens, bie Berticaltraft $V_3 = \frac{1}{3} G$ endlich nimmt die Hängefäule BF auf und Fig. 176.



zerlegt sich in zwei Seitenkräfte R, R, welche auf die Streben EF, EF übergehen. Die Kräfte P_1 und R zerlegen sich ferner in E in Horizontals und Berticalkräfte, beren Resultanten von den Zugstangen AE, AE und Hängestangen KE, KE aufgenommen werben. Die beiben Componenten von P_1 sind, wenn die Streben DE, DE mit den Sparren AB, AB einerlei Neigung α haben:

$$P_1 \sin \alpha = \frac{G}{6}$$
 und $P_1 \cos \alpha = \frac{G}{6} \cot \alpha$,

und die von R find, wenn α_1 ben Reigungewinkel ber Streben EF gegen ben Horizont ausbruckt:

$$R \sin \alpha_1 = 1/6 G$$
 und

$$R\cos \alpha_1 = \frac{1}{6} \frac{G}{\sin \alpha_1} \cdot \cos \alpha_1 = \frac{1}{6} G \cot \alpha_1$$

in Folge biefer Rrafte wird baber bie Sangestange KE mit einer Rraft

$$\frac{G}{6} + \frac{G}{6} = \frac{G}{3}$$

und die Zugstange AE mit einer Kraft

$$\frac{G}{6}$$
 (cotang. α — cotang. α_1)

gespannt. Durch die ersten dieser beiden Kräfte wird V_2 verdoppelt, b. i. $=rac{G}{3}+rac{G}{3}={}^2/_3$ G, weshalb die Horizontalspammung des Rehlbaltens:

$$H_2 = \frac{9}{3}$$
 G cotang. α

und baber ber horizontale Sparrenfchub in A:

$$H = H_1 + H_2 = S_1 \cos \alpha_1 + H_2$$

 $= \frac{1}{6} G \cot ang. \alpha + \frac{2}{3} G \cot ang. \alpha = \frac{5}{6} G \cot ang. \alpha$ ausfällt.

Die Durchzugstange ift endlich zwischen A und E mit ber Rraft

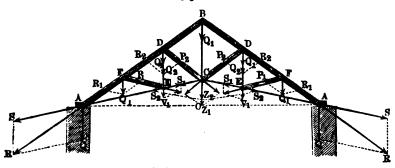
$$H = \frac{5}{6}$$
 G cotang. α

und zwischen E und E mit der Kraft

$$H_3 = \frac{6}{6} G \cot \alpha g. \alpha - \frac{1}{6} G (\cot \alpha g. \alpha - \cot \alpha g. \alpha_1)$$

= $\frac{2}{6} G \cot \alpha g. \alpha + \frac{1}{6} G \cot \alpha g. \alpha_1$ gespannt.

Die Spammingeverhältniffe eines eifernen Daches, wie Fig. 177, laffen §. 98 fich entweder burch Anwendung bes Kräfteparallelogrammes, ober burch Ans Fig. 177.



wendung ber Bebeltheorie wie folgt bestimmen. Die Last G eines Sparren AB sei so vertheilt, daß jeder der Zwischenpuntte D und F, 1/3 G, und jeber ber Endpunkte A und B, 1/6 G trage. Diesem zu Folge ift also anzunehmen, daß in jedem ber fünf Punkte B, D, D und F, F, die Last $Q_1 = rac{G}{a}$ niebergiehe, und daß jeber ber Sparrenfuße A und A mit ber **Araft Q = 3/6** G sentrecht niederbrude. Ift nun a der Reigungswinkel eines Sparrens AB und a, ber einer Zugstange AC gegen ben Horizont, so erhält man mit Hulfe bes Kräfteparallelogramms, bessen eine Seite bie Rraft Q ift, ben Sparrenschub innerhalb AF:

$$R = rac{Q\coslpha_1}{\sinlpha(lpha-lpha_1)},$$
 sowie ber Stangenzug zwischen A und E :

$$S = \frac{Q \cos \alpha}{\sin (\alpha - \alpha_1)}.$$

 $S=rac{Q\cos.lpha}{sin.~(lpha-lpha_1)}.$ Die Last Q_1 in F zerlegt sich in zwei Seitenkräfte P_1 und R_1 , wovon bie eine burch Drud in ber Strebe EF fortgepflanzt wirb, während bie anbere einen Theil bes Sparrenschubes ausmacht. Bezeichnet $oldsymbol{eta}_1$ ben Neis gungewinkel ber Strebe EF gegen ben Borigont, fo ift

$$P_1 = rac{Q_1 \cos lpha}{\sin (lpha + eta_1)}, \; ext{unb} \; R_1 = rac{Q_1 \cos eta_1}{\sin (lpha + eta_1)},$$

wonach noch ber Sparrenschub längs
$$FD$$
:
$$R-R_1=\frac{Q\cos\alpha_1}{\sin(\alpha-\alpha_1)}-\frac{Q_1\cos\beta_1}{\sin(\alpha+\beta_1)} \text{ folgt.}$$

Die Rraft P1 in ber Richtung ber Strebe FE zerlegt fich in E in zwei Rrafte & umb V1, wovon

$$S_1 = rac{P_1 \cos eta_1}{\cos lpha_1} = rac{Q_1 \cos lpha \cos eta_1}{\sin (lpha + eta_1) \cos lpha_1}$$
 bie Stange AE , und $V_1 = rac{P_1 \sin (lpha_1 + eta_1)}{\cos lpha_1} = rac{Q_1 \cos lpha \sin (lpha_1 + eta_1)}{\sin (lpha + eta_1) \cos lpha_1}$ bie Stange DE spanut.

hiernach ift bie Spannung ber Bugftange AC lange CE:

$$S_2 = S - S_1 = \frac{Q \cos \alpha}{\sin (\alpha - \alpha_1)} - \frac{Q_1 \cos \alpha \cos \beta_1}{\sin (\alpha + \beta_1) \cos \alpha_1}.$$

Die Berticalkraft V_1 vereinigt sich mit ber Last Q_1 in D zu einer Bertikalkraft $Q_2 = Q_1 + V_1$, und diese giebt nun den Druck in der Strebe CD, beren Reigung gegen den Horizont β_2 sein möge,

$$P_2 = rac{Q_2 \cos lpha}{\sin (lpha + eta_2)}$$
, sowie die Kraft in der Richtung des Sparrens $R_2 = rac{Q_2 \cos eta_2}{\sin (lpha + eta_2)}$.

In Folge ber letteren ift ber Sparrenfcub innerhalb BD:

$$R_2 = R - R_1 - R_2 = \frac{Q \cos \alpha_1}{\sin (\alpha - \alpha_1)} - \frac{Q_1 \cos \beta_1}{\sin (\alpha + \beta_1)} - \frac{Q_2 \cos \beta_2}{\sin (\alpha + \beta_2)},$$
 woraus wieber ber Zug in ber Stange $B C$:

$$Z=2$$
 R_3 sin. α — Q_1 folgt.

Letterer ist auch gleich ber Summe von ber Mittelfraft aus ben Strebebrilden P_2 , P_2 , b. i.

$$Z_1 = 2$$
 P_2 $\sin \beta_2 = \frac{2 Q_2 \cos \alpha \sin \beta_2}{\sin (\alpha + \beta_2)}$

und von ber Mittelfraft aus ben Stangenzugen S2, S2, b. i.

$$Z_2 = 2 S_2 \sin \alpha_1$$

$$=2\left(\frac{Q\cos\alpha}{\sin(\alpha-\alpha_1)}-\frac{Q_1\cos\alpha\cos\beta_1}{\sin(\alpha+\beta_1)\cos\alpha_1}\right)\sin\alpha_1.$$

Führt man statt ber Winkel die Seiten bes Dachgespärres ein, so fallen die im Borstehenden gesundenen Formeln einfacher und übersichtlicher aus. Es bezeichne

I bie Lange bes Sparrens AB,

1, bie Lange ber Bugftange AC,

a bie Berticalprojection BO bes erfteren,

a1 bie Berticalprojection CO ber letteren,

ferner h = a - a1 bie Bobe ober Lange ber Bugftange BC.

b bie Borizontalprojection ober halbe Spannweite A O,

$$c_1 = \frac{b}{3 \cos \beta_1}$$
, die Länge ber Strebe EF , und

$$c_2 = \frac{b}{3 \cos eta_2}$$
, die Länge der Strebe CD.

Uebrigens ift im Dreiede ABC

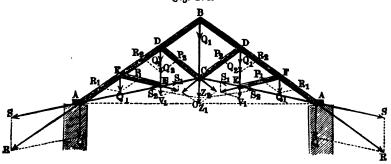
$$l_1^2 = l^2 + h^2 - 2ah$$

fowie in ben Dreieden A OB und A OC,

$$l^2 = a^2 + b^2$$
, und $l_1^2 = a_1^2 + b^2$.

Es giebt bie Auflösung bes Dreiedes ABC:

Fig. 178.



$$\frac{\sin(\alpha-\alpha_1)}{\cos(\alpha_1)} = \frac{h}{l} \text{ and } \frac{\sin(\alpha-\alpha_1)}{\cos(\alpha_1)} = \frac{h}{l_1},$$

baher folgt zunächst ber Sparrenschub

$$R = \frac{Ql}{h} = \frac{6}{6} \frac{Gl}{h}$$
, und der Stangenzug $S = \frac{Ql_1}{h} = \frac{6}{6} \frac{Gl_1}{h}$.

Ferner ist
$$\frac{\sin{(\alpha + \beta_1)}}{\cos{\alpha}} = \frac{DE}{FE} = \frac{2h}{3c_1}$$
, und

$$\frac{\sin(\alpha + \beta_1)}{\cos \beta_1} = \frac{DE}{DF} = \frac{2h}{l}$$
, baber folgt ber Strebendrud

$$P_1 = Q_1 \frac{3 c_1}{2 h} = 1/2 G \frac{c_1}{h}$$
 und ber Drud auf ben Sparren

$$R_1 = Q_1 \frac{t}{2h} = 1/6 G \frac{t}{h}$$
, so baß sich ber Sparrenschub innerhalb DF :

$$R - R_1 = \frac{5}{6} G \frac{l}{h} - \frac{1}{6} G \frac{l}{h} = \frac{2}{3} G \frac{l}{h}$$
 ergiebt.

Mus biefem Strebenbrud folgen nun, ba

$$\cos \alpha_1 = \frac{b}{l_1}, \cos \beta_1 = \frac{1/3}{c_1} = \frac{b}{3c_1}$$
 and

$$\frac{\sin (\alpha_1 + \beta_1)}{\cos \alpha_1} = \frac{1/3 h}{c_1} = \frac{h}{3 c_1}$$
 ift, bie Stangenfrafte

$$S_1 = \frac{P_1 \cos \beta_1}{\cos \alpha_1} = \frac{1}{2} G \frac{c_1}{h} \cdot \frac{l_1}{3 c_1} = \frac{1}{6} G \frac{l_1}{h}$$
, und

$$V_1 = \frac{P_1 \sin (\alpha_1 + \beta_1)}{\cos \alpha_1} = \frac{1}{2} G \frac{c_1}{h} \cdot \frac{h}{3 c_1} = \frac{1}{6} G.$$

Die Spannung ber Stange CE ift nun

Beisbad's Bebrond ber Dechanit. IL

$$S_1 = S - S_1 = \frac{b}{6} G \frac{l_1}{h} - \frac{1}{6} G \frac{l_1}{h} = \frac{2}{3} G \frac{l_1}{h},$$

und die Berticalfraft in D:

$$Q_2 = Q_1 + V_1 = \frac{1}{8} G + \frac{1}{6} G = \frac{1}{2} G.$$

Lettere giebt nun, ba

$$\frac{\sin. (\alpha + \beta_2)}{\cos. \alpha} = \frac{BC}{CD} = \frac{h}{c_2} \text{ and }$$

$$\frac{\sin. (\alpha + \beta_2)}{\cos. \beta_2} = \frac{BC}{BD} = \frac{h}{\frac{1}{\sqrt{3}}l} = \frac{3h}{l}$$
ift, ben Drud in der Strebe CD :

$$P_2 = \frac{Q_2 \cos \alpha}{\sin (\alpha + \beta_2)} = 1/2 G \frac{c_2}{h},$$

und die Rraft, welche auf ben Sparren übergeht,

$$R_2 = \frac{Q_2 \cos \beta_2}{\sin (\alpha + \beta_2)} = \frac{1}{2} G \frac{l}{3h} = \frac{1}{6} \frac{Gl}{h},$$

woraus ber Sparrenschub innerhalb BD

$$R_8 = R - R_1 - R_2 = \frac{2}{3} G \frac{l}{h} - \frac{1}{6} \frac{G l}{h} = \frac{1}{2} \frac{G l}{h}$$
 folgt.

Run ergiebt fich bie Zugfraft ber Stange B C:

$$Z = 2 R_3 \sin \alpha - Q_1 = 2 \cdot \frac{1}{3} \frac{G l}{h} \frac{a}{l} - \frac{1}{3} G = G \left(\frac{a}{h} - \frac{1}{3} \right)$$

Auch ift die Mittelfraft aus ben Strebendriiden P2, P2,

$$Z_1 = 2 P_2 \sin \beta_2 = 2 \cdot \frac{1}{2} G \frac{c_2}{h} \left(\frac{\frac{2}{3}h - \frac{1}{3}a_1}{c_2} \right) = G \left(\frac{\frac{2}{3} - \frac{a_1}{3h}}{\frac{3}{h}} \right)$$

und die aus ben Stangengugen S, und S,

$$Z_2 = 2 S_2 \sin \alpha_1 = \frac{4}{3} G \frac{l_1}{h} \frac{a_1}{l_1} = \frac{4}{3} G \frac{a_1}{h}$$

baber folgt bie gesammte Spannung ber Stange B C:

$$Z = Z_1 + Z_2 = G\left(\frac{2}{8} + \frac{a_1}{h}\right) = G\left(\frac{2}{8} + \frac{a-h}{h}\right) = G\left(\frac{a}{h} - \frac{1}{8}\right),$$
 wie oben.

§. 99 Mit Bulfe ber Momentes ober Hebeltheorie ergeben fich die im Borftehenden bestimmten Spannungen bes Dachgeiparres ABA, Fig 179, wie Die Reaction Q halt bem Sparrenschub R und bem Stangenzug S bas Gleichgewicht, baber ift

$$R.\overline{KL} = Q.\overline{FN}$$
, wordeh $R = Q \cdot \frac{FN}{KL}$ folgt. Aber $\frac{FN}{AF} = \frac{KL}{KF}$, daher $\frac{FN}{KL} = \frac{AF}{KE} = \frac{3AF}{3KE} = \frac{l}{h}$, und $R = \frac{Ql}{h} = \frac{5}{6}G\frac{l}{h}$.

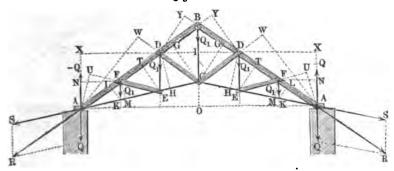
\$. 99.] Die Theorie ber Bolg und Gisenconstructionen.

Ebenso hat man
$$S.\overline{FM} = Q.\overline{FN}$$
, ober $S = Q.\frac{FN}{FM}$;

Aber
$$\frac{FN}{AK} = \frac{FM}{FK}$$
, ober $\frac{FN}{FM} = \frac{AK}{FK} = \frac{3AK}{3FK} = \frac{l_1}{h}$,

baher hat man $S=Q\cdot \frac{l_1}{h}=5/6$ $G\cdot \frac{l_1}{h}$, wie auch im vorigen Paragraphen gefunden worden ist.

Fig. 179.



Ferner hält in Beziehung auf ben Stütspunkt A die Kraft P_1 in der Strebe EF der in F wirkenden Last Q_1 das Gleichgewicht, weil die Richtungen der Kräfte in AB und AC durch A gehen, und folglich die Momente der letzteren Rull sind. Deshalb ist $P_1 \cdot \overline{AU} = Q_1 \overline{NF}$, oder, da

$$rac{A\,U}{DE} = rac{FN}{EF}$$
, also $A\,U = rac{1/s\,b\cdot rac{2}{3}\,h}{c_1} = rac{2}{9}, rac{b\,h}{c_1}$ ist, $P_1\cdot rac{2}{9}, rac{b\,h}{c_1} = Q_1rac{b}{3}$, so bass $P_1 = rac{3}{2}, Q_1rac{c_1}{h} = rac{1}{2}, G\,rac{c_1}{h}$ folgt.

Um ferner die Spannung $R-R_1$ des Sparrens längs DF zu finden, seinen wir das Moment

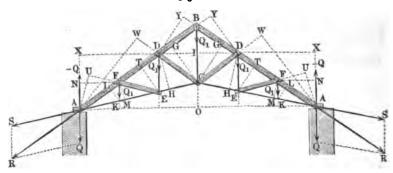
$$(R-R_1).\overline{ET}=$$
 bem Momente $Q.^2/_3b-Q_1\frac{b}{3}$,

wonach dann, da
$$\frac{ET}{DE} = \frac{b}{l}$$
, also $ET = \frac{b}{l} DE = \frac{2}{3} \frac{bh}{l}$ ist,

$$R - R_1 = \left(\frac{^{2/3}Qb - ^{1/3}Q_1b}{^{2/3}bh}\right)l = (Q - ^{1/2}Q_1)\frac{l}{h} = ^{2/3}G\frac{l}{h}$$
 folgt.

Die Spannung S_2 des Stüdes CE der Stange AC ergiebt sich, indem man das Moment S_2 . $\overline{DH}=\sqrt[3]{3}\,Qb-\sqrt{1/3}\,Q_1\,b$ sett. Da $\frac{DH}{DE}=\frac{b}{l_1}$, also $DH=\sqrt[3]{3}\,\frac{b\,h}{l_1}$ ist, so solgt hiernach

$$S_2 = (2 Q - Q_1) \cdot \frac{l_1}{2 h} = (5/8 - 1/8) G \cdot \frac{l_1}{2 h} = 2/8 \frac{G l_1}{h}$$



Die Spannung Q_2 ber Zugstange DE ist durch die Momentengleichung $Q_3 \cdot \overline{XD} = Q_1 \cdot \overline{XD} + Q_1 \cdot \overline{NF}$ bestimmt, welche, da $XD = \frac{2}{3}b$ ist, $Q_2 = \frac{3}{2}\frac{Q_1}{b}b = \frac{3}{2}Q_1 = \frac{1}{2}G$ giebt.

Für die Spannung P2 ber Strebe CD ift ferner

$$P_2 \cdot \overline{AW} = Q_1 \cdot \overline{NF} + Q_1 \cdot \overline{XD} = Q_1 b$$
, und do man $\frac{AW}{AD} = \frac{b}{l} \cdot \frac{h}{CD}$, also $AW = \frac{2bh}{3c_2}$ hat, so folgt
$$P_2 = \frac{3Q_1bc_2}{2bh} = \frac{3}{2} Q_1 \frac{c_2}{h} = \frac{1}{2} G \frac{c_2}{h}.$$

Bur Bestimmung bes Drudes $R-R_1-R_2$ bes obersten Sparren-studes BD bient die Momentengleichung

$$(R-R_1-R_2).\overline{CG} = Q.b - Q_1.^2/_8b - Q_1\frac{b}{3} = (Q-Q_1)b.$$
Mun ist aber $\frac{CG}{CB} = \frac{AO}{AB}$, b. i. $CG = \frac{hb}{l}$, baser folgt
$$R - R_1 - R_2 = (Q-Q_1)\frac{l}{h} = \frac{1}{2}G\frac{l}{h}.$$

Um endlich noch den Zug Z in der Stange BC zu bestimmen, setzen wir in Beziehung auf D als Stützpunkt, das Moment $Z.\overline{DI}=$ dem Moment $(R-R_1-R_2).\overline{DY}$ des Sparrenschubes BD minus dem Momente $Q_1.DI$ der Belastung Q_1 im Scheitel B.

Hernach ist
$$Z={}^{1/_2}G\,rac{l}{h}\cdotrac{D\,Y}{D\,I}-Q_1$$
, folglich, ba $rac{D\,Y}{D\,D}=rac{a}{l}$, also $\overline{D\,Y}=rac{a}{l}\,\,\overline{D\,D}=rac{2\,a}{l}\,\,\overline{D\,l}$ ist, $Z=G\,rac{a}{h}-rac{G}{3}=G\,\Big(rac{a}{h}-{}^{1/_3}\Big)$,

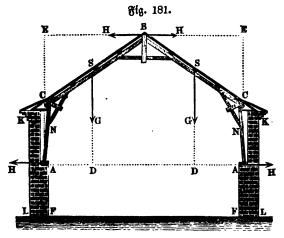
gang in Uebereinstimmung mit ben Resultaten bes vorigen Paragraphen.

Wenn ein Gespärre keinen Durchzug hat, so nuß der Sparrenschub H §. 100 von den Seiten- oder Stühmauern des Gebäudes aufgenommen werden, und es sind die Sparren durch Bänder und Zangen mit einander zu verdinden, sowie durch Streben zu stühen. In den Figuren 181, 182 und 183 (a. S. 229, 230 und 231) sind drei solche Gespärre abgebildet. Bei der Bestimmung des horizontalen Sparrenschubes gilt auch die §. 82 mitgetheilte Regel. Ist G das Gewicht des halben Gespärres ACB, serner a die Höhe AE des Forstes B über dem Fuße des Gespärres und s der Horizontalabstand AD des letzteren Punktes von der verticalen Schwerslinie SD des Gespärres, so hat man den Horizontalschub am Fuße A und im Scheitel B:

$$H=\frac{Gs}{a}$$
.

Die Richtigkeit biefer Formel wirb burch bie Berfuche Arbant's (siehe bas am Ende bes Capitels angeführte Werk) volltommen bestätigt; nach biefen ift für die hier abgebilbeten Gespärre:

$$H = 0.44 G.$$



Aus biefer Formel sowie ans Arbant's Versuchen
solgt, daß der Schub
Hum so kleiner ausfällt, je mehr sich der
Schwerpunkt der
Sparrenlast dem
Fußpunkte A des
Sparrens in horizontaler Richtung
nähert.

für ein halbfreisförmiges Sparrwert mit gleichförmiger Bela-

ftung ware g. B. nach Band I, S. 107:

$$\frac{8}{a} = 1 - \frac{7}{11} = \frac{4}{11}$$
, daher auch:
 $H = \frac{4}{11} G = 0.36 G$,

während Arbant's Berfuche

Bilbet bas Gespärre einen flachen Parabelbogen, so ift nach §. 77 bei gleichmäßiger Belastung, ber Sparrenschub

$$Q=rac{q\,b^2}{2\,a}$$
, b. i. $H=rac{G\,b}{2\,a}$,

was mit der zuletzt gefundenen Formel $H=\frac{Gs}{a}$ ebenfalls übereinstimmt, da b die halbe Spannweite und a die Dachhöhe bezeichnet.

Bogengespärre, sie nicgen aus über einander liegenden krumm gebogenen Holzschienen, oder aus neben einander liegenden krumm geschnittenen Holzschlen bestehen, geben denselben Horizontalschub wie gerade Gespärre. Dagegen läßt sich der Sparrenschub durch die Berbindung der Sparren unter einander mittels Bänder, Durchzüge u. s. w. heradziehen, weil sich badurch beide Gespärrhälften einem einzigen starren Körper mehr nähern, welcher natürlich keinen Horizontalschub äußert.

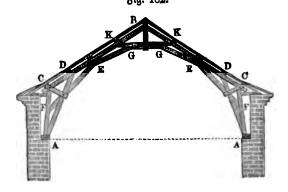
Die Stärke ber Mauer, welche ben Sparrenschub anszuhalten hat, ift wie die einer Wiberlagsmauer für Gewölbe (f. §. 27) zu berechnen.

Bezeichnen wir die Höhe und Breite des inneren Mauerstücks AF durch h_1 und b_1 und die Höhe und Breite des äußeren Mauerstücks KL durch h_2 und b_2 , ferner den auf je 1 Fuß Mauerstänge kommenden Sparrenschub durch H_1 , und die auf eben diese Länge kommende Sparrensaft durch G_1 , endlich noch die Dichtigkeit der Mauermasse durch γ , so haben wir bei dreisacher Sicherheit:

3 $H_1 h_1 = G_1 (\frac{1}{2} b_1 + b_2) + (\frac{1}{2} b_1 + b_3) b_1 h_1 \gamma + \frac{1}{2} b_2^2 h_2 \gamma$, und es läßt sich nun hieraus entweder b_1 oder b_2 berechnen. Zur Bestimmung von b_2 hat man z. B. die quadratische Gleichung

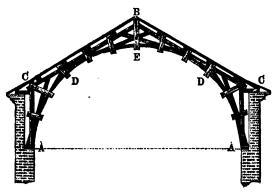
 $\frac{1}{2}h_2\gamma \cdot b_2^2 + (G_1 + b_1h_1\gamma) \cdot b_2 = 3H_1h_1 - \frac{1}{2}G_1b_1 - \frac{1}{2}h_1\gamma$ aufzulöfen.

§. 101 Bei großen Spannweiten sind die Sparren durch Streben oder Bögen zu stützen, weil sie sonst der Belastung nicht hinreichenden Widerstand leisten können. In Fig. 182 wird ein Sparrwerk vor Angen geführt. Fig. 182.



wo die Sparren BC, BC durch Streben AD, EF, EG, einen Rehlebalten KK, einen Spannriegel GG u. s. w. unterstützt werden. Bei dem Sparrwerk in Fig. 181 ist es ein aus Streben zusammengesetzter Bogen ADEDA, welcher die Sparren BC, BC stützt.

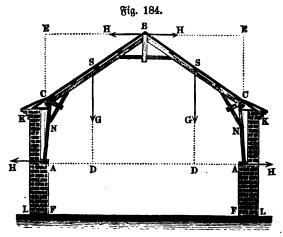
Fig. 183.



Die Stärken ber Theile eines Gespärres sind vorzüglich nach ber Theorie ber zusammengesetzten Festigkeit (s. Band I, §. 270 2c.) zu berechnen, ba biese Hölzer meist ber Biegung und Ausbehnung ober Zusammendrückung zugleich ausgesetzt sind. Bei einem Gespärre wie Fig. 184 (und Fig. 185 a. f. S.) wird diese Rechnung auf folgende Weise geführt.

Fir ben Sparren BC ift bas Moment zum Abbrechen in feiner Mitte S

$$M = \frac{1}{2} Hl \sin \alpha - \frac{1}{8} Gl \cos \alpha$$
,



wenn l die Lange, α ben Reigungswinkel und G das Gewicht beffelben bezeichnet. Außerdem wird dieser Sparren noch mit einer Kraft

$$B = H\cos \alpha + 1/2 G\sin \alpha$$

zusammengebrudt; es ift baber für ben Querschnitt bie bieses Ballens bie

$$bh = \frac{8}{T} + \frac{6M}{HT}$$
 (f. Band I, §. 205 und §. 235)

zu setzen, ober wenn man den Tragmodul für den Druck T = 500, und den für die Biegung T = 1200 Pfund annimmt:

$$bh = \frac{S}{500} + \frac{M}{200 h}$$

Für das Abbrechen des Sparrens AC um seine Mitte N ist dagegen, wenn l_1 die Länge, α_1 den Reigungswinkel und G_1 das Gewicht desselchnet, das Moment:

$$M_1 = \frac{1}{8} G_1 l_1 \cos \alpha_1 + \frac{1}{2} G(l \cos \alpha + l_1 \cos \alpha_1) - H(l \sin \alpha + \frac{1}{2} l_1 \sin \alpha_1);$$

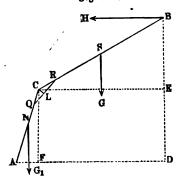
ferner ift bie Compressionstraft bes Sparrens:

$$S_1 = H \cos \alpha_1 + (G + \frac{1}{2} G_1) \sin \alpha_1$$

und ber Querschnitt beffelben:

$$b_1 h_1 = \frac{S_1}{500} + \frac{M_1}{200 h_1}$$

Sig. 185.



Filr eine Drehung um die Ede C ift bas Moment

 $M_2 = \frac{1}{2} Gl \cos \alpha - Hl \sin \alpha$, und ber nöthige Querschnitt ber Strebe QR,

$$=\frac{M_2}{\overline{CL}\cdot T_1}=\frac{M_2}{500\,d},$$

wenn d ben Abstand \overline{CL} bes Edpunktes C von der Strebe QR bezeichnet.

Für biefe Berechnung tann man bie folgenden Erfahrungerefultate zu Grunde legen:

Ein Quabratfuß Ziegelbach wiegt 12 Pfund,

n " Schieferdach "
$$7^{1/2}$$
 "
" Binkbach " 5 "

Hierzu kommt noch auf jeben Quabratfuß 15 bis 20 Pfund zufällige Belastung burch Schnee und Wind, und außerbem noch 0,15 bis 0,20 Cubitsuß Holz, welches an Gewicht 4 bis 10 Pfund ausmacht, da ein

Enbitfuß Tannenholz 25 bis 40 Pfund und ein Cubitfuß Eichenholz 40 bis 50 Pfund wiegt.

Beispiel. Bei einem Biegelbach, wie Fig. 184 und 185, sei bie gange bes oberen Sparrens, BC = l = 30 Fuß, die des unteren, $AC = l_1 = 15,5$ Fuß, ferner ber Reigungewinfel bes ersteren, $\alpha = 30^{\circ}$ und ber bes letteren, $\alpha_1 = 75^{\circ}$; man fucht bie nothigen Starten biefer Conftruction. Rehmen wir bie Laft bee Daches auf jeben Quabratfuß = 12 + 8 + 20 = 40 Pfund an, und feten wir voraus, bag bie Gesparre 6 Rug von einander abstehen. Die ganze Laft eines Sparrens BC ift hiernach:

$$G = 30.6.40 = 7200$$
 Pfund,

und bie eines Sparrens AC:

$$G_1 = 15.5.6.40 = 3720 \, \Re \text{funb},$$

folglich ift ber Sparrenfdub:

 $H = [\frac{1}{2} G_1 l_1 \cos \alpha_1 + G (l_1 \cos \alpha_1 + \frac{1}{2} l \cos \alpha)] : (l \sin \alpha + l_1 \sin \alpha_1)$ $= [1860.15, 5.\cos.75^{\circ} + 7200(15,5\cos.75^{\circ} + 15\cos.30^{\circ})]:(30\sin.30^{\circ} + 15,5\sin.75^{\circ})$ =(28830.0,2588+7200.17):(15+14,97)

$$=\frac{129861}{29.97}=4333$$
 Pfund.

Für ben Bruch in ber Mitte S bes Sparrens BC, Fig. 183, ift nun bas Moment:

 $S = H \cos \alpha + \frac{1}{2} G \sin \alpha = 4833.0,8660 + 3600.\frac{1}{2} = 5552 \text{ Pfund,}$ folglich hat man fur ben Querfcnitt biefes Sparrens:

$$bh = \frac{S}{500} + \frac{M}{200h} = \frac{5552}{500} + \frac{109380}{200h} = 11.1 + \frac{546.9}{h},$$

also, wenn man h = 1/5 b macht:

$$b = \sqrt[7]{279 + 7,9 b} = 7 \operatorname{Soll}$$
 und die Sparrenhöhe:

$$h = \frac{7}{6}.7 = \frac{49}{6} = \frac{94}{6},$$

also nahe 10 Boll.

Fur ben Bruch in ber Mitte N bes Sparrens AC ift ferner bas Moment:

$$\mathbf{M}_{1} = \frac{1}{8} G_{1} l_{1} \cos \alpha_{1} + \frac{1}{2} G (l \cos \alpha + l_{1} \cos \alpha_{1}) - H(l \sin \alpha + \frac{1}{2} l_{1} \sin \alpha_{1})$$

$$= \frac{1}{8} \cdot 3720 \cdot 4,01 + 3600 (25,98 + 4,01) - 4333 (15 + 7,485)$$

 $=465 \cdot 4.01 + 3600 \cdot 29.99 - 4333 \cdot 22.485 = 109828 - 97428$

= 12400 Fußpfund = 148800 Bollpfund,

und bie Spannung:

$$S_1 = H \cos \alpha_1 + (G + \frac{1}{2} G_1) \sin \alpha_1 = 4333 \cdot 0.2588 + (7200 + 1860) \cdot 0.5$$

= 1121 + 4530 = 5651 Pfunb;

hiernach hat man für ben Querschnitt biefes Sparrens:

$$b_1h_1 = \frac{8651}{600} + \frac{148800}{200h_1} = 11.8 + \frac{744}{h_1},$$

folglich, wenn man h, = 1/6 b, annimmt, bie Sparrenbreite:

baber:

$$b_1 = \sqrt[3]{379 + 8.07 b_1} = 7.6 \text{ Boll},$$

und bie Cparrenbide:

 $h_1 = 1.4 \cdot b_1 = 10.64$ goll.

Das Moment gum Drehen um bie Sparrenede C ift enblich:

$$M_2 = \frac{1}{2} G l \cos \alpha - H l \sin \alpha = 3600.25,98 - 4333.15$$

= 93528 - 64995 = 28533 Fugbfunb;

steht bemnach die Strebe QR um CL=1 Fuß von C ab, so ist ber nothige Querschitt bieser Strebe:

F = 28533/500 = 57 Duabratzoll.

Aus bem Horizontalfcube H=4333 Pfund und bem Abstande a=6 Fuß je zweier Gesparre von einander folgt ber Horizontalschub für ben laufenden Fuß Mauer:

H1 = 4888'6 = 722 Pfund,

und ebenfo aus ber Laft G=10920 Pfund eines Gesparres ber Berticalbrud auf ben laufenden Fuß Mauer:

 $G_1 = \frac{10920}{6} = 1820$ Pfunb;

ist nun noch ble innere Mauer AF, Fig. 182, 80 Fuß hoch und 1 Fuß bid, hat ber Auffat AK eine hobe von 6 Fuß, und wiegt ein Cubitfuß Mauer 125 Pfund, so hat man, da nach bem vorigen Baragraphen

 $\frac{1}{3}h_2b_3^2\gamma + (G_1 + b_1h_1\gamma)b_2 = 3H_1h_1 - \frac{1}{3}G_1b_1 - \frac{1}{3}b_1^2h_1\gamma$

if: $18.125 b_s^4 + (1820 + 30.125) b_2 = 90.722 - \frac{1}{2}.1820 - \frac{1}{2}.30.125$

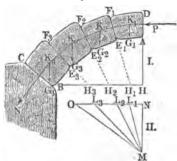
b. i. $2250 \, b_s^2 + 5570 \, b_s = 62195$, ober $b_s^2 + 2,476 \, b_s = 27,64$,

 $b_9 = -1,24 + \sqrt{27,64 + 1,54} = -1,24 + 5,40 = 4,16$ Huß, also ist die erforberliche ganze Mauerdicke:

 $b = b_1 + b_2 = 1 + 4,16 = 5,16$ Fuß.

§. 102 Die zusammengesetten Sprengwerke kommen vorzüglich auch bei ben sogenannten Lehrgerüften ber Gewölbe (franz. cintres; engl. contres) vor. Diese Confiructionen haben ben Zwed, die Gewölbe während ihrer Auffichrung zu unterstützen. Es handelt sich hier vorzüglich darum, die Kräfte fennen zu lernen, mit welchen die Gewölbsteine vermöge ihrer Schwere auf

Fig. 186.



ihren Lagerslächen herabzugleiten suchen. Behalten wir die in §. 21 gebrauchten Bezeichnungen bei, bezeichnen wir auch hier die Gewichte der Gewölbstücke $AF_1, E_1F_2, E_2F_3...$ Fig. 186, durch $G_1, G_2, G_3...$, und die Neigungswinkel der Gewölbsugen $E_1F_1, E_2F_2, E_3F_3...$ gegen den Horizont durch $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3...$, das gegen die Kräste, welche in den Richtungen der Gewölbsugen $E_1F_1, E_2F_2, E_3F_3...$ dem Gerabgleiten der

Steine G1, G2, G3 ... entgegenwirten, burch Q1, Q2, Q3 ...

Bundchft ift (nach Band I, §. 176) bie Rraft in ber Richtung E_1 F_1 , welche bas herabgleiten bes ersten Strines verhindert:

$$Q_1 = G_1$$
 (sin. $\alpha_1 - \varphi \cos \alpha_1$).

Da die Richtung dieser Kraft den Winkel $\alpha_1 - \alpha_2$ mit der Finge E_2F_2 bilbet, so täßt sich diese Kraft in die Seitenkräfte $Q_1\cos(\alpha_1-\alpha_2)$ und $Q_1\sin(\alpha_1-\alpha_2)$ parallel und rechtwinkelig zu E_2F_2 zerlegen, und es ist daher die Kraft, mit welcher G_1+G_2 auf E_2F_3 herabzugleiten sucht:

$$(G_1 + G_2) \sin \alpha_2 - Q_1 \cos (\alpha_1 - \alpha_2),$$

und die Reibung, welche diefem Berabgleiten entgegenwirft:

$$\varphi[(G_1+G_2)\cos\alpha_2-Q_1\sin(\alpha_1-\alpha_2)],$$

folglich die wöthige Kraft in der Richtung der Fuge $E_2 F_2$, um den Stein $E_2 F_2$ zu flützen:

$$Q_{2} = (G_{1} + G_{2}) \sin \alpha_{2} - Q_{1} \cos \alpha(\alpha_{1} - \alpha_{2}) \\ - \varphi \left[(G_{1} + G_{2}) \cos \alpha_{2} - Q_{1} \sin \alpha(\alpha_{1} - \alpha_{2}) \right] \\ = (G_{1} + G_{2}) (\sin \alpha_{2} - \varphi \cos \alpha_{2}) \\ - Q_{1} \left[\cos (\alpha_{1} - \alpha_{2}) - \varphi \sin (\alpha_{1} - \alpha_{2}) \right].$$

Auf demfelben Wege findet man die Rraft in ber Richtung E3 F3 jum Stüten des britten Gewölbsteines:

$$Q_{3} = (G_{1} + G_{2} + G_{3})(\sin \alpha_{3} - \varphi \cos \alpha_{3}) - Q_{1}[\cos (\alpha_{1} - \alpha_{3}) - \varphi \sin (\alpha_{1} - \alpha_{3})] - Q_{2}[\cos (\alpha_{2} - \alpha_{3}) - \varphi \sin (\alpha_{2} - \alpha_{3})];$$

ebenfo bie Rraft gegen bas Berabgleiten eines vierten Steines E4 F4:

$$Q_{4} = (G_{1} + G_{2} + G_{3} + G_{4})(\sin \alpha_{4} - \varphi \cos \alpha_{4}) \\ - Q_{1}[\cos (\alpha_{1} - \alpha_{4}) - \varphi \sin (\alpha_{1} - \alpha_{4})] \\ - Q_{2}[\cos (\alpha_{2} - \alpha_{4}) - \varphi \sin (\alpha_{2} - \alpha_{4})] \\ - Q_{3}[\cos (\alpha_{3} - \alpha_{4}) - \varphi \sin (\alpha_{3} - \alpha_{4})].$$
U. f. w.

Diefe Rrafte find auch wirklich von dem Lehrgerufte unmittelbar vor bem Schluffe bes Gewölbes aufzunehmen.

Es ist übrigens hiernach leicht zu ermessen, daß der Druck eines Gewölbsteines gegen das Lehrgerüste abnimmt, wenn man über denselben nach und nach noch andere Gewölbsteine legt. Der letzte von den Gewölbsteinen, welche keinen Druck auf das Gerüste ausüben, liegt über der Fuge, deren Reigungswinkel α_n durch die Gleitung $tang. \alpha_n = \varphi$ (j. Band I, §. 172) bestimmt ist. Rommt nun auf diesen ein zweiter Stein G_{n-1} mit der Fugenneigung α_{n-1} , so hat man dann die Kraft zum Stützen dieses zweiten Steines:

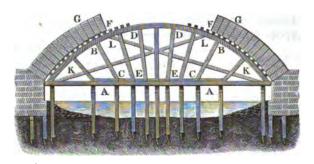
$$Q_{n-1} = G_{n-1}$$
 (sin. $\alpha_{n-1} - \varphi \cos \alpha_{n-1}$), und bagegen die jum Stugen bes ersteren:

$$Q_{n} = (G_{n} + G_{n-1}) (\sin \alpha_{n} - \varphi \cos \alpha_{n}) - Q_{n-1} [\cos (\alpha_{n-1} - \alpha_{n}) - \varphi \sin (\alpha_{n-1} - \alpha_{n})] = -Q_{n-1} [\cos (\alpha_{n-1} - \alpha_{n}) - \varphi \sin (\alpha_{n-1} - \alpha_{n})],$$

also negativ. Es ift folglich wohl nöthig, die Gewölbsteine in ben Seiten bes Gewölbes gegen bas Ausschieben durch Belastung von oben zu schützen.

§. 103 Die Lehrgerüste bestehen in der Regel aus zwei, drei oder mehreren Kränzen, welche von unten durch Streben unterstützt werden, und durch Latten, die sogenannten Schaallatten (franz. couodis; engl. bolstres) bedeckt werden, auf die nun die Gewölbsteine mit ihren inneren Flächen zu liegen kommen. Die Streben stemmen sich entweder gegen die Widerlagspfeiler, oder sie kommen auf festeingerammte Pfähle oder auf besonders zu diesem Zwecke aufgeführte Pfeiler zu stehen. Damit sich das durch die Gewöldssteine belastete Gerüste so wenig wie möglich in seiner Form verändere, ist nöthig, daß die Streben desselben gegen das Biegen und Nachgeben gesichert sind.

Ein gestütztes Lehrgerüste, b. i. ein solches, bessen Stuten sich unter bem Gewölbe selbst befinden, ist in Fig. 187 abgebilbet. Man sieht hier Kig. 187.



bei A, A eine Reihe von Pfählen, auf welchen das Gerufte mittels der Streben B C, DE u. f. w. ruht; auch bemerkt man in F, F... die Schaallatten, auf welchen die Gewölbsteine G, G zunächst ruhen. Um das Biegen der Streben zu verhindern, sind noch die Zangen KL, KL eingezogen.

In ben Figuren 188 und 189 werden zwei gefprengte Lehrgerufte



vor Augen geführt, welche fich gegen bie Wiberlagspfeiler A, A ftüten; bei bem ersteren Gerufte befindet sich zwischen je zwei zusammengehörigen Streben ein Spannriegel, beshalb muß hier bas Gewölbe gleich-

zeitig von beiben Seiten B und B her aufgeführt werben; bei bem zweiten Gerufte stemmen fich je zwei Streben unmittelbar gegen einander, weshalb

auch hier Gewölbsteine auf ber einen Seite eher gelegt werben konnen, als auf ber anberen Seite. Auch hier find Banber ober Bangen angebracht,

Fig. 189.

um bas Biegen ber Streben zu verhindern.

Damit sich das geschlossene Gewölbe allmälig und ohne Nachtheile setzen könne, muß die Ausrüstung desselben nach und nach vorgenommen werben, und deshalb läft man das

Gerüste gewöhnlich auf Reilen ruhen, welche man nach Bollendung des Gewöldes nur nach und nach zu lüften braucht, um die allmälige Sentung des Gewöldes zu bewirken. Diese Reile können entweder zwischen den Pfählen und dem Hauptträger, oder zwischen diesem und den Streben, oder endlich zwischen den letzteren und den Lehrbögen angebracht werden. Auch hat man in neuerer Zeit statt der Reile starke eiserne Schrauben, sowie Sandstäde n. s. w. angewendet, um die starken Erschütterungen, welche beim Zurtüdtreiben der Keile vorkommen, zu vermeiben.

Die Kräfte, welche die Streben auszuhalten, lassen sich nach §. 57 leicht finden. Ift Q ber Normalbrud, welchen ein Strebenpaar aufzunehmen hat, und sind da nie Winkel, um welche die Axen dieser Streben von der Richtung dieser Kraft abweichen, so hat man die Kräfte, welche auf diese Streben übergehen:

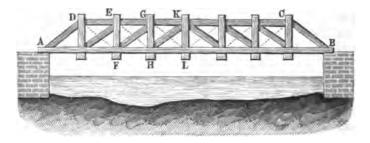
Streben übergehen:
$$S_1 = \frac{Q \sin \delta_2}{\sin (\delta_1 + \delta_2)} \text{ und } S_2 = \frac{Q \sin \delta_1}{\sin (\delta_1 + \delta_2)}.$$

Hölzerne Brücken. Sehr zusammengesette Holzconstructionen fom 8. 104 men bei ben hölgernen Bruden (frang. ponts en bois; engl. timber bridges) von großer Spannweite vor. Diefe Brilden ruben entweber auf fteinernen ober auf holzernen Pfeilern. Die letteren find entweber mit Steinen ausgefüllte Blodfaften, ober fie find aus einer ober zwei Bfable reihen bestehende und burch Schwellen verbundene Joche. Die Brüden felbst sind nach sehr verschiedenen Systemen aufgeführt. Das eine Brudenfustem besteht in einer Berbinbung von Sange- und Sprengwerken, wie wir oben &. 56 n. f. w. schon mehrere behandelt haben; ein anderes Syftem befteht aus Bolgbogen, welche aus über einander liegenden Balten ober Boh-Ien aufammengefest find (f. S. 81); ein brittes Syftem besteht aus geraben, burch Streben und Bolgen mit einander verbundenen Balten, ben fogenannten Gitterbalten (frang. poutres en treillis; engl. lattice trusses). Die alteren Bruden in Schaffhaufen, Burich, Wettingen u. f. m. find gufammengesete Bange - und Sprengwerte mit einer Menge von über einander

weggreifenben Streben, und zweis ober breifachen Ballen ober Rippen. Hölzerne Bogenbruden sind von Wiebeting in Bamberg, Frehsing und in späteren Zeiten von Burr zu Trenton über ben Delaware aufgesührt worsben. Bei ben Wiebeting'schen Bruden länft die Brudenbahn über bem Bogen weg; bei der Brude von Burr ift hingegen die Brudenbahn mittels eiserner Stäbe an die Holzbögen aufgehangen. Im ersteren Falle hat man es also mit einer Bogensprengs und im zweiten mit einer Bogenhangswertbrude zu thun. Biele ältere Holzbruden bestehen aus einer Berbinsbung von einem Bogen mit einem Hängs und Sprengwerte.

Eine große Berbreitung haben in ber neueren Zeit die Sitter- und Fachwerksbrüden (s. §. 62) erlangt, namentlich find viele derartige Brüden in Nordamerika ausgeführt worden.

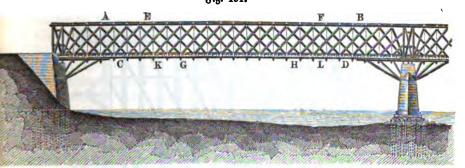
Bu biefem Brüdenspsteme gehört gewissernaßen bie in Fig. 190 abgebil-



bete Brilde von Pallabio. Es ist hier ABCD ein gewöhnliches Hängewert; der Spannriegel besteht aber aus kürzeren Stüden DE, EG..., welche sich gegen dazwischen eingesetze Hängesäulen EF, GH... stemmen, die den Ballen oder die Rippe AB mittels Träger F, H... unterstützen. Zwischen je zwei Hängesäulen sind die Streben FG, HK... eingesetzt, welche der Construction erst eine größere Haltbarteit geben, weil sie durch ihre rückwirkende Festigkeit der Berschiedung der Rechtede EH, GL... in schiefwinstelige Parallelogramme entgegenwirken, welche dei der Biegung des Ganzen eintritt. Statt dieser Streben kann man auch Eisenstäde EH; GL... einziehen, welche durch ihre absolute Festigkeit der Berschiedung der Parallelogramme entgegenwirken. In dieser Art ist z. B. von Wernwag die obere Shuylkill-Brilde bei Philadelphia ausgeführt; da diese Brilde auch auf dreisachen Bogenrippen ruht, so gehört sie jedoch mehr dem zweiten Systeme an.

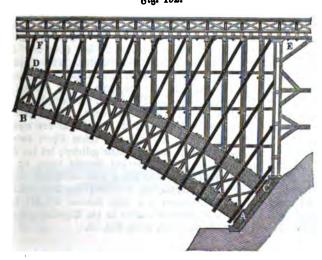
Die meiste Berbreitung haben die Gitterbruden nach Howe's System. Eine Seitenansicht von einer solchen Brude zeigt Fig 191. Diese Brude besteht aus zwei Gitterwänden, beren Hauptträger AB und CD aus je drei neben einander liegenden Balten bestehen. Deshalb besteht auch eine Tragmand aus sauter doppelten Hauptstreben CE, DF..., welche sich

gegen die beiben außersten Balten stemmen, und aus zwischen inne stehenben Gegenstreben EG, FH..., welche mit bem mittleren Balten verbunden sind. Fig. 191.

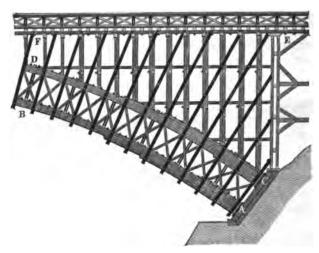


Die Berbindung dieser Streben mit den Balten ersolgt jedoch nicht unmittels bar, sondern mittels oben abgeschrägter Querhölzer C, E, G... Das Ganze wird durch je 2 Zoll starke schmiedeeiserne Zugstangen EK, FL... mittels Schrauben K, L... sest zusammengezogen, und es sind zu diesem Zweie auch noch Querhölzer außen auf die Balten aufgelegt, so daß je zwei dieser Stangen zwischen je zwei der drei Balten und durch zwei Paar Querhölzer hindurch gehen.

Eine ber großartigsten Holzbruden ist die auf ber Newhort-Erie-Eisenbahn befindliche Cascabebrude von Brown, welche über eine Schlucht von 300 Fuß Weite und 175 Fuß Tiefe gespannt ist. Bon dieser Brude zeigt Fig. 192 die Seitenansicht eines am Widerlager anstoßenden Stücks. Kia. 192.



Wie man sieht, fo besteht biese Brude in der Hauptsache aus Tragbogen AB, CD mit zwischen befindlichen Kreuzstreben. Diese Tragbogen find größten-Fig. 193.



theils aus 3, nach ben Enden zu aus 4,5, und dicht an den Widerlagern sogar aus 6 Ballen zusammengesett. Die Stärke dieser Ballen ist 8 und 9 Zoll, und die der Kreuzstäbe 8 und 8 Zoll. Das Ende eines jeden Balkens ruht in einem eisernen Schuh, und diese Schuhe stützen sich auf eine untermauerte gußeiserne Platte. Die ganze Brückenbahn EF ruht mittels verticaler Tragsäulen auf vier solchen Doppelträgern, welche unter einander wieder durch Kreuzstreben verbunden sind.

Anmerfung. Die größeren Golgbruden haben gum Theil noch größere Spannweiten als bie fleinernen Bruden. Bei ber oberen Shublfill Brude kommt ein Bogen von 325 Fuß Spannweite und 20 Fuß Bobe vor. Die alten Schweizer Bruden, sowie bie Biebefing'ichen Bruden, haben ichon Spannweiten von 160 bis 200 Fuß. Bei ber Trenton-Brude hat ber mittlere Bogen eine Spannweite von 195 Fuß und eine Sohe von 26 Fuß. Eine fehr große Bitterbrude ift bei Bittenberge uber bie Elbe geführt. Diefelbe hat 11 Deffnungen ju je 171 Fuß und 3 ju je 120 Fuß Spannweite. Die Tragmanbe biefer Brude haben eine Sohe von 19 Fug, mahrend ihr Abftand von einander nur 13 Fuß mißt. Die Berfuche, welche vorläufig mit einem Theile biefer Brude angestellt worben find, haben febr gunftige Resultate geliefert; bei ber Kahrt unb bem Stillftanbe einer Locomotive von 600 Centner Bewicht betrug bie Senfung nur 7 Linien; bei einem Marfc von 240 Mann über bie Brude mar biefelbe nur 61/2 Linien, erft bei einer gleichmäßigen Belaftung von 2000 Centnern und einer Ueberfahrt von zwei Locomotiven von 1260 Centner Gewicht betrug bie Senfung 8 Boll. Siehe bie Rachrichten barüber in ber Gifenbahnzeitung, 1850, Mr. 29 bis 31, ober polyt. Centralblatt, 1850, Lief. 18.

Gusseiserne Brücken. Die gußeisernen Brücken werden größ= §. 105 tentheils nach benselben Regeln gebaut wie die hölzernen Brücken, und tommen auch fast unter denselben Umständen zur Anwendung wie diese, haben aber vor diesen den Borzug der großen Dauerhaftigseit. Bei kleineren Brücken bestehen die Rippen aus geraden Balken mit I-förmigen oder ähnlichen Duerschnitten. Da das Gußeisen dem Drucke mehr widersteht als dem Zuge, so ist es zwecknäßig, den an beiden Enden ausliegenden gußeisernen Brückenträgern eine breitere Fuß= und eine schmalere Kopfrippe, also den Duerschnitten berselben die Form L zu geden (s. Band I, §. 237). Um die Tragkraft dieser Barrenbrücken zu erhöhen, kann man sie nach der Mitte zu verstärken, wie z. B. bei der Brücke ABA in Fig. 194, oder sie mit einem Kia. 194.



schmiebeeisernen Hängewerk verbinden, wie Fig. 195 vor Augen führt, wo dieses hängewerk aus zwei Paar schmiebeeiserner Spannschienen AB,AB und den dieselben verbindenden schmiebeeisernen Tragschienen BB besteht. Lassen sich die gußeisernen Träger an ihren Enden start befestigen, so daß sich Fig. 195.



bieselben bei ber Belastung nicht aufbiegen können, so wiberstehen bieselben mehr durch ihre Druckseltigkeit, und es ist daher ihre Berstärkung in der Mitte nicht nöthig; man giebt vielmehr solchen Trägern eine innere Wölbung, wie ABA, Fig. 196, wobei die Höhe von der Mitte nach den Auflagerungs-stächen hin allmälig größer wird.

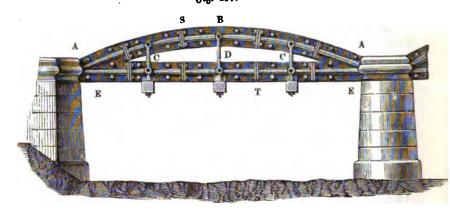
Ria. 196.



Beisbach's Lehrbuch der Dechanit. II.

Sehr gewöhnlich ahmt man bei ber Construction gußeiserner Britden bie Häng- und Sprengwerke hölzerner Britden nach, indem man die Streben und Spannriegel aus Gußeisen und die Zugbänder und Hängesäulen aus Schmiebeeisen anfertigt. Eine hierher gehörige Construction ist in Fig. 107 &. 58 abgebildet.

Es gehört hierher auch bie Bogenconstruction in Fig. 197, benn es



wirft hier ber Bogen ABA wie Streben und Spannriegel, und es wird ber Brudenbarren EE burch die Hängestäbe C, C, D, unterstützt. Die Art ber Aufhängung ist in Fig. 198 besonders abgebildet; es ist hier AB die





Bogenrippe, E ber gerabe Brüdenbarren, und es sind CF, CF zwei Hängestäbe, welche durch schmiebeeiserne Bolzen CC und HH mit beiben Rippen verbunden sind und die Querschwelle G tragen, auf welcher die Brüdenbahn ruht. Sehr gewöhnlich läßt man die Bogenrippe als Hänge und Sprengwert zugleich wirken, indem man sie über und unter die gerade Rippe weggreisen läßt. Wie die Rippen aus einzelnen Gußstüden mittels Kränzen und Schrauben zu einem Ganzen zu vereinigen sind, ist bei S, T... in Figur 197 zu ersehen. Eine ähnliche Construction hat die Elzbrücke bei Serau in Baben.

Sußeiserne Briden von großen Spannweiten bestehen meist aus einer Reihe neben einander stehender Bogen, welche die Brildenbahn von unten stilten, und ihr gang bas Ansehen steinerner Briden geben. Die

Bogenrippen sind hier entweder aus massiben Platten, oder aus gitterförmigen Gerippen (f. Fig. 148, §. 81), oder aus Röhren zusammengesett. Röhrenbruden mit treisförmigen Querschnitten sind zuerst von Reichen-

bach, und folche mit elliptischen Querschnitten von Polonceau ausgeführt worden. Schiefe Bruden laffen sich aus Gußeisen fast eben so leicht hereftellen, als rechtwinkelige.

Anmerkung. Bei ber berühmten von Rennie erbauten Southwarfbrude über die Themse in London sind die Bogenrippen aus Segmentplatten zusammengesett. Die Spannweite der Bogen dieser Brude beträgt 232,5 Fuß, die Spannbhöhe 231/4 Fuß, und die Anzahl der Rippen eines Bogens ift 8. Die von Postonceau erbaute Carrousselbrude über die Seine in Paris ist aus röhrensormigen Bogenrippen zusammengesett. Der elliptische Duerschnitt einer Rippe hat 13 Boll Beite und 24 Zoll Sobe, die Zahl der Städe einer Rippe ist 11. Die Spannweite dieser Brude beträgt 146 Fuß und die Spannhöhe 15,7 Fuß.

Schmiodoelsorno Brückon. Das Schmiebeeisen ist in der neuesten §. 106 Zeit das gewöhnlichste Material zur Construction der Brücken, es hat dasselbe eine größere Zug- und Biegungssestigkeit als das Gußeisen, und besitzt nicht die Sprödigkeit des letzteren, vermöge welcher das Gußeisen dei Stößen und Schwingungen leicht in Stücke zerbricht. Deshalb kann man denn auch den schwiederisernen Trägern die einsache Balkensorm geben, wogegen gußeiserne Träger, namentlich, wenn dieselben eine größere Länge haben, die dem Zersdrücken mehr widerstehende Bogensorm erhalten müssen. Aus diesem Grunde lassen sich den schwiedesisernen Brücken Spannweiten erreischen. Uedrigens haben die schwiedesisernen Brückenträger mit den Brückensträgern aus Gußeisen und aus Holz vor den seinernen Brückendögen den großen Borzug, daß sie die Brückenbahn nicht bloß von unten, sondern auch von oben, sowie in jedem beliedigen Punkte ihrer Höhe unterstützen können.

Bu turzen Bruden verwendet man jett sehr häusig I-förmig gewalzte eiserne Eräger; auch bilbet man schmiedeeiserne Eräger aus zwei gewalzten Eisenschienen, wovon die eine gekrummt ift, und dadurch entweder ein in der Mitte verstärkter Eräger, wie Fig. 199, oder ein Bogenträger, wie Fig. 200, entsteht, wobei der Zwischeraum mit Eisenblech ausgefüllt werden kann.

Fig. 199.



Fig. 200.



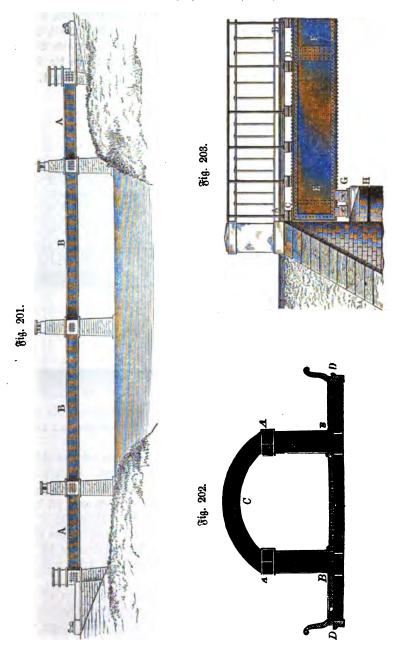
Größere Bruden werben vollständig ans Gifenblech gusammengefest. gehören hierher vor Allem bie Röhrenbritden (tubular-bridges) von Stephenson und zwar bie Conwan-Brilde und bie Britannia-Brilde. erftere besteht aus zwei neben einander liegenden Röhren, wovon jede 424 Fuß lang, 14 fuß 8 Boll breit, 221/2 Fuß hoch an ben Enben und 251/2 Fuß hoch in ber Mitte ift, und ein Gewicht von 1446 Tonnen (à 2172 Bfund Preuß.) hat. Die Britannia-Brude, welche wie die Telfort'iche Rettenbrude über ben Menai-Meeresstrom führt, besteht aus vier Brudenfelbern A, B, B, A, Fig. 201, awei von je 460 fuß und zwei von je 230 fuß Lange, und hat im Ganzen eine Lange von 1513 Ruf. Die Breite biefer Brude ift 14 Fuß 8 Boll, die Bobe berfelben an ben Enden 22 Fuß 9 Boll und in ber Mitte 30 Fuß. Bu jeber Röhre waren nothig: 2830 Tonnen ebenes Gifenblech, 594 Tonnen Winteleisen, 418 Tonnen T-Rippen, 336 Tonnen (882000 ber Rahl nach) Rieten, und aukerbem noch 1000 Tonnen gußeiserne Rahmen u. f. w.; es wiegt folglich eine Röhre im Ganzen 5178 Durch jede Röhre führt ein Gifenbahngeleis. Tonnen.

Den Querschnitt einer Röhrenträg er brit de (tubular girder bridge) von Fairbairn, welche sich auf einer Werfte (Great Landing Stage at St. Georg's Wharf in Liverpool) befindet, ist in Fig. 202 abzebildet. Zwei Röhrenträger AB,AB, welche in der Mitte durch einen eisernen Bogen C verbunden sind, tragen hier die Britdenbahn DD so, daß sie in der Mitte einen Weg für das Fuhrwert und an den Seiten zwei Wege für die Fußgänger übrig lassen.

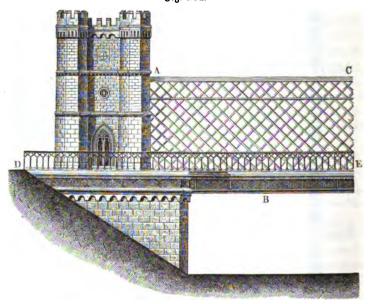
Ein Theil einer einfachen Blechträgerbrücke für eine Eisenbahn ift in Fig. 203 abgebildet. Die ganze Bahn AB ruht hier mittels Querschwellen C, D... auf sechs I-förmigen Blechträgern, wie EF, von 3 bis 5 Fuß höhe, welche unter sich selbst wieder durch mehrere Querbalten von Eisenblech verbunden sind. Die hauptträger liegen auf den holzschwellen G, welche durch eiserne Stühle mit den Pfeilern H verbunden sind.

Bei einer vom Herrn Etel entworfenen Eisenbahnbrüde über die Aar unweit Olten in der Schweiz hat man auch bogenförmige Blechträger angewendet, welche ihr das Anschen einer gußeisernen oder hölzernen Brüde wie Fig. 192 geben. Diese Brüde besteht aus drei Deffnungen von je 105 Fuß Spannung und 17 Fuß Bogenhöhe und jedes Brüdenfeld wird aus 5 Blechbögen von 8 Fuß höhe und 5 unmittelbar unter der 24 Fuß breiten zweigleisigen Bahn liegenden geraden Blechbalten von 2 Fuß höhe zusammengesett.

Die Gitterbrüden aus Eisenblech haben bei ben neuesten Eisenbahmanlagen die häufigste Anwendung gefunden (s. namentlich den unten citirten Atlas von Epel über die schweizerischen Eisenbahnen). Fig. 204 (a. S. 246) zeigt die Seitenansicht von einem Stück der Sitterbrücke über die Kinzig bei Offenburg. Diese Brücke trägt neben dem doppelten Schienenweg DE noch zwei Trottoirs zu den Seiten, und besteht aus drei 6½ Meter hohen



und 711/8 Meter langen Sitterwänden wie ABC. Die Gitterstäbe kreuzen sich unter rechten Winkeln, sie haben bei 2,1 Centimeter Stärke 101/2 Centimeter Breite, und sind in den Kreuzpunkten durch 3 Centimeter dicke Bolzen vernietet. Um die Festigkeit dieser Brücke zu erhöhen, hat man die Trag-wände derselben nicht allein auf jeder Seite 4 Meter lang aufgelagert, sonstig. 204.

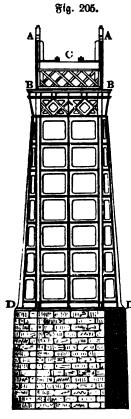


bern auch noch mit den Pfeilern fest verankert. Zu Berhütung des Zurseiteziehens sind diese Wände auch oben noch durch Gisenschienen mit einander verbunden.

Statt ber steinernen Brildenpfeiler sind von Herrn Exel bei Gitterbrücken in der Schweiz auch gußeiserne Pfeiler angewendet worden. Einen solchen Pfeiler von einer eingeleisigen Eisenbahnbrücke über die Thur bei Whl zeigt Fig. 205. Es stellen AB, AB die Sitterwände vor, welche unter sich durch gitterförmige Querwände BB verbunden sind nud die Schienenbahn C unterstützen. Der thurmförmige Pfeiler BBDD ist aus durchbrochenen Gußeisenplatten etagenförmig zusammengesetzt, welche durch Schrauben seif mit einander verbunden sind. Bei einer anderen Brücke dieser Art erreicht der gußeiserne Pfeiler eine Höhe von 78,8 Fuß.

Die Riber'schen Bruden bilben ben Uebergang zwischen ben eisernen Gitter- ober Fachwerksbruden und ben schmiebeeisernen Bogentragerbruden. Die Tragmanbe bieser Bruden bestehen aus zwei concentrischen Bögen, wovon ber obere, ober Tragbogen aus Stüden von Gugeisen, und ber untere

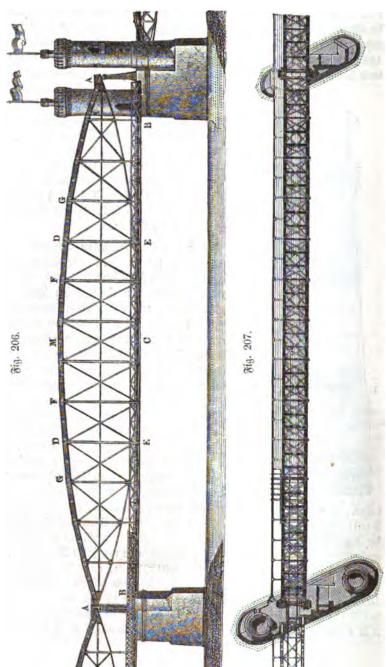
ober Spannbogen aus Schienen von Schmiebeeisen zusammengeset ist, und bie Berbindung dieser Bögen zu einem Ganzen wird durch gußeiserne Säusen und schmiebeeiserne Diagonalschienen bewirkt. Mit einer solchen Bruck von 116 Fuß Spannweite ist der Rock-Ereck zwischen Washington und Georgstown überbrückt. Bollommen sind die schmiebeeisernen Bogen-Brücken



von For und Henderson. Die Tragwand einer solchen Brude besteht aus einem röhrensförmigen Tragbogen und aus einer horizontal gespannten, mehrgliedrigen Spannkette, beide durch Säulen und Andreaskreuze zu einem Ganzen fest mit einander verbunden. Sine solche Brude von 120 Fuß Spannweite und 8 Fuß Bogenhöhe besindet sich auf der Verbindung zwischen der Blackwalls und EasternsCountiesbahn bei London.

Die Baulifden Bruden bestehen aus Bogenträgern mit Fachwert von Gifenblech, wie in Fig. 137, §. 73 bargestellt wirb. obere ober Drudbogen eines folchen Trägers ift fastenförmig aus Gifenblech jufammenge nietet; ber untere, ober Spannbogen besteht bagegen aus übereinander liegenben Gifenblech-Durch die Ausbauchung eines folden Tragers ift es möglich, bag bei ber größtmöglichen Belaftung beffelben bie Spannungen ber beiben Gurtbogen an allen Stellen gleichgroß, folglich bie Maffe berfelben möglich flein aus-Das Fachwerk, welches die beiben Burtbogen mit einander verbindet, besteht ans gorippten Saulen ober Streben, welche nur ber Drudfraft ausgesett find, und aus biagonalen Banbern, welche nur Bugfraft auszuhalten

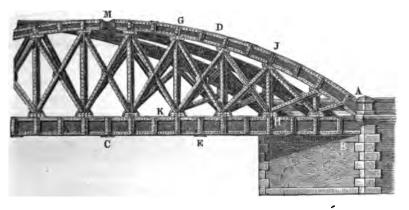
haben. Die Brildenbahn ist nur mit den Streben verbunden. Nach dem Pauli'schen Shsteme ist unter anderen vorzüglich die Eisenbahnbrilde über die Isar bei Großheselohe, und die Eisenbahnbrilde über den Rhein bei Mainz ausgeführt. Die letztere besteht aus 4 Hauptössungen von je 90 Weter Beite, und aus 6 Flußössungen von je 33½ Weter Beite, an welche sich dann noch 22 Dessnugen von kleinerer Beite auschließen, so daß die ganze Brilde 1028,645 Meter lang aussällt. Die Abbildungen in Fig. 206 und 207 (a.f.S.) stellen die Seitenansicht und den Grundriß einer Hauptössung vor; AMA und ACA sind die beiden Gurtbögen, DE, DE u. s. w. die Streben,



EF, EG u. f. w. die Bugftangen, und BCB ift die Brildenbahn. Die Enben A und A eines folden Brudentragers ruben mittels ebenen Fußplatten auf cylinbrifch abgebrehten Lagerplatten aus Stahl, greifen aber auch außerbem noch gahnförmig in einander ein, bamit teine Berfchiebung eintreten tonne. Die Lagerplatten find auf gugeifernen Stublen befestigt, von welchen ber eine auf bem Bfeilertopfe festsitzt, und ber andere mittels Walzen auf demfelben aufruht, wodurch eine Längenverschiebung bes gangen Erägers möglich gemacht wirb. Die aus Sanbsteinquabern aufgeführten Strompfeiler haben eine Stärte von 41/4 Meter, und ruben bis zu einer Bobe von 11/2 Meter unter Rull auf einer 3,5 bis 3,8 Meter biden und 10 Meter breiten Betonschicht, welche von einer biden Pfahlmand eingefaßt und mittele eines ftarten Steinwurfes bor Berftorung gefichert wirb. Tragbogen ift in ber Mitte 15 Meter, Die lichte Brudenweite 4 Meter und Die Bobe ber Fahrbahn über ben Rullpunkt bes Begels mißt 15,1 Meter; bie Conftructionebide ber Brude, gemeffen von ber Fahrbahn bis Unterfante ber Trager, beträgt 1 Detet.

Die Querschnittsbimensionen der Brüdenträger sind so ausgewählt, daß die dreisache variable Last sammt dem ganzen permanenten Gewicht der Brüde pr. Quadratcentimeter eine Spannung von 1600 Kilogramm, also pr. Quadratzoll eine solche von 22000 Pfund giebt. Dieser Forderung wird badurch entsprochen, daß die Spannbögen aus 9.2 = 18 Blechbändern von je 20 Centimeter Breite und 1,2 Centimeter Dicke und die Oruckbögen so zusammengescht sind, daß sie eine rectanguläre Blechröhre von 1 Meter Weite und 1,2 Centimeter Wandstärke bilben.

In Fig 208 ift noch ein Theil ber schiefen Bogenbrilde (bowstring-Fig. 208.

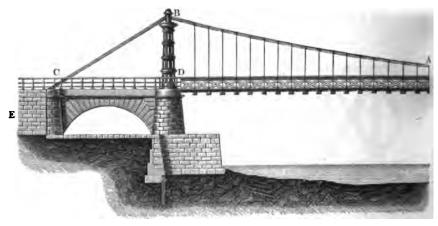


bridge) abgebilbet, welche ju Dubenarben eine Gisenbahn über bie Schelbe führt. Diese Brude gebort in gewissem Grade bem Charnierbrudensustem

an, benn bie Drudbogen berfelben besteben bier aus zwei getrennten Studen. wie ADM, welche fich im Scheitel M mittels eines eingeschobenen Reiles gegen einander ftemmen. Es wird baburch ber Scheitelbrud localifirt, welches, wie aus &. 94 befannt ift, feine befonderen Bortheile bei unfymmetrifder Belaftung ber Brude gewährt. An ben Enben find bagegen bie Drudbögen burch Rietung fest mit ben geraben Bugbanbern verbunden. Uebrigens sind die Tragmande an einem Ende mit dem Pfeilertopfe B fest verbunden, mahrend fie an bem anderen Ende mittels Rollen auf bem Brudenpfeiler aufruht. Die Lange einer Tragmand ift 27,8 Meter und Bfeilhobe berfelben 6 Meter. Der Drudbogen ift im Scheitel 0,35 und an ben Fligen 0,80 Meter boch, wogegen bas Bugband burchgängig 0,96 Meter Bobe hat. Beibe find im Querfchnitt Tformig und aus Gifenblech von 10 bis 13 Millimeter Dide zusammengenietet. Die Bogenfullung besteht, wie gewöhnlich aus verticalen Blechstreben, wie KG, IH und biagonalen Bugbanbern, wie DH, DK u. f. w., welche unter einander fogenannte Andreastreuze bilben. Diefe Brlide bat noch bie Gigenthumlichfeit, bag hier zwischen ben Querträgern, welche bie Tragmanbe mit einander verbinden , Ziegelgewölbe aufgeführt find, welche ein über 1/2 Meter bides Schotterbette für bie Bahnschwellen tragen.

§. 107 Hängebrücken. Gine neuere Bangebrüdenanlage ift die bon Brialmont conftruirte Rettenbrüde über die Maas bei Seraing.

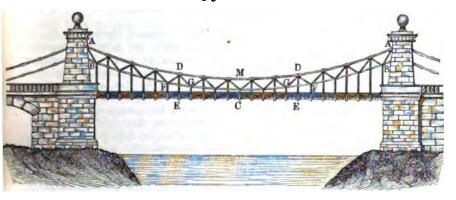
Die Seitenansicht von einem Stud bieser Bahn führt Fig. 209 vor Augen. Fig. 209.



Diese Brude, welche bei einer Breite von 5 Meter und einer Bogenhöhe von 7 Meter, eine Spannweite von 105 Meter hat, besteht aus acht und zwar auf jeder Seite aus vier nahe über und neben einander liegenden Dop-

Die Glieber biefer Retten, beren Metallbide 21/2 und Bobe pelfetten. 5 Centimeter mißt, bilben Scheeren ober Ringe von 3 Meter Lange und 1 Decimeter lichter Beite. Die auf einer Seite neben einander liegenden Doppelletten find burch 1 Decimeter bide Bolgen mit einander verbunden, und an die letteren find die 3 Centimeter biden Bangeftangen angeschloffen. Die Tragfetten AB find mit ben Spannketten BC burch die in Fig. 160 abgebilbeten und in &. 85 beschriebenen Bebel verbunden, welche in einem 8 Meter hoben und aus vier Studen und einem chlindrischen Rern bestebenden gufeifernen Thurme enthalten find. Die Befestigung ber Rettenenden in der Widerlagsmauer E ift ahnlich wie Fig. 161 barftellt. gange Brude wiegt auf bas laufende Deter 1010 Rilogramm, und nimmt man bie Belaftung eben fo groß an, fo berechnet fich die Spannung ber Retten auf 418910 Rilogramm, fo bag auf ein Quabratmillimeter beffelben eine Spannung von 10 Rilogramm tommt. Die Bangeftangen find bagegen nur mit 2 Rilogramm und bie gugeisernen Pfeiler mit 21/2 Rilogramm pr. Quabratmillimeter belaftet.

Die Eisenbahnkettenbrude über ben Donau-Canal in Wien, ausgesührt von den Ingenieuren Schnirch und Fillunger ist in Fig. 210 stiggirt. Big. 210.



Dieselbe besteht aus je zwei durch Diagonalstäben DF, DG ... mit eins ander verbundenen Hängeketten AMA und BGGB, welche wie gewöhnlich, die Brüdenbahn ECE mittels verticaler Hängestangen tragen. Diese Brüde hat eine Spannweite von 264 Wiener Fuß, eine Bogenhöhe von $13\frac{1}{5}$ Fuß und trägt eine Fahrbahn mit Doppelgeleisen von 35 Fuß Breite. Der Gesammtquerschnitt der Ketten ist 248 Quadratzoll, und der Materials auswand dieser Brüde besteht aus 7290,8 Centner Schmiedeeisen, und aus 668 Centner Gußeisen.

Schluganmerfung. Bum weiteren Stubium ber Statit ber Bolge unb Eiseneonstructionen find folgende Schriften ju empfehlen. Entelwein's Statif, Band II, Gerfiner's Dechanif, Band I, und Raifer's Handbuch ber Statik. Ferner Ravier: Resumé des leçons sur l'application de la mécanique. Part I, Paris 1838, auch beutsch von Beftphal, unter bem Titel: Rechanit ber Baufunft, und Rebhann, Theorie ber Golg : und Gifenconftructionen, mit besonderer Rudficht auf bas Bauwesen, Wien 1856. Arbant, Theoretifche praftifche Abhanblung über Anordnung und Conftruction ber Sprengmerte von großer Spannweite, aus bem Frangofifden von Raven, Sannover 1844. Ausführlich über Dachconftructionen ift bie Schrift von D. Binter, Berlin 1862. Gin diteres Berfift: Elementary Principles of Carpentary etc. by Th. Tredgold, London 1820. Persy, Cours de stabilité des constructions. Sganzin, Cours des constructions. Cresy, An Encyclopaedia of Civil - Engineering, London 1847. Fairbairn, An account of the construction of the Britannia- and Conway-Tubular-Bridges etc. Dempsey, Tubular- and other Iron-Girder-Bridges, auch beutich von Werther unter tem Titel: Braftifches Sanbbuch bei bem Bau eiferner Erager- ober Jochbruden ic., Dresben 1853; sowie Dempsey, Iron applied to railway structures, sowie: Malleable iron-bridges, und Examples for iron roofs etc. Ferner D. Beder, bie auffeifernen Bruden ber babifden Gifenbahnen, Carlerube 1847, fowie beffen angewandte Bautunde bes Ingenieurs, und G. D. Bauernfeind, Borlegeblätter zur Brückenbaukunde mit erläuterndem Tert. München 1863. Siehe aud "Die Bruden und Thalubergange ichweizerifder Gifenbahnen, von C. v. Chel, Basel 1856, sowie Duggan, Specimens of the stone-, iron- and woodbridges, New-York 1850.

Bas bie Bangebruden inebefonbere anlangt, fo hanbelt hiervon icon Gerfis ner in feiner Dechanit, Band I, ziemlich ausführlich, und befchreibt namentlich bie Sammersmith = und bie Menaikettenbrude von Telforb. In theoretifder Sinficht tit vorzüglich zu nennen: Moseley, The mechanical Principles of Engineering and Architecture, auch beutich von Scheffler, unter bem Litel: Die mechanischen Brincipien ber Ingenieurfunft und Architectur, Braunschweig 1845. In Mavier's Rapport et mémoire sur les ponts suspendus, Paris 1823, wird nicht allein eine allgemeine Theorie ber Rettenbruden abgehanbelt. fonbern auch eine in Baris über Die Seine aufgehangene Rettenbrude befdrieben, welche leiber burch bas nachgeben ber Pfeiler unbrauchbar murbe und beshalb wieber abgetragen werben mußte. Ueber bie in Franfreich febr baufig angewenbeten Drahtbruden handelt Seguin (ber Melt.) in einem Memoire sur les ponts en fil de fer. Eine gebrangte Abhandlung über altere Sangebruden ift in Sgangin's Cours des constructions ju finben. Rachstbem finbet man auch mehrere Rettenbruden beschrieben in ben Annales des ponts et chaussées, ferner in Forfter's Baugeitung u. f. w. Ueber englifde Rettenbruden wirb auch gehandelt in ben Berhandlungen bes Bereine gur Beforberung bes Bewerbefleißes in Breugen, Jahrgang 5 und 11.

Ueber die Drahibrude bei Freiburg in ber Schweiz handelt die lettere Zeits schrift im 32. Jahrgange (1853); die hangebrude über die Maas bei Seraing wird (nach Armengaub's publication industrielle) im "Civil-Ingenieur", Band II, 1856, beschrieben. Ferner die Prager Rettenbrude von Schnirch ift in einer besonderen Schrift von hennig, Prag 1842, beschrieben, und ebenso die Rettenbrude über die Donau zu Besth von Clark. Lettere Schrift ift in englis

for Sprace erschienes unter bem Titel: An account of the suspension bridge across the river Danube, London 1858.

Ferner gebort hierher: Schnirche erfte Rettenbrude für Locomotivenbetrieb, von 3. Rauta. Bien 1861.

Die Theorie ber Sangebruden mit besonberer Rudficht auf ihre Anwendung, von h. Telltampf, Sannover 1856, enthält in gebrangter Rurge bas Wefentliche über bie Theorie und die Anwendung biefer Bruden.

Endlich ift noch folgende gang neue Schrift gum Studium ber ftatifchen Bau-

tunft ju empfehlen :

Theorie der Gewolbe, Futtermauern und eisernen Bruden u. f. w. von Dr. h. Scheffler, Braunschweig 1857. Die Basis dieser Schrift bilbet das zuerst von herrn Roselen aufgestellte und vom herrn Scheffler weiter ausgebilbete "Brincip des kleinsten Biderstandes". S. das oben citirte Berk von Moselen, sowie die Abhandlungen Schefflers im Crelle Journal für die Bautunst, Band 29 und 30.

Die Literatur über bie ftatifche Baufunft und insbesondere über ben Brudenbau hat fich in ber neuesten Beit so fehr ausgebehnt, bag hier nur bie wichtigsten Schriften über biefen Begenstand angezeigt werben konnen. Bor Allem ift ju nennen: Ranfine's Manuel of Civil-Engineering, London 1862. Ferner bie Schrift von Laifle und Schubler über ben Bau ber Brudentrager, welche 1864 in Stuttgart in einer zweiten Auflage erschienen ift. Ueber bie Gifenbahnbrude über ben Rhein bei Daing, nach Bauli's Spftem ift 1863 in Daing eine furge Befdreibung erfchienen. In bem Werte von Dr. A. Ritter: Glementar-Theorie und Berechnung eiferner Dache und Brudenconftructionen, Sannover 1863, wird von ber Methobe ber flatischen Momente ber ausgebehntefte Gebrauch gemacht. Ein größeres Werk über Bruden ift folgendes: Traité théorique et practique de la construction des ponts metalliques par Molinos et Pronnier, Paris 1857. Siehe Bb. IV des Civilingenteurs "über die allgemeine Rethobe ber Berechnung von Bruden." Auch gehort hierher: Langer. Der Gifenbrudenbau. Bien 1863. Debrere Abhanblungen über eiferne Bruden und Brudentrager find in ben letten Jahrgangen bes Civilingenieurs, fowie in ber Beitschrift bes Bereins beutscher Ingenieure, in ber Beitschrift bee Architectens und Ingenieur= Bereine fur bas Ronigreich Sannover, und in ber Beitfdrift bes öfterreichifden Ingenieur = Bereine enthalten.

Ueber bie §. 106 beschriebene Brude zu Dubenarben handelt speciell der Civilingenieur in Band IX, 1863. Gine Untersuchung des Einflusses bewegter Laston auf den Widerstand eiserner Bruden mit geraden Trägern von herrn Kenaudot enthält Band VIII, 1862 des Civilingenieurs. Ueber die Theorie continuirlicher Brüdenträger handelt die gedachte Zeitschrift in Band IV, VI und VIII. Die Blechbogenbrude über den Canal von Saint-Denis ist in Band VI, und die Blechbogenbrude über den Canal von Saint-Denis ist in Band VI, und die Blechbogenbrude über die Theiß bei Szegedin in Band VII des Civilingenieurs beschrieben. Die Construction stelser hängebruden mit Charnieren ist zuerst behandelt vom herrn Köpde im sechsten und siebenten Band der Zeitschrift des

Arditecten : und Ingenieur : Bereins für bas Ronigreich Sannover.

.

3meite Abtheilung.

Die

Anwendung der Mechanik auf Kraft= Maschinen. . .

Einleitung.

Maschinen. Maschinen (franz und engl. machines) heißen alle kinst. §. 108 lichen Borrichtungen, durch welche Kräfte in den Stand gesetzt werden, mechanische Arbeiten zu verrichten. Sie sind insofern von den Bauwerken (franz constructions; engl. structures) verschieden, als diese den Zweckhaben, nur den Gleichgewichtszustand zwischen den Kräften verschiedener Körper herzustellen. Instrumente oder Werkzeuge (franz und engl. instruments) sind von den Maschinen wesentlich nicht verschieden; ste dienen nur zur Berrichtung kleiner Arbeiten durch Menschenkände.

Bei jeder Maschine ist zu unterscheiben: Kraft und Last oder Wiberstand. Kraft (franz. force; engl. power) ist die Ursache der Bewegung, und Last oder Widerstand (franz. résistance, engl. resistance) ist Das, was der Kraft entgegenwirkt, und bessen lleberwindung Zwed der Maschine ist. Die Körper, deren Kräfte zur Bewegung von Maschinen verwendet werden, heißen Beweger, Motoren (franz. motours; engl. motors); diese Kräfte selbst sind aber vorzitzlich die animalischen Kräfte, die Schwerkraft, die Arafte seit, Elasticität, Expansivkraft u. s. w. (s. Band I, §. 63). Last oder Widerstand ist aber zu überwinden, indem man Körper von einem Orte nach einem anderen bringt, oder Körper in ihrer Form verändert, z. B. zertheilt, zusammendrückt u. s. w.

An jeber Maschine lassen sich in ber Regel brei Haupttheile unterscheiben. Der erste Haupttheil bient zur Aufnahme ber Kraft, und heißt beshalb bie Kraft= ober Umtriebsmaschine (franz. récoptour; engl. roceiver), ber zweite Haupttheil bient zur unmittelbaren Berrichtung ber Arbeit, und heißt beshalb bie Last=, Ausübungs= ober Arbeitsmaschine (franz. opérateur, outil; engl. operator), und ber britte bient zur Berbindung beider, indem er die Bewegung der Kraftmaschine auf die Arbeitsmaschine überträgt, sie bem Zwede entsprechend verändert u. s. w.; er heißt beshalb die Berbins

§. 109

bungs- ober Zwischenmaschine (franz. communicateur; engl. communicator). Bei einer gewöhnlichen Mahlmuhle ist z. B. bas Wasserrad bie Umtriebsmaschine, ber armirte umlaufende Mühlstein die Arbeitsmaschine und das Räderwerkzwischen beiben die Zwischenmaschine (bas Zwischengeschirr).

Anmerkung. Richt bei allen Maschinen treten blese brei haupttheile vollstänbig getrennt hervor, namentlich sehlt die Zwischenmaschine zuweilen ganz, weil die Untriedsmaschine manchmal schon biesenige Bewegung hat, welche zur Berrichtung einer gewissen Arbeit nöthig ift. Bei einem gewöhnlichen Schubkarren sind die drei Haupttheile ganz mit einander vereinigt; die handhaben bestelben lassen sich den fraftaufnehmenden, die Schenkel als den fortpstanzenden und der Kasten als den ausübenden Maschinentheil ansehen, jedoch machen alle drei nur einen einzigen Körper aus.

Loistung. Die Wirkung, Leistung ober ber Effect einer Masschine (franz. effet; engl. effect, work) wird burch die in einer Minute ober Secunde verrichtete Arbeit (s. Band I, §. 71) ober durch das Product aus der Kraft und dem in der Zeiteinheit zurückgelegten Wege gemessen. If P die Kraft und s der in jeder Secunde wirklich zurückgelegte oder einer Secunde entsprechende Weg, so hat man demnach als Maß der Leistung einer Masschine: L = Ps Pfundsuß (Fußpfund) oder Kilogrammeter.

Es ist sehr gewöhnlich, sich noch einer größeren Einheit von 75 Kilogrammeter ober 478 Fußpfund zum Messen ber Maschinenleistungen zu bebienen, und diese Einheit eine Pferdekraft (franz. choval-vapour; engl. horse-power) zu nennen. In England rechnet man 550 Fußpf., in Preusen 480 Fußpf., und in Desterreich 430 Fußpf. pr. Pserdekraft.

Es ift auch nothwendig, Rus-, Reben- und Totalleiftung einer Mafchine von einander zu unterscheiden. Rugleiftung (frang. offet utile; engl. useful effect, useful work) ift diejenige, beren Ueberwindung die Maschine bezweckt, welche auch wirklich verrichtet wird; Rebenleistung (franz. effet perdu; engl. lost effect, impeding effect) ift biejenige Wirtung, welche bie Das fchine burch bie Reibung, Steifigfeit, Stofe u. f. w. ohne Nugen confumirt; Robober Totalleistung (franz. effet total, effet absolut; engl. whole - effect) ift die Summe beiber ober bas bem Motor innewohnende ober ihm entnommene Arbeitevermogen. Gine Maschine ift um so volltommener, je Heiner ihre Nebenleistung in Binficht auf die Rug - ober Totalleiftung, ober je größer ihre Nupleistung in hinsicht auf die Totalleistung ift, je weniger also Wirtung burch die Maschine beim lebertragen vom Motor auf ben Wiberstand verloren geht. Man bedient fich beshalb bes Berhältnisses der Rupleiftung gur Totalleiftung als Dag gur Beurtheilung ber Bolltommenbeit einer Da= fcine, und nennt biefes bie relative Leiftung ober ben Birfungsgrab (frang. rendement, engl. efficiency) einer Maschine. Ift L bie Totals, L1 bie Nuts und L2 bie Nebenleiftung, fo hat man ben Wirkungsgrad:

$$\eta = \frac{L_1}{L} = \frac{L - L_2}{L}.$$

Eine Maschine ist hiernach um so volltommener ober um so zwedmäßiger eingerichtet, je mehr sich ihr Wirkungsgrad der Einheit nähert. Da sich die Nebenhindernisse, z. B. die Reibung, der Lustwiderstand u. s. w., nie ganz beseitigen lassen, so ist es allerdings nie möglich, den Wirkungsgrad einer Maschine auf Eins zu bringen.

Beispiel. Ein Bochwerk besteht aus 20 Stempeln, wovon jeber 250 Pfund schwer ift und in jeber Minute 40 Mal 1 Fuß hoch gehoben wird; die Umtriebs-maschine besteht in einem Wasserrabe, welches ein Wasserquantum von 260 Cubitsuß pr. Minute bei 20 Fuß Gefälle aufnimmt. Man sucht die Wirstungsverhältnisse vieser Raschine. Die Rutleistung pr. Secunde ist:

ble Totalleiftung aber, ba in jeber Secunde $\frac{260}{60}$ Cubiffuß $=\frac{260 \cdot 61,75}{60} = 267,5$ Bfund Baffer 20 Kuß bod berabfinten:

= 267,5 . 20 = 5350 Fußpfunb = 11,2 Pferbefrafte;

bie Rebenleiftung:

= 5350 - 83331/3 = 20162/3 Fußpfund = 4,2 Pferbefrafte; ber Wirfungegrab ber Mafchine enblich:

$$\eta = \frac{3333^{1}/8}{5350} = 0,623.$$

Anmerkung. Ueber bie Arbeitseinheit "Bferbefraft" f. eine Abhandlung bes herrn Reuleaux im Civilingenieur, Band III.

Nutz- und Nobonlast. Auch die Last einer Maschine ist in Auts- §. 110 und Nebenlast zu unterscheiden; da aber die Kraft, Rutz- und Nebenlast in der Regel an verschiedenen Bunkten angreisen, so lät sich die Kraft nicht unmittelbar der Summe aus der Autz- und Nebenlast gleichsetzen, sondern es ersordert dieses Gleichsetzen erst eine Reduction. Diese Reduction ist entweder mit Hilse der gleichzeitigen Wege der verschiedenen Angriffspunkte einer Maschine, oder mittels der Hebelarme auszussuschen.

Legt die Kraft P den Weg s zurud, während die Nutslast P_1 den Weg s_1 und die Nebenlast P_2 den Weg s_2 macht, so hat man zu setzen:

$$P_8 = P_1 s_1 + P_2 s_2$$
, daher $P = \frac{s_1}{s} P_1 + \frac{s_2}{s} P_2$.

Man nennt den Punkt einer Maschine, in welchem die Kraft (P) angreift oder angreisend gedacht werden kann, den Krastpunkt, und den Punkt, in welchem die Last $(P_1$ und $P_2)$ unmittelbar wirkt, den Lastpunkt, und ers bält in

$$\frac{s_1}{s}$$
 P_1

bie auf ben Rraftpuntt reducirte Rugs, fowie in

$$\frac{8_2}{a}$$
 P_2

die ebendahin reducirte Nebenlaft; es ist also die Kraft gleich ber Summe aus ber auf ben Kraftpunkt reducirten Rute und ber ebenbahin reducirten Nebenlast. Auch folgt

$$P_1 = \frac{s}{s_1} P - \frac{s_2}{s_1} P_2,$$

b.i. die Ruglaft ift die Differeng von der auf ben Lastpunkt reducirten Rraft und von der ebendahin reducirten Rebenlaft.

hiernach läßt fich auch ber Wirfungegrad einer Dafchine:

$$\eta = \frac{P_1 s_1}{P s} = \frac{s_1}{s} P_1 : P = P_1 : \frac{s}{s_1} P,$$

b. i bem Quotienten ans ber auf ben Kraftpunkt reducirten Ruglast und ber Kraft, ober bem Quotienten aus ber Ruglast und ber auf ben Lastpunkt reducirten Kraft gleichsehen.

Die meisten Maschinen sind Zusammenschungen von Radwellen (f. Bb. I, §. 165), weswegen sich biese Reductionen oft mit Hulfe ber Hebelarme vollziehen lassen. If bei der Radwelle ABC, Fig. 211, der Radhalbmesser CA = a, der Wellenhalbmesser CB = b, so hat man das statis

Sig. 211. iche Moment ber Rraft P:



$$= Pa$$

und das der Nutslast P_1 :

$$=P_1b;$$

baher bie auf ben Rraftpunkt A reducirte Rutlaft:

$$=\frac{P_1\,b}{a}=\frac{b}{a}\,P_1,$$

und die auf den Lastpunkt B reducirte Kraft:

$$= \frac{Pa}{h} = \frac{a}{h} P.$$

Besteht nun die Nebensaft P_2 nur in der Zapfenreibung φ $(P+P_1+G)$, und ist r der Halbmesser CD des Zapsens, so hat man das Moment derselben:

$$= P_2 r$$

und baher die auf den Rraftpunkt reducirte Nebenlaft:

$$=\frac{P_3 r}{a}=\frac{\varphi r}{a}(P+P_1+G),$$

bagegen bie auf ben Lastpunkt reducirte Rebenlast:

$$=\frac{P_2 r}{b}=\frac{\varphi r}{b}(P+P_1+G).$$

Es ift baher bie Rraft:

$$P = \frac{b}{a} P_1 + \frac{\varphi r}{a} (P + P_1 + \theta),$$

sowie die Nutlast:

$$P_1 = \frac{a}{b} P - \frac{\varphi r}{b} (P + P_1 + G),$$

endlich ber Wirfungsgrab ber Mafchine:

$$\eta = \frac{b}{a} P_1 : P = P_1 : \frac{a}{b} P = \frac{P_1 b}{P_a}$$

Beispiel. Wenn bei einer 250 Pfund schweren Radwelle ber Rabhalbmeffer 30 Boll, ber Wellenhalbmeffer 6 Boll, ber Bapfenhalbmeffer 1/2 Boll mißt,
ferner bie Ruglast 500 Pfund beträgt, und ber Coefficient ber Bapfenreibung 1/20
angenommen wird, so hat man bie auf ben Kraftpunkt reducirte Ruglast:

$$=\frac{b}{a}P_1=\frac{6}{30}.500=100$$
 Pfund,

bie ebenbabin reducirte Rebenlaft:

$$= \frac{\varphi r}{a} (P + P_1 + G) = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{2 \cdot 80} (750 + P) = \frac{6}{100} + \frac{P}{600},$$

baher ju fegen bie Rraft:

$$P = 100 + \frac{5}{4} + \frac{P}{600},$$

b. i.

$$P = 101,25.600_{699} = 101,42 \$$
 \$\text{gfunb,}

und ben Birfungegrab biefer Dafchine:

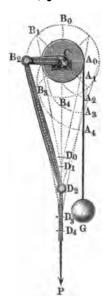
$$\eta = \frac{100}{101.42} = 0,986.$$

Beharrungszustand. Gine Maschine tommt, nachbem sie einmal in & 111 ben Bang gefest worden ift, febr bald in ben Beharrungezuftand, d. f. fie wiederholt periodenweise oder in gleichen Zeitabschnitten die nämlichen Ber-Deshalb betrachten wir benn auch die Maschinen in ber Regel nur in ihrem Beharrungezustande. Bewegen sich sammtliche Theile einer Mafchine gleichförmig, fo befindet fich diefelbe in einem gleichförmigen Beharrungeguftande, bewegen fich biefelben aber innerhalb einer Beriobe ungleichformig, fo ift bie Mafchine in einem ungleichformigen Beharrungezuftanbe. Die Urfachen bes letten Buftanbes find: Beranderlichteit ber Kraft, ber Laft, ober ber Daffe ber Maschine, ferner die burch die Bufammensetzung ber Maschinentheile bedingte Beränderlichkeit bes Berhaltniffes amifchen ben gleichzeitigen Begen ber Rraft und Laft. Dampfmaschine ift die Rraft veranderlich, wenn fie mit Expansion wirkt, wenn also ber Dampfzufluß mahrend ber Rolbenbewegung aufgehoben wird, und bei einem Sammerwerte find Rraft und Daffe veränderlich, weil ber Sammer mahrend bes Burlidfallens mit ber Maschine außer Berbindung ift; beide Maschinen können daher nur einen ungleichförmigen Beharrungszustand annehmen; find nun noch biefe Mafchinen mit einander verbunden, wird also bas hammerwert burch die Erpanftonsbampfmaschine in Bewegung gefest, fo ift biefer Buftand aus brei Urfachen gugleich ein ungleichförmiger. Wird ein Gewicht G, Fig. 212 (a. f. S.), mittels eines Rades CA0 und

einer Kurbel CB_2 durch eine Dampfmaschine mit constantem Dampfbrude gehoben, so nimmt die Waschine ebenfalls einen ungleichsörmigen Beharrungszustand an, weil, wenn man von dem Lastpunkte A_0 und dem Krastpunkte D_0 ausgeht, gleichen Wegen A_0A_1 , A_1A_2 , A_2A_3 , A_3A_4 der Last sehr ungleiche Wege D_0D_1 , D_1D_2 , D_2D_3 , D_3D_4 der Krast entsprechen, das Wegeverhältniß während einer halben Umdrehung also ein veränderliches ist.

Bei einem gleichförmigen Beharrungezustande find die tragen Maffen ber Mafchine ohne Ginfluß auf ben Gang und die Wirtung ber Mafchine, weil

Fig. 212.



fie nur anfangs, fo lange noch ein Geschwindigfeits zuwachs statt hat, Arbeit in sich aufnehmen, später aber, bei unveränderlicher Geschwindigkeit, weber Arbeit aufnehmen noch ausgeben (f. Band I, &. 55). Befindet sich hingegen eine Maschine in einem ungleichförmigen Beharrungezustande, so haben bie tragen Daffen einen wesentlichen Ginfluß auf ben Bang ber Maschine, weil fie beim Bunehmen an Geschwindigkeit Arbeit in sich aufnehmen und beim Abnehmen berfelben wieber Arbeit ausgeben. die Summe aller auf den Kraft- oder Lastpunkt reducirten Massen ber Maschine, vi die Minimal- und va bie Maximalgeschwindigkeit bes Kraft- und Lastpunktes, so hat man die Arbeit, welche die trägen Massen in bem Theile der Beriode, in welchem v1 in v2 übergeht, confumiren, und welche bieselben in dem Theile der Beriode, in welchem v. wieder in v. sich umandert, wieber ausgeben,

$$= \left(\frac{v_2^2 - v_1^2}{2}\right) M.$$

Es wird also hiernach durch die Trägheit ber Massen in jeder Beriode die Nebenleistung um diefe

Arbeit vergrößert und auch um so viel vermindert, und es ist daher die Totalleistung für die ganze Periode oder die mittlere Leistung liberhaupt diesselbe, als wenn die trägen Massen nicht vorhanden wären; es gilt also die allgemeine Formel einer Maschine

$$Ps = P_1 s_1 + P_2 s_2$$

auch beim ungleichstrmigen Gange, insofern man für s, s_1, s_2 die Wege einer vollständigen Periode, oder sür P, P_1, P_2 die Mittelwerthe von Kraft, Rutz- und Nebenlast innerhalb einer Periode substituirt. Für den beschleusnigten Bewegungszustand hat man:

$$Ps = P_1 s_1 + P_2 s_2 + \left(\frac{v_2^2 - v_1^2}{2}\right) M,$$

baber:

$$v_2 - v_1 = \frac{Ps - (P_1 s_1 + P_2 s_2)}{\left(\frac{v_2 + v_1}{2}\right)M}.$$

Dicfe Formel zeigt, daß die Geschwindigkeitsveränderung einer Maschine nicht allein um so kleiner ausfüllt, je kleiner die Differenz zwischen der Arbeit der Kraft und der Summe der Arbeiten der Lasten ist, sondern auch je größer die Massen und Geschwindigkeiten der Maschinentheile sind.

Anmerfung. Benn biernach bie Daffen nur auf ben Bewegungezuftanb. nicht aber auf die Birtung einer Dafcine Ginfluß außern, fo folgt baraus noch nicht, bag es gleichgultig ift, ob bie Theile einer Dafchine mehr ober weniger Raffe befigen. Beranderungen in Gefdwindigfeit vergrößern oft bie Rebenhinderniffe, wie z. B. bie Reibung, veranlaffen ftorenbe Schwingungen und nicht felten Stofe, auch liefern manche Dafchinen beim ungleichformigen Bange ein fclechteres Product u. f. w., weshalb es oft nothig ift, Dittel angumenten, um bie Ungleichformigfeit im Gange einer Dafchine zu verminbern. Wenn eine Rafchine ober ein Rafchinentheil abwechselnd aus ber Ruhe in Bewegung und aus ber Bewegung in Rube übergeben muß, fo ift nicht ein gleichformiger, fonbern ein folder Bewegungezustand zu erzielen, bag die Geschwindigkeit abwechselnb von Rull ftetig bis zu einem gewiffen Maximalwerthe zu-, und von biefem wieber bis Rull ftetig abnimmt, ba plogliche Geschwindigfeiteveranberungen Schwingun= gen und Stofe verurfachen, welche nicht allein mit Arbeiteverluften (f. Band I. S. 835) verbunden find, fonbern auch ein ftartes Abführen ber Dafcbinen berbeis führen. hierüber tann jeboch erft in ber Folge gehanbelt werben.

Erster Abschnitt.

Von den bewegenden Kräften der Thiere, des Waffers und des Windes, sowie von den Maschinen zur Aufnahme dieser Kräfte.

Erftes Capitel

Bon dem Meffen der bewegenden Kräfte und ihrer Birkungen.

§. 112 Dynamometer. Um die Wirkungen der Kräfte und Maschinen angeben zu können, hat man drei Elemente nöthig, nämlich die Größe der Kraft, die Größe ihres Weges und die entsprechende Zeit der Wirkung. Zum Ausmessen der Kräfte dienen Kraftmesser oder Ohnamometer, zu dem Ausmessen von Wegen gebraucht man Meßstäbe, Ketten und Meßsbänder, und zur Angade der Zeit werden Pendel und Uhren angewendet. Ift P die Größe der durch das Ohnamometer angegebenen Kraft, und s der Weg, längs dessen dieselbe während einer gewissen Zeit t wirkt, so hat man die Leistung oder mechanische Arbeit dieser Kraft auf diese Zeit, — Ps und daher die Leistung pr. Secunde:

 $L=\frac{Ps}{t}$.

hier moge nur von ben Dynamometern (franz. dynamomètres; engl. dynamometers) bie Rebe sein. Dieselben sind entweder Gewichts-, oder Feders, oder Bremsbynamometer. Gewichts- und Federbynamometer sind von den Gewichts- und Federwagen nicht wesentlich verschieden; während letztere vorzüglich nur zum Abwägen oder Messen der Gewichte der Körper bienen, wendet man erstere zum Messen der Kräfte überhaupt an. Bremsbynamometer kommen nur beim Ausmessen der Kraft einer umlausenden Welle in Anwendung.

Die Gewichtsbynamometer ober Gewichtswagen sind ein- ober mehrsache Hebel, an welchen die zu messende Kraft ober die abzuwägende Last mit bekannten Gewichten ins Gleichgewicht gesetzt wird; die Federdynamometer

find Stahlfebern, welche bie Größe ber auf fie wirkenben Arafte burch bie bewirkte Formveranderung mit Bulfe von Zeigern angeben.

Die Gewichtswagen find entweber gleicharmige ober ungleicharmige, lettere wieder entweber einfache ober zusammengesetzte Wagen, je nachbem fle aus einem gleicharmigen ober aus einem ober mehreren ungleicharmigen Bebeln bestehen.

Die gleicharmige Wage. Die gemeine ober gleicharmige Ge- §. 113 wichtswage (franz. balance ordinaire; engl. common balance) ist im Wesentlichen ein gleicharmiger Hebel AB, Fig. 213, an welchem die abzu-

8ia. 213.

§. 113.]



wägende Last Q mit einem gleich großen Gewichte P ins Gleichgewicht gefest Man unterscheibet an ihr ben Bagebalten AB (frang. fleau; engl. beam), die Bunge CD (franz. aiguille, languette; engl. tongue), bie Scheere CE (frang. und engl. chape), die burch ein breis feitiges Prisma gebilbete Mre C (frang. axe; engl. die mittels axis) und Schnüre, Retten u. f. w. aufgehängten, jur Aufnahme ber Bewichte bestimmten Bagichalen (frang. bassins; engl. scales).

Bon einer folchen Wage forbert man, bag fie, und

zwar nur bann einspiele, b. h. ber Wagebalten eine horizontale, also die Zunge eine verticale Lage annehme, oder mit der Richtung der Scheere zusammenfalle, wenn das bestimmte Gewicht in der einen Wagschale so groß ist als das Gewicht des Körpers in der anderen. Außerdem soll eine Wage auch noch Empfindlichkeit und Stabilität bestigen, d. h. sie soll eine Neigung annehmen, wenn auf der einen Seite der vorher im Einspielen besindlichen Wage ein kleines Gewicht zugelegt wird, und soll in den horizontalen Stand zurückteren, wenn die Gleichheit der Gewichte wieder hergestellt oder die Zulage wieder weggenonmen wird.

Damit eine Bage bei gleichen Auflagen zu beiben Seiten einspiele, muffen die Bebelarme berselben volltommen gleich fein. Ift a die Länge

bes einen, b bie des anderen Armes, P bas Gewicht an dem einen und Q bas Gewicht an dem anderen Arme, so hat man beim Einspielen

$$Pa = Qb$$
;

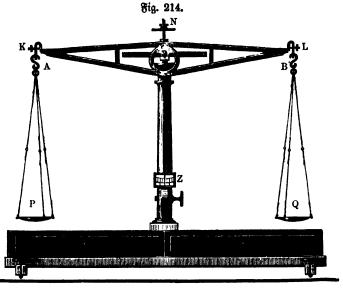
vertauscht man aber die Gewichte, bringt man P an den anderen Arm und Q an den ersten, so hat man auch:

$$Pb = Qa$$

falls hierbei wieber ein Ginspielen flatt hat. Aus beiden Gleichungen folgt $P^2 \cdot ab = Q^2 \cdot ab$,

b. i. P = Q und ebenso auch a = b.

Wenn also durch das Bertauschen der Gewichte das Gleichgewicht nicht gestört wird, so ist dies ein Beweis von der Richtigkeit der Wage. Diese Brüsung läßt sich aber auch auf solgende Weise bewerkstelligen. Bringt man hinter einander zwei Sewichte P und P mit einem dritten Q in der zweiten Wagschale ins Gleichgewicht, so sind dieselben unter sich, wenn auch nicht mit diesem dritten gleich; legt man daher nach Wegnahme dieses dritten Gewichtes die beiden ersten auf, so hat man für den Gleichgewichtszustand Pa = Pb, und also auch a = b. Es liesert also hier das Einspielen der Wage beim Auslegen von zwei gleichen Gewichten den Beweis



ber Richtigkeit der Wage unmittelbar. Kleine Unrichtigkeiten kann man burch angeschraubte Gegengewichtchen K, L beseitigen, wie die seinere Wage Fig. 214 vor Augen führt.

Giebt eine Wage für einen und benfelben Körper die Gewichte P und

Q an, je nachdem man benselben in der einen ober in der anderen Bagschale wiegt, so hat man für den mahren Werth X des Gewichtes:

$$Xa = Pb$$
 und $Xb = Qa$

baher:

$$X^{2}$$
 . $ab = PQ$. ab ,

aljo:

$$X^2 = PQ$$
 and $X = \sqrt{PQ}$.

Es ift alfo bas geometrifche Mittel aus beiben Angaben bas wahre Gewicht bes Rörpers.

Auch läßt sich

$$X = \sqrt{P(P+Q-P)} = P\sqrt{1 + \frac{Q-P}{P}},$$

annähernb

$$X = P\left(1 + \frac{Q - P}{2P}\right) = \frac{P + Q}{2}$$

setzen, wenn, wie gewöhnlich, die Abweichung Q-P nicht groß ist; man kann also auch einfacher bas arithmetische Mittel aus beiben Ansgaben als das wahre Gewicht des Körpers ansehen.

Beschreibt man über der Summe AB von $\overline{AM} = P$ und $\overline{BM} = Q$ einen Halbkreiß AOB, Fig. 215, so repräsentirt in demselben der Halbmesser $\overline{CA} = \overline{CB} = \overline{CO}$ den Näherungswerth $\frac{P+Q}{2}$, dagegen die Ordinate

 \overline{MO} ben genauen Werth \overline{VPQ} von X.

Bringt man die abzuwiegende Last erft durch Hilfsgewichte, wie Sand, Schrot u. f. w., auf ber

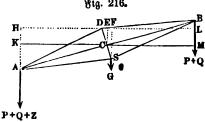
Bage ins Gleichgewicht, und erfett fle nachher burch gewöhnliche Gewichte, so geben biefe ebenfalls bie mahre Größe ber Laft an.

Empfindlichkoit der Wage. Damit die Wage sich möglichst frei §. 114 bewege, und namentlich durch die Arenreibung nicht aufgehalten werde, giebt man ihr eine dreiseitige Stahlare und läßt diese noch auf harten Metallsoder Steinlagern ruhen. Damit serner die Richtung der Mittelkraft der beslasten oder undelasteten Wagschale durch den Aufhängepunkt gehe und die Reidung eine Abweichung hiervon nicht hervordringe, also der Debelarm der Schale unveränderlich bleibe, ist es nöthig, die Schalen ebenfalls an schneisdigen Aren auszuhängen. Wie nun auch eine solche Wage belastet ist, immer läßt sich annehmen, daß die angehängten und ausgelegten Gewichte in den Aushängepunkten selbst angreisen, und ebenso der Angrisspunkt der Mittelskraft in der die beiden Aushängepunkte verdindenden Linie liege. Da nach

Band I, §. 131 ein aufgehangener Körper nur dann Stabilität besitzt, wenn sein Schwerpunkt unter dem Aufhängepunkte liegt, so folgt sogleich, daß die Drehare D, Fig. 216, einer Wage stets über den Schwerpunkt S des leeren Wagebalkens, und auch nicht unter die Linie AB durch die Aufhängepunkte Fig. 216.

Big. 216.

But legen ist. Der Allgemeins beit wegen wollen wir daber



AB durch die Aufhängepunkte zu legen ist. Der Allgemeinsheit wegen wollen wir daher in Folgendem die Are D über, und den Schwerpunkt S unter AB liegend annehmen.

Der Ausschlag ober bie Abweichung bes Wagebaltens von ber Horizontalen bestimmt bie Empfinblichkeit einer Bage;

es ist daher seine Abhängigkeit von der Zulage oder Differenz der Gewichte in beiden Wagschalen kennen zu sernen. Setzen wir in dieser Absicht die Armlänge CA = CB des Wagedalkens, = l, den Abstand CD des Drehpunktes von der Linie AB durch die Aushängepunkte, = a, den Abstand SD des Schwerpunktes vom Drehpunkte, = s, setzen wir serner den Ausschlagswinkel, $= \varphi$, das Gewicht des leeren Wagedalkens, = G, das Gewicht auf der einen Seite, = P und das auf der anderen, = P + Z, also die Zulage = Z, und endlich noch das Gewicht einer Wagschale sammt Aushängeketten und Haken, = Q, so haben wir das statische Moment auf der einen Seite der Wage:

$$(P + Q + Z) \cdot \overline{DH} = (P + Q + Z) (\overline{CK} - \overline{DE})$$

= $(P + Q + Z) (l \cos \varphi - a \sin \varphi),$

und bas auf ber anberen Seite:

$$(P+Q).\overline{DL}+G.\overline{DF}=(P+Q)(\overline{CM}+\overline{DE})+G.\overline{DF}$$

= $(P+Q)(l\cos\varphi+a\sin\varphi)+Gs\sin\varphi;$

es ift baber für ben Gleichgewichtszuftanb:

$$(P + Q + Z) (l \cos \varphi - a \sin \varphi)$$

$$= (P + Q) (l \cos \varphi + a \sin \varphi) + G s \sin \varphi,$$

ober, wenn man tang. p einführt und transformirt :

([2
$$(P + Q) + Z$$
] $a + Gs$) tang. $\varphi = Zl$,

also die Tangente bes gesuchten Ausschlagmintels:

tang.
$$\varphi = \frac{Zl}{[2(P+Q)+Z]a+Gs}$$

Diefer Ausbruck fagt uns, daß der Ausschlag, und also auch die Empfinds lichteit, mit der Länge des Wagebalkens, sowie mit der Zulage gleichmäßig wächst, daß bagegen die Empfindlichkeit abnimmt, wenn die Gewichte P, Q,

G, Z und die Abstände a und s größer werden. Es ist daher eine schwere Wage weniger empfindlich als eine leichte unter übrigens gleichen Umständen, und es nimmt auch die Empfindlichkeit immer mehr und mehr ab, je größer die abzuwiegenden Gewichte sind. Um endlich die Empfindlichkeit einer Wage zu erhöhen, soll man die Aushängelinie AB und den Schwerpunkt des Wages balkens dem Drehungspunkte D nahe bringen.

Ware a und $s = \Re u \mathbb{I}$, fiele also D und S in AB, so hatte man:

tang.
$$\varphi = \frac{Zl}{a} = \infty$$
, also $\varphi = 90^{\circ}$ s

es würbe also die geringste Zulage eine Drehung des Wagebaltens um 90° bewirken. Auch wäre in diesem Falle für Z=0, $tang. \varphi=\frac{0}{0}$, d. h.

es könnte die Bage bei jeder Lage in Ruhe bleiben, wenn gleiche Gewichte aufgelegt wären, es besäße also die Bage ein indifferentes Gleichgewicht und wäre deshalb unbrauchbar. Macht man bloß a=0, legt man also den Drehpunkt in die Linie AB durch die Aufhängepunkte, so hat man:

tang.
$$\varphi = \frac{Zl}{Gs}$$
,

es ift also in diesem Falle die Empfinblichkeit gar nicht von den angehängten und aufgelegten Gewichten abhängig, daher die Wage besonders brauchbar. Man kann durch ein angeschraubtes Gegengewicht N, wie Fig. 214 vor Augen führt, die Empfindlichkeit reguliren.

Stabilität und Schwingungen einer Wage. Die Stabilität §. 115 ober bas statische Moment S, mit welchem eine gleichbelastete Wage in die Gleichgewichtslage zurudkehrt, wenn sie vorher einen Ausschlag φ hatte, ist bestimmt durch die Formel:

 $S=2\left(P+Q\right)\overline{DE}+G.\overline{DF}=\left[2\left(P+Q\right)a+Gs\right]sin.$ Ge mächft also waß $\left[2\left(P+Q\right)a+Gs\right]$ ber Stabilität mit ben Gewichten $P,\ Q$ und G und mit ben Abständen a und s, ist aber von ber Länge bes Wageballens unabhängig.

Eine schwingende Wage läßt fich mit einem Benbel vergleichen, und beren Schwingungsbauer auch nach ber Theorie bes letteren berechnen. Es ift

$$2(P+Q)a$$

bas ftatifche und

$$2(P+Q).\overline{AD^2} = 2(P+Q)(l^2+a^2)$$

bas Trägheitsmoment ber belasteten Wagschalen, serner Gs bas statische Moment bes leeren Wagebaltens; setzt man noch bas Trägheitsmoment besselben = Gk², so hat man die Länge bes mathematischen Penbels, welches mit ber Wage isodron schwingt (f. Band I, §. 327):

$$r = \frac{2(P+Q)(l^2+a^2)+Gk^2}{2(P+Q)a+Gs},$$

und baher bie Schwingungezeit ber Bage:

$$t = \pi \sqrt{\frac{2 (P + Q) (l^2 + a^2) + G k^2}{g [2 (P + Q) a + G s]}};$$

wofür man, wenn a fehr flein ober gar Rull ift, feten tann:

$$t = \pi \sqrt[4]{rac{2 (P + Q) l^2 + G k^2}{g G s}}.$$

Man ersieht hieraus, daß die Schwingungsbauer wächst, je größer P, Q und l, je kleiner aber'a und s ift. Bei gleichen Gewichten schwingt hiernach auch eine Wage um so langsamer, je empfindlicher sie ist. Es ist also das Abwägen an empfindlichen Wagen aufhaltiger als bei weniger scharfen Wagen. Aus diesem Grunde ist es denn auch nitzlich, empfindliche Wagen mit Scalen (wie bei Z, Fig. 214) zu versehen. Um die Angaben dieser Scalen beurtheilen zu können, sehen wir in dem Nenner der Formel

tang.
$$\varphi = \frac{Zl}{[2(P+Q)+Z]a+Gs}, \ Z=0,$$

und fchreiben o ftatt tang. o, fo bag wir

$$\varphi = \frac{Zl}{2(P+Q)a+Gs}$$

erhalten. Führen wir dann statt Z, Z_1 und statt φ , φ_1 ein, so erhalten wir:

$$\varphi_1 = \frac{Z_1 l}{2 (P + Q) a + G s},$$

baher:

$$\varphi:\varphi_1=Z:Z_1.$$

Bei kleinen Bulagen verhalten fich alfo bie Ausschlagwinkel wie bie Bulagen felbft. Es ift hiernach auch:

$$\varphi:\varphi_1-\varphi=Z:Z_1-Z_2$$

und baher:

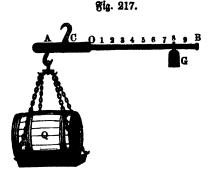
$$Z = \frac{\varphi}{\varphi_1 - \varphi} (Z_1 - Z).$$

Wan findet also die einem Ausschlage φ entsprechende Zulage, indem man zusieht, wie viel der Ausschlag vergrößert wird, wenn man die Zulage um ein bestimmtes Gewicht vergrößert, und nun diese Vergrößerung (Z_1-Z) durch das Verhältniß des ersten Ausschlages zur nachherigen Vergrößerung besselben multipliciet.

Anmerkung. Die gleicharmigen Bagen tommen in febr verschiebenen Großen und in febr verschiebenen Graben ber Gute vor. Die gewöhnlichfte Bage ift bie im Sanbel vortommenbe Rramerwage, wie fie Fig. 211 vor Augen

führt; am feinsten sind aber die Probirs und solche Wagen, welche zu phistalisschen und chemischen Zweden bestimmt sind, wie deren eine in Fig. 212 abgebildet ist. An ihnen wiegt man höchstens 1 Pfund schwere Gegenstände ab, und sie geben gleichwohl noch 1/50 Gran ober 1/5000 Duentchen, also 1/584000 von einem Psunde oder von dem größten Gewichte an. Die feinsten Wagen zeigen sogar noch den milliontesten Theil der Last an, doch wiegt man damit nur höchstens wenige Lothe schwere Gegenstände ab. Wenn man den Wagdalten eine Eintheis Iung giebt, und an denselben ein seines Drahthälschen hängt, so kann man durch Berschiedung desselben auch ohne ganz seine Gewichte die Schärse in der Angabe einer guten Wage vergrößern. Uedrigens lassen sich auch große Wagen, womit man centenschwere Gegenstände abwiegt, in sehr hohem Grade empsindlich conskrutren, namentlich wenn man dieselben seicht, ihre Valken aus Holz u. f. w. versertigt. S. Lardner's und Later's Lehrbuch der Nechanik.

Ungleicharmige Wagen. Der ungleichermigen Gewichts- §. 116 wagen (Schnellwagen) giebt es breierlei, nämlich die Schnellwage mit Laufgewicht, die Schnellwage mit verjüngtem Gewichte und die Schnellwage mit festem Gewichte. Die Schnellwage mit Laufgewicht (frauz. balance romaine; engl. steel-yard), Fig. 217, ist ein un-



gleicharmiger Hebel AB, an bessen kürzerem Arme CA eine Schale und an bessen längerem eingetheilten Arme CB ein verschiebbares Gewicht (Laufgewicht) hängt, welches mit bem in der Schale liegenden Körper Q ins Gleichzewicht geseicht geseicht geseicht geseicht geseicht geseicht geseicht geseicht geseicht gesten CO des Laufgewichtes C, wenn dasselbe die leere Wage zum Einspielen bringt, so hat man das statische Woment, mit

welchem bie leere Bagichale niebergieht:

$$X_0 = G l_0.$$

Ist bagegen la ber Hebelarm CG, wenn bas Laufgewicht G ber belastes ten Wage bas Gleichgewicht halt, so hat man für beren statisches Moment:

$$X_n = G l_n;$$

und es folgt baber burch Subtraction, bas Moment der aufgelegten Last Q:

$$X_n - X_0 = G (l_n - l_0) = G \cdot \overline{OG}.$$

Bezeichnet nun noch a ben Hebelarm CA ber Last und x bie Entfernung OG bes Laufgewichtes von bem Bunkte O, wo basselbe bie leere Wage zum Einspielen bringt, so hat man:

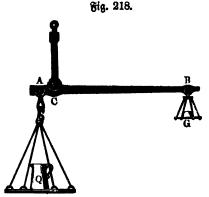
$$Q \cdot a = G \cdot x$$

baher bie Laft felbft:

$$Q = \frac{G}{a} \cdot x$$
.

Es ist also die Last ober das Gewicht Q der aufgelegten Waare der Entfernung x oder dem Wege des Laufgewichtes vom Punkte O aus, proportional. Dem doppelten x entspricht ein doppeltes Q, dem dreisachen x ein dreisaches Q u. s. w.; es ist daher die Scala OB eine gleichtheilige und ihr Ansang im Punkte O. Die Einheit der nöthigen Eintheilung ergiebt sich, wenn man zusieht, welches Gewicht Q_n aufzulegen ist, um dem am Ende B niederziehenden Laufgewichte G das Gleichgewicht zu halten; es ist dann Q_n die Anzahl der Theile und daher $\frac{OB}{Q_n}$ die Einheit der Eintheilung oder Scala OB. Ist z. das Laufgewicht auf B, wenn die Last Q = 100 Psund beträgt, so hat man OB in 100 gleiche Theile zu theilen, und daher die Einheit der Scala = $\frac{OB}{100}$. Hat man bei einer anderen Last Q das Gewicht auf X = 80 stellen müssen, um die Wage zum Einspielen zu bringen, so ist auch Q = 80 Psund; steht ebenso das Laufgewicht auf 53, so ist das Q = 33 Psund schwer u. s. w.

Bei der Schnellwage mit verjüngtem Gewichte, Fig. 218, hängt die Last an einem kurzen Urme CA=a, und das Gewicht an einem langen Arme CB=b. Das Berhältniß $\frac{CB}{CA}=\frac{b}{a}$ der Armlängen ist gewöhnlich ein sehr einsaches, z. B. $^{10}/_{1}$, in welchem Falle die Wage eine Decimalwage heißt. Hat man die leere Wage burch ein besonderes, übrigens nicht in



Betracht zu ziehendes Gewicht (Tarirgewicht) zum Einspielen gebracht, so ist für bas Gewicht Q bes aufgelegten Gegenstandes:

$$Qa=Gb$$
,

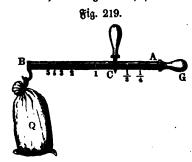
daher:

$$Q=\frac{b}{a}G.$$

Es wird also bas Gewicht ber Waare gefunden, wenn man bas verjüngte Gewicht mit einer unsveränderlichen Zahl, 3. B. bei ber Decimalwage, mit 10, multiplis

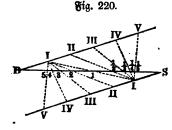
cirt, ober das lettere $\frac{b}{a}$ mal, 3. B. zehnmal so schwer sett, als es wirklich ist.

Die Schnellwage mit festem Gewichte, banifche Bage, Fig. 219,



hat eine veränderliche Drehare C, welche mit einer Handhabe sestgehalten wird, während man den Wagebalten über sie wegschiebt und das Gleichgewicht zwischen der angehängten Last Q und dem sesten Knopse G am anderen Ende herzustellen sucht. Ihre Eintheilung ist eine ungleichtheilige, wie in der Anmerkung gezeigt wird.

Anmerfung. Um bie Eintseilung ber Danischen Bage, Fig. 220, zu finben, ziehe man burch ben Schwerpunkt S und burch ben Aufhangevunkt B berfelben

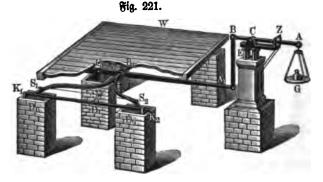


zwei Barallellinien, trage auf biese, von S und B aus, gleiche Theise auf, und ziehe von bem ersten Theispunkte (I) ber einen Parallellinie aus nach den Theispunkten I, II, III u. s. w. ber anderen Parallellinien gerade Linien; biese Berbindungslinien schneiben die Arenlinie BS des Wagedaltens in den gesuchten Theispunkten. Der Theispunkt (1) in der Linie I-I liegt in der Mitte zwischen B und S, bei Unterstügung desselben ist daher im Gleichgewichts-

zustande das Sewicht Q der Waare dem Gewichte G der ganzen Wage gleich; der Theilpunkt (2) in der Linie I—II steht von S noch einmal so weit ab als von B; bei Unterstügung desselben ist daher im Zustande des Gleichgewichtes, Q=2 G, ebenso der Theilpunkt (3) in der Linie I—III steht von S dreimal so viel ab als von B; es ist daher derselbe zu unterstüßen, wenn Q=3 G beträgt u. s. w. Eddenso läßt sich leicht einsehen, daß dei Unterstüßung der Theilpunkte $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, u. s. w. sim Gleichgewichtszustande die Last Q, $\frac{1}{2}$ G, $\frac{1}{3}$ G u. s. w. ist. Wan ersteht hieraus, daß die Theilpunkte für größere Lasten näher und sur kleinere weiter von einander abstehen, daß also auch diese Wage einen sehr veränderlichen Grad von Empsindlichseit bestyt.

Brückenwagen. Insammengesette Gewichtswagen bestehen §. 117 aus zwei, drei oder noch mehr Hebeln oder Wagebalten. Es gehören hierher die Brücken-, Straßen- und Mauthwagen, die Tafelwagen u. s. w. Sie dienen meist zum Abwiegen größerer Körper und sind deshalb in der Regel verjungte Wagen. Die Wagschale für die Last wird hier durch eine große Tasel (Brücke) erset, und es ist dieselbe so zu unterstützen und mit den Hebeln zu verbinden, daß das Auf- und Abnehmen des abzuwiegenden Körpers die größte Bequemlichseit gewährt, und die Angabe der Wage von der Stellung und dem Orte des Körpers auf der Brücke nicht abhängt.

Eine vorzügliche Brüdenwage (franz. balance à bascule; engl. weighbridge) ist die in Fig. 221 abgebilbete Wage von Schwilgne in Straß-



burg. Die Brüdenwage besteht aus einem boppelarmigen Hebel ACB, aus einem einfachen einarmigen Hebel $A_1B_1C_1$ und aus zwei gabelförmisgen einarmigen Hebeln $B_1S_1DS_2$ u. s. w. Die Dreharen dieser Hebel sind C, C_1 und D_1 , D_2 . Die Brüde W ist nur zum Theil abgebildet, und von den beiden gabelförmigen Hebeln ist nur der eine sichtbar. Für gewöhnlich ruht die Brüde auf den vier Bolzen K_1 , K_2 u. s. w., während des Abwiegens aber wird dieselbe durch die vier Schneiden S_1 , S_2 u. s. w., welche auf den gabelförmigen Hebeln sitzen, unterstützt. Um dies zu können, ist das Gestell E der Wage AB deweglich und durch eine Kurbel mittels gezahnter Räder u. s. w. (hier nicht sichtbar) auf und nieder stellbar. Das Geschäft des Abwägens besteht in dem Auslegen der Last (Aussahren des Lastwagens), in dem Emporheben des Gestelles EC, in dem Auslegen von Gewichten in die Wagschale C und, nach bewirktem Einspielen der Wage, in dem Wiederniederlassen des Gestelles und der Brüde.

Gewöhnlich ift das Hebelarmverhältniß $rac{CA}{CB}=$ 2,

bas Hebelarmverhältniß $\frac{C_1A_1}{C_1B_1}$ = 5,

und das Armverhältniß $\frac{DB_1}{DS}$ = 10;

ist bemnach bie leere Wage tarirt, so hat man die Kraft in B ober A1:

= 2 mal Gewicht G in ber Wagschale;

die Rraft in B_1 :

= 5 mal Kraft in $A_1 = 2.5 = 10$ mal Gewicht G, und endlich die Kraft in S:

= 10 mal Kraft in B_1 = 10.10 = 100 mal Gewicht G; es ist also beim Einspielen die aufgelegte Last 100 mal so groß als das

S. 117.] Bon bem Dieffen ber bewegenben Rrafte ze.

275

aufgelegte Gewicht G; und die Wage eine Centefimal- ober 100 fach verjungende Bage.

Eine andere, von W Beder in Strafburg construirte Brildenwage ist in Fig. 222 abgebildet. Die Brilde W dieser Wage ruht mittels vier Säulen in B_1 , B_2 u. s. w. auf ben gabelsvrmigen einarmigen Hebeln $A_1 B_1 C_1$, $A_2 B_2 C_2$, von benen der letztere durch einen gleicharmigen Hebel DEF mit einer Verlängerung $C_1 H$ des ersteren verbunden ist. Vor dem Fig. 222.



Abwägen ruht die Britde auf den Lagern S, S, wenn aber die Laft aufliegt, wird das Gestelle LL der Wage AB, sowie auch das ganze Hebelspstem mittels einer Aurbel K, eines gezahnten Rades R u. s. w. emporgehoben, und nun so viel Gewicht G in die Wagschale gelegt, als zum Aequisibriren nöthig ist. Wo und wie auch die Last Q auf der Britde W aufruhe, immer ist die Summe der Kräste in B_1 , B_2 u. s. w. der Last gleich. Nun ist aber das Berhältniß $\frac{C_2A_2}{C_2B_2}$ der Armlängen dem Berhältnisse $\frac{C_1A_1}{C_1B_1}=\frac{a_1}{b_1}$ gleich, auch die Armlänge DE der Armlänge DF, sowie C_1H C_1A_1 ; es sommt daher auf Eins hinaus, ob ein Theil der Last Q von B_2 oder unmittelbar von B_1 aufgenommen werde, oder die Gleichgewichtsverhältnisse hes Hebels $C_1B_1A_1$ sind dieselben, ob die ganze Last Q in B_1 unmittelbar, oder nur ein Theil in B_1 , der andere Theil aber in B_2 aufruhe und erst mittels der Hebel $C_2B_2A_2$, EDF und C_1H auf $C_1B_1A_1$ wirke. In nun noch $\frac{a}{b}$ das Armverhältnisse $\frac{CA}{CB}$ der oderen Wage ACB, so hat man die Krast in der Zugstange BA_1 :

$$Z=\frac{a}{b}\cdot G,$$

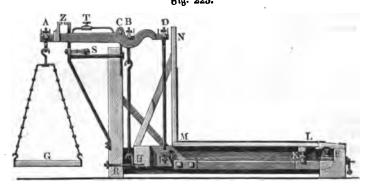
und baber bie Große ber Belaftung ber vorher tarirten Brude:

$$Q = \frac{a_1}{b_1} Z = \frac{a_1}{b_1} \cdot \frac{a}{b} G.$$

Gewöhnlich ift $\frac{a}{b}=\frac{a_1}{b_1}={}^{10}\!/_1$, baber Q=100~G, und die Bage eine Centesimalwage.

Anmerkung. Die Stragen: ober Mauthwagen erforbern nur fcmale Bruden, wenn man bie Laftwagen erft mit ben Borber: und bann mit ben hinters rabern auffahrt. Das Gewicht bes gangen Bagens ift hier bie Cumme ber Abswägungsresultate, wie auch bie Laft auf bie beiben Rabaren vertheilt fei.

§. 118 Tragbare Brückenwagen. In technischen Werkstätten, Fabriken und Manusacturen sindet man die in sehr verschiebenen Größen ausgeführten tragbaren Brückenwagen von Quintenz angewendet. Eine solche, in Fig. 223 abgebildete Wage besteht aus drei Hebeln ACD, EF und HK. An dem ersten Hebel hängen die Wagschale E sür die Bestimmungsgewichte Kig. 223.



und noch zwei Stangen DE und BH herab; die Stange DE trägt ben um ben festen Buntt F brebbaren Bebel EKF, und die zweite Stange BH trägt ben Bebel HK, beffen Drehungeare K auf bem Bebel EF auffitt. Um ben beiden letten Bebeln eine fichere Lage zu verschaffen, find dieselben gabelförmig gestaltet, und bie Drebaren F und K berfelben burch je zwei Coneiben gebildet. Auf bem Bebel HK fitt die trapezoidale Britde ML, welche gur Aufnahme ber abzuwiegenden Laft bestimmt und noch mit einer Rudwand MN versehen ift, um die verletlichen Theile ber Bage vor Beschädis gung ju fcuten. Bor und nach bem Abmagen ruht ber burch einen Rahmen gebilbete Bebel auf brei Stiften, wovon in ber Durchschnittszeichnung nur ber eine (R) fichtbar ift, ber Wagebalten AD aber wird durch eine mit einer Sanbhabe ausgeruftete hebelformige Arretirung & unterftutt. Sat man bie Waare aufgelegt, fo legt man die Arretirung nieder und fest nun fo viel Gewicht auf G, bis AD jum Ginfpielen tommt. Nach biesem wird bie Arretirung wieder gehoben, fo bag fich HK wieder auf die drei Bolgen auffest, und bie Laft, ohne bie Wage ju beschädigen, abgenommen werben tann. Den horizontalen Stand von AD erkennt man an dem Zeiger Z und die Leere Wage tarirt man burch ein verschiebbares Gewicht T ober burch eine besondere Rulage bei G.

Wie bei allen Wagen, so ist es auch bei bieser Brudenwage nöthig, baß ihre Angabe nicht von ber Lage und ber Stellung bes abzuwiegenden Körpers auf der Brude abhänge; damit aber bieser Bebingung Genüge geleistet

Gig. 224.

werbe, ift es erforderlich, baß das Verhältniß $\frac{E\,F}{K\,F}$ ber Arme des Hebels EKF, Fig. 224, gleich sei dem Hebelarmverhältniß $\frac{C\,D}{C\,B}$ des Wagebalkens $A\,D$.

Ein Theil X ber Last Q auf ber Bridde wird burch bie Zugstange BH auf ben Wagebalken AD übergetragen und wirkt an

biesem mit dem statischen Momente \overline{CB} . X; ein anderer Theil Y hingegen geht bei K auf den Hebel EF über und wirkt in E mit der Kraft:

$$Z = \frac{KF}{EF} \cdot Y.$$

Run geht wieder diese Rraft mittels der Stange DE in D auf den Bage-ballen über; es wirkt baher der Theil Y mit bem statischen Momente:

$$CD \cdot \frac{KF}{EF} \cdot Y$$

und in B mit ber Rraft:

$$\frac{CD}{CR} \cdot \frac{KF}{EF} \cdot Y$$

am Wagebalten AD. Damit das Gleichgewicht des Wagebaltens weber von X noch von Y allein, sondern nur von der Summe Q = X + Y abhänge, ist nöthig, daß Y in demselben Punkte B genau so wirke, als wenn es unmittelbar von demselben aufgenommen würde, daß also

$$rac{CD}{CB} \cdot rac{KF}{EF} \cdot Y = Y$$
, b. i. $rac{CD}{CB} \cdot rac{KF}{EF} = 1$, $rac{CD}{CB} = rac{EF}{KF}$ fet.

also

Bezeichnen wir nun die Hebelarme CA und CB durch a und b, so haben wir wieder, wie bei der einfachen Wage,

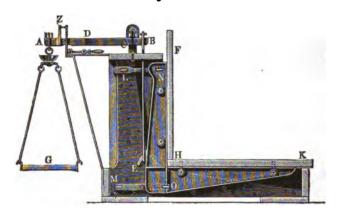
$$Ga = (X + Y)b = Qb$$

und baher bas gefuchte Scwicht:

$$Q=\frac{a}{b} G,$$

z. B. = 10 G, wenn die Arnlänge CB in der Armlänge CA, 10 mal enthalten ist. Diese Wage prüft man, indem man zusieht, ob ein nach und nach in mehreren, und zumal in den Edpunsten der Brücke aufgelegtes Gewicht Q stets einem $\frac{a}{b}$ (10) mal so Keinem Sewichte G in der Wagschale das Gleichgewicht halt.

§. 119 Eine andere eigenthümliche Britdenwage ist die (balance-bascule) von George in Paris, s. Bulletin de la Société d'Encouragement, Avril 1844, oder Dingler's Polyt. Journal, Bb. 93. Die wesentliche Einrichtung einer solchen Wage ist folgende. ACB, Fig. 225, ist eine Decimalwage mit der Wagschale G und dem Zeiger Z, welche rechts von D in zwei Kig. 225.



Armen ausläuft, wovon jeder mittels einer Schneide C auf dem Gestelle aufruht und mittels einer anderen Schneide B eine Zugstange BE erfaßt, woran die Brilde FHK hängt. Damit sich die letztere nicht um den Aufdängepunkt E drehe und umschlage, ist das Wagegestelle mit zwei Paar horizontalen Schneiden L, M, sowie der Rahmen, welcher die Brilde trägt, mit zwei Paar Schneiden wie N, O ausgerüstet, und sind je zwei dieser Schneiden durch Querstangen LN, MO dergestalt mit einander verbunden, daß die Componenten der aus der excentrischen Belastung der Brilde hervorgegangenen Krästepaare von N auf L durch Zug und von O auf M durch Druck übergetragen werden.

Denkt man sich im Aufhängepunkte E ber Brüde HK, Fig. 226, zwei gleiche Berticalkräfte +Q, — Q angebracht, so bilbet die eine (— Q) mit

Fig. 226.

Pe = Qd, $P = \frac{d}{e} Q.$

upb baher.

Sind ferner a und b die Hebelarme CA und CB bes Wagebaltens, und ift G bas aufgelegte Gewicht, so hat man für den Gleichgewichtszustand ber übrigens tarirten Wage:

und baher:

$$Ga = Qb$$
,
 $G = \frac{b}{a} Q$.

Es hängt also nur die Horizontaltraft $\pm P$, nicht aber das aufgelegte Gewicht G von der Entfernung e oder von der Lage der Last Q auf der Brude ab.

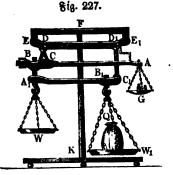
Schiffswage. Zu ben einfacheren Wagen mit verjüngten Gewichten §. 120 gehört die sogenannte schwedische Schiffswage. Dieselbe besteht in der Hauptsache aus zwei übereinander hängenden ungleicharmigen Wagedalten, welche so mit einander verbunden sind, daß die Kraft des unteren Baltens als Last des oberen wirkt. Sind folglich bei beiden Balten die Lastarme 10 mal in den Kraftarmen enthalten, so giebt die Kraft oder das Gewicht Gin der Wagschale des langen Armes des oberen Baltens die Last Q in der Wagschale des kürzeren Armes vom unteren Balten hundertsach verkleinert an.

Rach bemselben Principe ift auch die Decimal- und Centesimalwage von Joseph Beranger (f. Bolyt. Centralblatt, 1850) conftruirt. Es besteht

biefelbe ebenfalls aus zwei Balten A CB und A_1 C_1 B_1 , Fig. 227, mit ben Armverhaltnissen:

$$\frac{CA}{CB} = \frac{C_1A_1}{C_1B_1} = 10.$$

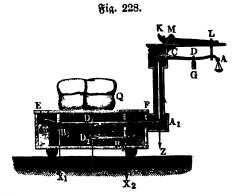
Die Scheeren CD, C, D, berfelben find mit einem britten Balten DD,



verbunden, welcher mittels zwei Desen E und E1 an das Gestelle FK angehangen wird. Während der obere Wagebalken nur die kleine, zur Aufnahme der Sewichte dienende Wagschale G trägt sind an den unteren Wagebalken zwei Wagschalen W und W1 zur Aufnahme der Last oder des abzuwiegenden Körpers angebracht. Je nachdem man nun diese Last Q in die eine oder in die andere Wagschale legt

und mit G ins Gleichgewicht fett, giebt dieses Gewicht bie Große von Q gehn- ober hunbertfach an.

§. 121 Tafolwage. Eine englische auf Rabern ruhenbe Bruden- ober Tafelwage ift ber Hauptsache nach in Fig. 228 abgebilbet. Die Brude



oder Tasel EF zur Aufnahme der Last Q bildet
hier den Deckel eines Rastens, worin der Hebelmechanismus der Wage
eingeschlossen ist und ruht
mittels vier Füßen auf den
Schneiden B_1 , B_2 u. s. w.
der um C_1 und C_2 drehbaren Hebel oder Wagebalken $C_1B_1D_1$ und $C_2B_2D_2$,
welche unter sich durch eine
Hängestange D_1 D_2 und

mit dem Wagebalten ABC durch eine andere Stange BA_1 verbunden sind. Die Scheere CK des letzteren Wagebaltens hängt an einem um M drehbaren Hebel KL, dessen Ende L niedergedrikkt wird, um C und hiermit auch EF zu heben und die Wage ins Spiel zu setzen.

Ist berjenige Theil, welchen die Doppelschneide B_1 trägt, $= X_1$, ferner berjenige Theil, welchen die Doppelschneide B_2 aufnimmt, $= X_2$, und sind

bie Hebelarme $C_1 A_1 = a_1$, $C_1 B_1 = C_2 B_2 = b_1$ und $C_1 D_1 = C_2 D_2 = d_1$, so hat man die Angkraft in $D_1 D_2$:

$$Y = \frac{b_1 X_2}{d_1}$$

und die in BA1:

$$Z = \frac{b_1 X_1}{a_1} + \frac{d_1 Y}{a_1} = \frac{b_1 X_1 + b_1 X_2}{a_1} = \frac{b_1 (X_1 + X_2)}{a_1} = \frac{b_1 Q}{a_1}.$$

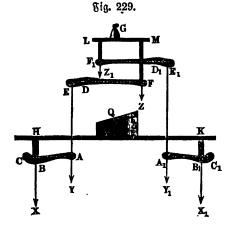
Bezeichnet endlich a den veränderlichen Arm CD des Laufgewichtes G, und b den Arm CB der Zugkraft Z, so hat man, unter der Boraussetzung, daß die leere Wage durch ein besonderes Gewicht tarirt ist:

$$Ga=Zb=\frac{b_1bQ}{a_1},$$

und baber bie Laft:

$$Q=\frac{a\,a_1}{b\,b_1}\,G.$$

Die Einrichtung einer Tafelwage nach Kuppler ist aus Fig. 229 zu ersehen. Die Last Q wird hier auf eine Tasel HK und bas Gewicht G



auf eine Tafel LM gelegt; während bie erftere vorzüge lich von ben Bebeln ACB und A1 C1 B1 unterftilitt wird, ruht die lettere aunächst auf den Bebein DEF und $D_1E_1F_1$, welche burch bie Bugftangen AE und A1 E1 mit ben ersteren Debeln verbunden find. Bezeichnet man die Arme $CA = C_1 A_1$ burch a, bie Arme $CB = C_1 B_1$ burch b, ferner bie Arme $DF = D_1 F_1$ burch a_1 fowie die Arme $DE = D_1 E_1$

burch b_1 , und setzt man die aus Q hervorgehenden Drilde auf B und B_1 , = X und X_1 , so hat man die hierans resultirenden Kräfte in den Zugsstangen AE und A_1E_1 :

$$Y = \frac{b}{a} X$$
 und $Y_1 = \frac{b}{a} X_1$,

und die das Gewicht G aufnehmenden Kräfte in den Flißen FM und F_1 L der Tafel LM:

$$Z=rac{b_1}{a_1}\ Y=rac{b\,b_1}{a\,a_1}\ X$$
 and $Z_1=rac{b_1}{a_1}\ Y_1=rac{b\,b_1}{a\,a_1}\ X_1$

so bak nun

$$G = Z + Z_1 = \frac{b b_1}{a a_1} (X + X_1) = \frac{b b_1}{a a_1} Q$$

fowie umgekehrt

$$Q=\frac{a\,a_1}{b\,b_1}\,G,$$

3. 3. für
$$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a}{b} = 10$$
, $Q = 100 G$ folgt.

Anmerkung. Ueber die Brückenwagen wird aussührlich gehandelt in Sulfe's Allgemeiner Maschinenencyclopable, Bb. U, Art. Brückenwagen; nachstem auch in Gerstner's Mechanik, Bb. I. Ueber hofmann's Tafelwagen, welche ebenfalls hierher zu zählen sind, ist in Poggendorff's Annalen 1845 und in Dingsler's Bolyt. Journal, Bb. 97, nachzusehen. Es gehören hierher auch bie Bagen von Auppler und Baumann, welche im Baiertichen Aunst und Gewerbeblatt, Jahrgang 1845 und dem oben eitrirten Artisel in der Allgemeinen Maschinensencyclopable abgehandelt werden. S. auch die Beschreibung ter Brückenwage zum Bägen belasteter Bagen von Edmid in Bb. 27 (1861) des poplytechnischen Centralblattes. Eine aussührliche Abhandlung über die Bagen von Burg enthält auch Prechtl's Technologische Encyclopable Bd. 20. Nächstdem ist Rühlmann's allgemeine Maschinensehre Bb. 1, 1862 zu empschlen. Eine Brückenwage eigenthümlicher Construction, von herrn Pros. hönemann, wird in einer besonderen Monographie, Wien 1855, beschrieben.

§. 122 Zeigerwage. Die Zeigerwage (franz. peson ordinaire; engl. bentlever balance) ist ein ungleicharmiger Hebel A CB, Fig. 230, welcher bas Gewicht Q ber angehängten Waare mittels eines über einer festen Scala

Fig. 230.



DE weggehenden Zeigers CA angiedt, indem sich das an dem Zeiger besestigte Gewicht G mit Q ins Gleichgewicht sett. Um die Theorie dieser Wage zu entwickeln, denken wir uns zunächst den einsachen Fall, daß die Zungenare CD durch den Aushängepunkt B der Wagsschale, Fig. 231, gehe. Ist die leere Wage im Gleichgewicht, also ihr Schwerpunkt Soscier in CDo, und es besinde sich der Aushängepunkt der Last in Bo. Legt man aber

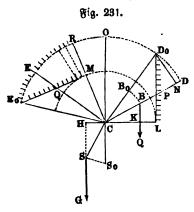
eine Last Q zu, so komme B_0 nach B, D_0 nach D und S_0 nach S, es erhalte also bie Last Q ben Hebelarm CK und bas Gewicht G ber leeren Wage ben Hebelarm CH. Es ist für ben neuen Gleichgewichtszustand:

$$Q \cdot \overline{C}K = G \cdot \overline{CH}$$

Fällt man D_0 N winkelrecht gegen CD, so erhält man in CD_0 N und SCH zwei ähnliche Dreiede, weshalb sich

$$\frac{CH}{CS} = \frac{D_0 N}{CD_0}$$

schen läßt; da nun auch noch die Dreiede $D_0\,PN$ und CBK einander ähn-



lich find, so hat man auch:
$$\frac{CK}{CR} = \frac{D_0 N}{D_0 P},$$

und baher:

$$Q \cdot \frac{CB \cdot D_0 N}{D_0 P}$$

$$= G \cdot \frac{CS \cdot D_0 N}{CD_0},$$

ð. i.:

$$Q = rac{CS}{CB} \cdot rac{D_0P}{CD_0}G;$$

ober, wenn man CS = a, CB = b, $CD_0 = CD = d$ und $D_0 P = x$ sest:

$$Q = \frac{a}{b} \cdot \frac{x}{d} G.$$

Es wächst also Q mit dem Abschnitte $\overline{D_0P}=x$ der Zunge auf der Berticalen D_0L , und es läßt sich daher D_0L als eine gleichtheilige Scala gebrauchen. Hat man durch Auslegen einer bekannten Last den entsprechenden Theilpunkt P auf dieser Scala gesunden, so erhält man folglich andere Theilpunkte, wenn man den Raum D_0P in gleiche Theile theilt.

Seht die Zeigerlinie CD_0 nicht über den Aufhängepunkt B weg, sondern hat sie eine andere Richtung CE_0 , so sindet man die entsprechende gleichtheilige Scala E_0M , wenn man das rechtwinkelige Dreieck CD_0L als CE_0M über CE_0 legt. Um endlich eine anders gerichtete oder kreissörmige Scala E_0R zu erhalten, zieht man aus dem Drehpunkt C gerade Linien durch die Theilpunkte der E_0M bis zum Kreise, wolchen die Zeigerspise durchsäuft.

Anmerkung. Es giebt noch andere Beigerwagen, z. B. bie Beigerwage von Du Mont, die Beigerwage von Braby u. f. w.; auch gehört hierher Beber's Kettenwage, sowie Steinhiel's Brückenwage mit Beiger, welche nicht mittels Schneiben unterflüßt, sondern an Roben ober Banbern aufgehangen ist. Bei diesen Bagen bildet die Scala mit dem Gewichte ein Ganzes, und es dient ein die Wagschale tragendes Loth als Beiger. Die Beigerwagen kommen im praktischen Leben als Garn-, Sortir-, Papier-, Brieswagen u. s. wor. Siehe den Artifel "Wage" im Band 20 von Prechtl's Technologische Encyclopädie, sowie im Band 10 von Gehler's Physisalischem Wörterbuche.

§. 123

Federwage. Feberwagen ober Federbynamometer (franz. posons à ressort; engl. spring-balances, spring-yards) bestehen aus gesätteten Stahlsebern, auf welche bie zu messenben Gewichte ober Kräfte wirken, und aus Zeigern, welche auf Scalen hinlaufen, wo sie bie von ben Kräften hervorgebrachten Formveränderungen anzeigen und badurch die Größe der Kräfte mittelbar angeben. Diese Stahlsebern müssen volltommen elastisch sein, b. h. sie müssen nach Wegnahme der Kraft ihre erste Gestalt wieder volltommen

Fig. 232.



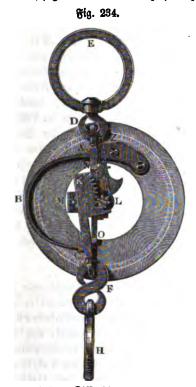
Fig. 233.



herstellen. Aus biefem Grunde barf man bie Feberwage auch nur bis zu einem gewiffen, ihrer Stärte entsprechenben, Grabe belaften; geht man bamit itber bie Glafticitategrenze binaus, fo verlieren fie ihre volltommene Elafticität und werden baburch gang unbrauchbar. Die ju biefen Wagen verwendeten Febern find von fehr ver-Buweilen find biefe fcraubenfchiebenen Formen. förmig gewunden, und in einem cylindrifden Bebaufe eingeschloffen, fo bag fie burch ihre Berlangerung ober Berkurgung in ber Arenrichtung biefes Cylinbers bie Größe ber in eben biefer Richtung mirtenden Rraft an-Eine folche Feberwage, wie fie in Frankreich gebraucht wird, ift in Fig. 232 abgebilbet. Das eingetheilte Stäbchen AB endigt fich oben in einem Ringe C zum Aufhängen und unten in einem Rolben B, und ift mit einer, in ber Figur burchschnitten bargestellten, Spiralfeber umgeben, welche nebft bem Rolben B bon bem chlindrischen Gehäuse DE umgeben wird. Das lettere hat oben eine rectanguläre Deffnung für bas eingetheilte Stäbchen und trägt unten einen Saten H, woran ber abzuwiegende Körper gehangen wird. hier bas Bewicht bes in H hängenben Rorpers mittels ber Spiralfeber auf ben festen Rolben B bes Stabchens AB wirft, fo wird fich nathrlich biefe Feber um fo mehr zusammenbrücken, folglich bas Behäufe DE um so tiefer herabsinken und ein um fo größerer Theil AD ber Scala fichtbar werben, je größer biefes Gewicht ift.

Bei anderen Feberwagen bilbet die Stahlseber einen offenen Ring ABDEC, Fig. 233, und es ist der Zeiger CZ durch ein Scharnier mit einem Ende C derselben verbunden sowie durch das ringförmige Ende A gesteckt. Wird ber bei B sigende Ring festgehalten, während eine Kraft P an dem Haken EP zieht, so gehen die Enden A und C in der Richtung der Kraft aus einander und

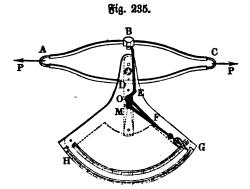
es steigt der Zeiger CZ bis zu einer gewissen Stelle an der bei D auf der Feder befestigten Scala in die Höhe. Hat man vorher durch bekannte an-



gehängte Gewichte bie Eintheilung ber Scala bestimmt, so läßt sich nun an biefer Scala bie Größe ber unbekannten und auf die Wage wirkenden Kraft P bestimmen.

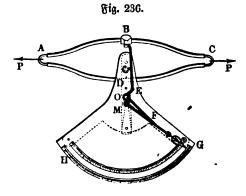
In Fig. 234 ift die hintere Anficht einer frangofifchen Feberwage berfelben Art abgebilbet. Die Feber ABC ift hier bei A auf ber hinteren Seite eines freis. runden Biffernblattes befestigt, fowie mit einem Baten D und Ringe E jum Aufhängen verbunden, und trägt mit bem freien Enbe C eine Hakenverbindung FH, an welche die abzuwiegende Waare gehangen wirb. Auch ift an biefem Feberende C ein gezahnter Arm CK angeschloffen, welcher mit feinen Bahnen in ein Bahnrabchen L eingreift, auf beffen Are ber (in ber Figur nur jum Theil fichtbare) Beiger Z fist. Diefer gezahnte Urm läßt fich in ber Wührung MNO verschieben, welche

mit A und dem Zifferblatte fest verbunden ist, und auch die Arenlager bes Weisers und Zahnrades L trägt. Es ift leicht einzusehen, wie durch die in H



angreifenbe Last ber Arm CK abwärts gezogen und baburch bas Zahnräbchen sammt bem Zeiger LZ in Bewegung gesett wird, so baß ber lettere burch seinen Stand auf bem Zifferblatte die Größe ber Last angeben kann.

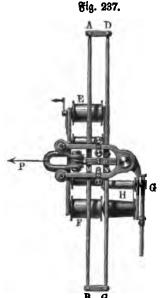
Fig. 235 zeigt einen Rraftmeffer ober Dynamometer bon Regnier; ABCD ift bie einen geschlossenen Ring bilbende Stahlseber, die entweber burch Kräfte in A und C ausgezogen ober burch Kräfte in B und D zusammengebrückt wird; DEGH ist ein mit zwei Kreisscalen versehener und bei DE mit der



Feber sest verbundener Sector, serner MG ein um M brehbarer und auf den Scalen hinlausender Doppelzeiger, und EOF ist ein Winkelhebel, welcher bei Einwirkung der Kräste und Sichnähern der Punkte B und D durch eine Stange BE um O gedreht wird, und den Zeiger MG mit Hülse des Armes OF in Bewegung setzt. Damit der

Beiger nach Einwirfung ber Kraft seinen Stand behalt und bieser bequem abgelesen werden kann, wird ber Zeiger auf seiner unteren Seite mit einem sich auf ber Zeigerebene reibenben Tuchlappchen verseben.

§. 124 Federdynamometer. Die volltommensten und für maschinelle Zwede



brauchbarften Feberbnnamometer hat ber General Morin bei feinen Berfuchen über bie Reibung u. f. w. angewenbet, und in ber besonderen Abhandlung (Description des appareils chronométriques à style et des appareils dynamométriques. Metz 1838) Diese Dynamometer sinb aus beschrieben. amei gleichen Stahlfebern AB und CD, Fig. 237, von 1/4 bis 1/2 Meter Lange ausammengeset, und geben bie Größe ber in ber Mitte M ber einen Feber angreifenben Rraft P burch bie bewirfte Bergrößerung ber Entfernung MN zwischen beiben Febermitten an. Um nun bie Große einer Rraft, 3. B. bie Bugfraft ber Pferbe vor einem Bagen, ju finden, wird bie Feber CD in ber Mitte N burch einen Bolgen mit bem Wagen fest verbunden, und bie Rugtette ber Bferbe in M angeschloffen, und es läßt fich burch einen Beiger in M und an einer mit N verbundenen Scala ber die Kraft P messenbe relative Weg von M beobachten. Sind die Federn parallelepipedisch geformt und von der Länge l, Breite b und Dicke h, so hat man nach Band I, §. 217 die der Kraft P entsprechende Bogenhöhe:

$$a = \frac{1}{48} \cdot \frac{Pl^3}{WE} = \frac{1}{4} \cdot \frac{Pl^3}{Ebh^3};$$

es wächst folglich die Bogenhöhe wie die Kraft und es läßt sich also bei biesem Ohnamometer eine gleichtheilige Scala anwenden. Da hier die Ausbiegung s von zwei Febern angegeben wird, so hat man dieselbe doppelt so groß als die einsache Bogenhöhe, b. i.:

$$s=\frac{1}{2}\frac{Pl^3}{Ebh^3}.$$

Um Material zu ersparen, giebt man lieber biesen Febern bie bekannte parabolische Form eines Rörpers von gleichem Widerstande, wobei sie zwar eine constante Breite, bagegen eine nach ben Enden zu allmälig abnehmende Dide erhalten (s. Bb. I, §. 253 bis §. 256), und bie Durchbiegung doppelt so groß aussäult, als bei einem Körper von constanter Dide h. Es ist also sit solche parabolische Doppelsedern:

$$s = \frac{P l^3}{E b h^3} = \frac{1}{E b} \left(\frac{l}{h}\right)^3$$
. $P = \nu P$,

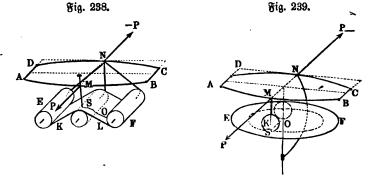
wenn v eine Erfahrungszahl bezeichnet.

Wenn man vor der Anwendung eines solchen Instrumentes ein bekanntes Gewicht angehängt und die bewirfte Ausbiegung s beobachtet hat, so läßt sich das Berhältniß v zwischen Ausbiegung und Kraft berechnen, und dieselbe zur Ansertigung der Scala benuten. Bei Anwendung des besten Stahles hat sich gezeigt, daß die Bogenhöhe dis 1/10 der Länge aussallen kann, ehe das Berhältniß zwischen Kraft und Weg ein anderes und die Elasticitätsgrenze überschritten wird.

Zoichnen- und Zählapparato. In der Regel wirken die Kräfte §. 125 nicht immer gleich stark, sondern sie sind steten Schwankungen ausgesetzt, es tann daher meist nur die Frage nach dem mittleren Werthe einer veränderslichen Krast beautwortet werden. Nun geben aber die gewöhnlichen Zeigersapparate einer Federwage nur die Krast für einen Augenblick, oder nur den Maximalwerth derselben an; es lassen daher die gewöhnlichen Dynamometer bei größerer Beränderlichseit der Kräste, wie z. B. dei Bewegung von Fuhrswerten, noch eine große Unsicherheit zurück. Aus diesem Grunde ist die Answendung der zuerst von Poncelet vorgeschlagenen und von Morin zur Anwendung gebrachten Totalisirungsapparate von Nutzen. Beide Apparate geben das Product ans Krast und Weg oder die Arbeit derselben an,

und es läßt sich nun der mittlere Werth der Kraft finden, wenn man die Arbeit burch den Weg der Kraft, z. B. durch den zurückgelegten Weg des Wagens, dividirt.

Bei bem Zeichnenapparate (Dynamomètre à style et à bande de papier) wird das Maß der Kraftleistung von einem durch M gesteckten Stifte MS, Fig. 238, auf einem sich unter ihm wegziehenden Papierstreisen KL aufgezeichnet. Dieser Papierstreisen wird von der Kolle E auf die Rolle F aufgewickelt, die durch die Maschine selbst mittels Schnur ohne Ende und Käder, wie G, H u. s. w., Fig. 237, ihre Bewegung erhält. Ohne Spannung der Federn, und also auch ohne Krast, würde während der Bewegung der Maschine eine gerade Linie auf dem sich unter dem Zeichnensestifte hinziehenden Papierstreisen entstehen; da aber bei der Bewegung der Maschine die Federn durch die Krast P gespannt sind, so bildet sich auf dem Papierstreisen in einiger Entsernung von jener Linie eine im Ganzen mit ihr parallellausende Eurve OS ab. Der Flächenraum zwischen diesen wird die Krast proportionale Linie und zur Hase die Krast selbst proportionale, übrigens aber mit ihr veränderliche Größe der Ausbiegung der Feder hat.



Der Zählapparat (Dynamomètre à compteur) besteht in der Hauptsfache 1) aus einem horizontalen Teller EF, Fig. 239, welcher mit der Mitte N der hinteren Feder CD in sester Berbindung steht und durch die Maschine, an welcher die zu ermittelnde Kraft wirk, in Umdrehung gesett wird, und 2) aus einem verticalen Rädchen KS, welches mit der Mitte M der vorderen Feder AB sest verbunden ist und sanst auf den Teller EF außtrildt, so daß es in Folge der Reibung von letzteren um seine Are K umgedreht wird. Macht der Teller pr. Minute u Umdrehungen und ist die Entsernung OS des Berührungspunktes S zwischen dem Rädchen und dem Teller von der Umdrehungsage O des letzteren, $= \varepsilon$, so läßt sich die Sesschwindigkeit des Punktes S

$$v = \frac{2\pi\varepsilon u}{60} = \frac{\pi u s}{30}$$

fegen.

Macht bagegen bas Räbchen pr. Minute u_1 Umbrehungen und ist ber Halbmesser KS besselben = r, so hat man seine Umbrehungsgeschwindigkeit:

$$v=\frac{\pi u_1 r}{30},$$

so daß nun folgt:

$$u_1 r = u z$$

ober:

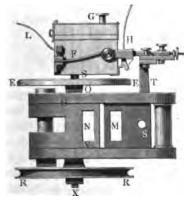
$$\dot{u}_1 = \frac{u \, s}{r}$$

Steht das Rädchen im Mittelpunkte O des Tellers, wenn die Feder noch gar nicht gespannt ist, so ruckt es durch die Einwirkung einer Zugkraft P um einen Weg OS = s sort, welcher dieser Krast P proportional ist, und da nun die Umbrehungszahl u des Tellers durch den Weg der Maschine oder die Krast P gemessen wird, so folgt, daß die Umdrehungszahl u_1 des Rädchens mit dem Producte aus Krast P und Weg s gleichmäßig wächst, daß sie daher auch das Waß der Arbeit L der Krast ist.

Sett man $s = \alpha P$ und $u = \beta s$, so hat man folglich:

$$L = \frac{\alpha \beta Ps}{r} = \mu Ps,$$

wenn man noch $\frac{\alpha\beta}{r}$ burch den constanten Coefficienten μ ausbrückt. Die speciellere Einrichtung des Zählapparates ist aus Fig. 240 zu ersehen. EE ist wieder der mittels eines Seilrades RR n. s. w. um die Are OX umzudrehende Teller und S der sichtbare Theil des Laufrädchens. Der übrige Fig. 240.

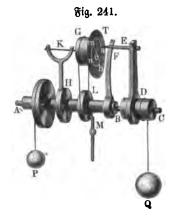


Beisbach's Behrbuch ber Dechanif. II.

Theil beffelben ift in bem Behaufe FG eingeschloffen, welches jugleich bas Uhr - ober Raberwert enthält, wodurch zwei eingetheilte Scheiben in Umbrehung gefett werben, welche bie Anzahl ber Umbrehungen bes Laufrabchene angeben. Ein Paar Febern (F) brudt bas Gehäuse fanimt Laufrabchen S mahrenb ber Beobachtung fanft auf ben Teller auf, mogegen es mittele ber Baten L und H vom Teller abgehoben und über bemfelben aufgehangen werben Um ben Beginn und bas fann.

Ende der Beobachtung am Zählapparate zu marktren, wird auf einen Knopf G gedruckt, welcher mittels eines einfachen Mechanismus auf jedes der beiden eingetheilten Räder einen Punkt mit Tusche angiebt. Die hintere Hauptscher des Ohnamometers ergreift das mit der Maschine sest verbundene und die Are des Tellers tragende Gestell UV im Punkte N, wogegen die vordere Hauptscher in M auf den verschiebbaren Support MST des Zählapparates wirkt.

§. 126 Rotationsdynamometer. Wenn es barauf ansommt, die Umdrehungstraft einer umlaufenden Welle zu ermitteln, so mussen die im Borstehenden beschriebenen Dynamometer modificirt werden. Die wesentliche Einrichtung eines so modificirten Dynamometers ist aus der ideellen geometrischen Darstellung in Fig. 241 zu erschen. Eine Maschine, deren Umdrehungsfraft und Arbeit man ermitteln will, bestehe in der Hauptsache aus der



Welle AB mit der Kraft P und aus ber Welle BC mit der Last Q, und es sei die Verbindung dieser beiden Wellen mit einander durch eine auf der Welle AB sitzende Stahlseder BF und einen auf der Welle BC besestigten und mit einem Bolzen E ausgerüsteten Arm DE hergestellt. Wenn man nun an einer am Bolzen E angedrachten Scala die Seitendiegung der Feder BF abliest, so erhält man dadurch ein Maß der Krast R, womit die beiden Wellen auf einander wirken, und ist noch der Abstand a des Bolzens E von der gemeinschaftlichen

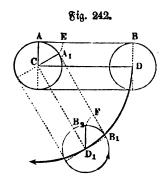
Axenrichtung AC beiber Wellen sowie die Umdrehungszahl u ber Welle bekannt, so läßt sich nun auch die Arbeit ber Kraft P oder Q durch die Formel

$$L = \frac{\pi u a}{30} R$$

berechnen.

Da von der gedachten Scala immer nur ein Einzels und nicht der Mittelswerth der Kraft R angegeben wird, so ersett man dieselbe durch einen Tostalisirungsapparat (s. den vorigen Paragraphen), welcher das Maß der Arbeit der Kraft R angiebt. Ein solcher Totaliseur besteht zunächst in einer Welle oder Trommel G, welche sich nicht allein mit der Welle AB gemeinschaftlich, sondern auch noch um ihre eigene Axe K umdreht, und es ist zu diesem Zweck die Axe K auf einem Arme HK gelagert, welcher auf

der Welle AB festsitt; damit sich diese Trommel G auch um ihre eigene Are drehe, ist sie noch mit einer anderen Trommel L, welche zwar auf der Welle AB aussit, jedoch mit dieser nicht fest verbunden ist und durch einen Arm M an der Umdrehung verhindert wird, durch eine Schnur ohne Ende verbunden. In Folge der Umdrehung der Ar um AB dreht sich dann auch die Rolle G um K. Es stelle in Fig. 242 AC die seste und BD



bie um C brehbare, mit A C durch eine Schnur ohne Ende verbundene Rolle von beliebiger Größe vor. Gelangt diese Rolle BD nach B_1D_1 , wobei ihre Axe D ben Winkel D CD_1 zurücklegt, so legt sich von der Schnur AB ein Stild AE als Bogen AA_1 auf die seste Rolle auf und es wickelt sich ein anderes $B_1B_2 = B_1F$ von der umlausenden Rolle ab. Da $A_1B_1 = AB$ ist, so muß auch $B_1B_2 = B_1F = AE$ AB_1 sein. Wären nun die Halbemesser Rollen $AB_1 = AB_1$ sein. Wären nun die Halbemesser Rollen $AB_1 = AB_1$ messer Rollen $AB_1 = AB_1$ messer Rollen $AB_1 = AB_1$

= r_2 , sowie die gleichzeitigen Drehungswinkel $A CA_1 = D CD_1 = \varphi_1$ und $B_1 D_1 B_2 = \varphi_2$, so hätte man:

$$AA_1 = r_1 \varphi_1$$
 und $B_1 B_2 = r_2 \varphi_2$,

und daher das Berhültniß zwischen ben Winkelgeschwindigkeiten der Drehungen um D und C:

$$\frac{\varphi_2}{\varphi_1} = \frac{r_1}{r_2}$$

Ware 3. B. r2 = r1, fo hatte man biefes Berhaltnig:

$$\frac{\varphi_2}{\varphi_1}=1,$$

bann würde sich also die Rolle genau ein Mal um ihre Axe D drehen, während die letztere selbst ein Mal um C läuft; wäre dagegen $r_2 = 2 r_1$, so hätte man:

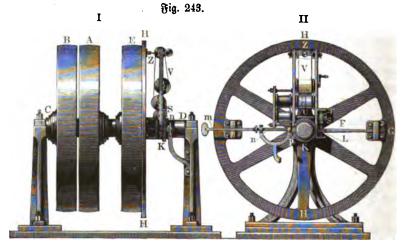
$$\frac{\varphi_2}{\varphi_1} = \frac{1}{2},$$

und es würde folglich die Rolle BD zwei Mal um C laufen, während sie sich um ihre eigene Axe D ein Mal umdreht.

Den einfachsten Totaliseur erhält man nun, wenn man die Rolle G, Fig. 241, mit einem Teller T versieht und benfelben mit Papier überzieht. auf welches dann ber Stift a, in welchem der Bolzen E ausläuft, eine Curve amnb beschreibt. Nimmt man dann aus den verschiedenen Ab-

ständen ca, cm, cn, cb... bieses Bogens von dem Mittelpunkte c des Tellers, das Mittel, so erhält man dadurch auch das Maß von dem mittleren Werthe der Kraft R, mit welcher während Durchlaufung des dem Umdrehungswinkel acd entsprechenden Weges, die Feder F den Bolzen E im Kreise herumführt.

§. 127 Um die Arbeit einer Maschine für größere Wege ober Zeiten zu ermitteln, ersett man den Teller T, Fig. 241, durch ein Baar Trommeln mit einem Papierstreisen ohne Ende nach der oben beschriebenen Einrichtung, so daß dann die Spige a des Bolzens E auf dem unter ihr weggehenden Streifen eine Curve beschreibt, durch deren Quadratur das Maß der mechanischen Arbeit ermittelt wird, welche die Maschine verrichtet, während der Papiersstreisen einen gewissen Weg unter dem Stifte a zurlicklegt. Die Einrichtung eines solchen Rotationsdhnamometers nach Morin ist aus zwei Anssichten I und II, Fig. 243, zu ersehen und besteht wesentlich in Folgendem.



Auf der horizontalen Welle CD sitzen eine seste Kiemenscheibe A und zwei lose Riemenscheiben B und E, und es wird durch die erstere die Kraft der Umtriedsmaschine (s. §. 108) auf die Welle CD, sowie durch die Rolle E von der genannten Welle auf die Arbeitsmaschine libergetragen, deren Kraft und Leistung man durch das Dynamometer ermitteln will. So lange der Niemen auf B liegt und E nicht mit der Welle in sester Berbindung steht, sindet natürlich weder eine Umdrehung der Welle, noch eine Bewegung der Arbeitsmaschine Statt. Um das erstere zu bewirken, hat man dagegen den Niemen von B nach A zu rücken. Die seste Berbindung der Rolle E mit der Welle CD ersosg durch zwei aus dem Obigen bekannte dynamometrische

s. 128.1

Febern, wie FG, welche mit ber Welle CD fest verbunden sind, mit dem einen Ende F aus derselben radial hervorragen und mit dem anderen Ende G einen an der Rolle E sestsjenden Ring HGH ergreisen. Auf der Welle CD sitz zugleich noch ein gezahntes Rad K, welches seinwärts eine Rase p hat, womit es während der Messung mittels einer Zugstange mn an der Umdrehung verhindert werden kann. Dieses Zahnrad greist in ein Zahnrädchen L ein, welches auf der Welle einer Schrande S sitzt, die mittels eines anderen Zahnrädchens T die erste Welle U des Trommelspstemes in Umdrehung setzt, wodurch der Papierstreisen V von einer Rolle über eine andere gesührt und auf eine dritte Rolle aufgewickelt wird. Während dieser Bewegung drückt ein Stift Z, welcher in einem Arme des Ringes GH sitzt, auf den Papierstreisen und es entsteht dadurch eine Eurve, welche, wie aus dem Obigen besannt, als Maß der Arbeit der Wasschie benutzt werden kann.

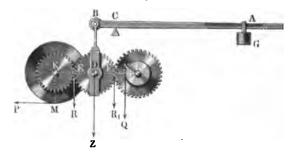
Statt bes im Borstehenben beschriebenen Zeichnenapparates tann man sich auch zur Ausmittelung ber Umbrehungsfraft einer Maschine eines Buhlapparates bedienen, wo ber Stift Z burch ein Laufrabchen mit einem Zeigermechanismus und ber Papierstreisen V burch einen mittels bes Ruberwerkes KL... umzubrehenben Teller ersett wirb (veral. S. 124, Kig. 240).

Wenn sich die Bewegung des Papierstreifens oder des Tellers nicht unmittelbar von der Maschine ableiten lößt, so kann man auch diese Theile des Instrumentes durch ein besonderes Uhrwerk, welches ungefähr die Einrichtung eines Bratenwenders oder des Schlagwerkes einer Uhr hat, in Bewegung setzen. Das Instrument giebt aber dann nicht ein Product aus Kraft und Weg, sondern ein Product aus Kraft und Zeit an; um baher die mittlere Kraft zu sinden, muß man dieses Product durch die Zeit dividiren, und um die Arbeit der Maschine zu bestimmen, ist der letzte Quotient noch durch den Weg zu multipsieiren.

Dynamometrische Zapsenlager. Bei einem anderen Dynamometers \S . 128 systeme wird der Druck des Zapsens der umlausenden Welle gemessen und hieraus die Größe der Umdrehungskraft der Maschine bestimmt. Das einssachste Dynamometer dieser Art ist die dynamometrische Schnellwage von Hachette. Dieselbe besteht aus einer gewöhnlichen Schnellwage ACB, Fig. 244 (a. f. S.), an welcher statt der Wagschale sitr die Last ein Zahnsrad DEF hängt, welches zwischen die Zahnräder KE und LF eingesett wird, deren Umdrehungskraft ermittelt werden soll. Ist P die Umdrehungskraft der einen Welle am Hebelarme KM = a und Q der Umdrehungskwiderstand der anderen Welle am Hebelarme LN = b, sowie r der Halbenselfer LE des einen und r_1 der Halbensselfer LF des anderen Zahnrades, so hat man die Kräste, mit welchen beide Käder auf das eingeschaltete Zahnrad in E und F vertical abwärts brilden:

$$R = \frac{P a}{r}$$
 und $R_1 = \frac{Q b}{r_1}$.

%ig. 244.



Da dieselhen an gleichen Armen DE und DF wirken, so ist auch $R=R_1$.

und baber bie Laft ober Zugkraft ber Wage A CB in B:

$$Z=R+R_1=2R,$$

fowie umgekehrt, ber Drud R zwifchen ben Bahnen ober Bahnrabern:

$$R==\frac{Z}{2}$$
.

Hat man die Wage durch Berschiebung des Laufgewichtes G mit der Zugkraft $Z=2\,R$ ins Gkichgewicht gebracht, so ist dadurch auch Z und R, sowie

$$P = \frac{r}{a} R = \frac{r}{a} \cdot \frac{Z}{2}$$
, unb
$$Q = \frac{r_1}{b} R = \frac{r_1}{b} \cdot \frac{Z}{2}$$

bestimmt, und ist nun noch die Umbrehungszahl u ber Kraft- ober die Umbrehungszahl u_1 der Lastwelle pr. Minute bekannt, so kann man endlich die Arbeit der Maschine mittels einer der Formeln

$$L = rac{\pi \, u \, a}{30} \, P = rac{\pi \, u \, r}{30} \cdot rac{Z}{2} \,$$
 unb $L = rac{\pi \, u_1 \, b \, Q}{30} = rac{\pi \, u_1 \, r_1}{30} \cdot rac{Z}{2} \,$

berechnen.

Wegen der Reibungen am Zapfen D und zwischen den Zähnen bei E und F fällt, genau genommen, R_1 etwas kleiner als R aus, es ist daher R etwas größer als $\frac{Z}{2}$, und die nach der Formel

$$L = \frac{\pi u r}{30} \cdot \frac{z}{2}$$

berechnete Leiftung ber Rraft etwas zu flein.

In der Regel wird man

$$R = \frac{Z}{2} (1 + \mu) \quad \text{unb}$$

$$R_1=\frac{Z}{2}\left(1-\mu\right)$$

feten konnen, wo µ eine von den Berhaltniffen der Bage abhangige Ersfahrungszahl ift. hiernach hat man:

$$P=(1+\mu)\,rac{r}{a}\cdotrac{Z}{2},$$
 fowie: $Q=(1-\mu)\,rac{r_1}{b}\cdotrac{Z}{2}$

und baber :

$$\frac{P}{Q} = \frac{1+\mu}{1-\mu} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a},$$

fowie umgetehrt :

$$\mu = \frac{Par_1 - Qbr}{Par_1 + Qbr}.$$

Wenn man burch einen Vorversuch zwei Kräfte P und Q ermittelt, welche einander an diesem Mechanismus das Gleichgewicht halten, so kann man hieraus die Erfahrungszahl & berechnen und nun mit Hülfe berfelben in anderen Fällen die Kraft

$$P=(1+\mu)\,\frac{r}{a}\cdot\frac{Z}{2}\,,$$

fowie bie Arbeit

$$L = (1 + \mu) \frac{\pi u r}{80} \cdot \frac{Z}{2} = (1 + \mu) \frac{\pi u r}{60} Z$$

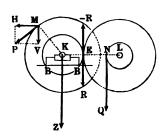
bestimmen.

Das Dynamometer von Schinz (f. Polytechnisches Centralblatt, 1848) ist von der bynamometrischen Schnellwage wesentlich nicht verschieden. Ebenso Rittinger's verbessertes Dynamometer (f. die österreichische Zeitschrift für Berg- und Hittenwesen, 1855).

Das bynamometrifche Zapfenlager (f. Rittinger's Abhandlung in der österreichischen Zeitschrift für Berg- und Hüttenwesen, 1856) beruht auf demselben Principe wie die dynamometrische Schnellwage; nur wird hier kein drittes Zahnrad eingeschaltet, sondern gleich der verticale Zapfendruck der einen oder anderen Welle ermittelt und hieraus die Umdrehungstraft derselben berechnet. Zur Bestimmung dieses Zapfendrucks Z der Welle

MKE, Fig. 245, tann man fich am besten einer Brudenwage bedienen,

Fig. 245.



am besten einer Brudenwage brotenen, auf beren Brilde BB die beiben Zapfenlager K ber Welle zu stellen sind. Wirkt die Kraft dieser Welle am Hebelsarm KM = a, weicht die Richtung derselben um den Winkel a vom Horizont ab, ist ferner der Halbmesser KE des auf dieser Welle sitzenden Zahnrades, = r, und wiegt die ganze armirte Welle KEM, = G, so hat man den durch die Brildenwage zu bestimmenden verticalen Componenten des Zapsendrucks:

$$Z = G + P \sin \alpha + \frac{a}{r} P = G + \left(\sin \alpha + \frac{a}{r}\right) P$$

fo bag nun bie Umdrehungefraft

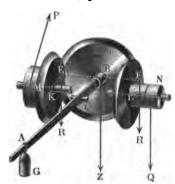
$$P = \frac{Z - G}{\sin \alpha + \frac{a}{r}}$$

folgt.

Die Bestimmung dieser Kraft fällt naturlich um so schärfer aus, je kleiner bas Gewicht G ber Welle ist.

§. 129 Differenzialdynamometer. Wenn die Wellen K und L, Fig. 244, beren Umbrehungsfraft die bynamometrische Schnellwage angeben soll, nicht

Fig. 246.



neben, sondern hinter einander liegen, so daß ihre Aren in eine Linie fallen, wie Fig. 246 monodimetrisch darsstellt, so müssen die Zahnräder KE und LF eine kegelförmige Gestalt erhalten, also sogenannte conische Räder sein, wogegen alles Uebrige, wie z. B. die Wage ACB, woran das Mittelrad EF hängt, unverändert bleiben kann. Ist auch hier Z der von der Wage angegebene Zapsendruck des Rades EF, so läßt sich der Zähnedruck bei E wieder

$$R=(1+\mu)\,\frac{Z}{2}\,,$$

und folglich bie am Bebelarme a wirfende Umbrehungsfraft

$$P=(1+\mu)\,\frac{a}{r}\,\frac{Z}{2},$$

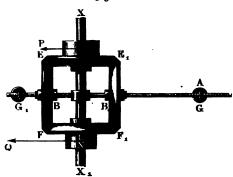
fowie die Arbeit ber Belle

$$L = (1 + \mu) \frac{\pi u r}{60} Z$$

seten, insofern wieder r ben Halbmeffer KE bes auf KM sitenben Bahnrabes, sowie u die Umbrehungszahl ber Welle MK bezeichnet.

Dieses Dynamometer mird dadurch noch vervollkommnet, daß man Hebel oder Wagebalten ACB mit zwei conischen Rübern ausrüstet, so daß daß Zahnrad KE der Kraftwelle durch beide Rüber auf daß Zahnrad LF der Lastwelle wirken kann. Die allgemeine Einrichtung eines solchen Dynamometers ist aus dem Grundrisse desselben in Fig. 247 zu ersehen. Mit der Krafttrommel M ist das conische Zahnrad EE_1 und mit der Lasttrommel N





das conische Zahnrad FF_1 seit verbunden; beide Räber sitzen sose auf der sessen Welle XX_1 und stehen durch die conischen Zahnräder EF und E_1F_1 mit einander in Verbindung. Durch die Kraft P und die Last Q und mittels der Räder EE_1 und FF_1 wird das Zahnrad EF bei E und F abs und dagegen das Zahnrad E_1F_1 bei E_1 und F_1 aufwärts gebrückt.

Der abgebildete Röbermechanismus heißt ein Differenzialgetriebe, weshalb biefes Dynamometer auch ben Namen Differenzialbynamometer erhalten hat.

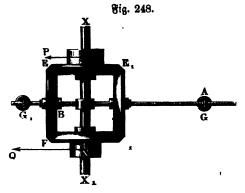
If R die Größe bes Druckes zwischen den Zähnen an jeder dieser vier Stellen, so beträgt daher die Wirkung der Räber EE_1 und FF_1 auf den Hebel $A\ CB$ aus einem abwärts gerichteten Berticalbruck

Z = 2 R in der Axe B des Rades EF

und aus einem aufwärts gerichteten Berticalbrud

Z = -2R in ber Are B_1 bes Rabes E_1F_1 .

Beibe Drilde bilben nun ein Kröftepaar, welchem burch bas Laufgewicht G im Puntte A bes Hebels und burch ben Widerstand (— G) ber Welle



 XX_1 in C, wo bieselbe mittels einer Hulse vom Hebel umschlossen wird, das Gleichgewicht zu halten ist. Sind a_1 und b_1 die Hebelarme CA und $CB = CB_1$ des durch ein Gewicht G_1 gehörig tarirten Bagebalkens ACB, so hat man:

$$Ga_1 = Zb_1 + Zb_1 = 2Zb_1 = 4Rb_1;$$

bezeichnet ferner, wie seither, a ben Hebelarm ber Kraft P und r den Halbmesser Zahnrades EE_1 und FF_1 , so ist auch:

$$Pa = Rr + Rr = 2 Rr,$$

und baher :

$$P = \frac{r}{a} \cdot 2 R = \frac{a_1}{b_1} \cdot \frac{r}{a} \cdot \frac{G}{2},$$

wobei natürlich nicht auf die Nebenhinderniffe Rücksicht genommen wird.

Mit Rudficht auf die Nebenhindernisse läßt sich

$$P = (1 + \mu) \frac{a_1}{b_1} \frac{r}{a} \frac{G}{2}$$

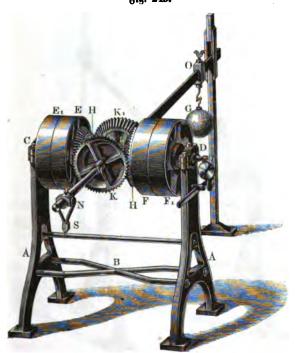
fowie bie mechanische Arbeit

$$L=(1+\mu)\,\frac{a_1}{b_1}\cdot\frac{\pi\,u\,r}{60}\,G$$

fegen.

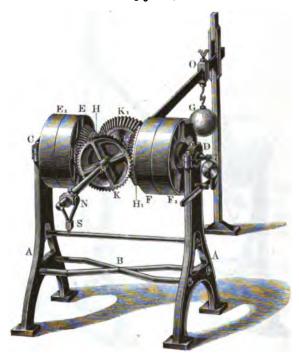
Nach bemfelben Principe sind die Dynamometer von Batchelber (siehe Dingler's Polytechn. Journal, 1844) construirt, deren wesentliche Einrichtung aus der monodimetrischen Abbildung in Fig. 249 zu entnehmen ist. Zwei durch schmiedeeiserne Stangen B zusammengehaltene gußeiserne Ständer A, A unterstützen die Zapsenlager C, D der horizontalen Welle CD, welche zwei Paar gleich große Riemenscheiben E, E, und F, F1, sowie die coni-

schen Räber H, H_1 trägt. Das Rab H ist mit E, sowie das Rab H_1 mit F sch verbunden, und während die erstere Berbindung sest auf der Rig. 249.



Welle CD sitt, ist die letztere, sowie die Rolle E_1 und die Rolle F_1 , lose auf berselben. Zwei andere conische Käder K, K_1 , welche mit den ersteren im Eingriff stehen, siten lose auf der Welle LM, deren Berlängerung LO den Wagebalken mit dem Laufgewichte G bildet. In der Mitte zwischen den beiden Rädern K und K_1 bildet die Welle LM eine Hilse, durch welche die Welle CD hindurchgeht, und an dem Ende N der ersteren Welle ist ein Haken angetracht, an welchen das diese Welle äquisibrirende Tarirgewicht angehangen wird. Endlich ist Z ein die Anzahl der Umdrehungen angebender Zählapparat, welcher durch das schraubensormig geschnittene Ende D der Welle CD in Bewegung gesetzt wird. Vor dem Versuche liegt der Riemen, welcher mit der Kraftmaschine in Verbindung steht, auf der losen Rolle E_1 , und derzeinige Riemen, welcher die Lastmaschine ergreift, auf der losen Rolle F_1 ; bei Beginn des Versuches werden aber diese Riemen auf die Rollen E und E geschoben, welche mittels der Zahnräder in Verbindung stehen, so daß dadurch die Kraftmaschine in den Stand gesetzt wird, mecha-

nische Arbeit zu verrichten. Wirb endlich hierbei burch gehörige Berschiebung bes Laufgewichtes G ber Arm LO in horizontaler Lage erhalten, so Fig. 250.

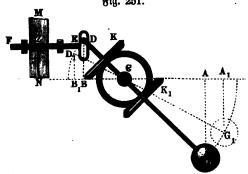


erhält man in G bas zur Bestimmung ber Kraft ber Maschine erforberliche Element.

Will man burch biese Instrument die Arbeit ber Maschine, in welche basselbe eingeschoben worden ist, unmittelbar angeben oder totalisiren, so kann man statt bes Laufgewichtes G in N ein Federdynamometer, wie Fig. 237, anschließen, und von dem Stift besselben auf einen von Z in Bewegung zu setzenden Bapierstreisen eine Eurve auszeichnen lassen.

Bu biesem Totalisiren ist übrigens ein Feberdynamometer nicht unbedingt nöthig; man kann auch den Zeichnenstift durch das Gewicht am Hebel LO selbst in Bewegung setzen lassen. Ein solches Dynamometer, bei welchem der Zeichnenstift durch das die Kraft der Maschine bestimmende Gewicht bewegt wird, ist dem Mechaniker 3. Wagner in Paris (schon im 3. 1837) patentirt worden. Die wesentliche Einrichtung eines solchen Zeichnenapparates ist aus Fig. 251 zu erschen. Der Wagebalken, welcher eine Berlängerung der Umbrehungsare ber conischen Räber K, K1 bilbet, ist um C drehbar und hat eine geneigte

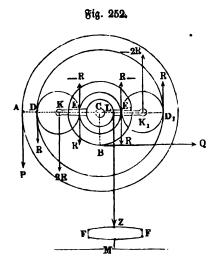
Lage CG, serner ist an dem anderen Ende der gedachten Drehungsaxe ein Frictionsrädchen D angebracht, welches von dem ringförmigen Kopse E einer Stange EF, woran der Zeichnenstift Z besestigt ist, ergriffen wird. Fig. 251.



Wenn num unter dem letzteren der Papierstreisen MN mittels der Maschine oder eines chronometrischen Apparates hindewegt wird, so zeichnet dieser Stist die Arbeitscurve der Maschine auf, zwischen welche letztere die beiden conischen Räber K, K_1 sammt Hockel D G eingeschaltet sind. Aendert sich die Kraft, so nimmt der Arm C G eine andere Neigung an, wobei der Hebelarm C A in C A_1 libergeht und sich um eine gewisse Größe A A_1 andert, welche nicht allein der Beränderung der Kraft, sondern auch der Projection B B_1 vom Wege D D_1 des Hebelendes D in der Richtung von C A, proportional ist, so daß solglich auch die Berschiedung der Stange E F sammt Stift Z mit der Aenderung der Kraft gleichmäßig zu = und abnimmt.

Ein, wie es scheint, sehr zweckmäßiges Dynamometer sür Arbeitsmaschinen §. 130 mit Bähl- und Zeichnenapparat beschreibt Herr Dr. E. Hartig im Bolytechnischen Centralblatt, 1857. Nro. 1, und es ist das Princip dieses Insstrumentes aus Folgendem zu ersehen. Mit dem Rade CA, Fig. 252 (a. f. S.), woran die Umdrehungstraft wirkt, ist ein innen verzahntes Rad DCD_1 sest verbunden, und das letztere greift dei D und D_1 in zwei gleiche Zahnräder DE, D_1 E_1 ein, welche gemeinschaftlich auf ein drittes Zahnrad EE_1 wirken. Dieses Rad ruht lose auf der Welle C des Rades DD_1 und ist mit der Trommel BC, woran die Last Q wirkt, in sester Verbindung, wogegen die Räder DE, D_1 E_1 mit ihren Azen auf einem Hebel KCK_1 sitzen, welcher sich frei um C drehen läßt. Wit dem letzteren ist eine Rolle CL verdunden, um welche ein Riemen liegt, welcher an das bei M besestigte Federdynamometer FF angeschlossen ist. Es läßt sich leicht einsehen, daß hier der Umdrehungskraft P durch zwei Kräste, R, R, das Gleichgewicht gehalten wird, daß aus den letzteren wieder ein Krästepaar,

— R, R, entsteht, welches sich mit der Last Q ins Gleichgewicht sett, und daß in Folge dessen in den Arpunkten K und K_1 , die Kräfte 2R und — 2R wirken und bas Federbynamometer mit einer gewissen Kraft Z spannen.



If a ber Pebelarm CA
ber Kraft,
b ber Pebelarm CB
ber Last,
r ber Halbmesser CD
= CD_1 bes größeren,
r_1 ber Halbmesser CE
= CE_1 bes kleineren,
also
r - r_1
ber Halbmesser
KD = K_1 D_1 eines
ber beiben Zwischenräs
ber, unb
c ber Hebelarm CL
ber Spannkraft Z, so

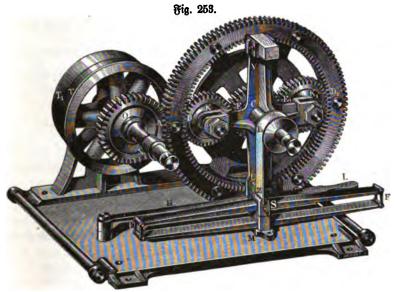
hat man: $Pa = 2Rr, Qb = 2Rr_1$

und

$$Zc = 2R(r + r_1);$$
bather:
 $\frac{P}{Q} = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a}$ unb
 $\frac{P}{Z} = \frac{r}{r + r_1} \cdot \frac{c}{a}.$

In der monodimetrischen Abdildung, Fig. 253, dieses Instrumentes sieht man noch dei T und T_1 die seste und lose Riemenscheide, sowie in O das Zahnrad, wodurch die von der letzteren ausgenommene Kraft auf das außen und innen gezahnte Rad ADD_1 übergetragen wird. Auch demerkt man dei N die Schraube, womit der (nicht abgebildete) Zähl = oder Zeichnensapparat in Bewegung gesetzt wird. Die Arme KC und K_1C , welche die in die Verzahnungen DD_1 und EE_1 eingreisenden Zahnräder DK, D_1K_1 tragen, bilden mit zwei anderen Armen U und V, sowie mit der auf der Welle des Rades EE_1 lose sitzenden Trommel CL ein Ganzes. Letztere ist durch den Riemen LZ mit den dynamometrischen Federn FF verdunden, deren eine den Stift S trägt, welcher auf dem vorbeilausenden Papierstreisen eine Eurve auszeichnet. Durch den in das Armende U eingreisenden Helieben hervorgerusen und

aufgehoben werden. Um das übermäßige Anspannen ber Febern zu verhinbern, ift das Ende bes Armes CV mit einem ftarken Holzbaumen versehen,

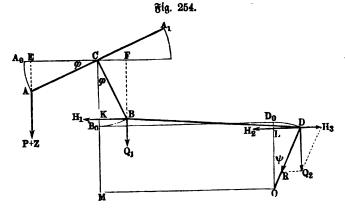


welcher sich bei einer gewissen Stellung bes Rreuzes KUK, V gegen ein festes hinderniß stemmt.

Anmerkung. Bentall's Dynamometer mit Spiralfebern find in Ding. ler's Journal Bb. 167 (1863), vom herrn D. Cyth befchrieben.

Horisontal-Dynamometer. Zum Messen horizontaler Kräste von § 131 mäßiger Größe läßt sich das vom Herrn Prosessor Schönemann ersundene Horizontal-Dynamometer mit Vortheil anwenden. Dessen wesentliche Einrichtung besteht in Folgendem: $A CA_1$ (Fig. 254 a. s. S.) ist ein gewöhnslicher, nm C drehbarer Wagebalken und BD ist die zur Aufnahme der zu messen Krast dienende Tasel- oder Wagschale, welche mit dem einen Ende B auf dem Ende eines mit dem Wagbalken sest werde, welche mit dem einen Ende B auf dem Adkrisch mitsen dem Kopfe eines um O drehbaren Tragarmes OD ruht. Natürlich müssen die Stützpunkte A, B, C, D und O in sogenannte Schneiden bestehen. Beim Einspielen der Wage hat die Tasel BD die horizontale Lage $B_0 D_0$ und sind die Arme CB und OD in den verticalen Stellungen CB_0 und OD_0 . Bei diesem Stande der Wage werden die verticalen Kräste und Gewichte der Wage mittels der Arme $B_0 C$ und $D_0 C$ direct auf die sessen Stützpunkte C und O übergetragen, dagegen wirst die Horizontalkraft der Tasel BD mittels des Hebelarmes CB_0 auf den Wagebalken

 $m{A}$ C $m{A}_1$ und sucht benselben um C zu brehen. Ift nun $m{H}$ die Größe bieser Horizontalkraft, $m{P}$ die Größe bes Gewichtes in $m{A}_0$, welches dieser Kraft das



Gleichgewicht halt, und sind b und a die Hebelarme CB_0 und CA_0 dieser Kräfte, so hat man Pa=Hb, und daher einfach die Horizontalkraft der Tasel B_0D_0 :

$$H=\frac{a}{b}P$$
.

Die Zulage Z zu P bewirkt einen Ansschlag A_0 $CA = \varphi$ bes Wagebalkens, welcher unter der Voraussetzung, daß er nur wenige Grade beträgt, wie solgt, zu bestimmen ist. Die sämmtlichen Kräfte und Gewichte der armirten Brüde oder Tasel BD kann man auf bekannte Weise auf zwei Berticalkräfte Q_1 und Q_2 und zwei Horizontalkräfte H_1 und H_2 zurücsühren, welche in B und D ihre Angriffspunkte haben. Ferner läßt sich der horizontale Ausschub LD des Stützpunktes D gleich dem horizontalen Ausschub KB des Stützpunktes B sezeichnet man die Armlänge $OD = OD_1$ durch r und den Drehungswinkel D_0 OD, welcher dem Ausschlag B_0 $CB = A_0$ $CA = \varphi$ eutspricht, durch ψ , so hat man solglich

$$r\sin \psi = b\sin \phi$$
, daher $\sin \psi = \frac{b}{r} \varphi$.

Oa beim Ausschlagen der Wage, B_0 um $B_0 K = b \ (1 - \cos \varphi)$
 $= 2 b \left(\sin \frac{\varphi}{2}\right)^2 = \frac{b \varphi^2}{2}$ steigt und D_0 um $D_0 L = r \ (1 - \cos \psi)$
 $= \frac{r \psi^2}{2} = \frac{b^2 \varphi^2}{2 r}$ fällt, so ist dei der Länge $BD = l$ der Tafel, für den Reigungswinkel μ derselben:

$$\sin \mu = \frac{B_0 K + D_0 L}{BD} = \frac{b r \varphi^2 + b^2 \varphi^2}{2 r l} = \frac{(b + r) b}{2 r l} \varphi^2.$$

Begen des Factors φ^2 läßt sich daher annähernd $\mu=o$ setzen, ist also anzunehmen, daß die Tasel während eines kleinen Ansschlages φ nahe horizontal bleibt. Bon der Verticalkrast O_2 des Punktes D nimmt der Stützenunkt O den Componenten $R=\frac{Q_2}{\cos \psi}$ auf, während sich der horizontale Component $H_3=Q_2$ tang. ψ mit der Horizontalkrast H_2 vereinigt, so daß die ganze Horizontalkrast in D:

$$H_2-H_3=H_2-Q_2$$
 tang. ψ annähernd $=H_2-rac{Q_2\,b\,arphi}{r}$ übrig bleibt.

Da nun BD annähernd horizontal ist, so kann man auch annehmen, daß diese Kraft von BD aufgenommen und dis B fortgepflanzt werde. Diesem zu Folge wirkt in B am Hebelarm $\overline{CK} = \overline{CB}\cos B_0$ $CB = b\cos \varphi$ die gesammte Horizontalkraft $H_1 + H_2 - H_3 = H_1 + H_2 - \frac{Q_2 \, b \sin \varphi}{\varphi}$, sowie am Hebelarm $\overline{CF} = b \sin \varphi$ die Berticalkraft Q_1 der am Hebelarm $\overline{CE} = a \cos \varphi$ wirkenden Krast des Wagbalkens $A \, CA_1$ entgegen, und es ist nun zu setzen:

$$(P+Z)$$
 a cos. $\varphi = \left(H_1 + H_2 - Q_2 \frac{b \sin \varphi}{r}\right) b \cos \varphi + Q_1 b \sin \varphi,$
ober

$$(P+Z)a = (H_1 + H_2)b + Q_1 b tang. \varphi - \frac{Q_2 b^2}{r} sin. \varphi$$
 annähernb $= (H_1 + H_2)b + \left(Q_1 - \frac{b}{r}Q_2\right)b \varphi.$

Run ift aber für $\varphi = 0$,

$$Pa=(H_1+H_2)\;b=Hb$$
, daher hat man $Za=\left(egin{array}{ccc} Q_1-rac{b}{r}&Q_2 \end{array}
ight)b\,arphi$, und den gesuchten Ausschlag

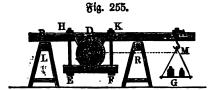
$$\varphi = \frac{Za}{\left(Q_1 - \frac{b}{r} Q_2\right)b}.$$

Es wächst also hier wie bei ber gemeinen Bage ber Ausschlag birect wie bie Zulage, wie die Armlange a u. s. w.

Anmerkung. Die Monographie: Das Horizontal-Dynamometer und seine Anwendung auf die Mechanik von Th. Schonemann, Berlin 1864 giebt eine ausführliche Theorie und Beschreibung dieses Instrumentes, und behandelt auch mehrsache Anwendungen besselben. Borstehendes ist nur ein kurzer möglichst populär gehaltener Abris der Theorie besselben.

Beisbad's Lebrbud b. Dechanit, II.

§. 132 Bromsdynamomotor. Das Bremsbynamometer, ber Prony's sche Zaum (franz. frein dynamométrique; engl. dynamometrical break, Friction Dynamometer), wird angewendet, um die Kraft der Arbeit einer umlausenden Welle oder einer rotirenden Maschine überhaupt zu ermitteln. In seiner einsachen Gestalt besteht diese Instrument aus einem Balken AB, Fig. 255, mit einer Wagschale AG, und aus zwei hölzernen



Birkelstüden D und EF, welche burch Schranbenbolzen EH und FK auf die umlaufende Welle C stark aufgedrückt werden. Soll mit Hülfe dieser Borrichtung die Kraft der Welle C bei einer bestimmten Winkelgeschwindigkeit

ober Umbrehungszahl gefunden werben, so legt man so viel Gewicht G auf die Wagschale und zieht die Schraubenmuttern H und K so ftart an, bag nicht allein die Welle die verlangte Umbrehungszahl annimmt, sondern auch ber Hebel ober Balten AB horizontal und frei, b. i. ohne auf einem ber beiden Bode L und R zu ruhen, schweben bleibt. Dann wird die ganze Arbeit ber Maschine von ber Reibung zwischen ben Bremsbaden und bem Wellenumfange consumirt, und es ist daher die Arbeit berfelben der gesuchten Leistung gleich zu setzen. Da nun noch der Hebel frei hängt, so hält nur bie in ber Umbrehungsrichtung wirkende Reibung F bem aufgelegten Ge wichte bas Gleichgewicht, und es läßt sich jene Reibung aus diesem Gewichte Seten wir ben Bebelarm \overline{CM} bes Gewichtes G in Leicht finben. Hinsicht auf die Wellenare, = a, so ist das statische Moment des Gewichtes und also auch bas Reibungsmoment ober auch die Reibung, wenn man fle am Halbmesser Eins wirkfam annimmt, — Ga; bezeichnet baher noch s die Winkelgeschwindigkeit der Welle, so hat man ihre mechanische Arbeit (pr. Secunde):

$$L = Pv = Ga.\varepsilon = \varepsilon aG.$$

Ift w bie Umbrehungezahl ber Welle pr. Minute, so läßt sich

$$s=\frac{2\pi u}{60}=\frac{\pi u}{30},$$

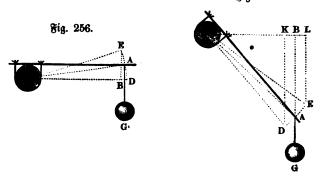
baber die gesuchte Arbeit

$$L=\frac{\pi u a}{30} G$$

fegen.

Uebrigens hat man unter G nicht allein das aufgelegte Gewicht, sondern auch noch das auf den Aufhängepunkt der Wagschale reducirte Gewicht des aufgesetzen Apparates zu verstehen. Um das letztere zu ermitteln, legt man den Apparat mit D auf eine scharfe Schneide und hängt denselben bei A mittels einer Schnur an einer Wage auf.

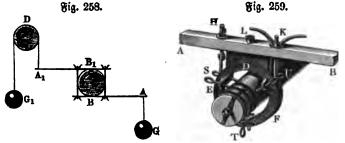
Damit ein Bremsbynamometer wie eine gewöhnliche Gewichtswage Stabilität besitze, soll man ben Aushängepunkt A bes Gewichtes G ober ber Wagschale in einer Schneibe bestehen lassen, und benselben nicht, wie in Fig. 256, über, sondern, wie in Fig. 257, unter die Axe C ber Welle legen. Wenn bei ber letzteren Anordnung das Gewicht G sinkt oder steigt, Ria. 257.



und dabei der Aufhängepunkt A nach D oder E kommt, so nimmt der Hebelarm CB ab oder zu, so daß zulett das Plus oder Minus von G durch das Minus BK oder Plus BL von CB ausgeglichen wird, und sich der Hebel CA von selbst ins Gleichgewicht bringt. Bei der ersteren Auslegung (Fig. 256) sindet dagegen mit der Zu- oder Abnahme von G auch eine Zu- oder Abnahme vom Hebelarme $\overline{CB} = a$ Statt, und es kann sich daher der Hebel CA nicht von selbst ins Gleichgewicht stellen.

Um ben Zapfendruck nicht zu vergrößern, ift es zweckmäßig, zwei Bremsbynamometer AB, A_1B_1 , Fig. 258, anzuwenden, oder ben einfachen Brems burch eine Kraft $G_1 = G$ in B_1 zu unterstützen.

Bwedmäßiger ist das in Fig. 259 abgebilbete Bremsdynamometer mit einem gußeisernen Bremsringe DEF, der durch drei Baar Schrauben $S,\ T,\ U$ auf jede Belle , wenn sie nicht sehr start ist, aufgeschraubt werden



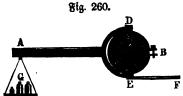
tann. Bei biefem Apparate ift auch bas untere Holzstud burch ein eifernes Band erfett, bas bie Sälfte bes zu biefem Zwede rinnenförmig ausgenom-

menen Bremsringes umgiebt. Uebrigens endigt sich dieses Band in zwei durch ben Balken AB gehenden Bolzen und läßt sich durch eine oder zwei Schraubenmuttern, wie z. B. K, beliebig start an den Bremsring andritden. Um das Bertohlen des Holzes oder die allzugroße Erwärmung des Eisens zu verhindern, wird den Reibungsslächen durch das Loch L und mittels eines Trichters Del oder Wasser zugeführt. Diese Apparate sind in Deutschland unter dem Namen "Egen's Bremsdynamometer" bekannt.

Beispiel. Um die Leiftung eines Masserrades zu sinden, hat man auf die Welle desselben ein Bremsdynamometer aufgesetzt, und während der vollkommennen Regulirung des Ausschlagwassers dei der vorgeschriebenen Umdrehungszahl w. 6 pr. Minute gesunden: Aufgelegtes Gewicht nebst dem reducirten Gewichte vom Instrumente, G=530 Pfund, Armlänge von diesem Gewichte, a = 10,5 Kuß. Hieraus berechnet sich nun die effective Leistung dieses Wasserrades bei der verlangten Geschwindigkeit:

$$L = \frac{\pi \cdot 6 \cdot 10,5}{30} \cdot 530 = 3497$$
 Fußpfund = 7,29 Pferbefräfte.

§. 133 Man hat in den neueren Zeiten sehr mannigsaltige mehr oder weniger vollkommene und zum Theil sehr complicirte Bremsbynamometer in Anwendung gedracht. Hier sei jedoch nur von den einsachsten Vorrichtungen dieser Art die Rede. Fig. 260 repräsentirt ein von Armstrong angewendetes

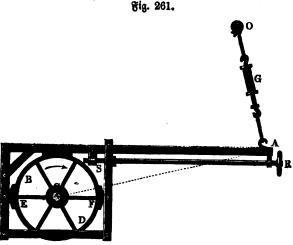


Dynamometer. Dieses besteht aus einem eisernen Ringe, welcher durch eine Schraube B scharf auf die umsichlossen Welle C aufgebruckt wird, und aus einem Hebel ADE, welfcher auf ber einen Seite eine Wagsichale zur Aufnahme von Gewichten

G trägt, und auf der anderen Seite in einer Gabel ausläuft, welche zwei aus dem Ringe hervorragenden Nasen ergreist. Um dieses Instrument be quem handhaben zu können, ist der eine Schenkel der Gabel noch um ein Stück EF verlängert. Die Ausssührung und Berechnung der Versuche mit diesem Instrumente weichen von denen mit dem einsachen Bremsdynamometer nicht ab.

Ein kleines aus Walzeisenstäben von $2^3/4$ Zoll Breite und 1 Zoll Dicke zusammengesetzes Dynamometer, Fig. 261, hat der Herr Oberinspector Tauberth zur Bestimmung der Leistung einer Dampsmaschine von sünf Pserbekrästen angewendet. Dieses Dynamometer wurde auf die Riemenscheibe BD aufgelegt, welche auf der $4^{1/8}$ Zoll dicken Welle C saß, und das Ausbrücken der Bremsbacken E, F auf die Scheibe BD erfolgte durch Umbrehen der Schraube S mittels der Handhabe R. Die Kraft wurde durch eine Federwage, wie Fig. 232, gemessen, wobei dann CA, $118^3/4$ Zoll maß (siehe "Civilingenieur", Band III, 1856).

Benn man die Kraft burch ein Feberbynamometer mißt, so tann man auch fehr leicht burch Anwendung eines Zeichnen - ober Zählapparates die Arbeit ber

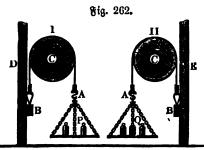


Maschine mittels bes Bremsbynamometer\$ totalisiren ober unmittelbar angeben. Nach Navier's Vorschlag beftimmt man bie Rraft einer umlaufenden Welle auch das burch, daß man ein eifernes Band um die selbe legt, das

eine Ende desselben an ein Federdynamometer anschließt, das andere Ende aber burch Gewichte so start spannt und dadurch am Umfange der Welle so viel Reibung erzeugt, die die Welle eine verlangte Umdrehungsgeschwindigkeit annimmt. Die Differenz zwischen diesem Gewichte Q und der von dem Federdynamometer angegebenen Krast P ist jedenfalls der Reibung F zwischen der Welle und dem Bande gleich; mißt nun noch der Umfang der Welle, — p und macht die Welle während des Bersuches u Umdrehungen pr. Minute, so ershält man die Leistung der Welle:

$$L = F \cdot \frac{up}{60} = \frac{up}{60} (Q - P).$$

In Ermangelung eines Feberbynamometers reicht ber einfache Gurt, Fig. 262, zu biefem Zwede noch aus, wenn man ben Bersuch boppelt macht,



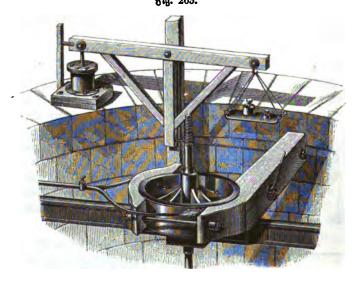
und dabei das eine Ende B bes Gurtes bald auf der einen Seite der Welle, bald auf der anderen Seite an einem sesten Gegenstande, 3. B. an den Säulen D und E besestigt. Hier besommt man durch den einen Bersuch

$$Q = P + F$$

hurch ben anderen aber P, weil

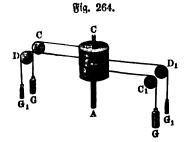
in dem einen Falle die in der Umdrehungsrichtung der Welle wirkende Reibung F dem Gewichte auf der am Ende A hängenden Wagschale entgegenwirkt, und in dem anderen ihm zu Hülfe kommt. Uebrigens ist dei dieser zuerst vom Verfasser in Anwendung gedrachten Vorrichtung die Bestimmung der Leistung die obige. Diese Vorrichtung läßt sich, weil die Kraft immer nur an einem Kleinen Heinen Hebelarme wirkt, nur zur Bestimmung kleiner Leisstungen anwenden. Um Leistungen stärkerer Waschinen zu sinden, hat der Verfasser statt der Wagschale in A den Lastpunkt einer einfachen Decimalwage angeschlossen, und dadurch die Spannung des Gurtes verzehnsfacht. Damit durch Aussegen dieses Gurtdynamometers der Zapsendruck nicht zu sehr vergrößert werde, und sich dasselbe auch dei größeren Kräften anwenden lasse, kann man auch den Gurt ganz um die Welle schlingen, und das eine Ende nach oben, das andere aber nach unten richten.

\$. 134 Kommt es darauf an, die Umbrehungstraft einer stehenden Welle, 3. B. die einer Turbine, durch ein Bremsbynamometer auszumitteln, so kann man natürlich die Schale für die aufzulegenden Gewichte nicht unmittelbar an den Bremshebel hängen, sondern man muß eine Leitrolle oder einen Winkelhebel zwischen einsehen, wodurch die Berticalkraft, mit welcher diese Gewichte niederziehen, in eine den Bremsarm ergreisende Horizontalkraft verwandelt wird. Eine monodimetrische Projection eines solchen Bremsbynamometers für eine stehende Welle sührt Fig. 263 vor Augen. Dieses Dynamometer hat Herr Francis bei seinen hydraulischen Bersuchen (Lowell hydraulio Kia. 263.



experiments) jur Bestimmung der Leistung einer Turbine von 75 Pferdefraften angewendet. (S. bie beutsche Bearbeitung ber Schrift über biefen Begenftand im "Civilingenieur" Band II). Es ift AA bas gugeiferne Frictions - ober Bremerad von 51/2 fing Durchmeffer und 21/4 fug Bobe, welches fratt des Borlegerades auf die Turbinenwelle CD aufgestedt und mit berfelben fest verbunden ift. Die mit Gifen beschlagenen Bremsbaden E, F werben burch zwei Schraubenbolzen von 2 Quabratzoll Querschnitt mittels bes Sebels B auf bas Bremsrab AA aufgepregt, und es ift bas Ende bes langeren Bremebadens F burch eine eiferne Bugftange KL mit bem Winkelhebel KOH verbunden, an bessen horizontalem Arme OH bie Bagichale G zur Aufnahme ber Gewichte hängt. Um bie großen Schwantungen bes Onnamometers n. f. w. ju verhindern, ift an einem britten Arme OM bes Winkelhebels KOH ein hubraulischer Moderator, und, um bie Abweichung bes Armes HM von ber horizontalen Lage anzugeben, ein an einer Scala auf . und niebergehender Beiger Z angebracht. Der Moberator besteht in ber hauptsache aus einem Teller, welcher in bem mit Waffer angefüllten Gefage N auf - und nieberbewegt wird, wobet bas Waffer balb fiber, balb unter benfelben zu treten genothigt ift. Um ber zu großen Erhitzung bes Rranges vorzubeugen, werben mittels ber gegabelten Röhre R Wafferstrahlen gegen bie freie Aukenfläche bes Bremerabes AA geführt.

Um die Leistungen kleiner Maschinenkräfte zu ermitteln, kann man auch eine Methode anwenden, welcher sich der Berfasser bei dynamometrischen Mesesungen an Modellrädern bedient hat (s. meine Bersuche siber den Stoß des Wassers, berichtet vom Herrn Prof. Zeuner im "Civilingenieur", Bd. I, 1854). Um eine Trommel B, Fig. 264, welche auf der umlausenden Welle A C, deren Kraft man messen will, sitzt, werden zwei Riemen, Seile oder Schnüre so gelegt.



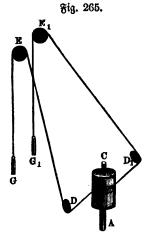
baß die beiben Enden der letzteren entgegengesetzte Richtungen haben. Diese Seilenden laufen außerdem noch über die Leitrollen C, C, und D, D, und sind durch Gewichte G, G und G, G, gespannt. Wenn nun die Gewichte G und G, einer Schnur in Bereinigung mit der Reibung derselben am Umfange der Trommel einander

bas Gleichgewicht halten, so ist folglich die ganze Umbrehungetraft der Trommel: $P=2(G-G_1)$,

wobei natlirlich G das größere, der Umbrehungsbewegung entgegengesetz ziehende, und G_1 das Keinere, in der Richtung der Umbrehung wirkende Gewicht bezeichnet.

Anmerkung 1. Man kann auch die Drehungskraft einer Welle unmittelbar burch Gewichte bestimmen, welche man an das Ende eines Seiles oder einer Schnur hängt, welche sich auf die umlaufende Welle auswickelt. Bei meinen dynamometrischen Versuchen an Modellrädern, (s. We is da d's Versuche über die Leistung eines einsachen Reactionsrades, Freiberg, 1851) habe ich, um den Seitendruck durch die messend beracht werden, von der winlausenden Welle AC, Kig. 265, zwei gleiche Gewichte G, G, auf einmal hes ben und zu diesem Zwecke die Schnüre, an welchen diese Gewichte hängen, mittels der Rollen D, E und D1, E1 auf entgegengesetzten Seiten und in entzgegengesetzten Richtungen auf die Trommel B auswickeln lassen.

Eigentlich ift auch bas Dynamometer, womit man die Arenfraft der Schraub benbampfichiffe bestimmt, hierher zu rechnen; es stemmt sich hier die Welle der Bafferschraube gegen einen Hebel, dessen langerer Arm mit einem spiralformigen Keberdynamometer und einem Beichenapparat verbunden ist, welcher die Arbeit der



Rraft auf ben Mantel eines umlaufenben Cylinbers verzeichnet (siehe The indicator and dynamometer etc., London 1847).

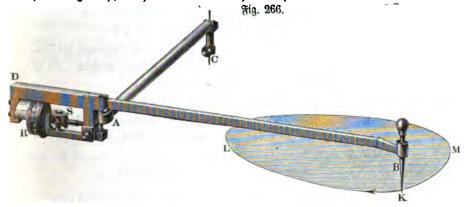
Anmerfung 2. Ueber bie verfchies benen Dynamometer jum Deffen ber Das schinenfrafte hanbelt Egen in feinen Unterfuchungen über ben Effect einiger Bafferwerte u. f. w., nachstbem Gulffe im Artifel "Bremebynamometer" in ber allgemeinen Maschinenenchclopabie. Die Literatur über biefen Begenftanb finbet man in biefen beiben Abhandlungen vollständig angeges Wir haben hier nur noch bie neueften Auffate im 88., 92. und 110. Bande von Dingler's Journal anzuführen. Befonbere zeichnen fich bie fich felbft regulirenben Dhnamometer nach Poncelet, Saint-Leger u. f. w. aus, welche burch angebrachtes Raberwerf bie Schrauben von felbst angiehen ober lofen,

je nachdem der hebel zu sinken oder zu steigen anfängt. Ueber Keberdynamometer ist auch nachzusehen: Notions fondamentales de Mécanique, par Morin, Paris 1855; sowie über Dynamometer überhaupt: Precht l's Technologische Enchclopädie, ferner Hachette: Traité élémentaire des machines. Besondere Kohanblungen über diesen Gegenstand sind oben an den betreffenden Stellen citirt worden. Ueber die Opnamometer mit Registrirapparat von Moison, Noury und Natter s. Civilingenieur, Bb. VIII, 1862.

§. 135 Planimotor. Bei Anwendung des Zeichenapparates zu dynamometrischen Bersuchen kann man die Bestimmung der Flächenräume, wodurch die mechanische Arbeit einer Maschine ausgedruckt wird, einsach durch ein sogenanntes Planimeter (franz. planimetre; engl. planimeter) bewirken. Unter den verschiedenen Planimetern von Ernst, Betli, Hansen, Oppistofer und Amsler ist das letztere oder sogenannte Polarplanimeter von Amsler eines der einsachsten, wenn auch vielleicht weniger schärsten. Eine monodimetrische Abbildung dieses Planimeters sührt Fig. 266 vor Augen.

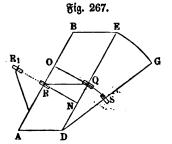
S. 135.]

Es ist C eine Nabel, welche fest in den Tisch eingestoßen wird und um welche sich das Instrument dreht, während man mit dem Stifte B am Umsfange der Figur KLM, deren Inhalt durch das Instrument bestimmt werden soll, hinfährt. Die beiden Arme AC und AB, welche die Spike C und den Stift B tragen, sind durch eine Are A mit einander vereinigt, und die Berlängerung AD des Armes AB trägt ein Laufrädigen R, welches sich auf dem Papiere fortwälzt, während der Stift am Umfange der Figur hingesührt wird. Um die Umdrehungszahl dieses Kädchens während dieser Umschreidung der Figur ablesen zu können, ist nicht allein auf dem Rädchen R selbst eine Eintheilung, sondern auch noch ein zweites eingetheiltes Rädchen S angebracht, welches mittels einer Schraube ohne Ende von der Welle



bes ersteren so umgebreht wird, daß es erst bei zehn Umbrehungen bes ersteren eine vollständige Umbrehung macht.

Wie der Inhalt der vom Stifte B umschriebenen ebenen Figur von der Umdrehungszahl des auf der Ebene dieser Figur fortrollenden Rädchens abdängt, läßt sich elementar auf folgende Weise darthun. Wenn eine Gerade AB=b, Fig. 267, parallel mit sich selbst fortgeführt wird, und dadurch



in die Lage DE kommt, so beschreibt ein auf ihr sixendes Rädchen R einen Weg RQ = AD = BE, welcher aus den Wegen RN und RO zussammengesetzt ist, wovon der erstere auf AB rechtwinkelig sieht und der andere die Richtung von AB und DE hat. Bermöge des Fortrollens des Rädchens auf der Ebene von ABDE drecht sich der Umsang die-

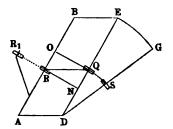
fes Rabdyens um $RN=arphi_1r$, wo $arphi_1$ ben Umbrehungsbogen, und r ben

Radius des Radines bezeichnet. Run ift aber $AB.RN = b \varphi_1 r = \varphi_1 b r$ ber Inhalt P bes Parallelogrammes AE, folglich auch

$$\varphi_1 = \frac{P}{br}$$

ein Mag biefes Inhaltes.

Dreht sich ferner DE noch um D, fo burchläuft bas Rabchen einen Bogen QS, und es beschreibt hierbei biese §ig. 268.



Linie ben Sector
$$D E G$$
, bessen $S = \frac{DE \cdot E G}{2}$

$$= \frac{1}{2} \cdot \overline{DE^2} \cdot \psi$$

= 1/2 # b2

ift, wenn w bas Bogenmag bes Centriminkels EDG bezeichnet. Es ift

folglich der Inhalt der ganzen Figur ABEGD:

$$F_1 = P + S = \varphi_1 br + \frac{1}{2} \psi b^2$$

Ift ber Umbrehungswinkel bes Rabchens beim Durchlaufen bes Bogens $QS_1 = \varphi_2$, so hat man den Umdrehungswinkel beim Durchlaufen des Weges RQ + QS:

$$\varphi = \varphi_1 + \varphi_2$$
 und baher umgekehrt: $\varphi_1 = \varphi - \varphi_2$,

ober ba, wenn der Abstand AR = DQ = DS mit c bezeichnet wird,

$$\overline{QS} = \psi c = \varphi_2 r$$
, also $\varphi_2 = \frac{c}{r} \psi$ ift,

$$\varphi_1 = \varphi - \frac{c}{r} \psi$$
 und

$$F_1 = \left(\varphi - \frac{c}{r} \psi \right) br + \frac{1}{2} \psi b^2 = \varphi rb + \frac{\psi}{2} (b^2 - 2bc),$$

ober:

$$F_1 = bs_1 + \frac{\psi}{2} (b^2 - 2bc),$$

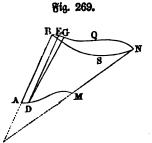
wenn si = or ben gangen Umbrehungsbogen bes Rabchens bezeichnet.

Sind die Wege AD=BE und EG unenblich klein, so ist ABEGD nur bas Element einer enblichen Figur ABNM, Fig. 269, welche von AB bei beliebiger Berrudung auf ber Ebene bes Papiers beschrieben wirb, und es ift in der Formel

$$F_1 = b s_1 + \frac{\psi}{2} (b^2 - 2 b c)$$

§. 135.]

flatt w ber Bogen bes gangen Bintels BON einzuseten, welchen bie Rich-



tungen ber beiben Grenzlagen AB und MN ber erzeugenden Linie mit einanber einschließen, wenn F₁ den Inhalt der ganzen Figur ABQNM angeben soll. Bewegt man die Linie MN rudwärts nach AB, so beschreibt sie irgend eine Fläche

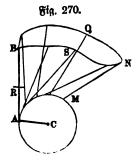
$$F_2 = bs_2 + \frac{\psi}{2}(b^2 - 2bc),$$

wo s_2 ben in umgekehrter Richtung zu messenben Umbrehungsbogen bes Näbchens bezeichnet; und bleibt hierbei der untere Endpunkt der Erzeugungslinie auf dem ersten Bogen AM, so liegt zwischen den Wegen BQN und NSB eine Fläche, deren Inhalt F die Differenz von F_1 und F_2 ist, und folglich einfach durch

$$F = F_1 - F_2 = b (s_1 - s_2) = bs$$

ansgedrückt wird, wobei s die von der Eintheilung des Rädchens angegebene Differenz der Umdrehungsbögen s_1 und s_2 oder den algebraischen Umdrehungsbogen bei der Umschungsbogen bei der Umschung der Figur $B\ QNSB$ bezeichnet.

Bei dem Ameler'schen Planimeter beschreibt ber Endpunkt A ber Linie oder bes Lincales AB einen Kreisbogen AM, Fig. 270; übrigens ift auch



hier ber Flächenraum ber Figur BQNS, beren Umfang ber Stift B burchläuft, bem Umbrehungsbogen s bes Räbchens R proportional und

L
$$F = bs$$
.

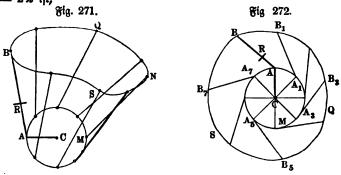
Diese Formeln gelten auch bann noch, wenn bas Räbchen nicht auf ber Stange AB selbst, sondern wie R_1 , Fig. 268, neben berselben angebracht ist, nur hat man bann unter c nicht die Entsernung

AR1, fondern die Projection AR berfelben in AB zu verfteben.

Die lette Formel setzt voraus, daß der Punkt A bei Umschreibung der Figur einen und denselben Kreisbogen AM hin und zurück durchläuft; geht aber dieser Punkt hierbei stetig im Kreise herum, wie die Fig. 271 (a. s. S.) und Fig. 272 vor Augen führen, so ist noch die Fläche na' des Kreises CAM, dessen Halbmesser CA durch a bezeichnet wird, in Betracht zu ziehen. Es ist deshalb in dem Falle von Fig. 271, wo C außerhalb der Figur BQNS liegt,

$$F=\pi a^2+bs,$$

und im zweiten Falle, Fig. 271, wo C von der Figur BQS umschlossen wird, und AB nach und nach eine vollständige Umdrehung macht, also $\psi = 2\pi$ ist.



$$F = \pi a^2 + \pi (b^2 - 2bc) + bs$$

= $\pi (a^2 + b^2 - 2bc) + bs$.

Der Fall in Fig. 271 sett voraus, daß b>2a, also a<1/2 b sei. Ist daher, wie gewöhnlich, a>1/2b, so kommt derselbe gar nicht vor. Wenn im zweiten Falle die Fläche BQS vom Kreise AM umschlossen wird, so ist bs negativ, und daher:

$$F = \pi (a^2 + b^2 - 2bc) - bs.$$

Anmerkung. Es ift nachzulefen: Die Planimeter von Ernft, Betli und han fen, von Bauern feinb, München 1853, sowie die unter folgendem Titel erschienene Schrift: Mechanische Bestimmung des Flacheninhaltes u. f. w. ebener Figuren, von Amsler, Schaffhausen 1856.

3meites Capitel.

Bon ben Menschen- und Thierkräften, sowie von den Maschinen zur Aufnahme berfelben.

§. 136 Thiorische Kräfte. Die thierischen Kräfte ober bas Arbeitsvermögen ber Thiere ift allerdings nicht allein bei Individuen verschiebener Gattungen, sonbern auch bei Geschöpfen einer und berselben Species verschieben. Bei Thieren gleicher Art hängt bas Arbeitsvermögen von ber besonderen Conflitution bes Individuums, von bessen Alter und Gesundheits-

\$. 136.] Zweites Capitel. Bon ben Menfchen- n. Thierfraften ic. 317

guftand, von beffen Willen ober Beaufsichtigung, bann aber auch noch bavon ab, ob das Thier hinreichend in nahrhaftem Futter erhalten wird, ob es an bie Arbeit, welche es verrichtet, gewöhnt ift n. f. m. Auf alle biefe Berfchiebenheiten können wir, ba fie auf unendlich viele Abstufungen führen, nicht Rudficht nehmen, wir muffen vielmehr bei unferen Berechnungen von jeder Gattung ein Thier von mittlerer Stärke und Behendigkeit voraussetzen, welches an die Arbeit, die es verrichtet, gewöhnt ift, babei im mittleren Lebensalter fleht, fich in gefundem Zustande befindet und in gutem nahrhaften Futter gehalten wird.

Roch hängt aber auch bas Arbeitsvermögen eines Thieres von ber Kraft. Geschwindigkeit und Arbeitszeit ab; und es fallt bieses bei einer mittleren Rraft, Geschwindigleit und täglichen Arbeitszeit am gröften aus. Je größer bie Rraft ift, welche ein Geschöpf ausübt, besto fleiner fällt bie Beschwinbigkeit aus, und umgekehrt, je größer bie Beschwindigkeit ift, besto kleiner ftellt fich bie bamit ausgeübte Rraft heraus; ja es giebt eine Maximaltraft, wo die Geschwindigkeit und also auch die Arbeit Rull ift, und ebenso eine Maximalgeschwindigkeit, bei welcher die Kraft und also die Arbeit wiederum Man fieht hieraus, bag man bie animalischen Motoren nur mit einer mittleren Rraft und einer mittleren Geschwindigkeit arbeiten laffen foll, und tann übrigens noch leicht ermeffen, dag man biefelben auch nur auf eine mittlere Beit in Anspruch nehmen barf, um von benfelben ein möglichst großes Arbeitsquantum zu gewinnen. Uebrigens folgt aus unachligen Erfahrungen, daß kleine Abweichungen von der mittleren Rraft, mittleren Geschwindigkeit und mittleren Arbeitszeit, namentlich wenn die Berrichtung jur Gewohnheit geworben ift, eine beachtungswerthe Berminberung ber Leiftung nicht verurfachen. Auch ift es eine Thatfache, bag es Teineswegs vortheilhaft ift, bie animalischen Motoren mit conftanter Rraft und Geschwindigkeit ohne Unterbrechung wirken zu lassen, sondern daß bas animalifche Arbeitevermögen beffer benutt ober weniger Ermubung berbeigefilhrt wird, wenn bas arbeitende Beschöpf in Bausen arbeitet, bie um fo öfter an wieberholen find, je mehr bie wirklich verrichtete Arbeit in ber Beiteinheit von der mittleren Arbeit abweicht.

Das Sauptmoment bei Beurtheilung ber Wirkungen animalischer Motoren ift bie tagliche Leiftung. Bergleicht man biefelbe mit ben täglichen Unterhaltunges und, nach Befinden, mit ben täglichen Zinfen ber Antaufstoften, fo erhalt man ein Dag jur Bergleichung ber Werthe verschiebener Motoren unter einander.

Die Art und Weise, wie Menschen und Thiere mechanische Arbeiten ver- §. 137 richten, ift febr verschieben. Die animalischen Motoren arbeiten entweber mit ober ohne Mafchinen; und zwar die Menschen mit den Banden ober mit den

Fußen ober mit beiben zugleich; bie Thiere naturlich nur mit ben Fußen. Bei ben fo fehr verschiebenen Berrichtungen ift jedoch ber Grad ber Ermudung der geleisteten mechanischen Arbeit nicht proportional, manche Arbeiten scheinen mehr Ermitbung berbeizuführen als andere, ober was baffelbe ift, bei manchen Berrichtungen fällt bas mechanische Arbeitsquantum größer ober fleiner aus, als bei anderen Berrichtungen. Auch laffen fich manche Arbeiten gar nicht auf eine und dieselbe Weise meffen, wie g. B. bas Tragen auf borizontalen Wegen und bas Aufheben einer Laft. Nach ben feither gefaßten Begriffen ift die Arbeit beim Tragen auf horizontalen Wegen Rull, weil hierbei in ber Richtung ber Rraft, b. i. vertical, tein Weg gurudgelegt wirb (Bb. I, S. 83), wogegen beim Aufheben ober Aufziehen einer Laft bie Arbeit bestimmt das Product aus Gewicht und Steighohe besselben ift. Gleichwohl führt bas Behen ober Tragen ebenfalls jur Ermübung wie bas Aufheben; b. h. es wird burch jenes auch bas tägliche Arbeitsvermögen confumirt wie burch biefes; es muß baber auch ber einen Thätigkeit ein tägliches Arbeitsquantum zusommen wie ber anderen, wenn auch biefe Arbeiten felbst wesentlich verschieden find.

Ersahrungsmäßig geht ein Mensch seer auf horizontalem Wege täglich 10 Stunden lang mit 48/4 Fuß Geschwindigkeit; nimmt man nun sein Gewicht zu 140 Pfd. an, so erhält man als tägliches Arbeitsquantum den Werth:

140 . 4,75 . 10 . 60 . 60 = 23'940000 Fugpfund.

Trägt ber Mensch 80 Pfund auf dem Riden, so geht er täglich 7 Stunben lang auf horizontalem Wege mit 2,4 Fuß Geschwindigkeit, und leistet baher täglich, wenn man sein Gewicht unbeachtet läßt, die Arbeit:

80 . 2,4 . 7 . 60 . 60 = 4'838400 Fußpfund.

Ein Pferd trägt auf bem Ruden 240 Pfund täglich 10 Stunden lang im Schritt mit 31/2 Fuß Geschwindigkeit, und leistet folglich in einem Tage:

240 . 3,5 . 10 . 60 . 60 = 30'240000 Fußpfund,

also mehr als sechsmal so viel als ein Mensch beim Tragen. Hat das Pferd nur 160 Pfund auf dem Rücken, so läuft es täglich 7 Stunden im Trabe mit 7 Fuß Geschwindigkeit, und leistet daher nur

160 . 7 . 7 . 60 . 60 = 28'224000 Fußpfund

Biel Meiner fallen die Arbeiten beim Heben von Lasten aus, weil hier mechanische Arbeit im eigentlichen Sinne zu nehmen, also ber Weg in him- sicht auf die Rraftrichtung einzuführen ist.

Steigt ein Mensch auf einer Treppe ober Auffahrt leer hinauf, so ist bei einer täglichen Arbeitszeit von 8 Stunden die Geschwindigkeit, in verticaler Richtung gemessen, = 0,48 Fuß, daher sein tägliches Arbeitsquantum:

= 140 . 0,48 8 . 60 . 60 = 1'935360 Fußpfund.

Hiernach kann ein Mensch täglich horizontal 121/2 mal so viel Weg zusticklegen als vertical.

Alegen als vertical. Bei dem hiesigen Teichbaue hat der Berkasser beobachtet, daß vier kräftige

und eingelibte Arbeiter einen Rammflot, wie Fig. 273, welcher 112 Pfund wiegt, in jeder Minute genau 34mal 4 Fuß hoch heben, babei nach 260 Secunden Arbeit jedesmal wieder 260 Secunden Ruhezeit nöthig haben und im Ganzen täglich nur 5 Stunden arbeiten; es stellt sich baher hier die tägliche Arbeit eines Menschen

$$=\frac{112}{4} \cdot 4 \cdot 34 \cdot 5 \cdot 60 = 1'142400$$
 Fußpfund

heraus.

Anmerkung 1. Ausführlichere Zusammenstellungen über bie Leistungen animalischer Motoren theilt ber "Ingenieur" mit. Uebrigens sinbet man auch bie Leistungen ber Thiere bei Maschinen in ber Folge bei ben betreffenben Maschinen angegeben.

Anmerkung 2. Die Leistungen ber Menschen und Thiere sind noch lange nicht vollständig genug bekannt. Die Leistungen ungeübter ober unter ungünstigen Umfländen arbeitender Menschen (bei großer hite, Regen u. s. w.) können um die Sälste kleiner ausfallen als die Leistungen tüchtiger und eingeübter Arbeiter. Die erste vollständige Untersuchung über die Leistung der animalischen Motoren lieferte Coulomb (siehe Théorie des machines simples). Bor ihm hatten sich vorzüglich Desaguliers (Cours de Physique expér.) und Schulze (Abhandstungen der Berliner Akademie, 1783) mit der Bestimmung der thierischen Kräste beschäftigt. In den neueren Zeiten sind die Ersahrungen Coulomb's von Bielen vervollkändigt worden. Siehe hachette, Traité élémentaire des machines. Bonguer, Euler und Gerstner haben versucht, die Wirkungen der animalischen Motoren aus Gesetz zurückzusäusäusern. Man kann jedoch behaupten, daß dies Ausgabe selbst durch Gerstner (Mechanik, Bb. I) noch keineswegs als gelöst anzussehen ist.

Kraftformeln. Kraft und Geschwindigkeit bei der Arbeitsverrich. §. 138 tung animalischer Wesen stehen zwar im genauesten Zusammenhange mit einander, jedoch ist das Gesetz dieses Zusammenhanges keineswegs bekannt, und noch viel weniger aus Bernunftgründen abzuleiten. Die empirischen Formeln, welche Bouguer und Euler angegeben haben, entsprechen der Wahrheit gewiß nur annähernd. Ist Ko die größte Kraft, welche ein lebendes Wesen ohne Geschwindigkeit ansüben kann, und co die größte Geschwindigkeit ohne Kraftäußerung, so hat man sur eine andere Geschwindigkeit v die entsprechende Kraft,

nach Bouguer:

$$P = \left(1 - \frac{v}{c_0}\right) K_0,$$

nach Enler 1):

p
$$= \left(1-rac{v^2}{c_0^2}
ight) \mathit{K}_0,$$
nach demselben $2)$: $P = \left(1-rac{v}{c_0}
ight)^2 \mathit{K}_0.$

Bon biefen brei Formeln ift die erfte bie einfachste, und nach Gerftner auch biejenige, welche mit ben Erfahrungen am meisten übereinstimmt. Nach den Beobachtungen Anderer, z. B. Schulze's, scheint sich hingegen die britte Formel mehr an die Erfahrungen anzuschließen. Sieht man v als Absciffe und P als Ordinate einer Curve an, so entspricht der ersten Formel eine Gerade AB, Fig. 274, der zweiten aber ein concaver Parabel-



bogen A P2 B und ber britten ein converer Parabelbogen A P3 B, und es liegt allemal die Ordinate MP1 ber Geraden amischen ben Ordinaten MP2 und MP3 beiber Parabeln mitten inne, 3. B. ber Absciffe OM $=v=^{1/_{2}}c_{0}$ entsprechen die Ordinaten \overline{MP}_{1} = $^{1/_{2}}K$ $= \frac{1}{2} \overline{OA}$, ferner $\overline{MP_2} = \frac{3}{4} K = \frac{3}{4} \overline{OA}$, und

 $\overline{MP_3} = \frac{1}{4} K = \frac{1}{4} OA$. Es giebt also die Bouguer'sche Formel Rraftwerthe, welche zwischen ben bon ben Guler'ichen Formeln zu erhaltenben Werthen mitten inne liegen, und man fann fich berfelben wenigstens so lange bedienen, als feine besonderen Grunde filt die Richtigkeit einer ber Euler'schen Formeln angegeben werden können. Führen wir in ber Bougner'ichen Formel ftatt ber Maximalwerthe Ko ober co ihre Salften ober die mittleren Werthe $K = \frac{1}{2} K_0$ und $c = \frac{1}{2} c_0$ ein, so erhalten wir bie zuerft von Gerfiner angewendete Formel:

oder
$$P=\left(1-rac{v}{2c}
ight)2$$
 K, $P=\left(2-rac{v}{c}
ight)$ K, fowie umgelehrt: $2.)\,\,v=\left(2-rac{P}{K}
ight)$ a.

ober

%ig. 275.

Wenn nun auch biese Formel für Grenzwerthe von v und P weniger Schärfe ober Sicherheit gewährt, fo läßt fich wenigstens erwarten, daß fie für Werthe, welche von ben mittleren nicht bebeutend abweichen, mit gentigender Genauigkeit zu gebrauchen fei, zumal. ba bei gleichen Werthen von c und K beibe Euler'iche Curven A1 PB1 und A2 PB2, Fig.

275, von ber Bougner'ichen Geraben APB in P tangirt werben.

Die mechanische Arbeit pr. Secunde ift hiernach:

$$Pv = \left(2 - \frac{v}{c}\right)v K.$$

Da sich $\left(2-\frac{v}{c}\right)v\,K$ auch $=\left(2\,c-v\right)v\,\frac{K}{c}$ setzen läßt, so fällt wie in Band I, §. 500 die nichanische Arbeit am größten aus, wenn v=c, also auch

$$P = K$$
.

b. i. Gefdwindigfeit und Rraft bie mittleren find, nämlich

$$L = Pv = Kc$$

Sowie man aber mit einer größeren ober fleineren Befchwindigfeit, ober

%ig. 276.

mit einer kleineren ober größeren Kraft arbeiten läßt, erhält man eine Leistung L=Pv kleiner als Kc. Sieht man wieder die Geschwindigkeiten als Abscissen, und die Arbeiten als Orbinaten an, so bekommt man in der sich herausstellenden Eurve eine Parabel ADB, Fig. 276, und man sicht nun leicht ein, daß

fowohl ber Abscisse AM < AC als auch der Abscisse $AM_1 > AC$ eine Keinere Ordinate MP, M_1P_1 zukommt, als der Abscisse $\overline{AC} = c$. Hir $v = \frac{c}{2}$, sowie für $v = \frac{s}{2}c$ folgt z. B.:

$$L = \frac{3}{4} Kc$$
, also $\overline{MP} = \overline{M_1 P_1} = \frac{3}{4} \overline{CD}$.

Rach ben Angaben von Gerfiner gelten, namentlich für Zugfrafte, bie in folgender Tabelle enthaltenen Werthe:

Geschöpfe.	Gewicht.	Mittlere Rraft K in Pfunb.	Mittlere Geschwin- bigseit c Fuß.	Mittlere Arbeitszeit & Stunden.	Leistung pr. Sec. Fußpfund.	Täglice Leistung Fußpfund.
Menfc	140	28	2,5	8	70	2'016000
Pferd	750	112	4	8	448	12′902400
Đớs	600	112	2,5	8	280	8'064000
Gefel	360	70	2,5	8	175	5′040000
Maulefel .	500	94	3,5	8	829	9'475200

Beisbach's Lehrbuch ber Mechanit. IL.

Beispiele. 1. Rach ber vorstehenben Tabelle leistet ein Mensch bei einer mittleren Kraft von 28 Pfund und mittleren Geschwindigseit von 21/2 Fuß täglich 2'016000 Fußpfund; soll er aber mit 3 Fuß Geschwindigseit arbeiten, so kann er nur bie Kraft

$$P = \left(2 - \frac{8}{2.5}\right)$$
. $28 = 22.4$ Pfund

ausuben, und es wird feine tagliche Leiftung nur

22,4 . 8 . 8 . 60 . 60 = 1'935360 Fußpfund

betragen.

2. Wenn ein Bugpferb 150 Pfund Rraft ausüben foll, fo tann es nur mit ber Gefcwindigkeit

$$v = \left(2 - \frac{150}{112}\right)$$
. $4 = 2,643$ Fuß

arbeiten, weswegen feine Leiftung pr. Secunde nur

2,643 . 150 = 396,5 Außpfund

beträgt, also um 448 — 396,5 = 51,5 Fußpfund fleiner ift als bei 4 Fuß Ge-fcwindigfeit.

Anmerkung. Für die Leistungen ber Pferbe giebt Fourier eine complicirte Formel in Annales des ponts et chaussées, 1836; siehe auch Crelle's Journal der Baukunft. Bb. XII, 1838.

§. 139 Arboit boim Stoigen. Noch tann man, nach Gerstner, bie Leisstungen von animalischen Motoren bei ber Bewegung auf schiesen Sberechnen. Bezeichnet G bas Gewicht bes Motors, Q bie von ihm getragene Last und a ben Neigungswinkel ber schiefen Sbene, auf welcher ber Motor, mit ber Last hinaufsteigt, so ist die Kraft = (Q + G) sin. a (s. Theorie ber schiefen Sbene, Bb. I, §. 146), und baher zu sehen:

$$\left(2-\frac{v}{c}\right)K=(Q+G)$$
 sin. α .

Siernach folgt die Last, mit welcher ein animalischer Motor auf einer schiefen Sbene von gegebener Reigung emporsteigen fann, sowie umgekehrt, ber Reigungswinkel, welcher einer gegebenen Last entspricht; es ist nämlich:

$$\sin \alpha = \frac{\left(2 - \frac{v}{c}\right)K}{Q + G}$$
,

barnach für Q=0, und v=c, also leer, und bei ber mittleren Geschwinsbigkeit:

$$\sin \alpha = \frac{K}{G}$$
.

Nun ist aber das Gewicht eines Thieres fast immer fünfmal so groß als seine mittlere Kraft; es ist daher

$$\sin \alpha = 1/5$$
 und $\alpha = 111/20$

ber Neigungswinkel berjenigen schiefen Ebene, auf welcher ein Thier bei mittlerer Kraftanstrengung hinaufsteigt.

Anmerkung. Bei bem Ausschreiten auf horizontalem Bege HR, Fig. 277, breht fich ber gange Korper um ben Fußpunft C, wobei ber Schwerpunft bes Rorpers um eine Sohe DE = h fteigt, bie fich aus ber Schenkellunge



CA = CB = 1 und ber Schrittlange CH = CR = s burth die befannte Kormel

$$DE = rac{\overline{AD^2}}{2 AC},$$
 b. i. $h = rac{s^2}{8 I}$

leicht bestimmen läßt. Ift nun G bas Gewicht bes Menschen und Q bie von bemfelben getragene Laft, fo hat man bie von bemfelben bei jebem Schritte au verrichtenbe Arbeit :

$$L = (G + Q) h = \frac{(G + Q) s^2}{8 l}$$
, also bie entsprechende Kraft:

$$P = \frac{L}{s} = \frac{(G+Q)s}{8l}.$$

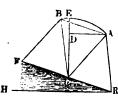
Seten wir die Schenkellange 2 = 3 Fuß und die Schrittlange s = 2 Fuß, fo haben wir hiernach bie Rraft :

$$P = \frac{2(G + Q)}{8 \cdot 3} = \frac{1}{12}(G + Q) = 0.08333(G + Q),$$
 also für $Q = 0$ und $G = 140$ Pfund,

 $P = \frac{1}{12} G = 11,67$ Pfund,

Es ift folglich ber Arbeitsaufwand beim Ausschreiten einer horizontalen Strede 8 gleich bem Arbeitsaufwand beim fentrechten Steigen auf Die Bobe 1/12 8.

Fig. 278.



hiernach mare alfo bie Anftrengung, um fich felbst auf horizontalem Wege fortzubewegen, bei gleichem Wege eben fo groß, ale biejenige, welche man nothig hat, ein Bewicht von 11% Pfund gu heben.

Beim Sinauffteigen auf einer ichwach anfteis genben Ebene FR, Fig. 278, ift, wenn a ben Steigwinkel FRH biefer Ebene und & ben Drehungewinkel ACB bezeichnen, bie Steighohe eines Schrittes

$$DE = h = CE - CD = CE (1 - \cos A CD) = l \left[1 - \cos \left(\alpha + \frac{\beta}{2} \right) \right]$$
$$= l \left(1 - \cos \alpha \cdot \cos \frac{\beta}{2} + \sin \alpha \cdot \sin \frac{\beta}{2} \right),$$

annabernb, bei fleinem Steigwinfel a:

$$h = l\left(1 - \cos\frac{\beta}{2} + \sin\alpha\sin\frac{\beta}{2}\right) = l\left(\frac{s^2}{8l^2} + \frac{s}{2l}\sin\alpha\right)$$
$$= \frac{s}{2}\left(\frac{s}{4l} + \sin\alpha\right).$$

Es ift folglich bie mechanische Arbeit bei jebem Schritte:

$$L = (G + Q) h = (G + Q) \left(\frac{s}{4l} + \sin \alpha\right) \frac{s}{2},$$

und die mittlere Kraft:

$$P = \frac{1}{2} (G + Q) \left(\frac{8}{4l} + \sin \alpha \right).$$

Bur bas Berabsteigen auf ber ichiefen Ebene ift a negativ, baber bie Rraft :

$$P = \frac{1}{2} (G + Q) \left(\frac{s}{4l} - \sin \alpha \right).$$

Hiernach ware allerdings für sin. $a=\frac{s}{4l}$ bie Kraft = Rull. Rimmt man wieber l=3 und s=2 Kuß, so erhält man:

$$\sin \alpha = \frac{1}{6} = 0.1666$$
, b. i. $\alpha = \frac{91}{6}$ Girab.

 $lpha=9\frac{1}{3}$ Grab, ben Reigungswinkel, bei welchem wenigstens bas herabsteigen am leichteften wirb.

Ift ber Steigwinkel $a=\frac{\beta}{2}$, so hat man bie Rraft jum Auffteigen:

$$P = \frac{(G+Q)s}{4l},$$

und ist $\alpha > \frac{\beta}{2}$, b. i. $> \frac{s}{2l}$, in Bahlen $\alpha > \frac{1}{8}$, also $\alpha^0 > 19$ Grad, so fällt einfach: $P = (G + Q) \sin \alpha \quad \text{aus}.$

§. 140 Arbeit an Maschinon. Wenn man, nach Gerstner, ber Arbeitszeit s benselben Einfluß auf bas tägliche Arbeitsquantum beimist, wie ber Geschwindigkeit, so hat man für die Kraft zu setzen:

$$P = \left(2 - \frac{v}{c}\right) \left(2 - \frac{z}{t}\right) K,$$

und erhalt hiernach bie tägliche Leistung:

$$L = \left(2 - \frac{v}{c}\right) \left(2 - \frac{z}{t}\right) K v s.$$

Sebenfalls ift die Leiftung am größten, und zwar = Kct, wenn das Thier nicht allein mit der mittleren Geschwindigkeit und Kraft arbeitet, sondern anch die mittlere Arbeitszeit innehält. Uebrigens ist nicht außer Acht zu lassen, daß diese Formel bloß für solche Werthe von v, s und P hinreichende Genauigkeit gewährt, welche nicht sehr von den mittleren Werthen c, t und K abweichen.

herr Maschet empfiehlt statt ber obigen Kraftformel von Gerftner ben einsacheren Ausbrud:

$$P = \left(3 - \frac{v}{c} - \frac{s}{t}\right) K,$$

ber allerdings zum Rechnen sehr bequem ift. S. Reue Theorie der mensche lichen und thierischen Kräfte u. f. w. von F. J. Maschet, Brag u. f. w.

In der Regel wird man die Thiere während der mittleren Arbeitszeit von 8 bis 10 Stunden arbeiten laffen, und daher auf den Factor $\left(2-\frac{z}{t}\right)$

nicht weiter Mudficht zu nehmen haben, alfo bie tägliche Leiftung

$$L = \left(2 - \frac{v}{c}\right) K v s$$

setzen können. Arbeitet nun aber ein Thier an einer Maschine, so wird sich seine Kraft P in eine Rutzlast P_1 und eine Rebenlast P_2 zerlegen, also

$$P = P_1 + P_2$$

zu setzen sein, wosern wir beibe auf ben Kraftpunkt reducirt uns benken. Auch wird in der Regel, wie wir in der Folge wiederholt sehen können, die Nebenlast P_2 aus einem constanten und schon bei der unbelasteten Maschine vorkommenden Theile R und aus einem von der Autlast abhängigen und dieser genau oder wenigstens annähernd proportionalen Theile δP_1 , wo δ einen Ersahrungscoefficienten bezeichnet, bestehen, es wird also

$$P_2 = R + \delta \cdot P_1$$

und fonach

$$P = (1 + \delta) P_1 + R_2$$

also auch

$$\left(2-\frac{v}{c}\right)K=(1+\delta)P_1+R$$

an feten fein.

Die Totalleiftung pr. Secunde ift nun:

$$Pv = \left(2 - \frac{v}{c}\right) Kv = (1 + \delta) P_1 v + Rv,$$

und baber bie Rugleiftung:

$$P_1v = \frac{(2K-R)v - \frac{Kv^2}{c}}{1+\delta} = \left[\left(2 - \frac{R}{K}\right)c - v\right]v \cdot \frac{K}{(1+\delta)c}.$$

Damit biese Leistung so groß wie möglich ausfalle, muß (f. §. 138)

$$v=1/2\left(2-\frac{R}{K}\right)c=\left(1-\frac{R}{2K}\right)c,$$

also die Geschwindigkeit kleiner als die mittlere, und zwar um so kleiner sein, je größer der constante Theil R der Nebenlast ist. Die entsprechende Kraft ist hiernach:

$$P = \left(1 + \frac{R}{2K}\right)K = K + \frac{R}{2},$$

also größer als bie mittlere Rraft, bie Nuplast hingegen folgt:

$$P_1 = \frac{K - \frac{R}{2}}{1 + \delta},$$

die Totalleistung stellt sich

$$Pv = \left[1 - \left(\frac{R}{2K}\right)^2\right] Kc$$

bie Rutleiftung aber

$$P_1 v = \left(1 - \frac{R}{2K}\right)^2 \frac{Kc}{1+\delta},$$

und enblich ber Wirfungegrab

$$\eta = \frac{\left(1 - \frac{R}{2K}\right)^2}{1 + \delta}$$

heraus.

Beispiel. Benn bei einer burch zwei Pferbe in Umbrehung zu sehenben Maschine bie auf ben Kraftpunkt reducirte constante ober ber unbelasteten Maschine entsprechende Nebenlast 60 Pfund beträgt, so hat man die zu fordernde Geschwinsbigkeit ber Pferbe, da K=2.112=224 Pfund, und c=4 Fuß zu sehen ift:

$$v = (1 - \frac{60}{448}) c = \frac{97}{112} \cdot 4 = 3,464 \text{ Huß},$$

ferner bie Rraft ber Bferbe :

$$P = 224 + \frac{60}{2} = 254 \, \Re \text{funb,}$$

alfo bie eines Pferbes :

Ift nun noch ber veranberliche Theil ber Nebenlaft 15 Procent ber Nuglast, so hat man $\sigma=0.15$ und baher bie aufzulegende Nuglast :

$$P_1 = \frac{224 - 30}{1,15} = 169 \, \text{Pfund,}$$

und endlich ben Birfungegrab ber Dafchine :

$$\eta = (97/_{119})^2 : 1.15 = 0.652.$$

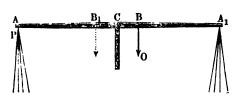
§. 141 Hobol. Die animalischen Motoren arbeiten entweder an Hebeln sober an Rabwellen. Die letzteren sind entweder liegend, oder stehend, oder gegen den Horizont geneigt. Zunächst ist von dem Hebel als Maschine zur Aufnahme der Menschraft die Rede. Die allgemeine Theorie dieser Maschine ist aus Band I, §. 135 und §. 187 bekaunt. Der Hebel ist entweder ein einsacher, wie ACB, Fig. 279, oder ein doppelter, wie ACBA1, Fig. 280; jener hat nur einen Krastarm CA, dieser aber hat deren zwei, nämlich CA und CA1. Man erzeugt durch den Hebel eine schwingende Bewegung im Kreise, und wendet ihn deshalb vorzüglich in den Fällen an, wo eine auf = und



niebers ober hins und hergehende Bewegung erzeugt werden foll, wie z. B. bei Bumpen, zumal bei Feuersprigen. Bur Aufnahme ber Menschenfräste bienen bie Handhaben ober Spillen, beren Anzahl und Länge sich nach ber Anzahl ber Arbeiter richtet, welche ben hebel in

Bewegung setzen. Da bie Kraftauslibung bei ber Bewegung von oben nach unten eine leichtere ift als bei ber Bewegung von unten nach oben, fo luft

Fig. 280.



man ben Arbeiter meift nur beim Riebergange wirken, und bringt zu diesem Zwede Gegengewichte an, welche bem Aufgange zu Gulfe kommen, ober bedient sich eines boppelten Debels, an welchem dann die Arbeiter

abwedsselnd niederzubruden haben. In dem Falle, wenn die Arbeiter nur beim Niedergange wirken, werben oft die Handhaben durch Seile ersetzt, die vom Hebel niederhängen und von den Menschen ergriffen werden. Zuweisen werden Hebel auch mit den Fußen durch Treten in Bewegung gesetzt.

Um eine nicht zu große Richtungsänderung während eines Spieles zu erhalten, läßt man den Hebel in einem nicht sehr großen, wenigstens nicht 60 Grad überschreitenden Bogen schwingen; und um die Auslibung der Kraft nicht zu erschweren, läßt man den Handhaben oder Angriffspunkten der Kräfte nur die der menschlichen Armlänge entsprechenden Wege von $2^1/2$ bis $3^1/2$ Fuß zurücklegen. Aus dem letzteren Grunde ist es auch angemessen, die Handhaben bei ihrem mittleren Stande um die der menschlichen Länge entsprechenden Höhe von 3 bis $3^1/2$ Fuß vom Fußboden absiehen zu lassen. Nach gemachten Ersahrungen arbeitet ein Wensch an einem Hebel täglich 8 Stunden lang mit der Kraft K=12 Pfund, und Geschwindigkeit c=2.5 Fuß, es ist daher seine Leistung an dieser Maschine pr. Secunde:

L = 12 . 2.5 = 30 Fußpfund;

und bemnach täglich:

Es ift nöthig, bei ber Anordnung eines Hebels bafür zu forgen, daß die Arbeiter mit der angegebenen mittleren Kraft und Geschwindigkeit arbeiten, ober vielmehr, daß die effective Kraft nur um die halbe constante Nebenlast größer ausfällt als die mittlere Kraft.

An dem Hebel selbst stellt sich nur ein Hinderniß, nämlich dessen Arenreibung, heraus. Ift D der aus dem Gewichte des Hebels und aus der Kraft und Last desselben entspringende Zapsendruck, r der Zapsenhalbmesser und o der Reibungscoefsicient, endlich a der Hebelarm CA der Krast, so hat man die auf den Krastpunkt reducirte Zapsenreibung:

$$F = \frac{\varphi r}{a} D;$$

ba nun aber φ und in der Regel auch $\frac{r}{a}$ ein kleiner Bruch ift, fo fallt

meistens die Reibung F flein genug aus, um sie in Anschung der übrigen Laft vernachlässigen zu können.

Denken wir uns am Lastpunkte B eine Nutslast Q und eine Nebenlast $\delta Q + W$ wirksam, und bezeichnen wir den Hebelarm \overline{CB} dieser Lasten burch b, so haben wir das Arastmoment zu setzen:

$$Pa = [(1 + \delta) Q + W] b,$$

und baber bie Rraft felbft:

$$P = \frac{b}{a} [(1 + \delta) Q + W].$$

Damit nun bie Menschenkraft mit möglichstem Bortheile wirfe, ift auch

$$P = K + \frac{b}{a} \cdot \frac{W}{2}$$
, und daher

$$\frac{a}{b} K = (1 + \delta) Q + \frac{W}{2},$$

alfo bas Bebelarmverhältnig

$$\frac{a}{b} = \frac{(1+\delta) Q + \frac{1}{2}W}{K}$$

in Anwendung ju bringen.

Anmerkung. Die Sebelarme find in der Regel mahrend eines Spieles etwas veranderlich, weswegen es wohl nothig ift, mittlere Werthe fur biefelben

Fig. 281.

ju finden und in die Rechnungen einzuführen. Steht ber Sebelarm CB, Fig. 281, bei halbem hube horizontal, und ift ber Schwingungewinkel

$$B_1CB_2=\beta^0,$$

so hat man bie Subhohe ber Laft:

$$s = \overline{B_1B_2} = 2b \sin \frac{\beta}{2}$$
,

baher bie Arbeit für einen Anhub:

$$=2 b \sin \frac{\beta}{2} \cdot Q;$$

ware aber bie Last mahrend bes Anhubes unveränderlich am hebelarme CB=b wirksam, so wurde ber Beg für jeben hub = Bogen $B_1BB_2=\beta\,b$ sein; und baher die Last

$$Q_1 = \frac{2 b \sin \frac{\beta}{2}}{\beta b} Q = \frac{2 \sin \frac{1}{\beta} \beta}{\beta} \cdot Q,$$

also ihr statisches Moment

$$Q_1 b = \frac{2 \sin \frac{1}{2} \beta}{\beta} Q b$$
 zu feten fein.

Umgefehrt fonnen wir nun auch annehmen, bag bie gaft Q mahrenb eines

Spieles am mittleren Sebelarme $\frac{2 \ b \ sin. \frac{1}{2} \beta}{\beta}$ wirffam sei. Für $\beta^0=60^\circ$ ftellt fic biefer Sebelarm

$$= \frac{b}{arc. 60^{\circ}} = \frac{b}{1.0472} = 0,955.b$$

heraus, also um 51/g Procent fleiner als b, und bei fleineren Schwingungewinkeln ift bie Abweichung noch bebeutend fleiner.

Beispiel. Belches Armverhaltniß ift bei einem Gebel auszuwählen, bamit berfelbe bei einer Ruglaft Q=160 Pfund und einer Nebenlaft

$$Q_2 = 0.15 Q + 55 = 0.15 \cdot 160 + 55 = 79 \Re \text{funb}$$

burch vier Arbeiter möglichft vortheilhaft in Birffamfeit geset werbe? Es ift:

$$K = 4.12 = 48 \, \Re \text{fund}$$

baber:

$$\frac{a}{b} = \frac{1,15 \cdot 160 + \frac{1}{2} \cdot 55}{48} = \frac{211,5}{48} = 4.4.$$

Soll nun die Last bei jedem Anhube 1 Fuß Weg durchlaufen, so muß hiernach die Kraft gleichzeitig 4,4 Fuß Weg zurucklegen, und nimmt man nun den
Schwingungswinkel $\beta=50^{\circ}$ an, so erhält man die nöthige Armlänge:

$$b = \frac{s}{2 \sin \frac{\beta}{2}} = \frac{0.5}{\sin 25^{\circ}} = 1.188$$
 Fuß,

und bie gange bes Rraftarmes:

$$a = 4.4 \cdot b = 4.4 \cdot 1.183 = 5.20$$
 Fug.

Der nothige Kraftaufwand ift nun:

$$P = \frac{160 + 79}{4.4} = 54,32 \$$
 Pfund,

folglich bie Rraft eines Arbeiters:

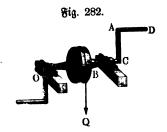
und ber Birfungegrab bee Bebele:

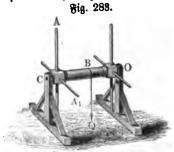
$$\eta = \frac{\left(1 - \frac{55}{2 \cdot 4.4 \cdot 48}\right)^{9}}{1.15} = \frac{(1 - 0.13)^{9}}{1.15} = 0.658.$$

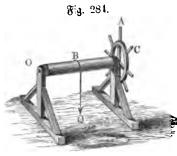
Benn also auch bie vier Menschen eine tägliche Arbeit von 4.864000 = 8'456000 Fußpfund verrichten können, so wird von ihnen an dieser Maschine boch nur 0,658. 3'456000, also circa = 2'274000 Fußpfund nügliche Arbeit zu verlangen sein.

Haspol. Das vorziglichste Mittel zur Aufnahme ber Menschenkraft ist §. 142 bie liegende Radwelle, welche in diesem Falle den Namen Haspel (franz. treuil, tour; engl. windlass) erhält. Diese Maschine besteht im Allgemeinen aus einer horizontalen Belle, an deren Umfang die Last wirkt, und in einem Systeme von Handhaben oder Spillen zur Aufnahme der Kraft. Man unterscheibet vorzüglich drei Arten von Haspeln, nämlich den Kurbel- oder Hornhaspel, den Kreuz- und den Spillenhaspel, von einander. Bei dem Hornhaspel wirst die Kraft an der Kurbel (franz.

manivelle; engl. winch), einem knieförmig gebogenen Ansate CAD, Fig. 282, bes Zapsens ber Welle. Der Kreuzhaspel, Fig. 283, hat statt ber Kursbel, burch die Welle CO gestedte, als Hebel bienende Arme, CA, CA1 ... und der Spillenhaspel, Fig. 284, ift eine vollständige Radwelle mit rasig 288.







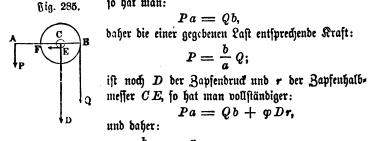
bialen ober arialen Handhaben ober Spillen (franz. chevilles; engl. pins). Bei dem Hornhaspel verändert der Arbeiter seinen Angriffspunkt während einer Umdrehung nicht, bei den Kreuz- und Spillenhaspeln hingegen geht hierbei die Hand des Arbeiters von einem Arme ober von einer Spille zur anderen über. Die letzteren beiden Haspelarten werden angewendet, wenn es darauf ankommt,

auf fürzere Zeit und bei längeren Unterbrechungen große Lasten zu überwinden, z. B. Baumaterialien und Maschinentheile beim Aufstellen berselben zu heben u. s. Bur gewöhnlichen stetigen Arbeitsverrichtung dienen die Hornhaspel.

Danit der Arbeiter am Hornhaspel seine Arbeit mit möglichstem Ruten verrichten könne, ist es nöthig, daß die Armlänge oder Kurbel, der menschslichen Armlänge entsprechend, 16 bis 18 Zoll betrage, und daß die Are der Kurbel, der mittleren Menschenlänge entsprechend, 38 bis 39 Zoll über dem Fußboden stehe. Uebrigens hat man nach der Zahl der Arbeiter, welche sich an einem Haspel anstellen lassen, eine, zweis und mehrmännische Kursbeln (Haspeln). Da der Mensch mit weniger Anstrengung drückend und schiebend arbeiten kann, als ziehend und hebend, so wird ihm die Umdrehung der Anvbel an allen Stellen ihrer Spille im Kreise nicht gleich schwer, und es ist deshalb zwecknäßig, bei einem zweis oder mehrmännischen Haspel die Spillen auf dem Kreise gleichnäßig zu vertheilen, also z. beim zweimänsnischen Haspel die beiden Kurbelhörner einander gegenüber zu stellen.

Dan hat die tägliche Leiftung eines Menfchen an ber Rurbel nicht

größer als 1'105920 Fußpfund gefunden, und zwar bei der mittleren Rraft K = 16 Pfund, mittleren Gefchwindigfeit c = 2,4 fing und Arbeitezeit t = 8 Stunden. Die Berechnung des Haspels ift übrigens von der Berechnung einer Radwelle überhaupt nicht verschieben. Wirft die Laft Q. Fig. 285, am Sebelarme CB = b, die Rraft P aber am Sebelarme CA = a, so hat man:



$$Pa = Qb$$

baber bie einer gegebenen Laft entsprechenbe Rraft:

$$P = \frac{b}{a} Q;$$

$$Pa = Qb + \varphi Dr_{a}$$

$$P = \frac{b}{a} Q + \frac{r}{a} \cdot \varphi D.$$

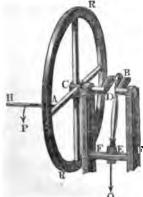
Besteht die Last Q sammt Reibung $\frac{r}{a} \varphi D$ aus der Nutsast Q1, ber constanten Nebenlast W und ber veränderlichen Nebenlast & Q, ift also $Q = (1 + \delta) Q_1 + W_1$, so gilt die Regel

$$P = \frac{b}{a} [(1 + \delta) Q_1 + W] = K + \frac{b}{a} \cdot \frac{W}{2},$$

alfo ift bas Berhältnig

$$\frac{a}{b} = \frac{(1+\delta) Q_1 + \frac{1}{2} W}{K}$$
 zu machen.

Da aber die Rurbel eine vorgeschriebene Bohe von 16 bis 18 Boll hat, fo ift hiernach ber Bebelarm b ber Laft Fig. 286. gu bestimmen, nämlich



$$b = \frac{Ka}{(1+\delta) Q_1 + \frac{1}{2} W}$$
we made a panit his 9 theiter mit

gu machen, bamit bie Arbeiter mit moalichstem Bortheile wirken.

Wenn die Raft Q an einem Baspel variabel ift, wenn fie g. B. an einem Rrummgapfen ober einer anderen Rur= bel DB, Fig. 286, wirft, fo ift es zwedmäßig, die Rurbelwelle CD mit cinem Schwungrabe RR auszuruften, welches burch feine Tragheit bie Beranberlichkeit ber nöthigen Rraft P in einem gewissen Grabe ausgleicht. Dan

kann in diesem Falle die Handhabe ober Spille AH an einem Arme bes Schwungrades befestigen, welcher bann mit berselben die eigentliche Kraftsturbel bilbet. Die Last ober ber Widerstand Q greift hier zunächst an

Fig. 287.



einen Querarm FF an, welcher in einer Gerabführung beweglich und burch bie fogenannte Rurbelftange BE mit ber Laftfurbel verbunden ift.

Bezeichnet hier wieder a die Länge des Kraftarmes CA, und b die Länge des Lastarmes DB, so ist während einer halben Umbrehung der Beg der Kraft, $=\pi a$, und der der Last, =2b, und daher, wenn man von den Nebenshindernissen absieht, zu setzen:

$$P$$
 . $\pi a = Q$. 2 b, folglich die mittlere Umbrehungetraft:

$$P = \frac{2}{\pi} \frac{b}{a} Q.$$

Beispiel. An einem zweimännischen Haspel wirst eine Last Q von 200 Pfund, wovon aber nur 150 Pfund Nutlast, dagegen 30 Pfund constante und 20 Pfund veränderliche Nebenlast sind; der Hebelarm der Last beträgt 4 Boll, der der Kraft 18 Boll, der Zapsenhalbmesser 1/2 Boll, ferner der Reibungscoefsicient $\varphi=0,1$, und das Gewicht der Maschine, =80 Pfund; man sucht die Leistung dieser Maschine. Die ganze Kraft ist, wenn man den Zapsendruck zu D=200+80=280 Pfund annimmt:

$$P = \frac{4}{18} \cdot 200 + 0.1 \cdot \frac{1}{2.18} \cdot 280 = 44.44 + 0.78 = 45.22$$
 Ffund,

baber bie eines Arbeiters = 22,61 Pfund,

und nach ber Gerstner'schen Formel die Geschwindigkeit der Arast ober haspelspille:

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right)c = \left(2 - \frac{22,61}{16}\right) \cdot 2,4 = 1,408 \,\,$$
 Fuß,

also bie ber Laft:

$$w = \frac{a}{h} v = \frac{2}{9}$$
. 1,408 = 0,313 Fuß,

und bie Rugleiftung pr. Secunbe:

 $Q_1 w = 0.313$. 150 = 46.95 Fußpfund, und täglich:

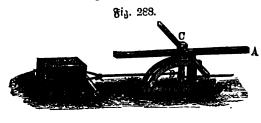
= 1359160 Fußpfund;

endlich ift ber Wirfungsgrab, ba beibe Arbeiter bie Arbeit 2.1105920 = 2211840 Kufpfund verrichten konnen:

$$\eta = \frac{1859160}{2211840} = 0,615.$$

Anmerkung. Trethaspel, Bug- und Stoßhaspel u. f. w. find außer Gebrauch gekommene Borrichtungen, über bie man fich in ben alteren Berken von Langsborf, Gerftner u. f. w. unterrichten fann.

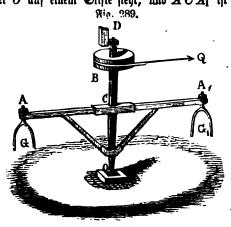
Stehende Welle. Die stehende Welle oder Winde (franz. cabestan; §. 143 engl. capstan) wird entweder von Menschen oder von Thieren in Umdrehung gesett. Man unterscheidet Erdwinden, Schiffswinden und Göpel. Die Erdwinde, Fig. 288, ist transportabel und bient gewöhnlich zum Fort-



schaffen großer Lasten auf dem Erbboden. Sie besteht aus einer runden Welle CO und aus vier, durch ihren viersseitigen Kopf C gesteckten Armen wie CA u. s. w. In Gestell

wird mittels Striden an eingeschlagene Pfahle H befestigt. Die Schiffswinde ift von ber Erdwinde nicht wesentlich verschieden.

Der Göpel (franz. baritol; engl. whim) ift eine größer sichende Welle, welche vorzüglich zum Heben von Lasten, namentlich zum Fördern aus Gruben, bient. Er wird entweder durch Menschen oder durch Pserde in Bewegung gesetz, und heißt im ersten Falle ein Handgöpel, im zweiten aber ein Pferbegöpel (franz. manége, baritol à ohevaux; engl. horso-capstan, whim-gin). Die arbeitenden Geschöpfe setzen denselben in Umdrehung, indem sie selbst auf der sogenannten Rennbahn im Kreise herumgehen und die Arme der Welle (Schwengel) entweder vor sich hinschieden oder mit sich fortziehen. Fig. 289 stellt einen Pferbegöpel neuerer Construction vor. DO ist die Welle, welche bei O auf einem Stifte steht, und ACA, ist der Doppelschwengel, durch

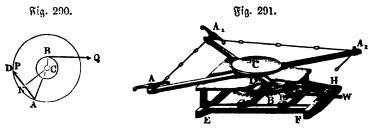


bessen Siben bie bolgenförmigen Köpfe von Gabeln G, G, gestedt werben. Letztere greifen über
bie Rüden ber Pferbe weg
und werden an bie Rummete berselben angeschlossen.
Die Last Q wirft an einer Eronmel ober an einem gezahnten Rabe B mittels
ober unmittelbar, was wir
jetzt unbestimmt lassen müsfen. Es ist eine praktische
Regel, die Schwengellänge CA ober ben Halbmesser ber Rennbahn möglichst groß zu machen, damit die Zahl der Umdrehungen der Welle bei Zurücklegung eines gewissen Weges möglichst klein ausfalle, und sich die Bewegung des Geschöpses so viel wie möglich einer gerablinigen nähere. Bei Handgöpeln macht man diesen Halbmesser nur 8 bis 12 Kuß, bei Pferdegöpeln aber 20 bis 30 Kuß. Auch ist dassur Sorge zu tragen, daß die Kraft nöglichst horizontal auf den Schwengel übertragen werde, und daher der Schwengel in einer gewissen Höhe über der Rennbahn anzudringen. Bei der in Fig. 289 abgebildeten Einrichtung mit Gabeln wirkt die Kraft der Pferde ziemlich winkelrecht gegen den Schwengel; werden aber die Pferde an eine Deichsel gespannt (siehe Theil III, Artitel "Förderungsmaschinen"), so ziehen die Pferde etwas schieß, indem die Deichsel selbst eine Sehne der Rennbahn bildet. Aus der radial gemessenen Schwenzgellänge $\overline{CA} = a$, Fig. 290, und aus der Deichsel angespannten Pferde:

$$\overline{CN} = a_1 = \sqrt{a^2 - \frac{d^2}{4}},$$

ober annähernb

$$a_1=a-\frac{d^2}{8a}.$$



In Fig. 291 ist ein transportabler Göpel zum Gebrauch in der Landwirthschaft monodimetrisch abgebildet. Derselbe besteht aus vier Schwengeln CA, CA_1 , CA_2 ..., wovon jedoch der eine in der Figur abgebrochen ist, und ruht mittels eines einsachen Gestelles auf einem unmittelbar auf der Erde liegenden Balkengeviere EFH. Die Wagen A, A_1 , woran die Pferde angespannt werden, sind mittels aufrecht stehender Bolzen mit den Schwengelenden und letztere durch einsache Ketten mit einander in Berbindung gesetzt. Auf der stehenden Welle, mit welcher die Schwengel durch ein eisernes Kreuz verbunden sind, sitzt ein größeres Jahnrad BD, und dieses greist in ein kleineres Jahnrad R, welches auf der horizontalen Welle RW sitzt, wodurch die Krast auf die Arbeitsmaschine übergetragen wird. Uebrigens ruht die stehende Welle unmittelbar unter dem Armgeviere in einem Halslager und unten in einem auf einer Mittelschwelle besessiere Kuslager.

Erfahrungsmäßig fann man annehmen, bag ein Arbeiter bei täglich 8 Stunben Arbeitszeit am Göpel mit 24 Bfund Rraft und 2,0 Fug Geschwindigkeit arbeite, also ein tägliches Arbeitsquantum von

24 . 2,0 . 28800 = 48 . 28800 = 1'382400 Fugpfund verrichte; daß bagegen ein Pferd an eben biefer Mafdine bei 8 Stunden täglicher Arbeitszeit und bei einer Geschwindigkeit von 2,9 Fuß (im Schritt) eine Rraft von 90 Pfund ausübe, also täglich:

90 . 2.9 . 28800 = 261 . 28800 = 7'516800 Fugpfund Arbeit verrichten fonne.

Die Kraft am Göpel ift, wie bei jeber Radwelle, wenn bie Last Q am Hebelarme $\overline{CB} = b$ (Fig. 290) wirkt:

$$P = \frac{b}{a} Q.$$

Run entsteht aber noch eine Reibung unten am Stifte und eine Reibung am Umfange bes Stiftes und Zapfens, baber fällt mit Berlidfichtigung beiber Reibungen die Kraft noch etwas größer aus. Ift G bas Gewicht ber armirten Böpelwelle und r, der Halbmeffer ihres Stiftes, fo hat man das ftatische Moment der Reibung am Stifte (Band I, §. 188), = 2/3 \psi Gr. In ber Regel liegt ber Angriffspunkt B ber Laft (Fig. 292) nicht mitten

Fig. 292.

amischen bem Bapfen C und bem Stifte O, fonoern er ist dem einen oder dem anderen näher; daher haben denn auch beide ungleiche Theile von der Last Q aufzunehmen und es sind deshalb auch dieselben nicht von gleicher Stärke zu machen. Steht der Lastpunkt vom unteren Zapsen um $BO = l_1$ und vom oberen um $BC = l_2$ ab und bezeichnet man bie gange Länge CO = l1 + l2 ber fte-

henben Belle burch I, fo hat man ben Drud am unteren Bapfen :

$$D_1 = \frac{l_2}{l} Q,$$

und ben Druck am oberen:

$$D_2=\frac{l_1}{l} Q,$$

wie leicht zu finden ift, wenn man einmal C und ein anderes Mal O als Stuppunkt eines Bebels CBO ansieht. Deshalb ift benn auch bie Summe ber ftatischen Momente ber Seitenreibungen am Bapfen und am Stifte:

$$= \varphi D_1 r_1 + \varphi D_2 r_2 = \frac{r_1 l_2 + r_2 l_1}{l} \cdot \varphi Q,$$

und bie Rraftgleichung bes Göpels:

$$Pa = Qb + \frac{2}{3} \varphi G r_1 + \varphi Q \cdot \frac{r_1 l_2 + r_2 l_1}{l}.$$

Anmertung 1. Bon ber Anwendung ber Gopel jum Forbern ift im britten Theile bie Rebe.

Anmertung 2. Französische Schriftfteller führen an, daß ein Bferd im Trabe am Göpel täglich $4\frac{1}{2}$ Stunden mit 30 Kilogrammen =60 Bfund Kraft und 2 Meter =6,37 Fuß Geschwindigkeit arbeiten kann, und so täglich 6'191640 Fußpfund Arbeit verrichtet. Wenden wir die Gerftner'sche Formel an, setem wir K=112 Pfund, c=4 Fuß, v=6,37 Fuß, t=8 Stunden und $s=4\frac{1}{2}$ Stunden, so erhalten wir die Kraft:

$$P = \left(2 - \frac{6,87}{4}\right) \left(2 - \frac{4,5}{8}\right) \cdot 112 = 9,87.7 = 65,6 \text{ Pfumb,}$$

und baber bie tägliche Leiftung:

also in ziemlicher Uebereinstimmung mit biefer Angabe. Rehmen wir aber bie oben angegebene Gefchwindigfeit c = 2,9 Fuß im Schritte an, so erhalten wir, nach Gerftner, bie Rraft viel größer, namlich:

$$\left(2-rac{2,9}{4}
ight)$$
 . 112 = 1,275 . 112 = 142,8 \mathfrak{P} fund,

und baber bie tagliche Leiftung :

Anmerkung 3. Die Krafte ber Pferbe, wenn biefe an gegenüberstehenben Schwengeln wirfen, vergrößern ben Bapfenbrud um nichts, find aber bie Pferbe nur an einem Schwengel angespannt, so trägt ihre Kraft etwas zur Bergrößerung bes Bapfenbrudes bei, es ist nämlich, einer Abhanblung bes Berfassers in ben polytechnischen Mittheilungen Banb I zusolge, statt ber Last Q:

$$Q\left[1+\frac{1}{4}\left(\frac{P}{Q}\right)^{2}\right]=Q\left[1+\frac{1}{4}\left(\frac{b}{a}\right)^{2}\right]$$

einzuseben, und baher

$$D_1 = \frac{l_2}{l} \left[1 + \frac{1}{4} \left(\frac{b}{a} \right)^2 \right] Q, \text{ fowie}$$

$$D_2 = \frac{l_1}{l} \left[1 + \frac{1}{4} \left(\frac{b}{a} \right)^2 \right] Q$$

anzunehmen, fo bag bae Moment ber Seitenreibung fich

$$F = \varphi \left[1 + \frac{1}{4} \left(\frac{b}{a} \right)^2 \right] \left(\frac{r_1 l_2 + r_2 l_1}{l} \right) Q$$

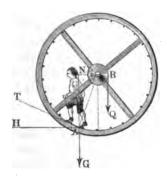
berausftellt.

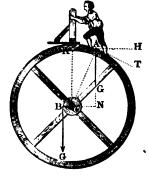
Aehnlich verhalt es fich auch beim einmannischen Saspel.

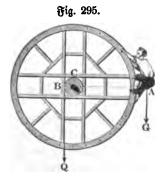
S. 144 Trot- und Laufrad. Zuweilen werden Maschinen burch die Gewichte von Menschen oder Thieren in Bewegung gesetzt, indem diese an dem Umsange eines Nades emporzusteigen suchen. Solche Maschinen heißen im Allgemeinen Treträder (franz. trouils à tambour; engl. troad-mills); doch hat man dieselben von sehr verschiedenen Constructionen. Das Laufrad (franz. trouil do tambour) besteht sowie das Tretrad (franz. trouil à écholons) aus zwei Nadtränzen, welche durch Arme mit der Welle und untereinander durch einen Boden verbunden sind; nur sieht bei dem ersten der Arbeiter im Inneren des Nades, und bei dem zweiten auf dem äußeren

Umfange beffelben. Um bem Arbeiter einen ficheren Stand zu verschaffen und die Rraft beffelben auf bas Rad überzutragen, ift ber Boben bes Laufrabes (Fig. 293) in je 11/2 Fuß Entfernung mit Latten beschlagen, ber Raum zwischen ben Rrangen bes Tretrabes (Fig. 294) aber mit Stufen ober Staffeln bilbenben Schaufeln ausgerüftet.

Das Sproffenrab (franz. treuil à chevilles), Fig. 295, besteht nur aus einem Rranze und hat, ftatt ber Schaufeln, burch ben Rrang ge-Mia. 293. Fig. 294.







ftedte Bolgen, an benen fich ber Arbeiter anhält wie an ben Sproffen einer Leiter. Bei bem letten Rabe fteht ber Arbeiter giemlich in ber halben Rabhohe, und es wirkt baber berfelbe mit feinem gangen Bewichte G an einem ben Rabhalbmeffer noch übertreffenden Bebelarme $\overline{CA} = a$; bei bem Tret- und Laufrabe hingegen fteht berfelbe um einen spiten Winkel $A CK = \alpha$ vom Radoberften ober Rabunterften ab, und es ift beshalb ber Bebelarm feines Gemich-

tes G kleiner als ber Rabhalbmeffer $\overline{CA} = a$, nämlich:

$$\overline{CN} = a_1 = \overline{CA}$$
 sin. $CAN = a$ sin. α .

Dafür ift aber auch bie Anstrengung bes Arbeiters am Sproffenrabe größer als die am Tret- ober Laufrade; fie entspricht bort ber Rraft jum hinauffteigen auf einer verticalen Leiter, bier aber ber Rraft jum Auffteigen auf einer durch die Tangente A T gegebenen fchiefen Cbene mit dem Steigwinkel

 $TAH = CAN = \alpha$. Es ist also die Anstrengung P bort

= G, hier aber

 $= G \sin \alpha$.

Wirtt die Last Q am Hebelarme $\overline{CB} = b$, so hat man für das Sprossenrad Ga = Qb,

und für bas Tret- und Laufrab:

G a sin.
$$\alpha = Q b$$
,

ober, indem man die Kraft oder Anstrengung P einführt, für beide Maschinen, sowie für den Haspel und Göpel,

$$Pa = Qb.$$

Es gewähren also Tretmaschinen in mathematischer Beziehung keinen Borzug vor den Haspeln und Winden; es verrichtet aber der Mensch an berselben mehr tägliche Leistung als an anderen Maschinen und insofern ist die Anwendung dieser Maschinen immer von Bortheil. Die Anwendung von Thieren bei diesen Maschinen ist nicht von Bortheil, nicht allein weil die vierfüßigen Thiere, und zumal die Pserde, beim Steigen weniger zu leissten vermögen, sondern auch deshalb, weil sich die Thiere hier weniger leicht anstellen lassen und leicht Gefahr lausen, sich zu beschäbigen oder zu verungluden.

Man rechnet, Ersahrungen zufolge, daß ein Mensch bei 8 Stunden Arbeitszeit mit 120 Pfund Kraft und mit 0,48 Fuß Geschwindigkeit am Tretrade arbeite, wenn er in der Rähe des Radmittels wirkt, daß er aber mit 24 Pfund Kraft und 21/4 Fuß Geschwindigkeit arbeite, wenn sein Standpunkt 24° vom Radtiessten oder Radhöchsten absteht. Es leistet demnach ein Arbeiter täglich auf die erste Weise:

120 . 0,48 . 28800 = 1'658880 Fußpfund,

und auf bie zweite:

24 . 21/4 . 28800 = 1'555200 Fugpfund.

Pferbe und andere vierfüßige Thiere leisten hier mindestens nicht mehr als an der stehenden Welle.

Ein Theil bes Bortheiles, welchen bie Tret- und Laufräber vor bem Haspel ober ber Winde haben, geht wieder burch die Zapfenreibung verloren, welche bei diesen Räbern größer ist, da sie viel schwerer aussallen als Haspel und Winden. Ift nG bas Gewicht ber Arbeiter, G1 bas Gewicht ber Masschine, und wirkt die angehängte Last Q vertical abwärts, so hat man ben Zapsendrud:

$$D=*G+G_1+Q,$$

und bezeichnet nun noch r ben Zapfenhalbmeffer, so hat man das ftatische Reibungsmoment:

$$= \varphi (nG + G_1 + Q) r,$$

sowie die Rraftformel:

$$n G a sin. \alpha = Q b + \varphi (n G + G_1 + Q) r.$$

Ift die Laft gegeben, fo tann man hiernach ben Steigwintel a finben, nämlich:

alfo

$$\sin \alpha = \frac{Qb + \varphi (nG + G_1 + Q)r}{nGa},$$

ober bie nothige Bahl ber Arbeiter:

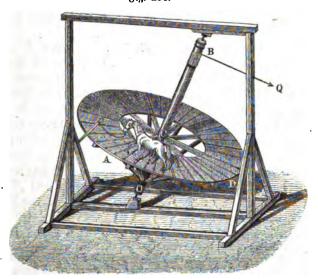
$$n = \frac{Qb + \varphi(G_1 + Q)r}{G(a\sin\alpha - \varphi r)}.$$

Am vortheilhafteften wirken die Menfchen, wenn bei ber conftanten Nebenlaft W ihre Rraft

$$nP = n G \sin a = n K + \frac{b}{a} \cdot \frac{W}{2},$$

 $\sin a = \left(K + \frac{b}{a} \cdot \frac{W}{2n}\right) : G \text{ ift.}$

Trotscholbo. In der Landwirthschaft findet man zuweilen die in Fig. 296 §. 145 abgebildete Tretscheibe angewendet. Man läßt auf derselben die Pferde Fig. 296.



oder Ochsen nur auf kurze Zeit wirken. Sie hat den Borzug vor anderen Maschinen, daß man das arbeitende Thier ohne Aussicht lassen kann. Die Wirkung der Thiere ist übrigens genau dieselbe wie bei dem Tret- und Lauferade, wenn man das Thier in der Nähe des horizontalen Halbmessers arbeiten läßt. Diese Maschine besteht aus einer Welle BO, deren Are 20 dis 25° von der Richtung der Schwere abweicht, und aus einer mit radial sausenden Latten beschlagenen Scheibe ACD von 20 dis 25 Fuß Halbmesser, welche winkelrecht auf der Welle aussität, und deshalb eine Neigung von 20 dis 25° gegen den Horizont hat. Steht das arbeitende Thier um den horizontalen Halbmesser

CA=a von der Bellenage ab, und ist der Reigungewinkel der Scheibe sowie der Steigwinkel des Pferdes, $=\alpha$, so hat man die Umbrehungekraft:

$$P = G \sin \alpha$$

und daher, wie beim Tret- und Laufrade, bas Umdrehungsmoment:

$$= Pa = Ga \sin \alpha$$
.

. Wirkt nun noch die Last Q am Hebelarme b, so hat man ihr Moment

=Qb, ist ferner G_1 das Gewicht der armirten Maschine und bezeichnet r die Halbmesser ührer Zapsen, so hat man das statische Moment der Reibung an der Basis derselben:

=
$$\frac{2}{3} \varphi (G + G_1) \cos \alpha \cdot r$$
,

und bas Moment ber Seitenreibung:

$$= \varphi [(G + G_1) \sin \alpha + Q] r$$

weil sich das Gewicht $G+G_1$ in die Seitenkraft $(G+G_1)$ cos. α nach der Richtung der Axe, und in die Seitenkraft $(G+G_1)$ sin. α nach der Fallsrichtung der Scheibe zerlegt, und Q in der Richtung der letzten Kraft wirkt. Es folgt hiernach:

Gasin. $\alpha = Q(b + \varphi r) + \varphi(G + G_1)$ (2 /3 cos. $\alpha + \sin \alpha$). r. Da ber Component G cos. α vom Gewichte G, welcher die Richtung der Are B o hat, excentrisch wirkt, so giebt derselbe nicht allein einen Axendruck, sondern auch ein Kräftepaar (s. Bd. I, §. 133), welches die Tretscheibe in der Ebene A B C umzudrehen sucht, und die Seitenwirkungen in B und O noch etwas vergrößert. Diese Bergrößerung ist jedoch bei den gewöhnlichen Dimensionen und Gewichten kein genug, um sie außer Acht lassen zu können.

Es gehört hierher auch die sogenannte Tretbrücke (engl. horse-power-Engine), wo das arbeitende Pserd auf einer schiefen Ebene steht, welche durch eine Kette ohne Ende gebildet wird. (Siehe den Artikel "Tretrad in Precht's Enchclopädie. Auch Whitworth: Report on the New-York Industrial-Exhibition of 1853.)

Beispiel. Man will burch ein 20 Fuß hohes Tretrad eine an einem Sebelarme von 0,75 Fuß wirkende Last von 900 Pfund heben und sucht die nothige Bahl der Arbeiter. Schähen wir das Gewicht des belasteten Rades zu 5000 Pfd., nehmen wir den Zapfenhalbmesser 2 Boll und den Reibungscoefsicienten 0,075 an, so erhalten wir das statische Lastmoment:

$$Qb + \varphi (G + G_1) r = 0.75.900 + 0.075.16.5000 = 675 + 621/2 = 7371/2 Fußpfund,$$

und baher: bie nothige Rraft am Umfange bes Rabes:

$$P = \frac{737,5}{10} = 73,75$$
 Pfund.

Nun übt aber ein Arbeiter bei circa 240 Abstand vom Rabscheitel eine Kraft von 24 Pfund aus; es wird baber bie nothige Arbeitergabl

$$n = \frac{73,75}{24} = 3$$

ausreichenb, und nun zu erwarten fein, bag biefelben eine tagliche Leipung von

8. 1555200 = 4665600 Fußpfund liefern und bemnach in dieser Zeit die Last Q von 900 Pfund $\frac{4665600}{900} = 5184$ Fuß hoch heben, oder 3. B. idglich $\frac{5184}{200} = 26 \text{ mal } 900 \text{ Pfund}$ auf die Höhe von 200 Fuß förbern.

Drittes CapiteL

Bon dem Ansammeln, sowie von dem Bu- und Abführen bes Aufschlagewassers.

Wasserleitungen. Das Aufschlagemaffer (franz. l'eau motrice; §. 146 engl. the moving water), d. i. das Wasser, wodurch Maschinen in Bewegung gefett werben, nimmt man meiftens aus Bachen und Fluffen, oft aber auch aus Seen und Teichen, und nur felten unmittelbar aus Quellen. ben meiften Fallen tann bie Dafchine nicht unmittelbar am Faffungspuntte bes Baffers aufgestellt werben, fonbern es ift biefelbe hiervon mehr ober weniger entfernt, und baber fast immer eine Bafferleit ung (frang. conduite d'eau; engl. conduit of water) nothig, um bas Aufschlagewasser vom Fasfungepunkte nach ber Dafchine zu führen. Die Wafferleitungen find entweber oben offen ober ringsum verschloffen. Bu ben offenen Bafferleitungen gehören bie Canale, Graben und Gerinne, zu biefen aber bie Robrenleitungen. Canale (frang. und engl. canals) find bie größeren, meift fchiffbaren, Graben (frang. fosses; engl. ditches) aber bie tleineren, ftets unschiffbaren, aus Mauern, Steinen, Erbe ober Sand gebilbeten, Gerinne (Spundstude) franz auges, rigoles; engl. channels) endlich bie aus Holz Gifen ober Steinen fünftlich gufammengefetten oben offenen Wafferleitungen. Die Röhrenleitungen (frang. tuyaux de conduite; engl. pipes, conduits) besteben aus chlindrifch ober prismatifch geformten Röhren von Gifen, Bolg, Thon, Steinen, Glas u. f. w. In ihnen führt man meift nur fleinere Wafferquanta ab. Uebrigens haben fie bor ben offenen Bafferleitungen ben Borgug, bag fie mit beliebigem Steigen und Fallen angelegt werben tonnen, mahrend bie offenen Wafferleitungen bom Faffungspuntte aus ftete fallen müffen. Es laffen fich baber burch Röhrenleitungen Thaler, Schluchten und Anhöhen überschreiten, ohne Ueberbrudungen ober Unterfahrungen nothig zu haben. Um bagegen mit oben offenen Bafferleitungen große Umwege ju vermeiben, ift es nöthig, bei Ueberschreitung von Bertiefungen ober Erhöhungen ber Erboberfläche, in welcher biefe Leitungen gewöhnlich eingeschnitten find, fogenannte Aquabucte ober Rofchen (unterirbifche Canale) anzulegen.

Die fliegenden Baffer, aus benen man ben Auffchlag filt §. 147 eine Maschine nimmt, sind Bache (frang. ruisseaux; engl. brooks) ober Fluffe (frang. rivières; engl. rivers). Die lebendige Rraft ber fliegenben Baffer ift - bei ber magigen Geschwindigkeit von 1 bis 7 fuß - meift nicht hinreichend, um fie gum Umtriebe von Maschinen benuten gu konnen; um biefelbe zu erhöben, ober um bas Baffer burch fein Gewicht wirken laffen zu konnen, ift es baber nothig, bas Baffer aufzuftauen und ein Gefälle (frang. chut; engl. head) ju erzeugen. Diefes Aufftauen bes Baffere erfolgt burch Behre (frang. barrages; engl. bars, weirs), b. i. burch quer über einen Bach ober Fluß weggebenbe Damme (frang. digues; engl. dams). Man unterscheibet Ueberfallwehre ober Ueberfalle und Durchlag. ober Schleufenwehre von einander. Bahrend bei jenen bas Waffer frei über ber hochften Schwelle ober Rappe wegfließen tann, wird es bei biefen burch aufgestellte Schutbretter (Fallicuten) noch über ber Wehrkappe aufgestaut. In ber Regel will man burch bie Ueberfallwehre bas aufgestaute Baffer ober einen Theil beffelben jum Gintritt in einen nabe oberhalb bes Wehres einmundenben Canal nothigen, um es burch biefen nach ber Umtriebemaschine ju flibren, wogegen man mit ben Durchlagwehren beabsichtigt, bem Waffer eine erhöhte lebendige Rraft zu ertheilen und baburch bie unmittelbar unter bem Wehre befindliche Maschine in Bewegung zu feten.

Bei größeren Flüssen und Strömen wendet man oft Dämme an, welche nicht über die ganze Breite des fließenden Wassers weggehen, um eine Aufstauung zu bewirken. Solche Dämme nennt man lichte Wehre, während man die den ganzen Strom absperrenden Wehre dichte Wehre zu nennen psiegt. Brüdenpfeiler, Buhnen und andere das Duerprofil eines sließenden Wassers verengende Eindaue sind ebenfalls als lichte Wehre (franzbarrages discontinus) anzusehen.

Was die am häufigsten vorkommenden Ueberfallwehre betrifft, so unterscheibet man vollkommene Ueberfälle (franz. déversoirs complets; engl. complets overfalls) von den unvollkommenen Ueberfällen oder Grundwehren (franz. déversoirs incomplets; engl. incomplets overfalls). Bei jenen Wehren liegt die Ueberfallschwelle noch- über der Obersstäche des Unterwassers, und es sindet daher hier ein freier Aussluß Statt, bei diesen hingegen liegt diese Schwelle unter dem Spiegel des absließenden Wassers, es erseidet also hier ein Theil des überfließenden Wassers eine Rückwirkung vom Unterwasser.

5. 148 Stauung. Durch alle eben angeführte Einbaue erleibet bas fließende Baffer eine Stauung (fram. remou; engl. swell), b. i. eine Erhöhung scines Bafferspiegels und eine damit nothwendigerweise verbundene Ge-

schwindigkeitsverminderung. Bon besonderer Wichtigkeit sind die Staushöhe und Stauweite (franz. hautour et amplitude du remou; engl. hight and amplitude of swell). Jene ist die Höhe der Oberfläche des aufgestauten Wassers über dem ersten Wasserspiegel oder der Oberfläche des frei absließenden Wassers unmittelbar vor dem Wehre, diese hingegen ist die Längenerstreckung des Aufstauens, vom Wehre aus aufwärts gemessen. Es ist nun eine wichtige Aufgabe für uns, zu ermitteln, in welchem Verhältnisse die Stauhöhe zu den Dimensionen des Wehres steht, und nach welchem Geste die Stauung von der Entsernung vom Wehre abhängt, und wo diesselbe als verschwindend klein angesehen werden kann.

Die Remitnis biefer Berhältnisse ift aber nicht allein beshalb nothwendig, weil durch zu große oder zu weit sich erstreckende Stauungen leicht Ueberschwemmungen herbeigesührt, sondern auch weil durch dieselben die am fliesenden Basser auswärts liegenden Etablissements durch Entziehung von Gefälle in ihrem Gange gestört werden können. Aus diesem Grunde werden denn auch neben den Wehren die sogenannten Aichpfähle oder Pegel (franz. marqueurs; engl. water-markers) eingesetzt, an welchen die Lage der Ueberfallschwelle angegeben wird, und deren Berrudung bei Strafe verboten ist. Oft versieht man die Pegel mit einer Scala zum Ablesen der Wasserstände.

Das mit erhöhter Geschwindigkeit von einem bichten Wehre herads ober zwischen den Pfeilern eines lichten Wehres hindurchsließende Wasser nimmt, ehe es in die dem Gefälle des Flußbettes entsprechende gleichförmige Bewegung übergeht, eine wellenförmige und zum Theil eine wirdelnde Bewegung an, wodurch ihm sein Ueberschuß an bewegender Araft entzogen wird. Durch die erhöhte Geschwindigkeit und durch die wirdelnde Bewegung des Wassers wird eine Reaction auf das Grundbett herbeigeführt, die oft sehr nachtheilige Folgen haben würde, wenn man das Grundbett zunächst unterhalb des Wehres nicht durch ein Steinpflaster u. s. w. schützte.

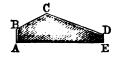
Das Wasserquantum eines Baches ober Flusses ist zu verschiedenen Zeisten verschieden, und man kann unterscheiden: Großwasser, welches nur auf kurze Zeit, nach starken Regengüssen u. s. w. eintritt, Mittelwasser, welches zumal im Herbst und Frühjahr und im Ganzen mindestens die Hälfte des Jahres vorzusinden ist, Kleinwasser, welches nur auf kurze Zeit im Sommer vorkommt, und endlich Immerwasser, die kleinste, nur in sehr trockenen Jahren (z. B. in Deutschland im Sommer 1842) zu beobachstende Wassernenge. Es ist nun sehr zweckmäßig, wenigstens das Mittels und Kleinwasser des Baches zum Umtriebe einer Maschinenanlage zu kennen, um hiernach nicht nur die Maschine, sondern auch das Wehr und die Gräben anordnen und construiren zu können. Aus diesem Grunde sind denn vor Allem nach einer der in Band I, §§. 480, 481 u. s. w. angegebenen Mes

thoben zu verschiebenen Zeiten Wassermessungen anzustellen. Es ift nun eine Regel, bas Wasser burch Wehre nur so hoch aufzustauen, baß es zur Zeit bes Großwassers nicht übertrete und bie Umgegend überschwenme.

§. 149 Für bas Maschinenwesen sind die Ueberfallwehre bie Sie bilben entweber einen geraben, meistens mintelrecht gegen ben Stromftrich gerichteten Damm, ober fie bestehen aus zwei gegen ben Strom gerichteten und in ber Mitte ausammenftogenden Dammen, beren Spite nach Befinden burch einen turgen Bwifdenbamm abgeschnitten ober abgerundet ift, ober fie find freisbogenförmige, mit ber Converität ber Bewegung bes Baffers entgegengerichtete Damme. Die Wehre werben von Bolg, ober von Steinen, oter von beiben jugleich erbaut. Gie konnen felten auf festes Beftein gegrundet werben, sondern man muß biefelben meift auf einen Bfahlroft betten. Die Querprofile gang ober theilweife holgerner Wehre haben mehr ober weniger die Form eines Funfedes ABCDE, Fig. 297, bei welchem AB die Bruft, BC bie Borbede, CD bie Abichugbede, DE ber Ruden, EA fowie die Sohle und Cbie Ueberfallefchwelle ober ber Sattel., auch Wehrbaum genannt wird. Die Querprofile fteinerner Wehre werben in ber Regel von oben burch trumme Linien gebilbet, bie fich an bas Fünfed mehr ober weniger anschließen, um ben Abfluß bes Waffers zu erleichtern.

Fig. 297.

Fig. 298.





Ein unvollkommener Ueberfall, wie Fig. 298, besteht aus einer Reihe von quer über bas Bett weggehenden Pfählen D mit dem barüber liegenden Fachbaume C, ferner aus einer Spundwand E vor der Pfahlreihe, ans einer zweiten, tiefer unten eingerammten Pfahlreihe F und aus einem Steinpslafter G zwischen beiden Pfahlreihen.

Das vollkommene Ueberfallwehr in Fig. 299 ruht auf einem Fig. 299. Pfahlroste DEF mit zwei



Pfahlroste DEF mit zwei Spundwänden G und H, und ist aus großen Steinen gewöllsförmig mit hybraulischem Mörtel aufgemauert. Um das Schußbett HK vor dem Ausspülen sicher zu stellen, ist es mit großen Steinen gepflastert

und unten noch burch eine Pfahlreihe K begrengt.

Die Construction eines hölzernen Wehres ist in Fig. 300 ersichtlich. hier ist AB eine aus über einander liegenden Balten bestehende, Band, A ber Behrbaum, CD und C1 D1 sind Pfahlreihen zu beiden Seiten dieser

Fig. 300.



Wand, EF und GH zeigen zwei andere, außen mit Spundwänden bekleibete und oben burch Schwellen E und G bebeckte Pfahlreihen, CE und C_1 G stellen Streben vor, welche den Wehrbaum A mit den Schwellen E und G verbinden und noch mit Bohlen überdeckt sind. Die inneren Räume werden ausgemauert oder mit Thon ausgeschlagen. Das Sturzbett K unterhalb des Wehres ist noch ausgepfählt und mit großen Steinen gespflastert. Bei L sind die Schutzbretter an dem Kopse des Ausschlagewassergrabens ersichtlich.

Ein Schleufenwehr ift enblich noch in Fig. 301 abgebilbet. A ift



ber Fachbaum, AB sind bie in ihm eingezapften Griessäulen, zwischen welchen sich bie Schützen in Falzen bewegen. Die Borrichtungen zum Aufzieshen ber Schützen sind sehr mannigsaltig. In der Figur besteht dieselbe in einer

Art Krenzhaspel CD, und es hängt hier das Schusbrett mittels Ketten an demselben. Bon dem Fachbaume A aus neigen sich das Vor- und Hinterfluther AE und AF abwärts, beide ruhen aber auf einem Pfahlroste, sowie der Fachbaum auf einer Reihe von Grundpfählen; um das Eindringen des Wassers zu verhüten, ist dieser Pfahlrost durch ein Paar Spundwände geschlossen. Zu beiden Seiten stehen noch die aus starten Bohlen gebildeten und sich gegen lange Pfähle stützenden Seitenwände GH. Noch sind die mittleren Griessäulen mit Streben K, L gestützt, wovon die oberen K0 zugleich mit als Eisbrecher dienen.

§. 150 Stauhohe bei Teberkallen. Mit Hilfe ber in ber Hydraulik vorgetragenen Lehren laffen fich nun bie Stanverhaltniffe bei Behren ohne

Big. 302.

Schwierigkeiten ermitteln. Ift bei bem volltommenen Ueberfalle (Fig. 302) h bie Drudhöhe AB, b bie Breite und k bie ber Geschwindigfeit c bes ankommenben Waffers entsprechende Geschwindigkeitshöhe $\frac{c^2}{2a}$, so

hat man die Wassermenge bes Ueberfalles (Bb. I, §. 416):

$$Q = \frac{2}{3} \mu b \sqrt{2g} \left[(h + k)^{3/2} - k^{3/2} \right];$$

ift umgekehrt biefe Baffermenge Q befannt, fo folgt bie entsprechenbe Druckhöhe über ber Ueberfallschwelle:

$$h = \left(\frac{^{3/2} Q}{\mu b \sqrt{2 g}} + k^{3/2}\right)^{3/2} - k.$$

Um nun die einer gegebenen Stauhohe A C = h1 entsprechende Behrhohe BO = x ju finden, fegen wir:

$$AC + CO = AB + BO$$

ober wenn wir die alte Wassertiefe ober die Tiefe CO des Unterwassers durch a bezeichnen,

$$h_1 + a = h + x,$$

und es ergiebt sich nun:

$$x=a+h_1-h.$$

Bei etwas hoher Aufstauung, wo x minbestens zwei Fuß beträgt, tann man bie Geschwindigfeitshohe k bes antommenden Waffers unbeachtet laffen und baher

$$x = a + h_1 - \left(\frac{\frac{3}{2} Q}{\mu b \sqrt{2} g}\right)^{\frac{3}{2}}$$



fegen, und es ift, vorläufigen Berechnungen ber hieruber vom Berfaffer angestellten Berfuche zufolge,

 $\mu = 0.80$

anzunehmen. Bei bem un-

vollkommenen Ueberfall, Fig. 301, ift die Rechnung complicirter, weil sich hier zwei verschiedene Ausslugverhaltnisse mit einander combiniren. ift nämlich hier die Wafferhöhe $\overline{A} \ C = h$ über der Schwelle größer als bie Stauhohe $\overline{AB} = h_1$, und es flieft baher nur bas Baffer oberhalb

\$. 150.] Bom Ansammeln, Aus u. Abführen b. Aufschlagewaffers.

B frei ans, bagegen das Wasser unterhalb B mit der Druckhöhe $\overline{AB} = h_1$. Deshalb ist die durch AB fließende Wassermenge:

$$Q_1 = \frac{2}{3} \mu b \sqrt{2g} \left[(h_1 + k)^{8/3} - k^{8/3} \right],$$

bagegen das burch $\overline{BC} = h - h_1$ strömende Wasserquantum:

$$Q_2 = \mu b (h - h_1) \sqrt{2g} (h_1 + k)^{1/2}$$

und hiernach bas gange Abflufquantum Q1 + Q2 gu feben:

$$Q = \mu b \sqrt{2g} \left(\frac{2}{3} \left[(h_1 + k)^{3/2} - k^{3/2} \right] + (h - h_1) (h_1 + k)^{1/2} \right).$$

Ans bem Bafferquantum Q und ber Stauhobe h, folgt nun bie Sobe bes oberen Bafferfpiegels über bem Fachbaume:

$$h = h_1 + \frac{Q}{\mu b \sqrt{2 g (h_1 + k)}} - \frac{2}{3} \cdot \frac{(h_1 + k)^{\frac{n_2}{2}} - k^{\frac{n_2}{2}}}{(h_1 + k)^{\frac{n_2}{2}}},$$

woraus sich bann bie Wehrhöhe

$$\overline{CO} = x = a + h_1 - h$$

ergiebt.

Für kleinere Werthe von k läßt sich baher einfacher

$$x = a + \frac{2}{3}h_1 - \frac{Q}{\mu b \sqrt{2g h_1}}$$

setzen. Es ist übrigens $h > h_1$, also der Ueberfall ein unvollsommener, wenn $Q > {}^2/_3 \, \mu \, b \, \sqrt{2 \, g} \, \left[(h_1 \, + \, k)^{*/_3} - \, k^{*/_3} \right]$ aussällt.

3ft die Längenare bes Wehrbammes freisbogenförmig, fo muß man ftatt b, die Bogenlänge der Dammtappe einführen, und in

$$k=rac{c^2}{2\,a},\,c=rac{\dot{Q}}{6\,(a\,+\,h_1)}$$
 setten.

Beispiel. Ein Bach von 30 Fuß Breite und 8 Fuß Tlefe führt 310 Cubitsuß Basser pr. Secunde und soll durch ein Ueberfallwehr 41/3 Fuß höher aufgestaut werden; man sucht die erforderliche Wehrhöhe. Da die Aufstauung ziemlich groß ist, so können wir erwarten, daß zur Berechnung der gesuchten höhe die einsache Formel

$$x = a + h_1 - \left(\frac{3 Q}{2 \mu b \sqrt{2 g}}\right)^{4/6}$$

genügen werbe. Es ist in biefer Formel t=3, $h_1=4,5$, Q=310, b=30, $\mu=0,80$ und $\sqrt{2g}=7,906$ einzusetzen, weshalb baher bie Wehrphöhe folgt:

$$x = 3 + 4.5 - \left(\frac{3.310}{2.0.8.30.7,906}\right)^{\frac{1}{2}} = 7.5 - \left(\frac{31}{12,65}\right)^{\frac{1}{2}} = 7.5 - 1.82$$

$$= 5.68 \text{ Ruy}.$$

und daßer ber Ueberfall wirflich ein vollfommener, wie vorausgeset wurbe. Sollte das Waffer nur 2 Fuß aufgestaut werben, so hatte man ber letten Kormel zufolge

æ = 3 + 2 — 1,82 = 3,18 Fuß, also ben Ueberfall noch vollkommen. Um endlich nur 1½ Fuß aufzustauen, ist auf jeden Fall nun nur ein unvollkommener, b. h. nicht aus dem Niveau des Unterwassers hervorragender Wehrdamm nothig. Wenden wir die vollständige Formel an, und setzen wir in ihr

$$k = \frac{c^2}{2g} = 0.016 \left(\frac{Q}{(a+h_1)b} \right)^2 = 0.016 \left(\frac{310}{4.5 \cdot 30} \right)^2 = 0.016 \cdot 5.27$$

= 0.084 Fuß, und μ wieder = 0.80,

fo erhalten wir:

$$h - h_1 = \frac{310}{0.8 \cdot 30 \cdot 7,908 \sqrt{1,584}} - \frac{2}{8} \cdot \frac{(1,584)^{\frac{1}{2}} - (0,084)^{\frac{2}{8}}}{1,584^{\frac{1}{2}}}$$

$$= 1,30 - 1,06 + 0,01 = 0,25 \text{ Full.}$$

Es muß also die Ueberfallschwelle $\frac{1}{4}$ Fuß ober 3 Boll unter der Oberfläche bes Unterwaffers stehen und demnach das Wehr selbst die Höhe $x=a+h_1-h=3-0.25=2.75$ Fuß erhalten.

§. 151 Stauhohe bei Durchlässen. Die Stauverhältnisse bei einem Durchslassen. Die Stauverhältnisse bei einem Durchslassen. Die Stauverhältnisse bei einem Durchslassen. Es tönnen hier brei Fälle vorkommen; entweder sließt bas Wasser frei aus, oder es sließt unter Wasser aus, oder es sließt theils frei, theils unter Wasser aus. Beim freien Aussluß, wie er z. B. bei dem in Fig. 301 abgebildeten Schleusenwehre vorkommt, hängt die Ausslußgeschwindigkeit nur von der Druckböse k ab, welche von der Mitte der Schutöffnung die zum Wasserspiegel zu messen ist. Ist dann noch ao die Dessnungshöhe und b die Dessnungsbreite, so hat man:

$$Q = \mu a_0 b \sqrt{2 g h_0}$$

und baher umgefehrt:

$$h = \frac{1}{2 q} \left(\frac{Q}{\mu a_0 b} \right)^2,$$

ober mit Berudsichtigung ber Geschwindigfeitshöhe k bes ankommenben Bassers:

$$h = \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{\mu a_0 b} \right)^2 - k.$$

Für die Deffnungshöhe folgt hieraus die Formel:

$$a_0 = \frac{Q}{\mu \ b \ \sqrt{2gh}},$$

ober wenn bie Staubohe h, über ber Schwelle gegeben ift,

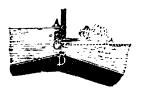
$$a_0 = \frac{Q}{\mu b \sqrt{2 g \left(h_1 - \frac{a_0}{2}\right)}}.$$

Versuchen des Versassers zusolge, läßt sich hier $\mu=0.60$ setzen. Stant das Unterwasser die zur Schütze zurück, wie z. B. in Fig. 304 vorgestellt wird, so hat man den Niveauabstand $AB=\hbar$ als Druckhöhe einzusühren und die obige Formel zu gebrauchen. Es ist also auch hier die einer gegebenen Stauhöhe \hbar entsprechende Deffnungshöhe:

$$a_0 = \frac{Q}{\mu b \sqrt{2g} h}.$$

Wenn enblich das Niveau des Unterwassers innerhalb der Mündung liegt, so fließt ein Theil des Wassers frei, und ein anderer Theil unter Kig. 304.





Basser aus. Ist die Stauhöhe oder der Niveauabstand \overline{AC} zwischen beiden Basserspiegeln, Fig. 303, \Longrightarrow h, die Höhe \overline{BC} des über dem Unterwassersspiegel befindlichen Theiles der Mündung, \Longrightarrow a_1 , und die Höhe \overline{CD} des unter diesem Spiegel siegenden Mündungsstückes, \Longrightarrow a_2 , so hat man die Bassermenge für den ersten Theil:

$$Q_1 = \mu a_1 b \sqrt{2 g \left(h - \frac{a_1}{2}\right)}$$
,

und filt ben zweiten:

$$Q_2 = \mu a_2 b \sqrt{2gh};$$

baber bie gange Abflugmenge:

$$Q = Q_1 + Q_2 = \mu b \sqrt{2g} \left(a_1 \sqrt{h - \frac{a_1}{2}} + a_2 \sqrt{h} \right).$$

Aus der Ausslußmenge Q, Stauhöhe h und der Tiefe a2 der Behrkappe unter dem Unterwasserspiegel ergiebt sich der Abstand des Schuthrettes von eben diesem Spiegel:

$$a_1 = \left(\frac{Q}{\mu b \sqrt{2 g}} - a_2 \sqrt{h}\right) : \sqrt{h - \frac{a_1}{2}}.$$

Beispiele. 1. Wie hoch find die Schubretter eines Schleusenwehres, Fig. 301, zu ziehen, welches eine Wassermenge von 250 Cubiffuß abführen soll, bei einer Breite b=24 Fuß und einem Wasserstande $h_1=5$ Fuß über ber Ueberfallsschwelle? Bei freiem Absuche ift:

$$a_0 = \frac{250}{0,6 \cdot 24 \cdot 7,906 \sqrt{5 - \frac{a_0}{2}}} = \frac{2,196}{\sqrt{5 - \frac{a_0}{2}}},$$

annahernb ift ao = 1, baber:

$$\sqrt{5-\frac{a_0}{2}}=\sqrt{4,5}=2,121,$$

and genauer bie gesuchte Deffnungehöhe:

$$a_0 = \frac{2,196}{2,121} = 1,035 \text{ Fuß} = 12,4 \text{ Boll.}$$

2. Welcher Schübenzug ift bei bem in Fig. 304 abgebilbeten Behre nöftig, um 120 Cubiffuß Baffer pr. Secunde unter einer Druckfohe von 1,5 Fuß bei 30 Fuß Munbungsweite absließen zu lassen. hier findet Aussluß unter Baffer Statt (Fig. 304), und es ist baber:

$$a_0 = \frac{120}{0.6 \cdot 30 \cdot 7,906 \ V \overline{1,5}} = 0,689 \ \text{Fuß} = 8\frac{1}{4} \ \text{Soll}.$$

3. Man will die Maffermasse bestimmen, welche burch eine Schuhöffnung, wie Fig. 305, strömt, beren Welte b=18 Fuß und Höhe $\overline{BD}=a_1^2+a_2=1,2$ Fuß ift, wenn die Druckhöhe $\overline{AC}=h=2$ Fuß, und ber Wasserstand über ber Schwelle, $a_2=0,5$ Fuß beträgt. Man hat hier:

$$\mu b \sqrt{2g} = 0.6.18.7,906 = 85,88,$$

ferner:

$$a_9 \sqrt{h} = 0.5 \sqrt{2} = 0.707$$

unb

$$a_1 \sqrt{h - \frac{a_1}{2}} = 0.7 \sqrt{1.65} = 0.899,$$

baher bie gesuchte Baffermenge :

$$Q = 85,38 (0,707 + 0,899) = 85,38.1,606 = 137,1$$
 Cubiffuß.

Anmerkung. Sest man ein Schüpenwerk über die Rappe eines Ueberfallwerfes, so erhält man einen vereinigten Schleusenüberfall. Auch hat man noch sogenannte bewegliche Behre, wo die hohe ber Ueberfallschwelle nach Bedürfniß verändert, und zwar bei hochwasser verkleinert und bei Riederswasser vergrößert werden kann. Die einsachten Behre dieser Art sind die Balken wehre, wo die den Ausstand bewirkende Wand aus lose über einander liegenden Balken ober Pfosten besteht, nächstdem gehören auch hierher die sogenannten Nadelwehre, wo diese Wand aus aufrecht stehenden Pfosten, den sogenannten Nadeln, gebildet wird, welche an ihren oberen Enden mit einsander burch ein starkes Seil verdunden sind, und sich übrigens gegen einen sesten Rahmen stemmen. Die beweglichen Behre im eigentlichen Sinne bestehen aus Schüpen ober Fallthüren, welche sich bohem Wasserstande von selbst öffnen und bei niedrigem Wasserstande von selbst verschließen. Ein einsaches Wehr





bieser Art ist in Kig. 306 abgebilbet, O ist bas Obers sowie U bas Unterwasser, und AB eine um C brehbare Fallthür, welche eine verticale Stellung annimmt und sich mit ihrem Kuße A gegen die Schwelle D stemmt, wenn der Oberwasserspiegel bis auf eine gewisse höhe herabsinst, und das gegen sich dreht und öffnet, wenn der Wasserspiegel auf eine gesen Stellung stellung auf eine gesen stellung auf eine gesen stellung auf eine gesen stellung auf eine gesen stellung schalten stellung stellun

wisse Hobbe steigt. Steht dieser Wasserspiegel an der oberen Kante B der Klappe, so besindet sich (nach Band I, §. 358) der Mittelpunkt M des Wasserdrages auf AB um $BM = \frac{a}{b}$ BA unter B; es ist daher auch die Drehare C so anzubringen, daß sie, in der Richtung von AB, von B doppelt so viel absteht als von A. Wan kann nun leicht ermessen, daß sich die Klappe von links nach rechts drehen und solglich öffnen muß, wenn der Wasserspiegel über B

fteigt, und daß sie sich von rechts nach links und folglich schließen muß, wenn der Wasserspiegel unter B herabsinkt. Es gehört hierher auch die selbstwirkende Schütze von Chaubart, welche sich wälzend dreht (f. "Civilingenieur" Bb. III, 1857).

Die beweglichen Wehre haben mit ben Schleusenwehren vor ben einfachen Ueberfallen ben Borgug, bag burch fie beim Eintritt bes hochwassers ber übermäßige Aufstau, wobei leicht Ueberschwemmungen eintreten und ein ftartes Ablagern von Schlamm vorkommt, verhindert wird.

Austau bei lichten Wehren. Die Stauverhältnisse bei lichten §. 152 Wehren, Brückenpfeilern und Buhnen sind fast ebenso zu ermitteln, wie die bei Ueberfüllen. Bei dem lichten Wehre BE, Fig. 307, erfolgt dadurch eine Aufstauung, daß die Flußbreite AC hinter dem Wehrdamme in die kleinere Breite CB übergeht. Wenn unn der Seitencanal D ganz geschlossen ist (was wir der Sicherheit wegen voraussetzen wollen), so muß das ganze Wasser Q durch den verengten Raum CB hindurchstließen. Setzt man nun die Breite $\overline{CB} = b$, die Stauhöhe \overline{AB}_1 , Fig. 308, = h, und





bie Sihe $\overline{B_1 \ C_1}$ bes Unterwassers = a, so hat man bie frei über bem Unterwasser aussließenbe Wassermenge:

$$Q_1 = \frac{2}{3} \mu b \sqrt{2 g h^3}$$

und bas im Unterwaffer abfliegenbe Wafferquantum:

$$Q_3 = \mu b a \sqrt{2gh}$$

baber bas ganze Abflugquantum:

$$Q = \mu b \sqrt{2gh} (2/3h + a).$$

Umgekehrt folgt daher bie einer gegebenen Stauhohe & entsprechende Breite bes Abstugwassers:

$$b = \frac{Q}{\mu (2/3 h + a) \sqrt{2gh}}$$

Ist die Aufstauung (h) klein, ober die Geschwindigkeit des Wassers groß, so muß man noch die Geschwindigkeit des ankommenden Wassers beruckssichtigen. Bezeichnet wieder k die Geschwindigkeitshöhe des ankommenden Wassers, so hat man:

$$Q_1 = \frac{2}{3} \mu b \sqrt{2 g} \left[(h + k)^{3/2} - k^{3/2} \right]$$

fowie

$$Q_2 = \mu \, b \, a \, \sqrt{2 \, g \, (h + k)},$$

und baber:

 $Q = \mu \, b \, \sqrt{2 \, g} \, \left({}^{2}/_{3} \, \left[\left(h \, + \, k \right)^{9/_{3}} - k^{9/_{3}} \right] \, + \, a \, \left(h \, + \, k \right)^{1/_{2}} \right),$ also umgekehrt:

$$b = \frac{Q}{\mu \sqrt{2g} \left(\frac{2}{8} \left[(h+k)^{\frac{3}{2}} - k^{\frac{5}{2}} \right] + a (h+k)^{\frac{1}{2}} \right)}.$$

Während bei der freien Bewegung des Wassers in Flußbetten die Geschwindigkeit im Wasserspiegel am größten ist und dieselbe nach dem Boden zu immer mehr und mehr abnimmt (Bb. I, §. 470), sindet bei dem durch irgend eine Ursache aufgestauten Wasser ein anderes Berhältniß Statt, es nimmt nämlich hier die Geschwindigkeit von der Oberstäche des Oberwassers allmälig zu dis zur Oberstäche des Unterwassers, und von da an dis zur Sohle wieder, jedoch nur wenig, ab; es sindet also eine Geschwindigkeitsveränderung Statt, wie sie durch die Länge der Pseile in Fig. 308 angedeutet wird. Die Richtigkeit dieses Berhältnisses folgt daraus, daß das Wasser über dem Unterwasserspiegel unter einer von o dis d wachsenden, unter demselben aber unter der constanten Druckhöhe dabssießt, während bei der ungehinderten Bewegung die Druckhöhe in allen Tiefen — Rull ist.

Diese Formel findet ihre Anwendung auch bei Brudenpfeilern, wenn man hier unter b die Summe ber Strombreiten zwischen ben Pfeilern verfteht. Um die den Pfeilern und dem Grundbette nachtheilige Bellen- und

Rig 309.



Wirbelbewegung bes Wassers zwischen ben Pfeilern und hinter benselben so viel wie möglich zu vermeiden, sind Border- und hintertheil ber Brückenpfeiler AB, Fig 309, zuzuschärfen oder abzurunden. Ift der Bordertheil stumpf zugeschärft, so hat man $\mu=0.90$ anzunehmen, ist er aber spiß zugeschärft oder halbeylindrisch geformt, so kann man $\mu=0.95$ segen, und

ift berfelbe gar elliptisch geformt, ober, wie in Fig. 309, aus zwei Kreisbögen zusammengesetzt, so fällt μ sogar 0,97 ober nahe 1 aus (f. Gauthey's Traité de la construction de ponts, T. I.).

Anmerkung. Benn ber bas Querprofil eines fliegenben Baffers verengenbe Fig. 310. Ginbau, g. B. eine Buhne,



Einbau, 3. B. eine Buhne, nicht aus bem Waffer hervorragt, so kann man bas ganze Wafferquantum Q aus brei Theilen zusammensehen. Liegt bie Dammkappe EF, Fig. 310, unter bem Unterwasserspiegel CD, und bezeichnet h die Stauhobe, so

wie b bie Breite \overline{AB} bes ganzen Querprofiles, so haben wir das durch das Quervrosil ABDC abstießende Wasserquantum:

$$Q_1 = \frac{9}{3} \frac{1}{\mu} b \sqrt{2g} \left[(h+k)^{\frac{9}{2}} - k^{\frac{9}{2}} \right],$$

ferner bas burch bas übrige über bem Einbaue und unter conftantem Drude habsießende Bafferquantum, wenn a die Liefe GH bes Unterwassers, b1 bie Breite EF bes Einbaues, und a1 die Hohe EH bes Einbaues bezeichnet:

$$Q_2 = \mu b_1 (a - a_1) \sqrt{2 g(h + k)},$$

und enblich bas übrige neben bem Einbau unter bem conftanten Drucke h abflie-

$$Q_8 = \mu \, b_9 \, a \, \sqrt{2 \, g \, (h + k)},$$

es ift also:

$$Q = V_1 + V_2 + V_3$$

= $\frac{2}{3} \mu b \sqrt{2g} [(h+k)^{2/2} - k^{2/2}] + \mu (ba - b_1 a_1) \sqrt{2g} (h+k),$

und es läßt fich hiernach auch die einer gegebenen Stauhohe entsprechende Sohe ober Breite tes Einbaues berechnen. Ift hingegen $C_1\,D_1$ ber Unterwafferspiegel, steht also die Dammkappe über bem Unterwaffer, so hat man:

$$Q = \frac{2}{3} \mu b_1 \sqrt{2g} \left[(a + h - a_1 + k)^{\frac{3}{2}} - k^{\frac{3}{2}} \right] + \frac{9}{3} \mu b_2 \sqrt{2g} \left[(h + k)^{\frac{3}{2}} - k^{\frac{3}{2}} \right] + \mu a b_3 \sqrt{2g} (h + k).$$

Beispiel. Welche Lange ift bem Damme BE (Fig. 307) zu geben, bas mit durch ihn ber 550 Fuß breite, 8 Fuß tiefe und 14000 Cubiffuß liefernbe Fluß AC um $\frac{3}{4}$ Fuß höher gestaut werbe? Es ist:

$$k = 0.016 \left(\frac{14000}{550 \cdot 8}\right)^3 = 0.016 \cdot 3.18^3 = 0.162$$

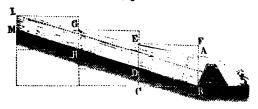
nehmen wir nun noch $\mu=0,9$ an, so erhalten wir die Breite bes verengten Bafferstromes:

$$BC = b = \frac{14000}{0.9 \cdot 7,906 \left[\frac{2}{3} \cdot (0.912^{\frac{1}{3}} - 0.162)^{\frac{1}{3}} + 8 \cdot 0.912^{\frac{1}{3}}\right]}$$
$$= \frac{14000}{7.1 \cdot (0.537 + 7.689)} = \frac{14000}{7,1 \cdot 8,176} = 240,7 \text{ gu};$$

baber bie gefuchte Dammerftredung

$$AB = b_1 = 550 - 240,7 = 309,3$$
 Hus.

Stauweite. Wir haben nun die andere wichtige Frage zu beantworten: §. 153 Rach welchem Gesetze nimmt die Stauhöhe oberhalb des Wehres mit der Entsernung ab? Ohne uns auf besondere Formeln oder Theorien einzusassen, tönnen wir bei Lösung dieser Aufgabe die in Bb. I., §. 477 und §. 478 abgehandelte Theorie der ungleichförmigen Bewegung des Wassers in Flußbetten sogleich zur Anwendung bringen. Zu diesem Zwecke denken wir uns von dem Wehre ABK, Fig. 311, aus die ausgestaute Strecke in Fig. 311.



353

Stüde zerschnitten, und führen dann die Rechnung für jedes Stüd einzeln burch. Ist nun a_0 die Wassertiese AB am Wehre, a_1 die Tiese DE am Fig. 312.



Anfange eines solchen Stückes ABDE, F_0 der Querschnitt des sließenden Wassers am Wehre, F_1 der Querschnitt desselben bei DE, Q das Wassersquantum, p der mittlere Umfang des Querprosiles auf dieses Streckenstück, und α der Reigungswinkel DBC des Grundbettes, so hat man nach Bb. I, §. 478 die entsprechende Länge BD des Stückes, wenn man dort a_0 und a_1 , sowie F_0 und F_1 unter einander vertauscht:

$$l = \frac{a_0 - a_1 - \left(\frac{1}{F_1^2} - \frac{1}{F_0^2}\right) \frac{Q^2}{2g}}{\sin a - \xi \cdot \frac{p}{F_0 + F_1} \left(\frac{1}{F_0^2} + \frac{1}{F_1^2}\right) \frac{Q^2}{2g}}.$$

Bezeichnet a_2 die Wasserticfe GH am Ansange eines zweiten Stücks DEGH, F_2 den Querschnitt desselben und p_1 den mittleren Umfang des Wasserprosiles dieses Stücks, so hat man für die Länge DH dieses Stücks:

$$l_1 = rac{a_1 - a_2 - \left(rac{1}{F_2^2} - rac{1}{F_1^2}
ight)rac{Q^2}{2\,g}}{\sin a - \zeta rac{p_1}{F_1 + F_2}\left(rac{1}{F_2^2} + rac{1}{F_2^3}
ight)rac{Q^2}{2\,g}}.$$

Wenn man nun so fortsährt, nämlich willkurliche Abnahmen $a_0 - a_1$, $a_1 - a_2$, $a_2 - a_3$ u. s. w. der Wassertiesen annimmt, und hieraus die Querschnitte F_1 , F_2 , F_3 u. s. w., sowie die mittleren Umsänge berechnet, so besommt man durch diese Formel die entsprechenden Abstände l, l_1 , l_2 , und also auch die Entsernungen l, $l + l_1$, $l + l_1 + l_2$ u. s. w. vom Damme.

Um die einer gegebenen Entfernung x entsprechende Wassertiese y zu sinden, kann man entweder auf die nach der eben gezeigten Methode gefundenen Werthe l, $l+l_1$, $l+l_1+l_2$ u. s. w. das Interpolationsversahren anwenden, oder sich solgender, ebenfalls in Bb. I, §. 478 gegebenen Räherungsformel bedienen:

$$a_0 - a_1 = rac{\left(sin. \, lpha - \xi \cdot rac{p_0}{a_0 \, b_0} \cdot rac{v_0^2}{2 \, g}
ight)}{1 - rac{2}{a_0} \cdot rac{v_0^2}{2 \, g}} l_*$$

Führt man hierin für b_0 die Breite, für p_0 den Umfang und für v_0 die Geschwindigkeit am Wehre ein, so giebt diese Formel die Abnahme (a_0-a_1) der Stauhohe auf die erste kurze Strecke l über dem Wehre; ebenso erhält man für eine folgende kurze Strecke l_1 diese Abnahme:

$$a_1 - a_2 = \frac{\left(\sin \alpha - \xi \cdot \frac{p_1}{a_1 b_1} \cdot \frac{v_1^2}{2 g}\right)}{1 - \frac{2}{a_1} \cdot \frac{v_1^2}{2 g}} l_1$$
 u. f. w.,

und es läßt sich endlich für eine gegebene Entfernung $l+l_1+l_2+\cdots$ die entsprechende Wassertiefe

 $a_0 - (a_0 - a_1) - (a_1 - a_2) - \cdots$

berechnen.

Beispiele. 1. In einem 80 Fuß breiten und 4 Fuß tiefen Flusse, welcher 1400 Cubitsuß Wasser führt, soll ein Wehr eingebaut werben, um das Wasser S Fuß hoch aufzustauen; man sucht nun die Stauverhaltnisse oberhalb des Wehres. Ohne Aufstauung ist die Geschwindigkeit des Wassers:

$$c = \frac{1400}{80.4} = \frac{35}{8} = 4,375$$
 Fuß,

baber nach ber Tabelle in Bb. I, S. 476, ber Wiberftanbecoefficient:

$$\zeta = 0.00775,$$

und bie Reigung bes Grundbettes :

$$sin. \alpha = 0.00775 \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{c^2}{2 g}.$$

Sehen wir nun p = 84, F = 80.4 = 320, c = 4,375 und $\frac{1}{2 g} = 0,016$ ein, so folgt bie Neigung:

sin.
$$\alpha = 0.00775 \cdot \frac{84}{320} \cdot 0.016 \cdot (4.375)^{2} = 0.0006230$$
.

Die Baffertiefe unmittelbar am Behre ift 4+3=7 Fuß, bestimmen wir nun aber die Entfernungen, wo diese Tiese nur $6\frac{1}{2}$, 6, $5\frac{1}{2}$, 5 Fuß u. s. beträgt. Seten wir zunächst in der Formel

$$l = \frac{a_0 - a_1 - \left(\frac{1}{F_1^2} - \frac{1}{F_0^2}\right) \frac{Q^2}{2g}}{\sin \alpha - \zeta \cdot \frac{p}{F_0 + F_1} \left(\frac{1}{F_0^2} + \frac{1}{F_1^2}\right) \frac{Q^2}{2g}}, \ a_0 - a_1 = 0.5, \ F_0 = 80.7 = 560,$$

 $F_1=80.6,5=520$, Q=1400, $sin. \alpha=0,000623$, p etwa = 89, unb, ber mittleren Geschwindigkeit $\frac{2Q}{F+F_1}=\frac{2800}{1080}=2,59$ Fuß entsprechenb, $\zeta=0,00796$, so erhalten wir die entsprechende Entsernung:

$$\begin{split} \mathbf{i} &= \frac{0.5 - (0.0000036982 - 0.0000031888).31360}{0.000623 - 0.00796 \frac{89}{1080} (0.0000036982 + 0.0000031888).31360} \\ &= \frac{0.5 - 0.0160}{0.000623 - 0.0001417} = \frac{484000}{481.3} = 1005.6 \text{ Gu}\text{s}. \end{split}$$

Um nun die einer Senfung des Wasserspiegels von 1 Fuß zusommende Erstreckung zu sinden, setzen wir zwar wieder $a_0-a_1=0.5$, aber dagegen $F_0=520,\,F_1=80.6=480,\,p=88,\,$ und, der mittleren Geschwindigkeit $\frac{2800}{1000}=2.80$ Fuß entsprechend, $\zeta=0.00792$. Hiernach folgt durch die nameliche Formel die Länge der Flußstrecke. innerhalb welcher die Wassertiese von 6,5 auf 6 Fuß sinkt,

$$l = \frac{0.5 - 0.0000006421.31360}{0.000623 - 0.00792 \cdot \frac{88}{1000} \cdot 0.0000080385.31360}$$
$$= \frac{480000}{447.31} = 1073.1 \text{ Full.}$$

Es ift also 1005,6 + 1073,1 = 2078,7 Fuß oberhalb bes Wehres bas Wasser nur noch 6 Fuß tief, ober es beträgt bie Stauung baselbst nur noch 2 Fuß.

Seten wir nun wieber $a_0-a_1=0.5$, $F_0=480$, $F_1=440$, p=87 und $\zeta=0.00787$, so erhalten wir die entsprechenbe Längenerstredung

$$l = \frac{0.5 - 0.0258}{0.000623 - 0.00022185} = \frac{474200}{401.15} = 1182,1 \text{ Fu}$$

Ebenfo erfolgt fur eine weitere Sentung von 1/2 Fuß bie entsprechenbe Strede

$$l = \frac{465980}{836,65} = 1388,8 \text{ Fuß}.$$

Es ift also 2078,7 + 1182,1 + 1888,3 = 4649,1 Fuß eberhalb bes Weberes die Aufftauung noch 1 Fuß, ober die Wassertiefe 5 Fuß. Für 41/2 Fuß Wassertiefe bestimmt sich die Entfernung

$$l = \frac{454000}{240,47} = 1888,0 \text{ Huß};$$

für 41/4 Buß Baffertiefe ift ferner

$$l = \frac{220710}{140.97} = 1565,6 \text{ Hub};$$

für 4,1 Fuß Baffertiefe

$$l = \frac{129785}{55.58} = 2331.8 \text{ Fug.}$$

und für 4,0 Fuß Tiefe

$$i=\infty$$
;

es ift also 4649,1+1888,0+1565,6+2381,8=10434,5 Fuß oberhalb bes Wehres die Stauhohe noch $\frac{1}{10}$ Fuß, und nimmt weiter hinauf unendlich langsam ab.

2. Wie groß ist die Stauhohe 2500 Fuß oberhalb bes im vorigen Beispiele behandelten Behres? Nach ber vorigen Nechnung ist 2078,7 Fuß oberhalb bes Wehres noch 2 Fuß Stauhohe, es fragt sich also, wie viel auf 2500 — 2078,7 = 421,3 Fuß Erstredung die Stauhohe abnimmt. Nun beträgt aber nach

oben, bie einer ferneren Senfung von 0,5 Fuß entsprechende Erstreckung = 1182,1 Fuß, es läßt fich baber für jeben Fuß gange

alfo fur 421,3 guß gange biefelbe

$$=\frac{0.5.421.3}{.1182.1}=0.178 \, \text{Fuß},$$

und folglich 2500 Fuß oberhalb bes Behres, bie Stauhohe = 2 - 0.178 = 1.822 Fuß,

fowie Baffertiefe

Rechnen wir nach ber zweiten Formel

$$a_0 - a_1 = \frac{\left(\sin a - \zeta \cdot \frac{p_0}{a_0 b_0} \cdot \frac{v_0^2}{2g}\right)}{1 - \frac{2}{a_0} \cdot \frac{v_0^2}{2g}} l,$$

und setzen wir hierin erft l = 800, $p_0 = 89$, $a_0 = 7$, $a_0 b_0 = 560$, $v_0 = \frac{1400}{660} = 2,5$ und & = 0,007985, fo erhalten wir bie entsprechenbe Sentung:

$$a_0 - a_1 = \left(\frac{0,000623 - 0,007985 \cdot \frac{89}{560} \cdot 0,1}{1 - \frac{9}{7} \cdot 0,1}\right) \cdot 800 = \frac{0,0004961 \cdot 800}{0,9714}$$

$$= 0.409 \text{ full.}$$

Rubren wir nun wieber 1 = 800, p = 88, a0 = 7 - 0,409 = 6,591, $a_0 b_0 = 527.8$, $v_0 = \frac{1400}{527.3} = 2,655$ und $\zeta = 0,00795$ ein, so finden wir

$$a_0 - a_1 = \left(\frac{0,000623 - 0,00795 \cdot \frac{88}{527,3} \cdot 0,1128}{1 - \frac{2}{6,591} \cdot 0,1128}\right) \cdot 800$$

$$= \frac{0,000628 - 0,00014964}{0,9658} \cdot 800 = \frac{0,0004735 \cdot 800}{0,9658} = 0,392 \, \text{fm} \, \text{s}.$$

Kahren wir fo fort, und feten wir jest

 $l = 900, p = 87, a_0 = 6,591 - 0,392 = 6,199, a_0 b_0 = 496, v_0 = \frac{1400}{496} = 2,82$ und & = 0,00791, fo erhalten wir bie Senfung:

$$a_0 - a_1 = \frac{0,0004464.900}{0,959} = 0,419$$
 Fuß;

 $a_0-a_1=\frac{0,0004464.900}{0,959}=0,419$ Fuß; es ift also 800+800+900=2500 Fuß oberhalb des Wehres die Wassertiefe noch 6,199 - 0,419 = 5,780 guft. Rach ber vorigen Rechnung ift fie 5,822 guß, b. i. 0,042 guß = 1/2 Boll größer.

Wasserschwelle. Wenn wir die Gleichung für die von bem vertis §. 154 calen gangendurchichnitt bes aufgestauten Bafferfpiegels gebilbete Stauenrve, namlich:

$$a_0 - a_1 = \left(\frac{\sin \alpha - \zeta \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{v^2}{2g}}{1 - \frac{2}{a} \cdot \frac{v^2}{2g}}\right) l$$

etwas naher betrachten; so werben wir mit mehreren mertwürdigen Berhaltniffen bes Aufftauens bekannt. In bem Bruche

$$\frac{\sin \alpha - \zeta \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{v^2}{2g}}{1 - \frac{2}{a} \cdot \frac{v^2}{2g}}$$

nahern sich Zähler und Nenner immer mehr und mehr ber Rull, je größer bie Geschwindigkeit v ift, und je nachbem nun ber erstere ober lettere zuerst Null wird, stellt sich

$$l = \frac{(a_0 - a_1)\left(1 - \frac{2}{a} \cdot \frac{v^3}{2g}\right)}{0} = \infty,$$

ober

$$l = \frac{(a_0 - a_1) \cdot 0}{\sin \alpha - \zeta \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{v^2}{2a}} = 0$$

heraus. Man sieht hieraus, daß im ersten Falle der Theil 1, und also auch die ganze Stauweite unendlich groß wird, daß dagegen im zweiten Falle der Theil 1 Rull aussällt, und also mit ihm die ganze Aufstauung beendigt ift. Das erste Rullwerden tritt aber ein, sowie

$$\zeta \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{v^2}{2 \ \sigma} = \sin \alpha$$

alfo die Geschwindigkeit des aufgestauten Wassers unendlich wenig von der Geschwindigkeit

$$v = \sqrt{\frac{2 g F sin. \alpha}{\xi p}}$$

bes unaufgestauten gleichförmig zufließenden Baffere verschieben ift, und bas zweite stellt fich heraus, sowie

$$\frac{2}{a} \cdot \frac{v^2}{2g} = 1,$$

ober

$$\frac{v^2}{2g}=\frac{a}{2},$$

also die Geschwindigkeitshöhe der halben Bassertiefe gleich wird. Es sindet also die erste Art des Anschlusses Statt, wenn die Geschwindigskeitshöhe des unaufgestauten Bassers kleiner als die halbe Tiefe des unaufgestauten Bassers ift, und dagegen die zweite Art, wenn die Geschwindigkeitshöhe die halbe Bassertiefe überstrifft. Während dort der Wasserspiegel eine hohle Fläche wie AEGL, Fig. 313, bilbet, hat er hier eine erhabene Gestalt wie AEG, Fig. 314, und bilbet bei EG einen Sprung oder eine sogenannte Schwelle.

Seten wir nun in

$$\sin a = \xi \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{v^2}{2g}, \quad \frac{v^2}{2g} = \frac{a}{2}, F = ab \text{ and } p,$$

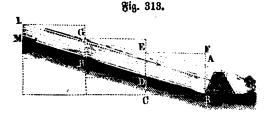


Fig. 314.

wenn auch nur annähernd, = b, fo erhalten wir:

 $sin. \alpha = 1/2 \zeta$; es ift alfo ein Sprung zu erwarten, wenn ber Abhang a größer ift als der halbe Reibungscoefficient, ober & == 0,008 gefett, wenn $\alpha > 0.004$ ober $\alpha > 1/250$. In der Regel haben Fluffe und Canale einen fleineren

Abhang, daher tommt benn auch bei ihnen die gedachte Wasserschwelle nicht leicht vor.

Die Höhe EH=x bes Sprunges (Fig. 314) ergiebt sich aus der Geschwindigkeit v bes ankommenden und aus der Geschwindigkeit v1 bes fortflie= ßenden Wassers, indem man setzt: $x=rac{v^2-v_1^2}{2\,q},$

$$x=\frac{v^2-v_1^2}{2g},$$

ober ba $av = (a + x) v_1$, also

$$v_1 = \left(\frac{a}{a+x}\right) v$$
 ift,
 $x = \left[1 - \left(\frac{a}{a+x}\right)^2\right] \frac{v^2}{2g}$,

und bie Auflösung vollfommen beenbigt:

$$x = \frac{v^2}{4g} - a + \sqrt{\frac{v^2}{2g}\left(a + \frac{v^2}{8g}\right)}.$$

Hiernach fällt fehr richtig, für $\frac{v^2}{2a} = \frac{a}{2}$

$$x = -\frac{3}{4}a + \frac{3}{4}a = 0$$

aus, dagegen ist für $\frac{v^2}{2a} = a$,

$$x = -\frac{a}{2} + \frac{a}{2}\sqrt{5} = 0,618 a,$$

$$\operatorname{für} \frac{v^2}{2g} = 2a,$$

$$x = a\sqrt{3} = 1,732 a \text{ u. f. w.}$$

An merkung. Die eben behandelte Bafferschwelle beobachtete zuerst Bibone in einem nur 12 Boll breiten Gerinne mit bem mittleren Reigungsverhältniffe $\alpha=0.033$. Es bilbet sich bieselbe aber nicht allein beim aufgestauten Baffer, sondern auch in dem Falle, wenn, wie Rig. 315 vor Augen

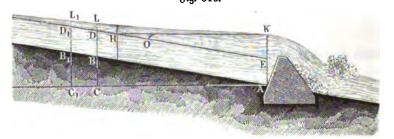
E

Rig. 315.

führt, die Neigung des Gerinnes oder Flußbettes sich andert, wie der Berfasser oft Gelegenheit gehabt hat, zu beobachten. Ist das Neigungsverhältniß des oberen Theiles größer als 1/2 & und das Neigungsverhältniß des unteren kleiner, so bildet sich an dem Wechsel oder der Uebergangsser

stelle stets ein Sprung, in welchem bie ber größeren Neigung entsprechenbe kleinere Waffertiefe in die der kleineren Neigung entsprechende größere Waffertiefe übergeht.

(§. 155) Staucurve. Die Gleichung ber Staucurve, welche von bem verticalen Längendurchschnitt ber Oberfläche bes aufgestauten Wassers gebildet wird,
läßt sich mit Hulfe bes höheren Calcule, wie folgt, ermitteln. Es bezeichne
a die Höhe AE = BD, Fig. 316, des freissließenden Wassers AD, h die Fig. 316.



Stauhöhe EK des Flusses in der Nähe des Wehres, y die Stauhöhe DL defelben im Abstande ED=x vom Wehre, ferner sei a der Neigungswinkel BAC des Flußbettes, c die mittlere Geschwindigkeit des Wassers im Querschnitt AE=BD vor der Aufstauung, sowie v die mittlere Geschwindigkeit desselben im Querschnitt BL; set man noch $l=DD_1=dx$, $a_0-a_1=DL-D_1L_1=-dy$ und sührt statt a, a+y, statt $\frac{p}{F}$ annähernd $=\frac{1}{a+y}$ und $v=\frac{ac}{a+y}$ ein, so geht die Grundsormel

$$a_0 - a_1 = \left(\frac{\sin \alpha - \zeta \frac{p}{F} \frac{v^2}{2g}}{1 - \frac{2}{a} \frac{v^2}{2g}}\right)$$

in folgenbe über

$$-dy = \left(\frac{\sin \alpha - \xi \frac{a}{(a+y)^2} \frac{c^2}{2g}}{1 - \frac{2a^2}{(a+y)^3} \frac{c^2}{2g}}\right) dx.$$

Benutt man bann noch die Formel

$$\sin \alpha = \alpha = \xi \, \frac{1}{a} \, \frac{c^2}{2 \, g}$$
, und sett hiernach $\xi \, \frac{c^2}{2 \, g} = \alpha \, a$, so erhält man

$$\alpha dx = -\left(\frac{(a+y)^3 - 2a^2\frac{c^2}{2g}}{(a+y)^3 - a^3}\right)dy.$$

Führt man zur Abkürzung $a+y=y_1$, $dy=dy_1$, und $\frac{c^2}{2\,g}=k$ ein, so wird einsacher

$$a\,d\,x = -\left(\frac{y_1^3-2\,a^2\,k}{y_1^3-u^3}\right)\,d\,y_1 = -\,d\,y_1 - \left(\frac{a^3-2\,a^2\,k}{y_1^3-u^3}\right)\,d\,y_1,$$
 wonach bann

$$\alpha x = -y_1 - a^2 (a - 2k) \int \frac{dy_1}{y_1^3 - a^3}$$

$$= -y_1 + (a - 2k) \int \frac{d\left(\frac{y_1}{a}\right)}{1 - \left(\frac{y_1}{a}\right)^3}$$

$$= -y_1 + (a-2k) \int \frac{dZ}{1-Z^3}$$
 folgt, wenn man noch $\frac{y_1}{a}$

burch Z bezeichnet, also $y_1 = a Z$ sest. Es ist

$$\frac{1}{1-Z^{3}} = \frac{1}{(1-Z)(1+Z+Z^{2})} = \frac{A}{1-Z} = \frac{B+CZ}{1+Z+Z^{2}},$$
also $1 = A(1+Z+Z^{2}) + (B+CZ)(1-Z)$, ober
$$0 = A+B-1+(A-B+C)Z+(A-C)Z^{2};$$
oaher $A+B=1, A+C=B$ und $A=C,$

und es folgt $A = C = \frac{1}{3}$ und $B = \frac{2}{3}$, sowie

$$\frac{1}{1-Z^3} = \frac{1}{3} \left(\frac{1}{1-Z} + \frac{2+Z}{1+Z+Z^2} \right).$$

Diernach ift

$$\int \frac{dZ}{1-Z^3} = \frac{1}{3} \left(\int \frac{dZ}{1-Z} + \int \frac{(2+Z) dZ}{1+Z+Z^2} \right) \delta u$$
, seken.

Rach III. bes Artitele 22 in Bb. I, ift

$$\int \frac{dZ}{1-Z} = -\int \frac{d(1-Z)}{1-Z} = -\text{Log. nat.} (1-Z), \text{ um}$$

aber $\frac{(2+Z) dZ}{1+Z+Z^2}$ zu integriren, schreibe man

$$1+Z+Z^2=\frac{3}{4}+(\frac{1}{2}+Z)^2=\frac{3}{4}[1+\frac{4}{3}(\frac{1}{2}+Z)^2]=\frac{3}{4}(1+u^2),$$

indem man $V^{4/3}$ $(^{1}/_{2} + Z) = \frac{1 + 2Z}{V3} = u$, also

$$Z=rac{u\sqrt{3}-1}{2}$$
 und $dZ=rac{du\sqrt{3}}{2}$ sept.

Dann folgt

$$\frac{(2+Z) dZ}{1+Z+Z^2} = \frac{\left(2 + \frac{u\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}\right)}{\frac{8}{4}(1+u^2)} \cdot \frac{du\sqrt{3}}{2}$$
$$= \frac{u du}{1+u^2} + \sqrt{3} \cdot \frac{du}{1+u^2};$$

ba aber

$$\int \frac{u \, du}{1 + u^2} = \frac{1}{2} \int \frac{2 \, u \, du}{1 + u^2} = \frac{1}{2} \int \frac{d \, (1 + u^2)}{1 + u^2} = \frac{1}{2} \ln (1 + u^2)$$

unb

$$\int \frac{du}{1 + u^2} = arc. (tang. = u) \text{ ift (f.VI, Artitel 26, Bb. I), so hat man}$$

$$\int \frac{(2+Z) dZ}{1+Z+Z^2} = \frac{1}{2} \ln \left(1 + \frac{(1+2Z)^2}{3}\right)$$

$$+\sqrt{3}$$
 arc. $\left(tang. = \frac{1+2Z}{\sqrt{3}}\right) + Const.$, und

$$\alpha x = -y_1 + \left(\frac{a-2k}{3}\right) \left[-\text{Log. nat.}(1-Z)\right]$$

$$+ \frac{1}{2} Ln \left(1 + \frac{(1+2Z)^2}{3} \right) + \sqrt{3} \cdot arc \cdot \left(tang. = \frac{1+2Z}{\sqrt{3}} \right) \right] + Const.$$

$$= -y_1 + \frac{a-2k}{3} \left[\frac{1}{2} Log. nat. \left(\frac{1+Z+Z^2}{(1-Z^2)} \right) + \sqrt{3} \cdot arc. \left(tang. = \frac{1+2Z}{\sqrt{3}} \right) \right] + Const.$$

$$= -y_1 + \frac{a - 2k}{3} \left[\frac{1}{2} Log. nat. \left(1 + \frac{3Z}{(1 - Z^2)} \right) + \sqrt{3} arc. \left(tang. = \frac{1 + 2Z}{\sqrt{3}} \right) \right] + Const.$$

$$= -y_1 + \frac{a-2k}{3} \left[\frac{1}{2} \text{ Log. nat.} \left(1 + \frac{3 \text{ a } y_1}{(a-y_1)^2} \right) + \sqrt{3} \text{ arc.} \left(\text{tang.} = \frac{a+2y_1}{a\sqrt{3}} \right) \right] + \text{ Const.}$$

$$= -y + \frac{a-2k}{3} \left[\frac{1}{2} Log. nat. \left(1 + \frac{3 a (a + y)}{y^2} \right) + \sqrt{3} arc. \left(tang. = \frac{3 a + 2 y}{a \sqrt{3}} \right) \right] + Const.$$

Aufangs ift x = 0 und y = h, daher auch

$$0 = -h + \frac{a - 2k}{3} \left[\frac{1}{2} Log. \, nat. \left(1 + \frac{3 \, a \, (a + h)}{h^3} \right) + \sqrt{3} \, arc. \, \left(tang. = \frac{3 \, a + 2 \, h}{a \, \sqrt{3}} \right) \right] + Const.$$

und Schließlich

$$ax = h - y + \frac{a - 2k}{3} \left[\frac{1}{2} Log. nat. \left(\frac{1 + \frac{3a(a + y)}{y^{3}}}{1 + \frac{3a(a + h)}{h^{3}}} \right) \right]$$

$$-\sqrt{3}\left(arc.\left(tang. = \frac{3a+2h}{a\sqrt{3}}\right) - arc.\left(tang. = \frac{3a+2y}{a\sqrt{3}}\right)\right)$$

ober

$$\alpha x = h - y + \frac{a - 2k}{3} \left[\frac{1}{2} Log. \, nat. \left(\frac{y^2 + 3a \, (a + y)}{h^2 + 3a \, (a + h)} \cdot \frac{h^2}{y^2} \right) - \sqrt{3} \, arc. \, \left(tang. = \frac{a \, (h - y) \, \sqrt{3}}{6 \, a^2 + 3a \, (h + y) + 2h \, y} \right) \right].$$

Mit Bulfe biefer Formel läßt fich bie Entfernung a ber Stelle bes Fluffes vom Behre finden, mo bie Aufftauung ben Werth y hat.

Für einen kleinen Werth von d und einen sehr kleinen Werth von y; in Hinsicht auf a, ist einfach

$$\alpha x = h + \frac{a - 2k}{3} Log. nat. \left(\frac{h}{y}\right)$$
 zu setzen.

If $a=2\,k=rac{c^2}{a}$, so fällt $a\,x=h-y$ aus, und es wird die Staucurve von einer horizontalen Linie HK gebildet; ift a < 2 k, so fällt ax fleiner als h - y, also y auch fleiner als h - ax aus, und man hat es bann mit ber von Bibone zuerft beobachteten Bafferfcwelle OK zu thun.

Beifpiel. Für a = 4, h = 3, c = 4,375 guß, ferner a = 0,000623 und y = 0,1 Fuß ift bie Stauweite annahernb $x = \frac{3 + \frac{1}{3} (4 - 0.6125) \text{ Log. nat. } 30}{0.000623} = \frac{3 + 1.1292.3,4012}{0.000623}$

 $=\frac{68406}{6.99}=10980$ Fuß.

3m Beispiele (1) bes vorigen Paragraphen wurde x = 10434,5 Auf ge funben.

(Anmerkung. 1.) Die Baffermenge, welche vor bem Behre aufgestaut ift, läßt fich fegen:

$$V = \int b y \, dx; \text{ nun iff aber annähernb}$$

$$\alpha x = h - y + \left(\frac{a - 2 \, k}{3}\right) \text{ Log. nat. } \left(\frac{h}{y}\right) \text{ und hiernach}$$

$$\alpha dx = -dy - \frac{a - 2 \, k}{3} \frac{dy}{y}, \text{ baher folgt}$$

$$V = -\frac{b}{a} \int \left(y \, dy + \frac{a - 2 \, k}{3} \, dy\right) = -\frac{b}{a} \left(\frac{y^2}{2} + \frac{(a - 2 \, k)}{3} \, y\right) + \text{Const.}$$

Do für
$$y = h$$
, $V = o$ iff, so folgt
$$V = \frac{b}{a} \left(\frac{h^2 - y^2}{2} + \frac{(a - 2k)}{3} (h - y) \right) = \frac{b(h - y)}{a} \left(\frac{h + y}{2} + \frac{a - 2k}{3} \right);$$
with für $y = a$

und für y = o, $V = \frac{bh}{a} \left(\frac{h}{a} + \frac{a - 2k}{a} \right)$

Fließt biefes Bafferquantum in ber Bett t zu, fo hat man auch V = abct. und baher

$$t = \frac{h}{a a c} \left(\frac{h}{2} + \frac{a - 2 k}{3} \right).$$

Für a = 2 k fällt

$$V=rac{b\,h^2}{2\,lpha}$$
 und $t=rac{h^2}{2\,lpha\,a\,c}$ aus.

Anmerkung 2. Borftebenbe Formel hat ber Berfaffer icon im Artifel "Bewegung bes Baffers" in ber allgemeinen Dafdinenencyclopabie, Bb. II, 1844 veroffentlicht. Benn man in berfelben bas Glied $2\,k=rac{c^2}{\sigma}$ vernachläffigt, fo er-

balt man eine Formel, welche herr heinemann in Berlin in Erbfam's Beitfcrift für Bauwesen, Berlin 1855 (f. auch polyt. Gentralblatt, 1855) bie Sagen'iche nennt. Daffelbe gilt auch von ber Formel, welche herr Gobeder in Band VII ber Beitschrift bes Architecten= und Ingenieurvereins fur bas Ronigreich Sannover mittheilt. Diefe Formeln geben naturlich über bie Entftehung ber Bafferschnelle gar feine Ausfunft.

Sehr ausführlich wird bie Staucurve behandelt im zweiten Theile bes Cours de Mécanique appliquée par Bresse, Paris 1860. Nachstbem auch in Ruhlmann's Sporomechanif, Leipzig 1857. Ueber Saint-Guilhem's empirifche Formel gur Berechnung ber Stauweite fiebe Annales des ponts et chauss. 1838, und über Dupuit's Formel beffen Etudes théoretiques et

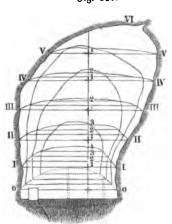
practiques sur les mouvement des eaux courantes.

Teiche. In masserarmen Gegenden und an Orten, wo große Daschis §. 156 nenfrafte in Anspruch genommen werben, wie 3. B. in Bergwerkerevieren, ift bie Anlegung von Teichen (franz. étangs; engl. store-reservoirs, ponds, pools), b. i. von großen Wafferbehältern, bie fich jur Zeit bes Waffertiberfluffes von felbft füllen, und bei eintretenbem Baffermangel geleert werben tonnen, von ber größten Bichtigfeit. Man legt in ber Regel Teiche in Schluchten und Thalern an, um nicht allein bas fluth= und Regenwaffer, fonbern auch bie in biefen Bertiefungen fliefenden Quellen und Bache aufnehmen au Dann läßt fich auch bie fünftliche Umschliegung bes Teichraumes fönnen. burch einen einzigen Damm bewirken, ben man quer über bas Thal von einem Gehänge bis zum anderen führt, indem die anfteigende Thalfohle und bie beiben Thalgebange bie übrige Umfaffung bes Teiches abgeben. Gin Teich bat um so mehr Rugen, je kleiner die Oberfläche und je kurzer ber Damm beffelben bei bestimmtem Raffungeraume ift. Es ift baber für ben Teichraum biejenige Stelle im Thale auszusuchen, wo bie Behänge mehr steil als flach sind und für ben Damm ber Ort, wo bas Thal mehr eng als weit ist. Nur in weiten Thälern hat man die Teiche zuweilen mit zwei Dammen, ober mit einem Sauptbamme und zwei Flügelbammen zu umschließen. Localverhältnisse bestimmen zwar in ber Regel ben Ort filt eine Teichanlage, jeboch ift zu beruchsichtigen, bag tieferliegenden Teichen ein größeres Sammelrevier, und baber auch ein größerer Bafferzustuß jutommt, diefelben aber auch weniger Gefälle für die Dafchinen übrig laffen. bak bagegen hochliegenben Teichen weniger Baffer gufließt, fie bafur aber nichr Gefälle gewähren. Derjenige Teich ift auf jeben Fall ber vollfommenfte, bei welchem bas Product aus bem Bafferzufluf und bem Gefälle awischen bem Teiche und ber tiefer unten im Thale ftehenben Dafchineuanlage ein Maximum ift. Uebrigens fann man burch Anlegung von Graben und Roichen bas Sammelrevier eines Teiches erweitern. Roch hat man bei einer Teichanlage auf bie Beschaffenheit bes Teichgrundes Rudficht gu nehmen, und dabei den Grund zu vermeiben, welcher bas Baffer nicht balt, 3. B. gerklüftetes Geftein, Raltichlotten, Flug- und Triebfand, tiefen Sumpf,

1

Worast u. s. w. Durch Aussetzen mit Lehm und Rasen oder Ausrammen mit einem Gemenge aus seinem Sande und gutem Thon kann man oft die Wasserdichtigkeit eines Teichgrundes hervorbringen. Sind die Gehänge nicht wasserdicht oder leisten sie dem Wasser nicht hinreichenden Widerstand, so muß man sie durch Thon- oder Rasenschichten, Mauern n. s. w. schützen. Der Werth eines Teiches hängt noch vorzüglich von dem Flächen- und

Fig. 317.



Faffungeraume beffelben ab. Um Beides ju finden, ift eine besondere Aufnahme nöthig. Hierzu gehört aber, bag man mit Billfe eines Megtisches die Endpuntte I, II, III u. f. w., Fig. 317, von im Teichspiegel anzunehmenden Barallelen abschneibet, und nun mit einer Stange und mit Bulfe eines Nivellirinftrumentes mehrere Tiefen in burch biefe Parallelen zu legenden Querprofilen abmift. Durch jene Endpunfte bestimmen fich die Barallelen und durch diefe Tiefen bie entsprechenden Querprofile felbft, und hieraus laffen fich die in Frage ftebenden Räume berechnen. Sind bo, bi, be ... ba bie n Breiten 0 - 0, I - I, II - II u. f. w., und ift ber Abstand zwischen je

zwei Parallelen = a, fo hat man die Oberfläche bes Teiches:

$$G = [b_0 + b_n + 4(b_1 + b_3 + \dots + b_{n-1}) + 2(b_3 + b_4 + \dots + b_{n-2})] \cdot \frac{a}{3}$$

Sind ebenso F_0 , F_1 , F_2 u. s. w. die den Breiten b_0 , b_1 , b_2 u. s. w. entsprechenden Querprofile, so hat man das Teichvolumen:

$$V = [F_0 + F_n + 4(F_1 + F_3 + \dots + F_{n-1}) + 2(F_2 + F_4 + \dots + F_{n-2})] \cdot \frac{a}{3}$$

Uebrigens lassen sich auch mit Hulfe bieser Regeln die jeder Wassertiese entsprechenden Fassungsräume berechnen, indem man sich den ganzen Teich durch Horizontalebenen in Schichten zerlegt denkt.

Anmerkung. Bon ber Aufnahme und Berechnung ber Teiche hanbelt speciell ber "Ingenieur" sowie die neue Markscheibekunst des Berkaffers; einen befonderen Aussah hierüber sindet man aber in der gleichbenannten Beitschrift "Der Ingenieur", heft I, 1846, Freiberg 1c.

§. 157 Toichdammo. Die Teichdamme führt man in ber Regel aus Erde, felten aber aus Steinen auf. Man versieht fie mit einer diden Lehmbruft, um das Eindringen bes Wassers zu verhindern, und bekleidet diese wohl noch mit einer Mauer, ber sogenannten Terras femmauer, um die nachtheiligen

Wirtungen bes Bellenschlages auf ben Damm zu schwächen. Aukerbem erhalt ber Teichdamm noch einen mit Lehm ober Rafen bicht auszuschlagenben Grundgraben, welcher vorzuglich bagu bient, bas Baffer gurudgu-Dan geht mit biefem Graben bis auf festen Grund, 3. B. bis auf feftes Beftein ober bichten Lehmboben herab, ober, wenn biefer nicht zu erlangen ift, wie 2. B. bei fandigem ober grandigem Erbboben, verschafft man fich burch einzuschlagenbe Bfable einen festen Grund. Die Tiefe eines Grundgrabens hangt von ber Beschaffenheit bes Erbbobens ab, bei festem und bichtem Gestein reichen oft 5 fuß Tiefe bin, mogegen man bei gerriffenem ober loderem Boben 20 fuß Tiefe nothig haben tann. Nachtheilia tonnen zumal Rlufte, Besteinschichtungen und Steinscheidungen werben, inbem fie bas Baffer unter ober neben bem Damme burchlaffen. Um biefes ju verhindern, hat man ben Grundgraben fehr tief auszuheben, und ihn an ben Behangen weit hinauszuführen. Die Sauptform eines Teichbammes ftimmt mit bem in Fig. 318 abgebilbeten Rörper von trapezoidalem Quer-



schnitt HKEN ober GLMF überein. Die obere Fläche AC ist die Dammtappe, die dem Wasser zugekehrte Seite ABGH die Brust und die gegenüberliegende Seite der Rüschen; es ist serner KMN bas Mittelstück, sowie ANH ber eine und BMC der andere Dammflügel. Was die Die

mensionen des Dammes betrifft, so macht man die obere Dammbreite AD = BC nicht unter 10 Fuß, und wenn ein Weg über sie gelegt ist, nicht unter 20 Fuß, es ist aber auch Regel, diese Breite mindestens der Dammbohe gleich zu machen. Giebt man nun der Brust und dem Rücken 45° Böschung, so fällt die untere Dammbreite dreimal so groß aus als die Dammböhe oder obere Dammbreite. Manchen Dämmen giebt man aber 30 bis 40° Böschung, weshalb bei ihnen ein noch größeres Berhältniß der unteren Breite zur Höhe sich herausstellt. Die Dammhöhe ist sehr verschieden;



man hat im hiefigen Bergreviere 15 bis 35 Fuß hohe Dämme. Wegen bes Bellenschlages ist es nothwendig, bie Dämme 2 bis 3 Fuß höher zu machen als ber Wasserspiegel zu stehen kommt. In Fig. 319 ist das Duerprofileines Teichdammes abge-

bildet. ABCE ift die bis auf festen Grund herabgehende festgestampfte

Lehmbruft, sowie BGFC ber and Schutt bestehende Hinterdamm, und AE die oben 2 Fuß und unten 4 Fuß dide und ausgebauchte Terrassenmauer.

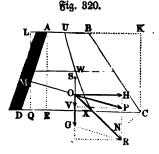
Anmerkung 1. Bezeichnet l bie obere und l_1 bie untere Länge, b bie obere und b_1 bie untere Breite, sowie h bie Höhe eines Teichbammes, wie Fig. 318, so ift bas Bolumen beffelben:

$$V = [lb_1 + l_1b + 2(lb + l_1b_1)] \frac{h}{6}$$
 (f. 28b. I, §. 121).

Bei Anwendung diefer Formel zur Berechnung der Dammmaffe ift zu ber rudsichtigen, daß die festgestampfte Erbe noch nicht gang die Galfte bes Bolumens der lockeren Erbe einnimmt.

Anmerkung 2. Einer ber größten Teiche im Freiberger Bergrevlere ift ber untere Großhartsmannsborfer Teich. Er hat einen Flächenraum von 32692 Quadratruthen (sächs. Maaß) und einen Fasungsraum von 60,669000 Cubitsuß ober 60,19 wöchentliche Rad Wasser, jebes Rad zu 100 Cubitsuß pr. Minute; b. h. bieser Teich gewährt ohne allen Zusluß 60 Bochen lang in jeder Minute 100 Cubitsuß Wasser. Der Damm bieses Teiches ist 1276 Ellen lang, oben 30, unten 82 Ellen breit und 143% Ellen hoch, doch beträgt die höchste Anspannung nur 13 Ellen 7 Zoll. In Rußland, und namentlich am Ural, hat man jedoch noch viel größere Teichanlagen.

§. 158 Stabilität der Teichdämme. Die Teichdämme sind dem Drucke und zuweilen sogar dem Stoße des Wassers ausgesetzt, es ist daher nöthig, ihnen hinreichende Dimensionen zu ertheilen, damit sie durch ihr Gewicht diesen Wirkungen widerstehen und weder umgestürzt noch fortgeschoden werden. Die Berhältnisse des Fortschiedens haben wir schon früher (Bb. I, §. 360) kennen gelernt; es bleibt daher nur noch die Stadistätt eines Teichdammes in hinsicht auf das Kippen zu untersuchen übrig. Das Wasser übt gegen die Brustschlasse AD eines Teichdammes ABCD, Fig. 320, einen Normal-



bruck $\overline{OP} = P$ aus, bessen Angrisse punkt M um LM oder $^2/_2$ der Tiese $\overline{CK} = ^2/_3 h$ vom Wasserspiegel absteht (Band I, §. 358). Für ein Dammsstück von der Länge = 1 ist dieser Druck

$$P = \overline{AD}.1.\gamma.\frac{h}{2},$$

wenn y die Dichtigkeit des Wassers bezeichnet. Der horizontale Component bieses Druckes ist

$$H=h\cdot 1\cdot \gamma\cdot \frac{h}{2}=1/2\,h^2\gamma,$$

und ber verticale Component, wenn m bie relative, also mh bie absolute Böschung DE ber Bruftstäche bezeichnet,

$$V = mh.1.\gamma.\frac{h}{2} = \frac{1}{2}mh^2\gamma.$$

Das im Schwerpunkte S des trapezoidalen Querschnittes ABCD angreisende Gewicht des Dammstückes von der Länge =1 ist, wenn γ_1 die Dichtigkeit der Dammmasse, b die Kappenbreite AB und n die relative, also nh die absolute Hinterböschung bezeichnet,

$$G = \left(b + \frac{m+n}{2}h\right)h\gamma_1.$$

Ans P und G oder H, V und G entspringt aber eine Mittelkraft $\overline{OR}=R$, beren statisches Moment $\overline{CN}.R$ in Hinsicht auf die Hinterkante C des Dammes die Stabilität desselben ausdrückt. Denken wir uns P, und also auch H und V in M angreisend, so erhalten wir das statisches Moment von P — statisches Moment von H minus statisches Moment von V:

$$= \frac{1}{2} h^2 \gamma . \overline{MQ} - \frac{1}{2} m h^2 \gamma . \overline{CQ} = \frac{1}{2} h^2 \gamma (\overline{MQ} - m . \overline{CQ})$$

$$= \frac{1}{2} h^2 \gamma \left[\frac{1}{3} h - m (nh + b + \frac{2}{3} mh) \right].$$

Run ift aber bas in entgegengesetzer Richtung wirkende statische Moment von G:

$$= \frac{1}{2}nh^2\gamma_1 \cdot \frac{2}{3}nh + bh\gamma_1\left(nh + \frac{b}{2}\right) + \frac{1}{2}mh^2\gamma_1\left(nh + b + \frac{1}{3}mh\right)$$

$$= h \gamma_1 (1/s n^2 h^2 + n b h + 1/s b^2 + 1/s m n h^2 + 1/s m b h + 1/6 m^2 h^2)$$

$$= h \gamma_1 \left[\left(\frac{m^2 + 2 n^2}{3} + m n \right) \frac{h^2}{2} + \left(n + \frac{m}{2} \right) b h + \frac{1}{2} b^2 \right];$$

es folgt baher bie Stabilität bes Teichbammes:

$$S = h \left(\left[\left(\frac{m^2 + 2 n^2}{3} + m n \right) \frac{h^2}{2} + \left(n + \frac{m}{2} \right) b h + \frac{1}{2} b^2 \right] \gamma_1 - \left[\frac{1}{3} h - m \left(n h + b + \frac{2}{3} m h \right) \right] \frac{h}{2} \gamma \right).$$

Um nun den Bunkt X anzugeben, in welchem die Widerstandslinie UWX die Sohle CD des Dammes durchschneidet, bestimmen wir die Entfernung CX dieses Punktes von der Kante C, indem wir in Hinsicht auf den Punkt C das Moment $R.\overline{CN}$ der Mittelkraft R gleich dem Moment $(G+V).\overline{CX}$ ihres verticalen Componenten G+V setzen.

Es ist hiernach
$$\frac{CX}{CN} = \frac{OR}{HR} = \frac{R}{G+V}$$
,

und baher

$$\overline{CX} = a = \frac{\overline{CN} \cdot R}{V + G} = \frac{S}{G + V}$$

$$= \left(\left[\left(\frac{m^2 + 2n^2}{3} + mn \right) \frac{h^2}{2} + \left(n + \frac{m}{2} \right) bh + \frac{1}{2} b^2 \right] \gamma_1 + \left[\left(\frac{2m^2 - 1}{3} + mn \right) h + mb \right] \frac{h}{2} \gamma \right) \\ : \left(\left[\left(\frac{m + n}{2} \right) h + b \right] \gamma_1 + \frac{1}{2} mh \gamma \right);$$

ober:

$$a = \frac{[(m^2+2n^2+3mn)h^2+(2n+m)\cdot 3bh+3b^2]\gamma_1+[(2m^2-1+3mn)h+3mb]h\gamma}{3([(m+n)h+2b]\gamma_1+mh\gamma)}.$$

Mit Bulfe biefer Formel tann man auch andere Bunkte Wu. f. w. in ber Biberftanbelinie finden, wenn man für h beliebige Dammhöhen einführt, also die Stabilität einzelner, durch Horizontalebenen begrenzter Dammsttude ins Auge faßt.

Für einen Damm ohne Bofdjung ift m = n = o, baber:

$$a = \frac{3b^2\gamma_1 - h^2\gamma}{6b\gamma_1} = \frac{1}{2}b - \frac{h^2\gamma}{6b\gamma_1}$$
 (vergl. 38b. II, §. 12).

Bei einem Damme mit 45° Boschung zu beiden Seiten ift m=n=1, baher:

$$a = \frac{3 (2 h^2 + 3 b h + b^2) \gamma_1 + (4 h + 3 b) h \gamma}{3 [2 (b + h) \gamma_1 + h \gamma]};$$

ist nun noch b = h, so hat man:

$$a=\frac{18\,\gamma_1\,+\,7\,\gamma}{4\,\gamma_1\,+\,\gamma}\cdot\frac{h}{3},$$

nimmt man endlich $\gamma_1 = 2 \gamma$ an, fo erhält man:

$$a = \frac{48}{27} h = \frac{48}{27} b$$

oder, da bann die untere Dammbreite $b_1=3\,b$, also $b={}^1/_3\,b_1$ ist, $a={}^{43}/_{81}\,b_1$.

Rach Bauban ift hinreichende Sicherheit vorhanden, wenn

$$a = \frac{5}{9} \cdot \frac{b_1}{2} = \frac{5}{18} b_1$$
 ausfällt (f. 1966. II, §. 14);

im letten Falle ware also eine übermäßige Sicherheit vorhanden. Am angemessensten für Teichdämme möchte es jedoch sein, mindestens a=0,4 b_1 zu machen, also die Widerstandslinie 4 Zehntel der unteren Breite von der Hinterstäche abweichen zu lassen.

Beispiel. Man soll die Biberstandslinie für einen Teichdamm angeben, bessen vorbere Böschung m=1, hintere Böschung n=1/2 und Dammfappenbreite b=10 Fuß ist, vorausgeset, daß die Dammmasse das specisische Gewicht m=2 hat. Hier ist

$$a = \frac{2 (3 h^2 + 60 h + 300) + (\frac{5}{2} h + 30) h}{3 (3 h + 40 + h)} = \frac{1200 + 300 h + 17 h^2}{24 (10 + h)};$$

S. 159.1 Bom Anfammeln, Aus u. Abführen b. Auffchlagemaffers. 371 es ftellt fich baber beraus:

für
$$h = 0$$
, $a = 5$ Fuß; für $h = 5$ Fuß, $a = \frac{3125}{360} = 8,68$ Fuß; für $h = 10$ Fuß, $a = \frac{5900}{490} = 12,29$ Fuß; für $h = 15$ Fuß, $a = \frac{9525}{600} = 15,87$ Fuß; für $h = 20$ Fuß, $a = \frac{14000}{720} = 19,44$ Fuß u. f. w.

Für eine sehr große Dammhohe läßt sich
$$a=\frac{17\,h}{24}$$
 und $b=\frac{8}{2}h$, also $\frac{a}{b}=\frac{17}{86}$

feten. Da ¹⁷/38 schon größer als 0,4 ift, so wurde bieser Damm selbst bei einer unenblichen hohe sicher vor bem Rippen sein.

Anmerfung. Rach ber Formel $b=\frac{8h-a}{a}$ im Beispiele Bb. I, §. 360 ift, wenn man a = mh fest,

$$2b = (3 - m) h$$
, baher:
 $h = \frac{2b}{3 - m}$,

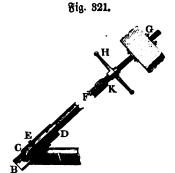
$$h=\frac{2b}{3-m},$$

also im letten Beispiele, wo m = 1 ift

h = b = 10 Fuß ju machen.

Ablassen der Teiche. Zum Ablassen bes Wassers aus ben Teichen & 159 bienen die Teichgerinne und die Fluther. Jene gehen durch ben Teichs bamm hindurch und bienen jum regelmäßigen Abzapfen, biefe aber find bloke Einschnitte im Damme und haben ben 3med, bas im Uebermag zufliegende Baffer eines bereits gefüllten Teiches abzuleiten. Anweilen bat ein Teich mehrere Teichgerinne und mehrere Fluther. Das tieffte ober im tiefften Buntte bes Teiches einmundende Berinne wird in ber Regel nur beim ganglichen Ablaffen und Fischen bes Teiches geöffnet, und heißt beshalb bas Shlamm - ober Fifchgerinne; bas höher liegenbe Berinne hingegen enbigt fich in bem Graben, burch welchen bas Waffer auf bie Dafchinen geführt wirb. und heißt beshalb bas Muhl- ober Mafchinengerinne. Bei tiefen Teichen ift es fehr zwedmäßig, zwei ober mehrere, in verschiebenen Boben einmundende Mafchinengerinne anzuwenden, und bas Baffer, fo lange es geht, immer durch bas höhere Berinne abzulaffen, um fo viel wie möglich Befalle für die Dafchinen übrig zu behalten. Auch tann man, um benfelben 3med zu erreichen, bas burch bas Teichgerinne abgeführte Baffer außerhalb des Teiches in einem hohen Behälter auffangen, und aus demfelben burch mit Schiebern ober Schützen zu versehenden Mündungen in bas eine ober andere Aufschlaggerinne fliegen laffen.

Die Teichgerinne find entweder holzern, ober fteinern, ober eifern; bie letten find bie beften. Man verwendet bagu gußeiserne Röhren von 1 bis 21/. Fuß Beite. Bum Reguliren bes Abfluffes bient ber Bapfen ober Striegel. Die in neuerer Beit bier in Anwendung gebrachten Striegel haben eine Sinrichtung, wie fie Fig. 321 vor Augen führt. Es ift hier A ber Ropf bes Teichgerinnes mit ber außen abgeschliffenen Kopfplatte B, CD ein innen abgeschliffener gußeiserner Schieber, EF bie bis auf bie



Dammtappe hinaufführende Striegelstange oder der Striegelschaft, E eine mit dem Schieber fest verbundene und über die Kopfplatte weggreisende Schiene, wodurch der Schieber gegen die Kopfplatte gebrückt wird; es ist ferner G ein starker Steg über der Teichhäuschens, GK eine Schraubenspindel, welche durch eine in dem Stege sesssischen Mutter hindurchgeht, bei K durch

ein Gewinde mit dem Zapfenschaft verbunden ist, und durch einen Schlüssel H in Umdrehung gesetzt werden kann. Man kann nun leicht ermessen, wie durch diese Umdrehung der Schieber mittels seines Schaftes gehoben oder gesenkt, oder die Eintrittsöffnung in das Teichgerinne vergrößert oder berkleinert werden kann.

Das Teichgerinne muß einen Querschnitt erhalten, welcher selbst bei bem niedrigsten Wasserstande und bei vollständiger Eröffnung noch das ersorderliche Wasserquantum hindurchläßt. Ift Q die pr. Secunde abzulassende Wassermenge, h die gegebene kleinste Druckböhe, l die Länge, d die Beite des Teichgerinnes, ξ_0 der Widerstandscoefficient für den Eintritt und ξ der Reibungscoefsicient für die Bewegung in dem Teichgerinne, so hat man nach Bb. I, §. 430:

$$d = \sqrt[b]{\frac{(1+\zeta_0)\ d+\zeta l}{2\ g\ h}\cdot\left(\frac{4\ Q}{\pi}\right)^2},$$

ober einfacher:

$$d = 0.4817 \sqrt[6]{[(1 + \zeta_0) d + \zeta l] \frac{Q^2}{h}}$$
 Fuß.

Wenn man nun to aus der Tabelle in Bb. I, §. 423 und tans der Tabelle in Bb. I, §. 429 wählt, so läßt sich hiernach auf dem Wege der Maherung die gesuchte Gerinnweite berechnen. Bei höherem Wasserstande wird ein Theil der Eintrittsmündung durch den Schieber verschlossen, weshalb nun nach Bb. I, §. 443 ein größerer Widerstandscoefficient für den Eintritt einzusühren ist. Ist die Eintrittsössnung sehr klein, so sult endlich das Wasser das Teichgerinne gar nicht mehr aus, und es ist dann einsach der Inhalt dieser Einmilndung:

$$F = \frac{Q}{\mu \sqrt{2gh}} = \frac{(1 + \sqrt{\xi_0}) Q}{\sqrt{2gh}},$$

wo to ebenfalls aus §. 443 genommen werben muß. Mit Gulfe ber S. 152 u. f. w. im "Ingenieur" mitgetheilten Kreissegniententabelle läßt fich hieraus die Schieberstellung felbst finden.

Die Fluther oder Fluthbetten werden wegen ber leichteren Ableitung bes Waffers nahe an ben Gehängen in den Damm eingeschnitten. Sie sind höchstens 5 Fuß tief, 10, 20 und mehr Fuß lang und erhalten, wie die Wehre, ein steinernes Bette. Uebrigens rustet man sie noch mit Schützen und Rechen aus.

Beispiele. 1. Welche Weite ist einem Teichgerinne von 100 Kuß gange zu ertheilen, welches bei 1 Fuß Druckobe noch 10 Cubiffuß Wasser pr. Saunde. absührt? Führen wir den einer Dammneigung von 40° entsprechenden Coefficienten $\zeta_0 = 0.870$, und den einer Geschwindigkeit von 5 Auß entsprechenden Reibungscoefsicienten $\zeta = 0.022$ ein, so erhalten wir die Formel:

$$d = 0.4817 \ \sqrt[3]{(1.870 d + 2.2).100}$$

welcher d=1.7 fo ziemlich entspricht, benn sett man rechts d=1.7, fo folgt links:

$$d = 0,4817.\sqrt[7]{537,9} = 1,694 \text{ Full.}$$

Es ift also hiernach ein Gerinne von 1,7. 12 = 20,4 Boll anzuwenben.

2. Bie tief ift ber Schieber zu ftellen, bamit bas vorige Gerinne bei 16 Fuß Druckhohe ebenfalls nur 10 Cubitfuß Waffer liefert? Rehmen wir an, bag hier bas Gerinne nicht vollstießt, fo haben wir:

$$F = \frac{(1 + \sqrt{\zeta_0})}{\sqrt{2} g \hbar} = \frac{(1 + \sqrt{0,87}) \cdot 10}{7,906 \cdot \sqrt{16}} = \frac{19,327}{7,906 \cdot 4} = 0,611$$
 Duadratfuß.

Diefes Segment vom Salbmeffer $\frac{1,7}{2}$ auf ben Salbmeffer 1 reducivt, faft' nun

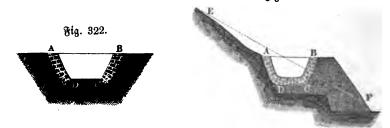
$$F = 0.611 \cdot \frac{4}{2.89} \rightleftharpoons 0.846$$

aus, und es giebt nun bie Segmententabelle im "Ingenieur" bie entsprechenbe Bogenhohe ober Schieberftellung:

$$s = 0.629 \cdot \frac{1.7}{2} = 0.535 \text{ Fuß} = 6.42 \text{ BoIL}$$

Canslo. Man sührt das Aufschlagwasser in Canälen, Gräben und §. 160 Gerinnen aus den Wehren, Teichen und anderen Sammelapparaten nach dem Bunkte des Bedarses, d.i. nach den Maschinen, welche es in Bewegung setzen soll. Die Canäle werden in der Regel in die natürliche Erdoberstäche eingeschnitten, zuweilen aber auch in einen künstlich aufgeworfenen Damm gebettet; sie werden serner mittels Brücken (Aquäducte) in größerer Höhe über der Erdoberstäche oder unterirdisch (in Röschen) unter derselben fortgesihrt. Das Bett wird entweder durch natürliche Erde, Sand oder Steine, oder durch künstlichen Mörtel gebildet, oder es wird ausgemauert,

oder es besteht baffelbe in einem bolgernen, fteinernen ober eifernen Gerinne. Das Querprofil eines Canales ift ein gerabliniges ober wenig gebauchtes Trapez, das eines Gerinnes aber in der Regel ein Nechteck. Das Nöthigste tiber die zwedmäßigste Form ber Querprofile ift bereits in Bb. I. §. 472 u. f. w. abgehandelt worden. Die Querprofile bei Aufschlagecanälen find meistens im Mittel 11/2. bis 3mal fo lang als tief, bei Schifffahrtscanalen aber ift ihre Tiefe 5. bis 10mal in ihrer mittleren Lange enthalten. Mit Mortel ausgemauerten Canalen giebt man wenig ober gar feine Bofchung, Canalen mit Trodenmauerung giebt man 1/2 Bofchung, in bichter Erbe ausgehobene Canale erhalten aber die Bofchung 1 und in Sand und lodere Erde ausgehobene Canale bie Bofchung 2. Die Construction eines Canales in einem nicht mafferbichten Boben führt Fig. 322 vor Augen. hier find bie Seiten und ber Boben 1 bis 2 fuß bid mit Lehm ausgerammelt, und wenig geboschte Seitenmauern AD und BC von $1^1/_2$ bis 2 Huß Fig. 323.



Dicke angesetzt. Wird ber Canal an einem Gehänge EF, Fig. 323, hingeführt, so schneidet man ihn nur zum Theil ein und benutt die ausgehosbene Erde zur Bildung des übrigen Theiles. Um die Sohle CD zu schlitzen ist dieselbe, wie die Seilen, ausgemauert. Höhrer Dämme, auf welchen Canäle fortgeführt werden, versieht man mit Futtermauern AB und CD, Fig. 324. Unterirdische Canäle stehen entweder in sessen Gesteine oder sind ausgemauert, wie Fig. 325 vor Angen sührt. Um Röschen





begeben gu fonnen, erhalten biefelben eine angemeffene Bohe und ein auf Stegen AB liegendes Laufbrett C. Die in einem Gebirgseinschnitt AA (Fig.

Fig. 326.

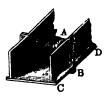


326) liegende Wafferleitung B ift rund herum ausgemauert, innen mit Cement überzogen, und außen mit einer Lehmbulle umgeben.

Ein bolgernes Berinne ober Spunbflud

ift in Fig. 327 abgebilbet. Daffelbe besteht aus ben burch Bfosten gebilbeten Borben ober Seitenwänden AA, aus bem burch Bretter gebilbeten und auf Tragleisten CC rubenben Boben B, und wird burch Geviere, wie DEFG, ausammengehalten. Die Berbichtung in ben Stoffingen wird burch feines Moos ober burch Ritt u. f. w. bewirkt. Die Construction gufeiserner Berinne ift aus fig. 328 erfichtlich. Bier find bie Seitenwande mit Lappen, wie AB, BC u. f. w., verschen, und es erfolgt bie Bufammensetzung burch Schrauben, welche burch je zwei Lappen hindurchgeben. Fig. 328. Fig. 327.





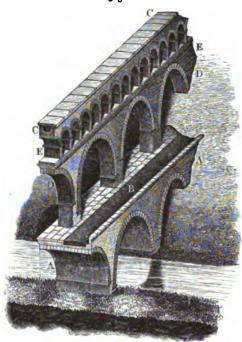
Bu ben unterirbifchen Bafferleitungen geboren auch bie Stragen fchleusen ober verdedten Abzugecanale unter ben Strafen (frang égouts: engl. sewers). Gie unterscheiben fich von ben gewöhnlichen unterirbifchen Bafferleitungen nur baburch, baß bas Baffer, welches biefelben fortführen,

Fig. 829.



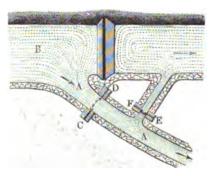
fehr unrein und mit vielen fremben Stoffen angefüllt, und bag die Menge beffelben innerhalb weiter Grenzen fehr veranderlich ift. Deshalb erhalten biefelben ein großes Befälle von minbeftens 1/50 ber Lange. Damit sie bem Erbbrud hinreichend widerfteben tonnen, giebt man biefen Schleusen eine eiformige Umfangemauer AB, Fig. 329, und bamit fie bie nothige Wafferbichtigfeit erhalten, vermahrt man die Sohle berfelben burch eine Betonschicht Bu.f.w. Roch verfieht man biefe Schleufen mit Lichtlochern, wie 3. B. C, welche mittels burchlöcherter eiferner Dedel DD verfchloffen werben. Anmerkung. Gin Beifpiel von einem antifen Aquabuct fuhrt Fig. 330 por Augen. Es ift bies eine monobimetrifche Abbilbung von bem 160 Fuß

Ria. 330.



hoben Aquabuct bu Garb bei Nismes. Der Canal CC, in welchem bas Baffer floß, ift 41/2 Fuß breit und 5 guß hoch; er ruht auf brei übereinan= ber ftehenben Bogenreiben und ift burch fteinerne Blatten bebedtt. Die uns tere Bogenreihe AA befteht aus feche Salbfreisbogen von 55 bie 77 Fuß Spannung und trägt zu= gleich eine gewöhnliche Rabritrafie B. Die mittlere Bogenreibe DD befteht aus gehn Bogen und bie oberfte Bogenreihe EE aus einer febr großen Unjahl fleiner Bogen, ift aber an ben Enben bereite eingefturgt.

§. 161 Die Einmundung eines Canales AA, Fig. 331, in einen Fluß B ift Fig. 331. burch allmälige Erweite-



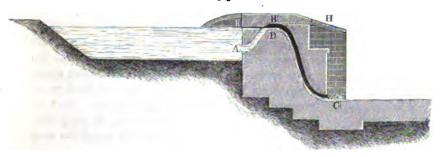
burch allmälige Erweiterung und Abrundung zu bewirken, die Ufer sind durch Mauerung und durch eine zwischen Lehmrammes lung stehende Spundwand CD vor den zerstörenden Wirkungen des sließenden Wassers zu schilben. Uedriegens läßt sich das Schützenwerk, welches zum Reguliren des Wassers dient, gleich in das Bundwerk

der Spundwand oder ber sogenannten Berheerdung einsetzen. Um das durch besondere Umftande, 3. B. durch starte Regengusse, Thausluthen u. f. w.

herbeigeführte Ueberlaufen ober Ueberfüllen der Canale zu verhindern, sind noch Ablässe, Abschläge ober Fluther anzubringen. Diese sind kurze, seitwarts einmündende Canale mit einem starken Gefälle. Man schützt die selben durch Mauerung, Lehnrammelung und Berheerdung, wie EF, Fig. 831 zeigt, und sperrt sie für gewöhnlich durch eingesetzte Pfosten ober bewegliche Schützen. Auch versieht man wohl zu demselben Zwede den Wehredamm mit einem Fluther.

Um endlich noch das nöthige Abla sen des Wassers aus Canalen von felbst, ohne Beihülse eines Ausschers zu bewirken, wendet man besondere Mechanismen, wie z. B. Schwimmer, an, welche beim Anschwellen des Wassers im Canale feigen und dabei die meist in einer Klappe oder Thur bestehende Schütze öffnen, oder man bedient sich eines Kastens, in welchen Wasser einstließt, wenn dasselbe im Canale eine gewisse Höhe überschritten hat, und welcher beim Niedersinken die Alflußtlappe öffnet. Am einsachsten ist aber heber ABC, Fig. 332, mit einer Luftröhre DE. Sowie der Wasserspiegel im Canale in das Niveau des Heberscheitels B kommt, so füllt sich

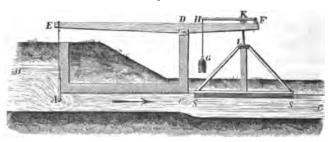




ber lettere ganz mit Wasser und es sließt basselbe bei C mit gesülltem Querschnitte und unter einer Druckhöhe ab, welche ber Tiese CH ber Ausmündung C unter bem Wasserspiegel gleichkommt. Sinkt aber das Wasser wieder dis zur Luftröhre, so dringt Luft ein, und es endigt sich dadurch der Anssluß. Hüllt das Wasser nur einen Theil des höchsten Röhrenquerschnittes BD aus, so tritt naturlich nur das Ausslußverhöltniß eines lebersalles ein.

Eine sich selbst stellende Schütze ist in Fig. 333 (a. f. S.) abgebildet. Es ist hier die Schitze A, welche das aus B nach C absließende Wasser reguliren soll, an einem um D brehbaren Hebel EF aufgehangen, der mit einem auf dem absließenden Wasser CC ruhenden Schwimmer SS in Berbindung steht. Steigt das Wasser CC und mit ihm SS, so sinkt die Schitze A, und fällt CC, so wird A mittels SS gehoben; im ersten Falle wird aber die Ausslußmenge bei A vermindert, und im zweiten vergrößert,

jedenfalls also die dem Steigen oder Sinken von SS entsprechende Zu- oder Abnahme des Abslußwassers wieder aufgehoben. Um dem Steigen des Fig. 838.



Schwimmers tein Hinderniß entgegenzuseten, wenn die Schütze A geschloffen und CC in Folge von Regengussen angeschwollen ist, läßt man die Schwimmer mittels eines Bolzens KL auf einen Hebel FH wirken, der durch ein Gewicht G niedergezogen wird.

§. 162 Canalgofallo. Die Geschwindigkeit des Wassers in einem Canale soll eine mittlere sein; nicht zu klein, weil sich außerdem derselbe leicht verschlämmt oder versandet, und nicht zu große, weil sonst das Bett nicht hinreichenden Widerftand leistet, und weil eine große Geschwindigkeit ein zu großes Gesälle für den Canal in Anspruch nimmt und es den Maschinen entzieht. Um das Absehen von Sollamm zu verhindern, soll die mittlere Geschwindigkeit mindestens 7 bis 8 Zoll übertreffen, da, wo aber das Absehens von Sand zu desslirchten ist, soll man dieselbe nicht unter 11/4 Fuß zusaffen. Was die Wazimalgeschwindigkeit des Wassers in Canalen anlangt, so hängt diese von der Beschaffenheit des Bettes ab; damit dieses nicht angegriffen wird, dars die Geschwindigkeit am Boden nicht überschreiten:

bei fclammigem Boben 1/4 Fuß,

- " thonigem Boben 1/2 Fuß,
- " fandigem Boden 1 Fuß,
- " tiefigem Boden 2 Fuß,
- " grobsteinigem Boben 4 Fuß,
- " einem Boben von Conglomerat ober Schiefergestein 5 Fuß,
- " einem Boben von geschichtetem Gefteine 6 Bug,
- " einem Boben von hartem und ungeschichtetem Gefteine 10 fuß.

Wenn nun auch die Geschwindigkeit am Boben kleiner ist als die mittlere Geschwindigkeit im ganzen Querprofile, so wird es doch der Sicherheit wegen gut sein, selbst mit der letzteren die eben angegebenen Grenzen nicht zu überschreiten.

Aus der angenommenen mittleren Gefchwindigfeit c und aus bem fortauführenden Bafferquantum Q ergiebt fich nun der Inhalt des Querprofiles S. 162.] Bom Ansammeln, Zu- u. Abführen b. Aufschlagewassers. 379 F, und hieraus wieder der Umfang p des Wasserprofiles; set man nun diese Werthe in die Formel

$$\delta = \frac{h}{l} = \zeta \cdot \frac{p}{F} \cdot \frac{c^2}{2g}$$
 (f. 286. I, §. 475 u. f. w.)

ein, so bekommt man ben erforberlichen Abhang & bes Canales, aus bem sich wieder bas Gefälle auf die gange Canallange l, h = &l ergiebt.

Hiernach erhält nan allerdings unter verschiedenen Berhältnissen sehn unter verschiedene Abhänge; da indessen, ξ im Mittel = 0,007565, c in der Regel zwischen 1 und 5 Fuß und bei Aufschlagecanälen, $\frac{p}{F}$ zwischen $\frac{1}{s}$ und 2 gelegen ist, so folgen die Grenzen der Abhänge bei diesen Canälen:

$$0.007565.1/6.1.0.016 = 0.000024$$
 unb $0.007565.2.25.0.016 = 0.00605$.

Den Abzugscandlen giebt man in ber Regel ein größeres Gefälle, um eine größere Geschwindigkeit zu erzeugen und das Wasser, nachdem es gewirkt hat, schnell von der Umtriebsmaschine zu entsernen.

Da nach Bb. I, §. 474 für Canäle mit ähnlichen Querprofilen $\frac{p}{F} = \frac{m}{\sqrt{F}}$ ift, so folgt die Neigung der Canalsohle $\delta = \xi \, \frac{m}{\sqrt{F}} \cdot \frac{c^2}{2\,g}$; und es fällt also hiernach dieselbe um so größer aus, je Keiner das Querprofil des Canales ift.

Aus demselben Grunde haben bei gleicher Geschwindigkeit große Flüsse und Ströme einen kleineren Fall als Bäche und Canäle. Beziehen sich p, F, l und c auf einen Graben und p_1 , F_1 , l_1 und c_1 auf eine Flußstrecke, neben welcher ber Graben hinläuft, ist folglich $h=\zeta\frac{pl}{F}\frac{c^2}{2g}$ das Gefälle des ersteren und $h_1=\zeta\frac{p_1l_1}{F_1}\frac{c_1^2}{2g}$ das der letteren, so fällt das durch die Grabenführung gewonnene nutbare Gefälle

$$h_2 = h_1 - h = \xi \, rac{p_1 \, l_1}{F_1} \, rac{c_1^2}{2 \, g} - \xi rac{p \, l}{F} \, rac{c^2}{2 \, g}$$
 and.

Da in der Regel $\frac{p_1}{F_1} < \frac{p}{F}$ aussäult, so ist zu fordern, daß $l\,c^2 < l_1\,c_1^2$, daß also die Grabenstrecke kurzer sei als die Flußstrecke, und daß die Geschwinsbigkeit des Wassers in der ersteren kleiner aussaule als in der letzteren.

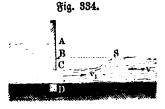
Anmerkungen. 1. Siesigen Aufschlagegraben giebt man 0,00025 bis 0,0005, ben Abzugsgraben aber 0,001 bis 0,002 Abhang. Die ursprünglich römische Bafferleitung zu Arcueil bei Baris hat $\sigma = 0,000416$, bie New-River-Basserleitung in London aber $\sigma = 0,0004735$ u. s. w.

2. Blobliche Richtunges und Querichnitteveranberungen find bei einem Canale zu vermeiben, weil baburch nicht nur Gefälle verloren geht, fonbern auch nachtheilige Wirkungen auf bas Bett beffelben entftehen. Benn man Canale an Gehangen hinführt, fo find Rrummungen nicht zu vermeiben, und es ift bann wenigstene bafur ju forgen, bag biefelben große Salbmeffer ober wenige ftens größere Querschnitte erhalten.

3. Durch bas Anseten von Schlamm, Sanb und Gis, sowie burch Ginwachsen von Bafferpflangen, wie Schilf u. f. w., wird bas Querprofil ber Canale verengt, und baburch ebenfalls ein Gefällverluft herbeigeführt. Dan foll baber bie Canale von Beit ju Beit von folden hinberniffen befreien, übrigens aber bie Bilbung berfelben, jumal burch Bebeckung ber Canale, ju verhinbern fuchen. Endlich verliert ein Canal auch Baffer burch Berbunftung und Berficerung. gewinnt aber auch wieber burch Quellen und Regen. Sichere Angaben laffen fich jedoch hierüber nicht machen.

4. Wenn man in der Formel $h=\zeta \frac{ml}{\sqrt{F}} \frac{c^2}{2\,q}=\zeta \frac{ml\,Q^2}{2\,gF_A}, F\, {
m um}\, \triangle F\, {
m gr}$ nehmen läßt, so nimmt h um $\triangle h = \frac{5}{2} \zeta \frac{m l Q^2 \triangle F}{2 g F^{2/h}}$ ab, und es ist $\frac{\triangle h}{h} = -\frac{5}{2} \frac{\triangle F}{F}$ fowie $\frac{\triangle F}{E'} = -\frac{2}{5} \frac{\triangle h}{h}$. Ge ift also bie relative Gefällvergrößerung = $\frac{6}{3}$ mal ber relativen Querschnittsverminderung, sowie die relative Querschnittsvergrößerung = 2/5mal ber relativen Gefällverminberung. Die Baffermenge bleibt a. B. bie felbe, ob man ben Querschnitt bes Grabens um 2 Procent größer ober kleiner. ober ob man bas Gefalle beffelben um 5 Procent fleiner ober größer macht.

Der Gintritt bes Baffere in einen Canal ift entweber §. 163 Schützen. frei ober burch eine Schitte zu reguliren. Tritt bas Baffer frei aus bem Wehrteiche ober einem Reservoir, worin es als stillstehend anzunehmen ift, fo bilbet fich eine Sentung bes Bafferfpiegels, welche auf bie Erzengung ber Geschwindigkeit v bes Waffers im Canale verwandt wird, baher $=\frac{v^2}{2a}$ ift, und allemal bom gangen Canalgefälle abgezogen werben muß. mittleren Geschwindigfeiten von 3 bis 4 Fuß beträgt jeboch diefe Sentung nur 11/2 bis 3 Boll. Wird ber Gintritt bes Waffere in einen Canal burch ein Schutbrett regulirt, fo find zwei Falle von einander zu unterscheiden. Entweder fließt das Wasser frei durch die Schutöffnung, oder es fließt unter bem die Borberfläche bes Schutbrettes jum Theil bebedenben Unterwaffer



aus. In ber Regel ift bie Bobe bes im Graben fortfliegenden Baffere großer als die Deffnungshöhe und es bildet fich beshalb in einer gewiffen Entfernung vor ber Schüte A C, Fig. 334, ein Sprung S. Die Bobe B C = x biefes Sprunges bestimmt fich aus ber Geschwindigleit v bes fortfliegenden und S. 163.] Bom Ansammeln, Bus u. Abführen b. Aufschlagewaffers. 381 aus ber Geschwindigkeit v. bes ankommenden Waffers mittels ber Formel:

$$x=\frac{v_1^2}{2g}-\frac{v^3}{2g},$$

und zieht man diese Bobe von der die Gefchwindigkeit ez erzeugenden Drudhobe

$$AC = h = \frac{v_1^2}{2g}$$

ab, fo bleibt bas zur Erzeugung ber Anfangegefcwinbigfeit v verwendete Befalle

$$AB = h_1 = h - x = \frac{v_1^2}{2g} - \left(\frac{v_1^2}{2g} - \frac{v^2}{2g}\right) = \frac{v^2}{2g};$$

und zwar genau so groß wie beim freien Eintritt. Da die Mündung nie volltommen glatt und abgernndet ist, so wird sie allerdings noch ein hinberniß barbieten und bas Gefälle noch um 10 ober mehr Brocent vergrößern.

Setzen wir ben Inhalt des Querschnittes vom fortfließenden Wasser = G und den der Deffnung CD, = F, sowie den Contractionscoefficienten $= \alpha$, so erhalten wir:

$$Gv = \alpha Fv_1$$
.

und baher bie Sprunghöhe:

$$x = a - a_1 = \left[1 - \left(\frac{\alpha F}{G}\right)^2\right] \frac{v_1^2}{2g}.$$

Statt $rac{v_1^2}{2\,g}$ die Geschwindigseits - ober Druckbobe $\overline{A\,C}=h$ und den Wider-

standscoefficienten ξ_0 eingeführt, sowie $h=(1+\xi_0)\,rac{v_1^{\,3}}{2\,g}$ geset, folgt

$$x = \left[1 - \left(\frac{\alpha F}{G}\right)^{s}\right] \frac{h}{1 + \zeta_{0}}$$

Ift anfänglich die Differenz $a-a_1$ der Wasserhöhen a und a_1 kleiner als $=\left[1-\left(\frac{\alpha\,F}{G}\right)^2\right]\frac{v_1^2}{2\,g}$, so zieht sich der Sprung dis zu einer gewissen.

Stelle S ftromabwarts; ift fle hingegen größer, so zieht er fich aufwarts, so baß zulest der in Fig. 335 abgebildete Aussluß unter Wasser eintritt. Hier



wird die Druckhobe AB = h nicht allein auf die Erzeugung der Geschwindigkeit v des fortsließensten Wassers, sondern auch auf die Ueberwindung des Hindernisses verwendet, welches sich heraussskelt, wenn die Geschwindigkeit v_1 in der Mindung plöglich in die Geschwindigkeit v im Canale verwandelt wird. Setzen wir den Inhalt der

Mündungsfläche $\overline{CD}=F$ und ben Querfchnitt des Canales, =G, so haben wir die durch diesen Uebergang verlorene Druckböhe

$$h_1 = \frac{(v_1 - v)^2}{2 g} = \left(\frac{G}{\alpha F} - 1\right)^2 \frac{v^2}{2 g},$$

und baher bas erforberliche Befälle:

$$AB = h = \frac{v^2}{2a} + \left(\frac{G}{\alpha F} - 1\right)^2 \frac{v^2}{2a},$$

b. i.:

$$h = \left[1 + \left(\frac{G}{\alpha F} - 1\right)^3\right] \frac{v^2}{2g}.$$

Man fieht, daß dieses Gefälle ober ber Niveauabstand bes Baffers vor und hinter bem Schuthertte um so größer ausställt, je Kleiner die Schutsöffnung F in Ansehung bes Canalquerschnittes G ift.

Beispiel. Ein Canal hat 5 Fuß mittlere Breite und liesert bei 3 Fuß Liefe 45 Cubifsuß Wasser pr. Secunde; wenn nun seine Speisung durch eine 4 Fuß weite und 1 Fuß hohe Schuhöffnung erfolgt, um wie viel wird bas Wasser hinter bem Schuhbrette tiefer stehen als vor bemselben? Es ist:

G=5.3=15 Quabratfuß und F=4.1=4 Quabratfuß; ferner:

$$v = \frac{45}{15} = 3$$
 Fuß und $v_1 = \frac{3 \cdot 15}{4} = \frac{45}{4} = 11\frac{1}{4}$ Fuß.

Da nun $\left[1-\left(\frac{F}{G}\right)^2\right]\frac{v_1^2}{2g}=\left[1-(4/_{16})^2\right]\cdot 2,02=1,88$ Fuß kleiner als $a-a_1=3-1=2$ Fuß ift, so wird ein freier Ausstuß nicht stattfinden können. Die Kormel

$$h = \left[1 + \left(\frac{G}{F} - 1\right)^2\right] \frac{v^2}{2g}$$

giebt ben gesuchten Riveauabstanb:

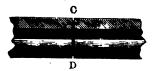
 $h=(1+2.75^\circ)\cdot 0.144=8.56\cdot 0.144=1.28$ Fuß, welcher jedoch wegen ber hinderniffe in der Mündung mindeftens noch 10 Proc. größer sein kann.

§. 164 Loitungsröhren. Abhrenleitungen bienen in ber Regel nur zur Fortleitung kleiner Wassermengen, wie sie etwa zum Speisen einer Wasserssäulenmaschine mit hohem Gefälle nöthig sind. Da sie rings umschlossen sind, so kann man sie nicht bloß fallend, sondern auch steigend legen. Auch kann das Reigungsverhältniß ein ganz beliebiges sein, wenn nur die Ausmündung unter, und der höchste Punkt der Leitung noch nicht 1 Atmosphäre (32,84 Fuß) über, besser aber ebenfalls unter der Einmündung liegt. Durch Röhrenleitungen lassen sich also Thäler und Anhöhen überschreiten, ohne Brüden und Röschen zu ersordern. Die Leitungsröhren sind aus Holz oder gebranntem Thon, Stein, Glas, Esen, Blei u. s. w. Am häussigsten kommen die Holz- und Eisenröhren vor, nächstem aber die Steinröhren.

Bu ben hölzernen Leitungsröhren verwendet man gewöhnlich Rabelholz, weil sich daraus leicht gerade Röhren von 12 bis 20 Fuß Länge schneiden lassen. Die Weite ber Bohrung beträgt 11/2 bis 8 Boll, sie soll übrigens ein Drittel des Röhrendurchmessers nicht übertreffen. Die Berbindungsweisen der Röhren untereinander sind aus den Figuren 336 und 337 zu ersehen. Fig. 336 zeigt eine conische Berzapfung mit einem eisernen Ringe

A The state of the

Fia. 836.



Sig. 337.

AB und einer Einlage von getheertem Hanf ober getheerter Leinwand. Fig. 337 zeigt eine Berbindung mit einer eisernen Blichse CD, welche mit ihren schneibigen Ringen in beibe Abhrenenden 1 bis 2 Boll tief einbringt.

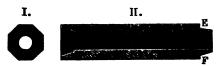
Die fteinernen Röhren find 5 bis 6 Fuß lang, fie werben ftumpf zusammengestogen, mit einem Ritte ober hybraulischem Mörtel und einem über beibe Röhrenenben weggreifenben eisernen Ringe verbunden.

Es gehören hierher auch die fogenannten Steinzeugröhren, Port-

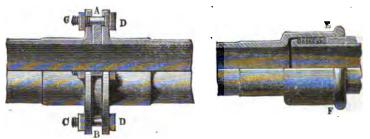
In manchen Fällen laffen fich auch Asphaltröhren mit Bortheil anwenden. Ebenso gezogene Bleiröhren, sowie zusammengelöthete Bintröhren u. s. w.

Einen Quer- und einen Längenburchschnitt einer steinernen Röhre mit conischer Berzapfung EF zeigt Fig. 338, I und II.

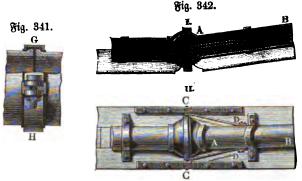
Fig. 338.



Die eisernen Abhren zeichnen sich burch große Festigkeit und Dauerhaftigkeit vor allen anderen Röhren aus. Sie werden von sehr verschiebenen Weiten und bei mindestens 1/2 Zoll Stärke, 5 dis 10 Fuß lang gegossen.
Man muß sie vor dem Gebrauche einer hydrostatischen Prüfung unterwersen.
Um sie vor der Oxydation von innen zu schützen, werden dieselben ausgepicht, oder übersirnist, oder gar mit hydraulischem Mörtel bestrichen.
Uebrigens ist die Wandstärke von der Weite und vom Drucke abhängig und
nach Band I, §. 363 zu bestimmen. Die Zusammensetzung der eisernen Röhren ersolgt entweder mittels Kränzen AB und Schrauben CD, wie Fig. 339 (a. f. S.) vor Augen führt, oder mittels Schnauzen EF, wie Fig. 340 zeigt, oder mittels Ringen (Sätteln) GH, welche, wie Fig. 341 andentet, siber die stumpf zusammengestoßenen Enden von je zwei Röhren weggreisen. Zur Berdichtung dient Leder, Filz, Kautschil, Blei, Eisenkitt ober Holz, welches lettere in Keilform in die Fugen einzutreiben ist. Zuweilen set man auch noch schwache Eisens ober Kupferringe so inwendig Fig. 339.



an, daß sie über beibe Röhrenenden weggreifen. Hölzerne und steinerne Röhren lassen sich ebenfalls durch Schnauzen mit eisernen Röhren verbinben. Noch hat man auch Berbindungen mit der Ruß A, wie Fig. 342 I



und II zeigt, burch welche sich die Röhren unter besliebigen Winsteln zusamsmenstoßen lassen. Diese Nußverbinsbung ist noch mit einer Drehare CC

und zwei Armen CD, CD ausgerlistet, welche um die Are CC brebbar und mit der Röhre AB fest verbunden sind.

Liegen die gußeisernen Röhren nicht tief unter ober wohl gar über Erbe, so erleiden dieselben mit dem Better Temperaturveränderungen, die wieder eine Ausdehnung oder Berklitzung der Röhren zur Folge haben. Um nun aber die nachtheiligen Folgen dieser Beränderung, wie z. B. das Zersprengen, sowie auch das Zufrieren der Röhren, zu vermeiden, müffen sogenannte Compensationsröhren, wie Fig. 343, in die Leitung ein-

Fig. 343.

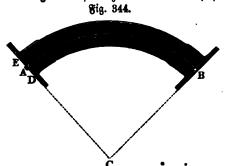


gesetzt werben. Die Längenausbehnung bes Gußeisens beträgt bei jedem Grad Bärmezunahme — 0,0000111; folglich die Längenausbehnung bei 50° Temperaturzunahme (vom tiefsten Winterfroste bis zur höchsten

Sommerhitze) == 50.0,0000111 == 0,000555; ist nun die Leitungsröhre 1/0,000555 == 1800 Fuß lang, so nimmt dieselbe folglich bei dieser Temperaturveränderung um 1 Fuß an Länge zu. Diese Ausbehnung wird nun durch die Compensationsröhre A wieder ausgeglichen, indem sich die folgende Röhre B in ihr verschiedt. Damit dies ungehindert geschehen könne, wird das Ende dieser Röhre abgedreht, und der Berschluß durch eine mit einem Polster gestüllte Stopsbuchse C hervorgebracht. In der Regel bringt man auf 300 Fuß Länge eine Compensationsröhre an.

Um das schon bei Rull Grad Wärme eintretende Zufrieren der Röhren zu verhindern, legt man die Röhren mindestens 3 Fuß tief in die Erde, wobei natürlich auch die Zusammenziehung derfelben durch die Rälte im Winter wegfällt.

Regulirung des Wassers in Leitungsröhren. Nicht immer \$. 165 lassen sich Röhrenleitungen gerade fortsühren, sondern man muß sie bald zur Seite, bald auf= bald abwärts steigend legen. Es ist hierbei aber stets die Regel zu befolgen, plögliche Richtungsänderungen, also Anieröhren, gänzlich zu vermeiden, krummen Röhren aber große Krümmungshalbmesser oder auch eine größere Weite zu geben. Ein solches gußeisernes Kropsstilch ist in Fig. 344 abgebildet. Es ist hier der Ablenstungewinkel $A CB = 90^{\circ}$ und das Berhältniß der Röhrenweite DE zum Krümmungshalbmesser CA, = 1/g. Uedrigens sind plögliche Querschnittsveränderungen ebensalls zu vermeiden und, sowie bei Ein- und Ausmün-



bungen ber Röhrenleitung, burch Abrundungen allmälige Uebergänge aus einem Querschnitt in einen anderen zu bewirken. Aufwärtsgehende Krümmlinge, Fig. 345 (a. f. S.), haben ben Nachtheil, daß sich in ihnen die Luft L ansammelt, bie den Querschnitt verengt, und wenn sie sich in großer

Menge angehäuft hat, benselben ganz einnimmt, und baburch die Bewegung des Wassers ganz verhindert. Um diese Anhäusung zu verhinderu, setzt man senkrechte Röhren AL, sogenannte Luftständer, Windstöde (franz. ventouses; engl. wind-pipes), Fig. 345, auf, durch die sich die Luft oder andere sich aus dem Wasser entwickelnde Gase entsernen können. Um sie nicht zu lang machen zu dürsen, verschließt man dieselben mit einem Hahne, der von dem Röhrenwärter von Zeit zu Zeit und jedes Mal so lange zu öffnen ist, die sich alle Lust entsernt hat und nur Wasser ausströmt. Um

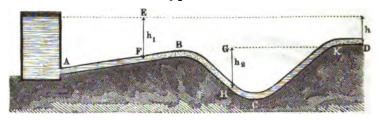
selbst bieses Deffnen burch Menschenhände unnöthig zu machen, wendet man Windstöde mit Schwimmer wie Fig. 346 an. Hier ist das abschließende Bentil V mit einem hohlen Schwimmer 8 aus Blech verbunden, der, Fig. 346.





so lange Baffer im Raume über bem Röhrenscheitel ift, nach oben zu steigen sucht und bas Bentil zuhält, bagegen aber niederfällt und bas Bentil öffnet, wenn biefer Raum mit Luft ausgefüllt ift.

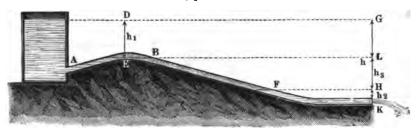
Wenn eine Röhrenleitung ABCD, Fig. 347, in ber Kröpfung B



keinen Windstod hat, so wird die eingeschlossene Luft einerseits durch eine Wassersäule von der Höhe $EF=h_1$ und anderseits durch eine solche von der Höhe $H=h_2$ gedrückt; ist daher $H=h_1$, und reicht der Wasserspiegel $H=h_2$ micht die zur Mündung $H=h_2$, so seich der Luftbruck in $H=h_2$ mit diesen Wassersäulen ins Gleichgewicht, ohne daß ein Ausstuß bei $H=h_2$ erfolgt.

Der Mangel eines Windstodes kann ben Abstuß des Wassers durch eine Röhrenleitung zuweilen auch bloß vermindern. Einen solchen Fall stellt die Leitung ABC, Fig. 348, dar, wo die Höhe x der Wassersünle, welche den Druck der in EBF eingeschlossenen Luft mißt, nur wenig kleiner ist als die Druckböhe $DE = h_1$ des zusließenden Wassers, und deshalb auch die Geschwindigkeit des letzteren sehr klein ausfällt. Bon E aus sließt dann

§. 165.] Vom Ansammeln, Ju- und Abführen b. Aufschlagewassers. 387 bas Wasser bis zu einer Stelle F auf bem Boben ber Röhre hin, ohne eine Orudveranderung zu erleiden, und von F aus strömt es bis zur Mündung Fig. 348.



K mit gefülltem Querschnitt. Es ist also bann die Druckhöhe in der Ausmilndung K nicht $\overline{GK} = h$, sondern $\overline{HK} = h_2$ plus s, oder nahe $= h_1 + h_2$, und daher das Gefälle $\overline{HL} = h_3$ zwischen E und F ganz versoren.

Sowie fich an den bochften Stellen einer Rohrenleitung Luft ansammelt, ebenso fest fich an ben tiefften Bunkten berfelben Schlamm, Sand u. f. w. nieder. Um diese Riederschläge von Zeit gu Beit zu entfernen, bringt man an biefen Stellen Ausgufröhren ober Schlammtaften (Bechfelhauschen) an. Die Ausgugröhren munben feitwarts in bie Röhre ein. und find für gewöhnlich burch Sahne ober Stöpfel verschloffen. Schlammfaften find Gefage, in welche bie beiben Theile ber Röhrenleitung einmunben, burch bie also bas Baffer mit verminderter Gefchwindigkeit hindurchströmen muß. Das Abseten des Schmandes wird nicht allein burch bie langfame Bewegung bes Waffers, fondern wohl auch burch eingefeste Siebe ober Scheibemanbe erleichtert. Durch Deffnen eines Spundes im Boben laffen fich biefe Raften von Zeit zu Zeit vom Bobenfate reinigen. Ueberdies ift es nöthig, in Diftangen von 100 ober mehr fuß Spunde an ber Röhrenleitung anzubringen, um bas Untersuchen und Reinigen ber Röhren zu erleichtern. Das Reinigen erfolgt burch Muslaffen bes Baffers, burch Ginführen von Gestängen aus Solg ober Gifen, und bas Ablofen von Ralffruften burch Salgfaure und burch Ginführen eines birnformigen Gifens, ber fogenannten Robrbirne. Die Anwendung von Biegometern (f. Bb. I, §. 435) ift ebenfalls gu empfehlen.

Bur Regulirung bes Wassers in Röhren sind noch Hähne, Schieber ober Bentile nöthig. Ein einfaches Sperrventil ist in Fig. 349 (a.f.S.) abgebildet. Dieses Bentil V sit an einem Schranbenbolzen CDV, und bedeckt eine Seitenöffnung E der Röhre AB. Wenn es darauf ankommt, das Wasser durch E abzulassen, so wird CD durch einen Schlüssel umgebreht, wobei sich dann der Bolzen in Folge seiner schraubensörmigen Gestalt

bei D und seiner Lagerung in der festen Mutter CD hebt. Die Wirtungen dieser Regulirungsapparate haben wir in Bb. I, §. 443 u. s. w. kennen gelernt. Um endlich noch die Wirkungen der Stöße beim schnellen Schließen einer solchen Vorrichtung zu schwäcken, ist es nützlich, durch Gewichte be-



schwerte Bentile anzubringen, die sich nach außen öffnen, sowie der Druck eine gewisse Grenze überschreitet.

Anmerkung. Ausführlich aber Bafferleitungen wird gehandelt in Gesnieh's Essai sur les moyens de conduire, d'élever et de distribuer les eaux, sowie im Traité théoretique et pratique de la conduite et de la distribution des eaux etc. par Dupuit, Paris 1854 und in der Schrift: Les Fontaines publiques de la ville de Dijon, par Henry Darcy, Paris 1856, sernet über Röhrenleitungen insbesondere in Hagen's Basserbaukunst, Theil I, in Gerstner's Mechanik, Theil II und in Entelwein's Hydraulik. Auch in Bornemann's Hydrometrie, Freiberg 1849.

§. 166 Bewegung des Wassers in zusammengesetzten Köhren. Die Bewegungsverhältnisse des Wassers in einer Röhrenleitung haben wir bereits tennen gelernt. Ift des Gefälle, l die Länge, d die Weite einer Leitung, Lo der Widerstandscoefficient beim Eintritt, L der Reibungscoefficient, sind ferner L1 u. s. w. die übrigen Widerstandscoefficienten beim Durchgange durch Arümmungen, Hähne u. s. w. zusammen genommen, und ist endlich v die Ausstußgeschwindigkeit, so hat man:

$$h = \left(1 + \zeta_0 + \zeta \frac{l}{d} + \zeta_1 + \cdots \right) \frac{v^2}{2g},$$

ober, wenn Q bie Baffermenge bezeichnet,

$$h = \left(1 + \zeta_0 + \zeta \frac{l}{d} + \zeta_1 + \cdots \right) \left(\frac{4 Q}{\pi}\right)^2 \cdot \frac{1}{2 g d^4}.$$

Man sieht hierans, daß zum Fortsuhren einer gewissen Wassermenge Q um so weniger Gefälle erfordert wird, je größer die Beite der Leitung ist. Wendet man statt einer Röhre deren zwei an, welche zusammen ebenso viel Querschnitt haben als die einfache, und lassen wir von jeder die halbe Wassermenge der einfachen sortsuhren, so ist das erforderliche Gefälle:

\$. 166.] Bom Anfammeln, Bu- u. Abfahren b. Auffchlagewaffers.

$$h_{1} = \left(1 + \xi_{0} + \xi \frac{l}{d\sqrt{1/s}} + \xi_{1} + \cdots\right) \left(\frac{2Q}{\pi}\right)^{2} \cdot \frac{1}{2g(d\sqrt{1/s})^{4}}$$

$$= \left(1 + \xi_{0} + \xi \cdot \frac{l\sqrt{2}}{d} + \xi_{1} + \cdots\right) \left(\frac{4Q}{\pi}\right)^{2} \cdot \frac{1}{2gd^{4}},$$

also größer als im ersten Falle. Es ift baher mechanisch vollsommener statt mehrerer Röhren nur eine anzuwenben, beren Querschnitt so groß ist als bie Querschnitte ber einzelnen Röhren zusammen.

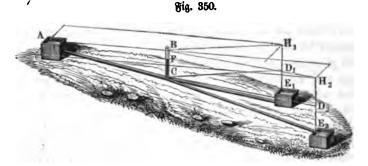
Sehr zusammengeset fallen bie Rechnungen für ganze Bafferleitungsfufteme aus, mo fich die Röhrenleitungen in Zweige theilen, die fich nach Befinden wieder weiter verzweigen u. f. w. Auch fommt es vor, bag fich zwei ober mehrere Zweige einer Wafferleitung vereinigen, wenn fie 2. B. bas Wasser von verschiebenen Quellen auf eine Maschine führen. Gang bei biefen Rechnungen ift wenigstens im Allgemeinen aus Folgenbem zu ersehen. Erfolgt die Theilung des Wassers in einem Refervoir, welches viel weiter als bie Sauptröhre ift, fo tommt bas Baffer in bemfelben wieber jur Rube und es wird also hier bie ganze lebenbige Rraft beffelben getobtet, die gleichwohl beim Gintritt in die Zweigrohren wieder nothig ift. Derfelbe Kraftverluft tritt auch ein, wenn sich mehrere Zweige in einem Sammelrefervoir vereinigen, aus bem bas Baffer wieder durch eine Sauptröhre fortgeführt wirb. In biefem Falle läßt sich die Rechnung für die Sanpt- und filr jede Zweigröhre besonbers machen, weshalb etwas Beiteres hierliber nicht zu fagen ist. Damit bas Theilen ober Ansammeln bes Baffere in folden Zwischenreservoiren nur ju mäßigen Gefälleverluften fuhre, ift es nöthig, biefe Behalter fo boch zu ftellen, daß die Gefchwindigkeit bes Waffers in jeder ber Röhren eine mittlere bleibe.

Bei der einfachen Berzweigung oder Gabelung ift es mechanisch vor- etheilhaft, die Anordnung so zu treffen, daß sich das Wasser in allen Röhren mit einerlei Geschwindigkeit bewege. Wenn nun noch die Gabelung im richtigen Berhältnisse gekrümmt ist, so daß eine plögliche Richtungsänderung bei dem Uebertritte des Wassers aus der Hauptröhre in eine Zweigröhre nicht vorkommt, so läßt sich annehmen, daß hierbei ein namhafter Berlust an Druck oder lebendigem Gesüle nicht stattsinde.

In dem in Fig. 350 (a. f. S.) abgebildeten Falle sei h das Gesälle $\overline{BC} = H_1D_1$ $= H_2D_2$, l die Länge und d die Weite der Hauptröhre A C, serner h_1 das Gesälle $\overline{D_1}$ $\overline{E_1}$, l_1 die Länge und d_1 die Weite der einen, sowie h_2 das Gesälle $\overline{D_2}$ $\overline{E_2}$, l_2 die Länge und d_2 die Weite der anderen Zweigröhre, serner seien c, c_1 , c_2 die Geschwindigkeiten des Wassers in diesen drei Röhren, und endlich sei ζ_0 der Widerstandscoefsicient für den Eintritt, sowie ζ der Reibungscoefsicient des Wassers.

Bezeichnet nun noch x ben Piezometerstand ober die Druchbhe \overline{CF} am Ende des Hauptstranges, so läßt sich feten:

I.
$$\overline{BF} = \overline{CB} - \overline{CF} = h - s = \left(1 + \xi_0 + \xi \frac{l}{d}\right) \frac{c^2}{2g}$$



ferner:

II.
$$\overline{CF} + \overline{D_1 E_1} = s + h_1 = \frac{c_1^2}{2 g} - \frac{c^2}{2 g} + \xi \frac{l_1}{d_1} \cdot \frac{c_1^2}{2 g}$$
,

III. $\overline{CF} + \overline{D_2 E_2} = s + h_2 = \frac{c_2^2}{2 g} - \frac{c^2}{2 g} + \xi \frac{l_2}{d_2} \cdot \frac{c_2^2}{2 g}$.

Da die Wassermenge

$$Q=\frac{\pi\,d^2}{4}\,c$$

ber hauptröhre gleich ift ber Summe ber Baffermengen

$$Q_1 = \frac{\pi d_1^2}{4} c_1$$
 und $Q_2 = \frac{\pi d_2^2}{4} c_2$

ber beiben Zweigröhren, fo gilt noch folgende Gleichung:

IV.
$$d^2 c = d_1^2 c_1 + d_2^2 c_2$$
.

Mit hulfe biefer vier Gleichungen lassen sich natürlich auch vier Größen berechnen. In ben gewöhnlichen Fällen sind bie Gefälle, Röhrenlängen und Wassermengen gegeben und es wird nach ben erforderlichen Röhrenweiten u. s. w. gefragt. Nehmen wir die Geschwindigkeit c bes Wassers in ber Hauptröhre als gegeben an, so können wir zunächst die Weite dieser Röhre mittels ber Formel:

1)
$$d = \sqrt{\frac{4 Q}{\pi c}} = 1{,}1284 \sqrt{\frac{Q}{c}}$$

berechnen, und hiernach wieder, mit Bulfe von I. die Piezometerhöhe an dem Theilungspunkte C:

2)
$$s = h - \left(1 + \zeta_0 + \zeta \frac{l}{d}\right) \frac{c^2}{2g}$$

beflimmen.

Sest man diesen Werth für s in die Gleichungen II. und III., so erhält man, nach gehöriger Umformung, folgende Bestimmungsgleichungen für die Weiten da und da ber Zweigröhren:

$$3) d_1 = \sqrt[b]{\frac{\xi l_1 + d_1}{2 g (s + h_1) + c^2} \left(\frac{4 Q_1}{\pi}\right)^2}$$

und

4)
$$d_2 = \sqrt[3]{\frac{\xi l_2 + d_2}{2 g (s + h_2) + c^2} \left(\frac{4 Q_2}{\pi}\right)^2}$$
.

Um die ersten Räherungswerthe zu erhalten, können wir anfangs d_1 und d_2 unter dem Wurzelzeichen vernachlässigen. Fallen c_1 und c_2 sehr verschieden von c ans, so hat man noch auf die Beränderlichkeit des Reibungscoefficienten ξ Rücksicht zu nehmen, demselben also für zede der drei Röhren besondere Werthe beizulegen und hiermit die Bestimmung von d_1 und d_2 zu wiedersholen.

Beispiel. Eine Röhrenfahrt, welche aus einer Haupt- und zwei Zweige röhren bestehen soll, ist dazu bestimmt, in einem Zweige 15 und im anderen 24 Cubiffuß Wasser pr. Minute fortzuleiten, und es hat sich durch ein Nivellement ergeben, daß die Hauptröhre bei 1000 Fuß Länge, 4 Fuß, die erste Zweigröhre bei 600 Fuß Länge, 3 Fuß und die andere Zweigröhre bei 200 Fuß Länge, 1 Fuß Gefälle erhalten kann; welche Weiten muß man einzelnen Köhren geben? Wenn wir dem Wasser in der Hauptröhre 2½ Fuß Geschwindigkeit ertheilen wollen, so muffen wir dieser Röhre die Weite:

$$d = \sqrt{\frac{4 \ Q}{\pi \ c}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 39}{\frac{5}{25 \ \pi}}} = \sqrt{\frac{26}{25 \ \pi}} = 0,5754 \ \Re u \ = 6,9 \ \text{goll}$$

geben. Rehmen wir nun (nach Band I; Seite 821) ben Wiberstandscoefsteienten für den Eintritt, $\zeta_0=0,505$, und den Reibungscoefsteienten (nach Band I, Seite 835), der Seschwindigseit c=2,5 Fuß entsprechend, $\zeta=0,0253$ an, ferner 2g=62,5 und $\left(\frac{4}{\pi}\right)^2=1,621$, so erhalten wir für den Piezomeierstand an dem Theilungspunkte:

$$s = h - \left(1 + \zeta_0 + \zeta \frac{l}{d}\right) \frac{c^3}{2g} = 4 - \left(1 + 0.505 + 0.0253 \cdot \frac{12000}{6.9}\right) \frac{6.25}{62.5}$$

 $=4-(1,505+44).\frac{1}{10}=4-4,5505=-0,5505$ Fuß. (Richt gut.)

Rimmt man vorläufig auch fur die Bweigrobre $\zeta=0.0253$ an, und vernachlässigt man ansange bie Glieber d_1 und d_2 auf der rechten Seite, so erhalt man:

$$s + h_1 = -0,6506 + 8 = 2,4495,$$

 $s + h_2 = -0,5506 + 1 = 0,4496,$
 $\left(\frac{4Q_1}{\pi}\right)^2 = 1,621 \cdot \left(\frac{15}{60}\right)^2 = \frac{1,621}{16} = 0,10181$

$$\left(\frac{4}{\pi}\frac{Q_3}{\pi}\right)^2 = 1,621 \cdot \left(\frac{24}{60}\right)^3 = 1,621 \cdot (0,4)^3 = 0,25936,$$

fowle

$$d_1 = \sqrt[5]{\frac{0,0253.600.0,10131}{62,5.2,4495 + 6,25}} = \sqrt[5]{\frac{15.18.0,10131}{159,34}} = 0,395 \text{ gu}$$

unb

$$d_3 = \sqrt[6]{\frac{0,0253.200.0,25936}{62,5.0,4495+6,25}} = \sqrt[6]{\frac{5,06.0,25936}{34,34}} = 0,520$$
 Fuß.

Diefen Durchmeffern entsprechen bie Gefdwindigfeiten

$$c_1 = \frac{4 \ Q}{\pi \ d_1^3} = \frac{4 \cdot 15}{60 \ \pi \ (0.395)^3} = 2.04 \ \text{Fug}$$

unb

$$c_3 = \frac{4 \ Q}{\pi d_3^3} = \frac{4 \cdot 24}{60 \pi (0.520)^2} = 1.88 \% u_3^2,$$

welchen (wieber nach Band I, S.ite 835) bie Biberftanbecoefficienten

$$\zeta = 0.0262$$
 unb $\zeta = 0.0268$

angehören.

Es ift hiernach fcarfer bie Beite ber erften 3weigrabre:

$$d_1 = \sqrt[5]{\frac{0,0262.600 + 0,395}{159,34} \cdot 0,10131} = 0,400 \text{ Fuh} = 4,8 \text{ Boll,}$$

und die ber zweiten Zweigröhre:

$$d_3 = \sqrt[5]{\frac{0,0268 \cdot 200 + 0,520}{34,34} \cdot 0,25968} = 0,537 \text{ Fuß} = 6,44 \text{ Boll.}$$

5. 167 Zusammongesotsto Loitungsröhron. Wenn die Theilung ber Hauptröhre in zwei Röhren in einem besonderen Behälter erfolgt, worin bas Wasser eine freie Oberfläche annimmt, so geben die obigen Gleichungen unter I., II. und III. in folgende über:

I.
$$h = \left(1 + \xi_0 + \xi \frac{l}{d}\right) \frac{c^2}{2g}$$
.
II. $h_1 = \left(1 + \xi_0 + \xi \frac{l_1}{d}\right) \frac{c_1^2}{2g}$

unb

III.
$$h_2 = \left(1 + \xi_0 + \xi \frac{l_2}{d_2}\right) \frac{c_2^2}{2g}$$
,

wobei h ben senkrechten Abstand bes Wasserspiegels A im oberen Reservoir über bem im mittleren bezeichnet, und h_1 sowie h_2 von dem letteren Wasserspiegel entweder bis zum Wasserspiegel E_1 im unteren Gefäße oder bis zur Mündungsmitte E_2 der Zweigröhre CE_1 gemessen wird, je nachdem das Wasser unter Wasser oder frei ausstließt.

Giebt man auch hier c, ober $d=\sqrt{\frac{4\ Q}{\pi\ c}}$, so kann man mittels ber ersten Gleichung zuerst ben Niveauabstand h berechnen, und zieht man den-

3. 167.] Bom Anfammeln, Zu- u. Abführen b. Aufschlagewassers.

selben von bem ganzen Gefälle zwischen A und E_1 , sowie zwischen A und E_2 ab, so erhält man die Gefälle h_1 und h_2 der Zweigröhren CE_1 und CE_2 , deren Durchmesser d_1 und d_2 sich dann durch die Formeln

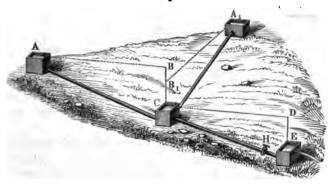
$$d_1 = \sqrt[5]{\frac{(1+\zeta_0) d_1 + \zeta l_1}{2g h_1} \cdot \left(\frac{4 Q_1}{\pi}\right)^2}$$

unb

$$d_2 = \sqrt[5]{\frac{(1+\zeta_0) d_2 + \zeta l_2}{2 g h_2} \cdot \left(\frac{4 Q_2}{\pi}\right)^2}$$

berechnen laffen.

Borstehende Formeln finden auch dann ihre Anwendung, wenn, wie Fig. 351.



barstellt, sich zwei Röhrenstränge A C und A_1 C in einem Reservoir C vereinigen und das von beiden gelieserte Wasser in einem Hauptstrange C E weiter sortgesührt wird. Es bezeichnen dann h das Gefälle (D E), l die Länge, d die Weite u. s. w. der Hauptröhre C E, serner h_1 das Gesälle \overline{B} \overline{C} , l_1 die Länge, d_1 die Weite u. s. w. der einen Zweigröhre A C, sowie h_2 das Gesälle $\overline{B_1}$ \overline{C} , l_2 die Länge, d_2 die Weite u. s. w. der anderen Zweigröhre A C. Auch finden bei einer solchen Constuenz die Formeln des vorigen Paragraphen ihre Anwendung, wenn statt des Sammlers C eine einsache Gabelröhre angebracht ist, wie in Fig. 350.

Rommen in der Leitung noch Kröpfe oder Aniestlicke vor, so muß natikrlich der Widerstand, welchen das Wasser beim Durchgange durch bieselben zu überwinden hat, in Betracht gezogen werden, und ebenso ist es, wenn Regulirungsapparate, z. B. Stellhähne wie H, in der Röhrenleitung angedracht sind. Ist & der Widerstandscoefficient sür eine gewisse Stellung eines solchen Apparates (s. Band I, §. 443), so hat man in demjenigen der odigen Ausdricke, welcher der Leitröhre entspricht, worin dieser Apparat vorkommt, den Widerstandscoefficienten & für den Eintritt in die Röhre noch um & zu vergrößern, also statt &0, &0 + &2

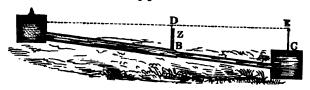
zu seben, um bem obigen Ausbrude auch in biefem Falle Bültigkeit zu versichaffen.

Rommt in einer Leitungeröhre eine tantige Querfchnittsveranberung vor, welche eine plögliche Geschwindigkeitsveranberung bes Waffers zur Folge hat, so tritt noch ein Wiberftand hinzu, welcher burch bie Drudhohe

$$h_1 = \frac{(c_1 - c)^2}{2 a}$$

gemessen wirb, wenn og und o bie beiben Geschwindigkeiten bes Baffers bezeichnen.

Wenn ein Röhrenstrang AB C, Fig. 352, aus einem weiteren und einem Fig. 852.



engeren Röhrenstlick zusammengesett ift, so fällt natürlich auch ber Widerftand in bemselben anders ans, als wenn berfelbe an allen Stellen eine und bieselbe Weite hat.

If l bie Länge, d bie Weite und h bie Druchöhe ber unteren Röhre B C, sowie c bie Geschwindigkeit des Wassers in derselben, serner l_1 die Länge, d_1 die Weite und h_1 die Druchöhe der oberen Röhre AB, sowie c_1 die Geschwindigkeit des Wassers in derselben, und bezeichnet k das ganze Gesälle CE, sowie s den Piezometerstand BZ an der Stelle B, wo die Querschuitsveränderung eintritt, so hat man:

$$h_1 - s = \left(1 + \zeta_0 + \zeta_1 \frac{l_1}{d_1}\right) \frac{c_1^3}{2g}$$

fowie

$$s + h - h_1 = \frac{c^2}{2g} - \frac{c_1^2}{2g} + \frac{(c - c_1)^2}{2g} + \xi \frac{l}{d} \frac{c^2}{2g}$$

und es folgt burch Abbition:

$$h = \left(\zeta_0 + \zeta_1 \frac{l_1}{d_1}\right) \frac{c_1^2}{2g} + \frac{c^2}{2g} + \frac{(c-c_1)^2}{2g} + \zeta \frac{l}{d} \cdot \frac{c^2}{2g}.$$

Da $\frac{c_1}{c}=\frac{d^2}{d_1^2}$ ist, so läßt sich

$$c_1 = \left(\frac{d}{d_1}\right)^2 c$$

einführen, und weun man nun nach Band I, §. 436 u. f. w.

$$\frac{(c-c_1)^2}{2g} = \left(1-\frac{c_1}{c}\right)^2 \frac{c^2}{2g} = \left[1-\left(\frac{d}{d_1}\right)^2\right]^2 \frac{c^2}{2g} = \xi_2 \frac{c^2}{2g}$$

§. 168.] Lom Ansammeln, Bu- u. Abführen b. Aufschlagewaffers. 395 fest, so erhält man folgenbe Bestimmungsgleichung:

$$2gh = \left[1 + \zeta_2 + \zeta \frac{l}{d} + \left(\zeta_0 + \zeta_1 \frac{l_1}{d_1}\right) \left(\frac{d}{d_1}\right)^4\right]c^2.$$

Ift bas ganze Gefälle gegeben, so erhalt man hiernach bie Ausslufge- fcmindigkeit:

$$c = \sqrt{\frac{2 g h}{1 + \xi_2 + \xi \frac{l}{d} + \left(\xi_0 + \xi_1 \frac{l_1}{d_1}\right) \left(\frac{d}{d_1}\right)^4}}$$

woraus fich bann bas Wafferquantum

$$Q=\frac{\pi\,d^2}{4}c$$

berechnen läßt.

Giebt man das lettere, so hat man hingegen für die erforderliche Röhrenweite:

$$d = \sqrt{\frac{\xi l + (1 + \xi_2) d}{2 g h \left(\frac{\pi}{4 Q}\right)^2 - \left(\xi_0 + \xi_1 \frac{l_1}{d_1}\right) \frac{1}{d_1^4}}}.$$

Beispiel. Wenn die Wasserleitung in Fig. 852 aus einer Röhre BC von 200 Fuß Länge und 3 Joll Weite und aus einer Röhre AB von 800 Fuß Länge und 5 Joll Weite besteht, und das Totalgefälle derselben 5 Fuß beträgt, so kann man, da sich $\zeta_0=0.505$ und $\zeta_2=\left[1-\left(\frac{d}{d_1}\right)^2\right]^2=(1-0.36)^2=0.410$, sowie vorläusig $\zeta=0.024$ und $\zeta_1=0.030$ annehmen läßt, die Geschwindigkeit des Wassers in der engeren Röhre:

bes Wassers in der engeren Röhre:
$$c = \sqrt{\frac{62,5.5}{1,410 + 0,024.800 + (0,505 + 0,08.800.1\%)}} (8\%)^4$$

$$= \sqrt{\frac{312,5}{23,475}} = 3,65 \text{ Fuß},$$

und folglich bie in ber weiteren Rohre

$$c_1 = \left(\frac{d}{d_1}\right)^3 c = 0.36 \cdot c = 1.314$$
 Fuß

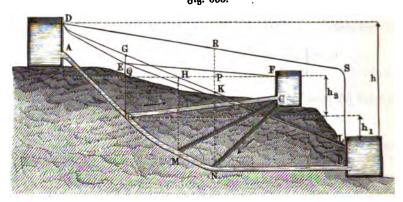
feben.

Rimmt man hiernach $\zeta=0,0233$ und $\zeta_1=0,0291$ an, so folgt genauer bie Geschwindigseit c=3,70 Fuß, und bas entsprechende Wasserquantum pr. Sec.:

$$Q = \frac{\pi d^2}{4} c = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{3.70}{16} = 0.1816$$
 Cubitfuß.

Drucklinie einer Röhrenleitung. Die durch die Biezometer- §. 168 stände einer Röhrenleitung AMB, Fig. 353 (a. f. S.), gehende Druckslinie DGHKL giebt eine vollständige Uebersicht über den Druck des Bassers an jeder Stelle der Leitung. Z. B. in O wird der Druck

bes Wassers burch den Piezometerstand OG, in M durch den Piezometerstand MH gemessen u. f. w. Bei Röhrenleitungen mit Querschnitts-



und Richtungeanberungen ift bie Drudlinie gefrummt; fie gieht fich 3. B. an ben Stellen, mo bie Rohre eng ift, und folglich bas Baffer fchnell fließt, nach unten, bagegen an ben Stellen, mo biefelbe einen großeren Querfcnitt hat, folglich bas Waffer langfam fließt, nach oben. Wenn bie Röhrenleitung AMB, welche zwei Behalter A und B in Berbindung fest, burch eine zweite Röhre mit einem britten Behalter C communicirt, fo entsteht junachst bie Frage, ob bas Baffer aus C nach AB, ober ob es aus AB nach C flieft. Schneibet bie Ebene bes Bafferfpiegels in C bie Drudlinie DGHKL in H, fo ift jedenfalls die fentrecht unter H liegende Stelle M ber Röhre AMB biejenige, wo eine von C nach AB führende Seitenröhre CM in AMB einmunden tann, ohne bag Wasser aus C beraus ober in C hineinströmt. Legt man die Ginmunbung nach bem Buntt N. beffen Tiefe NP unter bem Bafferfpiegel in C größer ift als ber Biegometerftand NK, fo flieft Baffer ans C nach N und von ba weiter nach B; läßt man bagegen die Communicationerohre im Buntte O einmunden, beffen Tiefe OQ unter bem Bafferspiegel in C fleis ner ift als ber Biegometerftand OG, fo fliegt bas Baffer aus A nicht allein nach B, sondern jum Theil nach C; es find also bann beibe Behalter B und C Sammelbehälter, wogegen im erften Falle nur B ein folder ift.

Bezeichnen wieder, wie in §. 166, l, l_1 und l_2 die Längen; sowie d, d_1 und d_2 die Weiten und h, h_1 und h_2 die Gefälle der Leitungsstüde AO, OB und OC, setzen wir ferner den Piezometerstand im Knotenpunkt O, = x, und berücksichtigen wir nur die Reibungswiderstände der Röhren, so hat man einsach

$$h - s = \xi \frac{l}{d} \frac{c^{2}}{2g}$$

$$s + h_{1} = \xi \frac{l_{1}}{d_{1}} \cdot \frac{c_{1}^{2}}{2g}$$

$$s - h_{2} = \xi \frac{l_{2}}{d_{2}} \cdot \frac{c_{2}^{2}}{2g}$$

ober, wenn man die Wassermengen $Q = \frac{\pi d^2}{4} c$, $Q_1 = \frac{\pi d_1^2}{4} c_1$ und

$$Q_2=rac{\pi\,d_2^{\,2}}{4}\,c_1$$
 einführt, und zur Bereinfachung $\left(rac{4}{\pi}
ight)^2rac{\xi}{2\,g}=\psi$ sett, $h-s=\left(rac{4}{\pi}
ight)^2rac{\xi}{2\,g}rac{l\,Q^2}{d^5}=rac{\psi\,l\,Q^2}{d^5},$ $s+h_1=rac{\psi\,l_1\,Q_1^2}{d^5}$ und $s-h_2=rac{\psi\,l_2\,Q_2^2}{d^5}.$

Run ift aber $Q=Q_1+Q_2$, baber folgt

$$\sqrt{\frac{(h-z)}{l}} = \sqrt{\frac{(s+h_1)d_1^5}{l_1}} + \sqrt{\frac{(s-h_2)d_2^5}{l_2}},$$

ober, wenn bie Röhrenleitung überall gleich weit ift,

$$\sqrt{\frac{h-s}{l}} = \sqrt{\frac{s+h_1}{l_1}} + \sqrt{\frac{s-h_2}{l_2}}.$$

Es ift folglich im letteren Falle ber Piezometerstand s im Anotenpunkt O weber von ber Röhrenweite d noch vom Wasserquantum Q abhängig.

Ware das Refervoir C von der Röhrenleitung ${m AB}$ abgesperrt, so würte das Abslufgquantum nach C

$$Q_0 = \sqrt{\frac{(h+h_1) d^5}{\psi (l+l_1)}} \text{ betragen, und e8 wäre}$$

$$Q_0^2 (l+l_1) = Q^2 l + Q_1^2 l_1 = (Q_1 + Q_2)^2 l + Q_1^2 l_1, \text{ baher}$$

$$Q_1^2 + \frac{2 Q_2 l}{l+l_1} Q_1 = Q_0^2 - \frac{Q_2^2 l}{l+l_1}.$$

Die Auflösung bieser quadratischen Gleichung giebt die Wassermenge, welche burch OB in den Behälter B geführt wird.

$$Q_1 = -rac{Q_2 \, l}{l + l_1} + \sqrt{Q_0^2 - Q_2^2 rac{l \, l_1}{(l + l_1)^2}}$$
, ober annähernb,

wenn Q2 nicht groß ist gegen Q0.

1)
$$Q_1 = Q_0 - \frac{l}{l+l_1} Q_2$$
, und

2)
$$Q = Q_1 + Q_2 = Q_0 + \frac{l_1}{l+l_1} Q_2$$

Durch das Hinzutreten der Röhre OC geht die Drucklinie DGHKL in DEL über und kommt die Drucklinie EF hinzu; jedenfalls ist dann der Piezometerstand in O, $\overline{OE} > \overline{OQ} < \overline{OG}$, sowie die Druckhöhendisserenz von \overline{AO} kleiner als $h - h_2$, dagegen die Druckhöhendisserenz von \overline{OB} größer als $h_1 + h_2$.

Es läßt fich baher auch feten:

$$Q < \sqrt{rac{(h-h_2) \ d^5}{\psi \ l}}$$
 unb $Q_1 > \sqrt{rac{(h_1+h_2) \ d^5}{\psi \ l_1}}$, fowie $Q_2 = Q - Q_1 < \sqrt{rac{(h-h_2) \ d^5}{\psi \ l_1}} - \sqrt{rac{(h_1+h_2) \ d^5}{\psi \ l_2}}.$

Rehmen wir nun vorläufig

$$Q_2 = \sqrt{\frac{(h-h_2) d^5}{\psi l}} - \sqrt{\frac{(h_1 + h_2) d^5}{\psi l_1}}$$
 an, so können wir mittels ber obigen Formeln 1) und 2) annähernd auch Q und Q_1 berechnen, wore aus dann genauer $Q_2 = Q - Q_1$ folgt. Durch wiederholte Anwendung

ber gebachten Formeln kann man so Q, Q_1 und folglich auch Q_2 immer ge-

nauer und genauer bestimmen.

Wenn man bei B durch Stellung eines Hahnes oder anderen Regulators ben Druck in der Röhre AMB vergrößert, so daß die Drucklinie in DRSL übergeht, so steigt der Piezometerstand NR im Knotenpunkte N über den Wasserspiegel von C, und es sließt dann durch die Röhre NC ebenfalls Wasser aus A nach C. Um nach Bedürsniß mehr oder weuiger Wasser nach B zu leiten, bedarf es daher nur einer größeren oder kleineren Erössenung des Regulators bei B.

Biertes Capitel

Bon ben verticalen Bafferradern.

§. 169 Wasserkraft. Das Baffer wirft als Motor ober set Maschinen in Bewegung, entweder durch sein Gewicht ober durch seine Tragbeit (lebendige Rraft). Bei der Wirfung durch sein Gewicht sinkt das Baffer allmälig und langsam in der Maschine von einer gewissen Höhe, dem sogenannten

Gefälle (franz. chuto; engl. fall) herab, wogegen es bei ber Wirkung burch seine lebendige Kraft mit allmälig abnehmender Geschwindigkeit an Flächen ober in Canälen hinläuft, welche mit den umlaufenden Maschienen ein Sanzes ausmachen.

Ift Q bas Bafferquantum (also Qy bas Gewicht beffelben), welches pr. Secunde zur Wirkung kommt, und h bas Gefälle ober bie fenkrechte Höhe, von welcher daffelbe bei ber Birkung burch sein Gewicht herabsinkt, so verrichtet bas Rab bie mechanische Arbeit ober Leiftung

$$L = Q\gamma . h = Qh\gamma.$$

Ift hingegen c die Geschwindigkeit, mit welcher es ber Maschine zufließt, so hat man die Leistung, welche es burch seine lebendige Kraft verrichten kann:

$$L = Q\gamma \cdot \frac{c^2}{2q} = \frac{c^2}{2q} Q\gamma.$$

Damit bas Wasser aus ber Ruhe in die Geschwindigkeit c verset werde, ersorbert es ein Gesälle ober eine Geschwindigkeitshöhe $h=\frac{c^2}{2\,g};$ und man kann baher auch im zweiten Falle:

$$L = Qh\gamma$$

seten. Es ift also fiets bas Arbeitsvermögen bes Wassers, sowie bas eines ftarren Rörpers, ein Product aus seinem Gewicht unb aus ber Sohe, von welcher es herabsinkt.

Buweilen wirkt bas Waffer durch sein Gewicht und durch seine lebendige Kraft zugleich, indem es während seiner Wirkung von der hobe & herabsinkt und seine Geschwindigkeit o zusett. Dann ift natürlich auch die mechanische Arbeit besselben:

$$L = Q\gamma \cdot h + Q\gamma \cdot \frac{c^2}{2g} = \left(h + \frac{c^2}{2g}\right)Q\gamma.$$

Die effective Leistung Pv einer hydraulischen Maschine ist allerdings stets kleiner als die eben angegebene disponible mechanische Arbeit Qhy, weil noch manche Berluste vorkommen. Erstens kommt oft nicht alles Wasser zur Wirkung, zweitens geht in der Regel ein Theil von dem Gefälle verloren; drittens hält das Wasser, indem es die Maschine verläßt, noch eine gewisse lebendige Kraft zurück, und viertens treten noch andere Nebenhindernisse, wie Reibung u. s. w., hinzu. Es ist hiernach der Wirkung sgrad einer hydraulischen Umtriedsmaschine:

$$\eta = \frac{Pv}{Qh\gamma}$$

du setzen, und nun die Gute oder Zweckmäßigkeit einer folchen Maschine um so größer, je mehr sich diese Berhaltnifzahl der Sinheit nabert.

Aus ber allgemeinen Formel L = Qhy ift übrigens zu erfeben, baß

Gefälle und Wasserquantum gleichen Antheil an ber Leistung einer Maschine haben, daß z. B. das doppelte Gefälle ebenso gut die Leistung verdoppelt als das zweisache Wasserquantum, auch daß von zwei Maschinen einerlei Wirkung zu erwarten ist, wovon die eine dreimal so viel Ausschlagewasser hat als die andere, welche wieder dreimal so viel Gefälle benutzt als diese.

Beispiel. Einer Maschine stehen 12 Cubiffuß Baffer pr. Secunde und 10 guß Gefälle zu Gebote, sie benut aber von bemselben nur 8,5 guß, und bas Baffer verläßt dieselbe mit 9 guß Geschwindigkeit, endlich verliert bieselbe nach 750 Fußpfund durch die Reibung. Man soll den Wirfungsgrad dieser Rachine angeben. Es ift die bisponible Leiftung

L = 12.10.61,75 = 7410 Fußpfund, ferner bie Leiftung, welche bem benutten Gefalle entspricht, = 12.8.5.61,75 = 6298,5 Ruftpfund.

big burch bie lebenbige Rraft bes fortfließenben Baffers verlorene Arbeit = 0.016. 92. 12. 61.75 = 960.2 Kußpfund,

bie burch bie Reibung confumirte Arbeit mar aber

= 750 Fugpfund;

es ift baber bie effective Leiftung biefer Dafchine:

Pv = 6298,5 — (960,2 + 750) = 6298,5 — 1710,2 = 4588,3 Fufipfund, und ber Wirfungsgrad berfelben

 $\eta = \frac{4588,3}{7410} = 0,619.$

§. 170 Wasserräder. Die hybraulischen Umtriebsmaschinen sind entweder Radmaschinen (Basserräder) oder Kolbenmaschinen (Bassersäder) oder Kolbenmaschinen (Bassersäder) oder Kolbenmaschinen (Bassersäder) oder Kolbenmaschinen (Bassersäder) sind durch Bassersäder (franz. roues hydrauliques; engl. water-whoels) sind durch Bassersäder in Bewegung gesette Radwellen (f. Band I, §. 165). Die Bassersädlenmaschinen (stanz. machines à colonne d'eau; engl. pressure-engines) bestehen im Beseutlichen in einer Bassersäule (mit Basser angefüllten Röhre) und in einem Kolben, welcher durch den Druck der Bassersäule gegen seine Grundsläche in Bewegung gesetzt wird.

Man unterscheibet verticale Wasserräber (franz, roues hydraulig es verticales; engl. vertical water-wheels), d. h. solche mit horizontaler Are, von den horizontalen Wasserrädern (franz. roues hydrauliques horizontales; engl. horizontal water-wheels), oder den Wasserrädern mit verticaler Are.

Die verticalen Wasseräber, von benen zunächst die Rebe ist, sind entweder oberschlägige (franz. roues en dessus; engl. overshot wat rwheels), ober mittelschlägige (franz. roues de côté; engl. middleshot water-wheels), ober unterschlägige Wasseräder (franz. roues en dessous; engl. undershot water-wheels). Bei den Rädern der ersteren Art trifft das Wasser die höheren Puntte des Rades, bei de en der zweiten Art fällt es in der Rähe des Radmittels ein, und bei den unterschlägigen

Rabern tommt bas Wasser nabe am Fuße bei bem Rabe an. Noch unterfceibet man rudenfchlägige Bafferraber, bei welchen bas Baffer gwifchen bem Scheitel und bem Mittel bes Rabes einfällt, und welche baber gwifchen Bei ben oberschlägigen ben ober- mib mittelichlägigen Rabern innefteben. Bafferrabern wirft bas Baffer vorzüglich burch fein Gewicht, bei ben unterfolägigen Rabern aber in ber Regel burch feine, ber Tragbeit entfprechende lebendige Rraft, und bei ben mittelschlägigen Rabern wirft es meift burch Bewicht und Tragbeit jugleich. Die unterschlägigen Bafferraber hangen entweber frei im unbegrengten Baffer, ober fie find bon Gerinnen eingeschloffen. Bu ben im unbegrengten Baffer hangenben Rabern gehoren bie Schiff. mühlenraber (frang. roues pendantes; engl. ship-mills wheels). Die Abrigen unterschlägigen Bafferraber hangen entweber im geraben Berinne (franz. coursier rectiligne; engl. strait channel) ober in einem (freisförmigen) Rropfgerinne (frang. coursier circulaire; engl. circular channel breast-trough).

llebrigens giebt es auch mittelschlägige Räber im Kropfgerinne, und diese heis fien dann gewöhnlich Kropfraber (franz. rones do côté; engl. breast whoels). Endlich sind noch von den übrigen Wasserrabern die Ponceleträder zu unterscheiden, bei welchen das Wasser nur durch seine lebendige Kraft wirkt, indem es an krummen Flächen auf- und hinabsteigt.

Ein gewöhnliches verticales Wafferrad besteht aus einer §. 171 Zellenräder. bolgernen ober eifernen Belle mit zwei Bapfen, ferner aus zwei (feltener ein, brei ober mehreren) ringförmigen Rrangen, und aus mehr ober menis ger rabiallaufenden Armen, welche bie Rrange mit ber Belle verbinben. ferner aus ben Schaufeln zwischen ben Rrangen und enblich, nach Befinden noch, aus einem Boben, ber fich an die inneren Rrangumfänge chlinbrifch anschließt. Die Schaufeln theilen ben von ben Rrangen und bem Boben gebilbeten ringformigen Raum in Abtheilungen, und wenn bie Schaufeln mehr tangential als rabial gestellt find, fo bilben biefe Abtheilungen wafferhaltenbe Troge ober fogenannte Bellen. hiernach hat man auch in Binfict auf Conftruction zweierlei Bafferraber, nämlich Schaufelraber (franz. roues à aubes; engl. wheels with floats) mit mehr rabial gestellten Schaufeln, und Bellenraber (frang. roues à augets; engl wheels with buckets) mit trogförmigen Bellen. Die letteren tommen in allen ben Fällen vor, wenn bas Baffer burch fein Gewicht wirft, also bei ben ober-, ruden-, und nach Befinden, mittelschlägigen Bafferrabern.

Bunachft ift die Rede von den oberschlägigen Wasserrübern. Das Wasser wird bem Rabe durch ein Gerinne zugeführt, und sein Aussluß durch eine Schütze am Ende des letzteren regulirt; es fällt hier in der Nähe des Rabscheitels, nämlich in der ersten, zweiten ober britten Zelle, vom Scheitel ausgegangen,

ein. Ist nun bas Rab einmal in Umbrehung gesetzt, so füllen sich alle unter ber Schützenmündung vorbeigehende Zellen zum Theil mit Wasser, welches erst in der Nähe des Radfußes wieder aus den Zellen heraustritt, so daß immer auf der einen Seite des Rades eine gewisse Anzahl von Zellen mit Wasser gefüllt ist, das nun durch sein Gewicht die stete Umdrehung des Rades im Areise unterhält. Die oberschlägigen Räder kommen dei 8 bis 50 Fuß Gefälle und 3 bis 25 Cubitsuß Ausschlagewasser pr. Secunde vor. Dem kleinsten Gefälle und kleinsten Wasserquantum entspricht die kleinste Leistung von 3 bis 5 Pferdekräften, dem größten Gefälle und größten Ausschlage aber die größte Leistung von 130 Pserdekräften; im letzteren Falle ist es jedoch zwedmäßiger, zwei Räder anzuwenden, weil Wasserräder über 80 Pserdekraft zu schwerfällig ausfallen.

Das Gefälle eines Wasserrabes ist vom Wasserspiegel im Aufschlaggerinne, ober vor ber Schütze, bis zur Oberstäche bes Unterwassers zu nehmen, dessen Höbe von dem Wasserquantum, der Breite und dem Gefälle des Abzugsgrabens abhängt. Um an Wirkung so wenig wie möglich zu verlieren, soll das Radtiefste unmittelbar über dem Unterwasserspiegel stehen, weshalb denn auch das Gefälle von der Oberstäche des Oberwassers die zum Radtiefsten gemessen wird. Kur dann, wenn der Rückstau und das Waten des Rades zu befürchten ist, hängt man das Rad etwas höher, so daß sein Tiefstes noch 1/2 die 1 Fuß von dem Unterwasser absteht oder, wie man sagt, freihängt.

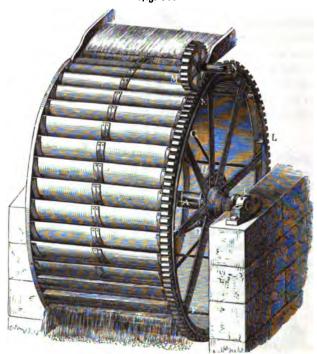
Radconstructionen. Man baut die Wasserraber aus Bolg, ober aus §. 172 Gifen, ober theils aus Bolg, theils aus Gifen. Die Art und Weife, wie bie Rabarme mit ber Welle verbunden find, ift fehr verschieben. Bei ben gang hölzernen Räbern hat man gewöhnlich fogenannte Armgeviere, welche bie zu biefem Zwede viertantig gearbeitete Welle umfaffen; feltener find bie Arme burch bie zu biefem Zwede burchlochte Welle hindurchgestedt. Die erfte Art von Rabern nennt man Sattelraber, Die zweite Art Sternraber. Lettere Conftruction tommt nur bei leichten ober fcmachen Rabern vor. Bei hohen Rabern reichen bie Armgeviere nicht aus, es muffen baber noch andere Arme, fogenannte Selfarme, amifchen bie bie Armgeviere bilbenben Arme, ober fogenannte Sauptarme, eingeset werben. Die lettere Conftruction tommt bei bem in Fig. 354 abgebilbeten Rabe vor. Man baut beim fachfis ichen Bergban folche Raber jum Umtriebe ber Bochwerte, Runftgezeuge n. f. w. von 20 bis 50 fuß Sohe. In biefer Zeichnung ift A bie Welle, B und C find beren Bapfen, DE, FG u. f. w. bie Sauptarme, HM, HL u. f. w. aber bie Belfarme, welche bei H in ben fogenannten Biertele ftoden eingeset finb. Ferner find DF G und D, F, G, bie Rabfrange, und K ift bas Aufschlaggerinne. Die Rranze find aus zwei holgringen zusammengeset, die aus 8 bis 16 einzelnen, 3 bis 5 Boll biden bogenförmig gearbeiteten Pfostenstliden, den sogenannten Felgen, bestehen. Die Fig. 354.



Arme sind unter sich und nit den Kränzen durch Schrauben verbunden. Bur festen Berbindung der Kränze mit einander dienen die Hängenägel oder lange Schraubenbolzen, welche durch beide Kränze und durch je zwei Radarme zugleich hindurchgehen. Um die Schaufeln einsetzen zu können, sind in die Innenssächen der Kränze sogenannte Larven eingeschnitten. Das Bahnrad N dient zur Transmission der Bewegung.

In Fig. 355 (a. f. S.) ist ein eisernes Rad neuerer Construction abgebildet. hier sind die Radarme BE, DF... burch Schrauben mit Scheiben oder Rossetten, wie BD, sest verbunden, welche auf der Welle AC aussigen. Diese Räder werden in der Regel sehr weit gemacht, und erhalten deshalb außer den beiden Seitenkränzen noch einen dritten, mitten zwischen jenen. Dieser britte Kranz ist nun noch durch Diagonalarme, wie BG u. s. w., gestützt. Bur Besestigung des Ganzen sind noch Ankerstangen durch je zwei Haupt-

arme hindurchgezogen. Mit einem ber äußeren Kränze ist bas Zahnrad ELF verbunden, das in ein anderes Zahnrad M eingreift und dadurch Kig. 355.



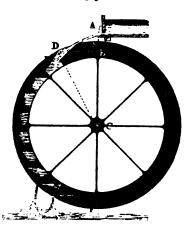
eine Welle MN in Umbrehung sett. Die Schaufeln bestehen hier aus Gisenblech, und werben mittels Schrauben auf Rippen befestigt, bie an ben inneren Seiten ber Rabtranze angegoffen find.

8. 173 Radhaldmesser. Das erste Hauptelement eines Wasserrades ist die Umfangsgeschwindigkeit v, ober Umdrehungszahl u besselben. Aus einem oder dem anderen dieser beiden Elemente läßt sich zunächst der Radhalbmesser bestimmen. Wir werden weiter unten sehen, daß wir oberschlägigen Wasserrädern eine kleine Umsangsgeschwindigkeit geben mussen sein hohen Kädern steigt dieselbe die auf 10 Fuß, Räder von mittlerer Höhe haben nur 5 Fuß Geschwindigkeit und selbst den niedrigsten Rädern läßt man diese Geschwindigkeit nicht unter 2½ Fuß herabgehen. Die Geschwindigkeit c des eintretenden Wassers hängt von der Radgeschwindigkeit v ab, und ist in einem bestimmten Verhältnisse größer als diese. Zur Erzeugung der Geschwindigkeit c ist ein Gesälle nöthig, wie in Kig. 356,

 $\overline{AB}=h_1=rac{c^2}{2\,g}$, welches vom Totalgefälle AF=h nur noch das eigent-liche Radgefälle

$$\overline{BF} = h_2 = h - h_1 = h - \frac{c^2}{2a}$$

Fig. 356.



übrig läßt. Da felbst bei bem vollkommensten Aussluß noch 5 Procent an lebendiger Kraft verloren gehen (f. Band I, §. 405), so möchte es rathsam sein, benselben hier zu 10 Procent anzunehmen, und daher das effective Gefälle für den Eintritt,

$$h_1 = 1,1.\frac{c^2}{2g},$$

alio

$$h_2 = h - 1.1 \cdot \frac{c^2}{2g}$$

zu setzen. Aus dem Radgefälle h_2 ergiebt sich nun noch die Radhöhe oder der Radhalbmesser $\overline{CF}=\overline{CS}$ = a, indem wir den Winkel SCD

 $=\theta$, um welchen bie Eintrittestelle D vom Rabscheitel S abweicht, als gegeben ausehen tönnen. Es ift nömlich:

 $h_2 = \overline{CF} + \overline{CB} = a + a \cos \theta = (1 + \cos \theta)$ a, daher umgesehrt, der Radhalbmesser:

$$a=\frac{h-h_1}{1+\cos\theta}.$$

Aus dem Rabhalbmeffer a und ber Umfangsgeschwindigkeit v ergiebt fich bie Anzahl ber Umbrehungen bes Rades pr. Minute:

$$u = \frac{30 v}{\pi a}$$
.

In ber Regel giebt man die Umbrehungszahl u und hat hieraus a und v zu berechnen. Setzen wir hiernach

$$v = \frac{\pi u a}{30}$$
 und $c = \varkappa \cdot \frac{\pi u a}{30}$,

wo x ein gegebenes Berhältniß, ber fogenannte Gefcwindigfeitscoefficient $\frac{c}{2}$ ift, fo erhalten wir:

$$(1 + \cos \theta) a = h - \frac{1.1}{2g} \cdot \left(\frac{\pi \cdot \pi u a}{30}\right)^2$$

und hierans, wenn man g=31,25 und $\pi=3,1416$ einführt,

$$a = \frac{h - 0,000193 (x u a)^2}{1 + \cos \theta}$$

Die Auflösung biefer quabratifchen Gleichung giebt ben Rabhalbmeffer:

1)
$$a = \frac{\sqrt{0,000772 (xu)^2 h + (1 + \cos \theta)^2 - (1 + \cos \theta)}}{0,000386 (xu)^4}$$
,

ober annähernd:

$$a = \frac{h [1 - 0,000048 (xu)^2 h]}{1 + \cos \theta} \Im \theta.$$

Biernach folgt bann bie Umfangsgefcwindigfeit bes Rabes:

2)
$$v = \frac{\pi u a}{30} = 0,1047.u a.$$

Beispiele. 1. Für ein Gefälle von 30 Fuß ift ein Rab zu conftruiren, melches 8 Fuß Umfangegeschwindigfeit hat, und bas noch einmal so schnell einstretende Waffer 12 Grad unter bem Scheitel aufnimmt, wie groß ift ber ersorber- liche Rabhalbmeffer und die Umbrehungezahl? Es ift:

$$c = 2.8 = 16 \, \delta u \hat{s}$$
,

baher:

$$h_1 = 1,1.0,016.16^2 = 45 \ \text{Fuß},$$

unb

$$a = \frac{30 - 4.5}{1 + \cos 12^0} = \frac{25.5}{1.978} = 12.9 \ \text{Sub},$$

enblich :

$$u = \frac{30.8}{\pi \cdot 12.9} = 5.92.$$

2. Ift die Umbrehungsgahl u = 5 gegeben, fo folgt bei bem namlichen Ge-fälle und bem gegebenen Berhaltniffe x = 2, ber Rabhalbmeffer

$$a = \frac{\sqrt{2,316 + 3,9125} - 1,978}{0,0386} = \frac{0,5177}{0,0386} = 13,41 \text{ Suf;}$$

ferner bie Umfangegeschwindigfeit:

$$v = 0.1047.5.1341 = 7.02 \% u \beta$$

bie Gintrittegefdwinbigfeit :

$$c = 14,04$$
 Fuß,

und entlich bas Gefälle jur Erzeugung ber letteren Geschwindigfeit: h₁ = 1,1.0,016.14,042 = 3,47 guß.

§. 174 Kranzbreite und Radweite. Wichtige Radverhältnisse sind ferner noch die Kranzbreite und die Radweite. Die Kranzbreite (Radtiese) oberschlägiger Wasserräber macht man gewöhnlich 10 bis 12 Zoll, selten 14 bis 15 Zoll, und zwar nur beshalb, weil das Wasser bei einem Rade mit schmalem Kranze an einem größeren Hebelarme wirkt, als bei einem gleich hohen Rade mit breitem Kranze. Was dagegen die Radweite oder Radbreite anlangt, so hängt diese von dem Rade zu gebenden Fassungseraume ab. Ist d die Kranzbreite oder Radtiese und e die Radweite, so hat

man für den Querschnitt des vom Boden und von den Radfränzen gebildeten ringsörmigen Fassungeraumes, =de; und ist noch v_1 die Radgeschwindigkeit im Mittel der Kranzbreite, so hat man den in der Secunde dem eintretenden Wasser dargebotenen Fassungsraum, $=de.v_1$. Dieser Raum kann jedoch dem Ausschlagquantum Q pr. Secunde nicht gleich sein, weil der Fassungsraum einer Radzelle nicht so groß ist als der ganze zwischen je zwei Schauseln besindliche Raum, und es auch wegen des zu zeitigen Ausstließens nicht zwecknäßig ist, die Zellen ganz mit Wasser anzusullen; es ist daher $edev_1 = Q$, und event0 zu setzen. In der Regel nimmt man diesen Coefficienten, den man auch den Fillungscoefficienten nennt, event1 dis event2 an. Jedensalls bestimmt sich nun die gesuchte Radweite durch die Kormel

 $e=rac{Q}{\epsilon\,d\,v_1}$,

ober, wenn man annähernb

$$v_1=v=\frac{\pi a u}{30}$$

einführt,

$$e = \frac{30 Q}{\epsilon \pi u a d} = 9,55 \frac{Q}{\epsilon u a d},$$

ober für & ben mittleren Werth 1/4 angenommen,

$$e = 38,2 \frac{Q}{uad}$$

Damit sehr hohe Raber nicht zu schmal ausfallen, nimmt man für sie s wohl gar 1/6.

Schaufelsahl. Die Schaufelgahl n ift ein weiteres wichtiges Rab. 8, 175 element. Es ift leicht einzuseben, bag eine fleinere Baffermenge in einer Rabgelle langer beharrt als ein großeres Wafferquantum, und ba nun biefes lettere unter übrigens gleichen Umftanden und Berhaltniffen um fo fleiner ausfällt, je größer bie Anzahl ber Schaufeln bes Rabes ift, fo folgt, bag im Allgemeinen eine große Schaufelgahl auf eine größere Ausnutung ber Bafferfraft führt, und baber eine größere Leiftung bes Bafferrabes verfpricht als eine kleine Schaufelzahl. Jeboch hat biefe Bahl auch ihre Grengen, und zwar nicht allein beshalb, weil die Schaufeln in Folge ihrer Dide einen gewiffen Theil vom Fassungeraum bes Rabes in Unfornd nehmen, wonach man alfo Rabern mit bunneren eifernen Schaufeln eine größere Schaufelgahl geben mußte, als Rabern mit bideren Bolgichaufeln, fondern auch beshalb, weil es zwecklos und nachtheilig ift, bie Schaufeln fo nabe an einander zu rilden, bag bie eine Belle in ben Faffungeraum ber anderen tritt, welche baber nicht foviel Baffer zu faffen vermag, als wenn diefe Schaufeln mehr von einander absteben. Ginen wefentlichen Sinfluß auf die Anzahl der Schaufeln eines Rades hat auch noch die Gestalt der Schaufeln, sowie die Art und Weise der Sinführung des Wassers in das Rad, da dem Wasserstrahl zum Sintritt in das Rad ein hinreichender Querschnitt dargeboten werden muß.

Hat man ben Abstand zwischen je zwei Schaufeln sestgesetzt, so ist die Anzahl n der Schaufeln dem Radumfang oder Halbmesser a proportional wachsend anzunehmen, und zwar im Mittel bei der gewöhnlichen Radtiese von 10 bis 12 Boll, n = 5 a bis 6 a zu setzen, wenn a in Fußen ausgedrückt wird.

Raber von größerer Rabtiefe erhalten eine kleinere Schaufelzahl als folche von kleinerer Tiefe.

Aus ber Schaufelgahl n folgt ber sogenannte Theilwinkel, b. i. ber Winkel zwischen zwei benachbarten Schaufeln:

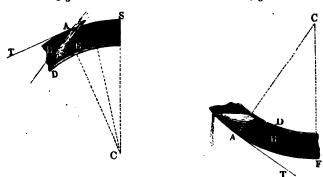
$$\varphi = \frac{360^{\circ}}{n}$$

Beispiel. Wenn ein oberschlägiges Wafferrad bei 15 Auß Halbmeffer, 1 Fuß Kranzbreite und 10 Cubiffuß Aufschlag pr. Secunde, fünf Umbrehungen pr. Minute machen soll, so hat man ihm die Weite

$$e = 38.2 \cdot \frac{10}{5.15.1} = 5.1$$
 Fuß

zu geben; und es ist die Schaufelzahl $n=5\,a=5\,.15=75$, oder, wegen ber leichteren Bertheilung, n=72, in Anwendung zu bringen, endlich ist der Theilungswinkel $\varphi=^{860}/_{72}=5^{0}$ zu machen.

§. 176 Schaufelungsmethoden. Bon großem Einflusse auf die Wirkung eines Bafferrabes find die fogenannten Schaufelungemethoben ober bie Formen ber burch ben Boben und burch bie Schaufeln bes Rabes gebilbeten Rabzellen (franz. augets; engl. buckets). Die Schaufeln muffen fo geformt und fo gestellt fein, bag fie bas Ausschlagewaffer (frang. eau motrice; engl. moving water) nicht allein ungehindert in die Radzelle eine treten laffen, fondern auch barin foviel wie möglich jum tiefen Buntte bes Biele von ben verschiebenen Schaufelungsmethoben ent-Rades zurückhalten. fprechen biefen Forberungen nur fehr unvolltommen. Bei gleicher Schaufelgabl, gleicher Baffermenge u. f. w. bangt jebenfalls ber Gin- und Austritt bes Waffers von ber Lage bes äußeren Schaufelendes AB, Fig. 357, ab. Daffelbe ichlieft mit bem außeren Rabumfange einen gewissen Bintel BAT = B ein, welchen wir in der Folge ben Gintrittswintel bes Wassers nennen wollen. Dieser Winkel erganzt ben Winkel BAC, welchen bas Schaufelende mit bem Rabhalbmeffer CA einschließt und gewöhnlich ber Dodungs. ober Dedungswintel genannt wirb, zu einem Rechten (900). Das äußere Schaufelend AB bilbet die äußere Seitenwand einer Zelle, beren veränderlicher Fassungeraum baber auch von ber Lage und Ausbehnung biefes Begrenzungselementes abhängt. Wenn beim Niedergeben ber Belle bas Schaufelende in eine horizontale Lage AB, Fig. 358, gelangt, fo berliert es die Eigenschaft einer Seitenwand vollständig und es fällt der Fassungsranm der Zelle Null aus. In diesem Augenblide fleht das Schaufelende Fig. 357. Fig. 358.

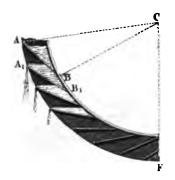


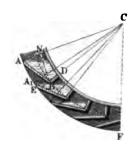
noch um den Wintel $ACF = BAT = \beta$ von dem Radtiessten F ab; bamit folglich das Wasser so lange wie möglich in der niedergehenden Zelle zurückgehalten werde, ist dieser Wintel so klein wie möglich zu machen. Da nun aber zur Einstührung des Wassers in das Rad ein gewisser Zellenquerschnitt AE, Fig. 357, nothwendig ist, welcher von der Größe des Eintrittswinkels abhängt und mit demselben gleichzeitig Rull ansfällt, so ist zur Erzielung einer vortheilhasten Leislung des Wasserrades erforderlich, daß der Eintrittswinkel des Wassers zwartlein sei, jedoch unter eine gewisse und noch zu bestimmende Grenze nicht herabtomme.

Außerbem hangt ber Faffungsraum einer Rabzelle auch noch von ber Form und Ausbehnung ber Schaufeln ab, und es ift leicht zu ermeffen, baf berfelbe um fo größer ausfällt, je breiter bie Schaufeln find und je mehr biefelben im Mittel vom inneren Rabumfange ober von dem als innere Seitenwand ber Bellen bienenden Rabboden abstehen. Wenn es nun auch jum langeren Burlidhalten bes Waffere in ben Bellen erforberlich ift, ben Faffungs. raum ber letteren so viel wie möglich zu vergrößern, so ist boch auch hierin bie Grenze nicht zu überschreiten, wobei entweber bie Faffungeräume ber benachbarten Bellen in einander eindringen ober bie Bellen Dimensionen annehmen, welche bem Gin- und rechtzeitigen Austritt bes Baffere hinderlich Aus biefem Grunde find auch die einfachen ebenen Schaufeln, wie AB, Fig. 359 (a. f. S.), entweber gar nicht anwendbar ober wenigstene gang unzwedmäßig, und man erfett biefelben burch jufammengefette ober frumme Schaufeln, welche fich gwar an ben außeren Rabumfang unter bem gegebenen Eintrittswinkel & anschließen, bagegen aber auf bem inneren Rabumfang ober Rabboben gang ober nabe rechtwinkelig fteben.

Die hölzernen Schaufeln läßt man gewöhnlich aus zwei Theilen AB und

BD, Fig. 360, bestehen, welche natürlich unter einem stumpsen Binkel aneinander stoßen. Der äußere Theil der Schausel heißt die Stoß- oder Big. 359.





Setschaufel, und ber innere die Riegels oder Kropfschaufel; die erstere trifft ben äußeren Radumfang unter dem Eintrittswinkel β und die lettere wird radial, zuweilen auch, jedoch mit Nachtheil, rechtwinkelig gegen die erstere gelegt. Man nennt den Kreis, welcher durch die Punkte bestimmt ist, worin diese Schauseln zusammenstoßen, den Theilkreis des Wasserrades, weil auf ihm die Eintheilung des Rades in Zellen vorgenommen wird. Diesen Kreis legt man dei einem kleineren Eintrittswinkel ins Mittel, wie Fig. 360, und bei einem größeren Eintrittswinkel ins Drittel der Kranzbreite, wie Fig. 361, so daß er im ersteren Falle von beiden Radumsängen gleich und im zweiten vom äußeren Radumsange noch ein Mal so viel abssecht als vom inneren.

Eine gewöhnliche und sehr ein fache Schaufelconstruction besteht barin, daß man die Stoßschauscl AB, Fig. 361, von den Schenkeln CA und CB des Theilwinkels $ACB = \varphi$ einschließen und folglich in einem und demselben Radius CD eine Stoßschausel A_1B_1 anfangen und eine andere Stoßschaufel AB auslaufen läßt. Um einen kleineren Eintrittswinkel zu erhalten, macht man auch den Winkel $ACB = \psi$, Fig. 360,

welcher eine Stoffchanfel zwischen seine Schenkel faßt, noch größer als ben Theilwinkel A CA1, 3. B. Hunf- viertel bieses Winkels.

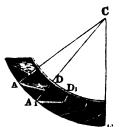


Fig. 361.

Ist a ber äußere Halbnesser CA, und a_1 ber Halbmesser CB bes Theilfreises, so hat man für bem Schauselwinkel ψ entsprechenden Eintrittswinkel $EAB = ABN = \beta$

tang.
$$\beta = \frac{AN}{BN} = \frac{a - a_1 \cos \psi}{a_1 \sin \psi}$$

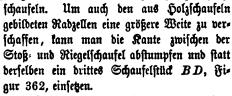
in welchem Ansdrucke φ ftatt ψ cinzusehen ist, wenn die gewöhnliche cinfache Schaufelconstruction angewendet wird. Bezeichnet nun d die Kranzbreite \overline{DE} , so hat man, jenachdem man den Theilkreis ins Mittel oder ins Drittel legt,

$$a_1 = a - \frac{1}{2}d$$
 ober $a_1 = a - \frac{2}{8}d$

in bie lette Formel einzuseten.

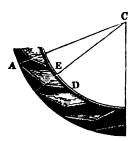
Die Stoß- und Riegelschaufeln aus Gußeisen ober Eisenblech geben in einem Bogen allmälig in einander über und bestehen nur aus einem Stude (Fig. 358). Da bei diesen eisernen Schaufeln die Berengung der Belle durch die Ede zwischen den beiben Schaufeln wegfällt, so gewähren diese Schaufeln eine bessere Einsuhrung des Wassers als die zweitheiligen Holz-

Big. 362.



Noch tann man ben Fassungsraum einer Zelle baburch vergrößern, ohne bie Zelle, zum Nachtheil ber Einführung bes Wassers in dieselbe, zu verengen, daß man die Riegelschaufel BD, Fig. 363, nicht techtwinkelig gegen ben

Radboden, sondern so stellt, daß sie innerlich mit demselben einen spigen Binkel BDE, z. B. einen solchen von 45 Grad einschließt. Um diesen schrägen Anschluß bei eisernen Schaufeln zu erhalten, kann man diese Schauseln ganz oder zum Theil nach einem Kreisbogen krummen, welcher unter einem spigen Winkel von circa 45 Grad an den Radboden anstößt. Den Mittelpunkt M eines solchen Kreisbogens AD, Fig. 364, hat man in einer Linie Kia. 369.



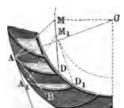


Fig. 364.

A M anzunehmen, welche mit dem Radhalbmesser CA den Eintrittswinkel CA M = BA T = eta

einschließt. Die Mittelpunkte M_1 , M_2 ... der übrigen Schaufeln $A_1 D_1$, $A_2 D_2$... liegen in einem mit CM aus C beschriebenen Kreise.

Beifpiel. Bei einem Rabe von 2a=30 guß Sobe und d=10 Boll Rrangbreite, welches nach ber in §. 175 vorläufig angegebenen Regel

5~a=5.15=75, ober, ber leichten Bertheilung wegen, 72 Rabschauseln erhalten soll, ift ber Theilwinkel:

$$\varphi = \frac{360^{\circ}}{7} = \frac{860}{75} = \frac{24}{6} = \frac{44}{5}$$
 Grad;

macht man bie Schaufelwinkel $\psi=5/\!\!/_4\, \varphi$ und legt ben Theilungefreis in die Kranzmitte, fo hat man:

$$\psi = \frac{24}{5} \cdot \frac{5}{4} = 6^{\circ};$$

ferner ben Theilfreishalbmeffer

$$a_1 = a - \frac{d}{2} = 15 - \frac{6}{12} = 14,5833$$
 Fuß

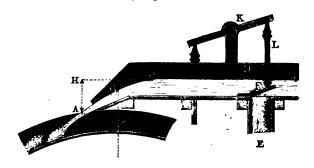
und für ben Gintritteminfel #:

tang.
$$\beta = \frac{a - a_1 \cos \psi}{a_1 \sin \psi} = \frac{15 - 14,5833 \cos 6^0}{14,5833 \sin 6^0} = \frac{0,496}{1,527} = 0,825;$$

hiernach ift biefer Binfel (elbft: $\beta = 18^0 1'$

und ber Dedungewinkel 90 - \beta = 710 59', wofür man 72 Grab annehmen fann.

§. 177 Schützen. Bon nicht unbedeutender Wichtigkeit ist die Art und Weise, wie das Wasser auf ein Rad gesührt wird. Man läßt entweder das Wasser aus dem Gerinne frei einfallen in das Rad, oder man spannt dasselbe durch eine sogenannte Spannschütze an, ehe es in das Rad tritt. Im ersten Falle hängt die Einfallsgeschwindigkeit fast nur von der Fallhöhe ab, im zweiten hingegen kann diese durch die Druckhöhe regulirt werden. Aus dem letzteren Grunde zieht man daher auch die Anwendung eines Schutzbretes dem freien Eintritte oder der Einführung durch ein sogenanntes Schutze gerinne vor. In Fig. 365 ist ein Wasserinlauf ohne Schütze abgebildet.



Das durch das Gerinne DO zugeführte Wasser wird durch ein Schußgerinne G in bestimmter Richtung auf das Rad gesührt. Um wenigstens den Zusluß zu reguliren, ist vor dem Rade ein Abfalllutten E angebracht, durch den das überstüfsige Wasser absließt und über welchem eine Fallslappe F liegt, welche sich mittels Hebel K, Stange L n. s. w. beliebig eröffnen und verschließen läßt. Fließt das Wasser im Gerinne mit der Geschwindigkeit c_0 zu und ist die Fallhöhe \overline{AB} , vom Wasserspiegel OR die Eintrittspunkt A gerechnet, $= h_1$, so hat man die Geschwindigkeit des eintretenden Wassers beinahe

$$c = \sqrt{2gh_1 + c_0^2} = \sqrt{2gh_1 + \left(\frac{Q}{G}\right)^2},$$

wenn Q das Wasserquantum und G den Inhalt des Querschnittes vom zusließenden Wasser bezeichnen.

Die Spannschligen (franz. vannes; engl. sluices, hatches, penstocks, shuttles) sind entweder horizontal, oder vertical, oder geneigt. Die Anordnung und Stellvorrichtung eines horizontalen Schutzbretes BC ist and Fig. 366, und die eines verticalen Schutzbretes aus Fig. 367 ersichtlich. Dort wird das Bret durch Zugstange DE und hebel KD u. s. w., und durch Zahnstange Z und Getriebe R in Bewegung gesetzt.

Die Construction von einer fchiefftebenben Spannichite ift in Fig. 368 abgebilbet. Bei biefer in Freiberg angewendeten Spannichute

Fig. 366.

Fig. 367.

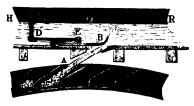


Fig. 368.





erfolgt die Stellung durch eine Schraube RM, welche oben durch eine über dem Gerinne wegliegende Schwelle R und unten durch eine an dem Schuthrete BC vorstehende Nase M hindurchgeht.

Es ist bei allen Constructionen bieser Art, Regel, die Mündung im Inneren so viel und so glatt wie möglich abzurunden oder nach der

Geftalt bes contrabirten Wafferstrables zu formen, bamit bie außere Con-

traction bes Wasserstrahles vermieben und bem Wasser so wenig wie möglich hindernisse in den Weg gelegt werden. Fällt das Wasser, nachdem es aus der Mündung herausgetreten ist, ganz frei, und kann man die Mündungsebene winkelrecht gegen die Richtung des Strahles legen, so ist es auch zweckmäßig, die Mündung einer dunnen Wand anzuwenden; nur muß bann auch dastir gesorgt werden, daß nicht partielle, einen schiefen Strahl gebende Contraction eintrete (f. Bb. I, §. 414).

Bei bem Ausslusse burch Spannschützen bestimmt sich aus ber Druchobe = ho die Ausslusgeschwindigkeit

$$c_0 = \mu \sqrt{2gh_0};$$

ist nun noch z die freie Fallhöhe von Schutznundung bis Sintrittspunkt gerechnet, so hat man die Sinfallsgeschwindigkeit:

$$c = \sqrt{c_0^i + 2 g z} = \sqrt{2 g (\mu^2 h_0 + z)}.$$

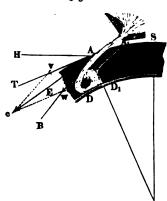
Rehmen wir den Ausslußcoefficienten $\mu=0,95\,$ an, so bekommen wir demnach:

$$c = \sqrt{2 g (0.9 h_0 + z)}.$$

Man erfieht hieraus, daß bei gleichem Einlaßgefälle die Einfallsgeschwinbigkeit ziemlich dieselbe ift, das Wasser mag frei einfallen ober aus einer Schutbiffnung in das Rad gelangen.

§. 178 Eintritt dos Wassers. Damit das Wasser ungehindert in die Radzellen eintrete, darf es nicht am äußeren Radumfange mit den Schauseln zusammenstoßen, sondern es muß der Zusammenstoß erft nahe am inneren Umfange erfolgen. Aus diesem Grunde ist nicht nur die äußere Schauselkante A möglichst zuzuschärfen, sondern auch noch der Wasserstrahl Ac. Fig. 369,





so zu richten, daß sich seine Geschwindigkeit in zwei Componenten zerlegen
läßt, wovon der eine mit der Umfangsgeschwindigkeit Av — v zusammensällt
und der andere die Richtung AB der
Stoßschaufel oder des äußeren Schaufelendes überhaupt hat. Da man die
Richtung AB der Stoßschaufel als
gegeben ansehen kann, ebenso die
gegen den Radhalbmesser CA rechtwinkelig gerichtete Geschwindigkeit v
am äußeren Radumsange bekannt
und die Größe der Geschwindigkeit c des einfallenden Wassers
eine bestimmte ist, so sindet man

die erforderliche Richtung bes letteren, wenn man durch (v) eine Parallele zu AB legt, mit c, als Halbmeffer, aus A einen Kreisbogen beschreibt und nun von A nach dem Durchschnitte (c) dieses Bogens mit jener Parallelen eine Gerade \overline{Ac} zieht.

Führt man endlich noch durch den Endpunkt (c) eine Parallele zu \overline{Av} , so schneidet diese von AB die relative Geschwindigkeit $\overline{Aw}=w$ ab, mit welcher das Wasser in das Rad eintritt. Durch Rechnung findet man Folgendes: If α der Zutrittswinkel EAT, unter welchem der zusließende Basserftrahl den äußeren Radumsang trifft, und β der gegedene Eintrittswinkel, unter welchem sich die Schaufeln an diesen Radumsang anschließen, so gesten für dieselben die bekannten Proportionen (s. Bd. I, §. 33):

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{w}{c}$$
 und $\frac{\sin (\beta - \alpha)}{\sin \beta} = \frac{v}{c}$.

Die lettere Proportion führt auf die Formel

$$\sin (\beta - \alpha) = \frac{v}{c} \sin \beta = \frac{\sin \beta}{x}$$

wonach sich aus bem Eintrittswinkel β und bem Geschwindigkeitsverhältnisse $\mathbf{z}=\frac{c}{v}$, ber Winkel $\beta-\alpha=EAB$ bestimmen läßt, um welchen die Richtung AE des Basserstrahles von der Richtung AB des Schaufelendes abweichen muß, und wodurch auch der Zutrittswinkel

$$\alpha = \beta - (\beta - \alpha)$$

gefunden wirb.

Mit Gulfe ber ersteren Broportion folgt bann aus bem letteren Bintel bie relative Gintrittsgeschwindigfeit:

$$w=rac{c\sinlpha}{\sineta}$$
.

Man tann diese Geschwindigkeit auch mittels ber befannten Formel

$$w = \sqrt{c^2 + v^2 - 2 c v \cos \alpha} = v \sqrt{1 - 2 u \cos \alpha + u^2}$$

berechnen, auch läßt sich, ba α stets nur ein Kleiner Winkel und folglich cos. α nahe = Eins ift, annähernd, jedoch für den praktischen Gebrauch genan genug,

$$w = c - v = (x - 1) v$$
, und ebenso

$$\sin \alpha = \frac{c-v}{c} \sin \beta = \left(\frac{\kappa-1}{\kappa}\right) \sin \beta,$$

oder einfacher,

$$\alpha = \left(\frac{\varkappa - 1}{\varkappa}\right)\beta$$
 segen.

traction bes Wasserstrahles vermieben und bem Wasser so wenig wie möglich hindernisse in den Weg gelegt werden. Fällt das Wasser, nachdem es aus der Mündung herausgetreten ist, ganz frei, und kann man die Mündungsebene winkelrecht gegen die Richtung des Strahles legen, so ist es auch zweckmäßig, die Mündung einer dunnen Wand anzuwenden; nur muß dann auch dasur gesorgt werden, daß nicht partielle, einen schiefen Strahl gebende Contraction eintrete (s. Bb. I, §. 414).

Bei bem Ausslusse durch Spannschützen bestimmt sich aus der Druchobe = ho die Ausslußgeschwindigkeit

$$c_0 = \mu \sqrt{2gh_0};$$

ift nun noch s die freie Fallhöhe von Schutznundung bis Eintrittspunkt gerechnet, fo hat man die Einfallsgefchwindigkeit:

$$c = \sqrt{c_0^2 + 2gz} = \sqrt{2g(\mu^2 h_0 + z)}.$$

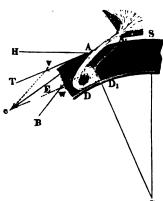
Rehmen wir ben Ausslußcoefficienten $\mu=0,95\,$ an, so bekommen wir bemnach:

$$c=\sqrt{2g(0.9h_0+z)}.$$

Man ersieht hieraus, daß bei gleichem Ginlaggefalle die Ginfallsgeschwinbigkeit ziemlich dieselbe ift, das Wasser mag frei einfallen ober aus einer Schutöffnung in bas Rad gelangen.

§. 178 Eintritt des Wassers. Damit das Wasser ungehindert in die Radzellen eintrete, darf es nicht am äußeren Radumfange mit den Schauseln zusammenstoßen, sondern es muß der Zusammenstoß erft nahe am inneren Umfange ersolgen. Aus diesem Grunde ist nicht nur die äußere Schauselkante A möglichst zuzuschärfen, sondern auch noch der Wasserstrahl Ac, Fig. 369,





soch der Welfelricht Ar, Ky. 308, so zu richten, daß sich seine Geschwindigkeit in zwei Componenten zerlegen läßt, wovon der eine mit der Umfangsgeschwindigkeit Av wurzusammenfällt und der andere die Richtung AB der Stoßschaufel oder des änßeren Schaufelendes überhaupt hat. Da man die Richtung AB der Stoßschaufel als gegeben ansehen kann, ebenso die gegen den Radhalbmesser CA rechtwinkelig gerichtete Geschwindigetet vam äußeren Radumsange besannt und die Größe der Geschwindigeteit c des einfallenden Wassers eine bestimmte ist, so sindet man

bie exforderliche Richtung bes letteren, wenn man durch (v) eine Parallele zu AB legt, mit c, als Halbmesser, aus A einen Kreisbogen beschreibt und nun von A nach dem Durchschnitte (c) dieses Bogens mit jener Parallelen eine Gerade \overline{Ac} zieht.

Führt man endlich noch burch ben Endpunkt (c) eine Parallele zu \overline{Av} , so schneibet biese von AB bie relative Geschwindigkeit $\overline{Aw}=w$ ab, mit welcher das Basser in das Rad eintritt. Durch Rechnung findet man Folgendes: If a ber Zutrittswinkel EAT, unter welchem der zusließende Basserftrahl den äußeren Radumsang trifft, und β der gegedene Eintrittswinkel, unter welchem sich die Schauseln an diesen Radumsang anschließen, so gelten sur bieselben die bekannten Proportionen (s. Bb. I, §. 33):

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{w}{c} \text{ und } \frac{\sin (\beta - \alpha)}{\sin \beta} = \frac{v}{c}.$$

Die lettere Proportion führt auf die Formel

$$sin. (\beta - \alpha) = \frac{v}{c} sin. \beta = \frac{sin. \beta}{x}$$

wonach sich aus bem Eintrittswinkel β und bem Geschwindigkeitsverhältnisse $\mathbf{z}=\frac{c}{v}$, ber Winkel $\beta-\alpha=EAB$ bestimmen läßt, um welchen die Richtung AE des Wasserstraßles von der Richtung AB des Schaufelendes abweichen muß, und wodurch auch der Zutrittswinkel

$$\alpha = \beta - (\beta - \alpha)$$

gefunden wird.

Dit Gulfe ber ersteren Proportion folgt bann aus bem letteren Binkel bie relative Eintrittsgeschwindigkeit:

$$w = \frac{c \sin \alpha}{\sin \beta}$$
.

Man tann biefe Geschwindigkeit auch mittels ber befannten Formel

$$w = \sqrt{c^2 + v^2 - 2 c v \cos \alpha} = v \sqrt{1 - 2 \varkappa \cos \alpha + \varkappa^2}$$

berechnen, auch läßt sich, ba α stets nur ein kleiner Winkel und folglich $\cos \alpha$ nahe — Eins ift, annähernd, jedoch für den praktischen Gebrauch genau genug,

$$w = c - v = (x - 1) v$$
, und ebenso

$$\sin \alpha = \frac{c-v}{c} \sin \beta = \left(\frac{n-1}{n}\right) \sin \beta,$$

oder einfacher,

$$\alpha = \left(\frac{\varkappa - 1}{\varkappa}\right)\beta$$
 feten.

Hiernach kann man also mittels bes gegebenen Geschwindigkeitsverhältnisses $\mathbf{z} = \frac{c}{v}$ aus dem Eintrittswinkel β der Zutrittswinkel α berechnen. Man ersieht auch hieraus, daß $\mathbf{z} > 1$, und also auch c > v sein muß.

Da das in eine Radzelle eintretende Wasser in Folge des Stoßes gegen die Kropsichausel u. s. w. eine entgegengesette Bewegungsrichtung annimmt, so wilrde dasselbe, wenigstens theilweise, wieder aus der Zelle heraustreten, wenn die relative Eintrittsgeschwindigkeit des Wassers eine sehr große wäre und wenn nicht das Wasser durch den Stoß gegen die Außensläche der solgenden Schausel eine andere Richtung bekäme. In dieser Hinsicht ist daher auch die Schauselconstruction in Fig. 360 der in Fig. 363 vorzuziehen und die Anwendung von Schauseln AD, wie Fig. 369, welche sich mit ihrer Außensläche unter einem spigen Winkel an den Raddoden anschließen, in allen den Fällen zu rechtsertigen, wo das Wasser mit einer großen relativen Geschwindigkeit in das Rad eintritt.

Da die relative Eintrittsgeschwindigkeit w = c - v = (x - 1) v nicht allein mit v, sondern auch mit x wächst, so soll aus diesem Grunde das Berhältniß x nie einen großen, meistens nur zwischen $^3/_2$ und 2 liegenden Werth annehmen.

Giebt man noch den Winkel $SCA = \theta$, um welchen der Eintrittspunkt A vom Rabscheitel abweicht, so kann man nun auch den Reigungswinkel $EAH = \nu$ des einfallenden Wasserstrahles gegen den Horizont AH ausgeben; es ist nämlich

$$v = TAH + EAT = \theta + \alpha$$
.

Beifpiel. Benn ein 36 Fuß hobes verticales Bafferrad in ber Rinute vier Umbrebungen machen und folglich mit ber Gefchwindigfeit

$$v = \frac{\pi u a}{80} = 0,1047.4.18 = 7,54 \, \text{Fug}$$

umlaufen foll, fo ift bei bem Berhaltniffe $x=rac{c}{v}=2$ bie erforberliche abfolute Gefcwinbigfeit bes zufließenben Baffers:

$$c = x \cdot v = 2 \cdot v = 15,08$$
 Fug.

Macht man nun ben Eintrittswinkel $\beta=20$ Grab, so ist für ben Butrittswinkel α :

$$sin. (\beta - \alpha) = \frac{sin. \beta}{\alpha} = \frac{1}{2} sin. \beta = \frac{1}{2} . 0,3420 = 0,1710, baher:$$

 $\beta - \alpha = 9^{\circ}51'$, so bağ nun ber Butrittewinkel $\alpha = 20^{\circ} - 9^{\circ}51' = 10^{\circ}9'$,

und bie relative Gefdwindigfeit bes eintretenden Baffers

$$w = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} c = \frac{0.1762}{0.3420} \cdot 15,08 = 7,78 \text{ guß folgt.}$$

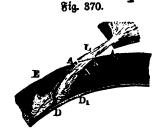
Rach ben Raberungeformeln mare

$$w=c-v=(\varkappa-1)$$
 $v=v=7.54$ Fuß und $\alpha=\left(\frac{\varkappa-1}{\varkappa}\right)$ $\beta=\frac{1}{2}$ $\beta=10$ Grad.

Steht bie Eintritisstelle um ben Binkel $\theta=12$ Grab vom Rabscheitel ab, so ift folglich die erforberliche Meigung bes Basserstrahles gegen ben Horizont:

$$\nu = \theta + \alpha = 12^{0} + 10^{0} \, 9' = 22^{0} \, 9'.$$

Ift b die Lange bes Bogens AK, Fig. 370, welchen ber eintretende §. 179 Bafferftrahl am außeren Rabumfange einnimmt, so beträgt die Dide



bes Strahles unmittelbar vor bem Eintritte:

 $\overline{KL} = \overline{AK}$ sin. KAL = b sin. α ; bagegen bie Dicke besselben unmittelbar nach seinem Eintritte:

AN = AK sin. AKN = b sin. β, und ift nun noch e bie ber Radweite gleichzusetenbe Strahlbreite, so hat man bie entsprechenben Querschnitte bes Strah-

les: eb sin. a und eb sin. b, und folglich das Aufschlagwasserquantum:

$$Q = e b \sin \alpha . c = e b \sin \beta . w.$$

Run ift aber bem Dbigen gufolge,

$$Q = \varepsilon dev$$
,

wenn ε ben Füllungscoefficienten und d die Rabtiefe DE bezeichnen, baber hat man auch:

$$\sin \alpha = \frac{v}{c} \frac{\varepsilon d}{b}$$
 und $\sin \beta = \frac{v}{w} \frac{\varepsilon d}{b}$.

Umgekehrt, ift die Länge bes Bogens, welchen ber Wasserstrahl am Radsumsang einnimmt,

$$b = \frac{v}{c} \cdot \frac{\varepsilon d}{\sin \alpha} = \frac{v}{w} \cdot \frac{\varepsilon d}{\sin \beta}.$$

Annähernb, $w=c-v=(\varkappa-1)$ v eingesett, folgt:

$$b = \frac{\varepsilon d}{(\varkappa - 1) \sin \beta}.$$

Da die oberschlägigen Wasserräber nicht ventilirt werden, b. i. keine Dessungen im Radboden zum Austritt der vom eintretenden Wasser vertriebenen Luft haben können, so darf die Einmündung einer Radzelle nicht einen Augenblick lang von dem Querschnitt des eintretenden Wassers ausgessüllt sein, sondern es muß dieser Querschnitt noch einen zum Entweichen der verdrängten Luft nöthigen Raum übrig lassen. Wenn nun die Strahlbreite nur wenig kleiner ist als die Radweite e, so muß die Luft längs der ganzen Radweite austreten können, und es ist daher nöthig, daß der im Borstehenden gesundene Bogen, welchen das eintretende Wasser am äußeren Radumsange

einnimmt, noch Meiner sei als ber an eben biesem Umfange von einer Rab-

gelle eingenommene Bogen A A1.

Ift n die Anzahl ber Rabschaufeln und a ber äußere Rabhalbmesser, so mißt dieser lettere Bogen: $b_1 = \frac{2\pi a}{n}$, und sehen wir ihn nun der Bogenlänge b gleich, so erhalten wir folgenden Ausbruck für die zulässige Schaufel- oder Rellenzahl bes Rabes:

$$n = \frac{2 \pi a}{b} = (x - 1) \cdot \frac{2 \pi a \sin \beta}{\epsilon d}.$$

Der Sicherheit wegen ift biefe Zahl noch kleiner, je nach Befinden, nur halb so groß, b. i.

$$n = (n-1) \cdot \frac{\pi \ a \sin \beta}{\epsilon \ d}$$

anzunehmen.

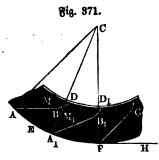
Man ersieht aus dieser Formel, daß die Anzahl ber Schaufeln eines Rades um so größer ausfallen kann, je größer der Radhalbmesser a, der Eintrittswinkel β und das Geschwindigkeitsverhältniß $\varkappa=\frac{c}{v}$, sowie je kleiner der Füllungscoefficient s und je kleiner die Breite d des Radkranzes ist.

Beispiel. Für ein oberschlägiges Wafferrad von 24 Fuß Sobe und 1 Fuß Kranzbreite ift bei bem Geschwindigkeitsverhältniffe $x=\frac{c}{v}=2$, bem Fällungse coefficienten $s=\frac{1}{4}$ und dem Eintritiswinkel $\beta=20$ Grad die größte Schaufelzahl:

$$n = (* - 1) \cdot \frac{2 \pi a \sin \beta}{\epsilon d} = \frac{2 \pi \cdot 12 \sin 20^{\circ}}{\frac{1}{4}} = 96 \pi \sin 20^{\circ}$$
$$= 96 \cdot 3.14 \cdot 0.342 = 103.1,$$

wofür jeboch ber Sicherheit wegen nur zwei Drittel biefes Berthes, etwa 72, angunehmen fein mochte.

(§. 180) Ansahl der Zellen. Wir haben im Obigen angenommen, bağ bas Baffer eine Zelle vollständig verlaffen habe, wenn die Stoßschaufel AB, Fig. 371,



ober wenigstens das äußerste Schanfelende eine horizontole Lage angenommen hat; dies ist jedoch nur annähernd richtig; denn die letten Wassertheile, wie z. B. M., welchen der Druck mangelt, fallen erst allmälig von der Schausel AB herab, während dieselbe fortrückt und eine größere und größere Neigung annimmt. Die Zeit, welche hierzu nöthig ist, läßt sich wie folat ermitteln.

Hat sich bie ansangs horizontale Schausel AB nm ben Winkel $ACA_1 = \psi$ gedreht, ist also auch ihre Neigung gegen den Horizont $= \psi$ geworben, so beträgt die Beschleunigung des Wassertheichens M_1 auf derselben: $p = g \sin \psi$; nun ist aber nach Bd. I, (§. 20) für die entsprechende Fallsgeschwindigkeit w, $\partial w = p \partial t$, daher hat man hier:

$$\partial w = g \sin \psi . \partial t$$
.

Dreht fich bas Rad, und alfo auch die Schaufel mit ber Gefchwindigkeit v berum, fo haben wir auch:

$$a \psi = v t$$
, sowie $a \partial \psi = v \partial t$, baser läßt sich. $\partial w = g \sin \psi \cdot \frac{a \partial \psi}{v} = \frac{g a}{v} \sin \psi \partial \psi$,

und die relative Geschwindigkeit des auf der Schaufel herabfallenden Wasser-Elementes

$$w = \frac{ga}{v} \int \sin \psi \, \partial \psi = \frac{ga}{v} (1 - \cos \psi)$$

fegen.

Nach berselben Stelle in Band I ift auch für ben Raum $B_1 M_1 = s$, welchen das Element in der Zeit t auf der Schaufel zurückgelegt hat:

$$\partial s = w \partial t = \frac{w a \partial \psi}{v} = \frac{g a^2}{v^2} (1 - \cos \psi) \partial \psi;$$

es folgt baher ber Weg felbst

$$s = \frac{g a^2}{v^2} \int (1 - \cos \psi) \ \partial \psi = \frac{g a^2}{v^2} (\psi - \sin \psi).$$

Geht bas Rab schnell um, so wird die Schwerkraft noch durch die anssehnliche Centrisugalkraft unterflützt, und man hat daher, wenn auch mur annähernd, statt $g,g+\frac{v^2}{a}$ (s. Band I, §. 42), wo a den Rabhalbmesserbezeichnet, zu setzen.

hiernach ift nun:

$$s = \frac{a^2}{v^2} \left(g + \frac{v^2}{a} \right) (\psi - \sin \psi),$$

und umgefehrt:

$$\psi - \sin \psi = \frac{v^2 s}{(ga + v^2) a}.$$

Da der Inhalt eines Kreissegmentes $=\frac{\psi-\sin\psi}{2}$ für den Radius =1 ist, so läßt sich daher ψ als der Centriwinkel eines Kreisabschnittes vom Inhalt $\frac{1/2\,v^2\,s}{(g\,a\,+\,v^2)\,a}$ ansehen.

Damit sich alles Wasser aus der Zelle entsernt hat, wenn das äußere Schaufelende A am Fußpunkte F des Rades ankommt, muß dieser Formel auch entsprochen werden, wenn man statt s die ganze Schauselbreite AB = FG, und filr ψ den Aus- oder Eintrittswinkel, d. i. den Winkel $BAE = GFH = \beta$ einführt, um welchen die Schausel AB oder FG vom äußeren Radumfange abweicht.

Mit Bulfe ber Formel

$$\beta - \sin \beta = \frac{v^2 s}{(g a + v^2) a}$$

ober annähernd, mittels ber Formel

$$\sin \beta = \sqrt[3]{\frac{6 v^2 s}{(ga + v^2) a}},$$

läßt sich die Größe des zulässigen Sintrittswinkel β bestimmen, den wir im Borstehenden immer als gegeben oder bekannt angenommen haben. Auch ersieht man aus ihr, daß der Sintrittswinkel β um so kleiner, also der Deckungswinkel um so größer angenommen werden kann, je größer der Rabhalbmesser a., sowie je kleiner die Umfangsgeschwindigkeit v und die Schauselbreite s ist.

Beispiele. 1. Für die Stoßschaufelbreite s = 1 guß, die Umfange geschwindigkeit v = 5 guß und den Rabhalbmeffer a = 10 guß hat man:

$$\beta - \sin \beta = \frac{25}{(81,25.10 + 25).10} = \frac{2,5}{857,5} = \frac{5}{675} = \frac{1}{135} = 0,0074074,$$
 folglis:

$$\frac{\beta - \sin \beta}{2} = 0,0087037.$$

Rad bem "Ingenieur", Seite 152, ist ber entsprechende Winkel $eta=20^{1}/2$ Grad. Die Räherungsformel giebt

sin.
$$\beta = \sqrt[3]{6.0,0074074} = \sqrt[3]{0,04444} = 0,354$$
, und hiernach $\beta = 202/2$ Grab.

2. Für ein hohes Rab von 20 Fuß Halbmeffer und 10 Fuß Umfangsgeschwindigkeit ift, wenn man wieder s == 1 Fuß annimmt,

$$\frac{\beta - \sin \beta}{2} = \frac{50}{(31,25.20 + 100).20} = \frac{2,5}{725} = \frac{1}{290} = 0,0034488,$$
 und hiernach β nahe = 20 Grab.

8. Far ein fehr ichnell umlaufenbes niebriges Rab von 5 guß Salbmeffer und 8 guß Umfangsgeschwindigkeit ift:

$$\frac{\beta - \sin \beta}{2} = \frac{82}{(31,25.5 + 64).5} = \frac{6,4}{220,25} = 0,029058,$$

folglich β = nahe 40 Grab.

Es folgt aus biefen Beispielen, baß sich bie Schaufeln unter einem Bintel von 20 bis 40 Grab an ben außeren Rabumfang anschließen muffen, und zwar ersteres bei hohen und langsam und letteres bei niedrigen und schnell umlawfenden Rabern.

Kinführung des Wassers. Damit bas Wasser in ber gegebenen §. 181 Richtung an bas Rad gelange, legt man entweder die Schützenmilndung ganz nahe an die Eintrittsstelle und stellt bas Schutzbrett rechtwinkelig zur Strahlrichtung, ober man bringt ein Schutzgerinne in der gesorderten Richtung des Strahles an, ober man stellt bas Schutzbrett so, daß das Wasser bei seinem freien Falle in einer Parabel die gegebene Richtung beim Eintritt von selbst annimmt.

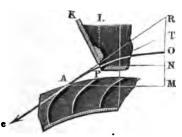
Um die Richtung des Schutzbrettes in dem Falle zu finden, wenn das Wasser zum Theil frei auf das Rad fällt, hat man von der in Band I, $\S.$ 39 u. s. w. abgehandelten Theorie der Wursbewegung Gebranch zu machen. Aus der Geschwindigkeit $\overline{Ac}=c$, Fig. 372, und dem Reigungswinkel RAM=v der gesorberten Strahlrichtung gegen den Horizont solgt die verticale Coordinate des Paradelschiels:

$$\overline{MO} = x = \frac{c^2 \sin v^2}{2 a},$$

und bagegen die horizontale Coordinate:

$$\overline{AM} = y = \frac{c^2 \sin 2\nu}{2 q}.$$

Fig. 372.



Will man nun die Schutöffnung nach irgend einem Punkte P dieser parasbolischen Bahn verlegen, und giebt man etwa die Höhe MN = s dieser Mündung über der Eintrittsstelle A, so hat man für die Coordinaten $\overline{ON} = x_0$ und $\overline{NP} = y_0$ dieses Punktes die Formeln:

$$x_0 = x - x$$

 $y_0 = y \sqrt{\frac{x-s}{x}} = y \sqrt{1-\frac{s}{x}},$

und für ben Reigungewintel $TPN=\nu_0$, welchen die Parabel an diefer Stelle mit bem Horizonte einschließt,

tang.
$$v_0 = \frac{TN}{PN} = \frac{2\overline{ON}}{PN} = \frac{2x_0}{y_0} = \frac{2\sqrt{x(x-s)}}{y}$$
.

Die Ebene PK des Schuthrettes nuß nun winkelrecht auf der Tangente PT stehen. Wir sinden hiernach also die erforderliche Lage des Schuthrettes, wenn wir die Abscisse ON umgekehrt als OT austragen, nun PT zieben, und hierauf wieder ein Berpendikel PK errichten.

Legen wir die Schutzmundung in den Parabelfcheitel, fo tommt naturlich bas Schutbrett vertical zu fleben.

Die Ansfluggeschwindigkeit bei P ift min:

$$c_0 = \sqrt{c^2 - 2gz},$$

und bie entsprechenbe theoretische Drudhohe

$$h_0 = \frac{c^2}{2a} - s,$$

ober effectiv:

$$h_0=1,1\,\left(\frac{c^2}{2\,g}-\varepsilon\right),$$

wenn die Ausmündung glatt abgerundet und vielleicht gar mit Sisenblich bekleibet ift. Die Weite der Schutzmundung foll man nur wenig Keiner machen als die Radweite.

Beispiel. Für die Geschwindigkeit c=15 Fuß und den Neigungswinkel $v=20\frac{1}{4}^{0}$ hat man die Coordinaten des Parabelscheitels: $x=0.016.15^{2}$ (sin. $20\frac{1}{4}^{0}$) $^{2}=0.4312$ Fuß,

nnb

$$y = 0.016 \cdot 15^{2} \cdot \sin 40^{1/2} = 2.338$$
 Fuß.

Bill man nun bie Mitte ber Schusmundung um s = 4 Boll = 0,3333 Fuß uber bie Eintrittoftelle legen, fo hat man bie Coordinaten von ber Mitte ber Munbung:

$$x_0 = 0.4312 - 0.9333 = 0.0979$$
, und $y_0 = 2.338 \sqrt{\frac{979}{4312}} = 1.114$ Fuß.

Für bie Reigung bes Strahles gegen ben Borigont ift

tang.
$$r_0 = \frac{1958}{11140}$$
,

biernach biefe Reigung felbft:

$$\nu_0 = 9^0 58$$
,

und folglich bie bes Schupbrettes:

$$90^{\circ} - \nu_0 = 80^{\circ} 2'$$

§. 182 Bei der in §. 178 angegebenen Einführung des Wassers in die Radzellen erleidet die parabolische Bahn des Wasserstrahles innerhalb des Rades nicht eher eine Beränderung, als die der Strahl auf die Riegelschaufel oder auf das bereits in der Zelle besindliche Wasser aufschlägt; es lassen sich auch für den Punkt W, Fig. 373, in welchem der Strahl auftrisst, die im vorigen Paragraphen gefundenen Formeln anwenden. Bezeichnet si den senkrechten Abstand MN des Eintrittspunktes A von der Oberstäche W des Wassers im Augenblick, wenn der Zusluß in die entsprechende Zelle beendigt ist, so haben wir die Abscisse Endpunktes A1 des Strahles:

$$\overline{ON} = \overline{OM} + \overline{MN}$$
, b. i. $x_1 = x + s_1$,

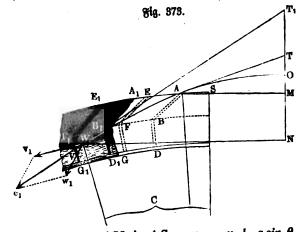
ferner die Ordinate beffelben:

$$\overline{NW} = y_1 = y \sqrt{\frac{x_1}{x}} = y \sqrt{1 + \frac{s_1}{x}}$$

und endlich für den Reigungswinkel T_1 $WN \Longrightarrow v_1$ des Wasserstrahles gegen den Horizont an eben dieser Stelle:

tang.
$$v_1 = \frac{2x_1}{y_1} = \frac{2\sqrt{x(x+z_1)}}{y}$$
.

Noch ist für ben Winkel $WCS= heta_1$, um welchen ber Endpunkt W vom Radscheitel S abweicht,



$$\sin \theta_1 = \frac{WN - AM + AS}{CW} = \frac{y_1 - y + a \sin \theta}{a_1}$$

wobei a_1 ben Halbmeffer C W bezeichnet; und hierans folgt nun ber Wintel, um welchen die Richtung der Endgeschwindigkeit c_1 von der Richtung ber Umdrehungsgeschwindigkeit v_1 in W abweicht:

$$\alpha_1 = \nu_1 - \theta_1.$$

Die Geschwindigkeit c_1 , mit welcher endlich das Wasser in W aufschlägt, ist durch die bekannte Formel $\frac{c_1^2}{2\,g}=\frac{c^2}{2\,g}+s_1$ bestimmt, also:

$$c_1 = \sqrt{c^2 + 2g s_1},$$

ober nach §. 177:

177:

$$c_1 = \sqrt{2 g (0.9 h_0 + s + s_1)}$$
.

Beifpiel. Bei bem im letten Beispiele behandelten Falle ift, wenn man s. = 9 Boll = 0,75 guß annimmt, für ben Angriffspunkt W bie Absciffe:

$$\overline{ON} = x_1 = x + s_1 = 0.4812 + 0.75 = 1.1812 \, \text{Sub},$$

bie Orbinate:

$$\overline{NW} = y_1 = y \sqrt{1 + \frac{s_1}{x}} = 2,338 \sqrt{1 + \frac{0,75}{0,4321}}$$

= 2,388 $\sqrt{2,7356} = 8,867$ Full.

Ferner ift für ben Reigungewinkel bes Strahles an eben biefer Stelle:

$$tang. r_1 = \frac{2 x_1}{y_1} = \frac{2,8624}{3,867}, log. tang. r_1 = 0,7859792 - 1,$$

 $r_1 = 81^{\circ} 25'.$

folylich: $r_1 = 81^{\circ}25'$.

Dagegen ist für den Centriwinkel des Angriffspunktes W, wenn der Radhalbmeffer a = 18 Fuß beträgt und der Winkel $A C S = \theta = 12$ Grad mißt:

$$sin. \theta_1 = \frac{y_1 - y + a \sin \theta}{a_1} = \frac{3,867 - 2,338 + 18 \sin \theta}{17,25} = \frac{1,529 + 3,742}{17,25} = \frac{5,271}{17,25}, log. sin. \theta_1 = 9,4851089,$$

folglich $heta_1=17^0$ 48', und ber Binkel, um welchen in W bie Richtung bes Wasserstrahles von der Tangente des Rades abweicht:

$$\alpha_1 = \nu_1 - \theta_1 = 13^{\circ}37'.$$

Enblich ift bie Geschwindigkeit bes in W jum Stofe gelangenben BBaffers:

$$c_1 = V\overline{c^2 + 2g s_1} = V\overline{15^2 + 62,5.0,75} = V225 + 46,875$$

= $V\overline{271,875} = 16,490 \% u \text{ g}.$

§. 183 Bewegung des einsallenden Wassers im Rade. Die Art und Beise, wie das Wasser innerhalb einer Zelle zum Stoße gelangt, ist solgende. Es sei AFW (Fig. 374) die Are des Wassers im Rade. Die Art und ABD eine Schausel, welche mit ihrem äußeren Ende durch A geht, sowie EFG die nächst vorhergehende Schausel und solglich AGE die Zelle, welche den Wasserstretzer ausnimmt, dessen Are durch AF repräsentirt wird.

Bei ber oben (§. 178) angegebenen Lage bes Schaufelenbes FE gelangt biefer Wafferforper fast ohne allen Stoff in die Belle A GE, wenigstens find es blog nur die vorberften Elemente, welche bei F an EFG wirflich anftogen, ber hauptfächlichfte Stoß erfolgt vielmehr erft, mabrend bie Belle allmälig aus der Lage A G E in die Lage A, G, E, rudt, wobei die porberfte Schaufel ber Belle nach und nach von allen übrigen Elementen bes Wasserförpers AF eingeholt wird. Der Stoß bes Baffers innerhalb ber gebachten Belle ift beenbigt, sowie bas lette Element A bes Wafferforpers AF an die vorderste Schaufel E_1 F_1 G_1 (in V) autrifft oder auf das Waffer in ber gefüllten Zelle (in W) aufschlägt. Bei ber entsprechenben Stels lung der Belle A, G, E, ift alfo auch die Fullung beffelben beendigt und baher anzunehmen, daß bier bie Birtung bes Baffers burch Stoß beenbigt fei und die Wirtung beffelben burch Drud beginne. Um diese Zellenftellung A1 G1 E1 zu finden, hat man in Betracht zu ziehen, bag bie bordere Schaufel EFG bei ihrer Bewegung nach E, F, G, biefelbe Zeit braucht, als bas lette Bafferelement bei feiner Bewegung von A nach V ober W.

Bezeichnen wir ben zu bestimmenben Weg $AA_1 = EE_1$ ber Schanfel burch s, so können wir, da sich bie lettere mit ber Geschwindigkeit v fortbewegt, die Zeit zum Durchlaufen dieses Weges setzen:

$$t=\frac{s}{a}$$

bezeichnen wir dagegen die Länge des Eurvenbogens AFV, durch s_1 , und nehmen wir an, daß das letzte Wasserelement A denselben mit der mittleren Geschwindigkeit $\frac{c+c_1}{2}$ zurücklege, so können wir die hierzu nöthige Zeit

$$t = \frac{2 s_1}{c + c_1}$$

seten. Da nun aber biese beiben Zeiten einander gleich sind, so folgt bie Bestimmungsgleichung

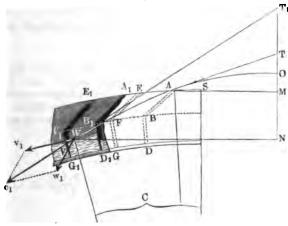
$$\frac{s}{v} = \frac{2s_1}{c+c_1}.$$

Wegen der nur mäßigen Abweichung der Richtung des Strahles AFV vom Umfange AE_1 läßt fich annähernd $s_1=AFV=AE+EF+EE_1$ setzen. Nun ist aber AE der als bekannt anzusehende und auf dem äußeren Radumfang zu messende Abstand $b=\frac{2\pi a}{n}$, zwischen je zwei Radschaufeln, und EF durch die Broportion

$$\frac{EF}{EA} = \frac{w}{v} = \frac{c-v}{v} = x - 1$$

bestimmt, und zwar

$$\overline{EF} = (\varkappa - 1) \ \overline{EA} = (\varkappa - 1) \ b;$$
§ig. 874.



baher folgt:

$$s_1 = b + (x - 1)b + s = xb + s;$$

es nimmt nun bie gefundene Bestimmungegleichung folgende Gestalt an:

$$\frac{s}{v} = \frac{2}{c + c_1} (x b + s), \text{ ober:}$$

$$(c + c_1 - 2 v) s = 2 x v b,$$

und es ift baher ber gesuchte Weg ber Schaufel mahrend bes Bafferftofes folgender:

$$s = \varkappa \cdot \frac{2 \, v}{c + c_1 - 2 \, v} \, b = \frac{2 \, \varkappa \, b}{\left(1 + \frac{c_1}{c}\right) \varkappa - 2}.$$

Mit Hulfe von $s=\overline{AA_1}=\overline{EE_1}$ läßt sich nun die entsprechende Schaufelstellung aufzeichnen. Da sich aus bem gegebenen Aufschlagsquantum Q pr. Secunde die Umbrehungszahl des Rades pr. Minute sowie aus der Anzahl der Rabschaufeln der Basserberer

$$V = \frac{60 Q}{n u}$$

und hieraus wieder ber Querfcnitt beffelben:

$$F = \frac{V}{e} = \frac{60 \, Q}{n \, u \, e}$$

bestimmen läßt, so tann man nun auch die Lage des Basserspiegels W in der Zelle A_1 G_1 E_1 angeben und die Höhe $MN = s_1$ abmessen, welche wir im vorigen Paragraphen als gegeben angesehen haben.

Da $c_1 = \sqrt{c^2 + 2 g s_1}$ ift, so hängt allerdings die ganze Bestimmung von s durch die obige Formel mit von s_1 ab; es ist indessen s_1 in der Regel eine mäßige Größe, für welche man in dem letzteren Ausdrucke einen Annäherungswerth einsehen kann.

Beispiel. Wenn ein oberschlägiges Wasserrad bei einer hohe von 36 Fuß, 96 Schaufeln hat und mit $7\frac{1}{2}$ Fuß Geschwindigkeit umläuft, wenn ferner das Wasser mit der Geschwindigkeit $c=2\,v=15$ Fuß in dasselbe eingefährt wird und sich dieselbe im Rade auf $c_1=16,49$ Fuß steigert (s. das Beispiel des vorigen Paragraphen), so ist die Theilung oder die äußere Weite einer Radzelle:

$$b = \frac{2\pi a}{n} = \frac{36.3,1416}{96} = 1,18 \text{ gu}$$

und bie Bewegung berfelben mabrent bes Bafferftoffes:

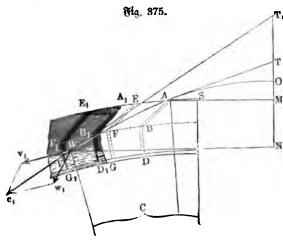
$$s = \frac{2 \times b}{\left(1 + \frac{c_1}{c}\right) \times -2} = \frac{2 \cdot b}{1 + \frac{16,45}{15} - 1} = \frac{2 \cdot 1,18}{1,097} = 2,15 \text{ Gus.}$$

Anmerkung. Eine theoretifche Untersuchung aber bie Einfahrung bes Baffers in verticale Wafferraber habe ich im "Civilingenieur" Bb. 4 versöffentlicht. Siehe auch bas Taschenbuch "ber Ingenieur."

Stosswirkung. Das Wasser wirkt beim oberschlägigen Wasserade §. 184 vorzüglich durch sein Gewicht, und nur zum kleinsten Theil durch Stoß. Die Wirtung durch ben Stoß sinden wir, indem wir von der ganzen Wirtung, welche der lebendigen Kraft des eintretenden Wassers entspricht, abziehen: die mechanische Arbeit, welche das Wasser behält, wenn es das Rad verläßt, sowie dieseinige, welche es durch seine wirdelnde Bewegung beim Eintritt in die Zellen verliert. Die Geschwindigkeit des absließenden Wassers ist gleichzusehen der Geschwindigkeit v_1 des Rades im Theilrisse, und es ist daher das im absließenden Wasser zurückbleibende Arbeitsvermögen $=\frac{v_1^2}{2\,g}\,Q\,\gamma$. Der Arbeitsverlust, welcher bei dem Wirbeln und Zertheilen des Wassers entsteht, läßt sich aber, wie beim Stoße, $=\frac{w_1^2}{2\,g}\,Q\,\gamma$ sezen, insosen w_1 diezienige Geschwindigkeit bezeichnet, welche das Wasser beim Eintritt in die Zellen plößlich verliert. Ist daher c_1 die Geschwindigkeit $\overline{Wc_1}$, Fig. 375, des eintretenden Wassers, so folgt die noch übrig bleibende Wirkung seiner lebendigen Kraft:

$$L_1 = \left(\frac{c_1^2 - v_1^2 - w_1^2}{2 g}\right) Q \gamma.$$

Run läßt sich aber c_1 in die Seitengeschwindigkeiten $\overline{Wv_1} = v_1$ und $\overline{Ww_1} = w_1$ theilen, wovon v_1 eben diejenige Geschwindigkeit ift, die das



Wasser behält, indem es mit der Zelle fortgeht, es ist daher auch der and bere Component w_1 die verlorene Geschwindigkeit. Schen wir den Winkel c_1 Wo, welchen die Richtung der Eintrittsgeschwindigkeit c_1 mit der Tan-

gente Wv_1 ober Richtung ber Umfangsgeschwindigkeit einschließt, $= \alpha_1$, so haben wir bekanntlich:

$$w_1^2 = c_1^2 + v_1^2 - 2 c_1 v_1 \cos \alpha_1$$

und baber bie gefuchte mechanische Arbeit:

$$L_{1} = \left(\frac{c_{1}^{2} - v_{1}^{2} - c_{1}^{2} - c_{1}^{2} + 2 c_{1} v_{1} \cos \alpha_{1}}{2g}\right) Q \gamma$$

$$= \frac{(c_{1} \cos \alpha_{1} - v_{1}) v_{1}}{g} Q \gamma,$$

oder da $\frac{1}{g}=$ 0,032 und $\gamma=$ 61,75 Pfund ist,

 $L_1=1,976~(c_1\cos.lpha_1-v_1)~v_1~Q$ Fußpfund, ober auch $L_1=102~(c_1\cos.lpha_1-v_1)~v_1~Q$ Meterkilogramm.

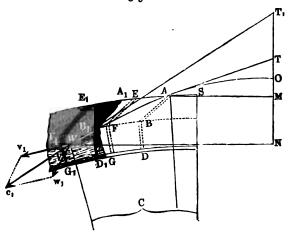
Man ersieht leicht, daß diese Stoßleistung um so größer wird, je größer c_1 und je kleiner α_1 ist; auch folgt durch Bergleichung mit Bb. I, §. 500, daß diese ein Maximum wird, wenn $v_1 = \frac{1}{2} c_1 \cos \alpha_1$ ausfällt. Die dem letzten Berhältnisse entsprechende Maximalleistung ist

$$L_1 = \frac{1}{2} \frac{c_1^2 \cos \alpha_1^2}{2 g} Q \gamma$$

ober $\alpha_1 = 0$, also $\cos \alpha_1 = 1$ geset,

$$L_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{c_1^2}{2 q} Q \gamma.$$

Da $\frac{c_1^2}{2g}$ bas der Geschwindigkeit c_1 entsprechende Gefälle ist, so folgt, baß die Stoßwirkung im gunstigsten Falle nur halb so groß ist, als die Fig. 376.



bisponible Leiftung. Und es ift aus biefem Grunde zwedmäßiger, vom ganzen Radgefälle nur den kleinsten Theil auf den Stoß und dagegen so viel wie möglich auf ben Drud zu verwenden. Könnten wir c_1 cos. $a_1 = v_1$, also $c_1 = \frac{v_1}{\cos a_1}$ machen, so würden wir das Gefälle $\frac{v_1^2}{2 \ g \cos a_1^2}$ zur Einführung des Wassers in das Rad aufwenden, ohne eine Wirkung durch ben Stoß zu erhalten. Machen wir hingegen $c_1 = \frac{2 \, v_1}{\cos. \, \alpha_i}$, verwenden wir also auf die Einführung des Wassers das vierfache Gefälle $4 \cdot \frac{v_1^2}{2 \, a \cos \, a^2}$,

so erhalten wir boch nur bie Wirkung

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{4 \, v_1^2}{2 \, g} \, Q \gamma = 2 \cdot \frac{v_1^2}{2 \, g} \, Q \gamma$$

und verlieren also gar das Gefälle $\left(\frac{4}{\cos \alpha^2} - 2\right) \frac{v_1^2}{2 a}$, ober, wenn wir,

ba a_1 sehr klein ist, $cos. a_1 = 1$ sehen, $= 2 \cdot \frac{v_1^3}{2 a}$, b. i. doppelt so viel, als wenn wir auf alle Stofleiftung Bergicht leiften, also bas Baffer nur so schnell eintreten lassen, als bas Rab umgeht. Uebrigens ersehen wir auch, daß eine um fo größere Wirkung vom Rabe zu erwarten ift, je kleiner v1, d. i. je langfamer bas Rab umgeht. Allerbings fällt aber die Rabweite e oder der Fassungsraum, und also auch das Gewicht bes Wasserrades, um fo größer ans, je kleiner die Umfangsgeschwindigkeit o ober Umbrehungszahl w bes Rabes ift; ba nun aber bie Zapfen eines Rabes um fo ftarter gemacht werben muffen, je schwerer bas Rab ift, und bas Moment ber Bapfenreibung mit ben Bapfenftarten wächst, so wird allerbinge bei einem langfam umgehenben Rabe mehr mechanische Arbeit burch bie Bapfenreibung consumirt als bei einem schneller umlaufenden, und es ift hiernach leicht ju ermeffen, bag bie größte Leiftung eines Wafferrabes noch teineswegs eine unenblich kleine Umbrehungegeschwindigkeit erforbert.

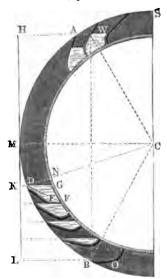
Da (nach &. 178) schon c größer als v sein muß, so ist um so mehr c1 großer als v1, es übertrifft baber ber Arbeitsverluft burch ben Stog ftets die Größe

 $\frac{v_1^2}{2a} Q\gamma$.

Druckwirkung. Die mit Waffer gefüllten Zellen eines Wafferrabes §. 185 bilben gleichsam einen ringförmigen Bafferraum AB, Fig. 377 (a. f. S.), ben man beshalb auch ben mafferhaltenben Bogen nennt. Da bas Baffer am oberen Ende biefes Bogens ein- und am unteren Ende austritt,

so ist bessen Sobe ha bas wirksame Gefälle, und baher bie mechanische Leistung bes Rabes burch Drud, = h2. Qy. Die Sobe bes wasserhal-

Fig. 377.



tenden Bogens läßt sich aber aus drei Theilen zusammensehen. Der erste Theil HM liegt über dem Radmittel und hängt von dem Winkel $SCW=\theta_1$ ab, um welchen die aus §. 183 bekannte Eintrittsstelle W des Wassers in das Rad vom Radscheitel absteht. Setzen wir wieder den Halbmesser $CW=a_1$, so haben wir die Höhe des obersten Their les vom wasserhaltenden Bogen,

$$\overline{HM} = a_1 \cos \theta_1$$
.

Der zweite Theil MK liegt unter bem Rabmittel M und hängt von der Stelle D ab, wo das Wasser ansängt auszufließen; setzen wir den Winkel MCD, um welchen diese Stelle unter dem Radmittel liegt, $=\lambda$, so haben wir diese zweite Höhe $\overline{MK}=a\sin\lambda$. Orr dritte Theil entspricht endlich deminigen

Bogen DB, in welchem bas Ansleeren vor sich geht, der also zwischen dem Anfange D und dem Ende B des Austrittes liegt. Setzen wir den Winkel MCB, um welchen die Stelle B, wo das letzte Wasser aus dem Rade tritt, unter dem Radmittel M liegt, $=\lambda_1$, so haben wir die Höhe KL desselben =a ($sin. \lambda_1 - sin. \lambda$). Während nun in den ersten beiden Bogentheilen das Wasser zur vollständigen Wirkung gelangt, theilt es in dem unteren Drittel nur einen Theil seiner mechanischen Arbeit dem Rade mit, weil es sich hier allmälig vom Rade entsernt, und wir können daher die ganze Wirkung des Wassers durch sein Gewicht nur

$$= (a_1 \cos \theta_1 + a \sin \lambda) Q \gamma + a (\sin \lambda_1 - \sin \lambda) Q_1 \gamma$$

setzen, wenn Q bas ganze Aufschlagwasserquantum pr. Secunde, Q_1 aber nur einen Theil besselchen und zwar bas mittlere Wasserquantum bezeichnet, welches wir im Bogen DB wirfend annehmen können.

Bereinigen wir hiermit die Stofleistung des Baffere, fo bekommen wir bie gange mechanische Arbeit eines oberschlägigen Bafferrades:

$$L = \left(\frac{(c_1 \cos \alpha_1 - v_1)v_1}{g} + a_1 \cos \theta_1 + a \sin \lambda\right) Q\gamma + a (\sin \lambda_1 - \sin \lambda) Q_1\gamma,$$

oter, wenn wir die Höhe $(a_1\cos heta_1+a\sin\lambda)$ des Theiles vom wasser-

haltenden Bogen, welcher das vollständige Wasserquantum aufnimmt, durch h_3 , den übrigen Theil $a(\sin \lambda_1 - \sin \lambda)$ aber durch h_4 und das Bershältniß $\frac{Q_1}{Q_1}$ durch ξ bezeichnen:

$$L = Pv = \left(\frac{(c_1 \cos \alpha_1 - v_1)v_1}{q} + h_3 + \xi h_4\right)Q\gamma,$$

und bie Rraft am Umfange bes Wasserrabes:

$$P = \left(\frac{(c_1 \cos a_1 - v_1)v_1}{g} + h_3 + \xi h_4\right) \frac{Q}{v} \gamma.$$

Beispiel. Bei einem 30 Fuß hohen oberschlägigen Wasserade ist die Einstrittsgeschwindigkeit $c_1=16$ Fuß, die Geschwindigkeit der Theilrisse, $v_1=7$ Fuß der Winfel a_1 , um welchen die Strahlrichtung von der Bewegungsrichtung des Rades an der Eintritisskelle W abweicht, $=12^{\circ}$, und der Halbmesser oder Abstand C W=14 Fuß, serner der Abstand dieser Stelle vom Scheitel, $WCS=18^{\circ}$, der Abstand der Ansangskelle D des Ausgusses vom Nadmittel, $\lambda=58^{\circ}/_2{^{\circ}}$, und der Abstand der Endskelle B von eben diesem Mittel, $\lambda_1=70^{\circ}/_2{^{\circ}}$, endlich das Ausschlagequantum Q=5 Cubissuß, und es werde $\xi=\frac{Q_1}{Q}=\frac{1}{2}$ angenommen:

man fucht bie Leiftung bes Rabes. Es ift bas wirffame Stoffgefälle

= 0.032 (16 cos. 12^{0} — 7). 7 = 0.224 (15.65 — 7) = 1.937 Fuß; und das Drudgefälle:

= 14 cos. $18^{0} + 15$ [sin. $58\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ (sin. $70\frac{1}{2} - \sin. 58\frac{1}{2}$)]

= 13,315 + 15 (0,8526 + ½. 0,09) = 13,315 + 13,464 = 26,779 Fuß; folglich bie ganze Leiftung bes Wafferrabes:

L = (1,937 + 26,779).5.61,75 = 28,716.308,75 = 8866 Fußpfund = 18,5 Bferbekräfte.

Die Kraft am Umfange bes Rabes, beffen Geschwindigkeit $v=7\frac{1}{2}$ Fuß mißt, beträgt folglich: $P=\frac{L}{\pi}=\frac{8862}{7.5}=1182$ Pfund.

Austritt des Wassers aus dem Rade. Man sieht hiernach leicht §. 186 ein, daß es bei genauer Bestimmung der Druckwirtung des Wassers bei einem oberschlägigen Rade besonders darauf ankommt, die beiden Grenzen des Ausgußbogens und das Verhältniß $\xi = \frac{Q_1}{Q}$ der mittleren Wassermenge einer Zelle im Ausgußbogen zur anfänglichen Wassermenge in einer Zelle zu sinden. Hierüber sollen daher in Folgendem die nöthigen Regeln gegeben werden.

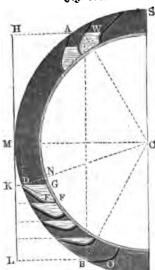
Hat das Rad n Schaufeln oder Zellen und macht es pr. Minute u Umbrehungen, so werden dem Wasser in jeder Secunde $\frac{nu}{60}$ Zellen zur Aufnahme der Wassermenge Q bargeboten, und es kommt daher auf eine Zelle das Wasserquantum:

$$V = Q : \frac{nu}{60} = \frac{60 Q}{nu}.$$

Bezeichnet e, wie früher, die Radweite, so folgt der Querschuitt des Wafferprismas in einer Belle:

 $F_0 = \frac{V}{e} = \frac{60 \ Q}{nue}$ (S. §. 183.)

Fig. 378.



Ift nun DEFG, Fig. 378, diejenige Belle, bei welcher bas Ausgießen anfängt, fo können wir seben:

Fo = Segment DEF + Dreieck DFG, ober ba Dreieck DFG = Dreieck DFN - Dreieck DGN ist,

 $F_0 =$ Segment DEF +Dreied DFN -Dreied DGN.

Setzen wir nun den Inhalt des Segmentes DEF = S, und den des Dreiedes DFN = D, so haben wir das Dreied

 $DGN = S + D - F_0$. Da sich aber $\triangle DGN$ auch $= \frac{DN \cdot NG}{2} = \frac{1}{2} d^2 tg \cdot \lambda$

annehmen läßt, so folgt enblich annähernb, und zwar um so richtiger, je größer bie Ans zahl ber Schaufeln ist,

zahl der Schaufeln ist, $tang. \, \lambda = \frac{S + D - F_0}{^{1/2} \, d^2}.$

Hiernach ist der Winkel $MCD = \lambda$ bestimmt, welcher dem Anfangspunkte D des Ausgusses entspricht. Sine Zelle wird ferner das Wasser gänzlich verloren haben, wenn das äußere Schaufelende horizontal liegt; ist daher Winkel CBO, welchen dieses Ende, oder nach Besinden, die ganze Stoßschausel mit der Richtung des Halbmessers CB einschließt, $=\lambda_1$, so wird λ_1 auch zugleich den Winkel MCB angeben, welcher den Endpunkt B des Ausgusbogens bestimmt. Um nun die Wirkung des Wassers im Ausgusbogen zu sind en, theilen wir die Höhe KL = a $(sin, \lambda_1 - sin, \lambda)$ in eine gerade Anzahl gleicher Theile, geben die den erhaltenen Theilpunkten entsprechenden Schauselstellungen an, schneiden durch Horizontallinien die Ouerprosile der Wasserstellungen an, ichneiden verschiedenen Stellungen an, und bestimmen die Inhalte $F_1, F_2, F_3, \dots F_n$ dieser Querprosile. Run wird der mittlere Werth F dieser Prosile durch die Simpson'sche Regel ermittelt, indem man setzt:

$$F = \frac{F_0 + F_n + 4(F_1 + F_3 + \dots + F_{n-1}) + 2(F_2 + F_4 + \dots + F_{n-2})}{3n},$$

und hieraus erhalt man bas Berhaltnif ber mittleren Wassermenge einer Zelle im Ausgufbogen zur Wassermenge einer Zelle vor Anfang bes Ausgusses:

$$\xi = \frac{Q_1}{Q} = \frac{F}{F_0} = \frac{F_0 + F_n + 4(F_1 + F_3 + \dots + F_{n-1}) + 2(F_2 + F_4 + \dots + F_{n-2})}{3n F_0}.$$

Beispiel. Ein 40 Auf hobes Bafferrab foll pr. Minute 300 Cubiffug Auffolagewaffer erhalten und innerhalb eben biefer Beit vier Umbrehungen machen; man fucht die Leiftung biefes Rabes. Nehmen wir die Rabtiefe ober Krangbreite 1 Fuß an, so konnen wir bie Rabweite

$$e = \frac{4.300}{\pi.40.1.4} = \frac{30}{4\pi} = 2.4 \text{ Suf}$$

machen; geben wir bem Rabe 136 Schaufeln, fo erhalten wir bas Wafferquantum in einer Belle:

$$V = \frac{300}{4.136} = \frac{75}{136} = 0,5515$$
 Cubiffuß,

und bemnach ben Querschnitt beffelber

$$F_0 = \frac{0,5515}{2,4}$$
 Duadratfuß = $\frac{144.0,5515}{2,4}$ = 33,09 Duadratzoli.

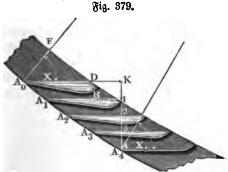
Bei ber angewandten und aus Fig. 379 zu ersehenden Schaufelconstruction ergiebt fich burch genaue Meffung ber Inhalt bes Segmentes A. B.D., S = 24,50 Quabratzoll, und ber bes Dreiedes $A_0FD=102$ Quabratzoll; es folgt baber für ben Unfang bes Ausguffes:

tang.
$$\lambda = \frac{24,50 + 102 - 33,09}{\frac{1}{2} \cdot 144} = \frac{93,41}{72} = 1,2973...$$

alfo:

$$\lambda = 52^{\circ}22^{1/2}$$
.

Der Winkel, unter welchem bas außere Schaufelenbe ben halbmeffer bes Ras



bes trifft, ift \(\lambda_1 = 620 30', \) baher bie Sohe KA, bes mafferhaltenben Bogentheiles, in welchem bas Ausleeren erfolgt,

 $= a (sin. \lambda_1 - sin. \lambda)$ = 20(0.8870 - 0.7920)= 1.9 Kug.

Bergeichnet man nun innerhalb biefer Sobe noch brei Schaufelftellungen, fo finbet man burch Meffung unb Rechnung bie Querschnitte ber Wafferforper einer Schaufel bei biefen Stellungen:

 $F_1 = 24,50$; $F_2 = 14,48$ und $F_3 = 6,60$ Quadratzoll.

Da nun noch ber Querschnitt am Anfang, $F_{
m 0}=33,09$ und ber am Ende

F4 = 0 ift, so hat man die Berhältnißzahl:
$$\xi = \frac{F}{F_0} = \frac{33,09 + 4(24,50 + 6,60) + 2.14,48}{12.33,09} = \frac{15,5375}{33,09} = 0,469.$$
Wäre nun noch die Söhe des obersten Wassersleis über der Radmitte M .

Bare nun noch bie Sobe bes oberften Bafferspiegels über ber Rabmitte M. $a_1 \cos \theta_1 = 18$ Fuß, so wurde bie Leiftung bes Bafferrabes burch bas Gewicht bes Baffere, ohne Rudficht auf ben Stoß und auf bie Bapfenreibung betragen:

$$L = (a_1 \cos \theta_1 + a [\sin \lambda + 0.469 (\sin \lambda_1 - \sin \lambda)]) Q\gamma$$

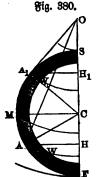
= $[18 + 20 (0.7920 + 0.469 . 0.0950)] 5 . 61.75$
= $(18 + 16.73) . 308.75 = 10723 Fußpfund = 221/2 Pferbeträfte.$

Anmerkung. Die Höhe bes wasserhaltenben Bogens von Wasserspiegel zu Wasserspiegel zu messen, ist nur annähernd richtig; eigentlich hat man dieselbe vom Schwerpunkt zum Schwerpunkt bes Wassers in einer Zelle zu nehmen.

§. 187 Einfluss der Contrifugalkraft. Bei gleicher Umfangsgeschwindigsteit haben kleine Räber eine größere Umbrehungszahl als große; überdies erfordert es oft der gleichförmige Gang oder der Zwed der Maschinen, z. B. bei Sägemühlen, Hammerwerken u. s. w., kleinen Räbern eine mehr große als kleine Geschwindigkeit zu geben. Aus diesen Gründen machen kleine Räber oft eine große Anzahl (25) von Umbrehungen in der Minute. Bei diesem großen Berthe von u fällt aber die Centrisugalkraft des Basseisen gegen den Zellen so groß aus, daß die Reigung der Oberstäche dessellen gegen den Horizont (s. Bd. I, §. 354) sehr bedeutend wird, und daher ein viel zeitigeres Anstreten erfolgt, als wenn das Rad langsam umginge. Wir haben an dem citirten Orte gesunden, daß die Oberstächen des Basseis in den Radzellen lauter concentrische Cylindermäntel bilden, deren gemeinschaftsliche Axe O, Fig. 380, parallel mit der Radage läuft und um die Höhe

$$\overline{CO} = k = \frac{g}{\omega^2} = g \cdot \left(\frac{30}{\pi u}\right)^2 = \frac{2850}{u^2}$$
 Fuß

über ber Radaxe C sieht. Es mächst also bieser Abstand umgekehrt wie bas Quabrat ber Umdrehungszahl, und fällt bei einer großen Umbrehungszahl ziemlich klein aus. Man sindet nun sogleich, daß nur im



Rabscheitel S und im Rabsuse F der Wasserspiegel horizontal ist, daß er dagegen an einer gewissen Stelle oberhalb des Radmittels M am meisten vom Horizont abweicht. Es ist die Abweichung HAW = AOC = z für irgend einen Punkt A, welcher um $ACM = \lambda$ unter dem Radmittel steht,

tang.
$$\chi = \frac{AH}{OH} = \frac{a\cos \lambda}{k + a\sin \lambda}$$
.

Für einen Punkt A1 oberhalb M ift & negativ, baber:

tang.
$$\chi = \frac{a \cos \lambda}{k - a \sin \lambda}$$
.

Legt man von O aus eine Tangente O A_1 an ben Radumsang, so erhält man im Berührungspunkte A_1 diejenige Stelle, wo der Wasserspiegel am meisten vom Horizonte abweicht, wo also χ ein Maximum, und zwar $= \lambda$ ist, und durch

$$\sin \chi = \frac{a}{k} = \frac{\pi^2 a u^2}{900 g} = \frac{a u^2}{2850}$$
 bestimmt wird.

Es nimmt also die Neigung z des Basserspiegels mit dem Radhalbmesser a und dem Quadrate der Umdrehungszahl u proportional zu.

Beispiel. 1. Für ein Rab, welches in ber Minute fünf Umbrehungen macht, ift $k={}^{2850}/_{25}=114$ Fuß, ware nun noch ber Rabhalbmesser a=16 Fuß, und ber Ausgusswinkel $\lambda=50^{\circ}$, so hatte man für die Ausgusstelle:

tang.
$$\chi = \frac{16 \cos. 50^{\circ}}{114 + 16 \sin. 50^{\circ}} = \frac{10,285}{126,256}$$
,

baher $\chi=40\,39'$; es wiche also an biesem Bunfte ber Bafferspiegel beinahe $41/_{8}^{0}$ vom horizonte ab.

2. Für ein Rab mit 20 Umbrehungen hat man:

$$k = \frac{2850}{400} = 7,125 \, \text{Fu} \text{s};$$

ift nun noch a=5 Fuß und $\lambda=0^{\circ}$, so hat man:

tang.
$$\chi = \frac{5}{7.125}$$
, baher $\chi = 35^{\circ}3'$;

enblich 440 34' oberhalb bes Rabmittels ift biese Abweichung sogar 440 34'.

Wenn wir nun ben Einfluß ber Centrifugaltraft berücksichtigen, was bei §. 188 schnell umlaufenden Wasserradern unbedingt nothwendig ist, so muffen die oben gefundenen Formeln für den Ausgußbogen durch andere ersetzt werden.

Es sei A_0 , Fig. 381, die Anfangsstelle bes Ausgusses, $MCA_0 = H_0A_0C = \lambda$ der Ausguswinkel, $H_0A_0W_0 = A_0OC = \mathbf{z}$ die Depression des Wasserspiegels unter dem Horizonte, also:

$$\angle G_0 A_0 W_0 = \lambda + \chi \text{ unb}$$

$$\triangle A_0 G_0 W_0 = \frac{1}{2} d \cdot d \text{ tang. } (\lambda + \chi)$$

$$= \frac{1}{2} d^2 \text{ tang. } (\lambda + \chi).$$

Setzen wir nun wieder den Inhalt des Segmentes $A_0 B_0 D_0 = S$, den des Dreisedes $A_0 G_0 D_0 = D$, und den Querschnitt des Bassertörpers $= F_0$, so erhalten wir: $F_0 + \frac{1}{2} d^2 tang. (\lambda + \chi) = S + D$, und daher:

1) tang.
$$(\lambda + \chi) = \frac{S + D - F_0}{1/2 d^2}$$
.

Noch ist aber $\frac{\sin A_0 O C}{\sin O A_0 C} = \frac{C A_0}{C O}$, d. i.: $\frac{\sin \chi}{\sin (90^0 - (\lambda + \chi))} = \frac{a}{k}$,

daher folgt bann:

2)
$$\sin \chi = \frac{a \cos(\lambda + \chi)}{k}$$
.

Nachbem man burch die erste Formel $\lambda + \chi$ und burch die zweite die Depression z gefunden hat, erhält man durch Subtraction dieser beiden Bintel von einander ben Ausgufwinkel:

$$\lambda = (\lambda + \chi) - \chi.$$

Am Enbe A1 bes Ausgugbogens fällt bas außere Schaufelenbe mit bem Wasserspiegel A_1 W_1 zusammen, es ist also bort CA_1 $W_1 = \lambda_1 + \chi_1 =$ bem bekannten, burch die Schaufelbedung bestimmten Winkel $\delta = 90^{\circ} - \beta$,

baher:
$$\sin \chi_1 = \frac{a\cos \delta}{k} = \frac{a\sin \beta}{k}$$
, and $\lambda_1 = \delta - \chi_1$,

b. i. ber Winkel, um welchen bas Ende A_1 bes Ausgußbogens vom Radmittel M absteht.

Wenn man nun die fich auf biefe Weife herausstellende Bobe

$$H_0 H_1 = h_4 = a (\sin \lambda_1 - \sin \lambda),$$

Kig. 382, des Ausgußbogens in eine paare Anzahl (4 ober 6) gleicher Theile theilt, und die Schaufelfüllungen für die entsprechenden Schaufelstellen ermittelt, fo tann man wieber bas Berhältniß

%ig. 382.



ber mittleren Schaufelfüllung während des Ansgießens jur Fullung vor bem Ausgießen finben, und hiernach die Wirtung des Wassers im Ausgußbogen berechnen. Sierbei find natürlich bie obigen Formeln umgekehrt zu gebrauchen. ift bier & gegeben, biernach

$$tang. \chi = \frac{a \cos \lambda}{k + a \sin \lambda}$$
 und

$$F = S + D - \frac{1}{2} d^2 tang. (\lambda + \chi).$$

Fullt bas Baffer nicht mehr bas ganze Seament aus, ist also F < S, also $1/2 d^2 tang. (\lambda + \gamma) > D$

fo hat man zu feten (f. Fig. 382):

$$F =$$
 Segment $ABD - \triangle ADW$, und bei geraden Schaufeln

this ver getaven Supulpein
$$sin. (\lambda + \chi - \delta) si$$

 $F = S - \frac{1}{2} s^2 \cdot \frac{\sin (\lambda + \chi - \delta) \sin \delta_1}{\sin (\lambda + \gamma)},$ wo s die Diagonale AD, und do ben Winkel DAC bezeichnet, welchen

O

dieselbe mit dem Halbmeffer CA einschlieft.

Beifpiel. Das kleine holgerne Bafferrab in Fig. 383 hat 12 Jug Bobe. 1 Fuß Tiefe, 4 Fuß Beite und nimmt bei 17 Umlaufen pr. Minute 1080 Cus bikfuß Aufschlag auf, man sucht die mechanische Leistung besselben. Es ift bier:

$$a = 6$$
, $d = 1$, $e = 4$, $a_1 = 5.5$, $Q = \frac{1080}{60} = 18$ und $u = 17$;

giebt man nun bem Rabe 24 Schaufeln, so hat man:

$$g^0 = \frac{360^0}{24} = 15^0$$
 und $F_0 = \frac{1080}{24.17.4} = \frac{45}{68} = 0,662$ Quadratfuß.

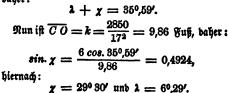
If ferner D = 0,652 und S = 0,373, fo hat man:

tang.
$$(\lambda + \chi) = \frac{0.878 + 0.652 - 0.662}{\frac{1}{2}} = 0.863 \cdot 2 = 0.726,$$
Wig. 883.

3. 883. baher:

Ħ.

H,



Es fangt hier also ber Ausguß schon 61/2° unster bem Radwinkel an. Um bie Stelle zu finden, wo der Ausguß beenbigt ift, hat man in dem vowliegenden Falle, wo sich noch etwas Wasser in der Belle erhält, wenn auch der Wasserspiegel das außere Ende ber Schaufel berährt, in der Formel

$$\sin \chi_1 = \frac{a \sin \beta}{k}$$

ftatt a ben Theilfreishalbmeffer $a_1=5,5$ und ftatt β ben Eintrittswinkel, welcher hier $=10^0\,46'$ beträgt, zu sehen. Es ist sonach:

$$sin. \chi_1 = \frac{5.5 \ sin. 10^0 \ 46'}{9.86}, \ baher:$$

 $\chi_1 = 5^{\circ}59',$

und ber zweite Ausgugwinfel:

$$\lambda_1 = 79^{\circ} 14' - 5^{\circ} 59' = 78^{\circ} 15'.$$

hiernach ift nun bie Sohe bes Ausgußbogens:

$$h_4 = a_1 \sin \lambda_1 - a \sin \lambda = 5.5 \sin 73^{\circ} 15' - 6.0 \sin 6^{\circ} 29' = 5.2666 - 0.6775 = 4.589 Fuß.$$

Diese höhe theilen wir in vier gleiche Theile, und bestimmen nun burch Beichnung, genaue Messung und Rechnung noch die entsprechenden drei Zwischenwerthe von F. Die erlangten Ergebnisse sind: $F_1=0{,}501$, $F_2=0{,}409$, $F_3=0{,}195$; daher das gesuchte Querschnittsverhältnis:

$$\xi = \frac{F}{F_0} = \frac{0.662 + 4(0.501 + 0.195) + 2.0.409}{12.0.662} = 0.537,$$

und bie mechanische Arbeit bes Baffers beim Berabfinten im Ausgußbogen:

$$L_4 = \xi \cdot h_4 Q \gamma = 0,537 \cdot 4,589 \cdot 18 \cdot 61,75 = 2739$$
 Fußpfund.

Fiele bas Baffer mit 20 Fuß Geschwindigkeit 20° unter bem Rabscheitel so ein, daß seine Richtung um 25° von ber Tangente am Eintrittspunkte abwiche, so hatte man noch bie übrige Drudwirkung:

$$L_8 = (5.5 \cos. 20^{\circ} + 6 \sin. 6^{\circ} 29') 18.61,75 = 5,845.1111,5 = 6497 Fußpfund,$$

und bie Stofwirfung, ba bie Geschwindigkeit im Theilriffe

$$v_1 = \frac{11 \cdot \pi \cdot 17}{60} = 9,791 \text{ Fuß}$$

ift:

 $L_1 = 0.032 (20 \cos. 25^{\circ} - 9.791) 9.791 \cdot 18 \cdot 61.75 = 2.611 \cdot 18 \cdot 61.75 = 2902$ Fußpfund.

Demnach ware bie gange Leiftung biefes Rabes: $L=L_1+L_8+L_4=12138$ Fußpfund.

§. 189 Stärke der Radarme. Bon ber Größe und Art ber Wirkung eines Wasserrades hängen auch noch die ersorderlichen Querschnittsdimensionen ber Radarme, sowie die Stärke der Welle und die der Wellenzapfen ab. Um diese Raddimensionen zu ermitteln, hat man vorzüglich den vierten Absschnitt bes ersten Theiles dieses Werkes zu Rathe zu ziehen.

In der Regel wird die Kraft bes Wafferrades burch ein Zahnrad weiter fortgepflangt, und baffelbe fitt entweder

- 1) auf ber Wafferradwelle, ober
- 2) auf einem ber Armfusteme (Armgeviere), ober
- 3) an einem ber Rabfrange feft.

Im ersteren Falle wird die Kraft des Wassers durch die Nabarme auf die Welle und von dieser wieder auf das Transmissionsrad übergetragen; im zweiten Falle geht hingegen die Wasserkraft nur mittels der Nadarme auf das Transmissionsrad über, und im dritten Falle ersolgt die Uebertragung der Wasserkraft fast unmittelbar. Der erstere Fall ist dei weitem der häusigere, um so mehr, da hierzu auch die Fälle zu rechnen sind, wo die Transmission nicht durch Zahnräder, sondern durch Tronnucln, Kurbeln u. s. w. ersolgt.

Bezeichnet m die Anzahl der Arme des Wasserrades, serner b_1 die Breite und h_1 die Dide eines Armes, jene parallel zur Radare und diese parallel zum Radumsange gemessen, so hat man nach der aus Bd. I, §. 236 des kannten Formel

$$Pl = b_1 h_1^2 \cdot \frac{T}{6},$$

ba hier P die Kraft, $\frac{P}{m}$ und l die Länge a eines Rabarmes in Zollen bebeuten,

$$\frac{Pa}{m} = 9,549 \; \frac{L}{mu} = b_1 h_1^2 \cdot \frac{T}{6}$$

zu setzen, und ift nun noch bas Dimensionsverhältniß $rac{b_1}{h_1} = \mu$ ein bestimm-

190

tes, 3. B. bei Holz = 5/7 und bei Gußeisen 1/5, so erhält man hiernach für bie gesuchte Dide ber Rabarme:

$$h_1 = \sqrt[3]{\frac{6}{\mu T} \cdot \frac{Pa}{m}} = \sqrt[3]{\frac{6}{\mu T} \cdot 9,549 \frac{L}{mu}} = 3,86 \sqrt[3]{\frac{L}{\mu T mu}}$$

Drudt man, wie gewöhnlich, a in Fuß und L in Pferbefraften (jebe gu 480 Fugpfund) aus, so erhalt man:

$$h_1 = 4.16 \sqrt[3]{\frac{Pa}{\mu \ Tm}} = 69.2 \sqrt[3]{\frac{L}{\mu \ Tm \ \mu}} \ \text{Boll.}$$

Nimmt man nun noch für Holz $\mu=5/7$ und T=1000 Pfund an (j. Bb. I, §. 240), so erhält man für hölzerne Arme:

$$h_1 = 0.465 \sqrt[3]{\frac{Pa}{m}} = 7.74 \sqrt[3]{\frac{L}{mu}} 300.$$

Der Sicherheit wegen, und weil die Arme auch noch das Gewicht des Rades aufnehmen milsen, nimmt man in der Aussührung reichlich das Doppelte, und setzt hiernach:

I.
$$h_1 = 0.95 \sqrt[8]{\frac{Pa}{m}} = 15.5 \sqrt[8]{\frac{L}{mu}}$$
 Boll.

Nimmt man bagegen für Gußeisen $\mu=1/5$ und T=7000 an, so erhält man für gußeiserne Arme:

$$h_1 = 0.372 \sqrt[8]{\frac{Pa}{m}} = 6.19 \sqrt[8]{\frac{L}{mu}}$$

In ber Pragis nimmt man nahe bas Doppelte an, nämlich:

II.
$$h_1 = 0.7 \sqrt[3]{\frac{Pa}{m}} = 12 \sqrt[3]{\frac{L}{mu}}$$
 Boll.

Beispiel. Wenn ein hölzernes oberschlägiges Bafferrad mit 16 Armen in ber Minute funf Umbrehungen machen, und eine Leiftung von 20 Pferbetraft aufnehmen und mittels seiner Welle fortpflanzen soll, so muffen beffen Arme folgende Querschnittsbimenfionen erhalten:

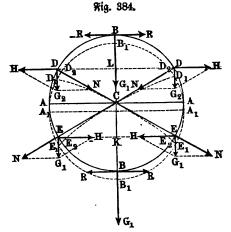
$$h_1 = 15.5 \sqrt[3]{\frac{L}{mu}} = 15.5 \sqrt[3]{\frac{20}{16.5}} = 15.5 \sqrt[3]{0.25} = 9.6 \text{ Boll}$$

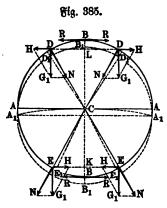
und $b_1 = \mu h_1 = \frac{5}{7}.96 = 7$ Boll.

Rach ben außeren Enben gu tonnen natürlich biefe Dimenftonen etwas abnehmen.

Wenn die Kraft eines oberschlägigen Wasserrades burch ein am Rads & umfange angebrachtes Zahnrad fortgepflanzt wird, so haben die Radarme hauptsächlich nur das Gewicht des Nades zu tragen, und es ist daher in diesem Falle die Stärke der Arme saft nur von dem Nadgewichte abhangig. Da während einer Umbrehung des Rades die Arme besselben nach

und nach in alle möglichen Stellungen gegen die Richtung der Schwere kommen, so ist auch die Kraft, welche ein Radarm hierbei aufzunehmen hat, veränderlich, und es sind daher bei Bestimmung des Querschmittes eines Armes verschiedene Stellungen in Betracht zu ziehen. Setzen wir zunächst mur ein Armspstem mit sechs Armen CB, CD, CE..., Fig. 384 und Fig. 385, sowie eine vollkommene Starrheit des Radkranzes voraus. Bei der Stellung in Fig. 384 sind zwei Arme, CB, CB, verticale, und vier





Arme, CD, CE u. f. w., unter 30 Grab gegen ben Horizont geneigt. aufsteigende Arm widersteht burch feine Drud-, ber abwärts gerichtete Arm burch feine Rug-, und bie übrigen Urme wiberftehen burch ihre gusammengefette Feftigfeit, und zwar die Arme CD. CD burch Druck und Biegunge-, bagegen bie Arme CE und CE burch Rug = und Biegungefeftigfeit. Da die Widerstände bes Drudes und Buges bem Rabe nur eine febr

kleine verticale Senkung gestatten, so sind auch die Biegungen der Arme sehr klein, und wir konnen beshalb die Kraft, welche die Biegung ausnimmt, ganz außer Betracht lassen.

Es fei G berjenige Theil bes Radsgewichtes, welchen das in Betrachtung zu ziehende Armfystem auf die Welle C überzutragen hat, ferner G₁ ber Theil bes Gewichtes, welchen jeder der beiden verticalen Arme, und G₂ der Theil, welchen jeder der beiden geneigten Arme aufnimmt. Die letztere Kraft zerlegt sich in eine horizontale Kraft:

$$H = G_2 tang. 60^{\circ} = \sqrt{3}. G_2$$
,

und in eine Kraft nach ber Richtung bes Armes:

$$N = \frac{G_2}{\cos 600} = 2 G_2$$
.

Da sich die Horizontalkräfte H, H... gegenseitig im Rade ausheben, so kann natürlich das lettere in Folge der Elasticität der Radarme nur senkrecht, und zwar um die Größe $\overline{BB_1} = \overline{DD_1} = \overline{EE_1} \ldots = \sigma$ sinken. Run entspricht aber der Senkung $\overline{DD_1} = \overline{EE_1} \ldots$ der Armenden $D, E\ldots$ die Berkung oder Ausdehnung

$$\overline{DD_2} = \overline{EE_2} = \overline{DD_1}$$
 cos. D_1 $DD_2 = \sigma$ cos. $60^{\circ} = \frac{1}{2}\sigma$; es ist daher auch die Kraft N in der Richtung der Arme CD , CE ... die Hälste der Kraft G_1 des sich um σ verkürzenden Armes CB , sowie auch des sich um σ ausdehnenden Armes CB , und folglich

$$G_2 = \frac{1}{2} N = \frac{1}{4} G_1$$

gu feben.

Führen wir biefen Werth in ber Gleichung $2 G_1 + 4 G_2 = G$ ein, so erhalten wir folgende Ausbrucke für G_1 und G_2 :

$$G_1 = \frac{1}{2} G$$
 und $G_2 = \frac{1}{12} G$.

Bezeichnet endlich F den Querschnitt eines Rabarmes und T ben Tragmodul besselben, so erhalten wir hiernach:

$$F = \frac{G_1}{T} = \frac{G}{3 T},$$

fowie:

$$F = \frac{N}{T} = \frac{2 G_2}{T} = \frac{G}{6 T}.$$

Es ift natürlich ber erstere Querschnitt in Anwendung zu bringen.

Bei der Armstellung in Fig. 385, wo zwei Arme CA, CA horizontal sind, werden nur die vier Arme CD, CD und CE, CE der Drud- und Zugfestigkeit ausgesetzt, und es ist die Drud- oder Zugkraft:

$$N = \frac{G_1}{\cos 30^9} = G_1 V^{\frac{4}{3}} = \frac{G}{4} V^{\frac{4}{3}}$$

folglich ber entsprechenbe Armquerschnitt:

$$F = \frac{N}{T} = \frac{G}{4T} \sqrt{\frac{4}{8}} = \frac{G}{3.464 T},$$

1so fleiner als für die Stellung in Fig. 384.

Der anzuwenbende Armquerschnitt bleibt also

$$F = \frac{G}{3 T}$$

Bei Anwendung von nur vier Armen ift

$$F=rac{G}{2T}$$
,

sowie bei Anwendung von acht Armen

$$F = \frac{G}{4T}$$

zu setzen, wie durch eine ähnliche Untersuchung leicht gefunden werden kann. Ist allgemein die Anzahl der Arme eines Rades — m und das ganze Gewicht besselben — G, so bestimmt sich hiernach der Querschnitt eines Radarmes einfach durch die Formel

$$F = \frac{2 G}{m T}$$

Für hölzerne Arme wäre nach Tabelle I. in §. 212 von Bb. I, T=.2500, bagegen für gußeiserne, T = 9120 Pfund und nach Tabelle II, für schmiedeeiserne, T = 18000 Pfund; ba sich aber lange Arme auch durch Druckfräfte leicht biegen und die Spannung derselben während einer Umbrehung sich unaufhörlich verändert, von dem ersten Werthe nur der zehnte und von den letzteren Werthen nur der fünste Theil in Anwendung zu brimgen, und hiernach

für hölzerne Arme

$$\vec{F} = \frac{2 G}{250 m} = 0,008 \frac{G}{m}$$

und bagegen für gußeiferne Arme

$$F = \frac{2 G}{1822 m} = 0,0011 \frac{G}{m}$$

und für ichmiebeeiferne

$$F = \frac{2 G}{3600 m} = 0,00056 \frac{G}{m}$$
 Quadratzoll

zu seten.

Sind die Radfränze eines Wasserrabes burch schmieberiserne Spannsftangen mit der Welle fest verbunden, so wird das Rad nur von denjenigen Armen oder Stangen, welche abwärts gerichtet sind, getragen. Es ist baher dann $G_1 = \frac{2}{3} G$ und $G_3 = \frac{1}{6} G$,

fowie auch N und F boppelt fo groß als bei einem fteifen Armfpftem.

Anmerkung. Mit hulfe ber vorstehenden Theorie läßt sich auch die erforberliche Stärke eines Rabkranzes ermitteln. Jebe Radhälfte wird von einem Krästepaar (H, -H) ergrissen, welches in den Punkten B, B Spannungen R, -R hervordringt, denen der Radkranz durch seine Festigkeit widerstehen muß. Sest man das Moment $R \cdot 2a$ des Paares R, -R, dem Nomente Ha des Paares H, -H gleich, so erhält man

$$R = \frac{1}{2}H = \frac{1}{2}\sqrt{3}$$
 $G_2 = \frac{1}{24}\sqrt{3}$ $G = 0.072$ G

und daher ben nöthigen Querschnitt bes Radfranges: $fd=rac{R}{T},$ so wie bie Dicke besselben:

$$f = \frac{0.072G}{dT}.$$

Um einen möglichft fleifen Rabfrang zu erhalten, muß man

für hölzerne Kranze T=50,

für gußeiserner Rrange T = 850, unb

für schmiebeeiserne Kranze T=600 Bfund annehmen.

Stärke der Wasserradwelle. Die Stärke ber Wasserradwelle §. 191 bestimmt sich aus bem Kraftmomente bes Rabes bei in Betrachtnahme ber Torsionssestigkeit, sowie aus bem Gewichte besselchen bei Berücksichtigung ber relativen Festigkeit. Zieht man bloß bas Krastmoment Pa in Betracht, so hat man ber Theorie der Torsionssestigkeit zu Folge (s. Bb. I, §. 264) für die Stärke einer gußeisernen chlindrischen Welle:

und folglich biefe Stärfe felbft:

$$d = \sqrt[3]{\frac{Pa}{360}} = 0,1406 \sqrt[9]{Pa},$$

ober, wenn man, wie gewöhnlich, Pa in Fugpfund ausbrudt,

$$d = 0.3218 \sqrt[8]{Pa} \text{ Boll.}$$

Giebt man die Leistung L der Maschine in Pferdekräften, und die Umsbrehungsgahl u berselben pr. Minute, so hat man:

$$Pa = \frac{30.480.L}{\pi u} = 4584 \frac{L}{u}$$

und baber bie gesuchte Bellenftarte:

$$d = 0.3218 \sqrt[8]{\frac{1}{4584}} \sqrt[8]{\frac{L}{u}} = 5.35 \sqrt[3]{\frac{L}{u}},$$

wofür man jeboch in ber Praxis

$$d=0.361$$
 $\sqrt[9]{Pa}=5$ $\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$ $3011=16$ $\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$ Centimeter anniumt.

Für fcmiebeeiferne Wellen ift bagegen im Mittel

$$d=0.301$$
 $\sqrt[9]{Pa}=5$ $\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$ $300=13$ $\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$ Centimeter

ju feten.

Hölzerne Wasserradwellen macht man in der Praxis dreis bis viers mal so start als gußeiserne Wellen, wiewohl aus theoretischen Gründen die reichliche zweisache Stürke ausreicht.

Für Wellen mit quabratischen Querschnitten ift die Seitenlänge s = 0,94 d zu setzen, und für hohle chlindrische Bellen von ber ankeren Beite d, und ber inneren Beite d2, statt

$$d^3 = \frac{d_1^4 - d_2^4}{d_1} = d_1^3 \left[1 - \left(\frac{d_2}{d_1} \right)^4 \right] = (1 - \psi^4) d_1^3,$$

[§. 191.

alfo

$$d_1=\frac{d}{\sqrt[p]{1-\psi^4}},$$

wobei ψ das Berhältniß $\frac{d_2}{d_1}$ bezeichnet. Gewöhnlich nimmt man $\frac{d_2}{d_1}$ = 0,6 an, und hat dann

$$d_1 = \frac{d}{\sqrt[8]{1 - 0.13}} = 1.05 d,$$

fowie

$$d_2 = 0.63 d$$
.

Die unmittelbare Anwendung dieser Formeln setzt vorans, daß das Transmissionsrad auf der Wasserradwelle sitze; ist aber dasselbe mit einem Armsysteme oder einem Radkranze verdunden, so wird durch die sibrigen Armsysteme nur ein Theil des ganzen Umdrehungsmomentes auf die Welle übergetragen, und es fällt daher die ersorderliche Stärke kleiner aus als im ersteren Falle. Hat in diesem Falle das Rad zwei Armsysteme, so kann man annehmen, daß durch das zweite Armsystem die Hälfte des ganzen Momentes Pa auf die Welle, und von da mittels des anderen Armsystemes auf das in seiner Ebene besindliche Zahnrad übergetragen werde; hat das gegen das Rad drei Armsysteme, so läßt sich annehmen, daß das mittlere Armsystem zwei und das dritte Armsystem ein Biertel des ganzen Momentes mittels der Welle auf das erste Armsystem übertrage; es ist daher dei Bestimmung der ersorderlichen Wellenstärke in diesem Falle statt P, entweder 1/2 P oder 3/4 P, und ebenso statt L, entweder 1/2 L oder 3/4 L einzzusstären.

Wenn nun das Transmissionsrad auf einem zwischen den äußersten Rabtränzen mitten innen stehenden Kranze aussitzt, sowie wenn die Transmission burch zwei auf den äußersten Radtränzen aussitzende Zahnräder erfolgt, so hat die Welle fast gar keine Torston auszuhalten, und es ist daher deren Stärke aus dem Gewichte des Rades nach der Theorie der Biegungsfestigkeit zu berechnen.

Beispiel. Wenn ein oberschlägiges Bafferrab von 24 Fuß hohe bei fünf Umbrehungen pr. Minute eine Leiftung von 20 Pferbetraften verrichtet und die Transmission seiner Kraft burch ein auf seiner gußelsernen Welle sigendes Bahme rab ersolgt, so ist die erforderliche Starke dieser Welle:

$$d=6\sqrt[3]{\frac{L}{u}}=6\sqrt[3]{\frac{20}{5}}=6\sqrt[3]{4}=9,53$$
 gott.

Bollte man ftatt biefer Belle eine runbe holgerne Belle anwenben, fo mußte man ihr minbeftene bie Starte

$$d = 3.9,53 = 28,6 \text{ BoV}$$

geben, und follte biefe Belle einen quadratifchen Querfcnitt erhalten, fo warbe bie Seite beffelben

s = 0.94 d = 26.9 Sol

betragen muffen.

Um bie bem Gewichte eines Bafferrabes entsprechenbe Starte g. 192 ber Belle bestimmen zu konnen, ift es nothig, querft bie beiben Bapfen-

Fig. 386.

bride ber letteren zu ermitteln. Es sei in Fig. 386, AKB die Arc ber in ben Punkten H, K, L burch die Gewichte G1, G2, G3 belafteten Bafferradwelle von der Länge AB = l; es feien ferner l1, l2, l8 bie Abstände ber Angriffspuntte H, K, L ber Gewichte G1, G2, G3 bom Bapfen A, und es bezeichne endlich R die Größe des Bapfenbrudes in A, sowie R, bie Größe biefes Drudes in B. Seben wir bie gange Welle als einen Hebel mit dem Stiltspuntte A an, fo tonnen wir (nach Bb. I, §. 92) fegen :

$$R_1 = \frac{G_1 l_1 + G_2 l_2 + G_3 l_3}{l},$$

and wenn wir statt l_1 , l_2 , l_3 ; $l - l_1$, $l - l_2$, $l - l_3$, sowie statt R_1 , Reinführen:

$$R = \frac{G_1(l-l_1) + G_2(l-l_2) + G_3(l-l_3)}{l} = G_1 + G_2 + G_3 - R_1.$$

Es ift leicht zu ermeffen, welche Bufate biefe Formeln erhalten muffen, wenn die Bahl ber Gewichte eine größere ift. Sat man die Bapfenbrude R1 und R bestimmt, fo tann man nun auch die Biegungemomente ber Belle in hinsicht auf die verschiedenen Punkte H, K, L bestimmen. ben Punkt H ift biefes Moment

 $M_1 = R l_1,$ und für ben Puntt K ift es:

also größer ober kleiner als $M_1 = R l_1$, je nachdem R größer ober kleiner als G, ausfällt.

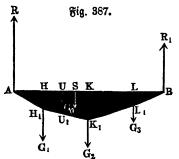
Für ben Buntt L ift ferner bies Moment:

$$M_3 = R l_3 - G_1 (l_3 - l_1) - G_2 (l_3 - l_2)$$

 $= R l_1 + (R - G_1) (l_2 - l_1) + [R - (G_1 + G_2)] (l_3 - l_2),$
und daffelbe ift größer ober kleiner als das in K , je nachdem sich R größer ober kleiner als $G_1 + G_2$ herausstellt.

Trägt man diese Momente in den entsprechenden Punkten H, K, L als Ordinaten HH_1 , KK_1 , LL_1 auf, und verbindet man die Endpunkte A, H1, K1, L1, B mit einander durch gerade Linien, fo meffen die Ordinaten UU1... berfelben auch die Momente ber Zwischenpunkte U... Es findet fest.

folglich bas größte Biegungsmoment M nur in einem ber Angriffepuntte Bu ben Gewichten G1, G2, G3..., welche bie Arms H, K, L statt. insteme in bestimmten Puntten H, K, L auf die Belle übertragen, gefellt fich auch noch bas auf die ganze Are AB stetig vertheilte Bewicht Go ber Welle felbst. Ift lo ber Abstand AS bes Schwerpunktes S ber Welle von



bem Endpunkte A, so hat man die Bergrößerung bes Bapfendrudes R1 in B R. burch bas Gewicht Go:

$$Z_1=\frac{l_0}{l}G_0,$$

fowie die des Zapfendrucks R in A: $Z := \left(rac{l-l_0}{l} \right) G_0$.

$$Z = \left(\frac{l-l_0}{l}\right) G_{0}.$$

In ber Regel ift bas Gewicht Go ber Welle nur ein kleiner Theil vom Gewichte G bes Rabes und es werben baber

auch burch baffelbe bie Zapfenbrilde nur wenig vergrößert. Deshalb ift es baber auch genügend, wenn man bie Belle als einen prismatischen Rorper ansieht, unb $l_0 = \frac{1}{2} l_1$ fowie $Z_1 = Z = \frac{1}{2} G_0$

Auch lassen sich bann die Gewichte ber Wellenstärke
$$AH, AK, AL...$$

$$= \frac{l_1}{l} G_0, \frac{l_2}{l} G_0, \frac{l_3}{l} G_0 ...,$$

fowie ihre Momente in hinficht auf bie Bunkte H, K, L ... ber Reihe nach

$$\frac{1}{2} G_0 \frac{l_1^2}{l}, \frac{1}{2} G_0 \frac{l_2^2}{l}, \frac{1}{2} G_0 \frac{l_3^2}{l} \cdots$$

fegen, fo daß julest bie durch bas Wellengewicht hervorgebrachten Bergroßerungen ber Biegungemomente in Sinsicht auf die Buntte H, K, L ber Reihe nach folgen:

$$Zl_1 - \frac{1}{2} G_0 \frac{l_1^2}{l} = \frac{1}{2} G_0 \frac{l_1(l-l_1)}{l},$$
 $Zl_2 - \frac{1}{2} G_0 \frac{l_2^2}{l} = \frac{1}{2} G_0 \frac{l_2(l-l_2)}{l},$
 $Zl_3 - \frac{1}{2} G_0 \frac{l_3^2}{l} = \frac{1}{2} G_0 \frac{l_3(l-l_3)}{l} \text{ u. f. w.}$

Abbirt man nun biefe Momente zu ben oben angegebenen Momenten, welche ben Gewichten G1, G2, G3 entsprechen, fo erhalt man bie vollftanbigen Biegungsmomente, wonach die erforberlichen Stärken ber Belle in H, K, L ... zu bestimmen sind. Soll die Welle an allen Stellen eine und dieselbe Starte erhalten, fo muß man naturlich dieselbe nach bem größten biefer Momente berechnen. Bortheilhafter ift es aber, bie Starte ber Belle nach ben Enden zu, entsprechend der Abnahme ber Biegungsmomente, allmälig schwächer zulaufen zu laffen. Bu biefem Zwede versieht man auch die Welle fehr oft mit Febern ober Rippen, deren Sohe nach ben Bellenenden bin allmälig abnehmen.

Beifpiel. Die Bafferradwelle AKB, Fig. 387, hat die gange von 10 Fuß, bas Gewicht $G_0 = 8000$ Pfund, und trägt in H und K die Armspsteme eines Bafferrades von 20000 Pfund Gewicht, sowie in L ein Transmissionsrad von 2000 Pfund; wenn nun ber Abstand $AH=BL\!=\!2$ Fuß und bie Lange HKbes Bafferrabes 3 Fuß beträgt, welches find bie Bapfenbrude und bie Biegungsmomente biefer Belle?

Es ift hier $G_1 = G_2 = 10000$, $G_3 = 2000$ Pfund, und $l_1 = 2$, $l_2 = 5$, $l_3 = 8$ und l = 10 Fuß, baber ber Babfenbrud in B:

$$R_1 = \frac{G_1 l_1 + G_2 l_2 + G_3 l_3}{l} = \frac{20000 + 50000 + 16000}{10} = 8600 \text{ Pfumb,}$$

ferner ber Bapfenbrud in A:

 $R = G_1 + G_2 + G_3 - R_2 = 22000 - 8600 = 13400$ \$\text{funb.}

Das Biegungsmoment in H ift:

 $M_1 = Rl_1 = 13400.2 = 26800$ Fußpfund,

bas in K:

 $M_1 = Rl_1 + (R - G_1)(l_2 - l_1) = 26800 + 3400.3 = 37000$ gußpfunb, und bagegen bas in L:

 $M_2 = R_1 (l - l_2) = 8600.2 = 17200$ Fußpfund.

Durch bas Bellengewicht wirb annahernb jeber ber beiben Bapfenbrude um 1/2 Go = 1500 vergrößert; es fällt also im Ganzen

$$R_1 = 8600 + 1500 = 10100$$
 Ffund

und

$$R = 13400 + 1500 = 14900$$
 Pfund

aus. Ferner fleigert fich burch bas lette Bewicht bas Biegungemoment in Sinfict ouf H um

$$^{1}\!/_{3}\,G_{0}\,\,rac{l_{1}\,(l\,-\,l_{1})}{l}=rac{2\,.\,8}{10}\cdot1500=2400$$
 Fußpfund,

in hinficht auf K um

$$\frac{1}{2} G_0 \frac{l_2 (l-l_2)}{l} = \frac{5.5}{10} \cdot 1500 = 3750$$
 Fußpfund,

so bag folglich bas gange Moment in hinficht auf H:

26800 + 2400 = 29200 Fußpfund,

bas in Sinfict auf K:

und bas in hinficht auf L:

ju fegen ift.

Es bleibt min im Folgenden noch anzugeben, wie aus bem gefundenen g. 193 Bapfenbrude und bem größten Biegungemomente (M) bie Bellenftarten

zu berechnen sind. Ift ber Querschnitt ber Welle treisrund und ber Durchmesser berselben = d, so hat man nach Bb. I, §. 236, bas zulässige Biegungsmoment in diesem Querschnitte:

$$M = \frac{\pi}{4} \left(\frac{d}{2}\right)^3 T = \frac{\pi d^3}{32} T,$$

und es folgt baher umgekehrt, ber bem Momente M entsprechende Wellenburchmesser:

$$d = \sqrt[3]{\frac{32 M}{\pi T}} = 2,17 \sqrt[3]{\frac{M}{T}},$$

ober, wenn man M nicht in Bollpfund, sondern in Fußpfund giebt:

$$d=4.97 \sqrt[3]{\frac{M}{T}}.$$

Führt man aus Bb. I, §. 240, für Gußeisen T=7000 Pfund ein, so erhält man:

$$d = \frac{4.97}{\sqrt[8]{7000}} \sqrt[8]{M} = 0.260 \sqrt[8]{M}$$
 Bott.

Der Sicherheit wegen nimmt man aber T nur 4500 an, und fett hier nach bie gesuchte Stärke gußeiserner Wellen:

 $d = 0,131 \sqrt[8]{M}$, wenn M in Zollpfund, und

 $d=0{,}300$ $\sqrt[8]{M}$ Boll, wenn M in Fußpfund gegeben ift. Für sch miebeeiserne Wellen genügt

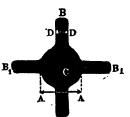
Hölzerne Wellen sind 21/2 - bis 3mal fo ftart zu machen als gußeiferne.

Für Wellen mit quadratischem Querschnitte ift die Seitenlänge

$$s=0,94d,$$

= 0,282
$$\sqrt[8]{M}$$
, wenn dieselben aus Gußeisen bestehen.

Für eine hohle Welle mit den Durchmessern d1 und d2 ist wieder statt d
Fig. 388.



$$d_1=rac{d}{\sqrt[3]{1-\psi^4}},$$
 wo $\psi=rac{d_2}{d_1}$ bezeichnet, zu setzen.

Ist bei einer gerippten Welle der Durchmesser \overline{AA} , Fig. 388, des chlindrischen Kernes $= d_1$, ferner die ganze Höhe \overline{BB} der Rippe $= h_1$ und die Dicke $\overline{DD} = s_1$, so hat man das Tragmoment dieser Welle (vgl. Bd.I, §. 228 u.s.w.):

$$M = \left(\frac{\pi d_1^4}{64} + \frac{(h_1^3 - d_1^3) s_1 + (h_1 - d_1) s_1^3}{12}\right) \frac{T}{\frac{1}{2} h_1}$$

ober, wenn man $h_1 = \mu d_1$ und $s_1 = \nu d_1$ set,

$$\mathbf{M} = \left(\frac{\pi}{16} + \frac{(\mu^3 - 1) \nu + (\mu - 1) \nu^3}{3}\right) \frac{d_1^3 T}{2 \mu}.$$

Run ift aber für die cylindrische Welle vom Durchmeffer d biefes Moment

$$M = \frac{\pi d^3}{32} T;$$

sett man daher biese Momente einander gleich, so folgt die Stärke des cylindrischen Rernes ber gerippten Belle:

$$d_{1} = \frac{d \sqrt[3]{\mu}}{\sqrt[3]{1 + \frac{16}{3\pi} [(\mu^{3} - 1) \nu + (\mu - 1) \nu^{3}]}}$$

In ben meisten Fällen ist ν so klein gegen μ , daß man das Glied ($\mu-1$) ν^3 außer Acht lassen und einfacher

$$d_1 = rac{d \sqrt[3]{\mu}}{\sqrt[4]{1 + rac{16 \; (\mu^3 - 1) \;
u}{3 \, \pi}}}$$
 setzen kann.

Gewöhnlich nimmt man $\mu=rac{h_1}{d_1}=3$ und $u=rac{s_1}{d_1}={}^1/_3$ an, so daß man einsach

$$d_1 = \frac{d\sqrt[3]{3}}{\sqrt[3]{1 + \frac{16 \cdot 26}{9\pi}}} = 0,574 d, \text{ formic}$$

Benn von ben beiben Momenten Pa und M bas eine viel größer ift als bas andere, fo tann man bas fleinere Moment ganz außer Acht laffen, folglich die Stärte ber Welle nur nach bem größeren Momente berechenen, und zwar nach ber Formel

$$d=0.355\ \sqrt[8]{Pa},$$

wenn bas Torsionsmoment Pa das größere, und dagegen nach der Formel $d = 0.300 \ \sqrt[3]{M}$,

wenn bas größte Biegungsmoment M bas größere ist. Weichen aber beibe Momente nicht bebeutend von einander ab, so muß man die Stärke nach der Theorie der zusammengesetzten Festigkeit (s. Bb. I, §. 277) berechenen, welche eine der Grundsormeln

$$d^{3} = \frac{16}{\pi} \frac{Pa}{T} \left(1 - \frac{32 M}{\pi d^{3} T} \right)^{-1/6}$$

und

$$d^3 = \frac{32 M}{\pi T} \left[1 - \left(\frac{16 Pa}{\pi d^3 T} \right)^2 \right]^{-1} \text{giebt.}$$

Run ift aber bie Wellenftarte 1) ohne Rudficht auf Biegung

$$d_1 = \sqrt[8]{rac{16\,Pa}{\pi\,T}}$$
, und 2) dieselbe ohne Rücksicht auf Torsion:

$$d_2 = \sqrt[3]{rac{32\ M}{\pi\ T}}$$
, baher läßt sich auch seten:

$$d^3 = d_1^3 \left[1 - \left(\frac{d_2}{d} \right)^3 \right]^{-1/2}$$
 und

$$d^3 = d_2^3 \left[1 - \left(\frac{d_1}{d}\right)^6\right]^{-1}$$
, ober annähernd, je nachdem d_1 größer

ober fleiner ale da ift, entweber

1)
$$d = d_1 \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{d_2}{d_1} \right)^3 \right], \text{ obser}$$

2)
$$d = d_2 \left[1 + \frac{1}{3} \left(\frac{d_1}{d_2} \right)^6 \right].$$

Mit Billfe ber obigen Formel

$$d = 0.300 \sqrt[8]{M}$$

läßt sich endlich auch die erforderliche Stärke der Zapfen bestimmen, wenn man voraussetzt, daß der Zapfen seine ungünstigste Lage habe, nämlich mit seinem Ende auf dem Lager ruhe. Ist dann l_0 die Länge, d_0 die Stärke des Zapfens und R der nach §. 192 zu bestimmende Zapsendruck, so hat man folglich

$$d_0 = 0.300 \sqrt[3]{R l_0}$$

gu feten.

Run fteht aber bie Lange to in einem bestimmten Berhaltniffe & gur Starte do bes Zapfens, baber lagt fich auch

$$d_0^3 = (0.300)^3 \cdot R \lambda \frac{d_0}{12}$$

feten, fo bag

$$d_0 = \sqrt{rac{(0,300)^3}{12}} \, \sqrt{\lambda R} = 0,0475 \, \sqrt{\lambda R} \, \, \mathfrak{Zoll}$$

folgt

Gewöhnlich ist $\lambda = 1$ bis 1,25, und daher die Zapfenstärke $d_0 = 0.0475 \ VR$ bis 0,0531 VR Zoll.

Beifpiel. Benn bas größte Biegungsmoment einer gußeifernen Bafferrabwelle, M = 40750 Fußpfund. beträgt (f. bas Beifpiel bes vorigen Paragruphen), so ift bie nothige Starfe berfelben:

$$d = 0.300 \sqrt[3]{M} = 0.300 \sqrt[3]{40750} = 10.3 300$$

und wenn bie beiben Bapfenbrucke biefer Belle $R=14900\,$ und $R_1=10100\,$ Pfund betragen, so find die erforderlichen Bapfenstärfen berfelben:

$$d_0 = 0.0531 \, \sqrt{14700} = 6.48 \, \text{Soll}$$

unb

$$= 0.0531 \sqrt{10100} = 5.34 \text{ Boll.}$$

Satte biefe Belle nur bas Torfionsmoment

$$Pa = \frac{30.480 L}{\pi u} = \frac{30.480.20}{5 \pi} = 18335$$
 Fußpfund (f. Beispiel zu §. 191)

aufzunehmen, fo mare bie nothige Bellenftarfe

$$d = 0.355 \sqrt[8]{18335} = 9.36 \text{ Boll},$$

sett man baher in obiger Formel 2) $d_2=10{,}30$ und $d_1=9{,}36$ ein, so giebt bieselbe die Stärke der Welle, welche das gegebene Biegungs und Torflonsmoment zugleich aufnimmt:

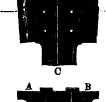
$$d = d_{2} \left[1 + \frac{1}{4} \left(\frac{d_{1}}{d_{2}} \right)^{6} \right] = 10,30 \left[1 + \frac{1}{8} \left(\frac{9,36}{10,30} \right)^{6} \right] = 10,30.1,188$$

$$= 12,24 \text{ Boll.}$$

Construction der Wasserrächer. Im Folgenden möge noch etwas §. 194 specieller von der Zusammensetzung und Auflagerung der oberschlägigen Wasserräder gehandelt werden. Der Zusammensetzung der hölzernen Radstränze aus einer doppelten Lage von Zirkelstüden (Felgen) ist schon oben (§. 172) gedacht worden. Schmiedeeiserne Radkränze werden auf gleiche Weise zusammengesetzt, gußeiserne Radkränze läßt man dagegen nur in einer Lage von Zirkelstüden bestehen. Das Besestigungsmittel besteht bei den hölzernen Radkränzen in Holzs oder Eisennägeln, bei den schmiedeeisernen in Rieten und bei den gußeisernen in Schrauben. Die gewöhnlichen ganz oder nahe radial stehenden Hauptradarme werden in der Regel auf die Außenschaft der Radkränze ausgeschraubt. Besteht der Radkranz aus Gußeisen, so können die Schrauben, wodurch die Radselgen A, B, Fig. 389, mit eins



Fig. 389.



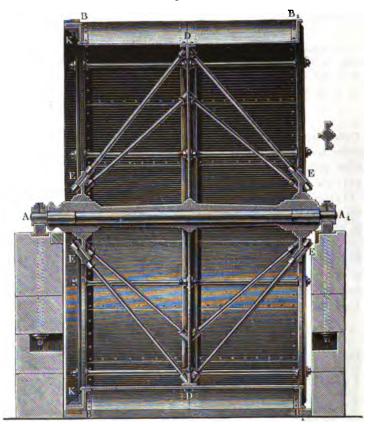


ander verbunden werden, auch zugleich zur Befestigung bes Armes C dienen. Auf gleiche Weise werden auch die Arme auf der Rosette geschraubt. Damit diese Schrauben nur einem Widerstand nach ihren Axenrichtungen zu widerstehen haben, dürfen die Axmenden nicht frei ausliegen, sondern sind in Bertiefungen oder zwischen Seitenbacken einzulagern. Zu Berhinderungen der Seitenbacken mit Diagonalarmen, welche von der Rosette des einen Radkranzes nach dem anderen Radkranze reichen. Auch wendet man solche Diagonalarme bann an, wenn das Rad eine größere Weite hat,

wo sie bann, wie ber Durchschnitt bes Rades in Fig. 390 (a. f. S.) zeigt, einen mittleren Radtranz DD tragen. Diese Arme sind mit einem Ende durch einen Splint und mit dem anderen Ende durch Schrauben in Hülsen oder Büchsen

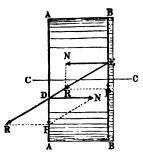
befestigt, welche theils mit der Rosette EE, theils mit dem Radfranze DD ein Ganzes bilben.

Wenn die Transmission durch ein mit dem Radkranze verbundenes Zahnrad erfolgt, so wendet man auch nicht selten statt der starken fleifen Arme Fig. 390.



aus Holz ober Gußeisen schwache gespannte Arme aus Schmiedeeisen an. Dieselben werden gleich bei ihrem Einsetzen mittels Schrauben ober Reise so staat nur durch ihre Zugsestigkeit tragen. Um einem Rade mit gespannten Armen die nöthige Steissgkeit zu geben, ist es nicht allein mit gespannten Diagonalarmen, sondern auch noch mit besonderen Umfangsstangen auszurüsten. Die letzteren Stangen sind nicht mit den Zugstangen (Hängenägeln) zu verwechseln, wodurch die Radkränze oder Radarme mit einander verbunden werden; sie sind am inneren Radumsfange herumlausende, schräg gegen die Radkränze stehende Stangen, welche

ben Zweck haben, die Kraft des einen Radkranzes AA, Fig. 391, auf den Fig. 391. anderen, das Transmissionsrad tragenden



anderen, das Transmisstad tragenden Radkranz BB überzutragen. Es sei P ein Theil der Kraft des Rades AA, und DE die Umsangsstange, welche denselben auf den Kranz BB überzutragen hat. Diese Kraft P zerlegt sich in eine Seitenkraft N parallel zur Radage CC und in eine Seitenkraft R in der Richtung der Stange DE. Die letzter pflanzt sich durch DE hindurch bis zum Ende Eim zweiten Kranze BB sort und zerlegt sich hier wieder in die Seitenkräfte

 $\overline{EN} = -N$ und $\overline{EP} = P$.

Den Kräften N, — N widersteht das ganze Schaufelspstem durch seine Drucksestigkeit, und die Kraft $\overline{EP}=P$ vereinigt sich mit der Kraft des Kranzes BB, welcher beibe zusammen an das Transmissionsrad abgiebt.

Bu ben Holzwellen nimut man am liebsten Eichenholz, jedoch verwenset man hierzu auch oft Tannens und Fichtenholz. Für Sterns und Rossettenräder bearbeitet man biefelben polygonal, für Sattelräder aber quabratisch. Die Zapfen ber hölzernen Wellen sind entweder schmiedeeiserne Spinzapfen, wie Fig. 392, oder schmiedeeiserne Hakenzapfen, wie Fig. 393, oder gußeiserne Blattzapfen. Die letzteren bestehen entweber nur aus einem Blatte, dem sogenannten Bleuel, wie CD, Fig. 394,

Fig. 392.

Fig. 393.

Fig. 394.









oder aus mehreren Blättern. Damit der Wellenhals gegen das Aufspringen gesichert werde, arbeitet man ihn etwas conisch ab und treibt über densselben eiserne Ringe AA, BB... (Fig. 393) von $^{1}/_{4}$ dis $^{1}/_{2}$ Boll Dicke und $1^{1}/_{2}$ dis 3 Zoll Breite. Statt der drei Ringe wendet man auch wohl einen einzigen Ring AA an, welcher den ganzen Wellenhals umfaßt und Fig. 395. mit den vier Flügeln des Zapfens ein Ganzes bildet,

wie Fig. 395.



In Fig. 396 (a. f. S.) ist eine achtseitige Holzwelle abgebilbet. Dieselbe zeigt links bas Zapfenende A und den Hals BB mit den drei Eisenringen, und rechts die hintere Halfte bes Wellenhalses CC und den Zapfen EF mit vier

Flügeln K, L ... und bem Schwanze FG. Auch bemerkt man in aa und

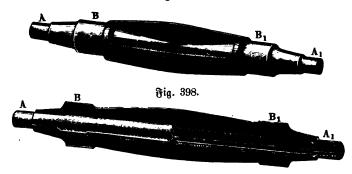
bb die Reile, welche swischen ben Ringen und ben Flügeln von ber Stirnfläche aus in den Wellenhals eingetrieben werben.

Die gußeisernen Bellen sind entweber massiv ober hohl. Bei ben massiven Bellen bilben bie übrigens genau abzudrehenden Zapfen mit ber Fig. 396.



Welle ein Ganzes, bei ben hohlen Wellen werden bieselben bagegen an den Wellenkörper an- oder eingesett. Die Wellenköpfe, oder die Stellen, worauf die hülfen der Rosetten und Zahnräder zu sitzen kommen, sind entweder einfach cylindrisch oder gerippt und müssen an ihrem Umfange genau abgebreht werden. Bei Wellen mit cylindrischen Röpfen erfolgt die Besestigung durch einen oder zwei Keile, welche zur hälfte in dem Kopfe und zur hälfte in der Hilse sitzen; bei den Wellen mit gerippten Köpfen wird jede Rippe einzeln in der Hilse verkeilt.

Eine gerippte massive Wasserradwelle mit cylindrischen Köpfen führt Fig. 397 vor Augen, und eine hohle Wasserradwelle mit gerippten Köpfen zeigt Fig. 398. In beiden Figuren sind A und A_1 die Zapsen, sowie B und Fig. 397.



 B_1 die Tragköpfe. Eine einfache hohle gußeiferne Belle mit eingesetten Bapfen A, A_1 ift in Fig. 390 abgebilbet.

Die Wellenzapfen ruhen in Lagern, welche, um bas Rab bei seiner Umbrehung in sicherer Lage zu erhalten, auf starken Fundamenten ober Gestellen befestigt sein milsen. Jedes Zapfenlager besteht aus einer Pfanne und aus dem Unterlager oder dem sogenannten Angewelle (Angewäge). Die Pfanne besteht in der Regel ans Gußeisen, seltener aus Stein, Holz,

Glas, Rothguß (8 Theile Rupfer und 1 Theil Binn); fie ift entweder mit ober ohne Dedel, sowie mit ober ohne Metallfutter.

Ein Bapfenlager mit bolgernem Angewäge ift aus Fig. 354, und ein folches mit eiferner Fugplatte und Dedel aus Fig. 355 erfichtlich. Gin einfaches offenes Bapfenlager zeigt Fig. 399, ein folches mit Metallfutter F jum Auswechseln Fig. 400, und ein geschloffenes Bapfenlager mit Metallfutter zeigt Fig. 401. Diefe Lager werden burch bie Schraubenbolzen AA mit ihrer Fugplatte BB entweder unmittelbar auf bas Fundament Fig. 399. Fig. 400.



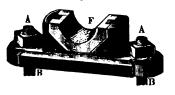
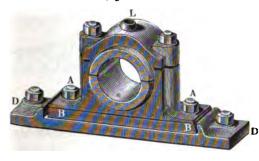


Fig. 401.



ober auf eine mit bem Fundamente fest verbunbene Sohlplatte DD aufgeschraubt. 3m Dedel bee Bapfenlagere in Fig. 401 ift noch ein Schmierloch L angebracht, auf welches eine Schmierbüchse aufgefest werben fann. Bur befferen Bertheilung ber burch bas Schmierloch aufliegenben Schmiere

werben Rreuggerinne in die Innenflächen ber Lagerfutter eingeschnitten.

Einen nicht gang unansehn- §. 195 Zapfenreibung der Wasserräder. lichen Theil der mechanischen Leiftung verliert ein oberschlägiges Bafferrad in ber burch die Bapfenreibung consumirten Arbeit. Diefelbe hangt vorallglich vom Gewichte G bes Rabes ab, und ift $F=arphi\,G$, wenn arphi ben Reibungecoefficienten bezeichnet. Ift r ber Salbmeffer bes Bapfens und u tie Umbrehungszahl bes Rabes pr. Minute, fo läßt fich bie Umfangsgeschwindigfeit bes Bapfens

$$v=\frac{\pi u r}{30},$$

md daher die Arbeit ber Bapfenreibung

$$L_1 = Fv = \varphi Gv = \frac{\pi ur}{30} \varphi G = 0.1047 \varphi u Gr$$

setzen. Hierbei ist für genan abgedrehte Zapfen, nach Band I, §. 181 $\varphi=0,075$ anzunehmen, wenn dieselben mit Del, Talg oder Fett geschmiert sind; bei der besten Abwartung geht jedoch dieser Coefficient auf $\varphi=0,054$ herab, wogegen er bei schlechteren Schmiermitteln, z. B. bei der Graphisschwiere, auf $\varphi=0,110$ steigen kann.

Die Größe und folglich auch das Gewicht eines Wasserrades hängt jedenfalls auch von der Leistung desselben ab, und man kann annehmen, wenn es nur auf eine Annäherung ankommt, daß das Gewicht proportional der Leistung des Rades wachse. Außerdem hängt dieses Gewicht auch noch von dem Grade der Zellenfüllung und der Umdrehungszahl des Rades ab, denn wenn sich die Zellen noch einmal so start füllen, so wird dadurch das Gewicht des Rades nur wenig größer, die Leistung desselben aber ziemlich verdoppelt, und wenn auf dasselbe Rad noch einmal so viel Wasser geschlagen wird, so macht es dei derselben Last beinahe doppelt so viel Umdrehungen und verrichtet also auch nahe die doppelte Arbeit. Nehmen wir hiernach an, daß das Radgewicht mit der Leistung L, dem Füllungscoefficienten s und der Umdrehungszahl u gleichmäßig wachse, und führen wir noch einen Ersahrungscoefsicienten s ein, so können wir

$$G = \iota \frac{L}{\varepsilon u}$$

fegen.

Nach Rebtenbacher ist für ein kleines eisernes Rad mit $^{1}/_{3}$ Füllung, 9,3 Umbrehungszahl und 3175 Kilogramme Gewicht, die Leistung L=6,3; es folgt baher hiernach

$$\iota = \frac{\varepsilon u G}{L} = \frac{1}{8} \cdot \frac{9.3 \cdot 3175}{6.3} = 1560;$$

bagegen ist für ein Freiberger hölzernes Kunstrad mit eisernen Schauseln s=1/4, u=5, G=20000 und L=20, baher

$$\iota = \frac{1}{4}.5 \cdot \frac{20000}{20} = 1250.$$

Nehmen wir nun aus beiden Werthen für i das Mittel, so erhalten wir für das Radgewicht die Formel:

$$G=1400~rac{L}{arepsilon u}$$
 Rilogramme,

ober

$$=2800\frac{L}{\varepsilon u}$$
 Pfund.

Bon bem Gewichte G eines Rabes hängt die Zapfenstärke, und hiervon wieder die Arbeit der Reibung ab; beshalb hat also dieses Gewicht einen zweisachen Einfluß auf die Zapfenreibung. Wir haben die mittlere Zapfenstärke (§. 193)

$$2r = 0.0475$$
 . $\sqrt{\frac{G}{2}}$ Boll $= 0.00283$ \dot{V} \overline{G} Fuß

angegeben, können also hiernach $Gr=0.0142\ V\overline{G^3}$, und baher bie Arbeit der Rapsenreibung

 $L_1=0.1047\,u\,arphi$. $0.00142\,\sqrt{G^3}=0.00015\,u\,arphi\,\sqrt{G^3}$ oder, wenn wir die Leistung =L Pferbekräfte einführen, diese Arbeit

.
$$L_1=0{,}00015~u~arphi~\sqrt{\left(2800~rac{L}{arepsilon u}
ight)^3}=22{,}2~.~arphi~.~\sqrt{rac{L^3}{arepsilon^3 u}}~$$
 Fußpfund $=0{,}0463~arphi~\sqrt{rac{L^3}{arepsilon^3 u}}~$ Pferbefräfte,

und ihr Berhaltnig jur übrigen Rableiftung

$$\frac{L_1}{L} = 0.0463 \, \varphi \, \sqrt{\frac{L}{\varepsilon^3 \, u}}$$
 fegen.

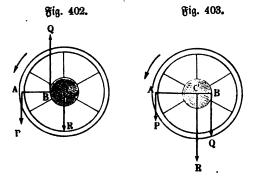
Beispiele. 1. Welche Arbeit consumirt die Japsenreibung eines 25000 Pfund schweren Wasserrades mit 6 Joll dicken Japsen, wenn dasselde pr. Minute 6 Umdrehungen macht? Nimmt man den Reibungscoefficienten $\varphi=0,08$ an, so hat man die Japsenreibung $\varphi G=0,08.25000=2000$ Pfund, ferner das katische Noment derselben $=\varphi Gr=\frac{1}{4}.2000=500$ Fußpfund und endlich ihre Arbeit:

 $L_1 = 0.1047.6. \varphi Gr = 314$ Fußpfunb.

2. Belden Arbeitsverluft giebt bie Zapfenreibung eines Bafferrabes von 30 Pferbefräfte Leiftung bei ber relativen Bellenfüllung $\epsilon=1/3$ und ber Umbrehungszahl $\omega=4$? Es ift berfelbe:

$$L_1=0.0463\cdot 0.08 \ \sqrt{\frac{30\cdot 27}{4}}\cdot L=0.003704 \ \sqrt{\frac{810}{4}}\cdot L=0.0526\cdot L,$$
 b. i. ungefähr $51/4$ Brocent ber Rußleiftung, also $18/6$ Pferbefräfte.

Anmerfung. Die Zapfenreibung eines Rades kann noch durch die Art und Beise des Anschließens der übrigen Maschinerie vergrößert oder herabgezogen werben. Läßt man, wie Fig. 402 vor Augen führt, Kraft P und Last Q auf einerlei Seite wirken, so wird der Zapfendruck R durch die Last Q vermindert; es fällt also dann die Zapfenreibung kleiner aus; läßt man aber Kraft und



Last auf enigegengesetten Seiten bes Rabes wirken, wie Fig. 402 vorstellt, so wird ber Zapfendruck R durch bie Last Q vergrössert, und es wird also hier die Zapfenreibung um eben so viel größer als im vorigen Falle kleiner. Macht man im errsten Falle noch den Hebelarm CB ber Last gleich bem Gebelarm CA ber

Kraft, indem man z. B. die Transmission burch ein mit einem der Radfranze unzmittelbar verbundenes Zahnrad bewirft, wie z. B. Fig. 355, Seite 404 vorstellt, so wird die Wirfung der Kraft auf die Zapsen durch die Last fast ganz ausgehosen. Welche Borzüge diese Construction übrigens hat, ist schon oben (Bd. II, §. 190) angegeben worden.

§. 196 Totalleistung. Die Totalleistung eines oberschlägigen Wasserrades

$$L = \left(\frac{\left(c_1 \cos \alpha_1 - v_1\right) v_1}{q} + h_3 + \xi h_4\right) Q \gamma - \varphi \frac{r}{a} G v$$

schen, ober, wenn man bas Wasser nahe tangential und mit ber Geschwinsigkeit $c_1 = 2 \, v_1$ eintreten läßt und annähernd $v_1 = v$ annimmt, so baß

$$\frac{(c_1\cos\alpha_1-v_1)v_1}{a}=\frac{v^2}{a}$$

ausfällt,

$$L = \left(\frac{v^2}{g} + h_3 + \xi h_4\right) Q \gamma - \varphi \frac{r}{a} G v.$$

Segen wir, bem vorigen Paragraphen gufolge, bas Rabgewicht

$$G=2800 \frac{L}{50}$$
 Pfund,

und hiernach die Arbeit ber Bapfenreibung:

$$L_{\scriptscriptstyle 1} = 22,\! 2\, arphi\, \sqrt{rac{L^3}{arepsilon^3\, u}}\,$$
 Fußpfund,

fo erhalten wir für die Totalleistung bes Wasserrabes:

$$L = \left(\frac{v^2}{g} + h_3 + \xi h_4\right) Q \gamma - 22,2 \varphi \sqrt{\frac{L^3}{\epsilon^3 u}}.$$

Da jur Erzeugung ber Gefdmindigfeit c = 2 v bas Gefälle

$$4.1,1.\frac{v^2}{2g} = \frac{4,4}{2g} \left(\frac{\pi u a}{30}\right)^2 = 0,000772.u^2 a^2$$

nöthig ist, so bleibt vom Totalgefälle h das Drudgefälle $h-\frac{4,4}{2\,g}\left(\frac{\pi\,u\,a}{30}\right)^2$ fibrig, und seben wir nun noch der Einfachheit wegen,

$$h_3 + \xi h_4 = \chi \left[h - \frac{4.4}{2 g} \left(\frac{\pi u a}{30} \right)^2 \right]$$

wo z ein achter Bruch (etwa 2/3 ober 8/4 u. f. w.) ist, so erhalten wir bie Leistung bes Wasserrabes:

$$L = \left(\frac{1}{g}\left(\frac{\pi u a}{30}\right)^2 + \chi \left[h - \frac{4.4}{2g}\left(\frac{\pi u a}{30}\right)^2\right]\right)Q\gamma - 22.2 \varphi \sqrt{\frac{L^3}{\epsilon^3 u}},$$

ober annähernd, wenn man $4.4 \chi \frac{v^2}{2 g} - \frac{v^2}{g} = \frac{v^2}{g} = \frac{1}{g} \left(\frac{\pi u a}{30}\right)^2$ fest:

$$L = \chi \left[h - \frac{1}{g} \left(\frac{\pi u a}{30}\right)^{2}\right] Q \gamma - 22,2 \varphi \sqrt{\frac{L^{3}}{\epsilon^{3} u}}$$

Run tonnen wir aber in bem Ausbrucke für die Arbeit ber Reibung annabernb

$$L=\chi h\,Q\gamma$$
 Fußpfund $=rac{\chi h\,Q\gamma}{480}$ Pferdefräfte

fegen, baher bleibt bann

$$L = \left[h - \frac{1}{g} \left(\frac{\pi u a}{30}\right)^2 - 22.2 \varphi \sqrt{\frac{\chi h^2 Q \gamma}{(480 \varepsilon^3) u}}\right] \chi Q \gamma,$$

ober g=31,25 Fuß, und $\gamma=61,74$ Pfund gefest,

$$L = \left[h - 0,0003860 \cdot (u \, a)^2 - 0,01659 \varphi \sqrt{\left(\frac{h}{\epsilon}\right)^3 \frac{\chi Q}{u}}\right] \chi \, Q \gamma \, \Im \mu \beta p f b.$$

Aus ber Art und Beise, wie u in diesem Ausbrucke vorkommt, folgt, daß bie Leistung L weber für u=0, noch für $u=\infty$, sondern für einen zwischen 0 und ∞ liegenden Werth von u ein Maximum wird. Der höhere Calcill giebt diesen Werth

$$u = \sqrt[5]{\frac{\chi Q \gamma}{480^8} \cdot (5,55 \varphi g)^2 \left(\frac{h}{\varepsilon}\right)^8 \left(\frac{30}{\pi a}\right)^4},$$

ober filr bas preugifche Daag:

$$u = 2,585 \sqrt[5]{\frac{\chi \varphi^2 Q}{a^4} \left(\frac{h}{\varepsilon}\right)^3}$$

ober wenn man annähernd a == 1/2 h fett:

$$u=4.50\sqrt[5]{\frac{\chi\varphi^2Q}{\epsilon^3h}}.$$

In der Prazis macht man u meist noch etwas größer, um eine möglichst gleichförmige Umbrehung des Rades zu erlangen.

Seten wir biefen Werth für u in ben Ausbruck für L ein, so erhalten wir die Formel für die Maximalleistung bes Wasserrades:

$$L = \left[h - 0,002580 \sqrt[5]{(\chi Q a)^2 \varphi^4 \left(\frac{h}{\varepsilon}\right)^6} - 0,010318 \sqrt[5]{(\chi Q a)^2 \varphi^4 \left(\frac{h}{\varepsilon}\right)^6}\right] \cdot \chi Q \gamma,$$

$$= \left[h - 0,0129 \sqrt[5]{(\chi Q a)^2 \varphi^4 \left(\frac{h}{\varepsilon}\right)^6}\right] \cdot \chi Q \gamma.$$

Der Wirkungsgrad eines oberschlägigen Bafferrades läßt fich, ba die disponible Leiftung $=Qh\gamma$ ift, allgemein segen:

$$\eta = \frac{\left(h_1 + \xi h_2 + \frac{(c_1 \cos \alpha_1 - v_1)v_1}{g}\right)Q\gamma - \varphi \frac{r}{a}Gv}{Qh\gamma}$$

nach bem Borftebenben ift ber Maximalwerth beffelben:

$$\eta = \frac{L}{Qh\gamma} = \chi \left(1 - \frac{0.0129 \sqrt[5]{(\chi Qa)^2 \varphi^4 \left(\frac{h}{\epsilon}\right)^6}}{h}\right).$$

Beispiele. 1. Für ein oberschlägiges Basserrab, welches ein Gefälle k von 35 Fuß und ein Aufschlagequantum Q=5 Cubifuß benut, bei welchem ferner ber Füllungscoefficient $s=\frac{1}{4}$, ber Reibungscoefficient $\varphi=0,1$ und ber Gefällscoefficient $\chi=\frac{5}{6}$ ift, hat man die vortheilhafteste Umbrehungszahl:

$$u = 4.50 \sqrt[5]{\frac{5}{6} \cdot \frac{0.01 \cdot 64 \cdot 5}{35}} = 4.50 \sqrt[5]{0.0762} = 2.69.$$

2. Für $h=10,\ Q=15,\ s=\frac{1}{8}$ und $\chi=\frac{4}{6}$ stellt sich bagegen bie gesuchte zweichnäßigste Umbrehungszahl

$$u = 4,50 \sqrt[6]{\frac{4}{6} \cdot \frac{0,01 \cdot 27 \cdot 15}{10}} = 4,58 \sqrt[6]{0,325} = 3,59$$
 heraus.

§. 197 Effective Radleistung. Ueber bie Wirfungen oberschlägiger Bafferraber find zwar von Bielen, namentlich von Smeaton, Nordwall, Morin u. f. w. Beobachtungen ober Bersuche angestellt worden, es bleibt inbeffen noch fehr zu wunschen, bag beren noch mehr angestellt werben, und zwar namentlich an recht aut construirten und an sehr hoben Rabern, weil man bie Leiftungen letterer erfahrungemäßig noch gar nicht genau tennt, und weil, wie fich ber Berfaffer hinreichend überzeugt bat, die Wirkungen berselben meist zu tlein angenommen werden. Smeaton machte Berfuche an einem Modellrade von 75 engl. Zoll Umfang mit 36 Zellen, und fand bei einer Umbrehungezahl u= 20 ben größten Wirtungegrad 0,74. D'Aubiffon führt in seiner Sybraulit an, bag er an einem 111/2 Deter hoben Wasserrade bei 21/2 Meter Umfangsgeschwindigkeit ben Wirkungsgrad 0,76 gefunden habe. Der Berfaffer fand ihn bei einem hiefigen Bochwerterabe von 7 Meter Bobe, 6/7 Meter Beite und mit 48 Bellen bei 12 Umgangen pr. Minute = 0.78. Bei Kunst und anderen Räbern von 10 bis 11 Meter Sohe fand berfelbe, wenn fie nur 5 Umbrehungen pr. Minute machten, ben Wirfungsgrab 0,80 und oft noch bober. Es fann aber auch leicht nachgewiesen werben, daß fich der Wirkungsgrad eines fehr hoben oberfchlagigen Bafferrades, namentlich wenn baffelbe nur 3 bis 4 Umbrehungen macht, bis auf 0,83 fteigern läßt, indem vielleicht burch bas Eintrittsgefälle 3, burch bas zu zeitige Ausleeren 9 und burch die Zapfenreibung 5 Procent an Wirtung verloren geben. Rleine Raber geben immer einen Kleineren Wirtungegrad, nicht allein weil fie mehr Umläufe machen, sonbern auch weil fich bei ihnen der mafferhaltende Bogen fleiner herausstellt. Die meiften und ausführlichsten Berfuche über bie Wirkungen ber Bafferraber find von Morin (f. Expériences sur les roues hydrauliques à aubes planes et sur les roues hydrauliques à augets. Metz, 1836) angestellt worden. Bon biefen Berfuchen können jedoch hier nur bie an brei mehr kleinen Rabern angestellten Berudfichtigung finben. Das erfte biefer Raber mar von Holz, hatte 3,425 Meter Durchmeffer und 30 Bellen und gab bei 11/2 Meter Gefdwindigfeit ben Wirfungsgrad 0,65, bagegen ben Gefällcoeffis cienten y = 0,775. Das zweite Rab hatte gar nur 2,28 Meter im Durchmeffer; es war ebenfalls aus Bolg, hatte aber 24 gefrummte Blech-Der Wirfungsgrad biefes Rabes ftellte fich bei ebenfalls 1,5 Meter Radgeschwindigkeit $\eta=0,69$ und ber Gefällcoefficient $\chi=0,762$ Das britte war ein bolgernes hammerrad von 4 Meter Bobe mit 20 Schaufeln und mindeftens 1 Meter Stofgefälle über bem Rabicheitel; es gab bei 11/2 Meter Umfangsgeschwindigfeit noch ben Wirkungsgrad 0,55 bis 0,60, bei ber Gefchwindigkeit von 31/2 Meter, die es bei feiner Arbeitsverrichtung wirklich hatte, $\eta = 0,40$, und bei 4 Meter Umfangegeschwinbigfeit, n gar nur 0,25, weil hier bie Centrifugalfraft bas Baffer nicht vollständig in bie Zellen treten ließ. Morin gieht aus feinen Berfuchen bie Folgerung, daß bei Rabern unter 2 Meter Durchmeffer, welche höchstens mit 2 Meter Beschwindigfeit umgehen, sowie bei Rabern über 2 Meter Durchmeffer, bie bochftens mit 21/2 Meter Gefdwindigfeit umlaufen, ber Coefficient z bes Drudgefälles im Mittel = 0,78, alfo bie Leiftung biefer oberschlägigen Raber, ohne Rücksicht auf Arenreibung,

$$Pv = \left(\frac{(c\cos\alpha - v)v}{g} + 0.78h\right)Q\gamma$$

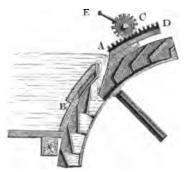
zu setzen sei, wenn k die Höhe ber Eintrittsstelle über dem Radtiefften, also 0,78 k die mittlere Höhe des wasserhaltenden Bogens anzeigt. Dieser Coefficient $\chi = 0.78$ ist jedoch nur zu gebrauchen, wenn der Füllungs-coefficient s noch unter 1/2 ist; er soll dagegen nach Morin in 0,65 umzuändern sein, wenn s nahe 2/2 ist. Sicherlich ist dei hohen Rädern χ größer, z. B. bei den hiesigen Kunsträdern mindestens = 0.9. Noch solgert Morin, daß sür Räder, welche eine sehr große Umsangsgeschwindigkeit (über 2 Meter) haben, oder deren Füllungscoefsicient über 2/2 ist, sich ein bestimmter Coefsicient χ für den wasserhaltenden Bogen nicht angeben läßt, weil hier Keine Beränderungen oder Abweichungen in χ und s schon bedeutende Einsstisse auf die Größe der Leistung haben. Es ist jedoch hierbei zu demerken, daß es nicht die Geschwindigkeit, sondern die Umdrehungszahl u (s. Bb. II, §. 187) ist, welche diese Grenze bestimmt, denn hohe Käder geben bei 2 Meter Umsangsgeschwindigkeit noch eine hohe und ziemlich bestimmte Wirkung.

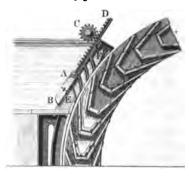
Anmerkung. Benn hier und in ber Folge ber umfänglichen Bersuche Rorbwall's (s. beffen Maschinenlehre, Berlin 1804) nicht gebacht wirb, so hat bies lebiglich seinen Grund barin, daß dieselben nur an größtentheils unvollsoms mene Constructionen nachahmenben Mobellen angestellt worben find. Der Berfasser stimmt hierin gang bem bei, was Langsborf in seiner Maschinenlehre, Theil I, Abtheilung 2, \$. 518, hierüber ausspricht.

§. 198 Rückenschlägige Wasserräder. Noch hat man fogenannte rüdenichlägige Raber (frang. roues par derrière; engl. high-breast wheels), bie fich von ben oberschlägigen Rabern nur burch die Beaufschlagung unterscheiben; mabrend bei ben oberschlägigen Rabern bas Baffer nahe am Rabscheitel eintritt, befindet sich bei ben rudenschlägigen Rabern die Gintritte ftelle awischen bem Scheitel und bem Rabmittel, jeboch bem ersteren naber, als bem letteren. Dort liegt bas Aufschlaggerinne über, hier aber neben bem Rabe; bort ift bie Rabhobe fleiner, bier aber ift fie in ber Regel großer, als bas Totalgefälle; bort geht endlich bas Rab in ber Richtung um, in welcher es burch bas Berinne jugeführt wird, hier ift jeboch bie Umbrehungsrichtung die umgefehrte. Man wendet rudenschlägige Raber besonders bann an, wenn ber Bafferstand im Ab- ober Aufschlagsgraben febr veränderlich ift, weil hier bas Rad in ber Richtung umgeht, in welcher bas Waffer abfließt, also bas Baten im Baffer von wenigem ober gar teinem Nachtheile ift, und weil bier Schutvorrichtungen zur Anwendung tommen konnen, bei benen die Ausmündung stellbar ift, und baber auch immer um eine gemiffe Bobe unter bie Oberfläche bes Aufschlagmaffers gerückt werben, und felbit bei verschiebenen Bafferständen bie Ausflug- ober Gintrittsgeschwindigfeit immer biefelbe bleiben fann. Schüten für rudenschlägige Raber find in Fig. 404 und Fig. 405 abgebildet; man nennt fie gewöhnlich Couliffen. Bei ber Schutze in Fig. 404 ift bas Schutzbrett AB concenfdüten.

Fig. 404.

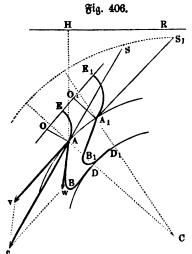






trisch mit dem Radumfange gekrummt, damit die Mündung A bei allen Stellungen des Schuthrettes das Wasser gehörig in die Radzellen leitet. Die Bewegung dieses Schuthrettes erfolgt durch eine Zahnstange AD und ein Getriebe C mit Hulfe einer Kurbel CE. Bei der Schutze in Fig. 405

sließt das Wasser über dem Kopfe A des Schuthretes ab, das auf ähnliche Weise wie das vorige gestellt wird; damit aber das Wasser in bestimmter Richtung zum Rade gelangt, wird ein sestes Leitschaufelspstem EF zwischen das Rad und das Schuthret gebracht, über welchem dann das Lettere hingseitet. Die Leitschauseln müssen eine bestimmte Stellung ers halten, damit sich das Wasser nicht beim Eintritt an die äußeren Schauselsenden stoße. Ist Aw, Fig. 406, die Richtung des äußeren Radschauselsenden stoße.



enbes, fowie Av Groke und Richtung ber Beschwindigfeit eben biefes Endes A, fo ergiebt fich genau wie in §. 178 bie erforberliche Richtung Ac bes eintretenben Baffere, wenn man vo parallel ju Aw zieht und Ac ber burch ben Wafferstand über A beftimmten Gintrittsgeschwindigfeit c gleich macht. Ift h bie Tiefe AH bes Bunttes A unter bem Bafferfpiegel HR im Aufschlaggerinne, fo läßt sich minbestens $c = 0.82 \sqrt{2 ah}$ feten, wie beim Musfluffe burch turge Unfapröhren (f. Bb. I, §. 421). wenn jedoch die von den Leitschaufeln. gebilbeten Canale nach innen abge-

rundet sind, so sällt der Ausslußcoefficient noch größer aus, so daß $c=0.90\ \sqrt{2\,g\,h}$ gesetzt werden kann. Wendet man gerade Leitschauseln an, so bringt man sie in die Richtung cAS, bedient man sich aber gekrümmter Schaufeln AE, was den Bortheil gewährt, daß hier das Wasser allmälig aus der Richtung im Gerinne in die Richtung \overline{Ac} übergeht, so läßt man dieselben mit AS in A tangiren, indem man z. B. AO winkelztecht auf AS setz, und einen **R**reisbogen AE aus O beschreibt.

Da verschieden tief liegenden Eintrittspunkten verschiedene Drucköhen (h) und also auch verschiedene Geschwindigkeiten (c) zukommen, so hat man die Construction für jede Leitschaufel besonders zu machen. Gewöhnlich macht man die Eintrittsgeschwindigkeit c=9 bis 10 Fuß und die Radgeschwindigkeit $^{1}/_{2}$ c dis höchstens $^{2}/_{3}$ c. Man führt diese Construction für den mittleren Wasserstand im Aufschlaggerinne aus, damit die Abweichungen beim höchsten und tiefsten Wasserstande nicht zu groß ausfallen.

Die Luft fann bei biefen Schützen weniger leicht entweichen, als bei ben Spannschlitzen; weshalb bann entweder bie Schütze schmäler zu machen ift, als bas Rab, ober biefes besonbers zu ventiliren, b. h. mit Luftlöchern im Rad-

boben (f. Fig. 405) zu versehen ist. Auch ist es nicht rathsam, die Radsschaufeln zu scharf zu beden, sondern das Wasser lieber durch einen Mantel im Rade zurud zu erhalten, als durch die Schaufeln, weil bei großen Dedungswinkeln die Leitschaufeln einen zu großen Bogen vom Rade einnehmen ober zu enge Canale bilben, und das nöthige Stoßgefälle zu groß ausfällt.

Was enblich noch den Wirtungsgrad der rückenschlägigen Räder anlangt, so kommt dieser mindestens dem der oberschlägigen Räder gleich; wegen der zweckmäßigen Wasserinführung ist er sogar oft größer, als bei einem oberschlägigen Rade unter übrigens gleichen Berhältnissen. Worin fand bei einem Rade von 9,1 Weter Höhe mit 96 Zellen, wo der Eintritt des Wassers 50° vom Radscheitel abstand, bei $1^1/2$ Weter Umfangs- und $2^1/2$ Weter Eintrittsgeschwindigkeit $\eta = 0,69$, die Höhe χh des wasserhaltenden Bogens aber = 0,78. h.

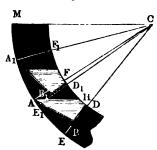
§. 199 Ventilirte rückenschlägige Wasserräder. Sind die tückenschlägigen Wasserräder. Sind die tückenschlägigen Wasserräder. Sind die tückenschlägigen Wasserräder. Sind danäle DE, $D_1 E_1$, Fig. 407, aus den Zellen A, A_1 u. s. w. entweichen, so kann man die Schaufeln näher an einander rücken, also auch eine größere Anzahl der Zellen anwenden, als dei unventilirten rückenschlägigen Wasserrädern, wodurch man unter übrigens gleichen Umständen mehr Fassungsraum erhält als dei den oberschlägigen Rädern, so daß sich der Füllungscoefsicient s=1/3 dis 1/2 anwenden läßt.

Für die gewöhnliche Schaufelconstruction hat man annähernd den Querschnitt des Fassungeraumes einer Belle ABDF, Fig. 408:

Fig. 407.

Fig. 408.





ABDH = Biered AEDF minus Dreied ABE minus Dreied AFH $= \psi a_1 d - \frac{1}{4} \psi a_1 d - \frac{1}{2} d^2 tang. \lambda$, wobei ψ den Schaufelwinkel ACB und λ den Ausguswinkel CAH = ACM bezeichnen und $\overline{BE} = \frac{1}{2} \overline{DE} = \frac{d}{2}$ vorausgesetzt wird. Dagegen ist der ganze Querschmitt einer Zelle:

 $EDD_1E_1=\varphi a_1d,$

wovon φ ben Theilwinkel $ACA_1 = ECE_1$ bezeichnet. Hiernach folgt ber Küllungscoefficient:

$$\varepsilon = \frac{\mathfrak{Fläche}\;ABDH}{\mathfrak{Fläche}\;EDD_1E_1} = \frac{3/4\;\psi\,a_1\;-\;1/2\;d\;tang.\;\lambda}{\varphi\,a_1},$$

und baber:

tang.
$$\lambda = (3/4 \psi - \varepsilon \varphi) \frac{2 a_1}{d}$$
.

Die größte Raumbenutung würde dann stattfinden, wenn der eben zum Ansguß gelangende Wasserspiegel AH die folgende Schausel in B_1 berührte; dies vorausgesetzt, so hätte man, da BD = BE, also auch:

$$B_1D_1 = B_1E_1$$
, and $B_1H = B_1A$ and $D_1H = D_1F$, b. i.:

1/2 d tang. $\lambda = (\psi - \varphi)a_1$, also audy:

$$tang.\lambda = (\psi - \varphi) \frac{2 a_1}{d}$$
.

Aus der Berbindung diefer beiben Ausbrude fur & refultirt nun die eins fache Formel:

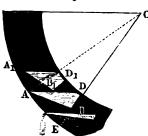
$$^3/_4 \psi - \varepsilon \varphi = \psi - \varphi$$
, b. i. $\varphi = \frac{\psi}{4(1-\varepsilon)}$.

Nimmt man $\varepsilon = \frac{1}{2}$ an, so erhält man enblich

$$\varphi=\frac{\psi}{2}$$
,

und es bilbet der Querschnitt des den Ausguß beginnenden Wasserkörpers ein Dreied ABD, Fig. 409, bessen Seiten AB und BD von den beiden

Fig. 409.



Schaufelbreiten gebildet werden.

Der Schaufelwinkel $ACB = \psi$ bestimmt sich aus dem Eintrittswinkel $BAE = \beta$ mittels der bekannten trigonometrischen Formel:

$$sin. ABC = \frac{CA sin. CAB}{CB}$$
, b. i.

1)
$$cos.(\beta - \psi) = \frac{a cos. \beta}{a - \frac{1}{2} d}$$
.

Hieraus ergiebt sich ber Schaufels winkel ACB:

$$2) \quad \psi = \beta - (\beta - \psi),$$

ferner nach ber oben gefundenen Formel:

3)
$$\varphi = \frac{\psi}{4(1-\varepsilon)}$$

und endlich die Schaufelzahl:

4)
$$n = \frac{2 \pi}{\varphi} = \frac{360^{\circ}}{\varphi^{\circ}}$$
.

Beisbach's Behrbuch ber Dechanif. II.

Beispiel. Für ein rudenschlägiges Rab von 15 Fuß halbmeffer, 1 Fuß Kranzbreite und mit einem Eintrittswinkel $\beta=20$ Grab, ift

$$\cos (\beta - \psi) = \frac{15 \cos 20^{\circ}}{14.5}, \log \cos (\beta - \psi) = 0.98771 - 1,$$

hiernach ergiebt fich

$$\beta-\psi=13^{\circ}34',$$

und ber Schaufelwinkel

$$\psi = 20^{\circ} - 13^{\circ}34' = 6^{\circ}26';$$

endlich folgt für e = 1/2, ber Theilwinkel

$$\varphi^0 = \frac{6^0 \, 26'}{2} = 8^0 \, 13'$$

und bie Schaufelanzahl

$$n = \frac{360.60}{3.60 + 13} = \frac{21600}{193} = 112.$$

Für ben Ausguspuntt ift

$$tang. \lambda = (\psi - \varphi) \frac{2 a_1}{d} = 30 arc. 3° 13' = 1,684,$$

und hiernach

$$\lambda = 59^{\circ} 18'$$
.

§. 200 Wenn ber Fullungscoefficient e noch unter 1/2 ift, so füllt bas ben Ausguß beginnende Wasser einer Zelle noch



guß beginnende Wasser einer Zelle noch nicht ben Raum ABD, Fig. 410, über ben beiben Schaufeln BA und BD aus, und es läßt sich dann die Formel für den wasserhaltenden Bogen auf solgende Weise sinden. Es ist der Querschnitt des Wasserraumes einer Zelle

$$\triangle ABH = \triangle ANH - \triangle ANB, b.i.:$$
= 1/2 AN (NH - NB);

nun fann man aber

$$AN = CA \sin ACB = a \sin \psi$$
,

$$NB = AN$$
 cotang. $ABN = a \sin \psi \tan \theta$. $(\beta - \psi)$ und

$$NH = AN \cot ang. AHN = a \sin. \psi \cot ang. (\lambda + \psi)$$

feten; baher folgt bann:

$$\triangle ABH = 1/2 a^2 \sin \psi^2 [cotang. (\lambda + \psi) - tang. (\beta - \psi)],$$
 und ber Füllungscoefficient:

$$\epsilon = \frac{\triangle ABH}{AEE_1A_1} = \frac{1/2 a^2 \sin \psi^2 \left[cotang.(\lambda + \psi) - tang.(\beta - \psi) \right]}{d a \varphi}.$$

Umgekehrt ift bemnach hier

cotang.
$$(\lambda + \psi) = tang.(\beta - \psi) + \frac{2 \epsilon \varphi d}{a \sin. \psi^2}$$

Coll auch hier die Oberfläche bes abfliegenden Waffers von der folgenden Schaufel berührt werben, fo hat man annähernb

tang.
$$\lambda = (\psi - \varphi) \frac{2a}{d};$$

und es lassen sich baber mittels beiber Gleichungen o und & bestimmen. Es ift (f. "Ingenieur" Seite 157, Formel XX)

cotang.
$$(\lambda + \psi) = \frac{\text{cotang. } \lambda \text{ cotang. } \psi - 1}{\text{cotang. } \lambda + \text{cotang. } \psi}$$

$$= \frac{1 - \text{tang. } \lambda \text{ tang. } \psi}{\text{tang. } \psi + \text{tang. } \lambda}$$

baber ben letten Berth für tang. 2 eingefett

$$cotang.(\lambda + \psi) = \frac{1 - (\psi - \varphi)\frac{2a}{d}tang.\psi}{tang.\psi + (\psi - \varphi)\frac{2a}{d}} = \frac{d - 2a(\psi - \varphi)\psi}{d\psi + 2a(\psi - \varphi)},$$

wenn man noch annähernd tang. $\psi = \psi$ fest. Hiernach folgt:

$$\frac{d-2a(\psi-\varphi)\psi}{d\psi+2a(\psi-\varphi)}=tang.(\beta-\psi)+\frac{2\varepsilon\varphi d}{a\psi^2},$$

und daher ber gesuchte Theilwinkel:

$$\varphi = \frac{a\,\psi^2}{2\,\varepsilon d} \left(\frac{d\,-\,2\,a\,(\psi\,-\,\varphi)\,\psi}{d\,\psi\,+\,2\,a\,(\psi\,-\,\varphi)} - tang.\,(\beta\,-\,\psi) \right),$$

worans nun die Schaufelzahl $n=\frac{6,28}{m}$ zu finden ift.

Beifpiel. Benn wir im vorigen Beifpiele ben Fullungscoefficienten e = 1/4 annehmen, fo haben wir ben Theilwinkel:

$$\varphi = \frac{15 \cdot 0,1123^{2}}{2 \cdot \frac{1}{4}} \left(\frac{1 - 80 \cdot 0,1123 \cdot (0,1123 - \varphi)}{0,1123 + 80 \cdot (0,1123 - \varphi)} - 0,2413 \right)$$

$$= 80 \cdot 0,012611 \cdot \left(\frac{1 - 8,369 \cdot (0,1123 - \varphi)}{0,1123 + 80 \cdot (0,1123 - \varphi)} - 0,2413 \right)$$

$$= 0,87833 \cdot \left(\frac{0,62166 + 3,369 \cdot \varphi}{8,4813 - 30 \cdot \varphi} - 0,2413 \right).$$

Rimmt man ferner annähernb
$$\varphi = \frac{1}{40} = 0.05$$
 an, so erhält man genauer:

$$\varphi = 0.3783 \left(\frac{0.62166 + 0.16845}{3.4818 - 1.5} - 0.2413 \right)$$

$$= 0.3783 \cdot 0.1575 = 0.0596,$$

fest man bagegen $\varphi = 0.04$, fo folgt

$$\varphi = 0.3783 \left(\frac{0.62166 + 0.13476}{3.4813 - 1.20} - 0.2413 \right)$$

 $= 0.3783 (0.3816 - 0.2413) = 0.3783 \cdot 0.0903 = 0.0342.$

Ran fann hiernach $\varphi = 0.044$, ober $\varphi^0 = 2^0 31'$ feten. denbe Schaufelgahl ift hiernach:

$$n=\frac{2\pi}{\varphi}=\frac{6,283}{0,044}=143,$$

wofür vielleicht ber leichteren Bertheilung wegen, n = 136 gu nehmen fein mochte.

§. 201 Mittelschlägige Wasserrächer. Die mittelschlägigen Wasserrächer. Die ersteren sind gellenräder wie die ober- und rückenschlägigen Räder; die letzteren aber sind mit einem Mantel oder Kropfe umgebene Schausels räder (s. Bb. II, § 170). Da durch das zu zeitige Austreten des Wassers aus den Zellen der größte Gefälls oder Arbeitsverlust in der unteren Radhälse statt hat, so ist leicht zu ermessen, daß bei gleichen Berhältnissen und unter gleichen Umständen die mittelschlägigen Räder weniger Wirtungsgrad haben, als die obers und rückenschlägigen Räder. Aus diesem Grunde hat man denn auch dei den ersteren Rädern das Gefälle noch mehr zusammenzuhalten und dassur Sorge zu tragen, daß das Wasser gern sehr start, ober sührt wohl das Wasser von innen in das Rad, wie z. B. Fig. 411





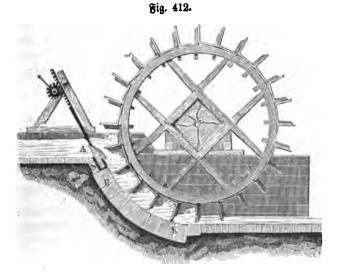
vorstellt, oder, was das Beste ist, man umgiebt das Rad mit einem Mantel oder Kropse, und läßt die Schauseln nur aus einem Stild bestehen. Der Krops soll vom Radumfange nicht mehr als 1/2 bis 1 Zoll abstehen, damit durch den übrig bleibenden Zwischenraum so wenig wie möglich Wasser entweichen kann. Was die Schauseln dei Kropsrädern anlangt, so kann man diese ganz radial stellen, da sie nicht den Zweck haben, das Wasser in dem Rade zurückzuhalten; damit sie aber beim Austritte aus dem Unterwasser kein Wasser int emporwersen,

ist es rathsam, wenigstens den Theil der Schaufel, welcher ins Unterwasser eingetaucht ist, so schief zu stellen, daß er bei dem Austritte aus demselben eine verticale Lage annimmt. Was die Schauselzahl betrifft, so ist es hier ebenfalls zweckmäßig, dieselbe groß zu machen, nicht allein, weil tadurch der Wasserverlust durch den Spielraum zwischen Rad und Mantel kleiner ausfällt, sondern auch weil bei einer engeren Schauselstellung das Stoßgefälle kleiner und also das Druckgefälle größer wird. Gewöhnlich macht man die änßere Entsernung zwischen je zwei Schauseln der Kranzbreite d gleich, oder nimmt sie 10 bis 15 Zoll, auch wendet man zur Bestimmung der Schauselzahl wohl eine der oden (Bb. II, §. 175) gegebenen Regeln an. Wesentlich nothwendig ist es aber, daß die mittelschlägigen Räder hinreichend ventilirt werden, weil hier der eintretende Wasserstrahl beinahe den ganzen Quersschnitt der Zellen aussüllt, so daß die Luft nach außen nicht entweichen kann. Man muß deshalb in dem Radboden Spalten zum Entweichen der Luft aussparen, damit dieselbe nicht dem Eintritte des Wassers entgegen-

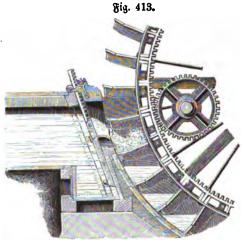
wirkt. Dies ist bei biesen Rabern um so nöthiger, da man sie bis zur hälfte ober gar bis zwei Orittel ihrer Capacität anfüllen läßt. Uebrigens kommen bie mittelschlägigen Räber vorzüglich bei einem Gefälle von 5 bis 15 Fuß und bei einem Aufschlagsquantum von 5 bis 80 Cubitsuß pr. Secunde in Anwendung.

Anmerfung. Theoretifche Untersuchungen und Bersuche über mittel- und unterschlägige Bafferraber, welche von innen beaufschlagt werben, find in Schweben angestellt worben, worüber ausführlich gehandelt wird in bem Berte: Hydrauliska Försök etc. of Lagerhjelm, of Forselles och Kallstenius, Andra Delen, Stockholm, 1822. Egen befchreibt ein folches Rab in feinen Untersuchungen über ben Effect einiger Bafferwerte z., Berlin 1831. Diefes Rab wurde vom Grafen be Thiville auf ber Saline Neuwert bei Werl erbaut, in ber Erwartung, burch baffelbe einen großen Birfungegrab ju erlangen. Egen fant jedoch ben Wirfungegrad nur 59 Broc., obgleich biefes Rab ein Befälle von 13,42 Fuß benutte. Rach biefem Rabe wurde ein anderes, aber nur 2 Meter hohes Rab in Franfreich erbaut (f. Bulletin de la société d'encouragement Nro. 282), und von Mallet untersucht; nach genauer Berechnung biefer Versuche icheint hiernach ber Wirfungegrab nicht größer als 60 Broc. ausgefallen ju fein. Egen fagt nun fehr recht, bag bie Raber mit innerer Beauffolagung nur in wenigen gallen ju empfehlen fein mochten, weil fie nur eine geringe Breite (unter 4 guß) gulaffen, und ohne bies eine große Festigfeit und Stabilitat nie befigen fonnen.

Ueberfallschützen. Die Basserinführung bei mittelschätigien §. 202 Basserrabern ist sehr mannigsaltig, entweder wird das Basser durch eine Ueberfallschütze, ober durch eine Leitschaufelschütze, ober durch eine Spannschütze bem Rabe zugeführt, selten fließt es aber ganz frei zu. Bei den Uebersallschützen AS, welche in den Figuren 412 und 413 (a. f. S.)



abgebilbet find, flieft bas Baffer über ben Ropf A bes Schutbrettes; bamit es aber in ber gehörigen Richtung eintrete, ift es nothig, ben Schutentopf abzurunden, ober an benfelben eine abgerundete Leitschaufel AB, Fig. 413, Diese Leitschaufel AB, Fig. 414, ift nach der Parabel zu trum-



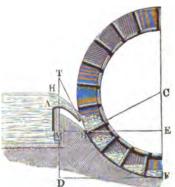
men, welche bie tiefften Bafferelemente bei ihrer freien Bewegung fchreiben, benn wollte man fie mehr frümmen. so wurde ihr der Basserstrahl gar nicht fol= gen, und gabe man ibr weniger Arummung, fo würde eutweber bie Leitschaufelbreite und also auch die Reibung bes Baffere auf ber Leitfcaufel größer ausfal= len ober bas Baffer nicht in ber erforber-

lichen Richtung an bas Rad gelangen.

Der Theorie des Ausfluffes durch Ueberfalle gufolge, hat man (f. Bb. I, §. 411) bie Musflugmenge, wenn eg bie Munbungsweite fowie ho bie Drudhohe HA, Fig. 414, über ber Schwelle bezeichnet, und µ ben Ausflufcoefficienten ausbrückt:

 $Q = \frac{2}{3} \mu e_1 h_0 \sqrt{2g h_0};$

ift aber bas Aufschlagquantum Q und die Mündungsweite e1, ba fie wenige (3 bis 4) Boll fleiner als die Radweite e Fig. 414, gemacht wirb, gegeben, fo folgt bann bie



Drudhöhe für ben Ausfluß: $h_0 = \left(\frac{\frac{3}{2}}{\mu e_1 \sqrt{2 q}}\right)^{\frac{9}{6}}$

$$h_0 = \left(\frac{\frac{3}{4} \frac{Q}{\mu e_1 \sqrt{2 g}}}{\frac{Q}{\mu e_1} \sqrt{\frac{Q}{g}}}\right)^{\frac{3}{6}}$$

$$= 0.3302 \left(\frac{Q}{\mu e_1}\right)^{\frac{3}{6}}$$

Run ift noch bie Geschwindigfeit c bes bei B eintretenben Baffers burch ihr Berhältniß # = 0 gur Radgeschwinbigfeit v bestimmt, baber folgt auch bas nothige Gefalle jur Erzeugung biefer Gefdwindigfeit:

alfo

$$\overline{HM} = h_1 = \frac{c^2}{2g} = \frac{(xv)^2}{2g},$$

ober wegen bes Berluftes beim Ausflug, wie oben,

$$h_1 = 1, 1 \cdot \frac{(x v)^2}{2 g}$$

Gewöhnlich macht man * == 2, und baber ift-

$$h_1=4,4.\frac{v^2}{2g}$$

zu setzen. Aus h_0 und h_1 folgt nun die Höhe \overline{AM} der Kröpfung der Leitschaufel, $x = h_1 - h_0$;

und ift nun das Totalgefälle $\overline{HD}=\hbar$, so bleibt für das Drudgefälle im Rabe:

$$\overline{MD} = \overline{EF} = h_2 = h - h_1$$

übrig. Noch hat man, der Theorie der Wursbewegung zufolge, den Reigungswinkel $TBM=\nu$ des Leitschaufelendes gegen den Horizont bestimmt durch die Formel:

$$x=rac{c^2\sin v^2}{2\,g}$$
, folgoid, ist $sin.\,v=\sqrt{rac{x}{h_1}}=\sqrt{rac{h_1-h_0}{h_1}}$

und bie Lange ber Rröpfung ber Leitschaufel:

$$\overline{MB} = y = \frac{c^2 \sin 2\nu}{2 q} = h_1 \sin 2\nu.$$

Endlich ist, wenn man noch die Forderung macht, daß das Basser tansgential an das Rab gelangt, der Radhalbmesser $\overline{CB} = \overline{CF} = a$ bestimmt durch die Gleichung:

$$a(1-\cos v) = h - h_1,$$

$$a = \frac{h - h_1}{1-\cos v}.$$

Umgekehrt hat man filt ben Centriwinkel B $CF = \theta$ des wasserhaltenben Bogens:

$$\cos\theta=1-\frac{h-h_1}{a},\qquad \qquad .$$

und, wenn man der letten Bedingung nicht Gentige leistet, also ν nicht $= \theta$ macht, so hat man die Abweichung der Richtung des eintretenden Strahles von der Bewegungsrichtung der von ihm gestoßenen Schausel:

$$a=\theta-\nu$$
.

Beispiel. Wenn bei einem mittelschlägigen Rabe mit Uebersallschüpe bas Ausschlagwasserquantum Q=6 Cubitsuß, bas Totalgefälle $\hbar=8$ Fuß, bie Umfangsgeschwindigkeit v=5 Fuß ift, und bas Füllungsverhältniß $^2/_8$ betragen soll, so hat man bei 1 Juß Rabtiese bie erforberliche Radweite:

$$e = \frac{6}{2} \cdot \frac{Q}{dv} = \frac{5.6}{2.1.5} = 3$$
 Fuß,

und wenn man nun hiernach die Weite bes Ueberfalles =2% Fuß macht und $\mu=0.6$ fest, fo erhält man die Wasserstandshöhe:

$$h_0 = 0.3302 \left(\frac{6}{0.6 \cdot 1^{1}/4}\right)^{\frac{4}{3}} = 0.3302 \left(\frac{4}{1.1}\right)^{\frac{4}{3}} = 0.781$$
 Fuß.

Nimmt man z = 3/5 an, fo erhalt man bas Gefalle jur Erzeugung ber Eintrittsgeschwindigkeit:

 $c = \frac{8}{6}.5 = 8 \, \text{Fuß}, \, h_1 = 1,1.0,016.8^2 = 1,126 \, \text{Fuß},$

und baher bie bobe ber Schaufelfropfung:

$$x = 1,126 - 0,781 = 0,845$$
 Fuß = $4\frac{1}{7}$ 30ll,

ferner fur ben Reigungewintel bes Leitschaufelenbes:

$$\sin \nu = \sqrt{\frac{0.345}{1,126}} = 0.5539;$$

hiernach = 330 88', und bie gange ber Leitschaufelfropfung:

$$y = 1,126 \sin 67^{\circ} 16' = 1,039$$
 Fuß = $12\frac{1}{2}$ Boll.

Um bas Baffer tangential einzuführen, mußte bas Rab ben großen Salbmeffer

$$a = \frac{h - h_1}{1 - \cos v} = \frac{8 - 1,126}{1 - \cos .33^{\circ}38'} = \frac{6,874}{0,1674} = 41,06 \text{ Gu}$$

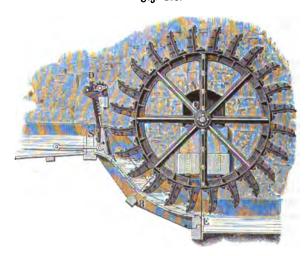
erhalten; wenn man es aber nur 25 Fuß hoch macht, alfo a = 12,5 Fuß amnimmt, fo erhalt man fur ben Centriwinkel O bes mafferhaltenben Bogens:

$$\cos \theta = 1 - \frac{6,874}{12,5} = 0,450,$$

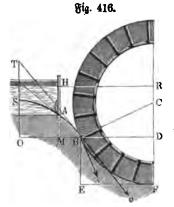
also $heta=63^{\circ}\,16'$ und bie Abweichung ber Bewegungsrichtung bes Wassers von ber bes Rabes an ber Eintrittsstelle:

$$\alpha = \theta - \nu = 63^{\circ}16' - 38^{\circ}38' = 29^{\circ}38'$$

§. 203 Spann - und Coulissenschützen. Die Beaufschlagung eines mittelschlägigen Rades burch eine Spannschütze führt Fig. 415 vor Augen. Fig. 415.



Es ist hier das übrigens so nahe wie möglich an das Rad gerückte Schutzbrett AD unten sehr die und gut abgerundet, damit das Wasser in gehöriger Richtung und ohne Contraction durch die Schutöffnung sließe. Aus demselben Grunde ist auch das Ende A des Gerinnbodens parabolisch zu formen. Die Höhe $\overline{BE} = \overline{DF} = h_2$, Fig. 416, des Kropses bestimmt



fich aus dem Totalgefälle $\overline{RF}=\mathbf{h}$ und der Geschwindigkeitshöhe

$$\overline{MH} = h_1 = 1, 1 \cdot \frac{c^2}{2g} = 1, 1 \cdot \frac{\varkappa^2 v^2}{2g}$$

burch die Formel $h_2 = h - h_1$, folge lich der entsprechende Centriwinkel

 $BCF = \theta$, indem man fest:

$$\cos \theta = \frac{CD}{CB} = \frac{a - h_2}{a}$$
$$= 1 - \frac{h - h_1}{a}.$$

Wenn man nun bas Baffer tangen-

tial einführen will, so muß man die Neigung TBO = v des Wasserstrahles gegen den Horizont $= \theta$ seten, und hiernach die Coordinaten $\overline{SO} = x$ und $\overline{OB} = y$ des Parabelscheitels S durch die Formeln

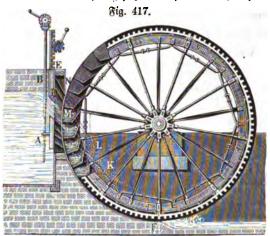
$$x=rac{c^2 \sin heta^2}{2 g}$$
 und $y=rac{c^2 \sin heta^2}{2 g}$

bestimmen.

Man hat aber nicht nöthig, die Schutöffnung genau in den Parabelscheitel S zu legen, sondern man kann dieselbe nach jedem anderen Punkte A des Parabelbogens SB verseten, nur muß dafür gesorgt werden, daß die Mündungsare tangential an die Barabel zu liegen komme (s. Bb. II, §. 181).

Eine dritte Wassereinführung besteht in der Schütze mit Leitschaufeln oder in der Coulissenschitze AB, Fig. 417 (a. s. S). Man wird diese besonders dann mit großem Bortheil anwenden, wenn der Wasserstand im Aufschlaggerinne sehr veränderlich ist. Der in Fig. 417 abgebildete Apparat besteht aus zwei Schutzettern A und B, wovon jedes sur sich gestellt und dadurch nicht allein die Druckhöhe, sondern auch die Ausssussössennung verändert werden kann. Eine tangentiale Einsührung des Wassers in das Rad ist durch den Leitschauselapparat DE nicht möglich, man muß sich vielmehr damit begnügen, die Richtungen der Leitschauselst noch 20 dis 30 Grad von den Tangentialrichtungen abweichen zu lassen. Das Wasser läuft zwischen den Leitschauseln hindurch nach demselben Gesetz, wie es durch kurze Ansatzöhren aussließt; es ist daher in der Regel der Ausslußecoefficient $\mu = 0.82$

und nur bei genauer Abrundung von innen, $\mu=0,90$ anzunehmen. Aus biesem Grunde fällt benn auch ber Wiberstandscoefficient größer aus, als bei ber Ueberfall = und bei ber Spannschlüße. Nehmen wir für μ ben Mittels



werth 0,85 an, fo erhalten wir die jur Erzeugung ber Geschwindigkeit c nothige Druchbofe:

$$h_1 = \left(\frac{1}{0.85}\right)^2 \cdot \frac{c^2}{2g} = 1.384 \frac{c^2}{2g},$$

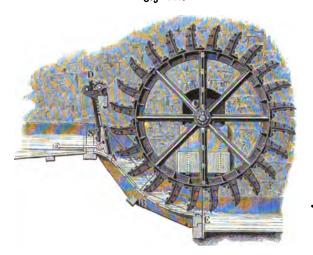
und es ift hiernach die von bem Totalgefälle h übrigbleibende Sohe bes Rropfes ober masserhaltenden Bogens:

$$h_2 = h - h_1 = h - 1,384 \frac{\kappa^2 v^2}{2g}$$

Bei veränderlichem Wasserstande macht man die Anordnung für den mittleren Wasserstand, indem man das äußerste Ende M der mittleren Leitschaufel um die letzte Höhe h_2 über den Fuß F des Rades legt. Um sämmtliche Leitschaufeln, deren Kormalabstand etwa 3 Zoll gemacht wird, unter gleichen Winkeln gegen den Radumsang zu stellen, legt man sie tangential an einen zum Radumsange concentrischen Kreis KL, der durch die Richtung DK der ersten Leitschaufel bestimmt wird.

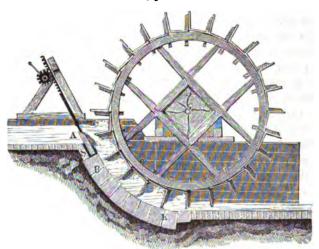
§. 204 Kropf- und Radconstructionen. Der Mantel oder sogenannte Kropf, womit man die mittelschlägigen Räber umgiebt, um das Wasser in denselben so lange wie möglich zurückzuhalten, wird entweder von Steinen (s. Fig. 412) oder von Holz (s. Fig. 415) gebildet. Jedenfalls wird der Zwed eines Kropses um so mehr erfüllt, je kleiner der Spielraum zwischen den äußersten Kanten der Radschausseln und der von dem Kropsboden gebils

beten Cylinderfläche ift, weil burch biefen Spielraum bem Baffer Gelegenbeit jum Entweichen gegeben wird. Bei ben besten Conftructionen macht man diesen Zwischenraum 1/2 Zoll, doch findet man ihn auch 1 und nicht felten fogar 2 Roll weit. Bei bolgernen Rabern und holgernen Rropfen genugt beshalb ein Spielraum von 1/2 Boll Beite nicht, weil biefe leichter und öfters unrund werden, so bag endlich gar ein Anstreifen bes Rabes am Rropfe ju befürchten ift. Bei eisernen Rabern und Rropfgerinnen aus Duabersteinen fallen bebeutenbe Deformationen nicht vor, weshalb man bier allerbings bem Spielraume nur 1/2 Boll Weite geben foll. enganichliekenden Rropfen tonnen burch fefte Rorper, wie a. B. durch Solaober Gieftlice, die burch bas Baffer jugeführt werben, bedeutende Befchabigungen erleiben; beshalb ift es benn auch nothig, biefe burch Rechen, welche por ber Schute aufzustellen find, von bem Butritte gum Rabe abzuhalten. Wenn bies, freilich jum Rachtheile ber Wirtung bes Rabes, nicht ober nur unvolltommen geschieht, so ift allerbings ber Spielraum bes Rabes im Rropfe fehr weit zu machen. Bu fteinernen Kröpfen mablt man gern febr große Sanbsteinquader und verbindet dieselben burch Cement oder bubraulifchen Ralt; bolgerne Rropfe AE, Fig. 418, werden aus Rropfich wellen Fig. 418.



A, B, E, Kropfbalten AB, BE und aus Kropfbielen, welche quer über die letteren zu liegen kommen, gebildet. In der Regel befestigt man noch besondere Wasserbanke auf die Kropfdielen, welche das Rad zu beiden Seiten umfassen, um dadurch das seitliche Entweichen des Wassers zu verhindern. Wenn das Wasser im Abzugscanale mit derselben Geschwindigkeit absließen kann, mit welcher das Rad umläuft, so kann man den

Kropf AE, Fig. 419, unter bem Untertheile bes Rabes, in der Sohle EH bes Abzugscanales auslaufen lassen; wenn aber das Wasser langsamer abfließt, als das Rad umläuft, oder wenn gar Aufstauungen des Unterwassers Fig. 419.

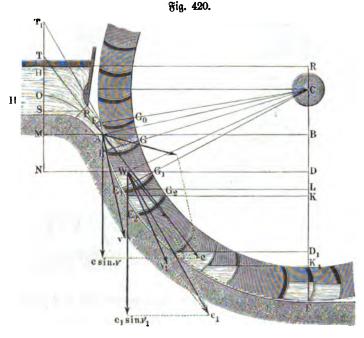


zu befürchten sind, so muß man einen Absat E, Fig. 418, zwischen bem Kropfe und dem Abzugscanale herstellen.

Bas endlich die Radconstructionen anlangt, so findet ein Unterschied awischen ben ober- und mittelschlägigen Rabern schon barin ftatt, bag jene nur Bellen., biefe aber in ber Regel bloge Schaufelraber finb; nachstbem weichen diese Raber auch in der Art und Beise ber Berbindung ber Schaufeln mit den Rrangen von einander ab. Man unterscheidet hiernach Stabeund Strauberaber von einander, und rechnet nun zu den Staberabern biejenigen, bei welchen die Schaufeln zwischen zwei Rrangen befestigt find, ju Strauberabern aber biejenigen, beren Schaufeln auf furgen Armen (Rolben ober Schaufelarmen) auffiten, welche rabial aus bem Rab-Fig. 417 ift ein Staberad, Fig. 418 und 419 aber franze bervorragen. find Strauberaber: Rig. 419 ift ein holgernes und Rig. 418 ein eifernes Schmale Strauberaber haben nur einen, weite aber haben, wie die Staberader, zwei Rranze. Die Kranze der Strauberader flud jedoch schmäler ale bie ber Staberaber. Bei ben holgernen Rabern find bie Schaufelarme durch die aus zwei Felgenlagen gebilbeten Rranze hindurchgestedt, ober awischen denselben ichwalbenschwangformig eingelegt; bei ben eisernen Rabern aber werden fie entweder mit ben einzelnen Rrangfegmenten aus einem Stude gegoffen ober auf biefe aufgeschraubt. find gewöhnlich von Bolg, und werben auf ihre Arme aufgeschraubt. Der

Radboden liegt hier auf bem äußeren Umfang bes Radkranzes und umschließt bas Rad nicht vollständig, indem in ihm Spalten zum Entweichen der Luft ausgesvarrt sind, wie die Figuren 418 und 419 vor Augen sühren. Uebrisgens sind auch biese Räder entweder Sterns ober Sattelräder (f. §. 172).

Einführung des Wassers. Die Regeln über die Einführung bes §. 205 Baffers in ein Kropfrad, Fig. 420, sind im Allgemeinen dieselben wie



bei den Zellenräbern. Aus der Geschwindigkeit $c=\varkappa v$ des bei A einstretenden Wassers folgt das nöthige Gefälle zur Erzeugung berselben:

$$h_1=1,1\,\frac{c^2}{2\,g},$$

und baher bas übrigbleibende, ber Rropfhohe gleiche Drudgefälle im Rabe:

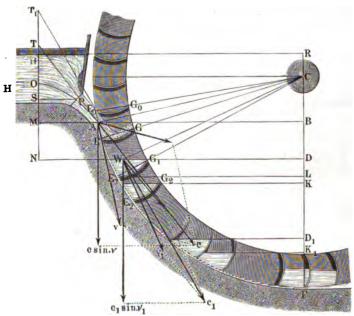
$$FB = h_2 = h - h_1 = h - 1.1 \frac{c^2}{2\eta}$$

Giebt man noch den Rabhalbmesser CA=CF=a, so läßt sich ber Winkel $ACF=\theta$, um welchen die Eintrittsstelle A vom Radtiefsten F absteht, durch die Formel

$$cos. A CF = \frac{CB}{CA} = \frac{CF - FB}{CA}$$
, b. i.

$$\cos \theta = \frac{a - h_2}{a} = 1 - \frac{h_2}{a}$$
 berechnen.

Da ber Zutrittswinkel $vAc = \alpha$ (10 bis 20 Grab) als gegeben am-Fig. 421.



zusehen ist, so kann man hier auch ben Reigungswinkel bes in A eintretenben Basserstrahles:

$$cAB = v = \theta - \alpha$$

bestimmen, woraus sich wieder die Coordinaten des Scheitels O von dem einfallenden Parabelbogen:

$$\overline{OM} = x = \frac{c^2 \sin v^2}{2 g}$$
 und $\overline{MA} = y = \frac{c^2 \sin 2 v}{2 g}$ ergeben.

Legt man nun die Mitte P der Schützenmundung um $\overline{MS}=s$ ilber die Eintrittsstelle A, so erhält man die Coordinaten von P in Hinsicht auf O:

$$\overline{OS} = x_0 = x - s$$
 und
 $\overline{SP} = y_0 = y \sqrt{\frac{x - s}{x}} = y \sqrt{1 - \frac{s}{x}},$

sowie für die Neigung ber Are bes Strahles beim Austritt P:

tang.
$$v = \frac{2 x_0}{y_0} = \frac{2 \sqrt{x (x-s)}}{y}$$

Rennt man die senkrechte Tiefe $\overline{MN}=s_1$, um welche das Wasser im Rabe finkt, bis es vollständig jum Stofe gelangt, fo hat man für die Coorbinaten bes Bunttes W, wo biefer Stoß beenbigt ift,

$$\overline{ON} = x_1 = x + \varepsilon_1$$
, und $\overline{NW} = y_1 = y \sqrt{\frac{x_1}{x}} = y \sqrt{1 + \frac{s_1}{x}}$,

fowie filt den Reigungewinkel D Wc, des Bafferstrahles in W gegen den Sorizont:

tang.
$$v_1 = \frac{2 x_1}{y_1} = \frac{2 \sqrt{x (x + s_1)}}{y}$$
.

Ferner folgt für den Winkel $WCF=\theta_1$, um welchen der Punkt W vom Rabfuße F abweicht, wenn a, den mittleren Rabhalbmeffer CW bezeichnet,

$$\cos \theta_1 = \frac{CD}{CW} = \frac{a \cos \theta + s_1}{s_1};$$

und der Winkel $c_1 W v_1 = \alpha_1$, um welchen die Richtung der Endgeschwinbigkeit c, bes Waffers in W von ber ber Radgeschwindigkeit v, bafelbst abweicht,

$$\alpha_1 = \theta_1 - \nu_1$$

Enblich ift, wie oben, die Geschwindigkeit, mit welcher bas Waffer in W aufichläat.

$$c_1 = V c^2 + 2 g z_1.$$

 $c_1 = \sqrt{c^2 + 2\,g\,s_1}.$ Die letzteren Bestimmungen sehen voraus, daß die Fallhöhe $\overline{MN} = s_1$ bekannt sei. Diese ist baber vorher, und zwar auf dem im Folgenden angegebenen Näherungsweg zu finden.

In ber Zeit $t=\frac{EE_1}{a}=\frac{s}{a}$ legt bie Schaufel EG, welche ber Schanfel E_0 G_{ullet} unmittelbar vorausgeht, einen Weg $\overline{EE_1} = s$ zurüd, während bas von E. G. abgeschnittene Einfallwaffer ben Weg AW macht. beffen Berticalprojection $=\overline{MN}=s_1$ ist. Da die Berticalprojectionen ber Geschwindigkeit bes Wasserstrahles in A und W

$$c \sin v$$
 und $c_1 \sin v_1$

find, fo folgt die mittlere Gefchwindigkeit, mit welcher s, burchlaufen wird:

$$\frac{c \sin v + c_1 \sin v_1}{2}, \text{ und daher auch}$$

$$t = \frac{2 s_1}{c \sin v + c_2 \sin v_2}.$$

Biernach ift

$$\frac{s}{v} = \frac{2 s_1}{c \sin v + c_1 \sin v_1},$$

und baher ber Weg, welchen bie Schaufel mahrend ber Fullung burch- läuft :

$$s = \frac{2 z_1 v}{c \sin v + c_1 \sin v_1}.$$

Nimmt man nun erst für \mathbf{z}_1 einen Näherungswerth an, und berechnet mit Hilse dieser Formel s, so kann man auch die entsprechende Stelle der Schausel E_1 G_1 aufzeichnen; und trägt man über dieselbe den Querschnitt $\mathbf{F} = \frac{V}{e} = \frac{60~Q}{nue}$ des Wassertörpers zwischen je zwei Schauseln, so kann man untersuchen, ob die Oberstäche W des letzteren die angenommene Tiese $\overline{MN} = \mathbf{z}_1$ unter dem Eintrittspunkte A hat. Ist dies nicht der Fall, so muß man ein anderes \mathbf{z}_1 annehmen, \mathbf{z} von Neuem bestimmen, und die vorige Probe wiederholen. Findet auch dann noch keine Uedereinstimmung zwischen den angenommenen und bestimmten Werthen von \mathbf{z}_1 statt, so ist dieses Berfahren nochmals anzuwenden.

§. 206 Leistung der Kropfräder. Die Leistung der Räder im Kropfgerinne gerfällt, wie bei einem oberfchlägigen Rabe, in eine Stoße und in eine Druckleistung; es ift auch die Formel für die Leistung beiber genau bieselbe, nur macht die Bestimmung des Wasserverlustes verschiedene Reche nungen nöthig, denn mahrend bort biefer Berluft in bem allmäligen Ablaufen bes Waffers aus ben Bellen seinen Grund hat, entsteht er hier burch bas Entweichen bes Baffers in bem Zwischenraume zwischen bem Rabe und bem Rropfe. Wir haben alfo bier zu untersuchen, auf welche Weise und in welcher Menge bas Baffer in diefem Zwischenraume, ben man beshalb auch ben fchablich en Raum nennen tann, erfolgt, und muffen hiernach die Wirtung, welche baburch dem Rabe entzogen wirb, berechnen. Segen wir nun, wie bei den oberschlägigen Radern, die Gintrittsgeschwindigkeit des Baffers in den Theilfreis des Rades $=c_{
m i}$, die Geschwindigkeit des Rades in Theilfreise, = v, und ben Bintel c, Wv, Fig. 422, zwischen ben Richtungen biefer Geschwindigkeiten, = a1, so haben wir wieder die Stofleistung:

$$=\frac{(c_1\cos.\alpha_1-v_1)\,v_1}{g}\cdot Q\gamma.$$

Bezeichnen wir ferner ben Niveauabstand DK_1 zwischen dem Eintrittspunkte W und der Oberfläche des Unterwassers durch h_2 , und nehmen wir an, daß von dem Aufschlagquantum Q nur der Theil $Q_1 = \xi Q$ im

Aropfe zur Wirtung gelange, so können wir die Druckleistung des Wassers $h_3 Q \gamma$, und genau wie bei einem oberschlägigen Rade die Totalleistung

$$L=Pv=\left(rac{\left(c_1\coslpha_1-v_1
ight)v_1}{g}+\xi h_3
ight)Q\gamma$$
 feten.

Um mit Hilfe der vorstehenden Formel die Leistung des Kropfrades berechnen zu können, ist noch nöthig das Berhältniß $\xi=rac{Q_1}{Q}$ zu ermitteln.

Der Arbeitsverlust, welcher aus bem Entweichen bes Wassers burch ben Spielraum (franz. jou; engl. back-lash) bes Rades im Kropse hervorgeht, ist bei dem Stoße bes Wassers unbedeutend, da der eintretende Wassersstrahl diesen Spielraum in der Regel nicht unmittelbar trifft; anders ist es aber bei dem Drucke desselben, denn hier sindet ein ununterbrochener Wasserverlust statt, während eine Schausel E_1 G_1 (Fig. 418) nach und nach in tiesere Stellungen E_2 G_2 , E_3 G_3 u. s. w. kommt, ehe sie die tiesste Stelle F erreicht. Es bildet hier der Spielraum Ausslußöffnungen E_1 , E_2 ..., durch welche das Wasser mit veränderlichen Druckböhen aussließt.

Bezeichnen wir wieder die Radweite durch e, und segen die Weite des Spielraumes oder den kurzesten Abstand der Radschauseln vom Kropsboden durch σ , so können wir den Querschnitt der Oeffnung, durch welche das Wasser aus einer Zelle in die nächst tiesere fließt, = σe sehen; und sind nun während des allmäligen Niederganges der Zelle die Oruchöhen, oder Tiesen \overline{DL} der Ausslußmilndung unter den darüber stehenden Wasserspiegeln nach und nach l_1 , l_2 , u. s. w., so folgen die entsprechenden Ausslußgeschwindigsteiten

$$v_1 = \sqrt{2 g l_1}, \quad v_2 = \sqrt{2 g l_2} \text{ u. j. w.,}$$

und Ausflugmengen innerhalb eines Zeitelementes r

$$V_1=\sigma e au \ \sqrt{2 \ g \ l_1}$$
, $V_2=\sigma e au \ \sqrt{2 \ g \ l_2}$ u. s. s. sober, wenn man noch einen Ausflußcoefficienten μ einführt,

$$V_1 = \mu \operatorname{der} \sqrt{2 g l_1}, \quad V_2 = \mu \operatorname{der} \sqrt{2 g l_2} \quad \text{u. f. w.}$$

Diese Wassermengen sinken unbenut von den Höhen $\overline{DK}=k_1$, k_2 u. s. w. herab, um welchen je zwei benachbarte Wasserspiegel in den Radzellen von einander abstehen; es sind daher die durch die Wasserverluste V_1 , V_2 u. s. w. herbeigeführten Arbeitsverluste:

$$V_1 k_1 \gamma = \mu \sigma e \tau \sqrt{2 g l_1} . k_1 \gamma$$
, $V_2 k_2 \gamma = \mu \sigma e \tau \sqrt{2 g l_2} . k_2 \gamma$, u. f. w. Die Summe dieser Berluste giebt den Arbeitsverlust der Radzelle

$$A_1 = \mu \operatorname{det} \sqrt{2g} \cdot \gamma (k_1 \sqrt{l_1} + k_2 \sqrt{l_2} + \cdots)$$

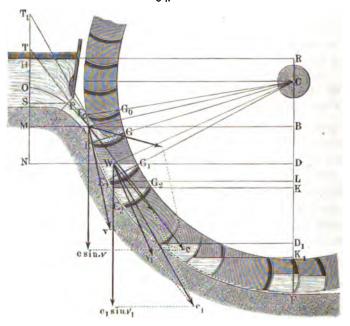
Run ift aber die Länge des Rropfes $= \theta a$, und die Zeit, während eine Schaufel benfelben mit der Geschwindigkeit v burchläuft:

$$t=\frac{\theta a}{r};$$

fest man daher $r = \frac{t}{n_1}$, so folgt

$$A_1 = \mu \, \sigma e \, rac{ heta \, a}{v} \, \sqrt{2g} \, \gamma \, \Big(rac{k_1 \, \sqrt{l_1} \, + \, k_2 \, \sqrt{l_2} \, + \cdots}{n_1} \Big),$$

zieht man diesen Arbeitsverlust von der Arbeit $A = Vh_3 \gamma = Feh_3 \gamma$ ab, welche das Basser einer Schausel beim Herabsinken von der Kropfhöhe ver-



richten wurde, wenn tein Wasserverluft ftatt hatte, so erhalt man die wirtliche Arbeit des Wassers einer Schaufel

$$A-A_1 = Feh_3\gamma\Big(1-\mu \,\sigma\,\frac{\theta a}{Fv}\,\sqrt{2g}\cdot\frac{k_1\,\sqrt{l_1}+k_2\,\sqrt{l_2}+\cdots}{n_1\,h_3}\Big);$$

und baher die entsprechende Arbeit bes Baffers burch Drud

$$\begin{split} L_2 &= \frac{nu}{60} (A - A_1) = \frac{nu}{60} Feh_3 \gamma \left(1 - \frac{\mu \sigma \theta a \sqrt{2g}}{Fv} \frac{(k_1 \sqrt{l_1} + k_2 \sqrt{l_2} \cdots)}{n_1 h_3} \right) \\ &= \left(1 - \frac{\mu \sigma \theta a \sqrt{2g}}{Fv} \frac{k_1 \sqrt{l_1} + k_2 \sqrt{l_2} + \cdots}{n_1 h_2} \right) Qh_3 \gamma; \end{split}$$

ober mit Unwendung ber Gimpfon'ichen Regel:

$$L_{2}\!\!=\!\!\!\left(1\!-\!\!\frac{\mu\sigma\theta a\sqrt{2g}}{Fv}\!\cdot\!\frac{k_{0}\sqrt{l_{0}}\!+\!4k_{1}\sqrt{l_{1}}\!+\!2\,k_{2}\sqrt{l_{2}}\!+\!4k_{3}\sqrt{l_{3}}\!+\!k_{4}\sqrt{l_{4}}}{12\,h_{3}}\right)Qh_{2}\gamma.$$

Es fällt folglich die Drudleistung des Wassers im Kropfe um so größer ans, je größer die Radgeschwindigkeit v und je größer der Querschnitt F des Wassers einer Zelle, d. i. je stärker die Radfüllung ist.

Um die Rechnung aussihren zu können, hat man den Bogen E_1F in n_1 , z. B. in vier gleiche Theile zu theilen, durch die Theilpunkte Schaufeln zu legen, über dieselben die Querschnittssläche aufzutragen und die Höhen k_1 , k_2 ... sowie l_1 , l_2 ... mit dem Zirkel abzunehmen. Hierbei ist nicht außer Acht zu lassen, daß an den Stellen, wo das Wasser aus einer Zelle unter dem Wasser der vorausgehenden aussließt, die Werthe l_1 , l_2 ... in die von k_1 , k_2 ... übergeben (s. Band I, §. 399).

Auch fließt noch Wasser seitwärts durch den Raum zwischen den Radkränzen und dem Kropsboden ab, weil die Einfassungswände oder sogenannten Wasserdanke nicht genau an den äußeren Stirnslächen der Radkränze anschließen, sondern 1 dis 2 Zoll davon abstehen. Der Inhalt der Aussslüßsffnung ist hier do, wenn d den Bogen bezeichnet, in welchem das Wassser einer Zelle den Krops berührt, die Druckböhen sind die veränderlichen Abstände m_1 , m_2 u. s. w. der Obersläche des Wassers in der niedergehenden Zelle über der unteren Kante der Schausel, welche diese Zelle bildet, und das versorene Gefälle ist der veränderliche Abstand p_1 , p_2 u. s. w. dieses Wasserspiegels von dem tiessen Wasserslichen Ausserslichen Föhen m_1 , m_2 ... und p_1 , p_2 ... solgt der Arbeitsverlust, welcher aus dem Entweichen des Wassers aus diesem Wege hervorgeht,

$$A_2 = \frac{2}{3} \mu \sigma b \frac{\theta a}{v} \sqrt{2 g} \cdot \gamma \left(\frac{p_1 \sqrt{m_1} + p_2 \sqrt{m_2} + \cdots}{n_1} \right),$$

und es ist baher bei Inbetrachtnahme von beiben Wasserverlusten, wenn man nur drei Schaufelstellungen in Betracht zieht, die Drudleiftung

$$L_{2} = \left[1 - \frac{\mu \, 6 \, \theta \, a \, \sqrt{2 \, g}}{6 \, F v \, h_{3}} \left(k_{0} \, \sqrt{l_{0}} + 4 \, k_{1} \, \sqrt{l_{1}} + k_{2} \, \sqrt{l_{2}} \right. \\ \left. + \frac{2}{3} \, \frac{b}{e} \left(p_{0} \sqrt{m_{0}} + 4 \, p_{1} \, \sqrt{m_{1}} + p_{2} \, \sqrt{m_{2}}\right)\right)\right] Q h_{3} \, \gamma.$$

Setzt man diese Arbeit $L_2 = \xi \, Q \, h_3 \, \gamma$, so hat man folglich

$$\xi = \left[1 - \frac{\mu \sigma \theta \, a \, V \, 2 \, g}{6 \, F v \, h_3} \left(k_0 \, V \overline{l_0} + 4 \, k_1 \, V \overline{l_1} + k_2 \, V \overline{l_2} \right. \\ \left. + \frac{2}{3} \, \frac{b}{6} \, \left(p_0 \, V \overline{m_0} + 4 \, p_1 \, V \overline{m_1} + p_2 \, V \overline{m_2}\right)\right)\right].$$

§. 207

Andere Arbeitsverluste. Ein weiterer Berluft tritt noch bann ein, wenn die Oberfläche des Unterwassers nicht mit der Oberfläche des Wassers in der tiefsten Zelle in einerlei Niveau steht, wie z. B. in Fig. 423 vor

D D₁

Fig. 423.

Augen geführt wird; benn hier fließt sogleich Wasser aus ber Zelle BDD_1B_1 , wenn die Schaufel B_1D_1 die Schwelle FG überschritten hat, es nimmt also basselbe außer ber Rabgeschwindigkeit v noch eine Seschwindigkeit an, welche durch den Niveauabstand FK erzeugt wird. Dieser Niveauabstand ist aber veränderlich, er hat im ersten Augenblicke, wenn die Schausel

über die Schwelle weggegangen und die Deffnung bei F entstanden ist, seinen größten Werth, wird aber immer kleiner und kleiner, je mehr Wasser aus dem Raume BDD_1B_1 geflossen ist, und fällt endlich Null aus, wenn beide Wasserspiegel in einerlei Niveau gekommen sind, also der Aussluß durch B_1F beendigt ist. Der mittlere Werth diese Niveauabstandes läßt sich 1/2 h_4 setzen, wenn h_4 die anfängliche Tiese des Wassers in der unterken Zelle ist, und daher die Geschwindigkeit des absließenden Wassers nicht

 $rac{v^2}{2g}$, sondern $rac{w^2}{2\,g}=rac{v^2}{2\,g}+{}^1\!/_{\!2}\,h_4$; da wir indessen den der Geschwin-

bigkeitshöhe $\frac{v^2}{2\,g}$ entsprechenden Berluft an Leiftung schon beim Stoße in Abzug gebracht haben, so bleibt baber nur noch die Leiftung

$$L_4 = 1/2 Qh_4 \gamma$$

von der gefundenen Nugleistung abzuziehen. Man ersieht hierans, daß es nicht vortheilhaft ist, unter dem Kropfrade einen Abfall anzubringen, daß sich daher nur dann seine Anwendung rechtsertigen läßt, wenn man einen veränderlichen Unterwasserstand hat, so daß bei hohem Wasser zu befürchten ist, daß das Rad im Wasser watet, indem das Wasser im Untertheile des Rades tieser steht als im Abzugsgraben.

Außerdem lassen sich noch mehrere Arbeitsverluste bes Aropfrades angeben. Zunächst haben wir zu berlicksichtigen, daß das Wasser bei seiner Bewegung im Aropsgerinne eine Reibung zu überwinden hat, deren Coefficient & nach Band I, §. 476 für Geschwindigkeiten von 4 bis 6 Fuß 0,00769 geseht werden kann. Der entsprechende Gesällverlust ist (Bd. I, §. 475):

$$h_5=\xi\,rac{lp}{F}\cdotrac{v^2}{2g}$$
,

baher hier, wo l die Länge des Kropfes, p den Umfang und F den Inhalt des Wasserprofiles bezeichnet, also

$$\frac{p}{F} = \frac{e+d}{^{1}\!/_{2}\,d\,e}$$
 und annähernd $=\frac{2}{d}$

gefest werben fann,

$$h_3 = \zeta \cdot \frac{2l}{d} \cdot \frac{v^2}{2q} = 0,0002461 \frac{l}{d} v^2,$$

und ber entsprechende Berluft an mechanischer Arbeit:

$$L_5 = 0,0002461 \frac{lv^2}{d} Q\gamma.$$

Endlich milfen wir auch ben Widerstand ber Luft gegen die Bewegung ber Schaufeln, und vielleicht auch noch ben, welchen die Radarme zu überwinden haben, berlichsitigen. Der Widerstandscoefficient ber Luft ist hier nach Band I, §. 512, $\xi = 1,25$, und die Formel für diesen Widerstand

$$= \xi F \gamma \cdot \frac{v^2}{2g},$$

wo F die Fläche, sowie γ die Dichtigkeit der Luft bezeichnet. Führen wir nun nach Band I, §. 393, für $\gamma=0.0800$ Pfund ein, so erhalten wir diesen Biderstand

$$= 0.0016 Fv^2$$

ober, wenn wir die Fläche gleich setzen dem Inhalte n.de sämmtlicher nSchausfeln des Rades, denselben

$$= 0.0016 \, n \, dev^2$$

und bemnach ben entsprechenden Berluft an mechanischer Leiftung:

$$L_6 = 0,0016 \, ndev^3$$
.

Bei den gewöhnlichen Berhältniffen betragen alle diese Berluste zusammen nur wenige Procente der ganzen Radleiftung, wie wir auch in einem Beispiele weiter unten sehen werden.

Loistungsformel. Wir können nur einen Ausbruck für die vollstän= §. 208 dige Leistung eines Kropfrades angeben, wenn wir außer den im vorigen Paragraphen gefundenen Arbeitsverlusten auch die Arbeit der Zapfenreibung in Betracht ziehen. Nach dem Borstehenden ist die Druckwirkung des Wassers = $\xi Q h_3 \gamma$ und wenn wir, wie dei den oberschlägigen Wasserrädern, die Arbeit der Zapfenreibung $\varphi \frac{r}{a} \cdot Gv$ setzen, so bleibt die Nutseleistung

$$L = Pv = \left(\frac{(c_1\cos\alpha_1 - v_1)v_1}{g} + \xi h_2\right)Q\gamma - \varphi - Gv$$
 tibrig.

Bezeichnen wir das Totalgefälle, vom Wasserspiegel des Oberwassers bis jur Oberfläche des Unterwassers gemessen, durch h, so können wir wieder

$$h_3 = h - 1,1 \frac{c_1^2}{2q}$$

fegen, und erhalten nun:

$$L = \left[\frac{(c_1 \cos \alpha_1 - v_1)v_1}{g} + \xi \left(h - 1, 1 \frac{c_1^2}{2g}\right)\right] Q \gamma - \varphi \frac{r}{a} Gv.$$

Um nun benjenigen Werth ber Eintrittsgeschwindigkeit c1 zu finden, bei welchem die Leiftung am größten ausfällt, haben wir nur zu untersuchen, wenn

ein Maximum wird. Es ist hier berfelbe Fall wie in Bb. I, §. 500, und baher wie bort

$$c_1 = \frac{v_1 \cos \alpha_1}{1.1 \cdot \xi}$$

ju feten. Die entsprechenbe Maximalleistung ift:

$$L = \left[\xi h - \left(2 - \frac{\cos \alpha_1^2}{1, 1 \cdot \xi}\right) \frac{v_1^2}{2g}\right] Q\gamma - \varphi \frac{r}{a} Gv.$$

Die Formel $c_1 = \frac{v_1 \cos \alpha_1}{1, 1 \cdot \xi}$ giebt une, da α_1 klein, also $\cos \alpha_1$ nahe 1

und ebenso $1,1.\xi$ nahe =1 ist, auch c_1 nahe $=v_1$; wegen der leichteren und sichereren Einführung des Wassers in die Zellen macht man aber $c_1\cos\alpha_1=2v_1$, läßt also das Wasser noch einmal so schoell in das Rad eintreten, als dieses umläuft, weshalb man die effective Radleistung

$$L = \left[\xi h - \left(rac{4,4}{cos.}rac{\xi}{a_1^2} - 2
ight)rac{v_1^2}{2\,g}
ight]\,Q\gamma - arphi\,rac{r}{a}\,\,G\,v$$
erhält.

Da bieser Ausbruck für die Leistung eines rückenschlägigen Rades nicht wesentlich verschieden ist von dem für die eines oberschlägigen, so ist ohne weitere Untersuchung leicht einzusehen, daß auch die vortheilhafteste Umbrehungszahl (f. §. 196) nahe dieselbe sein werde.

§. 209 Effective Leistungen der Kropfräder. Ueber die Birkungen mittelschlägiger Kropfräder find von Morin anziemlich gut conftruirten Räbern mehrfache Bersuche angestellt worden. Morin vergleicht die Ergebnisse seiner Bersuche mit den entsprechenden Berthen, welche die theoretische Formel

$$Pv = \left(\frac{(c\cos\alpha - v)v}{q} + h_2\right)Q\gamma$$

giebt, und findet nun, daß eine ziemlich gute Uebereinstimmung sich herausftellt, wenn man ben letten Ausbrud burch einen Erfahrungscoefficienten z multiplicirt, also

$$Pv = \chi \left(\frac{(c\cos\alpha - v)v}{g} + h_2 \right) Q\gamma$$

Das erste von ben Rabern biefer Art, welches Morin in Unterfuchung jog, mar aus Bugeisen, hatte holgerne, schief gegen bie Schute geftellte Schaufeln und befand fich in einem fehr eng anschliegenden eisernen Es hatte eine Bohe von 61/2 Meter, eine Breite von 11/2 Meter, ein Gefälle von 12/3 Meter, 50 Schaufeln und ging mit 1 bis 2,4 Meter Beschwindigkeit um, während bas Baffer mit 2,8 bis 3,2 Meter Geschwinbigfeit burch eine unter einem geneigten Schutbrete befindliche Mündung eintrat. Der Coefficient z ergab fich im Mittel 0,75 und ber Wirfungsgrad, mit Einschluß ber Zapfenreibung, ungefähr 0,60. Das zweite Rad, an welchem Morin Berfuche angestellt hat, war ebenfalls eifern und ging in einem fehr eng anschließenben Rropfe aus Sanbfteinquabern; feine Bobe, wie seine Weite, war 4 Meter, bie Schaufelzahl betrug 32 und bas Befalle 2 Meter. Bar bie Geschwindigfeit bes Rades 47 bis 100 Broc. von ber bes burch einen Ueberfall zugeführten Baffers und zwar innerhalb ber Grengen 0,5 bis 1.8 Meter, fo blieb ber Coefficient y ziemlich berfelbe, nämlich 0,788, und ber Wirfungsgrad fiel 0,70 aus. Mit einem britten Rabe wurden zwei Berfuchereihen angestellt, die eine bei einem Baffereinlaufe mit Spannichute und die andere bei einer Bafferguführung burch eine Ueber-Diefes Rad mar größtentheils aus Bolg und bing in einem eng anschließenden Rropfe, seine Bobe betrug 6 Meter und feine Schaufelgahl 40. Bei ber Spannschütze ergab fich im Mittel z = 0,792, bei ber Ueberfallschütze bagegen 0,809. Der Wirkungsgrad aber war im erften Falle 0,54 und im zweiten 0,67. Nimmt man nun aus diefen Angaben Mittelwerthe, fo erhalt man für mittelschlägige Rropfraber mit Spannschuten bie Leiftung:

$$L = 0.77 \left(\frac{(c \cos \alpha - v)v}{g} + h_2 \right) Q\gamma$$

und für bie mit Ueberfallichligen:

$$L = 0.80 \left(\frac{(c\cos\alpha - v)v}{g} + h_2 \right) Q\gamma.$$

wovon jedoch die Arbeit der Zapfenreibung abzuziehen ist. Die größere Wirkung bei der Ueberfallschütze hatte ihren Grund darin, daß hier das Wasser langsamer eintrat, als bei der Spannschütze, und deshalb fast nur durch Druck wirkte. Noch folgt aus den Versuchen Morin's, daß der Wirkungsgrad abnimmt, wenn das Wasser mehr als die Hälste oder zwei Drittel der Räume zwischen den Schauseln ausfüllt, daß die Wirkung sich

nicht sehr verändert, wenn die Umfangsgeschwindigkeit des Rades innerhalb der Grenzen 0,5 und 2,0 Meter bleibt.

Egen hat Bersuche (s. die oben angeführte Abhandlung besselben) an einem 23 Fuß hohen und $4^{1}/_{3}$ Fuß weiten Kropfrade angestellt. Dieses Rad hatte noch zwei Eigenthümlichkeiten; es waren nämlich die 69 übrigens gut ventilirten Schauseln besselben genau so gedeckt, wie bei oberschlägigen Räbern, und es bestand die Schlüte aus zwei Theilen, wovon, je nachdem es der Wasserstand ersorderte, bald die eine oder obere, bald die andere oder untere gezogen werden konnte. Obgleich der Kropf sehr genau an das Rad anschlöß, so sand Egen den Wirkungsgrad dieses Rades im günstigsten Falle doch nur 0,52, und im Mittel, dei 6 Cubitsus Ausschlag pr. Secunde und bei 4 Umdrehungen pr. Minute, denselben gar nur 0,48.

Bersuche mit einem mittelschlägigen Rropfrade werben noch in Bulletin de la Societé indust. de Mulhouse T. XVIII, (f. Bolytechn. Centralblatt, Bb. IV, 1844) mitgetheilt. Diefes Rab war von Holz, hatte eine Bobe von 5 Meter und eine Weite von 4 Meter, und beftand aus brei Abtheis lungen, welche durch zwei Mittelkränze hervorgebracht wurden. Das Kropfgerinne fclog fich an ein parabolisches Gerinne von 0,2 Meter Sobe an und das Wasser trat in bieses durch eine Ueberfallschütze mit ebenfalls 0,2 Meter Höhe; es war baber die Eintrittsgeschwindigkeit c ungefähr 2,8 Meter. Das ganze Gefälle betrug 2,7 Meter, und bie Umfangsgefcwindigkeit bes Rades 11/2 bis 3 Meter. Die Wasserfüllung war 1/3 bis 2/3, und ber Birfungegrab fiel bei größerer Bellenfullung größer aus, als bei fleinerer Füllung ber Zellen; nämlich bei ftarter Füllung 0,80, bei mittlerer aber nur 0,73 und bei schwacher Füllung gar nur 0,52. Die Bersuche über bie Leistungen bei verschiedenen Fullungen ließen fich hier, da jede der Abtheilungen bes Rabes befonders beaufschlagt werden konnte, sehr bequem und ficher ausführen.

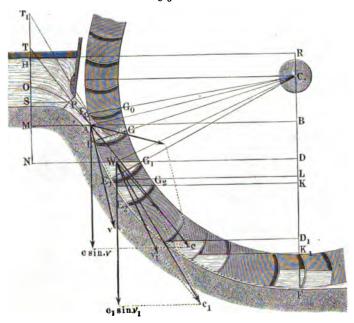
Durch Bremsversuche an einem eisernen mittelschlägigen Bafferrabe von 20 sächsische Fuß Höhe, 3 Fuß Breite und mit 48 Schaufeln,
welches bas durch eine Coulissenschütze zugeführte Wasser in der Höhe des Radmittels auffing, wurde vom Verfasser in Verbindung mit den Herren Prosessoren Brudmann, Zeuner u. f. w. (s. "Civilingenieur" Bb. II) Folgendes gesunden.

Bei dem Füllungscoefficienten s=1/2 und dem Geschwindigkeitsverhältnisse $\varkappa=1/2$ machte das Rad 8 bis 9 Umbrehungen pr. Minute und leistete $12^{1}/_{2}$ bis 12 Pferdekräfte, wogegen die disponible Leistung Qhy=19 Pferdekräfte betrug; es war folglich der Wirkungsgrad dieses Rades:

$$\eta = \frac{12,5}{19} = 0,65$$
 bis $\frac{12}{19} = 0,63$.

Beispiel. Es sei für einen Aufschlag Q=20 Cubitsuß or. Secunde und für ein Gefälle h=9 Fuß die Anordnung und Berechnung eines mittelschlägigen Kropfrades, Fig 424, von 16 Fuß Höhe und mit 8 Fuß Umfangsgelchwins bigkeit zu vollziehen.

Mig. 424.



Nehmen wir die Radiefe ober Kranzbreite $d=1\frac{1}{4}$ Fuß an, und lassen wir die Radzellen halb füllen, so erhalten wir zunächst die Radweite:

$$e = \frac{2 Q}{dv} = \frac{2 \cdot 20}{\frac{5}{4 \cdot 8}} = 4$$
 Huß.

Laffen wir nun bas Baffer mit ber Gefchwindigfeit

 $c = xv = \frac{3}{2}v = \frac{3}{2}.8 = 12 \text{ gus}$

eintreten, fo erhalten wir bas jur Erzeugung biefer Geschwindigkeit nothige Gefälle:

$$\overline{MH} = \overline{BR} = h_1 = 1.4 \cdot \frac{c^2}{2a} = 1.1 \cdot 0.016 \cdot 12^2 = 2.54 \text{ Gu}$$

Bieben wir biefes Gefalle von bem Totalgefalle ab, fo bleibt fur bas Gefalle im Rropfe:

 $\overline{BF}=h_2=h-h_1=9-2,54=6,46$ Fuß, und es folgt für ben Binkel $ACF=\theta$, um welchen die Eintrittestelle A über bem Rabtiefften F fteht,

$$\cos \theta = 1 - \frac{h_2}{a} = 1 - \frac{6,46}{8} = 1 - 0,8075 = 0,1925,$$

und hiernach

$$\theta = 78^{\circ} 54'$$
.

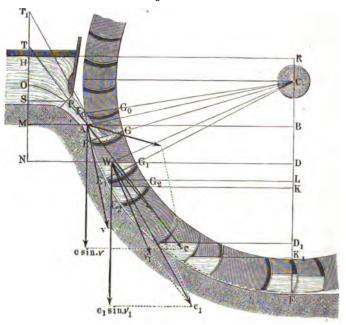
Laffen wir nun ben zutretenden Bafferstrahl um ben Binkel $\alpha = \overline{cAv}$ $= 25\frac{1}{9}$ Grad vom Radumfange abweichen, so erhalten wir die Reigung bes
Bafferstrahles in A gegen ben Horizont:

 $BAc = \nu = \theta - \alpha = 78^{\circ} 54' - 25^{\circ} 30' = 53^{\circ} 24'$, und es sind nun die Coordinaten des Scheitels O, der Parabel, in welcher das Waffer dem Rade zuguführen ift:

$$\overline{OM} = x = \frac{c^2 \sin \nu^2}{2 y} = 0.016 \cdot 144 (\sin .53^{\circ} 24')^2 = 1.48 \text{ Suf}$$

unb

$$\overline{MA} = y = \frac{c^2 \sin 2 \nu}{2 g} = 0.016 \cdot 144 \sin .73^0 12' = 2.21$$
 Fuß.



Die Mitte P ber Schützenmundung ift auf dem Parabelbogen OA, und zwar möglichst nabe am Rabe anzunehmen, übrigens aber so zu formen, daß ihre Are die Tangente an diesem Bogen bilbet. Legt man diese Mundungsmitte P um 0,54 Fuß über A, so folgt die Druckhohe für dieselbe:

 $h_0 = h_2 - 0.54 = 2.54 - 0.54 = 2$ Fuß, baher die Ausstußgeschwindigfeit:

c₀ = 0,95 $\sqrt{2gh_0}$ = 0,95 $\sqrt{125}$ = 10,62 Fuß, und nimmt man noch die Mündungsweite e_0 = e — 0,25 = 3,75 Fuß an, so folgt die Mündungshöhe:

$$d_0 = \frac{Q}{c_0 e_0} = \frac{20}{10,62.3,75} = 0,502 \text{ Fuß}.$$

Geben wir bem Rabe 48 Schaufeln, fo erhalten wir ben außeren Abftanb awischen je zwei Schaufeln

$$b = \frac{2\pi a}{n} = \frac{2\pi . 8}{48} = \frac{3,1416}{3} = 1,047 \text{ Sub}.$$

Rehmen wir an, baß die Schaufel EG den Beg $EE_1=s=0,9$ Fuß zurücklege, während sie noch Wasser aufnimmt und zeichnen wir hiernach nicht allein die Stellung E_1G_1 der Schaufel, sondern auch den Querschnitt des Bassertörpers in dem entsprechenden Augenblick der Zellenfüllung auf, so können wir nun auch die Tiese $MN=s_1$ des Wasserspiegels W unter der Eintrittsstelle A abmessen. Man sindet auf diese Weise $s_1=1,25$ Fuß, und es ist hiernach die Geschwindigkeit des dei W aussallenden Bassers:

$$c_1 = \sqrt{c^2 + 2 g z_1} = \sqrt{144 + 62, 5.1, 25} = \sqrt{222} = 14,9$$
 Fuß, sowie die Abscisse des Pausties W:

$$x_1 = \overline{ON} = x + z_1 = 1,48 + 1,25 = 2,78$$
 Fuß, die Ordinate desselben

$$y_1 = \overline{NW} = y \ \sqrt{\frac{x_1}{x}} = 2,21 \ \sqrt{\frac{2,73}{1.48}} = 3,00 \ \%$$
uß

und für ben Reigungswinkel c_1 $WD=
u_1$ bes in W einfallenden Baffers

tang.
$$\mathbf{r}_1 = \frac{2 x_1}{y_1} = \frac{5,46}{3,00} = 1,82$$
, wonach $\mathbf{r}_1 = 61^0 13'$ folgt.

Da nun

$$c \sin v = 12 \sin .53^{\circ} 24' = 9,634$$
 umb
 $c_1 \sin v_1 = 14,9 \sin .61^{\circ} 13' = 13,059$ ift, fo folgt
 $\frac{2 z_1}{c \sin v + c_1 \sin v_1} = \frac{2.1,25}{22,693} = \frac{2,5}{22,693} = 0,1102,$

währenb

$$\frac{s}{v} = \frac{0.9}{8} = 0.1125$$
 giebt.

Jebenfalls ift die Differenz zwischen biesen Werthen von $\frac{2s_1}{c_1 sin.\nu + c_1 sin.\nu_1}$ und $\frac{s}{v}$ klein genug um s=0,9 und $s_1=1,25$ Fuß als die richtigen ansehen zu können.

Ferner ift fur ben Binkel $WCF= heta_1$, um welchen ber Anfangspunkt W bes wasserhaltenben Bogens WF vom Rabtiefften F absteht,

$$\cos \theta_1 = \frac{CD}{CW} = \frac{CB + z_1}{a_1} = \frac{1.54 + 1.25}{7.6} = 0.3671,$$

wonach $heta_1=68^{\circ}28^{\circ}$, und die Abweichung ber Richtung bes Wafferstrahles von der Bewegungsrichtung des Rades in W:

$$\alpha_1 = \theta_1 - \nu_1 = 68^{\circ}28' - 61^{\circ}13' = 7^{\circ}15'$$
 folgt.

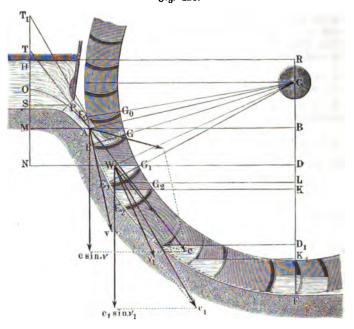
Da bas wirksame Drudgefalle im Rabe

 $\overline{FD}=h_3=h_2-s_1=6,46-1,25=5,21$ Fuß, und die Geschwindigkeit des Nades W:

$$v_1 = \frac{a_1}{a} v = \frac{7.6}{8} \cdot 8 = 7.6 \text{ Fuß ift,}$$

fo folgt die Leiftung biefes Rropfrades ohne Rudficht auf die Bafferverlufte u.f. w.:

$$L = \left(\frac{(c_1 \cos a_1 - v_1) v_1}{g} + h_3\right) Q\gamma$$
= [0,032 (14,9 \cos. 7^0 15' - 7,6) \cdot 7,6 + 5,21] 20 \cdot 61,75
= (0,032 \cdot 7,10 \cdot 7,6 + 5,21) \cdot 1235 = (1,75 + 5,21) \cdot 1235
= 6,96 \cdot 1235 = 8596 \cdot \cdo



Ift die Weite bes Spielraumes im Kropfe $\sigma = \frac{1}{2}$ Boll und nimmt man $\mu = 0.7$ an, so hat man

$$\mu \sigma \theta a \sqrt{2g} = 0.7.1_{24}.8.7,906 \ arc.78^{\circ},54 = \frac{0.7.7,906}{3} \cdot 1,377 = 2,54.$$

$$Fv = \frac{60 \ Q}{nuc} \cdot \frac{2 \pi ua}{60} = \frac{2 \pi a \ Q}{ne} = \frac{6,28 \cdot 8 \cdot 20}{48 \cdot 4} = 5,23$$

und
$$h_8 = 5.21$$
 iff, so folgt
$$\frac{\mu \sigma \theta a \sqrt{2g}}{F v h_8} = \frac{2.54}{5.23 \cdot 5.21} = 0.0932.$$

Ift noch ber mittlere Werth von $k \sqrt{l} = 0.5$, ferner b = 1 und ber mittlere Merth von $\sqrt[8]{g} p \sqrt{m} = 1.0$, fo folgt $\xi = 1 - 0.0932 \ (0.5 + \frac{1}{4}.1) = 1 - 0.0932.0,75 = 1 - 0.070 = 0.930$ und baher die effective Rableistung

$$L = \left(\frac{(c_1 \cos a_1 - v_1)v_1}{g} + \xi h_3\right) Q\gamma = (1.75 + 0.930.5.21).1235$$

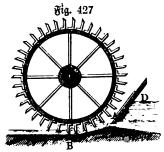
= 6.595.1235 = 8145 Fußpfund.

Benn hiervon bie übrigen Nebenhinderniffe. ber Luftwiberftanb und bie Bapfenreibung 645 Fußpfund verzehren, fo ift bie Nugleiftung biefes Rabes

L = 7500 Fußpfund = 151/2 Pferbefrafte,

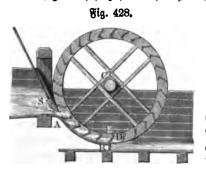
und der Wirfungsgrad besselben:
$$\eta = \frac{L}{Q\,h\,\gamma} = \frac{7500}{20.9\cdot61.74} = \frac{25}{37} = 0.68.$$

Unterschlägige Wasserrader. Die unterschlägigen Baffer- \$. 210 raber hangen in ber Regel in einem Berinne, welches mit feinem Boben und mit seinen Seitenwänden bas Rab möglichst genau umschließen foll, bamit fich fo wenig wie möglich Baffer ber Birfung beffelben auf bas Rab entziehen tann. Aus biefem Grunde ift auch bie Anwendung von einem Rropfgerinne, welches bas Rab langs eines fleinen Bogens concentrifch umfaßt, zwedmäßiger, als die Anwendung von einem Schnurgerinne, welches bas Rab nur tangirt. Ueberdies gewährt bas Rropfgerinne, wenn estich nur auf ber einen Seite bes Rabes befindet, noch ben Nuten, bag bas Waffer in ihm noch eine Drudwirfung hervorbringen fann, welche beim Schnurgerinne gang ausfällt. Die Berechnung eines folden unterschlägigen Rabes im Rropfgerinne (Fig. 427) ift, wenn ber Rropf AB weniaftens 3 bis 4 Schaufeln umfaßt, genau fo burchzufthren, wie bie eines



mittelfchlägigen Rropfrabes. find bie mittel- und unterschlägigen Rropfraber nach gleichen Regeln gu construiren, ba sie sich wesentlich nicht von einander unterscheiben. Man wendet auch hier meift einfache radial gestellte Schaufeln an; zuweilen neigt man fie jeboch unten etwas nach ber Schute zu, bamit fie auf ber anberen Seite bes Rabes fein Waffer mit

Richt felten fest man fie fogar aus zwei Theilen BD und empor nehmen. DE, Fig. 428, fo gufammen, bag biefelben einen Bintel BDE von 100



bis 1200 einschließen. Es laffen fich hier große Deffnungen im Boben aussparen, ohne befürchten gu muffen, bak bas Baffer burdt biefelben nach innen überfließt, und beshalb läßt man bie Bellen biefer Raber auch in ber Regel gur Balfte ober zwei Drittel vom Wasser anfüllen, wendet also ben Fillungscoefficienten s = 1/2 bis 2/3 an. Um bas Ueberlaufen bes Baffers nach innen zu verhindern, oder um einen größeren Fassungsraum zu erhalten, wendet man hier oft größere Radtiesen von $1^{1}/_{4}$ bis $1^{1}/_{2}$ Fuß an. Die tangentiale Einführung des Wassers ist hier noch leichter zu bewerkstelligen als dei mittelschlägigen Rädern. Um die Schützenmundung möglichst nahe an das Rad legen zu können, wendet man ein geneigtes Schutzbrett S, Fig. 428, an, dessen untere Kante noch abgerundet wird, um die partielle Contraction des Wasserstrahles zu verhindern.

s. 211 Unterschlägige Kropfräder. Jebenfalls ift bie Leistung unterfchlägiger Rropfraber noch Meiner als bie mittelfchlägiger, wo bas Drudgefälle immer ein größeres ift. Der Grund hiervon ift leicht zu ermeffen, da bei ber Wirtung bes Baffers burch ben Stoß mindeftens bie Balfte ber bisponiblen Leistung verloren geht, während bei ber Drudwirfung burch bas Entweichen bes Waffers im schablichen Raume hochstens 1/4 an ber zu Bebote ftebenden Leiftung verloren wird. Die hierliber angestellten Bersuche haben bies auch zur Genuge bewiesen. Das eine Rab, an welchem Morin Berfuche angestellt hat, war 6 Meter boch und 1,6 Meter lang und hatte 36 rabial gestellte Schaufeln. Das Schutbrett war 341/20 gegen ben Horizont geneigt und die Munbung unter bemfelben ftand noch 0,78 Meter vom Anfange bes Kropfgerinnes ab. Das Totalgefälle betrug im Mittel 1,9 Meter, die Drudhöbe por ber Ausflufmundung im Mittel 1,4 Meter, es war bemnach bas Drudgefälle ungefähr 0,5 Meter. Die Umfanasgefdwinbigfeit bes Rades mar 2 bis 4 Meter, und bie Gefdwinbigfeit bes eintretenden Waffers 5 bis $5^{1}/_{2}$ Meter. So lange $\frac{v}{c}$ ben Werth = 0,63nicht übertraf, ergab sich der Wirkungsgrad im Mittel $\eta=0,41$, wenn aber $\frac{v}{c}$ zwischen den Grenzen 0,5 und 0,8 war, fo stellte sich η im Mittel Wenn bie ichon fruber gebrauchten Bezeichnungen c, v, nur 0,33 heraus. Q und h auch hier gelten, so hat man hiernach für die Leistung dieses Rades, ohne Rudficht auf Bapfenreibung, im erften Falle:

$$Pv = 0.74 \left(\frac{(c-v)v}{g} + h_2 \right) Q\gamma,$$

und im zweiten:

$$Pv = 0.60 \left(\frac{(c-v)v}{g} + h_2 \right) Q\gamma.$$

Das zweite Rab, mit welchem Morin noch Bersuche angestellt hat, war beinahe 4 Meter hoch, ungefähr 0,8 Meter weit, 0,3 Meter tief und hatte nur 24 Schaufeln. Das Wasser floß aus ber Mündung eines verticalen Schuthrettes, und gelangte von da durch ein 0,8 Meter langes horizontales Gerinne bis zum Rade. Dieses Gerinne sowie der Kropf war von Quader-

steinen, und es hatte ber schöliche Raum nur 0,005 Meter Beite. Das Gefälle betrug im Mittel 0,78 bis 1 Meter, die Druckhöhe bes Bassers hinter ber Schütze aber war 0,15 bis 0,45 Meter. Die Bersuche wurden bei sehr verschiedenen Umfangsgeschwindigkeiten des Rades angestellt, bei sehr kleinen Geschwindigkeiten war der Wirkungsgrad auch sehr klein, bei ber mittleren Geschwindigkeit von 1,5 Meter aber war er am größten, und wenn dann die Geschwindigkeit bes eintretenden Wassers hiervon nicht viel verschieden war, so stellte sich der größte Wirkungsgrad 0,49 heraus. Für die

Geschwindigseitsverhältnisse innerhalb der Grenzen $\frac{v}{c}=\frac{1}{4}$ und $\frac{v}{c}=\frac{2}{4}$

hat sich im Mittel genau wie beim vorigen Rade $\eta=0.74$ herausgestellt, daher auch hier die Formel

$$Pv = 0.74 \left(\frac{(c-v)v}{g} + h_3 \right) Q\gamma$$

gilt.

Morin macht nun mit ben Refultaten seiner Bersuche an Kropfrabern aberhaupt folgenbe Zusammenstellung. Für biese Raber läßt fich setzen:

 $\eta = 0.40$ bis 0.45, wenn $h_1 = 1/4 h$

 $\eta = 0.42$ bis 0.49, wenn $h_1 = \frac{2}{5}h$

 $\eta = 0.47$, wenn $h_1 = \frac{2}{3}h$ und

 $\eta = 0.55$, wenn $h_1 = 3/4 h$ ist.

Beispiel. Man foll die Leistung eines unterschlägigen Kropfrades von 15 Fuß höhe angeben, welches in der Minute 8 Umbrehungen macht, ein Gefälle von 4 Fuß und ein Wasserquantum von 20 Cubitfuß benutt. Die Umfangsgeschwindigkeit ist

$$v = \frac{\pi u a}{30} = \frac{\pi . 8.15}{60} = 6,283 \text{ Suf;}$$

und wenn nun die Baffergeschwindigfeit boppelt so groß ift, so hat man die Drudhohe bes Baffers vor dem Schupbrete, ober bas sogenannte Stofigefälle

=
$$1.1 \cdot \frac{c^2}{2g}$$
 = $1.1 \cdot 0.016 \cdot 12.566^2$ = 2.779 Fuß;

baber bleibt für Drudgefälle $h_2=4-2,779=1,221$ Fuß übrig, und es ift nun bie theoretische Leiftung:

 $L = (0.032 \cdot 6.283^2 + 1.221) \cdot 20 \cdot 61.75 = (1.263 + 1.221) \cdot 1235 = 3067$ Fußpfb. Run hat man aber hier h_1 nur:

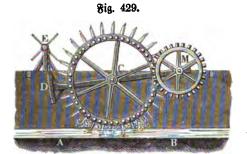
$$\frac{1,221}{4}h = 0.3 h,$$

baher möchte ber Coefficient η nur 0,42 zu sehen, also bie Leistung L=0.42.3279=1288 Kuftbund

anzunehmen, und hiervon felbft noch bie Arbeit ber Bapfenreibung abzuziehen fein.

Rader im Schnurgerinne. Die schwächsten Leistungen liefern bie §. 212 unterschlägigen Raber im Schnurgerinne, weil biefelben nur burch ben

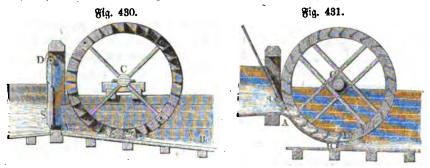
Bafferstog in Umbrehung gesetzt werben, und weil sie überdies noch ein bebeutenbes Bafferquantum unbenutt fortgeben laffen. Sie tommen nur bei unbedentenden Gefällen von noch nicht 4 Fuß vor, weil hier die Anwendung eines Kropfes noch teine wesentlichen Bortheile gewährt. Wegen ihrer geringen Leiftung erfett man fie gern burch Bonceletraber, ober burch Turbis nen, wovon in der Folge die Rede fein wird. Man giebt diefen Rabern nur 12 bis 24 Fuß Bobe, und versieht fie mit 24 bis 48, meift rabial ober unten wenig nach ber Schute zu fchrag gestellten Schaufeln. Schaufeln muffen breimal fo breit gemacht werben, ale ber antommenbe Wasserstrahl bid ift, weil bas Wasser nach vollbrachtem Stoge mit bem Rabe eine Geschwindigfeit annimmt, die bei ber größten Wirfung 35 bis 40 Brocent ber Beschwindigfeit bes Waffers vor bem Stofe ift, baber ber fortfließende Wasserstrom 21/2 bis 3 mal fo bid ift, als ber antommende Waf-In der Regel ift ber ankommende Wafferstrahl 4 bis 6 Boll bid, baber die Bobe bes fortgebenden Waffers 10 bis 18 Boll, und bie nothige Schaufelbreite, bamit bas Baffer nicht nach innen überfließe, 12 bis Das Schnurgerinne, in welchem ein gemeines unterschlägiges Rab hängt, ift entweder horizontal, wie AB, Fig. 429, ober geneigt, wie AB, Damit fo wenig wie möglich Baffer unbenutt burchgebe,



barf ber Zwischenraum zwisschen Rab und Gerinne nur 1 bis 2 Zoll, besser soll er aber noch weniger betragen. Lus bemselben Grunde ist es auch besser, wenn man, wie Fig. 431 vor Augen sührt, eine schwache Krümnung in das Gerinne legt, und wenn man das Rab eng schauselt, so daß immer

4 bis 5 Schauschn in das Wasser eingetaucht sind. Die Spannschütze legt man gern schief, um die Ausstußmündung der Eintrittsmündung möglichst nahe zu bringen und die Contraction des Wasserstrahles möglichst zu beseitigen. Unter dem Rade bringt man oft einen Absall an, weil hier ein Rückstau des Wassers dis zum Rade den Gang des Rades sehr stören oder ganz verhindern kann. Auch wendet man in solchen Fällen noch besondere Borrichtungen zum Heben oder Senken des Rades und nach Besinden auch des Gerinnes an. Man nennt diese Vorrichtungen Pansterzeuge, und untersscheidet in den Werken über Mühlenbaukunst Stods und Ziehpanstex. Bei den ersteren wird das Angewelle (Angewäge) durch Hebeladen (s. Bb. I, §. 135), bei den zweiten aber durch Ketten u. s. w. gehoben oder gesenkt.

In Fig. 429 ift ein Ziehpanfter abgebilbet. Die Are M bes Bebels MD fällt hier mit ber Umbrehungsare ber Welle, welche bie Bewegung fortpflanzt,



zusammen, damit sich der Eingriff zwischen Rad und Getriebe beim Heben oder Senken des Rades nicht ändert. In C trägt dieser Hebel das Rad, und in D wird derselbe mittels eines Kreuzhaspels E und einer Kette DE auf - oder niedergelassen. Um diese unvollkonumenen und schwerfälligen Borrichtungen nicht nöthig zu haben, wendet man in neuerer Zeit dei veränderlichen Wasserslichen Wasserslichen Vallerstande lieber Turbinen statt unterschlägiger Wasserslichen, da diese auch mehr Leistung geben, als diese Räder.

Wasserverlust im Schnurgerinne. Ift c die Geschwindigkeit des §. 213 Wasserverlust im Schnurgerinne. Ift c die Geschwindigkeit des Rades, so hat man filt die Leistung eines unterschlägigen Rades im Schnurgerinne die theoretische Formel:

$$Pv = \frac{(c-v)v}{q} Q_1 \gamma,$$

und alfo bie Umbrehungetraft:

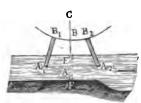
$$P = \frac{c - v}{g} Q_1 \gamma = 1,976 (c - v) Q_1$$

(s. Bb. I, §. 501). Her bezeichnet allerdings Q_1 das wirklich zum Stoße gelangende Wasserquantum; es ist daher noch zu untersuchen, in welchem Verhältnisse basselbe zum ganzen Aufschlagsquantum steht. Der Wasserverlust bei einem Rade im Schnurgerinne ist ein doppelter. Erstens geht Wasser unbenutzt durch den Zwischenraum zwischen Rad und Gerinne hindurch, und es sindet zweitens ein Wasserverlust dadurch statt, daß gewisse, namentlich tiesere Wasserelemente, gar nicht zum Stoße gegen die vorausgehende Schausel gelaugen.

Betrachten wir zunächst ben Wasserverlust burch ben Spielraum unter bem Rabtieisten. Die Bobe bes Spielraumes unter bem Rabe ift veranber-

lich; fteht bie Schaufel AB, Fig. 432, am tiefften Bunkte, fo ift biefe Sobe

Fig. 432.



bem kurzesten Abstande $\overline{AF} = \sigma$ bes Rabes vom Gerinne gleich, stehen aber zwei benachebarte Schauseln A_1B_1 und A_2B_2 um gleichebeil vom Tiessten F ab, so ist die Höhe EF bes schäuselnen Raumes am größten. Setzen wir den Radhalbmesser $\overline{CA} = a$, und die Schauselzahl des Rades = n, so haben wir die halbe Entsernung $EA_1 = EA_2$ je zweier Schauseln von einander:

$$=\frac{2\pi a}{2n}=\frac{\pi a}{n},$$

und baher bie Bogenhöhe:

$$\overline{EA}$$
 annähernb $=\frac{\overline{EA_1}^2}{2a}=\left(\frac{\pi}{n}\right)^2\frac{a}{2};$

es ftellt fich folglich bie größte Sohe bes fchablichen Raumes

$$\overline{EF} = \sigma + \left(\frac{\pi}{n}\right)^2 \frac{a}{2}$$

heraus, und es läßt fich fonach ber mittlere Werth beffelben

$$= \sigma + \left(\frac{\pi}{n}\right)^2 \frac{a}{4}$$

setzen. Multipliciren wir hiermit bie ganze Gerinneweite eg, so erhalten wir ben Querschnitt bes schödlichen Raumes:

$$=e_1\left[\sigma+\left(\frac{\pi}{n}\right)^2\frac{a}{4}\right],$$

und ce ist nur noch die Geschwindigseit w zu ermitteln, mit welcher das Wasser durch benselben entweicht. Steht die Oberstäche des Unterwassers in gleichem Niveau mit der Oberstäche des ankommenden Strahles, so kann das Wasser ungehindert mit der Geschwindigkeit e durch EF hindurchgehen, und es ist daher die unter dem Nade unbenutzt hinwegsließende Wassermenge:

$$Q_2 = \left[\sigma + \left(\frac{\pi}{2n}\right)^2 a\right] e_1 c;$$

steht aber die Oberfläche des Unterwassers höher als die des anstoßenden, welcher Fall allemal eintritt, wenn das Abzugsgerinne AB, Fig. 433, unter oder nahe hinter dem Rade keinen Abfall hat, so ist die Geschwindigkeit des entweichenden Wassers kleiner, weil hier ein Gegendruck vom Unterwasser dem Ausströmen entgegenwirkt. Setzen wir die Strahlbicke AD $= d_1$ und die Höhe AE des absließenden Wassers $= d_2$, so haben wir

aus befannten Gründen d, c = d, v, und baber

$$d_2=\frac{d_1\,c}{v},$$

Fig. 433.



 $d_2 = rac{d_1\,c}{v},$ fowie ben Niveauabstand

$$d_2-d_1=\left(\frac{c-v}{v}\right)d_1.$$

hiernach folgt für biefen Fall bie Befchwindigfeit bes burch ben Spielraum unter bem Rabe entweichenben Wassers:

$$w = \sqrt{c^2 - 2g\left(\frac{c-v}{v}\right)d_1},$$

also ber Wasserverluft:

$$Q_2 = e_1 \left[\sigma + \left(\frac{\pi}{2n}\right)^3 a\right] \sqrt{c^2 - 2g\left(\frac{c-v}{v}\right)d_1}.$$

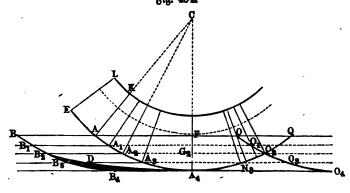
Diefer Ausbrud ift jeboch, wie ber obere, noch mit einem Ausflugcoefficienten µ zu multipliciren, ber wie beim Rropfrade, = 0,7 gefett werben tann. Roch etwas Waffer flieft burch ben Spielraum jur Scite ber Radfranze ab. Der Querschnitt bes Baffers, welches auf diese Beise verloren geht, ift di of ju fegen, und baber für ben erften Fall biefe Abflugmenge:

 $Q_3 = 2 \mu d_1 \sigma_1 c$,

im zweiten aber:

$$Q_3 = 2 \mu d_1 \sigma_1 \sqrt{c^2 - 2 g \left(\frac{c-v}{v}\right) d_1}.$$

Gerstner's Formel. Das Bafferquantum, welches zwischen & 214 ben Schaufeln burchgeht, ohne jum Stofe ju gelangen, lagt fich, wenn auch nur annahernd, nach Gerftner auf folgende Beife ermitteln. ber Entfernung AE = b, Fig. 434, je zweier Schaufeln von einander %ia. 434.



ergiebt sich mit Hilse der Geschwindigseiten c und v des Wassers und des Rades, die Länge $\overline{AB} = \overline{A_1B_1} = \overline{A_2B_2}$ u. s. w. berjenigen Wassersstäden, welche in dem Zwischenraume zwischen je zwei Schauseln Platz sinden, $l = \frac{c}{v}$ d. Wenn nun von dem Wassersaden AB das erste Element A die Schausel AK in A trifft, so wird das letzte Element B desseine diese in einem Punkte O tressen, dessen Entsernung \overline{AO} von A bestimmt ist durch die Gleichung:

$$\frac{AO}{v} = \frac{BO}{c}$$
, oder $\frac{AO}{v} = \frac{AO}{c} + \frac{BA}{c}$,

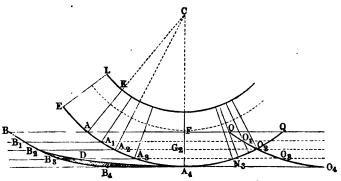
es folgt hiernach :

$$\overline{A0} = \left(\frac{v}{c-v}\right) \cdot \overline{BA} = \frac{vl}{c-v};$$

ebenso ift für tiefere Wafferfaben:

$$\overline{A_1O_1} = \overline{A_2O_2} = \overline{AO} = \frac{vl}{c-v}.$$

Das lette Element B_2 bis Wasserfabens $A_2 B_2$ trifft allerdings noch bie Schaufel, bagegen bas lette Element B_3 eines tieferen Fabeus $A_3 B_3$ Fig. 485.



wilrbe die Schaufel erst in O_3 erreichen, wo sich dieselbe in Folge ihrer Kreisbewegung aus der Bewegungsrichtung des Fadens $A_3 B_3$ herausgezogen hat; es tann also basselbe nicht zum Stoße gelangen. Aber nicht allein B_3 , sondern ein ganzer Theil $B_3 D$ des Wassersadens $A_3 B_3$ kommt nicht zum Stoße, weil erst das Element D die Schaufel in N erreicht.

Die Länge A_3D besjenigen Theiles vom Wasserfaben A_3B_3 , welcher noch zum Stoße gelangt, ist bestimmt burch Umkehrung ber obigen Formel, indem man sett:

$$\overline{A_3 \, D} = \frac{c - v}{v} \cdot \overline{A_3 \, N}.$$

Dies gilt für alle Wassersäben zwischen A_2B_2 und A_4B_4 , es ist baher auch ber Inbegriff aller zwischen $A_2B_2DA_4A_3A_2$ liegenden und eine Schaufel stoßenden Wassersäben, $=\frac{c-v}{v}$ mal Summe aller Sehnen zwischen

schen A_2 O_2 und A_4 , d. i. $\frac{c-v}{v}$ mal Rreissegment A_2 O_2 A_4 . Dieses Segment läßt sich aber (f. "Ingenieur", Geometrie S. 189) $= \frac{2}{3}$ $\overline{A_2}$ $\overline{O_2}$. $\overline{A_4}$ $\overline{G_2}$ $= \frac{2}{3}$ \overline{AO} . $\overline{A_4}$ setzen; baher ist benn ber Querschnitt ber zum Stoße gelangenden Wassermenge

$$A_2 B_2 D A_4 = \frac{c-v}{v} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{vl}{c-v} \cdot \overline{A_4 G_2} = \frac{2}{3} l \cdot \overline{A_4 G_2},$$

und hiernach bas Berhältniß ber zum Stoß gelangenben Wassermenge Q1 zur ganzen Wassermenge:

$$\begin{split} \frac{Q_1}{Q} &= \frac{\text{Flidhe A} B B_2 A_2 + \text{Flidhe A}_2 B_2 D A_4}{\text{Flidhe A} B B_4 A_4} = \frac{l \cdot \overline{FG_2} + \frac{2}{3} l \cdot \overline{A_4 G_3}}{l \cdot A_4 \overline{E}'} \\ &= \frac{\overline{A_4 F} - \frac{1}{3} \overline{A_4 G_2}}{\overline{A_4 F}} = 1 - \frac{\overline{A_4 G_2}}{3 \overline{A_4 F}} \cdot \end{split}$$

Ift ferner a ber Halbmeffer \overline{CA} bes Rades, so läßt sich, ben Eigenschaften bes Kreises aufolge, annähernd:

$$\overline{A_4\,F}=rac{\overline{A\,F^2}}{2\,a}$$
 und $\overline{A_4\,G_2}=rac{\overline{A_2\,G_2^2}}{2\,a}$, folglich $rac{A_4\,G_2}{A_4\,F}=rac{\overline{A_2\,G_2^2}}{\overline{A\,F^2}}$ setzen.

Nun ist
$$\overline{A_2G_2} = \frac{1}{2} \overline{AO} = \frac{vl}{c-v}$$
, und

 $\overline{AF} = \frac{1}{2}\overline{AQ} = \frac{1}{2}n_1b = \frac{1}{2}n_1\cdot\frac{v}{c}l$, wenn n_1 bie Anzahl aller ins Waffer eingetauchten Schaufeln bezeichnet, baher folgt:

$$\frac{A_4G_2}{A_4F} = \frac{1}{n_1^2} \cdot \left(\frac{c}{c-v}\right)^2,$$

und endlich bie ftogende ober Arbeit verrichtenbe Waffermenge:

$$Q_1 = \left[1 - \frac{1}{3n_1^2} \left(\frac{c}{c-v}\right)^2\right] Q.$$

Man ersieht hieraus, bag biefer Verluft um so kleiner ausfällt, je größer die Angahl ber eingetauchten Schaufeln, je größer also auch die Zahl n ber

Schaufeln überhaupt, und, ba bie Schaufelgahl mit bem Rabhalbmeffer wächst, je größer bie Rabhobe ift.

Beispiel. Benn ein unterschlägiges Rab im Schnurgerinne mit 3 Schaus feln ine Baffer eingetaucht ift, und halb fo viel Gefchwindigfeit hat als bas ankommende Baffer, fo beträgt bei bemfelben bas Berhaltnig ber flogenben Baffermenge gur anfommenben :

$$rac{Q_1}{Q}=1-rac{1}{1/2}\left(rac{1}{1/2}
ight)^2=1-rac{4}{1/27}=rac{23}{27}=0.85$$
 Procent; es geht also 15 Brocent Wasser unbenunt burch.

Anmerkung. Die obige Unterfuchung fest voraus, bag jebes Bafferelement. nachbem es gegen eine Schaufel gestoßen hat, bem folgenben Blat macht, bamit biefes ebenfalls bie Schaufel ftogen fonne. Da nach bem in Bb. I, S. 501 Borgetragenen jebes Bafferelement mahrend feines Stofes ober mahrend feiner Birfung gegen bie Schaufel an biefer in bie Gohe fteigt, fo möchte fich biefer Annahme nichts Wefentliches entgegenschen laffen.

Wenn bas Rab unmittelbar unter bem Fuße A, einen Abfall hat, fo finbet nur vor A4F ein Stoß ftatt; beshalb ift bann ftatt Segment A2 OgA4 nur beffen

Balfte = 1/8 l A. Ga in Rechnung gu bringen, unb

$$Q_1 = \left[1 - \frac{2}{3 n_1^2} \left(\frac{c}{c-v}\right)^2\right] Q$$
 gu feben.

Leistung unterschlägiger Räder. Wenn wir nun auf bie im §. 215 Borftebenben gefundenen Bafferverlufte und auch noch auf die Rapfenreibung Alldficht nehmen, fo tonnen wir die effective Leiftung eines unterfclägigen Wafferrabes mit ziemlicher Sicherheit bestimmen. Es ift nämlich:

$$L = Pv = \frac{(c-v)v}{g} (Q_1 - Q_2) \gamma - \varphi \frac{r}{a} Gv,$$

ober annähernb:

$$Q_2 = \sigma ec = \frac{\sigma}{d_1} Q$$
 and $Q_1 = \left[1 - \frac{1}{3n^2} \left(\frac{c}{c-v}\right)^2\right] Q$

gefett,

$$Pv = \frac{(c-v)v}{g} \left[1 - \frac{\sigma}{d_1} - \frac{1}{3n_1^2} \cdot \left(\frac{c}{c-v} \right)^3 \right] Q\gamma - \varphi \stackrel{r}{=} Gv.$$

In dem Falle, wenn, wie in Fig. 436 abgebilbet ift, die Gohle des Ab-



augegrabens mit ber bes Schufgerinnes zusammenfällt, und baher bas Waffer nach vollbrachter Wirfung, wo es bie Gefchwindig= feit o bes Rabes angenommen hat, mit ber Tiefe AE = d2

 $=\frac{c}{a}d_1$ fortsließt, sindet noch

eine Reaction des Wassers auf die Radschanfeln statt, deren mechanische Arbeit

$$L_1 = (d_2 - d_1) Q\gamma = \left(\frac{c - v}{v}\right) d_1 Q\gamma$$

au seten ift, ba hier die Drudhohe d1 in d2 übergeht.

Diese Arbeit fällt um so größer aus, je größer die Differenz c-v ber Geschwindigkeiten und je größer die Dicke $\overline{AD}=d_1$ des ankommenden Wasserkrahles ist; um auf diese Weise wenig an Leistung zu verlieren, mußte baher das Rad schnell umgehen, und das Wasser in einem breiten und dilnnen Strahle zusließen. Wir können indessen diese Arbeit der Reaction nur als relativen Verlust der Wirkung tes Rades ansehen, da in Folge diese Aufsteigens des Wasserspiegels auch das Totalgefälle, von Wasserspiegel zu Wasserspiegel gemessen, um d_2-d_1 und also auch die disponible Arbeit um (d_2-d_1) $Q\gamma$ kleiner wird. Sedenfalls werden wir daher keinen beträchtlichen Fehler begehen, wenn wir bei der Veredznung auf diese Wirkung des Rades nicht Rüdssicht nehmen.

Es ist nun noch die Frage, bei welchem Berhältnisse $\frac{v}{c}$ der Radgeschwins digkeit zur Wasserschwindigkeit wird die Leistung des unterschlägigen Rades am größten? Berhältnißmäßig ist hier der Berlust an Leistung, welchen das Rad durch die Zapsenreibung verliert, klein, wir können daher bei der Ermittelung des der Maximalleistung entsprechenden Verhältnisses $\frac{v}{c}$ die selbe unbeachtet lassen, und haben daher dann nur das Maximum von

$$(c-v)v\left(1-rac{\sigma}{d_1}-rac{c^2}{3\,n_1^{\,2}\,(c-v)^2}
ight)$$
 ober $\left(1-rac{\sigma}{d_1}
ight)(c\,v-v^2)-rac{c^2v}{3\,n_1^{\,2}\,\,(c-v)}$ du finden.

Der höhere Calcill finbet bie Bedingung

$$\left(1-\frac{d}{d_1}\right)(c-2v)=\frac{c^3}{3n_1^2(c-v)^2},$$

wonach sich nun

$$v=rac{c}{2}igg(1-rac{c^2}{3\,n_1^2\left(1^\prime-rac{\sigma}{d_1}
ight)(c-v)^2}igg)$$
 schen läßt.

Man ersieht hieraus, bag_bie Maximalleiftung erlangt wirb, wenn bie Umfangsgefchwindigkeit bes Rabes etwas kleiner als bie halbe Bassergeschwindigkeit ift.

Beifpiel. Belde Leiftung verspricht ein unterschlägiges Bafferrab im Schnurgerinne, welches bei 3 Fuß Gefälle ein Aufschlagequantum Q von 20 Cubitfuß benutt? Die theoretische Waffergeschwindigfeit ift:

$$c = \sqrt{2gh} = 7,906.\sqrt{3} = 13,69$$
 Fuß,

bie effective Geschwindigseit bes Wassers läßt sich aber =0.95. 13.69=13 Fuß annehmen. Sehen wir die Strablhobe $d_1=4$ Boll $=\frac{1}{8}$ Fuß, so mussen wir die Mündungsweite

$$e_1 = \frac{Q}{d_1 c} = \frac{20}{\frac{1}{8} \cdot 13} = \frac{60}{13} = 4{,}615 \text{ gu}$$

und die Nadweite e von 4,75 fuß in Anwendung bringen. Rechnen wir num auf ben schädlichen Raum die Beite $\sigma = \frac{3}{4}$ Boll; so erhalten wir den Berlust bes Baffers durch ben Spielraum des Rades im Gerinne:

$$\frac{\sigma}{d_1} = \frac{8/4}{4} = 8/16$$

Geben wir ferner bem Rabe ben halbmeffer a = 10 Fuß, so können wir es mit 48 Schaufeln, jebe von 1 Fuß Breite, ausruften, und aunehmen, daß vom gangen Rabumfange ber Theil

$$\frac{2\sqrt{d_1 \cdot 2a}}{2\pi a} = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{2d_1}{a}} = 0.318 \sqrt{\frac{2}{30}} = 0.0822,$$

und von ben fammtlichen Rabichaufeln = 48.0,0822 = 3,95 ober beinabe 4, ine Baffer eingetaucht finb. hiernach ift nun bie vortheilhaftefte Rabgefdwinbigfeit

$$v = \frac{18}{2} \left(1 - \frac{c^2}{3 \cdot 16 \cdot \frac{18}{16} (c - v)^2} \right) = \frac{18}{2} \left[1 - \frac{1}{39} \left(\frac{c}{c - v} \right)^2 \right]$$

zu sehen. Sehr leicht findet man hieraus annähernd, $v=0.45\,c$. Bringen wir aber wegen der Bapfenreibung, $v=0.43\,c$ in Anwendung, so erhalten wir die effective Leiftung des Waffers:

$$L = \frac{0.57 \cdot 0.43 c^2}{q} \left[\frac{18}{16} - \frac{1}{48} \cdot (\frac{1}{0.57})^2 \right] \cdot 20 \cdot 61.75$$

 $=0.032\cdot0.2451\cdot169$ (0.8125 -0.0641) . 1235 =1225 Fusipfund. Wenn noch das Gewicht dieses Nades 7200 Pfund beträgt und hiernach die Halbmeffer seiner Japsen $=0.024\cdot\sqrt{3600}=1.5$ Joll oder, des allmäligen Abführens wegen, =1.75 Joll gemacht werden und der Reibungscoefficient $\varphi=0.1$ geset wird, so erhält man noch den Arbeitsverlust wegen der Japsenzeibung:

$$= 0.1 \cdot \frac{1.75}{12.10} \cdot 7200.0.43.13 = 61$$
 Fußpfund,

baber bie effective Leiftung biefes Bafferrabes:

L=1225-61=1164 Fußpfund =2,48 Pferbefrafte, und enblich ben Wirfungegrad beffelben:

$$\eta = \frac{1164}{3.20.61,75} = \frac{1164}{3705} = 0.815.$$

§. 216 Effoctive Loistungon. Ueber die Leistungen unterschlägiger Raber im Schnurgerinne sind nur Bersuche an Modellen, und zwar von de Parcieux, Bossut, Smeaton, Nordwall und Lagerhjelm u. s. w. bekannt. Die vorzüglichsten unter ihnen sind aber die von Smeaton und Bossut. Im Wesentlichen stimmen die Ergebuisse aller dieser Untersuchungen nicht allein unter sich, sondern auch mit der Theorie übereig. Die Wirkungen der Räder wurden bei allen diesen Bersuchen dadurch erwittelt, daß man durch sie mittels einer Schnur, welche sich um die Welle bes Rades umwidelte, Gewichte heben ließ. Smeaton machte seine Ber-

suche (siehe Recherches expériment. sur l'eau et le vent etc.) an einem . fleinen Rabe von 75 Boll Umfang, mit vierundzwanzig 4 Boll langen und 3 Roll breiten Schaufeln. Das Sauptergebniß, zu welchem er gelangte, ift: ber größte Wirkungegrab eines unterschlägigen Wafferrabes im Schnurgerinne findet bei dem Geschwindigkeiteverhaltniffe = 0,34 bis 0,52 ftatt, und beträgt 0,165 bis 0,25. Boffnt gebranchte bei seinen Berfuchen ein Rad von 3 Fuß Sohe mit 48 ober 24 ober 12 Schaufeln von 5 Roll Lange und 4 bis 5 Boll Breite. Er fand, gang ber Theorie entsprechend. bie Wirtung bei 48 Schaufeln größer als bei 24, und bei 24 größer als bei 12; auch folgerte er, daß es zweckmäßig fei, circa 25° vom Radumfange ober 25/360. 48 = 10/8, also mehr als brei Schaufeln ins Wasser eintau-Aus ben Bersuchen Boffut's an bem Rabe mit 48 Schaufeln ftellt fich ein etwas größerer Wirkungsgrab heraus, als ihn bie Smeaton'schen Bersuche geben; Gerstner, welcher auch findet, daß bie Boffut'schen Bersuche mehr mit seiner Theorie übereinstimmen, als bie von Smeaton, mißt diefe Abweichung dem Umftande bei, bag bas Rab von Smeaton eine fleinere Schaufelgahl hatte ale bas von Boffut, und bag bei bemselben auch ein beträchtlicher Rückstau statt fand. läßt fich aus ben Berfuchen beider Experimentatoren für die effective Leis ftung eines folden Rabes, ohne Mudficht auf Bapfenreibung, fegen:

$$L = 0.61 \frac{(c-v)v}{g} Q \gamma = 1.205 (c-v)vQ$$
 Fußpfund.

Diese Formel ist jedoch, Ersahrungen zusolge, nur dann genügend, wenn ber Spielraum $1^{1}/_{2}$ Zoll nicht übertrifft; außerdem hat man statt Q = Fc, wo F den Inhalt des ins Wasser getauchten Flächenstücks der Schanfeln bezeichnet, und 0,76 statt 0,61; nach Christian (f. bessen Mécanique industr.) also

$$L=0,\!76\;F\gamma\cdotrac{(c-v)}{g}cv=1,\!502\;(c-v)\;Fcv\;$$
 Fußpfund au seben.

Uebrigens läßt sich auch aus allen diesen Versuchen folgern, daß die größte Wirkung, wie auch die Theorie giebt, bei dem Geschwindigkeitsverhältnisse $\frac{v}{c}$ = 0,4 stattsindet, daß aber bei großen Geschwindigkeiten dieses Verhältniß etwas kleiner, und bei großen Wassermengen etwas größer ausfällt.

In Schweben angestellte Bersuche an Mobellräbern, eins von 3 und eins von 6 Fuß Durchmesser, jenes mit 72 und bieses mit 144 Schauseln, werden in bem zweiten Banbe bes schon oben citirten Werkes von Lagerhjelm, Forselles und Rallstenius beschrieben. Ihnen zusolge stellt sich der Wirkungsgrad eines Rabes im Schnurgerinne noch größer, nämlich ohne

Muchficht auf Reibung, 0,3 bis 0,35 heraus, wenn bas Geschwindigkeitsverhältniß $\frac{v}{c}$ nahe $^{1}/_{2}$ ist. Da hier die Anzahl der eingetauchten Schauseln sehr groß war, so läßt sich erwarten, daß hier nur sehr wenig Wasser ohne Wirkung fortging, und es ist daher diese hohe Wirkung des Rades erklärlich und mit der Theorie in guter Uebereinstimmung.

Beispiel. Die empirische Formel $L=1,205\,(c-v)\,Qv$ giebt für ben im Beispiele zu §. 215 behandelten Fall, wo $c=13,\,v=0,43\,.\,c=5.59$ und $Q=20\,$ ift , die Leistung des Nades $=1,205\,.\,0,57\,.\,0,43\,.\,20\,.\,13^2=998$ Fußpfund, während wir durch die theoretische Formel 1225 Fußpfund gefunden haben.

§. 217 Theilung der Wasserkraft. Man vertheilt fehr oft eine vorhanbene Bafferfraft auf mehrere Raber, nicht allein, weil ein Rad allein ju groß ausfallen wurde, fondern auch, und zwar vorzüglich, um die Arbeitsmaschinen unabhängig von einander in Bang setzen zu tonnen, und feine Stellvorrichtungen jum Un. und Abichluß mehrerer Arbeitemaschinen an einer und berfelben Rraftmaschine nöthig zu haben. Bei biefer Theilung konnen zwei Falle vorkommen, man tann nämlich entweber bas Waffer, Im Allgemeinen läßt fich annehmen, ober man fann bas Gefälle theilen. bag bei Drudradern eine Theilung bes Wafferquantums und bei Stofradern eine Theilung bes Befälles bas Zwedmäßigere ift, benn wir haben im Borbergebenben gesehen, bag ber Wirtungegrad eines boberen oberschlägigen Rades größer ift, als ber eines tleineren oberschlägigen ober gar mittelschlägigen Rabes, und umgefehrt konnen wir leicht ermeffen, bag ber Berluft burch ben Stoß bes Waffers und ber burch ben ichablichen Raum fleiner ift bei zwei hinter einander hängenden Räbern als bei zwei neben einander hangenden, weil die der verlorenen Birtung entsprechende Geschwindigkeitebobe $\frac{(c-v)^2}{2a}$ (f. Bb. I, §. 436) und bas Berhältniß $\frac{\sigma}{d_1}$ bes schäblichen Raumes gur Baffertiefe fleiner ift, als im letteren Falle. Bei mittelfchlägigen Kropfrabern, wo bas Baffer burch Drud und Stog wirft und wo ber Bafferverluft vorzitglich von $\frac{\sigma}{d_1}$ abhängt, ist im Allgemeinen ber Borzug ber einen Theilungswelfe vor der anderen unbestimmt, und es muß einer befonderen Untersuchung überlaffen bleiben, in jedem speciellen Falle ben Borzug ber einen Theilung vor ber anderen zu ermitteln. Im Folgenden moge nur noch von ber Theilung ber Bafferfraft unterfchlägiger Raber im Schnurgerinne bie Rebe fein.

Denken wir uns zwei Raber hinter einander in einem horizontalen Schnurgerinne hängend, und nehmen wir an, daß das Wasser an bas zweite Rad mit der Geschwindigkeit (v1) ankomme, mit welcher bas erste Rad um-

geht. Ift nun noch c die Geschwindigkeit des Wassers beim Eintritt in das erste Rad und v_2 die Geschwindigkeit des zweiten Rades, sowie Q das Aufschlagsquantum für beide Räder, und χ eine Erfahrungszahl (1,205), so hat man die Leistungen dieser Räder:

$$L_1 = \chi (c - v_1) v_1 Q$$
 und $L_2 = \chi (v_1 - v_2) v_2 Q$.

Sollen nun beibe Raber gleich viel leiften, fo ift

$$(c-v_1) v_1 = (v_1-v_2) v_2$$

zu setzen, und wenn man nun noch, um ber Maximalleistung sehr nahe zu kommen, $v_2 = \frac{1}{2} v_1$ annimmt, $(c - v_1) v_1 = \frac{1}{4} v_1^2$ oder $c - v_1 = \frac{1}{4} v_1$; hiernach

$$v_1 = \frac{4}{5}c$$
 und $v_2 = \frac{2}{5}c$,

und bie Leiftung beiber Raber gufammen:

$$L = L_1 + L_2 = 2 \chi (c - \frac{4}{5} c) \frac{4}{5} c Q = \frac{8}{25} \chi c^2 Q$$

= 0,32 \chi c^2 Q,

während, wenn man nur ein Rab angewendet hatte, die Leistung

$$L=^{1/4}\chi c^2 Q$$
 ober $=0.25 \chi c^2 Q$ ausgefallen ware. Hiernach stellt sich also bei der Anwendung zweier Räber ein Arbeitsgewinn von $32-25=7$ Procent heraus.

Bei Anwendung breier Raber fiele biefer Gewinn noch größer aus. Fur bas britte Rab liefe fich auch

$$L_3 = \chi (v_2 - v_3) v_3 Q,$$

wo v_2 die Umfangegeschwindigkeit bieses Rades bezeichnet, setzen. Machen wir nun wieder $v_3=1/2$ v_2 , und bedingen wir wieder, daß das eine Rad so viel Leiftung geben soll als das andere, so erhalten wir:

$$v_2 = \frac{4}{5} v_1$$
 und $c - v_1 = \frac{4}{25} v_1$,

baher

$$v_1 = \frac{25}{29}c$$
, $v_2 = \frac{20}{29}c$, $v_3 = \frac{10}{29}c$ und

bie Leiftungen aller brei Raber gufammen:

$$L = L_1 + L_2 + L_3 = 3 \chi (c - v_1) v_1 \ Q = 3 \chi \cdot \frac{4}{29} \cdot \frac{25}{29} c^2 Q$$

= $\frac{300}{841} \chi c^2 \ Q = 0.356 \chi c^2 \ Q$;

es refultirt also in Hinsicht auf ein einziges Rad ein Arbeitsgewinn von 85,6 — 25 = 10,6 Procent.

Allerdings wird biefer Gewinn burch bie größere Bapfenreibung wieder etwas vermindert,

Anmerkung. Wenn wir die Bebingung, bag bie Raber in einem Schnurgerinne gleiche Leistung hervorbringen, fallen laffen, fo ftellt fich ber Bortheil ber Anwendung mehrerer Raber noch größer heraus. Denken wir uns bei Bebanblung bieses Falles ben Bafferverluft in einem genau, und langs brei bis vier Schaufeln concentrisch an bas Rab anschließenben Schutzerinne klein genug, um ihn ganz bei Seite seten zu konnen. Dann erhalten wir für bie Leistung bes ersten Rabes:

$$L_1 = rac{(c-v_1)\,v_1}{g}\,Q\gamma$$
, und die bes zweiten:

$$L_3 = \frac{(v_1 - v_2)v_3}{g} Q\gamma,$$

alfo bie Leiftung beiber Raber gufammen:

$$L = [(c - v_1) v_1 + (v_1 - v_2) v_2] \frac{Q\gamma}{q}.$$

Damit biefe ein Maximum werbe, ift zunächst $v_2 = \frac{1}{2} v_1$ zu machen, und ba fich hiernach

$$L = (c - \frac{3}{4}v_1) v_1 \frac{Q\gamma}{a}$$

 $L=(c-\sqrt[8]{4}\,v_1)\,v_1\,\frac{Q\gamma}{g}$ herausstellt, wieder $\sqrt[8]{4}\,v_1=\sqrt[4]{2}\,c$, also $v_1=\sqrt[9]{3}\,c$ und $v_2=\sqrt[4]{3}\,c$, bases

$$L = (\frac{3}{8} \cdot \frac{1}{8} + \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8}) \frac{Qc^{2}\gamma}{g} = \frac{1}{8} \frac{c^{2}Q\gamma}{g} = 0.333 \frac{c^{2}Q\gamma}{g},$$

während ein Rad allein nur 0,250 $\frac{c^2 Q \gamma}{a}$ und zwei Raber, bei gleicher Wirkung, 0,320 c2 Qy geben wurben. Bei brei Rabern ftellt fich ber Bortheil noch größer heraus, hier ist namlich $v_1=\sqrt[8]{4}\,c,\ v_2=\sqrt[2]{4}\,c,\ v_3=\sqrt[1]{4}\,c,$ und baher bie Wirfung aller brei Raber zusammen:

$$L = (\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} + \frac{2}{4} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}) \frac{c^2 Q \gamma}{g} = \frac{3}{8} \cdot \frac{c^2 Q \gamma}{g} = 0.375 \frac{c^3 Q \gamma}{g},$$

während ein Rab allein = 0,250 $\frac{c^2\,Q\,\gamma}{g}$, und brei Raber bei gleicher Birfung,

$$L=0.356~rac{c^2\,Q\,\gamma}{g}$$
 geben.

Für vier Raber stellt sich $v_1 = \frac{4}{5}c$, $v_2 = \frac{3}{5}c$, $v_3 = \frac{3}{5}c$, $v_4 = \frac{1}{6}c$, und $L = \frac{(4+3+2+1)}{25} \cdot \frac{Qc^2\gamma}{g} = \frac{3}{5} \cdot \frac{Qc^2\gamma}{g} = \frac{4}{5} \cdot Qh\gamma$

heraus, wenn A bie Geschwindigfeitehobe ca bezeichnet. Fur funf Raber folgt

 $L={}^{5}\!/_{\!6}\,Q\,h\,\gamma,\,$ und für n Raber $=rac{n}{n+1}\,Q\,h\,\gamma,\,$ alfo für unendlich viele Raber,

L = Qhy, wahrend ein Rad L boch nur 1/2 Qhy gabe. Blog vom theoretis . fden Gefichtepuntte aus betrachtet fieht man hiernach, bag viele Raber binter einander beinahe bas gange Arbeitsvermogen (Qhy) bes Waffers in fich aufnehmen, mahrend ein Rab allein nur halb fo viel Arbeit (1/4 Qhy) verrichtet, ale bae Waffer leiften fann.

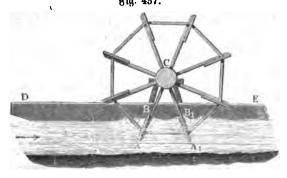
Mehrere Raber neben einanber leiften naturlich gufammen eben fo viel als ein einziges.

§. 218 Noch hat man freihangenbe Raber, welche Schiffmühlenräder. von teinem Gerinne umschloffen find, fonbern in einem weiten Cangle ober Kluffe hängen, und beshalb nur einen Theil von der Breite des fließenden Waffers einnehmen. Es gehören hierher vorzüglich die fogenannten Schiffmühlenraber, beren Bapfen auf Rahnen ober Schiffen ruben, die burch eingeworfene Anter, angehängte Steine ober am Ufer befostigte Seile festge halten werben. Buweilen befindet fich nur bas eine Angewelle auf einem

Schiffe, während bas andere zwischen zwei Säulen am Ufer sestgehalten wird. Ruhen beibe Zapfen auf Schiffen, so befindet sich die ausübende Maschine ebenfalls auf einem Schiffe, daher der Name Schiffmuhle, ruht aber nur der eine Zapfen auf einem Schiffe, so nimmt die ausübende Masschine ihren Platz auf dem Lande ein.

Die Construction ber Schiffmühlenräber weicht insofern in ber Regel von ber anderer Räder ab, als diese Räder oft mit gar keinem Kranze ausgerüstet, und ihre Schaufeln unmittelbar auf ben Radarmen besestigt sind. Diese Räder sind nur 12 bis 15 Fuß hoch und haben oft nur sechs Schaufeln; es ist jedoch besser, ihnen zwölf oder mehr Schauseln zu geben. Die Schaufeln muß man sehr lang und breit machen, damit sie einen großen Wasserkrom ausnehmen, der ohnedies wegen seiner meist sehr mäßigen Geschwindigkeit keine große lebendige Kraft besitzt. Die Länge der Schauseln beträgt 6 bis 18 Fuß und die Breite 1 bis 2 Fuß. Es ist übrigens zwecknüßig, den Schauseln nach außen 10 bis 20° Neigung gegen den Strom zu geben, sie mit Leisten einzusassen und nicht viel über die Hälfte ins Wasser eintauchen zu lassen.

Fig. 437 zeigt einen Theil einer Schiffmühle (franz. moulin à nef; engl. ship-mill); AC ist das mit acht Schauseln AB, A_1B_1 ... außRia 437.



gerüftete Schiffmühlenrab und DE der Kahn oder das Schiff, auf welchem das eine Wellenende C ruht. Um das Biegen der Arme zu verhindern, sind dieselben mit einander durch Streben verbunden.

Zuweilen besteht eine Schiffmuble aus zwei Rabern, deren gemeinschaftsliche Are in der Mitte von einem einzigen Schiffe getragen wirb.

Die Leiftungen ber Schiffmuhlenraber sind aus boppelten Gründen kleiner als bie ber Raber, welche in Gerinnen hangen, benn es weicht hier nicht nur ein Theil bes Wassers zur Seite ber Schaufeln und unter benselben aus, sondern es geht auch hier ein größeres Wasserquantum durch das Rad,

ohne zum Stoße zu gelangen, weil die Anzahl ber eingetauchten Schaufeln sehr klein, zuweilen sogar nur 11/2 bis 2 ift.

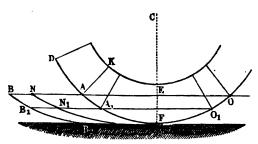
§. 219 Loistung freihängender Rader. Wir fönnen bie theoretische Leiftung eines freihängenden Wasserrades wie die eines Rades im Gerinne durch die Formel

$$L = Pv = \frac{(c-v)\ vc}{g}\ F\gamma$$

seigen, wenn wieber c und v die Geschwindigkeiten bes Wassers und Rabes, sowie F ben Inhalt bes eingetauchten Theiles einer Schaufelsläche (ohne Rücksicht auf die Aufstanung vor berselben) bezeichnet. Wegen der Wasserverluste mussen wir aber diesen Ausbruck noch durch einen Coefficienten multipliciren, bessen Werth wir nach Gerfiner wenigstens theilweise bestimmen können. Ist die Zahl n1 der eingetauchten Schauseln nicht sehr klein, so haben wir auch hier wie bei den unterschlägigen Rüdern das wirklich zum Stoße gelangende Wasserquantum:

$$Q_1 = \left(1 - \frac{c^2}{3 n_1^2 (c - v)^2}\right) Q;$$

ist sie aber klein, so trifft vielleicht schon ber oberste Wassersaben AB einer Zelle AD, Fig. 438, nicht vollständig die Schaufel AK vor ihm, es ist Fig. 438.



vielmehr nur ein Theil AN besselben, welcher noch zum Stoße gelangt. In diesem Falle findet ein Wasserverlust bei allen Wassersäben statt, und es ist das Berhältnig des stoßenden Wasserquantums zum ankommenden: .

$$rac{Q_1}{Q} = rac{\mathrm{Fläche}\; A\,N\,N_1\,F\,A_1}{\mathrm{Fläche}\; A\,B\,B_2\,F\,A_1},$$

ober, ba nach Bb. II, §. 214, Fläche $ANN_1FA_1=\frac{c-v}{v}$ mal Segment AOF ist,

$$\frac{Q_1}{Q} = \frac{\frac{2}{8}\left(\frac{c-v}{v}\right) \cdot \overline{A} \overline{O}}{\overline{A} \overline{B}} = \frac{2}{8} \left(\frac{c-v}{v}\right) \cdot \frac{n_1}{\frac{C}{v} \cdot \overline{A} \overline{D}} = \frac{2n_1}{3} \left(\frac{c-v}{c}\right).$$

Es ift alfo in biefem Falle die Leiftung bes Bafferrabes:

I.
$$L = \frac{(c-v)v}{g} \cdot \frac{2n_1}{3} \left(\frac{c-v}{c}\right) Q \gamma = \frac{2}{3} n_1 \frac{(c-v)^2 v}{gc} Q \gamma$$

= $\frac{2}{3} n_1 \frac{(c-v)^2 v}{g} F \gamma$.

Die größte Leistung findet hiernach nicht für $v=1/2\,c$, sondern für $v=1/3\,c$ statt, und beträgt:

$$L = \frac{2}{3} n_1 \cdot \frac{4}{27} \cdot \frac{c^3}{g} F \gamma = \frac{8 n_1}{81} \cdot \frac{c^3}{g} F \gamma.$$

Sest man noch Fc = Q, fo erhält man:

$$L = \frac{8 n_1}{81} \cdot \frac{c^2}{g} Q \gamma = \frac{16 n_1}{81} \cdot \frac{c^2}{2g} Q \gamma,$$

und baher ben Wirfungsgrab:

$$\eta = \frac{16\,n_1}{81},$$

3. B. für $n_1 = 3/2$:

$$\eta = \frac{24}{81} = \frac{8}{27} = 0.296.$$

Die lette Formel findet jedoch keine Anwendung, wenn die Zahl ber Schaufeln beträchtlich ift, benn sie setzt voraus, daß AN < AB, also:

$$\frac{c-v}{v} \cdot \overline{AO} < \overline{AB}$$
 ober $\frac{c-v}{v} < \frac{\frac{c}{v} \overline{AD}}{n_1 \overline{AD}}$

b. i.

$$n_1 < \frac{c}{c-v}$$

sei. Ift nun z. B. v=1/3 c, so erhält man zur Bedingung, daß $n_1 < 3/2$ sei, ist aber v=1/2 c, so fosgt die Bedingung $n_1 < 2$ u. s. w. Es tritt also in dem Falle, wenn zwei oder mehr Schauseln unter das Wasser tauchen, der eben abgehandelte Fall nicht ein, und es gilt dann die Formel für Räber im Gerinne auch hier, nämlich:

II.
$$L = \left(1 - \frac{c^2}{3 n_1^2 (c - v)^2}\right) \frac{(c - v) v c}{g} F \gamma$$
.

Uebrigens läßt sich die Zahl n_1 ber eingetauchten Schaufeln aus der Anzahl aller Schaufeln leicht berechnen, wenn man den Radhalbmeffer a und die Tiefe $EF=e_1$ der Eintauchung giebt, es ist nämlich:

$$\frac{n_1}{n} = \frac{\overline{AO}}{2\pi a},$$

ober, ba sich $\overline{AO} = 2\overline{AE} = 2\sqrt{2}ae_1$ setzen läßt,

$$\frac{n_1}{n} = \frac{\sqrt{2 a e_1}}{\pi a} = 0.45 \sqrt{\frac{e_1}{a}}.$$

Beifpiel. Belde Leiftung verfpricht ein Schiffmuhlenrab von 15 Fuß Bobe und mit acht 12 Fuß langen Schaufeln, welche 1 guß tief ins Baffer tauchen, wenn letteres mit 5 guß Geschwindigkeit anftogt? Wir haben bier:

$$\frac{n_1}{n} = 0.45 \ \sqrt{\frac{1}{7.5}} = 0.45 \ 0.365 = 0.164.$$

baher:

$$n_1 = 0.164.8 = 1.3$$

und folglich bie Formel:

$$L=\frac{2}{3}\,n_1\,\frac{(c\,-\,v)^2\,v\,F\gamma}{g}$$

in Anwendung zu bringen. Laffen wir nun bas Rab mit 2 Fuß Gefcwindigfeit umgeben, fo erhalten wir bie in Frage ftebenbe Leiftung:

$$L = \frac{3}{8} \cdot 1.3 \cdot \frac{3^{2} \cdot 2}{g} \cdot 12 \cdot 1 \cdot 61.75 = 0.032 \cdot 1.3 \cdot 9 \cdot 988 = 870$$
 Fußpfund.

Giebt man biefem Rabe 16 Schaufeln, um eine größere Leiftung ju ge-

winnen, so hat man
$$n_1 = 2.6$$
, und daher nach der Formel II.:
$$L = \frac{(5-2).5.2}{g} \left(1 - \frac{5^2}{8.2.6^2.3^2}\right) \cdot 12.1.61,75 = 0.032.0,863.22230$$
= 614 Fußpfund.

§. 220 Versuche mit freihängenden Bädern. Bersuche über die Leiflungen ber Wafferraber im unbegrenzten Strome find von Deparcieur, Boffut und Poncelet angestellt worden. Am ausgebehntesten find bie allerdings nur an einem Modellrade vorgenommenen Bersuche von Boffut. Diefes Rad hatte eine Bobe von 0,975 Meter und enthielt 24 Schaufeln von 0,135 Meter Lange, welche 0,108 Meter tief in bem Baffer gingen, bas eine Geschwindigkeit von 1,854 Meter besaß. Aus ben Resultaten ber Bersuche berechnet sich ber Coefficient, womit ber Ausbruck

$$L = \frac{(c-v)^2 v}{q} \cdot F \gamma$$

zu multipliciren ift, um die effective Leistung gu geben, 2=1,37 bis 1,79, bagegen ber Coefficient, womit ber Ausbrud

$$L = \frac{(c-v)vc}{g}F\gamma$$

ju multipliciren ift, um die effective Leiftung zu erhalten, z = 0,847 bis 0,706 (f. b'Aubuiffon's Sybraulit, §. 352). Die Grenzwerthe bes letsteren Coefficienten sind einander etwas näher als bie des ersteren, da aber bie Zahl ber Rabschaufeln 24 betrug, so ist es auch nicht anders zu erwarten, benn es findet bier jedenfalls bie Formel II. bes porigen Bargaraphen,

$$L = \left(1 - \frac{c^3}{8 \, n_1^2 \, (c - v)^3}\right) \frac{(c - v) \, cv}{g} \, F\gamma,$$

ihre Anwendung. In der Regel wird man die Schaufelzahl so groß machen, daß immer mindestens zwei Schaufeln ins Wasser tauchen, und daher die letzte Formel mit dem mittleren Coefficienten $\chi=0.8$ anwenden, also

$$L=0.8 \, rac{(c\,-v)\,cv}{g}\, F\gamma = 1.58 \, (c\,-v)\,cv F$$
 Fußpfund

fegen tonnen.

Hiermit stimmen aber auch die Beobachtungen von Poncelet, welche berselbe an brei Räbern in der Rhone angestellt hat, überein. Diese Räder hatten $2^{1}/_{2}$ dis $2^{2}/_{3}$ Meter lange Schaufeln, welche $^{2}/_{3}$ dis $^{3}/_{4}$ Meter tief im Wasser gingen, das $1^{1}/_{5}$ bis 2 Meter Geschwindigseit besaß. Auch sührt Poncelet noch eine Beobachtung von Boistard und eine andere von Christian an, welche beibe aut hiermit übereinstimmen.

Nach den Bersuchen von Bossut findet, ganz in Uebereinstimmung mit der Theorie, die größte Wirkung statt, wenn das Rad mit der Geschwindigskeit $v=0.4\,c$ umgeht; auch hat Poncelet gesunden, daß bei den soeben besprochenen Rädern in der Rhone das vortheilhafteste Geschwindigkeitsvershältniß $\frac{v}{c}=0.4\,$ war.

Wenn wir in der obigen Formel $v=0.4\,c$ einsetzen, so bekommen wir die effective Leistung:

$$L = 0.8 \cdot \frac{0.6 \cdot 0.4 c^3}{g} F \gamma = 0.192 \frac{c^3}{g} F \gamma = 0.384 \frac{c^2}{2g} Q \gamma,$$
 und also ben Wirtungsgrad:

 $\eta = 0.384.$

Die Bersuche Deparcieur's waren besonders darauf gerichtet, die vortheilhafteste Stellung der Schauseln zu finden; aus ihnen folgt, wie aus denen von Bossut, daß eine Neigung von 60° gegen den Strom die vortheilhafteste ist.

Anmerkung. Es ift lange in Iweifel gezogen worben, welche von ben Vormeln

$$L = rac{\chi (c-v)^2 v}{g} F \gamma$$
 ober $L = rac{\chi_1 (c-v) c v}{g} F \gamma$

bie richtigere sei; man hat jene bie Parent'sche und biese bie Borba'sche genannt. Wenn nun auch bei einem Rabe im unbegrenzten Wasser nicht alles
Wasser, welches gegen bie Schauseln anruckt, nach bem Stoße bie Geschwindigkeit der Schauseln annimmt, ha dem Wasser Gelegenheit zum Entweichen am Umsange gegeben wird, so läßt sich boch bei dem so großen Inhalte einer Schauselsäche erwarten, daß wenigstens der größere Theil des Wassers bei dem Stoße
gegen die Schausel die Geschwindigkeit derselben annimmt, und aus diesem Grunde
ist die größere Uebereinstimmung der Ersahrung mit der Borda'schen Formel
erklärlich. Die in Bb. II, §. 219 entwidelte Gerstner'sche Formel stimmt mit ber Parent'schen .natürlich in ber Form zusammen, benn die Parent'sche Formel ist ohne Coefficienten

$$L=\frac{(c-v)^2v}{2g}F\gamma,$$

und unter der Boraussestung entwickelt, daß der Stoß durch die der relativen Geschwindigkeit c-v entsprechende Geschwindigkeitshöhe gemessen werde. (Bergleiche Bb. I. § 511, wo die Stoßfrast = 1,86 $\frac{c^2}{2\,g}\,F\gamma$ angegeben wird, wenn v=0 ift.)

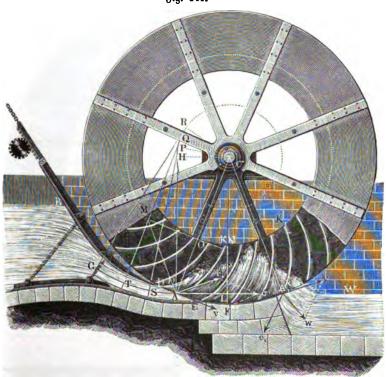
Beispiel. Für das Schiffmühlenrad, welches wir schon im Beispiele bes vorigen Paragraphen behandelt haben, ist c=5, v=2, F=12.1=12, daher die effective Leistung nach Poncelet:

$$L = 1,69.3.2.5.12 = 608$$
 Fußpfund,

während wir durch die theoretische Formel ein Nal bei 8 Schaufeln, 395 Fußpfund, und ein zweites Ral bei 16 Schauseln 656 Fußpfund gefunden haben.

§. 221 Ponceleträder. Wenn man die Schaufeln unterschlägiger Raber fo frümmt, bag ber eintretenbe Bafferftrahl an ber hohlen Seite berfelben hinströmen und baburch gegen dieselbe bruden tann, ohne einen Stoß berporzubringen, so erhalt man eine größere Leiftung, als wenn bas Baffer ebene Schaufeln mehr ober weniger rechtwinkelig ftogt. Solche Raber mit frummen Schaufeln beigen nach ihrem Erfinder Boncelet'iche ober Bon-Sie sind besonders bei fleinen Befällen (unter 6 fuß) von großem Rugen, weil sie mehr leiften, als unterschlägige Raber mit ober ohne Rropf. Bei größerem Gefälle werben fie jeboch von ben mittelschlägis gen Rropfrabern in ber Leiftung übertroffen; auch ift, wie wir weiter unten sehen werden, in diesem Fasse ihre Conftruction eine schwierigere, weshalb man fie bei Befällen über 6 Fuß nicht gern anwendet. Boncelet behanbelt biese Raber in ber besonderen Schrift: Memoire sur les roues hydrauliques à aubes courbes, mues par-dessous, Metz 1827, ausführlich. Ihre Ginrichtung ift aus Fig. 441 ju erfeben, welche bie untere Salfte eines solchen Rades vorftellt. Man fieht in C bie Are und in AK, A, K, u. f. w. Schaufeln bes Rabes; BD ift bas geneigte Schutbrett und TA ber eintretende und an ben Schaufeln AK und A, K, hinauf- und berabsteigende Wasserstrahl, sowie W die Oberfläche des Unterwassers. Damit fast alles Baffer gur Birtung gelange, muß bem Rabe nur ein fehr enger Spielraum in bem Gerinne gelaffen werben, und um bie partielle Contraction zu verhindern, wird bie untere Rante bes Schutbrettes unten abgerunbet; bamit ferner fo wenig wie möglich lebendige Rraft burch bie Reibung bes Baffers im Bufluggerinne verloren gehe, wird die Mundung gang nabe an bas Rab gerudt und bas Bret gegen ben Horizont geneigt; auch erhalt wohl bas Borgerinne 1/10 bis 1/15 Reigung, um baburch ben Berluft an Bafferreibung in bemfelben wieder auszugleichen. In der Regel umgiebt

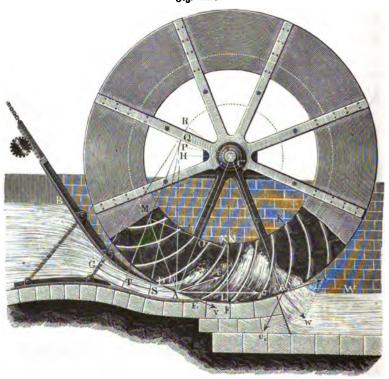
man das Rad mit einem treisförmigen Kropfe, welcher sich wenigstens auf zwei Schaufeltheilungen erstrectt, und damit das Rad nicht im Unterwasser Big. 441.



wate, bringt man hinter diesem Kropfe einen Abfall von 1/2 Fuß höhe an, und erweitert zu diesem Zwecke auch wohl den Abzugsgraben. Man baut Ponceleträder von 10 bis 20 Fuß höhe und giebt ihnen 32 bis 48 Schaufeln von Blech oder Holz. Die hölzernen Schaufeln sind aus Dauben zussammenzuseten wie eine Tonne, und außen zuzuschärfen oder mit einer Blechtaute auszurüften. Biel zweckmäßiger sind jedoch die Blechschaufeln. Die Anwendung von Eisen statt des Holzes ist bei den Ponceleträdern vorzüglich zu empsehlen, weil die Wirkung dieser Käder von einer guten Aussihrung wesentlich mit abhängt. Die Schutöffnung macht man höchstens 1 Fuß hoch, in der Regel, namentlich aber bei größeren Gefällen von 5 bis 6 Fuß, nur 1/2 Fuß, und noch niedriger.

Theorie der Ponceleträder. Um eine möglichst große Wirfung §. 222 bon einem Bonceletrade zu erhalten, ist es nöthig, daß bas Wasser ohne

Stoß in das Rab eintrete. If $\overline{Ac} = c$, Fig. 442, die Geschwindigkeit des eintretenden Wassers und $\overline{Av} = v$ die Umsangsgeschwindigkeit des Rades, Fig. 442.



so erhält man in der Seite $\overline{Ac_1} = c_1$ des Parallelogramms $Avcc_1$, welches der Seite $\overline{Av} = v$ und Diagonale $\overline{Ac} = c$ entspricht, die Größe und Richtung der Geschwindigkeit des Wassers in Hinsicht auf das Rad; wenn man daher die Schausel AK tangential an Ac_1 anschließt, so wird das Wassers an ihr, ohne irgend einen Stoß auszuliben, mit der Geschwindigkeit c_1 in die Höhe zu steigen ansangen. Setzen wir den Winkel cAv, um welchen die Richtung des ankommenden Wassers von dem Radumfange oder der Tangente Av abweicht, $= \alpha$, so haben wir die relative Ansangsgeschwindigkeit des an den Schauseln in die Höhe steigenden Wassers:

$$c_1 = \sqrt{c^2 + v^2 - 2 c v \cos \alpha};$$

und für den Winkel $vAc_1 = \beta$, um welchen die Richtung derfelben von dem Radumfange oder der Tangente Av abweicht,

$$\sin \beta = \frac{c \sin \alpha}{c_1}$$
.

Damit das Wasser nicht blos in der Mitte A, sondern in ganzer Höhe, also auch in D und E mit dem Winkel α in das Rad eintrete, muß es dem Rade in einem Kreisevolventenbogen GA zugesührt werden, dessen Grundkreis mit dem Rade einerlei Mittelpunkt C hat, und dessen Erzeugungslinie AH ansangs auf AA_1 oder auf der Bewegungsrichtung des Strahles dei seinem Eintritte in das Rad rechtwinkelig steht. Denn zieht man in dem der halben Strahlhöhe gleichen Abstande Aequidistanten zu diesem Evolventenbogen, so sind diese gleiche Evolventenbögen und schneiden den Radumsfang in D und E unter demselben Winkel, wie der erstere in A. Um die der Axe des eintretenden Wasserstrahles entsprechende Evolvente zu construiren, schneide man auf dem Grundkreise beliedige Stücke HP, PQ u. s. w. ab, sühre Berührungslinien durch die dadurch bestimmten Punkte P, Q ... und mache diese gleich der ersten Tangente AH plus dem zwischenliegenden Bogenstück HP, HQ n. s. w.

Das Wasser steigt, wie ein sester Körper, an der Schausel mit abnehmender Geschwindigkeit in die Höhe, während es mit der Schausel gleichzeitig noch die Umbrehungsgeschwindigkeit v besitzt. Auf einer gewissen Höhe angekommen, hat es seine relative Geschwindigkeit ganz verloren, und es fällt nun auf der Schausel beschleunigt herad, so daß es zuletzt mit derselben Geschwindigkeit c_1 wieder am äußeren Ende A_1 ankommt, mit welcher es zu steigen ansing. Bereinigen wir nun die relative Geschwindigkeit $\overline{A_1}$ $c_1 = c_1$ des bei A_1 austretenden Wassers mit der Umsangsgeschwindigkeit $\overline{A_1}$ v = v durch das Parallelogramm der Geschwindigkeiten, so erhalten wir in dessen Diagonale $\overline{A_1}$ w = w die absolute Geschwindigkeit des absolute Geschwindigkeit ift

$$w = \sqrt{c_1^2 + v^2 - 2 c_1 v \cos \beta},$$

und bemnach die mechanische Arbeit, welche bas abfließende Wasser behalt und, ohne bem Rabe mitgetheilt zu haben, mit sich fortnimmt:

$$L_1 = \frac{w^2}{2g} Q \gamma = \left(\frac{c_1^2 + v^2 - 2 c_1 v \cos \beta}{2g}\right) Q \gamma.$$

Bieht man nun biesen Berlust von ber Leistung $\frac{c^2}{2g}Q\gamma$, welche bas Basser vermöge seiner lebenbigen Kraft vor bem Eintritte in bas Rab verrichten kann, ab, so bekommt man folgenden Ausbruck für die theoretische Radsleistung:

$$L = \left(\frac{c^2}{2g} - \frac{w^2}{2g}\right)Q\gamma = \left(\frac{c^2 - w^2}{2g}\right)Q\gamma,$$

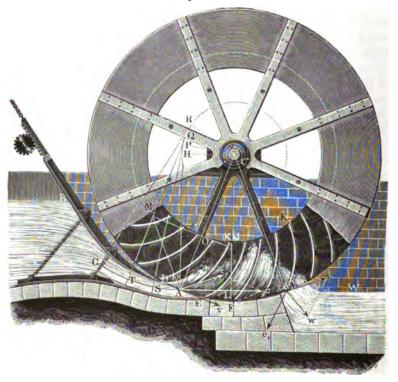
$$= \left(\frac{c^2 - c_1^2 - v^2 + 2c_1v\cos\beta}{2g}\right)Q\gamma,$$

ober, da $c^2 = c_1^2 + v^2 + 2 c_1 v \cos \beta$ ist, auch

$$L = \frac{2 c_1 v \cos \beta}{g} Q \gamma,$$

und es folgt, wenn man noch $c_1\coseta=c\coslpha-v$ einsett, biefe Leistung

$$L = \frac{2 \ v \ (c \cos \alpha - v)}{g} \ Q \gamma.$$
 Hig. 443.



Man fleht nun leicht ein, daß für $v=1/2~c\cos\alpha$ die Leistung am größten, und zwar

$$L = \frac{c^2 \cos \alpha^2}{2g} Q \gamma$$

wird, und daß der Arbeiteverlust sogar Rull ist, also die ganze disponible Arbeit

$$L = \frac{c^2}{2 g} Q \gamma$$

gewonnen wird, wenn man cos. $\alpha = 1$, also $\alpha = \Re u \mathbb{I}$ hat.

Wenn es auch nicht möglich ist, den Eintrittswinkel $\alpha = \Re$ ull zu machen, so folgt doch wenigstens hieraus, daß man α nicht sehr groß (nicht über 20°) machen darf, um eine große Leiflung zu erhalten, und es ist auch hiernach zu ersehen, daß man die Umfangsgeschwindigkeit des Rades nur wenig kleiner als die halbe Geschwindigkeit des zustließenden Wassers zu machen hat, um einen großen Wirtungsgrad des Rades zu erlangen.

Die senkrechte Höhe \overline{LN} , auf welche bas Wasser aufsteigt, während es §. 223 an den Schauseln hingeht, wäre $=\frac{c_1^3}{2\,g}$, wenn das Rad still stände, da es aber mit einer Geschwindigkeit v umläuft, so entsteht eine Centrisugalkraft, welche ziemlich mit der Schwerkraft in gleicher Richtung wirkt und eine Acceleration p erzeugt, die sich $\frac{v_1^2}{a_1}$ sehen läßt, wenn a_1 den mittleren Radkranzes oder die Geschwindigkeit im Nittel der Kranzbreite bezeichnet. S. Band I, §. 42. Es ist sonach zu sehen:

$$(g+p) h_1 = \frac{c_1^2}{2}$$
 ober $\left(g + \frac{v_1^2}{a_1}\right) h_1 = \frac{c_1^3}{2}$,

und baber bie gefuchte Steighöbe:

$$h_1 = \frac{c_1^3}{2\left(g + \frac{v_1^3}{a_1}\right)}.$$

Damit das Wasser nicht oben bei N überschlägt, ist nun nöthig, daß die Kranzbreite eine gewisse Sröße $\overline{FN}=d$ habe, welche bestimmt ist durch die Gleichung:

$$d = \overline{LN} + \overline{FL} = h_1 + CF - CL$$
, b. i.:
 $d = h_1 + a - a \cos A CF = \frac{c_1^3}{2\left(g + \frac{v_1^2}{a_1}\right)} + a (1 - \cos \lambda)$,

wobei 2 ben Winkel ACF bezeichnet, um welchen ber Eintrittspunkt A vom Rabtiefften F absteht. Jedenfalls ift aber hierzu noch die Strahlbide da zu abdiren, weil die oberen Wassersäben bei Annahme einer mittleren Geschwindigkeit, im ganzen Strahle um diese Höher steigen als die umteren Fäben. Wir setzen als die Rranzbreite:

$$d = d_1 + \frac{c_1^3}{2\left(g + \frac{v_1^2}{a_1}\right)} + a (1 - \cos \lambda).$$

Die Radweite läßt fich der Strahlbreite $e=rac{Q}{d_1\,c}$ gleichsehen. Nimmt

man ben Fassungsraum dev_1 bes Rabes 2- bis $2^1/_2$ mal so groß als bas Aufschlagquantum Q an, so hat man bie Gleichung:

$$dv_1 = 2 d_1 c$$
 bis $\frac{5}{2} d_1 c$,

woraus fich bie Strahlbide

$$d_1 = \frac{2}{5} \frac{dv_1}{c}$$
 bis $\frac{1}{2} \frac{dv_1}{c}$ ergiebt.

Da
$$\frac{v_1}{v} = \frac{a - \frac{1}{2}d}{a}$$
 ift, so hat man auch:

$$v_1 = \left(1 - \frac{d}{2a}\right)v$$
, und daher:

$$d_1 = \frac{2}{5} \left(1 - \frac{d}{2a}\right) \frac{dv}{c}$$
 bis $\frac{1}{2} \left(1 - \frac{d}{2a}\right) \frac{dv}{c}$,

ober, $v = 1/2 c \cos \alpha$ gesett,

$$d_1 = \frac{1}{5} \left(1 - \frac{d}{2a}\right) d\cos \alpha$$
 bis $\frac{1}{4} \left(1 - \frac{d}{2a}\right) d\cos \alpha$.

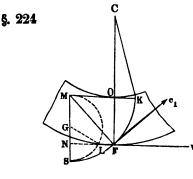
Nach Morin ist $d=\frac{a}{3}$ bis $\frac{a}{2}$, also ber Rabhalbmesser a nur zweibis breimal so groß zu machen als die Kranzbreite.

Ein anderes wichtiges Berhältniß ist nun noch die Bestimmung der Einstritts und Austrittsstelle, oder die Größe des wasserhaltenden Bogens AA1, den wir am besten auf beiden Seiten des Radtiessten F gleichmäßig vertheilen. Die Länge dieses Bogens hängt von der Zeit ab, welche das Wasser zum Aufz und Absteigen an den Schaufeln nöthig hat. Um diese zu sinden, muß aber die Gestalt und Ausdehnung der Schauseln bekannt sein. Ist diese Zeit = t, so können wir seinen:

$$\overrightarrow{AA_1} = 2 \lambda a = vt$$

und sonach ben Bogen, um welchen Gin- und Austrittspunkt (A und A1) bes Bassers vom Rabtiefften F absteben:

Fig. 444.
$$\lambda = \frac{vt}{2a}$$



Damit bas Wasser, wenn es die höchste Stelle K, Fig. 444, auf der Schausel erreicht hat, daselbst nicht überschlage, sondern an der Schausel wieder niedersalle, ist es nöthig, daß das innere Schauselende K beim tiefsten Stande FK der Schausel nicht überhänge, damit aber auf der anderen Seite die Schausel nicht unnöthig lang aussalle, ist nöthig, daß das Schauselende K den invneren Radumsang nicht sehr spit schneide;

aus diesen Gründen ist ein verticaler Stand des inneren Schaufelendes beim mittelbaren Schaufelstande am zweckmäßigsten. Giebt man nun der Schaufel eine chlindrische Form, so erhält man das Sentrum M ihres kreisdogensörmigen Durchschnittes, wenn man MF rechtwinkelig auf Fc_1 stellt und OM horizontal zieht. Aus der Radtiese oder Kranzbreite $\overline{FO} = d$ ergiebt sich der Krimmungshalbmesser MF = KM = r, da der Winkel $MFO = c_1 Fv = \beta$ ist,

$$s = \frac{d}{\cos \beta}$$
.

Die Zeit zum hinauf und hinabsteigen des Wassers an dem Bogen FK sinden wir wie die Schwingungszeit eines Pendels, indem wir statt der Acceleration der Schwere die Summe $g+\frac{v_1^2}{a_1}$ aus der Acceleration g ders selben und aus der mittleren Centrifugalacceleration $\frac{v_1^2}{a_2}$ einsetzen.

Wir finden übrigens diese Zeit genau nach der in Bb. I, (§. 322) entwickelten Formel

$$t = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{r}{a}} \left(\varphi + (\varphi + \sin \varphi) \frac{h}{8r} \right)$$

für die Schwingungszeit t eines Pendels durch den Bogen FK, wenn r den Halbmeffer MF = MK des von der Schaufel gebildeten Kreisbogens, h die ganze Fallhöhe $\overline{MS} = \overline{MF} = r$, und φ den Centriwinkel MGL bezeichnet, welcher dem Kreise MLS über dem Durchmeffer MS = r und der Bogenhöhe

 $\overline{MN} = \overline{OF} = \overline{MF} \cos FMN = r \cos (vFc_1) = r \cos \beta$ entipridit.

Diefer Wintel o bestimmt fich burch bie Formel:

$$\cos \varphi = -\frac{NG}{LG} = -\frac{MN - MG}{MG} = -\frac{r \cos \beta - \frac{1}{2}r}{\frac{1}{2}r}$$

$$= 1 - 2 \cos \beta,$$

ober:
$$\sin^{-1}/2 \varphi = \sqrt{\cos \beta}$$
.

Wenn man nun noch wegen ber Einwirkung ber Centrifugalfraft statt g, $g+\frac{v_1^2}{a_1}$ setzt, so erhält man die Zeit zum Steigen und Fallen durch den Bogen FK:

$$2t = \left(\varphi + \frac{\varphi + \sin \varphi}{8}\right) \sqrt{\frac{r}{g + \frac{v_1^2}{a_1}}}$$
$$= \left(\frac{9 \varphi + \sin \varphi}{8}\right) \sqrt{\frac{r}{g + \frac{v_1^2}{a_1}}}$$

und baber bie Länge bes mafferhaltenben Bogens AA, Fig. (443):

$$b = 2 \lambda a = 2 vt = v \left(\frac{9 \varphi + \sin \varphi}{8}\right) \sqrt{\frac{r}{g + \frac{v_1^2}{a_1}}}.$$

§. 225 Dimensionen eines Ponceletrades. Es tommt nun darauf an, mit Hulfe der im Borstehenden gefundenen Ergebnisse, Regeln für die Ansordnung und Construction eines Ponceletrades aufzustellen. Wir können nur das Aufschlagquantum Q und das Gesälle λ, von Wasserspiegel zu Wasserspiegel gemessen, als bekannt ansehen, und haben daher die Geschwindigkeiten c, c1 und v, die Winkel α, β und λ, sowie die Raddimensionen a, d, e u. s. w. zu berechnen.

Annähernd ift

 $v = \frac{1}{2}c = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{2gh}{h}}, d = \frac{1}{4}h$ und $d_1 = \frac{1}{4}d = \frac{1}{16}h$. Auch können wir in der Formel

$$\lambda = \frac{v}{a} \cdot \left(\frac{9 \varphi + \sin \varphi}{16}\right) \sqrt{\frac{r}{g + \frac{v_1^2}{a_1}}}$$

annähernb $\varphi = \pi$, also sin. $\varphi = 0$, ferner $v_1 = v = \frac{1}{2}c$, $a_1 = a$ und $r = d = \frac{1}{4}h$ setzen, weehalb wir

$$\lambda = 1,767 \cdot \frac{\sqrt{2gh}}{2a} \sqrt{\frac{1/4h}{g + \frac{c^2}{4a}}} = \frac{0,883h}{a\sqrt{2 + \frac{h}{a}}},$$

alfo umgefehrt,

$$a^2 + \frac{1}{2}ha = \frac{1}{2}\left(\frac{0.883 h}{\lambda}\right)^2$$

folglich ben Rabhalbmeffer

$$a = \frac{h}{4} \left[\sqrt{8 \left(\frac{0,883}{\lambda} \right)^2 + 1} - 1 \right] = \frac{h}{4} \left(\sqrt{\frac{6,238}{\lambda^2} + 1} - 1 \right)$$
erbalten.

Am angemeffensten ist es, ben Wasserstrahl horizontal in bas Rab einzuführen, also $\alpha = \lambda$, und zwar

1) $\alpha = \lambda = 20$ Grad, also $arc.: \lambda = 0.3491$ anzunehmen.

hiernach erhalten wir ben Rabhalbmeffer:

2) a = 1.56 h.

Die Ausfluggeschwindigfeit bes Waffers ift:

8)
$$c = \mu \sqrt{2 g (h - \frac{1}{2} d_1)} = \mu \sqrt{2 g \cdot \frac{31}{33} h}$$

= 0,98 $\mu \sqrt{2 g h}$,

ferner bie vortheilhafteste Geschwindigkeit bes Rabes:

4)
$$v = \frac{1}{2} c \cos \alpha$$
,

und die Umbrehungezahl:

$$5) u = \frac{30 v}{\pi a}.$$

Der Schaufelwintel o ift ferner burch bie Formel

$$\cot g. \beta = \cot g. \alpha - \frac{v}{c \sin \alpha} = \frac{1}{2} \cot g. \alpha$$

d. i. burch

6)
$$tang. \beta = 2 tang. \alpha$$

bestimmt.

Auch erhalt man nun für bie relative Anfangegeschwindigkeit bes auffteigenben Baffere:

7)
$$c_1 = \frac{c \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{v}{\cos \beta}$$
,

und wenn man annähernb

$$\frac{v_1^2}{a_1} = \left(1 - \frac{d}{2a}\right) \frac{v^2}{a} = \left(1 - \frac{h}{8a}\right) \frac{v^2}{a} = 0.9 \frac{v^2}{a}$$

annimmt, die Radtiefe schärfer bestimmt,

$$d = d_1 + \frac{c_1^2}{2\left(g + 0.9\frac{v^2}{a}\right)} + (1 - \cos 20^\circ) a, \text{ ober:}$$

8)
$$d = \frac{c_1^2}{g + 0.9 \frac{v^2}{a}} + 0.08 a$$
.

Damit bas Baffer auch bei langsamerem Gange nicht überschlägt, sett man noch einige Boll zu.

Die schärfer bestimmte Strahlbobe ift nun:

9)
$$d_1 = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{d}{2a} \right) d \cos \alpha$$
,

und bie Radweite:

10)
$$e = \frac{Q}{d_1 c} = \frac{2 Q}{d v_1}$$
.

Für bie Schaufelfrummung ift enblich ber Balbmeffer:

11)
$$r=\frac{d}{\cos \beta}$$
,

und für ben Bulfswintel o:

12) sin.
$$1/2 \varphi = \sqrt{\cos \beta}$$
.

Dit Bulfe ber Größen v, a, r und op läßt fich

13)
$$\lambda = \frac{v}{a} \left(\frac{9 \ \varphi + sin. \ \varphi}{16} \right) \sqrt{\frac{r}{g + 0.9 \frac{v^3}{a}}}$$

Den mittleren Abstand je zweier Schaufeln von einander, b=1 Fuß ansgenommen, erhält man endlich noch die Anzahl der Schaufeln:

14)
$$n = 2 \pi a_1$$
.

Beispiel. Man soll für ein Gefälle h=4,5 Fuß und für ein Aufschlagquantum Q=24 Cubiffuß pr. Minute ein Bonceletrad anordnen und berechnen.

Nehmen wir $\alpha=\lambda=20$ Grab an, so erhalten wir zunächst ben Rabhalbsmesser $a=1.56\,h=7$ Fuß, und setzen wir den Geschwindigkeitscoefficienten when Ausstutzensteilenten $\mu=0.90$, so ergiebt sich die mittlere Geschwindigsteit des bei Δ eintretenden Wassers:

 $c=0.98\,\mu\,\,V\,\overline{2\,g\,h}=0.882\,.\,7,906\,\,V\,\overline{4,5}=6.97\,.\,2,121=14,78\,$ Fuß, ferner bie vortheilhafteste Umfangegeschwindigfeit bes Rabes:

 $v=\frac{1}{2}c\cos \alpha=7,39$. $\cos 20^{\circ}=7,89$. 0,940=6,95 Fuß, und die Umdrehungszahl des Nades pr. Minute:

$$u = \frac{30 \, v}{\pi \, a} = \frac{30 \cdot 6,95}{7 \, \pi} = 9,48$$
 ober nahe $9\frac{1}{2}$.

Für ben Schaufelwinkel & ift:

tang. $\beta = 2$ tang. $\alpha = 2$ tang. $20^{\circ} = 2$. 0.3640 = 0.7280, baher: $\beta = 36^{\circ}2'$,

ober in runber Bahl, β = 36 Brab.

Die Anfangegeschwindigfeit bes aufsteigenben Baffere ift:

$$c_1 = \frac{v}{cos. \ \beta} = \frac{6,95}{cos. \ 36^{\circ} \ 2'} = \frac{6,95}{0,8087} = 8,59 \ {
m Fu} {
m f eta},$$

und hiernach bie erforberliche Rabfrangbreite:

$$d = \frac{2}{3} \frac{c_1^2}{g + 0.9 \frac{v^2}{a}} + 0.08 a = \frac{2}{3} \cdot \frac{8.59^2}{31.25 + 0.9 \cdot \frac{6.95^2}{7}} + 0.08.7$$
$$= \frac{2}{3} \cdot \frac{73.79}{37.46} + 0.56 = 1.31 + 0.56 = 1.87 \text{ Sug,}$$

wofür vielleicht 1,90 Fuß zu nehmen fein mochte.

Die Strahlbide ift

$$d_1 = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{d}{2a} \right) d \cos \alpha = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{1,90}{14} \right). 1,90 \cos 20^{\circ} = 0,216. 1,90. 0,94$$

= 0,410.0,94 = 0,385 Fug.

und bie Rabweite:

$$e=rac{Q}{d_1c}=rac{24}{0.385\cdot 14.78}=4.22$$
 Fuß.

Der halbmeffer ber Schaufelfrummung mißt:

$$r = \frac{d}{\cos \beta} = \frac{1,90}{\cos 36^{\circ} 2'} = 2,35 \, \text{Fu} \, \text{f},$$

und für ben entsprechenden Centriwinkel p hat man:

$$\sin \frac{1}{2} \varphi = V \overline{\cos \beta} = V \overline{\cos 36^{\circ} 2'} = 0,8993,$$
hiernach:

$$\frac{1}{9} \varphi = 64^{\circ} 4'$$
 unb $\varphi = 128^{\circ} 8'$

Num folgt genauer:
$$\lambda = \frac{v}{a} \cdot \frac{9 \varphi + \sin \varphi}{16} \sqrt{\frac{r}{g + 0.9 \frac{v^3}{a}}}$$

$$=\frac{6,95}{7}\cdot\frac{9\cdot2,236+0,787}{16}\,\,\sqrt{\frac{2,35}{37,46}}=1,30\,.\,0,251=0,327\,\,\text{ober}=19\,\,\text{Grad}.$$

Nimmt man ben Abstand zwischen je zwei Schaufeln, am außeren Rabums fange gemeffen, = 1 Fuß an, fo erhalt man bie erforberliche Schaufelzahl:

 $n = 2\pi a = \frac{44}{7}.7 = 44;$

wofür ber leichten Bertheilung wegen 48 gu feten fein mochte.

Das bisponible Arbeitsquantum ift :

$$L = Qh\gamma = 24.4,5.61,75 = 6669$$
 Fußpfund,

und bie theoretische Leiftung biefes Rabes:

$$L_1 = \frac{c^2}{2g}\cos. \alpha^2$$
. $Q\gamma = 0.016 \cdot 14,78^2 \cdot (\cos. 20)^2 \cdot 24 \cdot 61,75 = 4579$ Fußpfund, folglich ber Wirfungegrad beffelben:

$$\eta = \frac{L_1}{L} = \frac{4579}{6669} = 0,686.$$

Versuche an Ponceleträdern. Ueber bie Leiftungen ber Boncelet. 8, 226 raber hat Boncelet felbst Berfuche angestellt; es find bieselben in ber oben citirten Abhandlung genau beschrieben und beren Resultate aufgezeichnet. Die ersten Berfuche nahm Boncelet an einem Mobellrabe von 1/2 Meter Durchmeffer ober ungefähr 1/6 ber natürlichen Größe vor. Es war gang aus Solz gefertigt und hatte zwanzig trumme Solzschaufeln von 21/2 Millis meter Dide, 65 Millimeter Breite und 76 Millimeter Lange. Die Wirfung biefes Rabes bestimmte er wie Boffut, Smeaton u. A. mit Bulfe eines Bewichtes, welches burch einen fich um die Welle bes Rabes umwidelnben Binbfaden aufgehoben murbe. Die größten Leiftungen ergaben fich, ber Theorie entsprechend, wenn die Radgeschwindigkeit 0,5 ber Baffergeschwindige feit war, und ber Wirkungsgrad betrug in diesem Falle 0,42 bis 0,56; ersteres bei kleinerer, letteres aber bei größerer Dide bes Wafferstrahles ober stärkerer Füllung ber Zellen. Wenn man nicht das Gefälle, sondern die Gefchwindigkeitshohe bes ankommenden Baffers als maggebend anfieht, fo ftellt fich ber Effect 0.65 bis 0,72 beraus. Später hat Boncelet noch Berfuche an einem Rabe in naturlicher Größe mit einem Bremsbynamometer angestellt und ift babei ju Ergebniffen gelangt, welche von ben eben angeführten nur wenig abweichen. Diefes Rab hat 11 Fuß (parif. Mag) Durchnieffer und breifig blecherne Schaufeln von 2 Millimeter Dide. Die Radfranze maren, wie die Arme und Bellen, von Bolz, und es betrug ihre Breite 14 Boll, ihre Dide 3 Boll, und bie Entfernung berfelben von einander, ober die Radweite, 28 Roll. Bei einer mittleren Drudhohe von 1,3 Meter, einer Strahlhöhe von 0,2 Meter und einem Geschwindigkeiteverhältniffe von 0,52 ftellt fich auch bier ein Wirkungsgrad von 0,52 beraus, ber fich aber

auf 0,60 steigert, wenn man die Geschwindigkeitshöhe statt des ganzen Gefalles einführt. Poncelet zieht aus seinen Bersuchsrefultaten folgende Folgerungen.

Das vortheilhafteste Geschwindigkeitsverhältniß $\frac{v}{c}$ ist 0,55, kann aber 0,50 bis 0,60 betragen, ohne eine bebeutend sleinere Wirkung zu geben. Der Wirkungsgrad ist sür Gesälle von 2 bis 2,3 Meter, $\eta=0,5$; sür Gesälle von 1,5 bis 2,0 Meter, $\eta=0,55$, und sür Gesälle unter 1,5 Meter, $\eta=0,60$. Es berechnet sich hiernach die Nupleistung im ersten Falle: Pv=122,3 (c-v)v Kilogr.-Meter = 2,53 (c-v)v Fußpfund, im zweiten:

 $Pv=132,5 \ (c-v)v \ Q \ {
m Rilogr.}{
m PReter}=2,74 \ (c-v)v \ Q \ {
m Fußpfund,}$ im britten :

Pv = 142.7 (c - v) v Q Rilogr.-Meter = 2.95 (c - v) v Q Hugpfund. Noch giebt Poncelet einige Regeln für die Anordnung eines unterschlägigen Bafferrabes mit frummen Schaufeln, welche er ebenfalls aus feinen Beobachtungen folgert. Die Entfernung je zweier Schaufeln, am außeren Umjange gemessen, foll nur 0,20 bis 0,25 Meter, ber Rabhalbmesser aber soll nicht unter 1 und nicht über 2,5 Meter betragen; die Are bes Bafferftrahles foll bem Umfange bes Rabes unter einem Wintel von 24° bis 30° begegnen, und noch ungefähr 30 gegen ben Horizont geneigt fein. Uebrigens foll ber Abfall hinreichend boch fein, bamit bas Baffer ungehindert aus bem Rabe treten tann, und es barf ber Spielraum bes Rabes im Rropfe nur 1 Centimeter betragen. Ginige diefer Berhaltniffe find jeboch nicht wesentlich, und andere laffen sich sicherer burch bie Formel bes vorigen Baragraphen ermitteln. Rach ben Berfuchen machft noch ber Wirtungsgrab mit ber Strahlbide; ba aber mit leterem unter übrigens gleichen Berhaltniffen die Fullung ber Zellen junimmt, fo folgt noch die in gewiffen Grengen einzuschränkenbe Regel, bag bie Fullung ber Schaufeln eine große Unter 0,1 Meter Bobe ift übrigens nach Boncelet bie Strablhöhe nie zu machen.

§. 227 Noue Vorsuche an Poncoleträdern. In ber neueren Zeit hat auch Morin Bersuche an Poncoleträdern angestellt, hierzu brei hölzerne und ein eisernes Rab benut, und dabei ein Bremsdynamometer in Anwendung gebracht. Sie wurden vorzüglich in der Absicht gemacht, um den Nuten eines neuen, von Poncolet vorgeschlagenen krummlinigen Wassereins laufes zu erproben, nächstem aber auch, um sich genauere Kentnisse über den Einsluß der Dimensionsverhältnisse auf die Leistung zu verschaffen, da sich bei mehreren Aussührungen ergeben hatte, daß die Dimensionen der nach Boncolet's Regel construirten Räber zu Kein waren, namentlich aber

bei Abweichung von der mittleren Geschwindigkeit des Rades eine zu kleine Leistung gaben, weil das Wasser innen überschlug (f. Comptes rondus, 1845, T. XXII, und polytechn. Centralblatt, Bb. VIII, 1846).

Die brei hölzernen Bersucheräber hatten 1,6 Meter, 2,4 Meter und 3,2 Meter, bas eiferne Rab aber 2,8 Meter Sobe, bie Schaufeln waren bei allen brei Rabern von Blech. Die ersten brei Raber hatten 0,4, bas lettere aber 0,8 Meter Weite, und alle vier hatten eine Tiefe ober Rranzbreite von 0,75 Meter. Ein besonderer Uebelstand stellte sich aber bei ben bolgernen Rabern baburch beraus, daß fie wegen ihres kleinen Tragheitsmomentes fehr ungleichförmig gingen und eben baburch viel Baffer nach Das fleinste Rad ging besonders fehr ungleichförmig und gab bei bem Gefalle von 0,45 bis 0,55 Meter, und wenn die Bellen minbestens zur Balfte gefüllt waren, nur ben Wirkungsgrab 0,485; bei größerem Gewichte wilrbe es vielleicht 0,55 Wirtungegrab gegeben haben. Bei bem mittleren Rabe wurde biefer mit einem Gefälle von 0,75 Meter, 0,60 bis 0,62 gefunden. An bem britten Rabe wurden Bersuche bei verfcicbenen Schaufelbreiten angestellt. Es zeigte fich, bag bei einem Befalle von 0,56 Meter die Rrangbreite 0,43 Meter, und bei einem Gefälle von 0,7 Meter, die von 0,59 Meter noch ju klein war. Roch wurden an diesem Rabe Berfuche über die Wirtung bes von Boncelet vorgeschlagenen (in §. 222 beschriebenen) Gerinnes angestellt, und damit nicht nur ein größerer Birtungegrad erlangt, sondern auch gefunden, daß der Fassungeraum bis 3/2 herabsinken konnte, ehe das Wasser innen überschlug.

Was endlich noch die Versuche mit dem aus 42 Schaufeln bestehenden eisernen Rade betrifft, so wurden diese bei 1,2 dis 1,4 Meter Gesälle angestellt, wobei das Rad frei ging, sowie bei 0,9 Meter Gesälle, wobei es 0,36 Meter ties im Wasser watete. Bei den Schiltzenzügen von 0,15 Meter, 0,2 Meter, 0,25 Meter und 0,277 Meter betrugen die Maxima des Wirtungsgrades: 0,52; 0,57; 0,60 und 0,62; und dei Schwankungen der Umbrehungszahlen innerhalb der Grenzen 12 dis 21, 13 dis 21, 11 dis 20 und 12 dis 19 entsernten sich die Wirkungsgrade nur $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{14}$, $\frac{1}{12}$ und $\frac{1}{9}$ von den Maximalwerthen. Aus den Resultaten dieser Versuch folgt, daß bei einem Rade mit dem gekröpften Einsauf die Wirkung durch die Formel

$$Pv = 0.871 \left(\frac{c^2 - v^2}{2g}\right) Q\gamma$$

ausgedrückt werden kann, daß ferner das vortheilhafteste Geschwindigkeiteverhältniß $\frac{v}{c}=0.50$ bis 0,55 ist, daß das Wasser dieselbe Wirkung giebt
es mag der Unterwasserspiegel 0,12 Meter unter oder 0,20 bis 0,25 Meter
über dem Radtiessten stehen; daß endlich der Wirkungsgrad dis auf 0,46

herabsinkt, wenn das Rad 0,357 Meter tief oder mit der halben Kranzbreite im Wasser watet. Der Hauptnutzen dieses neuen Gerinnes besteht nun darin, daß sich ein Rad mit diesem Gerinne in weiteren Geschwindigkeitsgrenzen bewegen kann, ohne viel von seiner Antsleistung zu verlieren. Uebrigens sindet Morin sur Gesälle von 0,9 bis 1,3 Meter am angemessensten, die Kranzbreite der Hälfte des Radhalbmessers gleich und den Fassungsraum noch einmal so groß zu machen, als den Raum, den das Wasser eigentlich beansprucht, d. i. den Füllungscoefficienten s = 1/2 in Anwendung zu bringen.

Neuere Versuche sind auch von Marozeau an einem Ponceletrade mit brei Abtheisungen angestellt worden (s. Bulletin de Mulhouse 1846, oder polytechnisches Centralblatt, Jahrgang 1848). Dieses Rab hatte eine Höhe von 4,4 Meter, eine lichte Weite von 3.0,67 = 2 Meter und eine Aranzbreite von 0,75 Meter und nahm bei 1,5 Meter Gefälle pr. Secunde 500 bis 1000 Litres Ausschlagwasser auf. Der größte Wirkungsgrad wurde hier 0,669 gefunden, und zwar dann, wenn das Wasser in allen drei Abtheilungen zugleich sloß. Der Wirkungsgrad wurde jedoch kleiner, wenn das Rad 0,1 Meter im Unterwasser babete.

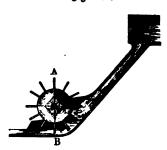
Neuere und sehr interessante Bersuche find vom Herrn Capitain D. be Lacolonge an einem Bonceletrade in der Bulvermuble zu Angoulome

(1847) angestellt worden (f. le Génie Industrielle par Armengaud Frères, Diefes Rad hatte einen Salbmeffer von 4,8 Meter, eine Weite sowie eine Rranzbreite von 1,00 Meter, und machte bei einer Leis ftung von 10 Bferdefraften circa gebn Umbrebungen pr. Minute. Wirfungegrad biefes Rabes flieg bei bem Beschwindigfeitsverhaltniffe = 0,579, wobei bas Gefälle 1,56 Meter und die Sohe ber Schitzenmundung 0,25 Meter betrug, auf 0,678. Das Wasser wurde dem Rade burch ein nach ber Areisevolvente construirtes Gerinne augeführt und trat 261/2 Grad oberhalb bes Rabtiefften fo in bas Rab ein, bag feine relative Bewegung auf der Schaufel in horizontaler Richtung begann. Der Fullungscoefficient mar fehr tlein, nämlich bei ber vortheilhaftesten Wirtung, s = 1/3. Die angegebene Leiftung bes Rabes fleigerte fich noch etwas (auf 0,755), wenn das Rad bis auf 1/3 h unter bem Baffer matete; biefes Berhältnik, welches auf eine bessere Ausnutzung der Kraft hindeutet, hat man auch ichon bei andern mittelichlägigen Rabern beobachtet (f. bie Bremeverfuche an einem Rropfrade von Sulfe und Brudmann im polytechnifden Centralblatte, Jahrgang 1851).

§. 228 Kleine Wasserrader. Man hat zuweilen auch noch andere verticale Bafferraber angewendet, welche sich keinem der eben abgehandelten Rabspfteme beizählen lassen; namentlich giebt es noch sehr kleine Raber, welche kaum einige Fuß Höhe haben und burch ben Druck ober Stoß bes Wassers in Bewegung gesett werben. Diejenigen, welche sich an die bereits abgehandelten Systeme noch am meisten anschließen, mögen hier noch ihren Platz sinden, anderer aber wird aus besonderen Gründen, erft in dem folgenden Capitel gedacht werden.

D'Anbuiffon beschreibt in feiner Sybraulit fleine Stofraber, wie

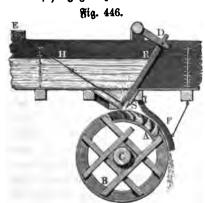
Fig. 445.



ACB, Fig. 445, mit hohem Gefälle von 6 bis 7 Meter, welche in den Byrenäen häufig angewendet werden. Diese Räder sind nur 21/2 bis 3 Meter hoch und haben vierundzwanzig etwas ausgehöhlte Schaufeln. Ihre Wirfung soll nach d'Aubuisson 2/3 von der eines oberschlägigen Rades bei gleichem Geställe sein. Es ist übrigens die Leistung eines solchen Rades nach der oben entwidelten Theorie der Kropfräder zu be-

rechnen, benn es sind diese Räder eigentlich nur Kropfräder mit einem großen Stoß- und einem Kleinen Druckgefälle. Um das Berspriten des Wassers so viel wie möglich zu verhindern, wird das Rad in einen Kropf mit genau ausschließenden Seitenwänden gehängt. Uebrigens läßt sich bei Anwendung mehrerer solcher Räder unter oder neben einander, wenn das Wasser von einem Rade auf das andere tritt, noch ein hoher Wirkungsgrad erlangen (s. Bd. II, §. 217). Auch kann man diese Räder noch niedriger und aus Eisen herstellen. In den Alpen kommen solche Räder bei Mühlen und Hammerwerken sehr häufig vor.

Gin oberichlägiges Dammerrab mit einem großen Stoggefälle ift in

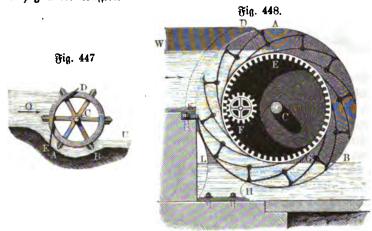


Beisbad's Lebrbud D. Mechanit. IL

Fig. 446 abgebilbet. Es ist ERD bas Aufschlaggerinne, SD bie Schütze, ACB bas Rab und F ein Mantel um basselbe, welcher bas zu zeitige Austreten bes Wassers verhinsbert.

Ein anderes Rad, Fig. 447 (a. f. S.), wird im "Technologiste", Septbr. 1845, und auch im polytechnischen Centralblatte,

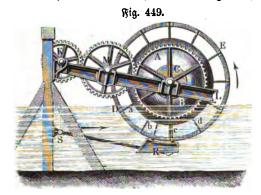
Bb. VII, 1846, beschrieben. Während bei obigen Räbern das Wasser vorzüglich nur durch Stoß wirkt, bringt dieses seine Leistung nur durch Druck hervor. Dieses Rad wurde von dem Ingenieur Mary erbaut, und sein Wirkungsgrad wurde von Belanger bei 1,3 Meter Umsangsgeschwindigkeit, 0,75 bis 0,85, also sehr hoch gesunden. Es hat dasselbe nur einen aus Eisenblech gebildeten Kranz von 0,3 Meter Breite, 0,12 Meter Dicke und 2,28 Meter Durchmesser, und besteht aus sechs elliptischen, durch Rippen verstärkte Blechschauseln. Uebrigens hängt dieses Rad in einem sehr genau anschließenden Gerinne, und an den Radkranz sehr nahe anschließende Eisenplatten DE sperren das Oberwasser O von dem Unterwasser U ziemlich genau ab, indem sich der Radkranz in dem zwischen diesen Platten besindlichen Spalt bewegt. Die Kraft, mit welcher. ein solches Rad umläuft, ist jedensalls das Product aus dem Riveauabstande beider Wassers, dem Querschnitte einer Schausel, und der Dichtigkeit des Wassers, dem Querschnitte einer Schausel, und der Dichtigkeit des Wassers.



Ein anderes ähnliches, jedoch noch volltommeneres Rad ist das Zuspinger'sche, in Fig. 448. Dieses Rad hat nur einen Kranz AB und langgedehnte Blechschaufeln, welche entweder nur auf einer oder auf beiden Seiten des Kranzes aussichen, und ist mit einem eisernen Mantel DEFGHK umgeben, welcher das Aussichlagwasser W dem Rade nicht allein von vorn, sondern auch von der Seite zusührt und dasselbe so lange im Rade zurückhält, die die unterste Schaufel GH aus demselben hervortritt. Das bei Wzutretende und innerhald des Mantels im Rade niedersinkende Wasser sließt nun längs GH unter dem Unterwasserspiegel BL ab, und tritt dabei sein ganzes Arbeitsvermögen an das Rad ab. Bei der Herstellung eines solchen Rades ist dassur zu sorgen, daß die innere Radhöhe gleich dem Gefälle ausssalle, daß ferner die untere Mündung des Mantels ber untersten Schaufel

entspreche und unter ben Unterwasserspiegel falle, und daß der Spielraum zwischen dem Rade und dem Mantel möglichst klein sei. Ein solches Rad ist bei ganz kleinen Gefällen noch anwendbar, und giebt hierbei noch einen sehr hohen Wirkungsgrad (75 bis 80 Procent). S. Gewerbeblatt sur Würtemberg 1855, auch polytechnisches Centralblatt 1855.

Eine eigenthumliche Construction hat bas schwimmende Bafferrad vom Herrn Colladon in Genf. Daffelbe hängt wie ein Schiffmuhlenrad im unbegrenzten Strome, und besteht in ber Hauptsache aus einem auf bem Baffer schwimmenden Blechkeffel AB, Fig. 449, auf bessen Umfang lange,



unter einander durch eiserne Reisen DE versbundene Blechschauseln a, b, c, d... feststen. Um die Umdrehungsbewegung dieses Rades auf eine sestliegende Welle K überzutragen, ist die Welle C besselben auf zwei um K drehbare Hebel, wie KL, geslagert, und sind diese Wellen mit Zahnrädern

ausgerüstet, welche entweber unmittelbar in einander eingreisen, oder durch ein brittes ebenfalls auf KL gelagertes Rad M auf einander wirken (vergl. §. 212). Um die Wirkung des an die Schauseln b, c... anschlagenden Wassers zu vergrößern, ist noch unter dem Rade ein Kropf R ausgehangen, welcher je nach dem Stande des Wassers mit dem Rade zugleich steigt und sinkt, so daß beide immer in derselben Tiefe unter dem Wasser bleiben. Die sesse Virgense der hängenden Gerinnes R, an zwei Paar Säulen besesstigt. Man sieht, daß durch die Eintauchung des Radkörpers eine Querschnittsverminderung des Wasserstromes entsteht, welche eine sitt die Wirkung des Rades vortheilhaste Vergrößerung der Geschwindigsteit des stoßenden Wassers zur Folge hat.

Schlußanmerfung. Die Literatur über verticale Bafferraber ift allerbings fehr ausgebehnt; boch verbienen nur wenige Schriften über diefe Maschinen einer größeren Beachtung, ba die meiften berselben nut oberflächliche und einige sogar ziemlich unrichtige Theorien über Bafferraber abhandeln. In Chtels wein's Sphraulit find die Bafferraber nur ganz allgemein abgehandelt, Bollsftändigeres, namentlich über die Theorie unterschlägiger Bafferraber, findet man in Gerftner's Rechanit. Benig Brauchbares findet man in Langsborf's Sphraulit ober in beffen Spfrem der Maschinenkunde. Biemlich aussührlich, namentlich über die oberschlägigen Bafferraber, handelt d'Aubuisson in seiner

Hydraulique à l'usage des Ingénieurs. Navier handelt in feinen Applications de la Mécanique nur gang allgemein von ben verticalen Bafferrabern, ausführlicher aber in ber von ihm beforgten Ausgabe vom erften Banbe ber Architecture hydraulique von Belibor. In bem beutich unter bem Titel Lehrs buch ber Anwendung ber Dechanit erfcbienenen Cours de Mécanique appliquée von Boncelet wird bie Theorie ter Bafferraber in gebrangter Rurge, jedoch giemlich grundlich abgebanbelt. Ueber bie Leiftungen und Regeln gur Conftruc tion von Mafferrabern findet man auch bas Rothigfte in Morin's Aide-memoire de Mécanique pratique. In tem Treatise on Manufactures and Machinery of Great-Britain , of P. Barlow, ift wenig über Theorie, mehr über bie Ginrichtung ber Bafferraber gefagt. Bollftanbige Befchreibungen unb gute Beichnungen von Bafferrabern finbet man in Armengaub's Traité pratique des moteurs hydrauliques et à vapeur, somie auch in ben neueren Banben feiner Publication industrielle. Gute Beidnungen und Beidnungen von Bafferrabern enthalt auch bie Mafchinenfunde ie. von Sebaftian Bainbl. Das vorzüglichfte Bert über verticale Bafferraber ift aber Rebtenbacher's Theorie und Bau ber Bafferraber, welches mit 6 fleinen und 23 großen lithographirten Safeln 1846 in Mannheim erfchienen ift. Boncelet's und Mos rin's Memoiren über bie Birfungen verticaler Bafferraber (f. oben §. 221 und S. 197) bilben ein wichtiges Element in ber Literatur über verticale Bafferraber. Bon ben kleinen hammerrabern ift ausführlich bie Rebe in Tunner's Dars ftellung ber Stabeifens und Robftahl-Bereitung, Gras 1845. Bon ben Bafferrabern handelt auch Morin's Lecons de Mécanique, pratique, Part. II. Ebenfo: Band II von Rebtenbacher's Dafcinenbau, Dannheim 1863, und Band I von Ruhlmann's allgemeiner Mafchinenlehre. Gin Bafferrab mit foragen Schaufeln von Delneft ift befdrieben in Dingler's polytech. Jour nal 29b. 173.

Fünftes Capitel.

Bon ben borizontalen Bafferrabern.

§. 229 Turbinon. Bei den horizontalen oder um eine verticale Are ums laufenden Wafferrädern wirkt das Wasser entweder durch Stoß, oder durch Druck, oder durch Reaction, nie aber unmittelbar durch sein Gewicht. Man unterscheidet daher auch horizontale Stoßs, Drucks und Reactionsräder von einander. Sehr gewöhnlich nennt man auch die horizontalen Wasserräder überhaupt Turbin en oder Kreiselräder (franzund engl. turbines), zuweilen giebt man aber nur einer gewissen Classe von Reactionsrädern den Namen Turbinen. Die Stoßräder sind mit ebenen oder ausgehöhlten Schauseln ausgerüstet, auf die das Wasser mehr oder weniger rechtwinklig ausschlädigt; die Druckräder hingegen haben krumme Schaufeln, an welchen das Wasser bloß hinläuft; die Reactionsräder endlich be-

fteben aus einem Röhrenapparate, aus welchem das Waffer mehr ober weniger tangential ausflieft. Die Drud- und Reactionsraber find in ihrer Construction einander sehr ahnlich, jedoch unterscheiden sie fich badurch wesentlich von einander, daß bei ben Drudrabern die Bellen ober Candle zwischen je zwei Schaufeln vom Baffer nicht gang ausgefüllt werben, bei ben Reactionsrabern aber bas Waffer burch bie Canale ober Röhren mit gefülltem Querschnitte hindurchströmt. Während sich bei ben Stograbern bas Baffer nach allen Seiten bin auf ben Schaufeln ausbreitet, ftromt es bei ben Drudund Reactionsrabern nur nach einer Seite hin. Nach ben verschiebenen Richtungen, in welchen fich bas Waffer in den Canalen ber letteren Raber bewegt, hat man zwei Sauptinfteme von Drud- und Reactionerabern; entweder ift die relative Bewegung des Waffers in den Canalen eine horizontale, ober fie ift eine gegen ben Borizont geneigte, meift in einer Berticalflache vor fich gebende Bewegung. Im erften Systeme ift aber wieber ju unterscheiben, ob bas Waffer von innen nach außen, ober von außen nach innen ftrömt; im zweiten, ob es von oben nach unten ober von unten nach oben fließt. Meift erfolgt bie Bewegung entweber nur von innen nach außen, ober von oben nach unten; im erften Falle tommt die Centrifugal= und im zweiten die Schwerfraft ber Bewegung zu Bulfe.

Horizontale Wafferraber, bei welchen bas Waffer von oben nach unten abfließt, nennt man wohl auch Danaiben.

Stossräder. Die einfachsten, jedoch auch unvollfommensten horizontalen §. 230 Bafferraber find die fogenannten Stoßraber oder Stoßturbinen, wie



ACD, Fig. 450. Sie bestehen aus 16 bis 20 rectangulären Schauseln AB, A₁B₁ u. s.w., welche so auf den Radkörper aufgesetzt sind, daß sie 50 bis 70 Grad Neigung gegen den Horizont erhalten. Das Wasser wird ihnen durch ein pyramidales Gerinne EF von 40 bis 20 Grad Neigung so zugeführt, daß es ziemlich winkelrecht auf die Schauseln aufschlägt. Wan wendet diese Räder dei 10 bis 20 Fuß Gefälle und dann an, wenn eine große Ums

brehungszahl erforbert wird, wie z. B. bei Mahlmühlen, wo man ber weglichen Mühlstein ober sogenannten Läuser auf bie Welle bes Rabes aufssetz, so baß man Borgelege ober besondere Zwischenmaschinen gar nicht nöthig hat. Borzüglich kommen biese Räder in dem süblichen Europa und im nördlichen Afrika, zumal aber in den Alpen und Pyrenäen und in Algier vor. Man giebt ihnen ungefähr 5 Fuß Durchmesser, sowie ihren Schauseln 15 Roll Böbe und 8 bis 10 Roll Länge (radial gemessen).

Die Leistung dieser Räber ist nach der Theorie des Wasserlößes auf folgende Weise zu ermitteln. Die Geschwindigkeit $\overline{Ac}=c$, Fig. 451, des ausschlagenden Wassers und die Geschwindigkeit $\overline{Av}=v$ der Schauseln und in eine Geschwindigkeit $\overline{Ac_1}=c_1$, welche in Folge des Stoßes die



Richtung ber Schaufel annimmt. Unter ber Boraussetzung, daß das Wasser bas Ende B der Schaussel mit dieser relativen Geschwindigkeit $\overline{Bc_2}=c_2$ läßt sich durch Bereinigung derselben mit der Geschwindigkeit $\overline{Bv}=v$ der umlaufenden Schausel die absolute Abslußgeschwindigkeit w des Wassers bestimmen. Wenn die Bewegungsrichtung Av der Schaufel den Winkel $cAv=\alpha$ mit der Richtung Ac des einfallenden Wassers einschließt, so

hat man für die Geschwindigkeit c_1 , mit welcher das Wasser an der Schaufel AB hinläuft

$$c_1^2 = c^2 + v^2 - 2 c v \cos \alpha$$

und wenn die Bewegungsrichtung von der Schaufelrichtung um den Winkel $ABv=\beta$ abweicht, so ist für die absolute Geschwindigkeit w des abssließenden Wassers:

$$w^2 = c_1^2 + v^2 - 2c_2v\cos{\beta}$$
, oder wenn man $c_2 = c_1$ annimmt,
 $w^2 = c^2 + 2v^2 - 2v(c\cos{\alpha} + c_1\cos{\beta})$
 $= c^2 + 2v(v - (c\cos{\alpha} + c_1\cos{\beta}))$.

Mit Hulfe bieser Größe bestimmt sich nun das Arbeitsvermögen, welche das mit der Geschwindigkeit c zufließende Wasserquantum Q dem Rade mittheilt.

$$L = \left(\frac{c^2 - w^2}{2g}\right)Q\gamma$$

$$= \frac{v\left(c\cos\alpha + c_1\cos\beta - v\right)}{g}Q\gamma, \text{ ober, wenn man noch}$$
 $c_1 = \sqrt{c^2 + v^2 - 2\,c\,v\,\cos\alpha}\,\, ext{einführt,}$
 $L = \frac{\left(c\cos\alpha + \sqrt{c^2 + v^2 - 2\,c\,v\,\cos\alpha}\,\,c\,\cos\beta - v\right)v}{g}Q\gamma.$

Damit das Wasser nach dem Anstoße an der Schaufel AB herablaufe, ist nöthig, daß der Winkel BAc_1 , welchen der Strahl Ac_1 nach dem Stoße mit der Schausel AB einschließt, kleiner als 90 Grad sei. Bezeichnen wir den Neigungswinkel Ac_1c durch θ , so ist $BAc_1=\theta-\beta$, und daher $\theta-\beta<90^\circ$, oder

$$\theta < 90^{\circ} + \beta$$
, also auch

$$tang.\theta < tang.(90^{\circ} + \beta)$$
, d. i. $cotang.\beta < -tang.\theta$ oder $tang.\beta > -cotang.\theta$ zu fordern.

Run ift aber $cotang.\theta = \frac{c \, cosin.\, \alpha - v}{c \, sin.\, \alpha}$, baber folgt bie Bebingung

$$tang. \beta > \frac{v - c \cos. \alpha}{c \sin. \alpha}$$
.

Um eine möglichst große Leistung zu erhalten, giebt man bem eintretenben Strahle nahe die Richtung der ausweichenden Schaufel, macht also α nahe = Rull. Da dann $\cos \alpha =$ Eins geset werden kann, so folgt für diesen Fall:

$$L = \left(\frac{c + (c - v)\cos \beta - v}{g}\right)v Q\gamma = \frac{(1 + \cos \beta) (c - v)v}{g} Q\gamma.$$

Nun fällt aber für einen kleineren Werth von α , $\frac{v-c\cos\alpha}{c\sin\alpha}$ nahe unendlich groß aus; es ist daher bann tang. $\beta=\infty$, und daher $\beta=90^\circ$ zu machen, und die entsprechende Leiftung des Rades

$$L = \frac{(c-v)v}{g} Q\gamma.$$

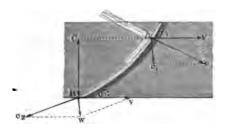
Dieselbe ist für $v=rac{c}{2}$ ein Maximum und zwar $L=rac{1}{2}\cdotrac{c^2}{2g}Q\gamma$, also nur die Hälfte von dem Arbeitsvermögen des Aufschlagwassers.

Stossräder mit krummen Schaufeln. Da der Formel:

§. 231

$$L = \frac{(c\cos\alpha + \sqrt{c^2 + v^2 - 2\,c\,v\cos\alpha}\,\cdot\cos\beta - v)v}{g}\,Q\gamma$$

Fig. 452.



zu Folge die Leistung eines Stoßrades um so größer ausfällt, je größer cos. β , je kleiner also der Austrittswinkel β ist, so bringt man mit Bortheil statt der ebenen Schauseln, hohle Schauseln wie AB, Fig. 452, zur Anwendung. Es ist dann die Neigung β der Schausel am Eintrittspunkte A

eine andere als die Neigung δ an der Austrittsstelle B, und kann daher durch β der obigen Gleichung tang. $\beta > \frac{v-c\cos.\alpha}{c\sin.\alpha}$ Genüge gethan werden, ohne die durch die Formel

$$L = \frac{(c\cos\alpha + \sqrt{c^2 + v^2 - 2cv\cos\alpha},\cos\delta - v)v}{g}Q\gamma$$

zu bestimmende Leiftung bes Stofrades zu beeinträchtigen. Macht man dann ben Austrittswinkel sehr Kein, so läßt sich cos. 3 = 1, und baher

$$L=rac{(c\coslpha+\sqrt{c^2+v^2-2\,cv\coslpha}-v)\,v}{g}\,\,Q\gamma$$
 feigen.

Die Geschwindigkeit o ber Schaufeln, bei welcher die Maximalleiftung er- langt wird, ift bestimmt burch die Gleichung

$$c\cos\alpha - 2v + \sqrt{c^2 + v^2 - 2cv\cos\alpha} - \frac{v(c\cos\alpha - v)}{\sqrt{c^2 + v^2 - 2cv\cos\alpha}} = 0,$$

beren Auflösung auf ben Berth

$$v = \frac{o}{2\cos\alpha}$$
 führt.

Die biesem Geschwindigkeitswerthe entsprechende Maximalleiftung bes Nabes ist

$$L = \frac{c \cos a}{g} \cdot \frac{c}{2 \cos a} \ Q \gamma = \frac{c^2}{2 g} Q \gamma.$$

Es wird also bei diesem Gange des Rades das ganze disponible Arbeitsvermögen des Aufschlagwaffers gewonnen.

Ist die Höhe $\overline{CB}=h_2$, von welcher das Wasser während der Bewegung auf der Schaufel AB herabfällt, ein ansehnlicher Theil des ganzen Radgefälles, so hat man die relative Geschwindigkeit mit welcher das Wasser am Schauselrade B ankommt,

$$c_2 = \sqrt{2gh_2 + c_1^2}$$
 au feben,

Wendet man wieder einen fehr kleinen Austrittswinkel & an, fo lugt fich bie absolute Austrittsgeschwindigkeit

$$w = c_2 - v = \sqrt{2gh_2 + c_1^2} - v$$
 feten.

Damit biefelbe nahe Rull ausfalle, folglich bas ganze Arbeitsvermogen bes Waffers auf bas Rab übergehe, ift ber Gleichung

$$v^2 = 2gh_2 + c_1^2$$

= $2gh_2 + c^2 + v^2 - 2cv \cos \alpha$ zu genügen,

wonach

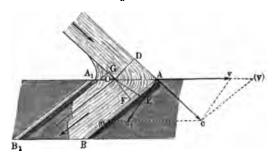
$$2 c v cos. \alpha = 2 g h_2 + c^2$$
, ober $v = \frac{2 g h_2 + c^2}{2 c cos. \alpha}$ folgt.

Ift $h_1:=rac{c^2}{2\,g}$ bas Gefälle, welches bie Erzeugung der Geschwindigkeit bes Wassers beim Eintritt in das Rad in Anspruch nimmt, so hat man das ganze

Radgefälle $h=h_1+h_2=\frac{c^2}{2\,g}+h_2$, und daher die vortheilhafteste Umbrehungsgeschwindigkeit des Rades, wobei dasselbe das Arbeitsquantum $L=Q\,h\,\gamma$ liefert,

$$v = \frac{gh}{c\cos\alpha}$$
.

Bezeichnet d die Dide OD, Fig. 453, des zutretenden Strahles und θ Fig. 453.



den Winkel OAE = Avc, welchen die Richtung des in das Rad einstretenden Wasserstrahles Ac_1 mit der Bewegungsrichtung Av des Rades einschließt, so ist die Dicke des eintretenden Strahles

$$\overline{OE}=d_1=\frac{c\,d}{c_1},$$

weil burch OD und OE in derselben Zeit eine und dieselbe Bassermenge strömt. Da die Schausel AB nur die Richtung der Bewegung aus AE in AF umsetzt, die Seschwindigkeit derselben aber nicht abändert, so solgt, daß der Basserstrahl auch mit der Dicke $\overline{FG} = \overline{OE} = d_1 = \frac{c\,d}{c_1}$ an der Schaussel AB hinläust. Damit das Wasser ungehindert in das Rad eintreten und an dessen Schauseln hinlausen könne, ist nöthig, daß der Normalabstand zwischen den benachbarten Schauseln AB und A_1B_1 mindestens dieser Strahls dicke $FG = \frac{c\,d}{c_1}$ gleich sei, daß also das zuströmende Wasser nur einen Theil AO von der ganzen Mündung AA_1 oder dem Raume zwischen Schauseln AB und A_1B_1 , einnehme.

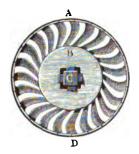
Läßt man die Eintrittsgeschwindigkeit (c1) mit der Schaufelrichtung zusammen fallen, macht man also $\theta=\beta$, so hat man $\frac{c}{c_1}=\frac{\sin\beta}{\sin\alpha}$, daher

$$d_1 = \frac{d \sin \beta}{\sin \alpha} = \overline{OF}.$$

In diesem Falle schließt sich der Wasserstrahl OFB im Rade unmittelbar an die Basis A O des zutretenden Strahles an, und es kann daher die Schaufel A_1B_1 bis O der vorausgehenden Schaufel AB genähert werden. Da dieses Bewegungsverhältniß nur dei einer bestimmten Radgeschwindigkeit $v=\frac{c\sin(\alpha+\beta)}{\sin\beta}$ statt hat, so ist d_1 noch etwas größer als $\frac{d\sin\beta}{\sin\alpha}$ zu machen, damit das Wasser auch dei einer kleineren Umdrehungsgeschwindigsteit ungestört in das Rad eintreten könne.

§. 232 Bu der Classe von Rädern, Stoßrädern mit krummen Schaufeln, gehören biejenigen, welche die Franzosen rouets volants nennen, und über deren Wirkungen Piobert und Tardy Bersuche angestellt haben (s. Expériences sur les roues hydrauliques à axe vertical etc., par Piobert et Tardy, Paris 1840). Die Ergebnisse dieser Bersuche an einem Rädchen, wie Fig. 454, von 5 Fuß Durchmesser, 8 Zoll Höhe und 20 gekrümmten Schauseln (Fig. 454) waren bei einem Gefälle von 4½ Meter (vom Spiegel bes Oberwassers dies Grundsläche des Rades gemessen) und bei einem Ausschlag von 0,3 Cubikmeter pr. Secunde folgende:

Für
$$\frac{v}{c}=0.72$$
, $\eta=0.16$; für $\frac{v}{c}=0.66$, $\eta=0.31$, und für $\frac{v}{c}=0.56$, $\eta=0.40$.





Man nennt die im vorigen Paragraphen abgehandelten Raber, bei welchen das Wasser vorzüglich durch Oruck wirkt, indem es an gekrümmten Schaufeln niedersließt, Borda'sche Turbinen. Die Construction solcher Turbinen führt Fig. 455 vor Augen. Der Verfasser hat das Original als Umtriedsmaschine für sechs Amalgamirfässer und ein anderes zum Umtriede eines Mahlganges zu Huelgoat in der Bretagne gesehen. Die krummen Schauseln waren aus drei Buchenholzbretchen zusammengesetzt, und zwischen aus Dauben zusammengesetzten Mänteln, wovon der äußere mit zwei eisernen Ringen umgeben war, eingesetzt. In Fig. 455 ist AB eine Schausel, C die Welle

und D ber 45° geneigte Wassereinfalllutten. Der Durchmesser bet 88 betrug $1^{1}/_{2}$ Meter, die 20 Schauseln bieses Rades waren 0,36 Meter lang und 0,44 Meter hoch. Uebrigens machte das Rad bei einem Sefälle von 5 Metern, 40 Umdrehungen in der Minute.

Ueber die effectiven Wirkungen ber Borda'ichen Turbinen sind sichere Beobachtungen nicht bekannt. Borda giebt bas Berhältniß ber effectiven Leistung zur theoretischen 0,75 an.

Poncelet bemerkt sehr richtig, daß es zwedmäßig ift, den Räbern eine große Höhe und einen großen Durchmesser zu geben, und die Schauseln weniger lang zu machen, also die beiden Mäntel oder Trommeln nicht weit von einander abstehen zu lassen. Durch die größere Radhöhe erlangt man ein kleineres Geschwindigkeitsgefälle, und daher auch kleinere Wasser- und Radgeschwindigkeiten, durch einen größeren Durchmesser erhält man eine kleinere Umdrehungszahl, und da bei einem größeren Rade bei gleichem Fase sunch kleinere Abweichungen in der Geschwindigkeit der neben einander niederssließenden Wassertsießenden

Beispiel. Belden Aufschlag erforbert eine Borba'sche Turbine nach ber Construction von Fig. 455, wenn bieselbe bei einem Gefälle von 15 Fuß zum Umtriebe eines Mahlganges eine Leistung von 3 Pferbefräften hervorbringen soll? Geben wir bem Nabe 13/4 Fuß Höhe, so bekommen wir die theoretische Cintrittsgeschwindigkeit:

$$c = 7,906 \sqrt{15 - 1,75} = 7,906 \sqrt{13,25} = 28,75 \% \text{ug}.$$

Führt man bas Baffer unter 30° Reigung gegen ben horizont ein, fo et halt man bie vortheilhaftefte Umlaufsgeschwindigfeit:

$$v = \frac{gh}{c \cos \alpha} = \frac{81,25.15}{28,75.\cos 80^0} = 18,83 \text{ gus}.$$

Die Geschwindigkeit, mit welcher es an ben Schaufeln niederzusließen amfangt, ift

$$c_1 = \sqrt{c^2 + v^2 - 2 c v cos. \alpha} = \sqrt{c^2 + v^2 - 2 g h} = \sqrt{v^2 - 2 g h_2}$$

= $\sqrt{18,83^2 - 2.31,25.1,75} = \sqrt{245} = 15,65 \text{ Mus.}$

Für ben Binkel β , unter welchem ber Schaufelfopf gegen ben Horizont zu neigen ift, damit das Wasser ohne Stoß in das Nad eintrete, hat man hiernach $\frac{\sin \beta}{\sin \alpha} = \frac{c}{c_1}$, also:

sin.
$$\beta = \frac{28,75}{15,65}$$
 sin. $30^{\circ} = 0,9185$,

folalid

$$\beta = 66^{8}/4^{\circ}$$
.

Geben wir noch bem Schaufelfuße eine Reigung $\sigma=25^{\circ}$ gegen ben Horizont, so erhalten wir bie absolute Geschwindigkeit bes abfließenben Baffere:

$$w = 2 v \sin \frac{\delta}{2} = 2.18,83 \sin 12\frac{1}{2}^0 = 8,15 \% \text{u}$$

und baber bie Leiftung bes Rabes:

$$L = \frac{3}{4} \left(h - \frac{w^2}{2g} \right) Q \gamma = \frac{3}{4} \left(15 - \frac{8,15^2}{2g} \right) .61,75 Q$$

= 46,31 (15 - 1,063) Q = 645 Q.

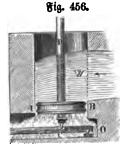
Damit biese bie verlangten 3 Pferbefrafte = 1440 Fußpfund giebt, ift bems nach bas Auffclagquantum

$$Q=\frac{1440}{645}=2,23$$
 Cubiffuß nöthig.

Geben wir bem Rabe einen mittleren halbmeffer (bis zur Schaufelmitte gemeffen) von $1\frac{1}{3}$ Fuß, und machen wir ben Wasserraum $l=\frac{1}{4}$ Fuß weit, so erhalten wir ben Inhalt ber Querschnitte sammtlicher Abstußöffnungen an ber Grunbstäche Rabes:

 $F=2\,\pi\,a\,l\,\sin$. $\delta=\pi$. 3. $1/2\,\sin$. $25^0=2,356$. 0,4226 = 1,0 Quabratfuß, welcher sicherlich hinreicht, um pr. Secunde 2,23 Cubitfuß Wasser mit 18,83 Fuß Geschwindigkeit durchsiehen zu lassen.

§. 233 Kusenrächer. Bu ben Turbinen, bei welchen das Wasser an krummen Schauseln niedersließt, gehören noch die Aufenräder (franz. roues en cuves), welche noch häusig im sublichen Frankreich vorkommen und schon von Bestidor in seiner Architecture hydraulique beschrieben worden sind. Auch d'Aubuisson behandelt diese Räder ziemlich ausstührlich in seiner Hydraulik. Endlich haben Piobert und Tarby in einer schon oben citirten Abhandsung (§. 231) die Resultate der von ihnen angestellten Bersuche, welche allerdings keinesweges günstig zu nennen sind, mitgetheilt. Diese Räder (s. A. B., Fig. 456) weichen in ihrer Form von den oben betrachteten Stokrädern



(Fig. 454) nicht ab, sie haben jedoch nur 1 Meter im Durchmesser und nur neun krumme Schauseln; man sett sie nur aus zwei Stüden zusammen und umgiebt sie mit zwei eisernen Reisen. Die Welle CD ruht mit ihrem Stifte C auf einem Hebel CO, um sie heben oder senken zu können, wie es der aussigende Mühlstein (hier nicht angegeben) erfordert. Dieses Rad befindet sich nahe am Fuße innerhalb eines chlindrischen, 2 Meter hohen und 1,02 Meter breiten Schachtes A WB,

und das Wasser sließt durch ein sich an das Rad tangential anschließendes Gerinne zu, welches 3 bis 4 Meter Länge, anfänglich eine Breite von 0,75, zulett, bei der Einmündung in die schachtförmige Radstube, aber nur noch eine solche von 0,25 Meter hat. Das Wasser sließt mit einer großen Gesschwindigkeit zu, nimmt, in der Radstube angelangt, eine drehende Bewegung an und wirkt nun stoßend und drückend gegen die Schauseln des Rades, indem es in den Zwischenräumen zwischen den Schauseln nach unten strömt. Ein großer Theil des Wassers kommt aber nur unvollkommen oder gar nicht zur Wirkung, indem er entweder in dem Zwischenraume zwischen Rad und

Schacht entweicht, ober beim Durchgang burch die weiten Schaufelräume nicht hinreichende Gelegenheit hat, seine Krast auszusiben. Aus diesem Grunde sind auch die Wirkungsgrade dieser Räber so sehr klein. Bei den bessern in der Hospitalmühle zu Toulouse fanden Piodert und Tardy den Wirkungsgrad höchstens 0,27 und zwar bei einem Gefälle von 3 Meter, einem Aufschlag von 0,45 Cubikmeter, und einer Umbrehungszahl u=100. War unter übrigens gleichen Berhältnissen die Umbrehungszahl u=120, so stellte sich $\eta=0,22$ heraus und für u=133 war η gar nur u=0,15. Die Räber in der sogenannten Basacle-Mühle gaben ihres schlechten Zustandes wegen, höchstens $\eta=0,18$.

D'Aubuisson berichtet, daß man bei neuen Aussührungen das Rad nicht in, sondern unmittelbar unter den Schacht gestellt und dassuret etwas weiter gemacht hat als diesen Raum; daß man auch das pyramidale Bussührigerinne bedeutend abgekürzt und durch beides den Wirkungsgrad um 1/2 erhöht hat. Wenn wir nun auch für diese Räder den Wirkungsgrad mit d'Aubuisson 0,25 setzen, so erhalten wir doch noch eine viel kleinere Leisstung, als bei den oben betrachteten freistehenden Stoßrädern oder roues à duse, wie sie d'Aubuisson nennt.

Burdin's Turbinen. Die Turbinen von Burdin, ober turbines §. 234 à évacuation alternative, wie sie Burdin selbst nennt, sind die vorzügelichsten ber hierher (§. 231) gehörigen Röber. Sie sind im Besentlichen von den einsachen Borda'schen Turbinen nur dadurch verschieden, daß bei ihnen das Wasser an mehreren Punkten zugleich eintritt, und daß die Ausmülndungen auf drei concentrische Kreise vertheilt sind. Die letztere-Anordnung geschieht deshalb, damit das mit einer sehr kleinen absoluten Geschwindigkeit absließende Basser dem Rade keine Hindernisse in seiner Umdrehung

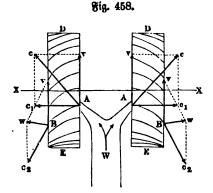


entgegensetze. Das erste Rab bieser Art hat Burbin in ber Mühle zu Bont-Gibaud aufgeführt, und in ben Annales des Mines, III. Serie, T. III, beschrieben. Fig. 457 stellt einen Grundriß dieses Rades vor. ABD ist ber unmittelbar über dem Rade stehende Speisebehälter, welcher auf der einen Seite mit dem Aufschlaggerinne in Berbindung steht und im Boden eine Reihe EF von Mundstüden hat, durch welche das Wasser in einer geneigten Richtung in das Rad eingeführt wird. Das um die

Are C umlaufende Rad besteht aus einer Reihe von Canalen, deren Einmündungen zusammen einen ringförmigen Raum GHK... bilben, welcher sich genau unter dem von den Mundstüden gebildeten Bogen EF bewegt, so daß das Wasser ungehindert aus diesen in jene eintreten kann. Die Canale (franz. couloirs) laufen oben senkrecht, unten aber ziemlich horizontal und beinahe kangential und zwar in drei verschiedenen Areisen aus; es besindet sich nämlich nur der dritte Theil sämmtlicher Ausmündungen dieser Canale genau unter dem von den Einmündungen gebildeten Ringe GHK..., das andere Orittel, wie z. B. H, mündet aber innerhalb, und das dritte Orittel, wie z. B. K, mündet außerhalb des gedachten Ringes aus.

Durch die Bersuche, welche an der Burd in'schen Turbine in Bont-Siebaud angestellt worden sind, hat sich bei einem Aufschlag Q von 0,0935 Cubikmeter und einem Gefälle h von 3,24 Meter ein Wirkungsgrad $\eta=0,67$ herausgestellt. Die vorher zu bemselben Zwede angewendete Stoßturbine ersorderte bei gleicher Leistung das dreisache Wasserquantum. Der Durchemesser dieses Rades betrug 1,4 Meter, die Höhe 0,4 Meter, und die Schausselzahl 36.

Man taun auch nach bem Principe ber Burbin'ichen Turbinen vertis



cale Wasseräber, wie DE Fig. 458, construiren, und benselben das Wasser durch eine Röhre WA zusühren, welche nahe über dem Radtiefsten ausmündet. Ist hier c die Ausssusgeschwindigkeit, v die Radgeschwindigkeit und a der Winkel cAv, welcher die Richtung des eintretenden Wassers mit dem Radumsange einschließt, so hat man sür die relative Geschwindigkeit $c_1 = c_2$ des Wassers im Rade:

$$c_1^2 = c_2^2 = c^2 + v^2 - 2 cv \cos \alpha$$
.

Soll nun das Wasser möglichst todt absließen, so muß $c_2 = v$, also auch $c_2^2 = v^2$, und daher:

$$2 cv cos. \alpha = c^2$$
, also $v = \frac{c}{2 cos. \alpha}$ sein.

Wenn man das Rad mit dieser Geschwindigkeit umlaufen läßt, und dabei den Austrittswinkel $\delta = 180^{\circ} - c_2 Bv$ möglichst klein macht, so sällt die absolute Abslußgeschwindigkeit w so klein aus, daß das Arbeitsvermögen

 $rac{v^2}{2\,g}\,Qg$ des absließenden Wassers als Rull angesehen und folglich das theoretissies Arbeitsvermögen des Wasserrades

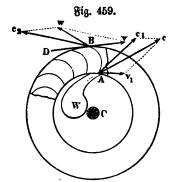
$$L = Qh\gamma$$

gefett werben fann.

Damit das Wasser ungehindert durch die Radcanäle AB sließen könne, ist nöthig, daß der Querschnitt der Ausmündung B nicht kleiner sei als der der Einmundung A und deshald zu sordern, daß der Austrittswinkel & dem Eintrittswinkel a mindestens gleich sei. Ein einsaches Rad DE dieser Construction hat in Folge der Abweichung der Krastrichtung von der Umdreshungsebene noch ein Bestreben, sich um eine in dieser Seene liegende Are zu drehen; und um dasselbe aufzuheben, kann man auf dieselbe Welle XX zwei solche Räder DE, DE seben, welche das durch eine Röhre W zugeführte Wasser auf entgegengeseten Seiten aufnehmen und ausgießen.

Tangontialrader. Bei ben seither in Betrachtung gezogenen Turbis §. 235 nen bewegt sich bas Wasser nahe ober ganz in einer chlindrischen Fläche, es verändert folglich bei dieser Bewegung jedes Wasserelement seine Entsernung von der Umdrehungsaxe nicht, oder wenigstens nicht sehr; im Folgenden werden wir aber Räber kennen sernen, wo das Wasser außer einer Umdreshungs, und nach Besinden einer Berticalbewegung noch eine mehr oder wenisger radial eins oder radial auswärts gerichtete Bewegung in hinsicht auf die Umdrehungsaxe hat. Diese Turbinen haben die Eigenthümlichkeit, daß ihr Gang von der Centrisugalkraft des Wassers wesentlich mit abhängt. Man könnte daher auch diese Räber Centrisugalkurbinen nennen. Sie sind aber gewöhnlich unter dem Namen Tangentialräder bekannt.

Die Theorie biefer Turbinen grundet fich auf die in Bb. I, §. 303 und §. 304 abgehandelte Theorie der mechanischen Arbeit der Centrifugals



kraft. Bewegt sich ein Körper oder ein Wasserelement M in einem Radcanale AB, Fig. 459, auswärts, während sich das Rad ACB selbst mit einer gewissen Wintelgeschwindigkeit w umdreht, so erhält dasselbe in Folge der radial auswärts wirkenden Centrifugalkraft einen Zuwachs an Arbeitsvermögen, welcher durch den Ausbruck

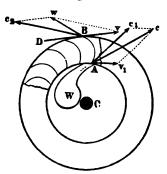
$$L = \left(\frac{v^2 - v_1^2}{2g}\right) G$$

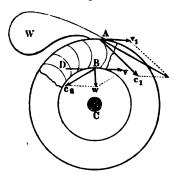
gemessen wirb, wenn G bas Gewicht bes

Rorpers v1 und v die Umfangegeschwindigkeiten bes Rades an ber Eintritte-

stelle A und an der Austrittsstelle B, und g bas bekannte Beschleunigungsmaaß der Schwere bezeichnen.

Dieser Arbeitsgewinn geht in einen Arbeitsverlust über, wenn sich ber Körper von außen nach innen bewegt, also A die Eintritts- und B die Austrittsstelle ist (s. Fig. 461). Wenn daher die relative Eintrittsgeschwin- Fig. 460.





bigkeit bes Bassers $= c_1$ ist, so nimmt die relative Austrittsgeschwinbigkeit besselben in B einen Werth c_2 an, welcher in beiben Fällen durch
bie Formel:

$$\frac{c_2^2}{2g} = \frac{c_1^2}{2g} + \frac{v^2 - v_1^2}{2g}, \text{ ober } c_2^2 = c_1^2 + v^2 - v_1^2$$

bestimmt wirb.

Damit das Wasser ungehindert und ohne Stoß bei A Fig. 460 eintrete, ist nöthig, daß sich die absolute Eintrittsgeschwindigkeit c in zwei Geschwindigkeiten v_1 und c_1 zerlegen lasse, wovon die eine mit der Radgeschwindigkeit v_1 an der Eintrittsstelle zusammenfällt, und die andere die Richtung des Schauselendes in A hat. Ist nun α der Winkel cAv_1 , welchen der zustießende Strahl mit dem Radumsang in A einschließt, und β der Winkel c_1Av_1 ; unter welchem sich die Schausel AB in A an den Radumsang anschließt, so hat man für die Größe und Richtung der relativen Eintrittsgeschwindigkeit:

$$c_1^2 = c^2 + v_1^2 - 2 c v_1 \cos \alpha$$

unb

$$\frac{\sin \beta}{\sin \alpha} = \frac{c}{c_1}.$$

Sind also die Größen c, v_1 und α gegeben, so bestimmen sich die Größen c_1 und β burch die Ausbrücke:

$$\begin{cases} c_1 = \sqrt{c^2 + v_1^2 - 2 c v_1 \cos \alpha} & \text{und} \\ \sin \beta = \frac{c \sin \alpha}{c_1}, \end{cases}$$

ober auch
$$c_1 = \frac{c \sin lpha}{\sin eta} - \frac{v_1}{c \sin lpha}$$
 und $c_1 = \frac{c \sin lpha}{\sin eta}$.

Für bie relative Austrittsgeschwindigfeit folgt nun:

$$c_2^2 = c^2 + v^2 - 2 cv_1 \cos \alpha$$
.

Ift & der Winkel DBc_2 , unter welchem sich das Schaufelende B an den Radumfang anschließt, so hat man für die absolute Ausslußgeschwindigkeit w: $w^2 = c_2^2 + v^2 - 2 c_2 v \cos \delta$.

Um bas Arbeitsvermögen $\frac{w^2}{2\,g}\,Q\,\gamma$ bes sließenden Wassers so klein und folglich bas bes Rades so groß wie möglich zu erhalten, ist die absolute Geschwindigkeit w möglichst klein und baher $c_2=v$ und δ gleich oder wenigstens so nahe wie möglich Rull zu machen. Könnte $\delta=$ Rull sein, also die Schausel in B tangential an den Radumsang angelegt werden, so würde dann

$$w=c_2-v=0,$$

und also auch der Arbeitsverluft Rull sein. Um dem bei B absließenden Basser den nöthigen Querschnitt zu geben, kann aber d nur klein (15 bis 20 Grad) gemacht werden, und wenn bann nur $c_2 = v$ ist, so folgt:

$$w=2 v \sin \frac{\delta}{2}$$
,

und baber ber gefuchte Arbeiteverluft:

$$\frac{w^2}{2 g} Q \gamma = \frac{\left(2 v \sin \frac{\delta}{2}\right)^2}{2 g} Q \gamma.$$

Seten wir nun in die Gleichung

$$c_1^2 = c^2 + v^2 - 2 c v_1 \cos \alpha$$

 $v=c_2$ ein, so folgt einfach $2\,v_1\,cos.\,\alpha=c$, und daher die erforderliche Umbrehungegeschwindigkeit bes Rabes:

$$v_1 = \frac{c}{2\cos\alpha},$$

ober, da sich die Geschwindigkeit c aus dem ganzen Gesälle oder der Druck-höhe im Ausslußreservoire W durch den Ausdruck $c=\sqrt{2\,g\,h}$ bestimmt:

$$v_1 = \frac{\sqrt{2gh}}{2\cos \alpha},$$

und, wenn r und r, bie Rabhalbmeffer CB und CA bezeichnen:

$$v = \frac{r}{r_1}v_1 = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{c}{2\cos \alpha} = \frac{r}{r_1} \frac{\sqrt{2gh}}{2\cos \alpha}$$

Beisbach's Lebrbuch ber Dechanit. IL

Sest man biefen Werth für e in ben Ausbruck für ben

$$\frac{w^2}{2 g} Q \gamma = \frac{\left(2 v \sin \frac{\delta}{2}\right)^2}{2 g} Q \gamma$$

ein, fo erhalt man:

$$\frac{w^2}{2g} Q\gamma = \left(\frac{r}{r_1} \cdot \frac{\sin^{-1}/2 \delta}{\cos \alpha}\right)^2 Qh\gamma,$$

und baber bas theoretische Arbeitsquantum bes Rabes:

$$L = h Q \gamma - \frac{w^2}{2 g} Q \gamma = \left[1 - \left(\frac{r}{r_1} \cdot \frac{\sin \frac{1}{2} \delta}{\cos \alpha}\right)^2\right] Q h \gamma.$$

5. 236 In Folge ber Reibung bes Waffers in ber Zuleitungsröhre und in ben Rabcanälen erleibet biese Leistung noch zwei Berluste, welche ben Quabraten ber Ausslußgeschwindigkeiten e und c2 proportional wachsen, und baber zusammen

$$= \left(\zeta \, \frac{c^2}{2 \, q} + \zeta_1 \cdot \frac{c_2^2}{2 \, q}\right) \, Q \gamma$$

zu feten find, wenn & und &1 gewiffe Erfahrungezahlen, fogenannte Biberftanbecoefficienten, bezeichnen.

Gegen wir in biefem Ausbrude

$$rac{c^2}{2\,g} = h$$
 unb $rac{c_2^3}{2\,g} = rac{v^2}{2\,g} = \left(rac{r}{r_1}
ight)^2 \cdot rac{v_1^2}{2\,g} = \left(rac{r}{r_1}
ight)^2 \left(rac{1}{2\,\cos,lpha}
ight)^3 h,$

so erhalten wir hiernach die Leistung des Rabes:

$$L = \left[1 - \zeta - \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^3 \left(\frac{1}{2\cos\alpha}\right)^2 - \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin^{-1/2}\delta}{\cos\alpha}\right)^3\right] Qh\gamma$$

und ist hierin $\zeta = \zeta_1 = 0.05$ bis 0.10 anzunehmen.

Uebrigens ift wegen ber letten Berlufte genauer

$$(1 + \xi) c^2 = 2gh$$
 unb
 $(1 + \xi_1) c_2^2 = c^2 + v^2 - 2cv_1 \cos \alpha$

zu seken, so daß
$$c = \sqrt{\frac{2gh}{1+\xi}}$$
, und

$$\xi_1 c_2^2 = c^2 - 2 c v_1 \cos \alpha$$
 folgt.

Wenn man ferner

$$\xi_1 c_2^2 = \xi_1 v^2 = \xi_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 v_1^2 = \xi_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{c}{2 \cos \alpha}\right)^2$$

$$= c^2 - 2 c v_1 \cos \alpha \text{ fest.}$$

fo folgt bie vortheilhaftefte Umbrehungsgeschwindigkeit

$$v_1 = \left[1 - \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{1}{2\cos\alpha}\right)^2\right] \frac{c}{2\cos\alpha}$$

Da in dem obigen Ausbrucke für die Radleistung cos. a im Nenner vortommt, fo ift es zwedmäßig, ben Ginführungewintel flein zu machen, und folglich das Wasser nahe tangential in das Rad einzuführen, weshalb man auch biefe Raber Tangentialraber nennt. Diefelben find entweber Tangentialraber mit innerer Beaufichlagung, wie Fig. 460, ober folche mit äußerer Beaufichlagung, Sig. 461.

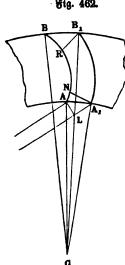
Giebt man bas Aufschlagquantum Q, fo tann man nun auch mit Sulfe ber Geschwindigkeiten c, c, und c, ben erforberlichen Querschnitt F ber Ausmundung des Aufschlagreservoirs sowie den Querschnitt F1 des Wassers bei seinem Gintritte, und Querschnitt F. besselben bei seinem Austritte aus bem Rabe finden. Es ift nämlich:

$$Q=Fc=F_1c_1=F_2c_2,$$

und baber:

$$c=rac{Q}{F},\,c_1=rac{Q}{F_1}$$
 und $c_2=rac{Q}{F_2}\cdot$

Durch Bergleichung der beiben ersten Geschwindigkeiten mit einander erhält man die Gleichung:



$$\frac{c_1}{c} = \frac{F}{F_1} = \frac{AL}{A_1N},$$

wenn AL und A1 N, Fig. 462, die Diden bes Bafferstrahles vor und nach bem Eintritte ins Rad bezeichnen. Ift nun noch AA, ber Bogen bes Radumfanges, welchen ber burchgehenbe Bafferftrahl einnimmt, fo hat man:

$$\frac{AL}{A_1N} = \frac{AA_1 \cdot \sin AA_1L}{AA_1 \cdot \sin A_1AN} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta},$$

und daber auch:

$$\frac{c_1}{c} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta},$$

ganz in Uebereinstimmung mit bem Obigen:

Da e und a gegeben und vi als bestimmt anzufeben find, fo ift ber Wintel & burch ben Ausbrud:

$$cotang. \beta = cotang. \alpha - \frac{v_1}{c \sin. \alpha}$$

au bestimmen.

Ohne Rudsicht auf Rebenhindernisse ist $v_1 = \frac{c}{2\cos a}$, daher:

cotang.
$$\beta = \cot \alpha g$$
. $\alpha - \frac{1}{2 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{2 (\cos \alpha)^2 - 1}{2 \sin \alpha \cos \alpha}$

$$= \frac{\cos 2 \alpha}{\sin 2 \alpha} = \cot \alpha g$$
. 2α , and baher:
$$\beta = 2 \alpha$$
.

Endlich folgt aus $Fc = F_2 c_2$,

$$\frac{c_2}{c} = \frac{F}{F_2} = \frac{AL}{B_1R} = \frac{AA_1 \sin \alpha}{BB_1 \sin \delta},$$

wenn $\overline{B_1\,R}$ die Dide des Bafferstrahles vor dem Austritt, und $\overline{BB_1}$ den von demselben eingenommenen Bogen des Radumfanges andeuten. Run ift aber noch:

$$\frac{AA_1}{BB_1} = \frac{CA}{CB} = \frac{r_1}{r},$$

baher hat man auch:

$$\frac{c_2}{c} = \frac{r_1 \sin \alpha}{r \sin \delta},$$

und zur Bestimmung bes erforberlichen Austrittswinkels:

$$\sin \delta = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{c}{c_2} \sin \alpha = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{c}{v} \sin \alpha = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{c}{v_1} \sin \alpha,$$

ober wenn man aunähernb

$$v_1 = \frac{c}{2\cos\alpha}$$

einführt,

$$sin. \, \delta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \cdot sin. \, 2 \, \alpha.$$

Bei bem Tangentialrade mit innerer Beanfschlagung, Fig. 460, ist r ber größere und r_1 ber kleinere Rabhalbmesser, folglich $\frac{r_1}{r}$ ein echter Bruch; bei bem mit dußerer Beaufschlagung (Fig. 461) bezeichnet bagegen, r ben inneren oder kleineren und r_1 ben äußeren oder größeren Halbmesser; es ist baher hier $\frac{r_1}{r}$ ein unechter Bruch und es fällt folglich bei diesen Turbinen unter übrigens gleichen Umständen, der Austrittswinkel δ größer ans als bei den Turbinen mit innerer Beaufschlagung. Setzt man annähernd

$$\sin^{1/2}\delta = \frac{1}{2}\sin^{2}\delta = \left(\frac{r_{1}}{r}\right)^{2}\sin^{2}\alpha\cos^{2}\alpha$$

in bie oben gefundene Leiftungeformel

$$L = \left[1 - \xi - \xi_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{1}{2\cos\alpha}\right)^2 - \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin\alpha^{1/3}\delta}{\cos\alpha}\right)^2\right] \, Qh \, \gamma$$
 ein, so nimmt dieselbe folgende Gestalt an:

$$L = \left[1 - \zeta - \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{1}{2\cos\alpha}\right)^2 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 (\sin\alpha)^2\right] Qh\gamma.$$

Da in biesem Ausbrucke das Glied $\zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{1}{2\cos\alpha}\right)^2$ bei den Räbern mit innerer Beaufschlagung größer ist als bei den mit äußerer Beaufschlagung, und bagegen das Glied $\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 (sin. \alpha)^2$ bei den ersteren kleiner aussfällt als bei den letzteren, so möchte im Allgemeinen keinem dieser Räder ein Borzug vor dem anderen einzuräumen sein.

Beifpiel. Es tft für ein Gefälle h=150 guß und ein Aufschlagquantum $Q=\frac{s_4}{2}$ Cubitfuß ein Tangentialrad mit außerer Beaufschlagung anzusordnen und zu berechnen.

Die Ausflußgeschwindigfeit bes Baffers aus bem Ginlaufe ift :

$$c = 0.95 \sqrt{2gh} = 0.95 \sqrt{62.5 \cdot 150} = 0.95 \sqrt{9375} = 92 \text{ Mulls.}$$

Nimmt man $\frac{r_1}{r}=4/_3$, $\zeta_1=0.10$ und $\alpha=10$ Grad an, so folgt nun bie erforberliche außere Rabgeschwindigkeit:

$$\begin{aligned} v_1 &= \frac{c}{2\cos \alpha} \left[1 - \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1} \right)^3 \frac{1}{(2\cos \alpha)^3} \right] = \frac{92}{2\cos 10} \left(1 - 0.1 \left(\frac{8}{4} \right)^3 \cdot \frac{1}{(2\cos 10^0)^3} \right) \\ &= \frac{46}{0.985} \left(1 - \frac{0.9}{64 \cdot (0.985)^3} \right) = 46.7 \left(1 - 0.015 \right) = 46.0 \text{ Sub}. \end{aligned}$$

Die Bruttoleiftung ift:

 $L=Qh\gamma={}^8\!/_{\!4}$. 150. $61,\!75=112,\!5$. $61,\!75=6947$ Hußpfund. Dagegen hat man, wenn man

Dagegen hat man, wenn man
$$1 - \zeta = 1 - 0.10 = 0.9, \text{ fowie}$$

$$\zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \cdot \frac{1}{(2\cos\alpha)^2} = 0.015 \text{ fest,}$$

und wenn man

$$\sin \theta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^3 \sin \theta = (\frac{4}{8})^2 \sin \theta = \frac{18}{9} \cdot 0.3420 = 0.608,$$

$$\theta = \frac{37}{9} \cdot \frac{9}{9} \cdot \frac{9}$$

folglich fowie

$$\beta = 2\alpha = 20$$
 Grab

annimmt, und hiernach

$$\left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin \cdot \frac{1}{2} \sigma}{\cos \cdot \alpha}\right)^2 = (\frac{8}{4})^2 \left(\frac{\sin \cdot 18^0 45}{\cos \cdot 10^0}\right)^2 = \frac{9}{16} \cdot 0,1065 = 0,060$$
 eins führt, die zu erwartende Mettoleiftung:

$$L_{1} = \left[1 - \zeta - \zeta_{1} \left(\frac{r}{r_{1}}\right)^{2} \frac{1}{(2\cos \alpha)^{2}} - \left(\frac{r}{r_{1}}\right)^{2} \left(\frac{\sin \frac{1}{2} \delta}{\cos \alpha}\right)^{2}\right] Qh\gamma$$

$$= (0.900 - 0.015 - 0.060) Qh\gamma = 0.825 Qh\gamma = 5722 \%ugbfunb.$$

Bei innerer Beaufschlagung läßt fich $\alpha=20$ und $\beta=40$ Grab annehmen, so bag bie innere Rabgeschwindigfett

$$\begin{split} v_1 &= \frac{c}{2 \cos \alpha} \left[1 - \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1} \right)^3 \cdot \frac{1}{(2 \cos \alpha)^2} \right] = \frac{46}{0.940} \left(1 - 0.1 \left(\frac{4}{8} \right)^3 \frac{1}{4 \cdot 0.884} \right) \\ &= 48.9 \left(1 - \frac{0.4}{7.956} \right) = 48.9 \cdot 0.95 = 46.5 \text{ Suß} \end{split}$$

folgt.

Für ben Austrittewinkel & ift

$$\sin \theta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \sin \theta = \frac{9}{16} \sin \theta = 0.3616,$$

folglich

3 = 21 Grab 12 Minuten.

Run ift noch

$$\zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{1}{2\cos_2 \alpha}\right)^2 = 0.050,$$

unb

$$\left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin \frac{1}{2}\delta}{\cos \alpha}\right)^2 = (\frac{4}{8})^2 \left(\frac{\sin \frac{10^0 36'}{\cos 20^0}}\right)^2 = 0.055,$$

baher folgt hier die zu erwartende Ruhleiftung mit Einfchluß der Arbeit der Reibung des Baffers im Rabe:

$$\begin{array}{l} L_1 = \left[1 - \zeta - \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \cdot \frac{1}{(2\cos\alpha)^2} - \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin^{1/2}\delta}{\cos\alpha}\right)^2\right] Qh\gamma \\ = (0.900 - 0.050 - 0.055) Qh\gamma = 0.795 Qh\gamma = 5523 \text{ Sufpfund.} \end{array}$$

Für beibe Raber hat man noch ben nothigen Querfonitt ber Schutenmunbung:

$$F = rac{Q}{c} = rac{0.75}{92} = 0.00815$$
 Duadratfuß = 1,17 Duadratzoll.

Macht man bie Beite d bes Mündungsquerschnittes, $= \frac{1}{4}$ Boll, so folgt bie erforberliche Mündungshöhe:

$$e = \frac{F}{d} = \frac{1,17}{1/4} = 4,68 \text{ Boll},$$

wofür man ber Sicherheit wegen, 5 Boll annehmen tann. Die Beite bes Rabes ift nur wenig größer, also etwa 5½ Boll, anzunehmen. Giebt man bem Rabe einen äußeren halbmeffer von 3 Fuß, so erhalt man bie Umbrehungezahl bieses Rabes br. Minute

1) bei außerer Beaufichlagung:

$$u = \frac{30 \, v_1}{\pi \, r} = \frac{30.46}{3 \, \pi} = \frac{460}{8,14} = 146,$$

und bagegen

- 2) bei innerer Beausschlagung, ba hier $r_1 = \frac{9}{4} r = 2,25$ Fuß zu sehen ift: $u = \frac{30 v_1}{\pi r_1} = \frac{30.46,5}{2,25.\pi} = \frac{620}{\pi} = 197.$
- §. 237 Die Tangentialröber mit äußerer Beaufschlagung sind zuerst von bem Ingenieur Zupinger in der Maschinenfabrit von Escher Whssu. Comp. in Bürich construirt worden. Die erste Idee hierzu hat aber schon Ponceslet (1826) gehabt, s. bessen Cours do mécanique appliquée aux machines, beutsch von Schnuse, unter dem Titel: Lehrbuch der Anwendung der Mechanit, Bb. II, §. 150.

Die Fig. 463 und Fig. 464 führen ein Tangentialrad im Auf- und

Grundriffe vor Augen. Es ist hier A ber Einfallasten, B bie Einfallröhre und C ber aus drei Canalen bestehende Leitschaufelapparat, durch welchen bas Wasser nahe tangential auf das Rad geführt wird. Zum Reguliren des Wasserzuflusses bient ein Schieber D, welcher durch ein gezahn-

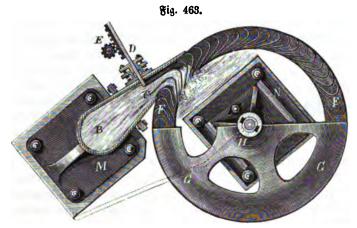
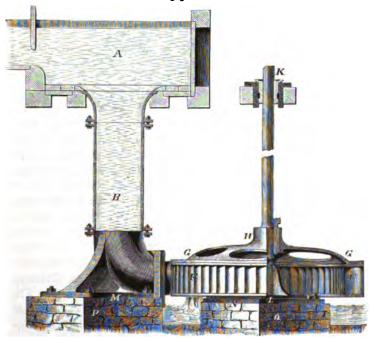


Fig. 464.



tes Rab E gestellt werben kann. Bei ber abgebilbeten Schieberstellung ist ein Leitschausellanal ganz abgeschlossen, es wird daher hier das Wasser nur in zwei Canalen auf das Rab geführt. Das aus 60 Schaufeln bestehende Rab FF ist mittelst eines Tellers GG und bes Musses H mit der stehenden Welle KL besselben sest verbunden; die letztere läuft oben in einem Halslager K und unten mittels einer stählernen Pfanne auf einem ebenfalls stählernen Stifte, bessel Gestelle in Fig. 465 besonders abgebilbet ist.

Fig. 465.



Es ist hier a die in der stehenden Welle sest eingeschraubte Pfanne, d der im Gestelle sitzende Stift,
cd ein Rohr, durch welches Del nach den Reibungsslächen geführt wird, und e ein durch Schrauben f
zu stellender Keil, womit sich der Stift nach Bedurfniß heben oder senken läßt. Die Einfallröhre und
das Radgestelle ruhen mittels eiserner Lagerplatten M

und N (Fig. 464) auf steinernen Pfeilern P und Q. Diese in 1/20 ber natürlichen Größe abgebildete Maschine benutzt ein (in ber Figur verkurztes) Gefälle von 6,17 Meter, und ein Ausschlagquantum von 0,2 Cubikmeter pr. Secunde, und hat bei 65 Umbrehungen pr. Minute, einen Birkungsgrad von 0,72.

Wir können hier aus bem polytechnischen Centralblatte, Jahrgang 1847 und 1849, die Resultate der Bersuche an zwei Paar solchen Rabern mittheilen.

Das erste Näberpaar besindet sich in einer Spinnerei in Tanneberg bei Annaberg. Dasselbe hat einen Ausschlag von 7 Eubissuß pr. Secunde und ein Gesälle von 76 Fuß, der äußere Durchmesser eines jeden Rades ist 24 und der innere 16 Zoll (engl.), die Weite beträgt ferner nur 3 Zoll, und die Anzahl Schauseln ist 48. Das Wasser wird durch eine Röhre aus Kesselbech von 76 Fuß Länge und 18 Zoll Weite zugeleitet. Dieselbe hat einen horizontalen Aussauf, welcher auf der einen Seite nach dem einen und auf der anderen nach dem anderen Rade sührt. Bor jeder Ausmilndung besindet sich eine durch eine Schraube ohne Ende stellbare Schiebersschütze und ein in Fig. 463 abgebildeter Leitschauselapparat, welcher das Wasser in drei Canalen nahe tangential in das Rad einsührt. Die an einem dieser Räder von Herrn Prosessor Hilße angestellten Versuche gaben bei 270 Umdrehungen des Nades pr. Minute einen Wirkungsgrad von

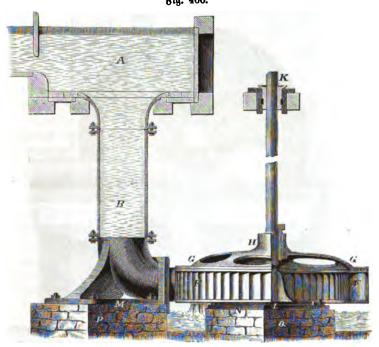
0,75 bei gang geöffneter Schute,

0,60 bei brei Biertel geöffneter Schitte, und

0,46 bei halb geöffneter Schute.

Währenb das Raberpaar in Tanneberg jum Betriebe einer Spinnerei bient, wird bagegen ein anderes Baar Tangentialraber in Birkigt bei Teteschen jum Betriebe von Mahlgängen verwendet. Das Gefälle dieser Turbine ift nur 201/4 Fuß (engl.), jedes Rab hat 75 Schaufeln, 5 Fuß äuße-

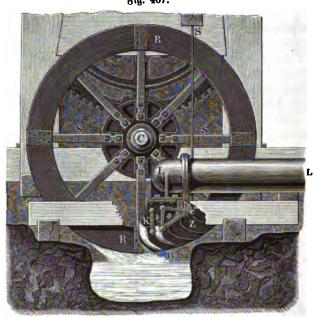
ren Durchmesser, 5 Zoll Kranzbreite und 11½ Zoll Beite. Die Zusiliherung bes Bassers durch eine Einfallröhre und durch Leitschaufelapparat ist in der Hauptsache dieselbe wie bei der Tanneberger Maschine und wie Fig. 466 vor Augen führt. Die Schützen bestehen jedoch hier aus Drosskia. 466.



selventilen, auch sind die Milndungen der von den zwei Leitschaufeln gebildeten dei Eintrittscanäle mit besonderen Schiebern versehen, um einen oder zwei dieser Canäle ganz verschließen zu konnen. Aus den vom Herrn Prof. Brudmann an einem dieser Räber angestellten Bersuchen geht hervor, daß diese Maschine bei 61 Umdrehungen pr. Minute den Maximal-Wirtungsgrad 0,70 giebt, und daß der letztere nur auf 0,65 herabsinkt, wenn die Umdrehungszahl auf 50 herabseht oder auf 70 steigt, oder wenn das Aussschlagquantum durch Absperren eines oder zweier Canäle auf die Hälfte herabgezogen wird.

Liegende Tangentialrader. Das Princip ber Tangentialraber läßt §. 238 sich auch bei verticalen Wasserrabern in Anwendung bringen (j. §. 235). Solche Tangentialraber mit horizontaler Are mit innerer Beaufschlasgung sind zuerst vom Herrn Kunstmeister Schwamtrug construirt worden

(s. bas Jahrbuch für ben Berg- und Hüttenmann auf bas Jahr 1850 und 1853). Die Seitenansicht u. f. w. von einem folchen Tangentialrabe führt Fig. 467 vor Augen. Das Rad RR ist burch ein einseitig ansitzendes Armspstem und mit Hülfe einer Rosette u. s. w. auf ber horizontalen Welle C Kig. 467.



befestigt, und letztere trägt ihre Umbrehungsbewegung mittels Zahnräber u. f. w. auf die arbeitende Welle über. Das Wasser tritt nahe am Rabtiessten in das Rad ein und wird durch eine Röhre LL zugeführt, welche um den freien Radkranz herumläuft und sich in einer Kammer endigt, worin ein Leitschaufelapparat angebracht ist. Der letztere ist in Fig. 468





besonders abgebilbet. Man sieht hier ben Durchschnitt eines Radstildes mit ben Schaufeln AB, ferner in L das gekrümmte Ende der Einfallröhre, sowie in KE die Schligenkammer. Die Ausmündung der letzteren ist durch eine Zunge in zwei Theile getheilt, und mit zwei um die Aren D, D1 brehbare Klappen DE, D1 E1 ausgerlistet, wodurch die beiden Ausmündungen beliebig verengt werden können. Die Stellung dieser Klappen erfolgt durch die in Fig. 467

sichtbaren Arme a,a_1 , welche außerhalb ber Kammer auf ben Axen D,D_1 ber Stellklappen befestigt und mit einander so verbunden sind, daß sie mittels eines dritten Axmes b und durch eine Zugstange ZS gemeinschaftlich sich bewegen lassen.

Die Turbinen mit liegender Welle haben vor den Turbinen mit verticaler Are den Borzug einer leichteren, sichereren und vor dem Zutritte des Wassers geschützteren Lagerung. Das Rad, an welchem von dem Erbaner dynamometrische Bersuche angestellt worden sind, hat $7^2/_3$ Fuß (1 Fuß $=^2/_7$ Meter) äußeren und 6 Fuß inneren Durchmesser, serner 4 Zoll Weite und 45 Schauseln. Das Gesälle desselben betrug $103^1/_2$ Fuß; das durch einen Uebersall gemessene Ausschlagquantum 38,7 bis 133,6 Cubissuß, und der Wirkungsgrad desselben war, dei 112 bis 148 Umdrehungen pr. Minute, $\eta = 0.58$ bis 0.79.

Näheres über diese Turbine im polytechn. Centralblatt. Jahrgang 1849, Nr. 8 und 9, so wie im Jahrbuch für den sächs. Berg- und Hüttenmann. Eine andere Turbine dieser Art, welche zum Umtriebe des Kunstgezeuges auf der Grube "Churprinz Friedrich August Erbstolln" bei Freiberg dient, und bei einem Gefälle von 145 Fuß, 550 Cubiffuß p. m. Aufschlag hat, und bei einer Kranzbreite von 13 Zoll einen inneren Durchmesser von 8 Fuß besitzt, beschreibt der Herr Oberkunstmeister Schwamtrug im Jahrbuch für den Berg- und Hüttenmann auf 1853.

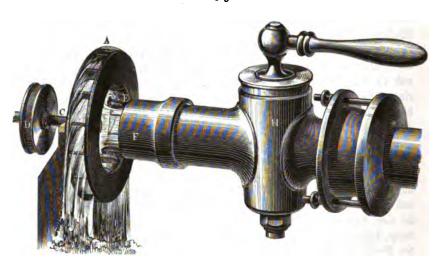
Anmerkung. Auch in Frankreich werben in neueren Beiten Tangentialturbinen mit innerer Beaufichlagung conftruirt; bei ber Induftrieausstellung 1855 in Paris waren mehrere folder Raber, gang aus Gifenblech conftruirt, ausgestellt.

Da auch biese Turbinen bei ihrer maßigen Größe und selbst bei einem mittleren Gefälle, sehr viele Umbrehungen machen, so erforbern sie in ber Regel noch ein ober mehrere Borgelegeraber, wodurch ihre Umbrehungszahl auf die zur gewöhnlichen Arbeitsvorrichtung nothige Größe herabgezogen wirb.

Strahlturbine. Anstatt den Wasserstrahl nur einseitig in das Rad §. 239 zu führen, kann man denselben auch in der Axenrichtung auf den Radzeller aussialen und in radialen Richtungen in die Radzandle einstihren lassen. Da eine solche Turbine durch einen isolirten Wasserstrahl (s. Bb. I, §. 497) in Umdrehung gesetzt wird, so möchte sie nicht mit Unrecht eine Strahlturbine genannt werden. Man kann diese Turbine sowohl in horizontalen als auch verticalen Ebenen umlausen lassen. In Vig. 469 (a. s. S.) ist ein solches Rad mit horizontaler Axe CD oder verticaler Umdrehungsebene AB gebildet. Der Wasserstrahl, welcher durch eine Dessung E in das Rad eintritt, wird durch eine mit einem Stellhahne H versehene Röhre FH zugesührt. Durch Stellung diese Hahnes kann diese Turbine nicht nur in und außer Gang gesetzt, sondern auch die Bewesqung derselben nach Bedlirsniß regulirt werden. Diese Masschine eignet sich

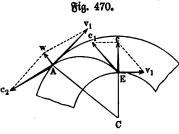
besonders zur Berrichtung kleiner Arbeiten, z. B. zum Ersat von Menschenfraften, bei Benutung des Wassers aus einer großen städtischen Wasserleitung. Die im Borstehenden entwickelte Theorie der Tangentialturbinen

Fig. 469.



findet hier nur zum Theil ihre Anwendung. Da hier das Wasser radial in die Nadcanäle eintritt, also $\alpha=90$ Grad ist, so giebt hier die $v_1=\frac{c}{2\cos\alpha}$ die vortheilhafteste Umdrehungsgeschwindigkeit $v_1=\frac{c}{0}=\infty$.

Es ist hiernach bei bieser Turbine die Austrittsgeschwindigkeit w, selbst wenn auch der Austrittswinkel $\delta = \Re u$ M wäre, nicht $\Re u$ M, und daher auch ein Maximum der theoretischen Leistung nicht zu erlangen. Wenn man aber die Umsangsgeschwindigkeit v des Rades mindestens ebenso groß macht als die Eintrittsgeschwindigkeit des Wassers, so fällt die lebendige Kraft des



absließenden Wassers so klein aus, daß der Wirkungsgrad der Maschine noch eine ansehnliche Größe behält. Es ist hier für die relative Eintrittsgeschwindigkeit c_1 ,

$$c_1^2=c^2+v_1^2$$
 (f. Fig. 470) und für die relative Austrittsgeschwindigkeit c_2 ,

$$c_3^2 = c_1^2 + v^2 - v_1^2 = c^2 + v^2$$
;

macht man baber v = c, fo erhält man $c_3^2 = 2v^2$, und

$$c_1 = \sqrt{2} \cdot v = 1,414 v;$$

und nimmt man noch & == 0 an, so ift die absolute Austrittsgeschwindigkeit

$$w = c_2 - v = 0.414 v$$

und baher ber entsprechenbe Berluft an Gefälle :

$$\frac{w^2}{2g} = 0.171 \frac{v^2}{2g} = 0.171 h,$$

wenn $h=\frac{c^2}{2g}$ das zur Erzeugung der Eintrittsgeschwindigkeit c des Wafsers nöthige Gefälle bezeichnet. Macht man v noch größer als c, so fällt dieser Berlust noch kleiner aus; z. B. für $v=\sqrt[3]{2}$ ist

$$\frac{w^2}{2g} = (1,803 - 1,500)^2 \frac{c^2}{2g} = (0,303)^2 \frac{c^2}{2g} = 0,092 h.$$

Wenn nun auch noch in Folge ber Abweichung & zwischen ben Richtungen ber Geschwindigkeiten c2 und v dieser Berluft noch etwas größer ausfällt, und auch die Reibungen noch einen Theil der Arbeit des Rades verzehren, so ist doch noch immer ein leidlicher Wirkungsgrad besselben zu erwarten.

Filt ben Austrittswinkel δ ift, ba jebenfalls $2\pi r_1 c = 2\pi r_2 \sin \delta$ sein muß,

sin.
$$\delta = \frac{r_1}{r} \frac{c}{c_2}$$
, δ . H. für $\frac{r_1}{r} = 1/2$ und $v = c$, also $c_2 = c\sqrt{2}$, sin. $\delta = 0.5$. 0.707 = 0.354, would $\delta = 20^3/4$ Grad, und

$$\frac{v^2}{2g} = \frac{v^2 + c_2^2 - 2vc_2\cos\delta}{2g} = \frac{(1 + 2 - 2\sqrt{2}\cos\delta)c^2}{2g}.$$

$$= (3 - 2.828 \cos 20^3/4) h = 0.356 h ausfällt.$$

Diefe Turbinen geben zwar keinen großen Wirkungsgrab, haben aber ben Borzug ber Einfachheit und Kleinheit. Sie sind bei hohen Gefällen wahre Lisiputraber und haben eine so große Umbrehungszahl u, daß es in ben meissten Fällen ber Anwendung nöthig ift, diese Umbrehungszahl durch Räberwerke bebeutend herabzuziehen.

Beispiel. Es wird die Anlage einer Strahlturbine verlangt, welche bei bem Gefälle $\lambda=100$ Fuß die Nuhleistung L=4 Pferdefräfte =1920 Fußspinnd p. s. liefert. Laffen wir das Rad mit der Geschwindigkeit

$$c=v=\sqrt{2gh}=\sqrt{6250}=79$$
 Fuß umgehen,

fo können wir ben Gefällverluft $\frac{40^3}{2g} = 0,365 h = 35,6$ Fuß feten; nehmen wir aber noch an, daß die Reibungen noch 0,144 h = 14,4 Fuß verzehren, so bleibt

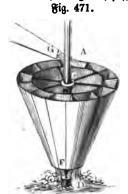
bie ganze Rusleistung ber Turbine $L=(1-0.356-0.144)~Q~h~\gamma=0.5~Q~h~\gamma=50.61.75~Q=3087.5~Q$, und es ist daher das nöthige Aufschlagquantum

$$Q=rac{1920}{3087,5}=0,622$$
 Cubiffuß, b. i. p. m. 60 $Q=871/3$ Cubiffuß.

Bei ber Aussusgeschwindigkeit c=v=79 Fuß, ist daher der Querschnitt des aufschlagenden Basserstrahles: $F=\frac{Q}{v}=0,007873$ Quadratsuß=1,133 Quadratsus. Da eine Kreisstäche von diesem Inhalte den Durchmesser d=1,2 Boll hat, so möchte es genügen, den inneren Radhaldmesser $r_1=1$ und den äußeren, r=2 $r_1=2$ Boll zu machen. Bei dem Durchmesser von 4 Boll= $\frac{1}{2}$ Fuß, welchen hiernach diese Strahlturbine erhält, folgt die Umdrehungszahl derselben p. m.

$$u = \frac{30 v}{\pi r} = \frac{30.79}{\frac{1}{8.3,141}} = \frac{2370}{1,047} = 2263.$$

§. 240 Danaiden. An die Tangentialräber-Turbinen schließen sich zunächst diesenigen horizontalen Wasserräber an, welche mehr ober weniger die Form eines umgestürzten Regels haben, die man in Frankreich roues d poires ober Danaides nennt, und deren schon Belidor in seiner Architect. hydr. erwähnt. Bon der Einrichtung eines solchen Rades wird Fig. 471 eine Borstellung verschaffen. Es besteht dieses Rad im Wesentlichen aus



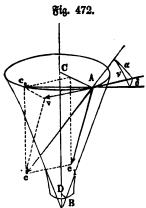
einer stehenben Welle CD, und aus zwei tegelstörmigen Mänteln mit Scheibewänden, welche ben hohlen Raum zwischen beiben Mänteln in von oben nach unten laufende Canäle zerschneiben. Das Aufschlagwasser wird durch ein Serinne Goben zus, und durch das Loch F unten nahe an der Axe, nachdem es die erwähnten Radcanäle durchlaufen hat, abgeführt. Bei dem einfachen Rade dieser Art sind die Scheibewände durch bersticale Ebenen, bei anderen aber durch schiefer der Schraubenflächen gebildet. Bei den Rädern, welche Belidor beschiebt, sehlt endlich der außerer Mantel ganz, und es ist dasur das Rad in eine

conische, ziemlich genau an die Schaufeln oder Scheidewande anschließende Rabstube gestellt. Wir beschäftigen uns nur mit dem Rade der erften Art.

Bei diesen Räbern haben Schwerkraft und Centrifugalkraft zugleich Antheil an der Bewegung des Wassers. Tritt das Wasser mit der absoluten Geschwindigkeit $\overline{Ac}=c$, Fig. 472, zu, und weicht die Richtung desselben um den Winkel cAv=a von der Richtung der Umfangsgeschwindigkeit $\overline{Av}=v$ ab, so ist für die Größe der resativen Geschwindigkeit $\overline{Ac_1}=c_1$, mit welcher das Wasser im Rade an der verticalen Schausel AB niederzugehen ansängt,

$$c_1^2 = c^2 - v^2$$

Da es aber im Rabe von der Höhe $\overline{CD}=h_1$ besselben herabsinkt und



babei nahe an die Rabare gelangt, beren Umfangsgeschwindigkeit $v_1 = 0$ geseth werben kann, so folgt für die relative Geschwindigkeit c_2 des unten bei F abfließenden Baffers:

$$c_2^2 = c_1^2 + 2 g h_1 - v^2$$

$$= c^2 + 2 g h_1 - 2 v^2$$

ober, wenn das ganze Gefälle $c^2 + 2gh$, burch h bezeichnet wird,

$$c_2^2 = 2 gh - 2 v^2$$
.

Damit nun bas Basser möglichst tobt absließe, muß $c_2 = \Re u \mathbb{I}$ und folglich die obere Umsangsgeschwindigkeit des Rades:

$$v = \sqrt{gh}$$

fein.

Die theoretische Leiftung bes Rabes ift bann wie bekannt:

$$L = Qh\gamma$$
.

Da natürlich die mittleren Werthe von c2 und v1 nicht ganz Rull sein konnen, so sließt das Wasser noch mit der absoluten Geschwindigkeit

$$w=\sqrt{c_2^2+v_1^2}$$

ab, und es wird baburch dem Rabe von dem Arbeitsvermögen Qhy noch die Leistung

$$\frac{w^2}{2a}Q\gamma = \frac{c_2^2 + v_1^2}{2a}Q\gamma$$

entzogen.

Ist ber halbe Convergenzwinkel bes vom Rabmantel gebilbeten Körpers, $ASC=\theta$, also bie Neigung bieser Fläche gegen ben Horizont, $=90^{\circ}-\theta$, und ber Winkel cAv, um welchen die Richtung Ac bes eintretenden Strahles von der Richtung Av der Umdrehungsgeschwindigkeit beim Eintritt A abweicht, $=\alpha$, so hat man für den Neigungswinkel $cAc_0=\nu$ des Strahles gegen den Horizont, der Gleichung

$$c\sin v = c_1\cos \theta = c\sin \alpha\cos \theta$$
 zu Folge,

1)
$$\sin \nu = \sin \alpha \cos \theta$$

und bagegen für den Winkel $vAc_0 = \delta$, um welchen die Horizontalprojection Ac_0 der Strahlrichtung von der Bewegungsrichtung Av des Rades abweicht, da

$$v tang. \delta = v tang. \alpha sin. \theta$$
,

2) $tang. \delta = tang. \alpha sin. \theta$.

Wenn man bem Rabe die Form einer ebenen Kreissläche giebt, so erhält man ein Tangentialrad mit ebenen Schauseln, und hat in den obigen Formeln $\theta = 90^\circ$, also

$$\sin \theta = 1$$
 und $\cos \theta = 0$

einzuseten, so daß v=0 und $\delta=\alpha$ folgt, und daßer der Basserstrahl in horizontaler Richtung an den Radumsang zu führen ist.

Wenn dagegen der obere Theil des Rades chlindrisch geformt ift, so hat man $\theta = 0$ Grad, daher

$$\cos \theta = 1$$
 und $\sin \theta = 0$,

so bağ bann

$$v=\alpha$$
 und $\delta=0$

folgt, und baher ber Wasserstrahl tangential an bas Rab geführt werben muß.

Anmerkung. Das im Borstehenben untersuchte Rab ist auch unter bem Namen ber Danaibe von Burbin bekannt. Die ältere Danaibe von Masnouri d'Ectot hatte eine hiervon abweichenbe Construction, wiewohl sie im Principe mit dieser ziemlich übereinstimmte. Dieses Rad bestand in einem Blechschlinder mit vertical und radial gestellten Scheibewänden und einem Aussussloche in der Nähe der verticalen Orehungsare. Das Wasser wurde oben ziemlich tangential eingesührt, ging durch den Zwischennaum von 4 bis 5 Centimeter zwischen der chlindrischen Trommel und den Scheibewänden hindurch, und traf zunächst die Innenstäche dieser Trommel, wodurch es dieselbe sammt dem ganzen, damit sest verbundenen Apparat in Umdrehung setzte. Dierbei sloß es allmälig auf den Boden herab und gelangte von da die zum Ausstussloche. S. Dictionnaire des Sciences mathémat. par Montforrier, Att. Danaide.

§. 241 Man kann auch einer Danaide die Form eines durch eine verticale Scheidewand in zwei gleiche Theile getheilten Gefäßes EKM, Fig. 473 geben. Damit beim Eintritt des aus dem Aufschlagbehälter AB sließenden Wassers tein Stoß eintrete, muß die Geschwindigkeit o desselben der Umdrehungsgeschwindigkeit v1 des Wassers im Rade an der Eintrittsstelle B gleich sein. Bezeichnet h1 den Theil des ganzen Radgefälles, welcher auf die Erzeugung der Eintrittsgeschwindigkeit verwendet wird, so ist

$$c=v_1=\sqrt{2\,g\,h_1}.$$

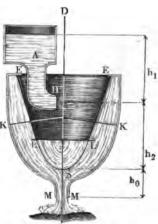
Bezeichnet ebenso h_2 die Drucköbe des Wassers im Rade, und v die Umbrehungsgeschwindigkeit desselben im Umfange der Mündung M, so hat man für die relative Austrittsgeschwindigkeit c_2 des Wassers

$$c_2^2 = 2 g h_2 - v_1^2 + v^2,$$

ober, wenn die Mündung, und folglich auch v fehr klein ift,

$$c_2^2 == 2gh_2 - v_1^2$$

Damit die Geschwindigkeit c_2 möglichst klein, und folglich dem Wasser $g_{ig. 473}$. die größte Arbeitssähigkeit entzogen werde, muß $v_1^2 = 2 g h_3$, und daher



$$v_1 = \sqrt{2 g h_2}$$
, and output $v_1 = \sqrt{2 g h_2}$ fein. Siernach folgt $h_1 = h_2 = \frac{1}{2} h_1$;

es ist also die eine Hälfte des ganzen Maschinengefälles auf die Druchöhe zur Einführung des Wassers und die andere auf die Böhe des Rades zu ver-

wenden. Natürlich kann hier, damit das Waffer in gehöriger Menge abfließe, die Geschwindigkeit c_2 nicht = Null, sondern nur sehr klein (4 bis 6 Fuß) sein, und es ist der Ausmündung MM der Inhalt $F = \frac{Q}{G}$ zu geben, welchem der

 $r = \sqrt{rac{Q}{\pi \, c_2}}$ Halbmesser.

Da bann bas Wasser nicht allein bie Geschwindigkeit c_2 in verticaler Richtung, sondern auch eine Umdrehungsgeschwindigkeit hat, deren mittleres Duadrat der Theorie der Trägheitsmomente zusolge (s. Bb. I, §. 288), $= \frac{1}{2} v^2$ ist, so ergiebt sich das Arbeitsvermögen des absließenden Wassers:

$$L_1 = \left(\frac{c_2^2 + \frac{1}{2}v^2}{2g}\right)Q\gamma$$

und ber Wirfungsgrad bes Rabes

$$\eta = 1 - \frac{c_2^2}{2gh} - \frac{v^2}{2gh}.$$

Da sich

$$v_1 = V^{1/2} \cdot 2 gh = Vgh$$
 und $v = \frac{r}{r_1} v_1 = \frac{r}{r_1} Vgh$

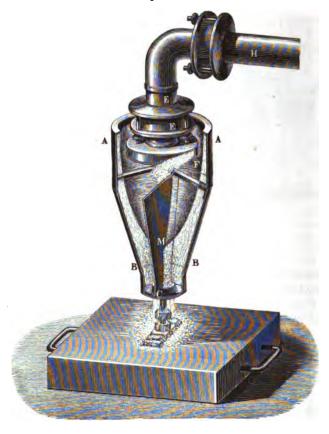
feten läßt, fo bat man auch

$$\eta = 1 - \frac{c_i^2}{2g} - \frac{1}{4} \left(\frac{r}{r_1}\right)^2$$

Der Scheitel S des Rotationsparaboloides ESE, welches von der freien Oberfläche des Wassers im Rade gebildet wird, steht um die das verlorene Gefälle bildende Höhe $\overline{SM}=h_0=\frac{c_2^2}{2\,g}$ von der Mündung MM ab.

Um die Bilbung des Trichters ESE unmittelbar über der Mundung MM zu verhindern, kann man eine Querwand LL einziehen.

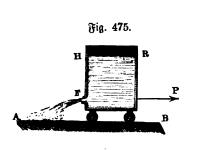
In Fig. 474 ift bas Mobell einer nach ben obigen Principien construirten Fig. 474.

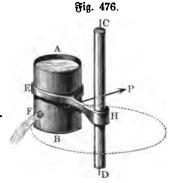


Danaide abgebildet. Das Wasser wird hier burch eine gekröpfte Hahrröhre HE zu - und mittels zweier Munbstücke F,F tangential in das Rad ABC eingestährt, sowie durch das Mundstück C ausgetragen. Durch ein auf den unteren chlindrischen Theil BB des Rades aufzusehends Borgelegsrad läßt sich die Umdrehungskraft besselben auf die Arbeitsmaschine übertragen.

§ 242 Beactionsrader. Sett man ein Ausstußgefäß HRF, Fig. 475, auf einen Wagen, fo treibt die Reaction des Waffers benfelben mit bem

Gefäße in einer ber Ausslußbewegung entgegengesetzten Richtung fort; und verbindet man ein Ausslußgesäß ABF, Fig. 476, mit einer stehenden Belle CD, so wird dieses durch die Reaction P des aussließenden Wassers





ebenfalls in einer der Ansslußbewegung entgegengesetzen Bewegung umgebreht. Ersetzt man nun das unten absließende Wasser von oben durch anderes, so wird auf diese Weise eine stetige Umdrehung erzeugt. Die Borrichtung, welche auf diese Weise in Umdrehung gesetzt wird, heißt ein Reactionsrad (franz. roue à réaction; engl. wheel of reaction, wheel of recoil), in Deutschland gewöhnlich ein Segner'sches Wasserrad und in England Barkers mill.

Das einfachste Rab bieser Art ist in Fig. 477 abgebildet. Dasselbe besteht aus einer Röhre BC, deren Are durch eine sessstehed Welle AX gebildet wird, und aus zwei Röhren (Schwungröhren) CF und CG mit Seitenmundungen F und G. Das durch diese Mündungen absließende Wasser wird durch anderes, oben durch ein Serinne K zugesthrtes Wasser ersett. Bei Anwendung an Mahlmühlen wird der Läuser oder obere Mühle





Fig. 478.

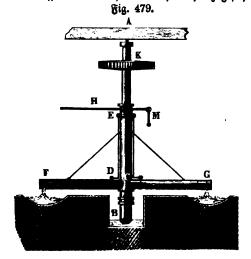


stein auf AX unmittelbar aufgesett; bei anderen Anwendungen kann aber die Bewegung mittels eines auf AX aufzusetenden Zahnoder Riemenrades fortgepflanzt werden.

Man hat auch Reactionsräder mit mehseren Schwungröhren ober Schwungstammern angewendet, wie z. B. Fig. 478 im Grundriffe vor Angen führt. Das Ge-

fäß HR ist entweber cylindrisch oder conisch. Um das Wasser ohne Stoß einzusühren, hat Euler ein gleichgeformtes Zuslußgefäß unmittelbar über das Rad gesetzt, und statt des Bodens in demselben ringsum geneigte Leitschauseln eingesetzt, ähnlich wie später Burdin bei seinen Turdinen (s. Bd. II, §. 234); auch hat Burdin ähnliche Reactionsräder ausgeführt. Hierher gehört auch das Versuchsrad in Band I. §. 504.

Ein ein faches Reactionsrad hat der Berfasser in Ballendar unweit Ehrenbreitenstein im Gange gesehen. Es war vom Herrn Maschineninspector Althans construirt, und diente als Umtriebsmaschine für zwei Lohmahlgunge. Die übrigens sehr zwedmäßige Einrichtung dieses Rades ist aus Fig. 479 zu ersehen. Das Wasser wird burch eine Einfallröhre zugeführt, welche bei B unterhalb



bes Rabes vertical aufmarts gebogen ift. Die ftehende Welle A C mit ihren beiben Schwung. röhren CF und CG ift von unten berauf bobl und pagt mit ihrem Enbe B in bas eine Schnauze bilbenbe Enbe ber Einfallröhre. Damit fich aber biefe Belle dreben fonne, ohne Baffer bei B burchzulaffen. ift in B eine Stopf. buchfe, eine Borrichtung, welche wir erft später näher fennen ler-

nen werben, angebracht. Die rectangulären Seitenmündungen F und G sind burch Schieber zu verschließen und letztere wieder sind durch Stangen und Winkelhebel (D) mit einer die Welle umfassenden Hilse E verbunden, welche burch einen Hebel HM gehoben oder gesenkt werden kann. Oben sitt das Rad K zur Transmission der Bewegung. Das durch die 9 Zoll weite Einfallröhre zugesührte Wasser tritt bei B in die Steigröhre und bei C in die Schwungröhren, und kommt nun bei F und G zum Ausstusse. Diese Einrichtung gewährt den Bortheil, daß das ganze Gewicht der umlaufenden Maschine vom Wasser getragen werden und folglich zu einer Reibung an der Basis keine Gelegenheit geben kann. Ist G das Gewicht der Maschine, G die Druckhöhe und G vie Weite der Steigröhre, so hat man sür diesen Fall:

 $\pi r^2 h \gamma = G,$

und hiernach ben erforberlichen Röhrenhalbmeffer

$$r = \sqrt{\frac{G}{\pi h \gamma}}$$

anzuwenden, um diesen Gleichgewichtezustand herbeizuftihren.

Das Aufschlagquantum betrug 18 Cubitfuß pr. Minute und bas Gefülle 94 Fuß, folglich die bisponible Leiftung = 1861 Fußpfund. Die Länge einer Schwungröhre maß 121/2 Fuß, und die Umdrehungezahl pr. Minute war beim Arbeiten, = 30, folglich die Umfangsgeschwindigkeit = 39,3 Fuß.

Anmerkung 1. Die erste Beschreibung eines Reactionsrades, als eine Erstindung Barkers, sindet man in Desagulier's Course of expérimental-philosophy, Vol. II, London 1745. Aussührlich über die Theorie und vortheilhafteste Construction dieser Rader handelt Culer in den Memoiren der Bersliner Akademie, 1750, 1754.

Anmerkung 2. Die Wirkungsgrabe ber alteren Reactionstäber waren außerorbentlich klein. Schon Nordwall findet einen solchen nur 1/3 von bem eines oberschlägigen Rabes. Schitko (f. bessen Beiträge zur Bergbaukunde u. s. w. Wien 1833) fand an einem solchen Rabe ben höchsten Wirkungsgrab 0,15, also ebenfalls sehr gering.

Theorie der Reactionsräder. Die Wirfungen ber Reactions. §. 243 raber lassen sich theoretisch auf folgende Beise ermitteln. Ift h bas Geställe oder die Tiefe der Mitte der Mündungen unter dem Wasserspiegel in der Einfallröhre, und v die Umdrehungsgeschwindigkeit berselben, so hat man nach dem Früheren, die den Druck des vor der Mündung befindlichen Wassers messende Höhe:

$$h_1=h+\frac{v^2}{2a},$$

und baber bie theoretische Ausfluggeschwindigkeit:

$$c = \sqrt{2 g h_1} = \sqrt{2 g h + v^2}.$$

Bezeichnet noch o ben Geschwindigkeitecoefficienten, fo läßt fich die effective Aussluggeschwindigkeit:

$$c = \varphi \sqrt{2 gh + v^2}$$
 setzen.

Diese Geschwindigkeit ist aber nicht die absolute Geschwindigkeit des Wassers beim Austritte aus dem Nade, denn dasselbe hat noch die in entgegengeseter Richtung vor sich gehende Umdrehungsgeschwindigkeit v mit dem Nade gemeinschaftlich. Es ist demnach die absolute Geschwindigkeit des austretenden Wassers:

$$w=c-v=\varphi\sqrt{2\,gh+v^2}-v,$$

und ber entfprechende Arbeitsverluft:

$$L_1 = \frac{w^2}{2g} Q \gamma = \frac{(\varphi \sqrt{2gh + v^2} - v)^2}{2g} Q \gamma.$$

Den Geschwindigkeitscoefficienten $\varphi=1$ angenommen, erhält man:

$$L_1 = \frac{(\sqrt{2gh+v^2}-v)^2}{2g} Q\gamma = \left(h - \frac{v(\sqrt{2gh+v^2}-v)}{g}\right) Q\gamma.$$

und zieht man diese von der bisponiblen Leistung ab, fo bleibt die Rut-

$$L = \left(h - \frac{w^2}{2g}\right)Q\gamma = \frac{v(\sqrt{2gh + v^2} - v)}{g}Q\gamma.$$

Diefelbe fällt um fo größer aus, je größer v ift, benn fest man

$$\sqrt{v^2 + 2gh} = v + \frac{gh}{v} - \frac{g^2h^2}{2v^3} + \cdots,$$

fo erhält man:

$$L = v \left(\frac{gh}{v} - \frac{g^2h^2}{2v^3} + \cdots \right) \cdot \frac{Q\gamma}{g},$$

also für $v = \infty$,

$$L = Qh\gamma$$

bie gange bisponible Leiftung.

Dieser Umstand, daß die Maximalleistung durch eine unendlich große Umsangsgeschwindigkeit bedingt wird, ist aber ein ungunstiger, weil bei einer großen Umsangsgeschwindigkeit die Nebenhindernisse sehr anwachsen, wie leicht zu ermessen ist, da das unbelastete Rad noch lange nicht unendlich schnell umläuft, und also schon die Nebenhindernisse bei einer zwar großen aber keineswegs beinahe unendlichen Geschwindigkeit alle Wirkung aufzehren. Uebrigens kann auch die Geschwindigkeit des Rades deshalb nicht unendlich groß werden, weil das Wasser burch die (33 + h) Fuß hohe Lust und Wasserschule, der Schwungröhre höchstens mit der Geschwindigkeit $\sqrt{2}g(33+h)$ Fuß zugesührt werden kann, und solgsich bei einem schnelleren Abslusse besselben, der stetige Aussluß aufhört. Bon Rädern, deren theoretische Maximalleistung bei einer unendlich kleinen oder auch nur bei einer mittleren Geschwindigkeit eintritt, ist aus dem ersteren Grunde ein größerer Wirkungsgrad zu erlangen, als bei den eine unendlich große Umdrehungszahl fordernden Masschinen.

Es ist allerbings noch die Frage, ob die Leistungen bei mittleren ober nicht sehr hohen Umlaufsgeschwindigkeiten bedeutend von der Maximal- ober disponiblen Leistung $Qh\gamma$ abweichen, zu beautworten. Belastet man die Maschine so start, daß die Geschwindigkeitshöhe, welche der Umsangsgeschwindigkeit entspricht, dem Gesälle gleich, also

$$\frac{v^2}{2a} = h$$
 ober $v = \sqrt{2gh}$

ift, fo hat man nach ber obigen Formel, die Leiftung:

$$L = \frac{\sqrt{2gh} \left(\sqrt{4gh} - \sqrt{2gh}\right)}{g} Q\gamma = 2\left(\sqrt{2} - 1\right) Qh\gamma$$
= 0,828 Qh \gamma zu erwarten,

macht man aber $\frac{v^2}{2g} = 2h$, so erhält man:

$$L = \frac{\sqrt{4 g h} (\sqrt{6 g h} - \sqrt{4 g h})}{g} Q \gamma = 4 (\sqrt{1,5} - 1) Q h \gamma$$

= 0,899 Q h \gamma,

macht man endlich $\frac{v^2}{2g} = 4 h$, so stellt sich

$$L = \frac{\sqrt{8gh}(\sqrt{10gh} - \sqrt{8gh})}{g} Q\gamma = 8(\sqrt{1,25} - 1) Qh\gamma$$

= 0,944 Qh \gamma

herans; man verliert also im ersten Falle ungefähr 17, im zweiten 10 und im britten nur 6 Procent von ber disponiblen Leistung und ersteht hieraus, daß bei mäßigen Gefällen und bei Anwendung einer Umfangsgeschwindigkeit, welche ber dem Gefälle entsprechenden Endgeschwindigkeit nahe kommt, noch immer eine große Wirkung zu erwarten ist. Uebrigens wird auch durch die große Einsachheit dieser Maschine ein großes Gewicht in die Wagschale der Reactionsräder bei Bergleichung derfelben mit anderen Räbern gelegt.

Anmertung. Die Umbrehungs ober Reactionefraft ift:

$$P = \frac{L}{v} = \frac{\sqrt{2\,g\,h} + v^2 - v}{g}\,Q\gamma,$$
 und für $v = 0$,
$$P = \frac{\sqrt{2\,g\,h}}{g}\,Q\gamma = \frac{c}{g}\,Q\gamma = 2\,.\frac{c^2}{2\,g}\,F\gamma,$$

wie wir icon in Band I, S. 495 gefunden haben.

Effective Leistung der Reactionsräder. Die im vorigen Paras §. 244 graphen gefundene Formel

$$L = \frac{(\sqrt{2gh + v^2} - v)v}{g}Q\gamma$$

für die Leiftung eines Reactionsrades andert sich, wenn man den Ausslußs widerstand berudfichtigt, die Ausslufgeschwindigkeit:

$$c = \varphi \sqrt{2gh + v^2} = \sqrt{\frac{2gh + v^2}{1 + \xi}}$$

und die Aussiugmenge $Q = Fc = \varphi F \sqrt{2 g h + v^2}$ fest, in folgende um:

$$L = (\varphi \sqrt{2gh + v^2} - v) \frac{v Q \gamma}{g}$$

$$= (\varphi \sqrt{2gh + v^2} - v) \cdot \frac{\varphi F v \gamma}{g} \sqrt{2gh + v^2},$$

worin φ ber Geschwindigkeits. ober Ansflußcoefficient und F bie Summe ber Inhalte ber Ausmündungen bezeichnen. Ift Q gegeben, so läßt sich auch

$$L = \left(\frac{Q}{F} - v\right) \frac{v \, Q \, \gamma}{g}$$

und hiernach ber Wirkungsgrad bes Rabes:

$$\eta = rac{L}{Q\,h\,\gamma} = \left(rac{Q}{F} - v
ight)rac{v}{g\,h}$$
 seben.

Dieser Wirkungsgrad $\eta = (arphi \; \sqrt{2 \, g \, h \, + \, v^2} - v) \, rac{v}{g \, h}$ ist mit

 $qv\sqrt{2gh+v^2}-v^2$ zugleich ein Maximum, und zwar für

$$\sqrt{2gh + v^2} + \frac{v^2}{\sqrt{2gh + v^2}} = \frac{2v}{\varphi},$$

wie durch Differenziiren u. f. w. nach Band I, Einleitung Art. XIII gefunden werden kann. Durch Umformungen diefer Gleichung stößt man auf die biquadratische Gleichung

$$v^4 + 2ghv^2 = \frac{\varphi^2g^2h^2}{1-\varphi^2},$$

beren Auflösung bie Geschwindigfeit:

$$v = \sqrt{gh} \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1-\varphi^2}} - 1}$$

giebt, bei welcher ber Wirfungsgrad ein Maximum, und zwar ba

$$c = \sqrt{2gh + v^2} = \sqrt{gh} \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1 - \varphi^2} + 1}}$$

ausfällt:

$$\eta = \varphi \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1 - \varphi^2}} - 1} \cdot \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1 - \varphi^2}} + 1} - \frac{1}{\sqrt{1 - \varphi^2}} + 1$$

$$= 1 - \sqrt{1 - \varphi^2} \text{ mirb.}$$

Die effective Leiftung ift hiernach:

$$L = \eta \ Qh\gamma = (1 - \sqrt{1 - \varphi^2}) \ Qh\gamma$$

$$= \varphi^2 \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1 - \varphi^2}} - 1 \cdot F \sqrt{gh^2} \cdot \gamma},$$

da das Ausflußquantum

$$Q = \varphi F c = \varphi F \sqrt{gh} \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1-\alpha^2}} + 1}$$

gefett werben fann.

Dividiren wir die Leiftung burch die Geschwindigkeit v der Röhre im Mittelpunkte der Ausmitnbungen, so erhalten wir die Reactionstraft:

$$P = (\varphi \sqrt{2gh + v^2} - v) \frac{Q\gamma}{g}$$

$$= (\varphi \sqrt{2gh + v^2} - v) \sqrt{2gh + v^2} \cdot \frac{\varphi F\gamma}{g},$$

und baber beim ftillstehenben Rabe:

$$P = \varphi^{2}.2 Fh \gamma.$$

Die Richtigkeit ber vorstehenden Theorie des Reactionsrades hat der Berschaffer durch Bersuche bestätigt gesunden. Diese Bersuche wurden an einem Modellrade von 1 Meter Durchmesser und $7^1/2$ Quadratcentimeter Mündungsquerschnitt bei 4 Decimeter Druchöhe angestellt, und es sind die Ergebnisse derselben in einer kleinen Schrift, welche in Freiberg unter dem Titel "Bersuche über die Leistung eines einsachen Reactionsrades" erschienen ist, enthalten.

Durch Bergleichung ber effectiven Ausstlußmenge Q mit bem theoretischen Ausstlugquantum:

$$Fc = F\sqrt{2gh + v^2},$$

wurde der Aussiußcoefficient dieses Rades $\varphi=0.9425$ gesunden, und wird nun dieser Werth in die Formel $\eta=1-\sqrt{1-\varphi^2}$ eingeset, so erhält man den Maximalwirfungsgrad des Rades:

$$\eta=1-\sqrt{1-0.9425^2}=1-\sqrt{0.1117}=0.666,$$
 was auch die Bersuche gaben. Die Umbrehungsgeschwindigkeit, bei welcher bieser Wirkungsgrad eintritt, ist theoretisch

$$v = \sqrt{gh} \sqrt{\frac{1}{\sqrt{1-\sigma^2}} - 1} = \sqrt{\frac{1-0.334}{0.334}} \cdot \sqrt{gh} = \sqrt{2gh},$$

also gleich ber Fallgeschwindigkeit, welche ber Drudhohe h entspricht; und auf diesen Werth haben auch die Bersuche geführt.

Setzen wir endlich ben Werth $\varphi = 0,9425$ in die Formel

$$P = \varphi^2 \cdot 2 Fh \gamma$$

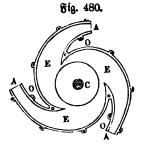
so erhalten wir die Reactionsfraft des Wassers $= 0.888.2\,Fh\gamma$, was ebenfalls durch die Bersuche bestätigt wurde.

War die Radgeschwindigkeit v über $\sqrt{2gh}$, so machte sich der mit dem Quadrate von v wachsende Lustwiderstand bemerklich, so daß von da an die Abweichung zwischen dem theoretischen und effectiven Wirkungsgrade nahe mit v^3 wuchs, und zuletzt das Rad mit der Maximalgeschwindigkeit $v=2.\sqrt{2gh}$ leer umging.

Anmertung. In ber Schrift bes herrn Brofeffore Schubert, "Beitrag jur Berichtigung ber Theorie ber Turbinen", ftellt ber herr Berfaffer uber bie

Theorie des Reactionstades mehrere fingirte, einer wiffenschaftlichen und naturgemäßen Grundlage entbehrende Behauptungen auf. Ich halte es daher für meine Schuldigkeit, meine Leser vor dem ernsthaften Gebrauche dieser Schrift zu warnen, und deshalb auf meine oben citirte Schrift zu verweisen.

\$. 245 Schottische Turbinen. In ber neueren Zeit giebt man ben Reactionstädern krumme Schwungröhren, und nennt sie gewöhnlich White-law'sche ober Schottische Turbinen. Manouri d'Ectot hat jedoch schon vor längerer Zeit solche Räber in Frankreich ausgestührt. (S. Journal des Mines, 1813, Tom. XXXIII.) Die schottischen, von Whitelaw und Stirrat construirten Turbinen weichen von dem Reactionstade Manouri's im Wesentlichen nicht ab. (S. Dingler's polytechn. Journal, Band 88, und polytechn. Centralblatt, Band II. 1843, vorzüglich aber die Schrist: Description of Whitelaw's and Stirrat's Patent Watermill, 2 Edit. London and Birmingham, 1843.) Sine besondere Sinrichtung der Whitelaw's such eine bewegliche Seitenwand erweitern ober verendungen des Wassers durch eine bewegliche Seitenwand erweitern ober verend

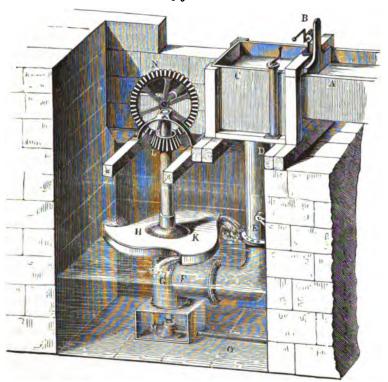


gern und dadurch den Aussluß selbst reguliren kann. Ein horizontaler Durchschuitt einer solchen Turdine ist in Fig. 480 abgebildet. Diese Turdine besteht aus drei Schwungröhren, das Wasser tritt bei E in diese ein und bei A aus denselben aus. OA ist die um O drehbare, einen Theil der inneren Seitenwand bilbende Klappe zum Reguliren des Ausslusses. Die Stellung dieser Klappe während des Ganges läßt sich durch einen ähnlichen Apparat,

wie bei bem in Fig. 479 abgebilbeten Rabe, bewirten.

Die gange Bufammenftellung einer Bhitelaw'ichen Turbine ift aus A ift bas Wafferzuleitungsgerinne, B ein Schut-Fig. 481 zu erseben. bret und C bas Ginfallrefervoir, aus welchem bas Baffer in die Ginfallröhre DEF läuft. E ift eine Drehklappe, burch welche ber Bafferbrud regulirt werben tann. Bei F tritt bas Waffer in ben feststehenben Chlinber G und von ba in das barüber befindliche Rad HK, bas auf der stebenben Welle LM festfitt. Die Reaction bes burch brei Rabmundungen ausftromenden Waffers treibt bas Rad mit ber Welle in umgekehrter Richtung um, und biefe Bewegung wird burch bie Bahnraber L und N junachft auf eine horizontale Welle übergetragen u. f. w. Das Rab, die Belle, die Ginfallröhren u. f. w. find von Bugeifen; die Pfanne bes Stiftes M aber erhalt ein Futter von Meffing. Das Del jum Schmieren bes Bapfens läuft burch ein bis über ben Bafferspiegel im Ginfallfaften emporfteigenbes Rach Rebtenbacher (f. beffen Theorie und Ban ber Robr O zu.

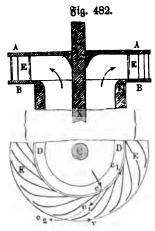
Turbinen und Bentisatoren) kann man die Welle mit ihrem Zapfen ganz vom Baffer absperren, wenn man beibe mit einem bis an die obere Deck-Fig. 481.



platte bes Rabes reichenden Gehäuse umgiebt. Bon ber Theorie und von ber geometrischen Construction dieser Maschinen wird erst weiter unten gehandelt.

Reactionsrad von Combes. An die Whitelaw'schen Turbinen §. 246 schließt sich zunächst das Combes'sche Reactionsrad an. Auch bei diesem fließt das Wasser von unten zu; boch unterscheibet es sich daburch wesentlich von den ersteren Rädern, daß seine in größerer Anzahl vorhandenen umlaussenden Canale oder Schwungröhren unmittelbar aneinanderstoßen, und durch krumme, zwischen zwei ringförmige Kränze eingesetzte Schauseln gebildet werden. Die wesentlichste Einrichtung eines Combes'schen Reactionsrades ist aus Fig. 482 (a. f. S.), welche einen Aussund einen Grundriß desselben darstellt, ersichtlich. AA ist eine den oberen Radkranz bildende, mit der stehenden Welle CX ses under Scheibe, BB ist der untere, durch die

zwischen befindlichen Schaufeln E, E... mit ber Scheibe AA fest verbuns bene Radkrand; DD ift ber ben unteren Theil ber Welle umgebende Cy-



linder, durch welchen das Waffer zugeführt wird, welches am ganzen inneren Radumsfange ein- und, nachdem es die Canale zwischen ben trummen Schaufeln durchlaufen hat, am ganzen äußeren Radumfange aussftrömt.

Eine andere wesentliche Abweichung ber Combes'schen Reactionsräber von ben Whitelaw'schen Turbinen besteht noch barin, daß dieselben keinen wasser- und lustbichten Abschluß zwischen dem Rade B und
bem Zuslußreservoir D haben, der bei ben Whitelaw'schen Räbern kaum entbehrt
werden kann. Der Grund dieser Bereins
sachung ist aber solgender. Der Druck des

Wassers in einem Ausslußreservoir ist an verschiedenen Stellen sehr verschieden; da wo das Wasser beinahe still steht, drückt es am stärksten, und da wo es am schnellten läuft, am schwächsten (s. Bd. I, §. 400). Die Geschwindigkeit des Wassers hängt aber wieder von dem Querschnitte des Reservoirs ab, sie steht im umgekehrten Berhältnisse zu diesem Querschnitte; daher kann man dem Wasserdrucke durch Beränderung des Querschnittes eine beliedige Größe ertheilen, und ihn auch gleich Null oder vielmehr dem Atmosphärendrucke gleich machen. Bohrt man nun an der Stelle, wo das Wasser nur mit der Atmosphäre drückt, ein Loch in das Gesäß, so wird durch dasselbe weder Wasser, noch Luft hineinströmen. Damit aber umgekehrt durch den ringsörmigen, übrigens möglichst eng zu machenden Raum zwischen B und D weder Wasser ausse, noch Luft einströme, hat man daher nur nöthig, dem Querschnitte an der Uebergangsstelle eine gewisse Größe zu geben.

Anmerkungen. 1. Die Combes'schen Reactionsraber werben auch oft mit Leitschaufeln versehen, welche bas Basser in bestimmter Richtung in bas Rab einführen. Die in Deutschland von Webbing und Nagel ausgeführten Turbinen (erstere in Sagan, lettere in Schwerin) sind insofern ben Combes'schen Rabern ahnlich, als sie von unten beausschlagt werden, in der Construction aber ähneln sie mehr den Fournepron'schen Turbinen. Es gehort hierher auch die Turbine von Laurent und Deckherr, f. Armengaub's Publication industrielle, vol. 6.

2. Rebtenbacher bewirft ben mafferbichten Abschluß zwischen bem Buflugreservoir AB, Fig. 483, und bem Rabe DEF burch einen beweglichen Messing CD, ber vom Waffer burch seinen Druck so ftark an bie untere

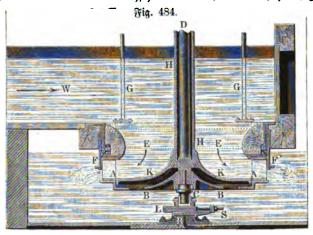
Ringfläche D bes Rabes angebrudt wirb, bag bas Baffer an biefer Stelle nicht burchbringen fann. Die Berührungsflächen bei D find natürlich ganz eben abzu-Fig. 483. schleifen. Auch ift ber Ring selbst burch

B C A

schleifen. Auch ift ber Ring selbst burch eine aus ringförmigen, mit Metallringen ausgesteiften Leberriemen bestehenbe Diche tung B mit bem Buflugreservoir AB verbunden.

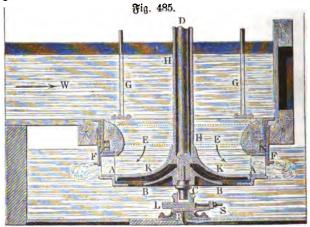
Turbine von Cadiat. An bie §. 247 bis jest beschriebenen horizontalen Wasserräder reihen sich zunächst die Cadiat's
schen Turbinen an. Sie sind ohne Leitschaufeln wie die Whitelaw'schen und Combes'schen Räber, und werden, wie die Fournehron'schen Turbinen, von oben beaufschlagt. Eigenthümlich

ist biefen Rabern noch eine bas Rab von außen umschließende treisförmige Schute. Ginen verticalen Durchschnitt von diesem Rabe führt Fig. 484



vor Augen. AA ist das eigentliche Rad, und BB die Schale, welche dasselbe mit der stehenden Welle CD verbindet. Der Stist C dieser Welle ruht in einer Pfanne, welche wir weiter unten näher kennen lernen werden. EE ist das Reservoir mit kreisförmigem Querschnitte, das oben mit dem Zuleitungscanale W in sester Berbindung ist und unten unmittelbar über dem oberen Radkranze ausmündet. Damit das dei W zusließende, im Reservoir niedersinkende und auf dem Wege EA dem Rade zusließende Wassers so wenig wie möglich in dieser Bewegung gestört werde und keine Contrac-

tion erleibe, erweitert sich das Reservoir EE sowohl auf- als auch abwärts allmälig, wie aus der Figur beutlich zu ersehen ist. Der Aussluß des



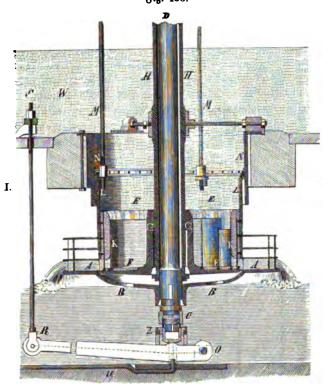
Wassers wird durch eine das Rad von außen umgebende treisförmige Schütze FF regulirt. Das Ziehen oder Senken berselben erfolgt durch vier Stangen mittels eines besonderen Mechanismus, dessen nähere Einrichtung aus der Figur nicht zu ersehen ist. Damit das Wasser nicht zwischen dem Schutzbrete und der Gefäßwand durchdringen kann, ist ein die innere Fläche des Schutzbretes berührender Lederring eingesetzt.

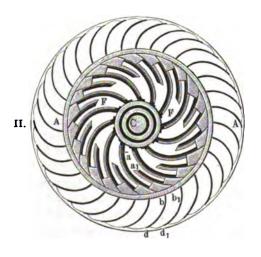
Die stehende Welle CD ist noch mit einer Röhre HH umgeben, welche ben Teller KK trägt, der von dem inneren Umfange des unteren Radtranzes umgeben wird, so daß das Wasser nach unten abgesperrt ist und nicht auf die Schale des Rades drückt. Diese Einrichtung (nach Redtenbacher) weicht von der, welche Cadiat angewendet hat, ab, ist aber genau dieselbe wie bei den Fournehron'schen Turbinen. Cadiat läßt den Teller mit der Röhre ganz weg, und hebt den Druck des Wassers auf die Schale B durch einen Gegendruck von unten auf, indem er noch ein zweites Reservoir andringt, welches die untere Fläche des Rades A fast berührt, und mit dem Druckwasser GH in Communication gesetzt wird. Jedenfalls ist diese Einrichtung weniger zweckmäßig als die Fournehron'sche, um so mehr, da es nicht möglich ist, den Austritt des in diesem Reservoir völlig hydrostatisch drückenden Wassers durch den wenn auch noch so engen ringsvemigen Spalt zwischen dem Rade und dem Reservoir zu verhindern. Die hier abgebildete Turbine geht, wie man sieht, unter Wasser.

Anmerkung. Gine vollständige und genaue Befchreibung einer Cabiat's schen Zurbine ohne Bobenteller und mit Drudwaffer unter bem Rabteller liefert D. Armengaud b. Aelt. im zweiten Bande seiner Publication industrielle.

 λ

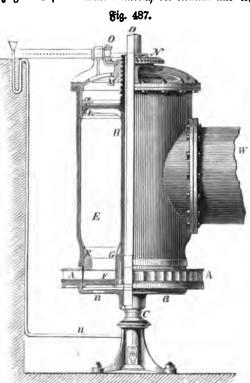
Bon ben horizontalen Wasserrabern. Fig. 486.





§. 248

Fourneyron's Turbinen. Die Fourneyron's Turbine ist, namentlich in ihrer neuesten Einrichtung, eins der vollsommensten horizontalen Wasserüder, wenn sie nach den Regeln der Mechanik richtig ausgesührt wird. Sie geht entweder in freier Luft oder unter Wasser, und ist entweder eine Nieders oder eine Hochdruckturbine. Bei der Niederdruckturbine sließt das Wasser in das oben offene Ausstußeserevoir mit freier Oberstäche zu, wie Fig. 486 (a. v. S.), dei einer Hochdruckturbine hingegen ist das Ausstußeserevoir oben verschlossen und das Wasser wird durch eine Röhre, die sogenannte Einfallröhre, von der Seite zugeführt, wie Fig. 487 zeigt. Erstere kommt natürlich bei kleinem und letztere bei großem Gefälle



Anwendung. Im in Wefentlichen besteht bas eigentliche Rab AA aus zwei horizontalen Rrangen von Gifen, aus einem gußeifernen Teller BB und aus einer ftebenben Belle CD, alfo genau aus benfels ben Theilen, wie bie in Fig. 484 abgebilbete Turbine von Cabiat. Das bei W zufliegende Wasser tritt junachst in bas cylindrifche Refervoir EE. Damit es nicht auf ben Rabteller BB brude und badurch eine bedeutende Erhö= hung ber Bapfenreibung berporbringe, wird eine bie Radwelle volltommen umschließenbe Röhre GH eingesett, und an beren unteres Ende ein Bobenteller FF befestigt,

welcher ben Drud bes baritberstehenden Wassers aufnimmt. Auf diesen Teller werden chlindrisch gebogene Bleche, die sogenannten Leitschausseln, aufs, sowie zwischen den beiden Radkränzen die sogenannten Radsschaufeln eingesetzt. Durch die Leitschaufeln, wie ab, a1 b1 u. s. w., Fig. 486 (Grundriß), erhält das durch den ringsormigen Raum am unteren Ende bes

Reservoirs EE aussließende Wasser eine bestimmte Richtung, mit welcher es auch zu dem diese Mündung umschließenden Rade AA gelangt, dessen von den Schaufeln bd, b_1d_1 u. s. w. gebildete Zellen es von innen nach außen durchläuft. Hierbei reagirt das Wasser so start gegen die hohlen Flächen der Radschauseln, daß dadurch das ganze Rad in entgegengesetzer Richtung umgedreht wird, während der Zussuß- und Leitschauselapparat seinen Stand behält.

Um den Ausfluß bes Baffers aus bem Refervoir und baburch ben Gang bes Rades zu reguliren, wird ein chlindrisches Schusbret KLLK. Fig. 486, in Anwendung gebracht, welches burch brei Stangen M, M ... gefentt und gehoben werben tann. Damit biefe Stangen recht gleichmäßig wirken, hat man verschiebene Mechanismen in Unwendung gebracht. Fournepron tuppelt biefelben burch ein Rabermert zusammen, Cabiat bingegen burch einen Rurbelapparat. Die Schitte KL besteht aus einem boblen gufeisernen Cylinder, beffen außere Dberflache bie innere Seite bes oberen Rabfranges faft berührt, weshalb beibe genau abzudreben find. Damit tein Baffer awischen ber Schute KL und bem festliegenden Chlinder NN binburchgebe, wird über LL ein Leberftulp, abnlich wie bei Bumpentolben, eingesett. Enblich werben auf die Inneufläche des Schlitzenchlinders Solzober Metallftude K,K... aufgeschraubt, und biese unten gut und glatt abgerundet, bamit bas Baffer ohne Contraction und mit bem fleinften Berlufte an lebenbiger Rraft unter benfelben jum Ausfluffe gelange. Bochbruckturbinen geben bie Schützenftangen entweber burch Stopfblichsen im Dedel bes Ausflufreservoirs, ober es ergreifen biefelben ben Schütencolinder von aufen, wie 2. B. bei ber Turbine in St. Blafien, Redtenbacher tann man endlich auch bas Reguliren bes Ausfluffes burch Beben ober Senten bes Bobentellers F, Fig. 487, bewirten. Amede läuft die Ginhullungeröhre GH oben schraubenförmig aus, und es erhält die Mutter M hierzu ein conisches Rahnrad N, das sich durch ein conisches Getriebe O in Umbrebung seten laft. Die Schraubenmutter M ift fo gelagert, bak fie teine Berfchiebung annehmen tann; es wird baber burch ihre Umbrehung ein Auf- ober Niebergeben ber Röhre GH fammt Teller F berbeigeführt. Damit aber bas Baffer von oben gang abgesperrt werbe, wird die Röhre GH noch mit einem Ropfteller HL versehen und beffen Umfang ebenfalls burch einen Leberftulp abgebichtet.

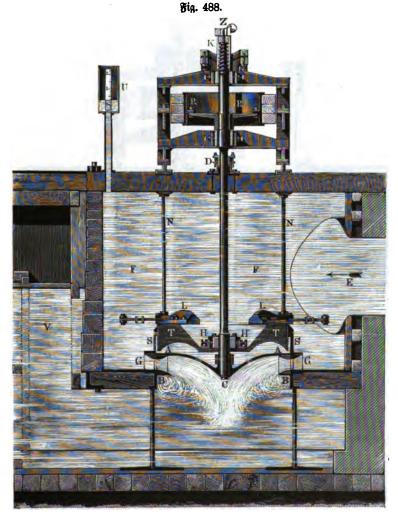
Turbinen von Francis. Anstatt bas Wasser bei seiner Arbeitsverrich §. 249 tung von innen nach außen durch bas Reactionsrad laufen zu lassen, kann man basselbe auch, wie bei ben Tangentialräbern, von außen nach innen durch bas Rad suhren. Solche Reactionsräber mit äußerer Beaufsschlagung unterscheiben sich von ben Tangentialräbern nur baburch, daß

bei benselben das Wasser am ganzen äußeren Radumsange in das Rad einstritt, wogegen es bei den Tangentialräbern nur an einer Stelle in das Rad einströmt, daß solglich bei biesen Turbinen sümmtliche Radcanäle vom Wasser gefüllt werden, während bei den Tangentialrädern das Wasser nur in abgesonderten Partien durch die Radcanäle sließt.

Solche Reactionstäder mit äußerer Beausschlagung sind in der neueren Zeit von dem Herrn S. B. Howd zu Genova im Staate New-York construirt worden. Diese unter dem Namen Howd oder United-State-Whoels bekannten Turbinen waren größtentheils aus Holz, zwar sehr einsach, jedoch theilweise auch sehlerhaft construirt. Diese Turbinen sind durch Herrn Francis, welcher sie centre-vent whoels nennt, wesentlich verbessert worden (s. die Lowell-Hydraulic-Experiments, by J. B. Francis). Namentlich hat derselbe statt der geraden Leitschauseln aus Holz krumme Leitschauseln aus Blech angewendet, sowie anch den Radschauseln eine zweckmäßigere Gestalt gegeben. Zwei solcher Turbinen mit äußerer Beausschlagung hat Herr Francis 1849 für die Boot-Cotton-Mills in Lowell ausgesicht, wovon jede bei einem Gesälle von 19 Fuß, ein Leistungsvermögen von 230 Verderässte besitzt.

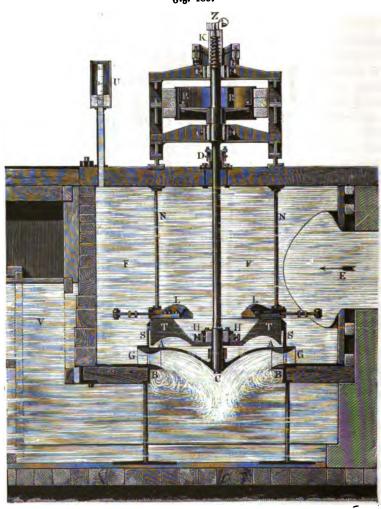
Den verticalen Durchschnitt eines solchen Rabes führt Fig. 488 vor Es ift E bas untere Ende bes 8 Fuß weiten und 130 Fuß langen Ginfallrohres, welches aus 3/8 Boll biden Blechen nach Art ber Dampfteffel zusammengenietet ist. Dieses Robr mundet seitwarts in den oben geschloffenen Rad- ober Schittenkaften FF, beffen Dedel noch 6 bis 7 Fuß unter ber Oberfläche bes Oberwasserspiegels liegt. Der Rabteller A CA hat eine glodenförmige Gestalt und ift von unten an die Welle CD geschoben und mit berfelben burch eine Schraube C fest verbunden. Der außere Radburchmeffer ift 9,338 Fuß, ber innere 7,987 Fuß, ferner bie innere Radweite AB = 1,23 Fuß und die außere = 0.999 Fuß; es nimmt also biese Weite von außen nach innen zu, während bei bem Leitschaufelapparat GG Die Anzahl ber Rad- und Leitschaufeln ift bas Gegentheil ftatt bat. = 40, und die Dide berfelben migt 3/8 und 3/8 Boll. Der flirzeste Abstand awischen je awei Radschaufeln beträgt 0,1384 fuß, und ber awischen je awei Leitschaufeln, = 0,1467 fuß. Die schmiedeeiserne Welle CDK geht bei D burch eine Stopfbuchse im Dedel bes Rabtaftens, und ihr oberes Ende K ist mit einer Reihe ringformiger Borfprlinge verseben, womit es in gleiche gestalteten ringförmigen Bertiefungen im Lagergebäufe rubt. Durch biefe zwedmäßige Aufhängungsweise wird bas enorme Gewicht ber armirten Welle von 15200 Pfund, auf eine Auflagerungsfläche von 331 Quadratzoll vertheilt, so bag jeder Quadratzoll berfelben nur noch mit 46 Bfund Die Transmission ber Rraft bes Rabes erfolgt burch ein unterhalb bes Lagergehäuses auf ber Welle CD figenbes Bahnrad, an beffen

Stelle jeboch in ber Figur die aus §. 134 bekannte und zur Ausmittelung ber Leiftungsfühigkeit des Rades dienende Bremsscheibe RR sitzt. Am



äußersten Ende der Welle ist noch ein Zählapparat Z, welcher die Beendigung einer gewissen Anzahl von Umdrehungen durch einen Glodenschlag anzeigt, angebracht. Uebrigens ruht die Welle in drei Halslagern, wovon das unterste HH auf dem Teller TT sitt, womit der Radteller vor dem Drucke des darüberstehenden Wassers geschützt wird. Dieser Schutzteller ist mittels

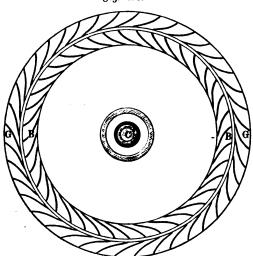
ber Arme L, L an vier Säulen N, N befestigt. Die ringförmige Schütze 88 bewegt sich in einem zwischen dem Rade und dem Leitschaufelapparat Fig. 489.



frei gelassenen Spielraume, und schließt oben mittels Leberliberung an den genau abgedrehten Umfang des Schutzellers TT an. Der Bewegungsmechanismus derselben ist in der Figur nicht angegeben. Zur Beobachtung des Wasserstandes ober und unterhalb des Rades dienen besondere Wasserstandsröhren mit Scalen, wovon die eine in U sichtbar ist. Die Turdine geht unter Wasser um.

Zur Bestimmung des Aufschlagwasserquantums diente ein unterhalb V im Unterwasser angebrachter Ueberfall von 14 Fuß Breite. Fig. 490 zeigt einen Theil vom Grundrisse des Rad- und des Leitschaufelkranzes.

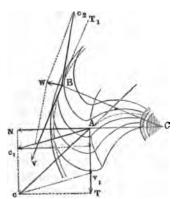




Theorie der Beactionsturbinen. Um die mechanischen Ber- §. 250 hältnisse und die Leistung der Fournehron'schen Turbinen ermitteln zu können, wollen wir folgende Bezeichnungen einführen.

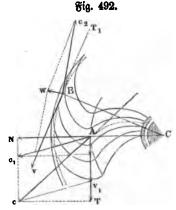
Der innere Halbmeffer \overline{CA} , Fig. 491, ober annähernd auch ber äußere Halbmeffer bes Refervoirs, fei $=r_1$, sowie ber äußere Rabhalbmeffer,

Fig. 491.



CB = r, die innere Umfangsgeschwindigkeit des Rades, $= v_1$, und die äußere = v, serner die Geschwindigkeit, mit welcher das Wasser aus dem Reservoir oder Leitschauselapparat tritt, = c, die relative Geschwindigkeit, mit welcher es in die Radcanäle eintritt, $= c_1$, und mit welcher es aus demselben heraustritt, $= c_2$; serner sei der Winkel cAT, welchen die Richtung des aus dem Reservoir tretenden Wassers mit dem inneren Radumsange einschließt, $= \alpha$, das gegen der Winkel c_1AT , welchen der in die Radzellen eintretende Wasserstrahl

mit bem inneren Rabumfange einschließt, $= \beta$, und ber Winkel $c_2 B T_1$, welchen ber aus ben Rabzellen ausströmenbe Strahl mit bem äußeren Rab-



umfange einschließt, = 8. Noch sei ber Inhalt aller Ausslußössnungen bes Leitschaufelapparates, = F, bie Summe ber Inhalte aller Eintrittsössnungen in bas Rab, = F₁, und die der Inhalte aller Ausslußössnungen am dußeren Radumfange, = F₂; serner bezeichnen wir bas ganze Radgefälle, vom Oberwasserspiegel bis Mitte der Ausmündungen bes Rades, oder, wenn bas Rad unter Wasser geht, bis Obersläche des Unterwassers gemessen, durch h, die Höhe des Oberwasserspiegels über der Mitte von den Ausmündungen des Reservoirs oder

ben Einmlindungen des Rades durch h_1 , und die Tiefe $(h_1 - h)$ der letzten unter den Ausmündungen des Rades, oder, wenn das Rad unter Wasser geht, unter der Oberstäche des Unterwassers, durch h_2 , und setzen endlich die Höhe, welche den Druck des Wassers an der Stelle, wo das Wasser aus dem Reservoir ins Rad tritt, mißt (ohne Rücksicht auf den Druck der Atmosphäre), = x.

Zunächst ist für die Ausssuggeschwindigkeit c, da sie durch die Druckhöhendifferenz $h_1 - x$ erzeugt wird,

$$\frac{c^2}{2g}=h_1-x,$$

ober genauer, wenn bas Waffer in dem Leitschaufelapparat oder beim Aussstuffe aus demselben, durch Reibung u. s. w. die Druchböhe $\xi \cdot \frac{c^2}{2\,g}$ verliert,

$$(1 + \zeta) \frac{c^2}{2a} = h_1 - x.$$

Daher folgt:

$$c = \sqrt{\frac{2 g (h_1 - x)}{1 + \zeta}}$$

und umgefehrt,

$$x = h_1 - (1 + \xi) \frac{c^2}{2g}$$

Damit das Wasser ohne Stoß in das Nad eintrete, ist es nöthig, daß sich die Ausslußgeschwindigkeit in zwei Seitengeschwindigkeiten zerlegen lasse, wovon die eine der Größe und Richtung nach mit der inneren Radgeschwindigkeit v1 zusammensalle, die andere aber mit dem in die Radcanäle eintre-

tenden Strahle einerlei Richtung habe. Dies vorausgesetzt, ist daher anch die Geschwindigkeit $\overline{Ac_1}=c_1$, mit welcher das Wasser die Radcanäle zu durchlausen ansängt, bestimmt durch die bekannte Gleichung

$$c_1^2 = c^2 + v_1^2 - 2 c v_1 \cos \alpha$$

Die Ausstußgeschwindigkeit c_2 des Wassers aus dem Rade ergiebt sich aus der Druckhöhe x beim Eintritte, aus der Druckhöhe h_2 beim Austritte, aus der Druckhöhe h_2 beim Austritte, aus der der Eintrittsgeschwindigkeit entsprechenden Höhe $\frac{c_1^2}{2g}$, und aus der der Centrifugaltraft des Wassers in dem Rade entsprechenden Bermehrung der Druckhöhe $\frac{v^2-v_1^2}{2g}$ (s. Bb. II, §. 235):

$$\frac{c_1^2}{2g} = x - h_2 + \frac{c_1^2}{2g} + \frac{v^2 - v_1^2}{2g},$$

ober, wenn man die obigen Werthe von x und c1 einsett,

$$\frac{c_2^3}{2g} = h_1 - h_2 - (1+\zeta)\frac{c^2}{2g} + \frac{c^2}{2g} + \frac{v^2}{2g} - \frac{2cv_1\cos\alpha}{2g};$$

ober, ba $h_1 - h_2 = h$ bas Totalgefälle bes Rabes ift,

$$c_3^2 = 2 gh + v^2 - 2 cv_1 \cos \alpha - \zeta \cdot c^2$$

Rimmt man noch an, baß das Wasser durch seine Reibung und durch seine trummlinige Bewegung in den Radcanälen die Druckbose $\frac{\xi_1}{2}\frac{c_2^2}{g}$ verliere, so bat man genauer:

$$(1 + \zeta_1) c_2^2 = 2 gh + v^2 - 2 cv_1 \cos \alpha - \zeta \cdot c^2$$
.

Da das Aufschlagquantum $Q=Fc=F_1\,c_1=F_2\,c_2$, also:

$$c=rac{F_1\,c_2}{F}$$
 und $v_1=rac{r_1}{r}\,v$

ift, fo folgt endlich für bie Geschwindigkeit c, mit welcher bas Baffer aus bem Rabe tritt:

$$\left[1 + \zeta \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \zeta_1\right] c_2^2 + 2 \frac{F_2}{F} \cdot \frac{r_1}{r} c_2 v \cos \alpha - v^2 = 2 g h.$$

Vortheilhafteste Gesohwindigkeit. Um dem Wasser die größte §. 251 Arbeit zu entziehen, muß bekanntlich die absolute Geschwindigkeit des austretenden Wassers möglichst klein sein. Nun ist aber diese Geschwindigkeit, als Diagonale Bw eines aus der Ausslüßgeschwindigkeit c2 und Umdrehungsgeschwindigkeit v construirten Parallelogrammes,

$$w = \sqrt{c_2^2 + v^2 - 2 c_2 v \cos \delta} = \sqrt{(c_2 - v)^2 + 4 c_2 v \left(\sin \frac{\delta}{2}\right)^2};$$

es soll baher $c_2 = v$ und δ möglichst klein sein. Damit aber bas Basser in hinreichenber Menge absließe, ist es allerdings nicht möglich, $\delta =$ Rull, sondern nur gestattet, diesen Winkel klein, etwa 10° bis 20° zu machen. Wenn wir also auch die Gleichheit $c_2 = v$ hervorbringen, so bleibt demnach immer noch die kleine absolute Geschwindigkeit

$$w = \sqrt{4 c_2 v \left(\sin \frac{\delta}{2}\right)^2} = 2 v \sin \frac{\delta}{2},$$

und ber entsprechenbe Arbeitsverluft

$$\frac{w^2}{2 g} Q \gamma = \frac{\left(2 v \sin \frac{\delta}{2}\right)^2}{2 g} Q \gamma \text{ fibrig.}$$

Wegen der Nebenhindernisse ist jedenfalls die relative Austrittsgeschwindigkeit noch etwas kleiner als die Umbrehungsgeschwindigkeit v zu sordern, um eine möglichst große Rableistung zu erhalten; da indessen bei den Turbinen mit Leitschaufeln, wie weiter unten dargethan wird, die Annahme $v=c_2$ sehr nahe den größten Wirkungsgrad giedt und diese Bedingung ohnedies auf sehr einsache Beziehungen führt, so wollen wir im Folgenden nur die Bedingung $v=c_3$ sesthalten, und dieselbe mit der letzten Gleichung des vorigen Paragraphen verbinden. Es folgt so:

$$\left[1 + \zeta \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \zeta_1\right] v^2 + 2 \frac{F_2}{F} \cdot \frac{r_1}{r} v^2 \cos \alpha - v^2 = 2gh,$$

ober:

$$\left[2\frac{F_2}{F}\cdot\frac{r_1}{r}\cos\alpha+\zeta\left(\frac{F_2}{F}\right)^2+\zeta_1\right]v^2=2gh,$$

und baber die gesuchte, ziemlich die Maximalleiftung versprechende außere Radgeschwindigkeit:

$$v = \sqrt{\frac{2 g h}{2 \frac{F_2}{F} \cdot \frac{r_1}{r} \cos \alpha + \zeta \left(\frac{F_3}{F}\right)^2 + \xi_1}}$$

Statt des Querschnittsverhältnisses $\frac{F_2}{F}$ tann man auch den Winkel β einführen, welcher die Richtung des in das Rad eintretenden Strahles mit der inneren Umfangsgeschwindigkeit $\overline{Av_1} = v_1$ einschließt. Es forbert nämlich der ungestörte Eintritt in das Rad, daß die absolute Geschwindigkeit c des Wassers durch den Eintritt nicht geändert werde, daß also der radiale Combonent

$$\overline{AN} = c \sin \alpha$$

von c auch dem radialen Componenten c_1 sin. β von c_1 , und der tangentiale Component c $cos. <math>\alpha$ von c der Tangentialgeschwindigseit

$$\overline{AT} = c_1 \cos \beta + v_1$$

bes bereits eingetretenen Waffers gleich fei. hiernach ift also

$$\frac{c_1}{c} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$
, $c \cos \alpha - c_1 \cos \beta = v_1$

unb

$$\frac{c}{v_1} = \frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}.$$

Ueberdies ist noch $Fc=F_2c_2=F_2v=rac{r}{r_1}F_2v_1$;

baher folgt

$$\frac{F_2}{F} = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{c}{v_1} = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$

und bie in Frage ftebende außere Rabgefdwindigfeit:

$$v = \sqrt{\frac{\frac{2 gh}{2 \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \sin \beta \cos \alpha} + \zeta \left(\frac{r_1 \sin \beta}{r \sin (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1}$$

fowie bie innere Umfangsgeschwindigfeit

$$v_1 = \frac{r_1}{r} v = \sqrt{\frac{2 g h}{2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} + \zeta \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}}.$$

Dhne Berudfichtigung ber Rebenverhaltniffe mare

$$v_1 = \sqrt{\frac{gh \sin (\beta - \alpha)}{\sin \beta \cos \alpha}} = \sqrt{gh (1 - tang. \alpha \cot ng. \beta)}.$$

Wasserdruck. Mit hülfe ber Formel für v läßt fich num auch ber §. 252 Drud bestimmen, welcher an ber Uebergangsstelle aus bem Reservoir in bas Rab statt hat, es ist nämlich:

$$x = h_1 - (1 + \xi) \frac{c^2}{2g} = h_1 - (1 + \xi) \frac{v_1^2}{2g} \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)} \right)^2$$

$$= h_1 - \frac{(1 + \xi) h \sin \beta^2}{2 \sin \beta \cos \alpha \sin (\beta - \alpha) + \xi \sin \beta^2 + \xi_1 \left(\frac{r}{r_1} \right)^2 [\sin (\beta - \alpha)]^2}$$

$$= h_1 - \frac{(1 + \xi) h}{1 + \cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha + \xi + \xi_1 \left(\frac{r}{r_1} \right)^2 \left(\frac{\sin (\beta - \alpha)}{\sin \beta} \right)^2}.$$

Laffen wir ber Ginfachheit wegen, bie Wiberftanbe außer Acht, fo er-halten wir

$$x = h_1 - \frac{h}{1 + \cos 2\alpha - \cot \alpha \beta \sin 2\alpha}.$$

Läuft die Turbine in der freien Luft um, so haben wir bei den zulett beschriebenen Turbinen von Fourneyron, Cabiat und Bhitelaw, $h_1 = h$, und daher:

$$x = \frac{\cos 2 \alpha - \cot g. \beta \sin 2 \alpha}{1 + \cos 2 \alpha - \cot g. \beta \sin 2 \alpha} h;$$

geht aber die Turbine unter Wasser, so ift $h_1 = h + h_2$, und baber:

$$z = \frac{\cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha} \cdot h + h_2.$$

Soll im ersten Falle der Drud Null oder vielmehr dem Atmosphärens drude gleich sein, so hat man x=0, soll er aber im zweiten Falle dem Drude des Unterwassers gegen die Radmündungen gleich sein, so hat man $x=h_2$, in beiden Fällen aber $\cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha = 0$, d. i. $\tan \beta = \tan \beta 2\alpha$, also $\beta = 2\alpha$ zu machen.

Benn also ber Eintrittswinkel & boppelt fo groß ift als ber Austrittswinkel a, so ift ber Drud an ber Stelle, wo bas Baffer aus bem Reservoir ins Rab tritt, gleich bem außes ren Lufts ober Unterwasserbrude.

Auf ber anderen Seite ist leicht zu ermessen, daß dieser innere Druck größer ist als ber außere, wenn $\beta > 2\alpha$ und kleiner ist als dieser, wenn $\beta < 2\alpha$ anställt. Natürlich ändern sich die Verhältnisse etwas, wenn man, wie nöthig, die Nebenwiderstände berücksichtigt. Es ist nämlich dann für die Gleichheit des außeren und inneren Drucks:

$$1 + \cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha + \zeta + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin (\beta - \alpha)}{\sin \beta}\right)^2 = 1 + \zeta,$$

ober cotg.
$$\beta$$
 sin. $2 \alpha = \cos 2 \alpha + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 (\cos \alpha - \cot \beta \beta \sin \alpha)^2$;

fest man im letten Gliebe cotg. $oldsymbol{eta}=cotg.$ 2 $lpha=rac{cos.}{sin.}$ 2 $rac{lpha}{a}$, so erhält man

$$\cot g. \beta \sin 2\alpha = \cos 2\alpha + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \left(\frac{\sin \alpha}{\sin 2\alpha}\right)^2$$

$$= \cos 2\alpha + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \cdot \frac{1}{A(\cos \alpha)^2},$$

und es folgt:

tang.
$$\beta = \frac{\sin 2 \alpha}{\cos 2 \alpha + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \cdot \frac{1}{4 (\cos \alpha)^2}}$$

also \$ etwas fleiner als 2 a.

Bernachlässigen wir wieder ξ und ζ_1 , so bekommen wir durch Einführtung des Werthes $\beta=2$ α :

$$v_1 = \sqrt{gh(1 - tang. \alpha \cot g. 2 \alpha)} = \sqrt{\frac{gh(1 + tang. \alpha^2)}{2}} = \frac{\sqrt{1/2 gh}}{\cos \alpha}$$
und
$$c = \sqrt{2 gh},$$

wie fich von felbft verfteht. Ift ber innere Drud größer als ber außere, fo hat man

$$v_1 > rac{\sqrt{1/2 \ g \, h}}{\cos \, lpha}$$
 und $c < \sqrt{2 \ g \, h}$,

und ift er Meiner als biefer, fo fällt

$$v_1 < rac{\sqrt{1/2 \ g \ h}}{\cos \ g}$$
 and $c > \sqrt{2 \ g \ h}$

ans.

Die im letten Paragraphen abgehandelten Drudverhältnisse sind bei \S . 253 Construction von Turbinen von großer Wichtigkeit, weil die Uebergangsstelle zwischen dem Reservoir und dem Rade nicht abgedichtet ist, und immer noch, wenn auch nur sehr enge ringsbrmige Spalten übrig bleiben, durch welche Wasser heraus, und Luft oder Wasser eindringen kann. Damit keins von beiden eintrete, muß also die Turbine so construirt werden, daß der innere Drud an dem Uebertritte in das Rad dem änßeren Lustvoder Unterwasserbrude gleich ausställt, es muß also $\beta = 2 \alpha$ oder besser, der Gleichung

tang.
$$\beta = \frac{\sin 2\alpha}{\cos 2\alpha + \xi_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^3 \cdot \frac{1}{(2\cos \alpha)^2}}$$

Genfige geleiftet werben.

Jebenfalls wird die Leiftung einer Turbine eine kleinere, es mag Wasser zwischen dem Reservoir und dem Rade durchgeben oder Lust eindringen, denn in dem einen Falle entzieht sich ein Theil des Ausschlages der Birtung und im zweiten Falle, wenn Lust oder Wasser eindringt, fibrt diese die Bewegung des Wassers in den Radzellen. Es ist solglich nöttig, um einen großen Wirkungsgrad zu erhalten, das Rad so nahe wie möglich an den Teller und an die Rückwand anschließen zu lassen und so viel wie möglich der letzten Gleichung Genüge zu leisten.

Wenn aber bei einem kleineren Aufschlagquantum die Schlitze gestellt, und badurch ein kleinerer Inhalt F der Ausslußmündung hervorgebracht wird, so entsteht natürlich eine größere Ausslußgeschwindigkeit c und deshalb wieder eine Berminderung des Druckes (x). Bar nun dieser schon vorher dem äußeren Luft- oder Unterwasserbrucke gleich, so wird derselbe jetzt bei tieserem Schützenstande kleiner als jener Außendruck sein, und dasher Luft oder Wasser von außen durch die ringsörmigen Zwischenräume eindringen und am äußeren Radumfange mit ausströmen. Geht die Tur-

bine in freier Luft um, so hat bieses Lufteinsaugen noch ben Rachtheil, daß es, wenigstens bei tieferem Schützenstande, ben vollen Ausstuß verhindert, so daß das Wasser nur an den convaven Seiten der Radcanale himströmt, ohne dieselben auszufüllen, die Reactionsturdine also in eine Orudturdine übergeht. Welches nachtheilige Berhältniß überdies noch bei tieferem Schützenstande eintritt, werden wir weiter unten näher kennen lernen.

Damit nun bei tieferem Schützenstande das nachtheilige Einsaugen und, nach Besinden, das Lostrennen der Wasserstahlen von den erhabenen Seitenslächen der Radcandle nicht eintrete, zieht man es vor, die Turbine so zu construiren, daß beim Rormalgange des Rades und also bei völlig geöffneter Schütze an der Uebergangsstelle ein mäßiger Ueberdruck a stattssinde, wenn auch eine kleine Wasserwenge durch den Zwischenzaum zwischen dem inneren Radumsange und dem außeren Schützenumsange entweicht.

§. 254 Auswahl von a und β. Wenn wir in Beziehung auf den Innenbruck eine Bestimmung nicht machen, so können wir allerdings den Winkeln a und β sehr verschiedene Werthe beilegen. Die Formel

$$v_1 = \sqrt{gh(1 - tang. \alpha \cot g. \beta)} = \sqrt{gh\left(1 - \frac{tang. \alpha}{tang. \beta}\right)}$$

giebt einen unmöglichen Werth für v_1 , wenn $\frac{tang.\alpha}{tang.\beta} > 1$, also wenn $\alpha < 90^{\circ}$ und $\beta < \alpha$ ober wenn $\alpha > 90^{\circ}$ und $\beta > \alpha$ ift. Diese Werthe für α und β sind also völlig auszuschließen, weil sie Unmögliches fordern. Ift $\alpha = \beta$, so hat man $v_1 = 0$, auch sieht man, daß die vortheilhafteste Umdrehungsgeschwindigkeit um so kleiner ausfällt, je näher sich die Winkel α und β sind. Die Formeln

$$c = rac{v_1 \sin eta}{\sin eta - (eta - lpha)}$$
 und $F_2 = rac{r_1}{r} \cdot rac{\sin eta}{\sin eta - lpha} F$

geben für $\beta < \alpha$ stets negative und also ebenfalls Unmögliches fordernde Werthe; es ist baher bei Construction einer Turbine stets nöthig, daß $\beta > \alpha$ und $\alpha < 90^{\circ}$ sei.

Zwischen diesen Grenzen kann man natürlich die Werthe von α und β sehr verschieden auswählen, doch sühren sie nicht alle auf gleich zwecknäßige Constructionen. Fourneyron nimmt $\beta=90^\circ$ und $\alpha=30^\circ$ die 33° an. Manche machen β kleiner, andere aber größer als 90° . Schauseln nach einem kleineren Werthe von β construirt, haben eine größere Arummung als Schauseln mit einem stumpsen β . Größere Arummungen geben aber auch größere Hindernisse dei ihrer Durchlausung und verhindern vielleicht gar den vollen Ausstuß. Aus diesem Grunde ist es daher anzurathen, den Winsel β eher stumps als spit, ihn vielleicht 100 dis 120° zu machen. Der Winkel α würde dann, wenn der Innendruck dem äusgeren das Gleich-

gewicht halten foll, 50 bis 55° ausfallen. Damit aber bie von den Leitschaufeln gebilbeten Canale nicht fehr bivergiren, und auch beim tieferen Schützenftanbe noch fein Saugen eintrete, macht man biefen Bintel nur 30 bis 40°, und wenn die Turbine in freier Luft geht, vielleicht gar nur 25 bis 30°. Sehr klein macht man aber α auch schon beshalb nicht, weil mit a auch ber Inhalt ber Ausflußöffnung und baber auch das Ausflußquantum abnimmt, oder vielmehr bei gegebenem Aufschlage bas Rad zu groß ausfällt. Auf ber anberen Seite ift noch zu berlichfichtigen, bag bie Berluste mit v2 gleichmäßig wachsen, und daß daher eine Turbine unter übrigens gleichen. Umftanden einen größeren Wirtungsgrad bat, wenn fie langfam umläuft, als wenn fie eine große Umbrehungegeschwindigkeit bat. Diesem aufolge follte man also fo conftruiren, bag bie Bintel a und B nicht sehr von einander abweichen, und daher ber Innendruck kleiner als ber Angendruck ausfällt. Ift b bie ben Luftbruck meffende Bobe einer Bafferfäule, fo tann man ben absoluten Bafferbrud an ber Uebergangestelle burch bie Höhe b + x meffen, und fällt nun biefe Druckbohe Rull aus, so flieft bas Wasser mit ber Maximalgeschwindigkeit

$$c \doteq \sqrt{2g(h_1 - x)} = \sqrt{2g(h_1 + b)}$$

aus bem Refervoir. Ware endlich b + x negativ, also x < -b, so würde an ber Uebergangestelle ein Inftleerer Raum entftehen, benn bas Waffer würde burch bie Rabcanale in größerer Menge ab. als burch bas Refervoir gufliegen, es wurbe baber Luft vom außeren Rabumfange aus eintreten und beshalb bas Ausflugverhältniß gang gestört werden. Führen wir nun in ber Formel für

$$x = h - \frac{h}{1 + \cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha}, x = -b$$

ein, fo erhalten wir:

$$1 + \cos 2\alpha - \cot \beta \sin 2\alpha = \frac{h}{h+b},$$

bemnach:

tang.
$$\beta = \frac{\sin 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha - \frac{h}{h+h}} = \frac{(h+b)\sin 2\alpha}{(h+b)\cos 2\alpha + b}$$

und daher die entsprechende vortheilhasteste Umdrehungsgeschwindigkeit:
$$v_1 = \sqrt{g\,h\left(1 - tang.\,\alpha \cdot \frac{(h+b)\,\cos.\,2\,\alpha + b}{(h+b)\,\sin.\,2\,\alpha}\right)} = \frac{h}{\cos.\,\alpha}\,\sqrt{\frac{g}{2\,(h+b)}}.$$

Turbinen ohne Leitschaufeln. Bei den Turbinen ohne Leits & 255 fcaufeln läßt fich a = 90° feten, weil hier bas Baffer auf bem fürzeften Wege, b. h. radial auswärts, aus bem Refervoir ausfließt.

sem Gesichtspunkte sind nun auch die Turbinen von Combes, Cadiat und Whitelaw zu betrachten. Setzen wir in der Formel für die vortheilhafteste Umdrehungsgeschwindigkeit $\alpha=90^\circ$ ein, so erhalten wir:

$$\begin{aligned} \mathbf{e}_{1}^{\mathsf{t}_{3}} &= \sqrt{\frac{2 g h}{\frac{2 \sin \beta \cos 90^{\circ}}{\cos \beta} + \xi \left(\frac{\sin \beta}{\cos \beta}\right)^{2} + \xi_{1} \left(\frac{\mathbf{r}}{r_{1}}\right)^{2}}} \\ &= \sqrt{\frac{2 g h}{\xi (\tan \beta)^{2} + \xi_{1} \left(\frac{\mathbf{r}}{r_{1}}\right)^{2}}}; \end{aligned}$$

und ohne Rudficht auf bie bybraulischen Nebenhinderniffe

$$v_1 = \sqrt{\frac{2gh}{0}} = \infty.$$

Eine unendlich große Geschwindigkeit tann aber bas Rab aus boppelten Grinben nicht annehmen, benn erstens erreicht bieselbe schon ibre Grenze, wenn die disponible Arbeit von ben Wiberständen aufgezehrt wird, wenn also

$$Qh\gamma = \left(\frac{w^2}{2g} + \xi \frac{c^2}{2g} + \xi_1 \cdot \frac{c_2^2}{2g}\right) Q\gamma,$$
b. i.
$$h = \left[\left(2\sin\frac{\delta}{2}\right)^2 + \xi \left(\frac{r_1}{r}\tan g.\beta\right)^2 + \xi_1\right] \frac{v^2}{2g},$$

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{\left(2\sin\frac{\delta}{2}\right)^2 + \xi \left(\frac{r_1}{r}\tan g.\beta\right)^2 + \xi_1}}$$

ift, und zweitens hort für ben Werth x=-b, b. i.

sher
$$h - \frac{c^2}{2g} = -b, \text{ ober } \frac{c^2}{2g} = b + h,$$
also bei
$$\frac{1}{2g} \left(\frac{r_1}{r} \cdot \frac{v \sin \beta}{\sin (\beta - 90^\circ)} \right)^2 = b + h,$$

$$v = \frac{r}{r_1} \cot g. \beta \sqrt{2g(b + h)},$$

ber volle Aussluß auf, und es treten ganz andere Berhältnisse ein, weil bas Wasser aus dem Refervoir nicht in der Menge nachströmen kann, in welcher es durch die Radcanale bei gefülltem Querschnitte abgeführt wird.

Uebrigens giebt aber auch die obige Formel

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 g h}{\zeta (tang. \beta)^2 + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}},$$

wenn man die Erfahrungszahlen & und ξ_1 einsett, v noch lange nicht co. Selbst bei ber besten Construction, Abglättung und Abrundung des Leitsschaftgauselapparates läßt sich der Geschwindigkeitscoefficient φ nicht größer als 0,96, und daher ber entsprechende Wiberstandscoefficient:

$$\zeta = \frac{1}{\varphi^2} - 1$$

nicht kleiner als $\frac{1}{0.96^2}-1=0.08$, also circa 8 Procent seten; bei Turbinen ohne diesen Apparat fällt zwar der Widerstand in demselden weg, jedoch bleibt immer noch ein gewisser Berlust beim Eintritte in die Radscandle übrig, der bei den Rödern von Combes und Cadiat vielleicht nur 5, bei den Whitelaw'schen Reactionstädern aber 10 und noch mehr Procente betragen kann, da hier die Candle zu weit sind, als daß sie allen in sie eintretenden Wasserständen eine bestimmte Richtung (β) geben konnten. Der dem Reibungs und Krümmungswiderstande in den Radsandlen entssprechende Widerstandscoefficient ξ_1 läßt sich, wie wir weiter unten sehen werden, 0,05 dis 0,15 annehmen, und wir erhalten daher sür die Turbinen ohne Leitschanseln, wenn wir $\xi_1 = 0,1$ einsehen, die vortheilhafteste Gesschwindigkeit:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 gh}{0.05 (tang. \beta)^2 + 0.1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}}$$

und für bie Whitelam'ichen Reactionsraber:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 gh}{0,1 (tang. \beta)^2 + 0,1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}}$$

Setten wir noch $\beta=60^{\circ}$ und $\frac{r}{r_1}={}^4/_{s}$, so erhalten wir im ersten Falle:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2gh}{0.148 + 0.178}} = 1,75 \sqrt{2gh},$$

und im zweiten:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 gh}{0.296 + 0.178}} = 1.45 \sqrt{2 gh}.$$

Damit übrigens bei ben Rabern ohne Leitschaufelapparat bas Baffer ohne ober mit möglichst kleinem Stofe eintrete, muß ber bekannten Gleichung

$$\frac{F_2}{F} = \frac{r_1}{r} \frac{\sin \beta}{\sin (\beta - 90^0)} - \frac{r_1}{r} \tan \beta.$$

Genüge geleistet werden. Da nun aber F2 burch ben Schutzenstand be-

ftimmt ift, fo folgt, daß die Maximalleiftung nur bei einem gewiffen Schutenftande erlangt werben tann.

§. 256 Allgemeine Theorie. Das Rullsetzen der absoluten Ausstußgeschwindigkeit w führt nur bei den Leitschaufelturdinen nahe auf die Maximalseistung, dei Turdinen ohne Leitschaufeln, sowie dei allen Turdinen, wo der Leitschaufelwinkel α nahe 90° ist, fällt dagegen der Einsluß der Rebenhindernisse auf den Gang des Rades zu groß aus, als daß $\omega = 0$, also $\omega = c_3$ gesetzt werden könnte.

Um für alle Reactionsturbinen die vortheilhafteste Umbrehungsgeschwindigkeit zu finden, ist es nöthig, zuerst einen vollständigen Ausdruck für die Leistung der Turbine zu entwickln, und dann das Maximum derselben in Hinsicht auf diese Geschwindigkeit zu bestimmen.

Die der disponiblen Leiftung Qhy durch die Rebenhindernisse entzogenen Arbeiten find

$$\xi \, \frac{c^2}{2\,g} \, Q\gamma \, + \, \xi_1 \, \frac{c_2^2}{2\,g} \, Q\gamma.$$

und ber aus der lebendigen Kraft des mit der absoluten Geschwindigkeit wofortfließenden Wassers erwachsende Arbeitsverluft ift:

$$\frac{w^2}{2g}Q\gamma = \left(\frac{c_2^2 + v^2 - 2c_2v\cos\delta}{2g}\right)Q\gamma;$$

folglich ift die übrigbleibende Rableistung:

$$L = \left(h - \xi \frac{c^2}{2g} - \xi_1 \frac{c_3^2}{2g} - \frac{c_2^2 + v^2 - 2 c_2 v \cos \delta}{2g}\right) Q\gamma$$

$$= \left(h - \frac{(1 + \xi_1) c_2^2 + v^2 - 2 c_2 v \cos \delta + \xi c^2}{2g}\right) Q\gamma.$$

Run ift aber nach §. 250:

$$(1+\zeta_1) c_2^2 = 2gh + v^2 - 2cv_1\cos\alpha - \zeta c^2,$$

baher folgt:

$$L = \left(\frac{c v_1 \cos \alpha + c_2 v \cos \delta - v^2}{g}\right) Q \gamma.$$

Da ferner $c=\frac{v_1\sin\beta}{\sin(\beta-\alpha)}=\frac{r_1}{r}\frac{v\sin\beta}{\sin(\beta-\alpha)}$ (s. §. 251) ift, so hat man:

$$c_2^2 = \frac{2gh + \left[1 - 2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} - \zeta\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2\right]v^2}{1 + \zeta_1};$$

bezeichnet man baher noch

$$\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)}$$
 durch φ ,

fowie

$$1 - 2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} - \xi \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2 \text{ burth } \psi,$$

fo erhält man:

$$c v_1 \cos \alpha = \varphi v^2$$
 unb
 $c_2 v \cos \delta = v \cos \delta \sqrt{\frac{2gh + \psi v^2}{1 + \xi_1}}$
 $= \frac{\cos \delta}{\sqrt{1 + \xi_1}} v \sqrt{2gh + \psi v^2},$

und baher:

$$L = \left(\frac{\cos \delta}{\sqrt{1+\zeta_1}} \sqrt{2gh + \psi v^2} - (1-\varphi) v\right) \frac{v Q \gamma}{g}$$

$$= \frac{\cos \delta \cdot Q \gamma}{g \sqrt{1+\zeta_1}} \left(\sqrt{2gh + \psi v^2} - \frac{(1-\varphi)\sqrt{1+\zeta_1}v}{\cos \delta}\right) v$$

$$= \frac{\cos \delta \cdot Q \gamma}{g \sqrt{1+\zeta_1}} \left(\sqrt{2gh + \psi v^2} - \chi v\right) v,$$

wenn man auch noch $\frac{(1-\varphi)\sqrt{1+\zeta_1}}{\cos\delta}$ burch χ bezeichnet.

Dieser Ausbruck wird mit $\sqrt{2\,g\,h}+\psi\,v^2\cdot v-\chi v^2$ ein Maximum, und zwar für $\chi v=rac{g\,h+\psi\,v^2}{\sqrt{2\,g\,h}+\psi\,v^2}$ ober

$$v^4 + \frac{2gh}{\psi}v^2 = \frac{g^2h^2}{\psi(\chi^2 - \psi)}$$

und es ergiebt fich burch Auflösung biefer Gleichung bie gefuchte Umbrehungegeschwindigteit:

$$v = \sqrt{\left(\frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\psi \sqrt{\chi^2 - \psi}}\right) g h_{\bullet}}$$

worin

$$\psi = 1 - 2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} - \zeta \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2$$

und

$$\chi = \left[1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)}\right] \frac{\sqrt{1 + \xi_1}}{\cos \delta}$$

einzuseten ift.

Sett man ξ und ξ_1 , sowie auch $\delta=0$, läßt man also die Nebenhindernisse und andere Berluste außer Acht, so hat man:

$$\psi = 1 - 2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)}$$

und

$$\chi = 1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)},$$

folglich:

$$\chi^{2} - \psi = \left(\frac{r_{1}}{r}\right)^{4} \left(\frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^{2},$$

$$\sqrt{\chi^{2} - \psi} = \left(\frac{r_{1}}{r}\right)^{2} \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)},$$

$$\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi} = 1 - 2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin \beta \cos \alpha} = \psi$$

und

$$v = \sqrt{\frac{1}{\sqrt{\chi^2 - \psi}} \cdot gh} = \frac{r}{r_1} \sqrt{\frac{gh \sin.(\beta - \alpha)}{\sin.\beta \cos.\alpha}},$$

wie schon oben §. 251 gefunden worden ift.

Setzen wir endlich ben erft gefundenen Werth für v in die obige Leisftungsformel

$$L = \frac{\cos \delta \cdot Q \gamma}{g \sqrt{1 + \xi_1}} \left(\sqrt{2 g h + \psi v^2} - \chi v \right) v$$

ein, so erhalten wir folgenden Ausbruck für bie Maximalleistung ber Turbine:

$$L = \left(\frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\psi}\right) \frac{\cos \delta}{\sqrt{1 + \xi_1}} \cdot Qh\gamma.$$

Da nach bem Obigen, bei Bernachläffigung ber Nebenhinderniffe,

$$\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi} = \psi$$
, sowie $\sqrt{1 + \zeta_1} = 1$ und $\cos \delta = 1$

ift, so ergiebt sich, wie zu erwarten ftand, bann bie Maximalleiftung:

L = Qhy = bem vorhandenen Arbeitsvermögen.

Bat man mit Billfe ber Formeln

$$v = \sqrt{\frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\psi \sqrt{\alpha - \psi}} \cdot gh}$$

unb

$$v_1 = \frac{r_1}{r}v$$

die Umbrehungsgeschwindigkeiten v und vi bestimmt, fo tann man auch die Geschwindigkeiten

$$c=\frac{v_1\sin.\beta}{\sin.(\beta-\alpha)},$$

$$c_1 = \frac{c \sin \alpha}{\sin \beta}$$
 unb
$$c_2 = \sqrt{\frac{2 gh + \psi v^2}{1 + \xi_1}} = \sqrt{\frac{\chi + \sqrt{\chi^2 - \psi}}{(1 + \xi_1)\sqrt{\chi^2 - \psi}} \cdot gh}$$

berechnen, und endlich bie erforderlichen Querfchnitte burch bie Querfchnitte

$$F=rac{Q}{c},\; F_1=rac{Q}{c_1}$$
 und $F_2=rac{Q}{c_2}$

crmitteln.

hat man es mit einer Turbine ohne Leitschaufeln zu thun, so find zwar bieselben Formeln in Anwendung zu bringen, nur ist hier

$$\cos \alpha = \cos 90^{\circ} = 0$$
,

folglich

$$\psi = 1 - \xi \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 (tang.\beta)^2$$

und

$$\chi = \frac{\sqrt{1+\xi_1}}{\cos \phi}$$

einzusegen.

Einfluss der Schützenstellung. Die Turbinen stehen in einer § 257 Beziehung den ober- und mittelschlägigen Wasserrädern wesentlich nach. Wenn bei einem der setzeren Räder ein kleineres Wasserquantum vorhanden oder eine kleinere Arbeit zu verrichten nöthig ist, und man zu diesem Zwecke die Schütze tieser stellt, so wird, wie wir wissen, der Wirkungsgrad wegen der schütze tieser stellensulung eher größer als kleiner; dei einer Turbine sindet aber das Gegentheil statt, es wird hier der Wirkungsgrad bei tieserem Schützenstande ein kleineren, weil nun das Wasser mit Stoß in das Radtritt. Dieses Verhältniß ist nun deshalb ein sehr ungunstiges, weil man gerade dei einem kleineren Ausschlage ösonomischer mit der Arbeit umzugehen Ursache hat, als bei einem größeren oder vielleicht im Uebersluß vorhandenen Ausschlage. Daß aber der Verlust an Arbeit bei einem tieseren Schützenstande ein sehr beträchtlicher sein kann, wird sich ans Folgendem ergeben.

Berlegen wir die Geschwindigkeiten c und c1 in ihre radiale und tangentiale Componenten

c sin. α, c cos. α, c₁ sin. β und c₁ cos. β, und subtrahiren wir je zwei berselben von einander, so bleiben die resativen Geschwindigkeiten

 $c\sin\alpha-c_1\sin\beta$ und $c\cos\alpha-c_1\cos\beta$; ba aber noch das Wasser im Rade mit diesem die Geschwindigkeit v_1 gemeinschaftlich hat, so ist in Wirklichkeit die letztere relative Geschwindigkeit $=c\cos\alpha-c_1\cos\beta-v_1$.

Einem befannten Gefete gufolge ift nun ber einer plötlichen Aufhebung bicfer Gefchwindigkeiten entsprechende Berluft an Drudbobe (f. Bb. I, §. 436):

$$y = \frac{1}{2g} [(c \sin \alpha - c_1 \sin \beta)^2 + (c \cos \alpha - c_1 \cos \beta - v_1)^2],$$

ober an mechanischer Leiftung:

$$Y = y Q \gamma = [(c \sin \alpha - c_1 \sin \beta)^2 + (c \cos \alpha - c_1 \cos \beta - v_1)^2] \frac{Q\gamma}{2g}.$$

Führen wir in biefer Formel

$$c_2 = v$$
 and $v_1 = \frac{r_1}{r}v$,

ferner

$$c = \frac{F_2}{F}v$$
 and $c_1 = \frac{F_2}{F_1}v$

ein, fo erhalten wir biefen Arbeiteverluft:

$$Y = \left[\left(\frac{F_2 \sin \alpha}{F} - \frac{F_2 \sin \beta}{F_1} \right)^2 + \left(\frac{F_2 \cos \alpha}{F} - \frac{F_2 \cos \beta}{F_1} - \frac{r_1}{r} \right)^2 \right] \frac{v^2}{2g} Q \gamma.$$

Siernach läßt fich beurtheilen, welche Leiftung einer Turbine entgeht, wenn fie ben Formeln

$$F_1 \sin \alpha = F \sin \beta$$

unb

$$F_1 \cos \alpha = F \cos \beta + \frac{FF_1}{F} \cdot \frac{r_1}{r}$$

nicht Genüge leistet. Wenn aber auch diesen Forderungen bei dem Normalgange, b. i. bei völlig geöffneter Schlitze, entsprochen wird, so geschicht es boch nicht mehr, wenn die Schlitze tieser sieht und F einen kleineren Werth F_x annimmt. Dieser Arbeitsverluft ist dann bei der Geschwindigkeit

$$c_1 = v = \sqrt{\frac{gh \sin (\beta - \alpha)}{\sin \beta \cos \alpha}}$$
:

$$Y = \left[\left(\frac{F_2 \sin \alpha}{F_x} - \frac{F_2 \sin \beta}{F_1} \right)^2 + \left(\frac{F_2 \cos \alpha}{F_x} - \frac{F_2 \cos \beta}{F_1} - \frac{r_1}{r} \right)^2 \right] \frac{r^2}{2g} Q \gamma,$$

ober hierin

$$F \sin \beta = F_1 \sin \alpha$$

unb

$$F \cos \beta + \frac{FF_1}{F_2} \cdot \frac{r_1}{r} = F_1 \cos \alpha$$

eingefett,

$$\begin{split} Y &= \left[\left(\frac{1}{F_x} - \frac{1}{F} \right)^2 (F_2 \sin \alpha)^2 + \left(\frac{1}{F_x} - \frac{1}{F} \right)^2 (F_2 \cos \alpha)^2 \right] \frac{v^2}{2g} Q \gamma \\ &= \left(\frac{F_2}{F_x} - \frac{F_2}{F} \right)^2 \frac{v^2}{2g} Q \gamma. \end{split}$$

Setzen wir nur beispielsweise $\frac{v_1^2}{2g}=1/2\,$ h, was bei ben Turbinen von Fourneyron zulässig ift, so erhalten wir:

$$Y = \left(\frac{F_2}{F_r} - \frac{F_2}{F}\right)^2 \cdot \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} Qh\gamma;$$

also bei halb geöffneter Schlite, wo $F_x = 1/2 F$ ift,

$$Y = 1/2 \left(\frac{F_2 r}{F r_1}\right)^2 Qh\gamma.$$

Man ersieht hieraus, daß dieser Berlust dadurch herabgezogen werden kann, daß man die Berhältnisse $\frac{F_2}{F}$ und $\frac{s}{r_1}$ klein, also überhaupt die Ausmündung des Rades und den äußeren Radhalbmesser klein, die Ausemlindungen und den Halbmesser des Reservoirs aber groß macht.

Da
$$rac{F_2}{F}=rac{r_1\,sin.\,eta}{r\,sin.\,(eta-lpha)}$$
 ift, so hat man im letten Falle auch $Y={}^1\!/{}_2\left(rac{sin.\,eta}{sin.\,(eta-lpha)}
ight)^2Qh\gamma$,

und folglich für $\beta = 90^{\circ}$ und $\alpha = 20^{\circ}$:

$$Y = 0.57 Qh\gamma$$
.

Es geben also in biefem Falle 57 Brocent an Leistung verloren.

In der Regel hört bei tieferen Schützenstellungen, wenn $F_x < 1/2 F$ ift, der volle Aussluß ganz auf, indem das Baffer die Radcanäle nicht vollständig aussillt, und das Rad in eine Druckturbine übergeht.

Um ben Arbeitsverluft, welcher bei einem tieferen §. 258 Stellapparate. Schütenftanbe eintritt, zu vermeiben ober minbeftens zu ermäßigen, und um ben vollen Ausfluß bes Wassers aus bem Rabe nicht zu verlieren, hat man in der neuesten Zeit mancherlei Borrichtungen und namentlich Fournepron zu biefem Zwede bie Ctagenraber (f. S. 248, Fig. 486) in Anwendung gebracht. Dieselben Räber sind von anderen Turbinen nur insofern verschieben, ale fie burch eine ober zwei ringförmige Scheibewande in zwei ober brei Raume abgetheilt find, fo daß bei tieferem Schupenstande eine oder zwei Abtheilungen gang abgeschlossen und bas Baffer nur burch bie übrigen Abtheilungen ober Stagen geht. Diefe Raber erfüllen natürlich ihren Zwed nicht vollständig. Antere ift es aber bei bem in Fig. 493 (a. f. S.) abgebildeten Apparate von Combes. Sier befindet sich zwischen beiben Radfrangen AA und BB ein Teller DD, ber sich burch Stangen E.E... mit Bulfe eines einfachen Dechanismus, felbft mabrend bes Ganges ber Maschine, heben und fenten läßt und immer fo gestellt wird, bag bas bei FF auftrömende Baffer bei feinem Ausflusse ben Raum AD vollstänbig ausfüllt. Betenfalls erfüllt biefes Rab seinen Zwed vollständig, nur ift feine Ausführung schwer und tostbar.

Fig. 493.

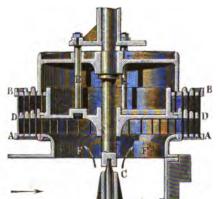


Fig. 494.





Eine ähnliche Construction, wo auch das Wasser von unten zusließt, hat die Turbine von Laurent und Decherr (s. Armengaud, Publ. Ind. Vol. 6, auch die Zeitschrift "der Ingenieur" Bb. II). Bei dieser Turbine ist sowohl der obere Radkranz als auch der Radkeller verstellbar, um nicht allein die Radweite, sondern auch die Hohe des Leitschaufelapparates, entsprechend der Größe des Ausschlags, abandern zu können. Natürlich sind beide mit den nötzigen Durchschnitten versehen, damit sie über die Radund Leitschaufeln hinweggezogen werden können.

Die Turbinen von Callon sowie auch die von Gentilhomme find ebenfalls so construirt, daß das, wenn auch in kleiner Menge zusließende Wasser noch die Radzellen bei seiner Bewegung durch dieselben ausstüllt. Einen Theil der Callon'schen Turbine stellt Fig. 494 sowohl im Aufals auch im Grundriffe vor.

Man sieht, der Leitschaufelapparat B ist hier oben ganz zugedeckt und von innen durch ein System von Schützen E, E..., wovon jede über zwei Leitschaufeln weggeht, zu verschließen. Um den Ausstuß des Wassers zu reguliren, hat man also nur eine gewisse Anzahl von Schützen zu heben und die übrigen ganz niederzulassen. Obgleich durch diesen Ausstußapparat das Wasser in jedem Falle ohne Stoß in das Nad eintreten kann, so besitzt doch dieses Rad noch insofern einen gewissen Grad von Unvollsommenheit,

als hier das Wasser wenig oder gar nicht durch Reaction wirken kann, da es nicht in ununterbrochenen Strömen durch bessen Canäle hindurchsließt. Bei diesem abwechselnden Leeren und Küllen der Radcanäle sind die Gesschwindigkeiten c, c_1 und c_2 unaufhörlichen Schwankungen unterworsen, wenn x nicht = 0, also β nicht $= 2\alpha$ ist. Während z. B. bei noch ungefülltem Radcanale $c = \sqrt{2gh}$ ist, fällt bei vollständiger Füllung des Canales

$$c = \sqrt{2g(h-x)}$$

aus; so oscillirt mit jedem Fullen und Lecren, oder während eine Radzelle von einer verschlossenen Schutze zur anderen rudt, die Geschwindigkeit o innerhalb der Grenzen

$$\sqrt{2gh}$$
 und $\sqrt{2g(h-x)}$

unaufhörlich. Wenn nun die Maximalleistung nur bei einem bestimmten Werthe von v und $c_2=\frac{Fc}{F_2}$ zu erreichen ist, so fällt in die Augen, daß bei einem veränderlichen Werthe von $c_2=\frac{Fc}{F_2}$ dieselbe nicht erlangt werden kann.

Bei ber Turbine von Gentilhomme wird berfelbe Zwed burch Kreissectoren erreicht, welche mittels Zahnrad und Getriebe so gestellt werden, baß
sie einen Theil bes Leitschaufelapparates verschließen. Jedenfalls ist biese Einrichtung noch unvollkommener als die bei ber Callon'schen Turbine.

Anmerkung. Eine abnliche Stellvorrichtung wie bie Combes'iche giebt auch ber Ingenieur Ganel an. S. beutsche Gewerbzeitung, 1846.

Druckturbinen. Es ist nun noch nöthig, eine Bergleichung zwischen §. 259 ben seither betrachteten Reactionsturbinen und ben Stoß- und Drudturbinen, in welche jene allemal übergehen, wenn die Schütze C, Fig. 495,

Fig. 495.



bie größere Hälfte ber Radweite AB verschließt, andustellen. Da das Wasser W die Radcanäle nur zum Theil anfüllt, so ist bei einem Gange in freier Lust der übrige Theil mit Lust angefüllt, es ist daher auch der Druck unmittelbar vor dem Rade dem Atmosphärendrucke gleich, und die Geschwindigkeit stets $c = \sqrt{2gh}$, und nicht von dem Gange des Rades

abhangig. Run haben wir aber filr bie Austrittegefcwinbigfeit:

$$c_2^2 = 2 gh + v^2 - 2 cv_1 \cos \alpha$$
,

und für die Maximalleiftung:

$$c_2 = v$$

baber gilt für biefe Turbinen bie Regel:

$$2 c v_1 \cos \alpha = 2 g h$$

ober $c = \sqrt{2gh}$ substituirt:

$$v_1 = \frac{\sqrt{2gh}}{2\cos\alpha}$$
.

Für bie Reactionsturbinen haben wir

$$v_1 = \sqrt{gh (1 - tang, \alpha \cot g, \beta)}$$

gefunden; und wir schen daher, baß die Bedingungen für die Maximalleistung beider zusammenfallen, wenn $\frac{1}{2\cos\alpha^2}=1-tang.\alpha\,cotg.\,\beta$ oder

tang. $\beta=\tan g$. 2α , also $\beta=2\alpha$ ist; welche Beziehung uns allerdings schon insosern bekannt ist, da wir sie unter der Bedingung x=0 gesunden haben. Es sindet also insosern ein wesentliches Unterschied zwischen den Turbinen beider Classen statt, als die Geschwindigkeit der Maximalleistung bei der einen Classe nicht von β abhängt, bei der anderen aber durch β bedingt ist, und daß nur sür $\beta=2\alpha$ diese Geschwindigkeit sür deide Classen eine und dieselbe ist. Während man also die Geschwindigkeit v_1 durch Auswahl des Winkels β bei den Reactionsturdinen innerhalb sehr weiter Grenzen beliedig machen kann, ist dei den Druckturdinen eine solche Wahl gar nicht gestattet.

In Beziehung auf die Leistungen beiber Raber läft fich aber Folgenbes als Thatfache anführen. Wenn man bei einer Reactionsturbine bie Schute allmälig tiefer nieber läßt, fo ftellt fich ein fleinerer Wirtungegrab beraus; hat man biefelbe endlich fo tief gestellt, bag bas Baffer bie Radcanale nicht mehr zu fullen vermag und die Turbine in eine Drudturbine übergeht, fo wird plöglich der Wirfungegrad ein größerer, weil nun ber burch die plotsliche Gefdwindigfeiteveranderung berbeigeführte Arbeiteverluft wegfallt. Bei noch tieferen Stellungen nimmt ber Birtungsgrad wieber allmälig ab. Diefem aufolge icheint allerdings ben Druckturbinen ein ansehnlicher Borgug por ben Reactionsturbinen eingeräumt werden zu muffen, allein berfelbe ift wegen anderer Beziehungen boch nicht überwiegend, und nur bann jugugestehen, wenn eine Turbine mit fchr veranderlichen Baffermengen gefpeift wird und nicht unter Baffer umläuft. Da bas in bas Rab eintretenbe Waffer hier einen viel weiteren Raum vorfindet, als es bei feiner Befchwindigkeit nothig hat, fo nimmt es in bemfelben unregelmäßige Seitenbewegungen an, und tritt nicht nur nicht mit ber oben berechneten Gefdmindigfeit c, aus, fondern verliert auch einen Theil feines Arbeitsvermigens, welchen bie besonderen Biberftanbe bei ben unregelmäßigen Bemegungen und bas Berreigen bes Baffers verzehren. Siervon liefern gablreiche Beobachtungen ben ficherften Beweis, und es lägt fich berfelbe an jeber Turbine auch fogleich führen, wenn man fie mit ber vortheilhafteften

Geschwindigkeit einmal als Reactions, und einmal als Druckturbine ums laufen läßt. Immer giebt die Turbine bei vollem Ausflusse und völlig geöffneter Schütze einen größeren Wirkungsgrad, als bei einem durch einen tieseren Schützenstand hervorgebrachten unvollen Ausslusse.

Bei Turbinen, welche unter Wasser gehen, erfolgt stets ein voller Aussstuß; diese Räber sind also nur Reactionsturbinen. Bon ihnen ift natürlich ebenfalls bei völlig geöffneter Schütze ein größerer Wirkungsgrad zu erwarten, als von ben in freier Luft umlaufenden Druckturbinen; dagegen läßt sich auch bestimmt darauf rechnen, daß bei tieferem Schützenstande, wo die Schutzmündung nur 2/3 oder noch ein kleinerer Theil der Nadweite ist, der Wirkungsgrad der ersteren Turbine sich kleiner herausstellt, als bei einer Druckturdine. Es ist hiernach der große Nutzen der Etagen oder der Stellkränze zu ermessen.

Anmerkung. Die alteren Fournepron'ichen Turbinen waren bloße Druckturbinen; nachbem man aber von ben größeren Leistungen ber Reactionsturbinen vielsache Beweise erlangt hat, werben jeht fast nur Reactionsturbinen construirt. Mehrere in hiesiger Umgegenb im Gange befindliche Druckturbinen sprechen burch ihre kleinen Wirkungsgrade ebenfalls nicht zu Gunsten bieser Raber.

Leistung der Reactionsturbinen. Bir können nun auch die §. 260 Leistung einer Reactionsturbine mit innerer Beaufschlagung ausmitteln. Das disponible Arbeitsquantum ist, bei der Ausschlagunge Q und dem Gesälle h:

$$L = Qh\gamma$$
.

Hiervon gehen aber bie Verluste ab, welche bas Wasser beim Durchgange burch bie Rab- und Leitschaufelcanäle in Folge ber Reibung u. s. w. erleibet. Da bas Wasser mit ber Geschwindigkeit e aus bem Leitschaufelapparate tritt, so können wir ben Druchöhenverlust beim Durchgange des Wassers durch biesen seinen:

$$h_1=\xi\frac{c^2}{2g},$$

und da es mit einer Geschwindigseit c_2 aus den Radcanälen strömt, so können wir den Druckverlust beim Durchgange des Wassers durch diese Canäle durch eine Widerstandshöhe

$$h_2=\zeta_1\cdot\frac{c_2^2}{2g}$$

meffen.

Nach ben Bersuchen bes Bersassers ist für gut construirte Canale ber Widerstandscoefficient $\xi=\xi_1=0.05$ bis 0,10 zu setzen. (S. den Aufssatz im polytechn. Centralblatt, 1850, Lieferung III, betitelt: "Bersuche über den Widerstand, welchen das Wasser beim Durchgange durch die Turbinencanale erleidet.")

Bu diesen Druckverlusten kommt noch die Geschwindigkeitshöhe $\frac{40^3}{2\,g}$ des absließenden Wassers, welche mit der lebendigen Kraft besselben dem Rade entzogen wird. Wir können daher die effective Leistung der Turbine seinen:

$$L_1 = [h - (h_1 + h_2 + h_3)] Q\gamma$$

= $\left(h - \frac{\xi c^2 + \xi_1 c_3^2 + w^2}{2 g}\right) Q\gamma$.

Für den vortheilhaftesten Gang hat man $c_2 = v$, ferner $w = 2 v \sin \frac{\delta}{2}$ und, da $cr_1 \sin \alpha = c_2 r \sin \delta$ ist,

$$c = \frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} \cdot c_2 = \frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} \cdot v,$$

folglich, wenn man noch & = & annimmt,

$$\begin{split} L_1 &= \left[h - \left(\xi \left[1 + \left(\frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} \right)^2 \right] + 4 \left(\sin \frac{\delta}{2} \right)^2 \right) \frac{v^2}{2 g} \right] Q \gamma \\ &= \left[1 - \left(\xi \left[1 + \left(\frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} \right)^2 \right] + 4 \left(\sin \frac{\delta}{2} \right)^2 \right) \frac{v^3}{2 g h} \right] Q h \gamma, \end{split}$$

alfo ift ber Wirtungsgrab ber Turbine:

$$\eta = \frac{L_1}{L} = \frac{L_1}{Qh\gamma}$$

$$= 1 - \left(\xi \left[1 + \left(\frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha}\right)^2\right] + 4 \left(\sin \frac{\delta}{2}\right)^2\right) \frac{v^2}{2gh}.$$

Rach bem Obigen (§. 251) ift aber

$$\frac{v^2}{2gh} = \frac{1}{\xi \left[1 + \left(\frac{r_1 \sin \beta}{r \sin \beta}\right)^2\right] + 2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin \beta \cos \beta}}$$

ober, ba
$$c = \frac{v_1 \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)} = \frac{r_1 v \sin \beta}{r \sin (\beta - \alpha)} = \frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} v$$
, also

sin.
$$\delta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$
 sein muß,

$$\frac{v^2}{2gh} = \frac{1}{\xi \left[1 + \left(\frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha}\right)^2\right] + 2 \cot g. \alpha \sin \delta};$$

baber läßt fich endlich ber Wirfungsgrad ber Turbine

$$\eta = 1 - \frac{\xi \left[1 + \left(\frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} \right)^2 \right] + 4 \left(\sin \frac{\delta}{2} \right)^3}{\xi \left[1 + \left(\frac{r \sin \delta}{r_1 \sin \alpha} \right)^2 \right] + 2 \cot g. \alpha \sin \delta}$$

feten.

Bon ber hier gefundenen Leistung ift noch ber Arbeitsverluft abzuziehen, welchen die Reibung am Stifte des Rabes herbeiführt. Ift G bas Gewicht ber umlausenden Turbine, ro ber Halbmeffer ihres Zapfens ober Stiftes und bezeichnet o ben Reibungscoefficienten, so haben wir diesen Arbeitsverluft:

$$L_2 = \frac{9}{3} \varphi G \cdot \frac{r_2}{r} v$$
 (j. 8b. I, §. 188).

Die im Obigen entwidelten Formeln und Regeln gelten nicht allein für Turbinen mit innerer, sondern auch für solche mit äußerer Beaufschlasgung, nur hat man hier v und vi, sowie r und ri mit einander zu vertauschen, also unter r den inneren und ri den Radhalbmesser, sowie unter v die innere und unter vi die äußere Radgeschwindigkeit zu verstehen.

Uebrigens ist nur bei Turbinen, welche unter Wasser gehen, & von Wasserspiegel zu Wasserspiegel zu nehmen, bei Turbinen, welche in freier Luft umlaufen, hingegen von Oberwasserspiegel bis Mitte ber Ausmündungen bes Rades. Im letzteren Falle geht also durch das Freistellen, von Mitte ber Ausmündungen bis Unterwasserspiegel gemessen, ein Theil des Totalgefälles verloren, wogegen den unter Wasser gehenden Turbinen durch die Reibung des Wassers am Rade ein Berlust erwächst.

Anmerfung. Bei hochbrudturbinen ift auch noch ber Arbeiteverluft, welchen bie Reibung bes Baffere in ben Ginfallrobren veranlagt, abzugieben.

Da schon wegen der Bewegungshindernisse des Wassers in den Rad und §. 261 Leitschaufelcanälen der vortheilhafteste Gang nicht genau für $c_2 = v$ statt hat, so wird dieses um so mehr der Fall sein, wenn das Wasser mit Stoß in das Rad eintritt. Lassen wir eine Turbine nicht mit der vortheilhaftesten Geschwindigkeit umlausen, setzen wir aber voraus, daß die Schlitze völlig gesössen, folglich

$$Fc = F_1c_1$$
, ober $c \sin \alpha = c_1 \sin \beta$

fei, so haben wir für die relative Austrittsgeschwindigkeit c2, ftatt

$$\left[1 + \xi \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \xi_1\right] c_2^2 + \frac{2 F_2}{F} \cdot \frac{r_1}{r} c_1 v \cos \alpha - v^2 = 2 gh$$
(aus §. 250),

$$\left[1 + \xi \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \xi_1\right] c_2^2 + \frac{2F_2}{F} \cdot \frac{r_1}{r} c_2 v \cos \alpha - v^2 = 2g (h - y),$$

ober, nach §. 257:

$$\left[1 + \xi \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \xi_1\right] c_2^2 + \left[\left(\frac{F_2 \cos \alpha}{F} - \frac{F_2 \cos \beta}{F_1}\right) c_2 - \frac{r_1}{r} \epsilon\right]^2 + \frac{2F_2}{F} \frac{r_1}{r} c_2 v \cos \alpha - v^2 = 2gh$$

gu feten.

Mit Billfe biefer Gleichjung tann man c, burch v ausbruden, und fett man nun biefen Werth in bie Leiftungsformel

$$L_{1} = \left(h - y - \frac{\xi c^{2} + \xi_{1} c_{2}^{2} + w^{2}}{2g}\right) Q \gamma$$

$$= \left[h - \frac{1}{2g} \left(\left[\xi \left(\frac{F_{2}}{F}\right)^{2} + \xi_{1}\right] c_{2}^{2} + \left[\left(\frac{F_{2} \cos \alpha}{F} - \frac{F_{2} \cos \beta}{F_{1}}\right) c_{2} - \frac{r_{1}}{r} v\right]^{2} + (c_{2}^{2} - 2 c_{2} v \cos \delta + v^{2})\right)\right] Q \gamma$$

ein, fo läßt sich burch bicfelbe bie einer beliebigen Umbrehungsgeschwindigkeit v entsprechende Leiflung ber Turbine berechnen.

Geht die Turbine ohne Laft um, fo ift ihre Leiftung = Rull, und baber:

$$\begin{split} \left[\zeta\left(\frac{F_{2}}{F}\right)^{2} + \zeta_{1}\right]c_{2}^{2} + \left[\left(\frac{F_{2}\cos\alpha}{F} - \frac{F_{2}\cos\beta}{F_{1}}\right)c_{2} - \frac{r_{1}}{r}v\right]^{2} \\ + c_{2}^{2} - 2c_{2}v\cos\delta + v^{2} = 2gh. \end{split}$$

Bieht man biefe Gleichung von ber obigen Gleichung für c_2 ab, so erhält man folgenden einfachen Ausbruck für die nun mit v_0 zu bezeichnende Maximalumdrehungszahl:

$$2 v_0^2 = 2 \cdot \frac{F_2}{F} \cdot \frac{r_1}{r} c_2 v_0 \cos \alpha + 2 c_2 v_0 \cos \delta$$

ober:

$$v_0 = \left(\frac{F_1}{F} \cdot \frac{r_1}{r} \cos \alpha + \cos \delta\right) c_2$$
,

fowie:

$$c_2 = \frac{v_0}{\frac{F_2}{h^2} \cdot \frac{r_1}{c} \cos \alpha + \cos \delta}$$

Wenn wir biefen Werth von c, in die Gleichung

$$\left[1 + \zeta \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \zeta_1\right] c_2^2 + \left[\left(\frac{F_2 \cos \alpha}{F} - \frac{F_2 \cos \beta}{F_1}\right) c_2 - \frac{r_1}{r} v_0\right]^2 + \frac{2F_2}{F} \frac{r_1}{r} c_2 v_0 \cos \alpha - v_0^2 = 2gh$$

feben, fo erhalten wir baburch eine Formel gur Bestimmung ber Gefdwin-

bigkeit v_0 , mit welcher bas Rab unbelastet umläuft, und es läßt sich nun bieselbe mit ber Geschwindigkeit $v=c_2$ vergleichen, wobei bas Wasser ohne Stoß in bas Rab tritt, und bie Leistung bes letteren nahe ein Maximum ist

Anmerkung. Bet ben gewöhnlichen Leitschaufelturbinen ist σ nahe = σ und flein, folglich auch $\cos \sigma = \cos \sigma$ nahe = 1, sowie $\frac{F_3}{F} = \frac{r}{r_1}$, und baher für den Leergang des Nades:

$$c_2=rac{v_0}{rac{F_2}{h^2}\cdotrac{r_1}{r}\coslpha+\cos\delta}$$
 have $=rac{v_0}{2}\cdot$

Segen wir nun noch $\frac{r_1}{r} = \frac{8}{4}$ und $\zeta_1 = \zeta = 0,1$, so erhalten wir:

$$\left[1 + \zeta \left(\frac{F_2}{F}\right)^2 + \zeta_1\right] c_s^4 = (1 + 0.1 \cdot \frac{16}{9} + 0.1) \frac{v_0^4}{4} = 0.32 v_0^4,$$
 ferner $F_1 = F$ und $\cos \beta = \cos \alpha$ angenommen:

$$\left[\left(\frac{F_2}{F} \cos \alpha - \frac{F_3}{F_1} \cos \beta \right) c_2 - \frac{r_1}{r} v_0 \right]^2 = \left(\frac{r c_3}{2 r_1} - \frac{r_1 v_0}{r} \right)^2 = (\frac{1}{3} - \frac{3}{4})^2 v_0^2$$

unb

$$2\frac{F_2}{h'}\frac{r_1}{r}c_2v_0\cos a=v_0^2$$

fo bag nun

$$(0.32 + 0.17 + 1 - 1) v_0^8 = 2 gh$$
, ober $0.49 \frac{v_0^8}{2 g} = h$

folat.

Für die Geschwindigkeit $v=c_2$ bes Rades, wobei vasselbe nahe die Naxismalarbeit verrichtet, ist annähernd

$$\left(1+\zeta\frac{F_2}{F}+\zeta_1\right)c_s^2=1,28\,v^2,$$

ferner

$$\begin{split} \left[\left(\frac{F_3}{F} \; \cos \alpha \; - \; \frac{F_2}{F_1} \cos \beta \right) \; c_2 \; - \; \frac{r_1}{r} \; v \right]^2 = (\sqrt[8]{s} - \sqrt[8]{s})^2 \; v^2 \; \text{name} = 0,01 \quad \text{und} \\ 2 \; \frac{F_3}{F} \; \frac{r_1}{r} \; c_2 \; v \; \cos \alpha \; = \; 2 \; v^3, \end{split}$$

baher:

$$(1,29+2-1)$$
 $v^2=2gh$

so bas sid

$$2,29 \cdot \frac{v^2}{2a} = h$$
 ergiebt.

hiernach folgt nun:

$$\frac{v_0^2}{v^2} = \frac{2,29}{0,49}$$
 nahe = 5 unb

$$\frac{v_0}{n} = \sqrt{5} = 2,22.$$

In Folge ber Bapfenreibung muß bieses Berhältniß noch etwas fleiner aussfallen. In ber That, es führen auch bie angestellten Bersuche gewöhnlich auf bas

Berhaltniß $\frac{v_0}{v}=2$; b. h. es läuft erfahrungsmäßig, bie Lurbine unbelaftet noch einmal fo schnell um als mahrend ihrer größten Arbeitsverrichtung.

§. 262 Anordnung der Leitschauselturbinen. Wir haben nun die nöthigsten Regeln zur Berechnung, Anordnung und Construction der Turbinen mit innerer Beaufschlagung zu entwickeln. Jedenfalls können wir das Aufschlagquantum Q und das Gefälle das gegeben ansehen; und wäre statt Q die Leistung L gegeben, so würde sich wenigstens Q aus L und aus dem Wirkungsgrade η (circa 0,75) durch die Formel

$$Q = \frac{L}{\eta \, h \, \gamma}$$

berechnen lassen. Die übrigen Größen r, r_1 , α , β , δ , v, n, e u. f. w. sind nun theils beliebig, theils ersahrungsmäßig anzunehmen, theils theoretisch zu bestimmen. Zunächst nimmt man den Winkel α beliebig an. Bei den Räbern ohne Leitschaufeln ist er bekanntlich als 90° in Rechnung zu bringen, bei den Leitschaufelturbinen, von welchen zunächst die Rede ist, hot man

1)
$$\alpha = 20$$
 bis 30°

zu machen, ersteres bei hohem, letteres bei kleinem Gefälle, um bort nicht zu weite und hier nicht zu enge Ausflußöffnungen, also bort nicht zu kleine und hier nicht zu große Räber zu erhalten.

Orr Eintrittswinkel β ist burch bie Auswahl von α gewissermaßen schon bestimmt. Damit bas Wasser ohne Drud in bas Rab eintrete, müßte $\beta=2$ α sein, weil aber bieser Drud abnimmt, wenn bie Schütze tieser gestellt wird, so macht man, um keinen negativen Drud zu erhalten, β größer als 2 α , am besten möchte vielleicht

2) $\beta = 2 \alpha + 20^{\circ}$ bis $2 \alpha + 30^{\circ}$ anzunchmen sein.

Das Berhältniß $u = rac{r}{r_1}$ ber Rabhalbuieffer zu einander ift

3) zwischen den Grenzen 1,25 bis 1,5 auszuwählen.

Aus leicht begreiflichen Gründen ist bei einem großen Werthe von β und bei einem großen Rade das kleinere Berhältniß, bei einem kleineren Werthe von β und bei einem kleineren Rade aber das größere Berhältniß auszu-wählen.

Der Austrittswinkel & ift burch bie Formel

4)
$$\sin \delta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)} = \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\nu^2 \sin (\beta - \alpha)}$$

bestimmt.

Dieser Winkel barf, bamit bem abstießenden Wasser so viel wie möglich Arbeitsvermögen entzogen werde, nicht über 20 Grad betragen, und es sind beshalb die Werthe von α , β und $\nu=\frac{r}{r_1}$ so zu nehmen, daß δ unter 20 Grad aussällt. Manche, z. B. Combes und Callon, suchen δ badurch heradzuziehen, daß sie dem Rade außen eine größere Weite geben als innen; da aber dadurch ber volle Ausstluß des Wassers gefährdet wird, so ist diese Construction mit Borsicht anzuwenden.

Um ferner die Halbmesser des Rades und des Ansflußreservoirs zu ers mitteln, wollen wir, in Uebereinstimmung mit den besseren der bekannten Turbinen, zur Bedingung machen, daß die Geschwindigkeit des Wassers im Reservoir 3 Fuß nicht überschreite. Legen wir aber diese Geschwindigkeit zu Grunde und lassen wir dabei die Querschnitte der Wellenröhre und der Schütze außer Acht, so können wir segen:

$$Q = 3 \pi r_1^2$$

und folglich umgetehrt, ben außeren Salbmeffer bes Ausflußgefäßes ober ben inneren Rabhalbmeffer:

5)
$$r_1 = \sqrt{\frac{\overline{Q}}{3\pi}} = 0.326 \ \sqrt{\overline{Q}}$$

wo r, in Jug und Q in Cubiffuß zu nehmen find.

Aus biefem Rabius folgt nun ber außere Rabhalbmeffer:

6)
$$r = \nu r_1$$
.

Die innere Rabgefdwindigfeit bestimmt fich ferner burch bie Formel

7)
$$v_1 = \sqrt{\frac{2 g h}{\frac{2 \sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} + \zeta \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}}$$

Sieraus ergiebt fich aber bie Austrittsgefchwindigteit:

8)
$$c = \frac{v_1 \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$
,

und ber Querfcnitt:

9)
$$F = \frac{Q}{c} = \frac{Q \sin.(\beta - \alpha)}{v_1 \sin.\beta}$$
,

ferner die Gintrittsgeschwindigfeit:

10)
$$c_1 = \frac{c \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{c_1 \sin \alpha}{\sin (\beta - \alpha)}$$

und ber Querfcnitt:

11)
$$F_1 = \frac{Q}{c_1} = \frac{Q \sin.(\beta - \alpha)}{c_1 \sin.\alpha}$$

enblich bie außere Rab. sowie bie Austrittsgeschwindigteit:

12)
$$v = c_3 = \frac{r}{r_1} v_1$$

fowie ber Inhalt fammtlicher Austrittemundungen bes Rabes:

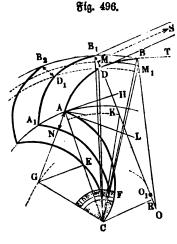
13)
$$F_2 = \frac{Q}{c_2} = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{Q}{v_1} = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{Fc}{v_1}$$

Ueberdics können wir noch die Bahl ber Umbrehungen bes Rades pr. Minute, nämlich

14)
$$u = \frac{30 \, v}{\pi \, r} = 9,55 \, \frac{v}{r}$$

angeben.

§. 263 Es bleibt nun noch übrig, Regeln zur Berechnung ber Rabschaufelzahl und ber Dimensionen der Radmündungen abzuleiten. Die Ausslußöffnungen des Rades, welche zusammen den Inhalt $F_2 = \frac{Q}{c_2}$ haben sollten, bilden nicht den äußeren Umfang des Rades, sondern sie sind durch die äußeren Schaufeln B_1 , B_2 u. s. w., Fig. 496, gelegte Duerschnitte B_1D , B_2D_1



n. s. w. Auch haben wir unter r in ben obigen Formeln nicht den Halbmeffer CB1 bes äußeren Rabumfanges. sondern die Entfernung CM der Mitte ber Mündung B. D von der Umdrehungsare, sowie unter v nicht die Umbrehungsgeschwindigkeit von B, sonbern Ift nun & ber bon M zu berftehen. Winkel SMT, welchen die Are des bei B, D aus bem Rabe tretenben Strahles mit der Tangente MT oder ber Normale jum Balbmeffer CM = r einschließt, ferner n die Anzahl der Radschaufeln, s ihre Stärke, d bie Beite B1 D ber Ausmündungen, e bie Rabweite ober Schanfelhohe und & bas Ber-

hältniß $\frac{e}{d}$, so läßt fich ber Querschnitt ber Ausmundungen bes Rabes seben :

$$F_2 = nde = n\lambda d^2 = \frac{ne^2}{\lambda},$$

baher umgekehrt, die Auzahl der Radschaufeln:

$$n=\frac{\lambda F_2}{e^2}.$$

Da bie Schaufeln ben Querschuitt nse einnehmen, so ift auch

$$F_2 = (2 \pi r \sin \delta - ns) e$$

$$= \left(2 \pi r \sin \delta - \frac{\lambda F_2 s}{e^2}\right) e,$$

daher die Rabhöhe:

$$e = \frac{F_2}{2 \pi r \sin \delta - \frac{\lambda F_2 s}{e^2}},$$

und annähernd.

$$\begin{aligned} e &= \frac{F_2}{2 \pi r \sin \delta} \left(1 + \frac{\lambda F_2 s}{2 \pi r e^2 \sin \delta} \right) \\ &= \frac{F_2}{2 \pi r \sin \delta} \left(1 + \frac{2 \pi r \sin \delta \lambda s}{F_2} \right) . \end{aligned}$$

Das Dimenfionsverhältnig ber Ausflugmundungen, b. i.

1)
$$\lambda = \frac{e}{d}$$
,

wird == 2 bis 5 genommen, und zwar ersteres bei langen und weniger getrummten, und letteres bei kurzen und stärker gekrummten Radeanälen, bamit ber volle Aussluß nicht verloren geht. Nun folgt die Radhöhe:

2)
$$e = \frac{F_2}{2 \pi r \sin \delta} \left(1 + 2 \pi r \sin \delta \cdot \frac{\lambda s}{F_2} \right)$$

ferner die Beite ber Musmunbungen:

$$3) \ d = \frac{e}{1},$$

und bie Schaufelanzahl:

4)
$$n=\frac{\lambda F_2}{e^2}$$
.

Bas endlich noch die Anzahl n. der Leitschaufeln anlangt, so kaun man diese unter folgender Boraussetzung bestimmen.

Wir haben oben $\frac{F}{F_2}=rac{2\,\pi\,r_1\,\sinlpha}{2\,\pi\,r\,\sin\delta}$ geseth; es ist aber auch, bei ber Leit-

schaufelstärte si:

$$\frac{F}{F_2} = \frac{2 \pi r_1 \sin \alpha - n_1 s_1}{2 \pi r \sin \delta - n s};$$

foll baber beiben Gleichungen entsprochen werben, fo hat man nur

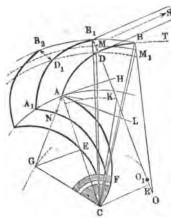
$$\frac{n_1 s_1}{ns} = \frac{r_1 \sin \alpha}{r \sin \delta}$$

an feten, ober, da gewöhnlich si = s ift, bas Berhaltnig ber Angahl ber Leitschaufeln zu ber ber Rabschaufeln:

$$5) \frac{n_1}{n} = \frac{\sin \alpha}{v \sin \delta}.$$

§. 264 Schauselconstruction. Die Schauseln werben in der Regel nach Kreisbögen gekrümmt; bei den Leitschauseln reicht ein Bogen aus, bei den Radschauseln sind aber hierzu zwei tangential an einander anschließende Bögen nothwendig. Wie nun die Halbmesser dieser Bögen zu sinden, und wie die letzteren an einander anzusetzen sind, wird aus Folgendem hervorgehen. Man beschreibe mit $\overline{CM} = r$, Fig. 497, einen Kreis, trage die Tangente

Fig. 497.



MT auf und lege an diese den Aussflußwinkel $SMT=\delta$, dessen Bessirmung im vorigen Paragraphen gezeigt wurde. Mit Hilse des Theilswinkels $\varphi=\frac{360^{\circ}}{n}$ u. s. bessirmung man nun die Größe

$$^{1}/_{2}d_{1}=r\sin\delta tang.\frac{\varphi}{2},$$

und trage dieselbe zu beiden Seiten von M aus als $MB_1 = MD$ rechtwinkelig auf MS auf. Ferner ziehe man den Halbmesser CB_1 , lege an denselben den Theilwinkel $B_1CB = \varphi$ an und beschreibe aus dem Axpunkte C durch B_1 und D die Kreise B_1B_1 .

und $D_1 D...$ Der erstere dieser Kreise giebt den äußeren Radumfang an, und die Punkte B, B_1 in demselben sind die äußeren Schaufelenden. Zieht man dann BO so, daß der Winkel $BOD = BCB_1 = \varphi$ ausställt, so erhält man in O das Centrum und in BO = DO den Halbmesser a des vom äußeren Schauselstüde gebildeten Bogens BD. Macht man noch $B_1 O_1 = DO$, so erhält man ebenso das Centrum O_1 des Endstüdes $B_1 D_1$ der solgenden Schausel. Die Richtigkeit dieses Versahrens geht aus Folsendem hervor.

Es ist die gerade Linie ober Sehne, welche die benachbarten Mundungsmitten M und M1 mit einander verbindet,

$$\overline{MM}_1 = 2 \overline{CM} \sin \frac{\varphi}{2} = 2 r \sin \frac{\varphi}{2}$$
,

ferner ber Wintel MOM1 = p, und ber Wintel

$$OMM_1 = 90^{\circ} - SMM_1 = 90^{\circ} - (SMT + TMM_1)$$

= $90^{\circ} - (\frac{\varphi}{2} + \delta)$,

endlich ber Winkel

$$MM_1 O = 180^{\circ} - (MOM_1 + OMM_1) = 90^{\circ} - (\frac{\varphi}{2} - \delta);$$

folglich, ba nach bem bekannten trigonometrifchen Ginusfate:

$$\frac{OM_1}{MM_1} = \frac{\sin \cdot OMM_1}{\sin \cdot MOM_1} \text{ and } \frac{OM}{MM_1} = \frac{\sin \cdot OM_1M}{\sin \cdot MOM_1}$$

ift,

$$\overline{OM_1} = \frac{2 r \sin \frac{\varphi}{2} \sin \left[90^{\circ} - \left(\frac{\varphi}{2} + \delta\right)\right]}{\sin \varphi} = \frac{r \cos \left(\frac{\varphi}{2} + \delta\right)}{\cos \frac{\varphi}{2}}$$

$$= r \cos \delta - r \sin \delta \tan g \frac{\varphi}{2}$$
 und

$$\overline{OM} = \frac{2 r \sin \frac{\varphi}{2} \sin \left[90^{\circ} - \left(\frac{\varphi}{2} - \delta\right)\right]}{\sin \varphi} = \frac{r \cos \left(\frac{\varphi}{2} - \delta\right)}{\cos \frac{\varphi}{2}}.$$

$$= r\cos \delta + r\sin \delta \tan \theta \cdot \frac{\varphi}{2}$$
.

Da nun aber $\overline{MD} = \overline{MB_1} = \overline{M_1B} = \frac{d_1}{2} = r \sin \delta \tan g \cdot \frac{\varphi}{2}$ ist,

fo folgt:

$$\overline{OB} = \overline{OM_1} + \overline{M_1B} = r \cos \delta$$

fowie auch

$$\overline{OD} = \overline{OM} - \overline{MD} = r \cos \delta$$
.

Es ist also ber gesuchte Arilmmungshalbmeffer bes außeren Schaufels findes BD:

$$\overline{OB} = \overline{OD} = a = r \cos \delta$$
,

und berfelbe auch leicht baburch construirend zu finden, daß man vom Azpunkte C and eine Parallele CR zu, und vom Mündungsmittelpunkte $m{M}$ ein Berpendikel MR auf MS zieht; das abgeschnittene Stud MR ift bann bie Lange a = r cos. d bes gesuchten Salbmeffers:

$$\overline{OB} = \overline{OD} = \overline{O_1B_1}$$

Bei biefer Conftruction kommt bas Schaufelende B_1 gang parallel zum gegenüberliegenden Schaufelelemente D zu liegen, und es fließt beshalb auch ber Strahl gang ohne Contraction aus. Wenn man biefen Parallelismus nicht berftellt, fo ftellt fich allemal ein Nachtheil heraus; bivergiren bie Tangenten von B, und D nach außen, fo länft man Gefahr, ben vollen Aussluß zu verlieren, und convergiren bieselben, so entsteht eine partielle Contraction und ber Strahl schlägt bann gegen bie außere Fläche von BD (f. 8b. I, §. 414).

Das innere Stüd DA einer Rabschaufel läßt sich in der Regel ebenfalls nach einem Kreisbogen krümmen. Der Halbmesser $\overline{KD} = \overline{KA} = a_1$ dieses Kreisbogens wird auf folgende Weise gefunden. Im Dreiede CMK ist $\overline{CM} = r$, $\overline{MK} = a_1 + \frac{d_1}{2}$ und $\angle CMK = SMT = \delta$, daher:

$$\overline{CK^2} = r^2 + \left(a_1 + \frac{d_1}{2}\right)^2 - 2r\left(a_1 + \frac{d_1}{2}\right)\cos\delta$$
.

Im Treiede CAK hingegen ist $\overline{CA} = r_1$, $\overline{AK} = a_1$ und $CAK = 180^{\circ} - \beta$, daher:

$$\overline{CK^2} = r_1^2 + a_1^2 + 2 r_1 a_1 \cos \beta$$
.

Durch Gleichseten beiber Ausbrude folgt nun:

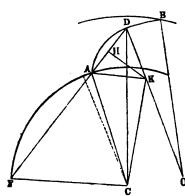
$$r^2 + a_1 d_1 + \frac{d_1^2}{4} - 2 r a_1 \cos \delta - r d_1 \cos \delta = r_1^2 + 2 r_1 a_1 \cos \beta$$

und hieraus ergiebt sich der gesuchte Halbmesser:

$$a_1 = \frac{r^2 - r_1^2 - r d_1 \cos \delta + \frac{d_1^2}{4}}{2 (r \cos \delta + r_1 \cos \beta) - d_1}.$$

Durch Construction sindet man diesen Halbureser auf folgende Beise. Man lege in C an CD, Fig. 498, die gegebene Winkelsumme DCF = δ + 180° - β an, mache ten Schenkel \overline{CF} = \overline{CA} = r_1 , und

Fig. 498.



giche DF. Der Durchschnittspunkt A dieser Linie mit dem inneren Radumsang ist der zweite Endpunkt des gesuchten Bogens, dessen Eentrum K nun gesunden wird, wenn man in der Mitte H der Schne AD ein Perpendisel errichtet, und dasselbe die zum Durchschnitt K mit DO fortsuhrt. Die Richtigkeit dieser Construction geht aus Folgendem hervor. Da $\overline{CF} = \overline{CA} = r_1$, und $\overline{KA} = \overline{KD} = a_1$ ist, so sind auch die Winkel CAF und CFA, so wie die Winkel DAK und ADK

einander gleich, und ce lagt fich baber

$$\angle CAK = 180^{\circ} - \angle FAC - \angle KAD = 180^{\circ} - \angle CFA - \angle ADK$$

= $180^{\circ} - \angle CFA - \angle CDF - \angle CDK$ figur.

Nun ist aber $180^{\circ} - \angle CFA - \angle CDF = DCF = \delta + 180^{\circ} - \beta$, und $CDK = \delta$; daser folgt

$$\angle CAK = \delta + 180^{\circ} - \beta - \angle CDK = 180^{\circ} - \beta.$$

Da biefer Winkel von ben Halbmessern CA und KA ber Kreisbögen AF und DA eingeschlossen wird, so ist folglich berWinkel, unter welchem diefe Bögen in A zusammenstoßen, $=180^{\circ}-\angle CAK=\beta$, wie verlangt wird.

Was endlich noch den Arimmungekreis einer Leitschaufel anlangt, so können wir dessen Halbmesser und Mittelpunkt daburch sinden, daß wir AL, Fig. 497, unter dem bekannten Winkel α an die Tangente AH des inneren Radumsanges aulegen, hierauf ein Perpendikel errichten und zuletzt dieses burch eine andere, in der Mitte E des Halbmessers CA errichtete Normale in G schneiden. Dieser Bunkt G ist nun das Centrum der Leitschausel AF, welche man nun entweder ganz oder nur zum Theil dis zur Röhre, welche die Welle umzieht, fortsührt. Der Halbmesser $\overline{GA} \Longrightarrow \overline{GC} \Longrightarrow a_2$ dieser Schausel ist

$$a_2 = \frac{r_1}{2\cos \alpha}.$$

Die Mittelpunkte ber Bogen von den übrigen Schaufeln befinden sich in mit CO, CK und CG beschriebenen Kreisen.

Beifpiel. Es ift fur ein Gefalle von 5 Fuß und ein Aufschlagquantum von 30 Cubiffuß bie Conftruction, Anordnung und Berechnung einer Four-nepron'ften Turbine zu vollzieben.

Bahlen wir:

1)
$$\alpha = 300$$
,

2)
$$\beta = 100^{\circ}$$
 unb

$$8) \ \nu = \frac{r}{r_1} = 1.85$$

aus, fo erhalten wir:

$$\sin \theta = \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\nu^2 \sin (\beta - \alpha)} = \frac{\sin 30^0 \sin 80^0}{1,35^2 \sin 70} = 0,28752,$$

und hiernach:

4)
$$\delta = 16^{\circ}42'$$
.

Es ift ferner ber innere Rabhalbmeffer:

5)
$$r_1 = 0.326 \sqrt{\overline{Q}} = 0.326 \sqrt{30} = 1.785 \Re \beta$$
,

wofür aber = 1,80 genommen werben foll, baher ber außere Rabhalbmeffer:

6)
$$r = \nu \cdot r_1 = 1.85 \cdot 1.8 = 2.43$$
 Fuß,

Jofur wir = 2,45 Fuß nehmen wollen, fo bag nun bie Rrangbreite

$$r - r_1 = 2,45 - 1,80 = 0,65$$
 Fuß exefällt.

Dhne Rudficht auf Rebenhinderniffe mare ferner bie innere Rabgefchwin-

$$v_1 = \sqrt{\frac{gh(1 - tang. a cotg. \beta)}{156,25.1,10182}} = \sqrt{\frac{5.31,25(1 + tang. 30^{\circ}. cotg. 80^{\circ})}{156,25.1,10182}} = 13,105$$
 Full,

mit Rudficht auf die hydraulischen hinderniffe aber, wenn man $\zeta = \zeta_1 = 0.075$ anniumt.

7)
$$v_1 = \sqrt{\frac{2 g h}{\left(\frac{2 \sin \beta \cos \alpha}{\sin \beta - \alpha} + \sqrt{\left(\frac{\sin \beta}{\sin \beta - \alpha}\right)^3 + \nu^2\right)}}$$

$$= \sqrt{\frac{62,5.5}{\left(\frac{2 \sin 80^{\circ} \cos 30^{\circ}}{\sin 70^{\circ}} + 0,075 \left[\left(\frac{\sin 80^{\circ}}{\sin 70^{\circ}}\right)^2 + 1,35^2\right]\right)}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{312,5}{1,8152 + 0,075 \cdot 2,9208}\right)} = \sqrt{\left(\frac{312,5}{2,08426}\right)} = 12,394 \, \text{Fugs.}$$

Run folat bie außere Rabaeichwindiafeit:

8) $v = \nu v_1 = 1.35 \cdot 12.394 = 16.732$ Fuß,

und bie Geschwindigfeit des Baffere beim Austritt aus bem Leitschaufelapparate:

9)
$$c = \frac{v_1 \sin. \beta}{\sin. (\beta - \alpha)} = \frac{12,394 \sin. 80^0}{\sin. 70^0} = 12,989$$
 Fuß,

ferner bie relative Gefdwindigfeit bes eintretenben Baffers:

10)
$$c_1 = \frac{c \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} = 6,595 \text{ Fuß},$$

und bie relative Austrittegeschwindigfeit:

$$c_2 = v = 16,732 \, \text{Fuß,}$$

enblich bie absolute Austrittegeschwindigfeit:

11)
$$w = 2 v \sin \frac{d}{2} = 2.16,732 \cdot \sin .80 \cdot 21' = 4,860$$
 Fuß.

Die Umbrehungszahl bes Rabes br. Minute ift

12)
$$u = 9.55 \cdot \frac{v}{r} = 9.55 \cdot \frac{16.732}{2.45} = 65.22$$
.

Mun folgen bie Querfcnitte ber Ausmunbungen:

13)
$$F=rac{Q}{c}=rac{30}{12,989}=2,3096$$
 Quabratfuß, und

14)
$$F_3 = \frac{Q}{c_3} = \frac{Q}{v} = \frac{30}{16,732} = 1,7930$$
 Quadratfuß.

Nimmt man ferner das Dimensionsverhältnis ber Ausstußmundungen des Mades, $\lambda=4$, und die Stärfe einer Rabschaufel, s=8 Linien = 0,02 Fuß, so erhält man die Radweite:

15)
$$e = \frac{F_3}{2 \pi r \sin \theta} \left(1 + 2 \pi r \sin \theta \cdot \frac{\lambda s}{F_3} \right)$$

 $= \frac{1.793}{2 \pi \cdot 2.45 \sin \theta \cdot 16^0 42'} \left(1 + \frac{2 \pi \cdot 2.45 \sin \theta \cdot 16^0 42' \cdot 4 \cdot 0.02}{1.793} \right)$
 $= \frac{1.793}{4.424} \left(1 + \frac{4.424 \cdot 0.08}{1.793} \right) = 0.4053 \left(1 + 0.1974 \right)$
 $= 0.485 \text{ Sub} = 5.82 \text{ Sol},$

ferner bie Beite ber Ausmunbungen:

16)
$$d = \frac{e}{\lambda} = \frac{0.485}{4} = 0,12125 \text{ Fuß} = 1,45 \text{ Boll,}$$
 folglich die Anzahl der Radschaufeln:

17)
$$n = \frac{\lambda F_2}{e^2} = \frac{1,793.4}{0,485^2} = 30,$$

wofür 32 zu nehmen fein möchte; und enblich bie Angahl ber Leitschaufeln, wenn man benfelben ebenfalls 3 Linien Starte giebt,

18)
$$n_1 = \frac{n s \sin \alpha}{r s_1 \sin \alpha} = \frac{32 \cdot \sin 30^{\circ}}{1,35 \sin 16^{\circ} 42'} = 40.$$

In der Regel macht man jedoch die Anzahl der Leitschaufeln nie größer als bie ber Rabschaufeln. Der Theilminkel bes Rabes ift bei 32 Schaufeln :

19)
$$\varphi = \frac{360^{\circ}}{32} = 11\frac{1}{4}$$
 Grab;

hiernach die halbe theoretische Munbungeweite (ohne Rudficht auf bie Schaufels bide s):

20)
$$\frac{d_1}{2} = r \sin \theta \tan \theta$$
. $\frac{\varphi}{2} = 2,45 \cdot 0,28752 \tan \theta$. $5^{\circ} 37^{1/2}$ '
$$= 0.06938 \text{ Fig.} = 0.8325 \text{ Boll}.$$

folglich bie gange Munbungsweite, ohne Rudficht auf bie Blechftarte:

Der Rrummungehalbmeffer bes außeren Rabichaufelftudes ift:

22)
$$a = r \cos \theta = 2.45 \cos 16^{\circ} 42' = 2.347$$
 Fug.

Ferner ift ber Salbmeffer bes inneren Bogens einer Rabichaufel :

23)
$$a_1 = \frac{r^2 - r_1^8 - r d_1 \cos \theta + \frac{1}{4} d_1^8}{2 (r \cos \theta + r_1 \cos \theta) - d_1}$$

 $= \frac{2,45^8 - 1,80^8 - 2,45 \cdot 0,13876 \cos \cdot 16^0 42' + \frac{1}{4} \cdot 0,13876^2}{2 (2,45 \cdot \cos \cdot 16^0 42' + 1,80 \cos \cdot 100^0) - 0,13876}$
 $= \frac{2,7673 - 0,9256}{2 \cdot 2,0341 - 0,13876} = \frac{2,4417}{3,9294} = 0,6214 \text{ Fug.}$

Fur bie Centriminfel biefes Bogens hat man

$$\varphi_1 = 180^0 - \beta - \delta + \sigma - \tau,$$

wo o = _ ACK und v = _ MCK burch folgende Formeln ju bestimmen find:

tang.
$$\sigma = \frac{a_1 \sin \beta}{r_1 + a_1 \cos \beta}$$
 und tang. $\tau = \frac{\left(a_1 + \frac{d_1}{2}\right) \sin \delta}{r - \left(a_1 + \frac{d_1}{2}\right) \cos \delta}$

Es ift

tang.
$$\sigma = \frac{0,6214 \sin.80^{\circ}}{1,80 - 0,6214 \cos.80^{\circ}}$$
,

hiernach
$$\sigma = 19^{\circ} 53'$$
, unb
$$tang. \tau = \frac{0,6908 \sin. 16^{\circ} 42'}{2,45 - 0,6908 \cos. 16^{\circ} 42'}$$

hiernach z = 60 20', baber ber Centriwinkel bes inneren Bogenftudes ber Rabfcaufeln:

24) $\varphi_1 = 180^{\circ} - 100^{\circ} - 16^{\circ}42' + 19^{\circ}53' - 6^{\circ}20' = 76^{\circ}51'$

Endlich ift noch ber Galbmeffer ber Leitschaufeln : .

25)
$$a_2 = \frac{r_1}{2 \cos \pi} = \frac{1.8}{2 \cos 800} = 1.0392 \text{ Sub.}$$

Das Arbeitevermögen ber Bafferfraft beträgt :

 $L = Qh\gamma = 30.5.61,75 = 9262,5$ Fußpfund.

bagegen bie Arbeit ber Turbine:

$$\begin{split} L_1 &= \left(1 - \frac{\zeta \left(c^2 + v^2\right) + w^2\right)}{2 g h} Q h \gamma \\ &= \left(1 - 0.016 \cdot \frac{0.075 \left(12.989^2 + 16.732^2\right) + 4.860^2}{5}\right).9262.5 \\ &= \left[1 - 0.0032 \left(0.075.448 + 23.62\right)\right].9262.5 \\ &= \left(1 - 0.1830\right).9262.5 = 0.817.9262.5 = 7567.5 \text{ Kurrundur}. \end{split}$$

Wenn biese Turbine in freier Luft umgehen foll, hat man noch ein gewisses Freistellen nothig, welches, ba bie halbe Rabhohe $e=0.2425\,\mathrm{Fu}$ beträgt, recht gut auf ½ Buß zu schähen ift, und baher einen Arbeiteverluft von 30 · 0,5 · 61,75 = 926,25 Fußpfund verursacht. Um ben Wafferverluft beurtheilen zu können, muß bie Drudhohe & hinter ber Schübe bekannt sein. Es ist nach bem Obigen :

$$x = h - (1 + \zeta) \frac{c^2}{2g} = 5 - 1,075 \cdot 0,016 \cdot 12,989^2$$

= 5 - 2,9019 = 2,0981 Wufi.

und baber bie entsprechenbe Ausfluggeschwindigfeit:

$$w_1 = \sqrt{2gx} = 7,906\sqrt{2,0981} = 11,45$$
 Hug.

Bare nun ber freisformige Spalt zwischen Rab und Schute 11/2 Linie weit, also fein Querschnitt

$$G = 2 \pi r \cdot \frac{1}{288} = \frac{2 \cdot 1.8 \cdot \pi}{288} = \frac{\pi}{80} = 0.0398$$
 Duadratfuß,

so betrüge, bei einem Ausstußcoefficienten $\mu=0,7,$ bie verloren gehende Bassermenze:

 $Q_1=0.7~Gw_1=0.7.0,0393.11,45=0,315$ Cubiffuß, und biefer entspräche ein Arbeitsverluft von

Endlich geht noch ein kleiner Theil der Arbeit durch die Bapfenreibung verstoren. Biegt das armirte Bafferrad 3000 Pfund, ist der Zapfenhalbmeffer befe felben, $r_2=1\frac{1}{2}$ Boll $=\frac{1}{8}$ Fuß und der Reibungscoefsicient $\varphi=0,075$, so hat man die Arbeit der Bapfenreibung:

$$\varphi \ G \ \frac{r_2}{r} \ v = 0.075 \cdot 3000 \cdot \frac{16.732}{8 \cdot 2.45} = 192 \ \text{Fußpfund.}$$

Bringen wir noch bie letten brei Arbeiteverlufte, b. i.

in Abjug, fo bleibt une bie effective Rableiftung:

$$L_1=7567,5-1215,5=6352$$
 Fußpfund = 12,45 Pferbekräfte, und es fällt ber Wirfungsgrad nur $\eta={}^{6362}\!/_{9262,5}=0,686$ aus.

§. 265 Turbinon ohne Loitschaufeln. Die Dimensionsverhiltnisse ber Turbinen ohne Leitschaufeln sind nur zum Theil wie die der Leitschaufelturbinen auszuwählen und zu berechnen. Das Wasser tritt hier auf dem kurzesten Wege, nämlich radial aus dem Ausstuffergervoir; es ift hier folglich

 $\alpha = 90$ Grad. Der Winkel β wird hier größer, nämlich 140 bis 160° genommen, um einen möglichst kleinen negativen Druck (x) an der Uebergangsstelle zu erhalten und dadurch das Einsaugen von Luft oder Wasser durch den Spielraum so viel wie mözlich zu vermeiden. Das Halbunesserverhältniß $\nu = \frac{r}{r_1}$ nimmt man hier nur 1,15 bis 1,30, weil außerdem, wegen des graßen Werthes von β die Robeandle zu laug gussollen mürden

wegen des großen Werthes von β , die Radcandle zu lang ausfallen wurden. Um den Arbeitsverluft beim Eintritt des Wassers aus dem Reservoir in das Rad möglichst herabzuziehen, läßt man das Wasser nur mit 2 Fuß Geschwindigkeit zutreten, und macht beshalb den inneren Nadhalbmesser

1)
$$r_1 = \sqrt{\frac{Q}{2\pi}} = 0.4 \sqrt{Q}$$
 Fuß,

alfo ben äußeren:

2)
$$r = \nu r_1 = 0.4 \nu \sqrt{Q}$$
 Fuß.

Seten wir ferner

$$1 - \xi \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 tang. \ \beta^2 = 1 - \xi \frac{tang. \beta^2}{\nu^2} = \psi \text{ und}$$

$$\frac{\sqrt{1 + \xi_1}}{\cos. \delta} = \chi,$$

wobei wir meift $\zeta = \zeta_1 = 0,075$ und & annähernd 10 bis 20° annehmen können, so erhalten wir die vortheilhaftesten Umbrehungsgeschwindigkeiten bes Rabes:

3)
$$v = \sqrt{\left(\frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\psi \ \sqrt{\chi^2 - \psi}}\right)gh}$$
 und

$$4) \ v_1 = \frac{r_1}{r} \ v = \frac{v}{v},$$

wonach fich nun bie Ausfluggeschwindigkeiten

5)
$$c = -v_1 tang. \beta$$
 und

6)
$$c_2 = \sqrt{\frac{2 y h + \psi v^2}{1 + \zeta_1}}$$

berechnen laffen. Die Umbrehungszahl bes Rades ift

7)
$$u = \frac{30 v}{\pi r} = 9,55 \frac{v}{r}$$

Run folgen die Querschnitte ber Ausmundungen

8)
$$F = \frac{Q}{c}$$
 und

9)
$$F_2 = \frac{Q}{c_2}$$
,

baher ift bie Rabhöhe

$$10) \ \ e = \frac{F}{2\pi r_1}.$$

Bezeichnet ferner $\lambda=rac{e}{d}$ d. i. das Dimensionsverhältniß der Ausmiln-

dungen, so hat man, da $nde = F_2$ ist, $ne^2 = \lambda F_2$, und daser die nösthige Anzahl der Radschaufeln:

$$11) \quad n = \frac{\lambda F_2}{e^2},$$

und enblich, ba $(2 \pi r \sin \delta - n s) e = F_2$ ift, wenn s die Schaufelstärke bezeichnet, für den nöthigen Austrittswinkel:

12)
$$\sin \delta = \frac{F_2 + nse}{2 \pi re} = \frac{(e + \lambda s) F_2}{2 \pi re^2}$$

Fällt & zu groß, viel über 15 Grad aus, so muß man entweder & ober v größer annehmen.

Beispiel. Es ift für ein Gefälle von 5 Fuß und für einen Aufschlag von 30 Cubitsuß pr. Secunde die Anordnung und Berechnung einer Cabiat'schen Turbine zu vollziehen (vergl. das lette Beispiel). Rehmen wir $\beta=150^{\circ}$ und $\nu=1,2$ an, so erhalten wir den Rabhalbmesser:

1)
$$r_1 = 0.4 \sqrt{Q} = 0.4 \sqrt{30} = 2.19$$
, ober ficherer 2,25 Fuß, unb

2)
$$r = \nu r_1 = 1,2.2,25 = 2,70$$
 Fuß.

Seben wir $\zeta=\zeta_1=0,075$ und nehmen wir einstweilen $\sigma=15$ Grab an, fo ift:

$$\psi = 1 - \zeta \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 tang. \ \beta^2 = 1 - 0.075 \ \frac{(tang. 30)^2}{1.44} = 0.9826$$

unb

$$x = \frac{\sqrt{1+\zeta_1}}{\cos \delta} = \frac{\sqrt{1,075}}{\cos \delta} = 1,0734,$$

baber folgen bie Rabgefcwinbigfeiten:

3)
$$v = \sqrt{\frac{\chi - V\chi^3 - \psi}{\psi V\chi^2 - \psi}} \cdot gh = \sqrt{\frac{1,0734 - 0,4118}{0,9826 \cdot 0,4118}} \cdot 31,25 \cdot 5$$

$$= \sqrt{\frac{0,6616 \cdot 156,25}{0,9826 \cdot 0,4118}} = 15,985 \text{ Fuß, unb}$$

4)
$$v_1 = \frac{v}{v} = \frac{15,985}{1,2} = 13,821 \text{ Gu}$$

bagegen bie Ausflußgeschwindigfeiten:

5)
$$c = -v_1 \tan g$$
. $\beta = 13,321 \tan g$. $30^0 = 7,692$ Fuß und

6)
$$c_2 = \sqrt{\frac{2gh + \psi v^2}{1 + \xi_1}} = \sqrt{\frac{312,5 + 251,1}{1,075}} = 22,897$$
 Fuß.

Die Umbrehungszahl bes Rabes ift

7)
$$u = 9.55 \cdot \frac{v}{r} = 9.55 \cdot \frac{15,985}{2,70} = 56,54.$$

hieraus ergeben fich bie Querschnitte ber Ausmundungen:

8)
$$F = rac{Q}{c} = rac{30}{7,692} = 8,900$$
 Quadratfuß, und

9)
$$F_3 = \frac{Q}{c_3} = \frac{30}{22,897} = 1,3102$$
 Quadratfuß,

und es ift nun bie erforberliche Rabweite:

10)
$$e = \frac{F}{2\pi r_1} = \frac{3,900}{2\pi \cdot 2,25} = 0,2759 \text{ gus};$$

nimmt man ferner bas Dimenstoneverhaltniß 1 = 2 an, so erhalt man bie Angahl ber Schaufeln:

11)
$$n = \frac{\lambda F_2}{e^2} = \frac{2.1,3102}{0.2759^2} = 34,$$

wofür 32 genommen werben foll, und, wenn man bie Schaufelftarte = 0,016 Fug voraussest,

$$sin. \delta = \frac{F_3 + nse}{2 \pi re} = \frac{1,3102 + 32.0,015.0,2759}{2 \pi.2,7.0,2759} = \frac{1,3102 + 0,132}{5,4.0,2759} = \frac{1,442}{4,681} = 0,3081,$$

baher ift ber Austrittswinkel;

12)
$$\delta = 17^{\circ}56'$$
.

Der Wirtungsgrad biefes Rabes ift, ohne Rudficht auf Wafferrerluft, Bapfenreibung u. bergl.:

ung u. bergl.:

$$\eta = (v \sqrt{2gh + \psi v^2} - \varphi v^2) \frac{Q\gamma}{\chi g Qh \gamma} = \frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\chi \psi}$$

$$= \frac{0.6616}{0.9826 \cdot 1.0734} = 0.627.$$

(Bergl. bas Beifpiel im vorigen Baragraphen.)

Schottische Turbinen. Die schottische Turbine ober bas Reac. §. 266 tionsrad mit getrennten Radcanälen (Schwungröhren) ist insofern etwas ansbers als die Cadiat'sche Turbine zu behandeln, als hier das Wasser wegen der großen Breite der Canäle entweder ganz oder wenigstens größtentheils mit Stoß in das Rad tritt, und insosern auch hier eine viel größere Auswahl in der Form und Größe der Radcanäle möglich ist, als bei den Rädern mit aneinander anliegenden Radcanälen. Namentlich kann man hier den Austrittswinkel d viel kleiner machen, als bei den letzten Rädern. Wegen der beliedig kleinen Anzahl ihrer Canäle eignen sich die schottischen Turbinen vorzäglich zur Aufnahme einer Wasserkaft mit wenig Wasser und viel Gefälle.

Die Weite der Einfallstöhre oder des Aussluftreservoirs bestimmt sich zunächst, wenn man höchstens eine Zuslufgeschwindigkeit von 6 Fuß zuläßt, durch die Formel:

$$r_1 = \frac{Q}{\sqrt{6\pi}} = 0.23 \sqrt{Q}.$$

Den änßeren Halbmesser r macht man zwei-, brei- bis viermal so groß als r_1 , je nachdem die Auzahl der Schwungröhren vier, brei ober zwei ist. Die Geschwindigseiten v, v_1 und c, solglich auch die Querschnitte F_1 und F_2 sind wie bei den Turbinen ohne Leitschanseln (s. vorigen Paragraph) überhaupt zu bestimmen. Bulest folgt die Radhöhe:

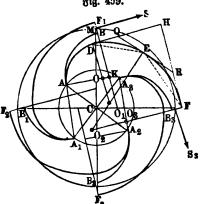
$$e=\frac{F}{2\pi r_1},$$

und bie äußere Beite ber Nabcanale:

$$d=\frac{F_2}{ne}$$
.

Sebenfalls ift aber bei ber Bestimmung ber Geschwindigkeit v ber Wiberstandscoessicient ξ beim Eintritt größer als 0,075 zu nehmen, da ein schwacher Stoß bei ben in so sehr verschiedenen Richtungen in das Rad eintretenden Strahlen nicht zu verneiden ist; wir können vielleicht, ohne einen beträchtlichen Feliser befürchten zu müssen, $\xi = 0,10$ sehen. Da auch die Schwungröhren sehr lang aussallen, so müßte auch ξ_1 viel größer als bei den Radturbinen aussallen, wenn nicht dieses unglünstige Berhältniß durch die größere Weite- dieser Röhren etwas wieder ausgeglichen wurde, jedoch möchte ξ_1 mindestens = 0,075 anzunehmen sein.

Die Schwungröhrenare ADEFK, Fig. 499, krimmt man in ber Regel Rig. 499. nach einer archimebischen Spis

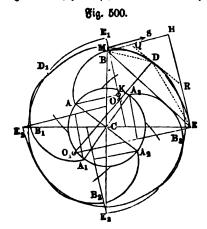


nach einer archimedischen Spirallinie, boch kann man ste auch aus zwei ober brei Kreisbögen wie AD, DE, EF zusammenseten. Zu diesem Zweise theilt man den Umfang des Nades in so viel gleiche Theile, als das Rad Schwungsröhren erhalten soll, hier z. B. in vier, und zieht nun aus jedem der Theilpunkte eine Grade, wie z. B. MS, welche um den Winkel & von der entsprechenden Tangente oder um

 $SMC=90^{\circ}+\delta^{\circ}$ vom entsprechenden Halbmesser CM abweicht. Ferver trage man rechtwinkelig auf MS von M aus zu beiden Seiten die halbe Mündungsweite $^{1}/_{2}d_{1}=MB=MF_{1}$ auf und beschreibe, nach der in $\S.$ 264 gegebenen Regel, aus einem Mittelpunkte K in der Berlängerung von $F_{1}B$ durch B einen Kreisbogen AB, welcher den inneren Kadumfang in einem Punkte A unter dem gegebenen Winkel β schneidet und in B

parallel zu MS ausstäuft. Rach biesem Kreise läßt sich die innere Röhrenwand formen; die äußere Röhrenwand ist aus drei Bögen AD, DE und EF zusammengesett, welche sich in D und E tangential an einander ansichließen. Der innere Bogen AD hat den kleinsten Halbmesser OA = OD, und schneitet, wie AB, den inneren Radumsang unter dem gegebenen Winstel β , der äußere Bogen EF hat den größten Halbmesser $O_1E = O_2F$ und läust in F, sowie A_1B_3 in B_3 parallel mit der Are des durch B_3F ausstließenden Wasserstrahles. Durch Constructionen tes Bogens $A_2B_3 = AB$ wird die eine in AA_3 eins und B_3F ausmündende Schwungsvöhre vollständig bestimmt, und es ist auch leicht zu ermessen, wie durch Wiedenholung der angegebenen Constructionen die übrigen Schwungröhren zu zeichnen sind.

Es ift übrigens auch bei einer sehr Meinen Anzahl von Radcaralen nicht nöthig, getrennte Röhren anzuwenden; man tann auch hier, wie sich aus Fig. 500 ersehen läßt, die Nadcanale ohne Zwischenraume an einander an-



schließen. In diesem Falle ist der Bogen AB Scheidewand zwischen se zwei Radeanälen, und es schließt sich das äußere Schlusschstud BDE in B tangential an AB an. Die Mittespunkte O und O1 der Bögen BD und DE lassen sich eine sach auf solgende Weise sinden. Wan verbinde die gegebenen Endpunkte B und E durch eine gerade Linie mit einander, und ziehe durch tiese Punkte die von den Halbmessen CB und CE um die Winkel CBII = 90° + de CEH = 90° — dabwischenden

Linien BH und EH, welche mit BE ein Dreied BEH bilben. Nun halbire man die Winkel EBH und BEH durch die Geraden BD und ED, ziehe durch D, QR parallel zu BE und DOO_1 rechtwinkelig auf BE, sowie BO rechtwinkelig auf BH und EO_1 rechtwinkelig auf EH; die Durchschnitte O und O_1 zwischen je zwei dieser Perpendikel sind die gesuchten Mittelpunkte der Bögen BD und DE.

Die Richtigkeit tieses Verfahrens leuchtet sogleich ein, wenn man erwägt, baß burch die Theilung der Winkel EBH und BEH, und durch das Legen der Parallelen QR die Winkel OBD und ODB, und also auch die Geraden OB und OD einander gleich gemacht, und daß ebenso Gleichheit

zwischen ben Winkeln $O_1 D E$ und $O_1 E D$, und also and zwischen ben Linien $O_1 D$ und $O_1 E$ hergestellt worden ist.

Beispiel. Es ift für eine Waffertraft von 150 Fuß Gefälle und 11/3 Cubiffuß Auffchlag pr. Secunde bie Anordnung und Berechnung einer schottischen Turbine auszuführen. Buerft ift ber innere Rabhalbmeffer:

$$r_1 = 0.23 \, VQ = 0.23 \, V1.5 = 0.282 \, \text{Fuf};$$

nehmen wir inbessen benselben =0.3 Fuß und die Weite der Einfallröhre =0.75 Fuß an; bringen wir ferner nur zwei Schwungröhren in Anwendung und machen wir beshalb den äußeren Radhalbmesser r=4 $r_1=1.2$ Fuß; nehmen wir noch $\beta=150^{\circ}$ und $\delta=10^{\circ}$ an, und sehen wir $\zeta_1=\zeta=0.100$, so ershalten wir:

$$\psi = 1 - 0.1 \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 tang. \, \beta^2 = 1 - 0.1 \cdot \frac{1}{16} (tang. \, 30^0)^2$$

$$= 1 - 0.0021 = 0.9979, \text{ unb}$$

$$\chi = \frac{\sqrt{1 + \zeta_1}}{\cos. \, \delta} = \frac{\sqrt{1.1}}{\cos. \, 10^0} = 1.0650.$$

Bon bem Gefälle h=150 Fuß verbraucht die Reibung des Bassers in der 0.75 Fuß weiten und vielleicht 200 Fuß langen Einfallröhre nach Band I, \$. 427 bis 429, den Theil

$$h_3 = 0.0213 \cdot 0.016 \cdot \left(\frac{4}{\pi}\right)^3 \cdot \frac{lQ^2}{d^6} = 0.0008408 \cdot \left(\frac{4}{\pi}\right)^3 \cdot \frac{200 \cdot 1.5^3}{(0.75)^6}$$

= $0.0008408 \cdot 1.621 \cdot \frac{200 \cdot 256}{27} = 0.03408 \cdot 1.621 \cdot \frac{512}{27} = 1.05$ Fug.

baher burfen wir auch nur bas Gefälle

$$h_1 = h - h_2 = 150 - 1,05 = 148,95$$
 Fuß

in Rechnung bringen. Für bie vortheilhaftefte Gefdwinbigkeit v ift

$$\frac{v^2}{2gh} = \frac{\chi - V\chi^2 - \psi}{2\psi V\chi^2 - \psi} = \frac{1,065 - V1,1342 - 0,9979}{1,9958 V1,1342 - 0,9979} = \frac{1,065 - V0,1363}{1,9958 \cdot 0,3692}$$
$$= \frac{0,6958}{0,7869} = 0,9443,$$

und baber biefe Gefdwindigfeit felbft:

 $v = \sqrt{0.9443} \cdot \sqrt{2gh} = 0.9718 \cdot 7,906 \sqrt{150} = 94,10$ guß, und es folgen nun die übrigen Geschwindigseiten:

$$F = \frac{Q}{c} = \frac{1.5}{13.58} = 0,11044$$
 Duadratfuß und

$$F_2 = rac{Q}{c_a} = rac{1,5}{128.43} = 0,01168$$
 Duadratfuß.

Ferner ift bie entsprechenbe Rabweite ober Dunbungshobe:

$$e = \frac{F}{2\pi r_1} = \frac{0,11044}{0.6 \cdot \pi} = 0,05859$$
 Fuß = 0,703 Boll,

und die Mundungsweite, ba die Angahl ber Mundungen n = 2 ift,

$$d = \frac{F_2}{\pi a} = \frac{0.01168}{2.0.05859} = 0.09967 \text{ Fuß} = 1.196 \text{ GoV.}$$

Das Dimenstonsverhaltniß
$$\frac{e}{d}$$
 ift hiernach nur $\frac{0.05859}{0.09967}=0.5879$; um

baffelbe größer zu machen, mußte man brei ober mehr Schwungröhren in Anwenbung bringen.

Der Wirfungsgrad biefes Rabes ift ohne Rudficht auf bie Reibungen am Bapfen und in ben Ginfallrohren:

$$\eta = \frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\psi \chi} = \frac{0,6958}{0,9979 \cdot 1,0650} = 0,6547.$$

Beaotionsräder mit radial einmündenden Schwungröhren. §. 267 Bei den Reactionsrädern, wo die Aren der Schwungröhren radial an das Reservoir austoßen, erseidet das Wasser mit seinem Eintritte in das Rad einen Stoß und einen entsprechenden Arbeitsverlust, und sind diese Röhren auch nicht einmal gekrummt, sondern tritt das Wasser durch Seitenmündungen aus den Schwungröhren, so sindet auch ein Stoß des Wassers gegen die Endslächen der Schwungröhren statt, der einen zweiten Arbeitsverlust zur Volge hat. Da indessen jett in der Regel Räder mit gekrümmten Schwungröhren angewendet werden, so wollen wir in Folgendem nur den Verlust beim stoßweisen Eintritte in das Rad in Vetracht ziehen. Die Aussslußgesschwindigkeit ist hier bestimmt durch die Formel

$$(1 + \zeta_1) c_2^2 = 2 gx + c^2 + v^2 - v_1^2,$$

ober, da $2gx + c^2 = 2gh - \zeta c^2$ ift, burch

$$(1 + \xi_1) c_2^2 = 2gh + v^2 \left[1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2\right] - \xi c^2;$$

und es folgt hiernach

$$\mathbf{c_2} = \sqrt{\frac{2gh - \zeta c^2 + \left[1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2\right]v^2}{1 + \zeta_1}}.$$

Die dem Arbeitsverluste des Rades entsprechende Geschwindigkeitshöhe ist, ba das Wasser beim Eintritte in das Rad plöglich noch die Tangentialgesschwindigkeit v1 annehmen muß,

$$y = (c_3^2 + v^2 - 2 c_3 v \cos \delta + v_1^2 + \zeta_1 c_2^2 + \zeta c^2) \cdot \frac{1}{2 g}$$

$$= \left((1 + \zeta_1) c_2^2 + \zeta c^2 + v^2 \left[1 + \left(\frac{r_1}{r} \right)^2 \right] - 2 v c_2 \cos \delta \right) \cdot \frac{1}{2 g}$$

$$= \left(gh + v^2 - v \cos \delta \right) \sqrt{\frac{2 gh - \zeta^2 + \left[1 - \left(\frac{r_1}{r} \right)^2 \right] v^2}{1 + \zeta_1}} \cdot \frac{1}{g^2}$$

und fonach folgt bie effective Rableiftung

$$L = \left(v\cos\delta\right) \sqrt{\frac{2gh - \zeta c^2 + \left[1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2\right]v^2}{1 + \zeta_1}} - v^2\right) \frac{Q\gamma}{g}$$

$$= \left(v\sqrt{2gh - \zeta c^2 + \psi v^2} - \chi v^2\right) \frac{Q\gamma}{\chi g},$$

wenn $1-\left(\frac{r_1}{r}\right)^3$ burch ψ und $\frac{\sqrt{1+\zeta_1}}{\cos\delta}$ burch χ bezeichnet wird.

Meift ift & fo klein, bag man

$$L = (v \sqrt{2gh + \psi v^2} - \chi v^2) \frac{Q\gamma}{\gamma g}$$

und folglich die vortheilhafteste Geschwindigkeit, wie oben §. 256,

$$v = \sqrt{\frac{\chi - V \overline{\chi^2 - \psi}}{\psi V \chi^2 - \psi}} \cdot gh$$

fegen tann.

Läßt man auch noch ζ_1 außer Acht und nimmt $\delta=0$ Grad an, so erställt man $\chi=1$, und daher die vortheilhafteste Radgeschwindigkeit:

$$v = \sqrt{\frac{1 - \sqrt{1 - \psi}}{\psi \sqrt{1 - \psi}} \cdot gh} = \sqrt{\frac{1 - \frac{r_1}{r}}{\left[1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2\right] \frac{r_1}{r}}} gh$$

$$= \sqrt{\frac{gh}{\left(1 + \frac{r_1}{r}\right) \frac{r_1}{r}}} \cdot$$

Der Wirfungegrab ift im letteren Falle:

$$\eta = \frac{\chi - \sqrt{\chi^2 - \psi}}{\psi \chi} = \frac{1 - \frac{r_1}{r}}{1 - \left(\frac{r_1}{r}\right)^2} = \frac{1}{1 + \frac{r_1}{r}} = \frac{r}{r + r_1},$$

also um so größer, je langer die Schwungröhren in Bezichung auf die Beite bes Zuflugreservoirs sind.

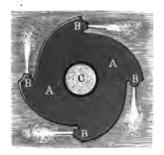
Ans v bestimmt sich $v_1 = \frac{r_1}{r} v$, sowie

$$c_2 = \sqrt{rac{2\,g\,h - \,\zeta\,c^2 \,+\,\psi\,v^2}{1 \,+\,\zeta_1}}$$
, und $F_2 = rac{Q}{c_2}$.

Um ben Wiberstand beim Eintritte möglichst klein zu erhalten, macht man $\frac{F_2}{F}$ klein, also F groß; am besten aber so groß, daß die Geschwindigsteit c beim Eintritte in ben beweglichen Radförper nicht größer aussäult, als die des zusließenden Wassers; und um dies zu erreichen, macht man den ringsörmigen Querschnitt der Eintrittsmündung gleich dem Querschnitte des Zuleitungsrohres, d. i. $2\pi r_1 e = \pi r_1^2$, also die Radhöhe e = dem halben Halbmesser des Reservoirs. Endlich ergiebt sich hieraus noch die Weite der Ausmündungen des Rades:

$$d=\frac{F_2}{ne}$$
.

Wenn man, wie in Fig. 501, ftatt ber getrennten Schwungröhren einen Fig. 501. einzigen Schwungring AA anbringt, und

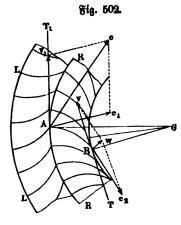


einzigen Schwungring AA anbringt, und bas Wasser burch gut abgerundete conoidisiche Munbstücke B, B... ausstießen läßt, so fallen die hydraulischen Hindernisse im Rade sehr klein aus, da die Bewegung des Wassers in dem Rade, namentlich, wenn man dieses hoch macht, sehr klein ist, und es bleibt dann vorzüglich nur der in diesem Paragraphen in Betracht gezogene Arbeitsverlust beim Uebertritt des Wassers aus der Kernröhre C in das Rad übrig. Der Wirtungsgrad eines solchen höchst einsachen Rades

tann sicherlich auch auf 2/8 gesteigert werden.

Turbinen mit äusserer Beaufschlagung. Die Reactionsturbinen §. 268 (von Francis) mit äußerer Beaufschlagung s. Fig. 489 und Fig. 490, Seite 580 und 581, sind im Wesentlichen genau so zu beurtheilen wie die Reactionsturbinen (von Fournehron) mit innerer Beaufschlagung. Es sindet zwischen diesen Turbinen dasselbe Berhältniß statt, wie zwischen den Tangentialrädern mit innerer und äußerer Beausschlagung, s. §. 235 und §. 236. Wenn wir, wie dort, den Halbmesser bessenigen Radumsanges, wo das Wasser eintritt, durch r_1 , und denjenigen, wo basselbe aus dem Rade

austritt, burch r, sowie, biesem entsprechend, die Umbrehungsgeschwindigkeit bes ersteren durch v_1 und die des letzteren durch v bezeichnen, so sind die für die Turbinen mit innerer Beausschlagung entwickelten Formeln und Regeln auch auf die mit äußerer Beausschlagung ohne Weiteres anwendbar. Wird bei einer Turbine mit äußerer Beausschlagung das Wasser durch den Leitschausschlagung das Wasser der LL, Fig. 502, dem Rade RR mit der Geschwindigkeit c



um den Winkel $\overline{cAv_1} = \alpha$ von dem mit der Geschwindigkeit v_1 umlaufenden Radumfang adweicht, so ist (vergl. §. 250) sikr die relative Eintrittsgeschwindigkeit c_1 , $c_1^2 = c^2 + v_1^2 - 2 c v_1 \cos \alpha$, und ist δ der Winkel TBc_2 , unter welchem sich die Radschauseln an den inneren Radumfang anschließen, so hat man sikr die relative Austrittsgeschwindigkeit $\overline{Bc_2} = c_2$, da bei der Bewegung von A nach B, durch die Eentrifugalkrast das Arbeitsvermögen $\left(\frac{v_1^2-v^2}{2\alpha}\right)Q\gamma$

fo zugeführt, bag bie Richtung beffelben

verforen geht, $(1 + \xi_1) \frac{c_2^2}{2g} = x - h_2 + \frac{c_1^2}{2g} - \frac{v_1^2 - v^2}{2g}$ $= x - h_2 + \frac{c^2}{2g} + \frac{v^2}{2g} - \frac{2 c v_1 cos. \alpha}{2g},$

ober, wenn man

$$(1+\xi)\frac{c^2}{2a}=h_1-x,$$

nnd $h_1 + h_2 = h$ einführt,

$$(1 + \zeta_1) c_2^2 = 2gh + v^2 - 2cv_1\cos\alpha - \zeta c_2^2$$

genau wie für die Turbinen mit innerer Beaufschlagung. Die im Obigen gefundene innere Radgeschwindigkeit ift natürlich hier bei ben Turbinen mit außerer Beaufschlagung die außere Radgeschwindigkeit, nämlich

$$v_1 = \sqrt{\frac{\frac{2 gh}{2 \sin \beta \cos \alpha} + \zeta \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1 \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}{\sin (\beta - \alpha)}}$$

Da nun hier $\frac{r}{r_1}$ ein echter, bei ber Turbine mit innerer Beaufschlagung aber ein unechter Bruch ift, so folgt, baß unter übrigens gleichen Umständen und Berhältnissen, die vortheilhafteste äußere Radgeschwindigkeit bei Turbinen

mit äußerer Beaufschlagung ein wenig größer ausstüllt als die innere Radsgeschwindigkeit dei Turbinen mit innerer Beaufschlagung. Jedenfalls ist aber die Geschwindigkeitsbifferenz klein genug, daß wir näherungsweise annehmen dürfen, diese Geschwindigkeiten sind einander gleich. Nun verhalten sich aber bei gleichen Geschwindigkeiten die Umdrehungszahlen umgekehrt wie die entsprechenden Halbmesser r und r_1 ; ist folglich u die Umdrehungszahl einer Turdine mit innerer sowie u_1 die einer solchen mit äußerer Beaufschlagung, und ν das Berhältniß des äußeren Radhalbmessers zum inneren, so hat man

$$\frac{u_1}{u} = \frac{1}{v}$$
, baher $u_1 = \frac{u}{v}$.

Es macht also bei ben gemachten Voraussetzungen eine Turbine mit äußerer Beaufschlagung weniger Umbrehungen als eine solche mit innerer Beaufschlagung. Da auch bem Vorstehenben zufolge, $c_2 = v$ bei ben ersteren Turbinen kleiner ist als bei ben letzteren, so fallen auch die hydraulischen Widerstände bei jenen kleiner aus als bei diesen. Dieser Vorzug wird aber badurch wieder ausgehoben, daß, wie die Formel

$$\sin \delta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$

nachweist, die Turbinen mit äußerer Beaufschlagung einen größeren Austrittswinkel erfordern als die mit innerer Beaufschlagung, und folglich auch in ber lebendigen Kraft des absließenden Wassers mehr Arbeitsvermögen verlieren als die letzteren, wie auch aus der Formel für den Wirkungsgrad 7, §. 260 zu ersehen ist.

Beispiel. Es sei für ein Gefälle h=5 Fuß und für Q=30 Cubiffuß (vergl. Beispiel §. 264) die Reactionsturbine mit außerer Beausschlagung anzuordnen und zu berechnen. Bollten wir, wie in dem angeführten Beispiele $\alpha=30^{\circ}$, $\beta=100^{\circ}$ und $r=\frac{r}{r_1}=\frac{1}{1.35}$ in Anwendung bringen, so würden wir für σ den übermäßigen Berth von $72^{\circ}/4$ Grad erhalten. Nachen wir hier beshalb

1)
$$\alpha = 20^{\circ}$$
,

2)
$$\beta = 60^{\circ}$$

unb

8)
$$\nu = \frac{4}{5} = 0.8$$
,

fo erhalten wir:

$$\sin \theta = \frac{\sin \alpha \sin \beta}{r^2 \sin (\beta - \alpha)} = \frac{\sin 20^0 \sin 60^0}{0.64 \sin 40^0} = 0.7200,$$

und hiernach

4)
$$\theta = 46^{\circ}8'$$
.

Rehmen wir nun ben außeren Rabhalbmeffer

5)
$$r_1 = 2,45 \text{ Fuß}$$

an, fo ift ber erforberliche innere Rabhalbmeffer:

6)
$$r = \nu \cdot r_1 = 0.8.2,45 = 1.96$$
 guß.

Ohne Rudficht auf Nebenhindernisse ware die erforderliche außere Radge-fcwindigfeit

$$v_1 = Vgh(1-tang. a cotang. \beta) = V31,25 5 (1-tang. 20° cotang. 60°)$$

= $V156,25 . 0.78986 = 11.11 \%ug.$

mit Rudflicht auf biefe hinberniffe folgt bagegen, wenn man bie Biberftanbecoefficienten $\zeta = \zeta_1 = 0.075$ fest,

$$v_{1} = \sqrt{\frac{\frac{2 g h}{2 \sin \beta \cos \alpha} + \zeta \left[\left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)} \right)^{2} + r^{2} \right]}{\frac{812.5}{2 \sin 60^{0} \cos 20^{0}} + 0.075 \left[\left(\frac{\sin 60}{\sin 40} \right)^{2} + 0.64 \right]^{2}}}$$

b. i.:

7)
$$v_1 = \sqrt{\frac{312,5}{2.5321 + 0.075, 2.455}} = \sqrt{\frac{312,5}{2.7162}} = 10,726 \text{ gus.}$$

Die innere Rabgefdwinbigfeit ift nun

8)
$$v = v \cdot v_1 = 0.8 \cdot 10,726 = 8,581$$
 Fug.

Die Geschwindigkeit bes Baffere vor feinem Gintritt in bas Rab ift:

9)
$$c = \frac{v_1 \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)} = \frac{10,726 \sin 60^0}{\sin 40^0} = 14,451 \text{ Fug.}$$

und die relative Geschwindigfeit bes eintretenden Baffere:

10)
$$c_1 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} = \frac{10,726 \sin 20^6}{\sin 40} = 5,694 \text{ Full.}$$

hieraus folgt bie absolute Austrittsgeschwindigkeit

11)
$$w = 2 v \sin \frac{\theta}{2} = 2.8,581 \sin 23^{\circ} \frac{1}{2} = 6,712$$
 Fuß.

Ferner bie Umbrehungezahl bes Rabes pr. Minute:

12)
$$u = 9.55 \frac{v_1}{r_1} = 9.55 \cdot \frac{10.726}{2.45} = 41.81.$$

Die Querfdnitte ber Ausmundungen find:

18)
$$F = \frac{Q}{c} = \frac{30}{14.451} = 2,076$$
 Quadratfuß

unb

14)
$$F_3 = \frac{Q}{G_2} = \frac{Q}{g} = \frac{30}{8.581} = 3,496$$
 Quabratfuß.

Nimmt man das Dimenstonsverhältniß $\lambda=\frac{e}{d}=2$ und die Retallstärfe einer Kabschausel, s=8 Linien =0.02 Fuß an, so erhält man, da $2\pi r \sin \delta=2\pi .1.96 \sin .46^{\circ}3'=8.866$ ift,

bie innere Rabhohe:

15)
$$e = \frac{F_2}{2\pi r \sin \theta} + \lambda s = \frac{3,496}{8,866} + 2 \cdot 0.02 = 0.3949 + 0.04$$

= 0.4949 Fuß = 5,212 Boll;

ferner bie Beite ber Rabcanale bei ber Ausmunbung :

16)
$$d = \frac{6}{\lambda} = \frac{5,212}{2} = 2,606 \text{ goll},$$

bie Angahl ber Rabschaufeln:

17)
$$n = \frac{\lambda F_3}{e^3} = \frac{2 \cdot 3,496}{(0.4848)^3} = 87,$$

und bie ber Leitschaufeln :

18)
$$n_1 = \frac{n \sin \alpha}{r \sin \theta} = \frac{37 \sin 20^{\circ}}{0.8 \sin 46^{\circ} 3'} = \frac{37 \cdot 0.842}{0.8 \cdot 0.720} = 22.$$

Francis macht bie Anzahl ber Leitschaufeln gleich ber ber Rabichauseln, und zwar n = n1 = 40.

Die Leiftung biefer Turbine ift :

$$\begin{split} L_1 &= \left(1 - \frac{\zeta \left(c^2 + v^2\right) + w^2}{2 g h}\right) Q h \gamma \\ &= \left(1 - \frac{0.016}{5} \left[0.075 \left(14.451^2 + 8.581^2\right) + 6.712^3\right]\right).9262.5 \\ &= \left[1 - 0.0032 \left(0.075.281.46 + 45.05\right)\right].9262.5 \\ &= \left(1 - 0.0032.66.16\right).9262.5 = \left(1 - 0.2116\right).9262.5 \\ &= 0.7884.9262.5 = 7802 \ \Im u \text{ fig.} \end{split}$$

also etwas kleiner als die Leistung der Turbine mit innerer Beaufschlagung, im Beispiel zu §. 264.

Turbinonwello. Bei Anordnung einer Turbine für eine gegebene §. 269 Wasserkraft hat man außer den Hauptdimensionen auch noch einige Hauptsstärken zu berechnen. Namentlich ist die Stärke der Turbinenwelle und die ihres Zapfens, serner die Wandstärke des Schützenreservoirs u. s. w. nach den Regeln der Festigkeitslehre zu bestimmen.

Die Stärke der Turbinenwelle ift aus der Leiftung und der Umbrehungszahl der Maschine, den Regeln der Torsionssestigkeit entsprechend, zu bestimmen. Die für horizontale Wasserradwellen (§. 191) entwickelte Formel

$$d=0.361 \sqrt[3]{Pa}=6 \sqrt[3]{\frac{L}{u}} 300,$$

wo P die Umbrehungstraft der Maschine in Pfund, L die Leistung derselben in Pferdekräften, a den Rabhalbmesser r in Fuß, sowie u die Umbrehungszahl pr. Minute bezeichnen, sindet hier ihre unmittelbare Anwendung.

Die Stärke d, des Zapfens der stehenden Welle macht man gewöhnlich 2/3 d dis 3/4 d, wiewohl ste nach den gewöhnlichen Regeln der Festig-keitslehre kleiner sein könnte. Nimmt man den zulässigen Druck pr. Quadratzoll Querschnittssläche 1500 Pfund an, so ist bei dem Gewichte G der armirten Turbinenwelle:

$$1500 \; \frac{\pi \, d_1^2}{4} = G,$$

und baher:

$$d_1 = \sqrt{\frac{G}{375 \pi}} = 0.02913 \ \sqrt{G},$$

. wofür wir

$$d_1 = 0.03 \sqrt{G} \text{ Boll}$$

fegen wollen.

Diese Formel gilt jedoch nur für langsam umgehende stehende Bellen, 3. B. für Göpel; ben viel schneller umlaufenden Turbinenzapfen ift wegen ber größeren Wärmeentwickelung eine größere Stärke zu geben. hier ift es nöthig, die Stärke mit der Umdrehungszahl w machsen zu lassen, und ziemelich angemessen

$$d_1 = 0.03 \ \sqrt{(1 + 0.01 \ u) \ G}$$

ju feten, wobei u die Umbrehungszahl der Turbinenwelle bezeichnet.

Die Wellentöpfe ober bicjenigen Theile der Turbinenwelle, wo der Radteller und wo das Transmissionstad aussigen, sind wegen der Schwächung durch die Spur für einen Reil stärker zu machen, als die übrige Welle. Gewöhnlich macht man die Stärke dieser Röpfe = 5/4 d und die Wanddicker Hülsen, womit sowohl der Nadteller als auch das Transmissionstad auf den Wellentöpfen aussigen, = 1/3 d; es ist also hiernach der äußere Durchsmesser einer solchen Hilse:

$$d_2 = \frac{5}{4}d + 2 \cdot \frac{1}{2}d = \frac{23}{12}d$$
.

$$Pa = \pi d_2 s K \frac{d_2}{2} = 1/2 \pi d_2^2 s K.$$

Führt man für K ben Sicherheitsmodul T=1800 Pfund ein (f. Bd. I, $\S.\ 264$), so erhält man die gesuchte Tellerstärke:

$$s=\frac{Pa}{900\pi d_2^2},$$

ober, ba

$$Pa = 12.4584 \frac{L}{4}$$
 Zollpfund

ift, (f. §. 191)

$$s = 19.2 \ \frac{L}{u \, d_s^2} = 5.23 \ \frac{L}{u \, d^2}$$

In der Praxis macht man, um dem Teller die nöthige Steifigleit ju geben, biefe Sturte viel größer als biefer Ausbrud angiebt, und zwar gleich ber Sturte bes Bobentellers. Lettere lugt fich wie folgt berechnen.

Denken wir uns diesen Teller massib, und uehmen wir an, daß berselbe burch ben Druck des darüber stehenden Wassers längs seines Durchmessers 2r, in zwei halften zertheilt werde. Bei der Druckhöhe h, ist die drückende Kraft auf jede Hälfte:

$$P = \frac{1}{2}\pi r_1^2 h \gamma.$$

und, ba ber Schwerpunkt eines Balbireifes um

$$y = \frac{4r_1}{3\pi}$$

vom Mittelpuntte abweicht, (f. Band I, §. 113) bas Moment diefer Rraft:

$$Py = \frac{1}{2} \pi r_1^2 h \gamma \cdot \frac{4 r_1}{3 \pi} = \frac{2}{3} r_1^3 h \gamma.$$

Dieses Moment ift aber auch, ber Theorie ber relativen Festigseit zufolge, ba $2r_1$ die Breite und s die Höhe ber Bruchsläche ausdrucken (j. Band I, $\S.$ 236):

$$Py=\frac{2r_1.s^4T}{6};$$

setzen wir daher beide Ausbritche einander gleich, so erhalten wir folgende Formel zur Bestimmung der Tellerstärke:

$$\frac{2 r_1 s^2 T}{6} = \frac{2}{8} r_1^3 h \gamma$$
 oder $s^2 = \frac{2 r_1^2 h \gamma}{T}$.

Führen wir nun noch $\gamma=61,75$ und T=7000 Pfund ein, so erhalten wir die gesuchte Tellerstärke:

$$s = r_1 \sqrt{\frac{2.61,75 h}{7000}} = r_1 \sqrt{0,01764 h} = 0,132 r_1 \sqrt{h} 300$$

wobei r1 und h in Fußen auszudrücken find.

Der nöthigen Steifigkeit wegen fest man (f. Band I, §. 363) noch 0,33 Roll au, nimmt also:

$$s = 0.12 \, r_1 \, \sqrt{h} + 0.33 \, 300 \, an.$$

Beispiel. Für die im Beispiel zu s.~264 berechnete Turbine ift, ba hier bie Leistung L=16 Pferbefrafte und die Umbrehungszahl u=65 gesett werben kann, die erforberliche Bellenstärke:

$$d = 6 \sqrt[3]{\frac{\overline{L}}{u}} = 6 \sqrt[3]{\frac{\overline{16}}{65}} = 6.0,68 = 3,80,$$

wofür = 4 Boll zu nehmen fein möchte.

Bare bas Gewicht ber armirten Turbinenwelle G=3600 Pfund, fo wurde nach ber oben angegebenen Formel, die nöthige Bapfenstärke

$$d_1 = 0.08 \sqrt{(1 + 0.01.65) 8600} = 1.8 \sqrt{1.65} = 2.28$$
 Holl betragen, wofür aber $d_1 = 2.5$ Boll zu sehen sein möchte.

Die erforderliche Starte bes Bobens sowie auch bie bes Rabtellers ift:

$$s = 0.12 \cdot 1.8 \sqrt{5} + 0.33 = 0.216 \cdot 2.24 + 0.33 = 0.81$$
 Soll.

§. 270

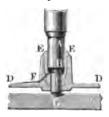
Sapfonlager der Turbinon. Ein sehr wichtiger Theil einer Turbine ift ber Bapfen und bie Lagerung beffelben. Das oft beträchtliche Gewicht ber Turbine und die große Umdrehungegeschwindigkeit berfelben erzeugen an ber Bafis bes Bapfens ober Stiftes ein fo großes Reibungemoment, daß ein fehr schnelles Abführen beffelben eintritt, wenn berfelbe nicht mit der größten Sorgfalt geölt wirb. Es haben beshalb auch die meiften Turbinenconstructeure immer besonders ihr Augenmert auf die Berftellung bauerhafter Turbinenstifte verwendet. Wenn man beobachtet, bag bie Turbinenftifte viel eher abgeführt werben, als bie Bapfen anderer ftebenber Bellen, so hat diese Abweichung theils in der mit der großen Umdrehungsgeschwindigkeit verbundenen Erhitung bes Stiftes und theils in bem unvolltommenen und burch ben Zutritt bes Waffers erschwerten Schmieren ober Delen ihren Grund. Um diefem Uebelstande so viel wie möglich zu begegnen, hat man die Turbinen möglichst leicht und vorzüglich ihre Welle nicht unnöthig lang zu machen, ferner bie fich reibenben Machen möglichst groß, alfoben Stift fehr bid (in ber Regel nur wenig fcwacher als bie Belle felbft) ju machen, ferner ben Butritt bes Baffere amifchen ben Reibungeflächen möglichft au verhindern, und endlich einen ununterbrochenen Strom von Oliven- ober beffer, Rufol, zwischen bie Berührungs- ober Reibungsflächen burchzuleiten.

Außer ber Unterstützung am Stifte ober unteren Zapfen ift natürlich auch noch eine Lagerung am oberen Ende ber Welle ober in ber Nahe beffelben anzubringen.

Eine sehr einsache, jedoch nur bei wenig Druck anwendbare Zapfenlagerung zeigt Fig. 484, Seite 573. Es ruht hier der Zapfen C in einer Pfanne von Rothguß, die innerhalb eines auf der Radstubensohle ausgeschraubten Pfannenträgers durch Stellfeile LS nach Bedürsniß gehoben oder gesenkt werden kann. Das Del wird durch ein Rohr R zugeführt, welches neben den Stellseilen durch den Boden der Pfanne geht.

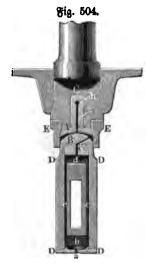
Die Ginrichtung eines Bapfens nach Cabiat führt Fig. 503 vor Augen.

Fig. 503.



A ist der Fuß der stehenden Welle, B ist ein gehärteter Stahlstift, welcher entweder durch eine Schraube, oder durch Rippen mit A sest verbunden wird; C ist das Lager desselben, welches ebenfalls aus hartem Stahle besteht, DEED ist das auf der Sohle sest aufstigende Lagergehäuse aus Gußeisen, EE ist die messtingene Lagerschale, welche die Welle seitlich umterstützt, und den Zutritt des Wassers zum Zapfen verhindert, F ein Rohr, durch welches das Del in den zwissen B und E besindlichen leeren Raum geführt wird.

endlich stellt G ben Sebel ober Stellfeil zum Beben ober Senten ber Turbine vor. Am complicirteften ift ber Lagerungs und Schmierapparat von Fournepron. Die allgemeine Einrichtung beffelben ift aus Fig. 486 zu ersehen, zur Kenntnignahme ber speciellen Einrichtung wird aber Fig. 504 die-



nen. Aus Fig. 486 ift wenigstens zu entnehmen, wie bas Bapfenlager Z auf einem um O brehbaren Bebel OR aufruht, und wie berfelbe burch eine Bugftange RS mittele einer Schranbe S gehoben ober gefentt werben tann. fieht man in U noch bas Rohr jum Buführen Der lebhafteren Circulation bes bes Deles. Deles wegen ift es gut, wenn die Einmundung bes Robres möglichst boch, minbestens aber über bem Spiegel bes Dbermaffers fteht. Die fich reibenden Theile A und B, Fig. 504, bestehen aus gehärtetem Stahl. Der obere Theil A ift mit ber Welle C fest verbunden, ber Untertheil B bingegen fitt in einem Bebaufe DD fest. welches in bem Bapfenständer Z mittels bes Bebels OR, Fig. 486, auf - ober niebergefchoben werben tann. Des ficheren Stanbes megen

ist die Grundsläche A, Fig. 504, in Form eines Augelsegmentes ausgehöhlt und die Kopffläche von B ebenso gewöldt, auch werden beide noch durch einen Metallmantel EE umgeben, der überdies noch den Zwed hat, das Oel zwischen den Reibungsslächen zurückzuhalten. Das durch ein Rohr zugeleitete Oel tritt bei a in den hohlen Raum b, von da durch die Canale c, c in den Raum d. Aus diesem sließt es durch drei von unten senkrecht und von oben schieß auslausende Canale ef... am Umfange des Stahlagers in die Höhe bis zu den Reibungsslächen, wo ihm durch drei radiallausende Furchen hinreichende Gelegenheit zur Ausbreitung gegeben wird. Endlich geht noch von der Mitte dieser Flächen aus eine Bohrung gh in die Welle hinein, durch welche das Oel nach außen absließen und in Circulation erhalten werden kann.

Ein vollständiges festes Zapfenlager ift in Fig. 505 abgebilbet. AA ift Fig. 505.



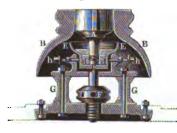
die durch zwei Schraubenbolzen A, A aufgeschraubte Sohlplatte, BB ist das Lagergehäuse mit seiner durch vier Schraubenbolzen C, C... auf die Kig. 506



Sohlplatte befestigten Fußplatte DD. Im Inneren bes Lagergehäuses liegt bie mit einer kreisrunden Schmierrinne versehene und durch einen Stift a auf der Fußplatte sestigehaltene Spurplatte E aus Bronze oder Stahl, und darüber sitt die messingene chlindrische Lagerschale oder Büchse FG, welche den stehenden Zapfen der Turbine ungiedt. Wenn die Turbine in freier Luft untläuft, so kann die Schmiere aus dem Behälter GG durch verticale Ninnen nach der Rinne in der Spurplatte geführt werden, steht aber das Zapfenlager unter Wasser, so muß man das Schmieröl durch besondere Röhrchen und Seitencanäle in BB... dem Zapsen zusühren und von demselben ableiten.

Um das Wasser von einem Turbinenzapfen ganz abzuhalten, kann man die sogenannte atmosphärische Schmierung von Laurent in Anwendung bringen. Das Wesentliche derselben besteht darin, daß man eine Taucherglocke an dem Fuße der Turbinenwelle befestigt, welche den Turbinenzapfen umgiedt; die in dieser Glocke eingeschlossene Luft verhindert den Zutritt des Wassers zu dem Inneren des Zapsenlagers. Die Einrichtung eines Zapsenlagers mit atmosphärischer Schmierung ist aus Fig. 507 zu ersehen.

Fig. 507.



Es ist A ber Turbinenzapfen und BB bie Taucherglocke, ferner c bie stählerne Spurplatte und d bie ben Bapfen umgebende Bapfenbuchse. Lettere befinden sich in dem Lagergehäuse, welches sich oben in eine mit Schmieröl anzusullulende Schaale EE endigt. Dieses Lagergehäuse ruht mittels ber Stellschraube Fauf einem gußeisernen Stuhl GG und läßt

sich nicht allein burch diese Schraube nach Bedürfniß heben und senten, sonbern auch durch andere Seitenschrauben d, d in horizontaler Richtung einstellen.

Man schützt auch die Turbinenzapfen vor dem Zutritt des Wassers das durch, daß man die Turbinenwelle aufhängt. Eine solche Aushängung haben wir schon oben in §. 249, Fig. 488, an einer Turbine mit äußerer Beausschlagung kennen gelernt, und eine andere Aushängungsweise wird bei den Fontaine'schen Turbinen angewendet, wovon erst weiter unten die Rede sein kann.

Anmerkung. Hierher gehört auch die von Girard empfohlene Anwendung des Wasserbruckes zur Berminderung der Zapfenreibung. Siehe "Note sur les éxperiences de surfaces glissantes et sur leurs applications aux pivots des arbres verticaux, in Comptes rendues de l'Academie des Sciences à Paris, T. 55. Auch Dingler's polytechn. Journal, Bb. 167.

Vergleichung der Turbinen. Aus einer Bergleichung ber Turbis §. 271 nen von Fourneyron, Cabiat und Whitelaw unter einander geht Folgendes hervor. Jedenfalls ist die Turbine mit Leitschaufelapparat die meschanisch vollkommnere Construction, da durch dieselbe dem Wasser beinahe alles Arbeitsvermögen (durch Gleichmachung von c2 und v) entzogen werden kann, was dei den Turbinen ohne diesen Apparat nicht möglich ist. Mit Berücksichtigung aller Nebenverhältnisse erfordern alle drei Turbinen ziemlich eine und dieselbe Radgeschwindigkeit, nämlich

$$v = 0.7 \sqrt{2gh}$$
 bis $\sqrt{2gh}$,

um die Maximalgleichung hervorzubringen; nur sind diese Maximalleistungen verschieden, nämlich bei den Fournehron'schen Turbinen circa 0,75, bei den Cadiat'schen Turbinen 0,65 und bei den Bhitelaw'schen Turbinen nur 0,50 bis 0,60 Procent der Totalleistung. Diese Berhältnisse verändern sich jedoch mit der Größe des Aufschlages; während bei einer Whithelaw'schen Turbine durch eine Beränderung der Ausmündungen der Wirkungsgrad sich nicht wesentlich ändert, fällt derselbe bei den übrigen Turbinen bedeutend kleiner aus, sowie die Schütze bei einem schwächeren Ausschlage tieser gestellt wird. Uedrigens sindet zwischen den übrigen Turdinen noch der Unterschied statt, daß bei einer äußeren Schütze der Aussluß stets voll bleibt, bei einer inneren Schütze aber, wenn dieselbe ungefähr die halbe Rabhöhe bedeckt, die Radcanäle von dem Wasser nicht vollständig gefüllt werden.

Was ben Wasserluft anlangt, welcher burch die ringförmigen Spalten zwischen Rab und Schütze u. f. w. erfolgt, so ift bieser bei ben Fourneyron'schen Turbinen am kleinsten, größer bei ben Whitelaw'schen und noch größer bei ben Cabiat'schen Turbinen, weil ber innere Wasserbud bei ben ersteren Turbinen, zumal bei besseren Constructionen, ben Atmosphärenbruck nicht viel übertrifft, bei ben letzteren Turbinen bieser Druck aber in ber Regel ziemlich groß ist, und diese Räber ohnedies eine Spalte (bei ber Schütze) noch mehr haben, als die anderen Turbinen. Uebrigens sind die Turbinen ohne Leitschaufelapparat, und zumal die Whitelaw'schen, jedenfalls einsacher und leichter vortheilhaft zu construiren, als die Fournepron'schen Turbinen mit Leitschaufeln, die überdies noch durch fremdartige Körper, welche durch das Ausschlagwasser zugeführt werden, in ihrer vortheilhaften Rutzleistung mehr gestört werden können, als die ersteren Räder.

Im Allgemeinen läßt sich behaupten, daß die Turbinen von Fourneys ron und Cadiat vorzüglich zur Benutzung von kleinen ober mittleren Gefällen (unter 30 Fuß) und von großen Aufschlagmengen, die Schottischen Turbinen aber mehr zur Berwendung hoher Gefälle und kleiner Wassermengen sich eignen.

Sanz befonders laffen fich aber auch die Tangentialrader zur Benutzung hoher Gefälle anwenden.

Anmerkung. Bei ben Turbinen ohne Leitschaufelapparat, namentlich, wenn bieselben ein hohes Gefälle haben, besitzt bas absließende Wasser noch eine große absolute Geschwindigkeit $w=c_3-v$ (vergleiche bie berechneten Beispiele) und es wird badurch dem Rade selbst ein beachtenswerther Theil von mechanischer Leistung entgogen. Dieser Verluft läßt sich aber beseitigen oder sehr ermäßigen, wenn man die lebendige Kraft des absließenden Wassers zum Umtriebe eines zweiten Rades verwendet. Eine derartige Construction hat der herr Ober-Bergerath Althans an einer Lohmühle zu Ballendar bei Ehrenbreitenstein ausgeführt.

Fig. 508.



Die wesentliche Einrichtung berselben ist in Fig. 508 zu ersehen. AEA ift ein gewöhnliches Reactionsrad mit vier krummen Schwungröhren und 120 Kuß Gefälle (vergl. §. 245), und BB ift ein größeres Schauselrad, welches durch das aus A, A aussließende Wasser in Umdrehung geseht wird. Da beide Raber in umgekehrten Richtungen umlausen, so sind sie noch durch ein besonderes Raderwerk mit einander in Berbindung zu sehen. Uebrigens gewährt das äußere Rad noch den Vorzteil, daß es mit als Schwungrad dient, und das durch einen gleichsormigeren Gang in die ganze Massine bringt (s. inner-österreichisches Gewerdes blatt, Jahrgang 5, 1848).

§. 272 Vorsuche an Turbinen. Bersuche über die Leistungen ber zulett betrachteten Reactions-Turbinen mit Ausströmung von innen nach außen sind zwar in großer Anzahl bekannt gemacht worden, nur möchte nicht allen Angaben hierüber das nöthige Bertrauen geschenkt werden können. Mit diesen in manchen Beziehungen so vortrefslichen Maschinen Wirkungsgrade von 0,85

bis 0,95 erlangt haben zu wollen, ist geradezu zu widerlegen und, gelinde beurtheilt, nur Täuschungen zuzuschreiben. Da dem Ausslusse wassers burch die vollkommenste Mündung ein Geschwindigkeitscoefficient $\varphi=0,97$ zukommt (s. Bd. I, §. 405), so sindet schon bei der Einsührung in das Rad durch den Leitschauselapparat der Arbeitsverlust

$$\left(\frac{1}{\varphi^2}-1\right)\frac{c^2}{2\,g}\,Q\gamma=0.06\frac{c^2}{2\,g}\,Q\gamma$$

statt; ba ferner die Reibung des Wassers in einer Röhre, welche im Mittel 3mal so lang als weit ist (nach Band I, §. 430),

$$0.019.3 \cdot \frac{v^2}{2g} Q\gamma = 0.057 \frac{v^2}{2g} Q\gamma$$

Leistung consumirt und ungeführ $\frac{v^2}{2\,g}=\frac{c^2}{2\,g}=\,h$ ist, so bleiben wegen

bieser Hindernisse schon nur 88 Broc. Leistung übrig; rechuet man nur 1 Broc. auf den Krümmungswiderstand, 2 Broc. Berlust wegen des Stoßes an den Schauselenden und 3 Broc. auf das Arbeitsvermögen, welche das abstießende Wasser behält, und nimmt man selbst auf andere Hindernisse, wie z. B. auf die im Leitschauselapparate u. s. w. nicht Rücksicht, so bleiben nur 82 Broc. Nuchleistung übrig; und wir können gewiß eine Turdine als eine höchst vorzügliche ansehen, wenn dieselbe den Wirkungsgrad 0,75 bis 0,80 hat. (Bergl. §. 260.) Es geben aber auch die Bersuche von unparteisschen Experimentatoren, wie z. B. von Morin, Brückmann u. A., Wirkungsgrade von diesen Rüdern an, welche zwar 0,80 nahe kommen, jedoch diesen Werth nie vollkommen erreichen.

Morin rapportirt bie Ergebniffe feiner Berfuche in ber Schrift: Expériences sur les roues hydrauliques à axe vertical, appelées Turbines, Metz et Paris, 1838. Bundchft handelt er von ben Berfuchen, welche er an einer Fourne pron'ichen Turbine zu Mouffan angestellt hat. Rab hatte 0,85 Meter äußeren Durchmeffer, 0,11 Meter Bobe, 7,5 Meter Gefälle und 0,738 Cubitmeter Aufschlagwaffer pr. Sec., machte also eine Waffertraft von 73,8 Pferbetraften zu Gute. Das allgemeinfte Ergebniß biefer Bersuche war: bas Rab mochte mehr ober weniger unter Wasser geben, es gab bei 180 bis 190 Umdrehungen pr. Mein, die gröfte Nutleiftung von 69 Brocent bes ganzen Arbeitsvermögens. War die Umbrehungszahl eirea 50 Procent Meiner ober großer, fo fant übrigens biefer Wirfungsgrab nur um 7 bis 8 Procent. Hierbei war die Schute fast vollständig aufgezogen, wurde aber biefelbe bis gur halben Rabhohe niebergelaffen, fo fiel ber Wir-Bei einem Bange in freier Luft wilrbe biefes tungsgrad um 8 Brocent. Fallen gewiß noch größer gewesen fein.

Nächstbem theilt Morin in ber genannten Abhandlung die Resultate

seiner ausgebehnten Bersuche an einer Turbine in Mühlbach mit. Dieses Rreiselrab hatte 2 Meter außeren Durchmeffer und 1/3 Meter Bobe; fein Gefälle betrug 31/2 bis 33/4 Meter, und fein Aufschlag 21/2 Cubitmeter pr. Sec.; es nahm also eine bisponible Bafferfraft von 117 bis 125 Pferbefräften auf. Bei 50 bis 60 Umgangen pr. Min. und bei bem ftartften Schützenzuge gab es bie größte Rutleiftung von 78, bie jeboch, weil Morin bei ber Waffermeffung einen zu kleinen Ausfluficoefficienten angenommen Diefer große Wirtungsgrab hat, vielleicht nur 75 Procent zu fegen ift. verminderte sich auch um 2 bis 4 Procent, wenn die Umdrehungszahl 40 Procent größer ober kleiner war, als die angegebene. Es anderte fich ber Wirkungsgrad nicht, wenn bas Rad wenig ober tief (1 Deter) unter Baffer Ebenso trat teine ansehnliche Beränderung bes Wirkungsgrades ein. wenn sich der Aufschlag im Berhältnisse 3 zu 5 veränderte. Auch verminderte fich ber Wirkungsgrad mit ber Sohe bes Schitgenftanbes fo, bag 3. B. bei 00,5 Meter Schützenzug und bei ber vortheilhaftesten Umbrehungezahl (58) der Wirtungsgrad nur 0,373 ausfiel. Uebrigens stellte Morin noch besondere

Bersuche über das Berhältniß $\frac{v}{\sqrt{2\,g\,h}}$ an, und sand, ganz der Theorie entsprechend, daß dieses Berhältniß mit v (wegen Einflusses der Centrisugaltraft) wächst, dagegen abnimmt, wenn der Schützenstand ein größerer wird.

Rebtenbacher theilt in seiner Schrift "über die Theorie und ben Bau s. 273 ber Turbinen und Bentilatoren" noch die Resultate ber an einer Turbine ju Siebenen in ber Schweiz angestellten Berfuche mit. Diese Turbine batte folgende Dimensionen und Berhaltniffe: r1 = 0,938 Meter, r = 1,128 Meter; h=1 Meter; e=0.254 Meter; Q=0.2 Cubitmeter; $\alpha=12^{\circ}$. Die Hauptergebnisse ber Berfuche mit $\beta = 45^{\circ}, \ \delta = 10^{\circ} \ \text{u. f. w.}$ biefem Rabe waren folgende: Beim Schutenzuge e, = 0.1 Meter mar bie vortheilhafteste Umbrehungszahl 17,5 und ber entsprechende größte Wirfungegrad $\eta = 0,464$; war ber Schützenzug $e_1 = 0,2$ Meter, so trat ber größte Wirkungsgrad $\eta = 0.646$ bei 21,1 Umbrehungen pr. Minute ein: und betrug ber Schützenzug e1 = 0,254 Meter, fo fiel, bei 20,6 Umbrehungen, der Maximalwirfungsgrad nur 0,640 aus. Diese verhältnikmäkig fehr Meinen Wirkungsgrabe mift Rebtenbacher wohl mit Recht ber gu groken Arlimmung der Radschaufeln bei. Uebrigens ging die Turbine in freier Luft um.

Außer anberen interessanten Folgerungen, welche Rebtenbacher ans ben Wirtungen und ben Berhältnissen ber bekannten Fournepron'schen Turbinen zieht, möge besonders die hervorgehoben werden, daß ein solches Rad bei der Maximalleistung und bei völlig aufgezogener Schütze halb so viel Umbrehungen macht, als wenn es ganz leer, d.i. ohne Arbeit zu verrichten, umläuft.

Die Berfuche, welche Combes an feinen Reactionsrabern mit und ohne Leitschaufelapparat angestellt bat, führen ebenfalls auf fleinere Wirkungsgrade. An einem Modellrade ohne Leitschaufeln von 0.14 Meter äußerem Durchmeffer und mit 25 Schaufeln betrug im günftigften Falle, bei 335 Umbrehungen pr. Minute, 0,48 Meter Gefalle und 285 Litres Auffchlag pr. Minute, der Wirkungsgrad nur 0.511. Bei einem Modellrade von berfelben Große, mit 20 Leitschaufeln und 30 Radschaufeln und mit ben Winfelgrößen $\alpha = 30^{\circ}$, $\beta = 90^{\circ}$ hat fich höchstens, und zwar bei 0.81 Meter Drudhobe, 199 Umbrehungen pr. Minute und 372 Liter Aufschlag pr. Minute, ber Wirkungsgrad n = 0.566 berausgestellt. Au einem Rabe im Großen, welches zur Bewegung von Bumpen in Paris biente, wurde ber Wirkungsgrad ebenfalls nur 0,53 gefunden. Diefes Rad hatte einen äußeren Durchmeffer von 0,97 Meter, eine Bobe von 0,16 Meter, ein Gefälle von 0,91 bis 1,83 Meter und einen Aufschlag amischen 400 und 85 Liter pr. Secunde. Die Bahl ber Rabschaufeln betrug 36, mahrend bie Leits schaufeln gang fehlten und bie Bahl ber Umbrehungen pr. Minute war bei ber Maximalleiftung von 117,75 Rilogrammeter = 75.

Ausführliche Bersuche mit zwei Fournepron'schen Turbinen find auch noch von Morris in Delamare angestellt worben. S. Journal of the Franklin Institute. Dec. 1843, auch polytechn. Centralblatt 1844, Seft X.) Das erfte ber beiben Bersuchsräber hatte 42/2 Fuß außeren Durchmeffer und 8 Boll Bobe, sein Gefälle betrug eirea 6 Fuß und fein Aufschlag im Mittel 1700 Cubiffuß pr. Minute. Der größte Wirkungsgrab von 0,7 stellte sich bei bem größten Schützenzuge von 6 Boll und bei 52 Umbrehungen ober einer inneren Radgeschwindigkeit $v_1=0.46\,\sqrt{2\,g\,h}$ heraus. Uebrigens aber variirte für $v_1=0.5\,\sqrt{2\,g\,h}\,$ bis $0.9\,\sqrt{2\,g\,h}$, η nur awischen ben Grenzen 0,64 bis 0,70. Das zweite Rab hatte 4 Fuß 5 Boll außeren Durchmeffer, 6 Boll Bobe, circa 41/2 Fuß Gefalle und 14 Cubitfuß Anffclag pr. Secunde. Es ging unter Waffer und gab bei 41/2 Boll Schuten-War $v_1 = 25$ bis 30 Procent von $\sqrt{2gh}$, aug folgenbe Leiftungen. fo ergab sich $\eta = 0.63$; war $v_1 = 40$ bis 50 Procent von $\sqrt{2gh}$, so stellt sich $\eta = 0,71$ heraus, bei

$$\frac{v_1}{\sqrt{2 gh}} = 0,45$$
 ober $u = 49$,

bekam man die Maximalleiftung, nämlich $\eta=0.75$, bei

$$\frac{v_1}{\sqrt{2 \, a h}} =$$
 0,5 bis 0,7, fiel $\eta =$ 0,60 aus.

Anmerfung. Reuere Berfuche mit einer Etagenturbine find von Marozeau angestellt worben. Diefelben gaben einen mittleren Birfungsgrab von 0,6. Siehe

polytechn. Centralblatt, Jahrg. 1848, ober Bulletin de Mulhouse, 1846, Nr. 101. Auch sind vom herrn Capitain M. Ordinaire de Lacolange neue Bersuche an einer Fourneyron'schen Turbine angestellt worden. S. "Civilingenieur", Bb. III. 1857. herr Lacolange hat diese Bersuche in einer besonderen Schrist verössentlicht, unter dem Titel: Théorie de la turbine Fourneyron d'après M. Weisdach etc., suivie d'expériences etc. Bordeaux 1856.

'§. 274 Hydropnoumatisation. Um die Leistungsfähigkeit der Turbinen zu vergrößern, hat man noch besondere Mittel angewendet. Es gehört hierher vor Allem die Hydropneumatisation von Girard und nächstdem die Anwendung der Diffuser von Boyden. Bon beiden Hillsmitteln möge in Folgendem noch das Wesentliche mitgetheilt werden.

Die Sphropneumatisation von Girard besteht barin, bag man die Rabstube der Turbine von oben mit einem luftbichten Mantel umschließt, den durch benselben abgesperrten Raum mit comprimirter Luft anfüllt, und daburch ben Ausfluß bes Wassers unter Wasser verhindert. Es ift zwar Thatfache, dak eine Turbine weniger leistet, wenn sie unter Wasser umläuft, als wenn fle fich in freier Luft bewegt; allein diese Differenz ist bei vollständig geöffneter Schute nicht groß genug, um auf ihre Befeitigung besondere Mittel an verwenden. Gang anders ift es aber, wenn die Turbine bei gum Theil niebergelassener Schütze unter Wasser läuft. Wenn das Wasser hierbei noch immer mit vollem Querschnitte aus der Turbine tritt, und dies muß bei ber unter Waffer gehenden Turbine ftets ber Fall fein, so findet beim Gintritte des Wassers aus dem Reservoir ins Rad eine plöpliche Geschwindigkeitsveranderung beffelben und, ihr entsprechend, ein namhafter Berluft an Wasserdruck statt. Dieser Berlust fällt um so größer aus, je tiefer die Schilte herabgelaffen, je kleiner also bie Sobe e, ber Schützenmundung gegen bie Radhöhe e ist. Bezeichnet o die absolute Geschwindigkeit des Wassers bei seinem Eintritte in bas Rab, und ift folglich bie Ausfluggeschwindigkeit bes Baffers

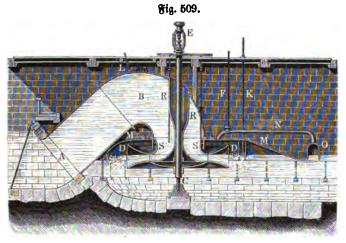
aus der Schütze $=rac{e}{e_1}$ c, so hat man den entsprechenden Drudhöhenverluft:

$$\frac{1}{2\,g}\left(\frac{e}{e_1}\,c\,-\,c\right)^2 = \left(\frac{e}{e_1}\,-\,1\right)^2\frac{c^2}{2\,g} \; (\text{vergi. §. 257.})$$

Dieser Berlust fällt ganz aus, wenn das Wasser bei seiner Bewegung durch das Rad die Canäle besselben nicht ausstüllt, wenn man es also mit einer Druckturdine zu thun hat. Da nun aber dieser Fall nur beim Ansfusse in die Luft stattsinden kann, so gewährt die Entsernung des Unterwassers von der Radmündung durch Hinzuleitung von Lust bei tiesen Schützensständen einen besonderen Bortheil.

Die Sinrichtung einer solchen Turbine mit Hybropneumatisation ift aus Fig. 509 zu ersehen. Die hier abgebildete Turbine hat bei einem Aufschlag von 3 bis 5 Cubikmeter pr. Secunde, das kleine Gefälle von nur 0,450

bis 0,600 Meter, und macht bei einem äußeren Durchmesser von 31/2 Meter, pr. Minute nur 20 Umbrehungen. Herr Girard hat diese Turbine für eine Spinnerei zu Eindhoven in Holland construirt. Damit das Wasser



ungestört in das Rad eintrete, mußte es dem Ausssufflußreservoir durch ein krummes Rohr AB, nach Art eines Hebers (à siphon), zugesührt werden. Sine Sigenthümlichkeit dieser Turbine ist noch die allmälige Erweiterung (franz. évasement) des Rades DD von innen nach außen. Da hierdurch der Querschnitt F_2 der Ausmündungen der Radcandle vergrößert, und solgslich die Ausflußgeschwindigkeit vermindert wird, so ist dadurch dem Wasser ein größerer Theil seines Arbeitsvermögens zu entziehen, als wenn die Radcandle an allen Stellen eine und dieselbe Höhe haben. Dierzu gehört allerdings, daß das Wasser bei seinem Austritte aus dem Rade die Radcandle auch wirklich aussülle, welches beim Ausstusse in die Luft, sowie dei bedeutender Erweiterung des Rades nach außen, wodurch der Querschnitt F_2 dem Querschnitt F_1 sehr nahe gedracht wird, nicht eintritt, zumal wenn die Schütze nicht ganz geöffnet ist. Die hohle Turbinenwelle CE ist in E aufgehangen und dreht sich um eine schwache sestle Säule, deren Fuß in C zu sehen ist.

Eine Compressionsluftpumpe, welche durch die Turbine selbst in Bewegung gesetzt wird, drückt die Luft mittels einer Röhre F in die vom Mantel MM umschlossene Rabstube, und eine andere Röhre K führt die etwa im Uebersluß zugepreßte Luft wieder ab, damit der Wasserspiegel unter dem Mantel einen bestimmten Stand behält. In einer Glode O sammelt sich die von dem Wasser mit fortgeführte Luft, welche durch die Röhre N in den Radstubenraum MM wieder zurückgeführt wird. Die Einrichtung, Auf-

hängung und Bewegung der Schütze SS ift die gewöhnliche. Das Rohr RR, welches die Turbinenwelle umgiebt, hat einen länglichen Querschnitt, um der Bewegung des Wassers so wenig wie möglich Hindernisse in den Weg zu legen. Die im Scheitel des Hebers AB sich ansammelnde Luft läßt sich mittels einer Röhre L durch eine kleine Saugpumpe entfernen.

§. 275 Boyden's Diffuser. Nicht allein bei den Turbinen von Girard, sondern auch bei älteren und neueren Turbinenconstructionen, wie z. B. bei denen von Boyden und Francis, hat man den Radkränzen eine conissife Form gegeben, um den Querschnitt F2 der Ausstußöffnung zu vergrößern. Welcher Bortheil hierdurch erlangt wird, geht aus Folgendem hervor. Bezeichnet e die äußere und e1 die innere Radhöhe, so hat man

$$\frac{c_2}{c} = \frac{v}{c} = \frac{F}{F_2} = \frac{r_1 e_1 \sin \alpha}{r e \sin \delta}$$

gu feten, fo bag für ben Austrittswinkel & ber Ausbrud

$$\sin \delta = \frac{r_1}{r} \frac{e_1}{e} \frac{c}{v} \sin \alpha = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{e_1}{e} \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin \alpha (\beta - \alpha)}$$

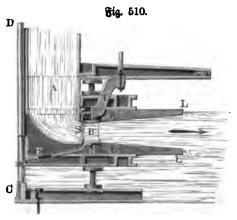
folgt, mahrend bei Eurbinen mit ebenen Radfranzen, wo $e_1 = e$ ist,

$$\sin \delta = \left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)},$$

(j. §. 262) ausfällt.

Man kann also ben Austrittswinkel δ , und folglich auch die absolute Austrittsgeschwindigkeit ω noch baburch herabziehen und von dem absließenden Wasser noch mehr Arbeitsfähigkeit auf das Rad übertragen, wenn man die äußere Radweite e größer macht als die innere Radweite e_1 .

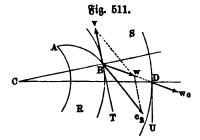
Ein anderes Sulfsmittel, um benfelben Zwed zu erreichen, besteht ferner



in der Anwendung des Diffuser von Boyden. Derselbe besteht in einem sich
ebenfalls von innen nach
außen allmälig erweiternben ringförmigen Raume,
welcher das Rad rund umschließt und burch welchen
das Wasser aus dem Rade
in die Radstube oder in das
Unterwasser geführt wird.
Fig. 510 zeigt den Durchschnitt von einem Theil
einer solchen Turbine mit

Diffuser, nach Francis. CD ist die rechte Hälfte der Turbinenwelle, A das Zuslußreservoir, BE das Rad, KL, KL sind die aus Holzdauben zusammengesetzte Aränze, welche den Diffuser bilben. Der Schützenring S bewegt sich zwischen dem Rade und dem Ausslußreservoir und wird mittels der Arme T u. s. won dem umlausenden Rade selbst eingestellt.

Die Wirkung bieses Diffusers geht aus Folgendem hervor. Es sei ABR, Fig. 511, ein Theil des Rades, sowie BDS ein Theil des Diffusers. Die



relative Geschwindigkeit c_2 , mit welscher das Wasser bei B aus dem Rade tritt, vereinigt sich mit der Umbrehungsgeschwindigkeit v des Rades, und es resultirt hieraus die absolute Austrittsgeschwindigkeit w, mit welscher das Wasser in den Diffuser tritt. Das Wasser durchläust diesen Diffuser beinahe in einer geraden Linie BD mid tritt dann bei D mit einer

zu bestimmenden Geschwindigkeit w_0 aus. Setzen wir die Halbmesser CB=r, $CD=r_0$, sowie die innere und äußere Weite des Diffusers e und e_0 , serner den Austrittswinkel TBc_2 , wie früher, $=\delta$, den Winkel TBD, unter welchem das Wasser in den Diffuser tritt, $=\theta$, und den Winkel UDw_0 , unter welchem es aus demselben heraustritt, $=\theta_0$. Dann haben wir, da

$$\frac{\sin \cdot CDB}{\sin \cdot CBD} = \frac{CB}{CD},$$

b. h.

$$\frac{\cos\theta_0}{\cos\theta} = \frac{r}{r_0}$$
, und $rev \sin\theta = rew \sin\theta = r_0 e_0 w_0 \sin\theta_0$

ift, bie Austrittsgeschwindigfeit

$$w_0 = \frac{r}{r_0} \frac{e}{e_0} \frac{v \sin \theta}{\sin \theta_0} = \frac{r}{r_0} \frac{e}{e_0} \frac{w \sin \theta}{\sin \theta_0} = \frac{r}{r_0} \frac{e}{e_0} \frac{w \sin \theta}{\sqrt{1 - \left(\frac{r}{r_0} \cos \theta\right)^2}}.$$

Da nun $\frac{r}{r_0}$ und $\frac{e}{e_0}$ echte Brüche sind, so ist $w_0 < w$, und folglich das Arbeitsvermögen $\frac{w_0^2}{2\,g}\,Q\,\gamma$ des Wassers bei seinem Austritte aus dem Diffuser keiner als das Arbeitsvermögen $\frac{w^2}{2\,g}\,Q\,\gamma$ desselben beim Austritte aus dem

Rabe. Hierzu kommt aber noch, daß auch w bei Anwendung des Diffusers größer ift als ohne denselben. Sehen wir von den hydraulischen Widerständen ab, und setzen wir die hydraulische Druckhöhe beim Uebergange des Bassers aus bem Rabe in den Diffuser, = y, so haben wir

$$c_3^2 = 2g(h_1 - y) + v^2 - 2cv_1 \cos \alpha$$

und

$$w_0^2 = w^2 + 2g(y - h_2).$$

Rehmen wir nun noch $c_2 = v$ an, so ist $\theta = 90 + \frac{\delta}{2}$ und es folgt

$$w_0^2 = w^2 + 2g(h_1 - h_2) - 2cv_1 \cos \alpha$$

= $w^2 + 2gh - 2cv_1 \cos \alpha$,

ober.

$$w=2 v sin. \frac{\delta}{2}$$
,

$$c = \frac{v_1 \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$

nnb

$$w_0 = \frac{r}{r_0} \frac{e}{e_0} \frac{v \sin \delta}{\sin \theta_0} = \frac{r}{r_0} \frac{e}{e_0} \frac{v \sin \delta}{\sqrt{1 - \left(\frac{r}{r_0} \sin \frac{\delta}{2}\right)^2}}$$

eingefett,

$$\left[2\left(\frac{r_1}{r}\right)^2\frac{\sin{\beta}\cos{\alpha}}{\sin{(\beta-\alpha)}}-\left(2\sin{\frac{\delta}{2}}\right)^2+\left(\frac{r}{r_0}\frac{e}{e_0}\right)^2\frac{(\sin{\delta})^2}{1-\left(\frac{r}{r_0}\sin{\frac{\delta}{2}}\right)^2}\right]v^2=2gh,$$

und baber bie entsprechende Umbrehungsgeschwindigkeit bes Rabes:

$$v = \sqrt{\frac{\frac{gh}{\left(\frac{r_1}{r}\right)^2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} - 2\left(\sin \frac{\delta}{2}\right)^2} \left[1 - \left(\frac{re}{r_0 e_0}\right)^2 \frac{\left(\cos \frac{\delta}{2}\right)^2}{1 - \left(\frac{r}{r_0}\sin \frac{\delta}{2}\right)^2}\right]}}$$

Diesen Werth hat man in die Formel

$$w_0 = \frac{r \ e}{r_0 \ e_0} \frac{v \sin \delta}{\sin \theta_0}$$

einzuseten, um die Geschwindigkeit bes ausfliegenden Baffers zu ermitteln.

Beispiel. Im Beispiele zu .264 wurden die vortheilhastesten Umbrehungs-geschwindigkeiten, $v_1=13,105$ Fuß und v=1,35. 13,105=17,692 Fuß geschunden, wonach sich die absolute Absuchschwindigkeit

$$w = 2 v \sin \frac{d}{2} = 2.17,692 \sin 80 21' = 5,139$$
 Fuß.

und folglich ber entfprechenbe Arbeiteverluft

$$\frac{w^2}{2g} Q\gamma = 0.016 \cdot (5.139)^2 Q\gamma = 0.423 Q\gamma$$

berausftellt.

Benn man aber bas Rab mit einem Diffuser umgiebt, beffen halbmeffer $r_0=2\,r$, und außere Beite $e_0=4/\!\!/_3\,e$ ift, so hat man, ba:

$$\left(\frac{r}{r_0}\right)^2 = (1/2)^3 = 1/4$$
 und $\left(\frac{r}{r_0}\right)^2 = (1/2 \cdot 3/4)^3 = 9/64$;

unb $\left(\sin \frac{\delta}{2}\right)^2 = (\sin 8^{\circ} 21')^2 = 0.02109 \text{ ift,}$

$$2 \left(\sin \frac{\delta}{2} \right)^3 \left[1 - \left(\frac{r \, e}{r_0 \, e_0} \right)^3 \frac{\left(\cos \frac{\delta}{2} \right)^3}{1 - \left(\frac{r}{r_0} \sin \frac{\delta}{2} \right)^3} \right] = 0.04218 \left(1 - \frac{9}{64} \cdot \frac{1 - 0.02109}{1 - 0.00527} \right)$$

$$= 0.04218 \cdot (1 - 0.1384) = 0.08634,$$

und baher bie entsprechende Umbrehungsgeschwindigkeit bes Rabes:

$$v = \sqrt{\frac{\frac{156,25}{\left(\frac{1,00}{1.95}\right)^3.0,9076 - 0,03634}}} = \sqrt{\frac{156,25}{0,4617}} = 18,396 \text{ Fu}$$

Run folgt bie Geschwindigkeit, mit welcher bas Baffer aus bem Diffuser fließt:

$$w_0 = \frac{3}{6} \cdot \frac{18,396 \sin .16^0 42'}{V1 - 0.00527} = \frac{6,898 \cdot 0,2874}{V0.99473} = 1,988 \text{ Gub},$$

und endlich bie hierburch verlorene mechanische Arbeit:

$$\frac{w_0^*}{2 g} Q \gamma = 0.016 \cdot (1.988)^2 Q \gamma = 0.0632 Q \gamma,$$

wogegen bei berfelben Turbine ohne Diffuser biefer Berluft

$$\frac{w^3}{2 g} Q \gamma = 0.423 Q \gamma,$$

also nahe 7mal so groß ausfällt.

Da Q = 30 Cubiffuß ift, so beträgt

$$\frac{w^2}{2 \, g} \, \, Q \gamma = 0.423.30.61,75 = 784 \, \,$$
Fußpfund

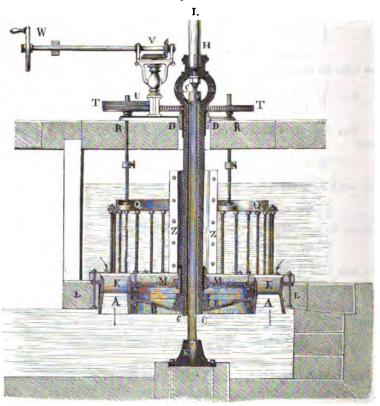
unb

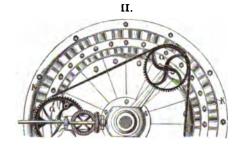
$$\frac{w_0^2}{2\,q} \; Q \gamma = 0.0632 \,.\, 30 \,.\, 61,75 = 117 \,$$
 Fußpfund.

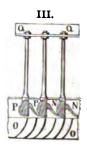
Fontaine's Turbine. Die Turbinen von Fontaine, Henschel und §. 276 Jonval weichen insofern von den Fourneyron'schen Turbinen ab, als sich bei ihnen der Leitschaufelapparat nicht neben, sondern über dem Rade befindet, und dadurch das Wasser nicht von innen nach außen, oder von außen nach innen, sondern von oben nach unten auf das Rad geführt wird, und nicht am äußeren Umfange, sondern an der Grundsläche aus dem Rade tritt. Bei der Bewegung des Wassers von oben nach unten in den ebensfalls durch krumme Schauseln gebildeten Canalen spielt die Centrisugalkraft nur eine untergeordnete Rolle, indem die Schwerkraft an die Stelle derselben tritt. Zwischen der Turbine von Fontaine und der von Henschel sindet aber der Unterschied statt, daß bei jeuer die Oberstäche des Unterwassen

sers unmittelbar unter ober über bem Rabe steht, daß dagegen bei dieser das aus dem Rade strömende Wasser eine Wassersäule über die Oberstäche des Unterwassers bildet, die ebenso auf den Gang des Rades ihren Einstuß ausübt, als wenn sie über dem Rade stünde. Die Jonval'sche Turbine ist eine verbesserte Hensel'sche Turbine.

Fig. 512.



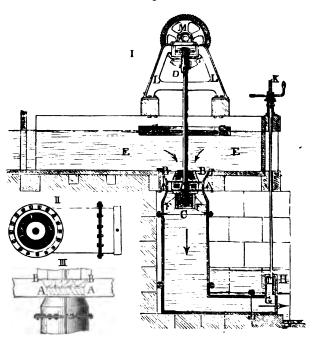




Die Ginrichtung einer Fontaine'schen Turbine ift aus Fig. 512 (I. und II.), welche diefelbe in einem verticalen Durchschnitte und im Grundriffe vorstellt, ju erfehen. AA ift bas Rab, BB ber Rabteller, welcher ftatt ber Rabarme bas Rab mit ber hohlen Welle CCDD fest verbindet. Damit ber Bapfen nicht unter Waffer gehe, endigt fich bie Belle CD in einem Muge GG, burch welches ber ftahlerne Stift FS gestedt ift, ber burch bie Schraubenmutter S tiefer ober bober gestellt werben tann, und in einer ftab. lernen Pfanne im Ropfe F einer feststehenden Gaule EF umläuft. eine fiber bem Auge G eingesetzte ftebende Welle H wird die Umbrehung bes Rabes fortgepflanzt. Um die ftebende Welle gegen bas Waffer au fchüten. wird fle wie bei einer Fourneyron'schen Turbine, mit einem Mantel ZZ umgeben. Der Leitschaufelapparat KK ift auf die Balten L. L aufgeschraubt und mit ihm ift auch ein Teller KMMK verbunden, der ein chlinbrifches Metalllager MM enthält, burch bas, in Gemeinschaft mit einem höher stehenden Lager DD, die Turbinenwelle CD während ihrer Umdrehung in ficherem Stande erhalten wird. Die Bestalt einer Leitschaufel N und einer Rabschaufel O ift aus III. ju erseben. Bum Reguliren bes Aufschlages bient ein Schütenapparat, welcher aus fo vielen einzelnen Schuten P, P... besteht, als bas Rab Leitschaufeln N, N... hat. Diese Schliten find mit abgerundeten Bolgftuden befleibet und laufen in Ruthen, welche in bie cplindrischen Mäntel bes Leitschaufelapparates eingelaffen sind. Schützenstangen PQ, PQ... find burch einen eisernen Ring QQ fest mit einander verbunden, der durch drei Bugstangen QR, QR..., gehoben oder gesenkt werben tann. Bu biesem 3mede werben bie Enden R, R... bieser Stangen fdraubenformig jugefchnitten und Bahnraber T, T ... aufgefest, beren Naben Schraubenmuttern bilben und beren Umfänge burch eine Rette ohne Ende mit einander verbunden find. Wird nun mit Bulfe einer Kurbel W und vermittelst eines Raberwerkes UV bas eine Rab T in Umbrehung gefett, fo laufen bie übrigen Raber gleichmäßig mit um, und es werben baburch auch alle brei Bugftangen gleichmäßig angezogen ober niebergelaffen.

Jonval's Turbine. Ansichten einer Jonval'schen Turbine sind §. 277 unter Fig. 513 (a. s. S.) enthalten. Man nennt diese Turbinen wohl auch boppeltwirkende, weil bei ihnen das Wasser durch Oruck und Zug (Saugen) zugleich wirkt. AA ist das ebenfalls durch einen Teller mit der stehenden Welle CD verbundene Rad, BB der darüberstehende, in das Aufsschlaggerinne EE consich einmundende Leitschauselapparat. Das Zapsenslager ruht in einem Gehäuse C, welches durch die Träger FF unterstützt und festgehalten wird. Die Lage der Leits und Radschaufeln, sowie ein Theil des Aenseren von der Röhre, in welcher das Rad eingeschlossen ist, sühren II. und III. vor Augen. Um die Oberssäche bes Oberwassers ruhig zu ers

halten, wird ein hölzerner Schwimmer SS aufgelegt, und um den Gang bes Rades zu reguliren, wird eine Schütze G in Anwendung gebracht, welche Fig. 518.



sich burch eine Kurbel und Schraube höher ober tiefer stellen läßt. Je nachebem die Schütze höher oder tiefer steht, fließt natürlich auch mehr oder weniger Betriebswasser in das Unterwasser H ab, kann also auch das Rad mehr oder weniger Arbeit verrichten. Der Ständer LL trägt das Lager für den oberen Zapfen der Welle CD und das Lager einer liegenden Welle, auf welche die Umdrehung des Rades mittels eines conischen Räberwertes M zunächst übergetragen wird. Bei kleinen Räbern kann das Reservoir, in welchem das Rad eingeschlossen ist, aus gußeisernen Röhren zusammengesetzt werden, bei größeren Räbern hingegen muß man es aus Quadern aufmanern.

Man ersieht aus dem soeben Mitgetheilten, daß die Turbinen von Fontaine und von Jonval in den Haupttheilen und in den wesentlichsten Berhältnissen volltommen übereinstimmen, und tann daher auch leicht ermessen, daß sich für beibe eine und dieselbe Theorie entwickeln lassen müsse. Bei beiden Rüdern steht das Oberwasser in einer gewissen Höhe h. über der Eintrittsstelle in das Rab; was aber bas Unterwasser anlangt, so steht bessen Oberstäche bei ber Jonval'schen Turbine um eine gewisse höhe h2 unter bem Rabe, während sie bei ber Fontaine'schen Turbine bis zum Rabe reicht, ober sogar über bem Rabe steht. In Beziehung auf bas Reguliren bes Ganges beiber Turbinen muß noch bemerkt werden, daß die Fontaine's sche Turbine mit einer inneren, dagegen die Jonval'sche mit einer äußeren Schütze ausgerüstet, daß also insofern jene mit einer Fournehron'schen und biese mit einer Cabiat'schen Turbine zu vergleichen ist.

Die Henschel'schen ober Jonval'schen Turbinen sind in ber neueren Zeit vielfach und mit sehr gutem Erfolge angewendet worden. Der verticale Durchschnitt eines einsachen Rades bieser Art ist in Fig. 514 abgebildet. Die Welle AB ift längs ihrer Are burchbohrt, um den Berührungsslächen

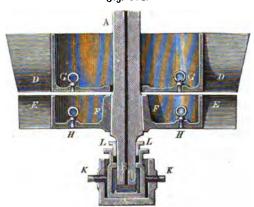


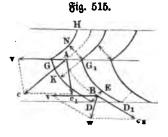
Fig. 514.

zwischen dem Zapsen B und der Spurplatte C Del zusühren zu tönnen. Es ist DD der Leitschauselapparat (das Leitrad) und EEFF das eigentliche Rad (Laufrad); die Bodenteller GG und HH sind mit Spunden G und H versehen, wodurch die Unreinigkeiten, wie Sand, Schmand u. s. w., von Zeit zu Zeit abgelassen werden können. Wie der Zapsen durch Schrauben KK centrirt und durch eine Stopsbüchse vor dem Zutritt des Wassers geschützt werden kann, ist aus der Figur deutlich zu erkennen.

Anmerkung. Mit Recht rügt herr Profesor Ruhlmann in ber Beits schrift bes hannoverschen Architekten= und Ingenieurvereins Bb. I, und zwar im "Beitrag zur Geschichte ber horizontalen Wassertäber", daß die sogenannte Jons val'sche ober Röchlin'sche Turbine keine Jonval'sche, sonbern eine Ersubung bes herrn Oberbergrath henschel in Cassel ift. herr henschel hat schon 1887 eine solche Turbine entworfen und 1841 in einer Steinschleiferei zu holzminden ausgestellt. herr Sectionstath Rittinger nennt die Raber Rohrturbinen.

§. 278 Theorie der Fontaine-Henschel'schen Turbinen. Bei Entwicklung der Theorie der Fontaine-Henschel'schen Turbinen wollen wir folgende, mit dem Obigen in möglichster Uebereinstimmung befindliche Bezeichnungen gebrauchen.

Der Neigungswinkel einer Leitschanfel HNG gegen ben Horizont, ober ber sogenannte Eintrittswinkel $NGG_1=cAv$, Fig. 515, sei $=\alpha$, der Win-



kel $c_1 A v$, welchen ber Rabschauselstopf A mit ber Rabbewegung einschließt, $= \beta$, und ber Winkel $DD_1 E$, unter welchem ber Rabschauselsuß D_1 ben Horizont schneibet, sei $= \delta$; serner sei die absolute Eintrittsgeschwindigkeit \overline{Ac} des Wassers in das Rad = c, die dem mittleren Radhalbmesser $r = \frac{r_1 + r_2}{2}$ entsprechende Radgeschwind

bigkeit $\overline{Av} = v$, die relative Eintrittsgeschwindigkeit $\overline{Ac_1} = c_1$ und die Austrittsgeschwindigkeit $\overline{Bc_2} = c_2$. Endlich sei auch, wie früher, F die Summe der Inhalte aller Querschnitte NG_1 des aus dem Leitschaufelapparate strömenden Wassers, F_1 die Summe der oberen Querschnitte G_1K , und F_2 die Summe der unteren Querschnitte DE der Radcanäle.

Ift nun wieder & ber Coefficient bes Wiederstandes in ben Leitschaufelscandlen und x die ben Druck bes in bas Rab eintretenden Wassers messende Höhe, so hat man auch hier:

$$(1 + \zeta) c^2 = 2g (h_1 - x),$$

und mit Berücksichtigung bes burch bie höhe b (32,84 Fuß) einer Basser- fäule zu messenben Atmosphärenbruckes:

$$(1+\zeta) c^2 = 2 g (b + h_1 - x).$$

Filr bie relative Gintrittsgeschwindigfeit bleibt wie oben,

$$c_1^2 = c^2 + v^2 - 2 c v \cos \alpha$$
.

Ift ferner a die Radhöhe, y die Höhe einer den Druck des Waffers unmittelbar unter dem Rade meffenden Waffersaule und & der Coefficient des Widerstandes in den Radcanälen, so hat man für die relative Austrittsgeschwinbigkeit:

$$\begin{array}{l} (1+\zeta_1) \ c_2^2 = 2 \, g \ (a+x-y) + c_1^2 \\ = 2 \, g \ (b+h_1+a-y) + v^2 - 2 \, cv \cos \alpha - \zeta c^2. \end{array}$$

Wenn man nun wieder, um bem Wasser so viel wie möglich Arbeitsvermögen zu entziehen, c2 = v annimmt und überdies

$$c = \frac{v \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$

einset, so erhält man für die Umbrehungsgeschwindigkeit v des Rades

$$\left[2\frac{\sin.\beta\cos.\alpha}{\sin.(\beta-\alpha)}+\zeta\left(\frac{\sin.\beta}{\sin.(\beta-\alpha)}\right)^2+\zeta_1\right]v^2=2g(b+h_1+a-y),$$
 und daher die vortheilhafteste Rabgeschwindigkeit:

$$v = \sqrt{\frac{2 g (b + h_1 + a - y)}{2 \frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - a)} + \xi \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - a)}\right)^2 + \xi_1}}.$$

Die Druchböhe y ist in dem Falle, wenn die Turdine in freier Luft umgeht, der den Atmosphärendruck messenden Höhe b gleich, in dem Falle aber, wenn sie unter Wasser geht, $b + b_1$, wo b_2 die Höhe des Unterwasserssiels über der Grundsläche des Rades bezeichnet, und endlich in dem Falle, wenn sie über Wasser geht, wie dei der Jouval'schen Turdine, $b - b_1 + s$, wo b_2 die Tiese des Unterwasserspiegels unter der Grundsläche des Rades und s die Seschwindigseitshöhe des durch die Schütze aus dem Reservoir in das Unterwasser strömenden Betriebswassers ist. Das Totalgefälle ist dei dem Gange des Rades in freier Luft:

$$h=h_1+a,$$

beim Gange unter Waffer:

$$h=h_1+a-h_2,$$

und beim Bange über Baffer:

$$h=h_1+a+h_2,$$

baber hat man benn für bie erften beiben Falle:

$$v = \sqrt{\frac{\frac{2 gh}{2 \frac{sin. \beta cos. \alpha}{sin. (\beta - \alpha)} + \zeta \left(\frac{sin. \beta}{sin. (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1}},$$

und für ben letten:

$$v = \sqrt{\frac{2 g (h - s)}{2 \frac{\sin \beta \sin \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} + \zeta \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1}},$$

und es läßt sich auch, wenn bie Mündung G, durch welche bas Gefäß mit bem Unterwasser communicirt, sehr groß ist, also bas Wasser sehr langsam abstießt,

$$s = \frac{1}{2 g} \left(\frac{Q}{G}\right)^2 = 0$$

feten.

Aus der Geschwindigkeit v = c2 läßt sich auch die absolute Eintrittsgeschwindigkeit

$$c=\frac{v\sin.\beta}{\sin.(\beta-\alpha)},$$

und die Druckhöhe

$$x = b + h_1 - (1 + \xi) \frac{c^2}{2g} = b + h_1 - (1 + \xi) \frac{v^2 \sin \beta^2}{2g \sin (\beta - \alpha)^2}$$

berechnen. Dhne Rudficht auf Nebenhinberniffe ift

$$x = b + h_1 - \frac{h \sin \beta}{2 \cos \alpha \sin (\beta - \alpha)},$$

und läßt man ben Atmosphärenbrud unbeachtet,

$$x = h_1 - \frac{h \sin \beta}{2 \cos \alpha \sin (\beta - \alpha)}.$$

Es fallt x=0, ober vielmehr bem äußeren Luftbrude (b) gleich aus, wenn

$$h_1 = \frac{h \sin \beta}{2 \cos \alpha \sin (\beta - \alpha)}$$

ift.

Der burch ben unvolltommenen Anschluß herbeigeführte Basseverluft hängt von ber Differenz zwischen bem inneren Drude (x) und bem äußeren Drude an ber Uebergangsstelle ab, und ist bei der Fontaine'schen Turbine ein anderer als bei ber Jonval'schen Turbine. Damit bas Wasser in zusammenhängenden Strömen zusließe, darf x nie gleich Rull, muß also

$$b + h_1 > \frac{h \sin \beta}{2 \cos \alpha \sin (\beta - \alpha)}$$

sein; bamit sich ferner bas Wasser nicht von ber Grundfläche bes Rabes trenne, barf auch nicht y = Rull, es muß also

$$b-h_2+s>0,$$

b. i.

$$h_2 < b + s$$
 ober $h_2 < b + \frac{1}{2g} \left(\frac{Q}{G}\right)^2$

also bei einem großen Inhalte ber Ausflußöffnung G,

$$h_2 < b$$

sein. Es barf also hiernach bie Sobe bes Rabes über ber Oberfläche bes Unterwassers nie bie Wasserbarometerhöhe b=32,84 Fuß erreichen.

Wenn bei ber Jonval'schen Turbine bas Reservoir hoch und eng ist, so daß sich das Betriebswasser mit einer nicht unbedeutenden Geschwindigsteit in demselben bewegt, so hat man noch einige Berluste in diesem Reservoir zu berücksichtigen, wie z. B. die Wasserreibung, den Krümmungswiderstand, den Stoß bei der plöplichen Geschwindigkeitsveränderung n. s. w. Es ist aber rathsam, um alle diese Berluste möglichst unschädlich zu machen, dem Reservoir mehr Weite zu ertheilen, als dem Radraume.

§. 279 Leistung der Fontaine-Henschel'schen Turbinen. Die Leisftung einer Fontaine-Henschel'schen Turbine läßt sich übrigens fast ganz wie die einer Fournehron'schen Turbine und zwar badurch ermitteln, daß

wir von der Totalleiftung Qhy die den Rebenhindernissen entsprechenden mechanischen Arbeiten in Abzug bringen. Zunächst ist der Berluft in dem Leitschaufelapparate:

$$L_1 = \xi \cdot \frac{c^2}{2 g} Q \gamma,$$

und bann ber in ben Rabcanalen:

$$L_2 = \zeta_1 \cdot \frac{c_2^2}{2 g} Q \gamma,$$

ferner der Berluft, welcher der lebendigen Kraft des Baffers bei feinem Austritte aus dem Rade entspricht,

$$=\frac{w^2}{2g}Q\gamma=\frac{\left(2v\sin\frac{\delta}{2}\right)^2}{2g}Q\gamma.$$

Bei ber Jonval'ichen Turbine tommt hierzu noch ber Arbeitsverluft, welcher ber Erzeugung ber Austrittsgeschwindigkeit w, burch ben Schieber entspricht und

$$=\frac{w_1^2}{2g}Q\gamma=\frac{1}{2g}\cdot\frac{Q^3}{G^2}\gamma$$

gu feten ift. hiernach konnen wir also bie gange Rableiftung

$$L = \left(h - (\xi c^2 + \xi_1 c_2^2 + w^2 + w_1^2) \cdot \frac{1}{2g}\right) Q\gamma$$

setzen, und num auch leicht ermessen, daß dieser Berlust um so größer aussfällt, je größer der Austrittswinkel δ und je größer die Abslußgeschwindigsteit w_1 , oder je kleiner die Austritts- oder Schützenmündung G ist. Bei völlig geöffneter Schütze und weitem Reservoir ist $w_1=0$ zu setzen. Man ersieht hieraus, daß auch bei der Turbine von Henschel der Wirkungsgrad um so mehr adnimmt, je kleiner das Ausschlagquantum oder je tieser die Schützenstellung ist. Was die Fontaine'sche Turbine anlangt, so sinden bei ihr in Beziehung auf die Schützenstellung dieselben Verhältnisse statt wie dei der Fournehron'schen Turbine, denn es wird auch hier durch das Niederlassen der Schütze ein stoßweiser Sintritt des Wassers in das Rad und badurch auch eine Krasttödtung herbeigesührt.

Aus Allem ist zu entnehmen, daß die Wirtungsgrade dieser Turbinen von Fontaine und Henschel nicht ansehnlich größer oder kleiner ausfallen können, als die der Fournehron'schen Turbinen unter übrigens gleichen Umständen, was auch durch die weiter unten angesührten Versuche vollkommen bestätigt wird. Nach den Versuchen des Versassers ist auch hier $\xi = \xi_1 = 0.075$ zu nehmen.

§. 280 Anordnung der Fontakne-Henschel'schen Turbinen. Bir haben nun noch die Hauptregeln zur Anordnung und Construction der Fontaine-Henschel'schen Turbinen anzugeben. Zuerst nimmt man die Radschaufelwinkel β und δ willkürlich an, den letzten möglichst klein, nämslich 15° bis 20°, den ersteren aber etwa 100° bis 120°. Aus β und δ folgt sogleich der Leitschaufelwinkel α, indem man zur Berhinderung eines stoßweisen Eintrittes sext:

$$c_1 \sin \beta = c_2 \sin \delta = v \sin \delta$$
 und $\frac{c_1}{v} = \frac{\sin \alpha}{\sin (\beta - \alpha)},$ also durch Combination:

$$\frac{\sin \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} = \frac{\sin \delta}{\sin \beta};$$

es folgt nämlich hiernach:

$$\sin (\beta - \alpha) = \frac{1}{\sin \alpha},$$

ober:

1) cotg.
$$\alpha = \cot g. \beta + \frac{1}{\sin \delta}$$
.

Ans ben Winkeln a und B ergiebt fich nun bie mittlere Radgeschwindigkeit:

2)
$$v = \sqrt{\frac{2 gh}{\frac{\sin \beta \cos \alpha}{\sin (\beta - \alpha)} + \zeta \left(\frac{\sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}\right)^2 + \zeta_1}}$$

und bie Gintrittegeschwindigfeit:

3)
$$c = \frac{v \sin \beta}{\sin (\beta - \alpha)}$$
.

Dieraus folgen ferner bie Querschnitte

4)
$$F = \frac{Q}{c}$$
 und

$$5) F_2 = \frac{Q}{v} \cdot$$

Die Radweite oder Schaufellänge e, in radialer Richtung gemessen, läßt man in einem schiaklichen Berhältnisse $v=\frac{e}{r}$ zum mittleren Radhalbmesser stehen. Bei kleinen Turbinen kann man v=0,4, bei großen aber v=0,2 annehmen. Ebenso ist für das Berhältniß $\lambda=\frac{e}{d}$ der Schauseldinge oder der Länge e der Ausmitndungen zur Weite d derselben ein bestimmter Werth =2 bis 4 zu sehen; ist daher n die Anzahl der Radsschauseln und s die Stärke derselben, so hat man nicht nur

$$F_2 = 2 \pi resin. \delta - nse = \frac{2 \pi e^2}{v} sin. \delta - nse,$$

sonbern auch

$$F_2 = nde = \frac{ne^2}{1},$$

und baher:

$$F_2=rac{2\pi e^2}{v} sin. \delta -rac{\lambda F_2 s}{e},$$

worans nun bie Schaufellange

6)
$$e = \sqrt{\frac{\nu F_2}{2 \pi \sin \delta}} \left(1 + \lambda s \sqrt{\frac{\pi \sin \delta}{2 \nu F_2}}\right)$$

folgt und sich weiter bie Mündungsweite

7)
$$d=\frac{e}{\lambda}$$
,

ber mittlere Rabhalbmeffer

8)
$$r=\frac{e}{v}$$
,

und bie Anzahl ber Rabschaufeln

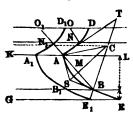
9)
$$n = \frac{F_2}{de} = \frac{\lambda F_2}{e^2}$$

ergiebt.

Die Anzahl n, ber Leitschaufeln nimmt man gleich ober höchstens um ein Biertel fleiner als die der Rabschaufeln, und die Rabhobe a macht man ungefähr der Radweite ober Schaufellange gleich.

Schausoloonstruction. Die Schaufeln bilben windschiefe Flachen, §. 281 beren Erzeugungslinie auf ber einen Seite rechtwinkelig burch die Radaze und auf der anderen Seite durch eine Leitlinie geht, welche man sich auf einen mittleren Radhalbmesser e beschriebenen Cylindermantel verzeichnet benten kann. Da nun durch Abwidelung eines Cylindermantels auf eine Ebene ein Rechted entsteht, so kann man Linien in dieses verzeichenen, welche beim Wiederauswielln des Rechtedes auf den Cylinder als Leitlinien für die Schausselsstäten bienen können. Diese abgewidelten Leitlinien

Fig. 516.



lassen sich am besten aus geraden Linien und Kreisbögen zusammensetzen. Ift LK, Fig. 516, ber abgewickelte Kreis, in welchem bas Rad und ber Leitschaufelapparat sich berühren, so sindet man die Linie AND für die Leitschaufel, wenn man

$$AA_1 = \frac{2\pi r}{r}$$

absticht, und A N, A1 N1 ... fo gieht, bag ber

Reigungswinkel $NAL = N_1 A_1 L \ldots = \alpha$ aussällt; wenn man ferner $A O_1$ winkelrecht gegen $A_1 N_1$ fällt und nun aus dem Durchschnitte

Fig. 517.

O, D,O D

K
A, A
M
C
L
G

B₁S
B
E
E
E

 O_1 dieser Normale A O_1 mit einer den Leitschanfelapparat oben begrenzenden Parallelen zu KL einen Kreisbogen N_1 D_1 , und auf gleiche Weise aus einem anderen Punkte O den Bogen ND n. s. w. beschreibt; A ND, A_1 N_1 D_1 u. s. w. sind nun die abgewickelten Leitlinien von den Leitschaufeln. Um nun die Leitlinien für die Rabschauseln zu sinden, ziehen wir im Abstande EL — der

Rabhöhe a die Gerade EG parallel zu KL, machen

$$EE_1=\frac{2\pi r}{n},$$

und legen die Geraden EB, E_1B_1 u. s. w. so, daß die Winkel BEG $=B_1E_1G$ dem Austrittswinkel δ gleich werden; ferner fälle man die E_1B perpendicular auf BE und lege AB so an, daß der Winkel

$$ABC = ASC = \frac{\beta + \delta}{2}$$

wird; errichtet man endlich in der Mitte M der Linie AB das Berspendikel MC, so schneibet dieses von BT das Centrum C des Bogens AB ab, welcher das obere Stück von der abgewickelten Leitlinie einer Radsschaft ausmacht, während die Gerade BE den unteren Theil derselben bilbet.

Man sieht leicht ein, daß bei dieser Construction der Leits und Radschausseln das Wasser ohne Contraction, und zwar mit den Querschinitten AN_1 und BE_1 aus dem Leitschaufelapparate und aus dem Rade austritt.

Beispiel. Es ist die Anordnung und Berechnung einer henschel'schen Turbine zu vollziehen, welcher ein Aufschlagquantum Q von 8 Cubiffuß pr. Secunde bei einem Gefälle h von 12 Fuß zu Gebote steht. Nehmen wir $\sigma=15^\circ$, und $\beta=110^\circ$ an, so erhalten wir:

$$cotg. \alpha = cotg. \beta + \frac{1}{sin. \delta} = - cotg. 70^{\circ} + \frac{1}{sin. 15^{\circ}}$$

= -0.3640 + 3.8637 = 3.4997,

hiernach ift

1)
$$\alpha = 15^{\circ}57'$$
,

also nabe 16° zu machen. Seben wir nun $\zeta = \zeta_1 = 0.08$, so sinden wir die vortheilhafteste Radgeschwindigkeit im Theilfreise:

2)
$$v = \sqrt{\frac{2gh}{2\frac{sin. \beta cos. \alpha}{sin. (\beta - \alpha)} + \zeta \left(\frac{sin. \beta}{sin. \beta - \alpha}\right)^2 + \zeta_1}}$$

$$= \frac{7,906 \sqrt{12}}{\sqrt{\frac{2 sin. 110^0 cos. 16^0}{sin. 94^0} + 0,08 \left[1 + \left(\frac{sin. 110^0}{sin. 94^0}\right)^2\right]}}$$

$$= \frac{7,906 \sqrt{12}}{\sqrt{1,8110} + 0,1510} = \frac{7,906 \sqrt{12}}{\sqrt{1,9620}} = 19,55 \text{ Sub},$$

und hieraus wieber bie entsprechenbe Gintrittsgeschwindigfeit bes Baffers:

3)
$$c = \frac{v \sin. \beta}{\sin. (\beta - a)} = \frac{19,55 \sin. 110^0}{\sin. 94^0} = 18,415$$
 Fuß.

Aus biefen Gefcwinbigfeiten berechnen fich bie Querfcnitte ber Aus-

4)
$$F = \frac{Q}{c} = \frac{8}{18.415} = 0,4344$$
 Duabratfuß und

5)
$$F_3 = \frac{Q}{v} = \frac{8}{19.55} = 0,4092$$
 Quadratfuß.

Nimmt man nun das Berhältniß $\nu=\frac{e}{r}=0,3$ und das Dimensionsverhältniß $\lambda=\frac{e}{d}=3,5$ an, und sest man die Schaufelstürkes =0,02 Fuß, so erhält man die nöthige Radweite oder Schaufellänge:

6)
$$e = \sqrt{\frac{\nu F_2}{2 \pi \sin \vartheta}} \left(1 + \lambda s \sqrt{\frac{\pi \sin \vartheta}{2 \nu F_2}} \right)$$

= 0.2748.1.1274 = 0.310 %u§.

ferner bie Munbungeweite:

7)
$$d = \frac{e}{\lambda} = \frac{0,310}{3.5} = 0,08855$$
 Fulfi,

ben mittleren Rabhalbmeffer:

8)
$$r = \frac{e}{r} = \frac{0.310}{0.8} = 1.033 \text{ Fuß},$$

und bie Rabichaufelangahl:

9)
$$n = \frac{F_2}{de} = \frac{0,4092}{0,310 \cdot 0,08855} = \frac{40,92}{2,7} = 15,1...,$$

wofür 16 anzunehmen sein möchte. Die Anzahl ber Leitschaufeln kann eben so groß sein. Die Höhe bes Rabes ift b=e=0.310 Fuß und die Weite bes Saugrohres ift nur wenige Boll über $2\,r=2.066$ Fuß, etwa 2.25 Fuß zu machen.

Die absolute Geschwindigkeit bes ans bem Rabe tretenben Baffers ift

$$w = 2 v \sin \frac{d}{2} = 2.19,55 \sin 7\frac{1}{2} = 5,104 \text{ gus.}$$

und die Geschwindigkeit bes Waffers in der Saugröhre, da der Querschnitt berselben $=\frac{2,25^3.\pi}{4}=3,976$ Quadratfuß beträgt,

$$w_1 = \frac{Q}{3.976} = \frac{8}{3.976} = 2{,}012$$
 Fuß.

Es ift folglich bie ju erwartenbe effective Rableiftung:

$$\begin{split} L &= \left(h - \left[\xi \left(c^2 + v^2 \right) + w^2 + w_1^2 \right] \cdot \frac{1}{2g} \right) Q \gamma \\ &= \left(12 - 0.016 \cdot \left[0.08 \cdot \left(18.415^2 + 19.55^2 \right) + 5.104^2 + 2.012^2 \right] \right) 8 \cdot 61.75 \\ &= \left(12 - 0.016 \cdot \left[0.08 \cdot \left(389 + 382 \right) + 26.05 + 4.05 \right] \right) \cdot 494 \\ &= \left[12 - 0.016 \cdot \left(57.7 + 30.10 \right) \right] \cdot 494 = \left(12 - 1.405 \right) \cdot 494 \\ &= 5234 \cdot \Re u \text{ furbiand}. \end{split}$$

Durch bie Zapfenreibung und burch bie hydraulischen hinderniffe im Sauge robre kann biese Leistung bis auf 4800 Außvfund = 10 Pferbekrafte herabgezogen werben. Der entsprechenbe Birkungsgrad ift bann

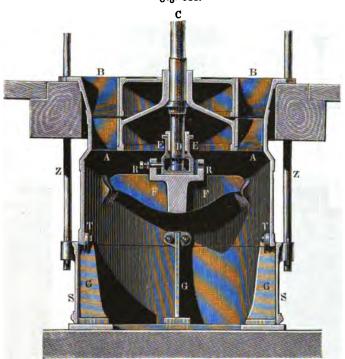
$$\eta = \frac{4800}{8.12.61,75} = \frac{4800}{5928} = 0,80.$$

Wenn bei einem fleineren Aufschlag bie Schute ober Rlappe im Saugrobr gestellt wirb, fo fällt naturlich viefe Leiftung noch fleiner aus.

Regulirungsmittel der Henschel'schen Turbinen. Rum Re-§. 283 guliren bes Aufschlages einer Jonval'schen Turbine hat man in neuerer Beit fatt ber Schute noch mehrfache Mittel angewendet, namentlich bat man hierzu im Saugrohre eine Drehtlappe (f. Bb. I, &. 444) ober am Rufe beffelben eine Rohren- ober eine fogenannte Berfpectivichute angebracht. Die lettere besteht im Wesentlichen aus einer turzen Röhre S.S. Fig. 518, welche an bas untere Ende TT ber Saugröhre anschlieft und bas Gestelle GG ber letten umgiebt, so bag fie mittels ber Bugftangen Z, Z fentrecht emporgezogen und die ringförmige Abflugöffnung unter berfelben nach Bedürfnig größer ober fleiner gemacht werben tann. Die in ber Figur abgebilbete Turbine (nach Reichenbach in Augsburg) zeichnet fich noch burch die Lagerung bes Zapfens D aus. Wie man fleht, ruht berfelbe in einem Bebaufe EE, welches fich mittels Schrauben R,R auf einem festen Bestelle FF centrifch einstellen lägt, und bei welchem ber Butritt bes Baffere zu ben Reibungeflächen burch eine Stopfbuchse verhindert wird.

Bei anderen Turbinen besselben Systemes (franz. turbines en dessus) regulirt man ben Zusluß bes Wassers durch Berengung oder partielle Bereschließung des Leitschaufelapparates, ähnlich wie bei Turbinen von Fonstaine in Fig. 512, III. Hierher gehören unter anderen die Turbinen von Cheneval und die von Girard (s. Le Génie industrielle, Tome XII und XIII). Bei den ersteren hat jede Leitschausel eine verticale Schlitze, welche sich durch einen Hebel und mittels Daumen, Räderwerke u. s. w. aufoder niederstellen läßt; bei den Turbinen von Girard lassen sich durch einen horizontalen Schieber bedesen, welcher durch hebel und mittels eines Räderwerkes u. s. w. bewegt wird. Beide Turbinen haben eine von oben nach unten zu zunehmende Radweite, und lassen daher einen kleineren Austrittswinkel d zu als die chlindrischen Turbinen (§. 275).

Bei ben Turbinen von Girard ift jedoch diefe Erweiterung (franz. évasement) so groß, daß sich ein voller Ausfluß nicht erwarten läßt, um so mehr, Fig. 518.

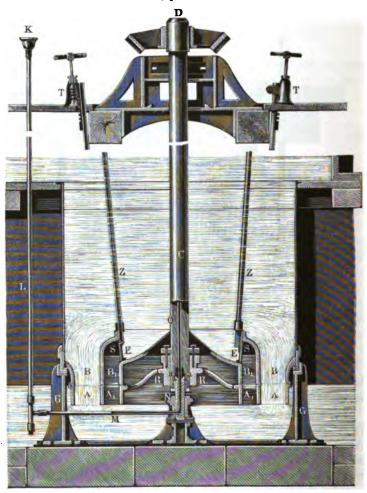


da diese Turbinen hybropneumatifirt sind und folglich in der comprimirten Luft umlaufen.

Die angeführten Regulirungsapparate haben ben großen Mangel, daß sie nur durch einen Berlust an lebendiger Kraft in Wirtsamseit treten können (vergl. §. 258); vollsommener läßt sich aber berselbe Zwed erreichen, wenn man das ganze Rad sammt Leitschaufelapparat durch chlindrische Zwischenswände in Kammern abtheilt, und die eine oder die andere dieser Kammern von oben verschließt, wobei man ganz dasselbe erreicht wie bei den Foursnehron'schen Turbinen mit Etagen.

Eine solche Turbine mit zwei Abtheilungen ist in Fig. 519 (a. f. S.) abgebilbet. Es ist AA die äußere und A_1A_1 die innere Radfammer, sowie BB die äußere und B_1B_1 die innere Abtheilung des Leitschaufelapparates. Während das hier von einem Mantel umgebene Rad durch die Arme A_1R , A_1R und durch die Hille RR mit der stehenden Welle CD verbunden ist, ruht der

ganze Leitschaufelapparat auf bem Gestelle GG auf. Die Scheibewand bes Leitschaufelapparates ift oben nach innen gebogen, und baher bie innere Absig. 519.



theilung bes letteren nur durch eine ringförmige Seitenöffnung EE zugänglich. Diese Deffnung läßt sich durch Schieber S, S, wovon je einer über 1, 2 bis 3 Leitschaufelcanäle weggreift, beliebig verschließen, und es bienen hierzu die Zugstangen Z, Z. Die letteren sind hohl, communiciren oben mit der freien Luft und unten mit dem oberen Raume im Leitschauselsapparate, um bei geschlossenen Schiebern das Aufsteigen des Wassers in der

inneren Rababtheilung zu verhindern. Das Aufziehen und Riederlaffen biefer Stangen erfolgt burch Schrauben ohne Enden T. T ... Das Schmieröl wird bem Bapfen N ber Turbine burch ein Robr KLM jugeführt, fleigt in einer bunnen Bohrung fentrecht im Babfen bis zu ben Reibungeflächen empor, und flieft burch eine fentrechte Bohrung in ber ftebenben Belle CD ab. Damit fich bie Bapfen biefer Turbinen in ihren Lagern nicht Hemmen, giebt man ben letteren zuweilen ein Rugelgelent, ober zwei fich rechtwinkelig treuzende Cylindergelente, wie z. B. bier aa vor Augen führt.

Versuche an der Fontaine'schen Turbine. Ueber bie Leistung §. 284 gen ber Turbinen von Fontaine und von Jonval hat man in ber neueren Beit febr zuverläffige Berfuche angestellt (f. Comptes rendus de l'Académie des Sciences à Paris, Bb. XXII und XXIII, 1846, ober polytechn. Centralblatt, Bb. VIII, 1846). Berfuche mit ber Fontaine'ichen Turbine find aber auch ichon frither von ben Civilingenieuren Alcan und Grouvelle ausgeführt worben (f. Bulletin de la Société d'encouragement, Bb. XLIV ober polytechn. Centralblatt, Bb. VI). Diefe Berfuche führen barauf, baf anch bei ben Fontaine'ichen Turbinen (wie bei ben Fournepron'ichen) ber größte Birtungsgrad bei bem bochften Schutenftanbe eintritt, und bag bie Leiftung bei veranberter Drudhobe weniger abnimmt, als bei veranbertem Aufschlagquantum. Die Turbine ju Babenen bei Chalons fur Marne, beren Leiftung von Alcan und Grouvelle ermittelt wurde, hatte 1,6 Meter außeren Durchmeffer und 0,12 Meter Bobe, bas Gefälle berfelben betrug eirea 1,7 Meter, ihr Aufschlagquantum 420 Liter und ihre Rupleiftung circa 8 Pferbefrafte. Als Bauptresultat biefer Berfuche hat fich herausgestellt, daß bei einer Umbrehungszahl u von 30 bis 50, ber mittlere Wirfungegrab 0,67 mar. Gine, allerdings icon mehrere Jahre im Gange befindliche Fournepron'iche Turbine gab faft unter benfelben Berhältniffen, n nur = 0,60.

Morin ftellte feine Berfuche an einer in ber Pulvermuble ju Bouchet befindlichen Turbine an. Das Berfucherad hatte 1,2 Meter mittleren Durchmeffer und 0,25 Meter Beite, es war mit 24 Leit- und 48 Radschaufeln ausgeruftet und hatte circa 11/2 Meter Gefälle bei 0,25 Cubit. meter Auffchlag. Es wurden an bemfelben Berfuche bei 2, 3 und 4 Centimeter Schutzenzug angestellt und folgende Sauptresultate erlangt. War die Schute gang aufgezogen und die Babl ber Umbrehungen pr. Minute = 45, fo fiel ber Birfungegrab am größten, und awar 0,69 bis 0,70 aus, bei niedrigeren Schütenstellungen aber, wo der Aufichlag um 1/4 fleiner war, ergab fich $\eta=0,57$. Der Wirfungsgrab veränderte fich mit ber Geschwindigfeit bes Rabes nur wenig; benn bei 35 Umbrehungen war er noch 0,64 und bei 55 noch 0,66. Es hat fich überhaupt, und nament-

lich auch noch bei einigen mit 1 Meter Gefälle angestellten Berfuchen ergeben, daß die Abweichung von ber vortheilhaftesten Geschwindigkeit 1/4 berfelben betragen tann, ohne baf ber Wirfungsgrad über 4 bis 6 Broc. fleiner wird. Ueberdies ergab fich, daß die gröfite Rraft, bei welcher das Rad anfing, unregelmäßig zu geben, beinabe 11/2 mal fo groß war, als bie bei ber Maximalleiftung ausgelibte Rraft. Bei ben Berfuchen ging bas Rab wenige Centimeter unter Waffer. Aus biefen Resultaten läßt fich entnebmen, dag die Turbine von Fontaine ben vorzüglichen bydraulifden Rraftmaschinen beizugählen ift. Ein besonderer Borzug biefes Rades besteht überbies noch barin, bag beffen Bapfen ganz außerhalb bes Waffere fteht. Derselbe Zwed wird jedoch auch durch die graissage atmosphérique von Deder und Laurent erreicht, mo ber untere Theil ber Turbinenwelle mit einer Taucherglode, die mit ber Welle umläuft, umgeben ift. Die von biefer Glode umichloffene Luft ichutt bier ben Bapfen gegen ben Butritt bes Baffers und wird burch eine kleine Luftpumpe immer in ber nöthigen Spannung erhalten.

§. 285 Versuche an der Jonval'schen Turbine. Die Bersuche über bie Leistungen ber Jonval'schen Turbinen sind nicht minder günstig ansgesallen, als die der Fontaine'schen Turbinen. Die Batentinhaber der Jonval'schen Turbine, Andrée Köchlin und Comp., haben die Ergebnisse der Bersuche an zwei Räbern aus ihrer Wertstatt im Bulletin de la Société industr. de Mulhouse, 1845 (s. Dingler's polytechn. Journal, Bb. 94, 1844) besamt gemacht; wir theisen hiervon jedoch nur Folgendes mit. Eine Turbine von 0,95 Meter Durchmesser, 0,20 Meter Höhe, welche sich 0,80 Meter unter dem Spiegel des Oberwassers besand, übrigens aber ein Gefälle von 1,7 Meter und einen Ausschlag von 550 Liter pr. Secunde benutzte, gab bei 73 bis 95 Umdrehungen pr. Minute, 0,75 bis 0,90 Wirkungegrad. Mit Recht halt Morin diese Werthe für zu groß, und glaubt an demsselben wegen einer unrichtigen Bestimmung der Ausschlagmengen, Correctionen andringen zu müssen, welche dieselben auf 0,63 bis 0,71 zurücksühren.

Morin selbst machte Bersuche an einer Turbine von 0,810 Meter äußerem Durchmesser, 0,120 Meter innerer Weite und 18 Schauseln, welche bei 1,7 Meter Gefälle mit 200 bis 300 Liter Ausschlag pr. Secunde arbeitete. Im Ganzen gelangte Morin zu solgenden Resultaten: im Normalzustande, bei ungehindertem Ein- und Austritte des Wassers, war die Umbrehungszahl des Rades pr. Minute circa 90 und der Wirkungsgrad 0,72. Wurden Berengungsstüde auf das Rad ausgesetzt, so siel der Wirkungsgrad nur dann viel kleiner (0,63) aus, wenn dieselben den Querschnitt der Eintrittsmündungen in das Rad bedeutend verengten. Der Wirkungsgrad veränderte sich nicht ansehnlich, wenn die Geschwindigkeit um 1/4 größer oder

kleiner war, als bei dem Normalumgange des Rades. Durch das Tieferstellen der Schütze wurde der Wirkungsgrad ansehnlich kleiner, woraus solgt, daß dieselbe ein sehr unvolltommener Regulator des Rades ist. Wurde z. B. durch die Schütze der Querschnitt des absließenden Wassers auf 0,4 des Werthes beim Normalzustande zurückgeführt, so ergab sich η höchstens = 0,625.

Auch Redtenbacher theilt einige Bersuche an einer Jonval'schen Eurbine mit, und findet den höchsten Wirkungsgrad bei völlig geöffneter Schütze und ohne Bedeckung des Rades durch Blechsectoren, = 0,62. Busleich hat er, wie bei den Fourneyron'schen Turbinen, gefunden, daß das Rad leer ungefähr zweimal so viel Umdrehungen macht, als im Normalzustande bei Berrichtung der Maximalleistung.

Ausgebehnte Berfuche über die Birtung breier Röchlin-Jonval'ichen §. 286 Turbinen find von ben herren hulffe, Bornemann und Brudmann in Bereinigung mit bem Berfaffer in ber Fischer'ichen Papierfabrit zu Bauten angestellt und von herrn Brudmann im polytechn. Centralblatt, 1849, Lieferung Nr. 17 beschrieben worben.

Das größere dieser Räber hatte einen dußeren Durchmesser von 1,4 Meter, und eine Radweite von $^{1}/_{6}$. 1,4 = 0,233 Meter; sein Kranz lag ungefähr 2,3 Meter unter dem Oberwasserspiegel, während das ganze Geställe im Mittel 4,28 Meter betrug. Die Anzahl der Radschaufeln war 18, und die der Leitschauseln 24. Die Versuche mit einem unmittelbar auf die Turdinenwelle ausgesetzten Vremschynamometer gaben dei dem Ausschlag von 0,672 Cubikmeter pr. Secunde und dei 80 dis 100 Umdrehungen pr. Minute, eine Leistung von circa 2115 Meter Kilogramm, welche dem Wirkungsgrade 0,745 entspricht. Da die Reibung des 850 Kilogramm schweren Rades auf der Basis des 8,98 Centimeter starken Zapsens noch 234 Meter-Kilogramm Arbeit verzehrte, so ist die Leistung des Wassers im Rade 2349 Meter-Kilogramm, während das Arbeitsvermögen des Wassers 672.4,28 = 2876 Meter-Kilogramm betrug, und daher der hydraulische Wirkungsgrad des Rades:

$$\eta = \frac{2349}{2876} = 0.815.$$

Das mittlere Rab hatte 0,963 Meter äußeren und */3 . 0,968 = 0,642 Meter inneren Durchmesser, und die Schauselzahl besselben betrug 18, bagegen die des Leitschaufelapparates 20. Die bynamometrischen Bersuche an diesem Rade gaben bei einem Gefälle von 4,42 Meter, einen Aufschlag von 0,370 Cubikmeter pr. Secunde, und bei einer Umdrehungszahl von 115 bis 145, eine effective Leistung von 1289 Meter-Kilogramm, und hier-

nach einen Wirkungsgrab von $\frac{1289}{1635} = 0.8$, ber nach Hinzurechnung ber Reibung des 493 Kilogramm schweren Rades auf der 7,62 Centimeter breiten Zapfenbasis, auf 0,82 steigt.

Das kleine Rab hatte endlich 0,612 äußeren und 0,393 inneren Durchmesser, und seine Schauselanzahl betrug, wie die des Zuleitungsapparates, nur 12. Es lag dasselbe nur 1,4 Meter unter dem Oberwasserspiegel, während das ganze Gefälle 4,513 Meter maß. Bei 0,197 Cubikmeter Aufschlag pr. Secunde und einer Umdrehungszahl von 180 bis 220 pr. Minute gab dieses Rad noch den Wirkungsgrad 0,70, welcher sich durch Hingurechnen der Reibung des 229 Kilogramm schweren Rades an der Basis seines 6,35 Centimeter diden Zapsens, auf 0,715 steigert.

Nicht minder gunftig find die Ergebniffe ber bynamometrischen Berfuche ausgefallen, welche Berr Brudmann an einer Rochlin-Jonval'ichen Turbine in ber Spinnerei bes herrn Dattaufch ju Franzensthal in Bob men angestellt, und welche berfelbe ebenfalls im polytechn. Centralblatt, und awar im Jahrgang 1849, Lieferung 22, veröffentlicht hat. Diefe Dafcine ift, wie auch die vorigen, aus ber Fabrit von Efcher, Buf und Comp. in Allrich bervorgegangen. Das Rab batte 20 Schaufeln, einen außeren Durchmeffer von 4 Fuß 61/2 Boll engl. und einen Schaufelfrang von 9 Boll Sohe und 91/4 Boll Breite. Der fich nach oben etwas erweiternbe Leits schaufelapparat hatte nur 15 Schaufeln und feine Bobe betrug ebenfalls 9 Boll. Die Krangfläche bes Rabes lag 1,4 Meter unter dem Oberwafferfpiegel, bas ganze Gefälle betrug 3 bis 3,1 Meter und ber Auffchlag 0,966 bis 1,22 Cubitmeter pr. Secunde. Statt einer Regulirungeflappe war eine bei ben Bersuchen ftete offene Berspectivichute am fuße ber Saugrobre angebracht, außerbem maren auch noch Dedel vorhanden, wodurch mehrere Einmundungen bes Leitschaufelapparates fich jufchließen ließen. Die Berfuche bes herrn Britdmann haben auf Folgenbes geführt. Bei vollig geöffnetem Leitschaufelapparat und 81 bis 91 Umbrehungen bes Rabes pr. Minute war die Leiftung diefer Turbine 38 Pferbefrafte, welchen ber Birfungegrab 0,78 entspricht; waren aber brei von ben 15 Leitschaufelcanalen bebedt, fo fant ber Wirfungsgrab auf 0,75, und waren fünf biefer Canale bebedt, fo fiel ber Wirfungsgrab gar auf 0,65.

§. 287 Nouere Versuche an einer Fontaine'schen Turbine. Gründliche bynamometrische Bersuche an einer Fontaine'schen Turbine mit zwei Abtheilungen (Fig. 519), hervorgegangen aus ber rühmlichst bekannten Fabrik von Escher, Wyß u. Comp. in Zürich, sind 1852 von den Herren Prosessoren Hilße und Brückmann angestellt worden. Die geprüste Turbine war eine Umtriebsmaschine in der Papiersabrik des Herrn Grimm z.

zu Doberschau bei Bauten. Das Gefälle berfelben betrug 161/2 Fuß (engl.) und das normale Aufschlagquantum 163/4 Cubitfug pr. Secunde. Das Aufschlagwaffer trat aus bem Aufschlaggraben zuerft in einen Ginfallfaften von ungefähr 7 fuß Seitenlänge und 8 fuß Tiefe, und von ba in ein Einfallrohr aus Gifenblech von 42/8 Bug Beite; bas lettere führte es in ben unten anftogenden, aus zwei concentrifchen Schaufelfrangen bestebenben Leitschaufelapparat, und aus biesem ftromte es in einer schrägen Richtung in das unmittelbar barunter stebende zweitheilige Turbinenrad. Der Unterwasserspiegel schwantte zwischen bem Riveau ber oberen und bem ber unteren Grundfläche bes Leitschaufelapparates; es ift folglich biefe Maschine eine unter Baffer gebenbe Fontgine'iche Turbine. Der mittlere Durchmeffer der äußeren Radabtheilung betrug 3 Fuß 101/4 Boll und die Weite berfelben 2.9 Boll, ferner ber mittlere Durchmeffer ber inneren Rababtbeilung maß 3 Fuß 0,85 Boll und die Beite berfelben 4 Boll. Die Sohe bes Rabes betrug 61/2 Boll, ber Abstand bes Rabes vom Leitschaufelapparate 1/4 Boll und bie Dide bes gugeisernen Zwischenkrauges 11/4 Roll. Bobe ber Leitschaufelringe maß 6,1 Boll, die obere Weite bes außeren Ringes 41/4 Roll, und die untere 58/4 Roll. Die Amahl ber Schaufeln bes Rabes und bes Leitschaufelapparates mar 24. Die Regulirung ber Beaufschlagung ber Maschine konnte in ber Art erfolgen, bag

- 1) beibe Rababtheilungen vollständig,
- 2) nur bie äußere Rababtheilung vollständig geöffnet,
- 3) die lettere vollständig und die innere Abtheilung theilweife geschloffen blieb.

Bum Berschließen bes inneren Leitschaufelringes bienten eiferne Deckel in Gestalt von Ringstilden. Je zwei bieser Deckel lagen einander gegenüber, und bedten entweder je eine, je zwei, je drei, ober je vier Zellen bes Leitsschaufelapparates.

Die Turbinenwelle hatte einen Durchmesser von 6 Zoll und ein Gewicht von 1482 Pfund Zollgewicht; sie enthielt unten eine messingene Spurplatte, womit sie auf einem oben abgerundeten sesstehenden Gußstahlzapfen von $3^{1/2}$ Zoll Durchmesser lief.

Die Umbrehungsfraft wurde durch ein Bremsbynamometer von 61/3 Fuß Armlänge, und die Aufschlagmenge durch einen Ueberfall von 8 Fuß Breite gemessen. Die Ergebnisse der an dieser Turbine angestellten Bersuche sind, turz zusammengesaßt, folgende:

1) Bei Beaufschlagung ber außeren Rababtheilung war bas mittlere Gefälle:

h = 4,93 Meter,

bas mittlere Aufschlagquantum:

Q = 0,255 Cubifmeter,

bie Umbrehungezahl pr. Minute:

u = 60' bis 82,

und ber Wirfungegrab:

 $\eta = 0.573$ bis 0.613.

2) Bei vollständiger Beaufschlagung von beiben Rababtheilungen war

$$u = 76, \qquad \eta = 0.652,$$

$$u = 103, \qquad \eta = 0,755,$$

$$u = 119, \quad \eta = 0.713.$$

3) Beim Berichluß von ber Salfte (12 Zellen) bes inneren Leitschaufelsapparates:

$$h = 4.51$$
 Meter, $Q = 0.359$ Cubifmeter,

$$u = 69,5,$$

 $\eta = 0.649$

$$u = 86,$$

 $\eta = 0.677, \\
\eta = 0.657.$

 $u = 100,3, \qquad \eta = 0,657.$

4) Beim Berfchluß von Dreiviertel (18 Zellen) bes inneren Leitschausels-

h = 4,57 Meter, Q = 0,300 Cubitmeter,

u = 57 bis $87^{1}/_{2}$, $\eta = 0.576$ bis 0.640.

Wie auch aus theoretischen Gründen folgt, ist der Wirkungsgrad der Turbine bei vollständiger Beaufschlagung beider Radabtheilungen ein Maximum, und es fällt derselbe um so kleiner aus, je mehr Zellen des inneren Leitschauselapparates bedeckt sind (s. polytechnisches Centralblatt, Jahrgang 1852, Lieferung 14).

Bersuche über die Fontaine'schen Turbinen mit Hydropneumatisation n. s. w. nach Girard, sind an einem solchen Rade in der Papiersabrik zu Egreville von den Herren Girard, Dufay, Calson n. s. w. im Jahre 1851 angestellt worden (s. Comptes rendues etc. de l'Académie des Sciences à Paris, T. 33). Diesen Bersuchen zusolge, hat eine solche Turbine bei einem Gefälle h=1,65 dis 1,69 Meter, einem Ausschungszahl u=20 dis 24 und einer Rutzleistung von 27 dis 38 Pserderräften einen Wirtungsgrad von 0,69 dis 0,76. Spätere Bersuche an einer solchen Turbine in der Spinnerei zu Handrech, wodei $h=1,66\div 1,78$ Meter, Q=0,54 dis 1,09 Cubilmeter und u=23 dis 27 war, gaben $\eta=0,70$ dis 0,84, oder im Mittel $\eta=0,75$ (s. Le Génie industrielle, Mars 1855).

Bersuche, welche im Conservatoire des arts et métiers zu Paris mit einer kleinen Turbine berselben Art angestellt worden sind, haben auf den Wirkungsgrad $\eta=0.61$ bis 0.76 geführt (f. Le Génie industrielle, Tome XII, 1856).

Vergleichung der Turbinen unter einander. Bergleichen wir §. 288 bie Fontaine-Jonval'ichen Turbinen mit den Fournepron'ichen Turbinen, fo finden wir allerdings, bag fie in einigen Beziehungen ben letteren vorzugiehen find, in anderen Begiehungen aber benfelben nachstehen. nächst hat eine Turbine von Fontaine u. f. w. ben Borzug vor einer Fournepron'ichen Turbine, bag bei ihr bas Baffer bei feinem Gintritte in ben Leitschaufelapparat von feiner anfänglichen Bewegung nicht so viel abgelentt wird, ale bei einer Fournepron'ichen Turbine; daß baber auch, wenn die Eintrittsgeschwindigkeit eine und biefelbe ift, bei jener Turbine ein fleinerer Eintrittswiderstand flattfindet, als bei biefer Turbine; ober bag bei jenem Rabe eine größere Eintrittsgeschwindigkeit angewendet werden tann. als bei biefem, und alfo auch jenes Rad kleiner gemacht werden kann, als biefes. Dann besitt biefe Turbine auch noch ben Borgug, bag ihre Leitschaufeln bas Baffer mehr in parallelen Faben einführen, als bei ben Fournegron'ichen Turbinen, wo eine Divergenz ber in bas Rab eintretenden Strahlen unvermeiblich ift.

Auf ber anderen Seite bieten aber auch die alten ober Fournepron's fchen Turbinen ihre Borguge bar. Erstens besteht ihr Bapfenbrud fast nur in bem Gewichte bes armirten Rabes, mabrend er bei ben neueren Turbinen außerbem noch aus einem Wasserbrude besteht, ber mit ber Umbrehungetraft wächft. Es ift alfo bier unter übrigens gleichen Umftanben eine großere Rapfenreibung zu erwarten, ale bort. Zweitens, bei ben Fournepron's fchen Turbinen bewegen fich die Waffertheilchen neben einander mit gleicher Umbrehungegeschwindigfeit, bei ben Fontaine - Jonval'ichen Turbinen hingegen haben bie neben einander niederfliegenden Bafferelemente fehr ungleiche Umlaufsgeschwindigkeiten, Die außeren großere und die inneren tleinere. Es erwächst aber hieraus bei biefen Rabern ein wenn auch nur Heis ner Stog beim Eintritte bes Waffers in bas Rab, eine größere Reibung bes Waffers in ben Radcanalen und vorzüglich noch eine gewiffe Unregelmäßigkeit in ber Bewegung bes burch bas Rab ftromenben Baffers, indem die Centrifugaltraft baffelbe nach außen treibt. Endlich besteht ein Borgug ber älteren Turbinen noch in ber leichteren Berftellung bes Leit - und Radfchaufelapparates.

Anmerkungen. 1. Sehr geeignet find noch bie Fontaine'ichen Turbinen gur Benutung ber Ebbes und Fluthfraft. Stellt man ein foldes Rab in einen in bas Deer ausmunbenben Canal und fperrt man burch zwei Schusbretter auf ber einen Seite ben unteren und auf ber anderen Seite ben oberen Theil bes Rabes ab, fo ift bas auf ber einen Seite bober ftebenbe Baffer gezwungen, burch bas Rab hindurchzugehen und baffelbe in Umbrehung zu fegen. Bei bem Umfegen aus ber Fluth in Ebbe, ober umgefehrt aus ber Ebbe in Fluth, ift naturlich bie Schutenftellung umzutehren.

2. Bu ben Borgugen ber Bonval'ichen Turbinen rechnet man noch ben Ums

stand, daß man dieselben beliebig (natürlich noch nicht 32,84 Fuß) über das Unterwasser stellen kann, ohne einen namhaften Berlust an Wirkung zu verlieren, daß sie daher auch leicht einer Revision und Reparatur zu unterziehen sind, und ihnen durch eine Beränderung des Unterwasserstandes kein Berlust erwächt. Bie aus den Bersuchen Marozeau's (s. die am Ende citirte Abhandlung), zugleich aber auch aus der obigen Theorie und aus besonderen theoretischen Untersuchungen Morin's solgt, darf jedoch die Höhe der Turdine über dem Unterwasser eine gewisse Grenze nicht überschreiten, weil sonst das Wasser unmittelbar unter dem Rade die Continuität verliert, wobei, wie leicht zu ermessen, eine kleinere Birstung eintritt.

§. 289 Vergleichung der Turbinen mit anderen Wasserrädern. Wir haben nun noch die Borzüge und Mängel der Turbinen, und zwar vorzüglich der Reactionsturbinen, gegen die verticalen Wasserräder aufzuzuzählen und gegen einander abzuwägen.

Die Turbinen besitzen querft insofern einen großen Borgug vor ben vertis calen Wafferrabern, als fie fich fast bei allen Gefällen von 1 bis 500 Fuß anwenden laffen, mabrend die verticalen Bafferrader bochftens eine Bafferfraft von 50 Fuß Gefälle aufzunehmen vermögen. Allerbings find aber bei verschiedenen Gefällen bie Wirtungsgrade ber Turbinen verschieden, namentlich fallen dieselben bei tleinen Rabern und hohen Gefällen fleiner aus, als bei mittleren und fleinen Befällen, weil hier die Rebenhinderniffe berhältnigmäßig größer find als bei größeren Rabern mit mittleren Gefällen. Auf ber anderen Seite lägt fich bei hohen Gefällen von 20 bis 40 Fuß von oberschlägigen Bafferrabern ein Birtungegrad erzielen, ber bei Turbinen nicht erlangt werben fann. Rur bei mittleren Gefällen von 10 bis 20 Fuß tann man von beiben Rabern eine und biefelbe Leiftung erwarten; sind aber die Befälle flein, fo geben die Turbinen in jedem Falle eine großere Rubleiftung, als bie an beren Stelle gefetten unterschlägigen Bafferraber. Die Bonceletraber find bochstens bei Gefallen von 3 bis 6 Fuß ben Turbis nen an die Seite zu stellen. Die Turbinen haben vor den verticalen Bafferrabern noch ben großen Borgug, bag fie bei verschiedenen Gefallen faft mit gleichem Wirfungsgrabe arbeiten, und baf fie befonbers burch Stauwaffer in ihrem Sange nicht geftort werben, ba fie unter Baffer faft mit bemfelben Bortheil, ja in gewiffen Fällen noch mit mehr Nugen arbeiten, als in freier Luft. Berticale Bafferraber verlieren zwar ftete an ihrem Birtungsgrabe, wenn fich ihr Gefälle veranbert, jeboch nur bann beträchtlich, wenn bie Gefälle felbst klein find, oder gar ein Waten des Rades im Wasser eintritt. Auf ber anberen Seite verurfachen aber Beranberungen im Aufschlagquantum bei verticalen Bafferrabern weit weniger Arbeitsverluft, als bei ben borizontalen Bafferrabern. Diefes Berhaltnig gereicht ben erfteren Rabern in öfonomisch bybraulischer Beziehung jum großen Bortheile. Um die Leiftung eines vorher im Normalgange befindlichen verticalen Bafferrabes. 211s mal eines folden, wo das Waffer hauptfächlich burch ben Drud wirkt, nach Beblirfnig zu erhöhen, tann man auf baffelbe eine größere Waffermenge aufschlagen, und um bie Leiftung eines folchen Rabes zu vermindern, braucht man nur bemfelben weniger Baffer ju geben; in beiden Fallen wird ber Wirkungsgrad nicht namhaft fleiner ober größer. Ganz anders ift aber bas Berhältniß in biefem Falle bei einer Reactionsturbine. Der portheil= hafte Bang einer folchen findet bei völlig geöffneter Schutze und alfo auch bei bem größten Aufschlagquantum fatt; wenn nun ein Kleineres Arbeitquantum geforbert, baber auch ein kleineres Wafferquantum verbraucht, und ju biefem 3mede die Schute tiefer gestellt wird, fo vermindert man die Leiftung nur zum Theil durch Berminderung des Aufschlages, zum Theil aber burch Töbten ber lebendigen Rraft bes Baffers ober burch Schwächen bes Bafferbrudes, und zieht baburch ben Wirfungsgrab berab. tobten ift mit bem Bremfen ober Bemmen eines Bagens zu vergleichen, welches beim Bergabfahren, wo ein Ueberfluß an lebenbiger Rraft vorhanden ift, vorgenommen wird. Während man alfo bei einem verticalen Bafferrade burch Niederlassen ber Schitte nur alles überflüssige Wasser vom Rade absperrt und bieses nach Befinden noch zu anderen Zweden gebrauchen fann, wird bei den Reactionsturbinen badurch nur ein Theil des überflüssigen Waffers abgesperrt, bas Arbeitsvermögen bes anderen Theiles aber im Rabe vernichtet.

Bei ben Druckturbinen ift, wenn biefelben nicht unter Baffer geben, und baber bie Radcanale vom burchflicgenden Baffer nicht ausgefüllt werben, biefes Leiftungeverhaltnig gliuftiger; ba bier bei jeber Schütenftellung bas Baffer ohne einen Wirbel zu bilben burch die Radcanale ftromt.

In Binficht auf Beranderlichkeit in ber Umbrehungsgeschwindigkeit findet §. 290 eine große Differenz zwischen den horizontalen und verticalen Bafferrabern nicht ftatt, bei beiden tann fich bie Normalgeschwindigkeit ungefähr um ben vierten Theil ihres Werthes vergrößern ober verkleinern, ohne daß die Leis ftung fich bebeutend vermindert. Bas aber die Große biefer Geschwindigkeit felbft anlangt, fo ftellt fich allerbings ein großer Unterfchied heraus. Dit Ausnahme ber unterschlägigen Raber und namentlich ber Bonceletraber geben alle verticalen Bafferraber meift nur mit Umbrehungsgeschwindigkeiten von 4 bis 10 Ruft um, die Turbinen bingegen haben vom Befälle abbangige, fehr verschiedene und meift weit großere Umlaufegeschwindigkeiten. Aus diefem Grunde und ba überdies noch die Turbinen fleinere Salbmeffer haben, als die verticalen Wafferraber, machen fie benn auch in ber Regel viel mehr Umbrehungen, ale biefe Raber. Je nachbem nun bie Arbeitsmaschine eine große oder eine fleine Umbrehungszahl, b. i. einen schnellen ober einen lange famen Bang erfordert, wird fich baber auch ein horizontales ober ein vertis

cales Wasserrad mehr zu ihrer Bewegung eignen. Uebrigens aber sind die schnellen Bewegungen einer Maschine eher nachtheilig als vortheilhaft, weil bei ihnen die Nebenhindernisse, wie Reibung, zumal aber Stöße u. s. w., größer ausfallen; und aus diesem Grunde ist es oft vortheilhafter, durch eine Zwischenmaschine die Umdrehungszahl eines Rades in eine größere als in eine kleinere umzusehen, und daher ein verticales anstatt eines horizontaten Wasserrades anzuwenden.

Ift die Last einer Maschine veränderlich, wie z. B. bei einem Hammerwerke oder Walzwerke u. s. w., so ist die Anwendung eines verticalen Rades ebensals vorzuziehen, denn dasselbe wirkt durch seine größere Masse, obgleich es langsamer umläuft, mehr als Regulator als eine Turbine, bei deren Anwendung nicht selten noch ein Schwungrad zur Ausgleichung der veränderslichen Bewegung nöthig ist. Bei constanter Last ist aber den Turbinen ein Borzug in dieser Beziehung einzuräumen, weil verticale Wasserräder, namentlich wenn sie von Holz sind, oft ein sogenanntes schweres Biertel haben, d. h. gleiche Theile ihres Umsanges nicht gleich schwer sind.

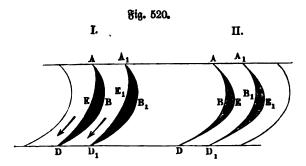
In ölonomischer Beziehung sind die Turbinen den verticalen Wasserrabern wenigstens an die Seite zu stellen, bei hohen Gefällen aber und selbst bei mittleren Gefällen und einem großen Aufschlagquantum, sind dieselben sogar wegen ihrer Bohlseilheit den verticalen Rädern vorzuziehen. Selbst in hinssicht der Dauerhastigkeit ist den Turbinen der Borzug vor den verticalen Wasserrabern einzuräumen.

Auf der anderen Seite ist nicht außer Acht zu lassen, daß Turbinen ein reines Wasser zu ihrer Beaufschlagung ersordern, und daß deren Leistung durch zugeführten Sand, Schlamm, Moos, Kräuter, Blätter, Eistude, Baumzweige u. s. w. außerordentlich herabgezogen werden kann, was bei den verticalen Wasservädern nicht zu befürchten ist. Endlich kommt noch in Betracht, daß die Turbinen, und namentlich die Leitschauselhurdinen, schwieriger zu construiren sind, als die verticalen Wasserväder, und daß Abweichungen von den mathematischen Regeln ihrer Construction bei den Turbinen von viel nachtheiligeren Folgen sind, als dei den verticalen Wasservädern. Deshalb sind denn auch früher so viele Turbinenanlagen mißlungen, und es haben die Turbinen noch nicht diejenige Verbreitung erhalten, die sie verdienen.

§. 291 Hönel'sche Turbinen mit Kückschauseln. Es ist bekannt, daß sich das Wasser beim Durchströmen durch Kropfröhren mit constantem Querschnitt in Folge der Centrifugaltraft von der converen Seitenwand derfelben trennt, und deshalb den Röhrenquerschnitt nicht ausstüllt; auch weiß man, daß sich das Wasser nur in einem druckverzehrenden Wirbel wieder an die Röhrenwand vollständig anschließt, wenn dem Aussluß des Wassers aus der

Röhre, z. B. durch Berengung ein Hinderniß entgegengesett wird. Genau so ist das Berhältniß der Bewegung des Wassers durch die Turbinencanäle. Damit das Wasser diese Canäle mit gefülltem Querschnitt durchlause, ist es nöthig, daß der Querschnitt dieser Canäle auf der ganzen Länge nicht constant sei, noch viel weniger zunehme, sondern vom Eintritt die zum Austritt allmälig immer kleiner und kleiner werde. Um dieses zu erlangen, hat man in der Regel, namentlich dann, wenn der Eintrittswinkel so spie ist, nöthig, getrennte Radcanäle anzuwenden, oder die Schauseln mit doppelten Wänden auszurüsten.

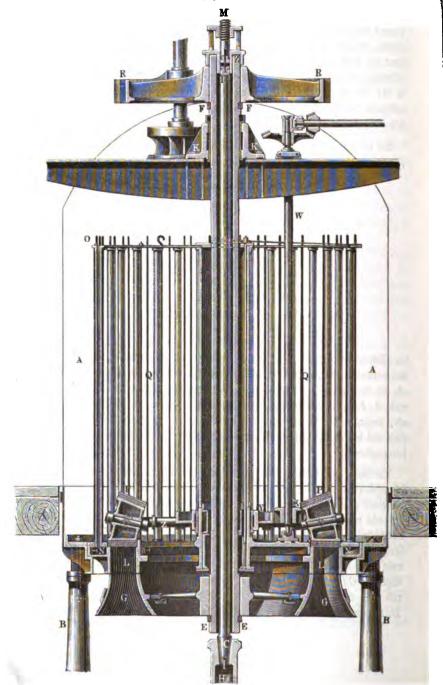
An die auf die bekannte Beise construirten Schaufeln ABD, A. B. D. Fig. 520, einer Benfchel'schen Turbine kann man zu biesem Zwede noch



die Schaufeln AED, $A_1E_1D_1$... ansetzen, welche entweder, wie in I, an ben concaven oder, wie in II, an den converen Seiten der Schauseln ABD, $A_1B_1D_1$ hinlaufen. Die dadurch gebildeten Radcandle, wie A_1BD_1 in I, und A_1ED_1 in II, nehmen, von A nach D gegangen, allmälig an Weite ab, wogegen die Candle zwischen ABD und $A_1B_1D_1$ bei BB_1 weiter sind als dei AA_1 und daher zur Entstehung des Wasserwirdels Beranlassung geben.

Turbinen mit solchen boppelwandigen Schunfeln, und zwar mit Allchaufel (II, Fig. 520) sind zuerst vom Herrn Maschinendirector Hänel bei einer großen Mühlenanlage zu Rothenburg an der Saale in Anwendung gebracht worden, und haben sich daselbst vorzüglich bewährt. Den Berticalburchschwitt einer solchen Turbine führt Fig. 521 (a. f. S.) vor Angen. Folgendes ist die wesentliche Einrichtung derselben. Das Zuslußreservoir AA ruht sammt dem Leitrad L auf vier gußeisernen Säulen B, B und die Spindel CD, welche mittels der röhrenförmigen Welle EFFE das Laufrad GG trägt, sitt im Kopse H eines Ständers, welcher wie die Säulen B, B von einer treuzsörmigen Sohlplatte getragen wird. Die hohle Welle

Fig. 521.

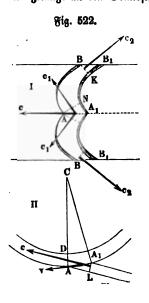


EFFE geht bei KK burch ein Halslager, trägt bei FF das Transmiffionerad RR und endigt fich in einer Schraubenmutter M, beren Spindel ben ftebenben Bapfen Z bilbet, womit die Belle auf ber Saule CD ruht. Um die Reibung möglichft herabzuziehen, ift zwischen bem Bapfen und ber Spurplatte eine Platte von Hartmetall lofe eingesett, und wird den Reibungeflächen mittels einer arialen Bohrung Del zugeführt. Um die fich in ben Leitschaufelcanalen ansammelnbe Luft zu entfernen, ift am außeren Umfang bes Leitschaufelapparates ein ringförmiger und in Rammern abgetheilter Raum N, N angebracht, welcher burch Bohrungen seitwärts mit ben Leitschaufelcanalen und burch fentrechte Röhren, wie NO, mit ber außeren Luft in Berbindung gefet ift. Um frembe Rorper, welche mit bem Baffer gugeführt werben, von dem Eintritt in bas Rad abzuhalten, ist durch 64 fentrechte Stube in Bereinigung mit ben 32 Luftrohren ein cylindrifcher Rechen QQ gebilbet, welcher ben ganzen Leitschaufelapparat umgiebt. Der Schlitzenapparat, burch welchen ber Sang bes Rabes regulirt wird, besteht aus zwei conischen Rollen P, P und zwei ringförmigen Guttaperchaftreifen, beren Enden einerseits an ben Leitschaufelapparat und andererseits an ben Rollen Diese Rollen laffen sich nicht allein um ihre geometrische befestigt find. Are, sondern auch um die Turbinenage breben, wobei fich die Guttapentas ftreifen auf biefelben auf- und von bem Ginmundungeringe abwideln laffen, fo wie umgekehrt. Bu biefem Bwede bient bie ftehenbe Welle WX u. f. w. mit bem Betriebe X, welches in ben gezahnten Sector Y eingreift, an bem bie Arme Z feststen, welche mit ihren gabelformigen Enden bie Aren ber Rollen P. P ergreifen. Den Gnttaverchaftreifen ift burch viele nabe an einander stehende eiferne Querschienchen die nöthige Tragfühigkeit ertheilt.

Die Sauptbimenfionen einer folden Turbine find folgenbe. Gewöhnliches Gefälle h = 4 bis 6 Fuß, Aufschlagquantum Q = 5 bis 57 Cubitfuß pr. Secunde, Angahl ber Rab- und Leitschaufeln = 32, mittlerer Durchmeffer bes Rabes 5 Fuß, Ringbreite oben: 71/2 Boll; unten: 15 Boll, Radhobe 1 fing. Butrittswintel a= 221/2 Grad, Gintrittswintel = 45 Grad, mittlerer Austrittswinkel & = 248/4 Grab. Normale Umbrehungszahl u = 33. Aus ben vom herrn Dafchinenbirector banel fehr ausführlich angestellten Bersuchen ergiebt fich, bag biefe Turbine bei mehr ober weniger Eröffnung ber Leitschaufelcanale (1/4 bis 4/4), bei Eintauchungen von 0 bis 1,5 Fuß, und beim Aufschlagquantum Q von 5,3 bis 57 Cubitfuß einen Wirfungsgrad von 0.64 bis 0.70 liefert. Das Nähere ift nachzulesen in Bb. V (1861) ber Zeitschrift bes Bereins beutscher Ingenieure.

Schiele's Turbinen. Wenn ein Wafferstrahl nabe tangential an ben g. 292 mittleren Umfang eines Chlinders antrifft, welcher mit Schaufeln wie BAB. B1 A1 B1..., Fig. 522 (a. f. S.), bekleibet und von einem Behäufe umgeben Beisbach's Lehrbuch ber Dechanit. IL 43

ift, so strömt das Wasser in zwei Theilen längs der Schaufelhälften AB_1AB hin und gelangt an den Grundslächen des Cylinders bei B_1B u. s. w. zum



Absluß. Wird dieser Cylinder nur in seiner geometrischen Are sestigehalten, so setzt ihn das an den Schaufeln hinlaufende Wasser in Umdrehung; es bildet daher dann berselbe ein horizontales Wasservad, und zwar die Schiele'sche Turbine. Steht die Radmitte A, um die Höhe h1 unter dem Oberwasserspiezgel, und hat das Wasser beim Eintritt in das Rad den durch die Höhe x gemessenen Druck, so ist die Eintrittsgeschwindigkeit des Wassers

$$c=\sqrt{2g(h_1-x)},$$

und hat das Rad die Umfangsgeschwinbigkeit v, so hat man unter der Boraussetzung, daß c nahe tangential gerichtet ist, die relative Ansangsgeschwinbigkeit des Wassers im Rade:

$$c_1 = c - v = \sqrt{2 g(h_1 - x)} - v.$$

Steht ferner die Radmitte um die Höhe h2 unter dem Unterwasserspiegel, so hat man für die relative Austrittsgeschwindigkeit c2:

$$c_3^2 = c_1^2 + 2g(x - h_2),$$

= $(c - v)^2 + 2g(x - h_2),$

ober wenn man noch $c^2=2\,g\,(h_1-x)$ und statt h_1-h_2 das ganze Radgefälle h einführt,

$$c_2^2 = 2g(h_1 - x) - 2cv + v^2 + 2g(x - h_2)$$

= 2gh - 2cv + v².

Damit das Wasser möglichst todt vom Rade absließe, ist das Schauselende B nahe tangential an den Radumsang zu legen, und $c_2 = v$ zu machen. Unter dieser Boraussetzung ist

$$2gh - 2cv = 0$$
, und daher $cv = gh$.

Bezeichnet F den Querschnitt des mit der Geschwindigkeit c zuströmenden Wassers und F_1 den Querschnitt des Wasserstromes im Rade unmittelbar nach seinem Sintritte, wo es die Geschwindigkeit c_1 hat, so ist

baher
$$F_1\,c_1=Fc$$
, ober $F_1\,\left(c-v
ight)=Fc$, $c=rac{F_1\,v}{F_1-F}$, und

$$\left(rac{F_1}{F_1-F}
ight)v^2=g\,h\,;$$
 wonach num die vortheilhafteste Radgeschwindigkeit $v=\sqrt{rac{F_1-F}{F_1}\,g\,h}$ folgt.

Bezeichnet α ben Jutrittswinkel A_1AL (II), β ben Schaufelwinkel AA_1N (I) beim Eintritt, und δ ben Schaufelwinkel BB_1K beim Austritt, ist ferner a die Höhe bes eintretenden Strahles, und e die Schaufelbreite AD (II), so hat man

$$\frac{F}{F_1} = \frac{a \sin \alpha}{2 e \sin \beta},$$

und baher auch

$$v = \sqrt{\left(1 - \frac{a \sin \alpha}{2 e \sin \beta}\right) g h}.$$

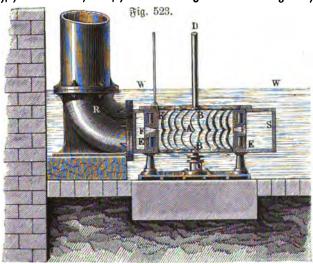
Ebenso ift

$$a c sin. \alpha = 2 e c_1 sin. \beta = 2 e c_2 sin. \delta$$
,

· wonach fich für ben Austrittswinkel &

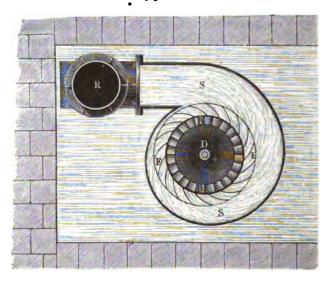
$$\sin \delta = \frac{c_1}{c_2} \sin \beta = \frac{c-v}{v} \sin \beta$$
 ergiebt.

In den Fig. 523 und Fig. 524 (a. f. S.) find der verticale und der horizontale Durchschnitt einer Schiele'schen Turbine abgebildet. Das eigentliche Rad



BAB sist auf der Welle CD und ift von einem Gehäuse EE umgeben, dessen Mitte ben freisförmigen und mit Leitschaufeln versehenen Zutrittscanal FF enthält. Dieses Gehäuse ist wieder von einem spiralförmigen Einlaufe 88

umgeben, welcher sich unmittelbar an die Einfallröhre, durch welche das Aufschlagwasser zugeführt wird, anschließt. Das Lettere wird burch Busch. Sig. 524.



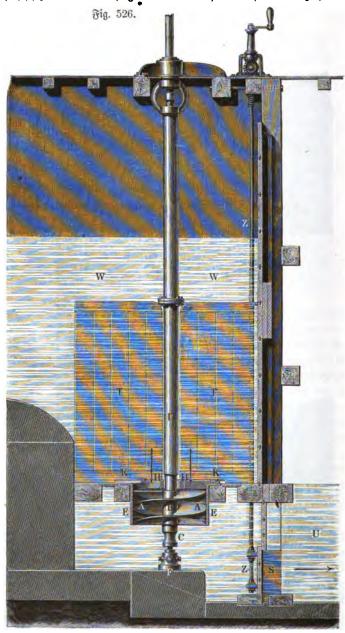
leitungscanäle F, F... in die Mitte A bes Rades geführt, läuft von da in zwei Strömen längs der Schaufeln AB, AB hin, und kommt an den beiden Grundflächen des Rades zum Aussluß unter dem Wasser WW. Um den Zusluß des Aufschlags zu reguliren, sind noch Schieber wie K an den Ausmündungen der Einläuse angebracht, wodurch sich dieselben verschließen lassen. Da das Wasser in entgegengeseten Richtungen an den Radcanälen hinläuft, so übt es keinen Axendruck auf das Rad aus, und da ohne dies das Rad hohl gegossen wird, daß es beinahe im Wasser schwimmt, so fällt bei diesen Rädern die Zapsenwirkung außerordentlich kein aus. Man läßt diese Turbinen auch durch Saugröhren wirken, auch läßt man sie wohl um eine horizontale Axe lausen. S. Dingler's Journal Bb. 164, 1862.

§. 293 Die Schraubenturbine. Die Schraubenturbine (franz. turbinehélice; engl. screw-turbine) ist im Wesentlichen von der Henschel'schen
und Fontaine'schen Turbine nicht verschieden. Auch bei ihr fließt das
Wasser in den Radcanälen von oben nach unten; aber es werden hier diese
Canäle nur durch zwei die vier sehr lange Schaufeln gebildet, welche nach
rings um die Welle herumlausenden Schraubenflächen gekrümmt sind. Den
verticalen Durchschnitt einer solchen Schraubenturbine führt Fig. 525 vor
Augen. Diese Turbine ist von Herrn Plataret erbaut und arbeitet in

einer Spinnerei zu Saint-Maur bei Paris. Das Rab AA bieser Maschine ift aus Gugeisen und besteht im Wesentlichen aus zwei schraubenförmigen



Schaufeln, welche auf einer über die Turbinenwelle CD wegzuschiebenden Hulfe feststigen und um diese gerade ein Mal hernmlaufen. Die Höhe dieses



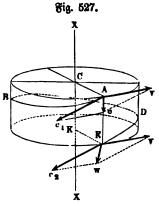
Rabes ist 0,52 Meter, ber außere Durchmeffer besselben 1,04 Meter, und ber innere ober ber her Hilse, = 0,25 Meter, folglich die Ganghöhe einer Schraube = 0,52 Meter, und bas außere Ansteigen berselben:

$$tg. \ \alpha = \frac{0.52}{\pi.1.04} = \frac{0.52}{3.27} = 0.1590, \ \text{bayer} \ \alpha = 9^{\circ}2',$$

bagegen bas innere Anfteigen berfelben:

$$tg. \ \alpha_1 = \frac{0.52}{\pi.0.25} = \frac{2.08}{\pi} = 0.6622$$
, daher $\alpha = 33^{\circ} 31'$.

Der Inhalt bes Querschnittes ber beiben Rabcanäle berechnet sich, nach Abzug ber Gifenstärte, im Bangen auf 0,14 Quabratmeter. Dieses Rab bewegt sich in einem gut ausgebohrten gugeisernen Mantel EE mit 1 Millis Die Turbinenwelle CD iff, wie bie ber Fontaine's meter Spielraum. schen Turbine, Fig. 512, aufgehangen und dreht sich um eine cylindrische Säule, welche auf bem Ständer F ruht. Ferner ift HH ein Halslager für biese Welle, welches von einem breiarmigen Rreuze KK getragen wirb. Um bas Wirbeln bes Aufschlagmaffers WW zu verhindern, find bie verticalen Holzthuren T, T eingehangen, welche ben ganzen Rabstubenraum über bem Rabe in zwei Theile theilen. Bum Reguliren bes Aufschlages bient eine unter bem Unterwasser U stehende Schütze S, welche sich mittels einer Rugftange ZZ bewegen läft. Die burch bas Bremsbynamometer ermittelte Leiftung biefer Mafchine ift 20 bis 28 Bferbeträfte bei einem Gefälle von circa 3 Meter und einem Aufschlagguantum von circa 0,850 Cubitmeter Die auf eine ungenane Baffermeffung bafirte Berechnung pr. Secunde. ber Leistung ber Maschine hat auf ben Wirkungsgrad $\eta = 0.70$ geführt. Folgende turze Darftellung wird genügen, um fich von ber nicht ganz unvortheilhaften Wirkung bes Baffers in ben Schraubenturbinen au überzeugen.



Da biese Turbine keinen Leitschaufelapparat hat, so läßt sich annehmen, daß das Wasser, mit einer verticalen Geschwindigkeit c, Fig. 527, in das Rad BD trete, und es ist daher zu fordern, daß die Umbrehungsgeschwindigkeit des Rades,

v = c cotang. α fei.

If $w = \frac{\pi u}{30}$ bie Winkelgeschwindigkeit

bes Rabes, so hat man bie Umbrehungsgeschwindigkeit im Abstande $\overline{CA} = \overline{KE} = s$ von der Radare:

so ist für ben Reigungswintel α ber schraubenförmigen Schaufel ABDE in eben biesem Abstande s:

tang.
$$\alpha = \frac{a}{2\pi s}$$
;

es läßt sich fegen:

$$\omega s = c \cot ang. \alpha = \frac{2 \pi s c}{a},$$

und es folgt die Binkelgeschwindigkeit w, wobei das Baffer allenthalben ohne Stoff in das Rad tritt:

$$\omega = \frac{2\pi c}{a}$$
.

Für die relative Geschwindigkeit c1, mit welcher das Wasser seine Bemesgung im Rade beginnt, ist

$$c_1^2 = c^2 + v^2$$

und dagegen für die relative Gefchwindigkeit c2, mit welcher es aus bem Rabe tritt:

$$c_2^2 = c_1^2 + 2g(x - y),$$

wobei & die hydraulische Druckböhe beim Eintritt sowie y die beim Austritt aus dem Rade bezeichnet, und die hydraulischen Nebenhindernisse unbeachtet gelassen werben.

Da nun noch $c^2=2\,g\,(h_1-x)$ ist, wenn h_1 die Höhe des Wasser-ftandes über dem Rade bezeichnet, so folgt:

$$c_2^2 = c^2 + v^2 + 2 g (x - y) = v^2 + 2 g (h_1 - y),$$
 ober, da endlich $h_1 - y$ das ganze Radgefälle $= h$, so ist: $c_2^2 = v^2 + 2 gh.$

Um die größte Rutleiftung zu erhalten, müßte $c_2 = v$ fein, welches dieser Formel zufolge nur für $v = \infty$ möglich ift. Es verhält sich hiernach die Schraubenturbine wie jedes andere Reactionsrad ohne Leitschaufeln (f. §. 243 und §. 255).

Seten wir jedoch v nur febr groß voraus, fo erhalten wir:

$$c_2 = v = \omega s$$

und es ist folglich die relative Austrittsgeschwindigkeit, wie die Umdrehungsgeschwindigkeit, dem Abstande s von der Radaze proportional.

Die absolute Austrittsgeschwindigkeit bes Waffers aus bem Rabe ift

$$w = 2 v \sin \frac{\alpha}{2} = 2 \omega z \sin \frac{\alpha}{2}$$

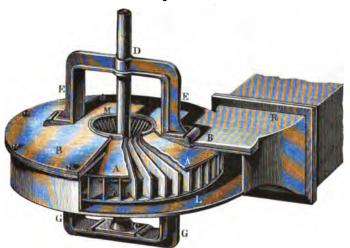
annähernb

$$= 2 \omega s tang. \frac{\alpha}{2} = \omega s tang. \alpha = \omega s \cdot \frac{a}{2 \pi s} = \frac{\omega a}{2 \pi},$$

und folglich auf ber ganzen Grunbfläche bes Rabes eine und biefelbe.

Thomson's Turbinon. Bei den Reactionsturbinen von Fourneyron, §. 294 Fontaine, Francis u. s. w. sließt das Aufschlagwasser so langsam zu, daß man die lebendige Kraft desselben ganz außer Acht lassen kann; man hat aber auch Turbinen, wo das Wasser mit einer Geschwindigkeit zugeführt wird, welche der Umdrehungsgeschwindigkeit derselben ganz oder nahe gleichstommt. Ein solches Rad ist z. B. das Case Water-Wheel von Thomson, welches zum Theil aufgedeckt, in Fig. 528 monodimetrisch abgebildet ist. Das Rad AA besteht aus radialen Schaufeln, welche zwischen consischen

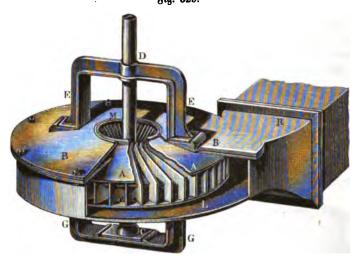
Rig. 528.



Rrangen figen und von außen nach innen an Bobe gunehmen. CD ruht in einem Gestelle EEGG, welches mit einem Gehaufe BB fest verbunden ift, wodurch bas gange Rad umgeben wirb. Diefes Bebäufe fchlieft fich ziemlich wafferbicht an die inneren Rabmundungen M, M an. während es ben außeren Radumfang ercentrifch umgiebt, und an einer Seite mit der Röhre R verbunden ift, wodurch bas Aufschlagmaffer jugeführt In Folge ber ercentrifden Umschließung bes Rabes burch bas Bewird. häuse entsteht ein ringförmiger Canal L, welcher an ber Ginmundung ber Einfallröhre die größte Beite hat und fich mit allmälig abnehmender Beite rings um das Rad herumzieht. In biefem Canale bewegt fich bas Baffer mit einer Beschwindigkeit v1, welche die Umfangegeschwindigkeit bes Rabes Bei bem Aufschlagquantum Q ift ber anfängliche ober wenig übertrifft. größte Querfcnitt diefes Canales:

$$F = \frac{Q}{v_1}$$
.

Ift x die Drudhöhe des mit der Geschwindigkeit v1 zugeführten Wassers, h1 die hydrostatische Drudhöhe an der Zutrittsstelle und & der Widerstands-Kia. 529.



coefficient für die Bewegung des Baffers in dem ringförmigen Canale, fo läßt fich

$$2g(h_1 - x) = (1 + \zeta)v_1^2$$

fegen.

Bezeichnet nun noch v die innere Radgeschwindigkeit sowie c_2 die relative Geschwindigkeit des Wassers beim Austritte aus den Radcanälen, und läßt man die übrigen Bezeichnungen wie bei den Tangentials und Reactionsstädern mit äußerer Beaufschlagung, so hat man:

$$(1 + \zeta_1) c_2^2 = 2 g (x - h_2) + v^2 - v_1^2$$

$$= 2 g (x - h_2) - \left[1 - \left(\frac{r}{r_1}\right)^2\right] v_1^2$$

$$= 2 g h - \left[2 + \xi - \left(\frac{r}{r_1}\right)^2\right] v_1^2,$$

und baher bie außere Rabgeschwindigfeit:

1)
$$v_1 = \sqrt{\frac{2gh - (1 + \zeta_1)c_2^2}{2 + \zeta - (\frac{r}{r_1})^2}}$$
.

Die relative Austrittsgeschwindigkeit c_2 ist beliebig, jedoch möglichst klein (höchstens 4 Tuß) anzunehmen; ebenso soll das Halbmesserhältniß $\frac{r}{r}$ klein

(3. B. 1/5 bis 1/4) fein. Hieraus folgt nach ber letten Formel (1) zunächst bie äußere Radgeschwindigkeit o., und dann die innere Radgeschwindigkeit:

$$2) \ v = \left(\frac{r}{r_1}\right) v_1,$$

ferner folgt ber Querfcnitt ber Butrittemunbung:

3)
$$F = \frac{Q}{v_1}$$
,

fowie ber ber Austrittsmunbungen:

4)
$$F_2 = \frac{Q}{c_2}$$
.

Setzt man ferner $F_2 = 2 \pi r e = 2 \pi r^2$, und hiernach die innere Radweite e = r, so erhält man den inneren Radhalbmesser:

5)
$$r=\sqrt{rac{F_2}{2\pi}}$$
,

woraus sich dann auch leicht der äußere Halbmesser r_1 bestimmen läßt. Ift noch e_1 die äußere Radweite, so hat man die relative Eintrittsgeschwindigkeit:

6)
$$c_1 = \frac{re}{r_1 e_1} c_2$$
.

Die Leiftung bes Rabes fällt

$$L = \left[h - \left(\xi \frac{v_1^2}{2g} + \frac{c_1^2}{2g} + (1 + \xi_1) \frac{c_2^2}{2g} + \frac{v^2}{2g}\right)\right] Q \gamma$$

$$= \left(h - \left[\xi + \left(\frac{r}{r_1}\right)^2\right] \frac{v_1^2}{2g} + \left[1 + \xi_1 + \left(\frac{re}{r_1e_1}\right)^2\right] \frac{c_2^2}{2g} Q \gamma$$

aus.

Beispiel. Es ist für bas Gefälle h=10 Fuß und für bas Aufschlags quantum Q=12 Cubiffuß die Anordnung und Berechnung einer Thomson's schen Turbine zu vollziehen. Setzen wir die relative Austrittsgeschwindigkeit $c_2=4$ Fuß, so erhalten wir den Querschnitt der Austrittsmündungen:

$$F_2=rac{Q}{c_2}=rac{12}{4}=3$$
 Duadratfuß,

und hiernach ben inneren Rabhalbmeffer:

$$r=\sqrt{rac{F_9}{2\,\pi}}=\sqrt{rac{3\,.\,7}{2\,.\,22}}=\sqrt{rac{21}{44}}=\sqrt{0.4773}=0.691$$
 Fuß,

mofür

gefest werben moge.

Nehmen wir $rac{r_1}{r}=4$ an, so erhalten wir den außeren Rabhalbmeffer:

$$r_1 = 4.0,7 = 2,8$$
 Fuß.

Die innere Radweite ift e=r=0.7 Fuß, wogegen die außere Radweite $e_1=0.6$ Fuß gesetht werden möge, so daß die Eintrittsgeschwindigkeit

$$c_1 = \frac{re}{r_1 e_1} c_2 = \frac{1}{4} \cdot \frac{7}{6} \cdot 4 = \frac{7}{6} = 1,167$$
 Fuß

ausfällt.

Die äußere Umfangsgeschwindigkeit bes Rabes ift , wenn man $\zeta=0.5$ und $\zeta_1=0.2$ annimmt,

$$\begin{array}{l} \mathbf{e}_1 = \sqrt{\frac{2\,g\,h - (1 + \zeta_1)\,c_1^3}{2 + \zeta - \left(\frac{r}{r_1}\right)^2}} = \sqrt{\frac{625 - 1, 2 \cdot 16}{2, 5 - \frac{1}{16}}} = \sqrt{\frac{605, 8}{2,4375}} \\ = 15,765 \; \text{Full}, \end{array}$$

bagegen bie innere:

$$v = \frac{r}{r_1} v_1 = \frac{15,765}{4} = 3,941 \text{ Fuß},$$

und folglich bie Umbrehungszahl bes Rabes pr. Minute:

$$u = \frac{30 \, v}{\pi \, r} = \frac{30 \cdot 3,941 \cdot 7}{22 \cdot 0,7} = \frac{1182,3}{22} = 53,74.$$

Sieraus bestimmt fich ber größte ober anfängliche Querichnitt bes ringformigen Buführungscanales:

$$F=rac{Q}{v_1}=rac{12}{15,765}=$$
0,761 Duadratfuß,

und folglich bie Beite beffelben :

$$d = \frac{F}{e_1} = \frac{0.761}{0.6} = 1.27$$
 Fuß.

Num ift
$$\left[\zeta + \left(\frac{r}{r_1}\right)^2\right] v_1^s = 0.5625 \cdot 15,765^2 = 139,85$$
, unb $\left[1 + \zeta_1 + \left(\frac{re}{r_1e}\right)^3\right] c_1^s = 1,285 \cdot 16 = 20,56$,

folglich bas nugbar gemachte Rabgefälle:

$$h_1 = h - \left[\zeta + \left(\frac{r}{r_1}\right)^2\right] \frac{v_1^a}{2g} - \left[1 + \zeta_1 + \left(\frac{re}{r_1e_1}\right)^2\right] \frac{c_1^a}{2g}$$

= 10 - 0,016 (139,85 + 20,56) = 10 - 2,567 = 7,433 §u\$.

Der Wirfungegrab bes Rabes ift:

$$\eta = \frac{7,433}{10} = 0,7433,$$

und bie Leiftung beffelben:

$$L=Qh_1\gamma=7,488.12.61,75=5508$$
 Fußpfund $=11^{1}/_{2}$ Pferbetrafte.

§. 295 Turbinon mit horisontalor Axo. In der neuesten Zeit hat man auch angefangen, verticale Wasserräder nach den Principien der Reactionsturdinen zu erbauen, jedoch ist über deren Rüglichkeit noch wenig Bestimmtes bekannt. Namentlich hat man die Jonval'schen und die Whiteslaw'schen Räder auf horizontale Wellen gesetz (vgl. §. 238). Daß diese Ausstellung nur bei hohem Gefälle von Bortheil sein kann, ist leicht zu er-

messen, ba nur hier ein unvermeiblicher Gefällverlust beim Austritte bes Wassers aus bem Rade zu übersehen ist. Jedensalls hat ein solches Rad vor den Turbinen den Borzug, daß es leichter, sicherer und gegen den Zurtritt des Wassers geschützter gelagert werden kann, als eine gewöhnliche Turbine. Nach Jonval und Redtenbacher kann man mit Bortheil zwei Räber einander gegenüber auf eine und dieselbe horizontale Welle setzen, weil dadurch jeder Wasserbruck in der Richtung der Radare ausgehoben wird, ohne auf die Zapsen zu wirken.

Die Einrichtung einer verticalen Doppelturbine mit gesonberten Schwungröhren nach Rebtenbacher führt Fig. 530 vor Angen. AA ift bie gur
Fig. 530.

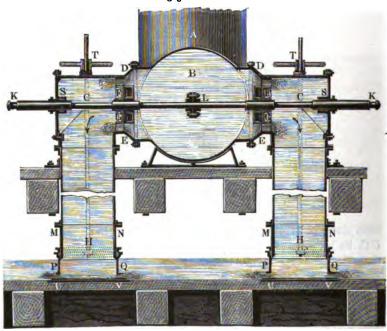


Seite einmindende Einfallröhre, BB das eine und B_1B_1 das andere Rad, CC_1 die horizontale Radwelle, ferner DD und D_1D_1 sind die Liberungsringe (s. Bb. II, §. 246), endlich sind E und E_1 die Abzugsgräben. Man kann sich leicht benken, wie auf gleiche Weise eine Combes'sche oder Fournehron'sche Turbine aufzustellen ist. Dieselbe bekommt noch einen Leitschauselapparat vor jedem Rade und fällt natürlich unter benselben Berbältnissen viel kleiner aus. Zum Reguliren des Radganges ist am besten ein in die Einfallröhre einzusetzendes Drosselventil geeignet.

Nach bemfelben Principe kann man auch eine Berbindung von zwei Jonval'ichen Turbinen mit gemeinschaftlicher horizontaler Welle herstellen. Beide einander gegenüberstehende Räber werden aus einem gemeinschaftlichen Reservoir gespeist, sühren aber das Wasser in getrennten Abfallröhren nach unten ab. Ein ähnlich construirtes Wasserrad betreibt bei 31 Fuß (engl.) Gefälle mit 6396 Cubitsuß Ausschlag pr. Minute eine Baumwollenspinnerei zu West-Springsield im Staate Massachiets; es hat 40 Roll Durchmesser

und macht im normalen Gange 220 Umbrehungen pr. Minute, wobei es einen Wirtungsgrad von C,65 giebt. Nach dem "American Franklin-Journal" sollen in dem genannten Staate mehrere solcher Turbinen von 15 bis
140 Pferdekräften bei Gefällen von 9 bis 26 Fuß zum Betriebe an Spinnereien, Papiermühlen, Walzwerken u. s. w. mit Bortheil arbeiten (s. auch
das polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1850, Lieferung 9, oder the Civil
Eng. and Arch. Journ. 1850, Febr., Seite 68).

Achnliche Doppelturbinen sind vom Herrn Roschtoff, Oberstlieutenant im Raiserl. Russ. Bergingenieurcorps zu Katharinenburg, construirt worden. Den verticalen Längendurchschnitt einer solchen Turbine zeigt Fig. 531. Die Einfallröhre A mundet in das liegende Reservoir B ein, an dieses Fig. 531.

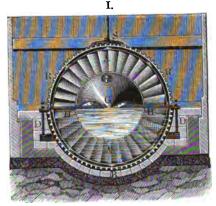


schließen sich zu beiden Seiten die Turbinengehäuse DES, DES an, und letztere endigen sich in den verticalen Saugröhren HUV, HUV. Das den Turbinengehäusen durch die Einfallröhre zugeleitete Aufschlagwasser wird mittels der Leitschauselapparate DE, DE auf die Räber FG, FG geführt und fließt, nach vollbrachter Wirkung, durch die Saugröhren ab in das Unterwasser. Zum Reguliren dieses Abstusses dient der mittels eines Schraubenrades T und durch Zugstangen zu hebende oder zu senkende Schützenring

PQ (vergl. Fig. 518). Die Turbinenwelle KLK, welche die Räber FG, FG trägt, tritt mittels der Stopfbüchsen S, S aus den Turbinengehäusen heraus, nimmt außen die Borgelegsräder auf und ruht in deren Nähe auf sesten Lagern. Uebrigens möchte es zweckmäßig sein, diese Welle auch auf ein Lager innerhalb des Reservoirs zu legen. Diese Turbine hat vor den anderen Turbinen mit horizontaler Axe den großen Borzug, daß sie das Gefälle an allen Punkten der Radumfänge gleichmäßig benutt (s. den "Civilingenieur", Bb. III, 1857).

Das Schraubenrad. Bon ber Schraubenturbine ist das Schraubens §. 296 rab (franz. roue-helice; engl. screw-water wheel) wesentlich verschieden. Dieses Rad ist im Wesentlichen eine Burbin'sche Turbine mit horizontaler Are, ohne Leitschauseln und mit theilweiser Beausschlagung (s. §. 234). Es unterscheidet sich basselbe jedoch insosen noch von den Burbin'schen Turbinen, daß ihm Wasser durch den Ausschlagaanal, und zwar in der Rich-

Fig. 532.



II.

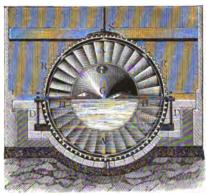


tung seiner Are, unmittelbar zugeführt wird. Die Einrichtung
eines solchen Schraubenrades ift
aus Fig. 532, I und II, zu ersehen. Es stellt hier I die hintere Ansicht und II den verticalen Längendurchschnitt der ganzen
Maschine vor.

Das eigentliche Rab AA ift, wie bas einer gewöhnlichen Fontaine'fchen Turbine, mit fchraubenförmigen Schaufeln conftruirt; es hangt baffelbe in einem fteis nernen Einbau DBD. welchem es längs der unteren Balfte feines Umfanges concen-Um bas trifch umgeben wird. Aufschlagmaffer W bem Rabe in ber erforberlichen Richtung augus führen, wird nicht allein bas Berinne vor bem Einbau von einem uach bem Rabe zu fich allmälig zusammenziehenden Blechmantel E umgeben, sondern auch noch ein birnförmiger Blechmantel F eingefest, welcher mit feiner Bafis gegen ben inneren ungeschaufelten Theil des Rades, und mit seiner Spipe dem Wasserstrome entgegengerichtet ift. Damit ferner das Wasser nach seiner Wirkung im Rade ohne einen

Fig. 533.

I.



II.



Wirbel zu bilden, in bas Untermaffer ausfließen tonne, ift auch hinter bem Rabe ein tegelförmiger Blechmantel G angebracht. Beibe Mäntel F und G fteben burch Querarme H, H mit linfenformigen Querfcnitten mit ben Seitenmauern D, D bes Gerinnes in fester Berbindung, und bienen gugleich ber horizontalen Belle bes Rabes jur Lagerung. Da= mit der Austrittswinkel & bes Waffere möglichft herabgezogen werben fonne, haben die Radcanale eine von vorn nach binten allmälig zunehmenbe Beite, und folglich die beiben Radfrange eine entsprechend coniiche Geftalt erhalten. Zur Fortpflanzung der Umdrehungsfraft dient bas conische Rabnrab RR, welches ben außeren Rabfrang nabe an ber hinteren Seite umgiebt und in bas Betriebe S einer ftebenben Transmissionswelle eingreift. leicht zu ermeffen ift, eignet fich ein folches Schraubenrab besondere jur Bugutemachung einer Wafferfraft mit fleinem Gefälle und großem Aufichlag. quantum.

Da hier beim Austritt bes Wassers aus bem Rabe ein Aussluß unter Wasser statt hat, so ist hierbei die wirksame Druck- ober Geschwindigkeitshöhe für alle durch das Rab strömenden Wassertheile eine und dieselbe, nämlich das Gefälle, oder ber Abstand h zwischen dem Ober- und Unterwasserspieget, und folglich auch die Wirkung des Wassers an allen Stellen des Rades eine und dieselbe (vergl. §. 152).

Aus diesem Grunde findet daher auch die oben (§. 278) entwickelte Theorie ber Fontaine'schen Turbinen auf diese Schraubenrader ihre unmittelbare Anwendung, zumal wenn, wie in der Regel, die Geschwindigkeit des zusund absließenden Wassers nur eine sehr kleine (höchstens 3 Fuß) ist.

Da die Tiefe des Wassers auf die Wirkungsweise des Wassers im Rade keinen Einfluß hat, so kann dieses Rad bei einem höheren Wasserstande eben so gut arbeiten als bei einem niedrigeren, und es läßt sich folglich dasselbe statt der gewöhnlichen unterschlägigen Räder dann sehr gut verwenden, wenn der Wasserstand im Gerinne ein sehr variabler ist.

Ein solches Wasserrab hat Herr Girard zum Betriebe einer Chocolabensabrik zu Roisiel (sur Marne) construirt, und zwar für ein mittleres Geställe von 0,5 Meter und einen Ausschlag von circa 3 Cubikmeter pr. Secunde (siehe die Schrift "Nouveau Récepteur hydraulique, dit Roue-Hélice à axe horizontal, ou Turbine sans directrices, par Girard", Paris 1855).

Solufanmerfung. Die Turbinenliteratur hat erft in ber neueren Beit eine größere Ausbehnung erhalten. Da wir im Laufe bes Bortrages icon eine große Angahl von Abhandlungen angeführt haben, fo wollen wir im Folgenben nur bie vorzuglichften, namentlich aber bie Driginalfdriften über Reactionsturbis nen aufführen. Die erfte Abhanblung über bie Fournepron'iche Turbine findet sich im Bulletin de la Société d'encouragement, Jahrgang 1834, beutsch in Dingler's polytechnischem Journal, Bb. LIII. Rach biefer Beit hat Morin Berfuche angestellt, und beren Ergebniffe in ber Schrift: Expériences sur les roues hydrauliques à axe vertical, appelées Turbines, Metz et Paris 1838, bekannt gemacht, und es erfchien auch bie erfte grundliche Theorie biefer Raber von Poncelet in ben Comptes rendus des séances de l'Acad. de Paris, unter bem Titel: Théorie des effets mécaniques de la Turbine-Fourneyron, Paris 1838. In ber zweiten Ausgabe von b'Aubuiffon's Spbraulit find biefe Raber furz und ohne befonbere Anfichten abgehandelt. Das Werf von Combes: Recherches théoretiques et expérimentales sur les roues à réaction ou à tuyaux, Paris 1843, ift zwar keineswege umfassend, jeboch infofern fehr beachtungewerth, als man hier jum erften Dale bie bybraulifchen Rebenbinberniffe bei ber Entwickelung berücksichtigt findet, was Boncelet und auch Rebtenbacher nicht gethan haben. Das Bert von bem gulett genannten Schriftfteller: Theorie und Bau ber Turbinen und Bentilatoren, Mannheim 1844, ift vorzüglich nach Poncelet's Theorie bearbeitet, übrigens aber bie vollftanbigfte und vorzüglichfte Schrift über biefen Begenftanb. Ueber bie neueren Turbinen giebt es noch folgende beachtungswerthe Abhandlungen: Rapport sur un Mémoire de M. M. A. Koechlin, concernant une nouvelle turbine (Jonval) construite dans leurs ateliers, par Poncelet, Piobert et Morin, ferner Note sur la théorie de la turbine de Koechlin, par Morin, unb Note sur l'application de la théorie du mouvement des fluides aux expériences de M. Marozeau, par Morin, im XXII. Banbe (1846) ber Comptes rendus etc. etc. Einen Auszug hiervon findet man im polyteche nifden Centralblatte, Bb. VIII, 1846. Ferner: Expériences et note sur la turbine de M. Fontaine-Baron, par Morin im XXIII. Bande (1846)

: 3 etc. 1

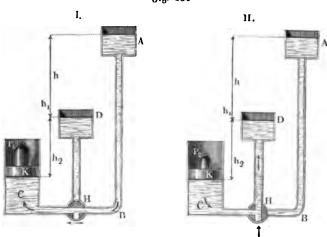
ber Comptes rendus etc. etc.; beutich im Auszuge ebenfalls im rolptechnischen Centralblatte, Bb. VIII. In Betreff ber Jonval'ichen und Fontaine'ichen Zurbinen ift auch noch nachzusehen im Bulletin de la société d'encouragement, Jahrgang 43 und 44, Baris 1844 und 1855. Gute Beichnungen nebft Beichreis bung ber Turbinen von Cabiat, Callon, Fournepron und Gentilhomme findet man auch in Armengaud's Publication industrielle. Wegen Borro's Turbine ift nachzusehen im polytechnischen Centralblatte, Bb. VII, 1846. Die Einrichtung einer Ragel'schen Turbine lernt man aus Dingler's Journal, Bb. XCV, und bie einer Paffot'ichen Turbine aus bemfelben Journale, Bb. XCIV, tennen. Bourgeois' Schraubenrab (frang. turbine-hélice) ift eine Turbine mit fcraubenformigen Canalen (f. polytechn. Gentralblatt Bb. I, 1847). Ebenso Plataret's Schraubenturbine zu St. Maur bei Paris ist im polytechn. Centralblatte, 1849, befchrieben. Eigenthumlich find bie Turbinen von Thome fon, namlich das Patent Case Water Wheel und das Patnet Suction Wheel Beibe Raber werben beschrieben im Mechanics Magazine, Januar 1851. Bon ben Turbinen von Girard u. f. w. handelt Le Génie industrielle, par Armengaud Frères, Tome XII und Tome XIII, 1856 und 1857. Siehe auch bas Notizblatt bes Architeften = und Ingenieurvereins zu hannover Bb. III, 1853. Die Theorie ber Fourneyron'ichen Turbinen mit außerer Beaufichlagung behandelt Gerr Brof. Beuner in Bb. II bes Civilingenieurs. Graphische Labellen über die wichtigsten Constructionselemente der Turbinen werden von Bornemann in Bb. IV. bes Civilingenieurs mitgetheilt. Die Turbinen von Francis u. f. w. behandelt die Schrift: Lowell Hydraulic Experiments etc. by James Francis, Boston 1855. Die Schrift über "bie Turbinen ober horizontalen Bafferraber von Barger, Beimar 1851" ift in ber Bauptfache eine Copie von ber erften Auflage bes vorliegenben Bertes. Gine neuere Schrift ift Beter Ritting er's Theorie und Bau ber Rohrturbinen, Brag 1861 und 1865. Eigenthumlich behandelt find bie Turbinen in Rankine's Manual of the Steam-Engine and other Prime Movers, London and Glasgow 1859. Ueber bie Turbine ber Londoner Industrieausstellung 1862, ins Besondere über Thomson. vortex water-wheel ist nachzulesen eine Abhanblung von Bernhard Lebmann in ber Beitschrift bes Bereins beutscher Ingenieure, Bb. VII, 1863. Bb. II, (1858); biefe Beitfdrift enthalt auch eine neue Theorie ber horizontalen Bafferraber von R. R. Werner. Eine allgemeine Theorie ber Schaufelconftruction für Turbinen theilt F. R. H. Wiebe in Civilingenieur Bb. 5, mit.

Sechstes Capitel.

Bon den Wassersäulenmaschinen.

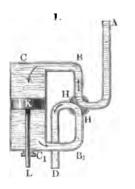
§. 297 Wassersäulenmaschinen. Bafferfäulenmafchinen (j. Bb. II, §. 170) werben burch ben Drud bes in ganz ober nahe aufrecht stehenden Röhren befindlichen Baffers in Umtrieb gefetzt. Die Bewegung berfelben ift aber teine stetig treissörmige, wie bei ben Wasserrübern, sondern sie ist eine gerablinig wiederkehrende. Die Haupttheile einer Wassersänlenmaschine sind, wie aus Fig. 534, I. und II., zu ersehen ist, folgende. A ist der Sammeltasten für das Wasser, der sogenannte Einfallkaften, AB die Einfallröhre

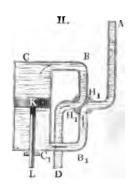
Fig. 534



(frang. tuyau de chute; engl. pressure pipe), C ift ber Stiefel ober Treibenlinder (frang, cylindre principal; engl. working-cylinder), in welchem bas Baffer gur Birtung gelangt, indem es ben belafteten Treibfolben K (frang. piston moteur; engl. loaded piston) emportreibt, und HD ift die Austrageröhre (frang. tuyau de décharge; engl. discharge-pipe). In bem Communicationerohre BC, welches bie Einfallröhre mit bem Treibenlinder verbindet, befindet fich die fogenannte Stenerung (frang. regulateur; engl. regulator), welche bier in einem T-förmig durchbohrten Hahne (franz. robinet; engl. cock) besteht, und bazu bient, die Berbindung zwischen ber Ginfallröhre und bem Treibenlinder abwechselnd herzustellen und aufzuheben. Im ersten Falle treibt bas Baffer ben Rolben mit feiner Laft P, empor, und im zweiten Falle flieft bas von ber Ginfallröhre abgeschloffene und unter bem Treibtolben befindliche Baffer burch ben Sahn gurud und burch bas Ausgugrohr HD aus, mahrend ber Dan hat einfachwirtenbe nnn unbelaftete Rolben wieber niebergeht. und boppeltwirkenbe, sowie auch einstiefelige und zweiftiefelige Bafferfäulenmafchinen. Bei ber einfachwirtenben Bafferfaulenmajdine (frant. machine à simple effet; engl. single acting engine), welche Fig. 534 vor Augen führt, wird ber Rolben vom Waffer nur nach ber einen Richtung fortgetrieben, ben entgegengesetten Weg hingegen burchläuft er durch sein eigenes oder durch ein mit ihm verdundenes Gewicht P2. Bei der doppeltwirkenden Wassersaulenmaschine (franz. machine à double effet; engl. double acting engine) hingegen erfolgt sowohl der Auf- als auch der Niedergang des Kolbens durch die Kraft des Wassers. Die Einrichtung einer solchen Maschine giebt Fig. 535, I. und II. an. Man ersieht aus dieser Figur, wie ein Mal (I.) das Krastwasser den







Weg ABC einschlägt, den Kolben K niedertreibt und dabei das abgeschlossene Wasser auf dem Wege C_1B_1D absließt, und wie das zweite Wal (II.) das Kraftwasser auf dem Wege AB_1C_1 zum Chlinder gelangt, den Kolben K aufs, und das über ihm besindliche Wasser auf dem Wege CBD forttreibt.

Die bisher behandelten Wassersaulenmaschinen sind einenslindrige oder haben nur einen Treibenlinder; man hat aber auch zweichlindrige oder Maschinen mit zwei Treibenlindern mit einer Einfallröhre und einer Steuerung, wie in Fig. 536 vorgestellt wird. Während hier (in I.) das Druckwasser ABC ben Kolben K auswärts schiebt, geht der Kolben K, nieder und Fig. 536.



bringt das todte Wasser unter ihm auf dem Wege $C_1 B_1 D_3$ um Absluß, und umgeschrt, während (in II.) der Kolben K_1 vom Druckwasser $A B_1 C_1$ zum Aufsteigen genöthigt wird, geht der Kolben K nieder und drückt das abgesperrte todte Wasser durch das Ausgusrohr D fort.

Einfallröhren. Es find nun die Saupttheile einer Wasserschulenmaschine §. 298 naber zu beschreiben. Das Betriebsmaffer für eine Bafferfaulenmaschine wird junachft in bem fogenannten Ginfalltaften ober Speifereferpoir gesammelt. Es ift febr zwedmäßig, biefes Baffin möglichft groß beraustellen, damit fich barin bas Waffer mehr abklären und beruhigen fann und keine große Beranderungen in dem Niveau bes Wafferspiegels eintreten Uebrigens ift es noch nöthig, Rechen ober Gitter jum Abhalten frembartiger Rorper, wie Solg, Blatter u. f. m., in biefes Refervoir eingufeten, und nach Befinden, wenn bas Baffer unrein ift, Scheibemanbe in bemfelben fo anzubringen, bag bas Baffer eine ichlangenformige Bemegung auf = und abwarts anzunehmen genothigt und ihm mehrfache Belegenheit jum Abfegen feiner Unreinigfeiten gegeben wirb. Die Ginfallrohre munbet minbestens 11/2 Fuß über bem Boben bes Baffins und 3 bis 5 Fuß unter bem Bafferfpiegel ein, um fowohl das Eindringen von ichweren Rörpern, als auch um die Entstehung eines Lufttrichters ju verhindern. Auch führt man mohl zu biefem Zwede bie Röhre gekrummt in bas Baffin ein, fo bag bie Mündung nach unten gerichtet ift. Uebrigens bringt man noch eine Rlappe ober einen conifden Bapfen an, wodurch fich die Ginmundung verfchließen und ber Gintritt bee Baffere in bie Ginfallröhre verhindern läßt. In Rig. 537 ift ein folder Speifcapparat abgebilbet. AB ift bas gebogene Ropfstud ber Ginfallröhre, C bie Rlappe, D ein Bebel gum Stellen ber

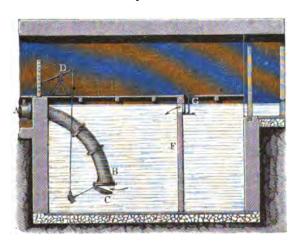


Fig. 537.

Rlappe, F eine Scheidemand und G find zwei Gitter zum Abhalten schwimmender Rörper.

Was nun die Einfallröhren anlangt, so bestehen dieselben in der Regel aus Gußeisen, erhalten eine Länge von 5 bis 8 Fuß und eine Weite von 1/3 bis 1/2 der Weite des Treibchlinders. Die Stärke der Röhrenwände beträgt 3/4 bis 3/4 Zoll; die kleinere Stärke giebt man den oberen, die größere den unteren Einsallröhren. Am sichersten ist aber die Stärke e durch die Formel

 $e = 0.0025 pd_1 + 0.75 300$,

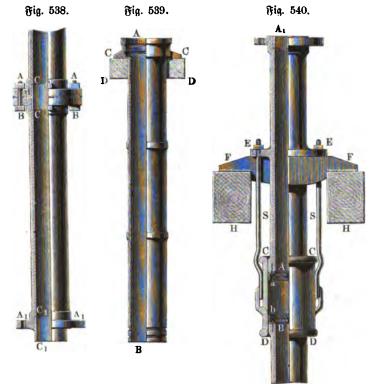
wo d, die innere Beite in Bollen und p ben Bafferbrud in Atmofpharen (à 33 Fuß) bezeichnet, zu bestimmen. Die Formel in Bb. I, §. 363, giebt für bloke Röhrenleitungen tleinere Stärten, biefe find aber bier beshalb nicht anwendbar, weil hier bas Baffer mit veranderlicher Rraft und beim schnellen Abfperren fogar ftogend wirft. Uebrigens find die Einfallröhren einzeln vor bem Einseben einer Brilfung zu unterziehen. Man verschlieft bie Robre zu biefem Zwede an beiden Enben, füllt biefelbe mit Baffer und fest biefes burch eine engere Röhre mit einer bybraulischen Breffe in Berbinbung. Durch wiederholtes Rolbenspiel biefer Breffe wird nun ein Drud erzeugt, der ben Bafferbrud, welchen bie Röhren tunftig auszuhalten haben, mehrfach (4- bis 5mal) übertrifft. Benn bie Rohren bei biefer Brufung fein Baffer burchlaffen, fo find fie in Bebrauch zu nehmen. Biele von biefen Robren halten biefe erfte Brobe nicht aus, find aber beffenungeachtet vielleicht noch brauchbar, weil fich fpater ihre Borofitat burch Bilbung von Roft verliert, mas burch eine zweite Brobe, mehrere Wochen fpater, zu ermitteln ift. Bei ber unten näher beschriebenen Bafferfaulenmaschine zu Buelgoat bat man gefottenes Leinöl zur hydrostatischen Brobe verwendet und dadurch ben Röhren einen inneren Firnigubergug gegeben, welcher fie überdies noch vor ben chemischen Wirkungen bes Baffers fcutt.

Die Einfallröhren werden mit einander entweder durch einfache Muffen oder durch Kränze und Schrauben (f. Bb. II, §. 164) verbunden. Zwischen je zwei Kränze kommt eine Scheibe von Blei oder Kitt zu liegen, welche durch die Schrauben in den Kränzen start zusammengedruckt wird. Des genauen Anschließens wegen gießt man das Blei gleich flüssig in den Zwischenraum zwischen je zwei Kränzen, in deren Stirnslächen noch ringförmige Rinnen ausgespart sind, die das slüssige Blei ebenfalls ausfüllt. Den Kitt versertigt man aus Kaltmehl, Leinölsirniß und zerhacktem Hanse. In dem Inneren der Röhren werden die Wechsel sehr oft noch durch Musse aus Kupserblech, ähnlich wie die Büchsen bei Holzröhren, abgedichtet. Eine Röhrenverbindung mit Kränzen und Mussen ist in Fig. 538 theils von außen, theils im Durchschnitt abgebildet. Die Verbindung der Kränze AA und BB durch Schrauben AB, AB ist im Wesentlichen dieselbe wie bei ge-

wöhnlichen Röhrenleitungen, §. 164; der Muff ober die Buchse CC hat in der Mitte ihrer Außensläche einen Rand d, welcher in den Wechsel der verbundenen Röhren zu liegen kommt.

Eine einfache Röhre mit Schnauze zeigt Fig. 539. Zur Erzielung einer vollständigen Abdichtung durch Blei u. s. w. sind sowohl in der Schnauze A als auch am äußeren Umfange des unteren Röhrenendes B ringförmige Rinnen angebracht. Zur Bertheilung des Gewichtes der Einfallröhre sind einzelne Röhren, im Abstande von eirea 50 Fuß, mit Nasen oder Rändern C, C versehen, womit sie auf Einstrichen D, D zu liegen kommen.

Außer diesen festen Röhrenverbindungen hat man auch noch eine lösbare Muffenverbindung nöthig, damit sich die ganze Einfallröhre ohne Nachteil seben, sowie beim Temperaturwechsel ausbehnen oder zusammenziehen könne (s. die Compensationsröhre, Fig. 343, §. 164). Bei der in Fig. 540



abgebildeten lösbaren Röhrenverbindung sind die etwa 1 Fuß von einander abstehenden Röhrenenden A,B an ihren Stirnflächen mit je einem Lederstulp a,b bedeckt und von einem ausgebohrten Muff CCDD umgeben. Die

obere Röhre AA_1 enthält in der Mitte die Lagerscheibe EE, welche auf den von den Einstrichen H, H unterstützten gußeisernen Trägern F, F ruht und woran die den Muff tragenden Stangen S, S befestigt sind.

§. 299 Treibcylinder. Der Stiefel ober Treibenlinder besteht entweder aus Gugeisen, ober, wegen ber größeren Boliturfabigfeit bes Ranonenmetal-Um nicht viel Spiele (pr. Minute brei bis feche) und les, aus letterem. eben baburch weniger Arbeiteverluft zu erhalten, macht man ben Treibenlinber mehr lang ale weit, fo bag ber Rolbenhub s in bemfelben 21/2 bis 6mal fo groß ausfällt, als ber Rolbendurchmeffer d. Die mittlere Beschwindigkeit v des Rolbens macht man ungefähr nur 1 Fuß, damit die mittlere Geschwindigkeit v, bes Waffers in ben Ginfallröhren und baber auch die hydraulischen hindernisse in benselben nicht zu groß ausfallen. Rathsam ist es, mit der letten Geschwindigkeit noch nicht die Grenze von 10 fuß zu überschreiten, zwedmäßiger aber, diefelbe nur bis 6 fuß zu ftei-Rehmen wir v=1 und $v_1=6$ Fuß an, so erhalten wir für bas Berhaltnig ber Ginfallröhrenweite d, jur Cylinderweite d, ba bas Baffer-

quantum
$$=rac{\pi d^2 v}{4}=rac{\pi d_1^2 v_1}{4}$$
 ift, $rac{d_1}{d}=\sqrt{rac{v}{v_1}}=\sqrt{rac{v}{1/6}}=0,408;$

also circa 0.4.

Ift das Aufschlag. ober Speisewasserquantum pr. Secunde = Q, so läßt sich für eine doppeltwirkende, ober für eine zweichlindrige einfachwirkende Wassersaulenmaschine setzen:

$$Q=\frac{\pi\,d^2}{4}\cdot v,$$

und hiernach bestimmt sich die nöthige Beite des Treibcylinders:

$$d = \sqrt{\frac{4 Q}{\pi v}} = 1{,}13 \sqrt{\frac{Q}{v}},$$

also filt v = 1, $d = 1.13 \sqrt{Q}$ Fuß.

Für eine einchlindrige einfachwirkende Wassersäulenmaschine ist

$$Q=\frac{1}{2}\cdot\frac{\pi\,d^2}{4}\,v,$$

und baher:

$$d=1,60 \sqrt{\frac{Q}{v}},$$

also für v=1, $d=1.60 \sqrt{Q}$ Fuß zu nehmen.

Hat man nun den Kolbenhub $s=2^{1}/_{2}d$ bis 6 d angenommen, so bestimmt sich die Zeit eines einsachen Ganges (Auf- oder Niederganges) durch die Formel:

$$t=\frac{s}{v},$$

also für v = 1:

und hiernach bie Angahl ber Gange pr. Minute:

$$n_1 = \frac{60''}{t} = \frac{60 \cdot v}{s},$$

also für $v=1, \ n_1=\frac{60}{s},$ bie Angahl b'er Spiele:

$$n = \frac{n_1}{2} = \frac{30 v}{s},$$

ober für
$$v=1$$
, $n=\frac{30}{s}$.

Uebrigens ist es zwedmäßiger, bei einer einfachwirkenben einchlindrigen Wassersaug etwas langfamer und dafür den Niebergang etwas schneller als mit der mittleren Geschwindigseit vor sich geben zu lassen, weil die hydraulischen hindernisse beim Aufgange größer sind, als beim Audgange.

Der Treibchlinder ist innerlich genau auszubohren und auszuschleifen, bamit sich der Kolben in ihm leicht und vollkommen abschließend auf und nieder bewegen tann. Die Wand stärte macht man wegen des allmäligen Abschliefens, verhältnismäßig sehr groß; bei den bestehenden Maschinen ist sie 2 bis 3 Boll; indessen hängt sie jedenfalls auch von der Druckböhe und Cylinderweite ab, und ist schicklicher durch die Formel

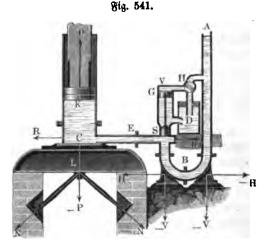
$$e = 0.0025 pd + 1.25 300$$

gu berechnen. Bur Berftartung bes Chlinders tann man benfelben mit einis gen ringformigen Rippen gießen laffen.

Der Treibkolben wird von der Wasserfäule mit einer Kraft P nach unten oder in der Richtung der Kolbenbewegung gedrückt, welche sich messen läßt durch das Gewicht Fhy einer Wassersäule, deren Grundsläche F die Kolbenstäche und deren Höhe die senkrechte Tiefe h dieser Fläche unter dem Wasserspiegel im Einfallreservoir ist; und eine gleich große Kraft (— P) in entgegengesetzer Richtung übt diese Wassersäule auf den Boden des Treibchlinders selbst aus. In der Regel beträgt diese Höhe h mehrere hundert Fuß, ist also auch diese Kraft des Wassers sehr beträchtlich und daher nöthig, dem Treibchlinder eine starke Unterstützung zu geben. Da diese Massers gestentheils nur zum Wasserheben aus Gruben angewendet werden, so sommen sie in Schächte zu stehen und können daher nicht unmittelbar auf sestes Gestein oder Grundmauerung gesetzt werden, sondern es ist nöthig, dieselben durch Gewölbe oder Träger aus Eisen oder starke Balten aus Eichenholz zu un-

terftüten. Bei einigen Maschinen hat man bie Cylinder unmittelbar auf gugeiserne Bogen gestellt.

Bei ber in Fig. 541 stiggirten Bassersäulenmaschine wird ber Treibeylinder von einem Paar eiserner Balten L, welche in ber Mitte von gußeisernen Streben unterstützt sind, getragen. Die Kraft — P wird bann zum Theil



von diesen Streben aufgenommen, welche in Folge beffen die schräg abwärts gerichteten Schübe N, N gegen die Unterflützungsmauern, und mittels dieser wieder gegen das feste Gestein ausüben.

Ebenso übt auch die Einfallröhre einen ihrem Querschnitte F_1 proportional wachsenden Druck (— V) nach unten aus, welcher eine besondere Unsterstützung von unten nöthig macht. Außerdem hat der Treibenslinder noch eine Horizontals oder Seitenkraft $R=F_2\,h\gamma$ auszuhalten, welche mit dem Querschnitte F_2 des Communicationsrohres CS wächst, sowie die Einfallröhre eine mit ihrem Querschnitte F_1 proportional wachsende Seitenkraft (— H) = $F_1\,h\gamma$. Diesen Krästen halten die gleichen Gegenkräste (— R) und H in dem Communicationsrohre BS das Gleichgewicht, so daß zwar die Waschine im Sanzen keinen Druck zur Seite ausübt, dagegen aber ein Bestreben zum Zerbersten in horizontalen Richtungen besitzt, welchem durch die Röhrenschlösser E und E, sowie durch die unterstützenden Sohlplatten entgegenzuwirken ist. Bei der Einrichtung der abgebildeten Maschine hat das gekröpste Communicationsrohr E0 auch noch einen Berticaldruck (— E1) auszuhalten, weshalb es erforderlich ist, auch dieses Kohr mit einem auf einer sessen Fuße zu versehen.

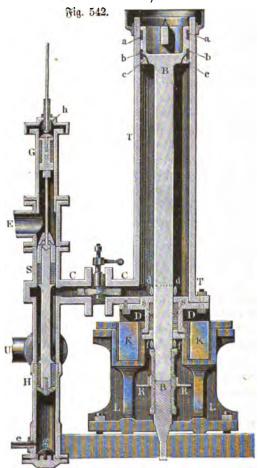
Der Treibtolben, welcher bie Rraft bes Baffers §. 300 Treibkolben. unmittelbar aufnimmt, befteht im Wefentlichsten aus einem außen abgebrebten und in den Treibeglinder einpassenden Cylinder. Um den volltommenen Abschluß zu bewirken, ohne ein bedeutendes Sinderniß in der Bewegung ju erhalten, wird bie fogenannte Liberung (eigentlich wohl Leberung, frang. aber garniture, engl. packing, leathering) angewendet, und dieselbe fann nun entweber an bem Rolben ober an bem Cylinder festsigen. Im erften Falle besteht ber Rolben aus einem niedrigen Cylinder, ber nur 1/5 bis 1/2 mal fo boch als bid ift, im zweiten Falle bilbet er aber einen mit bem Stiefel gleich langen Eplinder, und erhalt bann gewöhnlich ben Ramen Monchetolben ober Bramahtolben (frang. plongeur; engl. plunger). Die Liberung ber Treibtolben besteht in ber Regel aus Leberriemen ober in Leberftulpen, feltener aus Leberfcheiben ober aus Detallringen; fie muß immer im Berhaltnig bes Bafferbrudes an bie innere Cylinderober außere Rolbenflache anschließen, bamit fie einerfeits tein Baffer burchläßt, und andrerfeits auch teine ju große Reibung veranlagt. Grunde find benn auch die autoclaven ober hybroftatifchen Liberungen, wo bas Leder oder der ablidernde Rorper burch bas Baffer felbst an die abgefchliffene Flache angebrudt wird, die vorzüglichsten. In ber Regel naht ober nietet man einen foldgen Liberungefrang aus 3 bis 4 in Fett getrantten Leberriemen gufammen, und legt ibn nun entweder in am Umfang bes Rolbene ausgebrehte ringformige Rinnen ober befestigt ihn mittels Schrauben und burch einen Metallring umgeftulpt auf bie Grunbflache bes Rolbens.

In Fig. 542 (a. f. S.) ist ein Treibtolben (von einer Clausthaler Baffers- fäulenmaschine) mit eingelegten Liberung etränzen abgebilbet. A ist ber eigentliche Kolben ober sogenannte Kolbenstod und BB bie mit ihm ein Ganzes bilbenbe Kolbenstange, ferner sind aa und bb bie Liberungstränze und co die feinen Bohrungen, durch welche ber innere Umsang des unteren Leberstranzes mit dem Druckwasser in Berbindung gesett wird.

Die Stulpliberung des Treibkolbens an einer Freiberger Wasserstüllenmaschine ist in Fig. 543 (a. f. S. 701) abgebildet. Es ist hier AABB der gußeiserne Kolbenstod, welcher den Fuß D der Kolbenstange umgiebt und darin durch den Splint S befestigt wird. Die Fußplatte AA dieses Kolbenstodes wird dom Lederstulp LL, und dieser wieder von einem eisernen Teller E bedeckt. Sowohl die Fußplatte als auch der Teller sind am Rande gebogen, um dem Stulpe als Lagerstächen dienen zu können. Bier Schraubenbolzen a, a... dienen dazu, den Teller auf den Stulp aufzudrücken und ihn mit der Fußplatte des Kolbenstockes zu besestigen.

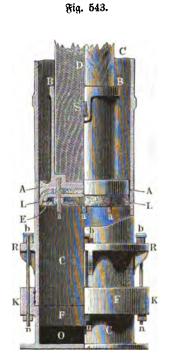
Aus der Figur ist noch zu entnehmen, wie der Treibchlinder CC mit seinem Fußstude F durch eine Schnauze KK und durch Schraubenbolzen

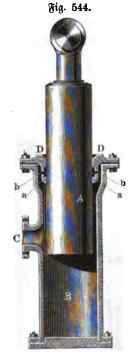
bn, bn... verbunden ift. Diefes Fußstud bildet zugleich einen Theil bes bei O einmundenden Communicationsrohres.



Ein Bramahkolben läßt sich ebenfalls hybrostatisch ablibern, wie aus Fig. 544 zu ersehen ist. Hier ist A ber Kolben, B ber Cylinder, C das Communicationsrohr, DD die aufgeschraubte Liberungsbüchse, aa ber Liberungsring und bb die Bohrung für die hydrostatische Liberung. Jedensfalls ist diese Liberung in einer besonderen Büchse leichter herzustellen und leichter zu unterhalten, als die Liberung, welche mit dem Kolben in sester Berbindung steht. Auch empsiehlt sich die Anwendung dieser ungeliberten Kolben noch dadurch, daß es leichter ist, einen Cylinder richtig rund abs als

auszubrehen. Gin besonderer Bortheil diefer Einrichtung erwächst endlich noch darans, daß es hier möglich ift, durch Auswechselung des Kolbens und





ber Liberungeblichse die Kraft der ganzen Maschine nach Bedürfniß zu verstärken oder überhaupt zu verändern.

Kolbenstange und Stopfbüchse. Die Treibelolben ftange §. 301 (franz. tige du piston; engl. piston rod) ist von dem Treiblolben aus entweder nach der Mündung oder nach dem Boden (oder Deckel) des Cylinders gerichtet. Im ersteren Falle bedarf sie keiner besonderen Bearbeitung und kann daher auch von Holz sein, wie aus der Zeichnung in Fig. 543 zu ersehen ist; im zweiten Falle hingegen muß sie durch eine Stopsbüchse gehen, deshalb aber rund abgedreht werden, und kann daher nur aus Eisen oder Kanonenmetall bestehen. Die Stärke einer solchen Stange ist nach der Theorie der absoluten Festigkeit zu bestimmen.

Ift d ber Treibtolbendurchmesser und p ber Wasserdruck auf jeden Quastratzoll des Kolbens, so hat man die Kraft besselben:

$$P = \frac{\pi d^2}{4} \cdot p;$$

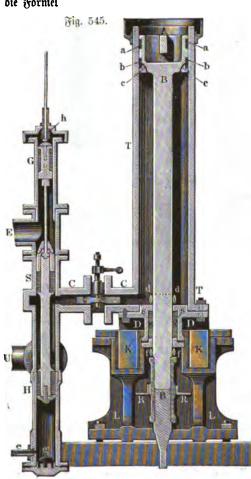
ist nun aber d_2 die Stärke der Kolbenstange und T der Tragmodul ihres Materials, so hat man das Tragvermögen derselben:

$$P=\frac{\pi d_2^2}{4} T;$$

man erhält daher burch Gleichsetzen beiber Kräfte bie nöthige Kolbenftangenftarte:

$$d_2 = d\sqrt{rac{p}{T}}$$

Hierzu ist T aus der Tabelle in Bb. I, $\S.212$ zu nehmen, p aber durch die Formel



$$p=\frac{h\gamma}{144},$$

wo h die Drudhöhe in Fußen bezeichnet, zu bestimmen.

Für eine Kolbenstange aus Schmiebeeisen, welsche bloß einer Zugstraft ausgeset ist, kann man T=10000 Pfund, und folglich $d_2=0.01 \, dVp$

 $= 0,00655 \sqrt{h} \text{ gold}$ feigen.

Stangen, welche bie Rraft mittels Drud fortpflanzen, macht man boppelt fo ftart (vergl. Bb. I, §. 269).

Die Stopfbuch fe (franz. boîte a garniture; engl. stuffingbox) ist ein auf einer Endstäche des Cylinbers aufsigendes Behäuse, welches mit Leberscheiben oder Hanfzöpfen so ausgefüttert ist, daß sich die hinburchgehende Rolbenstange leicht bewegen läßt, ohne Wasser nach Besinden Dampf, Lust u. s. w. hindurch zu lassen. Bei den Wasserschleiben abgelibert, weswegen man sie Stopsbüchsen in der Regel mit Leberscheiben abgelibert, weswegen man sie auch Lederbüchse (franz. boste à cuir) nennt. Man ersieht aus Fig. 545 in BB die Kolbenstange, DD die Stopsbüchse, deren Liberung durch einen Deckel B zusammengepreßt wird. Zuweilen bringt man zwischen die Lederscheiben noch einen metallenen Ring mit durch seine Bohrungen communicirenden Schmierrinnen, wie ss. Fig. 545. Geht die Kolbenstange durch den Deckel der Stopsbüchse, so erhält der Deckel der Stopsbüchse eine Berstefung zur Aufnahme der Schmiere, geht sie aber durch die Fußplatte des Chlinders, so muß man die Schmiere künstlich zupressen.

Bei ber Clausthaler Maschine hat man auch Schmierpressen angewendet, welche mittels eines Keinen Kolbens, der durch ein kleines Gewicht niedergedrückt wird, die Schmiere durch eine feine Röhre, den erwähnten Ressing mit X-förmigem Querschnitt, im Innern der Liderung zupressen.

Die Schmiere besteht aus 6 Theilen Schweinefett, 5 Theilen Talg und 1 Theil Baumöl, besser in reinem Olivenöl oder Ochsenklauenöl.

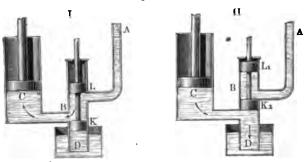
Stouerung. Die Steuerung ist gleichsam die Seele einer Wassers §. 302 säulenmaschine, durch sie wird diese Maschine erst in den Stand gesetzt, ihre Arbeit ohne Unterdrechung zu verrichten. Sie besteht im Wesentlichen aus zwei Hauptvorrichtungen, wovon die eine das abwechselnde Zulassen und Absperren des Arasts oder Betriedswassers vom Treidenlinder unmitteldar dewirkt, die andere aber dazu dient, die erste Borrichtung mit der eigentlichen Arastmaschine (mit der Treidsoldenstange) zu verdinden, so daß zu ihrer Bewegung eine fremde Hulse nicht nöttig ist. Wir können recht gut jene Borrichtung die innere, diese aber die äußere Steuerung nennen.

Bas die innere Steuerung anlangt, so tommt davon bei den Baserfäulenmaschinen vorzüglich die Kolbensteuerung vor. Aeltere Maschinen
haben eine Sahnsteuerung und neuere Basersäulenmaschinen sind auch
wie die Dampfmaschinen, mit Bentil- und Schiebersteuerungen ausgerüstet.

Die Art und Beise, wie die Umsteuerung durch einen Sahn bewirft wird, ist bereits aus dem Obigen (§. 297) bekannt und die Birkungsweise eines Steuerkolbens ist aus Folgendem zu ersehen.

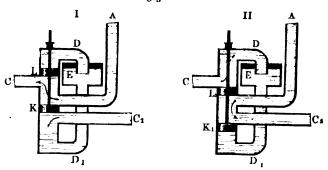
Rolbensteuerung. Die Sinrichtung ber Rolbensteuerung für eine eine cylindrige, einfachwirkende Maschine führt Fig. 546, I. u. II. (a.f. S.), vor Augen. Es ist hier A die Sinsalröhre, C der Treibchlinder, B der den Steuerstolben einschließende Steuerchlinder, D das Ausgußrohr, sowie K der Steuertolben und L der sogenannte Gegenkolben, welcher nur dazu

bient, burch Erzeugung eines Gegendrucks eine leichtere Bewegung des Steuerkolbens ober ber Steuerkolbenstange zu bewirken. Bei ber tieferen Fig. 546.



Stellung (I.) des Steuerkolbens K ist der Treibcylinder mit der Einfallröhre in Berbindung gesetzt, es kann daher der Treibkolben emporsteigen, bei der höheren Stellung (II.) hingegen sperrt der Steuerkolben K1 das Kraftwaffer ab, es kann daher der Treibkolben nur das unter ihm befindliche Wasser bei D zum Austritte nöthigen.

Die Einrichtung der Kolbensteuerung für eine doppeltwirkende oder für eine zweichlindrige Wassersaulenmaschine läßt sich aus Fig. 547, I. und II., ersehen. Es ist auch hier A die Einfallröhre, sowie C das Communicationsrohr nach dem einen und C1 nach dem anderen Treibsig. 547.

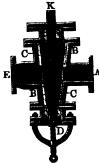


cylinder, ferner D der Ausguß für den ersten und D_1 der Ausguß für den zweiten Cylinder. Man sieht nun aus I., wie dei der oberen Kolbenstellung das Kraftwasser mit C in Berbindung gesetht ist, und das todte Wasser aus C_1 durch D_1 nach E absließen kann, und aus II., wie dei der tieseren Kolbenstellung das Kraftwasser nach C_1 treten und das abgesperrte Wasser unter dem Treibkolben von C nach D sließen und dei D ausstreten kann.

Der Sahn ober bie Biepe tam als Regulator ober §. 303 Steuerhahn. Umfteuerungsapparat noch bei ben alten Bafferfaulenmaschinen zu Bleiberg in Rarnthen und bei ben von Schitto conftruirten Bafferfaulenmafcinen zu Schemnis in Ungarn vor. Er bat die Form eines abgefürzten Regels und fitt in einem gleichgestalteten Gehäufe; um ihn leicht breben ju tonnen, läuft er in schwächeren chlindrischen Enden aus, die von Stopfbuchfen umgeben werben. Wegen des ftarten Abführens fest man ein hartmetallenes Futter in das Bahngehäuse, was fich leicht auswechseln läßt. Fig. 548 ift HH ber Sahn, BB fein Behäuse und CC beffen Futter,



Ria. 548.



ferner K ber Ropf, an bem bie Umbrehungetraft angreift, und D eine Schraube, um ben Sahn in feinem Gehäufe nach Bedürfnig zu heben ober zu fenten. Die Bohrungen ober Wege bes Sahnes find verschieben, namentlich bei einfach wirkenben einftiefeligen Maschinen anders als bei boppelt wirkenben einstiefeligen ober einfach wirtenben zweichlinderigen Mafchinen, wie wir auch ichon oben gefeben haben.

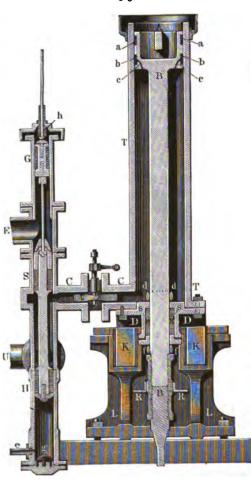
Menbert fich bie Bewegungerichtung bes Rraftmaffere im Sahne um 90 Grab, fo wird ber Bahn burch biefes Waffer mit einer Rraft in biagonaler Richtung gegen fein Gehäufe gepreft, welche bei einer

großen Drudbobe und einem nicht unbedeutendem Querschnitte ber Bahnbohrung eine große Reibung und ein ftartes Abführen hervorbringt; biefes nachtheilige Berhaltniß hat aber Schitto bei feinen Glibirungehahnen, wie Ria. 548 vorstellt, beseitigt, er hat nämlich, ber hauptbohrung a entgegengeset, noch zwei Ausschnitte b und bi im Sahne angebracht, und biefe burch feine Löcher e und e, mit jener verbunden, so daß fich in ihnen ein Gegenbrud bilbet, ber bei richtiger Groke ber Ausschnitte bem Diagonalbrude in ber Sauptbohrung bas Gleichgewicht halt.

Bur Berminberung bes Abführens ober wenigstens gur Befeitigung bes ungleichförmigen Abführens, tragt es ferner noch bei, wenn man den Sahn nicht blog um 90° bin = und gurudbreht, fondern wenn man benfelben immer in berfelben Richtung im Rreife herumführt, weil badurch nach und nach alle Theile im Umfange bes Sahnes mit allen Theilen ber inneren Mantelfläche in Berührung tommen. Die Sahne find zuerft vom herrn Bergrath Brendel angewendet worden und finden fich auch bei ben bierortigen, von Beren Brendel conftruirten Bafferfaulenmaschinen vor. Die naheren Berhaltniffe ber Brenbel'ichen Steuerung werben wir aber weiter unten (§. 314) näher fennen lernen.

§. 304 Stouerkolben. Was nun die Kolbensteuerung anlangt, so wendet man bei derselben meist Kolben mit Padwert von über einander liegenden Leberscheiben an, ähnlich wie wir oben (§. 301) bei der Liderung der Stopfbüchsen angegeben haben. Bei der Maschine zu Huelgoat ging der aus Kanonenmetall bestehende Steuertolben anfangs 7 Jahre ohne Liderung, während der Anwesenheit des Berfassers (1839) wurde aber, da er sich um 1 Millimeter abgeschliffen hatte, statt bessen ein neuer mit einem aus 24 zusammengepreßten Lederscheiben bestehenden, 5 Zoll hohen, vollkommen ab-

%ig. 549.



gedrehten Pactwert eingescht. Reichenbach
hat auch Kolben mit
einem zinnenen Liderringe angewendet, und
in der neueren Zeit hat
man bei den baierischen
Maschinen eine vereinigte Leberstulp = und
Zinnringliderung
vortheilhaft gesunden.

Wenn am Enbe bes Treibtolbenfpieles ber Steuerfolben S. Fig. 549, emporsteigt unb bie Wafferfäule allmälig pom Enlinder TT abfperrt, alfo bas Baffer in feiner Bewegung auf bem Bege E C gehemmt wird, fo preft es ben Steuerfolben einfeitig, und es giebt bas burch zu einem febr ftarfen Abführen bes Steuertolbens Beranlaffung; um aber dies zu verbinbern. führt man bas Ende bes Communicationerobres CD. Fig. 550, gang um ben Steuerchlinder Sherum, fo bag es diefen voll=

tommen umschließt, und bas Basser von allen Seiten her auf ben auf = ober niedersteigenden Kolben drücken muß. Jedenfalls leidet bei dieser Einrichtung die Liderung noch etwas, weil sie sich hier beim Durchgange CD ausbehnen kann und bei dem höheren oder tieferen Kolbenstande wieder zusammengedrückt wird, und beshalb ist denn die Zu- und Absührung des Wassers aus dem Treibehlinder in den Steuerchlinder durch Löcher, wie Fig. 551

Fig. 550.



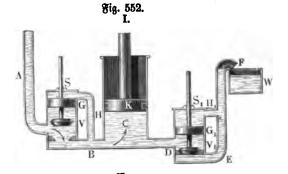


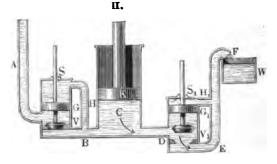


im horizontalen Durchschnitte vor Augen führt, in dieser Beziehung noch besser, obwohl in anderer Beziehung wieder ein Nachtheil, nämlich dem durchssließenden Wasser ein größeres hydraulisches Hinderniß, erwächst.

Bon Bichtigkeit auf ben Gang einer Bafferfaulenmaschine ift noch bie Form bes Steuertolbens S, Fig. 549. Es barf nämlich bie Communication zwischen C und E nicht plötlich aufgehoben und baburch die Bewegung ber Wafferfaule in ber Ginfallröhrentour nicht momentan vernichtet werben, weil fonft eine bebeutende Erschütterung in der Maschine, Die fich auch burch ein ftarles Geräufch tundgiebt, entfteht, welche nicht felten bas Beriprengen ber Röhren ober bas Musgehen berfelben in ben Schlöffern gur Folge gehabt Um biefen Stof ober ben fogenannten Bibber bes Baffers ju befeitigen, hat man natürlich nur nöthig, bas Absperren bes Rraftwaffers allmälig vor fich geben zu laffen. Dies ift aber nur burch eine langfame Bewegung und burch eine besondere Form des Steuerfolbens ju bewirten. Bon ben Mitteln, eine langfame Steuerfolbenbewegung bervorzubringen. tann erft in ber Folge bie Rebe fein, mas aber bie Bestaltung bes Rolbens anlangt, fo ift es nothig, ben Ropf bes letteren, ober vielmehr benjenigen Theil beffelben, welcher bie Absperrung jundchst bewirtt, conisch ju formen, ober auf benselben einen conifchen But aufzuseten, welcher eine ringförmige Mündung zwischen Cund E herstellt, die fich mit bem Aufgange bes Steuertolbens allmälig mehr und mehr verengt, bis fie endlich gang verschwindet und badurch die Communication aufgehoben wird. Außerdem bringt man auch wohl noch Ginschnitte in bem Rolbenftod felbft an, welche, von oben nach unten gebend, sich zulet allmälig verlaufen, so bag anfangs noch immer eine schwache Communication zwischen C und E übrig bleibt, wenn auch ber eigentliche Steuertolbenftod ichon ringeum von bem Steuerchlinder umichloffen wird, und biefer Rolben erft nach Durchlaufen bes letten Theiles feines Weges volltommen absperrt. Bei ber Wafferfaulenmaschine ju Clausthal ift die Conicität und die Elibirung des Steuerkolbens zugleich angewendet; bei der Maschine zu Huelgoat hingegen, ift dieser übrigens faßformig abgerundete Kolben mit 10 Ausschnitten versehen.

§. 305 Ventll- und Schiebersteuerung. Die Art und Weise, wie sich die Steuerung einer Wassersäulenmaschine durch Bentile einrichten läßt, führt Fig. 552, I. und II., vor Augen. Es ist hier V das Einlaße und V1 das Austaßventil,

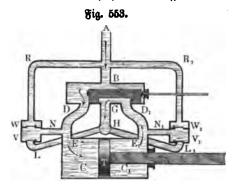




jedes in einem besonderen Steuerchlinder S und S_1 enthalten. Beim Aufgange des Treibsolbens (in I.) ist V geöffnet und V_1 geschlossen, so daß das Wasser ungehindert aus der Einfallröhre A durch die Bentilöffnung himburch und mittels des Communicationsrohres B nach dem Treibchlinder C treten kann; deim Niedergange des Treibsolbens (in II.) ist hingegen V geschlossen und V_1 geöffnet, so daß das Wasser aus dem Treibchlinder C durch das Communicationsrohr D und durch die Deffnung des Bentils V_1 hindurch nach dem Austragerohr EF strömen und in den Wassersließen kann. Um die Bewegung der Bentile so viel wie möglich zu erleichetern, wendet man noch Gegenkolden G und G_1 an, welche mit den entsprechenden Bentilen auf einer und derselben Stange zu sien kohr H mit dem Kaum über dem ersten Gegenkolden G durch ein Rohr H mit dem

Communicationsrohre B, sowie ben Raum über bem zweiten Gegentolben (G_1) burch ein Rohr H_1 mit ber Austrageröhre EF in Communication. Ift ber Querschnitt eines solchen Kolbens nahe gleich bem des mit ihm auf dersselben Stange sitzenden Bentiles, so drückt dann das Wasser auf die ganze Berbindung saft eben so start ab- als auswärts, und es fordert daher die Bewegung berselben mur eine kleine Kraft.

Die Wirtungsweise einer Schiebersteuerung ift aus einer in Fig. 553 abgebildeten liegenden Bafferfäulenmaschine zu ersehen. Beim hingange
bes Treibkolbens T flieft bas Baffer aus ber Ginfallröhre AB bei B in



bie Steuerkammer BDD_1 und von da bei D in das nach dem Treibchlinder C führende Communicationsrohr DE. Hat der Treibfolden seinen Hinweg zurückgelegt, so wird der Schieber S zurückgeschoben, so daß er die entgegengesette Stellung einnimmt. Hierbei kommt der Canal im Schieber S über die Münschieber S

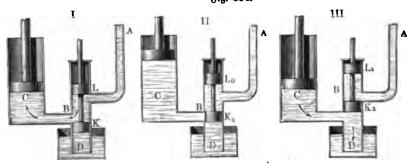
bung D des Communicationsrohres DE und über die Mündung G der Abstragröhre GH zu stehen, so daß das Kraftwasser auf dem Wege ABD_1E_1 zum Treibenlinder C_1 gesangen und den Treibtolben zurücktreiben, sowie das vom letzteren aus dem Treibenslinder C herausgedrikkte Wasser durch den Schiebercanal hindurch in die genannte Röhre GH treten und zum Ausslusse gelangen kann. Ift der Treibtolben wieder links angelangt, so wird der Schieber wieder rechts geschoben und es beginnt dei der abgebildeten Stellung desselben ein neues Kolbenspiel.

Die übrige Einrichtung ber Steuerung wird weiter unten (§. 307) be- schrieben werben.

Eigenthümlichkeit der Stouerung der Wassersäulenmaschi- §. 306 non. Die Borrichtung zur Bewegung der Steuerung einer Wassersäulenmaschimaschie ist eine ziemlich complicirte, und deshalb meist zusammengesetzer, als dei den Dampsmaschimen, weil man es hier mit einem sast incompressibeln und unausdehnbaren Körper, dem Wasser, zu thun hat, welches sogleich seinen Druck verliert, wenn es auf allen Seiten von der drückenden Wasserssäule abgesperrt wird. In dem Augenblicke, wenn der Steuerkolben K_0 , Fig. 554 (II. a. s. S.), dei seinem Ausgange das Druckwasser auf den Treiberchlinder C absperrt, ist auch der Druck des Wassers auf den Treib-

bestimmen.

kolben aufgehoben, und es burchläuft bann ber letztere in Folge seiner Tragheit noch einen kleinen Weg, ohne daß ihm bas darunter befindliche Wasser Fig. 554.



folgen kann. Es entsteht folglich hierbei unter dem Treibkolben ein luftleerer Raum, und es bleibt nur noch der Druck der Luft auf die äußere Kolbenfläche in Wirksamkeit. Bezeichnet h die Druckhöhe des Bassers vor dem Absperren durch den Steuerkolben, ferner b die Höhe einer den Atmosphärendruck messenden Bassersäule, sowie F den Inhalt der Treibkolbensläche und y die Dichtigkeit des Wassers, so ist die der Treibkolbenlast gleich zu sezende Kraft des Wassers vor dem Absperren:

$$P = Fh\gamma$$
,

bagegen die durch ben Druck ber Luft auf die äußere Kolbenfläche nach dem Absperren erwachsende Bergrößerung der Kolbenlaft:

$$P_1 = Fb\gamma$$
,

und baher die ganze Laft bes Treibkolbens, wodurch berfelbe nach dem Abfperren bes Rraftwaffers in Rube verfetzt wird:

$$P+P_1=F(h+b)\gamma.$$

Bezeichnet nun noch $M=\frac{G}{g}$ die träge Masse des Kolbens sammt Gestänge, sowie v die Geschwindigkeit besselben im Augenblide des Absperrens, und solglich $\frac{Mv^2}{2}=\frac{Gv^2}{2\,g}$ das Arbeitsvermögen der trägen Wasse der Massen, so läßt sich der Weg s_1 , welchen der Treibkolben nach dem Absperren zurücklegt, bis er zur Ruhe übergeht, durch den Ausdruck

$$s_1 = rac{{
m Arbeit}}{{
m Rraft}} = rac{G}{F\left(h \,+\, b
ight)\gamma}\,rac{v^2}{2\,g}$$

Da nun v flein ist, meist nicht über 1 Fuß, folglich $\frac{v^2}{2g}$ nicht über 0,016 Fuß beträgt, und auch das Berhältniß $\frac{G}{F(h+b)\,\nu}$ meist nur eine mäßige

Größe hat, so fällt der Weg s, des Treibkolbens während seiner verzögerten Bewegung nur sehr klein ans,

Wenn nun der Steuerkolben mit der Krastmaschine unmittelbar in Berbindung stände und daher die Bewegung des Steuerkolbens von der des Treibkolbens abhinge, so würde dieser Kolben während der Zurücklegung seines letzen Wegtheiles s_1 nicht im Stande sein, die Umsteuerung vollständig zu beendigen, d. i. den Steuerkolben in die Stellung K_1 (III.) zu bringen, wobei das Ausschafter durch das Austragrohr D absließen und der Treibkolben ungehindert niedergehen kain.

Noch ungünstiger stellt sich diese Berhältniß heraus, wenn der Treibtoben am Ende seines Rückweges durch Herabschieben des Steuerkoldens das Umsteuern bewirken soll. Wenn hierbei der Steuerkolden nach K_0 (II.) gekommen ist, so wird dem austretenden Wasser durch K_0 der Weg durch den Steuerchlinder gänzlich versperrt und folglich auch der niedergehende Treibkolden plötslich in seiner Bewegung aufgehalten. Mit diesem sast monnentanen Inruhesetzen der trägen Massen des Treibtoldens sammt Gestänge u. s. w. ist nun nicht allein eine bedeutende und höchst nachtheilige Erschlitterung der Massen, sondern auch der Nachtheil verdunden, daß nun auch der Steuerkolden nicht weiter abwärts bewegt wird und solglich die ganze Arbeitsverrichtung ihr Ende erreicht hat.

Diese Unzulänglichkeiten kommen übrigens nicht allein bei ber Kolbensteuerung, sondern auch bei allen übrigen Steuerungen in ähnlicher Art vor. Es ist daher nöthig, dieselben durch besondere mechanische Hulfsmittel zu beseitigen.

Hülfsmittel einer regelmässigen Steuerung. Die mechanischen §. 307 Sulfsmittel zur herstellung einer regelmäßigen Steuerung ber Wassersschafter- stallenmaschinen sind verschieben, je nachbem die Maschine

1) bloß eine geradlinig auf- und nieder-, ober hin- und gurud- gehenbe Bewegung hat, ober

2) bieselbe außer ihrer ursprünglich absehend geradlinigen Bewegung noch eine stetige Kreisbewegung besitht, welche lettere natürlich durch besondere Zwischenmaschinen erst aus ber ersteren abgeleitet werden muß.

Die Umsetzung der absetzenden geradlinigen Bewegung in eine stetige Areisbewegung ist jedoch an einer eincylindrigen einsach wirkenden Wassersäulenmaschine nicht leicht aussührdar; es gehört hierzu mindestens eine doppelt wirkende Wassersäulenmaschine. Durch zwei gekuppelte doppelt wirkende Maschinen, wovon die eine um den halben Hub vor der anderen vorausgeht, wird derselbe Zwed noch vollsommener erreicht.

Bei biefen Bafferfaulenmafchinen mit ftetiger Rreisbewegung verbindet man die Steuerkolbenftange fo mit bem Rotationsmechanismus, daß fie von

bemfelben in berselben Zeit ein Mal auf und nieber- ober hin- und zuruckbewegt wird, mahrend ber Treibkolben ein vollständiges Spiel verrichtet. Damit hierbei ber letztere in seiner Bewegung nicht unterbrochen ober gestört werbe, bedient man sich folgender Hillsmittel:

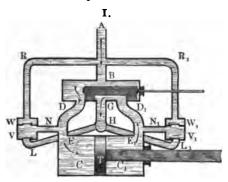
- 1) Man giebt bem Steuerlolben K_0 (II.) eine so kleine Höhe, daß er beim Durchgange durch die Einmitndung des Communicationsrohres in den Steuerchlinder diese Mindung nicht ganz verschließt und folglich über oder unter K_0 eine Communication des Treiberglinders mit dem Steuerchlinder übrig bleibt. In diesem Falle sließt während des mittleren Standes des Steuerkolbens eine kleine Wassermenge unmittelbar aus A nach D und wird solglich der Wasschie Kraftwasser entzogen.
- 2) Man führt vom Communicationerohre aus eine Seitenröhre in bas Austragrohr ober in bas Unterwasser und verschließt beren Ginmundung in bas erstere burch ein fich nach Innen öffnenbes Bentil (Saugventil), sowie eine Seitenröhre in bas Ginfallrohr und verfperrt beren Ginmundung in bas Communicationsrohr burch ein Bentil (Steigventil), welches fich nach außen, b. i. nach biefem Seitenrohre au, öffnet. Wenn nun ber Steuertolben K bei feinem Aufgange in die Stellung Ko (II. Fig. 554) tommt, und folglich ben Butritt bes Baffers aus A nach C verhindert, fo öffnet fich das erstere der genannten Bentile und es wird hierbei so viel Baffer aus bem Austragrohre angefaugt, als nöthig ift, um ben mahrend biefer Absperrung vom Treibtolben burchlaufenen Raum auszufüllen; wenn bingegen ber Steuertolben bei feinem Niebergange in die angegebene Stellung gelangt, und folglich ber Abflug bes Baffers aus C nach D verhindert wird, so öffnet sich bas zweite ober Steigventil, und es wird bas mabrend biefes Berichluffes vom Treibkolben verbrängte Baffer burch biefes Bentil hindurch = und in die Ginfallröhre gurudgebrangt.

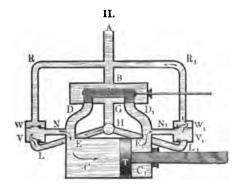
Obgleich bei dem Eröffnen bieser Bentile die Treibtolbenkraft große Beränderungen erleidet, so erwächst jedoch daraus noch keinesweges ein Stoß, sondern nur eine bedeutende Geschwindigkeitsveranderung des Treibkolbens.

Das Spiel einer solchen Steuerung mit Saug- und Druckventil ift aus Fig. 555, I. und II., zu ersehen, welche eine boppelt wirkende liegende Wassersäulenmaschine mit Rotationsbewegung vorstellt, wobei das Steuerstolbenspstem durch einen Schieber oder Schiebventil (franz. tiroir; engl. slide-valve) ersetz ist. Bei der Stellung des Schiebers S in I. sließt das Aufschlagwasser aus der Einfallröhre. AB in die Schiebersammer BDD, und von da durch das Communicationsrohr DE in den Treibchlinder C, und treibt dabei den Treibtolben von links nach rechts, während das Wasser, welches vorher gewirkt hat, durch das Communicationsrohr E_1D_1 in den Schiebercanal S und von da durch das Austragrohr GH geführt wird.

Segen Ende des Treibkolbenschubes hat sich der Schieber S (II.) so weit nach links bewegt, daß er die Ginmundungen D und D, von beiden Comnunicationstöhren in der Steuerkammer bebedt, und folglich weder Wasser

Fig. 555.





aus ber Ginfallröhre AB nach bem Treibenlinder, noch Baffer aus bem letsteren in die Austragröhre GH gelangen fann. ber weiteren Fortbewegung bes Treibfolbens öffnet fich bas linke Saugventil V, mobei eine Communication bes linken Enlinderraumes C mit ber Austragröhre H bergeftellt und Waffer aus H burch bas Rohr HL nach V und von ba weiter burch NE nach bem Treibchlinder geführt wird; und ebenso öffnet fich bas rechte Drudventil W1, wobei bie Communication bes rechten Enlinderraumes C, mit ber Einfallröhre AB bervorgebracht und ber Abfluk bes Waffers aus C, mittels ber Röhren N1 und R1 nach der Einfallröhre ermöglicht wird. Später rückt ber

Schieber noch weiter nach links, wobei die Einmündung D_1 des Communicationsrohres E_1 D_1 in die Steuerkammer frei wird und sich der Schiebercanal über die Einmündungen D und G stellt. Das nun auf die rechte Rolbensläche drückende Kraftwasser schiebt den Treibkolben von rechts nach links, während das vor der linken Rolbensläche befindliche Wasser aus C auf dem Wege ED G H zum Ausslusse gelangt. Nun nimmt auch der Schieber eine umgekehrte Bewegung an und deckt auf eine kurze Zeit die Einmündungen D und D_1 der Communicationsröhren zum zweiten Male, wobei sich das rechte Saugventil V_1 sowie das linke Druckventil W öffnet und folglich der Treibkolben ohne weitere Störung seinen Rückweg vollenden kann.

§. 308

Stouerungsarten. Bei den einfach wirkenden und überhaupt bei allen benjenigen Wassersäulenmaschinen, welche bloß eine absetzende Bewegung in gerader Linie haben, ist es nicht möglich, die Steuerung unmittelbar mit der Arastmaschine zu verbinden, oder die Bewegung der Steuersolbenstange unmittelbar von der Bewegung der Treibsolbenstange abzuleiten, da hier in dem Angenblicke, wo der Steuersolben oder Steuerschieder die Communication des Treibschinders mit dem Steuerchlinder oder der Steuersammer ausbedt, nicht allein der Treibsolben, sondern auch der mit ihm verdundene Steuersolben zur Anhe kommt. Damit der Steuersolben den übrigen Theil seines Weges zurücklegen kann, während der Treibsolben stillsteht, ist daher noch ein Zwischenapparat ersorderlich, welcher auch noch dann auf den Steuerstolben wirkt, wenn der Treibsolben bereits zur Auhe übergegangen ist. Dieser Apparat kann aber im Wesentlichen bestehen:

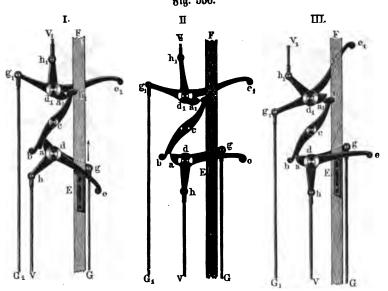
1) in einem Gewichte, welches von der Rolbenstange bei ihrem Aufgange mit emporgehoben und von ihr in dem Augenblide fallen gelassen wird, wenn sie ihren Weg zuruckgelegt hat, oder

2) in einer Feber, welche während der Treibkolbenbewegung gespannt, und am Ende berselben losgelassen wird, oder endlich

3) in einer zweiten ober Hulfswaffersaulenmaschine, welche von ber Kraftmaschine unmittelbar gesteuert wird und beren Treibkolben die Steuertolbenstange in Bewegung setzt, mahrend ber Treibkolben der Hauptmaschine seinen letzten Wegtheil durchläuft und auf eine kurze Zeit ruht. Man hat also hiernach von einander zu unterscheiden: Gewichtssteuerung, Febersteuerung und Wasserbrucksteuerung.

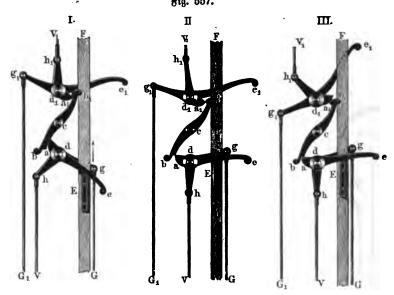
Die Gewichteftenerung besteht hauptfächlich aus einem Dechanismus. burch welchen die Rraftmaschine mahrend ihrer Bewegung ein Bewicht bebt, welches bei feinem Niederfallen im Augenblide, wenn ber Bugang ju bem Treibeplinder von dem Steuerhahn ober Steuerkolben u. f. w. verfperrt ift, biefen Steuertorper burch bie zweite Balfte feines vorgefchriebenen Beges führt und auf diese Weise bas Umsteuern bewirkt. Man findet die Gewichtssteuerung bei ben älteren und unvollfommneren Bafferfaulenmaschinen unter ben Namen Fallbodfteuerung, Sammerfteuerung, Bagenfteuerung, Benbelfteuerung u. f. w. angewendet; in neueren Zeiten bat man auch die Gewichte zur Umsteuerung durch Bentile und zwar in der Art angebracht, daß die Rraftmaschine das Zuschließen des einen und bas fallende Gewicht bas Eröffnen bes anderen Bentiles beforgt. Die Ginrichtung einer folchen Gewichtssteuerung ift gang biefelbe wie bei Dampfmaschinen mit Bentilfteuerung. Im Wefentlichen besteht biefes Steuerungssustem aus mehreren Bebeln in Berbindung mit einem Sperrhaten ober einer Sperttlinte, weshalb man fie auch Bebelfteuerung ober Sperrtlintenfteuerung (frang. encliquetage; engl. spring catsch) nennt.

Sporrhakon. Der wesentlichste Bestandtheil bei der Hebelsteuerung §. 309 ist die Sperrklinke; dieselbe ist nöthig, um das Berschließen der Bentile durch die Maschine unmittelbar, und das Oessen derselben durch nieders fallende Gewichte hervorbringen lassen zu können. Wie dies möglich ist, wird aus der Beschreibung der Fig. 556, I., II. und III., vollkommen ershellen. Die Sperrklinke selbst ist deb,; sie läßt sich um die horizontale Fig. 556.



Are o brehen und endigt sich in Haken b und b1. Unter berselben besindet sich eine horizontale Welle d mit einem Zahne a und mit drei Armen e, g, h, und über derselben eine solche Welle d1 mit einem Zahne oder Dorne a1 und brei Armen e1, g1 und h1. In I. greift der Zahn a1 in den Haken b1, wogegen a über b steht; in II. ist der Eingriff zwischen a1 und b1 ausgehoben, und in III. greift der Zahn a in den Haken b und es liegt a1 über b1; geht in I. a nieder, so erseidet dob1 eine kleine Drehung und es hakt sich, wie in II., a1 aus b1; geht aber in III. a1 nieder, so ersolgt eine umgekehrte Bewegung von dob1 und es wird a aus d ausgehakt. Sind nun an den Armen d2 und d2, g1 beider Wellen d und d1 Gewichte G und G1 angehangen, so werden dieselben die Wellen in Umdrehung sezen, sowie ihre Zähne a und a1 frei sind oder sich von den Fesseln der Sperrklinke befreit haben; und sind nun noch an den Armen dh und d1 h1 mittels Stangen h V und h1 V1 u. s. w. die Steuerventile angeschossen, so werden dieselben durch dieses Riederfallen der Gewichte geöffnet. Zur Umdrehung der Welsen durch dieses Riederfallen der Gewichte geöffnet. Zur Umdrehung der Welsen durch dieses Riederfallen der Gewichte geöffnet. Zur Umdrehung der Welse

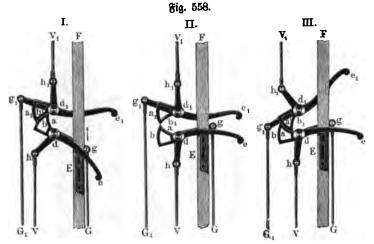
len d und d_1 nach ben entgegengesetzen Richtungen dienen ferner die Arme ober Klauen de und d_1e_1 ; wird de (I.) von unten nach oben geführt, so geht h V nieder, es verschließt sich folglich das Bentil V, es wird aber auch a_1 frei; es fällt nun g_1 G_1 nieder und zieht dabei V_1 auf; wird hingegen Fig. 557.



 d_1e_1 (III.) von oben nach unten geführt, so steigt $h_1 \cdot V_1$, es verschließt sich also auch V_1 wieder, dagegen halt sich a aus, es fällt G nieder und zieht babei h V in die Höhe, und öffnet daher das mit V verdundene Bentil. Dieses Heben und Niederbrücken der Arme de und d_1e_1 wird durch eine Stange EF, die sogenannte Steuerstange, hervorgebracht, welche mit dem Treibtolben zugleich auf = und niedergeht. Zu diesem Zwecke sind auf entgegengesetzen Seiten derselben zwei Daumen oder sogenannte Anaggen E und F (franz. taquets; engl. tappets) angeschraubt, von denen der eine (E) nahe am Ende des Kolbenausganges die Klaue de, der andere (F) aber nahe am Ende des Kolbenniederganges die Klaue d_1e_1 ergreift und mit sich fortnimmt.

Eine etwas vereinfachte hebelsteuerung ist in Fig. 558, I., II. und III., abgebildet. Es ist hier der Sperrhaken durch zwei Kreissectoren ab und a_1 b_1 ersetz, welche einander abwechselnd erfassen und freilassen. Uebrigens ist diese Steuerung ganz wie die oben in Fig. 557 abgebildete Steuerung eingerichtet, und es stehen auch die übrigen Buchstaben in beiden Figuren bei benselben Theilen. Geht die Steuerstange oder der Steuerbaum EF mit

bem Treibkolben empor, so ergreift die Anagge E (I.) den Hebel de und hebt denselben empor; dabei steigt auch G, dagegen wird das Bentil bei V verschlossen; zugleich zieht sich aber auch b zurück und es wird b_1 frei, wie nun II. vor Augen sührt. Jeht sällt G_1 nieder, es legt sich a_1 in a und es öffnet sich das Bentil bei V_1 , wie in III. zu sehen ist. Der nun nieders

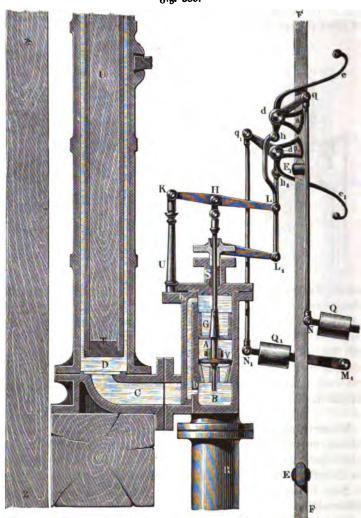


gehende Treibkolben führt auch die Stange FG abwärts und eine andere Knagge an der Hinterseite dieser Stange ergreift nahe am Ende des Niederganges den Hebel $d_1 e_1$ und schiebt diesen nieder, so daß wieder die Stellung II. eintritt, und dabei G_1 angehoben und V_1 geschlossen wird. Auch halt sich hierbei a_1 aus a und es fällt nun G ungehindert nieder, ferner legt sich b in b_1 und es öffnet sich dabei V, so daß nun das Krastwasser von unten zutreten, den Kolben emportreiben und das vorige Spiel sich wiederholen kann.

Wassersäulenmaschine mit Gewichtssteuerung. Die Eins §. 310 richtung und Wirkungsweise einer Wassersäulenmaschine mit Geswichtssteuerung läßt sich aus Fig. 559 (a. f. S.) ersehen. Dieselbe ist im Wesentlichen die Durchschnittszeichnung von einer von Harvey u. Comp. zu Hahle in Cornwall für ein Gefälle von 60 Meter construirten Wassersschulenmaschine.

Die in ber Figur nicht sichtbare Einfallröhre mündet von vorn, bei A, sowie die Austragröhre von hinten bei B, und ber Treibeylinder D, mittels bes Communicationsrohres C, in den ersten Steuercylinder AB. Nach Eröffnung des Eintrittssteuerventiles (franz. soupape d'admission; engl. admissionvalve) V tritt das Kraftwasser A, durch die Bentilöffnung

hindurch nach B, sowie von da nach C und D und treibt den Treibkolben T empor. Letzterer ist ein sogenannter Mönchskolben (s. §. 300) und besteht Fig. 559.

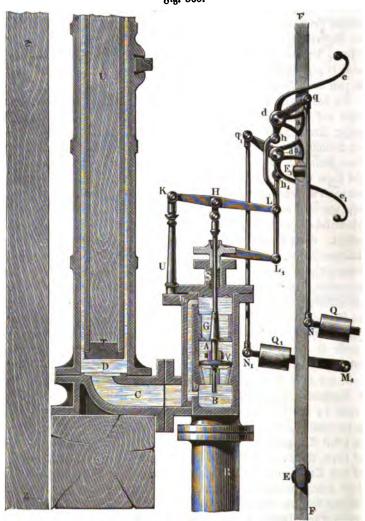


in einer außen abgebrehten chlindrischen Röhre, welche aber am oberen, nicht sichtbaren Ende bes Treibenlinders von einer Stopfbüchse umgeben ift. Mit ber aus Holz bestehenden und in dem Mönch feststigenden Kolbenstange TU ist links durch ein gewähnliches Stangenschloß das die Pumpenlast aufneh-

mende Schachtgestänge ZZ, und bagegen rechts, durch einen Querarm oder sogenannten Krums, die Steuerstange oder der Steuerbaum FF angeschlossen; es gehen folglich ZZ und FF gleichzeitig mit dem Treibtolben auf und nieder. Hinter dem ersten Steuerchlinder AB steht ein zweiter hier nicht sichtbarer Steuerchlinder, in welchem das Austrittssteuersventil (franz. soupape d'émission; engl. eduction-valve) enthalten ist. Dieses Bentil communicirt oben mit dem Canale B sowie nach unten mit der Austragröhre R (vergl. §. 305, Fig. 552) und gestattet bei seiner Ersössung dem von dem niedergehenden Treibtolben verdrängten und durch C nach B zursicksließenden Wasser den Eintritt in das Austragrohr R, von wo es zum Ausgusse gelangt.

Da bas Bentil V mit ber ganzen Rraft ber Wassersäule in ber Ginfallrohre auf feinen Sit aufgebrudt wirb, fo mare zu beffen Eröffnen ein großer Rraftaufwand nöthig, wenn man nicht einen Gegentolben G mit ber Bentilstange verbunden und ben oberen Steuerchlinderraum SG burch einen Canal bb, mit bem unteren Steuerchlinderraum B verbunden hatte. Bei dieser Ginrichtung wird ber Gegentolben G mit fast benfelben Rraften von unten nach oben und von oben nach unten gebrückt, sowie bas Zulafwentil V refp. von oben nach unten und von unten nach oben, und folglich hierbei die erforderliche Rraft zum Aufziehen biefes Bentils auf ein Minimum gurud. geführt. Bang dieselbe Ginrichtung tommt auch bei bem bier nicht fichtbaren Ablakventile vor. Die Stange bes Butritteventils V geht bei S burch eine Stopfbuchse im Dedel bes ersten Steuerchlinders und ift bei H an einen einarmigen Steuerhebel KL angeschoffen, welcher am Ropfe einer Saule U seinen Stütpunkt K hat. Diefer Bebel ift mittels einer Stange Lh an ben Arm dh ber Welle d einer Sperrklinke a (f. Fig. 558) befestigt und läßt fich folglich burch Drehung biefer Welle (d) auf - und niederbewegen. Ebenso ift bas Ablagventil burch einen in ber Figur jum größten Theile verbedten Bebel zu eröffnen und zu verschließen, welcher mittels einer Stange L, h, und eines Armes d, h, mit ber Belle d, einer zweiten Sperrflinte a, in Berbindung fteht. An ber erften Welle d ift ferner noch mittels bes Armes da und ber Stange a N ein Begengewicht Q aufgehangen, sowie an ber Welle d, mittels bes Armes d, q, und ber Stange q, N, ein um ben festen Stuppuntt M, brebbares Gegengewicht Q. Enblich figen noch auf biefen Bellen bie Arme ober Steuerhebel de, die, welche mittels ber auf bem Steuerbaum FF festsitenben Steuerlnaggen E, E, auf - ober abwarts bewegt werden, und baburch bie Wellen d und d, nach ber einen Richtung bewegen, mogegen die Gegengewichte Q und Q1 bieselben in entgegengeseter Richtung breben. In bem abgebilbeten Bewegungezustande ber Wafferfanlenmaschine ift ber Treibtolben T unten angetommen; es hat bie mit biefem Rolben zugleich niebergebenbe Steuerstange FF mittels ber

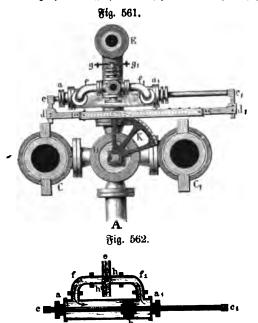
Knagge E_1 ben Steuerhebel $d_1\,e_1$ niebergebruckt und hierbei das Ablaßventil geschlossen. Ferner hat sich die Sperrklinke a_1 aus a ausgehakt;
es wird nun die Welle d durch das fallende Gegengewicht Q nach rechts
gebreht und hierbei das Zutrittsventil V eröffnet. Das nun auf den TreibKig. 560.



tolben T wirtende Rraftwaffer treibt ben Treibtolben sammt den Stangen ZZ und FF empor, und wenn nun gegen Ende des Aufganges die Anagge

E den Steuerhebel de ergreift, so wird dadurch das Bentil V geschlossen, worauf der Treibkolben zum Stillstand gelangt, sowie auch die Sperrklinke a aus a_1 ausgehalt, so daß nun die Belle d_1 durch das Gegengewicht Q_1 von rechts nach links gedreht und dadurch das Ablasventil eröffnet werden kann. Jest nimmt der vom Krastwasser abgesperrte Treibkolden seine rückgängige Bewegung, worauf ein neues Spiel beginnt.

Hülfswassersäulenmaschinen. Die Berhältniffe ber Steuerung §. 311 burch eine Gulfswaffersaulenmaschine lassen sich febr gut aus bem Grundriffe in Fig. 561 und bem jugehörigen Durchschnitte Fig. 562 von ber großen Wassersäulenmaschine im Leopolbschachte bei Schemnit er-



feben. Diese Maschine ift ebenfalls zweichlindrig, C ift ber eine und C1 ber anbere Cylinder, E die Ginfallröhre, A bas Ausgußrohr. H ber Steuerhahn (f. Fig. 548) und K ein anf bem Ropfe beffelben fest auffitenber Quabrant. Die Bulfesteuermaschine besteht aus einem borizontalen Treibchlinder aa. bem Treibfolben b und beffen Rolbenftange cc1. Diefe ift burch Querarme mit ber eigentlichen Steuerstange dd, verbunden, fo baf fie mit biefer einen rectanque laren Rahmen bilbet; endlich ift bie lette Stange mit bem quabrantförmigen Sahnichluffel K burch zwei

entgegengesett laufende Laschenketten so verbunden, daß die hin- und hergebende Bewegung des Kolbens b eine Drehung des Hahnes um 90° hin und zurück hervordringt. Die Steuerung der Hillsmaschine erfolgt durch den horizontal liegenden Hahn hh_1 mit zwei Bohrungen wie deim Hauptsteuershahne H. Das Druckwasser wird durch ein enges mit der Einfallröhre E verbundenes Röhrchen e nach dem Hahne hh_1 , und von da durch die Communicationsröhrchen f und f_1 bald auf die eine, bald auf die andere Fläche des Kolbens b geseitet, so daß dieser in die Bewegung hin und her versetzt

wird, und zugleich bas feiner Bewegung entgegenstehende und von ber Ginsfallröhre abgesperrte Steuerwaffer burch bie andere Hahnbohrung hindurch

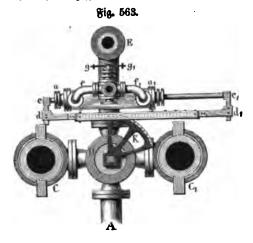
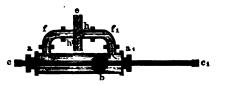


Fig. 564.



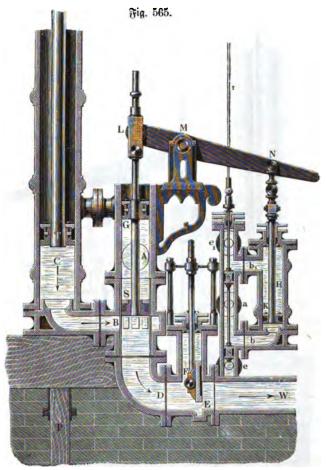
und von ba burch ein nach unten gerichtetes Musguß= rohr jum Austritte nöthigt. Die Drehung bes kleinen Sahnes hh, bin und gurud erfolgt burch einen boppelarmigen Schluffel gg, welcher mit schwachen Retten an einen ihm parallelen boppelarmigen Bebel angeschloffen ift, ber mit bem Balancier auf einer Welle fist, womit die beiben Treibfolbenftangen getuppelt find. Das ganze Steuerungespiel ift nun leicht zu überfeben; mabrend bes Auffteigens bes einen Treibkolbens und bes Niebersteigens bes anberen wird ber Sahn hh, burch ben Bebel gg, umgebreht, baburch bie Communication

ber Drudwasser mit dem Chlinder aa, auf der einen Seite aufgehoben und auf der anderen Seite hergestellt, und auf diese Weise eine Kraft erzengt, welche den Kolben b fammt Hahn H in die entgegengesete Stellung bringt, so daß nun der erste Treibchlinder von der Einfallröhre abgesperrt, der andere aber damit in Berbindung gesetzt wird, und hierauf das entgegengesetzte Treibsolbenspiel vor sich geben kann.

Anmerkung. Die Leopolbicachter Maschine hat bas bebeutenbe Gefälle von 710 Fuß (Defterr. Rag), den hub von 8 Auß und einen Rolbenburchmeffer von nur 11 Boll; jeder Rolben fpielt in der Minute dreimal.

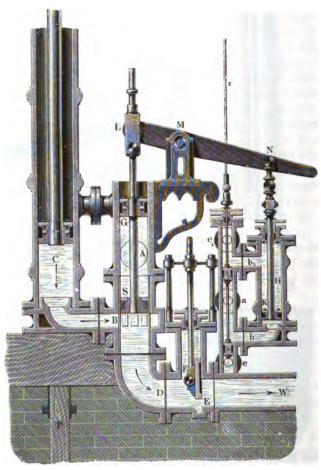
§. 312 Die Umsteuerung durch eine Hilfsmaschine läßt sich auch sehr gut aus der Abbildung in Fig. 565 ersehen, welche den Durchschnitt einer von Herrn Darlington für die Alport-mines in Derbyshire construirten Wasserstäulenmaschine darstellt. Diese Zeichnung führt den Stand der Maschine in dem Augenblicke vor Augen, wo der Treibtolben T beinahe seinen Riedergang vollendet und die Hilfsmaschine H umgesteuert hat. Bei diesem

Niedergange bes Treibtolbens fließt bas Wasser aus dem Treibchlinder C durch bas Communicationsrohr B in ben Steuerchlinder AD und von da



burch das Kropfrohr D und durch die Deffnung E unter dem Schieber F in das Unterwasser W. Die Hülfsmaschine ist eine doppeltwirkende; ihr Treibcylinder H steht durch die Communicationsröhren b und b_1 mit seinem Steuerchlinder eae_1 in Communication, während letzterer durch ein Rohr bei a mit der Krastwasserssäule und durch die Röhren bei e und e_1 mit dem Unterwasser W in Berbindung ist. Die beiden Steuertolden a und a der Hilfsmaschine sitzen auf einer Stange a, welche mit der Treibsolbenstange a verbunden ist und von derselben mit auf a und niedergezogen

wird. Auf diese Weise ift beim Niebergange des Treibtolbens bas Kolbenspaar s, s, ebenfalls niebergegangen und in die in der Figur angegebene Fig. 566.



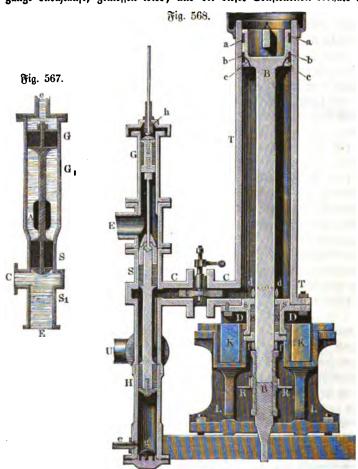
Stellung gebracht worben, wobei das Kraftwasser aus a und durch b unter ben Treibkolben K der Hilfsmaschine, dagegen das todte Wasser über K durch b_1 und e_1 zum Absulfe gelangen kann. Der nun aussteigende Treibkolben der Hülfsmaschine schiebt mittels seiner Stange KN und durch einen um M drehbaren Hebel LMN das Steuerkolbenpaar S, G der Hauptmaschine abwärts, so des hierbei nicht allein die Communication zwischen B und D ausgehoben und der niedergehende Treibkolben T zum Stillstande gebracht, sondern auch zulest noch die Communication des Treibcylins

bers mit der bei A in den Steuerchlinder einmündenden Kraftwassersaule hergestellt wird. Nach Beendigung des Aufganges von K und des Niederganges von K und des Nieder ganges von K und teibt nun diesen empor, wobei zugleich das Steuerstolbenpaar s, s1 steigt; und kommt der Treibkolben nahe an das Ende seines Aufganges, so ist s, s1 in seinem höchsten Stande angelangt, wobei das Kraftwasser auf dem Wege abz über den Treibkolben K der Hilfsmaschine geleitet und dieser Kolben zum Niedergange genöthigt wird. Hierdei wird nun das Steuerkolbenpaar S G der Hauptmaschine wieder aufgezogen, und dabei nicht allein der Zutritt des Kraftwassers zum Treibchlinder C aufgehoben und folglich der aufsteigende Treibkolben zum Stillstande gebracht, sondern auch die Communication mit dem Austragrohre DE hergestellt, so daß nun durch dasselbe das beim Aufgange verbrauchte Ausschlagwasser durch

Eine furze Beschreibung bieser Maschine nebst Abbildungen enthält die englische Uebersetung von der ersten Auslage dieses Wertes. Hiernach besticht diese Maschine aus zwei neben einander stehenden Treibchlindern von 24 Zoll Weite und 20 Fuß Höhe, welche, bei einem Gefälle von 130 Fuß, von einer 24 Zoll weiten Einsallröhre gleichzeitig gespeist werden. Die Treibtolbenstangen von beiden Chlindern sind oben durch ein starkes, in einer Sentrechtsührung lausendes Oberhaupt mit einander verbunden, und das an dem letzteren angehangene Pumpengestänge P (der Lastmaschine) befindet sich zwischen Treibtolbenstangen, geht also auch mit diesen gleichzeitig auf und nieder. Der Steuerchlinder ist 18 Zoll und der Treibchlinder der Hussburch einen ähnlichen Schieber (engl. sluico-valve) regulirt wie der Austritt des Kraftwassers wird burch einen ähnlichen Schieber (engl. sluico-valve) regulirt wie der Austritt dessen

Stouercylinder. Bei den größeren Maschinen neuerer Construction §. 313 ift nach dem Muster der Reichenbach'schen Maschinen in Baiern der Steuers und Gegenkolden der Hauptmaschine mit dem Treibkolden der Hülfssmaschine in einer und berselben Röhre, dem sogenannten Steuerchlinder, zugleich eingeschlossen, und bei einigen Maschinen verrichtet sogar der Gegentolden zugleich mit die Dienste des Treibkoldens der Hilfsmaschine, wodurch allerdings eine große Bereinsachung erlangt wird. Am einsachsten ist die in Fig. 567 (a. f. S.) abgebildete und an mehreren Maschinen in Freiberg ansgewendete Construction. Es ist hier S der Hauptsteuers, und G der Gegenund Hilfstreibsloben, serner dei C die Communication mit dem Haupttreibschlinder, sowie dei E die Communication mit der Einsallröhre und A die Austrittsmündung sitr das Krastwasser; endlich ist die e die Communication mit der Steuerung der Hilsmaschine, welche hier in einem Hahne besteht

Der Rolben G ist größer als S, und es geht baher die Steuerkolbenverbinbung SG nieder, sowie oben bei e das Krastwasser zugelassen wird, und umgekehrt, es steigt dieselbe in Folge der Krast auf S empor, sowie das Krastwasser oben bei e abgesperrt ist. Hierbei wird bei seden Spiele ein gewisses Steuerwasserquantum verbraucht und der Wirkung auf den Treibkolben entzogen, welches durch den Raum, den G bei seinem Auf- oder Niedergange durchläuft, gemessen wird, und bei dieser Construction deshalb nicht



sehr klein ist, weil ber Kolben G minbestens noch einmal so viel Querschnitt haben muß als ber Kolben S, bessen Querschnitt man boch nicht kleiner nimmt als ben ber Einfall - oder Communicationsröhren.

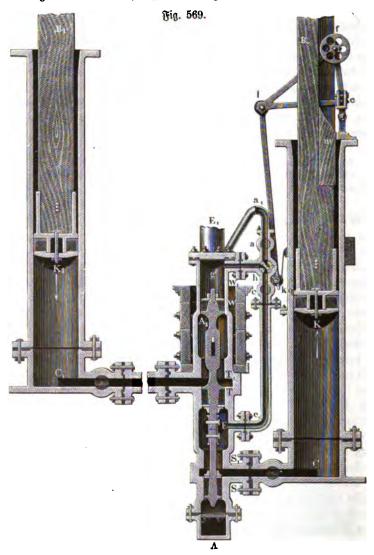
Bei ber in Fig. 568 abgebilbeten Steuerung ber Clausthaler Maschine ist bieser Auswahl an Steuerwasser kleiner, weil hier drei Rolben, udmlich der Hauptsteuerkolden S, der Gegenkolden G und der Hilfstreib- oder Wendekolden H vorkommen, und der letzte etwas schwächer ist als der erste. Das Steuerwasser wird hier von unten durch das Rohr e in den Steuerchlinder geführt, und die Umsteuerung des Kolbens erfolgt mittels eines kleinen Hahnes, durch den das Wasser erst hindurchgeht, ehe es nach e gelangt, und durch welchen es auch nach vollbrachter Drehung ausgetragen wird. Die Bewegung diese Hahnes erfolgt durch eine stehende Welle mit zwei knieförmig gebogenen Armen, welche ein auf der Treibkolbenstange sesssischen Teller balb nach der einen, balb nach der anderen Seite wendet.

Anmerkung. Die Clausthaler Bafferfaulenmaschinen haben ein Gefälle von 612 Fuß, einen Kolbenburchmeffer von 161/2 Boll und einen hub von 6 Fuß, und machen pr. Minute vier Spiele.

Wassersäulenmaschine auf Alte Mordgrube. Die Einrichtung §, 314 und ber Bang einer zweichlindrigen Bafferfaulenmaschine laffen fich febr gut burch nabere Betrachtung bes in Fig. 569 (a. f. G.) abgebilbeten Berticalburchschnittes ber Mafchine auf Alte Morbgrube bei Freiberg vergegenwärtigen. Es find hier CK und C, K, die beiben Treibenlinder, K ber eine und K, ber andere Treibkolben, ferner 8 und T die beiden Steuertolben, sowie W ber Benbe = ober Bulfetolben, und S1, T1 und W1 bezeichnen biejenigen Stellen im Steuerchlinder ATW1, welche biefe brei Rolben bei ber entgegengesetten Bewegung ber Treibtolben einnehmen. ift ferner E bie Ginmundung ber Ginfallröhre E, E in den Steuerculinder. CS bas Communicationsrohr für ben ersten und C, T bas Communications. rohr für ben anderen Treibeplinder, sowie A die Austragmündung bes ersten und A, (fast gang von ber Steuertolbenftange gebedt) bie Mustragmunbung bes zweiten Cylinders. Die beiden Treibtolbenftangen BK und B. K. find burch einen gleicharmigen Bebel ober fogenannten Balancier (in ber Figur nicht abgebildet) so mit einander verbunden, daß bei bem Aufgange ber einen Rolbenftange ber Niebergang ber anderen erfolgt. Siernach ift nun leicht au überfeben, wie bei bem abgebilbeten tieferen Steuertolbenftande bas Rraftwaffer den Weg ES, C einschlägt und den Rolben K emportreibt, bagegen ber Rolben K, niedergeht und bas tobte Baffer auf bem Bege C, T, A, jum Austritt gelangt.

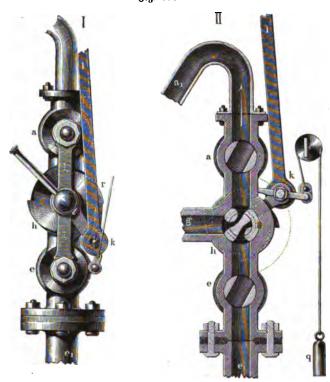
Die Hilfssteuerung erfolgt durch einen schon oben (§. 303) näher beschriebenen, boppelt gebohrten Hahn h, Fig. 570 (a. S. 729), welcher in I außerlich und in II. im Durchschnitt abgebildet ift. Dieser Hahn steht burch die Röhre es mit ber Einfallröhre, und burch die Röhre gh mit bem Steuerchlinder

in Berbindung. Man tann nun auch leicht ermessen, wie bei ber einen Stellung von h das Kraftwasser ben Beg Eezeh W nehmen und ben



Wendekolben W niederdrücken muß, und wie umgekehrt, bei der zweiten Stellung von h, das Kraftwasser von W abgesperrt wird, daher das Aufsteigen der Kolbenverbindung STW, das Zurücklausen des Steuerwassers

burch gh und ber Austritt beffelben burch aa, erfolgen tann. Damit bie Stenertolbenverbindung beim Absperren des Drudwassers von W emporsig. 570.



steige und beim Zulassen besselben niedergehe, ist allerdings nöthig, daß der durch das Kraftwasser von unten gedrückte Steuerkolben T mehr Querschnitt habe, als der Steuerkolben S, welcher durch das Kraftwasser von oben gebrückt wird, und daß der Wendelolben einen hinreichend großen Querschnitt habe, damit die Wasservicke auf W und S zusammen den entgegengesetzten Wasservall auf T übertreffen.

Was endlich noch die äußere Steuerung dieser Maschine anlangt, so besteht diese wesentlich aus dem mit vier Zähnen ausgerüsteten Steuerrädchen r, der Klinke rk, der Stange kl, dem Winkelhebel lof mit seinem Frictionsrade f und den zwei gegen einander gestellten und auf der Treibskolbenstange BK besessigten Keilen m und m_1 (der letztere hier nicht sichtbar). Die Klinke rk ist übrigens noch durch Arme mit der Are des Hahnes verbunden, und wird in ihrem Eingriffe zwischen die Zähne des Rädchens

r noch durch ein kleines Gegengewicht q unterfilit. Wenn der Treibkolben K nahe am Ende seines Auf- oder Niederganges gekommen ist, so schiebt sich der Keil m (oder m1) unter das Frictionsrad, dreht dadurch den Hebel lof um etwas, wodurch nun auch die Stange lk angezogen und das Radsammt Hahn k mittels der Klinke um einen Quadranten gedreht wird; wenn später wieder der Treibkolben ein kleines Stück seines umgekehrten Weges zurückgelegt hat, so fällt der Hebel wieder nieder und es gleitet nun die Klinke über den folgenden Zahn herab, den sie nahe am Ende dieses Treibkolbensspieles wieder ergreift ze.

Anmerkung. Die Bafferfaulenmaschine auf Alte Mordgrube hat ein Gefälle von 356 Fuß, einen Sub von 8 Fuß, eine Treibeplinberweite von 11/2 Juß
und macht vier Doppelspiele pr. Minute.

Wassersäulenmaschine zu Huelgoat. Eine der schönsten und §. 315 volltommenften Wafferfaulenmaschinen ift bie ju Suelgoat in ber Bretagne: fie ift einfachwirkend eincylindrig, jedoch fleht neben ihr eine volltommen gleiche Schwestermaschine. Die wesentliche Ginrichtung biefer Daschine führt Fig. 571 vor Augen und ihre Bewegungeverhältniffe wird man aus Folgendem kennen lernen. CC1 ift ber Treibenlinder, KK1 der Treibkolben und BB1 bie bei B burch eine Stopfbuchse gebende Treibtolbenftange Bahrend bei der Mordgrubener Maschine die Treibkolben durch einen einzigen breiten Stulp abgelibert find, ift bier, wie fich aus ber Figur leicht erfeben läßt, ber Treibtolben burch einen eingefetten Lebertrang und burch einen aufgeschraubten Stulp zugleich gelibert. Der zur Seite ftebenbe Steuercylinder ASG ift mit dem Treibeplinder burch bas Communicationsrohr CD verbunden, die Ginfallröhre mündet bei E und das Austragrohr bei A in benfelben ein. Mit bem im Riebergange begriffenen und auf dem balben Wege befindlichen Steuertolben S ift burch die Stange ST ein Begentolben T von größerem Durchmeffer verbunden; es wird baber biefe Rolbenverbindung durch das Rraftwaffer emporgetrieben, fo lange nicht noch eine britte Rraft hingutritt. Diefe britte Rraft wird baburch hervorgebracht, bag man bas Rraftwaffer burch bie Röhre e, ef über ben Rolben T leitet; um aber bei bem baburch erzeugten Riebergange ber Steuerfolbenverbindung nur eine tleine Quantitat von Steuerwasser nothig zu haben, ift auf T ber boble Cylinder GH aufgesett, welcher bei H burch eine Stopfbuchse geht und gur Aufnahme bes Steuerwaffers nur ben ringförmigen Raum barbietet.

Das abwechselnde Zulassen und Absperren des Kraftwassers von dem hohlen Raume gg wird durch eine Hülfssteuerung dewirkt, welche der Hauptsteuerung ganz ähnlich ist, und wie diese aus dem eigentlichen Steuerstolben s, dem Gegenkolben t und dem durch die Stopsbüchse λ gehenden chlindrischen, gleichsam nur eine dick Kolbenstange bildenden Aufsate desskeht. Bei dem in der Figur ausgedrückten Stande von sth kann das

Arastwasser ungehindert den Weg ef nach g einschlagen, wird aber sth gehoben, so daß s über f zu stehen kommt, so wird die Communication Fig. 571.



unterbrochen und zugleich bem ben ringförmigen Raum gg ausfüllenben Steuerwaffer ein Weg aa, eröffnet, durch welchen es beim nunmehr erfolgen-

ben Aufgange von ST absließen tann. Um endlich bie Bewegung ber Hilfssteuerkolbenverbindung sth von der Kraftmaschine selbst abzuleiten, ist auf
Big. 572.



dem Treibkolben KK1 eine oben in einer Führung laufende runde Stange aufgesetzt und mit biefer eine zweite rectangulare Stange verbunden, welche

eine Reihe von Löchern hat, durch welche die Stiele der Däumlinge X_1 und X_2 in entgegengesetzen Richtungen gestedt werden. Außerdem ist aber die Stange bh an zwei um c und o drehbaren und durch l mit einander verdundenen Hebeln aufgehangen, wovon der eine in ein Eirtelstüd ausläuft, das sich in zwei anderen Däumlingen oder Knöpsen Y_1 und Y_2 endigt. Nahe am Ende des Treibkolbenaufganges trifft nun X_1 auf Y_1 und es gelangt so sth in den höchsten Stand, und nahe am Ende des Treibkolbenniederganges nimmt X_2 den Knopf Y_2 mit und es wird mittels der Hebel die Stange sth auf den tiessten Stand zurückgesührt. Es ist nun leicht einzusehen, wie auf diese Weise die Umsteuerung durch ST und so auch ein regelmäßiges Auf- und Niedergehen von K, K_1 ersolgen muß.

Wassersäulenmaschine auf der Grube Centrum. Die wesents §. 316 liche Einrichtung einer vom Herrn Oberbergrath Althans construirten Wassersäulenmaschine auf der Grube Centrum dei Eschweiser ist aus der Abbildung Fig. 573 (a. f. S.) zu ersehen. Diese Maschine hat nur 45 Fuß Gefälle, und ein Ausschlagsquantum von 9 Cubitsuß p. s. Die Einsallsröhre, welche das Wasser aus einem tiesen Klärsumpf entnimmt, ist 32 Zoll weit und hat sammt einem 145½ Fuß langen horizontalen Mittelstück die Totallänge von 227½ Fuß. Der Treibkolben hat einen Durchmesser von 4 Fuß, und macht pr. Minute 6 Spiele von 7 Fuß Hub. Es ist daher die mittlere Kolbengeschwindigkeit

$$v = \frac{7.6.2}{60} = \frac{7}{5}$$
 Fuß,

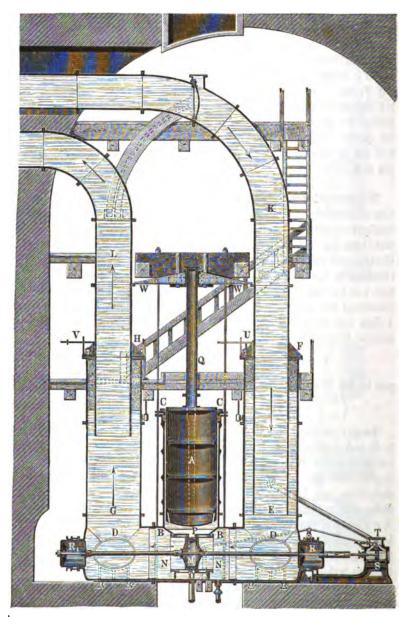
und bie bes Waffers in ber Ginfallröhre:

$$v_1 = \left(\frac{48}{32}\right)^2 v = \left(\frac{3}{2}\right)^2 \cdot \sqrt[7]{5} = \frac{9 \cdot 7}{4 \cdot 5} = \frac{63}{20} = 3,15$$
 Fuß.

Da hier die Länge der Einfallröhren 5mal so groß ist als das Gefälle so ist diese mäßige Wassergeschwindigkeit ganz am rechten Orte. Der Treibstoben A besteht in einem sogenannten Plunger, welcher durch eine im Treibchlinder BC sizende Stopfbilchse abgelidert ist. Dieser Cylinder ist oben offen, und steht unten auf einem 16 Fuß langen und 4 Fuß weiten Rohr DD, welches an den Enden sest aufruht, und zwei andere Cylinder EF und GH von 4 Fuß Weite und 12 Fuß Höhe trägt, in welche einersseits die Einfallröhre KF und andererseits die $26^1/4$ Fuß hoch aufsteigende Austrageröhre HL einmilndet. Beide Röhren sind mit den nöthigen Klappen versehen.

Der Steuerkolben M liegt senkrecht unter dem Treibkolben, hat bei einer Höhe von 11 Zoll einen Durchmesser von 27 Zoll und einen Schub von 16 Zoll. Der Steuerchlinder enthält einen 5 Zoll breiten Gürtel von

Fig. 573.



vielen vierseitigen Mündungen, durch welche er mit dem nach dem Treibenlinder führenden Communicationerohr OP in Berbindung steht. Die Steuertolbenftange if außer bem Steuertolben noch mit zwei Gegentolben R und R1 von ebenfalle 27 Boll Durchmeffer ausgerüftet. Bur Bewegung biefer Steuerfolbenverbindung bient eine Gulfemafferfaulenmaschine ST, beren Rolben S bei einem Durchmeffer von 9 Boll bas Steuerfolbenfpftem beim Umfteuern 16 Boll hin- ober gurudichiebt. Die Steuerung biefer Bulfemaschine besteht in einem Schieber T, welcher mittels Bebel burch bie am Bestänge angeschraubten Rnaggen abwechselnd bin und ber geschoben wird. Die Bobe ber hinterwasserfaule beträgt 26 Fuß, baber ift bie Bobe ber Drudfaule bei Beginn bes Rolbenaufganges = 45 + 26 = 71 Fuß, und dieselbe am Ende des Kolbenhubes = 71 - 7 = 64 Fuß, so daß bas Berhältniß ber Berminberung ber Rolbenfraft jum mittleren Kraft-

werth des ganzen Kolbenaufganges $=\frac{7}{64+3.5}=\frac{14}{135}=0,104$ be-

trägt. Beim Niebergange bes Rolbens ift bagegen bas Berhaltnig ber Bunahme bes Wiberftandes jum mittleren Wiberftande ber Sinterwafferfaule

$$=\frac{7}{21+3.5}=\frac{14}{35}=0.40.$$

Die Röhren EF und GH bienen augleich als Windkessel. Die burch bas Waffer im oberen Raume berfelben abgesperrte Luft nimmt die Stoge ber bewegten Bafferfaulen auf, wenn diefelben burch bie Steuerung abgesperrt werben; es wird baber burch biefelben ein fanfter Bang ber Mafchine erlangt. Die Luft, welche fich im Laufe ber Zeit aus bem Bindteffel burch die Bande, ober burch Bermengung mit dem Baffer entweicht, wird durch eine kleine Luftpumpe von Zeit zu Zeit wieder erfett. gulirung ber Gefchwindigfeit bes Treibtolbens wird burch hubstellung bes Steuerfolbens bewertstelligt. Diefe Dafchine bient jur Bafferhebung mittels Bumpe, beren Rolben an bem Schachtgeftange angeschloffen find, welches von dem Treibfolben der Bafferfäulenmaschine bewegt wird.

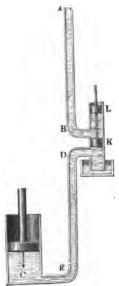
Anmerfuna. Raberes über biefe Dafdine theilt eine Abhandlung bes herrn Bergmeiftere Bauer im 4. Banbe ber Beitfchrift bes beutichen Ingenieurvereine mit.

Balancier. Bur Regulirung bes Ganzen einer Bafferfäulenmaschine 8, 317 find noch mehrere Sulfsvorrichtungen nothig, welche wir in Folgendem noch naber tennen lernen muffen. Bas junachft ben Auf - und Riedergang bes Treibkolbens betrifft, so wird dieser durch einen sogenannten Balancier, b. i. burch eine Borrichtung regulirt, welche die Bewegung bes Treibkolbens nach ber einen Richtung bin unterftutt, und die Bewegung beffelben nach

ber entgegengesetten Richtung hindert, so daß das Koldenspiel seinen regelmäßigen Fortgang hat, ohne eine bedeutende Geschwindigkeitsveränderung zu erleiden. Bei den auf beiden Seiten gleichbelasteten zweichludeigen Maschinen besteht der Balancier, wie wir aus dem Obigen wissen, in einem gleicharmigen Hebel, welcher beide Treibkoldenstangen mit einander verdindet; hat aber die Maschine nur einen Chlinder, so ist eine fremde Kraft zum Ausgleichen nothwendig, und je nachdem nun diese Kraft in dem Gewichte eines sessiehen Körpers oder in dem Drucke einer Wassersäule besteht, hat man es mit einem mechanischen oder mit einem hydraulischen Balancier zu thun. Da im dritten Theile dieses Wertes von diesen Verrichtungen speciell gehandelt wird, so genügen hier folgende allgemeine Bemerkungen.

Der mechanische Balancier besteht in einem doppelarmigen Bebel, welcher auf ber einen Seite mit Gewichten beschwert und auf der anderen Seite mit der Rolbenstange oder dem Gestänge überhaupt so verbunden ist, daß jene dem Gewichte besselben entgegenwirten und dadurch dem Aufgange besselben zu Hülfe tommen, dagegen aber den Niedergang besselben verzögern, so daß zu ersterem nach Besinden doppelt so viel Zeit verwendet wird, als zu letterem. Der hydraulische Balancier hingegen besteht in einer zweiten Röhrentour, welche statt des einsachen Ausgustrohres vom Steuerchlinder aus auswärtssteigt, und durch welche das todte Wasser abgesührt wird, so daß es eine Wassersühle bildet, welche dem Gewichte des Gestänges beinahe das Gleichsgewicht hält, und basselbe mit einer gemäßigten Geschwindigkeit niedergeht.





Bei ber in Fig. 572 abgebilbeten Maschine zu huelgoat, sowie auch bei ber Clausthaler Maschine, von welcher in Fig. 568 ein Durchschnitt abgebilbet ist, sind hydraulische Balanciers angewendet, es besteht hier bas Austragerohr in einer Steigröhre, welche bas Wasser nach vollbrachter Wirkung auf einen Theil bes ganzen Gefülles wieber emporleitet.

Wenn man den hydraulischen Balancier, die sos genannte Gegens oder Hinterwassersäule DE zwisschen dem Treibchlinder C und dem Steuerchlinder KL, Fig. 574, andringt, so wird die doppelte Rohrführung erspart.

In der mechanischen Leistung tann natürlich weder der eine noch der andere Balancier eine Steigerung hervorbringen. Das was bei dem Treibtolbenaufgange durch einen Balancier an Effect gewonnen wird, geht natürlich wieder beim Niedergange desselben verloren. Der hydraulische Bas

lancier hat den Bortheil der größeren Einfachheit, der mechanische Balancier bagegen den Bortheil, daß seine Wirksamkeit durch Zulegen von Gewichten beliebig gestelgert werden kann.

Stellhähne. Besentlich wichtig sind noch die verschiedenen Obtwatoren, §. 318 nämlich Stellhahne ober, nach Befinden, Stellventile ober Stells fchieber einer Bafferfaulenmafchine, weil fich baburch nicht nur ber Sang ber Rraftmafdine an fich, fonbern auch ber Bang ihrer Steuerung reguliren lägt. Alle biefe Borrichtungen wirfen natürlich nur negativ, b. h. es tann burch diefe nur eine Rraftstörung, nicht aber eine Rraftvermehrung hervorgebracht werben, und aus biefem Gesichtspuntte betrachtet, find biefe Apparate teineswegs febr willtommene Theile einer Bafferfaulenmafchine. Die Wirtung biefer Theile besteht nämlich nur barin, ber Bewegung bes Waffers in einer Röhre ein Binbernif entgegenzuseten, fo bag biefes langfamer an geben genothigt wirb. Um nun sowohl ben Auf- ale auch ben Niebergang bes Treibfolbens, und ebenso nicht nur ben Auf-, sondern auch ben Nicbergang bes Steuerfolbens ju reguliren ober ju magigen, hat man vier Sahne ober Rlappen nothwendig, eine in der Ginfallröhre und eine im Ausgusrohre, wie 3. B. Z, Fig. 572, ferner einen Sahn in ber Röhre, welche bas Stenerwaffer über ben Bulfetolben fuhrt, und einen folchen in ber Röhre, welche bas Steuerwasser von der Maschine abführt, wie z. B. e und a in ben Figuren 569, 570 und 571. Wenn nun auch eine bedeutende Ueberwucht bei der Bewegung des Treib- ober Steuerfolbens nach der einen ober anderen Richtung bin vorhanden ift, fo lägt fich biefelbe fogleich burch Drehung bes einen ober anderen Stellhahnes mäßigen, ba in bem Biberftande, welchen man ber mit bem Rolben gleichzeitig in Bewegung befindlichen und mit biefem ungertrennlich verbundenen Bafferfaule entgegenfest, biefem Rolben gugleich mit ein Bewegungehinderniß erwächst. gefehrt, ber Auf- ober Riebergang bes einen ober bes anberen Rolbens gu langfam vor fich, fo fann burch Burudbreben bes entfprechenben Sahnes eine größere Beschwindigkeit beffelben erlangt werben; jedoch hat bies, wie wir schon miffen, bei völliger Deffnung bes Bahnes feine Grenze. Uebrigens läßt fich bie Regulirung ber Gefchwindigfeit bes Treibfolbens auch burch eine Stellung im Ausschub bes Steuerfolbens erlangen, indem burch Berminberung bes erfteren bie Bugange jum Treibenlinder beliebig verengt werben kounen.

Die Krafttödtung durch die Stellhähne ober Stellklappen, namentlich aber durch die Stellvorrichtung in der Einfallröhre oder Kraftwassersaule, welche man gewöhnlich Tagepipe zu nennen psiegt, erfolgt bei einer Wassersstellenmaschine gerade so wie die Krafttödtung durch die Schitze bei einer Reactionsturbine. Beide Maschinen stehen in dieser hinsicht den obers oder mittelschlägigen Wasservahren nach (vergl. §. 257 und 289).

Eine Wasserläulenmaschine sollte zur Erlangung bes größten Wirtungsgrades immer so start belastet sein, daß sie bei vollständigem Ausschub bes Steuerkolbens, ohne Stellung der Tagepipe ihren regelmäßigen Gang annimmt. Ist nun aber das Arbeitsvermögen dieser Maschine größer als das geforderte Arbeitsquantum, so muß entweder der Ueberschuß durch die Tagepipe vernichtet werden, oder man muß die Maschine mit einem kleineren Hube arbeiten lassen. Wenn das letztere Mittel ausreicht, so ist es allers dings das vorzüglichere, weil dasselbe durch Berminderung des Ausschlages die gesorderte Berminderung in der Leistung giebt, und daher den Wirtungsgrad der Maschine nur wenig vermindert, allein dieses Mittel ist bei gegebener Last nicht anwendbar.

Die Beränderung des Hubes einer Wassersulenmaschine ist durch Berkellung der Daumen oder Reile auf der Treibkolbenstange sehr leicht zu ersmöglichen, und aus diesem Grunde ist auch die Stange X_1X_2 , Fig. 572, welche mit dem Treibkolben auf- und niedergeht, mit einer Neihe von Löchern versehen. Je näher man die Daumen X_1 und X_2 einander bringt, je zeitiger erfolgt natürlich auch die Umsteuerung und je kleiner ist also auch der Treibkolbenweg.

Leistung der Wassersäulenmaschinen. Es folat nun bie §. 319 Theorie und Berechnung ber Leiftung einer Bafferfaulenmafchine. Bedienen wir une bierbei folgender Bezeichnungen. Der Inhalt ber Treibtolbenfläche fei = F, ber Inhalt bes Querschnittes ber Einfallröhren $= F_1$, ferner ber Durchmeffer bes Treibfolbens = d, ber ber Ginfallröhren = d, und ber ber Austragröhre = d2, ferner fei bas Befälle, vom Bafferfpiegel im Ginfalltaften bis Bafferfpiegel bes Ausgugtaftens gemeffen, = h, bie mittlere Drudhohe beim Aufgange bes Treibtolbens, alfo die fentrechte Tiefe ber gebrudten Rolbenflache unter bem Bafferspiegel im Ginfallfaften, bei mittlerem Rolbenftande, = h1, und bie mittlere Drudhohe beim Niebergange bes Rolbens, b. i. die fentrechte Tiefe ber Rolbenfläche unter ber Ausgugmundung, bei mittlerem Rolbenftande, = h2, noch fei s ber Rols benhub oder Beg des Treibfolbens pr. Spiel (frang. la course du piston; engl. the stroke of piston), l1 die Länge ber Ginfalls, l2 die der Austrags röhrenare, v die mittlere Rolbengeschwindigkeit, vi die mittlere Waffergeschwindigkeit in ber Ginfall-, sowie va die in der Austragröhre.

Setzen wir zugleich eine einsachwirkende Wassersaulenmaschine voraus, nehmen wir an, daß sie pr. Minute n vollständige Spiele mache und babei im Durchschnitte pr. Secunde Q Cubiffuß Aufschlagwasser verbrauche.

Der mittlere Drud bes Wassers gegen die Treibkolbenfläche F ift $P_1=Fh_1\gamma$ (s. Lb. I, §. 355), folglich die geleistete Arbeit besselben pr. Spiel, ohne Rücksicht auf Nebenhindernisse:

$$P_1s = Fsh_1\gamma$$
,

baber pr. Minute:

$$nP_1s = nFsh_1\gamma$$

und endlich bie mittlere Leiftung pr. Secunde:

$$L_1 = \frac{n}{60} P_1 s = \frac{n}{60} Fs h_1 \gamma,$$

ober, da sich $\frac{nFs}{60} = Q$ setzen läßt,

$$L_1 = Q h_1 \gamma$$
.

Beim Rudgange bes Rolbens wirft bie mittlere Rraft

$$P_2 = Fh_2\gamma$$

ber Bewegung beffelben entgegen, wird alfo auch die Arbeit

$$P_2s = Fh_2s\gamma$$

consumirt, baber ift benn auch ber entsprechende Arbeitsverluft pr. Secunde:

$$L_2 = Qh_2\gamma$$
,

und sonach die übrigbleibende gu Gebote ftehende Leiftung ber Maschine:

$$L = L_1 - L_2 = Q (h_1 - h_2) \gamma = Q h \gamma$$

wie bei jeder anderen hydraulischen Rraftmaschine.

Diese Formel ändert sich nicht, wenn auch der Treibschlinder nicht vollsommen aussiult, wenn, wie z. B. bei dem Mönchstolsben, ein Zwischenraum zwischen dem Kolben= und dem Eylinderumfange übrig bleibt, oder wenn der Kolben in seinem tiessten Stande den Eylindersboden nicht berührt; ebenso bleibt die Formel dieselbe, wenn der Ausgußpunkt unter dem mittleren Kolbenstande besindlich, also h_2 negativ und $h = h_1 + h_2$ ist. Auch kommt auf die Form der Kolbensläche nichts an (s. Bd. I, §. 361 Anmerkung); es ist stets unter F der Inhalt des Omersichnittes rechtwinkelig gegen die Are desselben zu verstehen, also

$$F = \frac{\pi d^2}{4}$$

gu feten.

Hierbei muß allerdings vorausgesett werden, daß beim Kolbenniedergange nur ein dem Kolbenhube s entsprechendes Wasserquantum Fs austrete, nicht aber alles im Chlinder und, nach Besinden, in der Communicationsund in der Ausgußröhre besindliche Wasser. Bei Anwendung eines hydrauslischen Balanciers oder eines aufsteigenden Ausgußrohres kann natürlich der letzte Fall gar' nicht eintreten; anders ist es aber, wenn das Ausgußrohr abwärts gerichtet ist und unter dem tiessten Kolbenstande ausmündet. Damit in diesem Kalle das Wasser bis zum tiessten Kolbenstande in dem Ch-

linder jurlidbleibe und nicht burch von unten gutretenbe Luft verbrangt werbe, ift es nothig, einen Ausfluß unter Wasser herzustellen.

Anmerkung. Wir sehen aus bem Obigen, baß die Leistung einer Wasserssäulenmaschine nur vom Totalgefälle $h=h_1-h_2$, nicht aber von ben einzelnen Oruckhöhen h_1 ober h_2 bes Aufs ober Nieberganges abhängt, nur sindet insofern eine Einschränzung flatt, als bei Anwendung eines niebersleigenden Ausgusrohres die Tiefe des Unterwasserspiegels unter dem Kolbenstande noch nicht eine Atmosphärenhöhe (b=32.8 Kuß) betragen darf, weil die Atmosphäre durch ihren Oruck auf diesen Spiegel in dem Austragrohre nur einer Wasserssäule von dieser höhe das Gleichgewicht zu halten vermag.

Kolbonreibung. Unter ben Nebenhindernissen einer Wassersäulenma-**S.** 320 fchine ift die Rolbenreibung eine ber beträchtlichften. Da genaue Berfuche hierliber bis jetzt noch nicht angestellt worden find, so bleibt nichts übrig, als biefelbe aus dem Wafferdrude mit Billfe eines ber befannten Reibungscoefficienten au berechnen. Ift die Liberung eine bybroftatifche, fo erhalten wir bie Rraft, mit welcher bas Baffer jedes Element f ber Liberungefläche gegen ben abzuschliegenden Cylindermantel brudt, für ben Rolbenaufgang = fh, v. und für ben Riedergang = fh, y, und baher bie entsprechenden Reibungen = $\varphi f h_1 \gamma$ und $\varphi f h_2 \gamma$, wenn φ ben Reibungscoefficienten bezeichnet. Obgleich die Rrafte der einzelnen Flachenelemente fehr verfchiebene Richtungen haben, so find boch sammtliche Reibungen unter fich, und zwar mit ber Rolbenage, parallel, und es ift baber ihre Mittelfraft ober bie Gesammtreibung bes Rolbens gleich ber Summe ber Reibungen aller Liberungselemente, und bemnach fo zu bestimmen, bag man in obigen Formeln ftatt f bie Summe aller Elemente, b. i. ben Inhalt ber gangen Liberungefläche einsett. zeichnen wir bie Breite biefer Flache, ober, wenn es zwei Liberungefranze giebt, die Breite beider aufammen, burch e, fo konnen wir ben Inhalt ber Liberungefläche burch ade ausbruden, und erhalten fo bie beiben Rolbenreibungen:

$$R_1 = \varphi \pi de h_1 \gamma$$
 und $R_2 = \varphi \pi de h_2 \gamma$.

Der leichteren Uebersicht wegen brückt man gewöhnlich biese Reibung so wie auch die übrigen Rebenhindernisse durch das Gewicht einer Wassersaus, welche den Treibkolbenquerschnitt zur Grundsläche hat, und deren Höhe das oder da den Gefällverlust ausdrückt, welcher der Kolbenreibung entspricht. Hiernach setzen wir also:

oder
$$R_1 = Fh_3\gamma$$
 und $R_2 = FH_4\gamma$, $Fh_2 = \varphi\pi deh_1$ und $Fh_4 = \varphi\pi deh_2$, $F = \frac{\pi d^2}{4}$ eingeführt,

$$\frac{dh_3}{4} = \varphi e h_1 \quad \text{unb} \quad \frac{dh_4}{4} = \varphi e h_2,$$

hiernach bie ben Rolbenreibungen entsprechenben Gefällverlufte:

$$h_3 = 4 \varphi \frac{e}{d} h_1 \text{ mb } h_4 = 4 \varphi \frac{e}{d} h_2.$$

Bringt man biefe Soben in Abzug, fo erhalt man für bie mittlere Rraft beim Aufgange:

$$P_1 = F(h_1 - h_3) \gamma = \left(1 - 4 \varphi \frac{e}{d}\right) F h_1 \gamma,$$

und ben mittleren Wiberftand beim Niebergange:

$$P_3 = F(h_3 + h_4)\gamma = \left(1 + 4\varphi\frac{e}{d}\right)Fh_2\gamma,$$

baber bie resultirende mittlere Leiftung :

$$L = \frac{n}{60} (P_1 - P_2) s = \frac{n}{60} \left((h_1 - h_2) - 4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_2) \right) F s \gamma$$

$$= \left(h - 4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_2) \right) Q \gamma = \left[\left(1 - 4 \varphi \frac{e}{d} \right) h - 8 \varphi \frac{e}{d} h_2 \right] Q \gamma$$

$$= \left[1 - 4 \varphi \frac{e}{d} \left(1 + \frac{2h_2}{h} \right) \right] Q h \gamma.$$

Ift bie Steighöhe ha Rull ober fehr Mein, fo läßt fich einfacher

sepen. $L = \left(1 - 4 \, \varphi \, rac{e}{d}
ight) Qh \gamma$

Man ersieht übrigens hieraus, daß der Arbeitsverlust in Folge der Kolbenreibung um so größer aussäult, je größer $\frac{h_2}{h}$ ist, je tiefer also die Masschine unter dem Ausgußpunkte steht oder je höher das Wasser dusstragen zurücksteigt.

Um biesen Arbeitsverlust möglichst heradzuziehen, soll man ben Liberungsstranz nicht unnöthig breit machen. Bei ben bestehenden Maschinen liegt $\frac{e}{d}$ innerhalb ber Grenzen 0,1 bis 0,2. Der Reibungscoefficient φ ist aber, so lange besondere Bersuche hierüber nicht angestellt worden sind, nach Morin, im Mittel 0,25 zu sehen. Dies vorausgesetzt, erhalten wir nun $4 \varphi \frac{e}{d} = 0,1$ bis 0,2; es verzehrt also hiernach die Kolbenreibung 10 bis 20 Procent von der ganzen disponiblen Arbeit.

Hydraulische Nebenhindernisse. Ein anderer Arbeitsverluft der §. 321 Waffersaulenmaschinen entspringt ferner aus ber Reibung bes Waffers

in den Einfall- und Austragröhren. Nach der in Band I, §. 427 vorgetragenen Theorie ist der dieser Reibung entsprechende Druchböhenverlust, wenn & den Reibungscoefsicienten bezeichnet,

$$h = \xi \cdot \frac{l}{d} \cdot \frac{v^2}{2a};$$

auf die Ginfallröhre angewendet aber

$$y_1 = \xi \cdot \frac{l_1}{d_1} \cdot \frac{v_1^2}{2q},$$

und auf die Austrageröhre bezogen:

$$s_1 = \zeta \cdot \frac{l_2}{d_2} \cdot \frac{v_2^2}{2g} \cdot$$

Nun ift aber bas Wasserquantum pr. Sec.:

$$\frac{\pi d_1^2}{4} \cdot v_1 = \frac{\pi d_2^2}{4} \cdot v_2 = \frac{\pi d^2}{4} v_1$$

also

$$d_1^2 v_1 = d_2^2 v_2 = d^2 v$$

ober:

$$v_1 = \left(rac{d}{d_1}
ight)^2 v$$
 und $v_2 = \left(rac{d}{d_2}
ight)^2 v$,

baber laffen fich bie Reibungewiderftanbehöhen fegen:

$$y_1 = \xi \cdot \frac{l_1 d^4}{d_1^5} \cdot \frac{v^2}{2g}$$
 und $s_1 = \xi \cdot \frac{l_2 d^4}{d^5} \cdot \frac{v^2}{2g}$,

und es ist bei Geschwindigkeiten (v_1 ober v_2) von 5 bis 10 Fuß, $\zeta = 0.022$ bis 0.020 einzusühren.

Um biese Widerstandshöhe herabzuziehen, hat man weite Einfall- und Austragröhren anzuwenden und den Treibkolben langsam auf- und niedergehen zu lassen.

Die Bewegung bes Wassers in ben Röhren einer Wasserstulenmaschine ist insosern noch verschieben von ber Bewegung bes Wassers in einsachen Röhrenleitungen, als sich die Seschwindigkeit von jener unaushörlich verändert, bald vernullt, bald zu-, bald abnimmt u. s. w., während die Seschwindigkeit in dieser immer eine und dieselbe bleibt. Aus diesem Grunde spielt denn auch bei einer Wassersäulenmaschine die Trägheit des Wassers eine größere Rolle, als bei der Bewegung des Wassers in einsachen Leitungen. Um eine Masse M in die Geschwindigkeit v zu versetzen, ist besanntlich die mechanische Arbeit $\frac{Mv^2}{2}$ zu verrichten, um also auch der

Wassersäule in der Einfallröhre eine Geschwindigkeit v_1 zu ertheilen, ist, da dieselbe das Gewicht $F_1 l_1 \gamma$ hat, die mechanische Arbeit $F_1 l_1 \gamma \cdot \frac{v_1^2}{2g}$ aufzuwenden. Wenn die Wassersäule durch den Steuerkolben erst nach vollbrachtem Spiele des Treibtolbens von diesem abgespertt würde, so ginge diese Arbeit nicht verloren, denn diese Säule würde dem Treibtolben während seiner Berzögerung und seines allmäligen Uebergehens zur Ruhe diese Arbeit zurückgeben, allein das Absperren des Arastwassers von dem Treibtolben ersolgt, wenn auch gegen das Ende, sedoch noch während der Bewegung desselben, so daß der Treibtolben und die Wassersdueg zur Ruhe übergehen; es nuß daher der Steuerkolben während der ersten Hälfte seines Ausganges der Wassersdue alle lebendige Kraft nach und nach entziehen, indem er derselben durch allmälige Berengung des Querschnittes ein wachsendes Hinderniß in den Weg legt. Deshalb ist denn auch anzunehmen, daß die Arbeit der Trägheit

$$F_1 l_1 \gamma \cdot \frac{v_1^2}{2 a}$$

bei jedem Spiele zum großen Theil verloren gehe.

Führen wir noch $v_1=rac{d^2}{d_1^2}v$ und $F_1=rac{\pi\,d_1^{\,2}}{4}$ ein, so erhalten wir für diese Arbeit den Ausbruck:

$$\frac{\pi d^2}{4} \cdot \frac{d^2 l_1}{d_1^2} \gamma \cdot \frac{v^2}{2g},$$

daher die entsprechende mittlere Kraft muhrend des ganzen Treibkolbenweges s:

$$K=\frac{\pi d^2}{4}\cdot\frac{d^2l_1}{d_1^2s}\,\gamma\cdot\frac{v^2}{2g},$$

und ber entsprechende Befall- ober Drudbobenverluft:

$$y_2=rac{K}{F\gamma}$$
 ,

b. i.:

$$y_2 = \frac{d^2 l_1}{d^2 s} \cdot \frac{v^2}{2 g} \cdot$$

Ein auf gleiche Weise auszubrückenber Berlust sindet auch beim Rückgange des Treibkolbens statt, wo das Wasser genöthigt wird, mit der Geschwindigkeit v2 auszutreten, und die am Anfange des Kolbenweges zu überwindende lebendige Kraft beim Ausgusse verloren geht und daher der Maschine ebenfalls entzogen wird. Der entsprechende Druckböhenverlust ist daher:

$$s_2=\frac{d^2l_2}{d_2^2s}\cdot\frac{v^2}{2g}.$$

Um biese beiben Arbeitsverluste möglichst zu vermindern, ift baber nöthig, die Einfalls und Austragröhre weit und beibe möglichst furz zu machen, ferner eine kleine Rolbengeschwindigkeit und einen großen Rolbens hub in Anwendung zu bringen.

Um die nachtheiligen Wirtungen des Stofes ber, jumal bei ber Gewichtsftenerung, ju ichnell abgesperrten Bafferfäule ju mäßigen ober gang ju beseitigen, hat man an bem unteren Enbe ber Ginfallröhre, nahe vor ber Steuerung, einen Bindteffel (frang. réservoir à air; engl. air vessel), b. i. ein mit comprimirter Luft angefülltes cylindrifches Befäß angebracht, wie man es 3. B. an Feuersprigen, von welchen im britten Banbe die Rebe fein wird, vorfindet. Es nimmt bier die abgesperrte Luft die überfluffige lebendige Rraft bes Wassers auf, indem sie von dieser zusammengebrudt wird, und es wird die Arbeit diefer Kraft burch bas am Anfange bes folgenden Spieles eintretende Sichwiederausbehnen ber Luft beinahe wieder gewonnen, indem bas hierbei wieder aus dem Windteffel herausgedrangte Wasser ziemlich unter bem bybrostatischen Drude in den Treibenlinder tritt. In ber Anwendung bei Daschinen mit hohem Gefälle hat fich gezeigt, daß fich die Luft im Windkessel mit dem Wasser vermengt und fich badurch allmalig gang aus bemfelben entfernt. Um aber bies zu verhindern, ift entweder ein Rolben in diesen Reffel einzuseten, welcher die Luft vom Wasser absperrt, ober eine kleine Luftpumpe anzuwenden, welche Luft in ben Ressel einführt und baburch den Abgang wieder ersett.

§. 322 Richtungs- und Querschnittsveränderungen in den einzelnen Röhren und Canalen einer Wassersaulenmaschine sind die weiteren Ursachen von den Arbeitsverlusten dieser Maschine. Diese Berluste lassen sich theils nach den bekannten und in Bb. I, Abschnitt VI, Cap. 1 und 2 gefundenen Regeln der Hydraulik, theils mit Hilse der Resultate besonders hierüber angestellter Bersuche (s. polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1851, Lieferung 4) bestimmen.

In den Einfalls und Austragröhren befinden sich gekrummte Aniestücke, worin gewöhnlich die Richtung des bewegten Wassers um einen Rechtwinkel abgelenkt wird. Ift r die halbe Weite der Röhre und a der Arummungs-halbmesser der Axe ihres Aropfes, so entspricht dem letzteren nach Bb. I, §. 442 annähernd der Widerstandscoefsicient:

$$\xi_1 = 0.131 + 1.847 \left(\frac{a}{r}\right)^{7/4},$$

und ift nun bei ber Geschwindigkeit v1 bes burchströmenben Baffers ber

Drudhöhenverluft $= \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2 \, a}$, also für einen Kropf in der Ginfallröhre:

$$y_3 = \zeta_1 \cdot \left(\frac{\dot{d}}{d_1}\right) \cdot \frac{v^2}{2g},$$

und für einen folden in ber Austrageröhre:

$$s_3 = \zeta_1 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 \frac{v^2}{2g}.$$

Beim Gin- und Austritt bes Wassers in und aus bem Steuerchlinder wird die Richtung bes Wassers burch ein Anie plöglich um einen Rechtwinkel abgelenkt, es findet baher hier nach Bb. I, §. 441 ein Drudhöhenverluft

$$\xi_2 \frac{v_1^2}{2g} = 0.984 \cdot \frac{v_1^2}{2g},$$

also nahe $=\frac{v_1^2}{2\,g}$ statt; der Allgemeinheit wegen möge jedoch für den Einstritt aus der Einsallröhre in den Steuerchlinder die Widerstandshöhe

$$y_4 = \xi_2 \frac{v_1^2}{2 g} = \xi_2 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g}$$

und für ben Austritt aus bem Steuerchlinder in bas Austragrohr

$$s_4 = \zeta_2 \frac{v_2^2}{2 g} = \zeta_2 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g}$$

gefett werben.

Für ben Uebertritt des Wassers aus dem Steuerchlinder in das Communicationsrohr läßt sich, nach den oben angesührten Bersuchen, der Widerstandscoefficient $\zeta_3 = 5$ und für den Uebertritt aus dem Communicationsrohre in den Steuerchlinder $\zeta_4 = 34,5$ segen. If nun d_3 der Durchsmesser des Steuerchlinders unmittelbar beim Steuersolben, so hat man für den Uebergang des Wassers aus dem Steuerchlinder in das Communicationsrohr die Widerslandshöhe:

$$y_5 = \zeta_3 \left(\frac{d}{d_3}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g} = 5 \left(\frac{d}{d_3}\right)^4 \cdot \frac{v^3}{2 g},$$

und umgekehrt, fur ben Uebertritt aus biefem Rohre in ben Steuerchlinder:

$$s_5 = \zeta_4 \left(\frac{d}{d_3}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g} = 34,5 \left(\frac{d}{d_3}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g}$$
 gu feten.

Enblich ist für ben Eintritt in ben Treibchlinder nach ben besonders zu biesem Zwede angestellten Versuchen, $\zeta_5=31$, und dagegen für ben Austritt aus bemselben, $\zeta_6=26$; folglich für jenen die verlorene Druchbihe:

$$y_6=\zeta_5\cdot\frac{v^2}{2g}=31\cdot\frac{v^2}{2g},$$

und für biefen biefelbe

$$z_6 = \zeta_6 \cdot \frac{v^2}{2g} = 26 \cdot \frac{v^2}{2g} \cdot$$

Um überhaupt die Berluste durch plögliche Geschwindigkeitsveränderungen zu vermindern, hat man den Communicationsröhren und dem Theile des Steuerchlinders, durch welchen das Betriebswasser hin- und zurückgeht, mit der Einfall- und Austragröhre einerlei Querschnitt zu geben, oder wenigsstens jene Röhren u. f. w. durch ein sich allmälig erweiterndes Rohr mit diesen in Berbindung zu seten.

Besondere Arbeits. oder Druckhöhenverluste werden noch burch die in Sahnen oder Bentilen bestehenden Regulirungsapparate oder Pipen herbeigeführt. Dieselben sind ebenfalls burch die Formel

$$h = \zeta \cdot \frac{v^2}{2 \, \sigma}$$

zu bestimmen, beren Coefficienten $\zeta = \zeta_7$, ζ_8 vom Stellwinkel ber Pipe abhängen und aus den Tabellen in Bb. I, \S . 443 zu entnehmen sind. Hiernach ist also für den Aufgang des Treibkolbens:

$$\hat{y}_7 = \zeta_7 \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2g}$$

und für ben Rudgang:

$$z_7 = \zeta_8 \cdot \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 \, a}$$

Durch Stellung ber Regulirungspipe tann man bem Wiberftandscoefficienten jeben beliebigen, zwischen 0 und o enthaltenden Werth ertheilen, daher auch jeden Ueberschuß an Kraft töbten und die Geschwindigkeit bes Auf = und Nieberganges nach Wilklur ober Beblirfniß mäßigen.

§. 323 Loistungsformol. Wenn wir vor ber Hand die Steuerung unbeachtet lassen, so können wir nun eine Formel zur Bestimmung der Nutsleistung einer einsach wirkenden Wassersaulenmaschine zusammensetzen. Die mittlere Kraft beim Aufgange des Kolbens ist:

$$P_1 = [h_1 - h_3 - (y_1 + y_2 + y_3 + y_4 + y_5 + y_6 + y_7)] F \gamma$$

= $[h_1 - h_3 - \Sigma(y)] F \gamma$,

und bie Last beim Mudgange:

$$P_2 = (h_2 + h_4 + s_1 + s_2 + s_3 + s_4 + s_5 + s_6 + s_7) F\gamma$$

= $(h_2 + h_4 + \Sigma (y)) F\gamma$,

folglich bie Leiftung für ein vollständiges Rolbenspiel:

 (P_1-P_2) $s=[h_1-(h_2+h_3+h_4)-(\Sigma(y)+\Sigma(z))]$ $Fs\gamma$, und die Leiftung einer einfach-wirten ben Bafferfaulenmaschine pr. Secunde:

$$L = [h_1 - (h_2 + h_3 + h_4) - (\Sigma(y) + \Sigma(z))] \cdot \frac{n}{60} \cdot Fs\gamma$$

$$= \left(h - 4\varphi \frac{e}{d}(h_1 + h_2) - (\Sigma(y) + \Sigma(z))\right) \frac{n}{60} Fs\gamma.$$

Seten wir noch

$$\xi \frac{l_1 d^4}{d_1^5} + \frac{d^2 l_1}{d_1^2 s} + \xi_1 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 + \xi_2 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 + \xi_3 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 + \xi_5 + \xi_7 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4$$

other

$$\begin{split} \left[\xi \frac{l_1}{d_1} + \frac{d_1^2 l_1}{d^2 s} + \xi_1 + \xi_2 + \xi_3 \left(\frac{d_1}{d_3} \right)^4 + \xi_5 \left(\frac{d_1}{d} \right)^4 + \xi_7 \right] \left(\frac{d}{d_1} \right)^4 \\ &= \varkappa_1 \left(\frac{d}{d_1} \right)^4 \text{ unb} \end{split}$$

$$\xi \frac{l_2 d^4}{d_2^5} + \frac{d^2 l_2}{d_2^3 s} + \xi_1 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 + \xi_2 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 + \xi_4 \left(\frac{d}{d_3}\right)^4 + \xi_6 + \xi_3 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4,$$

$$\left[\xi \frac{l_2}{d_2} + \frac{d_2^2 l_2}{d^2 s} + \xi_1 + \xi_2 + \xi_4 \left(\frac{d_2}{d_3}\right)^4 + \xi_6 \left(\frac{d_2}{d}\right)^4 + \xi_8\right] \left(\frac{d}{d_2}\right)^4 = \varkappa_2 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4,$$

fo konnen wir febr einfach und übersichtlich bie Leistung ausbruden burch:

$$L = \left[h - \left(4 \varphi \frac{e}{d}(h_1 + h_2) + \left[\varkappa_1 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 + \varkappa_2 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4\right] \cdot \frac{v^2}{2g}\right)\right] \cdot \frac{n}{60} Fs \gamma.$$

Wegen der größeren Lange der Einfallröhre fällt 21 meist größer aus als x_2 , und beshalb macht man benn auch gewöhnlich die Aufgangszeit t_1 größer als die Niedergangszeit t2.

Sett man die Aufgangszeit $t_1 = v_1 t$, sowie die Niedergangszeit $t_2=
u_2t$, wobei $t=t_1+t_2=rac{60''}{n}$ die Zeit eines ganzen Spieles bezeichnet, und behalt man für bie mittlere Befchwindigfeit eines gangen Spieles, $v=rac{2\,s}{t}=rac{2\,n\,s}{60''}$ bei, so erhält man bie mittlere Geschwindige teit beim Aufgange

$$v_1 = \frac{s}{t_1} = \frac{s}{v_1 t} = \frac{1}{v_1} \cdot \frac{v}{2}$$

bagegen die beim Niebergange

$$v_2 = \frac{s}{t_2} = \frac{s}{v_2 t} = \frac{1}{v_2} \cdot \frac{v}{2}$$

folglich läßt fich allgemeiner bie Leiftung ausbruden:

$$L = \left[h - \left(4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_2) + \left[\varkappa_1 \left(\frac{1}{2\nu_1}\right)^2 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 + \varkappa_2 \left(\frac{1}{2\nu_2}\right)^2 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4\right] \frac{v^2}{2 g}\right)\right] \cdot \frac{n}{60} Fs \gamma,$$

ober $\frac{n}{60} \cdot Fs = Q$ eingesett:

$$\begin{split} L = & \left[h - \left(4 \varphi \frac{e}{d} \left(h_1 + h_2 \right) + \frac{1}{4} \left[\varkappa_1 \left(\frac{1}{\nu_1} \right)^2 \left(\frac{d}{d_1} \right)^4 \right. \right. \\ & \left. + \varkappa_2 \left(\frac{1}{\nu_2} \right)^2 \left(\frac{d}{d_2} \right)^4 \right] \cdot \frac{v^2}{2 g} \right) \right] Q \gamma, \end{split}$$

ober $v = \frac{2 Q}{F} = \frac{8 Q}{\pi d^2}$ eingeführt.

$$L = \left(h - \left[4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_2) + \left(\frac{\varkappa_1}{\nu_1' d_1^4} + \frac{\varkappa_2}{\nu_2^2 d_2^4}\right) \cdot \frac{1}{2g} \cdot \left(\frac{4 Q}{\pi}\right)^2\right]\right) Q \gamma.$$

Bei einer boppelt wirkenben Wafferfaulenmaschine ift natürlich auch biese Arbeit boppelt.

Diese Formel führt sehr gut vor Augen, daß die Nutsleistung einer Baffersäulenmaschine um so größer ausfällt, je größer d, d_1 und d_2 , je weiter also sämmtliche Chlinder und Röhren sind. Auch läßt sich durch ben höheren Calcill sinden, daß die Leistung bei gegebener Anzahl von Spielen am größten ausfällt oder die Nebenhindernisse am Keinsten werden, wenn

$$\frac{x_1}{v_1^3 d_1^4} = \frac{x_2}{v_2^3 d_2^4},$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt[3]{\frac{x_1 d_2^4}{x_2 d_2^4}} \text{ ift.}$$

b. i. wenn

Da überdies noch $v_1 + v_2 = 1$ ist, so folgt:

$$\nu_1 = \frac{1}{1 + \sqrt[3]{\frac{\kappa_2 d_1^4}{\kappa_1 d_2^4}}},$$

fowie:

$$v_2 = \frac{1}{1 + \sqrt[3]{\frac{\varkappa_1 \ d_2^4}{\varkappa_2 \ d_1^4}}}.$$

Wäre z. B. $d_2=d_1$ und $\varkappa_1=8\,\varkappa_2$, so wilrde $\frac{\nu_1}{\nu_2}=\sqrt[8]{8}=2$ bestragen, also die Aufgangszeit noch einmal so groß sein milssen als die Riedergangszeit. Bei Anwendung eines an die Treibkoldenstange angeschlossenen Balanciers läßt sich dieses Berhältniß $\frac{\nu_1}{\nu_2}$ zwischen der Auf- und Riedergangszeit leicht durch Zulegen und Abnehmen von Gewichten u. s. w. hersstellen. Das Reguliren der Zeiten durch die Pipen in der Einfallröhre und in der Austragröhre hingegen ersolgt stets nur auf Unkosten der Nuzleistung, da diese Apparate einen durch ξ_7 , ξ_8 gemessenen Kraftverlust hervordringen, der um so größer aussällt, se mehr diese Pipen zugedreht werden.

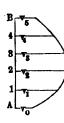
Ift bie geforberte Arbeit Kleiner als die Nupleistung ber Wassersäulens maschine, so muß natürlich ber Ueberschuß an Arbeit ebenfalls burch Stelslung der Pipen vernichtet werden.

Goschwindigkeitsquadrat. Es ist ferner die Frage, welchen Werth §. 324 foll man in den letten Formeln für das mittlere Quadrat der Kolsbengeschwindigkeit einer Wasserstallenmaschine einsühren. Singe der Kolben ziemlich gleichförmig auf und nieder, so ware allerdings

$$v^2 = \left(\frac{s}{t_1}\right)^2,$$

wo s ben Kolbenweg und t, die Zeit zum Durchlaufen besseichnet, zu setzen; ba dies aber weber bei einfachen, noch bei boppeltwirkenden Maschinen ber Fall ist, so muß allerdings eine besondere Bestimmung von vorgenommen werden.

Bebenfalls wird das mittlere Quabrat ber Rolbengeschwindigkeit gefunden, Big. 576. wenn man bie ben gleichen Theilen des Rolbenweges



wenn man die den gleichen Theilen des Kolbenweges s = AB, Fig. 575, entsprechenden Kolbengeschwindigkeiten $v_0, v_1, v_2 \dots$ quadrirt, addirt und die Summe durch die Anzahl der Theile des Kolbenweges dividirt. Wäre nun die Bewegung des Kolbens gleichsörmig beschleunigt, oder gleichsörmig verzögert, so würden sich die Quadrate der Geschwindigkeiten wie die Käume verhalten; wäre daher die kleinste Geschwindigkeit w_0 0 und die größte w_0 1 so hätte man die den Wegen

$$0, \frac{s}{n}, \frac{2s}{n}, \frac{3s}{n} \cdots$$

entsprechenden Geschwindigkeitsquadrate vo, v1, v2, v2, v2 ...:

$$0, \frac{1}{n} c^2, \frac{2}{n} c^2, \frac{3}{n} c^3 \dots,$$

folglich bie Summe berfelben

$$= \frac{c^2}{n} (1 + 2 + 3 + \cdots + n) = \frac{c^2}{n} \cdot \frac{n^2}{2} = n \cdot \frac{c^2}{2},$$

enblich ihren mittleren Berth:

$$v^2=\frac{c^2}{2};$$

ober ba $s = \frac{c \, t_1}{2} \, \mathrm{i} \mathfrak{f} \mathfrak{t}$,

$$v^2 = \frac{1}{2} \left(\frac{2s}{t_1}\right)^2 = 2\left(\frac{s}{t_1}\right)^2 = 2v_1^2$$

wenn flatt des Quotienten $\frac{s}{t_1}$ aus Kolbenweg s und Bewegnngszeit t_1 bie

mittlere Kolbengeschwindigkeit v1 eingeführt wird. Diese Formel gilt natürlich auch, wenn ber erste Theil bes Kolbenweges gleichförmig beschleunigt und ber zweite gleichsörmig verzögert zuruckgelegt wird.

Es ist also hier allemal bas mittlere Geschwindigkeitsquadrat v² boppelt so groß, als bas Quabrat v² ber mittleren Rolbenges schwindigkeit.

Bei einer doppeltwirkenden Wassersaulenmaschine mit Kurbelmechanismus ist, wie im Artikel "Dampfmaschine" bewiesen wird

$$v^2 = \frac{\pi^2}{6} v_1^2 = 1,645 v_1^2 = 1,645 \left(\frac{s}{t_1}\right)^2$$

Führen wir hiernach in ber Leiftungeformel

$$L = \left[h - \left(4 \varphi \frac{b}{d} (h_1 + h_2) + \frac{1}{4} \left[\kappa_1 \left(\frac{1}{\nu_1}\right)^2 \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 + \kappa_2 \left(\frac{1}{\nu_1}\right)^2 \left(\frac{d}{d_2}\right)^4\right] \frac{v^2}{2 g}\right] Q \gamma$$

bes §. 323

$$v^2=2\left(rac{2}{F}
ight)^2=2\left(rac{8}{\pi}rac{Q}{d^2}
ight)^2$$
ein, so erhalten wir

$$L = \left(h - \left[4\varphi \frac{b}{d}(h_1 + h_2) + \frac{1}{2}\left(\frac{\varkappa_1}{v_1^2 d_1^4} + \frac{\varkappa_2}{v_2^2 d_2^4}\right) \frac{1}{2g}\left(\frac{8Q}{\pi}\right)^2\right]\right)Q\gamma.$$

Beispiel. Man foll für ein Gefälle h von 350 Fuß und für ein Basserguantum Q=1 Cubifsuß pr. Secunde die Anordnung und Berechnung einer einsach wirsenden eineylindrigen Wassersaulenmaschine vollziehen. Lassen wir den Treibsolben mit der mittleren Geschwindigseit v=1 Fuß auf- und niedersteigen, so haben wir für bessen Querschnitt den Inhalt:

$$F=rac{2\ Q}{v}=rac{2\ .1}{1}=2$$
 Quadratfuß,

und lassen wir das Basser in den Einfall- und Ausgußröhren mit $v_1 = v_2 = 5$ Fuß mittlerer Geschwindigkeit sich bewegen, so haben wir für den Querschnitt dieser Röhren:

$$F_1=rac{2\ Q}{v_1}=rac{2}{6}=0$$
,4 Quadratfuß.

hiernach folgt ber Durchmeffer bes Treibkolbens:

$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = \sqrt{\frac{8}{\pi}} = 1,5958$$
 Fuß,

und ber ber Ginfall und Austragröhren:

$$d_1 = d_2 = \sqrt{\frac{4 F_1}{\pi}} = \sqrt{\frac{1.6}{\pi}} = 0.71364$$
 Fuß.

Der Einfachheit und Sicherheit wegen wollen wir aber d=20 Boll und $d_1=9$ Boll in Anwendung bringen.

Benn wir ber Ausgleichung bes Stangengewichtes wegen u. f. m. bas

Ausguprohr 50 Fuß hoch über bem mittleren Kolbenstande aufsteigen laffen, also $h_2=50$ Fuß annehmen, so bekommen wir:

$$h_1 = h + h_2 = 400$$
 Fuß.

Nehmen wir ferner an, bag bie Arenlange l_1 ber Einfallröhre 450, bie ber Ausgußröhre aber, also l_2 , nur 66 Fuß betrage. Bei 20 Boll Kolbenburchmeffer befommen wir:

$$F=rac{\pi\,d^2}{4}=rac{\pi}{4}\cdotrac{25}{9}=2,182$$
 Quadratfuß,

baher:

$$v=rac{2}{F}=rac{2}{2.182}=$$
 0,9166 Fuß.

Rechnen wir nun noch auf vier Spiele pr. Minute, fo erhalten wir ben Sub:

$$s = \frac{60 \text{ v}}{2 \text{ n}} = \frac{60.0,9166}{8} = 6,8745 \text{ Fug.}$$

Nehmen wir ferner bie Breite e bes Liberungefranzes am Treibfolben $= \frac{1}{8}d = 2\frac{1}{2}$ Boll an, so erhalten wir zunächft bie burch Treibfolbenreibung aufgezehrte Drudhohe:

$$4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_2) = 4.0,25.1/8 (400 + 50) = \frac{450}{8} = 56,25 \text{ gub},$$

und es bleibt nach Abzug ber Kolbenreibung nur noch bas nutbare Gefälle ober bie Drudhohe

$$h - 4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_2) = 350 - 56,25 = 293,75$$
 Fußübriq.

Um nun bie hibraulischen Biberftanbe ju finden, muffen wir gunachft bie, Coefficienten z, und zo berechnen. Ge ift ber eine, fur bie Ginfallrohre,

$$z_1 = \zeta \frac{l_1}{d_1} + \frac{d_1^2 l_1}{d^2 s} + \zeta_1 + \zeta_2 + \zeta_3 \left(\frac{d_1}{d_3}\right)^4 + \zeta_5 \left(\frac{d_1}{d}\right)^4 + \zeta_7,$$

und ber andere, für bie Austragröhre,

$$z_{2} = \zeta \frac{l_{2}}{d_{2}} + \frac{d_{2}^{*} l_{1}}{d^{2} s} + \zeta_{1} + \zeta_{2} + \zeta_{4} \left(\frac{d_{2}}{d_{3}}\right)^{4} + \zeta_{6} \left(\frac{d_{2}}{d}\right)^{4} + \zeta_{8},$$

hierein aber zu feten:

$$\zeta = 0.021, \frac{l_1}{d_1} = \frac{450}{\frac{8}{4}} = 600, \frac{l_2}{d_2} = \frac{66}{\frac{8}{4}} = 88,$$

baher :

$$\zeta \frac{l_1}{d_1} = 0.021.600 = 12.6 \text{ unb } \zeta \frac{l_2}{d_2} = 0.021.88 = 1.85,$$

ferner:

$$\frac{d_1^*l_1}{d^2s} = \left(\frac{9}{20}\right)^* \cdot \frac{450}{6.87} = 13.26 \quad \text{unb} \quad \frac{d_2^*l_2}{d^2s} = \left(\frac{9}{20}\right)^* \cdot \frac{66}{6.87} = 1.94.$$

Mimmt man ferner an, baß sowohl in ber Ginfalls als auch in ber Ausstragröhre eine Rrummung vorfommt, beren Rabius a=4r, für welche also $\frac{r}{a}=\frac{1}{4}$ ift, so hat man nach §. 442, Bb. I, ben entsprechenben Wiberstandscoefficienten:

$$\zeta_1 = 0.131 + 1.847 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{7/2} = 0.15.$$

Rehmen wir ferner an, bag bie Ginfalle und Austragrohre mit bem Steuers

chlinder burch ein rechtwinkeliges Rnie verbunden find, so haben wir noch für beibe Rohren $\zeta_2=0.984$ ju seben, und ift ber Querschnitt bes Steuerchlinders boppelt so groß, als ber ber Einfalls und Austragröhre, so haben wir:

 $d_s^2 = 2 d_1^2 = 2 d_s^2$, und baher:

$$\zeta_3 \left(\frac{d_1}{d_8}\right)^4 = \frac{6}{4} = 1.25$$
 fowie $\zeta_4 \left(\frac{d_2}{d_3}\right)^4 = \frac{81.5}{4} = 8.62$.

Endlich ift noch

$$\zeta_5 \left(\frac{d_1}{d}\right)^4 = 31 \cdot (9/20)^4 = 1.27$$
 und

$$\zeta_6 \left(\frac{d_2}{d}\right)^4 = 26 \cdot (\frac{9}{20})^4 = 1.07,$$

und find baber bie Stellhahne in ber Einfalls und in ber Austragröhre völlig geöffnet, ift alfo C7 und C8 == 0, fo hat man:

$$\mathbf{z}_1 = egin{cases} 12,60 \\ 13,26 \\ 0,15 \\ 0,98 \\ 1,25 \\ 1,27 \end{pmatrix} = 29,51 \quad \text{unb} \quad \mathbf{z}_2 = egin{cases} 1,85 \\ 1,94 \\ 0,15 \\ 0,98 \\ 8,62 \\ 1,07 \end{pmatrix} = 14,61,$$

und hiernach das dem vortheilhaftesten Gange entsprechende Berhaltniß der Aufsgangszeit zur Niedergangszeit:

$$\frac{\nu_1}{\nu_2} = \sqrt[8]{\frac{\varkappa_1}{\varkappa_2}} = \sqrt[8]{\frac{29,51}{14,61}} = 1,264;$$

baber bas Berhaltnig ber Niebergangszeit zur Beit eines Spieles:

$$\nu_2 = \frac{1}{1+1,264} = \frac{1}{2,264} = 0,442,$$

fowie bas ber Aufgangszeit zur Beit eines Spieles:

$$\nu_1 = 1 - \nu_2 = 0,558.$$

Durch Einführung biefer Werthe erhalt man bie Sohe ber arbeitenben Rraftfaule:

$$\begin{split} h &- \left[4\,\varphi\,\frac{b}{d}\,\left(h_1\,+\,h_2\right) \,+\, {}^{1\!/_{\! 2}} \left(\frac{\varkappa_1}{\nu_1^{\,3}\,d_1^{\,4}} \,+\, \frac{\varkappa_2}{\nu_2^{\,3}\,d_2^{\,4}}\right) \cdot \frac{1}{2\,g}\,\left(\frac{8\,Q}{\pi}\right)^8 \right] \\ &= h \,-\, \left[4\,\varphi\,\frac{b}{d}\,\left(h_1\,+\,h_2\right) \,+\, {}^{1\!/_{\! 2}} \left(\frac{\varkappa_1}{\nu_1^{\,3}} \,+\, \frac{\varkappa_2}{\nu_2^{\,3}}\right) \cdot \frac{1}{2\,g}\,\cdot \left(\frac{8\,Q}{\pi\,d_1^{\,3}}\right)^3 \right] \\ &= 293,75 \,-\, {}^{1\!/_{\! 2}} \left(\frac{29,51}{0,3114} \,+\, \frac{14,61}{0,1951}\right) \cdot 0,016 \cdot \left(\frac{8\cdot16}{9\,\pi}\right)^3 \\ &= 293,75 \,-\, (94,7\,+\,74,8) \cdot {}^{1\!/_{\! 2}} \cdot 0,016 \cdot \left(\frac{128}{9\,\pi}\right)^2 \\ &= 293,75 \,-\, 169,5 \cdot 0,008 \cdot \left(\frac{128}{9\,\pi}\right)^3 = 293,75 \,-\, 27,86 \,=\, 265,89 \,\, \mathrm{Fu}\,. \end{split}$$

hiernach folgt ber Wirfungsgrad biefer Daschine, ohne Rudfict auf bie Arbeit, welche bie Steuerung beansprucht,

$$\eta = \frac{265,89}{350} = 0,759$$

und bie Rupleiftung berfelben:

$$L = Q \left[h - \left(4 \varphi \frac{e}{d} (h_1 + h_1) + u. \text{ f. w.} \right) \right] \gamma = 265,89.1.61,75$$

= 16419 Fußpfund = 34,21 Pferbefräfte.

Berochnung der Steuerung. Ein fehr wichtiger Gegenstand ift §. 325 noch die Anordnung und Berechnung der Steuerung einer Basserstäusenmaschine. Da bei den neueren und besseren Maschinen vorzilglich nur die Kolbensteuerung vorkommt, so wollen wir im Folgenden auch nur auf biese Rücksicht nehmen. Betrachten wir zunächst das Zweikolbensteuerssystem, wie es bei einigen hiesigen Maschinen vorkommt, und in Fig. 576

%ig. 576.



abgebildet ist; nehmen wir hierbei an, daß der Steuers tolben S von unten mit der mittleren Druchöhe h_1 , von oben aber mit der mittleren Druchöhe h_2 vom Wasser gedrückt werde, und bezeichnen wir die Höhe des Gegenstolbens G über dem Steuersolben S durch k, daher auch die Höhe des Wasserducks unter G, $= h_2 - k$ und die über G, je nachdem das Druckwasser zugelassen oder abgesperrt wird, $= h_1 - k$ oder $h_2 - k$. Nehmen wir noch den Durchmesser des Steuersolbens S, $= d_1$ und den des Gegensolbens, $= d_2$ an, und sehen wir voraus, daß die Liberung beider Kolben ziemslich von einer und derselben Höhe sei.

Steht nun die Steuerkolbenverbindung oben, wie auch Fig. 576 anzeigt, so soll das Zulassen des Kraftwassers über G ein Niedergehen der Kolbenverbindung bewirken, es muß also die Differenz der Wasserbinde auf S und G in Bereinigung mit dem Gewichte R der Kolbenverbindung die Reibungen der beiden Kolben S und G übere

treffen. Der Drud über G ist $=\frac{\pi d_2^2}{4}(h_1-k)\gamma$, und der Gegendrud unter G, $=\frac{\pi d_2^2}{4}(h_2-k)\gamma$, ferner der Drud über S, $=\frac{\pi d_1^2}{4}h_2\gamma$, und der Gegendrud unter S, $=\frac{\pi d_1^2}{4}h_1\gamma$, daher folgt dann zunächst die niedertreibende Kraft:

$$P = \frac{\pi d_2^2}{4} (h_1 - k - h_2 + k) \gamma + \frac{\pi d_1^2}{4} (h_2 - h_1) \gamma + R$$

$$= \frac{\pi}{4} (d_2^2 - d_1^2) (h_1 - h_2) \gamma + R,$$

ober, bas Gefälle h1 - h2 burch h bezeichnet,

$$P = \frac{\pi}{4} (d_i^2 - d_i^2) h \gamma + R.$$

Die Rolbenreibung hat man, wenn fie auch teine hydrostatische ift, ber Liberungsbreite, bem Rolbenumfange und ber Differenz der Druckben zu beiben Seiten bes Rolbens proportional zu setzen, also burch bie Formel

$$F = \varphi \pi deh \gamma$$

auszubruden, und folglich im vorliegenden Falle

 $P = \varphi \pi e_1 (d_1 (h_1 - h_2) + d_2 [h_1 - k - (h_2 - k)]) \gamma = \varphi \pi (d_1 + d_2) e_1 h \gamma$ anzunehmen. Deshalb gift bann folgenbe Formel:

$$\frac{\pi}{4} (d_1^2 - d_1^2) h \gamma + R = \varphi \pi (d_1 + d_2) e_1 h \gamma,$$

ober vereinfacht:

1)
$$d_1^2 - d_1^2 + \frac{4R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2)$$
.

Soll hingegen bie Rolbenverbindung nach Absperren bes Dructwassers über G von ihrem tiefsten Stande aus emporsteigen, so muß der Ueberschuß der Differenz der Rolbendrucke auf S allein das Gewicht der Rolbenverbindungen und die Reibungen berselben übertreffen, weil sich hier die Drucke zu beiben Seiten von G aufheben, es muß also sein:

$$\frac{\pi}{4} d_1^2 (h_1 - h_2) \gamma = R + \varphi \pi (d_1 + d_2) e_1 h \gamma,$$

ober einfacher:

2)
$$d_1^2 - \frac{4R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2)$$
.

Diese Formeln können nun dazu bienen, die beiben Kolbendurchmesser d_1 und d_2 zu berechnen. Ohne Rücksicht auf das Gewicht R, welches bei großen Druckböhen auch stets nur einen sehr unbedeutenden Einsluß hat, ist

$$d_2^2 - d_1^2 = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2)$$
 und $d_1^2 = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2)$,

baher:

$$d_2^2 - d_1^2 = d_1^2$$
 ober $d_2^2 = 2 d_1^2$,

und fonach ber Durchmeffer bes Begentolbens:

$$d_2 = d_1 \sqrt{2} = 1,414 d_1$$

also ungefähr 7/5 mal Durchmesser bes Steuerfolbens.

Der lettere wird aus ber ersten Gleichung

$$d_2^2-d_1^2=4\ \varphi\ e_1\ (d_1+d_2)$$
 ober $d_2-d_1=4\ \varphi\ e_1$ bestimmt, wenn man hierin

$$d_2 = d_1 \sqrt{\frac{2}{3}}$$

einfest.

Dan erhalt auf biefe Beife:

$$d_1 = \frac{4 \varphi e_1}{\sqrt{2} - 1} = (\sqrt{2} + 1).4 \varphi e_1 = 2,414.4 \varphi e_1$$

unb

$$d_2 = 3,414.4 \varphi e_1.$$

Mit Berudfichtigung ber Kolbengewichte ift aber annähernd, jedoch ge-nugend genau,

$$d_{2} = \sqrt{2 d_{1}^{2} - \frac{8 R}{\pi h \gamma}} = d_{1} \sqrt{2} - \frac{4 R}{\pi h \gamma d_{1} \sqrt{2}}$$

$$= d_{1} \sqrt{2} - \frac{(\sqrt{2} - 1) R}{\varphi \pi e_{1} h \gamma \sqrt{2}},$$

baber folgt aus ber erften Gleichung:

$$d_2 - d_1 = 4 \varphi e_1 - \frac{4 R}{\pi h \gamma (d_1 + d_2)}$$

b. i.:

$$(\sqrt{2}-1)d_1 = 4 \varphi e_1 + \frac{(\sqrt{2}-1)}{\varphi \pi e_1 h \gamma \sqrt{2}} R - \frac{(\sqrt{2}-1) R}{\varphi \pi e_1 h \gamma (\sqrt{2}+1)},$$
 folglids:

$$d_1 = (\sqrt{2} + 1) 4 \varphi e_1 + \frac{(2 - \sqrt{2}) R}{2 \varphi \pi e_1 h \gamma}$$

und

$$d_2 = (\sqrt{2} + 2) 4 \varphi e_1 + \frac{(3\sqrt{2} - 4) R}{2 \varphi \pi e_1 h \gamma}.$$

Der Sicherheit wegen macht man beibe Durchmesser noch etwas größer, und töbtet die überstüssige Rraft beim zu schnellen Steuerkolbenspiele durch die schon aus dem Früheren bekannten Regulirungshähne. Den Beobsachtungen an bestehenden besseren Maschinen zufolge, kann man übrigens $4 \varphi e_1$ nur 0,1, also $\varphi e_1=^1/_{40}$ Fuß annehmen. Um beim Durchgange des Kraftwassers durch den Steuerchlinder möglichst kleine hydraulische Hindernisse zu erhalten, giebt man diesem Chlinder an dieser Stelle gern denselben Duerschnitt wie den Communications und Einfallröhren, und wenn nun die Formeln auf einen Durchmesser d_1 sühren, welcher kleiner ist als der Durchmesser der Einfallröhren, so kann man gleich im Boraus darauf rechenen, daß eine überstüssisse Kraft entsteht, welche durch die Stellhähne vermindert werden muß.

Beispiel. Es sei für die Steuerung einer Wassersaulenmaschine von 400 Fuß Gefälle das Zweitolbenspstem anzuordnen, bessen Gewicht man im Boraus auf 150 Pfund schätzt. Dhne Rucksicht auf dieses Kolbengewicht hat man die Durchmesser

 $d_1=2,414.4\ \varphi\ e_1=2,414.0,1=0,2414\ \mathrm{Fu}\ \mathrm{f}=2,897\ \mathrm{GoII}$ and

 $d_2=3,414\cdot 0,1=0,8414$ Fuß = 4,097 Boll; mit Berudfichtigung biefes Gewichtes aber

$$d_1 = 0.2414 + \frac{0.586 \cdot 150}{0.05 \cdot 400 \cdot 61.74 \pi} = 0.2414 + \frac{0.586}{8.23 \cdot \pi} = 0.414 + 0.0227$$

= 0.2641 Fuß = 3.169 Sell und

$$d_2 = 0.3414 + \frac{0.243 \cdot 150}{0.05 \cdot 400 \cdot 61.74 \pi} = 0.3414 + 0.0094 = 0.3508$$
 fuf = 4.209 geV.

Hinreichend ficher geht man, wenn man nun die Durchmeffer $d_1=3\frac{1}{3}$ Joll und $d_2=5$ Joll in Anwendung bringt. Bei diesem kleinen Gegenkolben ift allerdings nur ein kleines Steuerwasserquantum nöthig, dasur sindet aber auch das Wasser bei seinem Durchgange durch den Steuervhlinder ein größeres hydrauslisches hinderniß vor. Nimmt man deshalb $d_1=6$ Joll, so muß man allerdings mindestens $d_2=d_1\sqrt{2}=1{,}414.6=8{,}484$ Joll, also etwa $8^3/_4$ dis 9 Joll machen, und die überstüssissen Kräfte beim Ause und Riedergange, durch die Stellhähne vernichten.

§. 326 Bei dem Dreikolbenspsteme ist der Gang der Berechnung im Ganzen nicht von dem Borigen verschieden, nur hat man hier den Bortheil, daß man den einen Kolbendurchmesser beliebig, z. B. den eigenklichen Steuerkolbendurchmesser so groß annehmen kann, als die Einfallröhre weit ist. Die Steuerung bei der in Fig. 569 abgebildeten zweichlinderigen Wassersaulenmaschine wird hiernach auf folgende Weise zu berechnen sein. Bezeichnen wir den Durchmesser des unteren oder ersten Steuerkolbens durch d1, den des zweiten durch d2 und den des oben aussitzenden Gegenkolbens durch d2, so können wir wegen des nöthigen Niederganges setzen:

1)
$$d_1^2 - d_2^2 + d_3^2 + \frac{4R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
,

und wegen bes Aufganges:

2)
$$d_2^2 - d_1^2 - \frac{4R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
.

Aus d1 lassen sich nun mit Hilse bieser Formeln d2 und d3 berechnen. Der Sicherheit und ber hybraulischen Hinbernisse wegen nimmt man aber d2 noch etwas größer an, als sich aus diesen Formeln berechnen läßt. Führt man diesen Werth in die Formel

$$2(d_1^2-d_2^2)+d_3^2+\frac{8R}{\pi h \gamma}=0$$

ein, fo erhalt man ben Berth bes Durchmeffers vom britten Rolben:

$$d_3 = \sqrt{2(d_2^2 - d_1^2) - \frac{8R}{\pi h \gamma}},$$

ben man aus ben eben angeführten Gründen ebenfalls fehr reichlich nimmt.

Filr die Steuerung der in Fig. 572 abgebildeten Wassersäulenmaschine lassen sich folgende Formeln entwickeln. Es bezeichnet h_1 die mittlere höhe der Kraft und h_2 die der Lastwassersäule, ferner d_1 den Durchmesser des Steuerkolbens, d_2 den des Gegenkolbens und d_2 den Durchmesser seines gleichsam einen dritten Kolben bildenden Aufsatzes. Es ist dann die Kraft beim Niedergange:

$$rac{\pi}{4} \left[d_1^2 \left(h_1 - h_2 \right) + \left(d_2^2 - d_3^2 \right) h_1 - d_2^2 h_1 \right] \gamma + R,$$
und die des Aufganges:

$$\frac{\pi}{4} \left[d_2^2 h_1 - (d_2^2 - d_3^2) h_2 - d_1^2 (h_1 - h_2) \right] \gamma - R;$$

baher:

1)
$$d_1^2 - \frac{h_1}{h} d_3^2 + \frac{4 R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
 und

2)
$$d_3^2 - d_1^2 + \frac{h_2}{h} d_3^2 - \frac{4R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
.

Hat man d_1 gegeben, so kann man hiernach d_2 und d_3 berechnen, muß aber aus bekannten Gründen für d_2 einen etwas größeren, sowie für d_3 einen etwas Keineren Werth in Anwendung bringen. Uebrigens rechnet man leichter mit den Formeln

1)
$$d_3^2 - d_3^2 = 8 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
 und

2)
$$d_3^2 + \left(\frac{h_1 + h_2}{h}\right) d_3^2 = 2 d_1^2 + \frac{8 R}{\pi h \gamma}$$

Für die in Fig. 577 (a.f.S) abgebildete und bereits oben im Allgemeinen kennen gelernte Steuerung einer Clausthaler Wassersaulenmaschine hat man endlich, wenn d_1 den Durchmesser des Steuerkolbens, d_2 den Durchmesser des oberen ober Gegenkolbens und d_3 den des unteren oder Wendekolbens bezeichnet, die Kraft beim Niedergange:

$$\frac{\pi}{4} \left[d_1^2 \left(h_1 - h_2 \right) - d_2^2 h_1 \right) \right] \gamma + R,$$

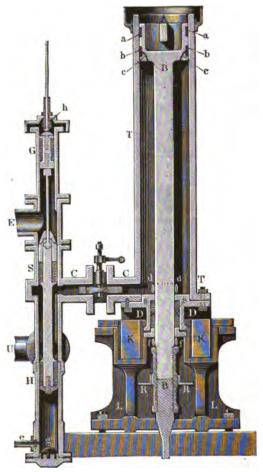
und hingegen beim Aufgange:

$$\frac{\pi}{4} \left[d_3^2 \left(h_1 - h_2 \right) - d_1^2 \left(h_1 - h_2 \right) + d_2^2 h_1 \right] \gamma - R;$$

daher:

1)
$$d_1^2 - \frac{h_1}{h} d_2^2 + \frac{4R}{\pi h \nu} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
 und

2)
$$d_3^2 - d_1^2 + \frac{h_1}{h} d_2^2 - \frac{4R}{\pi h \gamma} = 4 \varphi e_1 (d_1 + d_2 + d_3)$$
.
§ig. 577.



Beispiel. Wenn bei der letten Maschine die Druchbhen $h_1=688$ Fuß und $h_2=75$ Fuß betragen, ferner das Gewicht R der Kolbenverbindung 170 Pfund und der Steuerkolbendurchmeffer $d_1=\frac{1}{2}$ Fuß angenommen wird, so erzgeben sich die Durchmeffer der übrigen Kolben auf folgende Weise.

Es ist $d_3^2=8$ φ e_1 $(d_1+d_2+d_3)$ und auch =2 $d_1^2-\frac{2h_1}{h}d_2^2+\frac{8R}{\pi\,h\gamma}$, oder in Zahlen:

 $d_2^2 = 0.2 \ (0.5 + d_2 + d_3) \ \text{und} = 0.5 - 2.248 \ d_2^2 + 0.0114.$ Rimmt man nun $d_2 = 0.3$ Fuß an, so erhält man ein Mal:

 $d_{\rm s}^{\, a}=0{,}5114-0{,}2023=0{,}3091,$ also $d_{\rm s}=0{,}556,$ und hiernach bas zweite Mal:

 $d_{s}^{s} = 0.2 \cdot 1.356 = 0.2712$, b. i. $d_{s} = 0.5207$,

nimmt man aber $d_2 = 0.33$ an, fo erhalt man:

 $d_3^2 = 0.5114 - 0.2448 = 0.2666$, baher $d_3 = 0.516$, und and

 $d_a^a = 0.2.1,346 = 0.2692$, folglich $d_a = 0.519$.

Hiernach ware $d_2=0.33.12=8.96$, also circa $4\,\mathrm{Boll}$, und $d_3=0.52.12=6.24$, also circa $6\,^{1}\!/_{4}\,$ Boll $_{4}$ u nehmen. In Wirslichkeit ift $d_2=4\,$ Boll $_{1}$ 6 Linien und $d_3=5\,$ Boll $_{2}^{9}\!/_{3}\,$ Linien, woraus geschlossen werben fann, daß hier $_{4}$ 9 noch etwas sieiner als $_{1}$ 0.1 ausfällt.

Anmer fung. Um genauer ju rechnen, mußte man noch ben Querichnitt ber Steuerfolbenftange in Betracht gieben.

Steuerwasserguantum. Das Steuerwasserquantum ober bas §. 327 Waffer, welches zur Bewegung ber Steuerfolbenverbindung verwendet wird. giebt zu einem besonderen Arbeitsverlufte ober zur Berabziehung des Wirtungsgrades Beranlaffung, weil es bem eigentlichen Betriebswaffer entzogen Man foll es baber auch fo viel wie möglich herabziehen und beshalb nicht nur den Gegenkolbendurchmesser da, sondern auch den Weg des Steuerfolbens möglichft flein machen. Diefer Weg hangt aber von ber Sohe bes Steuerkolbens und von der Sohe der Communicationsröhre, und erstere wieder von der letteren ab; aus diesem Grunde hat man also die Communicationsröhre, welche ben Steuerchlinder mit dem Treibenlinder verbindet, möglichst niedrig zu machen, und bas Fehlende lieber an Breite zuzusezen. Deshalb ist benn auch diese Röhre gewöhnlich rectangulär im Querschnitte und hat mit bem Treibenlinder einerlei Beite d. Querschnitt dieser Röhre dem der Ginfallröhre gleich sein, so hat man:

$$ad=\frac{\pi d_1^2}{4},$$

folglich die Bohe ber Communicationerohre

$$a=\frac{\pi\,d_1^2}{4\,d}$$

zu nehmen. Damit ber Steuerkolben beim halben Hube richtig abschließe, macht man ihn breimal so hoch als die Röhre, nimmt also bessen höhe $a_1=3$ a, deshalb ift der Steuerkolbenweg selbst:

$$s_1 = a_1 + a = 3a + a = 4a$$

und bas pr. Spiel verbrauchte Steuerwafferquantum:

$$= \frac{\pi d_3^2}{4} s_1 = \pi a d_3^2.$$

Macht nun die Maschine pr. Minute n Spiele, so ist das pr. Secunde verbrauchte Steuerwasserquantum:

$$Q_1 = \frac{ns_1}{60} \cdot \frac{\pi d_3^2}{4} = \frac{na}{60} \pi d_3^2,$$

und baber ber entsprechende Berluft an Leiftung pr. Secunde:

$$L_1 = \frac{ns_1}{60} \cdot \frac{\pi d_3^2}{4} \cdot h\gamma = \frac{s_1}{s} \left(\frac{d_3}{d}\right)^2 L.$$

Es wird also dieser Berluft um so kleiner, je größer der Treibkolbenhub sift, je weniger Spiele also die Maschine macht.

Was endlich noch die außere sowie die Hulfsteuerung anlangt, so ist die Kraft, welche die Bewegung derselben beansprucht, so flein, daß wir dieselbe recht gut außer Acht lassen oder uns wenigstens mit deren Absichätzung begnügen können. Ueber die hierbei vorkommende Umsetzung der Bewegung wird aber später an einem anderen Orte, wenn von den Zwisschenmaschinen die Rede ist, ausstührlich gehandelt.

Beispiel. Wenn bei ber im Beispiele ju §. 324 berechneten Baffersalenmaschine ein Steuerfolben von 9 Boll Durchmeffer und daher ein Gegenfolben von 9 $\sqrt{2}=13$ Boll angewendet wird, wenn serner die Communicationsröhre die höhe

$$a = \frac{\pi d_1^2}{4 d} = \frac{9^2 \pi}{4.20} = \frac{81 \pi}{80} = 3.18 301$$

und beshalb ber Steuerfolben bie Bobe

$$a_1 = 3 a = 9,54 \text{ Boll}$$

erhalt, und fein Spiel ben Bub

$$s_1 = a_1 + a = 12,72 \text{ Boll} = 1,06 \text{ Fuß}$$

beträgt, fo hat man bas Steuerwafferquantum pr. Spiel:

$$V_1 = \frac{\pi}{4} \ (^{18}/_{12})^{3} \cdot 1,06 = 0,977$$
 Gubiffuß,

und baher ben entsprechenben Arbeiteverluft pr. Secunde:

$$L_1 = \frac{n}{60} \cdot 0,977 \cdot h\gamma = \frac{4}{60} \cdot 0,977 \cdot 350 \cdot 61,75$$

= 1408 Fußpfund ober eirca 3 Pferbefrafte.

Sicherlich wurde man ökonomischer zu Werke gehen, wenn man einen schwächeren Steuerkolben und eine niedrigere Communicationsröhre anwendete, benn wenn man auch badurch die hydraulischen hindernisse etwas vermehrte, so würde man doch dadurch an Leistung nicht so verlieren, als durch Ersparnis an Steuerwasser gewinnen.

§. 328 Ersahrungsrosultate. Ueber bie Leistung en ber Wasserschlemmaschinen sind erschöpfende Bersuche nicht angestellt worden. In der Regel werden diese Maschinen nur in Bergwerken zum Heben des Wassers durch Pumpen verwendet, und es erstrecken sich die gemachten Bersuche höchstens nur auf die Ermittelung der Leistung von der ganzen aus der Wasserschlemmaschine und aus Pumpen bestehenden Maschine. Da nun aber über die Pumpen selbst hinreichend sichere Beobachtungen ebenfalls nicht bekannt sind,

so läßt sich allerbings mit aller Sicherheit ber Wirtungsgrab ber Wasserssäulenmaschine nicht berechnen. Dagegen ist es sehr leicht, eine angenäherte Bestimmung bieses Wirtungsgrabes zu sinden, wenn man die Boraussetzung macht, daß die Wirtungsgrabe der Wassersäulenmaschinen und Pumpen in einem bestimmten Verhältnisse zu einander stehen; diese Voraussetzung läßt sich aber recht gut machen, da beide Maschinen in ihrer Construction und Bewegungsweise einander sehr ähnlich sind. Sewiß rechnet man nicht zum Vortheil für die Wassersäulenmaschine und entsernt sich überhaupt nicht sehr von der Wahrheit, wenn man den Arbeitsverlust der ganzen Maschine zur Hälfte der Wassersiussers und zur Hälfte der Pumpenmaschine beimist. Die Rechnung hierbei ist sehr einfach. Die disponible Leistung ist:

$$L=\frac{n}{60} (Fs + F_1 s_1) h \gamma,$$

wofern F_1 ben Querschnitt und s_1 ben Hub des Wendekoldens bezeichnet, die gewonnene Leistung aber ist $\frac{ns}{60}$ $F_2\,h_2\,\gamma$, wenn F_2 den Querschnitt der Bumpenkolden und h_2 die Höhe bezeichnet, auf welche das Wasser durch die Pumpen gefördert wird. Der Arbeitsverlust ist daher:

$$L_1 = \frac{n}{60} (Fs + F_1 s_1) h \gamma - \frac{ns}{60} F_2 h_2 \gamma$$

= $\frac{n}{60} [(Fs + F_1 s_1) h - F_2 s h_2] \gamma$,

und bemnach ber Wirtungegrad ber Bafferfaulenmaschine:

$$\eta = 1 - \frac{1}{2} \frac{(Fs + F_1 s_1)h - F_2 sh_2}{(Fs + F_1 s_1)h} = \frac{1}{2} + \frac{F_2 sh_2}{2(Fs + F_1 s_1)h}$$
$$= \frac{1}{2} (1 + \eta_1),$$

wenn η_1 den Wirtungsgrad der ganzen Maschine bezeichnet. Hierbei wird freilich vorausgesetzt, daß Wasserverluste nicht vorkommen; bei gutem Zustande der Maschinen sind diese aber so klein, daß man sie außer Acht lassen kann. Unter Anderem sindet Herr Jordan, der Erbauer der Clausthaler Maschine den mittleren Wasserverlust bei der Wasserslustenmaschine = 1/4 und den der Pumpen = 21/4 Procent. Die Aussührung der Bersuche ist nun dadurch zu bewirken, daß man die Regulirungsapparate in der Einsallund Austragröhre vollständig öffnet, und die Steighöhe der Pumpen so weit erhöht, dis die Maschine regelmäßig die verlangte Anzahl von Spielen vollbringt.

Durch Bersuche ber Art fand Jordan an der einen der zwei Schwestermaschinen in Clausthal: bei 4 Spielen pr. Minute, $\eta_1=0,6568$ und bei 3 Spielen, $\eta_1=0,7055$, und es ist daher im ersten Falle

$$\eta = \frac{1,6568}{2} = 0,8284,$$

und im zweiten

$$\eta = \frac{1,7055}{2} = 0,8527,$$

folglich im Mittel

$$\eta = \frac{1,6811}{2} = 0.84$$

anzunehmen.

Benn es nicht thunlich ift, die höchste Birkung einer Wasserfallenmaschine burch Bergrößerung der Steighöhe des Pumpenwerks zu erlangen, so kann man auch den zur Ermittelung des Wirkungsgrades nöthigen regelmäßigen Gang durch Berminderung der Krastwassersäule sich verschaffen; jedoch ist dieses Berfahren nur dann zulässig, wenn die Krastreserve der Maschine nicht bedeutend, und also auch die abzutragende Wassersäule nicht sehr hoch ist. Hierorts hat man die Berminderung der Wassersäule bloß durch wirkliches Einfallen des Aufschlagwassers in die Einfallröhre bewirkt, und den eigentlichen Wasserstand in dieser durch eine an einen Faden aufgehängte Schwimmkugel gemessen. Auf diese Weise hat sich dei der Wassersäulenmaschine auf Alte Wordgrube, wenn dieselbe pr. Minute drei Spiele machte,

$$\eta_1 = 0.684$$

folglich ber Wirkungsgrab ber blogen Bafferfäulenmaschine

$$\eta = \frac{1,684}{2} = 0,84$$

herausgestellt.

Die meisten Angaben über die Wirtung anderer Wasserfäulenmaschinen sind zu unsicher, um ihnen einen Werth beilegen zu können, weil sie sich auf Beobachtungen bei nicht völlig geöffneter Tagepipe stützen und die Stellung bieser nicht hinreichend genau beobachtet worden ist. Nimmt man den einer gewissen Stellung dieser Pipe entsprechenden Widerstandscoefficienten & aus der Tabelle in Bb. I, §. 443, so läßt sich daraus das hierbei durch diesen Apparat vernichtete Gefälle y berechnen, indem man sest:

$$y = \zeta \cdot \frac{v_1^2}{2g} = \zeta \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2g},$$

und man tann baher auch ben Wirkungsgrad burch bie Formel

$$\eta = \frac{1}{2} \left[1 + \frac{F_2 s h_2}{F_s \left[h - \xi \left(\frac{d}{d_1} \right)^4 \frac{v^2}{2 g} \right] + F_1 s_1 h} \right]$$

berechnen.

Beispiel. Gine Bafferfaulenmafcine consumirt pr. Spiel 10 Cubiffuß Rraft und 0,4 Cubiffuß Steuerwaffer, bas Gefalle berfelben ift 300 Fuß, ferner bie

mittlere Geschwindigkeit des Wassers in der Einfallröhre 6 Fuß und die Stellung der in einem kreissörmigen Drosselventile bestehenden Tagepiepe, 60°. Wenn nun durch dieselbe pr. Spiel ein Wasserquantum von 3,5 Cubitsuß 420 Fuß hoch gehoben wird, wie groß ist der Wirtungsgrad dieser Naschine zu setzen? Nach Bb. I, §. 443 ist für 60° Stellung der Klappe, $\zeta = 118$, daher:

$$\zeta \cdot \frac{v_1^s}{2g} = 118.0,016.6^s = 68 \text{ Fuß,}$$

folglich läßt fich fegen :

$$\eta = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{3,5.420}{10(300 - 68) + 0,4.300} \right) = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{3,5.42}{232 + 12} \right) = \frac{1}{2}.1,6025 = 0,81.$$

Wassersäulenmaschinen mit Rädern verglichen. Bergleichen §. 329 wir bie Bafferfaulenmafdinen mit ben Bafferrabern, fo finden wir allerbings manche Borguge biefer Mafchinen gegen bie Raber, wiewohl auf ber anderen Seite auch die Wasserräber ihre besonderen Borgige besitzen. Die Wafferraber haben jebenfalls ben Borgug ber Ginfachheit und Bohlfeilheit vor ben Bafferfäulenmaschinen, und aus biefem Grunde wird man ba, wo fich Bafferraber mit Bortheil anwenden laffen, alfo bei Gefällen von noch nicht 60 fuß, die Anwendung eines oberschlägigen Bafferrades. und fogar bei Befällen von 100 Fuß zuweilen fogar bie Anwendung ameier oberschlägigen Wafferraber ben Borzug geben vor einer Wafferfaulenmaschine. Beträgt aber bas Gefälle mehr als zwei größte Rabhohen, fo ift mohl in ben meiften fällen eine Bafferfanlenmaschine vortheilhafter als ein ganzes Raberinftem, beffen Anschaffunge und Unterhaltungetoften vielleicht bie einer Bafferfäulenmaschine noch übertreffen. Bei hohen Gefällen tann man aber auch horizontale Wafferraber anweuden; es bleibt baber bier nur zu erortern übrig, wie fich bie Bafferfaulenmaschinen gegen biefe Raber verhalten. In Binficht auf Ginfachheit und Wohlfeilheit ift allerbinge auch biefen Rabern ein, und zwar beachtungswerther Borgug zu geben, weil biefelben bei boben Gefällen fehr tlein und baber verhaltnigmäßig fehr wohlfeil ausfallen. Bang anders ift es freilich in Binficht auf die Leistung ober ben Wirkungs-Bei boben Gefällen läkt fich von ben Turbinen ober Reactionsräbern bochftens ein Wirfungegrad von 0,70 erlangen, bei Bafferfaulenmafdinen bingegen ein Wirtungegrad von 0,80. In Binficht auf die Leiftung find alfo bie Wafferfaulenmafchinen ben horizontalen Bafferrabern vorzuziehen, ben oberschlägigen Wafferrabern aber minbeftens an bie Seite zu ftellen. Biernach wird also bei hohen Gefällen ba, wo es nothig ift, die Rraft febr zu sparen, ben Bafferfäulenmaschinen ber Borgug zu geben, und ba, wo ein Mangel an Waffertraft nicht vorhanden ift und wo es auf Roftenersparung ankommt, werben bie Turbinen vorzuziehen fein.

hierzu tommt aber noch, bag Bafferfäulenmaschinen nur eine auf und niebergebende, Turbinen hingegen eine ftetig rotirende Bewegung geben, aus

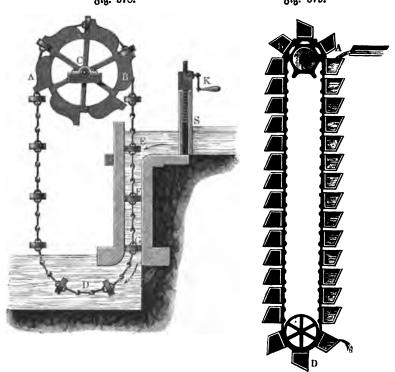
welcher sich jebe andere Bewegung leicht ableiten läßt, was bei der ersten Bewegungsweise nicht so leicht möglich ist. Aus diesem Grunde findet man die Wasserschulenmaschinen nur selten, und zwar vorzüglich nur beim Bergsbau zum Wasserheben angewendet.

Den Nachtheil, daß man die überflüffige ober Reservetraft durch Stellung ber Tagepipe ober eines anderen Regulirungsapparates töbten muß, haben die Wasserfaulenmaschinen mit ben Turbinen gemeinschaftlich.

Anmerkung. Bie fich Bafferfaulenmaschinen burch Ruppelung, Borgelege u. f. w. zur Erzeugung einer rotirenben Bewegung verwenden laffen, kann erft pater bei ben Arbeitsmaschinen auseinandergesett werden.

§. 330 Kottonräder. Noch hat man andere Maschinen, welche zwar durch die Kraft des Wassers in Bewegung gesetzt werden, aber weder den Rädern, noch den Wasserschungschien beizuzählen sind, sondern sich mehr zwischen diese stellen lassen. Unter diesen Waschinen wollen wir aber solgenden einige Ausmerksamkeit schenken.

Das Kolbenrad (franz. roue à piston; engl. chain of buckets) ift Fig. 578. Fig. 579.

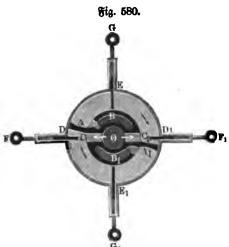


in neuester Zeit wieber von Lamolidres als Praftmafchine angewenbet worden (f. Technologiste, Sept. 1845, ober Bolytechnisches Centralblatt, Bb. VII, 1846). Die Baupttheile biefer Mafchine find ein Rab A CB, Fig. 578, eine um baffelbe liegende Rette ADB mit Rolben E, F, G u. f. w., und eine Röhre EG, burch welche die Rette fo hindurchgeht, daß ihre Rolben den Querschnitt ber Röhre ziemlich genau ausstüllen. Das bei E oben zustließende Baffer sinkt in der Röhre EG nieder und druckt hierbei auf die Rolben F, G, so bag biefe ebenfalls mit niedergeben und baburch die gange Rette mit bem Rade AB, an bas nun eine Laft angeschloffen werben tann, in Bewegung feten. Lamolieres' Rolbenrab besteht aus zwei Retten und aus 10 bis 15 mit Leder abgeliberten Schaufeln. Diefelben find elliptisch geformt und achtmal so lang als breit. Das Rad besteht aus zwei Scheiben mit feche Ginschnitten zur Aufnahme ber Schaufeln. Bei einem Gefälle von 2 Meter, einer Schaufelflache von 0,0246 Quadratmeter, einem Aufschlag Q von 31 Liter und einer Umbrehungszahl u von 36 bie 39 foll fich ein Wirtungsgrad von 0,71 bis 0,72 herquegeftellt haben.

Ein ähnlicher Apparat ist die Eimerkette (franz. noria, chapelet, engl. chain of buckets). Hier sind Gesäße oder Eimer mit der Kette ABD, Fig. 579 verbunden, und dasür fehlt die Röhre ganz. Das bei A oben zusließende Wasser stüllt die Eimer, nöthigt diese dadunch zum Niedersinken und bringt so die Kette mit dem Rade ACB in Bewegung. Das Wasser sließt natürlich unten aus den Eimern und diese steigen auf der anderen Seite leer empor. Diese Waschinen sollten einen großen Wirkungsgrad geben, weil sie beinahe das ganze Gefälle nutbar machen, allein sie gehören doch zu den unvolltommensten Wasschinen, weil sie zu viel bewegliche Theile haben, die sich bald absühren und zu besonderen Berlusten und immerwährenden Reparaturen Beranlassung geben.

An merkung 1. Enblich lassen sich auch die sogenannten Rotationspumpen, Rotationsdampsmaschinen u. s. w. zur Aufnahme der Wasserkaft benuten. In Big. 580 (a. s. s.) ist der Durchschnitt von einer der vorzüglichten Maschinen dieser Art abgebildet. Der Versässer hat diese Maschine Wassersallenrad genannt und eine Beschreibung und Theorie desselben im Polytechn. Gentralblatt, Jahrzgang 1840, Aro. 9 niedergelegt. Es ist BOB_1 eine farke und genau abgedrehte Welle, und es sind A und A_1 zwei mit ihr fest verdundene Flügel, welche hier als Kolben dienen. Diese Kolben sind von einem seststedenden Gehäuse DED_1E_1 genau umschlossen, und es ist dasselbe mit vier Schiebern DF, D_1F_1, EG und E_1G_1 , welche durch die Maschine selbst heraus- und hereingezen werben und badurch das Steuern der Maschine selvervordringen, versehen. Die Welle ist der Länge nach dreisach durchbohrt, und jede Bohrung hat auch noch eine Seitendohrung innerhalb des Gehäuses. Das Krastwasser sließt durch die innere Bohrung O zu, tritt durch die Seitendohrungen C und C_1 in den, übrigens abgeschusen, hohlen Raum zwischen Welle und Gehäuse, drückt dabei gegen den

Kolben A und A1 und fest baburch bie Belle in Umbrehung. Damit biefe Umbrehung burch bie Schieber nicht gestört werbe, muffen fich biefelben fiets gu-



rückziehen, ehe die Kolben bei benfelben ankommen, damit aber auch auf der entgegengesetten Seite der Kolben kein Krastwasser brücke, mussen die Schieber nach dem Durchgange der Kolben wies der zurückzehen und badurch die Raune ABE und $A_1B_1E_1$ absperren, welche nur mit den Bohrungen B und B_1 communiciren, durch die das Wasser nach vollbrachter Wirfung abgeführt wird.

Anmerfung 2. Bu ben Rolbenmaschinen ist auch die Maschine zu rechnen, welche ihr Erstinder 2. G. Girard "Moteur pompe" genannt hat. S. Delaunay's Cours de Mécanique, II. Partie.

Wir theilen nun noch bie Literatur und Rotigen Soluganmerfung. aber bie Statistif ber Bafferfaulenmaschinen mit. Belibor beschreibt in feiner Architecture hydraulique eine Bafferfaulenmaschine mit horizontalem Treibchlinber, auch erfährt man von ihm, bag icon 1731 bie Berren Denifarb und be la Duaille eine Art Bafferfaulenmafchine conftruirt haben. hatte jeboch nur 9 guß Gefälle und trieb burch einen Rolben etwa nur ben awanzigften Theil bes' Kraftwaffers 32 Rug bober. Wie es scheint, so ift jedoch bie Bafferfaulenmaschine jum Bafferbeben beim Bergbau zuerft von Binterfcmibt und balb nachher auch von Soll erfunden ober wenigstens verbeffert morben. Das Rabere über biefe Erfindung ift nachzulefen in Buffe's Betrachtung ber Binterfdmibt's und Soll'ichen Bafferfaulenmaschine u. f. w., Freiberg, 1804. Gine Befchreibung und Beichnungen ber Winterfcmibt'ichen Maschinen findet man in Calvör's historisch=chronologischer Nachricht u. f. w. des Maschinenwesens u. f. w. auf bem Oberharze, Braunschweig, 1763. Die Soll'iche Maschine lernt man aus ber Anleitung jur Bergbaufunft von Delius, Wien 1773, und aus ber Befdreibung ber bei bem Bergbau ju Schemnit errichteten Dafdinen von Boba, Brag 1771, fennen. Jest im Bange befindliche Bafferfäulenmaschinen finden fich in Baiern, Sachsen, am Harz, in Ungarn, Karnthen, in ber Bretagne u. f. w. vor. Bon ben baierifchen Dafdinen werben wir fpater, wenn vom Wafferheben bie Rebe ift, handeln, übrigens aber find bis jest ausführliche Befchreibungen von Diefen Daschinen gar nicht vorhanden, boch findet man Manches hierüber in Langeborf's Maschinenfunde, in Sachette's Traité élémentaire des Machines, und in Flachat's Traité élémentaire de Mécanique. Die Sauptverhaltniffe ber von Brenbel in Sachfen ausgeführten Bafferfaulenmaschinen findet man in Gerfiner's Dechanit angegeben, wo auch bie Rarnthner ober Bleiberger Dafchinen gang ausführlich befchrieben finb. Die Dafdinen im Schemniter Bergrevier behandelt Schitto in feinen Beitragen

jur Bergbaufunde, bie beiben Clausthaler Mafchinen aber beschreibt Jorban in Bb. X von Rarften's Archiv für Mineralogie u. f. w.; jeboch ift biefe Befdreibung auch einzeln bei Reimer in Berlin erfchienen. Die Bafferfaulenmafchine auf ber Grube huelgoat in ber Bretagne hat ihr Erbauer Junter ausführlich in Bb. VIII ber Annales des mines beschrieben; unter bem Titel: Mémoire sur les machines à colonne d'eau de la mine d'Huelgoat, Paris 1835, ift bie Beschreibung bieser Daschine auch separat zu erlangen. Rur wenig befannt ift bie fleine Bafferfaulenmafchine von Althans auf ber Grube Bfingftwiese bei Ems, ebenso bie Ben iche l'iche Bafferfaulenmaschine auf ber Roblengrube zu Oberfirchen in Rurheffen , und bie Daschinen zu Sangershaufen und ju Gerbstäbt im Manefelbifchen. Alle biefe letteren Dafdinen find übrigens eigenthumlich conftruirt. Die S. 312 abgehandelte englische Bafferfaulenmaschine (Darlington's water pressure engine) ift abgebilbet und beschrieben in Bb. II ber englischen Ueberfetung biefes Berfes. Die Bafferfaulenmaschine gu Lautenthal am Barg ift vom herrn Dberbergrath Jugler im Rotigblatte bes hannoverichen Architecten= und Ingenieur-Bereins Bb. III befchrieben, und es ift hiervon auch ein besonderer Abbruck im Buchhanbel zu haben. Rotigen über einige englische Bafferfaulenmaschinen enthält bie Schrift: Records of Mining and Metallurgy or facts and Memoranda for the use of the Mine Agent and Smelter by A. Philipps and J. Darlington, London 1857. Gine turge Abhandlung über englische Bafferfaulenmaschinen findet fich in 3. Glunn's Rudimentary Treatease on the power of water, London 1853. by J. Weale. Le wis' Bafferfaulenmafdine ift mit zwei Binbfeffeln verfeben. S. Bolytechn. Centralblatt, 1863, Rr. 17. Ueber bie in neueren Beiten bei bem öfterreichischen Bergbau zur Ausführung gekommenen Baffersaulenmaschinen finbet man vielfache Nachrichten in ber Schrift: "Erfahrungen im berg- und huttenmannischen Maschinenwesen u. f. w. von Beter Rittinger, und gwar in ben Sabrgangen 1854, 1856, 1858, 1860 und 1862. Die eigenthumlichfte biefer Dafchinen ift bie im letten Jahrgang beschriebene Baffersaulenmaschine im Abelbertfcacht bei Brzibram. Diefelbe hat eine Schieberfteuerung fowie einen Entlaftungefolben u. f. w.

Die eigenthämlich conftruirte Bafferfaulenmaschine, welche ber herr Runftmeister Bornemann in Schneeberg ausgeführt hat, find in Bb. II des Civilingenieurs beschrieben. Bon den Baffersaulenaufzügen und Bafferfaulenfrahnen sowie von den Baffersaulenfunsten und Baffersaulengopeln, wird im dritten Bande

gehandelt.

Siebentes Capitel.

Bon ben Binbrabern.

Windräder. §. 331 Die atmosphärische Luft tann entweder burch ibre Strömungen ober burch ihre Expansivfraft mechanische Arbeiten verrichten. Am gewöhnlichsten benutt man aber bie naturlichen Luftströmungen ober ben Bind gur Berrichtung von mechanischer Arbeit, und gwar burch Anwendung von Rabern, welche einen Theil ber lebenbigen Rraft bes gegen fie fich bewegenben Windes ju Gute machen. Diefe Raber beigen Windrader (frang. roues & vent; engl. wind-wheels), die unterftugenben Bebaube fammt Rabern und allen übrigen Theilen werben Windmublen (franz. moulins à vent; engl. wind-mills) genannt. Ein Windrad ift zwar eine Radwelle zur Aufnahme ber Bindtraft, wie ein Bafferrad eine Radwelle zur Aufnahme der Wassertraft, doch weichen beide Raber beshalb wesentlich von einander ab, weil das eine einem nach allen Seiten bin unbegrenzten Luftstrome, bas andere aber einem gang ober wenigstens theilweise begrenzten Bafferftrome entgegengerichtet ift. Ein gewöhnliches Schaufelrab, bem unbegrenzten Windstrome entgegengerichtet, tann gar teine Umbrehung annehmen, weil ber Wind die Schaufeln auf der einen Seite bes Rades genau ebenso ftart ftogt, ale die auf der anderen Seite, beibe Stogfrafte also einander aufheben. Um es zur Aufnahme der Windtraft geschickt au machen, mußte ber Winbstof nur einseitig auf bas Rab wirten, und baher die andere Seite bes Rades gegen ben Wind geschützt, etwa von einem feststehenden Mantel umgeben werden. Diefer Mantel tann allerdings erspart werden, wenn man die Schaufeln beweglich macht, nämlich biefelben an Angeln fo aufhangt, bag fie fich von felbst auf ber einen Seite bes Rabes mit ber breiten Rlache bem Winbstrome entgegenstellen, auf der anderen Seite aber burch Entgegenstellen mit ber schmalen Seite fich bem Bindftoge so viel wie möglich entziehen. Um solche Raber nicht nach ber Windrichtung stellen zu muffen, giebt man benfelben eine verticale Umbrehungsare, läßt biefelben alfo in Horizontalebenen umlaufen, weshalb man fie auch horizontale Windraber (franz. roues horizontales à vent; engl. horizontal wind-wheels) genannt hat.

Bortheilhafter als die Schaufelräber find aber die sogenannten Flügelsräber (franz. volants; engl. sail-whoels), d. i. Räber, beren Aren bem Winds ober Wasserstrome entgegengerichtet sind und beren nur in sehr kleiner

Anzahl vorhandene Arme breite Flächen oder sogenannte Flügel (franz. ailes; engl. vanes, sails) tragen, welche zur Aufnahme der Windfraft bienen und deshalb dem Windstrome unter einem schiesen Winkel entgegengerichtet sind. Da die Richtung des Windes eine mehr oder weniger horizontale ist, so hat man natürlich auch das Flügelrad mit seiner Axe ungefähr horizontal zu legen, weshalb seine Umdrehungsebene eine mehr verticale ist, und das Rad auch ein verticales Windrad genannt wird.

Anmerkung. Man hat auch hortzontale Windraber mit hohlen Schaufeln angewendet und diese Ranemoren genannt. Da der Windstoß gegen eine hohle Flache größer ift als gegen eine erhabene, und diese Schaufeln dem Winde auf der einen Seite des Rades die hohle und auf der anderen die erhabene Sette zuwenden, geht allerdings ein solches Rad ohne alle weiteren hullsmittel, wenn auch nur mit geschwächter Kraft, um.

Flügelrader. Der hauptvorzug ber Flügelraber vor ben Schau. §. 332 felrabern besteht barin, daß bicfelben bei gleicher Broke ober gleichem Bewichte und unter übrigens gleichen Berhaltniffen mehr Arbeit verrichten als bie letteren Raber. Bahrend bei einem Schaufelrabe nur eine einseitige Birtung ftatthat, und biefe Birtung im Gangen nur ber Brojection ber bem Windstrome ausgesetten Schaufeln in ber Chene rechtwinkelig gur Windrichtung entspricht, findet bei den Flügelrabern eine ununterbrochene Birtung auf jeden ber Fligel ftatt. Wenn auch eine Flügelfläche bes erften Rabes mit einer Schaufelfläche bes anderen einerlei Inhalt hat, und vielleicht auch ber Wind bei bein schiefen Stofe gegen die Flitgel bes erften Rabes weniger portheilhaft wirft ale bei bem Stoke gegen bie Schaufeln bes zweiten, fo wird boch bei gleicher Windgeschwindigkeit bas Flügelrad viel mehr mechaniiches Arbeitevermögen fammeln konnen ale bas Schaufelrab, ba es baffelbe einem viel größeren Windstrome entnimmt. Bielfache Erfahrungen haben aber auch wirklich barauf geführt, daß die Flügelräder unter übrigens gleichen Umftanden mindeftens viermal fo viel leiften als bie Schaufelrader, welche, wenn dies nicht der Fall mare, wegen ihrer leichteren und fichereren Aufftellung und vorzliglich noch wegen ihrer geringen Arenveibung fich gewiß ichon längst einen Blat in ber prattifden Mechanit verschafft haben wurden. Bir fprechen daber in der Folge auch nur von den Windmuhlen mit Flügels Die nähere Einrichtung ber Flügelraber ift folgende. besteht ein folches Rad aus einer ftarten Welle, welche zwar meift aus Solz, viel zwedmäßiger aber aus Gugeifen hergestellt wirb. Man giebt ber Flügels welle (franz. l'arbre du volant; engl. the wind shaft) 5 bis 15 Grad Reigung gegen ben Borizont, bamit bie Flügel in ber nothigen Entfernung vom Gebaude umlaufen und bas gange Flügelrad ficherer in feinen Lagern rube. An biefer Welle ift ju unterscheiben ber Ropf, ber Bale, bas Transmiffionerab und ber Bapfen. Der Ropf ift biejenige Stelle,

wo die Flügel auffigen, der Hale (Schlot) aber ift ber unmittelbar hinter ihm liegende abgerundete Theil ber Belle, in welchem bas ganze Rab vorzüglich unterftijt wirb. bas Transmissionsrad dient zur Fortpflanzung ber Bewegung oder zur Berbinbung bes Flitgelrabes mit der Arbeitsmaschine, und endlich ber Rapfen am hinteren Ende ber Welle ift zur vollständigen Unterftugung bes Rades nothig. Der Arbeiteverluft, welchen die Reibung ber Flügelwelle in ihrer Unterftützung erleidet, ift megen bes nicht unbedeutenden Gewichtes berfelben und vorzüglich wegen ihrer großen Umbrehungsgefchwindigfeit beträchtlich, und beshalb ift es nöthig, alle Mittel gu ergreis fen, wodurch diefelbe herabgezogen wird. Aus diefem Grunde ift daber auch eine eiferne Flügelwelle viel zwedinäßiger als eine hölzerne, weil biefelbe einen anschnlich schwächeren Bale erhalten tann ale eine bolgerne. Stärke bes Salfes einer bolgernen Flügelwelle 11/2 bis 2 Fuß beträgt, ift biefelbe bei gugeifernen Flügelwellen nur 1/2 bis 3/4 Fuß. Ueberdies ift aber noch die Reibung an und für fich bei den Holzwellen großer als bei ben Gifenwellen, weil man in ber Regel ben Bale berfelben nicht mit einem eisernen Mantel, sondern nur mit einer Reihe von Gifenstäben umgiebt, bie immer ein Abschaben im Lager hervorbringen.

Anmerkung. Ueber bie horizontalen Bindmuhlen von Beatfon u. f. m. find vorzüglich englische Schriften, z. B. von Nicholfon, Gregory u. f. w., nachzulefen. Siehe auch ben Abschnitt über Bindmuhlen in Ruhlmann's Allgemeiner Maschinenlehre Bb. I.

§. 333 Windflügel. Die Windflügel bestehen aus den Windruthen, aus ben Winbsproffen ober Scheiben und aus ber Bededung. Die Winbruthen (frang. bras; engl. arms, whips) find radial von dem Bellentopfe auslaufende Arme von circa 30 Fuß Lange, wovon jeder einen Flügel tragt. Die Anzahl biefer Arme ift, wie die Anzahl der Flügel, gewöhnlich vier, feltener fünf ober feche. Rabe an ber Welle find biefe Ruthen 1 Sug bid und 9 Boll breit, am äußersten Ende aber haben fie nur 6 Boll Dide und 41/2 Boll Breite. Ihre Befestigungeweife ift febr verschieden; ift die Welle von Sola, fo stedt man zwei Ruthen rechtwinkelig burch ben Wellentopf und bilbet baburch vier Flügelarme. Auch befestigt man wohl bie Arme burch Schrauben auf eine den Wellentopf bilbende Rofette, abnlich wie die Arme eines Wafferrades, zumal wenn die Welle von Gugeifen ift. Die Sprof= fen ober Scheiben (frang. les lates; engl. the bars) find hölgerne Querarme, welche burch die Ruthe hindurchgestedt merben, die zu biefem Zweite in Abständen von 11/4 bis 11/2 Fuß durchlocht-wird. Je nachdem die Flus gel eine mehr rectanguläre ober mehr trapezoidale Form erhalten follen, find bie fammtlichen Sproffen von gleicher ober, nach ber Welle gu, von abnehmender Lange. Die innerfte Sproffe fteht 1/7 bis 1/6 ber Armlange vom Bellenmittel ab, und ihre Lange ift ungefähr biefem Abstande gleich, ber

äußersten Sprosse giebt man aber 1/5 ober gar 1/4 ber Armlänge zur eigenen Länge. Bei den meisten Windmühlen gehen die Windruthen nicht mitten durch die Flügel, sondern sie theilen dieselben so, daß der nach dem Winde zu gerichtete Theil ein die zwei Fünstel der ganzen Flügelbreite ausmacht. Deshalb ragen auch die Sprossen auf der ersten Seite viel weniger aus der Ruthe hervor als auf der anderen. Den schmaleren Theil des Flügels bedeckt man gewöhnlich durch das sogenannte Windbrett, auf den breiteren Theil hingegen kommen die sogenannten Windthüren oder eine Bedeckung von Segeltuch zu liegen.

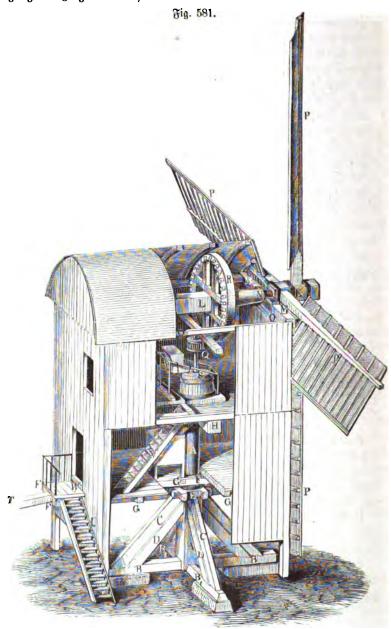
Dan macht die Windflügel eben, windschief ober bobl, jedenfalls geben die wenig ausgehöhlten windschiefen Flügel die größte Leiftung, mas noch weiter unten näher auseinanbergesett werden wird. Bei ben ebenen Binbflugeln haben fammtliche Binbfproffen einen und benfelben Reigungswinkel von 120 bis 180 gegen die Umbrehungsebene, find aber die Rlugel windschief, so weichen bie inneren Sproffen ungefähr 240 und bie außeren 60 von diefer Chene ab, und es bilben die Reigungewinkel ber amischenliegenden Sproffen einen Uebergang amifchen ben letten beiben Winkeln. Um den Windflügeln eine hohle Form zu geben, bat man trumme Windruthen und Scheiden anzuwenden. Obwohl badurch nach den Regeln bes Stofes an Arbeit gewonnen wird, fo wendet man diefe Conftruction wegen ber schwierigeren Ausführung fast gar nicht mehr an. Bur vollständigen Unterflitzung ber Flügelbede find bie außeren Enden ber Scheiben noch . burch bie fogenannten Saumlatten mit einander verbunden und, zumal wenn bie Dede aus Leinwand besteht, überdies noch Zwischenlatten eingesett, fo bag bas gange Flügelgerippe aus Felbern von ungefähr 2 Quadratfuß Inhalt besteht. Die Holzbededung besteht in vier Thuren, welche aus dilnnen Solzbrettchen zusammengesett find und burch Riegel auf dem Flügelgerippe festgehalten merben, die Segeltuchbede bingegen wird burch Schlingen und Saten mit bem Flügelgerippe verbunden.

Bockmühlen. Da die Richtung des Windes eine veränderliche und die §. 334 Are des Rades in diese zu stellen ist, so muß die Unterstützung des Rades beweglich, und zwar um eine verticale Are drehbar sein. Nach der Art und Weise, wie diese Drehung verwirklicht wird, hat man folgende zwei Classen von Windmühlen.

1) Die beutsche ober Bodmühle (franz. moulin ordinaire; engl. post mill), und 2) die hollandische ober Thurmmühle (franz. moulin hollandais; engl. tower mill, smockmill).

Bei der Bodmuble ift das ganze Gebäude fammt Rad um eine feststehende Saule, ben Ständer ober Hausbaum (franz. poteau; engl. post), drebbar, bei der Thurmmuble hingegen ift nur das Haupt beffelben, die sogenannte

Haube (franz. le toit, la calotte; engl. the cap, head) mit ber barin gelagerten Flügelwelle brehbar.

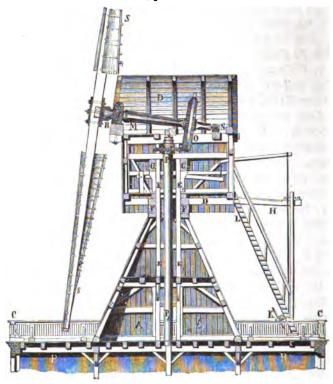


Eine monobimetrifche Ansicht einer Bodmuble bietet Fig. 581 bar. Es ift bier AA ber Ständer, und es find BB und B, B, bie Rreugschwellen, welche mit ben Streben ober Banbern C und D vereinigt ben Stanber unterftuten und jufammen ben fogenannten Bod ober Bodftuhl bilben. Um Ropfe bes Bodes fitt ber aus vier Bolgern gufammengefette Sattel E Das Mühlengebande umgiebt nun ben Stanber mittels amei Rufebalten F. F und burch zwei ber feche Unterlages ober Fugbodenbals ten G, G; angerbem ftust es fich mittels bes ftarten Ropfbaltens H auf ben Ropf bee Standers, welcher jur Erleichterung ber Drehung noch mit einem Stifte ausgeruftet ift, ber in eine entsprechenbe Bfanne an ber Unterfläche bes Ropfbalfens eingreift. Die Rlügelwelle KL ruht mit ihrem Balfe N in einem Mctall. ober Stein. (Bafalt.) Lager, welches auf bem großen Bellbalten MM feftfitt, ber von bem Dachrahmen OO getragen wirb. KP, KP u. f. w. find bie burch ben Wellentopf gestedten Windruthen, welche vier ebene Flugel P, P ... tragen. Die Figur ftellt eine Dahlmuble vor; baber greift bier bas Transmiffionerad R in ein Getriebe Q ein, bas auf bem Dubleifen festsit, welches ben Läufer ober oberen Dublftein S tragt. Die weitere Befchreibung bes Dablzenges gebort nicht hierher. Um bas gange Bebaube breben ju tonnen, wird ber Stert ober Stera T, b. i. ein langer Bebel, angewendet, ber amifchen ben Fugbalten liegt, mit diefen durch Querhölger und Schrauben fest verbunden ift, übrigens aber 20 bis 30 Fuß lang aus bem Bebaube vorragt, in ber Figur aber nur abgebrochen gezeichnet ift. Noch erfieht man aus ber Figur in U bie aukere und in V bie innere Treppe, sowie in W die Gingangethur.

Thurmmühlen. Es giebt zwei Arten von Thurmmühlen; es ift g. 335 nämlich entweder nur der die Flügelwelle einschließende, oder es ist ein größerer, sich unter die Flügelwelle nach abwärts erstredender Theil des Mühlengebäudes um eine verticale Are drehbar. Die Bewegung des Flügelrades wird hier durch ein Baar Zahnräder zunächst auf den Königs-baum, d. i. auf eine starke stehende Welle, welche durch das ganze Mühlengebäude geht, übertragen. Damit aber der Eingriff der Zahnräder bei den verschiedenen Stellungen des Flügelrades nicht verändert oder gar aufgehoben werde, ist es nöthig, daß die Are des Königsbaumes genau mit der Umdreshungsare des beweglichen Theiles vom Mühlengebäude zusammenfalle.

In Fig. 582 (a. f. S.) ist ein Durchschnitt von einer Thurmmuhle ber zweiten Art abgebildet, welche zwischen einer Bodmuhle und einer Thurmsmühle der ersten Art fast mitten inne steht.

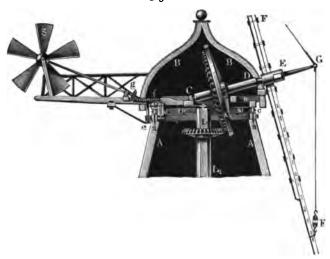
Es ist hier AA der feststehende Thurm, welcher über dem die Arbeitsmaschine enthaltenden Mühlengebäude BB steht und von der Galerie CCumgeben wird, sowie DD das bewegliche Haupt der Mühle, das durch ben Holzring FF unmittelbar und durch ben Holzring GG mittels ber Säulen EE und E_1 E_1 unterstützt wird und nur eine Drehung um diefe Fig. 582.



gleichsam den Ständer ersetzenden Säulen zuläßt. Die Drehung selbst läßt sich durch den Kreuzhaspel K bewirken, der an der Treppe KL sitzt, welche mit dem beweglichen Gebäude DD und besonders mit dem Sterze H sest werbunden ist. Die Flügelwelle MN ist von Gußeisen, und ruht bei M und N in mit Kanonenmetall ausgefütterten gußeisernen Lagern, O und P sind eiserne Zahnräder, wodurch die Umdrehung der Flügelwelle auf die Königswelle PP1 übertragen wird. Die Windflügel RS, RS... sind windschief und durch Schrauben und ein eisernes Kreuz mit dem Muss R verbunden, der einersseits ein zweites Kreuz, andererseits aber eine ausgebohrte Höhlung hat, welche über den abgedrehten Wellenkopf gesteckt und darauf sessielt wird.

Der obere Theil einer Thurmmithle ber ersten Art ift in Fig. 583 absgebilbet; AA ift ber Obertheil bes feststehenben, aus Holz ober Steinen aufgeführten und phramibal geformten Thurmes, BB ist ferner die beweg-

liche Haube, CDE ist die Flügelwelle, sowie EF eine aus zwei Theilen zusammengesetzte Windruthe, welche durch Seile wie FG mittels eines auf Ria. 588.



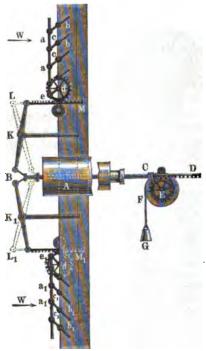
bem Bellentopfe auffigenden Mondys EG gegen bas Biegen oder Abbrechen burch ben Windftog geschützt wird. Roch find K und L die beiben Rahnraber, wodurch die Rraft ber Flügelwelle auf die Ronigswelle LL, übertragen wird. Die Stellung ber Flügelwelle nach bem Binde erfolgt bier in ber Regel ebenfalls burch ben Sterz ober burch eine Rurbel mit Rab und Getricbe, tann aber auch burch eine große Windfahne, beren Gbene in bie ber Wellenare fallt, noch beffer endlich burch ein besonderes Steuerrad S, wie in ber Figur abgebildet ift, hervorgebracht werden. Damit fich bie Saube leicht breben laffe, wird biefelbe auf Rollen c, c, c ... gestellt, welche mit einander durch zwei Reifen verbunden find und zwischen Rrangen ober Ringen aa und bb laufen, wovon ber eine ober Rollring oben auf bem Thurme und ber andere ober Laufring unten an ber Saube festsitt. endlich bas Abheben ber Saube zu verhindern, wird innen an b noch ein Rrang d (Anfahring) angeschraubt, welcher gur Erleichterung ber Bewegung vielleicht ebenfalls mit Rollen, die an der Innenfläche von aa berumlaufen, ausgeruftet wirb. Bei Anwendung eines Steuerrabes ift bie Außenfläche bes Rollringes aa von einem gezahnten Rranze umgeben, in welches ein Getriebe ober fleines Bahnrad e eingreift, bas mittels ber Bahnrabchen f unt g burch bas Steuerrad umgebreht wird und baburch eine Drehung ber Saube bewirft, sowie die Windrichtung aus ber Umbrebungsebene von S gefommen ift.

§. 336 Kraftrogulirung. Der Bind ift nicht allein in seiner Richtung, sonbern auch in feiner Geschwindigkeit ober Intensität veranberlich; ware nun aber bie angehängte Laft eines Windrades conftant, fo wilrbe fich ihre Bewegung mit ber Starte bes Windes zugleich verandern und baber zu verfchiebenen Reiten oft febr verschieben ausfallen, wenn nicht besondere Regulirungemittel zur Anwendung famen. Natürlich läßt fich burch biefe Mittel nur die Wind = oder Umbrehungefraft magigen, nicht aber erhöben. biefer Mittel besteht in einem Bremfe ober einem Brefringe, welcher bie obere Salfte bes auf ber Flugelwelle fitenben Bahnrades umgiebt und auf biefelbe aufgebrudt wird, wenn ber Sang bes Windrades zu ermäßigen ober gar aufzuheben ift. Bon ibm wird jeboch erft fpater an einem anderen Orte ausführlich die Rebe fein. Gin anderes Mittel jum Reguliren bes Banges ber Windraber läßt fich aber burch Beranderung ber Flugelbebedung hervorbringen; find bie Flügel vollständig bebedt, fo ift bas Arbeitsvermögen bes Rades am größten, find fie aber nur theilweife betleidet, fo haben fie ein fleineres Arbeitevermogen, und awar um fo fleiner, ie fleiner ber Flächenraum ber gangen Bebedung ift. Bei ber Bebedung burch Segeltuch läft fich biefes Reguliren burch Auf = ober Abwideln beffelben bewirken. find aber die Flügel durch Thuren befleidet, fo läßt fich derfelbe Zweck durch Wegnahme ober Auflegen von Thuren erreichen.

Man hat aber auch Windraber, welche fich felbst reguliren, indem fie von felbft bei Abnahme ber Windgeschwindigfeit ihre Stofflache vergrößern und bei Bunahme von jener biefe vermindern. Die vorzüglichsten Flügelraber biefer Art find die von Cubit, wovon der Durchschnitt eines Theiles in Fig. 584 abgebilbet ift. Es ift hier A bie hohle Flugelmelle, BC ein burch fie hindurchgehender Metallftab, und CD eine gezahnte Stange, welche in C durch ein Gewinde fo mit BC verbunden ift, daß CD nur an ber Bewegung in ber Arenrichtung, nicht aber an ber Drehung um bie Are von BC Theil nimmt. Die gezahnte Stange greift in bas Rahnrab E und biefes fitt mit ber Rolle F, um beren Umfang eine Schnur liegt, bie burch bas Bewicht G gespannt wird, auf einer Are. Die Milaels bebedung besteht aus lauter bunnen Bolg- ober Blechflappen bc, bici u. f. w., welche burch bie Urme ac, a, c, u.f. w. um die Aren c, c, u.f. w. gedreht werben fonnen. Diefe Arme find durch Stangen ae, a, e, u. f. w. mit einander und zugleich burch Arme de, d, e, mit Bahnradchen d, d, verbunden, fo daß durch Drehung der letteren das Deffnen und Berichliegen oder überhaupt jebe Rlappenftellung zu ermöglichen ift. Endlich find noch Bebel BL, BL, angebracht, welche fich um die Aren K. K, breben laffen. und auf ber einen Seite mit ber Stange BC, auf ber anderen aber mit Bahnftangen LM, L, M1, beren Bahne zwischen bie Bahne ber Rabchen d. d. greifen, in Berbindung fteben. Mus ber Zeichnung ift nun leicht an erfeben.

wie der Wind W die Rlappen auf-, das Gewicht G aber dieselben mittels der Stange BC, der Hebel BL, BL_1 u. f. w. zuzustoßen sucht, und wie auf

Fig. 584.



w. zuzustoßen sucht, und wie auf biese Weise bem Windstoße gegen bie Rlappen von bem Gewichte G-bas Gleichgewicht gehalten wird. Wenn sich nun auch bie Windsgeschwindigkeit andert, so wird beshalb diese Stoßkraft nicht anders, sondern nur die Rlappensstellung und dadurch auch nur die Stoßsläche eine andere.

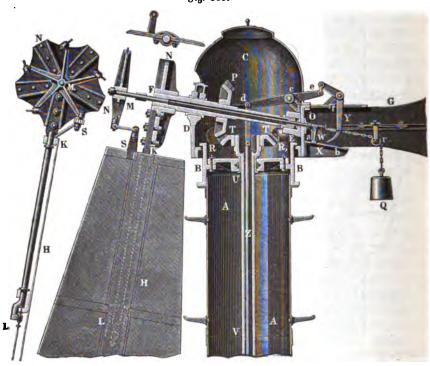
Anmerkung. Bei einer Bebedung mit Segeltuch läßt fich, nach
Bywater, berselbe Bwed erreichen, wenn basselbe burch zwei Rollen ausgespannt wird, die burch
Bahnraber in Umbrehung gesett werben, wenn die Windzeschwindigkeit
sich ändert. Ausführlich beschrieben sind bie Apparate in Barlow's
Treatise on the Manufactures
and Machinery etc. etc. Eine
neue Windradbursten ist auch
in der Zeitschrift "Der Ingenieur",
Band II. beschrieben.

In mehrfacher hinficht eigen. §. 337 thumlich find bie vom herrn Ma-

schinenbirector Kirchwäger construirten Windräder auf mehreren Wasserstationen der hannoverschen Eisenbahnen (s. eine Abhandlung vom Herrn Obersmaschinenmeister Prüsmann; im 8ten Bande (1862) der Zeitschrift des Architektens und Ingenieurs Bereins für das Königreich Hannover). Die eigenthümlichen Einrichtungen eines solchen Windrades sind aus dem versticalen Durchschnitz Fig. 585 (a. f. S.) zu ersehen. Der circa 13/4 Fuß weite, aus Eisenblech zusammengesetzte Thurm AA ragt aus dem Dache des aus Backeinen aufgesührten Maschinengebäudes hervor, und endigt sich in einem gußeisernen Kopf BB, auf welchem die Haube C mittels 4 Rollen R, R1 aufruht. Die Haube trägt die Lager D und E der Windradwelle EF, und greift mit ihrem chlindrischen Fußstuck über den oberen Theil des Kopses BB weg, damit sie nicht durch den Windslich abgehoden werden könne. Der mit der Haube sest verbundene (nur zum Theil sichtbare) Steuerstügel G dient dazu, um durch Orehung der Haube das Windrad FH dem Winde entgegenzurichten. Das Windrad besteht aus fünf um radiale Arme, wie KL, drehbaren

Blechflügeln KH. Diese Arme sind auf einer gußeisernen Rosette NN aufgeschraubt, welche auf dem Kopf der Windradwelle festsitzt. Um den Sang

Fig. 585.



bes Rabes zu reguliren, ober den Flügeln die dem Kraftledürfniß entsprechende Stellung gegen den Wind zu geben, ist folgender Mechanismus angebracht worden. Durch die hohle Windradwelle geht eine verschiebbare Stahlstange MO, welche an einem Ende einen Sternerträgt, bessen fünf Arme mit anderen an den Flügeln sesssiehen Armen S durch turze Zugstangen und mittels Gelenken derart verbunden sind, daß mit dem Einwärtsziehen des Sternes ein Flachlegen und dagegen mit dem Auswärtsschieden ein Scharstellen der Flügel eintritt. Das Einwärtsziehen des Sternes M mittels der Stange MO erfolgt durch das Gewicht Q, welches durch eine über eine Leitrolle r weggehende Kette mit einer Hüsse W verbunden ist, welche auf der Welle MO sigt und durch einen Arm a, welcher nur längs einer sessen Bahn d verschiedbar ist, an dem Umlausen verhindert wird. Dem Flachlegen der Flügel wird durch den Winselhebel Y, welcher sich

mit feinem langen Arme an bas Enbe ber verschiebbaren Stange MO anlegt, eine Grenze gefett. Diefer Bebel fteht mittels Belenten und burch ben Bebel dee mit ber verticalen Bugftange Z in Berbinbung und wird burch bie Bugfraft ber Stange Z gegen bas Enbe ber Stange MO angebrudt. Es tommt folglich nur barauf an, bag bie Stange Z niebergezogen werbe, wenn ein Ueberschuß an Rraft vorhanden ift, daß fie bagegen aufgeschoben werbe, wenn die Windfraft von ber Laft der Maschine über-Bei ben gebachten Wasserstationen, wo bas Windrad ein troffen wird. Bumpenwerk in Umtrieb fett, wird bas Beben und Senten ber Stange Z burch Schwimmer bewirft, welche burch einen Bebelmechanismus u. f. w. mit ber Augstange Z verbunden find. In ber Abbilbung Fig. 585 find nur noch die beiben Bahnraber PT und TT bargestellt, woburch die Binbradwelle ben hohlen Rönigsbaum UV umtreibt, welcher ein anderes (nicht abgebilbetes) Raberwert, bas am Sug bes Gebaudes befindliche Bumpenwert, in Bewegung fest.

Windrichtung. Der Wind, bessen Entstehung jedenfalls einer Un- §. 338 gleichheit in der Expansivkraft oder Dichtigkeit der Lust beigemessen werden nuß (s. die Formeln in Band I, §. 458), ist verschieden in Hinsicht auf Richtung und in Hinsicht auf Stärke oder Geschwindigkeit. In Hinsicht auf Bie Richtung unterscheidet man die acht Winde N, NO, O, SO, S, SW, W, NW, d. i. Nord, Nordost, Dst, Südost, Süd, Südwest, West und Nordwest, indem man sie nach denjenigen Weltgegenden benennt, aus denen sie wehen. Zur genaueren Bezeichnung der Windrichtung bebient man sich auch einer Eintheilung des Horizontes in 16 gleiche Theile, oder, nach dem Bergmann, in 24 Stunden, am genauesten aber der Eintheilung in Grade. Im Laufe eines Jahres kommen alle diese Windrichtungen vor, jedoch manche von ihnen auf längere, manche auf kürzere Zeit. Für das mittlere und südliche Deutschland ist nach Coffin die mittlere Dauer der einzelnen Winde solgende:

N.	NNO.	NO.	ono.	0.	oso.	so.	SSO.	S.	ssw.	
23,5	23,5 2,9		3,1	41,7	3,9	30,1	2,5	23,9	3,0	
sw.	w. wsw.		w. wnw.		NW.	NNW	· !	Binbftille.		
63,8	63,8 3,2 7		7,1	,1 4,2		0,4	Ì	0,9		

Tage im Jahre.

Nach ben Zusammenstellungen von Kämt wehen z. B. unter 1000 Tagen bie in folgender Tabelle aufgezeichneten Winde:

Länber:	N.	NO.	0.	so.	S.	sw.	w.	NW.
Deutschland	84	98	119	87	97	186	198	131
England	82	111	99	81 -	111	225	171	120
Franfreich	126	140	84	76	117	192	155	110

Man ersicht hieraus, daß in den angeführten brei Ländern die Sudwestwinde die vorherrscheuben sind. Die Uebergänge dieser Windrichtungen in einander folgen meist nur in der Richtung S, SW, W u. s. w., selten sindet die entgegengesetzte Winddrehung S, SO, O u. s. w. statt, wenigstens besteht diese meist nur in einem Zuruckspringen um kleinere Winkel.

Die Windrichtung bestimmt man durch die sogenannte Winds oder Wettersahne (franz. girouette, flouette; engl. fane, vane). Dieses höchst einsache Instrument besteht in einer um eine verticale Are drehbaren Blechschne, welche natürlich durch den Windstoß gedreht wird, wenn die Richtung des Windes von ihrer Ebene abweicht, deshalb also durch ihre Richtung die Richtung des Windes bezeichnet. Um ihre Beweglichseit zu erhöhen, muß man die Reibung an ihrer Are möglichst heradzuziehen suchen, weshalb man denn auch durch Hinzussigung eines Gegengewichts auf der entgegengesetzen Seite der Umdrehungsare den Schwerpunkt der Fahne in die Umdrehungsare bringt, wodurch die sogenannten Wetterhähne (franz. coqs à vent; engl. weather-cocks) entstanden sind.

§. 339 Windgeschwindigkeit. Biel wichtiger als die Windrichtung ist natürlich dem Windmiller die Windgeschwindigkeit, weil von dieser das Arbeitsquantum abhängt, welches er dem Winde durch das Windrad abgewinnen kann. Nach der Größe der Geschwindigkeit hat man solgende Winde:

Raum mahrnehmbarer Wind mit 11/2 Fuß Geschwindigkeit.

Sehr schwacher Wind mit 3 Fuß Geschwindigkeit.

Schwacher Wind (franz. vent faible; engl. feeble wind) mit 6 Fuß. Lebhafter Wind (franz. vent frais, brise; engl. brisk gale) mit 18 Fuß.

Bunftiger Bind für bie Bindmuhlen, mit 22 Fuß Gefchwindigfeit; ferner:

Sehr lebhafter Wind (franz. grand frais; engl. vory brisk) mit 30 Fuß.

Starter Wind (franz. vent très fort; engl. high wind) mit 45 Fuß.

Sehr ftarker Wind (franz. vent impétieux; engl. very high wind) mit 60 Fuß Geschwindigkeit.

Unter Sturm (franz. tempste; engl. storm) versteht man ben hestigen Wind von 70 bis 90 Fuß Geschwindigkeit, und Orkan (franz. ouragan; engl. hurrican) ist ein Wind von 100 und mehr Fuß Geschwindigkeit. Wind von 10 Fuß Geschwindigkeit ist in der Regel nicht hinreichend, um ein belastetes Windrad in Umgang zu erhalten; steigt hingegen die Windsgeschwindigkeit über 35 Fuß, so läßt sich die Windkraft nicht mehr mit Vortheil zu Gute machen, weil dann die Flügel eine zu große Geschwindigkeit annehmen würden. Stürme oder gar Orkane sind aber für die Windsmithlen im höchsten Grade gesährlich, weil sie sehr oft das Abheben oder Umstürzen derselben herbeisühren.

Um die Wind geschwindigkeit zu ermitteln, wendet man Inftrumente an, die man Anemometer ober Windmeffer (frang, anemometres; engl. anemometers, wind-gages) nennt. Obgleich man im Laufe ber Beit ichon fehr viele folder Instrumente vorgeschlagen und versucht hat, fo find boch nur wenige berfelben hinreichend bequem und ficher im Gebrauche. meiften biefer Inftrumente find ben Sybrometern (f. Band I, §. 490) u. f. w. fehr ahnlich, ja es laffen fich fogar manche Sybrometer ohne Abanderungen als Anemometer gebranchen. Unmittelbar lägt fich bie Befchwindigfeit bes Windes burch leichte Körper angeben, welche man vom Binde fortführen läft, 3. B. durch Febern, Geifenblafen, Rauch, fleine Luft-Da bie Windbewegung in ber Regel nicht blog progressiv, bälle u. f. w. fondern auch brebend ober wirbelnd ift, fo find biefe Mittel, wenigstens bei großen Gefchwindigfeiten, oft nicht hinreichend. Um beften find allerdings große Luftballe, beren mittlere Dichtigfeit nicht febr verschieben ift von ber bee Winbes.

Die eigentlichen Anemometer laffen sich, wie die Hydrometer, in drei Classen bringen: entweder giebt man die Windgeschwindigkeit durch ein vom Winde bewegtes Rad an, oder man mißt dieselbe durch die Höhe einer Flüssigkeitssäule, welche dem Windstoße das Gleichgewicht hält, oder man bestimmt dieselbe durch die Kraft, welche der Windstoß gegen eine ebene Fläche ausübt. Bon diesen Apparaten möge nun noch das Nothwendigste abgehandelt werden.

Anmerkung. Ausführlich über Anemometer handelt Gulffe in bem erften Banbe ber allgemeinen Maschinenenchelopabie. Ueber ben Bind ift aber nachzulesen: Kamp's Meteorologie und Gehler's physik. Borterbuch, Banb X., for wie im Lehrbuch ber Meteorologie von E. C. Schmibt, Leipzig 1860.

Anemometer. Der Woltmann'sche Flügel (f. Band I, §. 490) §. 340 läßt fich ebenso gut zur Ausmittelung ber Windgeschwindigkeit als zur Bestimmung ber Geschwindigkeit bes Waffers gebrauchen. Wird feine Um-

brehungsare in die Windrichtung gebracht, was durch hinzusügung einer Windsahne von selbst erfolgt, wenn man beibe Instrumente an einer verticalen Umdrehungsare so befestigt, daß sie in eine Sbene fallen, so kann man die Anzahl der Umdrehungen beobachten, welche dieses Rad in Folge des Windstoßes in einer gewissen Zeit macht und es läßt sich nun, wie früher, die Geschwindigkeit setzen:

$$v = v_0 + \alpha u$$

wo v_0 die Geschwindigkeit ist, bei welcher das Rad anfängt still zu stehen, α aber das Erfahrungsverhältniß $\frac{v-v_0}{u}$ bezeichnet. Wäre der Windstoß nicht verschieden vom Wasserstoße, und wüchsen beide genau proportional bem Quadrate der relativen Geschwindigkeit, so würde

$$\alpha = \frac{v - v_0}{u}$$

für Wasser und Wind zugleich gelten, ba dies aber nur annähernd richtig ist, so können wir auch erwarten, daß die Coefficienten α sür die Wind- und Wassergeschwindigkeit nur ungefähr gleich sind. Was dagegen die Anfangsgeschwindigkeit v_0 anlangt, so fällt diese beim Winde ungefähr $\sqrt{800}=28,3$ mal so groß aus als deim Wasser, weil die Dichtigkeit des Wassers eirea 800mal so groß als die des Windes ist und daher nur eine 800mal so hohe Lustbüule die einsach hohe Wassersäule, sowie der Stoß des $\sqrt{800}=28,3$ mal so schnellen Windes den Stoß des einsach schnellen Wassers ersehen kann. Dieser große Werth der Constanten v_0 macht es zur Pslicht, den als Anemometer zu gebrauchenden Flügel möglichst leicht zu machen, ihn z. B., nach Combes, vielleicht mit Flittergold zu überziehen, vorzüglich aber mit seinen Stahlaren in Lagern von Edelsteinen umlaussen zu sassen

Die Constanten vo und a bestimmt man zwar gewöhnlich durch Bewegung ober Unidrehung des Instrumentes in der ruhigen Luft, es ist indessen diese Methode nicht sicher, weil der Stoß einer bewegten Flüssigkeit nicht ganz derselbe ist, wie der Widerstand der ruhigen Flüssigkeit (s. Band I, §. 511). Besser ist es jedenfalls, man sucht diese Constanten durch Beobachtungen in der bewegten Luft selbst zu bestimmen, indem man deren Geschwindigkeit durch leichte Körper (Luftbälle) ausmittelt. Auch kann man hierzu ein Cylindergebläse oder eine andere Kolbenmaschine gebrauchen, wenn man das Instrument in eine weite Röhre bringt, durch die der Wind mittels des niedergehenden Kolbens ausgeblasen wird. Die Berechnungen der Constanten aus mehreren zusammengehörigen beobachteten Werthen von v und wssind wie in Band I, §. 491 zu sühren.

§. 341 Die Pitot'iche Röhre (f. Band I, §. 492) läßt fich ebenfalls mit großer Bequemlichfeit als Anemometer gebrauchen, fie ift aber bann gewöhnlich

unter dem Namen bas "Lind'iche Anemometer" befannt. Die specielle Einrichtung eines folchen Instrumentes ift aus Fig. 586 zu erfeben. AB



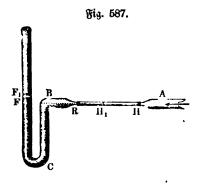
und DE sind zwei aufrechtstehende etwa 5 Linien weite mit Wasser anzusüllende Glasröhren, und BCD ist eine enge krumme Berbindungsröhre zwischen beiden von etwa nur $^{1}/_{2}$ Linie Weite, endlich ist FG eine Scala zur Abnahme der Wasserstände. Wird nun das Mundstüd A dem Winde entgegengestellt, so drückt dessen Kraft die Wasserstände in AB nieder und die in DE eben so viel empor, es läßt sich nun an der zwischenbesindlichen Scala der Niveauabstand A zwischen beiden ablesen und hieraus wieder die Geschwindigkeit v des Windes berechnen, indem man sett:

$$v = v_0 + \alpha \sqrt{h}$$

wobei vo und a Erfahrungsconstanten ausbrilden.

Dieses Instrument ist jedoch in seinem Gebrauche höchst eingeschränkt, ba es mäßige Windgeschwindigkeiten durch sehr kleine Wassersausen ausbrückt, welche sich nur mit sehr großer Unsicherheit ablesen lassen. 3. B. eine Windgeschwindigkeit von 20 Fuß wird durch einen Anemoneterstand h von eirea 1,1 Linie angegeben. Um diesem Uebelstande abzuhelsen und das Instrument auch bei mittleren Windgeschwindigkeiten gebrauchen zu können, sind von Robison und Wolsaston folgende Verbesserungen angebracht worden.

Bei dem Anemometer von Robifon ift eine enge horizontale Röhre HR, Fig. 587, zwischen dem Mundstüde A und dem aufrechtstehenden



Röhrenschenkel BC eingesetzt, und man gießt vor dem Gebrauche so viel Wasser zu, daß der Wasserspiegel F mit HR in einerlei Niveau kommt und das Wasser zugleich die enge Röhre dis H anfüllt. Wird nun A dem Winde entgegengerichtet, so treibt derselbe das Wasser in der engen Röhre zurück und es erhebt sich über dem Niveau von HB eine dem Windssevicht haltende Wassersichte, deren Höhe FF_1 gemessen wird durch die Länge HH_1

ber zurückgebrängten liegenben Bafferfäule. Sind d und d_1 bie Beiten und h und h_1 die Höhen ber Bafferfäulen FF_1 und HH_1 , so hat mau:

$$\frac{\pi d^2}{4}h = \frac{\pi d_1^2}{4}h_1,$$

und baher:

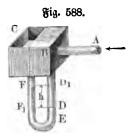
$$h = \left(\frac{d_1}{d}\right)^2 h_{\rm b}$$

forvie:

$$h_1 = \left(\frac{d}{d_1}\right)^2 h.$$

Es fällt also h_1 stets im Berhältnisse $\left(\frac{d}{d_1}\right)^2$ größer als h aus, und kann baher mit mehr Sicherheit beobachtet werden als h. Ift \mathfrak{z} . B. $\frac{d}{d_1}=5$, so giebt die enge Röhre die Höhe FF_1 schon 25 sach an.

Enblich läßt fich auch burch bas in Fig. 588 abgebildete Differenzial.



Anemometer von Wollaston die Geschwinbigkeit des Windes mit erhöhter Genauigkeit
messen. Dasselbe besteht aus zwei Gesäßen B
und C und aus einer gebogenen Röhre DEF,
welche beide Gesäße von unten mit einander in
Berbindung sett. Das eine dieser Gesäße ist
oben verschlossen und hat ein Seitenmundstüd
A, welches dem Winde entgegengerichtet wird.
Die Füllung des Instrumentes besteht aus
Wasser und Del; das erstere süllt jeden der

beiben Schenkel ungefähr bis zur Hälfte, das letztere aber nimmt den übrigen Theil der Röhre ein und füllt auch beibe Gefäße zum Theil an. Durch den Windstoß stellt sich das Wasser in dem einen Schenkel höher als in dem anderen, und es wird der Kraft dieses Stoßes durch die Differenz der Drücke von der Wassersäule FF_1 und von der Delsäule DD_1 das Gleichgewicht halten. Setzen wir die gemeinschaftliche Höhe dieser Flussseitstäulen, h0, und das specifische Gewicht des Ocles, h1, so haben wir in der letzten Formel statt h1, h2, und daher

$$v = v_0 + \alpha \sqrt{(1-\varepsilon)h}$$

zu seten. 3.B. wenn die obere Füllung aus Leinöl besteht, da für baffelbe $\varepsilon = 0.94$ ist:

 $v = v_0 + \alpha \sqrt{(1 - 0.94) h} = v_0 + \alpha \sqrt{0.06 \cdot h} = v_0 + 0.245 \alpha \sqrt{h}$

Es ist also bann $h={}^{100}/_6=16^2/_3$ mal so groß als bei einer einfachen Wasserstung. Durch Mischung bes Wassers mit Altohol läßt sich die Dichtigkeit des Wassers der des Deles noch näher bringen, und daher $1-\varepsilon$ noch mehr herabziehen, oder die abzulesende Niveaudisserenz und baher auch die Genauigkeit des Ablesens noch mehr vergrößern.

Auch hat man mehrere Anemometer vorgeschlagen und zu gebrauchen §. 342 gesucht, welche bem Stromquabranten (s. Band I, §. 493) ähnlich sind und mit bemselben einerlei Princip haben, jedoch hierbei die Augeln durch bünne Scheiben ersetzt. Jedenfalls ist aber eine hohse Blechkugel noch besser als eine ebene Scheibe, weil der Windstoß gegen die Augel bei allen Neigunsgen der Stange, woran dieselbe aufgehangen ist, derselbe bleibt, wogegen er sich bei der Scheibe mit der Neigung derselben ändert; während bei Anwensdung einer Augel die Formel

$$v = \psi \sqrt{tang.\beta}$$

(wo \beta die Abweichung der Stange von der Berticalen bezeichnet) genutzt, ift bei Anwendung einer Scheibe ein complicirterer Ausbruck zur Berechnung der Geschwindigkeit zu gebrauchen.

Endlich hat man auch die Windgeschwindigkeit burch den Stoß, welchen ber Wind unmittelbar gegen eine ebene, ihm normal entgegengerichtete Fläche auslibt, zu messen gesucht, und dazu Anemometer angewendet, welche dem in Band I, §. 494 abgebildeten und beschriebenen Hydrometer mehr oder weniger ähnlich sind. Wäre das Geset des Windstoßes vollständig bekannt und sicher begründet, so würde sich mit Hülfe eines solchen Anemometers die Geschwindigkeit des Windes ohne weitere Untersuchung bestimmen lassen; allein dem ist nicht so, es sühren vielmehr die in Band I, §. 510 ausgestellten Formeln und der in §. 512 angegebene Coefficient nur auf Näherungswerthe. Behalten wir dieselben indessen hier bei, setzen wir also den Windstoß

$$P = \xi \cdot \frac{v^2}{2g} F \gamma, = 1.86 \cdot \frac{v^2}{2g} F \gamma,$$

oder, für das preußische Maß, wo $\frac{1}{2g} = 0.016$ ist,

$$P = 0.02976 v^2 F \gamma$$
,

ober, wenn wir noch die Winddichtigkeit $\gamma = \frac{61,74}{800} = 0,07717$ Pfund einsehen,

$$P = 0.002297 v^2 F$$

also, wenn ber Inhalt ber gestoßenen Fläche einen Quadratfuß beträgt, ben Bindstoß

P = 0,002297 v2 Pfunb,

fowie umgefehrt, die Windgeschwindigkeit

$$v = \sqrt{rac{P}{0,002297}} = 20,87 \, \sqrt{P} \, {
m Fug.}$$

hiernach ist die auf umstehender Seite euthaltene Labelle berechnet worden.

Für bie Geschwindigs feiten v =	10	15	20	25	30	. 35	40	45	50 Fuß .
find hiernach die Windstöße auf 1 Quas dratfuß =	0,2297	0,5168	0,919	1, 4 36	2,067	2,814	3,675	4,6 51	5,7 42 6 彩 6 .

Durch Multiplication mit bem Inhalte ber gestoßenen Fläche läßt sich biernach ber Normalftog bes Windes gegen jebe ebene Fläche leicht berechnen.

8. 343 Grösse des Windstosses. Wir haben nun die Größe und Leisstung bes Windstoßes bei den Flügelrädern der Windmühlen näher zu studiren. Denken wir uns in dieser Absicht die ganze Flügelstäche durch Normalebenen auf der Flügels oder Ruthenage in lauter schmale Theile oder Elemente zerschnitten und stelle CD, Fig. 589, ein solches Element

Fig. 589.



vor. Wegen ber bebeutenden Größe und zumal wegen ber großen Länge einer Flügelfläche können wir annehmen, daß alle in ber Richtung AH ankommenden Windelemente der gegen die Fläche CD anrückenden Windfalle durch den Stoß in entgegengesetzten Richtungen parallel zu CD abgelenkt werden, und beshalb auch von den Formeln in Band I, §. 502

Gebrauch machen. Bezeichnet c die Windgeschwindigkeit und v die Flügelsgeschwindigkeit, sowie Q das Windquantum, welches pr. Secunde gegen CD anstößt, ferner γ die Dichtigkeit des Windes und α den Winkel CAH, welschen die Windrichtung mit CD einschließt, so haben wir unter der Boraussetzung, daß die Fläche CD in der Richtung des Windes ausweicht, nach dem angesührten Paragraphen, den Normalstoß des Windes gegen CD:

$$N = \frac{c - v}{g} \sin \alpha \cdot Q \gamma$$
.

Das zum Stoße gelangende Windquantum Q ist hier, wo ber Onerschnitt $\overline{CN} = G$ des Stronies die ganze Stoßsläche einnimmt, nicht = Gc, sondern nur G(c-v) zu setzen, da die mit der Geschwindigkeit v ausweichende Fläche pr. Secunde einen Raum \overline{Gv} hinter sich offen läßt, der vom nachsolgenden Windquantum \overline{Gc} den Theil \overline{Gv} aufnimmt, ohne eine

Richtungsveränderung zu erleiben. Es ift baber ber Normalftoß auch zu seben :

$$N = \frac{c-v}{g} \sin \alpha \cdot (c-v) G \gamma = \frac{(c-v)^3}{g} \sin \alpha \cdot G \gamma$$

ober, wenn F ben Inhalt des Elementes CD bezeichnet und G = F sin. α eingeführt wird,

$$N = \frac{(c-v)^2}{g} \sin \alpha^2 F \gamma.$$

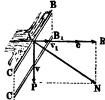
Außer biesem Stoße gegen die Vorderstäche von CD sindet noch eine Wirkung an der Hinterstäche von CD statt, da ein Theil des in den Richtungen CE und DF an dem Umfange der Fläche vorbeigehenden Windes zur Ausstüllung des Raumes hinter CD eine wirdelnde Bewegung annimmt, und dabei den der relativen Geschwindigkeit $(c-v)\sin\alpha$ entsprechenden Druck $\frac{(c-v)^2}{g}\sin\alpha^2$. Fy verliert. Wenn man deide Wirkungen vereinigt, so bekommt man zuletzt die vollständige Normalkraft des Windes gegen das Flügelelement F:

$$N = \frac{(c-v)^2}{g} \sin \alpha^2 F \gamma + \frac{(c-v)^2}{2g} \sin \alpha^2 F \gamma = 3 \cdot \frac{(c-v)^2}{2g} \sin \alpha^2 F \gamma.$$

Vortheilhafteste Stosswinkel. Bei Anwendung dieser Formel & 344 auf die Windrader haben wir zu berücksichtigen, daß der Windslügel BC, Fig. 590, nicht in der Richtung AR des Windes, sondern in einer Rich-

Fig. 590.

tung \boldsymbol{AP} rechtwinkelig darauf umläuft, es ist das her auch in der Formel



$$N = 3 \cdot \frac{(c-v)^2}{2 g} \sin \alpha^2 \cdot F \gamma$$

für ben Normalftoß statt v bie Geschwindigkeit $\overline{Av_1} = v_1$ einzuseten, mit welcher der Flügel in Hinsicht auf die Windrichtung ausweicht. Bezeichenet hier v die wirkliche Umdrehungsgeschwindigkeit \overline{Av} , so haben wir sur $\overline{Av_1} = v_1 = v$. cotang. $\overline{Av_1}v$

= v cotang. α und baher für den vorliegenden Fall:

$$N = 3 \cdot \frac{(c - v \, cotang. \, \alpha)^2}{2 \, g} \cdot sin. \, \alpha^2 F \gamma$$

ober

$$N=3\frac{(c\sin\alpha-v\cos\alpha)^2}{2a}F\gamma.$$

Diesen Normalftog zerlegt man in zwei Seitenfrafte P und R, eine in

ber Umbrehungs- und die andere in der Arenrichtung des Flügelelementes wirkend, und es ist

$$P = N\cos \alpha = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \cos \alpha \cdot F\gamma,$$

bagegen

$$R = N \sin \alpha = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 q} \sin \alpha \cdot F \gamma$$
.

Durch Multiplication mit der Umdrehungsgeschwindigseit v folgt aus ber Formel für P die mechanische Leiftung des Windrades:

$$L = Pv = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} v \cos \alpha . F\gamma;$$

was bagegen die Aren- oder sogenannte Paralleltraft R anlangt, so verrichtet dieselbe keine Arbeit, sondern sie sucht das Rad sortzuschieben, drückt
deshalb die Grundsläche seines hinteren Zapsens gegen das Widerlager und
giebt durch die hieraus entspringende Reibung zu einem besonderen Arbeitsverluste Beranlassung.

Die letzte Formel zeigt uns allerdings an, wie es sich jedoch auch von selbst versteht, daß die Leistung mit der Windgeschwindigkeit c und mit dem Inhalte F des Flächenstilch wächst, dagegen ist aus ihr nicht sogleich zu ersehen, welchen Einsluß der Stoßwinkel α auf den Werth der Leistung hat. Damit L nicht Null ausfalle, muß aber $c\sin \alpha > v\cos \alpha$, d. i.

$$tang. \, lpha > rac{v}{c}$$
 und $cos. \, lpha > 0$, also $lpha < 90^{\circ}$ sein. Es muß also zwis

schen ben Grenzen $tang. \alpha > \frac{v}{c}$ und $\alpha < 90^{\circ}$ ein Werth von α einem Maximo von L entsprechen. Um diesen Werth zu finden, segen wir flatt α , $\alpha + x$, wo x eine sehr kleine Größe bedeutet. Hiernach erhalten wir:

 $sin. (\alpha \pm x) = sin. \alpha cos. x \pm cos. \alpha sin. x$, oder cos. x = 1 ind, sin. x = x eingeset,

$$sin.(\alpha \pm x) = sin.\alpha \pm x cos.\alpha$$
, ferner:

 $\cos (\alpha \pm x) = \cos \alpha \cos x \mp \sin \alpha \sin x = \cos \alpha \mp x \sin x$, und diese Werthe geben uns für die Leistung

$$L = \frac{3 c^2 v}{2 g} F \gamma \left(\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \right)^2 \cos \alpha$$

ben Ausbrud:

$$\begin{split} L_1 &= \frac{3}{2} \frac{c^2 v}{g} F \gamma \left[\left(\sin \alpha \pm x \cos \alpha - \frac{v}{c} (\cos \alpha \mp x \sin \alpha) \right)^2 (\cos \alpha \mp x \sin \alpha) \right] \\ &= \frac{3}{2} \frac{c^2 v}{g} F \gamma \left[\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \pm \left(\cos \alpha + \frac{v}{c} \sin \alpha \right) x \right]^2 (\cos \alpha \mp x \sin \alpha) \\ &= \frac{3}{2} \frac{c^2 v}{g} F \gamma \left(\left(\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \right)^2 \cos \alpha \right) \\ &\pm \left[2 \left(\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \right) \left(\cos \alpha + \frac{v}{c} \sin \alpha \right) \cos \alpha - \left(\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \right)^2 \sin \alpha \right] x + \kappa. \right) \\ &= L \pm \frac{3}{2} \frac{c^2 v}{g} F \gamma \left(\left[2 \left(\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \right) \left(\cos \alpha + \frac{v}{c} \sin \alpha \right) \cos \alpha \right. \right. \\ &- \left(\sin \alpha - \frac{v}{c} \cos \alpha \right)^2 \sin \alpha \right] x + \kappa. \right), \end{split}$$

Damit α den Maximalwerth gebe, muß L_1 kleiner als L ausfallen, man mag α um x größer oder kleiner, b. i. x positiv oder negativ nehmen. Nun giebt aber die letzte Formel in einem Falle $L_1 > L$ und im anderen < L, so lange das zweite Glied $\pm \frac{3}{2} \frac{c^2 v}{g} F_{\gamma}$ [...] x reell ist; es ist daher zur Erlangung des Maximalwerthes nöthig, daß dieses zweite Glied Null, also $2 \left(sin.\alpha - \frac{v}{c} cos.\alpha \right) \left(cos.\alpha + \frac{v}{c} sin.\alpha \right) cos.\alpha - \left(sin.\alpha - \frac{v}{c} cos.\alpha \right)^2 sin.\alpha = 0$, oder

 $2\left(\cos\alpha + \frac{v}{c}\sin\alpha\right)\cos\alpha = \left(\sin\alpha - \frac{v}{c}\cos\alpha\right)\sin\alpha$

ober

$$\sin \alpha^2 - \frac{3v}{c} \sin \alpha \cos \alpha = 2\cos \alpha^2$$
 [ei.

Durch $\cos. \alpha^2$ bividirt und $\frac{\sin. \alpha}{\cos. \alpha} = tang. \alpha$ eingeset, ergiebt sich

$$tang. \alpha^2 - \frac{3v}{c} tang. \alpha = 2,$$

worans nun für ben bie Maximalleiftung verfprechenben Wintel folgt:

tang.
$$\alpha = \frac{3 v}{2 c} + \sqrt{\left(\frac{3 v}{2 c}\right)^2 + 2}$$
.

Da bei einem und bemfelben Flügel bie entfernteren Elemente eine größere Geschwindigkeit besitzen, als die der Umbrehungsare näherstehenden, so solgt hieraus, daß ben entfernteren Flügeltheilen ein größerer Stoßwinkel zu ertheilen ift, als den näheren, um eine möglichst große Leiftung zu erhalten.

Es sind also die Flügel nicht eben, sondern windschief (franz. gauches; engl. warped) und zwar so herzustellen, daß die äußeren Theile weniger als die inneren von der Umdrehungsebene abweichen.

Anmerfung. Die vortheilhafteften Stofminkel eines Rugels laffen fich auch leicht burch folgende Conftruction finden. Man nehme CB, Sig. 591, == 1,

Fig. 591.

A

C

D1

D2

D3

D4

C1

E1

B1

E2

B2

E3

E4

C4

E4

sete rechtwinfelig barauf: $CA=\sqrt{2}=$ ber Diagonale eines Quadrates über CB, und ziehe AB. Dann ift

tang.
$$ABC = \sqrt{2}$$
, und daher $\angle ABC = 54^{\circ} 44' 8''$,

b. i. ber Stoßminfel ber ganz nabe an ber Umbrehungsare liegenben Flügelelemente. Seten wir nun in

$$y=rac{3\ \omega x}{2\ c}$$
 für c die Binds, sowie für ω die Binfelgeschwindigkeit und für x nach und nach die Entsernungen der Flügessprossen von der Umdrehungsare ein, und tragen wir die so erhaltenen Berthe von y als CD_1,CD_2,CD_3 u s. w. auf die CB von C aus auf; ziehen wir serner die Hypotenusen AD_1,AD_2,AD_3 u. s. w. und verlängern wir dies

felben so, daß $D_1E_1=CD_1,\ D_2E_2=CD_2,\ D_3E_3=CD_3$ u. s. w. wird; legen wir endlich $AE_1,\ AE_2,\ AE_3$ u. s. w. auf die Richtung von AC als $AC_1,\ AC_2,\ AC_3$ u. s. w. auf, errichten in $C_1,\ C_2,\ C_3$ u. s. w. die Perpendifel $C_1B_1,\ C_2B_2,\ C_3B_3$ u. s. w. CB=1, und ziehen $CB_1,\ CB_2,\ CB_3$ u. s. w. die gesuchten u. s. s. s. s. s. s. $CB_1,\ AB_2$ u. s. w. die gesuchten Stoßwinkel, benn es ist:

tang.
$$AB_1C_1 = \frac{AC_1}{B_1C_1} = \frac{AE_1}{1} = D_1E_1 + AD_1 = y_1 + \sqrt{y_1^2 + 2},$$

tang. $AB_2C_2 = \frac{AC_2}{B_2C_2} = \frac{AE_2}{1} = D_2E_2 + AD_2 = y_2 + \sqrt{y_2^2 + 2},$ x.

§. 345 Leistung der Windräder. Die Formel filt ben zwedmäßigsten Stofwinkel läßt sich auch umkehren, um die einer gegebenen Flitgelstellung (α) entsprechende vortheilhafteste Umbrehungsgeschwindigkeit zu sinden. Es ist hiernach:

$$tang. \alpha^2 - \frac{3v}{c} tang. \alpha = 2,$$

und daher fehr einfach:

$$v = \left(\frac{tang. \, \alpha^2 - 2}{tang. \, \alpha}\right) \cdot \frac{c}{3} = (tang. \, \alpha - 2 \cot ang. \, \alpha) \cdot \frac{c}{3} \cdot$$

Sett man biefen Werth in die Leiftungsformel ein, fo betommt man bann:

$$L = \frac{3 c^2}{2 g} F_{\gamma} \cdot \frac{\tan g \cdot \alpha^2 - 2}{\tan g \cdot \alpha} \cdot \frac{c}{3} \cdot \left(\sin \alpha - \frac{\tan g \cdot \alpha^2 - 2}{3 \tan g \cdot \alpha} \cos \alpha\right)^2 \cos \alpha$$

$$= \frac{4}{9} \cdot \frac{c^2}{2 g} F_{\gamma} \cdot \frac{(\tan g \cdot \alpha^2 - 2) \cos \alpha^2}{\sin \alpha^3} = \frac{4}{9} \cdot \frac{c^3}{2 g} F_{\gamma} \cdot \frac{(3 \sin \alpha^2 - 2)}{\sin \alpha^3}.$$

Die theoretische Leistung eines Windrades läßt sich hiernach für jede gegebene Wind- und Umbrehungsgeschwindigkeit berechnen. Aus der gegebenen Umbrehungszahl u pr. Minnte folgt zunächst die Winkelgeschwindigkeit $\omega = \frac{\pi u}{30} = 0,10472 \cdot u$. Theilt man nun die ganze Windruthenlänge in steben gleiche Theile, und läßt man, wie gewöhnlich, den Flügel im ersten Theilpunkte anfangen, so daß seine eigentliche Länge $^6/_7$ l ausfüllt, so kann man nun sehr leicht mit Gülse der Formel

tang.
$$\alpha = \frac{3v}{2c} + \sqrt{\left(\frac{3v}{2c}\right)^2 + 2}$$

bie jedem ber sieben Theilpunkte bes Flügels entsprechenben vortheilhaftesten Stofwinkel α_0 , α_1 , α_2 ... berechnen, indem man nach und nach

$$v_0 = \omega \cdot \frac{l}{7}$$
, $v_1 = \omega \cdot \frac{2l}{7}$, $v_3 = \omega \cdot \frac{3l}{7} \cdots$ bis $v_6 = \omega \cdot \frac{7l}{7}$

ober wl einführt.

Sind nun noch bo, b1, b2 ... be die burch biefe Theilpunkte gu legenden Fligelbreiten, fo konnen wir mit Gulfe ber Simpfon'fchen Regel aus

$$\left(\frac{3\sin. \,\alpha_0^{\,2}-2}{\sin. \,\alpha_0^{\,3}}\right)b_0, \left(\frac{3\sin. \,\alpha_1^{\,2}-2}{\sin. \,\alpha_1^{\,3}}\right)b_1. \left(\frac{3\sin. \,\alpha_2^{\,2}-2}{\sin. \,\alpha_2^{\,3}}\right)b_2 \ \text{u. f. w.}$$

einen Mittelwerth k berechnen und bekommen baber mit Gulfe beffelben bie gange Flügelleiftung:

$$L = \frac{4}{9} k \gamma \cdot \frac{6}{7} l \cdot \frac{c^3}{2 g}$$

ober allgemeiner, wenn la die eigentliche Flügellänge bezeichnet:

$$L=4/9\,\gamma k l_1\,\frac{c^3}{2g}.$$

Ware ber Flügel eben, hätte er also an allen Stellen einen und benselben Stoßwinkel α , so würde man mittels $v_0=\frac{\omega l}{7}$, $v_1=\omega\cdot\frac{2\,l}{7}$ u. s. w. zunächst die entsprechenden Werthe

$$\left(\sin \alpha - \frac{v_0}{c}\cos \alpha\right)^2 \frac{v_0}{c}\cos \alpha \cdot b_0,$$

$$\left(\sin \alpha - \frac{v_1}{c}\cos \alpha\right)^2 \frac{v_1}{c}\cos \alpha \cdot b_1 \text{ u. f. w.}$$

ju berechnen, aus diefen wieder durch Anwendung ber Simpson'ichen Regel den Mittelwerth &1 zu ermitteln und benfelben zulet in die Formel

$$L=3 \gamma k_1 . l_1 \cdot \frac{c^3}{2g}$$

einzuseten haben.

Ist n die Anzahl ber Flügel, so hat man allerdings den letten Werth noch hiermit zu multipliciren, um die ganze theoretische Radleistung zu erhalten, also

 $L = 3 n \gamma k_1 l_1 \frac{c^3}{2 a}$

au feten.

Beispiel 1. Belche Stofwinkel erforbert ein Flügelrad bei 20 Fuß Bindgeschwindigkeit, wenn baffelbe aus vier Flügeln von je 24 Fuß Länge und 6 bis 9 Fuß Breite besteht, und wenn es in der Minute 16 Umdrehungen macht. Bie groß ift ferner die theoretische Leistung dieses Rades?

Bunachst ift die Wintelgeschwindigkeit $\omega=0.10472.16=1.6755$ Juß, und ift die Entfernung der innersten Flügelsproffe von der Wellenare =4 Fuß, also die gange Ruthenlange l=24+4=28 Fuß, so hat man:

Für bie Entfernungen:	4	8	12	16	20	24	28 Fuß
die Geschwindigkeiten: die Tangenten der	6,702	13,404	20,106	26, 808	33, 510	40,212	46,914 FF.
Stofwinkel	2,004	2,740	3,575	4,469	5,397	6,847	7,311
bie Stoßwinkel	630 291	69º 57 <i>'</i>	740 22′	77° 23′	790 30	810 3'	820 13'
Werthe $\frac{3 \sin. \alpha^2 - 2}{\sin. \alpha^3}$:	0,5612	0,7810	0,8759	0,9220	0,9472	0,9622	0,9716
bie Blugelbreiten	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5	9,0 Fuß
bie Producte aus ben letten beiben Größen	8,367	5,076	6,131	6,915	7,578	8,179	8 ,744

Aus ben letten Producten folgt nun ber Dittelwerth:

$$k = \frac{8,367 + 8,744 + 4 \cdot (5,076 + 6,915 + 8,179) + 2 \cdot (6,131 + 7,578)}{18}$$
$$= \frac{12,111 + 80,680 + 27,418}{18} = \frac{120,209}{18} = 6,678,$$

und führen wir nun noch $\gamma=\frac{61,75}{800}=0,0772$ Pfund, $^6/_7\ l=24$ sowie $\frac{c^3}{2\ g}=0,016\cdot 20^8=128$ ein, so bekommen wir die Leistung bieses Windrades:

L = 4.4/9.6,678.0,0772.24.128 = 11,872.1,85.128 = 2811 Fußpfund = 5.9 Bferdefräfte.

Beispiel 2. Welche Leiftung ift von einem Windrade zu erwarten, welches aus vier ebenen Flügeln besteht und bei ,dem Stofwinkel von 75° die übrigen Dimenstonen und Berhältnisse mit dem Rade im vorigen Beispiele gemeinsschaftlich hat?

Dan hat bier :

bie Geschwindigkeitever=					,		
hältniffe $\frac{v}{c}$	0,3351	0,6702	1,0053	1,3404	1,6755	2,0106	2,3457
bie Differenzen:							
$\sin \alpha - \frac{v}{c}\cos \alpha$.	0,8792	0,7925	0,7057	0,6190	0,5323	0,4456	0,3588
ble Breiten b	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5	9,0 Fuß
die Producte							
$(\sin \alpha - \frac{v}{c}\cos \alpha)^2$							
$\frac{v}{c}\cos a \cdot b : \dots$	0,4028	0,7081	0,9071	0,9969	0,9830	0,8783	0,7034
•						l	

Aus ben letten Broducten ergiebt fich mittels ber Simpfon'ichen Regel ber Mittelwerth:

$$k_1 = \frac{1}{18} [0,4023 + 0,7034 + 4(0,7081 + 0,9969 + 0,8788) + 2(0,9071 + 0,9830)]$$

= $\frac{1}{18} (1,1057 + 10,8332 + 3,7802) = \frac{15,2191}{18} = 0,8455,$

und hieraus folgt bie gesuchte Leiftung:

L=4.3.0,8455.0,0772.24.128=2408 Fußpfund =5 Pferbefräfte, wogegen bas Rab mit winbschiefen Flügeln L=5,9 Pferbefräfte verspricht.

Reibungsverlust der Windräder. Einen bebeutenden Theil des §. 346 Arbeitsvermögens, welches ein Flügelrad dem Winde abgewinnt, geht durch die Reibung am Halse des Rades verloren, zumal wenn, wie gewöhnlich, dieser sehr statt ist. Wir können annehmen, daß das ganze Gewicht des Flügelrades im Halse unterstützt sei und den Druck am hinteren Zapsen ganz underücksichtigt lassen; wenn num auch dadurch eine etwas zu große Reibung gefunden wird, so wird sie durch Außerachtlassung der Reibung an der Basis des hinteren Zapsens, welche aus dem Windsloße in axialler Richtung entspringt, ungefähr wieder ausgeglichen. Da der hintere Zapsen viel schwächer ist, als der Halse oder vordere Zapsen, so wird diese Bereinfachung um so eher erlaubt sein. Dies vorausgesetzt, erhalten wir nun aus dem Sewichte G des ganzen Flügelrades die entsprechende Reibung $F = \varphi G$, und ist nun noch r der Halbunesser des Halses, also wer die Geschwindigkeit der Reibung, so solgt dies Arbeit dieser Reibung:

$$F \omega r = \varphi G \omega r = 0.1047 \cdot u \varphi G r = \varphi G \frac{r}{l} v,$$

wenn v die Umfangsgeschwindigkeit des Rades bezeichnet.

Dies vorausgesent, konnen wir nun die effective Leiftung eines Binbrabes mit ebenen Flügeln feten:

$$L = 3n\gamma k_1 l_1 \cdot \frac{c^3}{2g} - \varphi G \frac{r}{l} v,$$

und die eines folchen Rabes mit windschiefen Glügeln:

$$L = \frac{4}{9} n \gamma k l_1 \cdot \frac{c^3}{2g} - \varphi G \frac{r}{l} v.$$

Aus der Formel $L=rac{3\;(c\;sin.\,lpha-v\;cos.\,lpha)^2}{2\;g}\,v\;cos.\,lpha$. $F\gamma$ fitt die

theoretische Leistung eines Flügelesementes läßt sich der Einfluß der Flügelsgeschwindigkeit auf die theoretische Radleistung erkennen, namentlich auch finden, daß für $v\cos\alpha=\frac{c\sin\alpha}{3}$ (vergl. Band II, §. 219), d. i. für

$$v = \frac{c tang. \alpha}{3}$$

bieselbe ein Maximum wird. Führt man nun aber diesen Werth in ber angeführten Formel ein, so erhält man

$$L=3.4/_{27}.\frac{c^3\sin.\alpha^3}{2g}F\gamma,$$

und es ist nun hierans zu entnehmen, daß die Leistung am größten ansfällt, wenn der Stoßwinkel $\alpha=90^{\circ}$, also $v=\infty$ wird. Dieser Forderung kann aber aus dem Grunde nicht Genüge geleistet werden, weil schon bei einer nicht übermäßig großen Umdrehungsgeschwindigkeit die Nebenhindernisse, namentlich aber die Halsreibung, so viel Arbeit consumiren, daß sür die effective oder Nutleistung nichts mehr übrig bleibt. Es ist also bei einer großen Umdrehungszahl eine große Nutleistung zu erwarten, jedoch in gegebenen Fällen stets besonders zu untersuchen, bei welcher Umdrehungszahl die Nutleistung, welche die theoretische Leistung nach Abzug der Arbeit der Reibung noch übrig läßt, ein Maximum wird, und dies kann nur dadurch geschen, daß man sür eine Reihe von Umdrehungszahlen diese Leistungen wirklich berechnet, und aus diesen die größte herausnimmt oder durch Interpolation ermittelt.

Beispiel. Wenn die armirte Flügelwelle des in den Beispielen des vorigen Paragraphen betrachteten Rades 7500 Pfund wiegt, ferner der halbmeffer ihres Halfes, $r=\frac{1}{3}$ Fuß mißt, und der Reibungscoefficient $\varphi=0,1$ angenommen wird, so hat man die durch die halsreibung verleren gehende mechanische Leiftung:

 $L_1=0.1.7500$. $\omega r=750$. $\frac{1}{3}$. 1,6755=250. 1,6755=419 Fußpfund; es bleibt also beim Rabe mit winbschiefen Flügeln die Ruhleistung

L = 2811 - 419 = 2392 Fußpfund,

b. i. circa 85 Procent übrig. Bei ben holzernen Bellen find aber bie Salfe noch einmal so ftark, und es ift baber bier ber Arbeitsverluft burch die Reibung boppelt, die Nupleistung also nur 70 Procent ber theoretischen.

Erfahrungen über Windräder. Sichere, namentlich zur Britfung §. 347 ber Theorie vollfommen genugende Beobachtungen find an Windmühlen bis jest noch gat nicht gemacht worden; es fehlt zwar nicht an Angaben tiber bie Leistungen verschiedener Windmuhlen, allein dieselben sind meift zur Beurtheilung des Wirkungegrades biefer Mafchinen nicht hinreichend, ba fle bie Windgeschwindigfeit entweder gang unbestimmt laffen ober dieselbe nicht mit hinreichender Genauigfeit ausbruden. Am vollständigften find noch bie Angaben von Coulomb und Smeaton; neuere Beobachtungen ähnlicher Art fehlen aber gang. Coulomb ftellte feine Beobachtungen an einer ber vielen Windmublen in ber Umgebung von Lille an; es laffen fich aber aus benselben ziemlich sichere Folgerungen ziehen, weil biefe Muble ein zum Auspreffen bes Rubfamenoles bienenbes Bodwert in Bewegung feste, beffen Rupleiftung fich febr leicht berechnen läßt. Die vier Rabflugel biefer Mühle waren nach hollanbifcher Art, windschief, mit den Stogwinkeln von 638/40 bis 811/40, und jeber von ihnen hatte ungefähr 2.10 = 20 Quabratmeter Die Berfuche murben bei Windgeschwindigkeiten von 2,27 Meter bis 9,1 Meter und bei Umfangsgeschwindigkeiten von 7 bis 22 Meter angestellt, und stimmten nach ben Berechnungen von Coriolis (f. beffen Calcul de l'effet des machines) im Mittel ziemlich mit ber oben entwidelten Theorie, nach welcher ber Windstoß normal gegen ein Flügelelement F:

$$N=3.\frac{(c\sin\alpha-v\cos\alpha)^2}{2g}\,F\gamma$$

ift, überein. Es ist übrigens leicht zu ermeffen, daß bei den besseren Conftructionen mit schiefen Flügeln der Mittelwerth von $\frac{3\sin\alpha^2-2}{\sin\alpha^3}$ nicht

bebeutend abweichen kann von bemjenigen, welcher sich aus dem ersten Beispiele in §. 345 = 0,880 berechnet; führen wir aber diesen in die allgemeine Formel ein, so erhalten wir folgenden höchst einfachen Ausbruck für die Leistung eines Windrades:

Das Mittel aus ben Coulomb'schen Beobachtungen giebt $L=0.026\,n\,F\,c^3$ Kilogrammmeter,

ober im preußischen Dage,

= 0,000507 n Fc3 Fugpfund,

also in guter Uebereinstimmung mit ber theoretischen Bestimmung. Der Sicherheit wegen nimmt man vielleicht am besten

$$L = 0.00047 \, n \, F \, c^8$$
 Fugpfund an.

Diese Formel giebt jedoch nur bann genügend richtige Resultate, wenn bie Umfangsgeschwindigkeit ungefähr die vortheilhafteste, nämlich circa 21/2 mal so groß als die Windgeschwindigkeit ist.

Beispiel. Wenn ein Windrad bei einer Windgeschwindigkeit von 16 Fuß eine Leiftung von 4 Pferdekräften geben foll, welche Flügelstächen muß daffelbe erhalten? Nach der letten Formel ift

$$nF = \frac{4.480}{0.00047.16^3} = \frac{1920000}{1925} = 1000$$
 Duabratfuß;

also bei fünf Flügeln, der Inhalt des einen, F=200 Quadratsuß. Macht man die Länge l_1 eines Flügels 5mal so groß, als seine mittlere Breite b, so hat man hiernach $5\ b^2=200$, folglich die Breite jenes Flügels:

$$b = \sqrt[9]{40} = 6^{1}/_{3}$$
 Fuß,

und bie gange beffelben:

$$l_1 = 5.6\frac{1}{8} = 31\frac{9}{8}$$
 Fuß.

Smeaton's Rogeln. Smeaton hat fehr ausführliche Bersuche fiber §. 348 Windrüber im Rleinen angestellt. Sein Berfucherad hatte Arme von 21 Boll Lange mit Flügeln von 18 Boll Lange und 5,6 Boll Breite (engl. Dag). Er ließ biefes Rab nicht burch ben Bind in Umbrehung feten, fonbern er bewegte baffelbe in ber ruhigen Luft im Rreife herum, weshalb er benn nicht den Windftog, sondern den Widerstand der Luft gegen bas Rab beobachtet hat, wodurch allerdings die Resultate feiner Beobachtungen bedeutend an Werth verlieren. Die Bewegung bes Rabes gegen ben Wind erfolgte burch eine stehende Welle mit einem 51/2 Fuß langen Duerarme, an beffen Ende die Lager bes Rades befeftigt maren; biefe Belle aber erhielt ihre Bewegung durch ben Beobachter felbft, und zwar mit Bulfe einer Schnur, welche, wie bei einem Rreifel, vor jedem Berfuche auf den ftarteren Theil biefer Welle aufgewidelt murbe. Um den Windftog ober vielmehr den Bis berftand der Luft zu meffen, wurde unmittelbar über der ftebenden Belle eine Wagichale mit Bewichten an einer fehr feinen Schnur aufgehangen, und bas andere Ende dieser Schnur um die Flügelwelle gelegt, fo baß fich bei Umbrehung biefer Welle bie Schnur auf fie aufwidelte und bas Gewicht am erften Ende biefer Schnur emporhob. Bas nun die Ergebniffe biefer Berfuche anlangt, fo ftimmen fie in qualitativer Sinficht febr gut mit ber Theorie überein, namentlich weisen fie fehr bestimmt nach, daß die windschiefen Fligel mehr Wirkung haben als bie ebenen, und bag bie burch bie Theorie gefundenen Stofwintel wirflich die vortheilhaftesten find. Bahrend wir im obigen Beispiel zu §. 345 von innen nach außen gegangen und, gleichen Abständen entsprechend, die fieben Stofwinkel

63° 29'; 69° 57'; 74° 22'; 77° 23'; 79° 30'; 81° 3' und 82° 13' gefunden haben, ergaben sich bei den Bersuchen von Smeaton folgende sechs Stogwinkel als sehr vortheilhaft:

720; 710; 720; 740; 771/20; 830;

im Mittel also wenig verschieben von ben ersteren. Uebrigens bemerkt Smeaton selbst, daß eine Abweichung von 2 Grab im Stofwinkel keinen bebeutenden Ginfluß auf die Leistung des Rabes habe.

Zuletzt macht Smeaton aus seinen bei 41/3 bis 88/4 Fuß Winds ober vielmehr Radarengeschwindigkeit angestellten Bersuchen folgende, mit der Theorie in sehr guter Uebereinstimmung stehende Folgerungen.

Bei einem vortheilhaft besegelten Flügelrabe steht die größte Umfangsgeschwindigkeit mit der vortheilhaftesten Umfangsgeschwindigkeit im
Berhältnisse wie 3:2, und dagegen die größte Last zur vortheilhaftesten Last
im Berhältnisse wie 6:5. Uedrigens aber ist die größte Umfangsgeschwindigkeit, d. i. die beim leeren Gange, eirea 4mal, und daher die beim vortheilhaftesten Gange, $2/3 \cdot 4 = 8/3$ mal so groß, als die Windgeschwindigkeit.
Ferner wächst deim vortheilhaftesten, d. h. die größte Nugleistung gedenden,
Gange die Belastung beinahe wie das Quadrat, und die Leistung beinahe
wie der Eubus der Windgeschwindigkeit. Wenigstens gab die doppelte Windgeschwindigkeit die 3,75sache Belastung und die 7,02sache Nugleistung.
Manche andere Regeln, welche Smeaton noch aus seinen Versuchen zieht,
sind mit der Theorie im Einklange, und lassen sich einzugehen.

Nach diesen Versuchen ist übrigens die Wirkung des Windes bei den Flusgelrädern noch größer, als sie Theorie giebt und als die Coulomb'schen Bersuche geben.

Bon anderen Angaben über bie Leiftungen ber Binbraber tann erft im Abidnitte von ben Arbeitsmafchinen bie Rebe fein.

Schlußanmerkung. Die vollständigste Theorie der Bindrader sindet man in des Bersasser handbuch der Bergmaschinenmechanik, und in Coriolis' Traité du calcul de l'effet des machines. In den meisten Lehrdüchern über Mechanik werden die Windrader ganz kurz abzehandelt oder wohl gar undeachtet gelassen. Die Bersuche Smeaton's sind in den Philosophical Transactions, Jahrzgänge 1759 die 1776 beschrieben, gesammelt und ins Französische übersett aber von Girard, und zwar unter dem Titel "Recherches expérimentales sur l'eau et le vent. Paris 1827." Auszüge davon sindet man sast in allen englischen Werken, namentlich auch in Barlow's Treatise on the Manusactures and Machinery of Great-Britain. Coulomb's Versuche sind in dem bestannnten Werke: Théorie des machines simples, par Coulomb, beschrieben. Eine Bockwindmühle genau gezeichnet und aussührlich beschrieben sindet man in Hosse

798 Erster Absch. Siebentes Cap. Von ben Windrabern. [§. 348.

mann's Sammlung ber gebrauchlichsten Maschinen, heft I, Berlin 1833. Siehe auch Schwahns Lehrbuch ber prakt. Muhlenbaufunde. Ebenso ift in Band 8 ber Publication industrielle etc. par Armengaud, Paris 1853 beschrieben.

Eine ziemlich vollftanbige Abhandlung über Bindmuhlen, von A. Burg enthalt Bb. 8 (1826) ber Jahrbucher bes polytechn. Instituts in Bien. Chenfo Ruhlmann's allgemeine Mafchinenlehre Bb. I.

Ueber ben Binbftog hanbelt icon Mariotte in feinen Grunblehren ber Spbroftatif und Spbraulit; nach ihm ift ber Winbftog

$$P=1,78\frac{c^2}{2q}F\gamma.$$

Nächstem auch Borba, in ben Mémoires de l'Académie de Paris, 1763; ferner Rouse (s. bas oben citirte Werk von Smeaton), bann noch hutton und Woltmann. Die letzteren Autoren sinden P viel kleiner, als Mariotte u. s. w., weil sie nicht ben Windstoß, sondern ben Wiberstand ber Luft gemesken haben. Sicherlich ist baber auch ber von Woltmann gefundene Coefficient $t = \frac{4}{3}$, also die Kraft

$$P = \frac{1}{\sqrt{8}} \cdot \frac{c^2}{2a} F \gamma$$

zu klein, weil er die Constante seines Flügels nicht direct bestimmt hat (f. besten Theorie und Gebrauch des hydrometrischen Flügels. Hamburg 1790).

Hutton findet aus seinen Bersuchen, daß man mit mehr Genauigkeit den Stoß und Widerstand der Luft $F^{1,1}$ proportional wachsend annehmen muße (s. dessen Philosophical and mathematical Dictionary, T. II). Nehmen wir nun an, daß der Coefficient $\zeta=1,86$ für eine kleine Fläche von 1 Quadratsfuß Inhalt richtig sei, so mussen wir hiernach für einen Windstügel von 200 Quadratsfuß Flächeninhalt $\zeta=200^{0,1}$. 1,86=1,7. 1,86=3,162 sehen, was mit der theoretischen Bestimmung und mit dem obigen Vortrage, wo

$$\zeta=3$$
 und $P=3\cdotrac{c^2}{2\,g}\,F\gamma$

angenommen wurbe, gut übereinstimmt.

Gine sehr gute Busammenstellung und Berzleichung der Bersuche aber den Stoß und Widerstand der Luft theilt Poncelet in seiner Introduction à la mécanique industrielle mit. Eigenthümliche Anstickten über den Bindstoß verfolgt Euler in einer Abhandlung der Berliner Memoiren, 1756; ebenso Crelle in der Abhandlung "Theorie des Windssche", Berlin 1802.

Unterfuchungen über bie empirische Formel

$$L = 0.026 \, nFc^3$$

von Coulomb u. s. w. enthâlt bie fleine Schrift: Notice sur les moulins à vent à ailes réductibles, par M. Ord. de Lacolange, Besançon 1856.

Zweiter Abschnitt.

Bon der Barme, von den Dampfen und von den Dampfmaschinen.

Erftes CapiteL

Bon ben Gigenschaften ber Barme.

Wie der Schall durch meßdare Schwingungen eines Körpers hervors & 349 gebracht und durch andere Körper, wie Luft, Wasser u. s. w., fortgepstanzt wird, ebenso ist man genöthigt anzunehmen, daß die Wärme in unmeßdar kleinen Schwingungen der Molekule (franz. molecules, engl. molecules) eines Körpers bestehe, und durch ein außerordentlich seines gewichtlose Fluisdum, ben sogenannten Aether (franz. ether, engl. ether), welcher alle Körsper, sowie auch den ganzen Weltraum durchdringt, sortgepstanzt werde. Während bei einem gewöhnlichen Bendel die Schwingungen in einem stetigen Wechsclipiel zwischen der Schwerz und Trägheitstraft bestehen, sind die Schwingungen elastischer Körper, und so auch die der Aethers und Körpers molekule ein solches Wechselspiel zwischen der Elasticität und Trägheit dieser Körper ober Körpermolekule.

Die Abhängigkeit zwischen ber Fallhöhe & und der Geschwindigkeit c eines solchen Bendels am tiefsten Punkte seiner Bewegung ift bekanntlich (f. Bb. I, §. 320)

$$c = \sqrt{2gh}$$
, ober $h = \frac{c^2}{2g}$,

und hat dasselbe das Gewicht &, so ift die mechanische Arbeit, welche die

Schwertraft beim Niederfallen, sowie die Arbeit, welche die Trugheit beim Auffleigen deffelben verrichtet:

$$A = Gh = G\frac{c^2}{2g}.$$

Hat das Pendel nur einen Theil s der ganzen Fallhöhe zurückgelegt und die Geschwindigkeit $v=\sqrt{2\,g\,z}$ erlangt, so besitzt es in Folge seiner Schwere noch das Arbeitsvermögen G(h-z), und in Folge seiner Trägbeit das Arbeitsvermögen $G\left(\frac{v^2}{2\,g}\right)=G\,z$; es ist daher das ganze Arbeitsvermögen Germögen eines schwingenden Benbels:

$$G(h-s)+Gs=Gh=Grac{c^2}{2g}$$
, b. i. eine constante Größe.

Wenn ferner das Massenelement $M=\frac{G}{g}$ rines elastischen Körpers im Abstande x von seiner Gleichgewichtslage die Geschwindigkeit v hat, und von der Kraft P=px nach dem Ruhepunkt zurückgetrieben wird, so ist das Arbeitsvermögen desselben überhaupt,

$$A = \frac{Px}{2} + G\frac{v^2}{2g} = \frac{px^2}{2} + G\frac{v^2}{2g};$$

hat die Geschwindigseit des Pendels im Augenblick des Durchganges durch den Ruhepunkt den Werth c, so ist daher das Arbeitsvermögen $= G \frac{c^2}{2\,g}.$

Run läßt sich aber die Arbeit ber Repulsivfraft P = px, während die Geschwindigkeit c in v verwandelt wird (nach Bb. I, §. 84)

$$\frac{Px}{2} = \frac{px^2}{2} = G\left(\frac{c^2 - v^2}{2g}\right)$$
 feten;

baher folgt auch

$$A = rac{G(c^2 - v^2)}{2g} + rac{Gv^2}{2g} = rac{Gc^2}{2g}$$
, sowie

 $A=rac{p\,a^2}{2}$, wenn $\pm\,a$ ben Ausschlag bes elastischen Benbels bezeichnet.

Es ift alfo auch bei ben burch bie Elasticität hervorgerufenen Schwingungen eines Rorpers bas Arbeitsvermögen eine conftante Große.

Dasselbe, Schwingungsgeset kann natürlich auch bei flüssigen Körpern, sogar auch bei bem feinsten Fluidum, dem Aether, statisinden. Wenn num die Wärme eine Wirfung dieses Schwingungszustandes ist, so läßt sich daher auch annehmen, daß jeder Körper in Folge seiner Wärme eine gewisse Arbeitsfähigkeit in sich enthalte, welche mit der Wärme ab- und zunimmt. Die sogenannte Wärmemenge eines Körpers wird hiernach auch durch die Schwingungsarbeit A besselben gemessen.

Es ift bie fogenannte Unbulationstheorie, welche bie Ericheinungen ber Warme burch bie Schwingungen bes Aethers u. f. w. erflart; bie nun unhaltbar geworbene Emanationetheorie grundet fich bagegen auf bie Annahme eines besonderen Barmeftoffes, beffen größere ober geringere . Anhäufung in einem Rorper bie verschiedenen Warmezuftanbe beffelben gur Folge hat.

Instrumente, welche bie Warme ober bas Warmequantum eines Körpers &. 350 anzeigen, beißen Thermometer (frang. thermometres; engl. thermometers) und Bnrometer (frang. pyromètres; engl. pyrometers). Erstere werben jum Deffen fleiner ober muffiger, lettere aber jur Ausmittelung hoher Barmegrabe verwendet; bei jenen ift es in ber Regel ein fluffiger, bei biefen aber gewöhnlich ein fefter Rorper, welcher burch feine Ausbehnung bie Starte ber Barme anzeigt. Den burch eines biefer Inftrumente angezeigten Warmezustand eines Körpers nennt man die Temperatur (frang. tomperature; engl. temperature) beffelben.

Bei Aufnahme einer großen Wärmemenge geben endlich fefte Rörper in tropfbarfluffige und lettere wieder in elaftifchfluffige Rorper über; umgelehrt. burch Entziehung von Barme fehren fluffige Rorper in ben feften Buftanb aurud. Es ift alfo bie Barme Urfache ber brei Aggregatzuftanbe ber Rorper (f. Bb. I. 8. 62).

Rommen Rörper von verschiedener Temperatur mit einander in Berührung, fo wird bas Bleichgewicht ber Warme in beiben gestort; es ftromt bie Barme aus bem marmeren Rorper in ben weniger warmen ober falteren Rörper, und es tritt nach einer gewiffen Beit wieder Gleichgewicht ein und zwar bann, wenn beide Rorper einerlei Temperatur angenommen haben.

Dan nennt biefen Uebergang ber Warme aus einem Rorper in einen anderen bie Warmeleitung. Benn hingegen bie Warme eines Rorpers blog durch ben Aether auf einen anderen Rörper übergeht, fo findet eine fogenannte Barmeftrahlung Statt.

Quecksilber-Thermometer. Das wichtigfte und gewöhnlich ge- §. 351 brauchte Thermometer ift bas Quedfilberthermometer (frang.thermometre à mercure; engl. mercurial-thermometer). Daffelbe befteht in einer engen, fich in einer größeren Sohlfugel ober einem weiteren Befage A enbigenben, jum Theil mit Quedfilber angefüllten Glaerohre A B, Fig. 592 (a. f. S.), und ift verbunben mit einer lange ber Röhrenare hinlaufenben Scala. Bringt man bas Befag biefes Instrumentes mit bem Körper, beffen Temperatur man ermitteln will, in Berührung, fo nimmt das Quedfilber in bemfelben nach einiger Beit die Temperatur biefes Körpers an und es wird die badurch hervorgebrachte Volumenveranderung des Quedfilbers durch ben Stand bes Quedfilbers in ber Röhre

angezeigt. Damit nun aber alle Thermometer unter sich Abereinstimmen, b. i. bei einem und bemselben Wärmezustanbe auch einerlei Temperatur an-

Fig. 592.



zeigen, ift es nothig, ihren Scalen eine folche Austehnung und Eintheilung zu geben, bag je zwei gleichbenannte Buntte berfelben zwei bestimmten Temperaturen entsprechen. Bewöhnlich bedient man fich bei Grabuirung ber Scala ber Temperaturen bes gefrierenden und siebenden Baffers, und bezeichnet bie entfprechenben festen Buntte, bis ju welchen bie Quedfilberfaule in ber Glasröhre bei bem einen ober anderen Barmeguftanbe reicht, burch Frostpunkt (franz. point de froid; engl. freezing point) und Siebepunkt (frang. point d'ébullition; engl. boiling point). Bei Ausmittelung biefer Buntte bringt man bas Thermometer erft in schmelzendes Gis und bann in sich ununterbrochen aus tochenbem Baffer bilbenben und nach oben abströmenden Wafferbampf, weil man baburch mehr Sicherheit erhalt. Der Siedepunkt hangt übrigens auch noch von ber Starte bes Luftbrudes ober vom Barometerftanbe ab, wechalb benn auch bei feiner Bestimmung noch auf biefen mit Rucificht au nehmen ift. Dan ift übereingekommen, ben Siebepuntt bei bem Barometerftanbe von 28 parifer Boll = 336 Linien, ober,

nach ben Franzosen, bei bem von 0,76 Meter = 336,9 Linien zu bestimmen ober, nach einer weiter unten zu gebenden Regel, babin zu reduciren.

Den Abstand (Fundamentalabstand) zwischen dem Frost- und Siedepunkte theilt man in eine gewisse Anzahl gleicher Theile, und durch Antragen dieser Theile unterhalb des Frost- und oberhalb des Siedepunktes verlängert man noch die Scala so viel wie möglich.

Die Centesimaleintheilung (franz. division contigrade; engl. centigrade scale), wo der Fundamentalabstand in hundert Theile oder Grade (franz. degrés; engl. degrees) getheilt wird, ist jedenfalls die einfachste, doch bedient man sich sehr oft noch der Réaumur'schen Eintheilung in 80 Grade, und in England der Fahrenheit'schen Eintheilung in 180 Grade oder vielmehr in 212 Grade, weil hierbei der Rullpunkt noch 32 Grade unterhalb des Gefrierpunktes angenommen wird.

Anmerkung 1. Specielle Anleitung jur Anfertigung von Thermometern geben die größeren Werke über Physik, z. B. Muller's Lehrbuch der Physik und Meteorologie Band II, sowie Bublner's Lehrbuch der Erperimentalphysik.

Anmerfung 2. Tabellen zur Berwandlung ber Centesimals, Reaus mur'schen und Fahren heit'schen Grabe unter einander enthält der "Ingenieur". hier folgen nur die dazu nöthigen Formeln. t Centestmalgrade entsprechen be Réaumur'schen oder % t + 320 Fahren heit'schen Graden. Dagegen ta Réaumur'sche Grade geben 3/4 t Centesimals oder 9/4 ta + 320 Fahrens

heit'sche Grabe. Enblich to Fahrenheit'sche Grabe find gleich 1/9 (to - 32°) Cente simal = 4/9 (to - 32°) Réaumur'schen Graben.

Pyrometer. Das Quecksilber gefriert oder geht in den festen Zustand §. 352 Aber, wenn es einer Temperatur von — 40° ausgesetzt ist, und siedet, d. i. nimmt die Dampsform oder einen elastischsställissen Zustand an, wenn seine Temperatur dis + 400° gestiegen ist. Aus diesem Grunde, und da überdies die Wärmeausdehnungen nahe bei den Wechseln der Aggregatzustände sehr unregelmäßig sind, kann man denn auch durch Quecksilberthermometer nur Temperaturen von — 36° dis 360° mit hinreichender Sicherheit beodachten. Um aber Temperaturen über diese Grenzen hinaus angeden zu können, wendet man in dem einen Falle Weingeistthermometer, in dem anderen aber sogenannte Phrometer an. Letztere bedient man sich zumal zur Ausmittelung der Temperatur in Feuerherden, Schmelzösen u. s. w. Bon ihnen ist noch in Fosgendem die Rede.

Das einfachfte Mittel, bobe Temperaturen zu meffen, besteht in ber Bergleichung ber Längen, welche ein und berfelbe Metallstab bei verschiedenen Da bie Barmeausbehnungen fester Rorper nicht Temperaturen annimmt. fehr groß find, fo wendet man hierbei besondere Mittel, namentlich aber ungleicharmige Bebel an, welche bie Musbehnung vergrößert angeben, um ben erwinschten Grad von Genauigfeit zu erhalten. Uebrigens bietet die Conftruction eines brauchbaren Detallpprometers noch befonbere Schwierigkeiten bar, weil es in ben meiften Fallen nicht möglich ift, durch diese Instrumente die Wirkungen der Barme unmittelbar, nämlich im Feuerraume felbst, zu beobachten, und weil sich diese Wirkungen auf alle Theile bes Instrumentes, also nicht allein auf ben Metallftab, fonbern auch auf beffen Lager und auf ben Magftab erftreden. Alle bis jest in Borfchlag und zur Anwendung gefommenen Detallphrometer find baber auch mit gro. feren ober Meineren Unvollfommenheiten behaftet. Gins der vorzüglichsten, wiewohl auch eins ber tostbarften Instrumente dieser Art ift aber bas Phrometer von Daniell (f. Gehler's phyfit. Borterbuch, Artifel "Pyrome-

Fig. 593.



ter"). Die Bee, welche einem solchen Instrumente zu Grunde liegt, ist solgende. AB, Fig. 593, ist eine hohle Graphitröhre, CD ein barin eingeschter Platin- ober anderer Metallstab, und E ein diesen bededender kurzer Borzellanchlinder, welcher ziem- lich scharf an die Röhrenwand anschließt. Wenn man nun diesen Apparat in den Feuerraum bringt, so wird das Porzellanstille in Folge der Ausdehnung der Platinstange ein Stud auswärts geschoben, und wenn man später den Apparat wieder aus dem Feuer genommen und ihn hat absühlen lassen, so wird die Berschiedung des von der Graphitröhre zuruckgehaltenen

Porzellanchlinders, die Ausbehnung ber Platinstange und dadurch mittelbar ben hitzegrad anzeigen. Bur genauen Ausmessung biefer Berschiebung bient noch ein Fühlhebelapparat, den man vor und nach dem Einlegen in das Fener an AD anlegt.

Anmerkung 1. Die Byrometer von Gunton be Morveau, von Brogniart, Beterfen, Neumann u. f. w. haben mehr ober weniger Achu-lichfeit mit bem Daniell'ichen Pyrometer. (S. Gehler's phyfit. Borterbuch, Band VIL)

Anmerkung 2. Gin befanntes Gulfemittel jur Bestimmung hoher bisgrabe ift auch bas Byrometer von Debgwoob. Dan wendet baffelbe wegen feiner Ginfachheit noch oft an, wiewohl es ein febr unvolltommenes Inftrument ift. Es werben hierzu fleine Regel ober Cylinder aus Borgellan= ober Topferthon verwendet, und biefe vor bem Bebrauche bis jur angehenden Rothglubbite getrodnet und bann ausgemeffen. Um nun ben Sigegrab in einem Feuerherbe ju meffen, bringt man einen ober mehrere folder Thonforber in benfelben und lagt fie barin einige Beit liegen, bamit fie bie Temperatur bes Raumes, in welchem fie fich befinden, volltommen annehmen fonnen. Sierbei fcwindet biefer Rorper bebeutend jufammen und bleibt auch bann noch jufammengezogen, wenn er fic wieber abgefühlt hat, und zwar um fo mehr, je größer bie hipe ift, welcher er ausgefett war. Wenn man ben Durchmeffer biefes Rorpers vor und nach ber Erhitung mißt, fo fann man beffen Bufammenziehung berechnen und biefe als bas Dag ber Site ansehen. Um aber biefe Deffung bequem und genau auszufuhren, wird ein bas eigentliche Byrometer ausmachender Magftab angewendet, ber im Befentlichen aus zwei convergent laufenben und auf eine Platte aufgelotheten, mit einer Eintheilung verfebenen Detallftaben besteht. Wird nun ber Thonkegel awischen biefe Stabe geschoben, so lagt fich seine Dicke an ben Eintheilungen berfelben ablefen. Man findet biefe Thermometer in ber Regel in 240 Theile ober Grabe getheilt, fest Rull Grab Webgwood = 1077 1/20 F.; und jeden Grad \mathfrak{B} . = 1300 g., also \mathfrak{B} . 2400 \mathfrak{B} . = 10771/20 + 240.1300 = 322771/20 g. Die Mangel biefes Inftrumentes rugt befonbers Gunton be Morveau; auch ift nach biefem Rull bes Webgwood'fchen Inftrumentes nicht 10771/0 g., fonbern 5100 R., und feber Grab beffelben nicht 1800 g., fonbern 61,20 g.

§. 353 Motall-Thormomotor. Die gewöhnlichsten Metall-Thormometer ober Byrometer sur mittelhohe Temperaturen bestehen in einer Berbindung von zwei Metallstäben von sehr verschiedenen Wärmeausdehnungen, z. B. von einem Messing- und einem Eisenstade, oder einem Platin- und einem Gold- oder Silberstreisen u. s. w. Liegen nun diese Städchen auf einander und sind sie an einem Ende sest mit einander verbunden, so kann man an den anderen Enden die Differenz der Ausdehnungen beider beobachten und hieraus wieder die entsprechende Temperatur berechnen. Zu diesem Zwecke erhält aber das Ende der einen Stange eine einsache Eintheilung und das andere einen dieser entsprechenden Bernier. Solche zuerst von Borda in Anwendung gebrachte Thermometer sallen jedoch, wenn sie hinreichend genan sein sollen, zu groß aus, um dadurch die Temperatur in Neinen Rännen

bestimmen zu können. In neuerer Zeit lothet ober nietet man aber biese Streifen zusammen, so baß sie sich nicht an einander verschieben können, sonbern eine Krümmung annehmen ober ihre Krümmung vergrößern, wenn sie in eine höhere Temperatur übergehen.

Das Breguct'sche Thermoneter besteht aus brei spiralförmig gewundenen Metallstreisen von Platin, Silber und Gold, wovon bas lettere als Bindemittel ber beiden ersteren bient. Das sogenannte Quabrantensthermometer, welches in Fig. 594 abgebildet ist, besteht in einer, aus



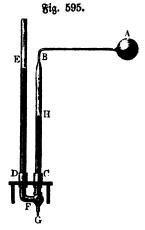
einem Stahl - und einem Rupferftreifen zusammengesetten trummen Reder, welche bei A auf bem tafchenförmigen Behäufe fest fitt. und mit feinem Enbe B mittele einer Feber BF gegen eine Rafe E briidt. Uebrigens enthält bas Instrument einen ungleicharmigen. um D brebbaren Bebel GDH, und einen um C brehbaren Zeiger ZZ, beffen Spite über einem Bifferblatte hinläuft, und ber burch ein fleines Bahnrab R mit bem gezahnten Bogen H am Enbe bes Sebelarmes DH in Berbindung gefett wird. Wenn fich nun bei Runahme der Barme ber Metall=

streifen nicht zusammenzieht, so brlickt das Ende B besselben den Arm DE in der Richtung DB fort, und es rückt der Zeiger CZ um einen gewissen Bogen weiter, den man auf dem Zifferblatte ablesen kann. Gine Spiralsseber SS bewegt den Zeiger in umgekehrter Richtung, wenn sich die Feder in Folge einer Temperaturerniedrigung streckt.

Anmerkung. Holzmann's Metallthermometer weicht im Befentlichen nicht ab von dem oben beschriebenen Quadrantenthermometer (f. Anfangegrunde der Physik von Scholz, §. 294). Dechele's Metallthermos meter besteht aus einer spiralformig gewundenen Thermometerfeder, welche aus Stahls und Messingstreisen zusammengesett ift. Es sith hier das außere Ende der Feder am Gehause fest, und das innere Ende derselben setzt den Zeiger mittels einer stehenden Welle in Bewegung (f. Dingler's Journal, Band LX).

Luftpyrometer. Endlich hat man aber auch Luftpyrometer zur §. 354 Messung hoher Temperaturen in Anwendung gebracht. Dieselben bestehen ber Hauptsache nach aus einer hohlen Platinkugel A und einer engeren Röhre

AB, Fig. 595, aus zwei mit einander communicirenben weiteren Robren BC und DE, und aus einer messingenen Fassung CFD mit einem



Sahn, wodurch nicht allein bie Comnunication biefer Röhren mit einander, fondern auch die mit einem Ausflugröhrchen G nach Belieben bergeftellt und aufgehoben werben fann. Beim Bebrauche ist A und AB mit Luft, und BFE mit Duedfilber angefüllt, und ce wird A in ben Feuerraum gebracht, bef fen Temperatur ermittelt werden foll. Bufolge ber Erwärmung ber in AB eingeschloffenen Luft behnt fich biefelbe aus, nimmt nun in der Röhre $m{B}$ $m{C}$ einen Raum BH ein, und brudt bas verbrangte Quedfilber in die Röhre DE Rennt man nun bas anfängliche Bolus

men V ber in AB eingeschlossen Luft bei 0° Wärme und bei dem Barometerstande b und hat man die durch die Erwärmung bewirkte Bergrößerung $\overline{BH} = V_1$ dieser Lustmenge sowie ihren Manometerstand $\overline{EH} \doteq h$ beobachtet, so läßt sich mit Hilse des bekannten Ansbehnungscoefsicienten der Luft die Temperatur t der eingeschlossen Luft berechnen. Ist die ansängsliche Dichtigkeit derselben $= \gamma$, so beträgt das Gewicht dieser Lustmenge:

$$V\gamma = \left(\frac{V}{1+\delta t} + V_1\right) \frac{b+h}{b} \gamma$$
 (j. Band I, §. 392);

es ift fonach

$$\frac{bV}{b+h} = \frac{V}{1+\delta t} + V_1,$$

und es folgt baber bie gesuchte Temperatur bes Heizraumes:

$$t = \frac{1}{\delta} \cdot \frac{Vh + V_1 (b+h)}{Vb - V_1 (b+h)}.$$

Wenn man durch das Mundstüd G so viel Quecksilber abläßt, bis die Quecksilbersäulen in B C und D E gleichhoch ausfallen, so kann man h \Longrightarrow Rull und folglich

$$t = \frac{1}{\delta} \frac{V_1}{V - V_1}$$

fegen.

Wenn man hingegen in G soviel Quecksilber zuleitet, daß das Quecksilber B C bei der Erhitzung von A auf derselben Höhe stehen bleibt, und folglich hierbei die Luft gar keine Ausbehnung erleidet, so ist $V_1 = 0$, und daher:

$$t = \frac{1}{\delta} \, \frac{h}{b}$$

au fesen.

Bei dem Byrometer von Pouisset wird das erstere und bei dem von Regnaust das zweite Berfahren angewendet. S. Mémoires de l'Académie royale des sciences de l'Institut de France, Tome XXI, 1847. In Auszug: Formules, Tables etc. par Claudel, Paris 1854. Ueber Regnaust's Gusthermometer, s. Annales de chimie et physique. Sept. 1861, auch Dingser's Journal Band 162.

Anmerkung. Um bas Inftrument gegen bie Warne zu schühen, ftellt man es vor einem hölzernen Schirme auf, und um die ausgetretene Luft abzukuhlen und auf einer conftanten Temperatur zu erhalten, kann man noch die Röhre BC von kochendem Schwefelather ober Spiritus u. f. w. umspielen laffen.

Um ferner bei hohen Temperaturen feine zu großen Spannungen zu erhalten, tann man bas Reservoir mit verdunnter Luft anfüllen und zu biesem Bwede AB mit einer Luftpumpe in Communication seten. Uebrigens ift die Luft in A vor bem Gebrauche durch Chlorcalcium gehörig zu trodnen.

Die Anwendung ber gefundenen Formel erfordert endlich noch einige Erganzungen und Correctionen wegen ber Ausbehnung ber Gefäßmand, wegen ber Beranderlichfeit bes Barometerftandes, sowie ber Temperatur in BC u. f. w.

Längenausdehnung. Mit Ausnahme von wenigen Körpern behnen §. 355 sich alle Körper aus, wenn sie in eine höhere Temperatur übergehen, und nehmen auch wieder an Bolumen ab, wenn sie an Wärme verlieren. Jedoch ist diese Bolumenveränderung bei verschiedenen Körpern sehr verschieden und meist auch nur bei mäßigen Temperaturen von 0 bis 100° der Wärmezusoder Abnahme proportional. Bei höheren Temperaturen sallen die Ausdehnungen verhältnißmäßig größer aus, als bei niedrigen Temperaturen, zumal wenn sich die Körper im sesten Zustande besinden. Wir können bei den Wärmeausdehnungen Längen-, Flächen- und Raum- oder Bolumen- ausdehnungen unterscheiden, je nachdem wir nur auf die Beränderung der Längendimension, oder auf die Beränderung der Längen- und Breitendimenssion, oder auf die Beränderung des ganzen Bolumens oder aller drei Raum- bimensionen Rücksicht nehmen.

Die lineare ober Längenausbehnung (franz. dilatation linéaire; engl. linear expansion) kommt vorzüglich nur bei festen Förpern, zumal bei Stäben, Stangen, Balken u. s. w., in Betracht. Lavotzier und Laplace haben die Längenausbehnungen verschiebener Körper unmittelbar beobachtet, Dulong und Petit aber haben erst die Bolumenausbehnungen gemessen und hieraus die Längenausbehnungen berechnet. Die Abweichungen in den Resultaten beiber Untersuchungen sind unbedeutend. In folgender Tabelle sind die Längenausbehnungen der in der Technik am häusigsten vorkommenden Körper angegeben.

Es ift bie Längenzunahme für

bie Gegenstänbe	Wärme- zunahme.	in gewöhnl. Brüchen.	in Decimal= brüchen.	Beobachter.
Platin	0 bis 100°	1/1167	0,00085655	Borba.
,	0 , 1000	1/1131	0,00088420	Dulong und Petit.
,	0 " 3000	1/368	0,00275482	
Glas	0 " 1000	1/1161	0,00086133	
,	0 , 2000	1/454	0,00184502	
,	0 " 3000	1/329	0,00303252	H H W
Stahl, ungehärtet .	0 " 1000	1/927	0,00107880	Lavoisier u. Laplace.
" gehärtet	0 , 1000	1/807	0,00123956	
Gußeisen	0 " 1000	1/901	0,00111000	Roy.
Stabeisen	0 " 1000	¹ /846	0,00118210	Dulong und Petit.
.,,	0 " 3000	1/227	0,00440528	,, ,, ,,
Golb	0 " 1000	1/682	0,00146606	Lavoisier u. Laplace.
Rupfer	0 " 1000	1/582	0,00171820	Dulong und Petit.
,,	0 " 3000	1/177	0,00564972	" " "
Meffing	0 " 1000	1/535	0,00186760	Lavoisier u. Laplace.
Silber	0 "1000	¹ / ₅₂₄	0,00190974	
Blei	0 " 100º	¹ / ₃₅₁	0,00284836	, .
Bink	0 " 1000	1/840	0,00294167	Smeaton.

Bon den hier angeführten Körpern hat, wie man sieht, Platin und nächstem das Glas die kleinste, Blei und Zink aber die größte Längenausdehnung; es ist die lettere über dreimal so groß als die erstere. Auch ersieht man, nach den Angaben von Dulong und Petit, daß die Ausdehnung der Metalle sowie des Glases bei hohen Wärmegraden verhältnismäßig stärker zunimmt, als die Wärme.

Ein Glasstab wird hiernach bei 0 bis 100° Warmezunahme um 0,00086133, bei 100 bis 200° aber um 0,00098369 und bei 200 bis 300° um 0,00118750 länger.

§. 356 Ausdehnungscoofficienten. Die Ausdehnungsverhältnisse gestatten einige wichtige Anwendungen auf die Technik. Rehmen wir an, daß die Ausbehnung mit der Wärme gleichmäßig wachse, so können wir sehr leicht aus den oben mitgetheilten Resultaten die Ausdehnungscoefficienten,

b. h. bie verhaltnismäßigen Langengunahmen bei jedem Grad Temperaturerhöhung, berechnen. Go ift 3. B. für Gugeisen der Ausbehnungscoefficient:

$$\delta = 0.00111:100 = 0.0000111$$

für Deffing bingegen:

 $\delta = 0.0018676:100 = 0.000018676 \text{ n. f. w.}$

Beffel und Baeger fanden für Temperaturen von 3 bis 170 Reaumur bei der Brilfung von Megftaben

für ben Gifenftab 8 = 0,0000148505,

und für ben Bintftab & = 0,0000416372,

bagegen fant fpater Baeper bei Temperaturen von 7 bis 23 Grab R.

für ben ersten Stab $\delta = 0,000014165$, und für ben zweiten Stab $\delta = 0,0000402342$.

An dem spanischen Basismegapparat, welchen der Mechanitus Brunner in Paris construirt hat, ist gefunden worden bei Temperaturen von 7 bis 403/40

für ben Platinstab & = 0,0000090167,

und für ben Messingstab $\delta = 0,0000189841$.

S. Experiencias hechas con El Aparato de Medir Bases. Madrid 1859.

Ift die Länge eines Stabes bei 0° Temperatur 7_0 , so ergiebt sich dieselbe bei t_1 ° Temperatur:

$$l_1 = l_0 + \delta t_1 . l_0 = (1 + \delta t_1) l_0,$$

und bei t20 Temperatur:

$$l_2=(1+\delta t_2)\ l_0,$$

baher ift auch bas Langenverhaltniß eines und beffelben Stabes bei ben Tensperaturen t1 und t2:

$$\frac{l_2}{l_1} = \frac{1 + \delta t_2}{1 + \delta t_1} \text{ and } l_2 = \left(\frac{1 + \delta t_2}{1 + \delta t_1}\right) l_1,$$

wofür, wegen ber Rleinheit von dt, und dt2, annähernd

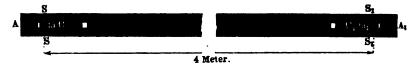
$$l_2 = [1 + \delta (t_2 - t_1)] l_1$$

gefest werben tann.

Diese Formel setzt uns in den Stand, die Länge eines Stades von einer Temperatur t1 auf eine andere t2 zu reduciren, oder die Längen l1 und l2 eines und besselben Körpers bei verschiedenen Temperaturen mit einander zu vergleichen.

Der Meßstab ber spanischen Gradmessung besteht aus einem Blatinstab AA, Fig. 596 (a. f. S.), und einem Messingstab BB; beibe reichlich 4 Mester lang, 21 Millimeter breit und 5 Millimeter bid. Die mit dem Messingsstab sest verbundenen Platinansähe C, C, greisen zwar in entsprechende Aussichnitte bes Platinstabes ein, sind aber barin noch auf eine kleine Länge ver-

schiefbar. Sowohl die Enden des letzteren als auch die gedachten Ansate find mit Eintheilungen versehen, auf welchen mittels Mikrometer die Ab-Big. 596.



stände zwischen den Anustrichen S, S, bes Platinmepftabes und ben Anustrichen m, m, auf den Ansätzen bes Messingstabes abgelesen werden konnen.

Fallen die Striche S und m, sowie S_1 und m_1 bei einer gewissen Temperatur t zusammen, so möge die gemeinschaftliche Länge beider Stäbe $\overline{SS_1} = \overline{mm_1} = l$ sein.

Wird die Temperatur eine andere, t_1 , so geht die Länge SS_1 des Platinstabes AA_1 in $l_1=1-\delta$ $(t-t_1)$ l, sowie die Länge mm_1 des Wessingstades BB_1 in $l_2=1-\delta_1$ $(t-t_1)$ l über, vorausgesetzt, daß δ der Ausbehnungscoefficient des Platins, und δ_1 der des Wessings ift. Durch Subtraction erhält man nun die Verklitzung des Wessingstades im Vergleich zum Platinstab:

$$a = l_1 - l_2 = (\delta_1 - \delta) (t - t_1) l.$$

Wenn man die Abstände zwischen m und S, sowie zwischen m_1 und s_1 beobachtet und deren Summe a bestimmt hat, so kann man nun nach der Formel den Temperaturunterschied $t_1 - t = \frac{a}{(\delta_1 - \delta) \, t}$ berechnen, und es ist schließlich das Längenmaß $\overline{SS_1}$ des Platinstades auf t Grad Wärme reducirt:

$$l_1 = [1 - \delta(t - t_1)] l = \left(1 - \frac{\delta}{\delta_1 - \delta} \cdot \frac{a}{l}\right) l$$

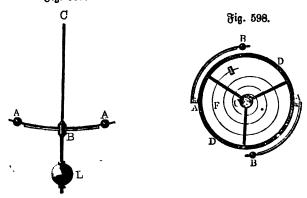
sowie die Reduction selbst

$$l_1-l=-rac{\delta}{\delta_1-\delta}\,a$$
 gu feten.

Für $\delta = 0.0000090167$ und $\delta_1 = 0.0000189841$ hat man daher $l_1 - l = 0.90463$ a.

§. 357 Compensationspendel. Eine vorzügliche Anwendung dieser Lehren gewährt die Construction der sogenannten Compensationspendel (franz. pendules compensateurs; engl. compensation pendulums), welche aus

Körpern von verschiebenen Ausbehnungsverhältnissen so zusammengesett sind, daß sie ihre Länge nicht ändern, wenn ihre Temperatur eine andere wird. Da die Schwingungszeit eines Bendels von der Länge desselben abhängt (s. Band I, §. 323 u. s. w.), so ist die Anwendung der Compensationspendel bei Uhren von großer Wichtigkeit. Die einfachsten Bendel dieser Art sind mit einer aus zwei Metallstreisen zusammengelötheten Thermometerseder ABA, Fig. 597, welche an ihren Enden kleine Augeln trägt, ausgerüftet. Ist der ausdehnsamere Metallstreisen unten, so krümmt sich die Feder nach oben, wenn die Temperatur zunimmt, und da gleichzeitig die Stange CL länger, also die Entsernung der Linse L vom Aushängepunkte größer wird, so ist es Fig. 597.



möglich, daß dabei der Schwingungspunkt des Bendels (f. Bb. I, §. 327) unverändert bleibt. Auch bei den Chronometern oder Taschenuhren wendet man solche Compensationsstreisen an. Da hier die Schwingungszeit von der burch eine Spiralseder CF, Fig. 598, gebildeten und von einem Schwungsrade AA umgebenen Unruhe abhängt, so sind die Compensationsstreisen AB, AB auf dem Schwungrad DD besestigt.

Am häufigsten findet man die sogenannten Rostpendel angewendet. Die selben bestehen aus einer Reihe parallel gestellter Stäbe von verschiedenen Metallen, z. B. von Eisen und Zint, oder Eisen und Messing, so durch Duerarme verbunden, daß die Ausbehnung des einen Stades durch die Ausbehnung des anderen aufgehoben wird.

Fig. 599 (a.f.S.)siellt ein solches Rostpenbel vor, welches aus fünf Eisenstäben AB, AB, EF, EF, KL, und aus vier Messingstäben CD, CD, GH, GH besteht. Damit das Bendel seinen Zwed erfülle, muß die sich nach unten erstreckende Ausbehnung der Eisenstäbe so groß sein wie die nach oben gehende Ausbehnung der Messingstäbe. Setzen wir die Summe der Längen der Eisenstäbe:

$$OM + AB + EF + KL = l_1$$

Fig. 599.

B

fowie die Summe ber Langen ber Meffingftabe:

$$CD + GH = l_2$$

fo haben wir für bie ganze Benbellange:

$$L 0 = l_0 = l_1 - l_2$$

und ist nun der Ausdehnungscoefficient des Eisens, $=\delta_1$, und der des Messings, $=\delta_2$, sowie t die Temperaturveränderung, so läßt sich die entsprechende Bendellänge:

$$l = l_1 (1 + \delta_1 t) - l_2 (1 + \delta_2 t);$$

alfo bie Langenzunahme beffelben:

$$l-l_0=(\delta_1 l_1-\delta_2 l_2)t$$
 segen.

Damit biefe Rull ausfalle, muß fein:

$$\delta_2 \, l_2 = \delta_1 \, l_1$$
 ober $rac{l_2}{l_1} = rac{\delta_1}{\delta_2}$,

b. i. es muß sich bie Messinglänge zur Gisenlänge wie ber Ausbehnungscoefficient bes Eisens zum Ausbehnungscoefficienten bes Messings verhalten. Ift die ganze Länge $l=l_1-l_2$ gegeben, so hat man hiernach die Eisenlänge:

$$l_1 = \frac{\delta_2}{\delta_2 - \delta_1} l$$

und die Meffinglänge:

$$l_2 = \frac{\delta_1}{\delta_2 - \delta_1} L$$

Anmerfung. Ueber bie Compensationspenbel, namentlich auch über Graham's Penbel mit Queckfilbergefägen, wird gehandelt: in Barlow's Treatise on Manusactures and Ma-

chinery; ferner in Lamé's Cours de physique u. s. w. Beispiel 1. Wie lang muß ein eisernes Muttermaß (franz. étalon; engl. standard) bei 16° Wärme sein, bamit es bei Null Grad genau 5 Fuß lang ist? Es ist hier in $l_2 = [1 + \delta \ (t_2 - t_1)] l_1$, $l_1 = 5$, $t_2 - t_1 = 16$

und $\delta = 0,000011821$ zu sehen, weshalb folgt: $l_2 = (1 + 0,000011821.16).5 = 5,0009457$ Fuß = 5 Fuß 0,136 Linie.

Beispiel 2. Wie lang muffen bie Eiser und Meffingstäbe eines 40 3oll langen Rostpenbels sein? Führen wir $\sigma_1=0,000011821$ und $\sigma_2=0,000018676$ ein, so erhalten wir für die Eisenstablänge:

$$l_1 = \frac{18676.40}{18676 - 11821} = \frac{747040}{6855} = 109 \text{ Boll,}$$

und für bie Deffingftablange:

$$l_2 = \frac{11821 \cdot 40}{6855} = \frac{472840}{6855} = 69 \text{ Boll.}$$

hiernach fann man jeben ber kleineren Meffingftabe 331/2 Boll, jeben ber folgenben Gisenstäbe 341/2 Boll, jeben ber langeren Meffingstäbe 351/2 Boll, bie dußeren Eisenstäbe aber 361/2 Boll lang machen, und es bleiben noch 109 — 71 = 38 Boll für die mittlere Aufhängestange u. f. w. übrig.

Ausdehnungskraft. Mit hilfe ber Clafticitätsmobul E und ber §. 358 Ausbehnungscoefficienten d läßt sich auch die Kraft bestimmen, mit welcher sich Körper in der Hige ausdehnen und in der Kälte zusammenziehen. Die Kraft, welche eine prismatische Stange von der Länge t und dem Quersschnitte F um d ausbehnt, ist nach Band I, §. 204 bestimmt durch die Formel

$$P=\frac{\lambda}{l} FE.$$

Nun ift aber $\frac{\lambda}{l} = \delta t$ zu setzen, baber haben wir bann bie Ausbehnungsober Zusammenziehungsfraft

$$P = \delta t. FE$$

Da die Elasticitätsmodul der Metalle sehr groß sind, so kann man hier, nach durch Erhitzung berselben sehr große Kräfte hervordringen, und von dieser Eigenschaft in der Architektur und Technik wichtige Anwendungen machen. So hat z. B. Molard durch eiserne Anker im Conservatoire des arts et métiers zu Paris zwei sich neigende und den Einsturz drohende Mauern senkrecht aufgerichtet, indem er dieselben vor dem Einziehen der Beigel durch Weingeiststammen erhitzen ließ. Beim Beschlagen von hölzermen Geräthschaften und Wertzeugen mit Eisen, zumal beim Auslegen von eisernen Ringen u. s. w., thut die Wärmekraft ihre nützlichen Dienste, da das im erhitzten Zustande aufgelegte Eisen beim Erkalten eine seste Berbindung hervordringt.

Die Ausbehnung eines Körpers burch die Wärme wird verändert, wenn auch noch angere Kräfte auf benselben wirken. Wird z. B. ein prismatischer Körper, bessen Ducrschnitt F und Länge l ist, von einer Zugkraft P in der Axenrichtung ergriffen, und zugleich seine Temperatur um t Grad erhöht, so nimmt die Länge besselben um

$$\lambda = \frac{P}{FE} l + \delta t l = \left(\frac{P}{FE} + \delta t\right) l$$

au (f. Band I, §. 204).

Ift die Berlängerung & bekannt, so bestimmt sich hieraus die Zugkraft P durch die Formel

$$P = \left(\frac{\lambda}{l} - \delta t\right) F E.$$

Ift $\delta t > rac{\lambda}{l}$, so fällt natürlich P negativ aus und es geht P in eine Druckfraft über.

Diese Formeln setzen voraus, daß der Elasticitätsmodul E des Körpers durch die Erwärmung nicht verändert wird. Bei großer Temperaturveräuberung ist jedoch diese Annahme nicht zulässig, dann wird sowohl der Elasticitätsmodul E, als auch der Tragmodul T und Festigkeitsmodul K ein anderer. Wenn wir daher hier die Tragkrast

$$P = FT$$
.

und bie Rraft jum Berreigen

$$P_1 = FK$$

setzen, so haben wir jedenfalls für T und K andere Werthe einzuführen, als die bei einer mittleren Temperatur bestimmten.

Unter ber Boraussehung, bag bie Rraft ber Barme genau fo auf ben Körper wirft, wie eine augere Bug. ober Druckfraft P, ift

$$\frac{\lambda}{l}=\frac{T}{E},$$

und daher die Tragfraft: $P = (T - \delta t E) F$ an setzen.

Hiernach ware nun die Tragfraft und folglich auch die Clasticität bes Körpers - Rull, bei der Temperatur

$$t=rac{T}{\delta E}=rac{\sigma}{\delta}$$
,

welches jedoch durch die Erfahrung nicht bestätigt wird. 3. B. ein schmiede eiserner Eisenstab, für welchen $\sigma=\frac{T}{E}=^{1}/_{1500}$ (f. Band I, Tabelle §. 212) und $\delta=0,000011821$ (f. Band II, §. 355) ist, würde bei der Temperatur

$$t = \frac{1}{1500.0,000011821} = \frac{1}{0,01773} = 56,4 \text{ Grab}$$

an bie Clafticitategrenze angelangt fein.

Ebenso wenig läßt sich auch bie Kraft zum Zerreißen

$$P_1 = (K - \delta t E) F$$
 segen.

Siernach wurde die Cohafionstraft des Korpers bei der Temperatur

$$t = \frac{K}{\partial E}$$

Null ausfallen, z. B. ein Stab aus Schmiebeeisen, filr welchen $\frac{K}{E}=\frac{56000}{27'000000}=0,00207$

ift, wurde bei ber Temperatur

$$t = \frac{0,00207}{0,000011821} = \frac{207}{1,1821} = 175$$
 Grab zerfallen.

Beispiel. Mit welcher Kraft zieht fich eine bis auf 80° erhipte Gifenftange von 6 Quabratzoll Querschnitt zusammen, wenn fie bis 20° erkaltet? Es ift:

$$\delta = 0.000011821$$
, $t = 80 - .20 = 60$, $F = 6$,

und nach Band I, S. 212:

$$E = 27000000$$
,

baber bie Bufammengiehungefraft :

$$P = \delta t \cdot FE = 0,00070926 \cdot 162000000 = 114900$$
 Ffunb.

Ueber bie Beranberung ber Glafticitat und Feftigfeit ber Metalle §. 359 bei ber Erbohung ihrer Temperatur find in ber neueren Beit mehrfache Berfuche angestellt morben. Aus ben Ausbehnungsversuchen von Bertheim (f. Boggendorff's Annalen ber Bhpfit, Erganzungsband II, 1845) geht bervor, baf die Elafticitatemobul ber Metalle, mit Ausnahme bes Gifens, stetig abnehmen, wenn die Temperatur von 15°C, bis + 200°C, mächst: bak bagegen ber Elasticitätsmobul bei bem Schmiebreifen und Stahl mit ber Temperatur von - 150 bis 1000 jugleich wächst und erft bei boberen Temperaturen abnimmt, fo bag er bei 2000 fleiner ale bei 1000 ober 00 Temperatur ausfällt. Rach ben Bersuchen von Baubrimont (f. Annales de chimie et de physique. Tom, XXX) verbalt es fich ebenso mit bem Reftigkeitsmodul ber Metalle und insbesondere bes Gifens. Auch haben bie Berfuche Bertheim's gezeigt, baf burch bas Anlaffen bic Restigseitsmobul ber Metalle bebeutend vermindert werben, mahrend fich bie Glafticitätsmobul nicht fehr verändern, und bag bagegen bie Cobafion vorher angelaffener Detalle bei ber Temperaturerhöhung bis 200 Grad nicht bedeutend abnimmt.

Rach Bertheim's Bersuchen find die Clasticitätsmodul (E) von einigen Metallen nachfolgende.

	Temperatur					
Metalle	10 bis 15°	100° C.	2000 €.			
Comiedecisen	80/410000	32′070000	25'890000 Pfund			
Bußstahl	28'620000	27'810000	26'220000 "			
Rupfer	15′380000	14'370000	11'500000 " 、			
Silber	10/440000	10'646000	9'320000 "			
Blei	2'526000	2'384000				

Bersuche über die Beränderung der Festigkeit des Eisens (Schmiedeeisens) und Rupfers sind schon früher in Nordamerisa angestellt worden. Die Ergebnisse derselben werden mitgetheilt im XIX. und XX. Bande des vom Franklin-Institut heransgegebenen Journales, und sind auch zu sinden im I. Bande von Combes' Traits de l'exploitation des mines.

Rach biefen Berfuchen ift, wenn man ben Festigkeitsmodul bes Rupfers bei 0° zur Ginheit annimmt, ber Festigkeitsmodul besselben bei

00	168/40	150	1000	1500	2000	2500	2940	4510	555½° €.
1,0000	0,9927	0,9825	0,946 0	0,9055	0,8487	0,7954	0,7442	0,5056	0,3259

Es hat also das Rupfer bei 280° von seiner Festigkeit 1/4 und bei 555° von derselben 2/3 verloren.

Ebenso ist hiernach, wenn man ben Festigkeitsmodul bes Schmiebeeisens bei 15 bis 20° = Eins fest, berselbe bei ben Temperaturen:

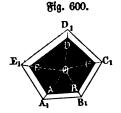
200	1000	2000	8000	850°	3900	5000	5500	6240	714° G .
1,000	1,197	1,081	1,040	0,981	0,974	0,760	0,431	0,411	0,346

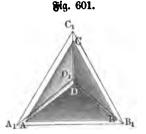
Es findet also auch diesen Bersuchen zusolge, bei dem Schmiedeeisen anfangs bei Erhöhung der Temperatur, eine Zunahme der Festigkeit Statt. Mehreres hierüber in Bourne's Treatise on the Steam Engine, Artstrenght of boilers.

§. 360 Flächen- und Raumauschnung. Mit Ausnahme der Arpstalle und einiger wenigen Körper behnen sich alle Körper nach allen Seiten gleichmäßig aus, so daß alle ihre Formen bei verschiedenen Wärmezuständen unter sich ähnlich sind. Nun verhalten sich aber die Inhalte ähnlicher Figuren wie die Duadrate, und die ähnlicher Körper wie die Cuben gleichliegender Seiten; daher ist es auch möglich, die Inhalte eines und desselben Körpers bei verschiedenen Wärmezuständen mit Hülse ihrer Seitenlängen mit einander zu vergleichen. Geht bei einer Temperaturveränderung die Seite AB eines polygonalen Bleches ACE, Fig. 600, in A₁ B₁ über, so wird der Inhalt desselben $\left(\frac{A_1}{AB}\right)^3$ mal so groß als erst, und ändert sich die Seite AB eines Polyeders ACD, Fig. 601, in A₁ B₁ um, so ist sein neues

s. 360.]

Bolumen $\left(\frac{A_1\,B_1}{A\,B}\right)^3$ mal bas anfängliche. Dies vorausgesett, laffen fich nun auch leicht aus ben Coefficienten ber Längenausbehnung bie ber Flächen-





und Bolumenausbehnung berechnen. Sind l_1 und l_2 die den Temperaturen t_1 und t_2 entsprechenden Seitenlängen, so hat man für die Flächenräume F_1 und F_2 das Berhältniß:

$$\left(\frac{F_1}{F_2}\right) = \left(\frac{l_1}{l_2}\right)^2 = \left(\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t_2}\right)^2$$

fowie für die Rorperraume V, und V2:

$$\frac{\overline{V_1}}{\overline{V_2}} = \left(\frac{l_1}{l_2}\right)^3 = \left(\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t_2}\right)^3.$$

Wegen ber Rleinheit von dt, und dt, lägt fich einfacher feten:

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{1 + 2 \delta t_1}{1 + 2 \delta t_2} = (1 + 2 \delta t_1) (1 - 2 \delta t_2) = 1 + 2 \delta (t_1 - t_2),$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{1 + 3 \,\delta t_1}{1 + 3 \,\delta t_2} = (1 + 3 \,\delta t_1) \,(1 - 3 \,\delta t_2) = 1 + 3 \,\delta \,(t_1 - t_2);$$
ober:

 $F_2 = [1 + 2\delta(t_2 - t_1)] F_1$

fowie

$$V_2 = [1 + 3 \delta (t_2 - t_1)] V_1.$$

Man ersieht hieraus, daß ber Coefficient 2 d ber Flächenausbehnung zweimal, und ber Coefficient 3 d ber Bolumenausbehnung breimal fo groß ift, als ber Coefficient d ber Längenausbehnung.

Die lettere Formel sindet vorzüglich noch ihre Anwendung bei der Bestimmung der Dichtigkeit eines Körpers. Ift γ_1 die Dichtigkeit bei der Temperatur t_1 , und γ_2 die bei der Temperatur t_2 , so hat man das Gewicht des Körpers $G = V_1 \gamma_1 = V_2 \gamma_2$, daher:

$$\frac{\gamma_2}{\gamma_1} = \frac{V_1}{V_2} = 1 + 3 \delta (t_1 - t_2) = 1 - 3 \delta (t_2 - t_1).$$

Beisbad's Lebrbud D. Dechanit II.

Anmerkung. Birb bas Gußeisen bis zum Glaben (1000° bis 1200°) er bist, so erleibet es eine permanente Ausbehnung, welche bei Wieberholmg ober langer Dauer bes Glübens bebeutend ausfällt. Nach Ermann und herter (s. Boggenborff's Annalen ber Physik, Banb 97) ist die permanente Liniewausbehnung bei grauem Robeisen 0,0081 bis 0,0097, bagegen bei Spiegeleisen nur 0,001114.

Beispiel. In welchem Berhältniffe verändert fich das Bolumen und die Dichtigkeit einer hohlen und masstwen Eisenkugel bei Beränderung ihrer Temperatur von 10^o die 70^o ? Für Gußeisen ist $3 \, \sigma = 3 \, .\, 0,00001109 = 0,00003327,$ daher:

 $8 \, \delta \, (t_3 - t_1) = 0,00003327 \, (70 - 10) = 0,0019962;$

es nimmt also bas Bolumen um 0,2 Procent zu, und die Dichtigkeit eben sowiel ab; war letztere anfangs 7,1.61,74 = 438 Pfund, so fällt sie bei bieser Temperaturerhöhung nur 438 (1 — 0,0019964) = 487,13 Pfund aus.

§. 361 Ausdehnung der Flüssigkeiten. Die tropfbarflüssigen Körper werden in der Regel durch die Wärme noch stärker ausgedehnt, als die seinen Körper. Da diese Körper von Gefäßen umschlossen umd diese durch Junahme an Wärme ausgedehnt und weiter werden, so müssen wir bei den Flüssigkeiten die scheinbare Ausdehnung von der wahren oder absoluten Ausdehnung durch Wärme unterscheiden, und es ist jedenfalls die erstere gleich der Differenz zwischen der wahren Ausdehnung der Flüssigkeit und der Ausdehnung des Gefäßes. Ist der Inhalt eines ganz oder die zu einer Warte zu süllenden Gesäßes bei der Temperatur t_1 , $=V_1$, und die Volumenandbehnung des Gesäßes $=\delta_1$, die der süllung aber $=\delta$, so hat man sür eine Temperatur t_2 das Bolumen des Gesäßes:

$$V_2 = \left(\frac{1+\delta_1 t_2}{1+\delta_1 t_1}\right) V_1;$$

bagegen bas Bolumen ber Flüffigkeit:

$$V = \left(\frac{1 + \delta t_2}{1 + \delta t_1}\right) V_1,$$

baber bie mahre ober absolute Ausbehnung berfelben:

$$V - V_1 = \left(\frac{1+\delta t_2}{1+\delta t_1}-1\right) V_1 = \frac{\delta (t_2-t_1)}{1+\delta t_1} V_1$$

und bagegen die scheinbare Ausbehnung:

$$V - V_{2} = \left(\frac{1 + \delta t_{2}}{1 + \delta t_{1}} - \frac{1 + \delta_{1} t_{2}}{1 + \delta_{1} t_{1}}\right) V_{1} = \frac{(\delta - \delta_{1})(t_{2} - t_{1})}{(1 + \delta t_{1})(1 + \delta_{1} t_{1})} V_{1}$$

$$= \frac{(\delta - \delta_{1})(t_{2} - t_{1})}{(1 + \delta t_{1})(1 + \delta_{1} t_{2})} V_{2}.$$

Sind die Ausbehnungen klein, fo tann man annähernd

$$V-V_1=\delta (t_2-t_1) V_1$$

unb

$$V-V_2=(\delta-\delta_1)(t_2-t_1)V_1$$

setzen, also die scheindare Ausbehnung sinden, wenn man die Differenz $(\delta-\delta_1)$ der Ausbehnungscoefficienten der Flüssigkeit und des Gesäges als Ausbehnungscoefficient in die Formeln einsetz. Die absolute Ausbehnung des Quedsilbers ist von Dulong und Petit durch Bergleichung der Höhen zweier communicirenden Quedsilbersäulen von verschiedenen Temperaturen ermittelt worden, die scheinbare Ausbehnung in Glasröhren dagegen durch sogenannte Gewichtsthermometer, wo die Temperatur nach der durch Erwärmung ausgetriedenen Quantität Quedsilber bestimmt wird. Hiernach hat man die absolute Ausbehnung des Quedsilbers

bei Erwärmung von 0 bis
$$100^{\circ}$$
, $=\frac{100}{5550}=0.018018$, bagegen

100 , 200° , $=\frac{100}{5425}=0.018433$, unb

100 , 300° , $=\frac{100}{5300}=0.018868$.

Die scheinbare Ausbehnung des Quecksilbers aber wurde bei Zunahme ber Wärme von 0 bis 100° , $=\frac{100}{6480}=0.015432$ gefunden, weshalb hiernach die entsprechende Bolumenausbehnung der Glasröhre

$$= 0.018018 - 0.015432 = 0.002586$$

wäre, was mit der Angabe in §. 355 gut übereinstimmt, da sich hiernach die Längenausbehnung des Glases = 1/3.0,002586 = 0,000862 berechenet, während dort dieselbe 0,00086133 angegeben wird. Uebrigens ist aber nach Regnault und nach Isidor Pierre (s. Recherches sur la dilatation des liquides, Annales de chimie et de physique, Tome XV, 1825) die Ausbehnung verschiedener Gasarten sehr verschieden. Namentlich sindet der Letztere sür Glas

$$\delta = 0.000019026$$
 bis 0.000026025 .

Mithuse des oben angegebenen Ausbehnungscoefficienten &=0,00018018 für Quedfilber läßt fich nun bas specifische Gewicht bes Quedfilbers für jebe Temperatur berechnen, es ift nämlich baffelbe:

$$s = \frac{13,598}{1 + 0,00018018.t}.$$

Mit Hulfe des absoluten Ausbehnungscoefficienten $\delta = 0,00018018$ bes Quedsilbers läßt sich auch ein beobachteter Barometer oder Manometersstand h von einer Temperatur t auf eine andere Temperatur t_1 reduciren. Es ist der reducirte Barometerstand:

$$h_1 = \frac{\gamma}{\gamma_1} h = \frac{\varepsilon}{\varepsilon_1} h = \left(\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t}\right) h = \left(\frac{1+0,00018018 t_1}{1+0,00018018 t}\right) h$$

$$= \left(\frac{5550+t_1}{5550+t}\right) h,$$

ba sich bei gleichen Drücken die höhen zweier Flüssigkeitsfäulen umgekent wie die Dichtigkeiten y und y1 ober specifischen Gewichte e und e1 diefer Flüssigkeitssäulen zu einander verhalten.

Anmerkung. Rach Regnault ift bas Bolumen bes Quedfilbers bei ? Barme:

 $V = (1 + 0,000179007 t + 0,00000000252316 t^2) \cdot V_0$, wenn V_0 daffelbe bei 0° Bärme bezeichnet.

Beifpiel. Benn fich bie in einer Glastobre eingeschloffene Quedfilberfinte aus ter Temperatur & in & umanbert, jo geht ihre hobe h in

$$h_1 = [1 + (\delta - 2\delta_1)(t_1 - t)] h$$

über, benn bas neue Bolumen ift

$$V_1 = [1 + \delta(t_1 - t)] V = [1 + \delta(t_1 - t)] \pi r^t h$$

und auch

$$= (1 + 2 \delta_1) (t_1 - t) \pi r^2 . h_1,$$

ba ber Querfchnitt πr^2 in Felge ber Flachenaustehnung bie Größe $(1+2d_1)(t_1-t)\pi r^2$

annimmt. Run ift aber

 $\delta = 0.00018018$ und $2 \delta_1 = 2.0.0000086133 = 0.0000172266$, baber felgt:

$$h_1 = [1 + (\delta - 2 \delta_1) (t_1 - t)] h = [1 + 0,00016295 (t_1 - t)] h$$
Wire $t = 10^6$, $t_1 = 50^6$ und $h = 30$ Jell, so bitte man hiernach:
 $h_1 = (1 + 0,00016295.40).30 = 30,1955$ Joll.

§ 363 Ausdehnung des Wassers. Die übrigen Flüssigleiten, jund aber das Wasser, debnen sich nicht proportional der Wärmezunahme and, anch die Ausdehnungen dei den übrigen Flüssigleiten größer als den Omerfilder, inebesondere größer als dei den festen Körpern. Folgende Jusammendellung sieder die Ausdehnungsverhältnisse der in der Technis an daussische vorstwummenden Flüssischungsverhältnisse der Ausgen.

Tie Anstehnung ist bei () bis 100' Birmegunahme: für Alliche von (),517 freis Gemithe = 1, = 0,1112, nach Dalton,

- . Since $\theta = 0$ is $\theta = 0$ and $\theta = 0$
- . Schweitliche wir 1.35 trait Frencht, = 100 1667 = 0,060, belf.
- . The state in the state with
- " graffign Antichaftelling : " = 0,130. maß Sallftrön,
- . Cuntiler " ... = 000000, und Culeng und Betit

;

÷

;

Am ungleichförmigsten behnt sich aber das Wasser aus, bessen Dichtigkeit sogar von 0 bis beinahe 40 Wärme nicht ab-, sondern zunimmt, so daß biese bei der letzen Temperatur ihren Maximalwerth erreicht. Man hat auf verschiedene Weisen das Ausbehnungsgesetz des Wassers zu ermitteln gesucht, vorzüglich hat man dazu große Wasserthermometer angewendet. Auch hat man den Bersuchsresultaten empirische Formeln anzupassen gesucht, und mit Hülfe derselben die hierzu nöthigen Constanten bestimmt. Es ist zu erwarten, daß sich von allen diesen Formeln solgende zwei von Hallström am meissten an die Versuche anschließen.

Ift Vo das Bolumen des Waffers bei 0° und V das bei t Grad, so hat man für Temperaturen von 0° und 30°:

 $V=(1-0,000057577 t + 0,0000075601 . t^3 - 0,00000003509 t^3) V_0$, und für eine solche awischen 30° und 100°:

 $V=(1-0,0000094178t+0,00000533661t^2-0,0000000104086t^8)V_0;$ und es ist hiernach für $t=3,92^\circ$ das Bolumen am kleinsten, und zwar = 9,9998887. Den Beobachtungen zufolge, tommt aber das Minimal-volumen oder die Maximaldichtigkeit des Wassers bei $3,9^\circ$ Wärme vor. Nach den neuesten Untersuchungen von Kopp ist für Temperaturen zwischen 0° und 25° C.:

 $V=(1-0,000061045t+0,0000077183t^2-0,00000003734t^3)$ V_0 , und hiernach die größte Dichtigkeit des Wassers bei 4,08° (f. Poggens dorff's Annalen, Bb. LXXII).

Gewöhnlich nimmt man an, daß biefer größte Dichtigkeitszustand bes Bassers bei 40 eintrete. Wenn man das Bolumen bes Bassers

```
bei 40 = 1,00000 fest, fo hat man nach Despret:
     5^{\circ} = 1.00001
    6^{\circ} = 1,00003,
                                  bei 40° == 1,00773,
    8^{\circ} = 1,00012,
                                       50^{\circ} = 1,01205,
_{n} 100 = 1,00027,
                                       60^{\circ} = 1,01698
_{n} 120 = 1,00047.
                                       70^{\circ} = 1.02255,
_{n} 150 = 1,00087,
                                       80^{\circ} = 1,02885,
   20^{\circ} = 1.00179
                                       90^{\circ} = 1.03566
_{n} 25° == 1,00293,
                                   = 1,04315.
   30^{\circ} = 1,00433,
```

Anmerkung 1. Nach bem neuen französischen Raß: und Gewichtsspsteme ift das Gewicht eines Cubikentimeters Wasser bei 4° Temperatur und 0,76 Meter Barometerstand, = 1 Gramme, und nach bem alten preußischen Raß: und Gewichtsspsteme ist das Gewicht eines Cubiksusses Wasser bei 15° R. Wärme und 28 parif. Boll Barometerstand, = 66 Pfund. Dieses vorausgeset, läßt sich das Gewicht bes letztern bei 4° C., da 15° R. = $\frac{5}{4}$. 15 = $18^3/4$ ° C. ift, = 1,00153 · 66 = 66,101 Pfund setzen. Nun ist aber ein preußischer Fuß = 31,38535 Centimeter, und

$$h_1 = \frac{\gamma}{\gamma_1} h = \frac{\varepsilon}{\varepsilon_1} h = \left(\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t}\right) h = \left(\frac{1+0,00018018 t_1}{1+0,00018018 t}\right) h$$
$$= \left(\frac{5550+t_1}{5550+t}\right) h,$$

ba sich bei gleichen Drücken die Höhen zweier Flüssigkeitssäulen umgekehrt wie die Dichtigkeiten γ und γ_1 ober specifischen Gewichte ε und ε_1 dieser Flüssigkeitssäulen zu einander verhalten.

Anmerkung. Rach Regnault ift bas Bolumen bes Quedfilbers bei to Barme:

 $V = (1 + 0,000179007 t + 0,00000000252316 t^2)$. V_0 , wenn V_0 baffelbe bet 00 Wärme bezeichnet.

Beispiel. Benn fich bie in einer Glasropre eingeschloffene Quedfilberfaule aus ber Temperatur t in t, umanbert, jo geht ihre hoh in

$$h_1 = [1 + (\delta - 2\delta_1) (t_1 - t)] h$$

über, benn bas neue Bolumen ift

$$V_1 = [1 + \delta(t_1 - t)] V = [1 + \delta(t_1 - t)] \pi r^* h$$

und auch

$$= (1 + 2 \delta_1) (t_1 - t) \pi r^2 . h_1,$$

ba ber Duerschnitt $\pi \, r^2$ in Folge ber Flachenausbehnung bie Große

$$(1+2\delta_1)(t_1-t)\pi r^2$$

annimmt. Run ift aber

 $\delta = 0,00018018$ und $2 \, \delta_1 = 2 \, . \, 0,0000086133 = 0,0000172266$, baher folgt:

$$h_1 = [1 + (\delta - 2 \delta_1) (t_1 - t)] h = [1 + 0,00016295 (t_1 - t)] h.$$
Ware $t = 10^0$, $t_1 = 50^0$ und $h = 30$ Boll, so hatte man hiernach:
 $h_1 = (1 + 0,00016295.40).30 = 30,1955$ Boll.

§. 362 Ausdehnung des Wassers. Die übrigen Flüssigkeiten, zumal aber das Wassers, behnen sich nicht proportional der Wärmezunahme aus, auch sind die Ausdehnungen bei den übrigen Flüssigkeiten größer als beim Quecksilber, insbesondere größer als bei den festen Körpern. Folgende Zusammenstellung führt die Ausdehnungsverhältnisse der in der Technik auf häusigsten vorkommenden Flüssigkeiten vor Augen.

Die Ausbehnung ift bei O bis 100° Barmezunahme:

für Alfohol von 0,817 specif. Gewicht, = 1/9 = 0,1112, nach Dalton,

- , Dlivenol und Leinol, = 10/125 = 0.80, besgl.,
- " Schwefelfäure von 1,85 specif. Gewicht, = 100/1867 = 0,060, besgl., Schwefeläther, = 1/14 = 0,0700, besgl.
- " gefättigte Rochsalzauflöfung, = 1/20 = 0,050, nach Sallftrom,
- " Basser, = 100/2092 = 0,04775, besgl.,
- " Quedfilber, = 10/555 = 0,018018, nach Dulong und Betit.

Am ungleichförmigsten behnt sich aber bas Wasser aus, bessen Dichtigkeit sogar von O bis beinahe 4° Wärme nicht ab-, sondern zunimmt, so daß biese bei ber letten Temperatur ihren Maximalwerth erreicht. Man hat auf verschiedene Weisen das Ausbehnungsgesetz des Wassers zu ermitteln gesucht, vorzüglich hat man dazu große Wasserthermometer angewendet. Auch hat man den Versuchsresultaten empirische Formeln anzupassen gesucht, und mit Hülfe derselben die hierzu nöthigen Constanten bestimmt. Es ist zu erwarten, daß sich von allen diesen Formeln solgende zwei von Hallström am meissten an die Versuche anschließen.

Ift Vo bas Bolumen bes Wassers bei 0° und V bas bei t Grab, so hat man für Temperaturen von 0° und 30°:

 $V=(1-0,000057577 t + 0,0000075601 . t^2 - 0,00000003509 t^3) V_0$, und für eine solche zwischen 30° und 100°:

 $V=(1-0,0000094178t+0,00000533661t^2-0,0000000104086t^3)V_0$; und es ist hiernach für $t=3,92^\circ$ bas Bolumen am kleinsten, und zwar =9,9998887. Den Beobachtungen zusolge, kommt aber bas Minimal-volumen oder bie Maximaldichtigkeit des Wassers bei $3,9^\circ$ Wärme vor. Nach ben neuesten Untersuchungen von Kopp ist für Temperaturen zwischen 0° und 25° C.:

 $V=(1-0,000061045t+0,0000077183t^2-0,00000003734t^2)$ V_0 , und hiernach die größte Dichtigkeit des Wassers bei 4,08° (f. Poggens borff's Annalen, Bb. LXXII).

Gewöhnlich nimmt man an, daß biefer größte Dichtigkeitszustand bes Wassers bei 40 eintrete. Wenn man das Bolumen des Wassers

```
bei 40 == 1,00000 fest, so hat man nach Despret:
    5^{\circ} = 1,00001
   6^{\circ} = 1,00003,
                                   bei 40^{\circ} = 1,00773,
    8^{\circ} = 1,00012,
                                        50^{\circ} = 1,01205
_{2} 100 = 1,00027,
                                        60^{\circ} = 1,01698,
_{n} 120 = 1,00047.
                                        70^{\circ} = 1,02255,
_{n} 15° = 1,00087.
                                        80^{\circ} = 1.02885.
   20^{\circ} = 1,00179,
                                        90^{\circ} = 1.03566
_{n} 25° == 1,00293.
                                      100^{\circ} = 1,04315.
_{n} 30° = 1,00433.
```

Anmerkung 1. Nach bem neuen französischen Maß= und Gewichtsschsteme ift das Gewicht eines Cubikentimeters Wasser bei 4° Temperatur und 0,76 Meter Barometerstand, = 1 Gramme, und nach bem alten preußischen Maß= und Gewichtsschyfteme ist das Gewicht eines Cubiksusses Wasser bei 15° R. Wärme und 28 paris. Boll Barometerstand, = 66 Pfund. Dieses vorausgesetzt, läßt sich das Gewicht des letztern bei 4° C., da 15° R. = 5/4. 15 = 188/4° C. ist, = 1,00153. 66 = 66,101 Pfund setzen. Run ist aber ein preußischer Fuß = 31,38535 Centimeter, und

hiernach ein Cubiffuß = 3091,584 Cubifcentimeter, baber folgt ber Berth eines alten preußischen Pfunbes:

=
$$\frac{30915,84}{66,101}$$
 = 467,71 Gramme,

sowie umgekehrt, der eines Grammes, = 1:467,71=0,0021381 Pfund, also ein Kilogramm = 2,1381 Pfund.

Anmerkung 2. Bersuche über die Ausbehnung des Bassers und zum Theil auch anderer Flüssigeiten sind angestellt worden von Munke, Stampfer, Hallström, Despreh, und in der neuesten Zeit von Kopp, J. Pierre, und es ist hierüber nachzusehen in Gehler's physistälischem Wörterbuche, Bb. I und IV, im Jahrb. des k. k. polytechn. Instituts, Bb. XVI, ferner in Poggendorff's Annalen, Bb. I, IX, XXXIV und LXXII, und in den Annales de chimie et de physique, T. LXX und XV.

Ausdehnung der Luft. Die Ausbehnung ber Luft und anberer §. **363** Gafe burch bie Barme ift viel bedeutenber und erfolgt in Sinficht auf bie Angaben ber Quedfilberthermometer viel regelmäßiger, als die ber tropfbaren Alliffigfeiten. Bay-Luffac fand biefelbe mit Bulfe eines burch eine fune Quedfilberfaule abgesperrten Luftthermometers bei Bunahme ber Temperatur von 0 bis 1000, für die atmosphärische Luft, sowie für verschiedene andere Gafe, = 3/8 = 0,375. Rubberg fand aber biefes Ausbehnungeverhältnig fleiner, als er bei feiner Untersuchung burch Chlorcalcium volltommen getrodnete Luft in einer Thermometerröhre burch Bafferbampfe bis 1000 erhitte und bie Ausbehnung durch die bei erfolgter Abfühlung eingebrungene Quedfilbermenge mag; es ergab fich baffelbe nur 0,365. In ber neuesten Beit haben ferner Magnus und Regnault die Ausbehnungscoefficienten ber Luft u. f. w. burch befondere Methoden mit noch größerer Genauigfeit bestimmt. Beide fanden, unabhängig von einander, biefes Ausbehnungsverhältnig bei völlig trodener atmosphärischer Luft, = 11/30 = 0,3665.

Was die übrigen Gase anlangt, so geben nur diesenigen, welche sich durch hohen Druck in tropsbare Flüssigkeiten verwandeln lassen, etwas größere Ausbehnungsverhältnisse, namentlich zeichnet sich das schwestigsaure Gas durch das große Verhältnis 0,390 aus. Auch hat sich aus den Versuchen von Regnault ergeben, daß das Ausbehnungsverhältnis der Luft bei hohem Drucke etwas größer ist, als bei tiesem und mittlerem; während sich aus den Beobachtungen beim Drucke von 109,72 Millimeter das Ausbehnungsverhältnis 0,365 berechnet, stellt sich dasselbe bei 3655,6 Millimeter, 0,371 heraus.

Die Anwendung dieser Berhältnisse auf die Reductionen der Gasmengen von einer Temperatur zur anderen u. s. w. ist bereits in Bb. I, §. 392 und 893, gezeigt worden.

Durch Bergleichung ber Angaben ber Luft - und Quedfilberthermometer

unter einander hat fich ergeben, daß beibe einander nicht ganz correspondiren; so fand z. B. Magnus, daß 100°, 200°, 800° nach dem Quedfilberthermometer entsprachen: 100°, 197,5°, 294,5° des Luftthermometers.

Anmerkung. Die neueren Untersuchungen über bie Ausbehnung ber Gase find abgehandelt in Poggenborff's Annalen, Bb. L und LII, sowie auch in Regnault's Memoiren zc. (S. §. 828).

Die in §. 392, Bb. I, aus bem Mariotte'ichen und Gay-Luffac's §. 364 ichen Gefete entwidelte Formel

$$\frac{V}{V_1} = \frac{1+\delta t}{1+\delta t_1} \cdot \frac{p_1}{p}$$

geht, wenn $t_1=0$ ist, und V_0 und p_0 das Luftvolumen und die Pressung besselchen bei Rull Grad Wärme bezeichnen, in

$$\frac{V}{V_0} = (1 + \delta t) \frac{p_0}{p}, \text{ ober}$$

$$\frac{Vp}{V_0 p_0} = 1 + \delta t \text{ über.}$$

Da $\delta = 0,00366$ ift, so hat man auch

$$\frac{V_n p_n}{V_n p_n} = 1,336,$$

wenn V_n und p_n das Bolumen und die Pressung besselben Luftquantums bei $t_1 = 100$ Grad Wärme bezeichnen.

Auch hat man für die Temperatur t des Luftvolumens V von der Preffung p die Formel

$$t = \frac{V_p - V_0 p_0}{\delta V_0 p_0} = 273^{\circ} \cdot \left(\frac{V_p - V_0 p_0}{V_0 p_0}\right)$$

Die Temperatur, bei welcher die Preffung Rull (p) ausfällt, ober die Elasticität ber Luft verschwindet, ift hiernach

$$t = -273$$
 Grab.

Diese Temperatur giebt ben sogenannten absoluten Nullpunkt an und eine andere von diesem Ansangspunkt aus gemessene Temperatur τ heißt die absolute Temperatur (franz. température absolue; engl. absolute temperature).

Dieselbe ift also

$$\tau = 273^{\circ} + t.$$

sowie bie gewöhnliche relative Temperatur

$$t = \tau - 273^{\circ}$$

Here $t = 100^{\circ}$ hat man z. B. $\tau = 373^{\circ}$, bagegen für $\tau = 250^{\circ}$. $t = -23^{\circ}$.

ť

Bei Ginführung ber absoluten Temperatur erhalt man einfach

$$1+\delta t=1+\delta\left(au-rac{1}{\delta}
ight)=\delta au$$
, baher $rac{Vp}{V_0\,p_0}=\delta au$,

und ebenso für ein Luftvolumen V_1 von der Pressung p_1 und absoluten Temperatur au_1

$$\frac{\overline{V_1}\,\overline{p_1}}{\overline{V_2}\,\overline{p_0}}=\delta\,\overline{\tau_1};$$

baher nimmt bann obige Hauptformel folgende einfachere Gestalt an

$$\frac{\overline{V}}{\overline{V_1}} = \frac{\overline{\tau}}{\tau_1} \frac{p_1}{p}$$
, ober $\frac{\overline{V}p}{\overline{V_1} p_1} = \frac{\overline{\tau}}{\tau_1}$.

Die Formel $\frac{Vp}{V_0 p_0} = \delta \tau$ ift für vollkommene Gase, wohin vor Allem bas Wasserstoffgas gehört, gültig; für unvollkommene Gase, z. B. für kohlensaures Gas, hat man bagegen

$$rac{Vp}{V_0\,p_0}=\delta\,t\,-\,A_0\,-rac{A_1}{ au}\,-rac{A_2}{ au_3}$$
 u. f. w. zu schen.

Bezeichnen v, v_1 u. f. w. die Bolumina einer Gasmenge vom Gewichte = Eins, so hat man in $\frac{v\,p}{\tau}=\frac{v_1\,p_1}{\tau_1}=\frac{v_0\,p_0}{\tau_1}$ eine constante Größe R, und es ist $v\,p=R\,\tau$, oder wenn noch $\gamma,\,\gamma_1$ u. f. w. γ_0 die Gewichte der Raumeinheit Gas bezeichnen, und hiernach $v\,\gamma=v_1\,\gamma_1=1$ gesett wird,

$$\frac{p}{\gamma \tau} = \frac{p_1}{\gamma_1 \tau_1} = \frac{p_0}{\gamma_0 \tau_0} = R.$$

Sind R und R_1 die Constanten für zwei verschiedene Gase, so hat man $rac{R_1}{R}=rac{p_1}{\gamma_1\, au_1}\cdotrac{\gamma\, au}{p},$ also für $au= au_1$ und $p=p_1$,

 $rac{R_1}{R}=rac{\gamma}{\gamma_1}=rac{1}{arepsilon}$, wenn arepsilon bas specifische Gewicht der zweiten Gasart in Hinscht auf die erstere bezeichnet.

Für atmosphärische Luft hat man bei $t_0 = 0$ Grad Wärme und 0,76 Meter Barometerstand den Drud pr. Quadratmeter p=10334 Kilogramm und das Gewicht eines Cubikmeters

 $\gamma = 1,29318$ Kilogramm, folglich läßt sich hier feten:

$$R = \frac{p}{\gamma \tau} = \frac{10334}{1,29318.273} = 29,272.$$

Fir Sauerstoffgas ift:

$$s = \frac{1,42980}{1,29318} = 1,10563$$
, daher $R_1 = \frac{R}{s} = 26,475$,

ferner für Stidftoffgas

$$\varepsilon = 0.97137$$
, baher $R_1 = 30.134$,

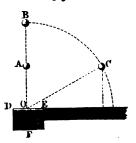
und für Bafferftoffgas

$$s = 0.06926$$
, folglich $R_1 = 422.61$.

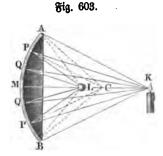
Strahlende Warme. Die Wärme eines Körpers theilt sich anberen §. 365 Körpern entweder durch Ausstrahlung (franz. und engl. radiation) oder durch Berührung (franz. und engl. contact) mit, und man nennt die auf die erste Art mitgetheilte Wärme die strahlende Wärme (franz. chalour rayonnante; engl. rodiating hoat). Der wesentliche Unterschied zwischen beiden Arten der Wärmeausbreitung besteht aber darin, daß die strahlende Wärme durch den leeren Raum, durch Luft, Wasser und andere Körper hindurch und in einen dritten Körper übergeht, ohne eine Spur in jenen zurückzulassen, während dei der Mittheilung durch Berührung erst der Zwisschentörper erwärmt und von diesem die Wärme auf einen dritten Körper übergetragen wird.

Die Ausstrahlung ber Bärme erfolgt nach bemselben Gesetze, wie bie Ausstrahlung bes Lichtes. Namentlich pflanzt sich bie Bärme, wie bas Licht, in geraden Linien, welche man Bärmestrahlen (franz. rayons de chalour; engl. rays of heat) nennt, fort. Auch steht die strahlende Bärme im umgekehrten Verhältnisse bes Quabrates ber Entfernung, bergestalt, baß von einer und berselben Bärmequelle der doppelte, breisach entfernte Körper u. s. w. nur ein Viertel, ein Neuntel der Bärme u. s. w. erhält, als ber Körper in der einsachen Entsernung. Ferner wächst auch die Intensität der strahlenden Bärme wie der Sinus bes Binkels, welchen der Bärmestrahl mit der Bärme ausstrahlenden Fläche einschließt.

Der Körper A, Fig. 602, wird z. B. durch ben Wärme ausstrahlenben Ofen DEF viermal fo ftart erwärmt, als ber Körper B, welcher noch ein-



Rig. 602.



mal so weit entsernt ist vom Ofen als dieser, und der Körper B nimmt wieder noch einmal so viel strahlende Wärme auf, als der in gleicher Entsernung besindliche Körper C, weil die mittlere Richtung der zu C gelangenden Wärmestrahlen mit der strahlenden Fläche DE einen Winkel COE von 30° einschließt, dessen Sinus $= \frac{1}{3}$ ist.

Ebenso werden die Wärmestrahlen genau nach demselben Gesetze restectirt wie die Lichtstrahlen; es ist auch hier der Reflexionswinkel dem Einsallswinkel gleich. Die auf einen Augelspiegel AMB, Fig. 603 (a.v. S.), fallenden Wärmestrahlen KP, KQu. s. w. werden deshalb von demselben in solchen Richtungen PL, QL u. s. w. zurückgeworfen, daß der Resterionswinkel CPL gleich dem Einfallswinkel CPK, ebenso der Resterionswinkel CQL gleich dem Einfallswinkel CQK u. s. w. ist, und es concentriren sich deshalb auch sämmtliche der Mitte M des Spiegels nahr einfallenden Wärmestrahlen beinahe in demselben Punkte L.

Endlich finden auch in Ansehung der Brechung oder Ablentung bei ben Wärmestrahlen, wenn dieselben aus einem Rörper in einen anderen übergehen, nahe dieselben Berhältniffe statt, wie bei ben Lichtstrahlen.

§. 366 Das Bermögen ber Körper, die Wärme auszustrahlen, hängt von der Temperatur des Körpers und von der Größe und Beschaffenheit seiner Oberstäche ab. Im Allgemeinen strahlen die Oberstächen sehr dichter Körper weniger Wärme aus, als die Oberstächen weniger dichter Körper, vorzüglich haben aber rauhe Oberstächen ein größeres Ausstrahlungsvermögen, als glatt politte Oberstächen. Nach den Bersuchen von Melloni ift, wenn man das Wärmeausstrahlungsvermögen einer mit Kienruß überzogenen Fläche durch 100 ausbrückt, das einer Bleiweißoberstäche ebenfalls 100, das einer mit schwarzer Tusche überstrichenen Oberstäche aber = 85, das einer Gummilactoberstäche = 72, und das einer Metallstäche gar nur 12; übrigens hängt aber auch dieses Bermögen noch etwas von der Dicke der Schicht ab, welche die Oberstäche des Körpers bilbet.

Das Wärmeabsorptionsvermögen ber Körper ober bas Bermögen ber Körper, strahlende Wärme in sich aufzunehmen, ist bei verschiedenen Körpern verschieden und verhält sich genau so wie das Ansftrahlungsvermögen; geschwärzte und rauhe Körper nehmen daher auch die Wärme leichter in sich auf, als Körper mit glatten oder polirten Oberstächen.

Das Bermögen der Körper, die Bärmestrahlen zurüdzuwerfen, oder das sogenannte Reflexionsvermögen, ist das Complement des Ausstrahlungsoder Absorptionsvermögens; je mehr ein Körper Bärmestrahlen in sich aufnimmt, desto weniger wird er natürlich zurüdwerfen; aus diesem Grunde
werfen die mit Ruß überzogenen Flächen saft gar keine Bärme zurüd;
während polirte Metallslächen die meiste Wärme restectiren. Uebrigens werden

nicht alle Wärmestrahlen regelmäßig nach bem oben angeführten Gefete, fonbern es wird auch ein Theil unregelmäßig nach allen Seiten bin gurud. geworfen, ober, wie man fagt, es findet in ber Rabe ber Dberflache ber meis ften Rorper anch eine Diffusion ber Warmestrahlen Statt. Gest man, nach Leslie, bas Reflexionsvermögen bes polirten Deffings = 100, fo ift baffelbe fitr Gilber = 90, für Stahl = 70, für Glas = 10, für eine mit Rug überzogene Fläche aber = 0.

Sehr vericieben ift enblich noch bas Dimiffions- ober Durchftrablungevermögen verschiebener Rorper. Manche Rorper halten bie Barmeftrablen auf und laffen gar teine burch, andere hingegen laffen bie Barmeftrablen burch wie bie burchsichtigen Rorper bie Lichtstrahlen; jene nennt man athermane, biefe biathermane Rorper. Die Luft ift ein biathermaner Rorper, nachftdem ift bas Steinfalz ein febr biathermaner Rorper; übrigens find nicht nur bie burchsichtigen, sondern auch manche undurchsichtige Rörper, wie 3. B. schwarzes Glas, Glimmer u. f. w., biatherman. Auch hängt die Stärke ber Durchstrahlung noch von ber Art ber Barmequelle ab, und es fcheint nur bas Steinfalz eine Ausnahme hiervon zu machen. Endlich laffen natürlich bunnere Mittel (Platten) mehr Barmeftrablen burch, als bide, welche um fo mehr Barme verschluden, je bider fie finb.

Anmertung. Um fich genauer über bie letteren Barmeverhaltniffe, namentlich aber über bie Untersuchungen Delloni's ju unterrichten, muß man in ben Berten über Phyfit, g. B. in ben Lehrbuchern von Muller, Mouffon, Bullner u. f. w., nachlesen. S. auch "bie Barmemeffunft" von C. Sching. Ueber bie neueren Forfchungen von Provoftape und Defains wird in ben Annal. de chim. et de phys. T. XXX, 1850, gehandelt.

Warmeleitung. Die Ausbreitung ber Wärme in einem und bemselben &. 367 Rörper, sowie die Mittheilung ber Warme durch Berührung, bezeichnet man mit bem Namen ber Barmeleitung (frang. conductibilité de la chaleur; engl. conduction of the head). Die Leichtigkeit ober Schnelligkeit biefer Mittheilungsart ber Barme ift bei verschiebenen Rorpern fehr verfchieben; manche Rorper haben ein großes Barmeleitungsvermogen (frang. pouvoir conducteur; engl. conducting power) und andere ein fleines; in jenen verbreitet fich bie Warme febr fchnell, in biefen aber febr langfam; man nennt baber auch jene gute Barmeleiter (frang. bons conducteurs de la chaleur; engl. good conductors of the heat), bieje aber fchlechte Barmeleiter (franz. mauvais conducteurs de la chaleur; engl. worse conductors of the heat). Gute Barmeleiter find die Metalle, jedoch manche michr, manche weniger; fchlechte Warmeleiter bingegen find bas Sola, Stroh, Bettfebern, Seibe, Wolle, Saare, Roble, Afche u. f. m., überhaupt aber bie loderen Rorper. Durch Bertheilung, Bulverifiren u. f. w. werben gute Barmeleiter in fchlechte, und lettere in noch fchlechtere umgeanbert.

Nach Despret's Beobachtungen an Stäben, welche an einem Ende erhipt wurden, ist, wenn die durch die Differenz der Temperaturen an den beiden Enden der Stäbe gemessene Leitungsfähigkeit des Goldes = 1000 angenommen wird, die von Platin = 981, von Silber = 973, von Aupfer = 898, von Eisen = 374, von Zink = 363, von Zinn = 303 und von Blei = 180. Die Leitungsfähigkeit von Marmor sett man gewöhnlich = 23 und die von gebrannten Steinen gar nur 12, wiewohl mit weniger Sicherheit.

hiervon weichen die von Wiedemann und Franz gefundenen Resultate bebeutend ab (f. Boggendorff's Annalen ber Physit, Bb. 89).

Ift hiernach die Leitungsfähigkeit des Silbers = 100, fo hat man

für	Rupfer				73,6	flir Blei	8,5
"	Gold.				53,2	" Platin	8,4
27	Zinn	•			14,5	" Metall von Rofe	2,8
29	Gifen				11,9	Wismuth	1,8
_	Stahl				11.6	•	

Die Flüssigkeiten sind zwar schlechte Wärmeleiter, sie nehmen aber die Wärme schnell auf, weil sie durch die hierbei eintretende ungleichmäßige Ausbehnung in Bewegung gerathen und dabei die weniger warmen Theile der Erwärmungsquelle näher geführt werden. Um sich von dem schlechten Wärmeleitungsvermögen der Flüssigkeiten zu überzeugen, entzündet man eine auf die Flüssigteit gegossene dünne Schicht Schweseläther und beobachtet den Stand eines wenig unter dieser Schicht in die Flüssigkeit eingehaltenen Thermometers. Nach Desprey, der eine Wassersülle durch wiederholtes Zutreten von heißem Wasser gleichmäßig zu erwärmen suchte, ist das Leitungsvermögen des Wassers nur 9 bis 10.

Die Luft und bie Gafe überhaupt find jedenfalls schlechte Barmeleiter, boch läßt sich das Leitungsvermögen derselben durch Thermometer wegen ihrer Strömungen und wegen ihrer größeren Barmeftrahlung nicht mit Sicherheit beobachten. Das schlechte Barmeleitungsvermögen derselben macht sich aber dadurch bemerkar, daß Körper, welche von allen Seiten mit Luftschichten umgeben sind, sehr langsam erwärmt ober erkältet werben.

§. 368 Abkühlungsvormögen. Sehr verschieden ist endlich die Geschwindigteit, mit welcher heiße Körper ihre Wärme absetzen oder abkühlen. It ein heißer Körper von einem sesten Körper umgeben, so erfolgt die Abkühlung (franz. refroidissement; engl. cooling) desselben vorzüglich nur durch das Leitungsvermögen des letzteren, ist aber die Umgebung des heißen Körpers eine tropsbare Flüssiglickit, so erfolgt das Abkühlen theils durch Wärmeleitung, theils und vorzüglich, durch die innere Bewegung der Flüssigkeit; ist

ferner ber beiße Körper von einer elastischen Flussigkeit umgeben, so hängt bie Schnelligfeit zugleich auch noch von ber Barmeftrahlung ab, und befindet er fich endlich im luftleeren Raume, fo ift es nur die Ausstrahlung, welche bemfelben die Barme entzieht. Im Allgemeinen läßt fich behaupten, bag die Abfühlung von der Temperaturdiffereng und von der Art und Größe ber Oberfläche bes marmegebenben Rorpers abhängt; es läßt fich annchmen, daß der Barmeverluft der Oberfläche und, bei mäßigem Temperaturiberfchuffe, auch biefem proportional fei. Durch bie fpateren Untersuchungen von Dulong und Betit ift jeboch gezeigt worben, bag bas erftere, guerft von Remton aufgestellte Gefet allgemein und zumal bei größeren Temperaturbifferengen, nicht gultig ift. Die Befete ber Abfuhlung finb febr verwidelt; Dulong und Betit haben biefelben filr heiße Rorper im luftleeren und lufterfüllten Raume zu ermitteln gesucht, indem fie vorher erhipte große Quedfilberthermometer in einen Aupferballon einhingen, ber von außen mit Baffer von einer bestimmten Temperatur umgeben war, und nun bas Sinken biefer Thermometer beobachteten. Folgende Tabelle enthält die Bauptergebniffe biefer Beobachtungen.

			,					
iberfcuß.	Bloße	Thermomel	erfugel.		filberte seterfugel.	Mit Ruß überzogene Ehermometerkugel.		
Temperaturüberschuß.	Wollfländige Abfühlung.	Abfühlung burch Strahlung.	Abfühlung burch Berührung.	Bollstänbige Abfühlung.	Abfühlung burch Strahlung.	Bollftandige Abfühlung.	Abfühlung burch Strahlung.	
2600	24,420	16,320	8,100	10,960	2,860	32,020	23,920	
240	21,12	113,71	7,41	9,82	2,41	27,48	20,07	
220	17,92	11,31	6,61	8,59	1,98	23,10	16,49	
200	15,30	9,38	5,92	7,57	1,65	19,66	13,74	
180	13,04	7,85	5,19	6,57	1,38	16,28	11,09	
160	10,70	6,20	4,50	5,59	1,09	13,57	9,07	
140	8,75	5,02	3,73	4,61	0,88	11,06	7,33	
120	6,82	3,71	3,11	3,80	0,69	8,85	5,74	
100	5,56	3,03	2,53	3,06	0,53	6,94	4,41	
80	4,15	2,22	1,93	2,32	0,39	5,17	3,24	
6 0	2,86	1,53	1,33	1,60	0,27	3,67	2,24	
40	1,74	0,95	0,79	0,96	0,17	2,20	1,41	
20	0,77	0,43	0,84	0,42	0,08	1,00	0,66	
10	0,37	0,22	0,15	0,19	0,04	0,48	0,33	
		i	j	l	1	l	l	

Man ersieht aus dieser Tabelle, welche die in Thermometergraden ausgebrückten Abkühlungen pr. Minute angiebt, daß die Beobachtungen dem oben ausgesprochenen Gesetze von Rewton nicht entsprechen, denn die zweite Columne der Tabelle giebt uns für die Differenzen:

400, 800, 1200, 1600, 2000, 2400

zwischen ber Temperatur bes ber Abkühlung ausgesetzten Thermometers, und ber ber außeren Wasserhulle, die Abkühlung pr. Minute:

1,74°, 4,15°, 6,82°, 10,70°, 15,30°, 21,12°,

mußte aber nach Newton geben:

 $1,74^{\circ}, 2.1,74^{\circ} = 3,48, 3.1,74^{\circ} = 5,22^{\circ}, 4.1,74^{\circ} = 6,96^{\circ},$ $5.1,74^{\circ} = 8,70^{\circ}, 6.1,74^{\circ} = 10,44^{\circ}.$

Nur bei kleinen Temperaturüberschüffen von höchstens 40° läßt sich annähernd setzen, daß die Abkühlungsgeschwindigkeit dem Temperaturüberschusse proportional sei.

Die Bergleichung ber Zahlenwerthe in den verschiedenen Berticalcolumnen unter einander führt beutlich vor Augen, daß bei einer glanzenden Metallfläche die Abkühlung burch Strahlung flein ift gegen die Abkühlung burch Berührung, baf bagegen bei ber mit Ruf überzogenen Rlache die Abfühlung burch Strahlung den größten Theil von ber gangen Abfühlung ausmacht. Die in ber vierten Columne ber Tabelle aufgeführten Werthe ber Abfühlung durch Berührung find durch Subtraction der in der zweiten und britten Columne, entweder bei lufterfülltem oder bei luftleerem Ballon beobachteten Werthe gefunden worden, und gelten natürlich für alle Arten von Dber-Uebrigens hangt naturlich die Abfühlungsgeschwindigkeit noch von ber Groke ber Oberfläche bes ber Abfliblung ausgesetten Rorpers ab. Abkühlung eines Rorpers ift febr gut mit bem Ausfluffe bes Baffere que einem Gefäße zu vergleichen; was hier die Drudhohe ift, ift bort die Temveraturdiffereng, und die Stelle der Ausflugbffnung vertritt dort bie Abfühlungsfläche. Sowie man Ausfluß unter conftantem und Ausfluß unter abnehmendem Drude unterscheidet, ebenso hat man Abkühlung bei constanter und Abfühlung bei abnehmender Temperatur zu unterscheiden. Sowie beim Leeren eines prismatischen Ausfluggefäges die Ausfluggeit bem Bolumen birect und ber Ausmündung umgekehrt proportional machft, ebenso verhalt fich die Abkuhlungszeit direct wie die sich abkuhlende Dasse und umgekehrt wie ihre Oberfläche. hiermit stimmen auch die Beobachtungen von Du-Iong und Betit überein, welchen zufolge die Abfühlungszeiten ben Durchmeffern ber Thermometertugeln proportional find.

Nach den Untersuchungen von Dulong und Petit ift die Geschwindigkeit ber Abkühlung durch Ausstrahlung oder im luftleeren Raume, b. i. der Wärmeverluft mahrend einer Zeiteinheit, bestimmbar durch die Formel

$$v_1 = \mu_1 a^{t_1} (a^t - 1),$$

in welcher μ_1 und a conftante Erfahrungszahlen, t_1 die Temperatur ber Umgebung und t den Temperaturüberschuß ausbrücken. Die Constante a hängt nur von der Eintheilung des Thermometers ab; sie ist für die Centesimaleintheilung = 1,0077, und für die Réaumur'sche Eintheilung (1,0077) $^{5/4}$ = 10096, μ_1 aber hängt von dem Ausstrahlungsvermögen und von der Größe der Absühlungsssäche ab. Das von $\mu a^{t_1} \cdot a^t = \mu a^{t_1 + t}$ abzuziehende Glied μa^{t_1} mißt die rückstrahlende Wärme, herrührend von der Oberstäche des allerdings geschwärzten Kupserballons, und würde natürlich ganz wegsallen, wenn die Absühlung in einem unbegrenzten Raume stattstände. Für die der Berührung mit Lust entsprechende Absühlungsgeschwindigkeit ist hingegen

$$v_2 = n p^c t^{1,288} = \mu_2 t^{1,288}$$

zu setzen, und es bezeichnet in $\mu_2 = np^c$, n eine von der Größe der Abstühlungsstäche und von der Natur des Abkühlungsmittels, c eine nur von letzterem abhängige Constante, p aber die Clasticität dieses Mittels und t, wie vorher, den Temperaturüberschuß. Hiernach ist also für die vollständige Abstühlungsgeschwindigkeit zu setzen:

$$v = v_1 + v_2 = \mu_1 a^{t_1} (a^t - 1) + \mu_2 t^{1,238}$$

Die Potenzen $a^t = (1,0077)^t$ und $t^{0,288}$ lassen sich für die gewöhnlichen Källe mittels der folgenden Tabelle bestimmen.

Temperatur t Grab	Botenz 1,0077*	Potenz £ ^{0,283}	Temperatur & G rab	Botenz 1,0077 [‡]	Potenz £0,288
10	1,080	1,710	110	2,825	2,990
20	1,165	2,010	120	2,510	3,051
80	1,259	2,209	130	2,711	3,108
40	1,359	2,362	140	2,927	3,163
50	1,467	2,488	150	3,160	3,214
60	1,584	2,596	160	3,412	3,263
70	1,711	2,691	170	3,684	3,309
80	1,847	2,776	180	3,978	3,353
90	1,994	2,853	190	4,295	3,396
100	2,153	2,924	. 200	4,637	3,437

Für die Wärmestrahlung hat der auf die Fläche von 1 Quadratmeter und auf den Zeitraum einer Stunde bezogene Coefficient μ_1 folgende Werthe:

Polirtes Silber .			16	Berroftetes Gifenblech 419
Silberpapier			52	Neues Bußeisen 395
Polirtes Meffing .			32	Berroftetes Gußeisen 419
Goldpapier			2 8	Glas 373
Rothes Rupfer			20	Rohlenstaub 427
3int			30	Papier 470
Binn			27	Rug 500
Polirtes Gifenblech			56	Bausteine 449
Berbleites Gifenblech			81	Бо в 449
Schmarzblech			345	Wasser 662

Der Coefficient μ_2 für die Leitung der Wärme durch die Luft ist von der Form und von den Dimensionen der Körper abhängig. Für einen liegenden Cylinder vom Halbmesser Weter ist 3. B.

$$\mu_2 = 1{,}136 + \frac{0{,}0211}{r}.$$

Anmerkung. Um sich vollständiger über diesen Gegenstand zu unterrichten, kann man nachlesen: von Dulong und Petit: Recherches sur la mesure de températures etc. im Journal de l'école polytechnique, J. XI.; serner von Péclet: Traité de la chaleur; sowie auch Gehler's physikalisches Wörterduch, Bb. X x.

§. 369 Bum prattischen Gebrauche bequemere Näherungsformeln für bie Abtuhlungsgeschwindigfeit giebt Peclet im zweiten Bande seines eben citirten Berkes. Er fest bie Abfühlungsgeschwindigkeit

$$v = At (1 + \alpha t),$$

und nimmt bei Temperaturen von 10° bis 260°, für bie Glassläche:

 $\alpha = 0.0065$

für die Silberfläche:

 $\alpha = 0.0051$

und für bie Ruffläche :

 $\alpha = 0.0066,$

bei Temperaturen von 0 bis 20° aber im ersten Falle:

 $\alpha = 0,0039,$

im zweiten:

= 0.011,

und im britten:

= 0.0043 an.

Bas ferner ben Coefficienten A anlangt, fo bezieht er benfelben gleich auf

ben Wärmeverlust pr. Stunde und pr. Quadratmeter, und sett benselben für Wasser, umschlossen

von einer polirten Metallfläche: A = 4,38, A = 6,40,

, " Blech ober Gußeisenwand: A=7,70,

, " mit Ruß überzogenen Wand: A=8,48.

Gewöhnlich nimmt man für Wände von Kalt - ober Ziegelstein A = 9, sowie für eine Holzwand, A = 8 an.

Poclet zieht den Fall in Betracht, daß ein mit warmem Wasser angesülltes Gesäß in einem gewissen Abstande von der Gesäßwand mit einem Mantel umgeben und der Zwischenraum mit abgesperrter Luft ausgesüllt sei. Sind dann F und F_1 die Oberstächeninhalte des Gesäßes und der Hille, sowie t und t_1 die Temperaturüberschüsse in Hinsicht auf die äußere Luft, so können wir sehen:

$$F(t-t_1) (1 + \alpha (t-t_1)) = F_1 t_1 (1 + \alpha t_1),$$
ober annäherab
$$F(t-t_1) = F_1 t_1.$$

Hiernach ist

$$t_1=\frac{Ft}{F+F_1};$$

es folgt baber bie Geschwindigkeit der Abkühlung für 1 Quabratmeter:

$$v = At_1 (1 + \alpha t_1) = \frac{F}{F + F_1} At \left(1 + \frac{\alpha F}{F + F_1} t\right),$$

und die Abfühlung der Fläche F_1 , sowie des ganzen Gefäßes

$$F_1 v = \frac{FF_1}{F + F_1} At \left(1 + \frac{\alpha Ft}{F + F_1}\right).$$

Dhne ben Mantel ware bie Abkiblung bes Gefäges:

$$FAt$$
 (1 $+$ $lpha t$), und zwar größer, weil $rac{F_1}{F+F_1}$ ein echter Bruch ist.

Bäre ber Zwischenraum zwischen bem Kessel und bem Mantel klein, ober wäre berselbe luftleer, so würde die Bärme nur durch Ausstrahlung von dem Kessel auf den Mantel übertragen werden, und man hätte dann für diese Abkühlung einen anderen Coefficienten als für die Abkühlung an der Mantelstäche F_1 einzusühren. Bezeichnen wir jenen mit A und diesen mit A_1 , so erhalten wir:

$$AF(t-t_1) = A_1F_1t_1$$

baher:

$$t_1 = \frac{AF}{AF + A_1F_1} t,$$

und sonach die Abfühlungsgeschwindigkeit für 1 Quadratmeter: Beisbach's Lehrbuch D. Dechault. II. 53

$$v = A_1 t_1 (1 + \alpha t_1) = \frac{A A_1 F t}{A F + A_1 F_1} \left(1 + \alpha \cdot \frac{A F}{A F + A_1 F_1} t \right);$$

und für bie gange Mache F1:

$$F_1v = \frac{AA_1FF_1}{AF + A_1F_1}t\left(1 + \alpha \cdot \frac{AF}{AF + A_1F_1}t\right).$$

Beifpiel. Ein schmiebeeiserner Reffel enthalt Baffer von 1000 Barme, und ift an feiner Oberflache von 15 Quadratmeter Inhalt von außen mit Luft von 200 Barme umgeben; welche Abkühlung erleibet bas Waffer? Ce ift hier

$$a = 0.0066$$
, $A = 7.70$ unb $t = 100^{\circ} - 20^{\circ} = 80^{\circ}$,

baber bie Abfühlungsgeschwindigfeit:

$$v = At$$
 (1 + at) = 7,7.80 (1 + 0,0066.80) = 616.1,528 = 941°, und folglich die Abkühlung für die ganze Oberfläche von 15 Quadratmetern Inhalt:
 $Fv = 15.941 = 14115°$:

b. h. bem Reffel werben ftunblich 141150 Barme burch Abfühlung entzogen, und muffen burch Erwarmung von einer anderen Seite ber wieber erfett werben, wenn bie Temperatur von 1000 unverandert bleiben foll. Bare ber Reffel mit einem Mantel von 25 Quabratmeter Inhalt umgeben, welcher eine gewisse Luftmaffe bazwischen abschließt, so hatte man biefen Warmeverluft nur

$$F_1v = \frac{FF_1}{F+F_1}At\left(1 + \frac{\alpha Ft}{F+F_1}\right) = \frac{15 \cdot 25}{40} 616\left(1 + 0.0066 \cdot \frac{15 \cdot 80}{40}\right)$$
= 5775 \cdot 1,198 = 6918°.

Bare endlich ber Zwischenraum zwischen Reffel und Mantel luftleer, fonnte alfo die Barme beffelben nur durch Ausstrahlung fortgeben, fo wurde

$$A = 0.2 \cdot A_1 = 0.2 \cdot 7.7 = 1.54$$

und baber

$$F_1v = \frac{1,54 \cdot 7,7 \cdot 15 \cdot 25 \cdot 80}{1,54 \cdot 15 + 77 \cdot 25} \left(1 + 0,0066 \cdot \frac{1,54 \cdot 15 \cdot 80}{1,54 \cdot 15 + 7,7 \cdot 25}\right)$$
$$= \frac{355740}{215,6} \cdot 1,0563 = 1743^{\circ}$$
 fetn.

Es fanbe also in biefem Falle ungefahr nur 1/8 so viel Barmeverluft flatt, als beim uneingehüllten Reffel.

§. 370 Beclet giebt auch noch eine Formel und die nöthigen Constanten für die Bestimmung ber Abfühlung burch ichlechte Barmeleiter. man durch C bie Barmemenge, welche stundlich durch einen plattenförmigen Abrper von 1 Quabratmeter Seitenfläche und 1 Meter Dicke geht, wenn die Temperaturdiffereng auf beiben Oberflächen 1º beträgt, und ift v die Barme, welche flündlich durch eine Platte von der Dide e geht, deren Seitenflüchen ben Inhalt F und die Temperaturen t und t, haben, jo läßt sich fegen:

$$v = \left(\frac{t - t_1}{e}\right) F C_{\bullet}$$

und ift babei anzunehmen:

für Rupfer C= 64,0	0 für Tannenl
" Eisen " = 29,0	
" Bint "= 28,0	0 , ,
" Blei "= 14,0	0 " Eichenho
" Rote " = 4,9	6 , R orf .
, Marmer , = 3,1	
" Kalfstein (gemeiner) " = 1,8	, ,, , , ,
, Glas , = 0,8	
" Gebrannie Erde . " = 0,6	
" Supe "= 0,4	
•	" Papier,

Benn eine Platte von der Fläche F auf der einen Seite mit einem Körper von der Temperatur t, und auf der anderen mit einem anderen Körper von der Temperatur t_1 in Berlihrung ist, und hierbei die Temperatur derfelben längs ihrer Dicke e allmälig aus τ in τ_1 übergeht, so kann man den hierbei stattsindenden Bärmeverlust

$$Q = FA (t - \tau) = FC \left(\frac{\tau - \tau_1}{e}\right) = FA_1 (\tau_1 - t_1),$$

also auch

$$A\left(t- au
ight)=C\left(rac{ au- au_1}{e}
ight)=A_1\left(au_1-t_1
ight)$$
 sethen.

Eliminirt man hierans

$$\tau_1 = \tau - \frac{Ae}{C} (t - \tau),$$

fest folglich

$$A(t-\tau)=A_1\left(\tau-t_1-\frac{Ae}{C}(t-\tau)\right),$$

so folgt die Temperatur der Platte an der einen Seite

$$\tau = \frac{At + A_1t_1 + \frac{AA_1et}{C}}{A + A_1 + \frac{AA_1e}{C}}, \text{ b. i.}$$

$$\tau = \frac{AA_1t + (At + A_1t_1)\frac{C}{\epsilon}}{AA_1 + (A + A_1)\frac{C}{\epsilon}},$$

fowie bie Temperatur berfelben an ber anberen:

$$\tau_1 = \frac{A A_1 t_1 + (A t + A_1 t_1) \frac{C}{e}}{A A_1 + (A + A_1) \frac{C}{e}},$$

und bas burchgegangene Barmequantum

$$Q = \frac{FC}{e} (\tau - \tau_1) = \frac{FAA_1 \frac{C}{e} (t - t_1)}{AA_1 + (A + A_1) \frac{C}{e}} = F.A_2 (t - t_1),$$

wenn man

$$\frac{A A_1 C}{A A_1 e + (A + A_1) C} = \frac{\cdot C}{e + \left(\frac{1}{A} + \frac{1}{A_1}\right) C}$$

durch A2 bezeichnet.

Sind die Conftanten A und A1 bes Gin - und Austritts einander gleich, fo hat man einfacher

$$A_2 = \frac{C}{e + \frac{2C}{A}},$$

und ift außerdem auch die Plattendicke e klein, so fällt $A_2=rac{A}{2}$ und daher $Q=rac{1}{2}FA$ $(t-t_1)$ aus.

Wäre $\tau=t$, d. i. die Temperatur ber Platte auf der einen Seite gleich ber des mit berselben in Berührung tommenden Körpers, 3. B. Waffers, so hätte man $A=\infty$, daher

$$A_2=rac{C}{e+rac{C}{A_1}}=rac{A_1}{A_1}rac{C}{e+C}$$
 unb $Q=rac{FA_1}{A_1}rac{C}{e+C}\cdot$

Beispiel. Wenn ber im Beispiele bes vorigen Baragraphen behandelte mit 100° warmem Baffer angefüllte Reffel mit einer Biegelmauer von 1/4 Meter Dicke umgeben wird, fo ift seine Abfühlung ftunblich:

$$Fv = \frac{FA_1C(t-t_1)}{A_1c+C} = \frac{15.9.068.80}{9.1/4+0.68} = \frac{7344}{2.93} = 2506^{\circ}.$$

§. 371 Sohmolzon. Die Ausbehnung, welche Körper burch die Barme erleiben, hat eine gewisse Grenze, denn bei einem gewissen Grade der letzteren andern die ersteren ihren Aggregatzustand, feste Körper gehen in einen tropfbarfluffigen Zustand über, und tropfbare Flufsigkeiten nehmen die Gasform an. So geht durch Aufnahme von Wärme, Eis in

Wasser, und bieses bei höherer Temperatur (100°) in Damps über. Der Uebergang eines Körpers aus seiner sesten Form in eine tropsbarslüssige heißt Schmelzung (franz. fusion; engl. fusion, melting), und ber Uebergang aus dem ersteren oder letzteren Zustande in den luftsörmigen heißt Berdampsung, Berdunstung (franz. vaporation; engl. evaporation). Die Temperatur, bei welcher ein sester Körper schmilzt oder slüssig wird, heißt sein Schmelzpunkt (franz. point de fusion; engl. melting point). Die Verdampsung oder Berdunstung hat sast dei allen Temperaturen statt, ist jedoch bei niedrigen Temperaturen sehr schwach; deshalb giebt es denn auch keinen Berdampsungspunkt. Umgekehrt lassen sich auch durch Entziehung von Wärme luftsörmige Körper, zumal, wenn man sie zugleich einem Drucke aussetz, in wassersinge, und letztere in seste Vörper verwandeln.

Im Folgenden find die Schmelgpuntte (oder Gefrierpuntte) ber vorzuglichsten Rorper angegeben.

Platin be	i +	25000 €.	•	Blei bei	+	330°C.
Schmiebeeisen "	+	1500 bis	1600°€.	Wismuth "	+	260
Stahl ,	+	1300 "	1400	3inn "	+	230
Bufeifen ,	+	1050 "	1200	Schwefel "	+	109
Gold ,	+	1100 "	1200	Gelbes Bachs ,	+	61
Rupfer	+	1100 "	1200	Phosphor,	+	43
Silber ,	+	1000		Seife "	+	33
Bronze ,	+	900		Œis ,	+	0
Antimon ,	+	500		Terpentinöl "	_	10
Bint	+	400		Quedfilber "	_	39

Anmerkung 1. Beim Gluben bes Gifens ergeben fich, nach Bouillet, folgende Temperaturen:

Anfangenbee Rothgluber	1						525º €.
Dunfles Rothgluben .							700
Anfangenbes Rirfdrothg	ĺü	Hei	n				800
Rirfdrothgluben							900
Belles Rirfdrothgluben							1000
Dunfles Drangeglüben							1100
Belles Drangegluben .							1200
Beigglühen							1300
Belles Beifigluben							1400
Blendendes Weißgluben							1500

Anmerkung 2. Durch Legirungen (franz. alliages; engl. allays) von Metallen kann man sich eine Stusenleiter ber Schmelzbarkeit versertigen und biese zu pprometrischen Untersuchungen gebrauchen. Niedrige Temperaturen lassen sich durch die Schmelzbunkte der Compositionen von Blei, Zinn und Wissmuth bestimmen, zur Ausmittelung hoher Temperaturen bedient man sich aber, nach Prinsep, Saussuch und Plattner, der Legirungen von Platin und Gold.

Die Legirung t)on	1	Th.	Blei	, 1	Th.	Hinr	t U.	43	5. L	Bismuth	Somily	t bei 94°
Rofe's Metall ober "	"	_	,	14	_		,,		8				" 100
ebenso auch	"	2	,,	"	8		*		5	,			" 100
ferner	*	1	"	.,	4	"	*	ee	5	•	*	*	, 118,9
	*	1	"	*		*	**	*	1	,		*	, 141,2
•	*	1	**	*	1	*	"	*	- ,	•	•		, 241
,		_	. "		2	"	*	**	1	•		W	, 167,7
	*	1		*	8	*	*	*	-	•	*		" 167,7 200

Man sieht, daß diese Compositionen leichter schmelzbar sind, als die einsachen Metalle. Bei den Legirungen aus Blatin und Gold ist jedoch das Berhältnis anders; eine solche Legirung ist um so strengsüssiger als Gold, je mehr sie Platin in sich enthält, weshalb man aus dem Mischungsverhältnisse der die Composition bildenden Metalle im Boraus die Schmelzpunkte derselben bestimmen kann (siehe "Merdach, die Anwendung der erwärmten Gebläselust im Gediete der Metallurs gie, Leipzig 1840").

Das Meerwaffer gefriert wegen feines Salzgehaltes erft bei - 2,50.

Ueber Schmelzpunkte und über die jur Bilbung feuerfluffiger Berbindungen nothigen Temperaturen handelt Sching in Dingler's Journal Bb. 182, heft 3.

Anmerkung 3. Beim Schmelzen fester Körper, sowie beim Gefrieren ober Festwerden stuffiger Körper treten auch in der Regel Dichtigkeitsveranderungen ein. 3. B. das Baffer behnt sich beim Gefrieren um 1/13 seines Bolumens aus, und bilbet nun Eis vom specifischen Gewichte 0,99. Die Kraft, mit welcher biese Ausbehnung erfolgt, ist so groß, daß sich durch bieselbe Geschützugeln zersprengen lassen. Die meisten Metalle, wie Quecksilber, Blei, Zink, Silber u. s. w., ziehen sich beim Festwerden zusammen, manche, wie z. B. Wismuth und Gustisen, behnen sich hierbei aus.

Für bie Technit ift auch bas Schwinden ber Metalle, ober Jusammenziehung berselben nach bem Gusse von Bichtigkeit (stehe Karmarsch's Abhandung hierüber im XIX. Bande [1837] ber Jahrbücher bes polytechn. Instituts in Wien). Diese Bolumenveranderung hängt sebenfalls von dem Jusammenziehen ober Ausbehnen beim Erkarren und vom Zusammenziehen beim Erkalten zugleich ab; se nachdem Beränderungen gleichseitig ober entgegengeset wirken, fällt das Schwinden kleiner ober größer aus.

Fur bie gangeneinheit ift bas Schwinben

beim Gußeifen = 1/95 bis 1/98,

- " Meffing = 1/60 bis 1/65,
- " Glodenmetall (100 Rupfer + 18 3inn) = 1/68,
- " Ranonenmetall (100 Rupfer + 121/2 3inn) = 1/180 bis 1/189,
- " Binf = 1/80,
- " Blei = 1/92,
- " $\beta inn = \frac{1}{147}$ und
- " Wismuth = 1/265.
- §. 372 Vordampfon. Flüssige Körper und sogar auch manche feste Körper gehen durch Ginwirkung von Wärme in Luftförmige über. Diese Berwandlung geht zwar bei allen Temperaturen und Pressungen vor sich, jedoch erfolgt dieselbe in ber hitze und bei schwachem Drucke lebhafter, als in ber

Kälte und bei hohem Drude. Man unterscheibet hiernach die Verdunstung von dem Kochen oder Sieden. Während unter jener die Dampsvildung an der Oberstäche verstanden wird, verstehen wir unter dem Kochen oder Sieden (franz. édullition; engl. edullition, boiling) die in der ganzen Küssigseitsmasse vor sich gehende Dampsvildung. Der Siedepunkt (franz. le point d'édullition; engl. the boiling point) oder die Temperatur, dei welcher das Sieden eintritt, ist nicht allein dei verschiedenen Körpern verschieden, sondern hängt auch noch von dem Drude der die Flüssigseit umgebenden Lust ab. Im Angenblick des Siedens ist die Expansivkrast des Dampses gleich dem Drude der Lust. Nach den gemachten Beobachtungen sind bei dem Drude von 0,76 Meter die Siedepunkte von einigen Körpern solgende:

bei Quedfilber = 3500 C.,

- , Leinöl 316°,
- " Schwefelfäure = 310%,
- , Schwefel = 299°,
- " Phosphor = 290°,
- " Terpentinol = 2730,
- " Baffer = 100°,
- " Altohol (vom specif. Gewicht = 0,813) = 78,60,
- " Schwefelather = 37,80,
- " salpetriger Säure = 280,
- " schwefliger Saure = 100.

Im Wasser ausgelöste Substanzen erhöhen die Temperatur des Siedepunktes ansehnlich. Z. B. Wasser mit Kochsalz gesättigt (100 Theile Wasser + 41,2 Kochsalz) siedet nach Legrand dei 108,4°; ferner Wasser mit tohlensaurem Kali gesättigt (100 Theile Wasser + 205 Theile tohlensaures Kali) dei 133°, und Wasser mit Chlorcalcium (100 Theile Wasser + 325 Theile Chlorcalcium) dei 179,5°.

Auch die Gefägmande haben einen Ginfluß auf den Siedepuntt. So fiedet z. B. das Waffer in metallenen Gefäßen eber als in glafernen.

Die Ausbehnungen ber Körper bei bem Uebergange in die Dampfform find sehr beträchtlich. Gin Cubitfuß Basser giebt 3. B. bei 100° Barme und 0,76 Meter Barometerstand, 1700 Cubitfuß Dampf, und bessen Dichetigkeit ift nur ⁵/₈ von berjenigen ber Luft.

Dämpfe können burch Entziehung von Wärme ober burch Bergrößerung des Druckes wieder in die Wasserform zurückgeführt werden, und darin bessteht auch ihr einziger Unterschied von den Gasen oder beständigen Luftarten, welche man bis jetzt weder bei der strengsten Kälte, noch dei dem größten Drucke in den tropsbarslüssigen Zustand hat zurücklühren können. Rohlenssaues Gas (Danuf der slüssigen Rohleusäure) läßt sich z. B. erst bei 00

Wärme und 36 Atmosphären Drud in ben liquiben Buftand zurudstühren. Bei 300 Wärme hat biefer Dampf eine Expansiviraft von 73 Atmosphären.

Warmocapacitat. Die Barmemenge in einem Rorper ift jebenfalls §. 373 ber Temperatur und ber Masse des Körpers proportional und läßt sich daher durch das Product aus beiben messen. Sie ist aber auch noch bei Korpern von verschiedenen Materien sehr verschieden. Manche Rorper erfordern gur Annahme einer gewiffen Temperatur mehr Barme, als andere, es befiten baber auch jene eine großere Capacitat für bie Barme (frang. capacité pour la chaleur; engl. capacity for heat), als biese. Diefes Bermogen ber Rorper wird nun burch die fpecififche Barme (frang. calorique spécifique; engl. specific heat) gemeffen, wenn man hierunter biejenige Wärmemenge verfteht, welche nothig ift, um die Temperatur eines Rorpers von 1 Bfund Gewicht um einen Grad zu erhöhen. Es ift übrigens nicht möglich, bie Warmemenge felbst anzugeben, fondern es tann nur eine Bergleichung ber specifischen Barmen verschiedener Korper unter einander angeftellt werben. Bu biefem Zwede nimmt man biejenige Barmemenge, welche 1 Bfund Baffer erforbert, um feine Temperatur um einen Grad ju fteigern, als bie Barmeeinheit an, und nennt biefelbe eine Calorie (frang. und engl. calorie). Die Barmemenge, welche hiernach nöthig ift, um ein Wasserquantum von Q Pfund um t Grad warmer zu machen, ift

$$W = Qt$$

und bagegen für einen anderen Körper, bessen specifische Wärme $= \omega$ ift, $W_1 = \omega Qt$.

In der unten mitgetheilten Tabelle wird die specifische Wärme des Queckssilbers = 0,033 angegeben, und es läßt sich daher hieraus schließen, daß bei gleichem Gewichte und gleicher Temperaturerhöhung, das Wasser 1/0,022 = 1000/88 = 30mal so viel Wärmestoff oder Brennmaterial erfordert, als Quecksilber.

Um die specifischen Wärmen verschiedener Stosse auszumitteln, hat man mehrerlei Wethoden angewendet, namentlich hat man die Wischungs-, die Schmelzungs- und die Abkühlungsmethode in Anwendung gebracht. Bei der Wischungsmethode bringt man den vorher erwärmten Körper, dessen specifische Wärme man ermitteln will, in ein Wasserdad, und sieht zu, wie viel dadurch die Wärme des Wassers zugenommen hat. Ist Q das Gewicht des abgekühlten Körpers, sowie Q_1 das des Kühlwassers, serner t die Temperaturabnahme von jenem und t_1 die Temperaturzunahme von diesem, so hat man den Wärmeverlust von jenem $= \omega Qt =$ dem Wärmegewinn Q_1t_1 von diesem, und daher die gesuchte specifische Wärme:

$$\omega = \frac{Q_1 t_1}{Q t}.$$

Die Schmelzmethobe besteht darin, daß man den zu untersuchenden Körper in Sis einhüllt, und nun die Menge von Wasser, welche durch Abstühlung dieses Körpers sich gebildet hat, ermittelt. Hat man das ür gesorgt, daß das Sis und das Wasser die Temperatur Rull. Grad behalten, so kann man ω Qt = 79 Q_1 , und daher

$$\boldsymbol{\omega} = \frac{79 \ Q_1}{Q \ t}$$

setzen, weil man aus Erfahrung weiß, daß bei Berwandlung bes Gises in Wasser von 0° Wärme 79 Wärmeeinheiten gebunden werden (s. §. 380).

Was endlich die Abkühlungsmethobe anlangt, so umgiedt man hier ben erwärmten Körper mit einer Metallhülle, hängt ihn so in ein luftleeres Gefäß, welches mit Wasser von constanter Temperatur umgeben ist, und beobachtet die Zeit, innerhalb welcher der Körper um eine gewisse, durch ein eingesetzes Thermometer angezeigte Temperatur sinkt. Sind für zwei Körper von den Sewichten Q und Q_1 bei gleichen Ubkühlungsslächen die Abkühlungszeiten s und s_1 , und die specifischen Wärmen $= \omega$ und ω_1 , so hat man:

$$\frac{s}{s_1} = \frac{\omega Q}{\omega_1 Q_1},$$

und baher bas Berhältniß:

$$\frac{\omega_1}{\omega} = \frac{Q z_1}{Q_1 z}.$$

Beispiel. Welche Warmemenge ift nöthig, um einen eifernen Keffel von 2500 Pfund Gewicht, welcher mit 15000 Pfund Wasser angefüllt ift, von 10° bis 100° zu erwärmen? Das Wasserquantum erforbert die Wärmemenge

 $W=Qt=15000\cdot (100-10)=15000\cdot 90=1350000$ Cal.; die Eisenmasse aber nimmt, da die specifische Wärme des Eisens nur 0,11 ist, die Wärmemenge $W_1=\omega Q_1t=0,11\cdot 2500\cdot 90=24750$ Cal. in Anspruch, beibe erfordern also zusammen: 1350000+24750=1374750 Cal.

Anmerfung. Dit Gulfe ber fpecifichen Barme lagt fich auch umgekehrt burch Abfühlung im Waffer bie Temperatur eines heißen Korpers ermitteln, inbem man bie obige Formel in Anwendung bringt, und

$$t = \frac{Q_1 t_1}{Q \omega}$$

sest. Wenn 3. B. ein heißer Messingkörper von 15 Pfund Gewicht in 80 Psund Wasser von 10° Barme gebracht und badurch die Temperatur des letteren von 6° auf 16° gesteigert wird, so hat man die anfängliche Temperatur des Messings, da bessen specifische Barme = 0,0989 ift,

$$=16^{\circ}+rac{Q_1\,t_1}{Q\,\omega}=16^{\circ}+rac{80\cdot6^{\circ}}{0.0939\cdot15}=16^{\circ}+rac{480^{\circ}}{1.4085}=357^{\circ}$$
 zu feten.

Pouillet fand auf diese Weise bie Temperatur bes schmelzenden Gisens = 1500° bis 1600°.

§. 374 Specifische Warme. Laplace und Lavoisier haben sich bei ber Ansmittelung ber specifischen Bärme verschiedener Körper ber Schmelzmethobe, Dulong und Petit aber ber Abkuhlungsmethobe, Pouisset, und in ber neuesten Zeit auch Regnault, haben sich ber, wie es scheint, sicheren Mischungsmethobe bebient. In Folgendem sind die auf diese Weise erhaltenen specifischen Wärmen von einigen der für die Technik am wichtigsten Körper ausgeführt.

```
Eisen . . . . . 0,11379 nach Regnault, 0,1100 nach Dulong u. Petit
Sinf . . . . . . 0.09555
                                        0.0927
Rupfer . . . . 0,09515
                                        0,0949
Meffing . . . . 0,09391
                                        0.0557
Silber . . . . . 0,05701
                                         0.0293
Blei. . . . . . 0,03140
Bismuth . . . . 0,03084
                                        0.0288
Antimon . . . . . 0,05077
                                         0,0507
Binn . . . . . 0,05623
                                        0,0514
Platin . . . . . 0,03243
                                        0,0314
Gold . . . . . 0,03244
                                        0,0298
Schwefel . . . . 0,20259
                                         0,1880
Roble . . . . . 0,24111
Roafs . . . . . 0,20307
Graphit . . . . 0,20187
Marmor . . . . 0,20989
Ungeloschter Ralf . 0,2169
                        nad Lavoifier und Lablace.
                        (von 0,81 fpecif. Gewicht) nad Dalton.
#Ifobol . . . . 0.700
Eichenholg . . . 0,570
                        nad Maber,
Glas . . . . . 0,19768
                            Regnault,
Quedfilber . . . 0,03332
Terpentinol . . . 0,42593
```

Uebrigens ist die specifische Warme einer und berselben Materie nicht ganz constant, sondern sie wächst, wenn die Dichtigkeit des Körpers abnimmt, und nimmt auch etwas zu, wenn die Temperatur der Körper sehr groß wird, und sich dem Siedepunkte sehr nähert. So ist die mittlere specifische Wärme nach Dulong und Petit für

```
Eisen, amischen 0 u. 100°, = 0,1098, amischen 0 u. 300° aber, = 0,1218,
Quedfilber .
                        =0.0330,
                                                      =0.0350,
                                                    _{n} = 0.1015
Rint
                        = 0.0927
Rupfer
                        = 0.0947,
                                                      = 0.1013,
Blatin
                        = 0.0335
                                                      =0.0355,
Glas
                        =0.1770,
                                                      = 0.190.
```

Anmerkung. Sehr merkwürdig ist die zuerst von Dulong und Betit aufgesundene und neuerlich durch Regnault mehr begründete Beziehung zwischen der specifischen Barme und dem Atomgewichte eines und desselben Stoffes. Es ist nämlich das Product aus den Zahlen, womit man bie specifiche Barme und bas Atomgewicht ausbrückt, bei allen Körpern fast ein und basselbe, und zwar 38 bis 42.

So ift z. B.	bie fpecif. Barme:	und bas Atomgetv.:	baher bas Probuct beiber:
beim Gifen	= 0,11379	= 839,21	= 88,597
" Silber .	== 0,05701	= 675,80	= 38,527
" Platin .	= 0,03243	= 1283,5	== 39,993
" Schwefel	= 0,20259	= 201,17	= 40,754

Die specisische Wärme ber Gase wird mit einem Wassercalorimeter §. 375 bestimmt, durch welches man die in Hinsicht auf Temperatur und Expansivotrast genau untersuchten Gasarten hindurchströmen läßt. Hierbei beobachtet man entweder die in Folge der Absühlung der Gasart entstandene Temperaturzunahme des übrigens genau gewogenen Kühlwassers, oder man setzt den Bersuch so lange fort, die das Kühlwasser eine constante Temperatur angenommen hat, so daß ebenso viel Wärme nach außen sortgeht, als dem Wasser durch die Gasart zugesührt wird, und beobachtet den Temperaturzüberschuß des Wassers über die äußere Umgebung. Strömen nun in gleichen Zeiten gleiche Gasvolumina durch das Calorimeter, so lassen sich die specifischen Wärmen der verschiedenen Gasarten den beobachteten Temperaturzbissernzen proportional setzen.

Rach Regnault's Bestimmungen sind die Werthe für die specifische Barme ber Gase folgende:

Namen ber	Specififd	Dichtigfeit.			
Gase und Dampfe.	nach Gewicht.	nach Bolumen.	- ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~		
Atmospharische Luft	0,2375	0,2375	1,0000		
Sauerstoff ,	0,2175	0,2405	1,1056		
Stickftoff	0,2440	0,2370	0,9713		
Bafferftoff	3,4090	0,2859	0,0692		
Rohlenfäure (v.100 b.1000)	0,2025	0,3096	1,5290		
Rohlenoryd	0,2470	0,2389	0,9673		
Bafferbampf	0,4776	0,2966	0,6210		

Man hat übrigens bei ben Gasen und Dampfen die specifische Wärme bei constantem Drucke und die bei constantem Bolumen von einander zu unterscheiden. Der Grund hiervon liegt in der Erwärmung und Abkühlung der Körper, welche dieselben beim Zusammendrücken und Ausdehnen erleiden. Diese Temperaturveranderung tritt bei den Gasen besonders her,

vor, weil dieselben in sehr verschiebenen Zuständen der Dichtigkeit vorkommen. Hat ein Luftquantum bei unveränderlichem Drucke durch eine Keine Temperaturerhöhung von \mathbf{r}^0 ein größeres Volumen angenommen und wird nun dasselbe durch Zusammendrücken auf das erste Volumen zurückgeführt, so erleidet es einen zweiten kleinen Temperaturzuwachs von \mathbf{r}_1^0 , ohne daß mehr Wärme hinzugetreten ist, es hat also nun bei dem selben Volumen die Lustmasse die Temperatur $\mathbf{r} + \mathbf{r}_1$, während sie bei constantem Drucke nur die Temperatur z zeigt. Hiernach ist nun auch die specifische Wärme w bei constantem Drucke größer, als die specifische Wärme ω_1 bei constantem Volumen, und zwar ist $\omega \mathbf{r} = \omega_1$ $(\mathbf{r} + \mathbf{r}_1)$, daher

$$\kappa = \frac{\omega}{\omega_1} = \frac{\tau + \tau_1}{\tau}$$

bas Berhaltniß ber fpecififchen Barme bei gleichem Drude zu ber bei gleichem Bolumen.

(§. 376) Wenn die Temperatur einer Luftmasse von der Dichtigkeit γ bei unveränderter Pressung p um t wächst, so nimmt die Dichtigkeit derselben einen Werth γ_1 an, welcher durch die Gleichung

$$\gamma_1 = \frac{\gamma}{1 + \delta t}$$

bestimmt ift.

Wird nun biese Luftmasse burch Bergrößerung des Drudes auf ihr anfängliches Bolumen zuruckgesührt, so entwidelt bieselbe eine Wärme, beren Größe

$$t_1 = \psi \left(1 - \frac{\gamma_1}{\gamma}\right) = \frac{\psi \, \delta t}{1 + \delta t}$$

gesetzt werden kann, wenn man annimmt, daß bei einer plöglichen Umänderung ber Dichtigkeit γ_1 in γ , die Temperatur proportional der Dichtigkeitsveränderung wachse.

Dies vorausgesett, ift baber zulett die vollständige Zunahme der Temperatur:

$$t+t_1=t+\frac{\psi\,\delta t}{1+\delta t}=t\,\Big(1+\frac{\psi\,\delta}{1+\delta t}\Big),$$

und baher bas Berhältniß der Barme bei conftantem Drude zu ber bei conftantem Bolumen:

$$x = 1 + \frac{\delta \psi}{1 + \delta t}.$$

Die Pressung der Luft von der Dichtigkeit y und Temperatur t läßt sich (f. Bb. I, §. 393)

$$p = \mu \gamma \ (1 + \delta t)$$

feten, wenn µ eine bestimmte Erfahrungezahl bezeichnet.

Differenziirt man diesen Ausbruck in Hinsicht auf p, γ und t, so erskält man:

$$\partial p = \mu (\partial \gamma + \delta t . \partial \gamma + \gamma \delta . \partial t),$$

ober ba sich
$$t=\psi\left(1-rac{\gamma_1}{\gamma}
ight)$$
und $\partial t=\psi\,rac{\partial\,\gamma}{\gamma}$ seigen läßt,

$$\partial p = \mu (1 + \delta t + \delta \psi) \partial \gamma.$$

Dividirt man nun burch $p=\mu\gamma$ (1 $+\delta t$), so folgt die Differentials gleichung:

$$\frac{\partial p}{p} = \left(1 + \frac{\delta \psi}{1 + \delta t}\right) \frac{\partial \gamma}{\gamma} = \varkappa \frac{\partial \gamma}{\gamma}.$$

Da nun
$$\int \frac{\partial p}{p} = L n \cdot p$$
 und

$$\int \!\! rac{\partial \, \gamma}{\gamma} = L \, n \cdot \gamma \,$$
 ist (s. Bb. I, analytische Hilsslehren, Art. 22),

so folgt auch die Gleichung:

$$Ln.p = \varkappa Ln. \gamma + Const.$$
, fowie:

$$Ln.p_1 = \varkappa Ln.\gamma_1 + Const.$$
, und daher:
 $Ln.p_1 - Ln.p = \varkappa (Ln.\gamma_1 - Ln.\gamma)$,

ober:

$$Ln.\left(\frac{p_1}{p}\right) = \varkappa Ln.\left(\frac{\gamma_1}{\nu}\right),$$

und folglich auch:

$$\frac{p_1}{p} = \left(\frac{\gamma_1}{\gamma}\right)^x,$$

fowie:

$$\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t} = \frac{p_1}{p} \cdot \frac{\gamma}{\gamma_1} = \left(\frac{\gamma_1}{\gamma}\right)^{x-1} = \left(\frac{p_1}{p}\right)^{\frac{x-1}{x}},$$

wie wir bei ben folgenden Untersuchungen voraussetzen wollen.

Die Formel
$$\frac{p_1}{p} = \left(\frac{\gamma_1}{\gamma}\right)^x$$
 brudt bas fogenannte Boiffon'iche Gefet aus.

Die Größe des Verhältnisses $\varkappa=\frac{\omega}{\omega_1}$ läßt sich durch folgende Versuche ermitteln.

Man fülle zuerst ein Gesäß mit verdümter Luft und eröffne dann mittels \S . 377 eines Hahnes die Mündung besselben auf turze Zeit, wobei natürlich die äußere Luft in das Gesäß dringt und eine Berdichtung der bereits eingeschlossenen Luft erfolgt. Dierbei beobachtet man an einem mit dem Luftreservoir in Berbindung stehenden Manometer nicht allein den Manometerstand (— h) der eingeschlossenen Luft vor der Eröffnung, sondern auch den Manometerstand (— h_1) unmittelbar nach dem Berschluß, und auch den Manometersstand (— h_2) nach erfolgter Absühlung der verdichteten Luft. Ift nun noch der äußere Barometerstand, t die Temperatur der Luft vor und nach dem

Bersuche und t_1 die Temperatur berselben unmittelbar nach erfolgtem Einftrömen, so hat man nach dem Borftebenden

$$\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t} = \left(\frac{\gamma_1}{\gamma}\right)^{n-1} = \left(\frac{p_1}{p}\right)^{\frac{n-1}{n}} = \left(\frac{b-h_1}{b-.h}\right)^{\frac{n-1}{n}},$$

und da fich während der Abfühlung der verdichteten Luft das Bolumen und folglich auch die Dichtigkeit berfelben nicht andert:

$$\frac{b-h_1}{1+\delta t_1} = \frac{b-h_2}{1+\delta t} \quad \text{ober} \quad \frac{1+\delta t_1}{1+\delta t} = \frac{b-h_1}{b-h_2},$$

fo daß nun durch Elimination von $\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t}$ folgt:

$$\left(\frac{b-h_1}{b-h}\right)^{\frac{x-1}{x}} = \frac{b-h_1}{b-h_2},$$

ober

$$\frac{x-1}{x} \cdot Log. \left(\frac{b-h_1}{b-h_2}\right) = Log. \left(\frac{b-h_1}{b-h_2}\right),$$

und daher bas Berhaltniß ber specifischen Barme ber Luft bei gleichem Drude ju ber bei gleichem Bolumen:

Sind bie Differengen h - h, und h - h, ber Manometerftunde flein, fo tann man

Log.
$$\left(\frac{b-h_1}{b-h}\right) = Log. \left(1 + \frac{h-h_1}{b-h}\right) = \frac{h-h_1}{b-h}$$

und

Log.
$$\left(\frac{b-h_2}{b-h}\right) = Log. \left(1 + \frac{h-h_2}{b-h}\right) = \frac{h-h_2}{b-h}$$

feten, fo bag nun einfach bas gefuchte Berhaltnig

$$z = \frac{\omega}{\omega_1} = \frac{h - h_1}{h - h_2}$$

folgt.

Clement und Doformes haben auf biefe Beife

$$z=\frac{\omega}{\omega_1}=1,348,$$

bagegen Say-Luffac ermittelt.

$$= 1,375$$

Der Berfasser hat zur Bestimmung von z ein entgegengesetes Berfahren eingeschlagen; er hat erst einen Dampstessel AB, Fig. 604, mit comprimiteter Luft angestüllt und bann auf einige Augenblide mittels eines Hahnes Heine Mündung F eröffnet, wobei ein Ausströmen der Luft sowie eine Berbünnung und Absublung ber im Ressel zuruckgebliebenen Luft entstand.

War nun h ber anfängliche Stand des Manometers CD, h_1 ber turz nach dem Berschlusse der Mündung und h_2 der nach erfolgter Erwärmung bis Fig. 604.



jur anfänglichen Temperatur, etwa zehn Minuten fpater beobachtete Manometerstand, fo ließ fich bas gesuchte Berhaltnig burch bie Formel

$$\frac{\omega}{\omega_1} = \frac{Log. (b + h) - Log. (b + h_1)}{Log. (b + h) - Log. (b + h_2)}$$

berechuen.

Bei einem solchen Bersuche war ber Barometerstand b=0,7342 Meter und wurden die Quecksilbermanometerstände

$$h = 0.7180,$$
 $h_1 = 0.5890$
 $h_2 = 0.6250$ Meter

und

beobachtet, wonach fich nun

$$\frac{\omega}{\omega_1} = \frac{Log. \ 1,4522 - Log. \ 1,3232}{Log. \ 1,4522 - Log. \ 1,3592} = \frac{0,16203 - 0,12162}{0,16203 - 0,13328}$$
$$= \frac{4041}{2875} = 1,405$$

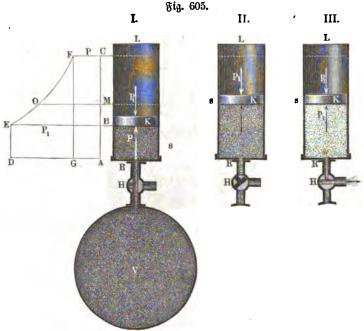
bestimmt. (S. ben Civilingenieur, Band 5 vom Jahre 1859.)

Nach Masson ist
$$\frac{\omega}{\omega_1} = 1,419$$
.

Rach ben Bersuchen über bie Schallgeschwindigkeit von Moll und van Bed ift hingegen 2 = 1,41.

Da während ber allerdings sehr kurzen Ausslußzeit bei meinen Bersuchen noch immer eine kleine Menge Wärme verloren geht, so sehe ich in ber Folge ebenfalls 2 = 1,41.

§. 378 Arbeit der Wärme. Wenn ber in einem Chlinder LR, Fig. 605, I, II u. III bewegliche Kolben K, bessen Fläche der Einfachheit wegen die Einheit sein möge, von der aus einem großen Reservoir V zuströmenden Luft mit der



burch die Gerade AD = BE dargestellten Kraft p gedrückt wird und einen gewissen Weg $\overline{AB} = s$ zurücklegt, so verrichtet derselbe in Folge dieser Expansiviraft die durch das Rechted ABED graphisch darzustellende mechanische Arbeit: ps.

Hebt man hierauf, etwa durch Drehung des Hahnes H in der Berbindungsröhre, die Communication zwischen dem Cylinder LR und dem Luftreservoir V auf, wie II darstellt, so bleibt die Kraft p nicht mehr constant, sondern es wird dieselbe um so kleiner, je mehr sich die abgeschlossene Luft ausdehnt, je weiter also der Kolben K fortrückt. Bliebe nun während dieser Kolbenbewegung die Temperatur der abgesperrten Luft constant, so würde die Kolbenkraft p nach dem Mariotte'schen Gesetz abnehmen und folglich am Ende eines gewissen Weges $\overline{AM} = x$, die durch \overline{MO} repräsentirte Größe $y = \frac{sp}{x}$

fein.

Da bie Luft, wie alle anderen Körper, bei ihrer Ausbehnung Wärme bindet, und folglich an fenfibler Warme verliert, fo tonnte diefer Fall nur bann eintreten, wenn ber eingeschloffenen Luft von außen durch die Cylinderwand fo viel Barme jugeführt murbe, ale biefelbe bei ihrer Ausbehnung bindet. Segen wir aber voraus, daß eine solche Wärmemittheilung von außen nicht statthat, so können wir auch nicht

$$y=\frac{sp}{x},$$

fonbern muffen bie Dampfpreffung

$$y = \frac{1+\delta t}{1+\delta t_1} \cdot \frac{sp}{x}$$

feten (f. Bb. I, S. 392), wobei t, die anfängliche, bem Drude p, entsprechenbe Temperatur, sowie t die veranderliche, dem Drude y gutommende Temperatur bezeichnet.

Wegen ber Abkühlung bei ber Ausbehnung ift noch

$$\frac{1+\delta t}{1+\delta t_1}=\left(\frac{s}{x}\right)^{x-1},$$

wo z bas bekannte Barmeverhaltniß $\frac{\omega}{\omega}$ bezeichnet, baher folgt:

$$y = \left(\frac{s}{x}\right)^{x} p = \left(\frac{1+\delta t}{1+\delta t_{1}}\right)^{\frac{x}{x-1}} p.$$

Durchläuft nun ber Kolben & bas Wegelement dx, fo verrichtet er in Folge biefer Breffung bie Arbeit

$$y \, \partial x = \left(\frac{s}{x}\right)^x p \, \partial x,$$

und es ift folglich die während der Durchlaufung des Weges \overline{BC} $= s_1 - s$ burch bie abgesperrte Luft auf ben Rolben übergetragene burch eine Flache BEFC graphifch bargeftellte Arbeit:

$$\int_{s}^{s_{1}} y \, \partial x = s^{x} \, p \int_{s}^{s_{1}} x^{-x} \, \partial x = s^{x} \, p \left(\frac{s_{1}^{-x+1}}{-x+1} - \frac{s^{-x+1}}{-x+1} \right) \\ = \frac{s^{x} \, p}{x-1} \left(\frac{1}{s^{x-1}} - \frac{1}{s_{1}^{x-1}} \right) = \frac{p \, s}{x-1} \left[1 - \left(\frac{s}{s_{1}} \right)^{x-1} \right].$$

Wenn während ber gangen Rolbenbewegung um ben Weg $\overline{AC}=s_1$ bie außere Luft mit ber Rraft p1 entgegenwirft, fo geht bierbei bie burch bas Rechted ACFG repräsentirte Arbeit

verloren, und es ift endlich die resultirende und durch den Flächenraum GDEF = ABED + BCFE - ACFG

graphisch barzustellende, auf ben Rolben übergetragene mechanische Arbeit ber abgeschloffenen Luft:

$$L = ps + \frac{ps}{x-1} \left[1 - \left(\frac{s}{s_1} \right)^{x-1} \right] - p_1 s_1.$$

Unter ber Boraussetzung, daß die Spannung der eingeschloffenen Luft am Ende bes Kolbenweges $\overline{AC}=s_1$ der Spannung p der äußeren Luft gleich geworden und folglich das ganze Arbeitsvermögen der abgeschloffenen Luft auf den Kolben übergegangen sei, hat man:

$$p_1 = \left(\frac{s}{s_1}\right)^x p$$
,

und baber:

$$L = \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \left[1 - \left(\frac{s}{s_1} \right)^{\varkappa - 1} \right] p s.$$

Bringt man nun den hahn H in eine Stellung, wie Fig. 605, III, wobei die Communication bes Cylinders mit der äußeren Luft hergestellt wird, und schiebt hierauf den Rolben wieder langsam zurud bis an den Boden des Cylinders, so wird hierbei weder Arbeit verloren noch gewonnen, da die nun durch H austretende Luft benselben Drud p auf der einen Seite des Rolbens ausübt, wie die äußere Luft auf die andere Seite desselben.

Sett man noch ben anfänglichen Kolbenweg AB=s, = Eins, so erhält man hiernach bie von einer Raumeinheit, z. B. von einem Cubikmeter comprimirter Luft, bei ber Ausbehnung von s auf s_1 verrichtete mechanische Arbeit:

$$L = \frac{x}{x-1} \left[1 - \left(\frac{s}{s_1} \right)^{x-1} \right] p$$

$$= \frac{x}{x-1} \left[1 - \left(\frac{p_1}{p} \right)^{\frac{x-1}{x}} \right] p,$$

und daher die durch das Luftvolumen V von der Preffung p bei der Ausdehnung verrichtete Arbeit:

L.
$$L = \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \left[1 - \left(\frac{p_1}{p} \right)^{\frac{\varkappa - 1}{\varkappa}} \right] V_p$$
 and $= \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \left[1 - \left(\frac{s}{s_1} \right)^{\varkappa - 1} \right] V_p$.

Bird umgekehrt, bas Luftquantum V1 von der Preffung p1 auf p zufams mengedruckt, fo ift die aufgewendete Arbeit:

II.
$$L = \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \left[\left(\frac{p}{p_1} \right)^{\frac{\varkappa - 1}{\varkappa}} - 1 \right] V_1 p_1$$
$$= \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \left[\left(\frac{s_1}{s} \right)^{\varkappa - 1} - 1 \right] V_1 p_1.$$

Mochanisches Wärmeäquivalent. Die im vorigen Baragraphen §. 379 gefundenen Ausbrücke I. und II. geben das Arbeitsquantum an, welches eine gewisse Luftmenge verrichtet, wenn dieselbe aus einer größeren Pressung in eine kleinere übergeht, und welches dieselbe in Anspruch nimmt, wenn sie aus einer kleineren Spannung in eine größere überzugehen genöthigt wird. Da nun aber jede Dichtigkeits- und Spannungsveränderung mit einer gewissen Temperaturveränderung verbunden ist, so kann man auch das Arbeitsquantum durch die Temperaturen der Luft vor und nach der Arbeitsverrichtung ausdrücken, und man stößt dadurch noch auf eine viel einfachere Formel. Wir haben dann nur in den gedachten Formeln statt

$$\frac{p_1}{p}, = \left(\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t}\right)^{\frac{x}{x-1}}$$

ju feten, befommen folglich :

$$\left(\frac{p_1}{p}\right)^{\frac{x-1}{x}} = \frac{1+\delta t_1}{1+\delta t},$$

und daher für die mechanische Arbeit, welche bei Abfühlung der Luftmenge V um die Temperatur t_1 — t verrichtet wird:

$$L = \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \left(1 - \frac{1 + \delta t}{1 + \delta t_1} \right) V_p$$
$$= \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \cdot \frac{\delta (t_1 - t) V_p}{1 + \delta t_1}.$$

Run ift aber bie Dichtigkeit ober bas Gewicht eines Cubikmeters ber at-

$$\gamma_1 = \frac{1,2514 \, p_1}{1 + \delta t_1},$$

wenn p ben Druck auf bas Quadratcentimeter bezeichnet (f. Bb. I, §. 393), baher hat man hier, wo man für p1 ben Druck auf bas Quadratmeter einssehen muß,

$$L = \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \delta(t_1 - t) \cdot \frac{10000}{1,2514} \cdot V \gamma.$$

Führt man nun $\delta=0{,}003665$ und $\varkappa=1{,}410$ ein, so erhält man: $L=100{,}72$ (t_1-t) $\overrightarrow{V_1}$ γ_1 .

Endlich ift noch ber ber Temperaturveranderung t. — t entsprechende Barmeaufwand bes Luftquantums V:

$$W = \omega (t_1 - t) V \gamma = 0.2375 (t_1 - t) V \gamma;$$

baber läßt fich bas entsprechende Arbeitsquantum

$$L = \frac{100,72}{\omega} \ W = \frac{100,72}{0,2375} \ W = 424,1 \ . W$$
 Kilogrammmeter

feten. Es fleht also die Arbeit L, welche die Luft bei ihrem Ralterwerden verrichtet, in einem bestimmten Berhaltniffe

$$A = \frac{L}{W} = 424,1$$

jum verlorenen Barmequantum W.

Man nennt bieses Berhältniß A das mechanische Aequivalent der Wärme (franz. équivalent mécanique de la chaleur; engl. mechanical equivalent of heat), und es bezieht sich dasselbe nicht allein auf das durch Abfühlung der Luft gewonnene Arbeitsquantum, sondern auch auf die durch Arbeitsverrichtung erzeugte Wärmemenge.

Bersteht man unter ber Bärmeeinheit die Wärmemenge, welche nöthig ist, um 1 Pfund Wasser um einen Grad wärmer zu machen, so hat man, da 1 Meter = 3,1862 preuß. Fuß mißt,

und es ift also bann bas mechanische Aequivalent ber Wärme == 1351 Fußpfund. Während also durch die Wärmemenge, welche 1 Kilogramm Wasser um 1 Grad wärmer macht, eine Arbeit von 424,1 Kilogrammmeter verrichtet werden kann, läßt sich durch die Wärmemenge, welche die Temperatur eines Pfundes Wasser um 1 Grad erhöht, ein Arbeitsgewinn von 1351 Fußpfund erzielen.

Mehrere Physiter haben fich bemuht, nachzuweifen, bag ber oben gefundene Berth A = 424,1 Kilometer bes mechanischen Barmeaquivalentes nicht allein für bie Barmebinbung und Barmeentwidelung bei ber Ausbehnung und Compression ber atmosphärischen Luft, sonbern auch für jebe Art von Wärmcerzeugung u. f. w., 3. B. burch Reibung, Stoß, Gleftromagnetismus u. f. m., und für jeden anderen fluffigen ober festen Rorper gilt. fondere hat Joule burch verschiedene Bersuche nachgewiesen, daß dieses Berhaltnig ber mechanischen Arbeit zur Barmemenge für verschiebene Rorper und verschiedene Mittel ber Barmeerzeugung u. f. w. nabe eins und baffelbe ift. Go stellte er zu biesem Zwede ein horizontales Schaufelrab in ein mit Baffer angefülltes Gefag, lieg biefes Rad mittels eines Dechanismus abnlich wie Fig. 264, Bb. II, burch fintenbe Gewichte in Umbrehung feben, und beobachtete bie Zunahme ber Temperatur bes Waffers, nachbem bas Rab eine gemiffe Anzahl Umbrehungen unter bemfelben gemacht und eine entsprechenbe mechanische Arbeit verrichtet hatte. Das Berhältnig biefer Arbeit jum Producte aus dem Gewichte bes Waffers und aus der Temperaturjunahme beffelben gab nun bas gefuchte Arbeitsäquivalent A ber Barme. Auf diese Beise fand Joule im Mittel, wenn die Temperatur in Fahrenbeit'ichen Graden ausgebrückt wirb,

١

A = 773,64 Fugpfund engl.,

wonach fich für Centesimalgrabe

A = 425 Kilometer = 1354 Fugpfund preng.

ergiebt.

gefunden.

Bei der Reibung eines eisernen Schaufelrades im Quecksilber wurde auf gleiche Beise

A = 776,3 Fußpfund engl. = 426 Rilometer

Ebenso sand Joule burch die Reibung von zwei gußeisernen Platten an einander, daß eine Arbeit von 774,88 Fußpfund — 425 Kilogrammmeter nöthig ist, um benselben eine Wärmemenge von 1 Wärmeeinheit mitzutheilen. Einen etwas größeren Werth sur A, nämlich 460 Kilogrammmeter, sand Joule, als er den Arbeitsauswand zum Umdrehen eines elektromagnetischen Rotationsapparates mit der in den Windungen desselben freiwerdenden Wärmemenge verglich. Herr hirn sand bei seinen in Bd. I, §. 173 angeführten Reibungsversuchen das mechanische Wärmeäquivalent Azwischen 315 und 425 Kilogrammmeter; im Mittel, bei der mittelbaren Reibung, unter Anwendung von Delen:

A = 365 Rilogrammmeter.

Dagegen fand Berfon für Enft:

A = 424 Rilogrammmeter

(f. Comptes rendu s de l'Academie des sciences T. 39. Paris 1854.)

Anmerkung. Die erste Annahme und Bestimmung des mechanischen Barmeäquivalentes haben wir dem beutschen Physiker Mayer zu verdanken (f. Annalen
ber Chemie und Pharmacie, Bb. 42, 1842). Derfelbe fand durch Schütteln oder Rühren des Bassers, A = 365 Kilogrammmeter. Mit der auf die Annahme
bieses Barmeverhaltnisses sich gründenden Theorie der Arbeit haben sich beschäftigt: Clappeyron, Clausius, helmholz, hoppe, Kirchhoff, Rankine, Thomfom, Beuner u. s. w., worüber in den neueren Banden der Physik und Chemie von Boggendorff, sowie in denen des Philosophical Magazines nachgelesen werden fann. Siehe auch Beuner's Grundzüge der mechanischen Bärmes
theorie, Leipzig 1866, wie die Abhandlungen über die mechanischen Bärmetheorie
von Clausius, Braunschweig 1864.

Latonto Warmo. Bei dem Uebergange eines festen Körpers in den §. 380 tropfbar-stüssigen Zustand, sowie beim Uebergange einer tropsbaren Flüssigeit in Damps wird eine gewisse Wenge Wärme gebunden, und ebenso umgekehrt, beim Festwerden eines stüssigen Körpers, sowie beim Flüssigwerden oder Niederschlagen des Dampses, wird eine gewisse Menge Wärme frei. Es ift also in Flüssigkeiten mehr Wärme enthalten, als das Gesühl oder die Thermometer anzeigen, und diese Wärme, welche man beshalb auch die ge-

bundene oder latente Barme (franz. chalour latonte; engl. latent heat) nennt, als die Urfache bes fluffigen Buftandes eines Körpers anzufeben.

Berschiebene Körper binden auf diese Weise verschiedene Warmemengen, und ein und derselbe Körper enthält in der Damps oder Luftsorm mehr latente Wärme, als im tropsbar-stüssigen Zustande, und im letten mehr, als wenn er fest ist. Wenn man 1 Pfund Wasser von 79° Wärme mit 1 Pfund Eis von 0° zusammendringt, so entstehen 2 Pfund Wasser von 0° Wärme bei seiner Verwandlung in Wasser von 0° Wärme 79 Wärme bei seiner Verwandlung in Wasser von 0° Wärme 79 Wärmeeinheiten verbrancht oder gebunden habe. Wenn man serner 1 Psund Wasserdamps von 100° Wärme durch 5½ Psund Wasser von 0° condensirt, so bilden sich 6½ Psund Wasser von 100° Wärme oder 6,5.100 — 650 Wärmeeinheiten; da nun hiervon nur 100° sensibel sind, so ist solglich die latente Wärme des Wasserdampses von 100° Temperatur, — 550 Cal. zu seten.

Die neuesten Versuche von Provostage und Desains, sowie auch die von Regnault (s. Annal. de chimie et de physique, Sect. III, T. VIII) geben die latente Wärme des Wassers = 79,0; die Angaben über die latente Wärme der Metalle sind sehr unsicher. Hassenstage siebt sie strente Wärme der Metalle sind sehr unsicher. Hassenstages siebt sie sin Luecksilber = $86^2/_3$, Irvine sür Blei = 90, Andberg dagegen 5,858 u. s. w. Das Binden von Wärme beim Uebergange eines sesen Körpers in einen stüssigen kommt besonders dei Darstellung von sogenannten Kältermischungen zur Anwendung. So giebt z. B. 1 Theil Rochsalz mit 5 Theilen Schnee von Null Grad Wärme vermischt eine stüssige Salzlösung von 17,7 Grad Kälte oder den Nullpunkt der Fahrenheit'schen Scala (s. §. 351). Eine Mischung von 3 Theilen salzsaurem Kalt und 2 Theilen Schnee geht ferner aus Null Grad Wärme in 28 Grad Kälte über, u. s. w.

Neuere genauere Bersuche über die latente Wärme von Dampfen hat Brix (f. Boggenborff's Annalen, Bb. LV, 1842) angestellt. Nach diesen ift die latente Wärme

für Wasserdampf 540, für Alfoholdampf 219, für Terventinöldampf 74;

Despret fand früher hiervon nur wenig abweichende Werthe.

Bergleicht man die latenten Wärmen verschiedener Dämpfe mit ihren Dichtigkeiten, so findet man, daß sie fast den letzteren umgekehrt proportional sind. Während 3. B. die Dichtigkeit des Allscholdampfes 2,58mal so groß als die des Wasserdampses ist, hat man die latente Wärme des ersteren auch

nur $\frac{219}{540}=\frac{1}{2,47}$ der des Wasserdampses. Hiernach läßt sich annehmen, daß gleiche Bolumina von allen Dämpfen bei der Temperatur des Siedens nahe dieselbe Menge latente Wärme enthalten.

Rach ben neuesten Bersuchen von Regnault ift die Gesammtwärme bes Bafferbampfes bei & Grab Temperatur;

$$W = 606,5 + 0,305 t$$

Auch ift hiernach bie specifische Warme bes Wassers nicht gang constant, sonbern burch bie Formel

$$\omega = 1 + 0.00004t + 0.0000009t^2$$

auszubruden. Man hat bann die fogenannte Flüffigteitswärme bes Bafferbampfes bei ber Temperatur t:

$$=\left(\frac{\omega_1+\omega_2+\cdots+\omega_n}{n}\right)t$$

=
$$(1 + 0,00004)$$
 Mittelwerth von $t + 0,0000009$ Mittelwerth von t^2) t

$$= \left(1 + 0,00004 \, \frac{t}{2} + 0,0000009 \, \frac{t^2}{3}\right)t$$

$$= t + 0,00002t^2 + 0,00000003t^3$$

und endlich die latente oder fogenannte Berbampfungswärme desselben $w = W - n = 606.5 + 0.305 t - (1 + 0.00002 t + 0.0000003 t^2)t = 606.5 - 0.695 t - 0.00002 t^2 - 0.0000003 t^3$,

wonach folgt:

bei ber Tem- peratur t	bie Gefammte wärme	Flüssigseits- wärme	bie latente ober Dampfwärme
06	606,5 0	00	606,5 0
25	614,1	25,0	589,0
50	621,7	50,1	571,7
7 5	629,4	57,2	554,7
` 100	637,0	100,5	536,5
125	644,6	125,8	518,6
150	652,2	151,5	500,8
175	659,9	177,2	482,7
200	667,5	203,2	464,3
225	675,1	229,4	445,5

Anderen Dämpfen entsprechen auch andere Werthe von W, ω und W_1 , z. B. für Aether ist

$$W = 94,00 + 0,45000t - 0,0005555t^2$$

 $\omega t = 0.52901 t + 0.0002959 t^2$ und

$$W_1 = W - \omega t$$

$$= 94,00 - 0,07901t - 0,0007514t^3$$
.

3meites Capitel

Bon ben Bafferbampfen.

S. 381 Dampf. Stellt man über einer Fluffigseit, z. B. über einer Wassermasse W, Fig. 606, einen Luftleeren Raum her, indem man z. B. einen



bie Oberfläche von W anfangs genau berührenden und an das Gefäß AB genau anschließenden Rolben K emporzieht, so verwandelt sich ein Theil der Flüsstigkeit in Dampf D, und zwar um so mehr, je mehr leerer Raum der Ausfüllung dargeboten oder je weiter der Kolben K zurückgezogen wird. Ist diese Wasserwenge nicht sehr groß, so kann man durch Bergrößerung des Raumes KW oder durch weiteres Zurückziehen des Kolbens K bieselbe ganz in Damps verwandeln. Aendert sich während diese Seschästes die Temperatur nicht, so ändert sich die etwa durch den Stand h eines Manometers EF angegebene Expansivkraft dieses Dampses auch nicht, man mag dem Dampse zu seiner Entwicklung einen größeren oder

fleineren Raum barbieten. Bieht man aber nach vollständiger Bermanblung bes Wassers in Dampf ben Rolben K noch weiter auf, fo fintt ber Manometerftand, es wird also bie Expansiviraft eine kleinere. Diefe Abnahme ber Expansivfraft folgt nun gang bem Mariotte'ichen Gefete (f. Bb. I. S. 387), b. h. es ift von dem Zustande an, bei welchem fich alles Waffer in Dampf verwandelt hat, die Erpansiviraft ber Dichtigfeit bes Dampfes birect, und folglich bem Bolumen umgekehrt proportional. Wenn man 2. B. von ba an bas Dampfvolumen burch weitere Burlidziehung bes Rolbens verboppelt, fo fallt nun die vom Dampf getragene Quedfilberfaule & nur halb fo groß aus als anfangs. Berkleinert man burch Nieberschieben bes Kolbens ben Dampfraum allmälig, fo tritt wieber ein Steigen bes Manometers ein bis zu bem Stande, wo beim Aufziehen alles Baffer in Dampf verwandelt war. Bon ba an bleibt beim weiteren Nieberschieben bes Rolbens das Das nometer auf einerlei Bobe, und es verwandelt fich wieder ein Theil bes Dampfes in Waffer, und zwar um fo mehr, je weniger Raum gur Aufnahme beffelben übrig bleibt, bis gulest, wenn ber Rolben feinen erften Stanb wieder eingenommen bat, aller Dampf wieder in Baffer übergegangen ift.

Maximalspannung des Dampfes. Nimmt man die im letten §. 382 Baragraphen beschriebenen Operationen bei einer höheren ober tieferen Temveratur ber Muffigkeit (bes Baffere) und ihrer Umgebung vor, fo bleiben zwar die Erscheinungen biefelben, nur fällt bann ber Manometerftand, und also auch die Expansiviraft des Dampfes, größer ober kleiner, und bagegen ber Rolbenweg, nach beffen Burlidlegung bas Baffer volltommen in Dampf übergegangen ift, Meiner ober größer aus als im erften Falle. Wenn man ferner bei einem unveranderlichen Rolbenftande, wobei noch Baffer zur Berbampfung übrig ift, bas Baffer und feine Umgebung erhipt, fo verwandelt fich noch mehr Waffer in Dampf, es bilbet fich also bichterer Dampf, und es erhalt berfelbe auch eine größere Expansivfraft, wie burch bas Manometer angezeigt wirb. Durch weitere Temperaturerhöhung lagt fich fo bas ganze Bafserquantum in Dampf verwandeln, und fährt man, nachdem bies geschehen ift, mit bem Bufeten von Barme weiter fort, fo nimmt zwar bie Erpanfivfraft bes Dampfes noch ferner zu, es ift jedoch damit teine Dichtigkeitezunahme verbunden, und auch bas Gefet ber Bunahme ein anderes, nämlich bas Ban-Luffac'iche (f. Bb. I, §. 392). Wenn man nun die Temperatur wieber allmälig vermindert, so treten auch die umgekehrten Berhältniffe ein; es nimmt querft die Expansiviraft bes Dampfes nach bem Say-Luffac'ichen Gefete ab. es tritt ferner bei Erreichung einer gemiffen Temperatur ein Niederschlagen bes Dampfes als Baffer ein, es verwandelt fich fo immer mehr und mehr Dampf in Baffer, je mehr man bie Temperatur herabbrudt, und es fallen auch Dichtigfeit und Expansivfraft Diese Berminderung ber Temperatur fann bes Dampfes fleiner aus. felbst bis unter Rull herabgeben, ohne bag ber Dampf gang verschwindet, benn felbst bei - 200 zeigt bas Manometer noch eine megbare Erpansip. fraft an.

Wir sehen hierans, daß der Zustand des Dampses, so lange dieser noch mit Wasser in Berthyrung sich befindet, ein anderer ist, als wenn er einen begrenzten Raum allein ansfüllt. Im ersten Falle ist nämlich seine Dichtigkeit und Expansiviraft nur von der Temperatur abhängig, im letzten Falle hingegen stehen Dichtigkeit, Expansivirast und Temperatur des Dampses in einer durch das Mariotte'sche und Gay. Lussac'sche Geset ausgedrückten Abhängigkeit zu einander. Wenn es zur Bildung des Dampses nicht an Wasser sehlt, so erzeugt sich bei jeder Temperatur Damps von einer bestimmten Dichtigkeit oder Expansivirast, und da es nicht möglich ist, diesen durch Bolumenverminderung mehr zu verdichten oder mehr zu spannen, so können wir sagen, daß er in diesem Falle das Maximum seiner Dichtigskeit und Spannung (Expansivirast) besitze. Gewöhnlich nennt man solschen Damps auch gesättigten Damps seturated vapor, saturated steam). Der ungesättigte Damps wird auch über-

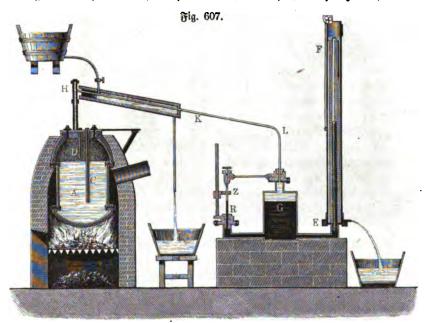
hitter Dampf (franz. vapeur surchauffée; engl. superheated steam) genannt.

§. 383 Versuche über die Expansivkraft der Dämpfe. Es ist nun bie wichtige Frage zu beantworten: in welcher Begiehung fteben Erpanfivfraft und Temperatur bes in ber Maximalfpannung befindlichen Wafferdampfes zu einander? Berfuche, welche den Zwed hatten, diese Abbangigkit zu finden, find bereits in großer Anzahl, namentlich von den Deutschen: Schmidt, Argberger, Ramy u. f. w., von ben Englanbern: Batt, Robifon, Dalton, Ure u. f. m., von ben Frangofen: Arago und Dulong, Regnault u. f. w., angestellt worden, jeboch find Ausbehnung und Genauigfeit aller biefer Berfuche febr verschieben, und es findet auch unter ben Resultaten berfelben bie gewünschte Uebereinstimmung nicht überall Statt. Es ift hier nicht ber Ort, die verschiebenen Apparate zu beschreiben, welche man bei Bersuchen liber die Expansivitraft bes Bafferbampfes angewendet bat, und une vielmehr nur möglich, folgende allgemeine Bemertungen hierüber gu machen. Im Wefentlichften tommt es natürlich bier nur barauf an, ben Dampf allmälig mehr und mehr zu erwärmen und beffen Temperatur und Erpansivfraft bei ben verschiebenen Barmeguftanben zu meffen. Rur Ausmittelung ber Temperatur bienen Thermometer, die man aber nicht unmittelbar mit bem Dampfe in Beruhrung bringen barf, sondern in eiserne Röhren einhüllt, bamit bie Thermometerröhre nicht burch ben Dampf zusammengebrückt werben konne. Um aber die Ervansivkraft zu finden, hat man in ber Regel eine, gleichsam ein fehr langes Barometer bilbenbe Quedfilberfaule, ober auch ein Luftmanometer, ober auch Bentile (f. Bb. I, §. 386) in Anwendung gebracht. Der letteren hat fich Arzberger fowie auch Southern bebient; biefe Berfuche geben jeboch, wie bie Bergleichung mit ben Ergebniffen anderer Berfuche vor Augen führt, und wie auch leicht zu erklären ift, etwas ju fleine Erpanfivfrafte. Gehr ausführliche Berfuche find vom Franklin-Inftitut zu Philadelphia und von der Atademie ber Biffenschaften zu Baris angestellt worben. Die letteren find bie ausgebehnteften und werben in ber Genauigkeit vielleicht nur burch die neuesten Berfuche von Magnus und von Regnault übertroffen. Die Berfuche, welche bas erftgenannte Inftitut angestellt hat, geben, wie die von Argberger, bis auf 10 Atmosphären, die ber lettgenannten Atabemie aber bis auf 24 Atmosphären, übrigens geben bei Spannungen von 2 bis 10 Atmosphären die ersten Bersuche größere Erpansivfraft, als die letteren, und es beträgt bei 10 Atmofphären die Abweichung ichon 7/9 Atmosphäre.

> Anmerkung. Eine gebrängte Busammenstellung ber Bersuche über bie Erpansiviraft bes Bafferdampses sindet man in the Mochanics Pocket Dictionary by W. Grier, Art. Steam; auch ift hierüber nachzulesen im zweiten Bande von

Mobison's System of Mechanical Philosophy, ferner B. Barlow's Treatise on the Manufactures and Machinery of Great-Britain und Trebgold's Dampsmaschinenlebre.

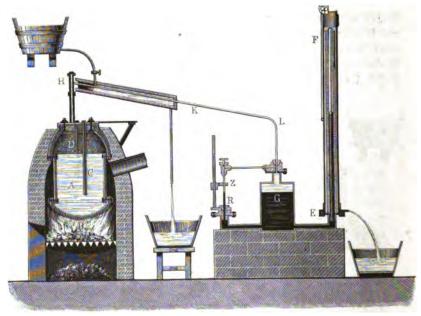
Vorsuche der Parisor Akadomio. Der Wichtigkeit bes Gegen- §. 384 standes wegen theilen wir in Folgendem eine Abbildung (Fig. 607) und eine kurze Beschreibung des Apparates mit, welchen die französischen Akademiker Arago, Dulong u. s. w. zur Ausmittelung der Expansivkraft der Wasserbaumpse angewendet haben. Die Dampserzeugung erfolgte in einem Kessel A aus starkem Eisenblech von 80 Liter Inhalt, welcher zu diesem



Zwede in den Ofen B eingesett war. In diesen Kessel gingen zwei Flintenläuse C und D hinein, wovon der eine dis unter das Wasser, der andere aber nur dis in den Dampfraum reichte. In beide kamen Quecksilberthermometer zu stehen, die oben gekrümmt und horizontal fortgesührt, und an dieser Stelle durch einen Wasserstrom auf einer constanten Temperatur ershalten wurden. Zum Messen der Expansivkraft des Dampses diente das Lustthermometer EF, welches von einer Wasserstule mit ununterbrochenem Zu- und Absluß umgeben wurde, um eine constante Temperatur zu erzeugen. Das eiserne Gefäß G dieses Manometers war zum großen Theil mit Quecksilber angestült, der obere Raum besselben, sowie die Communicationsröhre KL, wurde mit Wasser angefüllt, und letztere ließ man zur Erzielung

einer unveränderlichen Temperatur mit sließendem Wasser äußerlich bespülen. Um den Stand des Quecksibers im Gefäße & zu finden, diente die Glas-

Fig. 608.



röhre R mit dem Zeiger Z. Die Bersuche wurden auf solgende Weise gesleitet. Zuerst ließ man bei geöffneter Röhre H und geöffnetem Sicherheitsventile das Wasser 15 bis 20 Minuten lang kochen, um alle Luft aus A zu treiben, dann schloß man beide und erzeugte durch Zulegen von Brennmaterial eine höhere Temperatur. Nun gab man acht, wenn die Thermometer. und Manometerstände ihr Maximum erreichten, und es las nun der eine Beobachter die ersteren, und der andere Beobachter die letzteren ab. Auf diese Weise wurden 30 Beobachtungen bei 123° bis 224,15° Temperatur, oder 2,14 bis 23,994 Atmosphären Spannung angestellt.

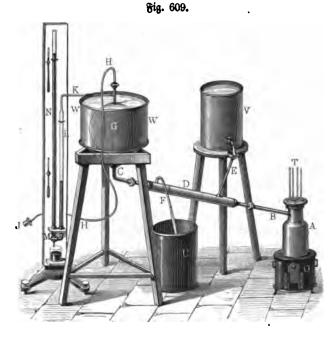
Da sich die Anwendung des Luftmanometers EF auf das Mariotte's siche Gesetz gründet, so hielten es die französischen Akademiker für nöthig, den eben beschriebenen Bersuchen noch besondere, die Richtigkeit des Mariotte's schen Gesetz bei schr hohen Spannungen prüfende Untersuchungen vorauszuschischen. Hierzu bedienten sie sich desselben Apparates, nur brachten sie auf der Seite bei R eine verticale und oben offene, aus 13 Studen zusammenzgesetzte Glass oder Barometerröhre von 26 Meter Länge und 5 Millimeter Weite an und setzen bei L eine Druckpumpe aus. Durch diese wurde ein

Druck erzeugt, der durch das Wasser auf das Quecksilber in G überging und dieses in das Manometer EF, sowie in das Barometer bei R trieb. Durch Bergleichung der Höhe der übrigbleibenden Luftsaule mit der Höhe der Queckssilbersaule in der langen Röhre konnte nun die Richtigkeit des Mariotte's schen Gesetzes geprüft werden.

Anmerkung. Aussubrlich über diese Bersuche wird gehandelt in dem Exposé des recherches faites par ordre de l'Académie royal des sciences pour déterminer les forces élastiques de la vapeur d'eau à hautes températures. Paris chez Firmin Didot, 1830. S. auch Boggendorff's Annalen, Bb. XVIII.

Rognault's Vorsucho. Da zur Zeit, wo Dulong und Arago die §. 385 im vorigen Paragraphen beschriebenen Bersuche angestellt haben, die Bersschiebenheit der Ausdehnung verschiebener Glassorten und folglich auch der Einsluß derselben auf den Gang der Quecksilberthermometer nicht bekannt war, so hielt es Regnault für nöthig, neue Untersuchungen über die Expansiviraft der Wasserbämpse anzustellen.

Das im Folgenden beschriebene Berfahren läßt sich sowohl zur Bestimsmung bes Dampfes über 100 Grad als auch unter 100 Grad Wärme answenden. Der hierzu angewendete Apparat hat folgende aus Fig. 609



ju ersehende Ginrichtung. Das hermetisch verschlossene Rupfergefag A ift zum britten Theil mit Baffer angefüllt und enthält noch vier Thermometer T. woron zwei bis nabe unter und zwei nabe über ber Oberfläche bes eingeschloffenen Baffers in bas Gefäß eingefentt find. Bon biefem Gefäße führt eine Röhre BC nach einem Glasballon G von 24 Liter Faffungeraum. Diefer Glasballon fteht burch ein Bleirohr HHI mit einer Luftpumpe in Berbinbung, wodurch die in bemfelben eingeschloffene Luft nach Belieben verbunnt ober verbichtet werben fann, und ein anberes Rohr K führt aus bemfelben nach einem offenen Manometer LMN (f. Bb. I, §. 386), welches burch ben Stand feiner Quedfilberfullung bie Expansiviraft ber Luft in G an-'zeigt. Uebrigens ift zur Erhaltung einer conftanten Temperatur nicht allein ber Ballon G in ein Wafferbab WW gefest, fondern auch bie Röhre BC von einem Mantel D umgeben, in welchem Waffer von einer conftanten Temperatur circulirt. Das lettere wird biefem Mantel aus einem Gefage V burch die Röhre E augeführt und aus demfelben mittels der Röhre F abgeleitet und von bem Befage U aufgenommen. Wenn man nun bas Befag A burch ben Dfen O erhitt, fo verwandelt sich ein Theil von bem in ihm eingeschloffenen Waffer in Dampf und es fest fich nun die Expansiviraft bes letteren mit ber Preffung ber Luft in G und B C ins Gleichgewicht. lett beobachtet man fowohl ben conftant geworbenen Stanb bes Manometers LMN als auch bie Stande ber Thermometer T. Run giebt man ber Luft G burch bie Luftpumpe eine bobere Preffung und bringt ebenfo bas Gefag in eine ftarfere Erhitung, und beobachtet ben Stand bes Manometers sowie bie entsprechende Temperatur bes Dampfes von Neuem; und fährt man auf biefe Beife fort, fo erhalt man gulett eine ganze Reihe von Manometerftanden und entsprechenden Temperaturen bes Dampfes (f. Memoires de l'Institut de France, T. 21. 1847 et T. 26, 1862).

Etwas einsacher ist ber Bersuchsapparat, wodurch Regnault die Expansiveraft des Dampses unterhalb des Siedepunktes ermittelt hat. Hier wird ein mit ausgefochtem Wasser ausgefülltes Glaskügelchen in einen luftleeren und ganz ausgetrockneten Glasballon gebracht, welcher oben durch eine Knieröhre einerseits mit einer Luftpumpe, sowie andererseits mit dem oberen Ende einer Barometerröhre communicirt und von einem mit Wasser angesulkten und einer durchsichtigen Glaswand versehenen Blechgefäße umhüllt ist. Ein in das Wasser eingetauchtes Thermometer giebt die Temperatur besselben an. Der zu den Versuchen dienende Damps wird aus dem Wasser des Glaskügelschens erhalten, indem man dasselbe durch Erhitzung des Apparates zersprengt.

Bum Theil eigenthumlich ift ber Apparat, welchen Magnus zu bemfelben Zwede angewendet hat.

^{§. 386} Die Ergebniffe ber Berfuche von Arago, Dulong u. f. w. über bie Expansiviraft ber Wasserbämpfe enthält folgende Tabelle:

Rummer der	•	ratur bem	Elafticität bes Dampfe			
Beobachs tungen.	längeren Eherm	fürzeren ometer.	gemeffen burch die Höhe einer Queckfilberfäule.	ausgebrückt in Atmosphären.		
	B rad	Grad	Meter	Atmosphären		
1	122,97	123,70	1,6292	2,14		
2	132,58	132,82	2,1767	2,87		
3	132,64	133,30	2,1816	2,88		
4	197,70	138,30	2,5386	3,35		
5	149,54	149,70	3,4759	4,58		
6	151,87	151,90	3,6868	4,86		
7	153,64	153,75	3,8810	5,12		
8	163,00	163,40	4,9384	6,51		
9	168,40	168,50	5,6054	7,39		
10	169,57	169,40	5,7737	7,61		
11	171,88	172,34	6,1510	8,11		
12	180,71	180,70	7,5001	9,89		
13	183,70	183,70	8,0352	10,60		
14	186,80	187,10	8,6995	11,48		
15	188,30	188,50	8,8400	11,66		
16	193,70	193,70	9,9989	13,19		
17	198,55	198,50	11,0190	14,53		
18	202,00	201,75	11,8620	15,67		
19	203,40	204,17	12,2903	16,21		
20	206,17	206,10	12,9872	17,13		
21	206,40	206,80	13,0610	17,23		
22	207,00	207,40	18,1276	17,30		
23	208,45	208,90	13,6843	18,05		
24	209,10	209,13	13,7690	18,16		
25	210,47	210,50	14,0634	18,55		
26	215,07	215,30	15,4995	20,44		
27	217,28	217,50	16,1528	21,31		
28	218,30	218,40	16,3816	21,60		
29	220,40	220,80	17,1826	21,66		
80	223,88	224,15	18,1894	23,99		

Bon ben Ergebniffen ber Berfuche Regnault's giebt folgende Tabelle bie Spannungen bes Dampfes von 1 bis 4 Atmofpharen.

Nummer ber	Eem p	eratur	Expansiverast			
Beobach tungen.			in Metern.	in Atmosphären		
rungen.	in Cent.	:Graben.				
1	99,83	99,82	0,75161	0,99		
2	100,00	100,00	0,76000	1,00		
3 .	100,71	100,71	0,77603	1,02		
4	105,10	105,06	0,90460	1,19		
5	111,78	111,70	1,13147	1,49		
6	116,04	116,04	1,30237	1,71		
7	121,16	121,13	1,53027	2,01		
8	122,70	122,53	1,60125	2,11		
9	123,94	123,91	1,67041	2,20		
10	128,40	128,47	1,91512	2,52		
11	128,54	128,47	1,92520	2,53		
12	, 128,66	128,57	1,93114	2,54		
13	130,12	130,18	2,01251	2,65		
14	131,38	131,30	2,09469	2,75		
15	131,51	131,63	2,09828	2,76		
16	133,20	133,28	2,20908	2,91		
17	135,70	135,65	2,37303	3,04		
18	135,83	136,00	2,38681	3,14		
19	137,75	137,52	2,51479	3,31		
20	138,86	138,24	2,56173	3,37		
21	140,90	141,01	2,75617	3,63		
2 2	141,57	141,54	2,79968	3,68		
23	143,85	143,83	2,99279	3,94		
24	144,12	144,17	3,01008	3,96		
25	145,70	145,64	3,14941	4,14		
26	147,50	147,50	3,30695	4,35		
27	148,20	148,30	3,36135	4,42		

Bergleicht man die einander ziemlich entsprechenden Berthe aus beiden Tabellen mit einander, so wird man allerdings eine fehr zufriedenstellende

Uebereinstimmung sinden. Z.B. giebt die erste Tabelle für die mittlere Temperatur von 138° die Dampsspannung 3,35 Atmosphären, die zweite aber für die mittlere Temperatur von 138,3° dieselbe = 3,37 Atmosphären. Man ersieht auch aus diesen Tabellen, daß die Angaben der beiden Thermometer, wovon das eine in dem Wasser und das andere in dem Dampse stand, nur wenig von einander abweichen.

Anmerkung. Regnault hat auch noch eine Reihe von Bersuchen über bie Clasticität des Dampfes von — 32 bis 100° Temperatur ausgeführt. Auch ift von Magnus eine Bersuchsreihe über die Spannkraft des Basserbampfes von Temperaturen — 20° bis + 10° angestellt worden (f. Poggendorff's Annalen, Bb. 61). In Band 26 der §. 385 citirten Memoiren handelt Regnault von seinen Versuchen über die Expansivstraft verschiedener Dämpfe.

Elasticitätsformeln. Es ift bis jest noch nicht gelungen, die Rela- &. 387 tion zwischen Temperatur und Erpansivfraft bes Wafferbampfes aus einem allgemeinen Befete zu entwideln, und beshalb hat man fich benn auch feither nur mit empirischen Formeln begnugen muffen, welche fich an die Erfahrungerefultate mehr ober weniger anschließen. Die Methobe, welche bei Auffindung folder Formeln angewendet wird, besteht barin, bag man die beobachteten Temperaturen und bie entsprechenden Spannfrafte als Coordinaten ju Papier bringt, die entsprechenden Buntte bestimmt und nun jufieht, welche von den bekannten krummen Linien oder von den, bekannten Functionen entfprechenben, Curven fich möglichst genau an biefes Buntispftem auschließt. Sat man fich nun einmal für eine bestimmte Linie entschieben, fo tommt es noch barauf an, die in ihr vortommenden Conftanten aus ben Berfucherefultaten abzuleiten, und bier läft fich benn vorzüglich die im "Ingenieur" (S. 76 zc.) abgehanbelte Methobe ber fleinften Quabrate anwenden. Bis jest hat man icon über 45 folder Formeln aufgestellt (f. bie Fortichritte ber Bhufit im Jahre 1845, Jahrgang I, Berlin 1847).

Für ben praktischen Gebrauch am bequemften ift bie zuerft von Poung eingeführte Formel

$$p=(a+bt)^n,$$

in welcher t die Temperatur und p die entsprechende Expansivkraft, sowie a, b und n Erfahrungszahlen ausdrucken. Sie giebt jedoch nicht für alle Temperaturen die erwünschte Uebereinstimmung mit den Erfahrungsresultaten, weshalb man sich bei ihrer Anwendung genöthigt gesehen hat, die Werthe der Constanten a, b und n für niedere, mittlere und hohe Temperaturen besonders zu bestimmen.

Für hohe Temperaturen, namentlich aber für Spannfrafte über 4 Atmos sphären, hat man nach Dulong und Arago:

$$p = (0.2847 + 0.007153 t)^5$$
 Atmosphären, und umgelehrt:

Beisbach's Lehrbuch ber Mechanif. IL.

$$t = 139.8 \sqrt[p]{p} - 39.80$$
°.

Drückt man die Expansiviraft durch ben Druck auf den Quadratzoll aus, und legt man das preußische Pfund und Fußmaß zu Grunde, so hat man, da nach Bb. I, §. 385, der Druck einer Atmosphäre = 14,10 Pfund zu setzen ift,

 $p = (0.2847 + 0.007153t)^5$. 14,10 = $(0.4833 + 0.012143t)^5$ Pfund, und umgekehrt:

 $t = 82,35 \sqrt[6]{p} - 39,80.$

Für Dampffpannungen von 1 bis 4 Atmosphären giebt Mellet, ber Uebersetzer ber Tredgolb'ichen Dampfmaschinenlehre in bas Frangöfische,

$$p = \left(\frac{75 + t}{174}\right)^6 \Re i \log ramm$$

auf das Quadratcentimeter, und hiernach folgt, da der Drud einer Atmosphäre auf ein Quadratcentimeter = 1,0336 Kilogramm ift,

$$p = \left(\frac{75 + t}{174}\right)^6 \cdot \frac{1}{1,0336} = \left(\frac{75 + t}{175}\right)^6$$
Atmosphären
$$= \left(\frac{75 + t}{174}\right)^6 \cdot \frac{14,10}{1,0336} = \left(\frac{75 + t}{174}\right)^6 \cdot 13,64 = \left(\frac{75 + t}{113,21}\right)^6$$
Pfund

auf ben Quabratzoll. Umgekehrt folgt, wenn p in Atmosphären gegeben ift,

$$t = 175 \sqrt[6]{p} - 750,$$

und wenn p in Pfunden gegeben ift,

$$t = 113,21 \sqrt[p]{p} - 75^{\circ}$$
.

Pambour (siehe bessen Théorie des machines à vapeur) nimmt für Spannungen von 1 bis 4 Atmosphären:

$$p = \left(\frac{72,67+t}{171,72}\right)^6$$
 Kilogramm,

folglich umgefehrt:

$$t = 171,72 \sqrt[6]{t} - 72,670 \text{ an.}$$

hiernach folgt, wenn p in Atmosphären ausgebrildt wirb,

$$p=\left(\frac{72,67+t}{172,67}\right)^6$$
 Atmosphären

unb

$$t = 172,67 \sqrt[6]{p} - 72,670;$$

ferner für bas preußische Dag und Gewicht:

$$p = \left(\frac{72,67+t}{111,71}\right)^6$$
 Pfund

und

$$t = 111,71 \sqrt[6]{p} - 72,676$$

Der Artifan-Club in England theilt in ber von ihm beforgten Dampfs mafchinenlehre folgende Formeln mit.

Für Temperaturen über 100 Grab:

$$p=\left(rac{85+t}{185}
ight)^{6.42}$$
 Atmosphären,

alfo

$$t = 185 \sqrt[6.4]{p} - 85^{\circ} = 185 p^{0.15576} - 85^{\circ};$$

für Temperaturen unter 100 Grab:

$$p = \left(\frac{115 + t}{215}\right)^{7,71507}$$
 Atmosphären,

unb

$$t = 215 \sqrt[7]{p} - 115^{\circ} = 215 p^{0.12962} - 115^{\circ}.$$

Es ift hiernach für bas preußische Dag und Gewicht bei hohen Tems peraturen:

$$p = \left(\frac{85 + t}{122.51}\right)^{6.42}$$
 Pfund,

unb

$$t = 122,51 p^{0,15576} - 850$$

und für niebrige Temperaturen:

$$p = \left(\frac{115 + t}{152,52}\right)^{7,71507}$$
 Pfund

unb

$$t = 152,52 p^{0,12962} - 1150.$$

Beispiele. 1) Belde Spannung hat gefättigter Wafferbampf bei 145° Barme? Es giebt bie Mellet'iche Formel:

$$p = \left(\frac{75 + 145}{175}\right)^6 = \left(\frac{44}{85}\right)^6 = 3,947$$
 Atmosphären,

ferner bit Pambour'iche Formel:

$$p = \left(\frac{72,67}{172,67}\right)^6 = \left(\frac{217,67}{172,67}\right)^6 = 4,013$$
 Aimofpharen,

bie Formel ber Afabemifer:

 $p = (0.2847 + 145 \cdot 0.007153)^5 = 1.8219^5 = 4.036 Atmosphären,$ und endlich die des Artisan-Clubs:

$$p = \left(\frac{85 + 145}{185}\right)^{6,48} = \left(\frac{46}{37}\right)^{6,48} = 4,046$$
 Atmosphären.

Das Mittel aus allen biesen vier Werthen ift 4,01 Atmosphären.

2) Bie ftarf ift ber Dampforud bei 1450 Temperatur gegen einen Rolben von 3 Bug Durchmeffer? Es ift ber Inhalt ber Rolbenflache:

$$F=rac{9\,\pi}{4}$$
 Quadratfuß = $9.86\,\pi=1017,9$ Quadratzoll,

ferner ber Drud auf jeben Quabratzoll, bei 4 Atmofpharen:

p = 4.15,10 = 56,4 Pfund,

baber ber Drud auf bie gange Flache:

$$P = Fp = 1017,9.56,4 = 57409$$
 \$\text{ funb.}

3) Belde Temperatur entspricht einer Spannung von 1/4 Atmosphare? Es ift nach ber zweiten Formel bes Artisan-Clube:

$$t = 215 \cdot (1/4)^{0.18998} - 115 = 179.64 - 115 = 64.64^{\circ}$$

§. 388 Genauere Elasticitätsformeln. Exponential ober logarithmische Formeln können sich noch genauer an die Ersahrungen anschließen, als die algebraischen Ausbrücke. Eine ziemlich einsache Exponentialsormel für die Expansiveraft der Wasserdämpse gab zuerst Roche (s. Poggendorfs's Annalen Bb. 18 und 27), und sie hat die Form

$$p=ab^{\frac{s}{m+ns}}.$$

Wenn auch, wie Regnault nachweift, biese Formel nicht bas allgemeine Geset von ber Expansivkraft ber Dämpse ausbrücken kann, so gewährt ste boch, ben Rechnungen von August, Magnus u. s. w. zufolge, innerhalb ber Beobachtungsgrenzen und bei den gewöhnlich vorkommenden Temperaturen eine recht gute Uebereinstimmung.

Rach ben neueren Berechnungen von Dagnus ift

$$p = 4,525.10^{\frac{7,4475\,t}{234,69\,+\,t}},$$

und nach benen von Bolymann

Bu feten; halten wir aber nur bie erfte Formel feft, fo betommen wir, ba einer Atmofphare 760 Millimeter Quedfilberfaulenhöhe entspricht,

$$p = \frac{4,525}{760} \cdot 10^{\frac{7,4476 \, t}{284,69 \, + \, t}} = 0,005954 \cdot 10^{\frac{7,4476 \, t}{284,69 \, + \, t}}$$
Atmosphären,

oder

$$Log.p = 0.77481 - 3 + \frac{7.4475t}{234.69 + t} = \frac{5.2223(t - 100)}{234.69 + t}.$$

Unigekehrt ift

$$t = \frac{234,69 \, Log. \, p + 522,23}{5,2223 - Log. \, p}$$

Folgende Formel von August gewährt ebenfalle eine große Scharfe:

$$p = \left(\frac{6415 (1028,4+t)}{1000000000}\right)^{\frac{100-t}{1000+\frac{3}{5}t}}$$
Atmosphären.

Endlich hat Regnault für seine Bersuche über bie Expansivitraft bes Basserbampfes folgende Formeln in Anwendung gebracht:

1) Für Dämpfe von - 32 Grab bis 0 Grab Barme:

log.
$$p = a + ba^t$$
 Millimeter,
wo $a = -0.08038$,
log. $b = 0.6024724 - 1$,
log. $a = 0.0333980$ und
 $t = 32^0 + t_1$

bezeichnet, wenn t_1 die (negative) Temperatur des Wassers nach dem Lustethermometer ausbrückt.

2) Filr Dampfe von 0 Grab bis 100 Grab Barme:

log.
$$p = a + b a' - c \beta'$$
 Millimeter,
wobei $a = 4,7393707$,
log. $b = 0,1340339 - 2$,
log. $c = 0,6116485$,
log. $a = 0,006865036$,
log. $\beta = 0,9967249 - 1$,
und t die Temperatur über Null

ausbrückt.

3) Für Dämpfe von - 20 Grab bis 220 Grab Barme:

log.
$$p = a - b \alpha^i - c \beta^i$$
,
wobei $a = 6,2640348$,
log. $b = 0,1397743$,
log. $c = 0,6924351$,
log. $a = 0,9940493 - 1$,
log. $\beta = 0,9983438 - 1$,

fowie $t = 20^{\circ} + t_1$

bezeichnet, und ta die Temperatur über Rull (ben Gefrierpunkt) angiebt.

4) Schon ziemlich genau ist auch die Formel

fest.

Führt man
$$t = 20^{\circ} + t_1$$
 ein, so läßt fich in der Formel (3) $log. p = a - b \alpha^{\epsilon} - c \beta^{\epsilon}$

 $log. (b \alpha^t) = log. b + 20 log. \alpha + t_1 log. \alpha = 0,0207601 - 0,00595071 t_1$ und

 $log.(c \beta^t) = log.c + 20 log.\beta + t_1 log.\beta = 0,659312 - 0,00165614 t_1$ feben.

Aehnliche Formeln find übrigens auch schon von Prony und von Biot aufgestellt worden.

hiernach find folgenbe zwei Tabellen berechnet.

Die erste bieser beiben Tabellen giebt bie Dampsspannung an, welche einer in ganzen Graben ausgebrückten Temperatur zusommt, wogegen die zweite Tabelle die einer in ganzen Atmosphären ausgebrückten Spannung entsprechende Temperatur anzeigt. Hierbei ist der Druck einer Atmosphäre gleich dem einer 76 Centimeter hohen Quecksilbersäule gesetzt. Nach der ersteren Tabelle ist z. B. sür die Temperatur $t=116^\circ$, die Expansivirast =131,147 Centimeter =1,726 Atmosphäre, und nach der zweiten Tabelle entspricht der Dampsspannung von 5 Atmosphären eine Temperatur von $152,2^\circ$.

Anmerkung 1. Die Annahme von Dalton, daß die Erpanstvkraft bes gesättigten Wasserdmpfes nach einer geometrischen Brogression wächt, während die Temperatur besselben nach einer arithmetischen Reihe zunimmt, führt nur auf eine angenäherte Clasticitätssormel. Hiernach ist die Erpanstvkraft des Dampses $p=a^{t-1000}$ Atmosphären zu sehen, wobei a eine durch Bersuche zu bestimmende Constante bezeichnet. Den Bersuchen zu Folge ist aber für t=144 Grad C., die Erpanstvkraft p=4 Atmosphären, daher folgt auch $4=a^{44}$, und umgerkehrt,

 $a = \sqrt[4]{4} = 1,0820$, und $p = (1,032)^{t-100}$ Atmosphären, sowie

 $t = 100 = Log(\frac{p}{1,032})$, b. i. $t = 100 + 73,10 \ Log \ p$ Grab C.

Rach biefer letten Formel hat man g. B.

für p = 2 Atmospharen, t = 122,0 Grab,

fowie für p = 3 , t = 184.9 , t = 144.0 ...

ferner für p = 5 , t = 151,1 , und für p = 6 , t = 156,7 ,

während nach ben Bersuchen für p=2, $t=120^{\circ},6$; für p=8, $t=133^{\circ},9$; für p=4, $t=144^{\circ},0$; für p=5, $t=152^{\circ},2$ und für p=6, $t=159^{\circ},2$ ist.

Man ersieht aus biefer Zusammenstellung, baß für die mäßigen Dampssparnungen von 1 bis 5 Atmosphären die einsache Formel $p=(1,032)^{t-100}$ Atmosphären noch eine leibliche Uebereinstimmung mit der Ersahrung gewährt.

Anmerkung 2. Auch die Dichtigkeit des Wasserdampses (f. §. 389) läßt sich ziemlich genau à priori bestimmen. Wenn bei gleicher Pressung aus 1 Boslumen Sauerstoff und 2 Bolumen Wasserstoff auf eudiometrischem Wege 2 Bolumen Wasserdamps hervorgehen, und bei Rull Grad Wärme und 1 Atmosphäre Druck, die Dichtigkeit des Sauerstoffes 1,4298 Kilogramm, dagegen die des Wasserstoffes 0,0896 Kilogramm ist, so läßt sich die Dichtigkeit oder das Gewicht eines Cubismeters Wasserdamps $\frac{1,6099}{2} = 0,8045$ Kilogramm setzen.

Das Gewicht eines Cubikmeters atmosphärische Luft beträgt bei gleicher Tems peratur und Drud, = 1,2935 Kilogramm, folglich ift bas specifische Gewicht bes Wafferbampses im Bergleich zur atmosphärischen Luft:

 $s=\frac{0.8045}{1,2935}=0.622$ ober nahe $\frac{5}{8}$ zu setzen, welches mit ben Bersuchen von Gan-Lussac u. f. w. gut übereinstimmt.

Tabelle I.
Die Expansivträfte bes Basserbampfes für Temperaturen von
— 32 Grab bis + 230 Grab, nach Regnault.

Tempe=	Dampff	pannung	Tempe=	Dampffpannung		
ratur.	in Centimeter.	in Atmosphären.	ratur.	in Centimeter.	in Atmosphären.	
— 32°	0,0320	0,0004	_ 40	0,3368	0,0044	
31	0,0352	0,0005	3	0,3644	0,0048	
30	0,0386	0,0005	2	0,3941	0,0052	
29	0,0424	0,0006	1	0,4263	0,00 56	
28	0,046 4	0,0006	0	0,4600	0,0061	
27	0,0508	0,0007	+ 1	0,4940	0,0065	
26	0,0555	0,0007	2	0,5302	0,00 70	
25	0,0605	0,0008	3	0,5687	0,0075	
24	0,0660	0,0009	4	0,6097	0,0080	
23	0,0719	0,0009	5	0,6534	0,0086	
2 2	0,0783	0,0010	6	0,6998	0,0092	
21	0,0853	0,0011	7	0,7492	0,0199	
20	0,0927	0,0012	8	0,8017	0,0107	
19	0,1008	0,0013	9	0,8574	0,011	
18	0,1095	0,0014	10	0,9165	0,012	
17	0,1189	0,0015	11	0,9792	0,013	
16	0,1290	0,0017	12	1,0457	0,014	
15	0,1400	0,0018	13	1,1162	0,015	
14	0,1518	0,0020	14	1,1908	0,016	
13	0,1646	0,0022	15	1,2699	0,017	
12	0,1783	0,0024	16	1,3536	0,018	
11	0,1933	0,0025	17	1,4421	0,019	
10	0,2093	0,0027	18	1,5357	0,020	
9	0,2267	0,0030	19	1,6346	0,022	
8	0,2455	0,0032	20	1,7891	0,023	
7	0,2658	0,0035	21	1,8495	0,024	
6	0,2876	0,0038	22	1,9659	0,026	
5	0,3113	0,0041	23	2,0888	0,028	

		-			
Tempe-	Dampff	pannung	Tempe-	Dampff	pannung
ratur.	ur. in in ratur. Centimeter. Atmosphären.			in Gentimeter.	in Atmosphären.
+ 240	2,2184	0,029	+.570	12,9251	0,170
25	2,3550	0,031	58	13,5505	0,178
26	2,4988	0,033	59	14,2015	0,187
27	2,5505	0,034	60	14,8791	0,196
28	2,8101	0,037	61	15,5889	0,205
29	2,9782	0,039	62	16,3170	0,215
30	3,1548	0,042	63	17,0791	0,225
31	3,3406	0,044	64	17,8714	0,235
82	8,5859	0,047	65	18,6945	0,246
83	3,7411	0,049	66	19,5496	0,257
34	3,9565	0,052	67	20,4376	0,267
35	4,1827	0,055	6 8	21,3596	0,281
36	4,4201	0,058	69	22,3165	0,294
37	4,6691	0,061	70	23,3098	0,306
3 8	4,9302	0,065	71	24,3393	0,320
89	5,2039	0,068	72	25,4078	0,334
40	5,4906	0,072	73	26,5147	0,349
41	5,7910	0,076	74	27,6624	0,364
42	6,1055	0,080	75	28,8517	0,380
43	6,4346	0,085	76	30,0838	0,396
44	6,7790	0,089	77	31,3600	0,414
45	7,1391	0,094	78	32,6811	0,430
46	7,5158	0,099	79	34,048 8	0,448
47	7,9093	0,104	80	35,4643	0,466
48	8,3204	0,109	81	36,9287	0,486
49	8,7499	0,115	82	3 8,4435	0,506
50	9,1982	0,121	83	40,0101	0,526
51	9,6661	0,127	84	41,6298	0,548
52	10,15 43	0,184	85	43,3041	0,570
53	10,6636	0,140	86	45,0344	0,593
54	11,1945	0,147	87	46,8221	0,616
55	11,7478	0,155	88	48,6687	0,640
56	12,3244	0,163	89	50,5759	0,665
		1	LI .	I	•

Tempe-	Dampff	pannung	Tempe=	Dampffpannung		
ratur.	in Centimeter.	in Atmosphären.	ratur.	in Centimeter.	in Atmosphären.	
+ 900	52,5450	0,691	+ 123°	163,896	2,157	
91	54,5778	0,719	124	169,076	2,225	
92	56,6757	0,746	125	174,388	2,295	
98	58,8406	0,774	126	179,835	2,366	
94	61,0740	0,804	127	185,420	2,430	
95	63,3778	0,834	128	191,147	2,515	
96	65,7535	0,865	129	197,015	2,592	
97	68,2029	0,897	130	203,028	2,671	
98	70,7280	0,931	181	209,194	2,753	
99	73,3305	0,965	182	215,503	2,836	
100	76,000	1,000	188	221,969	2,921	
101	78,7590	1,036	134	228,592	3,008	
102	81,6010	1,074	135	235,373	3,097	
103	84,5280	1,112	136	242,316	3,188	
104	87,5410	1,152	137	249,423	3,282	
105	90,6410	1,193	138	256,700	3,378	
106	93,8310	1,235	139	264,144	3,476	
107	97,1140	1,278	140	271,763	3,576	
108	100,4910	1,322	141	279,557	8,678	
109	103,965	1,368	142	287,530 ^	3,783	
110	107,537	1,415	143	295,686	3,890	
111	111,209	1,463	144	304,026	4,000	
112	114,983	1,513	145	312,555	4,118	
118	118,861	1,564	146	821,274	4,227	
114	122,847	1,616	147	330,187	4,344	
115	126,941	1,670	148	339,298	4,464	
116	181,147	1,726	149	348,609	4,587	
117	135,466	1,782	150	358,123	4,712	
118	139,902	1,841	151	367,843	4,840	
119	144,455	1,901	152	377,774	4,971	
120	149,128	1,962	153	387,918	5,104	
121	153,925	2,025	154	398,277	5,240	
122	158,847	2,091	155	408,856	5,380	
	l í		1		•	

Tempe:	Dampff	pannung	Tempes	Dampfspannung		
ratur. in		in Atmosphären.	ratur.	in Centimeter.	in Atmosphären.	
+ 1560	419,659	5,522	+ 189°	923,795	12,155	
157	430,688	5,667	190	944,270	12,425	
158	441,945	5,815	191	965,098	12,699	
159	453,436	5,966	, 192	986,271	12,977	
160	465,162	6,120	193	1007,804	13,261	
161	477,128	6,278	194	1029,701	13,549	
162	489,336	6,439	195	1051,963	13,842	
163	501,791	6,603	196	1074,595	14,139	
164	514,497	6,770	197	1097,500	14,441	
165	527,454	6,940	198	1120,982	14,749	
166	5 4 0,6 69	7,114	199	1144,746	15,062	
167	55 4,143	7,291	200	1168,896	15,380	
16 8	567,882	7,472	201	1193, 437	- 15,703	
169	581,890	7,656	202	1218 ,369	16,031	
170	596,166	7,844	203	1243,700	16,364	
171	610,719	8,036	204	1269,430	16,703	
172	625,548	8,231	205	1295,566	17,047	
173	640,660	8,430	206	1322,112	17,396	
174	656,055	8,632	207	1349,075	17,751	
175	671,743	8,839	208	1376,453	18,111	
176	687,722	9,049	209	1404,252	18,477	
177	703,9 97	9,263	210	1432,480	18,848	
178	720,572	9,481	211	1461,132	19,226	
179	737,452	9,703	212	1490,222	19,608	
180	754,63 9	9,929	213	1519,7 4 8	19,997	
181	772,137	10,150	214	1549,717	20,391	
182	789,952	10,394	215	1580,133	20,791	
183	808,084	10,633	216	1610, 9 94	21,197	
184	826,540	10,876	217	1642,315	21,690	
185	845,323	11,123	218	1674,090	22,027	
186	864,435	11,374	219	1706,329	22,452	
187	883,882	11,630	220	1739,036	22,882	
188	903,668	11,885	221	1772,213	23,319	

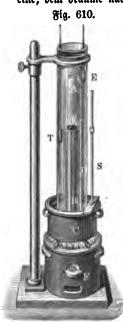
Tempes ratur.	Dampff	pannung	Tempe-	Dampffpannung			
	in Centimeter.	in Atmosphären.	ratur.	in Centimeter.	in Atmosphären		
+ 2220	1805,864	23,761	+ 2270	1981,876	26,071		
223	1839,994	24,210	228	2017,961	26,552		
224	1874,607	24,666	229	2055,048	27,040		
225	1909,704	25,128	230	2092,640	27,535		
226	1945,292	25,596			1		

Tabelle II.

Die Temperaturen bes Bafferbampfes für bie Expansivfräfte von 1 Atmosphäre bis 28 Atmosphären, nach Regnault.

Erpanfi	vfraft	Tempes ratur	Erpansi	Tempe= ratur	
in Atmosphären.	in in tren. Braben.		in Atmosphären.	in Metern.	in Graben.
1	0,76	100,0	15	11,40	198,8
2	1,52	120,6	16	12,16	201,9
. 3	2,28	133,9	17	12,92	204,9
4	3,04	144,0	18	13,68	207,7
5	3,80	152,2	19	14,44	210,4
6	4,56	159,2	20	15,20	213,0
7	5,32	165,3	21	15,96	215,5
8	6,08	170,8	22	16,72	217,9
9	6,84	175,8	23	17,38	220,3
10	7,60	180,3	24	18,14	222,5
11	8,36	184,5	25	19,00	224,7
12	9,12	188,4	26	19,76	226,8
13	9,88	192,1	27	20,52	228,9
14	10,64	195,5	28	21,28	230,9

§. 389 Dichtigkeit des Dampfes. Die Dichtigkeit bes Dampfes hängt, wie die einer jeden Gasart, von der Temperatur und Expansivkrast zugleich ab (s. Bd. I, §. 392 und §. 393). Da aber beim gesättigten Dampse die Expansivkrast burch die Temperatur bestimmt ist, so folgt, daß bei diesem, im Maximum der Spannung besindlichen Dampse die Dichtigkeit von der Temperatur oder von der Expansivkrast allein abhängt. Um nun die Dichtigkeit des Dampses dei jeder Temperatur und Expansivkrast angeden zu können, war es nöthig, dieselbe wenigstens dei einer bestimmten Temperatur und Expansivkrast durch Bersuche auszumitteln, und Say-Lussac wendete in dieser Absicht folgendes Bersachen an. Er füllte ein bünnes Glasstügelchen mit Wasser und schmolz dessen hals an einer Weingeistlampe zu. Durch genaues Abwägen des leeren und des gesüllten Kügelchens ergab sich das Gewicht des Wassers in demselden. Diese Glastugel wurde nun in eine, dem Raume nach in gleiche Theile getheilte Glastohre AB, Fig. 610,



gebracht, welche mit Queckfilber angefüllt war und in einem ebenfalls mit Queckfilber angefüllten Gefäße C ftand, das durch einen Feuerheerd F erhitzt werden konnte. Die Röhre AB wurde noch von einem Glaschlinder DE umgeben, und der Zwischenraum zwischen beiben mit Wasser angefüllt. Durch hinreichende Erwärmung von unten zersprengte das Wasser in dem Kügelchen K die Hille und verwandelte sich in Dampf, und nachdem nun durch Erhaltung einer constanten Temperatur alles Wasser in Dampf übergegangen war, wurde die Temperatur an einem Thermometer T, sowie das Bolumen und die Expanssivkraft des Dampses an einem eingetheilten Stade S abgelesen.

Auf diesem Wege fand Gay-Luffac, daß ein Lieter Wasserdmpf bei 100° Temperatur 0,76 Meter Barometerstand, 1/1,6964 = 0,5895 Gramme wog. Nun ist aber nach Ebendemselben bas Gewicht von einem Liter atmosphärischer Luft unter benselben Bershältnissen, 0,9454 Gramme, daher folgt benn bas Bershältniß der Dichtigkeit des Wasserdampses zu berjenigen

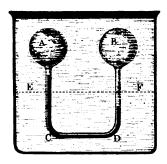
ber atmosphärischen Luft, bei gleicher Spannung und gleicher Temperatur:

$$=\frac{5895}{9454}=\frac{1000}{1603}$$
 ober ziemlich genau $^{5}/_{8}$.

Eine andere Methobe bei Bestimmung bes specifischen Gewichtes von Dampfen ift von Dumas angewendet worden. Auch haben Fairbairn

und Tate über die Dichtigkeit des gesättigten und überhisten Dampses besondere Bersuche angestellt (s. Useful Information for Engineers, by William Fairbairn, Soc. Series, London 1860; auch polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1860). Der hierbei in Anwendung gebrachte Apparat bestand im Wesentlichen aus zwei zur Hälfte mit Quecksilber gesüllten communicirenden Röhren A.C., B.D., Fig. 611, welche sich oben in die vor dem

gig. 611.



Bersuche luftleer gemachten kugelsörmigen Glasgefäße A und B endigten. Wurden nun ungleiche Wassermengen in diese Gefäße eingebracht, so füllten sich, wie bekannt, dieselben mit gesättigtem Wasserdampf, dessen Dichtigkeit durch Erhöhung der in einem Oelbade EF bestehenden Umhüllung so gesteigert werden konnte, daß sich endlich in dem einen Gefäße das sämmtliche Wasser in Dampf verwandelte und, dei weiterer Erwärmung der letztere in den überhitzten Zustand gelangte. Der Augenblick, in wel-

chem bies geschieht, wird durch ein Steigen des Quecksilbers in dem einen und Sinken besselben in dem anderen Schenkel der communicirenden Röhren angezeigt; auch giebt der Niveauabstand zwischen den Oberstächen der beiden Quecksilberstäulen die Pressungsbifferenz zwischen dem gesättigten Damps in der einen und dem ungesättigten Damps in der anderen Augel an. Durch ein in das eine Gefäß hineinreichendes Thermometer wurde die Temperatur und durch ein mit dem anderen Gefäße communicirendes Manometer die Expansiveraft des gesättigten Dampses bestimmt.

specifische Dampfvolumina. Mit Hilfe bes im letten Paragras §. 390 phen angegebenen Dichtigkeitsverhältnisse läßt sich nun die Dichtigkeit des Danupses für jede Temperatur und Spannung berechnen, wenn man die Gesetze von Mariotte und von Gay-Lussac zu Hülfe nimmt, und es ist auch die betreffende Formel in Bb. I, §. 393 entwickelt worden. Man hat hiernach die der Temperatur t und Spannkrast p Atmosphären entsprechende Dichtigkeit des Wasserbampses für französisches Maß:

$$\gamma = \frac{5/8 \cdot 1,2935 \, p}{1 + 0,00367 \, t} = \frac{0,8084 \, p}{1 + 0,00367 \, t} \, \Re i \log ramm.$$

Beim Dampf im Maximo ber Spannung läßt sich noch mittels einer ber Formeln ber Paragraphen 387 und 388 die Spanntraft p durch die Temperatur t ober umgekehrt, die Temperatur t durch die Spanntraft p aus-

brilden, und baber y aus t ober p unmittelbar bestimmen. Bedienen wir uns 3. B. ber Dellet-Trebgolb'ichen Formel, fo tonnen wir

$$\gamma = \frac{0,8084}{1 + 0,00367 t} \left(\frac{75 + t}{175}\right)^6$$

ober and

$$= \frac{0,8084 \, p}{1 + 0,00367 \, (175 \, \sqrt[p]{p} - 75)} \, \Re \log nm$$

fegen.

Die Dichtigkeit vo bes Wassers ift 1000 Kilogramm, baber bas Berhaltnig ber Dichtigkeiten bes Wasserbampfes und bes Wassers zu einander:

$$\frac{\gamma}{\gamma_0} = \frac{\gamma}{1000} = \frac{0,0008084 \, p}{1 + 0,00367 \, (175 \, \sqrt[p]{p} - 75)}$$

und umgekehrt, bas Berhältniß zwischen bem Bolumen bes Dampfes und bem bes Waffers bei gleichem Gewichte, ober bas sogenannte specifische Bolumen bes Wafferdampfes im Maximo ber Spannung:

$$\mu = \frac{V}{V_0} = \frac{\gamma_0}{\gamma} = \frac{1 + 0,00367 (175 \sqrt[6]{p} - 75)}{0,0008084 p}.$$

Diefe Berhaltnifgabl läßt fich, nach Ravier, annagernb febr einfach auch fo ausbruden:

$$\mu=\frac{\alpha}{\beta+p},$$

und in Bahlen, wenn p ben Dampfbrud in Atmofpharen ausbrudt,

$$\mu = \frac{1000}{0,09 + 0,50026 \, p} = \frac{2000}{0,1800 + p} \cdot$$

Nach Pambour ift aber biefe Formel nur bei hohen Temperaturen hinreidjend genau und giebt bei Spannungen unter einer Atmosphäre zu große Abweichungen, weshalb er für Dampf mit niedrigem Drucke:

$$\mu = \frac{1935}{0,1161+p},$$

und für Dampf von hoher Spannung

$$\mu = \frac{2054}{0,2922 + p}$$

annimmt und bei seiner Theorie ber Dampfmaschinen zum Grunde legt.

Rach den Berfuchen von Fairbairn und Tate ist das specifische Dampf. volumen

$$\mu = 25,62 + \frac{1659,2}{0,02413 + p}$$

gu fegen.

Anmerkung. Sehr einsache Ausbrücke für bie Erpanstokraft und Dichstigkeit ber Dämpfe giebt Batterson (f. Philosoph. Transactions, 1852, auch Poggenborff's Annalen. Ergänzungsband 4. 1853).

Mit Bulfe ber mechanischen Warmetheorie lagt fich nach Zeuner bas §. 391 specifische Dampfvolumen burch die Formel

$$\mu = 1 + \frac{13186400 + 40704t - 8,48t^2 - 0,1272t^3}{p}$$

berechnen, worin p den Dampfbruck pr. Quadratmeter bezeichnet, ober burch bie Formel

$$\mu = 1 + \frac{1275,9 + 3,9385t - 0,00082051t^3 - 0,000012308t^3}{p}$$

wenn p ben Dampfbrud in Atmosphären, ju 10335 Rilogramm pr. Qua-

Rach dieser Formel sind die Werthe in der folgenden Tabelle berechnet worden.

Tabelle ber fpecififchen Dampfvolumina von 0,1 bis 10,9 Atmofphären Spannung.

_										
	0,0	0,1	0,2	0,8	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
0	unbeft.	14556	7542	5141	8917	3172	2671	2309	2037	1822
1	1650	1509	1390	1289	1202	1127	1060	1002	949	902
2	859,8	821,2	786,1	753,9	724,4	697,1	671,9	648,5	626,7	606,4
3	587,4	569,6	552,9	537,1	522,3	508,2	499,4	482,4	470,5	459,1
4	448,4	438,1	428,3	418,9	410,0	401,4	393,2	385,4	377,8	370,6
5	363,6	356,9	350,5	844,3	338,3	332,5	326,9	321,6	316,4	311,8
6	306,4	301,7	297,2	292,7	288,4	284,3	280,2	276,3	272,5	268,7
7	265,2	261,7	258,3	254,9	251,7	248,5	245,3	242,5	239,6	236,7
8	283,9	231,2	228,6	226,0	223,3	220,8	218,5	216,2	213,9	211,7
. 9	209,5	207,3	205,2	203,1	201,0	199,1	197,2	195,3	193,4	191,5
10	189,7	188,0	186,3	184,6	182,9	181,2	179,7	178,1	176,6	175,1
	1	1	-	l	l	ĺ			1	

In dieser Tabelle giebt die erfte Berticalcolumne die Ganzen, sowie die erfte Horizontalreihe die Zehntel der Dampfspannung in Atmosphären an,

und die Zahl, welche mit den Ganzen in einerlei Horizontalreihe und mit den Zehnteln in einerlei Berticalcolumne steht, zeigt das dieser Spannung des Dampses entsprechende specisische Dampsvolumen an. Es ist hiernach z. B. das specissische Dampsvolumen bei 1,3 Atmosphären = 1289, weil die letztere Zahl in der mit 1 anfangenden Horizontalzeile und in der unter 0,3 stehenden Berticalcolumne zugleich steht. Ferner giebt hiernach ein Cubitsuß Wasser bei 4,2 Atmosphärendruck 428,3 Cubitsuß Damps, denn die letzte Zahl steht an der Stelle, wo die mit 4 ansangende Horizontalzeile und die mit 0,2 beginnende Verticalcolumne sich schneiden.

Man ersieht aus bem Borstehenden, daß die Dichtigkeit des gesättigten Wasserdampses mit der Temperatur ober Expansivkraft wächst und der des Bassers selbst immer näher und näher kommt. Nach der genauen Formel würde bei der Schmelzhige des Zinkes die Dichtigkeit des Dampses 1/4 von der des Wassers und bei der Rothglühhige des Eisens dieselbe gleich der des Wassers sein.

Einer neueren Ermittelung bes herrn Professor Zeuner zufolge (siehe Zeitschrift bes Bereins beutscher Ingenieure Bb. XI.) ift, wenn p bie Spannung in Atmosphären und r bie mit — 273 Grad anfangende absolute Temperatur bezeichnen, mit großer Genauigkeit sowohl für gefättigte als auch für ungefättigte Wasserbämpfe zu setzen:

$$pv = 0.0049287 \tau - 0.18781 \sqrt[4]{p}$$

wonach bas fpecifische Dampfvolumen

$$\mu = 1000 \ v = \frac{4,9287 \ \tau - 187,81 \ \sqrt[4]{p}}{p}$$

folgt.

Hiernach ist z. B. für p=1 Atm. und $\tau=373$ Grad

$$\mu = 4,9287.373 - 187,81 = 1838,4 - 187,8 = 1650,6$$

während die Tabelle $\mu=1650$ angiebt. Wäre bei berfelben Preffung die Temperatur $\tau=500^\circ$, also ber Dampf überhitt, so würde

Ferner ist für gefättigten Basserbampf bei p=4 Atmosphären Drud und z=273+t=273+144=417 Grad absoluter Barme,

$$\mu = \frac{4,9287.417 - 187,81 \sqrt[4]{4}}{4} = 447,4,$$

wogegen die Tabelle µ = 448,4 und die Fairbairn'iche Formel

$$\mu = 25,62 + \frac{1659,2}{4,02413} = 437,9$$
 giebt.

Wäre die Temperatur des. Dampfes von 4 Atmosphären Druck auf 2000 erhitzt, also $\tau = 473^\circ$, so würde

$$\mu = \frac{4,9287.473 - 265,6}{4} = 516,4$$

ausfallen, während nach ben hirn'ichen Berfuchen $\mu=522$ fein mußte.

Beifpiele. 1) Beiches Bafferquantum ift jur Erzeugung einer Dampfsmenge Q von 500 Cubiffuß bei 3 Atmofpharen Drud nothig? Rach ber Fairbairn'ichen Formel ift

$$\mu = 25,62 + \frac{1659,2}{8.024127} = 574,3,$$

baber bas gefuchte Bafferquantum:

$$Q_1 = \frac{Q}{\mu} = \frac{500}{574,3} = 0.871$$
 Cubiffuß = 0.871.61,75 = 53,78 Piund.

Der Tabelle jufolge mare

$$Q_1 = \frac{500}{587.4} = 0,851$$
 Cubiffuß = 52,56 Pfund.

2) Belches Bafferquantum entspricht einer Dampfmenge von 500 Cubiffus bei 3 Atmospharen Drud und bei 150 Grad Barme? Da ber letten Tempes ratur eine Spannung von 4,712 Atmospharen entspricht, so ift bieser Dampf ungesättigt und baber bas specifische Bolumen besselben nach ber Formel

$$\mu = \frac{4,9287 \ \tau - 187,81 \ \sqrt[4]{p}}{p}$$

ju berechnen. Es ift hiernachst hier p=3 und $\tau=273+150=423$, baber

$$\mu = \frac{2085,0 - 247,2}{3} = 612,6$$

und bas entfprechenbe Bafferquantum

$$Q = \frac{500}{612.6} = 0.816$$
 Cubiffuß = 50,4 Cubiffuß.

Dämpfe überhaupt. Nach Dalton sind die Expansiviräfte §. 392 aller Dämpfe bei einer gleichen Anzahl von Graben über ober unter dem Siedepunkte gleich groß. Hiernach lassen sider nun auch mittels der Siedepunkte die Expansiviräste verschiedener Dämpse aus denzienigen des Wasserdungses berechnen. Da z. B. der Altohol bei 78 Grad siedet (s. §. 372), so ist für Altoholdamps von 113 Grad, also von 113° — 78° = 35° über dem Siedepunkte dieselbe wie beim Wasserdunps bei 35° über dem Siedepunkte des Wassers, d. i. wie bei der Temperatur des Wasserdunpsses von 135 Grad, nämlich 3 Atmosphären.

Aus ben neueren Bersuchen von Regnault (j. Poggenborff's Annalen Bb. 93, 1854) geht jeboch hervor, daß bieses Gesetz nur ungesähr richtig ist. Hiernach sind z. B. für Temperaturen von O bis 130 Grad die Expansiviräfte von Altohol, Schwefeläther und Terpentinöldampf folgende:

Cemperatur	0	10	20	40	60	80	100	110	120	180 Grad
Alfohel	1,278	2,408	4,40	18,41	85,00	81,38	168,5	235,2	820,8	438,1 Centimeter
Schwefelather	18,28	28,65	43,48	91,86	178,03	294,72	492,04	624,9	-	
Terpentinol	0,210	0,280	0,480	1,120	2,69	6,12	18,49	18,73	25,70	84,70 20
Bafferdampf .	0,460	0,9165	1,7891	5,491	14,879	85,164	76,00	107,54	149,18	203,03 🚜
	1	1	l	!	ł	I	l			

Nach Bersuchen von Rubberg sind bei den aus siedenden Salzauslösungen (s. §. 374) sich entwicklichen Dämpfen die Expansivkräfte bei gleichen Temperaturen dieselben, welches auch die Temperaturen ihrer Siedepunkte sein mögen. Ueber die Spannkraft der Dämpfe aus Lösungen von Salzegemischen sind neuerlich von Willner Bersuche angestellt worden (s. Bogendorff's Annalen Bb. 156).

Um die Dichtigkeiten verschiedener Dämpfe zu finden, kann man theils bas oben angegebene Verfahren von Say-Luffac, theils auch bas Berfahren von Dumas in Anwendung bringen. Das lettere besteht barin, daß man eine hinreichende Menge ber zu untersuchenden Fluffigkeit in einen Glasballon, welcher in eine feine Spite ausgezogen ist, bringt, biesen so lange in einem Babe von Wasser, Del, Chlorzink u. s. w. erhipt, bis das Ausftrömen des sich aus der Flüssigkeit bildenden Dampfes durch die Spite des Ballons aufhört, und folglich die Fluffigkeit vollkommen verdampft ift, und daß man zulett die Spige an der Löthrohrflamme zuschmilzt. Aus dem Bewichte G, biefes mit bem zu untersuchenben Dampfe angefüllten Ballons läßt fich die Dichtigkeit des Dampfes leicht berechnen, fowie man ben Faffungeraum V bes Ballons und das Gewicht G besselben, wenn er mit trodener atmosphärischer Luft angefüllt ift, bestimmt hat. Es ift die gesuchte Dichtigkeit des Dampfes, bei der Pressung und Temperatur im Augenblicke, wo die Spige jugeschmolzen wird:

$$\gamma_1 = \frac{G_1 - G + V\gamma}{V},$$

wobei y die Dichtigkeit der atmosphärischen Luft bei der Temperatur und dem Barometerstande bezeichnet, wo die Abwägung erfolgte.

Die Dichtigkeit einiger Dampfe im Bergleich zu ber ber Luft nahe Aber ben Siebepunkten berfelben find folgenbe:

Atmosphärische Luft . . . = 1,000, Wasserbampf = 0,6235, Altoholdampf = 1,6138, Schwefelätherdampf . . . = 2,5860, Terpentinöldampf. . . . = 3,0130, Queckfilberbampf = 6,976.

Uebrigens verhalten fich bie Dichtigkeiten ber Dampfe nahe umgetehrt wie ihre latenten Warmen.

So ist z. B. nach Brix (s. Poggendorff's Annalen Bb. 55) bie latente Wärme vom Wasserdampf = 540 und vom Altoholdampf = 214, also das Berhältniß dieser latenten Wärmen zn einander = $\frac{540}{214}$ = 2,52; und nach Gap-Lussac die Dichtigkeit des Altoholdampses = 1,6138 und die des Wasserdampses = 0,6235, und daher das umgekehrte Berhältniß der Dichtigkeiten:

 $\frac{1,6138}{0,6235} = 2,58.$

Dostillation. Wenn zwei communicirende Gefäße A und B, Fig. 612, §. 393 welche eine und dieselbe Flüfsigkeit enthalten, ungleich erhist werden, so nimmt ber sich aus beiden Flüfsigkeiten bilbende Dampf nicht eine mittlere, sondern nur diesenige Spannung an, welche ber niedrigeren Temperatur entspricht, weil ber Dampf von ber niedrigen Temperatur nicht in eine höhere Spannung





übergehen kann, ohne theilweise als Fluidum condensirt zu werden. Enthält z. B. ein Gefäß A Wasserdampf von Null Grad Wärme und ein mit A communicirendes Gefäß B Wasserdampf von 100 Grad Wärme, so ist die Spannung des Dampses in A und B, = 0,46 Centimeter = der des Dampses von Null Grad Wärme.

hierauf grundet fich die Anwendung des Condensatore bei Dampfmaschinen sowie auch die Wirtsamkeit der Deftillation (franz. und engl. distillation). Beim Destilliren tommt es barauf an, die in einer Blafe ober Retorte B, Rig. 612, befindliche Mluffigfeit burch Erhitzung von außen in Dampf zu verwandeln und fie baburch von ben in ihr aufgelöften und weniger flüchtigen Substanzen zu befreien. Die fich bilbenben Dampfe werben von bem hutförmigen Ende (Belme) eines nach unten gerichteten Rohres A C aufgefangen, und baselbst durch Abkliblung von außen wieder als Flussigkeit niedergeschlagen, fo bag nun lettere aus biefer Röhre in ein untergefettes Befag D fliegen tann, wogegen bie vorher in ber Fluffigkeit aufgelöften Substangen in ber Retorte zurudbleiben. Um bas Nieberschlagen ber Dampfe zu beschleunigen, giebt man bem mittleren Theil bes bie Dampfe abführenden Rohres C eine schlangenformige Gestalt und führt baffelbe burch ein mit taltem Baffer angefülltes Befäß. Damit biefes Riblmaffer burch bie conbenfirten Dampfe nicht ju febr erwarmt werbe, muß baffelbe ununterbrochen frifchen Buflug erbalten, und beshalb fest man mit bem Rublgefag zwei Rohren in Berbinbung, wovon die eine unaufhörlich taltes Waffer von unten auführt, und die anbere eine gleiche Menge warmes Waffer oben ableitet.

Auf diese Beise bestillirt man auch das Fluß = ober Brunnenwasser, um es von ben in ihm aufgelösten Salzen, wie z. B. tohlensauren Ralt, schwefels sauren Kalt u. s. w. zu befreien.

Da bem oben angegebenen Gesetz zusolge die Spannung ber Dampfe in ber Retorte nur biejenige ift, welche ber Temperatur in bem Kühlrohre entspricht, so muß natürlich die Berbampfung ber Flüssigkeit in ber Retorte lebhafter vor sich gehen, als wenn die Spannung ber Dampfe eine höhere ware.

§. 394 Gas- und Dampfgomenge. Wenn zwei gasförmige Flitssiseiten, welche keine chemische Wirkung auf einander ausüben, in einem und bemselsben Gefäße eingeschlossen werben, so lagern sich bieselben nicht, wie die wassserseiten fich beibe gleichmäßig über ben ganzen Gefäßraum, und es ift hierbei die Expansivkraft des Gasgemenges gleich der Summe der Spannungen, welche jedes einzelne Gas haben würde, wenn es für sich allein den ganzen Raum einnähme.

Außer diesem zuerft von Dalton aufgestellten Gefete gilt für Dampfe auch noch folgendes: Wenn in einen mit Gas erfüllten Raum ein Liquidum gebracht wird, so verwandelt sich von bemselben so viel in Dampf, als wenn berfelbe Raum luftleer mare.

Man kann sich von der Richtigkeit bieser beiben Gesetze burch solgenden Bersuch ilberzeugen. Die Glasröhre AB, Fig. 613, communicitt unten mit einer engeren Glasröhre BC, und ist an beiben Enden mit Hähnen a und b versehen. Deffnet man den Hahn a und verschließt den Hahn b,

fo kann man ben Apparat durch Zugießen von oben mit Quecksilber anfüllen. Ift bies geschehen, so verschließt man a und öffnet b so lange, bis so viel Quecksilber abgeflossen ift, daß über bem in der Röhre AB zurückgebliebe-



nen Quedfilber ein leerer Raum fichtbar wird. Berichließt man nun auch b, fo tann man an einer zwischen beiben Röhren befindlichen Scala, wie an einem Beberbarometer, ben ben Drud ber außeren Luft meffenden Niveauabstand h. amifchen beiben Quedfilberfäulen AB und CB ablesen. Bierauf ichraubt man über bem Bahne a einen mit trodener Luft angefüllten und burch einen Sahn d verschliegbaren Ballon D an, und öffnet alle brei Sahne a, b und d, fo baß fich bie in D eingeschlossene Luft in bem oberen Enbe ber Rohre AB ausbreiten fann. Ift nun auf biefe Beife bas Quedfilber in AB um eine gewiffe Bobe gefunten, fo verschließt man b, und lieft ben Riveauabstand ha zwischen beiben Quedfilberfäulen in AB und CB von Neuem ab. Die Spannung ber in D und A eingefchloffenen Luft ift die Differeng x=h1-h2 amifchen bem erften und bem letten Riveauabstande.

Nachher verschließt man den Hahn a, schraubt statt des Ballons D einen durch einen engen Hahn e verschließbaren Trich-

ter E auf, in welchen man Wasser ober biejenige Flüssseit gießt, beren Dämpse in Untersuchung gezogen werden sollen, und sührt nun durch ruckweise Eröffnung des Hahnes e die Flüssigkeit tropfenweise in die Röhre AB. So lange die sich aus dieser Flüssigkeit bildenden Dämpse das Quecksilber in AB noch tieser heraddrücken, so lange läßt man auch noch neue Flüssigkeit zutröpseln; wenn aber diese Sinken aushört, so hat sich die Luft vollkommen mit den Dämpsen der eingesührten Flüssigkeit gesättigt. Wan gießt nun durch CB so viel Quecksilber zu, die die Obersläche des Quecksilbers in AB wieder den vorigen Stand einnimmt, und liest den Riveauabstand h_3 zwischen deiden Quecksilbersäulen zum dritten Male ab. Die Spannung der in A eingeschlossenen und mit gesättigten Dämpsen erfüllten Luft ist wieder die Differenz $y = h_1 - h_3$ zwischen dem ersten und dem letzten Niveauabstande, und folglich auch

$$y = x + (h_2 - h_3),$$

also um $h_2 - h_3$ größer als die Spannung x der trodenen Luft. Da sich endlich ergiebt, daß $h_2 - h_3$ nahe gleich ist der Spannung des gesättigten Dampses bei der Temperatur während des Versuches, so ist dadurch die angenäherte Richtigkeit des Dalton'schen Gesetzes nachgewiesen.

§. 395 Fouchto Luft. Die freie Luft enthält gewöhnlich eine kleinere ober größere Menge Wasserdampf, und es ist die Bestimmung berselben Segenstand der Hygrometrie. Ist die Lust mit Wasserdampf gesättigt, so wird die Dichtigkeit γ aus der Temperatur t und Spannung p berselben wie folgt bestimmt. Wittels der Temperatur t bestimmt sich zunächst durch eine der Formeln der Paragraphen 387 und 388 die Spannung p_1 des Dampses in der Lust, und hieraus durch Subtraction auch die Spannung $p_2 = p - p_1$ der trodenen Lust. Nun ist aber die Dichtigkeit des Dampses:

$$\gamma_1 = \frac{6}{8} \cdot \frac{1.3 p_1}{1 + \delta t},$$

und bie ber trodenen Luft:

$$r_2 = \frac{1,3 p_2}{1 + \delta t} = \frac{1,3 (p - p_1)}{1 + \delta t}$$
 Kilogramm
(j. Bb. I, §. 393),

baher folgt bie Dichtigfeit ber mit Bafferbampf gefättigten guft:

$$\gamma = \gamma_1 + \gamma_2 = \frac{1,3}{1+\delta t}(p-p_1+\frac{5}{8}p_1) = \frac{1,3}{1+\delta t}(p-\frac{3}{8}p_1),$$
b. i.:

$$\gamma = rac{1,3 \ p}{1 + \delta t} \left(1 - \sqrt[8]{8} rac{p_1}{p} \right)$$
 Rilogramm,

wobei man die Spannung p in Atmosphären anzugeben hat. Ist, wie gewöhnlich, die Luft nicht mit Wasserdampf gesättigt, so muß man noch den Feuchtigkeitsgrad der Luft in diese Formel einsühren. Man versteht unter demselben das Verhältniß ψ zwischen der wirklichen Dampsmenge in der Luft zu derzenigen Dampsmenge, welche dieselbe im Sättigungszustande enthält. Ist solglich γ_1 die Dichtigkeit des gesättigten Dampses, so läßt sich die Dichtigkeit des ungesättigten Dampses, so läßt sich die Dichtigkeit des ungesättigten Dampses ψ_1 seizen, und ist ebenso, p_1 die Spannung des Dampses im ersten Zustande, so hat man, dem Mariotte'schen Gesez zusolge, die Spannung desselben im ungesättigten Zustande ψ_1 . Dies vorausgesetzt, hat man solglich die Dichtigkeit der seuchtigkeit der Feuchtigkeitsgrade ψ und der Spannung p:

$$\gamma = \gamma_1 + \gamma_2 = \frac{5}{8} \cdot \frac{1,3 \psi p_1}{1 + \delta t} + \frac{1,3 (p - \psi p_1)}{1 + \delta t}$$

$$= \frac{1,3 p}{1 + \delta t} \left(1 - \frac{3}{8} \frac{\psi p_1}{p}\right).$$

Da $^2/_8$ ψ $\frac{p_1}{p}$ meift nur ein kleiner Bruch ift, so kann man auch

$$\gamma = \frac{1,3 p}{(1 + \delta t) \left(1 + \frac{3}{8} \psi \frac{p_1}{p}\right)} = \frac{1,3 p}{1 + \delta t + \frac{3}{8} \psi \frac{p_1}{p}} \\
= \frac{1,3 p}{1 + \left(\delta + \frac{3}{8} \psi \frac{p_1}{pt}\right) t}$$

fegen.

Im Mittel ist der Feuchtigkeitsgrad der freien Luft $\psi=1/2$; nehmen wir noch die Temperatur derselben t=10 Grad an und setzen hiernach $\frac{p_1}{p}=0{,}012$, so erhalten wir:

$$\frac{8}{8} \psi \frac{p_1}{pt} = \frac{8}{8} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{0.012}{10} = 0.00023,$$

folglich

$$\delta + \frac{3}{8}\psi \frac{p_1}{pt} = 0.00367 + 0.00023 = 0.0039,$$

wofür wir einfacher 0,004 feten tonnen, so daß nun einfach die Dichtigkeit ber freien Luft im mittleren Feuchtigkeitszustande

$$\gamma = \frac{1.3 p}{1 + 0.004 t}$$
 Rilogramm

gefett werben tann.

Giebt man p in Rilogramm pr. Quabratcentimeter, fo erhalt man

$$\gamma = \frac{0.7821 \, p}{1 + 0.004 \, t}$$
 Kilogramm,

und giebt man p in Pfund pr. Quadratzoll, fo ist die Dichtigkeit ober bas Gewicht von 1 Cubitfuß feuchte Luft

$$\gamma=rac{0{,}003539\,p}{1\,+\,0{,}004\,t}$$
 Pfund

ju feten (vergl. Bb. I, §. 393).

Hygrometer. Um ben Feuchtigfeitegrab ber Luft zu meffen, hat man §. 396 verschiebene Sulfsmittel, sogenannte Hygrometer, (franz. hygrometre; engl. hygrometer) angewendet. Dieselben sind entweder chemische, ober Absorptions. ober Condensationshygrometer.

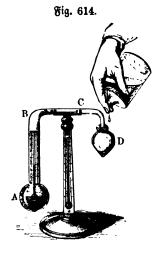
Läßt man die Luft, beren Feuchtigkeitsgrad bestimmt werden soll, durch ein Rohr strömen, in welchem sich eine Substanz besindet, wozu der Wasserbampf eine große Berwandtschaft hat, wie z. B. Chlorcalcium, so absorbirt dieselbe den in der Luft enthaltenen Wasserdmepf, und die Luft tritt völlig getrocknet aus dem Rohre heraus. Wiegt man den absorbirenden Körper vor und nach seiner Berwendung, so giedt die Disserd der gesundenen Sewichte das Gewicht des eingesaugten Wassers an, und dividirt man dasselbe durch das Volumen der durch das Rohr geleiteten Luft, so erhält man das durch den Wassergehalt pr. Raumeinheit in Sewicht ausgedrückt. Zur Erzeugung des Luftstromes dient ein sogenannter Aspirator, d. i. ein oben verschlossens Ausslußreservoir. Wenn man das mit Chlorcalcium locker angestüllte Rohr oben in den vorher mit Wasser angefüllten Aspirator einmünden läßt, so strömt durch das Rohr gerade so viel Luft in den Aspirator, als nöthig ist, um den Raum auszusüllen, welchen das absließende Wasser frei läßt.

Einfacher, jedoch weit weniger genau sind die Absorptionshygrometer, welche sich darauf gründen, daß sich gewisse organische Substanzen in der Rösse ausdehnen und im Trocknen zusammenziehen. Es gehört hierher vorzüglich das Haarhygrometer von Saussure. Das hierzu verwendete und vom Fett gereinigte Haar ist an einem Ende befestigt, und mit
dem anderen Ende um eine mit einem Zeiger und einem kleinen Gegengewichte verschene Leitrolle gelegt; und es bewegt sich uun die Rolle sammt
dem Zeiger nach der einen oder nach der anderen Seite, je nachdem sich das
Haar ausbehnt oder zusammenzieht, je nachdem also der Feuchtigkeitsgrad der
Luft ein größerer oder kleinerer wird.

Mittels ber Conbensationshygrometer bestimmt man ben Feuchtigteitegrab ber Luft baburch, bag man in berfelben einen Rorper allmälig ertältet und nun zusieht, bei welcher Temperatur desselben sich der Dampf aus ber Luft als Thau an biesem Körper nieberschlägt. Da mit bem Erscheinen bes Thaues ber Sättigungezustand bes Dampfes eingetreten ift, fo tann man nun aus ber Temperatur bes Rörpers mittels ber befannten Formeln (f. §. 387 und §. 388) sowohl die entsprechende Erpansivfraft, als auch die Dichtigkeit bes Bafferbampfes in ber Luft berechnen, und vergleicht man nun biefelbe mit berjenigen, welche ber Temperatur ber Luft im Sättigungsauftande entspricht, fo brudt bas fich ergebende Berhaltnig ben Feuchtigkeitsgrad der Luft aus. Ware g. B. die Temperatur der Luft, t = 20 Grad, und bagegen bie bes Rorpers, bei welcher ber Nieberschlag von Baffer auf bemfelben erscheint, t1 = 5 Grad, fo hatte man, ba ber Temperatur t = 200, bie Expansiviraft p=1,7391 Centimeter, und ber Temperatur t=5%, bie Expansiviraft p1 = 0,6534 Centimeter entspricht, den Feuchtigkeitsgrad ber Luft:

$$\psi = \frac{6534}{17391} = 0.376.$$

Bei bem Daniell'ichen Hygrometer ABCD, Fig. 614, besteht ber Körper A, an welchem fich ber Dampf aus ber Luft nieberschlägt, in



einer mit glangenbem Golb ober Blatin überzogenen Glastugel A, welche zu zwei Drittel mit Schwefelather angefüllt ift und die Rugel eines Thermometers enthalt, woran die Temperatur im Augenblide ber Thaubilbung abzulesen ift. Diefe Rugel fteht burch eine gebogene Röhre CB mit einer anberen Glastugel D in Berbinbung, und es ift ber gange Apparat luftleer herzustellen. Um nun bie erforberliche Ertältung ber erften Rugel hervorzubringen, hat man nur nöthig, auf die zu biefem Zwede mit einem Duffelin = ober Leinwandlappchen umgebene Rugel D Schwefelather tropfeln zu laf-Die Berbampfung biefes Methers erzeugt nun eine Ralte in D, wobei eine

Berminderung der Spannung des Aetherdampfes im ganzen Apparate entsteht, und womit nicht allein das Niederschlagen dieses Dampfes in D, sondern auch die Bilbung neuer Actherdämpse und die Abkühlung des zurucksbleibenden Aethers in A verbunden ist.

In der Hauptsache beruht sowohl bas Sygrometer von Regnault als auch bas Bindrometer von August auf bemfelben Principe.

Erwärmungskraft. Die Bärme, welche zur Berwandlung des Bas. §. 397 sers in Dampf nöthig ist, wird in der Regel durch Berbrennung von Körpern gewonnen. Die Berbrennung (franz. und engl. combustion) besteht in einer raschen Berbindung eines Körpers, des Brennstoffes (franz. combustible; engl. fuel), mit Sauerstoff (franz. oxygène; engl. oxygen). Als Brennstoff werden vorzüglich kohlenstoffhaltige Körper benutzt, den Sauersstoff aber liefert die atmosphärische Luft, die im gewöhnlichen Zustande 23 Procent dieses Stoffes enthält. Die Erwärmungskraft (franz. puissance calorisique; engl. warming power) oder die Bärmemenge, welche bei der Berbrennung entwicklt wird, ist dei verschiedenen Brennstoffen sehr verschieden, z. B. bei Basserstoffgas größer als bei Kohlenstoff, und bei diessem größer als bei Holz u. s. w. Es haben Rumford, Lavoisier und Laplace, serner Despretz und besonders noch Dulong Bersuche über die

Erwärmungstraft verschiebener Körper angestellt, und hierbei vorzuglich aus der Stärke der Erwärmung einer bestimmten Wassermenge, welche durch Berbrennung einer bestimmten Quantität des Brennstoffes erlangt wurde, auf die Erwärmungstraft des letzteren geschlossen. Auf diesem Wege hat z. B. Dulong gesunden, daß 1 Gramm Wasserstoffgas bei seiner Verdrennung 34600 Gramm Wasser um einen Grad erwärmt und dazu 4,32 Gramm Sauerstoff verdraucht; daß dagegen 1 Gramm Rohlenstoff hierbei nur 7299 und 1 Gramm Rohlenorphygas gar nur 2490 Gramm Wasser um einen Grad in der Temperatur erhöht, jener aber 2,73 Gramm und dieses 4,36 Gramm Sauerstoff ersordert. Nach §. 373 ist solzlich die Erwärmungstraft des Wasserstoffgases = 34600, die des Kohlenstoffes = 7290 und die des Kohlenstoffes = 2490 Wärmeeinheiten (calories).

Bas die zur Verbrennung nöthige Sauerstoffmenge anlangt, so läßt sich diese auch direct aus dem Producte der Verbrennung berechnen. Bei der vollsommenen Berbrennung von Kohle ist dieses Product Kohlensäure (franz. acido carbonique; engl. carbonic acid), und diese besteht aus 27,36 Theilen Rohlenstoff und 72,64 Theilen Sauerstoff; daher erfordert ein Gramm Kohlenstoff zu seiner Verbrennung $\frac{72,64}{27,36} = 2,65$ Gramm

Sauerstoff, ober $\frac{2,65}{0,23}=11,52$ Gramm atmosphärische Luft, ba die atmosphärische Luft aus 23 Gewichtstheilen Sauerstoff und 77 Gewichtstheilen Stidstoff besteht.

§. 398 Vorbronnungswärme. Reuere Berfuche über die Berbrennungsmärme find von Andrews (Boggenborff's Annalen Bb. 75) fowie von Favre und Silbermann (Annales de chim. et de phys. Ser. III. Tom. 34) Das Calorimeter, welches die letteren Experimentatoren angeftellt worden. angewendet haben, bestand in ber hauptsache in einer metallenen Berbrennungefammer von circa 5 Centimeter Beite und 10 Centimeter Bobe. welche in ein mit Waffer angefülltes Gefag eingetaucht war und mit auken burch brei Röhren in Berbindung ftand, wodurch ber gur Berbreunung nothige Squerftoff und bas zu verbrennenbe Gas zu s fowie die gasformigen Berbrennungsproducte abgeführt wurden. Um die Barme ber letteren bem Rublmaffer mitzutheilen, erhielt bas britte ober Ableitungerohr eine große Lange und murde ichlangenformig um die Berbrennungetammer herumgewidelt. ftatt eines Gafes ein fester ober fluffiger Rörper verbrannt werben follte, fo mußte natürlich berfelbe schon vor bem Bersuche in bie Rammer gebracht und bie ameite ober Baszuleitungeröhre gefchloffen werben. Um ben Bang ber Berbrennung von außen beobachten ju tonnen, war mitten im Dedel der Rammer eine burch eine ftarte Glasplatte verschloffene weitere Röhre, sowie

barilber ein geneigter Spiegel angebracht. Ferner war das Kühlgefäß noch mit einem weiteren Mantel umgeben und mit diesem in ein noch weiteres, mit Wasser angefülltes Gefäß gesetzt, damit dasselbe so wenig wie möglich Wärme von außen aufnehmen konnte. Um endlich die Wärme im Kuhlwasser möglichst auszubreiten, wurde dieses durch Auf- und Niederziehen eines aus zwei Blechringen bestehenden Kührwerks in Bewegung gesetzt.

Aus dem Gewichte Q des Kühlwassers und der beobachteten Wärmezunahme t besselben in Folge der Verbrennung ließ sich nun die entsprechende Wärmennenge W = Qt (s. §. 373) berechnen.

Auf diese Beise ergab sich die Barmemenge bei Berbrennung von 1 Rilogramm

Holzfohle . . . 8080 Wärmeeinheiten, Graphit . . . 7797 "
Kohlenorybgas . . 2403 "
Wasserstoffgas . . 34462 "
u. s. w.

Diefen Bersuchen zufolge ist die Berbrennungswärme ober Beiztraft ber Roble ober bes reinen Roblenstoffes größer als Dulong und Andere gefunden haben. Die gefundene Differenz hat aber nach Favre und Sil-bermann ihren Grund barin, daß die Roble gewöhnlich nicht vollständig zu Roblensaure, sondern auch theilweise nur zu Kohlenorydgas verbrennt. Diese Experimentatoren haben nun noch die Menge des letzteren Gases besonders bestimmt und die Wärme, welche die Berbrennung berselben giebt, noch mit zur ganzen Berbrennungswärme addirt.

Während das tohlensaure Gas aus 27,27 Gewichtstheilen Kohlenstoff und 72,73 Sewichtstheilen Sauerstoff besteht, ist das Kohlenorydgas aus 42,86 Sewichtstheilen Kohlenstoff und 57,14 Sewichtstheilen Sauerstoff zusammengeset, und es ist solglich zur Berbrennung eines Grammes Kohle zu Kohlenorydgas nur $\frac{57,14}{42,86} = 1,333$ Gramm Sauerstoff oder $\frac{1,333}{0,23} = 5,8$ Gramm, d. i. nahe nur halb so viel atmosphärische Lust nöthig, als bei der Berbrennung zu Kohlensäure. Deshalb bildet sich das Kohlenorydzgas nur dann in größerer Menge, wenn es an Lustzug oder an der zur Bildung von Kohlensäure nöthigen Menge von Sauerstoff mangelt.

Da nach ben Versuchen von Favre und Silbermann die Verbrennung von 1 Kilogramm Kohlenstoff zu Kohlensäure 8080 Wärmeeinheiten, das gegen die von 1 Kilogramm Kohlenorybgas zu Kohlensäure 2403 Wärmeeinheiten giebt, und da das Kohlenorybgas 42,86 Procent Kohlenstoff enthält, also 1 Kilogramm Kohlenstoff in diesem Gase $\frac{2403}{0,4286} = 5607$ Wärmee

einheiten entspricht, so ift folglich die Wärmemenge, welche bei der unvollsständigen Berbrennung der Rohle zu Rohlenorphgas entwidelt wird:

8080 - 5607 = 2473 Barmeeinheiten,

also circa brei Zehntel von berjenigen Barmemenge (8080 Barmeeinheiten), welche aus ber vollständigen Berbrennung zu Koblensäure hervorgeht.

Die Wärmemengen, welche bei Berbrennung von Kohlenwasserstoffverbinsbungen entwickelt werden, lassen sich mit Hilse der Wärmemengen ihrer Bestandtheile leicht berechnen. Das Grubens oder Sumpfgas (schlagende Wetter) besteht dem Gewichte nach aus 25 Proc. Wasserstoff und 75 Proc. Kohlenstoff, giebt folglich bei seiner Berbrennung

1/4.34462 + 3/4.8080 = 8615,5 + 6060 = 14675,5 Wärmeeinheiten, bagegen bas ölbilbende Gas besteht aus 1/7 Wasserstoff und 6/7 Kohlenstoff, und liefert folglich bei seiner Berbrennung nur

 $^{1}/_{7}$. $34462 + ^{6}/_{7}$. $8080 = 4923 + 6926 \stackrel{\cdot}{=} 11849$ Bärmeeinheiten.

Anmerkung. Ueber die Barmeentwickelung bei anderen chemischen Berbindungen, sowie über die Barmequellen überhaupt ift nachzulesen: Ruller's Physik, Band 2, sowie Buhlner's Experimentalphysik Band II.

Brennstoffe. Die Brennftoffe, welche jur Erzeugung von Baffer-**§.** 399 bampfen benutt werben, find vorzüglich Steintoblen, Brauntoblen, Torf, Bolg und Roles. Diefelben find Berbinbungen von Roblenftoff (C), Bafferftoff (H) und Sauerstoff (O), enthalten zuweilen noch etwas Stidstoff (N) und fast burchgängig verschiebene Mengen uuorganischer Bestandtheile, welche bei ber Berbrennung als Afche gurudbleiben. Außerdem enthalten biefelben noch eine größere ober fleinere Menge freies ober bygroftopisches Baffer, welches bei der Berbrennung die Dampfform annimmt und hierbei eine gewiffe Barmemenge bindet, wodurch die Beigfraft bes Brennftoffes herabge-Deshalb foll man auch die Breunftoffe vor ihrer Beraogen wird. wendung möglichst troduen. Frifch gefälltes Solz enthält 35 bie 50 Procent, und gehörig lufttrodenes Bolg noch 20 bis 25 Procent Baffer. 1 Bfund Baffer circa 640 Barmeeinheiten erforbert, um es in Dampf gu verwandeln, und 1 Bfund gang trodenes Solg bei feiner Berbrennung 3600 Wärmeeinheiten entwickelt, fo wird 1 Pfund Solg mit 25 Procent Baffer bei feiner Berbrennung nur 3600.0,75 = 2700 Barmeeinheiten liefern, und überdies hiervon noch 640.0,25 = 160 Barmeeinheiten an bas Baffer gur Umwandlung beffelben in Dampf abfegen, fo bag folglich nur

2700 - 160 = 2540 Barmeeinheiten

nutbar gemacht werben tonnen.

Das burch bie chemische Analyse in ben Brennmaterialien gefundene Sauer-

stoffquantum O ist mit einem Theile $H_1=rac{O}{8}$ bes Wasserstoffes (H) zu Wasser verbunden, folglich tann auch nur das Wasserstoffquantum

$$H-H_1=H-\frac{0}{8}$$

gur Berbrennung gelangen, und bie Barmemenge

$$W_1 = 34462 \left(H - \frac{0}{8}\right)$$

entwideln. Abbirt man hierzu die Wärmemenge

$$W_2 = 8080 C_1$$

welche aus ber Berbrennung ber Rohlenstoffmenge C hervorgeht, fo erhalt man baburch bie gesammte theoretische Beigtraft eines Brennmateriale:

$$W = W_1 + W_2 = 34462 \left(H - \frac{0}{8}\right) + 8080 C.$$

Der Anthracit (franz. und engl. anthracite) ist das tohlenstoffreichste Brennmaterial; er besteht im Mittel aus 91 Procent Kohlenstoff, 3 Procent Basserstoff, 3 Procent Sauerstoff und 3 Procent Asche, wonach sich die theoretische Brennkraft besselben

Die Steintohle (franz. houille; engl. pit-coal) besteht im Mittel ans 80 Brocent Kohlenstoff, 5 Brocent Basserstoff, 10 Brocent Sauerstoff und 5 Brocent Asche, es ist folglich ihre theoretische Deizkraft:

$$W = 34462.(0,05 - \frac{1}{8}.0,1) + 8080.0,80 = 1292 + 6464$$

= 7756 Wärmeeinheiten.

Die Braunkohle (franz. lignite; engl. brown-coal) enthält bagegen im Mittel nur 60 Procent Kohlenstoff, 5 Procent Wasserstoff, 25 Procent Sauerstoff und 10 Procent Asch, wonach folglich die theoretische Brennkraft bieses Brennstoffes

Der Torf (franz. tourbo; engl. peat, turf) enthält im Mittel 52 Procent Kohlenstoff, 5 Procent Wasserstoff, 33 Procent Sauerstoff und 10 Procent Afche; es ist baber die theoretische Brennkraft besselben:

$$W = 34462.(0.05 - \frac{1}{8}.0.33) + 8080.0.52 = 301 + 4202$$

= 4503 Wärmeeinbeiten.

Was ferner das Holz (franz. bois; engl. wood) anlangt, so besteht

basselbe burchschnittlich aus 49 Procent Rohlenstoff, 6 Procent Wasserstoff, 44 Procent Sauerstoff und 1 Procent Asche, so bag die theoretische Brenntraft besselben

W = 34462.(0,06 — 1/8.0,44) + 8080.0,49 = 172 + 3959 = 4131 Wärmeeinheiten folgt.

Durch die Berkohlung (franz. carbonisation; engl. carbonisazion) der Brennmaterialien wird nicht allein der Wasserstoff und Sauerstoff aus benselben entfernt, sondern es geht auch ein Theil des Rohlenstoffes verloren, indem sich zugleich Verbindungen von Wasserstoff, Kohlenstoff und Sauerstoff bilden und in Gassorm entweichen. Deshalb giebt denn auch 1 Pfund lufttrockenes Holz mit 20 Procent hygrossopischem Wasser und 40 Procent Kohlenstoff nur 0,18 dis 0,25 Pfund Holztohle (franz. charbon de bois; engl. char-coal), und ebenso, 1 Pfund Steinschse nur 0,45 dis 0,6 Pfund Coats (franz. und engl. coke). Uebrigens sind weder die Holztohlen noch die Coats reiner Rohlenstoff, sondern es enthalten dieselben nebst den die Ascerbaff, und es ist deshalb ihre theoretische Verennkraft nur 7000 dis 7500 Wärmeeinheiten.

Es ift hiernach die Anwendung von vertohlten Substanzen mit einem großen Wärmeverluste verbunden, und baher nur zulässig, wo es entweder auf die Erzeugung einer sehr intensiven hipe oder auf die Entfernung gewisser flüchtiger Bestandtheile, z. B. des Schwefels, ankommt.

Die nutharen Wärmemengen, welche man bei ber Berbrennung ber Brennmaterialien auf Feuerherben gewinnt, sind, weil auf benselben nie eine vollständige Berbrennung zu Kohlensäure möglich ift, weil zumal die Berbrennungsproducte eine ansehnliche Wärmemenge mit fich fortnehmen, sowie auch Wärme durch Mittheilung an die Ofenwände und durch Abfälle verloren geht, stets viel kleiner als die im Berstehenden angegebenen theorestischen Wärmemengen. Es folgt aus vielfachen und namentlich auch aus sehr gründlich angestellten Bersuchen von Dr. W. Brix (siehe dessen Untersuchung über die Heizeraft der wichtigsten Brennstoffe), daß die nuthare Berbrennungswärme im Mittel bei den meisten Brennherben nur zwei Drittel von der theoretischen Berbrennungswärme ist.

§. 400 Vorbronnung. Die zur Berbrennung einer gewiffen Menge Brennftoff nöthige Luftmenge, sowie bas Quantum bes hieraus hervorgehenden und burch ben Schornstein abzuleitenden Sasgemenges läßt fich wie folgt ermitteln.

Die Rohlenftoffmenge C bes Brennmaterials erfordert zur Bilbung von Rohlenfäure bie Sauerstoffmenge

$$O_1 = \frac{8}{8} C = 2,67 C$$

und es ift bie Menge ber gebilbeten Rohlenfäure:

$$C + O_1 = \frac{11}{3} C = 3.67 C$$
.

Ferner das Berbrennen der freien Basserstoffmenge $H \stackrel{\cdot}{-} \frac{O}{8}$ zu Basser ersorbert das Sauerstoffquantum:

$$0_2 = 8\left(H - \frac{0}{8}\right) = 8H - 0$$

und giebt bas Bafferquantum:

$$9\left(H-\frac{0}{8}\right)=9H-\frac{9}{8}0.$$

Biernach ift alfo ber gange Sauerftoffbebarf:

$$0 = 0_1 + 0_2 = 2,67 C + 8H - 0$$

und folglich bie erforberliche Menge atmofphärischer Luft:

$$L = \frac{2,67 C + 8 H - 0}{0,231} = 11,56 C + 34,63 H - 4,33 O,$$

ober in Cubikmeter, wenn wieber C, H und O in Kilogramm ausgebrückt werben, und vorausgesetzt wird, daß bei einer mittleren Temperatur von 10 Grad und 0.76 Meter Barometerstand, 1 Cubikmeter Lust, $\gamma=1.25$ Kilogramm wiegt:

Dagegen ift bie nothige Luftmenge für 1 Pfund Brennstoff:

$$V = \frac{32,346}{2} (9,25 C + 27,70 H - 3,46 O)$$

$$= 149,6 C + 448,0 H - 56,0 O$$
 Cubiffuß.

Nach bem Obigen ist 3. B. für 1 Pfund Steinkohle, C=0.80, H=0.05 und O=0.10 Pfund, und baher die hierzu erforderliche Menge atmosphärischer Luft:

$$V = 146,6.0,8 + 448,0.0,05 - 56,0.0,01$$

= 119,7 + 22,4 - 5,6 = 147,7 Cubitfuß.

Um eine schnelle und vollständige Verbrennung zu erlangen, ift es nöthig, bem Brennherde die doppelte Luftmenge zuzuführen.

Was das durch den Schornstein abzuführende Gasgemenge anlangt, so besteht dasselbe aus dem Sticksoff der zugeführten atmosphärischen Luft, aus dem durch die Berbrennung erhaltenen tohlensauren Gas, sowie aus dem sich hierbei bildenden Wasserbampse.

Das aus ber Zerlegung ber atmosphärischen Luft hervorgehende Stidftoffquantum ist dem Gewichte nach:

liefert.

$$Q_1 = \frac{0.769}{0.231} (2.67 C + 8 H - 0) = 3.329 \cdot (2.67 C + 8 H - 0)$$

ober, da bei 10 Grad Barme und dem mittleren Barometerstande die Dichtigleit des Stickgases = 1,25.0,9713 = 1,2141 Kilogramm ift,

$$Q_1 = (8,88 \ C + 26,63 \ H - 3,33 \ O):1,2141$$

= 7,315 $C + 21,93 \ H - 2,74 \ O$ Subifueter,

und folglich bas Stidgasquantum pr. Bfund Brennftoff:

$$Q_1 = 118.3 C + 354.7 H - 44.3 O$$
 Cubitfug.

Da ferner bie Dichtigfeit bes Rohlenfäuregases

beträgt, fo ift die aus einem Kilogramm Brennftoff hervorgebende Menge biefes Gafes:

$$=\frac{3,67\ C}{1.911}=1,919\ C$$
 Cubitmeter,

alfo biefe Denge pr. Pfund Brennftoff:

$$Q_2 = 16,17.1,919 C = 31,0 C$$
 Cubiffuß.

Enblich geht aus bem Bafferftoff H bie Baffermenge 9 H hervor, welche, ba 1 Enbitmeter Bafferbampf, 5/8. 1,25 Gramm == 0,78125 Rilogramm wiegt, eine Dampfmenge

$$\frac{9 H}{0.78125} = 11,52 H$$
 Cubitmeter

giebt, so daß pr. Pfund Brennstoff die Dampfmenge

$$Q_3 = 16,17.11,52 H = 186,3 H$$
 Cubiffuß

hervorgehenden Gasgemenges:

$$Q = Q_1 + Q_2 + Q_3 = 118.3 C + 354.7 H - 44.3 O + 31.0 C + 186.3 H$$

= 149.3 C + 541.0 H - 44.3 O Cubifug.

Das Gewicht dieses Gemenges ist das Gewicht C des Brennstoffes plus das Gewicht der zugeführten Luft $L=11,56\ C+34,63\ H-4,33\ O$, folglich das Gewicht eines Cubiksußes besselben:

$$\gamma = \frac{11,56 C + 34,63 H - 4,33 O}{149,3 C + 541,0 H - 44,3 O}.$$

3. **3.** Fix C = 0.8, H = 0.05 und O = 0.10, wie oben, $Q = 149.3 \cdot 0.8 + 541.0 \cdot 0.05 - 44.3 \cdot 0.10 = 142.1$ Cubitfuß, und wiegt

G = 12,56.0,8 + 34,63.0,05 - 4,33.0,10 = 11,33 Pfund, so daß die Dichtigkeit dieses Gasgemenges

$$\gamma = \frac{11,33}{133.7} = 0,08475 \,$$
Pfund

folgt, während die Dichtigkeit ber atmosphärischen Luft

$$=\frac{1,25}{15,13}=0,08262$$
 Pfund ift.

Benn man boppelt so viel Luft zusührt, als zu einer langsamen Berbrennung nöthig, so ist das Quantum bes durch den Schornstein abzusührenden Gasgemenges noch um $V=139,7\ C+419,1\ H-52,40\ O$ größer, folglich

$$Q = 279.4 C + 940.8 H - 10.9 O$$
 Cubitfuß,

und bie Dichtigfeit bes Basgemenges:

$$\gamma = \frac{24,08 C + 69,26 H - 8,66 O}{279.4 C + 940.8 H - 10.9 O}$$

Diese Werthe für Q und γ beziehen sich nur auf die mittlere Temperatur (10 Grad) der zutretenden Luft; da aber die Temperatur t der fortströmenben Berbrennungsgase eine höhere ist, so hat man das Bolumen derselben

$$\left(\frac{1+\delta t}{1+10\,\delta}\right)Q = \left(\frac{1+0,00367\,t}{1,0367}\right)Q$$

au fegen.

Gewöhnlich nimmt man t=300 Grab an, und erhält baher biefes Gasquantum

$$=\frac{2,101}{1.0367}Q=2,027Q,$$

und beffen Dichtigfeit

$$=\frac{\gamma}{2.027}=0,4934\,\gamma.$$

Für 1 Pfund Steinkohle ist bemnach, wenn man t=10 Grad annimmt: Q=279,3.0,8+940,8.0,05-9,39.0,10=269,5 Cubitfuß und

$$\gamma = \frac{21,80}{269.5} = 0,08089 \, \text{Pfund};$$

bagegen wenn man t = 300 Grab fest:

$$Q = 2,027.269,5 = 546,3$$
 Cubiffuß

und

Folgende Tabelle giebt die theoretische Berbrennungstraft der vorzüglicheften Brennstoffe, sowie die zur Berbrennung berselben nöthigen Luftmengen und die hieraus hervorgehenden Gasmengen an.

Brennstoffe.	Barmes mengen.	Ralte Luft zum Bers brennen	Rus ber Berbrennung hervorgehenbe Gas- menge, reducirt		
		von 1 Pfund Brennstoff.	auf 0°.	auf 300°.	
Starf geborrtes Bolg	3600 Cal.	102 Cbff.	111 Cbff.	233 Сыб.	
Lufttrodenes Golg mit 20 Broc.					
Waffer	2800 "	82 "	93 ,	194	
Holzsohle	7000 "	248 "	248 "	519	
Start geborrter Torf	4800 "	171 "	178 "	371	
Torf mit 20 Broc. Baffer	3600 "	137 "	146 "	305 "	
Torftehle	5800 "	200 "	200 "	418 .	
Mittlere Steintoble	7500 "	274 "	279 "	584 "	
Roafs mit 15 Proc. Afche	6000 "	227 "	227 "	475 "	
Reiner Roats	7050 "	250 "	250 "	520	

Beifpiel. Bie viel lufttrodenes holg ift nothig, um 80 Cubiffuß Baffer von 10° Temperatur auf 70° gu erhigen? Die nothige Barmemenge ift, wenn man ben Cubiffuß Waffer 61,75 Bfund fcwer annimmt,

61,75.30.(70-10) = 1852,5.60 = 111150 Cal.

Nun liefert aber 1 Pfund lufttrockenes Holz bei seiner Berbrennung 2800 Cal.; baber ift benn zu ber gesorberten Erwärmung $\frac{111150}{2800} = \frac{2223}{56} = 39,69$ Pfund ober circa 1 Cubifsuß Holz ersorberlich. Uebrigens ist die hierbei zur Berbrennung nöthige Lustmenge = 82.39,69 = 8255 Cubifsuß, und die baraus hervorgehende Gasmenge bei 250° Temperatur:

= (1 + 0.00367.250).93.39,69 = 1.9175.93.89,69 = 7078 Cubiffus.

§. 401 Bronnstoffmongo. Es läßt fich nun auch leicht ber Brennftoffs aufwand berechnen, ber zur Erzeugung einer gewissen Dampfmenge nöthig ift. Wir haben oben (§. 380) angegeben, baß die Gesammtwärme bes Dampses von to Temperatur (nach Regnault)

$$W = 606.5 + 0.305 t$$

ist, und können daher die Wärmemenge, welche nöthig ist, um 1 Pfund Wasser von t. Temperatur in Dampf von der Temperatur t zu verwandeln, setzen:

oder genauer, da ber Temperatur t, bes Baffere bie Barmemenge

$$W_1 = t_1 + 0,00002 t_1^3 + 0,00000003 t_1^3$$

entspricht,

$$W = 606.5 + 0.305t - (1 + 0.00002t_1 + 0.0000003t_1^2)t_1 \text{ Cal}$$

Bor Ausstührung der Bersuche von Regnault berechnete man die Wärmemenge des Dampses entweder mittels einer hypothetischen Formel von Watt oder mittels einer anderen von Southern. Nach Watt, Sharp, Clément. Désormes, und zumal nach den neueren Beobachtunsgen von Pambour ist die Gesammtwärme des Dampses dei allen Temperaturen eine und dieselbe, nimmt also die latente Wärme ab, wenn die sensible Wärme eine größere wird. Nimmt man an, daß dei der Bildung des Dampses von 100° Temperatur eine Wärmemenge von 540 Cal. gebunden wird, so hat man hiernach die Wärmemenge, welche dei der Berwandlung des Wassers von $t_1^{\rm o}$ Temperatur in Damps von jeder Temperatur nöthig ist, einsach

$$W = 540 + 100 - t_1 = 640 - t_1.$$

Nach Southern, Poncelet u. A. wäre hingegen die latente Wärme bes Dampfes conftant (540 Cal.), nähme also die Gesammtwärme mit ber Temperatur zu, und daher die Wärmemenge:

$$W = 540 + t - t_1$$
.

Rimmt man die Temperatur des Wassers — Rull an, und setzt man die des Dampfes $t=100,\ 125$, 150 Grad u. s. w., so läßt sich folgende Bergleichung machen:

	m p e r a t u r es Dampfes.	500	750	1000	1250	1500	1750	2000
ınge	Watt	640	640	640	640	640	640	640
<u> Bármemenge</u> na h	Southern .	590	615	640	665	690	715	740
B ár	Regnault .	611,7	629,4	637	644,6	652,2	659,9	667,5

Man ersieht hierans, daß bei Temperaturen von 100 bis 150 Grad, wie sie bei Dampsmaschinen meist vorkommen, das Watt'sche Geset nicht bebeutend von der Regnault'schen Formel abweicht, daß dagegen bei Temperaturen über 120 Grad die Southern'sche Regel schon auf ansehnlichere Abweichungen führt.

Wenn man, nach Regnault, $W=606,5+0,305t-t_1$ sett, so erhält man bas Wärmequantum, welches zur Berwandlung ber Wassermenge $Q_{\mathcal{V}}$ Pfund in Dampf nöthig, b. i.:

Nehmen wir für t und t_1 Mittelwerthe an, setzen wir t=125 und $t_1=15$ Grad, so erhalten wir:

et Jaunez).

Benden wir reinen Kohlenstoff zur Berbrennung an, und setzen wir vors aus, baß 2/3 der baburch entwickelten Wärme zur Wirfung gelange, so kons nen wir die durch 1 Bfund Kohle gewonnene Wärmemenge

sehen, und da nach der letzten Regel die Wärmemenge, welche 1 Pfund Wasser von 10° Temperatur zur Verwandlung in Dampf erfordert, 630 Cal. ist, so läßt sich hiernach annähernd als richtig annehmen, daß jedes Pfund Kohlenstoff bei seiner Verbrennung $\frac{4700}{630} = 7^{1/2}$ Pfund Dampf liefere oder 1 Pfund Dampf zu seiner Erzeugung, $^{2}/_{15} = 0,133$ Pfund Kohlenstoff ersordere. Ersahrungsmäßig giebt 1 Pfund Steinschle 5 bis 7 Pfund, 1 Pfund Koals $4^{2}/_{3}$ bis 5,8 Pfund, 1 Pfund Holzschle 6 Pfund und 1 Pfund Holz 2,5 bis 2,7 Pfund Dampf (s. Guide du chausseur par Grouvelle

Für die zur Dampferzeugung bienenden Steinkohlen find folgende Mittels werthe in Anwendung zu bringen.

Steinfohlen.	Gewicht rober Steinfohle pr. Tonne zu je 4 Scheffel.	Wassers gehalt in Procenten ber rohen Rohle.	Unverbrenn- liche Ruck- ftände in Procenten ber roben Kohle.	Effective Ber- bampfungs- fraft; Dampf- menge pr. Pfb. roher Kohle.
nordamerifanifche	361,0 Pfb.	1,39	10,3	8,27 野伤.
englische	391,5	3,37	7,8	7,82
preußische	849,2 "	8,00	4,8	8,28 "
fåchfische	367,6 ,,	10,83	25,5	8,20 "

Noch lassen sich folgende Mittelwerthe annehmen.

Name bes Brennftoffs.	Gewicht bes Brennftoffs.	Waffers gehalt.	heizkraft beim angegebenen Waffergehalt.		
			von 1 Pfund.	von 1 Rlafter.	
Nabelholz	1 Rlafter = 108 Cbfg. = 2600 Bfb.	15 Proc.	4,0	10400	
Laubholz	1 " =3000 "	15 "	3,7	11100	
				von 1000 St.	
Torf	1000 Stud = 1800 Pfb.	25 "	3,64	6552	
Braunkohle .	1 Scheffel = 290 "	30 "	8,95	1150	

Beispiel. Welchen Steinkohlenauswand erfordett eine Dampsmaschine ftundlich, welche in jeder Minute 500 Cubiffuß Damps von 3 Atmosphären Spannung consumirt, wenn bas Speisewasser eine Temperatur von 30° hat? Rach ber Tabelle II. in §. 388 entspricht 3 Atmosphären Spannung die Temperatur t = 133,9 Grad, und nach der Tabelle in §. 391 erfordern 500 Cubitssuß Damps bei 3 Atmosphären Spannung,

$$\frac{500}{587,4}$$
 Cubiffuß $=\frac{500}{587,4}\cdot 61,75=52,56$ Pfund Baffer,

und bicfes erforbert nach ber obigen Formel bie Barmemenge:

$$W = (606.5 + 0.805 t - t_1) Q \gamma_1 = (606.5 + 0.805 . 185 - 30) . 52,56$$

= $(606.5 + 41.2 - 30) . 52,56 = 617.5 . 52,56 = 32463 Gal.$

Nehmen wir an, bag 1 Pfund Steinfohle effectiv 4000 Cal. Barme liefere, fo erhalten wir bie nothige Steinfohlenmenge pr. Minute:

$$K = \frac{W}{4000} = \frac{32463}{4000} = 8,116 \$$
Pfund,

also ftunblich $=60\,K=487$ Pfund, ober, wenn man bie Tonne Steinkohle 350 Pfund schwer annimmt,

$$\frac{487}{350} = 1,39$$
 Conne.

Schlußanmerkung. Außer ben Berken über Bhyfik, von Müller, Ganot, Büllner u. A. handeln über Barme und Brennmaterialien folgende Schriften: Traité de la chaleur consid. dans les applications, par E. Péclet. III. édition. Paris 1860; ferner die Barmemeßfunst und deren Anwendung, von E. Sching, Stuttgart 1858; Untersuchungen über die Geigkraft der wichtigeren Brennstoffe im preußischen Staate, von B. B. Brir, Berlin 1853. A report to the navy departement of the United States on Americal coals etc. Philadelphia 1844. Im Auszuge in den Berhandlungen des Bereines zur Beförderung des Gewerbseiges in Breußen, 1846. Siehe auch Formules, Tables etc., ou Aide-Memoire des Ingenieurs etc., par J. Claudel, Paris 1854. Ferner Untersuchungen über die Scizkraft der Steinsohlen Sachsens von Ernst Hartig, Leipzig 1860. Sowie: Des Machines & vapeur, par Morin und Treska, Tome I, Production de la vapeur, Paris 1863.

Drittes Capitel.

Bon ben Dampferzeugungsapparaten.

§. 402 Der Dampfteffel (frang. la chaudière à vapeur; Dampfkessel. engl. the steam boiler) ift bas metallene Befag, in welchem bas Baffer erhitt und in Dampf verwandelt wird. Gin zwedmäßiger Dampfteffel foll in einer gegebenen Beit eine bestimmte Dampfmenge von einer bestimmten Spannung bei möglich Heinstem Brennmaterialaufwand und ber größten Sicherheit vor bem Berfprengen liefern. Um biefen Erforberniffen ju genugen, bat man zu bemfelben ein geeignetes Material auszumablen, ibm beftimmte Formen und Dimenfionen ju geben, ihn mit ben nöthigen Bulfsvorrichtungen auszurtiften u. f. w. Als Material zu Dampfteffeln wird in ber Regel ftartes Gifenblech verwendet, febr felten verbraucht man biergu Rupferblech, und nur zu engen ober röhrenförmigen Reffeln verwendet man Bugeifen ober Meffing. Die Berbindung ber Bleche unter einander erfolgt burch ftarte, bicht neben einander ftebende Rietnägel (frang. cloues rivés; engl. rivots). Dem Rupfer wurde wegen feines größeren Leitungevermogene (f. Bb. II, §. 367) ber Borgug vor bem Gifen an geben fein, allein wegen ber großen Roftspieligkeit wendet man baffelbe zu Dampfteffeln felten an.

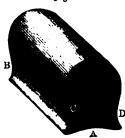
In der neueren Zeit verwendet man mit Bortheil Gufftahlblech bei ber Resselfabritation.

Bas die Form der Dampstessel anlangt, so hat man zu berücksichtigen, daß von derselben die Haltbarkeit und das Berdampfungsvermögen zugleich abhängen. Die Haltbarkeit oder die Widerstandssähigkeit eines Ressels fällt jedenfalls um so größer aus, je regelmäßiger und abgerundeter seine Form ist, das Berdampfungsvermögen hingegen nimmt um so mehr zu, je größer die Oberstäche des Kessels ist, je mehr also dieselbe von einer regelmäßigen und abgerundeten Form abweicht. Da diese Forderungen einer zweckmäßigen Kesselsson, und die Form von der Dampsspannung abhängig zu machen, namentlich zur Erzeugung von start gespannten Dämpsen mehr runde und zur Erzeugung von schwachen Dämpsen mehr ecige Kesselsonnen auszuwählen. Ein aus Röhren oder einzelnen Kesseln bestehender Dampserzeugungsapparat ist in beiderlei Beziehung zweckmäßig; er bietet dem Feuer eine größere Erwärmungsstäche dar und gewährt auch eine größere Sicherbeit.

Dampskossolformen. Rach ben Formen laffen fich bie Reffel in §. 403 folgende Claffen bringen.

1. Die Wagen. ober Rofferteffel nach Watt (franz. chaudiere a tombeau; engl. waggon-boiler), Fig. 615. Diefelben laffen fich nur bei





Dampf mit kleiner Spannung (4 bis 6 Pfund Ueberbrud auf ben Quadratzoll) anwenden, weil sie bei höheren Spannungen keine hinreichende Haltbarkeit bestigen. Das Feuer geht hier an der Unterstäche A hin und dann noch einmal an den Seiten BC, CD... um den ganzen Keffel herum, ehe es in den Schornstein tritt.

Um bas Ausbiegen ber concaven Boben- und concaven Seitenflächen zu verhindern, werden bicfe Reffeltheile innen noch durch Gifenftabe verantert.

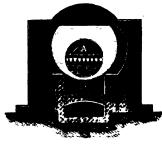
2. Die Walzenkessel mit äußerer Feuerung, nach Woolf (franzchaudieres cylindriques & foyer extérieur; engl. cylindrical-boilers with external-furnace), Fig. 616. Dieselben werden vorzüglich zur Erstig. 616.



zeugung von Dämpfen mit hoher Spannung gebraucht. Die Enbstächen biefer Kessel sind nicht eben, sondern in der Regel von Kugelsegmenten oder Halblugeln B, B gebilbet. Die Büge laufen, wie bei den Wagenkessen, außen um die Kesselwand berum.

3. Die Balzenkessell mit innerer Feuerung, sogenannten Cornswallkessel (franz. chaudieres cylindriques à soyer intérieur, engl. cylindrical-boilers with internal furnace), Fig. 617. Hier besiebet

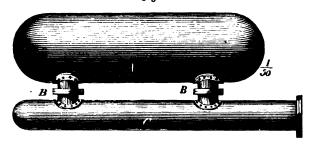




sich ber Feuerraum und Rost in einer Röhre A, die durch den ganzen Refelel hindurchgeht. Diese Ressel, welche, bei gleicher Größe eine größere Heizssläche als andere Kessel haben, sind unter dem Namen Cornwaller Ressel bestannt. Die Feuerluft geht hier, nachsem sie das Innere des Ressels durchslaufen hat, in Seitenzügen B, B noch einmal um den ganzen Kessel herum

und wohl auch in einem Zuge C unter dem Kessel hin. Große Kessel erhalten neben einander saufende Feuerröhren. Bei den sogenannten Butterlyboilers ist der Feuerraum vor der Einmundung der durch den Hauptkessel gehenden Heizröhre.

4. Ressel mit Siederöhren ober Siedern (franz. bouilleurs; engl. boiler-tubes), Fig. 618. Die Siederöhre C liegt unter dem eigent-lichen Kessel A (Hauptkessel) und ist mit diesem durch verticale Röhren B,B verbunden. Der Bortheil dieser Kessel ist einleuchtend; der Hauptkessel Kig. 618.

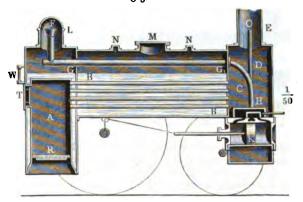


tommt hier gar nicht in bas eigentliche Feuer und wird baher fehr geschont; bie Sieberöhren aber können, da sie enger sind, auch schwächere Wände bes kommen. Sehr zweckmäßig ist die Anwendung von zwei unter dem Haupt-tessel hinlaufenden Siederöhren.

Bon ben Dampflesseln mit Sieberöhren sind die mit Bormarmern oder Warmerohren (franz. tubes rechauffeurs; engl. heating-tubes) insofern verschieben, als sich bei ben ersteren ber Feuerherd unter ben Sieberöhren, bagegen aber bei ben letzteren unter bem Hauptlessel befindet, bort also die Züge von ben Sieberöhren nach bem Kessel und von da in die Ese, hier aber vom Kessel aus erft nach ben Wärmeröhren und bann in die Ese suhren.

5. Röhrenkesselsel (franz. chaudières tubulaires; engl. tubular-boilers), insbesondere Dampswagenkessel, Fig. 619. Sie werden vorzüglich dann angewendet, wenn es darauf ankommt, Raum zu ersparen und die Dampserzeugung zu beschleunigen, weshalb man sie vorzüglich bei Dampswagen und Dampsschiffen anwendet. Bei den älteren Röhrenkesseln von J. Barlow waren die Röhren mit Wasser angefüllt und außen von der Feuerlust umsgeben, bei den neueren Röhrenkesseln von Seguin werden dagegen die Röhren, sogenannte Heiz- oder Feuerröhren, durch den mit Wasser angefüllten Kesselgestührt. Die Heizröhren der Dampswagenkesselsel sind entweder aus Messing oder aus Schmiedeeisen, sie haben eine Weite von 1½ bis 2½ Zoll, eine Länge von 6 bis 12 Fuß und ihre Anzahl ist 100 bis 200 oder noch größer.

Aus der Figur ift zu sehen: A ber Feuerraum mit dem Roste R und der Ofenthur T, BB der Wasserkasten mit den Rauchröhren, CD der Rauchstig. 619.



kasten und E die Effe. Das Uebrige findet weiter unten seine Erflärung. Bei anderen Röhrenkesseln, z. B. bei benen von Zambeaux, stehen die Heizröhren vertical.

6. Reffel mit Rammern (franz. chaud. à galeries; engl. boilers with chambres), insbesondere die mit lothrechten Rammern für Dampfschiffe, Fig. 620. hier legt die Feuerluft innerhalb des Wasserraumes einen längeren Weg ABCDE zurud, ehe sie bei F in die Esse tritt.

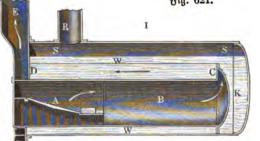
Fig. 620.



Jedenfalls sind diese Ressell in ökonomischer Beziehung sehr zwedmäßig, lassen sich jedoch nur bei niedrigem Dampsbrucke anwenden, da sie starke Bicgungen enthalten. Diese Dampsschifflessel sind in neueren Zeiten vielfach abgeändert und vervollkommnet worden.

7. Zusammengesetzte Kessel mit ruckströmender Flamme (franz. à retour de flamme; engl. with returning flamme). Durchschnitte eines solchen Ressels sür eine Locomobile sind in Fig. 621, I. II. (a. f. S.), absgebildet. ABS ist ein gewöhnlicher Ressel mit innerer Feuerung AB, und CD sind 12 Heizröhren, durch welche die erhitzte Luft aus der Kammer K nach der Esse Kaurückgesührt wird. Das Wasser WKW umgiebt die sämmtlichen Feuerröhren, und der sich im Dampfraume SS ansammelnde Dampf wird das Rohr R nach der Dampstammer u. s. w. geleitet.

Anmerkung. Ueberdies giebt es noch besondere Reffelconstructionen. In Deutschland zeichnen fich namentlich noch die Dampffeffel von Alban und die Fig. 621.





von Benichel aus. Alban's Apparat ift ein Dampffeffel mit einem Spfteme von Sieberohren, welche unmittelbar über bem Feuerraume liegen (f. Alban's Schrift "bie Bochbructbampfmafchine"). Benfchel's Reffel hat eine ober mehrere schiefliegende Sieberöhren und eine barüber horizontal liegende Dampfrobre. bie Reinigung ber Beigrohren vornehmen gu fonnen, ift es nothig, bie Robrenkeffel mit einem abnehmbaren Keuerkaften (frang. fover amovible) und einem ablosbaren Deckel zu versehen. Solche Rohrenkeffel find fur ftebende Dampfmaschinen von Farcot et fils, fowie auch von Anderen conftruirt worden. Die Dampfkeffel mit Circulation bes Waffers haben bis jest noch keine allgemeine Anwendung gefunden. Diefelben verwandeln bas ftetig juffiegenbe Baffer faft momentan in Dampf, erforbern baber auch nur einen fehr fleinen Bafferraum und haben beehalb ben Bortheil ber Gefahrlofigfeit und ber fchnellen Dampferzeugung, bagegen aber auch ben Mangel einer ungleichformigen Dampfentwickelung. Es gehoren hierher die Dampfteffel von Berfine, Belleville, Boutigny u. f. w. Bei ben letteren wird bas Baffer in Dampf verwandelt, mabrend es burch bie Loder über einander gestellter Schalen fließt. S. Morin: Des Machines à vapeur, Tome I.

§. 404 Heizfläche. Das Dampferzeugungsvermögen eines Kessels hängt vorzügslich von ber Größe ber Feuers, Heizs ober Erwärmungsfläche (franz. surface de chausse; engl. heating surface), b. i. von demjenigen Theil ber Obersläche des Dampstessels ab, welcher von dem Feuer und von der erwärmten oder Feuerluft bespielt wird, bevor sie in den Schornstein tritt. Die Angaben über die Größe der Heizstäche, welche einer gegebenen Daupsmenge entspricht, sind sehr verschieden; nach den Versuchen, welche Cavé hierüber angestellt hat (s. Bataille et Jullien, Traité des machines à vapeur), sind für eiserne Dampstessel auf jedes Quadratmeter Heizstäche stündlich 19 Kilogramme Dampsquantum zu rechnen. Nach dem preußischen Maße kommen hiernach auf 1 Quadratfuß Heizstläche 4 Bfund Damps ober 1043/4 Cubikzoll Wasser.

Sehr oft bezieht man auch die Productionefraft der Dampfleffel auf Bferbefrafte ober auf bas Arbeitsvermögen des erzeugten Dampfes. Rach

Grouvelle tann man auf jebe Pferbetraft rechnen: für Sochbructbampf. maschinen mit Condensation 1 Quadratmeter = 10 Quadratfuß Erwärmungefläche, ferner für folche ohne Conbensation 1,3 Quabratmeter = 13 Quabratfuß, und für Tiefdrudmaschinen 1,4 Quabratmeter = 14 Quabrat-Die letteren Angaben laffen aber noch eine große Unficherheit gurud, ba eine Maschine um fo weniger Dampf erfordert, je volltommener fie ift. Maschinen, welche auch noch ben Theil ber Arbeit benuten, welchen ber Dampf burch Expansion verrichten tann, erforbern beshalb eine fleinere Beigfläche, als Maschinen ohne Expansion. Uebrigens bezieht fich bie obige Ungabe auch nur auf feststehende Dampfmaschinen, benn bei Dampfichiffteffeln ift bas Dampfquantum pr. Quabratmeter 30 bis 35 Rilogramme und bei Dampfmagenteffeln gar 100 bis 130 Rilogramme; alfo im erften Falle 61/2 bie 71/2 Bfund, und im letteren 21 bie 26 Bfund Dampf auf jeben Duabratfuß Beigfläche zu rechnen. Gbenfo geben auch bie Cornwaller Dampfteffel mit innerer Beigung eine ungewöhnlich große Beigflache, inbem fie nach Widfteeb's Berfuchen pr. Quabratfuß nur 0,94 Bfund Dampf Bei dem Dampfteffel, welchen Berr Dr. Brig gu feinen Untersuchungen über die Beigtraft ber wichtigften Brennftoffe angewendet bat, war die Beigfläche ebenfalls ungewöhnlich groß, ba hier, wo allerdings bie Berbrennungsgafe nur mit 100 bis 150 Grad Warme in die Effe traten, 1 Quabratfuß Beigfläche nur 1,2 bis 2,6 Bfund Dampf gab.

Die Beigfläche ift natürlich nur ein Theil ber ganzen Keffeloberfläche. Bei ben Wagen- und Walzenkeffeln ift fie ungefähr nur die Halfte, bei dens jenigen mit Siebern kann sie aber auf 2/3 des Inhaltes summtlicher Obersflächen fleigen.

Es ist endlich leicht zu ermessen, daß das Productionsvermögen eines Dampstessels auch noch von der Dicke und von der Beschaffenheit der Kesselswände, sowie von der Lage derselben gegen den Feuerstrom abhängt, und daß dasselbe durch die Temperaturdifferenz zwischen dem Kessel und Feuerherde bedingt ist. Da die Wärmeleitungsfähigkeit des Kupfers (f. §. 367) 21/2 mal so groß ist, als die des Eisens, so eignet sich dieses Metall ganz besonders zu Dampstesseln, um so mehr, da es in Folge seiner gleichförmigen Textur mehr Sicherheit gewährt; und es ist daher nur der hohe Preis des Kupfers die Ursache, daß statt desselben gewöhnlich Eisenblech zu Dampstesseln verwendet wird.

Rasche Berbrennung erzeugt ein intensiveres Feuer und giebt baher auch ein großes Berbampfungsvermögen, wie z. B. bei den Dampfwagenkesseln, wo ein kunftlicher Luftzug angewendet wird.

Man unterscheibet noch die directe und die indirecte Beigfläche. Jene ist berjenige Theil ber Reffelfläche, welcher sich unmittelbar über bem Feuerherbe befindet und baher von der Flamme bespielt wird; der übrige,

weit größere Theil der Heizstäche ift die indirecte Heizstäche. Die directe Heizstäche empfängt die Wärme vorzüglich durch Ausstrahlung, die indirecte hingegen lediglich durch Leitung (f. §. 367). Bei gleicher Fläche und unter übrigens gleichen Umständen ist die Wärmemenge, welche die directe Heizstäche aufnimmt, ungefähr 4- dis 5mal so groß als die von der indirecten Heizstäche aufgenommene Wärmemenge. Nach Fairbairn (siehe dessen Ussesul information for engineers) ist dei guten Kesselaulagen die directe Heizstäche 1/11 der ganzen Heizstäche. Bei den Cornwaller Danupfzesseln ist jedoch dieses Verhältniß mur 1/25, und dagegen dei Kesseln auf Danupsschiffen 1/8 bis 1/4.

§. 405 Wasser - und Dampfraum. Die Größe eines Dampfteffels wird vorzüglich durch bie von bem ju erzeugenden Dampfquantum abhangige Große ber Erwarmungefläche bebingt, nachstbem bat aber auch bas Berhältniß zwischen dem Dampf- und dem Wafferraume beffelben einen Ein-Bas ben Bafferraum eines Dampfteffels anfluß auf bie Reffelgröße. langt, fo muß biefer minbeftens benjenigen Theil ber Reffelflache von innen bebeden, ber von außen von ber erhitten Luft in ben Bligen bespielt wird, weil außerbem bas Gluben und in Folge beffen bas Berfpringen bes Reffels Der Sicherheit wegen läßt man in ber Regel bie Obereintreten konnte. fläche bes Waffers im Reffel 4 Roll boch über ben Beigcanalen fteben. barf aber auch ber Wafferraum in bem Reffel beshalb nicht febr flein fein, bamit Meine Unregelmäßigfeiten in ber Buführung bes Speifemaffers (franz. eau d'alimentation; engl. feed water) teine großen Beründerungen in ber Temperatur und in dem Stande des Reffelmaffers hervorbringen.

Auf ber anderen Seite ist es aber auch nöthig, daß der Dampfraum keinen zu kleinen Theil des Ressells einnehme, damit kein Wasser vom Dampse mechanisch mit fortgerissen werde und keine große Schwankungen in der Dampsspannung eintreten. In der Regel macht man den Dampsraum mindestens 12 mal so groß, als das pr. Spiel aus demselben abgesührte Dampsvolumen. Nach Zusammenstellungen des Artizan-Club (s. dessen Treatise on the Steam Engine) ist auf jede nominelle Pferdekraft einer Dampsmaschine zu setzen im Wittel: der Wasserraum — 5 engl. (— 4,85 preuß.), und der Dampsraum — 3,2 engl. (— 2,93 preuß.) Eudissuß; also das Berhältniß des letzteren zum ganzen Fassungsraume des Ressels, — $\frac{3,2}{8.2}$, oder ungefähr 0,4.

Nach Trebgold hat man ben Dampfraum so groß zu machen, baß bie Beränderlichkeit in ber Dampffpannung, welche aus bem ungleichmäßigen Berbrauche bes Dampfes entspringt, nicht größer als 1/20 ausfällt. Halten wir bieses Berhältniß fest, so können wir folgende Beziehung ableiten.

sei V der Dampfraum, C der mit gesättigtem Dampf auszustüllende Cylinberraum, und μ das Berhältniß der Abstußzeit zur Zeit eines ganzen Spieles, also $1-\mu$ das Berhältniß der Sperrzeit zur Spielzeit. Dann läßt sich die während der Absperrung angesammelte Dampfmenge setzen:

$$V_1 = (1 - \mu) C_1$$

und legt man $V_1 = {}^1\!/_{30} V$ zu Grunde, fo ethält man endlich bie Be-bingung:

$$V = 30 (1 - \mu) C$$

Man hat also hiernach den Dampfraum um so größer zu machen, je größer das pr. Spiel verbrauchte Dampfquantum ist und je länger die Unterbrechung des Dampfabslusses dauert. Diese Formel ist übrigens nur auf einfachwirkende und Expansionsmaschinen, wo $\mu=1/2$ oder weniger beträgt, anwenddar, nicht aber auf doppeltwirkende Maschinen mit Kurbelmechanismus, wenn dieselben ohne Expansion arbeiten. Für diese Maschinen hat man, der Theorie des Krummzapsens zusolge,

$$V = 30 V_1 = 30.0,2105 C = 6,3 C$$

zu feten.

Grösse der Dampfkossel. Mit Zugrundelegung des Borhergehen- §. 406 ben laffen sich nun leicht die Dimenfionen ber Dampftessel berechnen, namentlich wenn man sich mit Näherungswerthen begnügt und noch die Dimensionsverhältnisse giebt.

1. Für einen Wagen- ober Kofferkessel stührt man die Rechnung auf solgende Weise. Es sei die Länge eines solchen Ressels = l, die mittlere Breite besselben = b und die mittlere Höhe = h. Behandeln wir ihn als Parallelepiped, so haben wir für seinen Fassungsraum = bhl, und nehmen wir den Dampfraum = 0,4 des Fassungsraumes, so bekommen wir den Wasserraum = 0,6 bhl, und bessen mittlere Höhe = 0,6 h. Setzen wir nun voraus, daß die Peizssäche F den ganz unteren Theil der Resselssäuche bis zur Höhe 0,6 h einnehme, so können wir setzen:

$$F =$$
Grundfläche $bl +$ vier Scitenflächen $2b.0,6h + 2l.0,6h = $bl + 1,2(b+l)h$.$

Nun ist aber gewöhnlich $b=\frac{3}{4}h$ und $l=\frac{5}{2}h$ bis 3 h; behalten wir baher bas erstere Berhaltniß bei, so folgt:

$$F = \frac{15}{8}h^2 + 1.2 \cdot \frac{13}{4}h^2 = 5.775h^2$$

baher bie mittlere Reffelhohe:

$$h = \sqrt{\frac{F}{5.775}} = 0.416 \, \sqrt{F},$$

bie mittlere Reffelbreite:

$$b=0.312\sqrt{F},$$

und bie Reffelläuge:

$$l=1,040\sqrt{F}.$$

Da ber Wasserspiegel im Kessel noch einige Zoll über ben Feuercanalen stehen muß und durch die Auflagerung des Kessels noch ein Theil der Heizssläche verloren geht, so hat man allen diesen Dimensionen noch etwas zuzusehen, oder nach Besinden den Dampfraum kleiner als 0,4 des Fassungseraumes zu nehmen.

2. Bei dem Walzentessel ohne Siederöhren und mit äußerer Fenerung führt sich die Rechnung auf folgende Beise. Setzen wir wieder den Dampfraum = 0,4 des ganzen Fassungsraumes, so können wir nach der Kreissegmententasel (f. "Ingenieur", S. 218) den Centriwinkel, welcher dem Dampfraume entspricht, = 161°51′, und daher den Centriwinkel, welcher dem Basserraume oder der Fenersläche entspricht, = 360° — 161°51′ = 198°9′ setzen. Nun ist aber der hierzu gehörige Bogen für den Halbmesser 1, = 3,458; daher folgt der chlindrische Theil der Ernärmungsstäche, wenn r den Halbmesser und l die Länge desselchen bezeichnet,

$$F_1 = 3,458 \, rl.$$

Was noch ben bie Augelsegmente bes Reffels einnehmenden Theil ber Erwärmungsfläche anlangt, so konnen wir benfelben

$$F_2 = 2.0,6.\pi r^2 \left[1 + \left(\frac{h}{r} \right)^2 \right]$$

setten, wenn k die Bobe von jedem biefer Segmente bezeichnet, und es ift biesemnach die Erwärmungefläche:

$$F = F_1 + F_2 = 3,458 \, rl + 1,2 \, \pi r^2 \left[1 + \left(\frac{h}{r} \right)^2 \right]$$

Gewöhnlich hat man aber l = 8 r bis 12 r; nehmen wir aber l = 10 an, so bekommen wir:

$$F = 34,58 \, r^2 + 3,80 \, r^2 \left[1 + \left(\frac{h}{r} \right)^2 \right] = 38,35 \, r^2 \left[1 + 0,1 \left(\frac{h}{r} \right)^2 \right],$$

baher ben Reffelhalbmeffer:

$$r = \sqrt{\frac{F}{38,35\left[1 + 0.1\left(\frac{h}{r}\right)^2\right]}},$$

ober einfacher:

$$r = 0.1615 \left[1 - 0.05 \left(\frac{h}{r}\right)^2\right] \sqrt{F}$$
.

Für Ressel mit ebenen Endslächen ift $\frac{h}{r}=0$ und für die Ressel mit

halbkugelförmigen Enbflächen $\frac{h}{r}=1$. Aus oben angegebenen Gründen hat man aber den so berechneten Dimensionen r und l etwas zuzuseten, ober einen kleineren Dampfraum anzuwenden.

3. Für einen Walzenkeffel mit Sieberöhren hat man, ba hier in ber Regel die letteren ganz und ber erstere halb mit Feuerluft bespielt werden:

$$F = \pi r l + 2 n \pi r_1 l_1,$$

wo r und l ben Halbmeffer und die Lange des eigentlichen Reffels, ferner r.1 und l. ben Halbmeffer und die Lange der Siederöhren, und n die Anzahl der letzteren ausbrückt. Gewöhnlich ist

n = 2, $r_1 = 0.4 \, r$ und $l = l_1 = 10 \, r$; baher $F = 26 \, \pi r^2$, also:

$$r = \sqrt{\frac{F}{26 \, \pi}} = 0.1106 \, VF \,$$
 and $r_1 = 0.04424 \, VF$.

In diefem Falle ift aber der Dampfraum = 0,38 bes ganzen Fassungs-raumes.

Wegen ber unvollkommenen Mittheilung ber Wärme von oben nach unten bringt man bei ben Sieberöhren auch wohl nur 2/3 bis 5/6 ihrer Oberfläche als Heigliche in Rechnung.

4. Bei Reffeln mit innerer Beigung ift die ganze innere Flache als Beigflache anzusehen.

Beispiel. Man soll bie Dimenftonen für einen Dampfteffel berechnen, welcher ftunblich 520 Bfund Baffer in Dampf verwandelt. Rechnen wir auf jeben Quadratfuß Geigstäche ftundlich 4 Pfund Dampf, so erhalten wir hiernach bie nothige Geigstäche:

$$F=\frac{520}{4}=130$$
 Quabratfuß.

Für einen Kofferkefiel hat man nun die mittlere Höhe beffelben $0.416\sqrt{130}=4.74$ Fuß, die mittlere Breite $^3/_4\cdot4.74=3.56$ Fuß, und die Länge $=^5/_2\cdot4.74=11.85$ Fuß. Für einen Malzenkeffel aber, wenn man den Segmenten die Höhe $h=^1/_2r$ giebt, den Halbmeffer

 $r=0.152\,(1-0.0125)\,V\overline{130}=0.150\,.\,11.4=1.71\,$ Fuß, also die Kesselweite $=3.42\,$ Fuß und die Länge des Mittelstückes $=17.1\,$ Fuß, die ganze Kessellänge aber $17.1\,+\,1.71=18.81\,$ Fuß.

Für einen Walzenkeffel mit zwei Sieberöhren ift bagegen ber halbmeffer $r=0,1196\ V\overline{130}=1,26\ {\rm Fuß},$ also bie Weite $=2,52\ {\rm Fuß},$ und bagegen bie Beite einer Sieberöhre $=0,4\cdot2,52=1,008\ {\rm Fuß},$ folglich bie Länge ber haupts röhre und die ber Sieberöhren $=12,6\ {\rm Fuß}.$ Wegen ber Auflagerung und wegen bes Spielraumes bes Wasserspiegels find biese Dimenstonen noch etwas zu vergrößern.

§. 407 Kosselwandstärke. Ein sehr wichtiges Berhältniß bei Dampstesseln ist die Stärke ober Dide ber Kesselwand. Wir haben schon in Band I, §. 363, die Beziehung zwischen Röhrenstärke e, Röhrenweite 2r und Oruck pkennen gelernt und können nun die dort gefundene Formel

$$e = \frac{rp}{T}$$

auch hier auf Dampstessel ober Dampsröhren anwenden. Hierbei führt man gewöhnlich statt r den Durchmesser d=2r, statt p aber den Ueberdruck von innen nach außen in Atmosphären und für T den Tragmodul des Kesselbleches ein, und fügt auch noch ein Glied e_1 hinzu, wodurch die Stärke ausgedrückt wird, welche die Kesselwand haben muß, damit der Kessel der Wirkung seines eigenen Gewichtes und des Wassers in demselben widerstehe. Nach den neuesten Bersuchen von Fairbairn (f. "Civilingenieur" Bb. 4) fällt der Festigkeitsmodul des Schmiedeeisens erst dei der Rothglühhitze ansehnlich kleiner aus, als dei den gewöhnlichen Temperaturen (vergl. auch \S . 359), und es ist daher bei Dampstessen.

In Frankreich ift bie gesetlich bestimmte Reffelwandbide:

wo d in Metern gegeben sein muß. Das preußische Dampftesselgeset bins gegen schreibt vor:

$$e = (2.71828^{0.003p} - 1)r + 0.1 301$$

oder annähernd und für die gewöhnlich vorkommenden Falle hinreichend genau,

$$e = 0.0015 pd + 0.1 300$$
,

wo d in Zollen auszubrücken ift. Denjenigen Theilen bes Keffels, welche unmittelbar mit bem Feuer in Berührung kommen, giebt man oft eine größere Dide.

Gußeiserne Sieberöhren sollen nach frangofischen Borschriften fünfmal so bid sein, als schmiebeeiserne ober tupferne, nach preußischen Borschriften ift aber bie Dide biefer Röhren nach ber Formel

$$e = (2.71828^{0.01 p} - 1) r + \frac{1}{2} 301$$

ober annähernd nach bem Ausbrucke:

$$e = 0.005 pd + \frac{1}{3} 300$$

au bestimmen.

Um die Mittheilung der Wärme durch die Keffelwand zu erleichtern und um eine sehr große Ungleichheit in der Spannung des Keffelbleches zu vermeiden, steigt man mit der Kesselstärke nicht gern auf 1/2 Zoll, und wendet beshalb lieber engere und längere oder zwei oder mehrere Kessel statt einen an. Nach bem frangofischen Dampftesselgesete foll bie Resseldide nie 11/2 Centimeter = 7 Linien übersteigen.

Die Dampflessel mussen vor ihrem Gebrauche einer hydrostatischen Brobe unterworfen werben. Nach preußischen Gesehen wird ein Dampflessel bei bem Anderthalb-, dagegen nach französischen Borschriften bei dem Dreisachen bes Drudes gepruft, welchem er beim Gebrauche ausgesetzt ist.

Die aus Band I, §. 363 entnommene Formel

§. 408

$$e = \frac{pr}{T}$$

für die Bandstärke eines Dampftessels läßt sich, wenn man ben Querschuitt besselben als ein regelmäßiges Bolygon ABDE..., Fig. 622, an-

Fig. 622.

sieht, wie folgt entwickeln. Nehmen wir an, daß in jeder Kante der prismatischen Resselwand eine Kraft P radial auswärts wirke. Zerlegen wir nun diese Kraft nach den Richtungen der benachbarten Sciten BA und BD, und bezeichnen wir die dieses Seiten gegenüberliegenden Centriwinkel BCA = BCD durch α , so erhalten wir die Spannung einer Resselwand:

$$S = \frac{P}{2 \sin \frac{\alpha}{2}},$$

ober, wenn die Angahl der Seiten fehr groß, alfo a fehr flein ift,

$$S = \frac{P}{\alpha}$$
.

Bezeichnet p den Ueberschuß des inneren Luft-, Dampf- oder Wasserbrucks auf jeden Quadratzoll über dem außeren Luftbruck, ferner l die Länge des Kessels und s eine Polygonseite $\overline{AB} = \overline{BD}$, so hat man:

$$P = lsp.$$

Nun ift aber

$$s=2r\sin\frac{\alpha}{2}$$
,

wobei r ben Reffelhalbmeffer $\overline{\mathit{CA}} = \overline{\mathit{CB}}$ bezeichnet, daber hat man auch:

$$P = 2 r l sin. \frac{\alpha}{2} p$$

und

S = rlp.

Diese Spannung hat der Querschnitt le der Resselwand auszuhalten, folglich ist die dem Tragmodul T gleichzusetzende Spannung pr. Quadratzoll:

Beisbach's Lehrbud ber Rechanit. IL

$$T = \frac{S}{le} = \frac{rlp}{le} = \frac{rp}{e},$$

und baber umgefehrt, bie erforberliche Banbftarte:

$$e = \frac{rp}{T}$$
.

In dieser Formel bezeichnet r eigentlich den mittleren Kesselhalbmesser; verstehen wir aber unter r den inneren Kesselhalbmesser, so müssen wir hiernach statt r, $r+\frac{e}{2}=r\Big(1+\frac{e}{2\,r}\Big)$ einführen und folglich

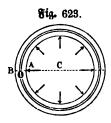
$$e = \frac{pr}{T} \left(1 + \frac{e}{2r} \right) = \frac{pr}{T} \left(1 + \frac{p}{2T} \right)$$

fegen.

(§. 409) Dicke Kesselwände. Jebenfalls gilt die Formel $e=rac{pr}{T}$ nur für

Blechkeffel, wo $\frac{e}{r}$ nur eine kleine Zahl ist. Sett man aber größere Blechsbiden voraus, so ist diese Formel nicht mehr ausreichend.

Nimmt man an, daß sich die Blechbide $\overline{AB}=e$, Fig. 623, bei ber



Ausbehnung der Resselwand in Folge des inneren Drudes p pr. Flächeneinheit, nicht andere, so sind wir auch genöthigt, anzunehmen, daß sich hierbei sämmtliche concentrische Schalen, in welche wir die Resselwand zerlegen können, gleichviel erweitern und folglich auch gleichviel ausbehnen. Ift nun d biese Ausbehnung und x der Halbmesser \overline{CO} einer solchen Resselschale, sowie dx die Dicke dersselben, so hat man nach der bekannten Elasticitäts-

formel (f. Bb. I, &. 204) die Spannung biefer Schale:

$$\partial S = \frac{\lambda}{2\pi x} l \partial x \cdot E = \frac{\lambda l E}{2\pi} \cdot \frac{\partial x}{x},$$

und folglich die Spannung ber gangen Reffelwand, nach Art. 22 ber analyt. Hulfslehren :

$$S = \frac{\lambda l E}{2 \pi} \int \frac{\partial x}{x} = \frac{\lambda l E}{2 \pi} Ln. \left(\frac{x}{r}\right)$$
.

Da sich die innerste Kesselschale vom Halbmesser CA = r verhältnißmäßig am meisten ausbehnt und folglich auch am stärksten gespannt wird, so hat man auch die Spannung berselben pr. Flächeneinheit dem Tragmodul, also

$$\frac{\lambda}{2\pi r}E=T$$

gu fegen, fo bag nun

$$S = lr T Ln\left(\frac{x}{r}\right),$$

ober, ba S = rlp ift,

$$p = TLn\left(\frac{x}{r}\right),$$

fowie umgefehrt,

$$\frac{x}{r}=(2{,}718\ldots)^{\frac{p}{T}}$$
 (f. analyt. Hillsehren, Art. 20)

zu feten ift.

Bebenfalls ift endlich für x ber außere Reffelhalbmeffer $\overline{CB}=r+e$ einzusetzen, so bag

$$\frac{r+e}{r}=(2,718\ldots)^{\frac{p}{T}},$$

und baber bie Reffelbide

$$e = r \left((2,718...)^{\frac{p}{T}} - 1 \right),$$

annähernb

$$= r \left[\frac{p}{T} + \frac{1}{2} \left(\frac{p}{T} \right)^2 \right] = \frac{rp}{T} \left(1 + \frac{p}{2T} \right)$$

folgt.

Rame (fiehe beffen Traite de l'Elasticite) und Rantine (fiehe beffen Manual of applied Mechanics) finden auf einem ganz anderen Wege

$$e = r \left(\sqrt{\frac{T+p}{T-p}} - 1 \right),$$

wonach, wenn T viel größer als p ift,

$$\frac{T+p}{T-p} = 1 + \frac{2p}{T} + 2\left(\frac{p}{T}\right)^2, \text{ fowie } \sqrt{\frac{T+p}{T-p}} = 1 + \frac{p}{T} + \frac{1}{2}\left(\frac{p}{T}\right)^2$$

ausfällt, und baher ebenfalls

$$e = \frac{rp}{T} \Big(1 + \frac{p}{2T} \Big)$$
 zu setzen ist.

Der Abhandlung über die Festigkeit der Röhren von E. Binkler im Civilingenieur Bb. 6 zufolge ift annähernd ju seten, 1) für offene Röhren:

$$e = \frac{rp}{T} \left(1 + \frac{p}{T} \right),$$

bagegen für Röhren, welche an ben Enben verschloffen find:

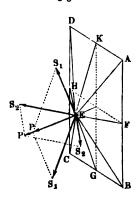
$$e = \frac{\eta}{8} \frac{rp}{T} \left(1 + \frac{91}{112} \frac{p}{T} \right) \cdot$$

Nach der Festigkeitslehre von D. F. Grashof, Berlin 1866, ift bagegen annähernb

$$e=rac{rp}{T}\Big(1\,+\,{}^3/_2\,rac{p}{T}\Big)$$
 anzunchmen.

§. 410 Endflächen der Dampskossel. Die cylindrischen Dampstessel werben an ben Enden durch Halbtugeln ober burch Segmente einer Rugel
oder eines Sphäroides begrenzt, und es entsteht baber noch die Frage,
welche Stärken diesen Theilen der Resselwand zu geben sind. Denken wir
uns den Ressel in Form eines Polyeders und nehmen wir an, daß berselbe
von ebenen dreiseitigen Flächen begrenzt sei, welche in vierkantigen Eden

Fig. 624.



wie E, Fig. 624, zusammenstoßen. Denken wir uns ferner bieses Ed über einer rectangulären Basis ABCD stehend, dessen Seite $AB = CD = s_1$ und Seite $AD = BC = s_2$ sei, und bezeichnen wir wieder den Druck auf die Flächeneinheit durch p, so erhalten wir den Druck auf das ganze Ed:

$$P = s_1 s_2 p.$$

Diese Kraft läßt sich in zwei Theile P_1 und P_2 zerlegen, wovon ber eine ben Spannungen S_1 , S_1 ber Flächen ADE und BCE, und ber andere ben Spannungen S_2 , S_2 ber Flächen ABE und CDE das Gleichgewicht hält; es ist daher:

$$P_1 = \alpha_1 S_1 \quad \text{und} \quad P_2 = \alpha_2 S_2,$$

wenn α_1 und α_2 die den Winkeln α_1^0 und α_3^0 entsprechenden Bögen bezeichenen, welche die Reigungen der Flächen ADE und BCE, sowie ABE und CDE, d. i. die Winkel GEK und FEH zwischen den Höchenlinien dieser Flächen zu zwei Rechtwinkeln ergänzen.

Es ift also

$$P = P_1 + P_2$$
, b. i. $s_1 s_2 p = \alpha_1 S_1 + \alpha_2 S_2$.

Bezeichnen wir ferner die Halbmeffer der durch G, E und K und durch F, E und H zu legenden Kreise durch r_1 und r_2 , so haben wir:

$$\alpha_1 = \frac{s_1}{r_1}$$
 und $\alpha_2 = \frac{s_2}{r_2}$,

daher auch:

$$s_1 s_2 p = \frac{s_1 S_1}{r_1} + \frac{s_2 S_2}{r_2}$$

Ift noch S die Spannung der Flächeneinheit, so kann man folglich die Spannung S_1 , welche bei der Wanddicke e_1 der Breite $\overline{BC} = \overline{AD} = s_2$ entspricht, $= e_1 s_2 S$, und die Spannung S_2 , welche der Breite $\overline{AB} = \overline{CD}$ zufommt, $= e_1 s_1 S$ setzen, und man erhält daher:

$$s_1 s_2 p = \frac{e_1 s_1 s_2 S}{r_1} + \frac{e_1 s_1 s_2 S}{r_2},$$

b. i.:

$$p=e_1S\left(\frac{1}{r_1}+\frac{1}{r_2}\right),$$

ober, wenn man für S ben Tragmobul T einfett:

$$p=e_1T\left(\frac{1}{r_1}+\frac{1}{r_2}\right),$$

und es ift baber bie gesuchte Banbbide:

$$e_1 = \frac{p}{T\left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right)}.$$

Diese Formel läßt sich auf jede Resselsorm anwenden, wenn man nur für r_1 den größten und für r_2 den kleinsten Krümmungshalbmesser von demjenigen Theile der Resselwand einsetz, dessen Starke (e_1) diese Formel angiebt.

Wenden wir diese Formel auf die Endssächen eines chlindrischen Ressels an, und setzen wir hierbei voraus, daß dieselben durch Sphäroide von der Höhe h gebildet werden, so haben wir für die Stärke einer solchen Endsläche, da hier jeder der Krümmungshalbmesser (nach "Ingenieur" S. 238)

= $\frac{r^2}{h}$ ift,

$$e_1 = \frac{p}{T\left(\frac{h}{r^2} + \frac{h}{r^2}\right)} = \frac{p r^2}{2 Th} = \frac{r}{2 h} \cdot \frac{p r}{T}.$$

Filr halbkugelförmige Endflächen ist h=r, daher $e_1=\frac{1}{2}e$ (vergl. Bb. I, §. 363); wäre hingegen die Blechstärke für die Endsegmente dieselbe wie sür den chlindrischen Mittelkörper, hätte man also $e_1=e$, so würde die Höhe $h=\frac{r}{2}$, d. i. der Hälfte von dem Halbmesser des Kessels genommen werden können. Es ist hiermit eine Abhandlung von Lamé in den Comptes rendus de l'Académie des Sciences, T. 30, oder das Polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1850, Nro. 19 zu vergleichen.

Beispiele. 1. Man will zur Erzeugung von Dampfen von 4 Atmosphären Spannung einen halbkugelförmig auslaufenden Walzenkeffel von 4 Fuß Beite und 22 Fuß Länge construiren, und fragt nun nach bessen Wandhtarke. Die Kormel $e=0{,}0015\,pd+0{,}1$ Boll giebt, wenn man p=4-1=3 und d=4.12=48 Boll einsett, die gesuchte Kesselstärke

$$e = 0.0015.3.48 + 0.1 = 0.316$$
 Boll.

Nach dem Obigen konnten bie hemispharischen Enden nur halb so bid fein, als der cylindrische Theil der Reffelwand, allein wegen ber leichteren Berftellung

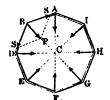
und wegen ber Schwächung burch bas ftattere Biegen anbert man an biefen Stellen bie Blechftarten gewöhnlich nicht.

2. Belche Manbftarke foll man einem Kofferkeffel von 6 Fuß Sobe, 41/2 Fuß Beite und 18 Fuß Lange ertheilen? hier hat man ftatt d die größte Beite einzuführen, welche 7 Fuß ober 84 Boll betragen kann. Nimmt man nun den Ueberschuß des inneren Druckes über den außeren, 1/4 Atmosphäre an, so erhält man die gesuchte Keffelstärke:

$$e = 0.0015 \cdot \frac{1}{4} \cdot 84 + 0.1 = 0.1315 \text{ Boll.}$$

§. 411 Fouorröhren. Es ist nun noch die Frage zu beantworten, welche Stärken erfordern die durch den Kessel gehenden und durch den Dampf von außen nach innen gedrückten Feuers oder Rauchröhren? Um diese Frage zu beantworten, benken wir uns vorerst einen Kessel mit polygonalem Quersschnitte AEG, Fig. 625, und nehmen nun an, daß in jedem der Ecke A. B. D... eine Krast P von außen nach innen wirke. Zerlegen wir unn

Fig. 625.



bieselbe nach ben Richtungen ber benachbarten Seiten, so bekommen wir, wie oben, §. 408, die Compressionstraft in jeder Seite:

$$S = \frac{P}{2\sin\frac{\alpha}{2}},$$

ober, wenn wir ben Centriwinkel $\alpha^0 = A CB$ = B CD ... klein annehmen:

$$S = \frac{P}{\sigma}$$

Nun ist aber der Drud P in jeder Ede oder vielmehr in jeder Seitenkante, =arlp zu seigen, deshalb folgt denn S=rlp. Je zwei der Kräfte $S,\ S\dots$ drücken das zwischen befindliche Kesselstück zusammen, es ist daher:

$$S = el T$$
, ober $rlp = el T$,

und die gefuchte Reffelbide:

$$e = \frac{rp}{T}$$

Da der Festigkeitsmodul des Schmiedeeisens gegen das Zerreißen beinahe doppelt so groß ist als der gegen das Zerdrücken (s. Band I, Tab. §. 212), so solgt hiernach, daß dei gleichem Drucke und gleicher Größe ein von außen gedrückter Ressel eine doppelt so dick Wand ethalten muß, als ein von innen gedrückter Ressel. Dies bleibt richtig, so lange die Ressel vollsommen rund sind, aber vielsachen Beobachtungen zusolge (s. Traits des machines à vapeur, par Bataille u. s. w.) werden von außen gedrückte Röhren sehr leicht platt gedrückt, wenn sie unrund sind, deshalb ist es ersorderlich, solchen Röhren von außen die genaue Kreischlindersorm zu geben.

Um nun die Erscheinung bee Plattbrudens biefer Röhren zu ergrunden, beuten wir und gleich einen Ressel mit elliptischem Querschnitte ABDE,

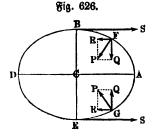


Fig. 626, und bestimmen die Kraftmomente eines Quadranten AB von demselben. Die sämmtlichen Drücke, welche rund herum auf diese Elipse wirten, lassen sich zunächst nach zwei Richtungen zerlegen. It die große Halbare $\overline{CA} = a$, die kleine Halbare $\overline{CB} = b$, sowie Länge des Kessels = l und der Druck auf den Quadratzoll = p, so hat man aus bekannten hydrostatischen Grünschaft.

ben (s. Bb. I, §. 360) die Kraft auf AB, in der Richtung von BC, = alp und die in der Richtung von AC, = blp. Ebenso groß sind die Kräfte auf die übrigen drei Quadranten; denken wir uns daher A als Stützpunkt, so haben wir auf AB folgende Hebelfräste als wirksam zu betrachten. Erstens die Krast S = blp am Hebelarme $\overline{CB} = b$ vom Drucke auf BD herrührend, zweitens die Summe alp der Kräste Q..., welche in die Kichtung BC, und drittens die Summe blp der Kräste R..., welche in der Richtung AC und AB wirken. Die erste Krästesumme besteht aus den Componenten $\frac{al}{n}p,\frac{al}{n}p\cdots\frac{al}{n}p$ mit den Hebelarmen $\frac{a}{n},\frac{2a}{n}\cdots\frac{na}{n}$, und hat daher das Moment:

$$\frac{al}{n}p\left(\frac{a}{n}+\frac{2a}{n}+\cdots+\frac{na}{n}\right)=\frac{a^2lp}{n^2}\left(1+2+3+\cdots+n\right),$$

oder, da die Anzahl der Componenten unendlich groß zu nehmen ist, das Moment $\frac{a^2 lp}{n^2} \cdot \frac{n^2}{2} = \frac{1}{2} a^2 lp$, und aus ähnlichen Gründen hat die zweite Kräftesumme das Moment $\frac{1}{2} b^2 lp$. Nun wirkt aber das Moment $b^2 lp$ von S den legten beiden Momenten entgegen, es ist daher das Brechungsmoment von AB:

$$M = \frac{a^2 l p}{2} + \frac{b^2 l p}{2} - b^2 l p = \frac{(a^2 - b^2) l p}{2}.$$

Wenn nun noch e die Dide ber Reffelwand bezeichnet, so hat man, damit bie lettere bem Abbrechen in A hinreichend widerstehe, zu seten:

$$le^2T = \frac{1}{2}(a^2 - b^2) lp$$

und baher:

$$e = \sqrt{\left(\frac{a^2 - b^2}{2 T}\right) p}.$$

Ist der Querschnitt der Resselwand genau kreisförmig, so fällt b=a, baber $e=\Re$ ull aus; dann tritt folglich ein Zerbrechen nicht ein.

Wird berfelbe Ressel von innen nach außen gebrückt, so stellt sich zwar bas Biegungs- ober Brechungsmoment und also auch die nöthige Kesselstlärke ebenso groß heraus, allein es sindet doch insofern ein wesentlicher Unterschied zwischen beiden Fällen Statt, als ein Truck von außen den Kessel und mehr beformirt, ein Druck von innen aber benselben mehr der richtigen Chlindersform nahe bringt. Ift nun durch das Zusammensehen der Röhre schon eine gewisse Spannung in das Blech gekommen, so wird diese durch den Außendruck noch erhöht und dagegen durch den Innendruck vermindert, im ersten Falle also dem Zerspringen näher und im zweiten Falle von demselben entsfernter geführt.

Nach vorläufigen Mittheilungen über die Bersuche, welche Fairbairn in ber neuesten Zeit angestellt hat, ist die nöthige Wanddick der Röhren, welche von außen gedrückt werden, auch noch von der Länge l dieser Röhren abhängig, und annähernd $e = \mu \sqrt{p \, d \, l}$ anzunehmen, wo μ eine vom Tragmodul T abhängige Erfahrungszahl bezeichnet (f. "Civilingenieur", Band 4, Seite 53).

Rach Rankine ift p=659720 $\frac{e^2}{l\,d}$ Atmosphären zu setzen, wonach $e=0.0012312\,\sqrt{p\,l\,d}$ Zoll folgt,

Herr Professor Grashof leitet aus biesen Bersuchen folgende empirische Formel $p=71917\frac{e^{2.081}}{l^{0.564}d^{0.889}}$ Atmosphären ab, in welcher d die Röhrenweite, l die Röhrenlänge und e die Dicke der Röhrenwand, in Zollen ausgedrückt, bezeichnet.

In Frankreich macht man bie bem außeren Drude ausgesetzten Röhren noch einmal so bid, als bie inneren Drud auszuhaltenden Röhren, unter übrigens gleichen Berhältnissen. Nach den Borschriften in Preußen hingegen ist den Rauchröhren von Eisenblech die Dide

$$e = 0.0067 d \sqrt[4]{p} + 0.05 300$$

und benen von Meffingblech, die aber nie über 4 Boll weit fein durfen, die Dide

$$e = 0.01 d \sqrt[3]{p} + 0.07 301$$

zu geben.

Beispiel. Welche Wanbstärke muß man ben 2 Boll weiten Feuerröhren eines Dampswagens geben, bamit sie ben Außenbruck von 5 Atmosphären aushhalten? Setzen wir d=2 und p=5-1=4, so bekommen wir nach preußischen Vorschriften bei Anwendung von Eisen ober Kupferblech die gesuchte Stärke:

e = 0,0067.2 $\sqrt[7]{4}$ + 0,05 = 0,021 + 0,05 = 0,071 Boll = 0,85 Linien,

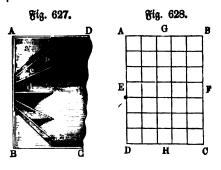
und bei ber Anwendung von Deffingblech

$$e = 0.01.2 \sqrt{4} + 0.07 = 0.102 \text{ Boll} = 1.22 \text{ Linien}.$$

Sehen wir in ber Formel $e=\sqrt{\frac{(a^2-b^2)\,p}{2\,T}}, a=1$ und b=0.9 Boll, ferner p=4.14,14=56,6 und T=6000, so erhalten wir hingegen:

$$e = \sqrt{\frac{0,19.60,2}{12000}} = \sqrt{0,000895} = 0,0299$$
 Boll = 0,86 Linien.

Ebone Kosselwände. Einfache ebene Kesselwände können bei §. 412 gleicher Dicke viel weniger Druck aushalten, als gekrümmte Wände; deshalb werden dieselben auch nur bei niedrigem Dampfdrucke angewendet, und bei größerer Ausbehnung noch verankert, oder, wie z. B. AB, Fig. 627, burch trianguläre Blechzwickel (franz. goussets; engl. gussets) a, b, c, d... verstärkt.



Die Theorie ber Biegung belasteter ebener Platten führt auf ganz complicirte Ausbrüde, auf beren Entwidelung hier Berzicht geleistet werden muß (s. Navier's Mechanit der Bautunst, §. 641 u. s. w.); auf folgende Beise erhalten wir aber wenigstens einiges Anhalten bei Beurtheilung der

erforderlichen Dicke folcher Platten. Es sei ABCD, Fig. 628, eine rectanguläre Blechtafel von der Länge AB=l und Breite AD=b, welche von einem Rahmen oder von Nietenreihen eingefaßt ist, und pr. Flächeneinheit einen Druck p auszuhalten hat. Denken wir uns dieses Blech in Längenstreisen zerlegt, deren Enden in AD und BC sessenkten werden, und nehmen wir an, daß vom Drucke p gegen diese Fläche der Theil p_1 auf die Spannung dieser Streisen verwendet werde, so können wir, wenn wir noch die Breite eines solchen Streisens durch s und die Dicke des Bleches durch e bezeichnen, setzen (s. Band I, §. 446)

$$lsp_1 = \frac{12 WT}{\frac{1}{2}le} = 12 \frac{se^2}{l} \frac{T}{6} = 2 \frac{se^2}{l} T$$
,

ober:

$$l^2 p_1 = 2 e^2 T$$
,

und baher:

$$e = l \sqrt{\frac{p_1}{2 T}}$$
.

Denken wir uns dagegen die Bleche durch Breitenstreifen, wie GH, zerelegt, deren Enden in AB und CD sesssiffen, und nehmen wir an, daß diese Spannung dieser Streisen den Theil p_2 des Druckes $p=p_1+p_2$ in Ausspruch nimmt, so finden wir auf gleiche Beise

$$e = b \sqrt{\frac{p_2}{2 T}}$$

Da die Durchbicgung im ersten Falle wie $rac{l^4sp_1}{W}=rac{l^4sp_1}{s\,e^3}=rac{l^4p_1}{e^8}$ und

im anderen Falle wie $\frac{b^4p_2}{e^3}$ wächst (f. Band I, §. 223), und da die eine so groß ist, wie die andere, so läßt sich $l^4p_1=b^4p_2$, daher

b. i.

$$p_1 (l^4 + b^4) = b^4 p$$
, folglish $p_1 = \frac{b^4 p}{l^4 + b^4}$

und bie gesuchte Blechstärke

$$e=b\sqrt{rac{l^2b^2}{l^4+b^4}\cdotrac{p}{2\,T}}$$
 feten.

Unter ber zweiten Borausfetzung ift

$$e = l \sqrt{\frac{l^2 b^2}{l^4 + b^4} \cdot \frac{p}{2 T}}.$$

Ift nun b>l, so wird man natürlich die erforderliche Blechstärke stets nach der Formel

$$e = b \sqrt{\frac{l^2 b^2}{l^4 + b^4} \cdot \frac{p}{2 T}}$$

berechnen muffen.

Für quadratische Bleche hat man l=b, und baber:

$$e = b \sqrt{\frac{p}{4T}} = \frac{b}{2} \sqrt{\frac{p}{T}}$$

Bei ben chlindrischen Reffelmanden ift bie Wandstarte:

$$e = \frac{dp}{2T} = 0.0015 pd + 0.1 300$$
,

daher:

$$\frac{1}{2T} = 0,0015;$$

setzen wir nun diesen Werth für $\frac{1}{2\,T}$ in die gefundene Formel für die Dice ebener Resselwände, so erhalten wir:

$$e = b \sqrt{\frac{l^2b^2}{l^4 + b^4} \cdot \frac{p}{2T}} = 0.0387 b \sqrt{\frac{l^2b^2}{l^4 + b^4}} \cdot p$$

also für l = b:

$$= 0.03 b \sqrt{p}$$
 Boll.

Beispiel. Ebene Platten, welche 1/4 Atmosphäre Ueberbruck (p=1/4) auszuhalten haben, muffen nach ber gefundenen Formel die Dicke

$$e=0,0887~b~\sqrt{\frac{l^3b^2}{4~(l^4+b^4)}}=0,01935~b~\sqrt{\frac{l^3b^2}{l^3+b^4}}$$
 Boll erhalten, und ware die Breite einer folden Platte $b=72$, und die Länge

l=60 Boll, also $\frac{b}{l}={}^{72}\!/_{60}={}^6\!/_{\!61}$, so warde

$$e = 0.01935 \cdot 72 \sqrt{\frac{6^3 \cdot 5^2}{6^4 + 5^4}} = \frac{1.398 \cdot 6 \cdot 5}{\sqrt{3921}} = \frac{41.79}{62.62} = \frac{2}{3}$$
 Boll angulwenden fein.

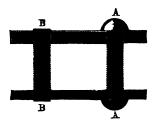
Stohbolzon. Ebene Reffelflächen tommen auch noch bei ben Dampf= &. 413 generatoren ber Dampfmagen und Dampfichiffe vor. Da biefe Dampfteffel Dampf von Sochbrud erzeugen, fo find hier Beranterungen u. f. w. unumgänglich nöthig. Inebefondere gehören hierher die parallelepipebifchen Feuertäften (f. §. 403) ber Locomotiven. Um bie in einem folchen Raume erzeugte Warme foviel wie möglich auf Dampferzeugung zu verwenden, fest man benfelben aus zwei in einanber ftedenben Blechtaften gufammen und läßt ben Raum zwischen ben Banben berfelben mit bem Bafferraume bes Reffels communiciren. Das biefen Zwischenraum erfullenbe Baffer brudt nun mit berfelben Rraft p wie ber barüberftebenbe Dampf auf bie Wanbe bicfer Raften, und es muffen beshalb biefelben noch burch Anter ober fogenannte Stehbolgen (frang. entretoises; engl. stays) mit einander verbunben werben. Der innere ober eigentliche Feuerkaften besteht in ber Regel aus Aupferblech von 3/8 Boll Dide, wogegen ber augere ober Baffertaften and aus Gifenblech gebilbet wird. Der Zwischenraum hat eine Beite von 3 bis 4 Boll, und bie eisernen ober tupfernen Stehbolgen find 4 bis 5 Boll von einander entfernt und haben eine mittlere Dicke von 3/4 Boll. ben Berfuchen von Fairbairn (f. beffen Usefull information for Engineors) ift die Tragfraft eiserner Platten mit eisernen Stehbolzen eirea boppelt fo groß, ale bie fupferner Blatten mit tupfernen Stehbolgen, auch ift bie der Bolgen mit Röpfen, wie AA, Fig. 629 (a. f. S.), um 1/4 größer als bie ber einfachen Schrauben BB.

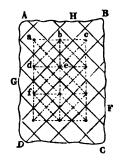
Denken wir uns das durch Stehbolzen $a, b, c \ldots$ unterstützte Blech ABCD, Fig. 630, in Streifen wie AF und GH zerlegt, welche parallel den Diagonalen ae und bd der von je vier Stehbolzen gebildeten Quadrate

gerichtet sind, so können wir hier die im vorigen Paragraphen entwickelte Kormel

Fig. 629.

Fig. 630.





zur Bestimmung ber nöthigen Blechbide unmittelbar anwenden, wenn wir nur statt b die Diagonale b=a $\sqrt{2}$ des Quadrates einsetzen, bessen Seitenlänge a die Entfernung zwischen je zwei neben einander stehenden Stehebolzen ift.

 $e = \frac{b}{a} \sqrt{\frac{p}{m}}$

hiernach hat man alfo:

$$e = \frac{a}{2} \sqrt{\frac{2p}{T}} = a \sqrt{\frac{p}{2T}},$$

und daher für $\frac{1}{2T} = 0,0015$:

$$e = 0.0387 a \sqrt{p} \text{ Boll.}$$

Dieser Ausbruck stimmt mit ber von Brix gefundenen Formel (s. die Berhandlungen des Bereins zur Beförderung des Gewerbsleißes in Breußen, Jahrg. 1849) volltommen überein. Der Stärke der inneren, dem Fener zugekehrten Wände kann man noch ein Biertel zuschen.

Die Stärke d eines Stehbolzens ift, ba ein solcher ben Druck a2p auf bas Quabrat a2 von ber Seitenlänge auszuhalten hat, burch bie Gleichung

$$\frac{\pi d^2}{4} T = a^2 p$$

bestimmt, welche auf ben Ausbrud

$$d = a \sqrt{\frac{4p}{\pi T}}$$

führt.

Setzt man auch hier $\frac{1}{2\,T}=$ 0,0015 ein, so erhält man:

$$d = \sqrt{\frac{0,012}{\pi}} \ a \ \sqrt{p} = 0,0619 \ a \ \sqrt{p}.$$

§. 415.]

Nach Briz ist

$$d = 0.069 a \sqrt{p} + 0.125 300$$

in Unwendung zu bringen.

Die Dede bes Feuerkaftens besteht aus einer einfachen Platte und erhült burch eiserne Tragstäbe bie nöthige Tragfähigkeit, beren Stärke nach bekannten Formeln ber relativen Festigkeit (f. Band I, §. 240 u. f. w.) zu berechenen ift.

Nietverbindungen. Die ebene und trummflächige Berbinbung ber §. 414 Reffelbloche burch Nieten führt Fig. 631 im Durchschnitte und im

%ig. 631. B Grundriffe vor Augen. 3ft wieder e bie Blechftarte, fo erhalt ber Nietbolgen C bie Starte

$$d = 2e$$
.

ber halblugelförmige oder Settopf A ben Durchmeffer

$$d_1=3e,$$

und der tegelförmige ober Schließtopf B ben Durchmeffer

$$d_2 = 4e$$
,

sowie die Höhe

$$h_2 = \frac{8}{2}e$$

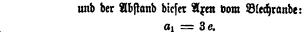
fo bag bas zur Bilbung beffelben nöthige Bolgenftud bie Lange

 $l_2 = 2e$

erhalten muß.

Ferner ift ber Abstand ber Aren je zweier Bolgen von einander:

$$a = 5e$$

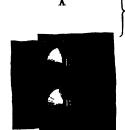


Die Winkelverbindung zweier Bleche wird burch ein Winkelblech DEF, Sig. 632, mit zwei Rietreihen bewerkstelligt. Die mittlere Dide bieses Winkelbleches ift gleich der Dide e der zu verbin-

benden Bleche, in der Mitte nimmt man sie aber $^1/_7$ größer, sowie am Ende $^1/_7$ kleiner als e. Die Breite $\overline{ED}=\overline{EF}$ eines Blechschenkels nimmt man =1 301+4,5 e.

Fouerraum. Zu jedem Dampstessel gehört noch ein Ofen (franz. §. 415 fourneau; engl. furnace), und dieser besteht

1) aus dem Fenerraume (frang. foyer; engl. hearth, furnace),



- 2) aus den Feuerkanälen oder Zügen (franz. carneaux; engl. flues) und
- 3) ans ber Effe ober bem Schornstein (frang. chemines; engl. chimney).

In dem ersten Raume sindet die Berbrennung des Brennstoffes Statt, im zweiten wird das Product der Berbrennung, die Feuerluft, der Rauch u. s. w. an der Heizsläche des Ressells hingeführt, um seine Wärme diesem mitzutheislen, und im britten werden dieselben in die freie Luft abgeführt.

Was zunächst den Feuerraum betrifft, so wird dieser durch den sogenannten Rost (franz. la grille; engl. the grate) in zwei Abtheilungen zertheilt, und es bildet nur die oberste Abtheilung den eigentlichen Brennherd, die unterste aber dient zur Aufnahme der Asche und anderer sesten Rücktände der Berbrennung, und heißt deshalb der Aschenraum (franz. le cendrier; engl. the ashpit). Der Rost wird durch eiserne Stäbe gebildet, welche schmale und nach unten zu sich erweiternde Spalten zum Durchziehen der Luft und zum Durchziehen der Kückstände zwischen sich lassen. Diese Zwischenräume erhalten bei Steinsohlenseuerung ungefähr 1/2 Zoll, dei Holze und Torsfeuerung aber nur die 1/5 Zoll Breite, und im ersten Falle nehmen sie 1/4, im zweiten aber 1/6 der ganzen Rostsläche ein. In Fig. 633 sind

Fig. 633.



einige an einander stoßende Roststäbe abgebildet. Es ist ABC der vorderste Roststab, und es sind D und E die Zwischenräume zwischen je zwei Stäben.

Bei kleineren Reffelanlagen wendet man mit Bortheil fogenannte Schüttelrofte an, wo die Rostftäbe cylindrisch auslaufen und so gelagert sind, daß sie durch einen einfachen Mechanismus in eine schwingende Bewegung gesett und

baburch leicht von ben Müdständen gereinigt werden tonnen.

Sehr wichtig für die Verbrennung ist die Größe der Roststäche. Nach den neueren Beobachtungen von Cavé soll dieselbe $^{1}/_{17}$ der Heizstäche des Ressels sein. Uebrigens rechnet man auch noch auf den stündlichen Verbrauch von 14 Pfund Steinschle oder 73 Pfund Holz einen Quadratsuß Roststäche. Bei Dampswagenkesseln, wo ein künstlicher Luftzug statthat, und Koaks verbrannt wird, sind die Verhältnisse ganz anders; hier ist die Roststäche nur $^{1}/_{50}$ die $^{1}/_{60}$ der Heizstsäche. Bei Steinschlensenerung soll die Roststäche 13 die 18 Joll unter der Resselsstäche liegen, dei Holzsenerung aber 18 die 24 Zoll. Der Aschenaum unter dem Roste soll wenigstens $^{21}/_{2}$ Kuß tief sein, damit die Roststäde durch die angehäuften Rücklände nicht sehr erhigt werden. Die zur Verbrennung nöthige Luft tritt durch eine Thur in den Aschenaum und von da zwischen den Roststäden hindurch

in den Feuerraum. Um den Luftzug zu reguliren, tann man ein besonderes Register (Schieber) andringen, und um benselben zu erhöhen, tann man die Luft burch einen unterirbischen Gang (Anzucht) zuführen.

Der Feuerraum iber bem Herbe ist mit einer Thur versehen, welche nur bann geöffnet wird, wenn es barauf ankommt, bas Feuer zu schüren, ben Rost zu reinigen und neues Brennmaterial einzusuhren. Um die Abkühlung burch die Ofenthur möglichst zu mäßigen und diese vor dem Feuer zu schühlen, ift es gut, sie mit doppelten Wandungen zu versehen, oder von innen mit Backsteinen zu bekleiben.

Rauchfroie Vordronnung. Der ans der Berbrennung hervorges §. 416 hende Rauch besteht aus einer Menge unverbrannter Kohlentheilchen und kommt folglich nur bei einer unvollkommenen mit Berlust von Wärme verbundenen Berbrennung vor. Aus diesem Grunde hat man daher auch bei jeder Feuerung soviel wie möglich eine rauchfreie Berbrennung zu erzielen. Sehr viel ist hierbei schon durch gute Abwartung und Unterhaltung des Feuers zu thun, namentlich dadurch, daß man das Brennmaterial in nicht zu großen Partien ausgiebt, dasselbe möglichst auf den Rost ausdreitet und so schreitet vollkommen in Berbrennung besindlichen Brennstoffe wegsstreichen muß. Es kommt natürlich hierbei vorzüglich darauf an, daß dem Feuerherde eine hinreichende Menge atmosphärtsche Luft zugesührt und dersselben hinreichende Gelegenheit geboten werde, sich über das Brennmaterial auszubreiten und mit den Berbrennungsgasen in Berührung zu kommen.

Die Doppelherde find die vorzüglichsten Mittel gur Erzeugung einer rauchlofen Berbrennung.

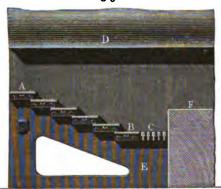
Ein solcher Herb ift ber Länge nach burch eine Scheibewand in zwei Theile getheilt, welche jedoch mit einem und bemselben Zug - oder Feuercanal communiciren. Wenn nun das Brennmaterial abwechselnd in der einen oder ber anderen Abtheilung aufgegeben wird, so strömen die mit Rauch geschwängerten Berbrennungsgase, welche bei dem frisch aufgetragenen Brennstoffe entstehen, mit den Berbrennungsgasen, welche aus den vollständig in Berbrennung befindlichen Brennstoffen hervorgehen und noch mit freier atmosphärischer Luft gemengt sind, gemeinschaftlich in und durch die Züge, und können hierbei vollständig zur Berbrennung gesangen.

Als Rauchverbrennungsmittel sind auch besondere Luftcanäle, welche unmittelbar hinter der Feuerbrücke einmünden, angewendet worden. Die durch diese Canale zugeführte atmosphärische Luft vermengt sich dann beim Eintritte in die Züge mit den Berbrennungsgasen, wobei der in den letteren enthaltene Rauch vollkommen verbrennt. Nach Fairbairn ist bei Anwendung bieser Canale, wenn der Querschnitt besselben 1/115 der Rostsläche be-

trägt, bas Erfparniß an Brennmaterial minbestens 121/2 Procent. Diese Luftcanäle haben sich aber nicht überall bewährt.

Ein anderes Hülfsmittel zur Erzeugung einer rauchlosen Berbrennung besteht in der Anwendung eines sogenannten Treppenrostes (franz. grilles a gradins; engl. grate with steps). Derselbe unterscheidet sich von dem gewöhnlichen Rost dadurch, daß hier die Roststäde durch eirea 8 Zoll breite Eisenplatten ersetzt sind, welche in Abständen von je $1^{1}/_{2}$ bis $2^{1}/_{2}$ Zoll stufensörmig über einander liegen und dabei eirea je 2 Zoll über einander übergreisen. Die Einrichtung eines solchen Feuerherdes mit Treppenrost ist

Fig. 634.



aus Fig. 634 zu ersehen. Es ist hier AB ber aus seches Platten bestehende Treppenrost, C ein baran anschließender kurzer Barreurost, D ber Dampstessel, E ber Ascheneimer und F bie Feuerbrilde.

Die Treppenroste werden vorzitglich bei Heizung mit Torf, Braunkohle und schlechteren Steinkohlensors ten angewendet, wo es barauf ankommt, ben Zutritt

ber atmosphärischen Luft zu erleichtern. Statt berselben wendet man auch oft gewöhnliche Roste mit Reigung an.

§. 417 Fouorcanälo. Damit das Fener den Kessel sehr nahe bestreiche, vorzüglich aber durch innigere Berührung mit der Luft eine vollständigere Berbrennung eingeleitet werde, ist es nöthig, an der Uebergangsstelle aus dem Fenerraume in die Fenercanäle eine Fenerbrücke (franz. autol; engl. sirobridgo), d. i. eine Mauer aufzusühren, welche nur noch 4 bis 6 Zoll Zwisschraum zwischen ihr und dem Kesseldoden übrig läßt. Die Berengung des Fenercanales durch die Fenerbrücke hat den Zweck, die Berbrennungsgasse in nähere Berührung mit der zuströmenden Luft zu bringen und das durch eine vollsommnere Berbrennung zu erlangen.

Was die Feuercanäle oder Züge anlangt, so bestehen diese entweder aus einem einzigen, ein oder mehrere Wale um oder auch in dem Kessel herumgehenden Canale, oder sie bestehen aus mehreren einzelnen Canalen oder Röhren, wovon jeder für sich den Rauch in die Esse sührt. Die letzte Art der Feuercanäle kommt sast nur dei der Feuerung von innen, und zumal dei den Dampsmagenkesseln vor. Was diesen Canalen an Länge abgeht, wird durch

ben Umfang des Querprofiles erfett. Denken wir uns 3. B. einen einzigen Circulircanal mit freisförmigem Querfcnitte, von ber Lange I und Beite d, erfest burch n Büge neben einander, jeder von der Länge la und Weite da, fo können wir folgenbe Gleichungen aufftellen :

$$\pi dl = n \pi d_1 l_1$$
 und $\frac{\pi d^2}{4} = \frac{n \pi d_1^2}{4}$,

und erhalten hiernach

$$d_1 = \frac{d}{\sqrt{n}}$$
 sowie $l_1 = \frac{l}{\sqrt{n}}$.

3. B. für n = 64:

$$d_1=rac{d}{8}$$
 und $l_1=rac{l}{8};$

es können also 64 Röhren achtmal so kurz und achtmal so eng gemacht werben, als eine einzige Rauchröhre.

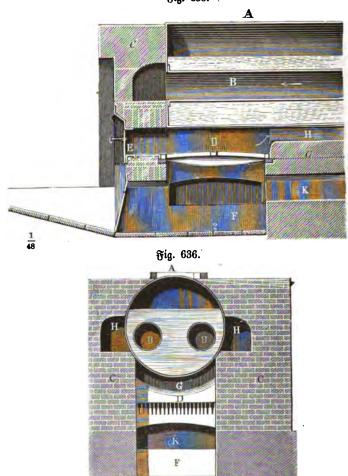
Die Canale ber erften Art bestehen in blechernen Röhren [vergl. g. 403 (5)], bie ber zweiten Art aber werben aus feuerfesten Steinen aufgeführt und erhalten mehr ober weniger rectangulare Querichnitte, von benen bie eine Seite burch ben Reffel begrengt wirb. Es ift eine Erfahrungsregel, biesem Querschnitte 1/4 bis 1/6 mal so viel Inhalt zu geben, als der Rost-Die Lange ber Bilge barf übrigens auch nicht zu groß fein, wenigftens nicht mehr als 90 Fuß betragen. In ber Regel begnligt man fich, wenn die in den Schornstein tretende Fenerluft nicht mehr als 250 bis 3000 Barme behalt. Am Ende bes gangen Feuercanales, in bem fogenannten, awischen bem Reffel und ber Effe befindlichen Fuchse, ift noch eine Thur ober ein Schieber (frang. registre, engl. damper) angubringen, um bas Feuer reguliren und ben Dfen ganglich schliegen zu können. Uebrigens ift bie gange Feuerungsanlage mit einer starken Mauer, bem sogenannten Raubgemäuer, ju umschließen.

Kesselanlage. Die Haupteinrichtung einer Kesselanlage mit äußerer &. 418 Feuerung ift aus Fig. 635 (a.f. S.) im Langendurchschnitte und aus Fig. 636 im Querschnitte zu erseben. Es ift bier A ber Dampfteffel mit zwei Rauchröhren B, B, ferner C bas Mauerwert, D ber Roft, E bie Feuerthur, F ber Aschenfall, G ber Theil bes Feuercanals, in welchem die Feuerluft unter bem Reffel, und H, H find die Canale, in welchen diefelbe an ben Seiten bes Reffels hingeht, nachbem fie burch bie Röhren B, B nach born gurudgekehrt ift. Die atmosphärische Luft ftrömt burch ben Luftcanal K von binten zu, tann aber auch wie in Rig. 635 angebeutet ift, von ber Seite ber zuströmen.

Eine zwedmußige Reffelanlage mit Doppelfeuerungen nach Fairbairn ift in ben Figuren 637 bis 640 (a. S. 931) abgebilbet, und zwar in einem Beisbach's Lehrbuch ber Dechanit. II.

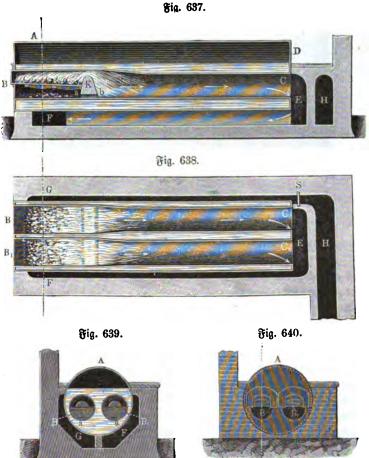
59

Längendurchschnitt, einem Horizontalburchschnitt, einem Querschnitt und in der Frontansicht. Der Dampstessel AD enthält zwei innere Heizeberen BC und Fig. 635.



 B_1 C_1 mit je einem Feuerherbe; diese Heizröhren münden bei E an der Hinterstäche dieses Ressels in einem gemeinschaftlichen Zuge EFGH aus, welcher die Berbrennungsgase an der Außenstäche ein Mal um den Resselherum und bei H in den Schornstein führt. Um eine vollständigere Berbrennung zu erlangen, ist in jeder Feuerbrücke K eine Oeffnung ab angebracht, welche aus dem Aschensall erwärmte Luft in den Raum unmittelbar hinter der Feuerbrücke einstührt; auch wird zu diesem Zwecke abwechselnd der

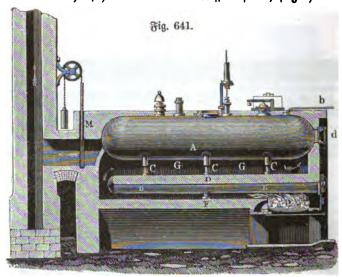
eine ober ber andere Brennberd beschickt, so daß der bei frifch aufgeschlitteten Roblen fich bilbenbe Rauch beim Gintritte E in ben Bug noch verbrennen fann.



Eine Reffelanlage mit Sieberöhren ift noch in Fig. 641 (a.f. S.) abgebilbet. Es ift hier ber Dampfteffel A von ben Siedern B und B burch ein Bewölbe D getrennt und es werben die letteren ber Einwirfung ber unmittels bar bom Feuerraume tommenden und nach hinten ftromenden Feuerluft ganglich ausgeset, mabrend ber erftere von ber in ben Bugen G, G gurudtehrenden und nach Befinden um ben gangen Reffel herumgehenden Feuerluft erwärmt wird.

Bwifden einem Dampfteffel mit Sieberöhren und einem folchen mit

Bormarmeröhren findet ber Unterschied Statt, daß fich dort ber Feuers berb unter ben Röhren, hier aber unter bem Reffel befindet, folglich bort bie

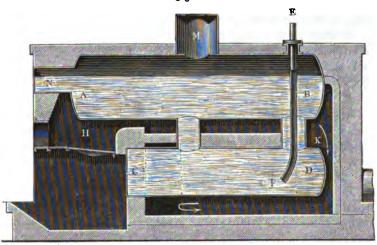


Feuerluft von ben Röhren nach bem Reffel ftromt, hier aber erft ben Reffel und bann die Röhren erwarmt.

Um von der Feuerluft in den Zügen möglichst viel Wärme auf den Dampfgenerator überzutragen, ist nöthig, daß diese Luft an derjenigen Stelle in den Schornstein trete, wo die geringste Wärme statthat, wo also die Einführung des Speisewassers und die Bewegung des Wassers im Ressel beginnt; aus diesem Grunde ist den Dampstessen mit Vorwärmern der Vorzug zu geben vor den mit Siederöhren. Dieses Princip ist auch schon bei dem in den Fig. 637 und 638 abgebildeten Fairbairn'schen Ressel in Anwendung.

Eine besondere Resselanlage mit Borwärmeröhre führt noch Fig. 642 vor Augen. Es ist hier AB der Dampstessel, CD der Borwärmer, und EF das in benselben einmlindende Speiserohr. Die Feuerlust bewegt sich erst vom Brennherde H aus auf dem Wege HK unter dem Ressel hin, sinkt dann herab in das Nivean des Borwärmers CD und läuft um denselben herum, ebe sie in den Schornstein tritt.

S. 419 Gashoizung. Zuweilen verwendet man zur Resselseuerung auch brennbare Gase, oder gassormige Brennstoffe (franz. combustibles gazeux; engl. gaseous fuels). Man kann diese Gase entweder in einem verschlossenen Raume verbrennen und direct auf den Rolben einer besonderen Maschine wirten lassen, oder man kann dieselben durch Berbreunung auf einem gewöhnlichen Feuerherd mit Dampftessel zur Wirlung tommen lassen. Die zur Resselseuerung bienenden Gase sind bas Rohlenorybgas, bas Leuchtgas, bas Hohosengas, Big. 642.



und bas Gas von Pudbelöfen. Das Kohlenorybgas wird wie das Leuchtsgas in verschlossenen Gesägen erzeugt, und das Hohosengas hingegen auf der Sicht von einem Hohosen abgeleitet. Das von den Puddelöfen abzieshende Gas enthält nur wenig Kohlenorybgas und wirkt beshalb hauptsächslich burch seine eigene Wärme, wogegen das Hohosengas außer 2 Procent





Wasserstoff noch 13 Procent Rohlenoryd enthält. Während ein Pfund gute Steinkohle, sowie auch reiner Kohlenstoff durch vollkommene Verbrennung nahe 8000 Calories liefert, giebt 1 Pfund Rohlenorydgas nur 2400 Calories, und sind von 1 Pfund Hohosengas gar nur 900 Calories zu erlangen, wogegen durch Verbrennung von 1 Pfund Leuchtgas nahe 10000 Calor. erzeugt werden.

Die Ginrichtung eines Dfens gur Dampferzeugung mittels ber hohofengafe ift aus Figur 643 zu erfeben. Das Gichtgas wird zunächst in bem Reservoir A gesammelt, bann burch bie Zweigeröhren BC, BC in die Canale C, C und von da durch eine Reihe von Seitenscanalen wie CD, CD in ben Feuerraum DD geleitet. Der Dampsteffel K wird an seiner unteren Halfte von bem Gichtgase umspielt, bessen Berbrensnung einer auf bem Rost FF ausgebreitete bunne Kohlenschicht unterhält.

Die Ressel zur Benutzung ber Bubb elofenflamme bestehen gewöhnlich in einer verticalen Röhre, an beren Umfang die Gasslamme außen emporsteigt; auch verwendet man dazu zuweilen horizontale Röhrenkessel ühnlich wie bei ben Locomobilen.

§. 420 Essen. Der zum Berbrennen nöthige Luftwechsel wird vorzüglich durch den Schornstein oder die Esse herbeigeführt, es ist daher auch dieser ein wichtiger Bestandtheil einer Feuerungsanlage. Borzüglich kommt es bei einer solchen Anlage darauf an, der Esse die hinreichende Sohe und Beite zu geben, und für sie ein zweckmäßiges Material auszuwählen. Kann man die Essen, und für sie ein zweckmäßiges Material auszuwählen. Kann man die Essen nicht hinreichend hoch machen, so muß man den nöthigen Luftzug durch besondere Mittel oder Maschinen hervorbringen. Bei Dampswagen läßt man in dieser Absicht den verbrauchten Damps durch die Esse aussträmen; in anderen Fällen wendet man auch Lufts oder Wettermaschinen an, welche die Luft entweder unter den Rost blasen oder aus den Feuercandelen heraussagen.

Man stellt die Effen aus Steinen ober aus Metall her, und verwendet zu benselben im ersten Falle vorzüglich Ziegel, im zweiten aber Eisenblech. Die äußere Form der Effen aus Ziegeln oder anderen Steinen ist gewöhnslich eine vier= oder achtseitige Pyramide, seltener, dagegen die einer Blechesse, stets ein abgekürzter Kegel.

Man giebt ben Effen gewöhnlich eine äußere Böschung von 0,015 bis 0,025 pr. 1 Fuß Söhe; ferner erhalten bie Effenmauern oben bie gewöhnliche Ziegelbreite von 6 Zoll und unten bie zweis bis breifache Ziegelbreite zur Dide.

Bas die Höhe und Weite der Schornsteine anlangt, so hängt die eine Dimension von der anderen ab; je höher eine Esse ist, desto mehr giebt diesselbe auch Zug, desto Meiner braucht also zur Abführung einer bestimmten Rauchmenge ihre Weite zu sein. Außerdem hängen aber auch diese Dimenssionen noch von der Temperatur des in den Schornstein tretenden Rauches ab, und es müssen diese bei gleichem Rauchquantum um so größer sein, je niedriger die Temperatur des Rauches oder der abzusührenden Feuerlust ist. Hiernach ersordert also eine gute Wärmebenutzung hohe und weite Essen. Die gewöhnliche Essenhöhe ist 60 bis 120 Fuß; selten sindet man sie nur 40 Fuß und niedriger. Rur ausnahmsweise werden Essen von 300 bis 400 Fuß höhe ausgesührt. Es ist eine praktische Regel, dem Schornsteine benselben Querschnitt zu geben, wie den Feuercanälen. Im solgenden Ba-

ragraphen wird jedoch zur Ausmittelung ber Effenweite eine besondere Regel gefunden werden.

Es ist sehr nothig, die Schornsteine auf einen soliden Grund zu setzen, weil das geringste Nachgeben besselben eine Beschädigung ober gar das Zussammenstiltrzen des Schornsteins zur Folge hat.

Die außere Ansicht und der Durchschnitt einer achtedigen Effe aus Ziegeln ift in Fig. 644 und 645, und die äußere Ansicht einer Blecheffe in Fig. 646 abgebildet. Bei den ersten Abbildungen ist A das Fundament, Fig. 644.



B die Einmündung des Fenercanales oder Fuchses, C der gußeiserne Hut der Esse und .D eine nach der Zug - und Reinigungsöffnung führende Treppe. Damit sich der Rauch beim Sintritte in die Esse nicht stoße, ist die obere Kante zwischen der Esse und dem Fuchse abzurunden.

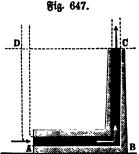
Bei der Abbildung Fig. 646 ift A das auf festem Grunde stehende, aus Ziegeln aufgesührte Fundament, sind ferner D, D Anterschrauben, welche ben Fuß des Schornsteins mittels einer Platte EE sest mit dem Fundamente verbinden, sowie E eine unter dem Essensopf F angebrachte Rolle, über die eine Rette weggeht, an der ein Arbeiter beim Reinigen und Austreichen des Schornsteins hinauf gewunden werden kann. Noch sieht man dei B die Sinmündung des Fuchses und bei H die Ausputöffnung. Um den Umsturz einer solchen Esse durch den Sturm zu verhindern, werden nicht selten noch Orähte oder Orahtsetten von der Esse in schräger Richtung herab nach dem Erbboden gezogen und darin verankert.

Anmerkung. Die berühmte 4551/2 engl. Fuß hohe Effe zu St. Rollor bei Glasgow hat folgende Dimenstonen. (S. Berhandl, des Breuß. Gewerbeverseins, 1845.)

Abtheilung ber Effe.	Sohe über bem Grunbe.	Meußerer Durchs meffer in Fußen.	Mauerdicke in	
			§uβ.	Bell.
V. IV. III. II.	{ 435½ 350½ 210½ 114½ 54½ 0	13½ 16³¼ 24 30½ 35 40	1 1 1 2 2	2 6 10½ 3 7½

Das Fundament biefer Effe ift 20 Juf tief und hat 50 Juf Durchmeffer.

§. 421 Theorie des Essenzugs. Die Theorie ber Bewegung bes Rauches



in den Schornsteinen läßt sich nach den im ersten Bande entwickelten Regeln der Hopdraulit leicht aufstellen, um so mehr, da wir wegen der unbedeutenden Differenz zwischen der Spannung der Luft im Schornsteine und der der äußeren Luft die Regeln des Ausstusses des Wassers hier anwenden tönnen. Ist γ die Dichtigkeit der äußeren Luft und h die senkrechte Höhe AD eines Schornsteines ABC, Fig. 647, sammt Luftzusührungscanal, so läßt sich der Ueber-

schuß bes Druckes auf die Einmündung ${m A}$ über dem auf die Ausmündung C seben:

$$q = h \gamma$$
.

Diesem Ueberschuffe wirft aber ber Druck q_1 der warmen Lusts oder Rauchssäule entgegen; bezeichnen wir daher die Dichtigkeit dieser Säule durch γ_1 , so erhalten wir den die Ausslußgeschwindigkeit v des Rauches erzeugenden Druck:

$$q-q_1=h\gamma-h\gamma_1=h(\gamma-\gamma_1),$$

und es läßt fich baber ohne Berudfichtigung ber Debenhinberniffe fegen:

$$\frac{v^2}{2g}$$
, $\gamma_1 = h(\gamma - \gamma_1)$ ober $v = \sqrt{\frac{2gh(\gamma - \gamma_1)}{\gamma_1}}$ (j. Band I, §. 399).

Ift nun noch t die mittlere außere und t_1 die mittlere innere Temperatur ober die des Rauches, so hat man nach Band I, §. 393:

$$\gamma = \frac{0,00567 \, p}{1 + 0,00367 \, .t}$$
 and $\gamma_1 = \frac{0,00567 \, p_1}{1 + 0,00367 \, .t_1}$,

baher:

$$\frac{\gamma}{\gamma_1} = \frac{1 + 0,00367 t_1}{1 + 0,00367 t} \cdot \frac{p}{p_1};$$

ober ba die Pressungen p und p1 der äußeren und inneren Luft nicht sehr verschieden von einander sein können, wegen der mäßigen Geschwindigkeit bes Rauches, annähernd:

$$\frac{\gamma}{\gamma_1} = \frac{1 + 0,00367 \, t_1}{1 + 0,00367 \, t},$$

und baber bie Rauchgefcwindigfeit beim Austritte aus ber Effe:

$$v = \sqrt{\frac{2gh\left(\frac{1+0,00367t_1}{1+0,00367t}-1\right)}{\frac{1+0,00367t_1}{1+0,00367t}}} = \sqrt{\frac{0,00367(t_1-t)}{1+0,00367t}} \cdot 2gh,$$

wofilt auch annähernb

$$v = \sqrt{0,00367(t_1 - t) \cdot 2 g h} = 0,479 \sqrt{(t_1 - t) h}$$
 Fuß geset werden kann.

Diese Geschwindigkeit wird allerdings durch die Nebenhindernisse, welche die Berengungen im Feuerherde und die Reibung im Schornsteine u. s. w. herbeiführen, bedeutend herabgezogen. Die entsprechenden Berluste sind übrigens ganz nach den bekannten Regeln der Hydraulit zu berechnen. Aus der Höche k und Weite d des Schornsteines ergiebt sich nach Band I, §. 466, der Druckböhenverlust in Folge der Reibung durch die Formel

$$h_1 = \zeta \cdot \frac{h}{d} \cdot \frac{v^2}{2 q} \cdot$$

Obwohl nach Obigem & = 0,024 zu nehmen ift, so möchte boch ber

Sicherheit wegen nach ben Beobachtungen Pholet's für die mit Ruß überzogenen Schornsteine $\zeta = 0.025 \cdot 1.962 = 0.049$ oder einsacher 0.05 zu setzen sein. Die übrigen Drudhöhenverluste, welche aus der Reibung der Fenerlust in den Zügen, dem Durchgang derselben durch die Spalten des Rostes und das aufgeschüttete Brennmaterial hervorgeht, und noch durch ausdere Bewegungshindernisse vergrößert wird, lassen sich nach Pholet durch den Widerstandscoefficienten $\zeta_1 = 30$ ausdrücken, daher solgt

$$\frac{v^2}{2g} = 0,00367 (t_1 - t) h - 0,05 \frac{h}{d} \cdot \frac{v^2}{2g} - 30 \cdot \frac{v^2}{2g},$$
ober

$$\frac{v^2}{2g}\left(30 + 0.05\frac{h}{d}\right) = 0.00367 (t_1 - t) h.$$

Berlidsichtigt man endlich noch, daß die halb verbrannte Luft, wie sie in ben Schornsteinen vorkommt, ungefähr 1,044mal so dicht ift, als frische Luft, so muß man setzen:

$$v = \sqrt{\frac{0,00367 (t_1 - t) \cdot 2 gh}{1,044 (30 + 0,05 \frac{h}{d})}} = 0,0595 \sqrt{\frac{(t_1 - t) \cdot 2 gh}{30 + 0,05 \frac{h}{d}}}$$
$$= 0,47 \sqrt{\frac{(t_1 - t) \cdot hd}{30d + 0,05h}} \text{ Sub}.$$

§. 422 Dimensionen der Essen. Mit Hulfe ber im Borstehenden entwidelten Formel ist es nun leicht, den Querschnitt S und die Dimensionen einer Esse zu sinden, durch welche ein bestimmtes Luft- oder Rauchquantum Q pr. Secunde abgeführt wird.

Es ist

$$Q = Sv = 0.47 S \sqrt{\frac{(t_1 - t) h d}{30 d + 0.05 h}}$$
 Cubitfuß,

und baber ber gesuchte Querfcnitt bes Schornfteines:

$$S = \frac{Q}{v} = 2{,}13 \ Q \sqrt{\frac{30 \ d + 0{,}05 \ h}{(t_1 - t) \ h \ d}}$$
 Quadratfuß.

Für eine Effe mit freisförmigem Querschnitte ift ferner

$$S=\frac{\pi\,d^2}{4},$$

baher:

$$d^{h} = 2,13 \cdot \frac{4}{\pi} Q \sqrt{\frac{30d + 0,05h}{(t_1 - t)h}},$$

und bie gesuchte mittlere Beite ber Effe:

$$d=1.49 \sqrt[5]{rac{30 d+0.05 h}{(t_1-t) h} Q^2}$$
 Fuß.

Für eine Effe mit quabratischem Querschnitte ift bagegen $S=b^2$, und baber bie Beite ober Seitenlänge berselben:

$$b = 1,353 \sqrt[b]{\frac{30 d + 0,05 h}{(t_1 - t) h} Q^2}.$$

Sett man annähernb h = 100 d, fo erhalt man

$$v = 0.08 \ \sqrt{(t_1 - t) h} \ \Re u = 0.045 \ \sqrt{(t_1 - t) h} \ \Re t et e t$$
, und

$$\mathcal{B} = rac{Q}{v} = rac{12,5 \; Q}{\sqrt{(t_1 \; - \; t) \; h}} \; \mathfrak{Q}$$
uadratfuß, wonach sich

$$d=rac{4\,V\overline{Q}}{V^{\prime}(t_1\,-\,t)\,h}$$
, ober $b=rac{3,54\,V\overline{Q}}{V^{\prime}(t_1\,-\,t)\,h}$ Fuß ergiebt.

Das Rauchgnantum $Q=Sv=0.08\,S\,V(t_1-t)\,h\,d$ auf die äußere Temperatur t reducirt, fällt

$$Q_1 = \left(rac{1 \ + \ \delta \, t}{1 \ + \ \delta t_1}
ight) \, S \, v$$
 , annähernd da t_1 viel größer als t ift,

$$Q_1 = \frac{Sv}{1 + \delta t_1} = 0.08 S \sqrt{\frac{(t_1 - t) h d}{(1 + \delta t_1)^2}} = 0.08 S \sqrt{\frac{t_1 h d}{(1 + 0.00367t_1)^2}}$$

aus, und ift mit $\frac{t_1}{(1+0.00367\,t_1)^2}$ ein Maximum.

Leicht findet man bie entsprechenbe Bebingungegleichung

 $1+0,00367\,t_1=2.0,00367\,t_1$, wonach $0,00367\,t_1=1$, und die erforderliche Temperatur des in den Schornstein tretenden Rauches:

$$t_1 = \frac{1}{0.00367} = 273$$
 Grab folgt.

Mimmt man annähernb $t_1 - t = 270^{\circ}$ an, fo läßt fich feten:

$$v=1,32\sqrt{h}$$
 Fuß und

$$S = \frac{0.76 \ Q}{Vh}$$
 Quadratfuß.

Das durch ben Schornstein abzuführende Luftquantum Q läßt sich aber auch aus ber Beizsläche F, sowie aus bem Gewichte K ber verbrauchten Brennstoffmenge leicht berechnen (s. §. 400).

3ft K bas ftunblich verbrannte Rohlenftoffquantum und nimmt man an, bag jedes Pfund Rohlenftoff 600 Cubitfug burch ben Schornftein abzu-führende Luft giebt, fest alfo:

$$Q = \frac{600 \, K}{60.60} = \frac{K}{6},$$

fo erhält man

$$S=0.128\,rac{K}{V_h^-}\,$$
 Quadratfuß,

fowie

$$h=0.0164\left(rac{K}{S}
ight)^2$$
 Fuß.

Für $\frac{K}{8}=75$ würde hiernach die Bohe ber Effe:

Die gewöhnliche Effenhöhe ift in der That 60 bis 120 Fuß.

Wenn man von der zu fordernden Stabilität ausgeht, tann man die zustäffige Effenhöhe wie folgt finden.

Ift die Geschwindigkeit des gegen die Esse stoßenden Windes =c, sowie γ die Dichtigkeit desselben, ferner λ die Höhe und b die mittlere äußere Breite der Esse, so läßt sich die Stärke des Windstoßes gegen dieselbe

$$P = 3 \frac{c^2}{2 g} bh\gamma$$
 (j. §. 344),

und ebenso bas Moment bieser Rraft in hinsicht auf eine Rante am Fuße ber Effe

$$\frac{Ph}{2} = 3 \frac{c^2}{2a} \cdot \frac{bh^2}{2} \gamma$$

feten.

Ift ferner e die mittlere Dide ber Effenwände und γ_1 die Dichtigkeit ber Effenmauer, fo hat man bas Gewicht ber Effe:

$$G=4(b-e)eh\gamma_1$$

fowie bas Moment berfelben:

$$\frac{Gb}{2} = \frac{4(b-e)ehb\gamma_1}{2} = 2\left(1-\frac{e}{b}\right)ehb^2\gamma_1,$$

und fest man beibe Momente einander gleich, fo erhalt man folgende Gleichung:

$$3\frac{c^2}{2g}\frac{bh^2}{2}\gamma = 2\left(1-\frac{e}{b}\right)ehb^2\gamma_1$$
,

fo bag nun bas Berhaltniß ber Effenhöhe zur mittleren außeren Effenbreite

$$\frac{h}{b} = 4/s \cdot \left(1 - \frac{e}{b}\right) \frac{2ge}{c^2} \frac{\gamma_1}{\gamma}$$
 folgt.

Diese Formel gilt nur für eine Esse mit quadratischem Querschnitte; für eine solche mit treisförmigem Querschnitte tann man $\frac{h}{b}$ um die Hälfte größer machen, also:

Bon ben Dampferzeugungsapparaten.

$$\frac{h}{b} = 2\left(1 - \frac{e}{b}\right) \frac{2ge}{c^2} \cdot \frac{\gamma_1}{\gamma}$$

feten, und für eine achtedige Effe ift ein Mittelwerth, also

$$\frac{h}{b} = \frac{5}{3} \left(1 - \frac{e}{b}\right) \frac{2ge}{c^2} \cdot \frac{\gamma_1}{\gamma}$$

anzunehmen.

Beispiel 1. Welche Weite soll man einer Effe geben, die bei 100 Fuß Höhe ben Rauch eines Feuerherdes abzuführen hat, auf dem ftündlich 120 Pfund Steinkohlen verbrannt werden? Nach dem Früheren können wir annehmen, daß aus der Verbrennung von 120 Pfund Steinkohlen bei 300° mittlerer Barme in dem Schornsteine, 120.584 = 70080 Cubikfuß warme Luft hervorgehen, so daß in der Secunde das Quantum

$$Q = \frac{70080}{60.60} = 19\frac{1}{2}$$
 Cubiffuß

abzuführen bleibt. Rehmen wir nun noch $t_1-t=300-10=290$ an und führen wir h=100 Fuß ein, so erhalten wir ben erforberlichen inneren Effenburchmeffer

$$d = 1,49 \sqrt[5]{\frac{30 \cdot d + 0,05 \cdot 100}{290 \cdot 100} \cdot (19,5)^2} = 0,627 \sqrt[5]{30 \cdot d + 5}.$$

Hiernach unter ber Burgel annähernd, d=1,25 angenommen, folgt genauer: $d=0.627\sqrt[5]{42,5}=1,88$ Fuß,

und biefen Berth noch einmal rechts eingefett, ergiebt fich noch fcarfer

$$d = 0.627 \sqrt[5]{44.5} = 1.34 \text{ Fug.}$$

Bollte man ben Schornftein nur 40 Fuß hoch machen, fo wurbe man biefe Beite

$$= 1.49 \sqrt[5]{\frac{30 d + 0.05 \cdot 40}{290 \cdot 40} (19.5)^2} = 0.753 \sqrt[5]{30 d + 2} = 1.67 \% u$$

machen muffen.

Beispiel 2. Nimmt man ble größte Windgeschwindigkeit c=100 Fuß an, sett ferner $\gamma=0.0766$ und $\gamma_1=61.75$. 1.6=98.8 Pfund, so erhält man für eine vierseitige Esse, welche bem Windstoß bei bieser Windgeschwindigkeit widersstehen soll:

$$\frac{h}{b} = \frac{4}{8} \cdot \left(1 - \frac{e}{b}\right) \frac{e}{0,016 \cdot 10000} \cdot \frac{98,8}{0,0766} = \frac{140,8\left(1 - \frac{e}{b}\right)e}{13,2}$$
$$= 10,7\left(1 - \frac{e}{h}\right)e.$$

Führt man noch e=1 Fuß und $\frac{e}{b}=\frac{1}{4}$ Fuß ein, so erhält man $\frac{h}{b}=\frac{5}{4}\cdot 10.7=8.$

Um einem Orfan mit 100 Fuß Geschwindigkeit widerfteben zu tonnen, mußte also die mittlere außere Effenbreite $\frac{1}{6}$ ber Effenhöhe sein. Ware die Effe rund, so fonnte $\frac{h}{h}=12$, also den mittleren außeren Effendurchmeffer $\frac{1}{12}$ der Effen-

hohe betragen. Es ift hiernach zu ermessen, daß manche freistehende Esse einem Orkan von 100 Fuß Geschwindigkeit nicht widerstehen kann.

Anmertung. Aus ber Formel

$$d = 1,49 \sqrt[5]{\frac{30 d + 0,05 h}{(t_1 - t) h} Q^2}$$

ift, ba mit h auch l wächt, leicht zu ersehen, baß die Weite ber Effe um fo kleiner aussallen kann, je höher die Effe ift, und baß, umgekehrt, eine Effe um so weiter gemacht werben muß, je kleiner die Gohe berselben ift.

Streng genommen ift ben Principien ber Sphraulit jufolge (fiehe Bb. I, \$. 425) in ber Formel

 $Q=0.47\,S\,\sqrt{\frac{(t_1-.t)\,h\,d}{30\,d\,+\,0.05\,h}}$ für bas Rauchquantum Q, ftatt S nicht ber mittlere, sondern ber Querschnitt ber Effenmunbung einzuführen, und hiernach leicht zu ermeffen, baß unter übrigens gleichen Berhältniffen eine nach oben zu allmälig weiter werbende Effe mehr Rauch abführt als eine Effe von gleichem ober nach oben zu allmälig abnehmendem Querschnitt.

(§. 423) Wirkungsgrad der Dampskossel. Nach den Beobachtungen von Pselet läßt sich die mittlere Temperatur t_1 in der Esse sür Dampstessel = 300° setzen. Die Temperatur t_2 hingegen, welche die Luft im Brennsherde bei der Verbrennung annimmt, läßt sich aus der Wärmemenge W, welche ein Pfund Brennstoff erzeugt, und aus der Luftmenge V Cubitsuß, welche die Verdrennung ersordert, leicht berechnen, wenn man die Wärmecapacität der Luft $\omega = 1/4$ von der des Wassers und das Gewicht eines Cubitsußes derselben, $\gamma = 0.080$ Pfund annimmt; es ist nämlich:

$$W = \omega V \gamma (t_2 - t_0) = \frac{1}{4} \cdot 0,080 V (t_2 - t_0),$$

und dager:

$$t_2 = \frac{4 W}{0.080 V} + t_0 = 50 \frac{W}{V} + t_0;$$

wobei to die Temperatur ber gutretenden Luft bezeichnet.

Enblich folgt hiernach ber Barmeverluft, herbeigeführt burch bas Fortgeben ber Barme in ber Effe:

$$W_1 = \frac{t_1 - t_0}{t_2 - t_0} W.$$

Rehmen wir für W ben mittleren Berth 6000 Cal., für V = 225 Cubitfuß und für to = 0 Grab an, so bekommen wir die Barme im Brennherde:

$$t_2 = \frac{50.6000}{.225} = 1333^{\circ},$$

und den Warmeverluft burch ben Abzug in ber Effe:

$$W_1 = \frac{300}{1333} W = \frac{300.6000}{1333} = 1350$$
 Caforien,

ober ungeführ ein Biertel ber ganzen, aus bem Brennftoffe entwidelten Wärme.

Unter ber Boraussetzung, daß das auf die Dampferzeugung verwendete Barmequantum proportional der Temperaturdifferenz sei (s. §. 368), können wir auch die Temperatur t, der Erwarmungsluft beim Eintritte in den Schornstein wie folgt ermitteln.

If s die Temperatur an irgend einer Stelle bes Zuges, Y die Größe ber Heizstäche, bis zu dieser Stelle gerechnet, und z das Wärmequautum, welches pro Quadratsuß Heizstäche bei einem Grad Wärmedifferenz in der Secunde auf das Wasser im Kessel übergeht, so folgt das dem Flächenelement dY und der Temperaturdifferenz s — t entsprechende Wärmequantum:

$$x(s-t)dY = -\omega V \gamma ds,$$

und es ift hiernach

$$Y = -\frac{\omega \, V \gamma}{\kappa} \int \frac{ds}{s-t} = -\frac{\omega \, V \gamma}{\kappa} L n. (s-t) + Con.$$

Für Y=0 ist aber $s=t_2$, und für Y=F (die ganze Heizfläche) $s=t_1$, daher folgt:

$$F = \frac{\omega \, V \gamma}{\pi} Ln. \left(\frac{t_2 - t}{t_1 - t} \right),$$

und die gefuchte Temperatur ber Beigluft beim Gintritte in ben Schornftein

$$t_1 = t + (t_2 - t)e^{-\frac{xP}{\omega V \gamma}}.$$

hiernach folgt nun die burch ben Schornftein abgeführte Barme:

$$W_1 = \frac{t_1 - t_0}{t_2 - t_0} W = \frac{t - t_0 + (t_2 - t) e^{-\frac{\kappa P}{\omega V \gamma}}}{t_2 - t_0} W,$$

und folglich der Birtungsgrad bes Dampfteffels, ober bas Berhaltnig ber von bemfelben aufgenommenen Barme gur Gefammtwarme:

$$\eta = 1 - \frac{W_1}{W} = \left(\frac{t_2 - t}{t_2 - t_0}\right) \left(1 - e^{-\frac{x F}{\omega V \gamma}}\right),$$

ober, ba $t_2 - t_0$ auch $= \frac{W}{mV_M}$ ist,

$$\eta = \left(1 - \frac{t - t_0}{t_2 - t_0}\right) \left(1 - e^{-\frac{xP}{\omega V \gamma}}\right)$$

$$= \left(1 - (t - t_0) \frac{\omega V \gamma}{W}\right) \left(1 - e^{-\frac{xP}{\omega V \gamma}}\right).$$

Sett man $t_2-t_0=1200$ ein, so hat man einfach

$$\eta = \left(1 - \frac{t - t_0}{1200}\right) \left(1 - e^{-\frac{x F}{\omega V \gamma}}\right).$$

Roch ist hierin

$$\omega \gamma = \frac{1}{4} \cdot 0,086 = 0,0215,$$

 $z = 0.0007.$

und

$$\frac{F}{V} = \frac{60.60}{22}f = 163f,$$

zu setzen, wo f die Heizsläche bezeichnet, welche stündlich 1 Pfund Dampf geben soll; daher hat man:

$$\eta = \left(1 - \frac{t - t_0}{1200}\right) \left(1 - e^{-5.5f}\right),$$

3. 3. für $t - t_0 = 120^\circ$,

$$\eta = 0.9 (1 - e^{-5.8f}).$$

Wir haben oben (§. 404) auf einen Quabratfuß Beigfläche ftunblich 4 Bfund Dampf gerechnet; baber ift bier

unb

$$\eta = 0.9 (1 - e^{-1.83}) = 0.9 \cdot (1 - 0.2645) = 0.66;$$

machen wir aber die Beigsläche noch ein Mal so groß, setzen also f=1/2, so fällt

$$\eta = 0.9 (1 - e^{-2.66}) = 0.9 \cdot (1 - 0.093) = 0.81$$

aus, und machen wir bagegen die Beigfläche nur halb so groß als erst, setzen also $f=\frac{1}{8}$, so erhalten wir:

$$\eta = 0.9 (1 - e^{-0.665}) = 0.9 \cdot (1 - 0.514) = 0.9 \cdot 0.486 = 0.44.$$

Man ersieht hieraus, daß es zur Erzielung einer vortheilhaften Dampferzeugung nöthig ift, eine große Beigfläche anzuwenden.

Benn man die Temperatur im Dampstessell t=140 Grad annimmt, so ist im ersten Falle die Temperatur der Erwärmungssuft beim Eintritt in den Schornstein:

$$t_1 = t + (t_2 - t) e^{-1.88}$$

= 140 + 1060.0,2645 = 140 + 280 = 420°,

ferner im zweiten:

 $t_1 = 140 + 1060.0,093 = 140 + 99 = 239$, bagegen im britten:

$$t_1 = 140 + 1060.0,514 = 140 + 545 = 6850.$$

Nathrlich haben biese Temperaturen einen großen Einfluß auf die nöthigen Dimensionen der Schornsteine, und es ift hiernach leicht zu ermessen, daß es zwedmäßig sein kann, bei einer sehr niedrigen Temperatur der abströmenden Erwärmungsluft den erforderlichen Zug derselben durch einen Bentilator zu unterstützen (s. einen dahin einschlagenden Artikel vom Herrn Prof. Zeuner im "Civilingenieur" Bb. 4).

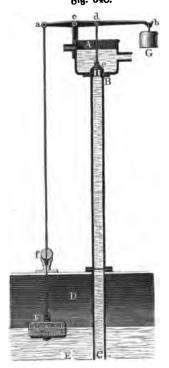
Spoisoapparato. Zu einem Dampstessel gehören noch besondere Appa= §. 424 rate zum Speisen bes Ressels mit Wasser, zur Ableitung des Dampfes, zum Reguliren der Dampserzengung, zum Sicherstellen vor dem Zerspringen des Kessels u. s. w.; von ihnen wird nun die Rede sein.

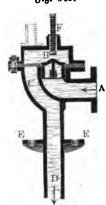
Das Speisen eines Dampftessels muß so gleichförmig wie möglich vor sich geben, in nicht zu großen Mengen auf einmal und mit möglichst reinem und warmem Wasser erfolgen. Aus letzterem Grunde wärmt man bas Wasser durch besondere im Fuchse oder Schornsteine u. s. w. angebrachte Röhren an, oder verwendet hierzu einen Theil des Condensationswassers. Wird in dem Kessel Dampf von niedrigem Drucke erzeugt, dessen Spannung den Atmosphärendruck nur 1/4 bis 1/6 übertrifft, so genügt zur Einführung des Wassers in den Kessel ein einfaches Rohr; bei einem Kessel mit Dämpsen von Hochdruck hingegen muß das Speisewasser durch eine Pumpe zugedrückt werden, weil eine bloße Speiseröhre zu lang ausfallen würde.

Das Speiserohr (franz. le tube d'alimentation; engl. feed pipe) geht von oben durch den Kesselraum hindurch und endigt etwa 1/2 Fuß über dem Kesselboden, möglichst entsernt von dem eigentlichen Feuerherde. Um das Speisen mit Wasser zu reguliren, d. i. um immer so viel Wasser zuzuleiten, als durch Dampfbildung verbraucht wird, wendet man gewöhnlich einen Schwimmer (franz. flotteur; engl. float) an, der mit dem Wasser spiegel im Kessel steigt und sinkt, und dabei den Zutritt des Wassers zum Kessel versperrt oder herstellt.

Die Sinrichtung eines Speiseapparates für Dampstessel mit Dampsen von niedrigem Drude sührt Fig. 648 (a. f. S.) vor Augen. Hier ist A der Bassers behälter, welchem das Wasser zugeführt wird, BC die etwa 8 Fuß lange Speiseröhre, D der Damps und E das Wasser im Kessel, sowie F der Schwimmer aus Kalls oder Sandstein, der etwas mehr als zur Hälfte ins Wasser eintaucht. Ferner ist ab ein um o drehbarer Hebel, an welchem einerseits der Schwimmer und andererseits ein Gewicht G ausgehängt, zugleich aber auch ein legelförmiges Bentil e befestigt ist. Wenn nun der Wasserspiegel und mit ihm der Schwimmer sinkt, so wird der Hebel ab mittels des bei f durch eine Stopsbüchse gehenden Kupserdantes aF nieder-

und folglich bei d aufgezogen, und somit e gehoben, so baß nun neucs Wasser eintreten kann; wenn hingegen F mit dem Wasser steigt, so erhalt Big. 648.





G bas Uebergewicht, es geht der Hebel bei d nieder und verschließt baher ben Eintritt des Wassers in den Kessel durch bas Bentil e.

Bei ben hochbrudmaschinen ift bie Einführung bes Speisewassers schwerer, weil sich hier eine bebeutenbe Dampftraft bemfelben entgegensett; beshalb wird auch hierzu eine besondere Bumpe, bie sogenannte Speisepumpe

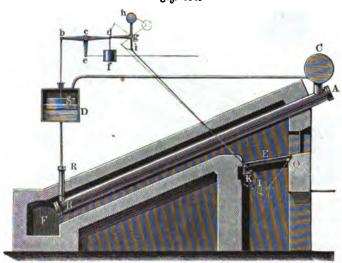
(franz. pompe d'alimentation; engl. foed pump), nöthig. Da später an einem anderen Orte die Pumpen besonders abgehandelt werden, so genüge die Bemerkung, daß die Borrichtung in einer einsachen Oruckpumpe mit Mönchstolben besteht. Die Speiseröhre, welche hierbei in Anwendung kommt, ist in Fig. 649 abgebildet. Bei A wird das Wasser durch die Pumpe zugedrückt, B ist ein Bentil, durch welches es hindurchgehen muß, um in die eigentliche Speiseröhre CD zu gelangen, mit der Flantsche EE sitt die Röhre auf dem Kessel auf. Um den Hub des Bentiles B zu reguliren, ist in dem Deckel C eine Stellschraube F angebracht, gegen welche das Bentil beim Dessel auschlägt.

Die Speisevorrichtung wird in der Regel nicht burch die Maschine, sonbern durch ben Heizer regulirt, der nach dem Stande des Wassers in dem Keffel eine Hahnstellung vornimmt, und dadurch den Zutritt des Wassers nach Besinden verstärkt oder schwächt. Man hat zwar auch bei Hochdruck-

947

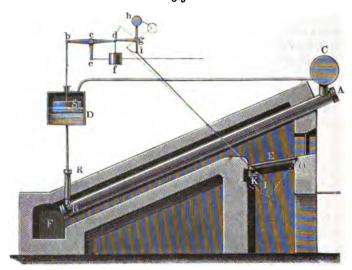
maschinen Schwimmer zum Selbstreguliren bes Speisens angewendet, da sie aber zu viel Aufsicht erfordern und ihren Dienst oft versagen, so zieht man das Reguliren mit der Hand gewöhnlich vor.

Anmerkung. Bei ben henschel'schen Dampsteffeln wird bas Speisen bes Keffels mit Wasser burch einen Schwimmer regulirt. Die ganze Anlage eines solchen Keffels führt Fig. 650 vor Augen. AB ift eine 6 bis 12 Zoll weite und eirea 10 bis 20 Fuß lange Sieberöhre, und neben berselben liegen nach Fig. 650.



Befinden noch mehrere vollfommen gleiche Sieberohren. Unten bei B tritt bas Speisewaffer ein, und C ift bie horizontale Rohre, worin ber fich bei D er gengenbe Dampf gesammelt wirb. Die im Feuerraume fich bilbenbe marme Luft umgiebt bei ihrer Bewegung burch ben unter 240 Reigung fich niebergiebenben Canal EF bie Sieberöhren vollftanbig, und gelangt unten bei F in ben Schorns ftein. Der Roft E ift um eine horizontale Are O brebbar und wird am anderen Ende burch ben oberen Arm eines fleinen Binfelbebels K unterflutt. Ferner ift R eine von ben Rohren, welche bas Speisewaffer ben einzelnen Sieberohren auführen. Bum Reguliren biefes Buführens bient nun aber ein mit Blech eingefaßter Stein S, ber auf bem in einem gugeifernen Befage D eingefcoloffenen Speisewaffer schwimmt. Damit er bies fann, wird ein um c brebbarer Doppels bebel bed angewendet, ber mittels Drabte auf ber einen Seite ben Schwimmer S und auf ber anderen bas Gegengewicht f tragt und burch ben Arm ce u. f. w. mit bem Saugventil ber Speisepumpe in Berbinbung gefett ift. Benn es an Baffer in ber Speiserohre fehlt, so finkt S und es wird mittels ce bas Saugventil ber Speisebumbe in ben Stand gesett, fein Spiel ju verrichten; wenn aber Baffer im Ueberfluß vorhanden ift und S fleigt, fo hebt ber Arm ce bas Sauge ventil in die Bobe, und es ift baburch bie Bumbe außer Stand gefett. Baffer in ben Reffel zu bruden. Sollte endlich bie Dampfentwickelung febr heftig por fic geben und eine gewiffe Grenze überichreiten, fo wurde bas Armenbe d ben

Arm dg eines um g brehbaren und mit einem Gegengewichte b versehenen Binkelhebels dge emporheben, und babei eine Stange il aufziehen, welche Big. 651.

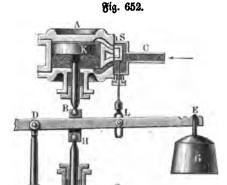


mittels eines länglichen Gliedes ben unteren Arm des Winkelhebels K erfaßt; babei wurde ber obere Arm dieses hebels unter dem äußersten Ende des Rostes weggleiten, dieser nun, seiner Stüße beraubt, niederfallen und den Brennstoff in den Aschensall ausschütten, und dadurch endlich die Gefahr einer weiteren Uebers hitzung der Dämpse besetigt sein. Nach hen sie beringt ein solcher Dampserzeugungsapparat viele Vorzüge in sich; doch möge hier nur Folgendes hervorzgehoben werden. Der Apparat bedarf nur einer kleinen Heigliche von 4 Quabratsuß pr. Pferdekraft, die Dampserzeugung geht sehr schnell vor sich, die Abwartung und Reinigung dieses Kessels ist leicht zu vollziehen und die Sichernbet besselben ist sehr groß, zumal da sich aus dem kleinen Füllungsquantum keine große Menge überhitzter Dämpse bilden und die Fläche, wo die Ueberhitzung statzbaben kann, nur klein ist. Auf der anderen Seite wirst man aber auch diesen Resseln vor, daß bei ührer kleinen Wassersäche die Dämpse viel unverdampstes Wasser mit kortreißen.

§. 425 Nouve Speiseapparate. In neueren Zeiten sind statt ber gewöhnlichen Speiseapparate mit Speisepumpen verschiedene selbstthätige Speiseapparate zur Anwendung gekommen. Unter anderen der Speiseapparat von Auld, sowie der von Jolly und von Bridre, insbesondere aber der Injector oder Speiseapparat von Giffard.

Der selbstthätige Regulator zur Kesselspeisung von Jolly (s. Armensgaud's Génie industriel, Juli 1865, auch Dingler's Journal Bb. 178) besteht in ber Hauptsache in einer kleinen Dampsmaschine ABC, Fig. 652,

beren Schieber S mittels ber stellbaren Stangen SL an ben um D brehbaren Hebel DE eines Schwimmers (j. §. 427) angeschlossen ist, und beren



Rolben K mittels ber articulirten Stangen KB und HV bas Bentil V aufhebt unb nieberläft. Das Gewicht G äquilibirt ben (in ber Abbilbung nicht bargeftellten) Schwimmer im Innern bes Dampfteffels. Wenn beim Mangel an Baffer im Reffel ber Schwimmer niedergeht, fo fteigt ber Bebel beffelben auf ber Seite bes Bewichtes G und es bebt ber Arm DE ben Schieber S mittele ber Stange LS empor. Bei ber hierbei eintretenben oberen Stellung bes Schiebers fann ber Dampf von C burch bie Dampftam-

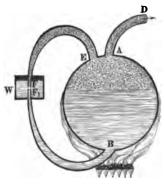
mer hindurch und unter den Kolben K strömen, welcher nun sammt dem Eintrittsventil vom Dampsbrud emporgehoben wird. Hierdei wird nun die Communication zwischen der bei W angeschlossenen Speisepumpe und der bei U nach dem Ressel stührenden Speiseröhre hergestellt und dem Speise wasser der Zutritt in den Kessel gestattet. Ist später das Speisewasser im Uebermaß zugestossen und der Schwimmer auf eine gewisse Höhe gestiegen, so zicht der nun sinkende Hebelarm DE den Schieder wieder herab und der setzt über den Kolben K tretende Damps schiedt hierauf denselben sammt dem Bentil V nieder, wobei der weitere Zusluß des Speisewassers wieder ausgehoben wird.

Ein anderer selbstthätiger Speiseapparat von Bridre, beschrieben in Armengaub's Génie industriel, 1866, sowie in Dingler's Journal, Bb. 180.

Der Injector oder die Giffard'sche Speisepumpe. Wenn \S . 426 man aus dem Dampstessel AB, Fig. 653 (a. f. S.), nicht bloß durch das Dampstohr AD, sondern auch durch ein zweites Rohr EF Damps abführt, so kann man durch den letzteren das nöthige Speisewasser in den Kessel drücken lassen. Es ist hierzu nur nöthig, daß sich das Rohr EF in ein conisches Mundstüd endige, daß serner die Speiseröhre F_1B mit einem in der Einmündung nur wenig weiteren, conisch divergenten Einmündungsstüd

verfeben ift, und bag enblich beibe Munbstude unter Baffer und fo gegen





einander gestellt werben, bag nur ein schmaler Ranm zwischen ben Mun-

bungsebenen übrig bleibt. Es fliefit bann ber ausströmenbe Dampf mit einer fo großen Gefdwindigfeit aus F in bie Röhre F, B, wobei er nicht allein bas fich aus bemfelben bilbenbe Baffer, fonbern auch bas von ber Atmosphäre burch ben ringförmigen Spalt zugebrückte Baffer in ben Reffel treibt.

Ift Qy bas Gewicht bes burch ben Bwischenraum zwischen F und F, zuströmenden und in Danipfform durch bie Röhre AD abzuführenben Baffer= quantums, sowie Q, y bas Gewicht bes burch bie Röhre EF aus bem Reffel

abzuführenden Dampfquantums, und bezeichnet h die den Drud im Dampfteffel meffende Bobe einer Bafferfaule, fo lagt fich ber gur Ginführung bes Reffelwaffere nöthige Arbeitsaufwanb

$$L = (Q + Q_1) h \gamma$$
 fegen.

Annahernd ift bas Arbeitsvermögen bes abströmenden Dampfes:

$$L_1 = Q_1 \gamma \cdot \frac{v^2}{2g} = Q_1 \gamma \cdot \mu h = Q_1 \mu h \gamma,$$

wenn µ bas specifische Dampfvolumen und v bie Beschwindigkeit bes unter ber Drudhohe h ausfließenden Dampfes bezeichnet. Sett man nun $L_1 = L$, fo folgt

$$\mu\,Q_1=Q+Q$$
, und daher $Q_1=rac{Q}{\mu-1},$

wofür $Q_1 = \frac{Q}{\mu}$ gesetzt werden tann.

Wegen ber Abfühlung bes Dampfes beim Ausflug und ber Berithrung beffelben mit bem Speisewaffer fällt jeboch Q1 viel fleiner aus als &. Hat bas bei W zuströmende Speisewasserquantum Q bie Warme t und bas bei F_1 eintretende Gesammtwasserquantum $Q + Q_1$ die Temperatur t_1 , so lagt fid, indem man ben Barmeverluft von Q1 gleich bem Barmegewinn von Q + Q1 und die latente Warme des zuströmenden Dampfes wenigstens annähernb = 640 Grab annimmt,

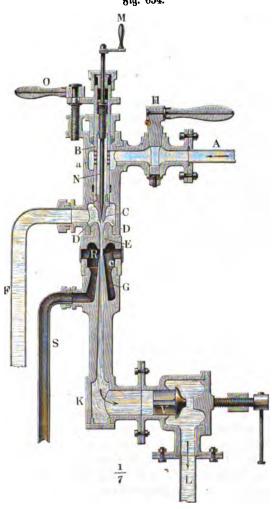
$$Q_1(640 - t_1) = Q(t_1 - t)$$
 seten.

Siernach folgt

$$Q_1 = \left(\frac{t_1 - t}{640 - t_1}\right) Q.$$

Ift d. B. die Temperatur bes zugeführten Speisewassers $t=15^{\circ}$, und die des durch den zuströmenden Dampf angewärmten und direct nach dem Ressel geleiteten Speisewassers, $t_1=60$ Grad, so fällt das circulirende Dampfquantum

$$Q_1 = rac{45}{580} \, Q = rac{Q}{13}$$
 and.
Fig. 654.



Die weitere Aussuhrung ber Theorie bes Injectors ift ein Gegenstand ber mechanischen Wärmetheorie.

Die specielle Einrichtung eines solchen Speiseapparates führt ber Durchschnitt in Fig 654 (a. vor. S.) vor Augen. Das Rohr A steht mit bem Dampfraume bes Dampfleffels in Berbindung und führt bei geöffnetem Sahne H ben Dampf burch eine Menge Löcher in die Röhre BC mit bem conischen Munbstücke C. Letteres munbet in einer als Conbensator bienenben Rammer DD aus, welche burch bas Saugrohr F mit bem Speisewafferbassin communicirt und mit einem conoidischen Mundstud E verseben ift, burch welches nicht allein bas mittels bes ans C austretenben Dampfftrahles burch die Röhre F angefaugte, sonbern auch das Baffer, welches aus ber Conbenfation bes Dampfes hervorgeht, abströmt. Gin anderes nach oben gerichtetes conisches Munbstud G fangt ben aus E tommenben Bafferstrahl auf und leitet benfelben in die Abhre K, welche burch die Röhre L mit bem Wafferraume bes Dampfleffels communicirt. Es ift hiernach leicht zu ermeffen, bag auf biefe Beife ber bei C ausstromenbe Dampf nach feiner Conbensation auf bem Bege GKLeinen stetigen Bafferftrom in ben Reffel Das Reguliren ber Dampfmenge erfolgt burch eine Rurbel M, welche mittels eines in einer conischen Spite auslaufenden Dornes N in bas Munbstild C ber Röhre BC beliebig tief hineingeschoben werden tann. sowie bas Reguliren ber Speisewaffermenge, burch eine andere Rurbel O. mittels welcher die Röhre BC gehoben und gesenkt, folglich auch ber Abstand ihrer Ausmündung von bem Boben ber Kammer DD beliebig vergrößert Das überflüssige Speisewasser, welches nicht und verkleinert werben fann. in bas Munbstud G eintritt, sammelt fich in ber Rammer R und flieft burch die Röhre S ab.

Anmerkung. Ueber ben von Turk verbefferten Injector handelt Gagg im Civilingenteur Bb. XI. Der patentirte Injector von Schaffer und Bubenberg ift beschrieben in Dingler's Journal Bb. 182.

§. 427 Wasserstandszeiger. Bei jebem Dampsteffel muffen ferner Apparate angebracht sein, welche uns über den Stand des Wassers in demselben die nöthige Auskunft geben. Es sind dies Schwimmer, Probirhähne und Wasserstand eröhren.

Der Schwimmer ober bas Schwimmniveau (franz, niveau au flotteur; engl. float gauge) besteht aus einem boppelarmigen Hebel ABC, Fig. 656, an welchem einerseits ein eiserner ober steinerner Schwimmer S, andererseits aber ein Gewicht G angehängt ist. Die Drehungsare C, Fig. 656, ist entweder schneidig wie bei einem Wagebalten, oder sie wird durch zwei Stahlspiten gebildet, welche AB mittels einer eingesetzten Ruß erfassen. Tas Lager D wird gewöhnlich auf den Speiseapparat F auf-

gesetzt. Um ben Stand bes Schwimmers genau anzugeben, wird ein Zeiger Z an den Hebel angesetzt, der über einer sesten Scala E hinläuft. Uebrigens ersicht man noch aus der Figur in XX den Wasserspiegel und in H die Stopsbüchse für den Kupferdraht, woran der Schwimmer hängt.

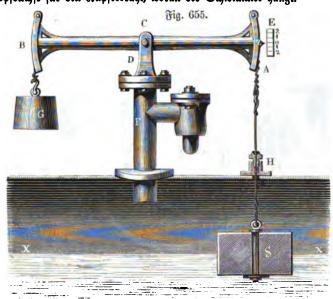


Fig. 656.

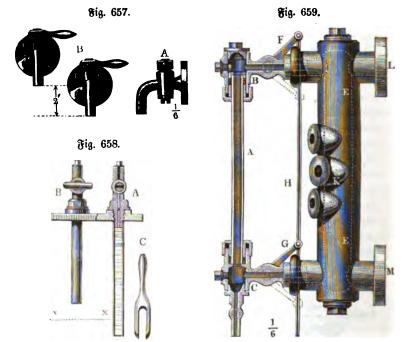


Buweilen verbindet man mit dem Schwimmer eine Barn= oder Sicherheitspfeife (franz. siflet à vapour; engl. steam whistle), durch die der Dampf bläft, wenn der Bafferspiegel mit dem Schwimmer zu tief gesunten ift.

Die Probir= ober Wasserstandshähne (franz. robinets de niveau; engl. gauge cocks) geben nur dann den Wasserstand im Dampstessel mit einiger Sicherheit an, wenn die Wallungen des Wassers in demselben nicht sehr groß sind, was jedoch nur bei großen Kesseln und bei niedrigem Dampstrucke eintritt. Bon diesen hat man deren stets zwei (zuweilen sogar drei), der eine mündet etwa 2 Zoll unter und der andere eben so viel über dem mittleren Wasservieau ein; so lange daher der Wasserspiegel zwischen diesen Mündungen steht, wird dei Eröffnung durch den einen Wasser und durch den anderen Damps ausströmen. Man hat horizontale und auch verticale Wasserstandshähne; jene münden an der Stirnsläche, diese aber an der Decke des Kessels aus. Fig. 657 (a. s. S.) zeigt in A die Seitenansschaft und in B die vordere Ansicht von den Hähnen der ersten

Art. In Fig. 658 hingegen sind die zwei verticalen Wasserstandshähne A und B mit dem nöthigen Holzschlussel C abgebildet. Man ersieht, daß B über und A unter dem Wasserspiegel XX einmundet.

Am sichersten erkennt man ben Wasserstand an einer Wasserstandsröhre (franz. niveau à tube de verre; engl. glass gauge). Die Einrichtung eines solchen Wasserstandszeigers ist aus Fig. 659 zu ersehen. A ist die Glastöhre, B und C sind die metallenen Communicationsröhren,



wovon die untere in den Wasser- und die obere in den Dampfraum einmlindet. F und G sind zwei durch eine Stange H verbundene Hebel, woburch die Hähne in Bewegung gesetzt und die Communication der Glasröhre mit dem Kessel hergestellt und ausgehoben werden kann; endlich sind noch in der Röhre EE, welche die beiden bei L und M in den Kessel einmündenden Hahnstüde mit einander verbindet, die Ansetzlücke K für drei Probirventile angebracht.

Wegen ber Zerbrechlichkeit und wegen bes leichten Berftopfens und Trübewerbens werben bie Wafferstandsröhren nicht so oft angewendet, als fie es
in anderer Beziehung verdienen; dagegen empfiehlt Scholl in seinem
"Führer bes Maschinisten" einen Bafferstandszeiger, von bem Fig. 660

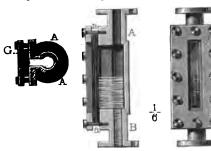
einen horizontalen, sowie Fig. 661 einen verticalen Durchschnitt und Fig. 662 bie vorbere Ansicht besselben vorstellt. Das Ganze bilbet einen Messingkaften

Fig. 660.

Fig. 661.

Fig. 662.

AB, ber von unten mit dem Basser- und von oben mit dem Dampfraume im Ressel communicirt, und nur von vorn durch zwei dide Glastaseln G begrenzt wird. Auch bringt man in der neueren Zeit statt der Glastaseln Glasprismen zur Anwendung.



Manometer. An jedem Reffel ift ferner wenigstens eine Borrichtung no. §. 428 thig, welche die Dampffpannung anzeigt, um vorzüglich barnach die Fenerung reguliren zu können. Diese Borrichtungen sind die Manometer ober Dampfmeffer (franz. manometres; engl. steam gauges) und Bentile.

Die Manometer sind entweder offene (franz. à air libro; engl. with open leg) oder verschlossene Luftmanometer (franz. à air comprimé; engl. with compressed air). Bon beiden ist schon in Band I, §. 386 und 394, die Rede gewesen, weshalb hier nur noch Ergänzungen, betreffend die besondere Anwendung bei Dämpfen, zu machen sind. Man verwendet zu diesen Justrumenten nicht gern Glasröhren, weil dieselben sehr zerbrech-



lich sind und weil sie bei der Dunkelheit des Ortes, wo sie gewöhnlich stehen, kein bequemes Erkennen des Quecksilberstandes zulassen, um so mehr, da sie durch Absätze aus dem Quecksilber leicht trübe werden. Dagegen bedient man sich gewöhnlich eiserner Röhren und läßt sich den Quecksilberstand in denselben durch Schwimsmer angeben.

Die Durchschnittszeichnung eines Gefäßmanometers mit Schwimmer giebt Fig. 663. Es ist AB das eiserne Quecksilbergefäß, C die Röhre, wodurch es mit dem Dampstessel communicitt, DE die eiserne Manometerröhre, S der Schwimmer und Z der Zeiger, welcher mit dem Schwimmer durch eine über der Leitrolle R liegende Schnur verbunden ist und den Quecksilberstand in der Röhre DE auf einer Scala anzeigt.

gig. 664.



Ein Bebermanometer ift in Fig. 664 ab-ABC ift bie heberformige Röhre, aebilbet. welche fich auf ber einen Seite an bas mit Waffer gefüllte Befag Aa anschließt, auf ber anberen Seite in die freie Luft ausmundet, übrigens aber bis a und b mit Quedfilber gefüllt ift. Dampf wird durch die Röhre DA über das Wasser in Aa geführt, und indem er bieses nieberbriidt, wirb bas Quedfilber im Schenfel aB jum Sinten und bas im Schenkel BC jum Steigen genöthigt. Der Stand bes letsteren läßt fich aber an einer Scala mittels eines Zeigers Z beobachten, ber burch eine. über einer kleinen Rolle R liegenden feidenen Schnur mit einem fleinen metallenen Schwimmer in ber Quedfilberfaule verbunden ift.

ist hierbei die Frage, um welche Bobe x fleigt ber Quedfilberfpiegel in bem Schenfel BC ober fintt ber außere Beiger Z, wenn ber Dampf mit einer gewiffen Rraft p auf ben Bafferfpiegel im erften Schentel aB Bei gleicher Beite beiber Schenkel brüdt? fintt die Oberfläche bes Quedfilbers im erften Schenkel ebenfo viel ale bie im zweiten fteigt. es ift folglich ber Niveauabstand zwischen beiben Oberflächen = 2x, und ift nun ber Barometerftand = b, fo hat man ben von unten nach oben wirkenben Drud ber Quedfilberfaule = 2 x + b. Der Gegenbrud von oben nach unten bestimmt fich aber aus ber als conftant anzusehenben Sohe h ber Bafferfaule in bem weiten Befage, aus ber Bobe a ber in ben erften Schenkel eingebrungenen Bofferfaule, bem specifischen Gewichte e bes Quedfilbers und ber Dampfpreffung p, gemeffen burch bie Bobe einer Quedfilberfaule:

$$=p+\frac{h+x}{\epsilon},$$

es ift alfo zu fegen:

$$2x + b = p + \frac{h+x}{\epsilon},$$

und folgt baber:

$$x = \frac{\varepsilon (p-b) + h}{2 \varepsilon - 1}.$$

Drüden wir p in Atmosphären, k und x aber in Zollen aus, so erhalten wir, ba noch $\varepsilon=13.6$ ift,

$$x = \frac{13.6.29 (p-1) + h}{26.2} = 15.09 (p-1) + 0.0382 h \text{ 3ou}.$$

Hiernach folgt, wenn man ben Nullpunkt 0,0382 h über ben Bunkt (b) ber Röhre BC sest,

für
$$p=1$$
 | ${}^5/_4$ | ${}^3/_2$ | ${}^7/_4$ | 2 | 3 | 4 Atmosphären, $x=0$ | 3,77 | 7,545 | 11,32 | 15,09 | 30,18 | 45,27 Zoü.

Die Füllung des Inftrumentes mit Quedfilber und das Nachgießen bes Baffers erfolgt durch die mittels eines Stöpfels verschließvare Deffnung e im Kopfe des ersten Schonkels. Damit diese Flüssigkeiten in der richtigen Quantität eingegoffen werden, öffnet man während des Eingießens von Duedfilber das Loch a und nachher, während des Eingießens von Waffer, das Loch d.

Lustmanomotor. Das eben behandelte Manometer mit Schwimmer §. 429 wird vorzüglich bei Niederdrucklesseln angewendet, weil hier die Manometerröhre ziemlich kurz sein kann; jedoch sindet man es auch bei Mitteldrucklesseln, worin Dämpse von 3 bis 4 Atmosphären Spannung erzeugt werden, ansgewendet, da hier eine Röhrenlänge von reichlich 2.29 = 58 bis 3.29 = 87 Boll ausreicht. Für Hochdruckdämpse erhalten aber diese Manometer eine zu große Ausbehnung, und man wendet daher statt derselben auch andere Instrumente an.

Das Luftmanometer, bessen Theorie bereits in Band I, §. 394, abgehandelt worden ist, läßt sich zwar zum Ausmessen aller Dampsspannungen gebrauchen, allein wegen der Unsicherheit seiner Angaden, in Folge der Oxybation des Quecksilbers, wird es nicht sehr häusig an stehenden Dampsmaschinen angewendet. Um bei höheren Dampsspannungen nicht zu kleine Beränderungen in dem Quecksilberstande zu erhalten, verbindet man wohl mit der Manometerröhre B C, Fig. 665 (a. s. S.), ein Reservoir E, aus welchem erst dann alle Luft ausgetrieden wird, wenn die Spannung eine höhere ist. Steht z. B. bei 3 Atmosphären Spannung das Quecksilber unmittelbar über E, so nimmt es bei 6 Atmosphären die Mitte M von CE ein, und es lassen sich an einer Eintheilung von EM alle Spannungen zwischen 3 und 6 Atmosphären ablesen. Einem ähnlichen Zwecke entspricht auch das hyperbolische Manometer von Delaveye (s. Dingler's Jonrnal, Bb. 93), das nach dem Ende zu sich immer mehr und mehr zusammenzieht, und in eine Kugel ausläuft, und die Eigenschaft hat, daß es gleiche

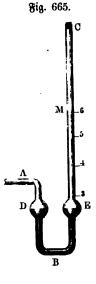
Beränberungen in ber Dampffpannung auch burch gleiche Beränberungen in bem Quedfilberstanbe anzeigt.

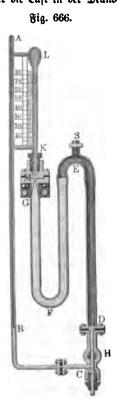
Eine complicirte Einrichtung haben die Luftmanometer von Hofmann in Breslau (f. Berhandlungen des Bereins zur Beförderung des Gewerbefleißes in Preußen, Jahrgang 1849). Die wesentliche Einrichtung solchen Instrumentes ift aus Fig. 666 zu ersehen; es ist hier ABC eine mit dem Dampstessel in Berbindung stehende Aupferröhre, CHD ein Hahnstill, DEFG ein zweimal gebogenes Aupferrohr und KL eine sich nach

oben etwas verengernde und in ein birnförmiges Ende auslaufende Glasröhre. Die eigentliche Füllung EFG biefes Instrumentes besteht aus Spiritus, außerdem ist aber auch noch eine Füllung BCD von Wasser vorhanden, welche den Dampsorud unmittelbar aufnimmt und mittels der Luftfäule DE auf den Spiritus fortpslanzt, der wieder die Luft in der Mano-

Fig. 667.









ï

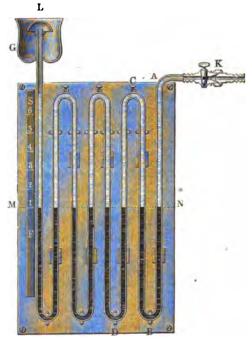
meterröhre KL zusammendruckt. Der Spiritus wird durch eine zu berestöpfelnde Mündung S in solcher Menge eingefüllt, daß er durch ein feines und ebenfalls später zu verstöpfelndes Loch bei M abzustließen anfängt. Wenn man den Dampfbruck tennen lernen will, so öffnet man den Dampfbahn und beobachtet an einer Scala den Stand des Spiritus in der Röhre KL. Die Eintheilung der Scala ist natürlich auf dem experimentellen Wege zu sinden.

Ihrer Sicherheit wegen wendet man jest felbst bei hobem Dampfbrude offene Bebermanometer an; um fle aber mit einer fleinen Scala verfeben zu konnen, giebt man bemienigen Theile AB, Fig. 667, beffelben, an welchem man ben Quedfilberftand ablieft, eine größere Weite. Ift z. B. bie Beite von diesem Theile breimal so groß als die Beite ber übrigen Röhre, fo fällt die Bewegung bes Quedfilbers in ihm neunmal fo flein als in bem anderen Schenkel CD aus; ba aber die Spannung burch bie Niveaubifferenz, b. i. burch die Sentung bes Quedfilbers in bem einen Schenkel plus Steigung beffelben im anderen gemeffen wirb, fo ift in biefem Falle bie Bewegung bes Quedfilbers im weiteren Theile ein Zehntel bes Niveauabstandes, d. i. es giebt der Quedfilberstand in diefem Theile die Dampfsvannung gehnfach verjungt an. Bei bem abgebilbeten Manometer von Decoudun ift ber weitere Theil AB unten und brildt ber bei E gutretende Dampf auf bas Quedfilber in bemfelben; bei bem von Desborbes bingegen nimmt berfelbe bie obere Stelle ein und es brudt bie Luft junachft auf bas Quedfilber in biefem Theile.

Differenzialmanometer. Sehr geeignet jum Messen hober Dampf- &. 430 spannungen find noch die Differengialmanometer. Gin folches Inftrument besteht aus einem Shfteme paralleler und unter einander verbundener Röhren AB, BC, CD..., Fig. 668 (a. f. S.), von welchen die unteren Salften bis gur Linie MN mit Quedfilber, bie oberen Salften aber mit Waffer gefüllt sind. Wird nun bas eine Ende K mit bem Dampfe, bas andere Ende L aber mit ber Luft in Communication geset, fo fintt bas Quedfilber im erften, britten, funften Scheutel u. f. w., und fleigt im aweiten, vierten, sechsten u. f. w. fo weit, bis bem Dampfbrucke auf ber einen und bem Luftbrucke auf ber anderen Seite durch ben vereinigten Queckfilber- und Wasserbruck das Gleichgewicht gehalten wird. Sind alle Röhren gleich weit, was ber Brauchbarkeit des Instrumentes wegen auch geforbert werben muß, fo ift bie Steighobe x bes Quedfilbers im erften Schentel fo groß, wie bie Sentung im anderen, alfo bie Niveaubiffereng gwischen beiben = 2x, und ebenso groß auch bie zwischen bem Quedfilber in ber vierten und britten Röhre, ferner zwischen ber fechoten und fünften u. f. w. Dagegen fällt hierbei die Bafferfäule in ber zweiten Röhre um 2x fürzer

aus, als die in ber ersten, ebenso die in ber vierten um 2 x, als die in ber britten u. s. wezeichnet nun & bas specifische Gewicht des Quedfilbers,

Fig. 668.



so folgt die Höhe einer Quedfilberfäule, welche einer Bassersäule von der Höhe 2x das Gleiche gewicht halt, $=\frac{2x}{\epsilon}$,

und baher bie Spannung, welche bas Eintreten ber Niveaudiffe-

reng 2 x hervorbringt:

$$= 2x - \frac{2x}{\varepsilon}$$

$$= \left(1 - \frac{1}{\varepsilon}\right) \cdot 2x$$

$$= \frac{2(\varepsilon - 1)}{\varepsilon}x.$$

Diefe Spannung wird aber durch ben Riveauabstand zwischen dem vierten und dritten Schenkel verdoppelt, ferner durch ben zwischen bem sechsten und fünf-

ten verdreisacht u. f. w. Ift nun n die Anzahl der Röhrenschenkel, p die Dampffpannung am Anfange des ersten Schenkels und b der durch die Bobe einer Quedfilberfaule gemessene Luftbruck am Ende des anderen Schenkels, so hat man:

$$p = b + \frac{n}{2} \cdot \frac{2(\varepsilon - 1)}{\varepsilon} x,$$

b. i.

$$p = b + \frac{n(\varepsilon - 1)}{\varepsilon}x = b + 0.9266 nx;$$

fowic

$$x = \frac{\varepsilon (p-b)}{(\varepsilon - 1)n} = 1,079 \frac{(p-b)}{n} 300,$$

ober, wenn man p in Atmosphären ausbrudt und b = 1 annimmt:

$$x = 31,29 \cdot \frac{p-1}{n} \text{ Boll.}$$

Bei einem Instrumente mit acht Röhren hat man z. B. für p=1, $1^{1/2}$, 2, 3, 4, 5, 6 Atmosphären die Manometerstände

x=0 300, 1,955301,3,91301,7,82301,11,73301,15,64301,19,56301.

Das Enbstück FL ber ganzen Schlangenröhre ist gläsern und mit einer Scala MS zum Ablesen des Quecksilberstandes eingefaßt. Damit bei einem Dampstoße das Quecksilber nicht aus der Röhre verschüttet werde, ist dieselbe durch einen Hut L bedeckt und mit einem Gesäße G verbunden, in welchem sich das übergetriebene Quecksilber sammeln kann. Das Rähere über die Einrichtung eines solchen Instrumentes nach Richard ist im 44. Jahrgange (1845) des Bulletin de la société d'encour., sowie in den Annales des mines, T. VII, 1845, nachzulesen.

Kolbenmanometer. In ber neuesten Zeit sind noch andere Manos §. 431 meter zum Messen bes hohen Dampsbrudes vorgeschlagen und angewendet worden. Es gehört hierher vorzüglich das offene Manometer von Galys Cazalat oder Journeux, und nächstem das Metallmanometer von Bours don (s. Annales des mines, IV. Sér., T. XVI, 1849, oder die Zeitschrift "der Ingenieur", Bd. II).

Das Princip, welches bei ben ersteren Manometern zur Anwendung tommt, besteht in Folgendem. In dem Gefäge ABC, Fig. 669, sind zwei

669. E

burch einen Stiel fest mit einander verbundene Rolben \overline{dd} und \overline{ff} von verschiedenen Durchmessern verschiebbar, wovon der eine den Druck des bei D zutretenden Dampses und der andere den Druck einer Flüssgestelssäuse CE aufnimmt. Sind nun r und r_1 die Halbmesser der Rolben \overline{dd} und \overline{ff} , ist ferner p der Dampsbruck, h der Manometerstand oder die Höshe der Flüssgeitssäuse CE, und γ die Dichtigseit derselben, so hat man die Kraft, mit welcher jeder dieser Rolben gedrückt wird:

$$\pi r^2 p = \pi r_1^2 h \gamma,$$

und baber:

$$h = \left(\frac{r}{r_1}\right)^2 \frac{p}{\gamma},$$

3. B. für $\frac{r}{r_1} = \frac{1}{3}$:

$$h = \frac{1}{9} \frac{p}{\gamma};$$

es wird also bann eine Atmosphäre von 28 Boll durch eine $^{28}/_{9}=3^{1}/_{9}$ Boll hohe Flüssigteitsfäule in CE angezeigt.

Beisbach's Lehrbuch ber Rechanit. IL.

§. 432

Bei bem Manometer von Journeux (Fig. 670) find, um die Unfichersheit wegen ber Kolbenreibung ju umgehen, die Kolben burch Metallscheiben

Fig. 670.



ad und ff ersett, und es wird der Druck durch eine besondere Kolbenverbindung g von einer solchen Scheibe auf die andere übergetragen. Zum genauen Abschibe auf die andere übergetragen. Zum genauen Abschibe des Dampses von Quecksilber sind die beisden Metallscheiben noch mit Scheiben von vulcanisitztem Kautschuk belegt, und damit die Luft auf die Scheibe ff eben so gut von unten als von oben brilden kann, ist in den unteren Theil des Gesässes ein Loch o zum Eintritt der Luft gebohrt. Das Quecksilber wird mittels eines Trichters durch den Aussach deingeführt.

Metallmanometer. Das Metallmanometer von Bourdon besteht, wie bas zuerst von Schinz construirte Metallmanometer, ber Hauptsache nach aus einer gebogenen Messingröhre BEF, Fig. 671, mit elliptischem Querschnitte, beren Gestalt sich mit bem Drude ber in ihr eingeschlossenen Flussigisteit andert. Das eine Ende B der Röhre ist offen und

Fig. 671.



steht mit der Dampfröhre AB in Berbindung, das andere Ende F hingegen ist verschlossen und frei beweglich, und ein mit ihm durch eine stehende Welle KL verbundener Zeiger Z rückt auf einer Scala H fort, wenn sich die Röhre in Folge des Dampsdrucks in derselben streckt.

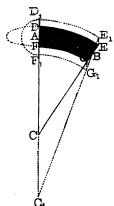
Da in Folge des Dampsbruckes der elliptische Querschnitt der Röhre sich mehr dem Kreise nähert (j. §. 411), so geht die Breite DF (Fig. 672) derselben in D_1F_1 über, wobei die Seiten DE und FG in die Lagen D_1E_1 und F_1G_1 gelangen, serner der Querschnitt EG die Lage E_1G_1

annimmt und der Krimmungshalbmesser CA = CB in $C_1A = C_1B$ übergeht, also um CC_1 größer wird.

Bei dem Metallmanometer von Schäfer und Budenberg ift bie Spiralröhre durch eine wellenförmige Stahlplatte und bei bem von Gabler

Fig. 672.

%ig. 673.





und Beitshaus durch ein linsensörmig verbundenes Plattenpaar AA, Fig. 673, ersett. Der bei D zustretende Dampf brudt dieses Plattenpaar zusammen, und schiebt dabei den Stift BC ausmärts, welcher wieder einen Zeigermechanismus in Bewegung setzt

und baburch bie Größe bes Dampfbrudes anzeigt.

Endlich sind Thermometer ebenfalls noch Borrichtungen, welche bie Spannkraft der Dämpfe anzeigen, da man mittels Formeln oder Tabellen bie Expansiviraft aus der Temperatur, welche diese Instrumente anzeigen, sinden tann. Man hängt diese von oben durch eine Stopfbuchse in den Kessel und schützt sie durch eine metallene Hille vor dem Zerbrechen. Siehe Herrn Dr. H. Schefflers Monographie: die Ursachen der Dampstesselzplossionen und das Dampstesselsthermometer.

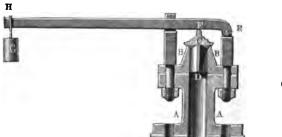
Sicherheitsventile. Sicherheitsventile (franz. soupapes de sû- §. 433 reté; engl. safety valves) sind die wichtigsten Sicherheitsapparate eines Dampstesselle. Man unterscheibet innere und äußere Sicherheitsvenstile. Aeußere Sicherheitsventile oder Sicherheitsventile schlecht- weg (franz. soupapes externes; external valves) öffnen sich nach außen, wenn der Dampstruck im Ressel eine gewisse Grenze überschreitet, und lassen nun so lange Damps abströmen, die die Dampsspannung wieder unter diese Grenze herabgegangen ist, in welchem Falle sie sich von selbst wieder schließen.

Die inneren Sicherheits- ober Luftventile (franz. soupapes internes, soupapes renversées, soupapes atmospheriques; engl. vacuum valves, atmospheric safety valves) hingegen öffnen sich nach innen, wenn ber Druck im Inneren bes Kessels, vielleicht burch Abkühlung bei Unterbrechung der Feuerung, unter eine gewisse Grenze hinabgeht, und

lassen dann so lange Luft von außen nach innen strömen, die die Spannung im Kessel beinahe dem Atmosphärendrucke gleichkommt. Während die äußeren Sicherheitsventile das Zerreißen der Dampstessel durch den Dampstruck verhindern sollen, haben die inneren Sicherheitsventile den Zweck, das Zerdrucken desselben durch den Atmosphärendruck zu verhindern. Man kann leicht ermessen, daß die inneren Sicherheitsventile oder sogenannten Lusteventile nur dann in Wirksamkeit treten, wenn sich nach Beendigung der Feuerung eines Kessels die Dämpfe in demselben condensiren.

Nach ber Art und Weise, wie die Sicherheitsventile beschwert werben, um bem Dampsvude das Gleichgewicht zu halten, hat man die Bentile mit directer Belastung zu unterscheiden von den Bentilen mit indirecter oder Hebelbelastung. Die Bentile der ersten Art werden vorzüglich bei mäßigen Dampsspannungen angewendet, wogegen man sich der letzteren mehr bei starten Dampsspannungen bedient, um weniger Belastung nöthig zu haben. Bei jenen liegt die einen Cylinder bilbende Belastung unmittelbar auf der oberen Fläche des Bentiles, bei diesen hingegen hängt sie an dem längeren Arme eines einarmigen Hebels, und wirkt so dem am kürzeren Arme von unten nach oben auf das Bentil drückenden Dampse entgegen. Noch hat man auch Bentile mit Federdruck; wegen der großen Beränderlichseit der Federkraft gewähren jedoch diese nicht hinreichende Sicherheit.

Der leichteren Eröffnung wegen giebt man ben Sicherheitsventilen nicht eine konische, sondern eine ebene Plattenform, und läßt sie nur auf die schmale Stirnfläche des röhrenförmigen Bentilsites aufruhen. Nach belgischen Borschriften darf die Breite der ringförmigen Berührungsfläche zwisschen dem Sicherheitsventile und seinem Sitze nur 2 Millimeter betragen; in Frankreich muß aber diese Breite ein Dreißigstel des Durchmessers der inneren Bentilsläche ausmachen, wenn dieser Durchmesser 30 oder mehr Millimeter mißt, ist er aber kleiner, so soll diese Breite 1 Millimeter betragen. Fig. 674 stellt ein Sicherheitsventil mit Hebelbelastung vor. AA ist das Bentilgehäuse, welches auf den Dampstessel ausgeschraubt wird, BB der oben etwas erweiterte Bentilsit, CD das Bentil, und zwar C die Bentilplatte,



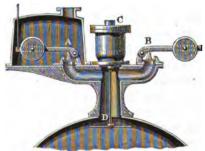


und D sind die zum geraden Auf = und Niedersinken nöthigen Bentilflügel; EFH ist der um E brehbare Hebel, welcher in H durch ein Gewicht Gnieder = und durch das Bentil in F aufwärts gedruckt wird.

Fig. 675.



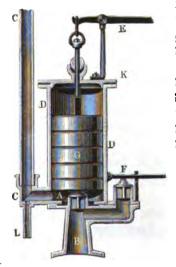




Neuere Sicherheitsventile wie A, Fig. 675, sind außen chlindrisch abgedreht, haben eine aus vier Backen B, B bestehende Führung und hängen mittels eines Bolzens C an der vom Bentilhebel herabhangenden Stange D.

Ein vollständiger Sicherheitsventilapparat ist in Fig. 676 abgebildet. Beide Bentile A und B haben, wie das Bentil in Fig. 675, äußere Führungsstangen. Das Bentil A ist von einem Gehäuse eingeschlossen und daher dem Heizer unzugänglich; das andere Bentil ist dagegen ganz frei. In dem Gehäuse C befindet sich das Absperrventil und an demselben ist eine Schutz latte D angebracht, welche das Aussteigen des Resselwassers in das Dampfrohr verhindern soll. Ferner stellt Fig. 677 die Durchschnitts-

Fig. 677.



zeichnung eines Bentiles mit directer Belastung dar, A ist das Bentil, G sind bie über eine vierkantige Bentilstange geschobenen Belastungsgewichte, B ist das auf dem Kessel aufstende und den Bentilsit bildende Fußtud, CC ferner das Dampfableitungsrohr, DD das dem Heizer unzugängliche Bentilgehäuse, E ein Sebel zum Lüften und Probiren des Bentiles, und endlich F ein zweites dem Heizer zugängliches Pebelventil.

In Fig. 678 ift ein Luftventil Fig. 678.



abgebilbet. Hier ist das Bentil A durch ein Gelenk D mit dem um C brehbaren Hebel DG verbunden, und es wird basselbe durch ein mäßiges Gewicht G am längeren Arme des Hebels ganz schwach von unten nach oben an den Bentilsty B angedrückt.

§. 434 Theorie der Sicherheitsventile. Die außeren Sicherheitsventile milsten nicht allein mit einem gewissen Gewichte beschwert werben,
bamit sie sich erst bei einer gewissen Danupsspannung öffnen, sondern sie
mussen auch eine gewisse Größe erhalten, damit sie bei ihrer Erössnung einen
hinreichenden Dampfabsluß gewähren. Es ist wenigstens zu verlangen, daß
bas Absuganntum größer sei, als die in berselben Zeit erzeugte Dampfmenge. Ueber die Ausmittelung der Belastung eines Sicherheitsventiles ist
bereits in Bd. I, §. 386, das Nöthigste gesagt worden. Ist p die Danupsspannung, sowie b die äußere oder Atmosphärenspannung, und r der innere
Halbmesser des Sicherheitsventiles, so hat man die Kraft, mit welcher das
Bentil emporgetrieben wird:

$$P=\pi r^2 (p-b);$$

bei birecter Belastung ist das Gewicht G bes ganzen Bentiles dieser Kraft gleich zu machen, bei einer Hebelbelastung hingegen hat man das am Hebel= arme a anzuhängende Gewicht

$$G = \frac{Pd - Qs}{a}$$

zu machen, insofern d den Hebelarm ber Kraft P und Qs das statische Moment des unbelasteten Bentiles ausdrücken. Einige Unsicherheit läßt diese Bestimmung immer zurück, zumal wenn die ringförmige Berührungsstäche nicht sehr schmal ist, weil die Metallporen in der Nähe dieser Fläche nicht bloß mit atmosphärischer Luft, sondern auch, wenigstens nach innen zu, mit Damps ausgefüllt sind, folglich die Drucksäche des Dampstruckes noch etwas größer als πr^2 ist (s. eine Abhandlung hierüber von Cato, im polytechnissen Centralblatt, Bb. VIII, 1846).

Um die nöthige Größe der Bentilfläche zu finden, nehmen wir der mechanischen Wärmetheorie zufolge an, daß bei Eröffnung des Sicherheitsventils durch den Mündungsquerschnitt F Quadratmeter desselben, bei dem Oruck von p Atmosphären, außer einer größeren Menge heißen Wassers, das Dampfquantum

jum Ausfluß gelange (fiebe Zeuner's Grundzüge ber mechanischen Barmetheorie Seite 421).

Nehmen wir ferner nach dem Obigen (siehe, §. 404) an, daß F_1 Quastratmeter Heizstäche eines Dampftessels die Dampfmenge

$$Q=rac{19\,F_1}{60\cdot 60}=0{,}00528\,F_1$$
 Rilogramm liefert,

fo folgt bas erforderliche Berhaltnig ber Bentilflache F jur Beigflache F1:

$$\frac{F}{F_1} = \frac{0,00528}{20 p} = \frac{0,000264}{p}.$$

Diefer Formel zufolge ift fitr bie

Dampfspansnung $p =$	4/3	2	3	4	5	6 Atmosphären
Das Flächens verhältniß $rac{F}{F_1}=$	0,0001980	0,0001320	0,0000880	0,0000660	0,0000528	0,0000440

Je größer also ber Dampfbrud ift, je kleiner fallt bie erforderliche Größe ber Flache bes Sicherheitsventils aus.

Nach der preußischen Berordnung soll $\frac{F}{F_1}$ wenigstens $^{1}/_{8000}$ sein; es ist also hier beim Niederdruck von $^{4}/_{3}$ Atmosphäre eine $(^{1}/_{3000}:0,000198)$ $=\frac{1}{0,594}=1,68$, d. i. nahe $^{5}/_{3}$ sache Sicherheit vorhanden, und dieselbe bei hohen Dampsspannungen noch größer.

Die französischen "Ordonnances" schreiben vor, ben Bentilburchmeffer uach ber von Thremern auf bem Wege ber Empirie gefundenen Formel

$$d=2$$
,6 $\sqrt{rac{F_1}{p-0,412}}$ Centimeter

ju bestimmen, fo bag hiernach, ba F1 in Quabratmetern auszubrucken ift,

$$\frac{F}{F_1} = \frac{(0,026)^2 \cdot \pi}{4(p - 0,412)} = \frac{0,000531}{p - 0,412},$$

also für $p = \frac{5}{4}$

$$\frac{F}{F_1} = 0,000634 = \frac{1}{1577}$$

folgt.

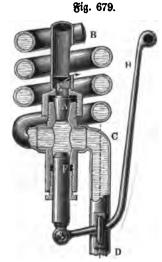
Damit die Sicherheit noch mehr erhöht werbe, wendet man zwei Sicherheitsventile, jedes von der vorgeschriebenen Größe, an und setzt bieselben an ben entgegengesetten Reffelenden auf.

Um ein Sicherheitsventil bem Beizer unzugänglich zu machen, toun man nach Fairbairn ben Bebel beffelben im Innern bes Reffels aufhängen.

Leichtfluffige, aus Blei, Wismuth und Bint bestehende und in die Reffel-

wand eingesette Metallplatten ober Stöpsel sind unbequeme und sogar nicht immer genügende Sicherheitsvorrichtungen.

Dierher gebort auch der in Fig. 679 abgebilbete Barner von Blad,



welcher burch Schmelzen eines bei 100 Grab schmelzbaren conischen Pfropfes dem Tieferfinten bes Reffelmaffere eine Grenze fest. Diefer Apparat besteht aus einem Rupferrohr BCD, welches unten in ben Dampfkessel D führt, und oben durch ben schmelzbaren Pfropf A gefchloffen ift. Wenn der Bafferfpiegel im Reffel fo tief fintt, bak bie Mündung D frei wird, so fliegt bas Wasser aus ber Röhre CD ab und es füllt sich dieselbe mit Dampf, durch welchen ber Pfropf zum Schmelzen gebracht wird. Folge beffen ftrömt nun Dampf burch eine über A sigende Dampfpfeife E und zeigt daburch ben entstandenen Mangel an Reffelwasser an. Durch die Schlangenform ber Röhre BC bewirft man, daß bas Wasser in derselben nur eine Temperatur von 40

bis 50 Grad annimmt. Hebt man später ben Kolben F mittels des Hels H empor, so kann man badurch die durch das Schmelzen des Pfropfes entstandene Höhle wieder mit einem neuen Pfropf ausfüllen.

Beifpiel. Belde Dimenstonen find ben beiben Sicherheitsventilen eines Dampffessels zu geben, burch welchen man ftunblich 500 Bfund Dampf von 4 Atmosphären Spannung erzeugen will? Die nothige heizstache ift

$$F_1 = \frac{1}{4}.500 = 125$$
 Duabratfuß,

folglich nach preußischen Borfdriften jebe Bentilfläche:

$$F_1 = \frac{F_1}{3000} = \frac{125}{3000} = 0,04167$$
 Quadratfuß,

und baber ber Bentilburchmeffer:

$$d = \sqrt{\frac{4.0,04167}{\pi}} = 0.23 \text{ Fuß} = 28/4 \text{ Boll.}$$

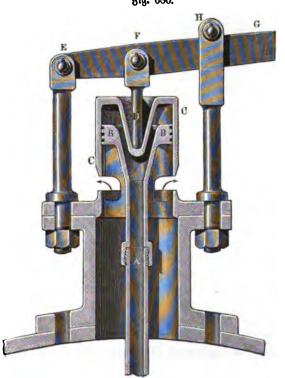
Rach frangofischen Gefeten hingegen hat man

$$d = 2.6 \sqrt{\frac{125.0,0985}{4,000 - 0,412}} = 2.6 \sqrt{\frac{12,3125}{3,588}} = 4.82 \text{ Gentimeter} = 1\% \text{ 3oU.}$$

Unfere Formel giebt bei 3facher Sicherheit:

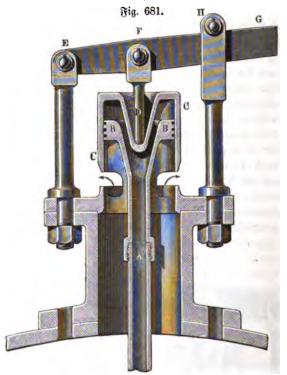
$$rac{F}{F_1}=rac{3.0,000264}{p}=0,000198$$
, baher $F=0,000198.125=0,02475$ und bemnach $d=0,178$ Fuß $=2^{1}\!/_{\!3}$ Boll.

Nouere Sicherheitsventile. Mehrfache Beobachtungen und Versuche §. 435 an Sicherheitsventilen haben dargethan, daß sich dieselben während der Dampfaussströmung in der Regel nur wenig heben, und deshalb nicht so viel Dampf durchsassen als der Querschnitt berselben bei einer gegebenen Danupsspannung erwarten läßt. Insbesondere hat der Regierungsrath v. Burg gefunden, daß sich die gewöhnlichen Sicherheitsventile nur 1/8 bis 1/3 Linie eröffnen (siehe bessen Abhandlung über die Wirksamteit der Sicherheitsventile, Wien 1863). Aus Grund der Ergebnisse seiner Versuche schließt herr v. Burg, daß die Sicherheitsventile nur als Regulatoren sur den Heizer anzusehen sind. Auch sand er durch seine Versuche bestätigt, daß sich die Sicherheitsventile eher eröffnen als dem Dampsbruck oder den Dampsregulativen entsprechend anzunehmen ist. Hiermit stimmen auch die Ergebnisse der Versuche von Valdwin überein (siehe Polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1867). Bei den neueren verbesserten Sicherheitsventilen sollen die Mängel der gewöhnlichen



Bentile beseitigt oder wenigstene vermindert fein. Unter anderen gehören hierher bie Sicherheiteventile von Bartlen, Bobmer u. s. w. Bei bem Sicherheiteventil von Bartlen wirb bie gewöhnliche Rreismündung burch zwei ringförmige und auch die Bentilplatte burch zwei ein Banges bilbende Bentilringe erfest und ift die Belaftung unten an bas Bentil angehangen, reicht also in ben Reffelraum hinein. Das Bobmer'iche Siderheiteventil CC, Fig. 680, wird nicht birect burch

den Dampsbrud, sondern durch das Kesselwasser gehoben. Zu diesem Zwede ist eine Röhre AB angebracht, welche sich oben conisch

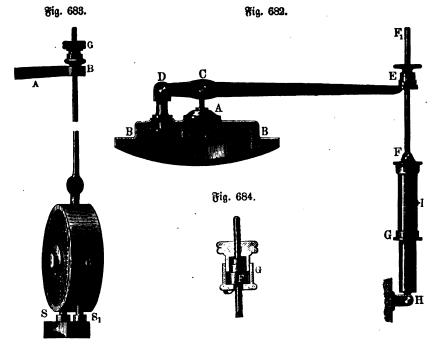


erweitert und daselbst das Kesselwasser in den inneren Raum des Bentils führt. Der leichteren Eröffnung wegen ist die cylindrische Bentilwand CC innen genau ausgeschliffen und der äußere Umfang des Röhrensendes statt der Liberung mit ringsörmigen Rinnen versehen. Der nur zum Theil abgebildete Bentilhebel EFG ist um die Axe E drehbar und drückt das Bentil mittels des Stiels DF nieder, welcher sich unten gegen den consishen Bentilbedel stemmt.

§. 436 Sicherheitsventile mit Foderdruck. Bei den Locomotiven und Locomobilen lassen sich wegen ber unvermeiblichen Schwankungen die Sie cherheitsventile nicht durch Gewichte belasten, hier sind ftatt der letzteren die allerdings weniger sicheren Stahlsedern in Anwendung zu bringen.

Die Einrichtung eines gewöhnlichen Sicherheitsventils mit Federbruck ift aus ber Abbildung in Fig. 682 zu ersehen. Das Ende E des Hebels DCE, woran das Sicherheitsventil A aufgehangen ift, umfaßt eine Schrauben-

spindel FF_1 , welche von einer im Gehäuse FGH eingeschloffenen Spiralfeber getragen wird. Während das Hebelende E durch den Dampstruck



nach oben getrieben wird, zieht die Feberwage dasselle abwärts; und es läßt sich durch Einstellen der Schraubenmutter E das Gleichgewicht zwischen ber Feberkraft und dem Dampsdruck herstellen. Ein durch einen Schlitz aus dem Febergehäuse herausgeführter Zeiger I zeigt an einer am äußeren Umfang des Gehäuses angebrachten Scala die Größe des Dampsdrucks an.

Die Sicherheitsventile mit Feberbelastung haben ben Fehler, daß die Araft, mit welcher sie dem Dampfdruck entgegenwirken, nicht constant ift, sondern mit der Eröffnung des Bentils wächst. Bur Beseitigung desselben läßt man nach Meggenhofen die Feder nicht unmittelbar auf den Hebel wirken, sondern mittels eines Winkelhebels, dessen Armverhältniß sich mit der Federsspannung andert.

Um enblich auch bei Locomotiven Sicherheitsventile mit Gewichtsbelaftung anwenden zu können, hat herr Kirchweger das Gewicht G, Fig. 683 mittels einer Spiralfeder an den Bentilhebel AB angeschlossen. Diese Feder F ift in einem Gehäuse H eingeschlossen, wovon Fig. 684 einen Durchschnitt zeigt. Außerdem sind zur Führung des Gewichts noch zwei Stifte Si S angebracht, welche in bas Innere beffelben einbringen und ein Bolfter von Summischeiben tragen.

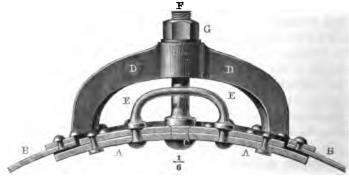
§. 437 Entleeren und Oeffnen der Dampskessel. An einem Dampsteffel ift ferner noch anzubringen:

- 1) bas Dampfrohr, jum Fortleiten bes Dampfes,
- 2) bas Mann- ober Fahrloch, jum Ginfteigen in ben Reffel,
- 3) das Ablagrohr, jum Ablaffen, und
- 4) bas Ausblaferohr, jum Ausblafen bes Baffers.

Bon dem Dampfrohre, als dem Mittel, ben Dampf aus bem Reffel nach ber Mafchine zu leiten, ift im folgenden Capitel bie Rebe. Bas aber bas Fahrloch anlangt, fo bilbet biefes eine runde Deffnung von 16 bis 18 Boll Lange und 13 Boll Beite im Dedel bes Reffels, und wird, wie aus Fig. 685 ersehen werben tann, burch eine ftarte gugeiserne Platte AA verschloffen. In bem 3wischenraume BB zwischen biefer Blatte und bem Reffel tommt ein eiferner mit Sanf und Deltitt belegter Ring ju liegen; um die Blatte ju handhaben, dient der Bligel EE, und um fie scharf anzudrucken, ber an C befestigte und burch einen Bügel DD gebende Schraubenbolgen CF fammt Mutter G. In neueren Zeiten versieht man auch bie Dampfteffel für stehende Dampfmaschinen, wie die Locomotiviesfel, mit einer besonderen Dampfhaube ober einem fogenannten Dome, und bringt in bemfelben

Fig. 685.





nicht allein das Mannloch an, sondern läßt auch in denselben das Speiserohr, das Dampfrohr, die Röhren für die Sicherheitsventise u. s. w. einmünden, wodurch natürlich der Ressel selbst mehr geschont wird, als wenn diese verschiedenen Apparate auf der Resselwand aufgeschraubt sind. Nach preußischen Borschriften darf dieser Dom nicht aus Gußeisen bestehen, sondern muß, wie der Ressel selbst, durch Gisenblech zusammen= und auf diesen aufgenietet werden.

Das Loch zum Ablassen bes Wassers aus bem Dampftessel befindet sich im Boben besselben und über bem Feuerroste, und wird burch einen konisischen Stahlzapfen von innen verstopft.

Das Baffer, womit ein Dampftessel gespeift wirb, ift nie gang rein; beshalb wird bas Reffelwaffer balb trube und ichlammig, und es ift baber nothig, von Beit zu Beit eine Reinigung bes Reffels vorzunehmen. biefen Schlamm im Reffel fich nicht anhäufen zu laffen, wird bas Musblaferobr, ein bis nabe an ben Boben reichendes und fich ba tonisch erweis terndes und aufen durch einen Bahn verschlieftbares Rohr angewendet. Deffnet man, nachbem die Fenerung aufgehört und die Spannung bes Dampfes nur noch eine mäßige Bobe bat, ben Sahn, fo wird bas trübe Baffer ohne Befahr burch ben Dampf fortgetrieben. Diefes Ausblasen ift zumal auch bei ben Seedampfichiffteffeln nothig, ba diefe mit Seewaffer gefpeift werben. Befonders nachtheilig tonnen die im Baffer aufgeloften Beftandtheile, wie Ralf, Sops, Roch - ober Glauberfalz u. f. w., auf ben Reffel wirfen, inbem fich aus benfelben eine fefte Rinbe, ber fogenannte Reffel- ober Bfannenftein, bilbet, ber ben Boben bes Reffels bebedt. Diese fteinartige Daffe erschwert nicht allein ben Durchgang ber Warme, fonbern wirft auch gerftorend auf ben Reffel, zumal ba biefer an ber Stelle, welche mit Reffelftein bebedt ift, leicht glubend wirb. Damit fich biefe Daffe nicht unmittelbar über bem Fenerherbe anfete, führt man bas Waffer an ber bem Fenerherbe entgegengesetten Stelle in den Reffel ein, und legt auch ben Reffel bier 1 bie 3 Boll tiefer, als vorn beim Feuerraume; auch fest man wohl besondere Bobenober Seitenbleche ober Fangtaften ein, um bas Abfeten bes Reffelfteins auf dem Boben bee Reffels felbft ober wenigstens auf dem über bem Fenerraume beffelben befindlichen Theile ju verhindern. Es ift natürlich nothig. ben Reffelftein von Beit zu Beit von ben Reffelwanden loszuschlagen ober. nach Befinden, burch chemische Mittel (Salzfäure) zu beseitigen. Durch Unwendung von Goda wird befonders bem Anseten von Reffelftein bei fetthaltigen Substanzen entgegengewirft.

Kosselprobe. Mit jebem Dampstessel soll vor bem Gebrauche eine §. 438 Probe genticht werden. Borschriftsmäßig unterwirft man ihn in der Regel ber hydrostatischen Brobe bei der zweisachen Belastung bes Sicherheits-

ventiles. Wenn hierbei das Wasser höchstens in den Fugen in Rebelsorm hervortritt, hat man den Kessel als brauchbar anzusehen. Jedenfalls hat man den Druck bei der Kesselprobe nicht zu übertreiben, weil hierbei leicht bleibende nachtheilige Beränderungen im Material oder in der Zusammensetzung des Kessels eintreten können, derselbe also gerade durch die Probe erst geschwächt werden kann. Nach Jobard soll man einen ganz mit Wasser angesüllten Dampstessel so lange erhizen, die das Manometer 2 die 3 Atmosphären Ueberdruck über den normalen Druck, den er künstig aushalten soll, anzeigt. Diese Prüfung, behutsam durchgesührt, ist wenigstens nicht so gefährlich, als eine Prüfung durch gespannte Dämpse, gleichwohl aber eine angemessenere als die gewöhnliche Wasserprobe, weil der Kessel durch die Erwärmung in eine Spannung und in einen Zustand versetzt wird, der dem beim Gebrauche des Kessels nahe gleichsommt.

Trot aller Proben und aller Sicherheitsmaßregeln kommt boch zuweilen noch ein Zerspringen ober Bersten (franz. und engl. explosion) der Ressel vor, und es wird dadurch nicht allein der Ressel und Ofen, sondern auch das Gebäude, nach Besinden auch die nebenstehende Maschine beschädigt, ja nicht selten eine bedeutende Berletung oder Tödtung des Heizers, Maschinenwärters und anderer in der Nähe besindlicher Menschen herbeigeführt. Leider kennt man dis jetzt nur die allgemeinen Ursachen, welche diese Ereignisse herbeisühren, und ist nicht einmal im Stande, die Berhältnisse und Ursachen, burch welche viele der die jetzt vorgekommenen Dampstesselseplosionen entstanden sind, speciell nachzuweisen. Zu den allgemeinen Ursachen dieser Explosionen rechnet man

- 1) Die übermäßigen Dampffpannungen, zumal wenn fie mit Erschütter rungen ober Stößen bes Reffels verbunden find.
- 2) Wassermangel, wobei das Resselblech rothglühend wird und entweder eine zu rasche Dampfentwickelung ober eine Zersetzung des Wasserbampfes eintritt.
- 3) Mangelhafte Construction, sowie schlechter ober unangemeffener Buftanb und zu starte Abnutzung bes Kessels. B. B. Mangel einer Berftärkung ber Mannloch und Dampsbomränder.
- 4) Schlechte Abwartung bes Dampftessels.
- 5) Loslofen bes Reffelfteins von ben Reffelwänden.
- 6) Zu schnelle Zuführung von Speisewasser nach vorausgegangenem Wassermangel, wobei sich die bloßgestellte Kesselstäche im Zustande des Rothglühens befindet, und eine zu ftarte Dampfentwicklung eintritt.
- 7) Plögliche Eröffnung bes Sicherheitsventile, wobei ber Gleichgewichts-

zustand bes Baffers und Dampfes aufgehoben wird und bas Reffelwaffer in ftarte Ballungen gerath.

8) Stoffweise Dampfentwidelung bei rascher Abnahme bes Druds.

Man hat auch vorzüglich die atmosphärische Luft, welche durch das Speisewasser mit in den Kessel eingeführt wird, und welche bei Berührung mit dem sich aus dem zersetzen Wasser bildenden Knallgas heftig explodirt, als Hauptursache der Resselexplosionen angesehen. Nach Anderen werden Resselsexplosionen herbeigeführt durch die Wallungen des Wassers und zumal durch die Bildung von Wasserhosen im Kessel, welche machen, daß statt Damps, Wasser durch die Bentil- oder andere Deffnungen ausströmt.

Diefer Gegenstand läßt fich bier nicht weiter verfolgen, und wir muffen auf die im Folgenden mitgetheilte Literatur verweisen.

Soluganmertung. Ueber Beigung und gumal über bie Dampferzeugung fonnen wir folgende Schriften jum Rachlefen empfehlen. Den Begenftand allgemein und ausführlich behandelt Beclet in feinem Traite de la chaleur etc., II. Tom., 2. Edit., Paris 1848. In praftifder Beziehung febr ju empfehlen ift: Grouvelle et Jaunez, Guide du chauffeur et du propriétaire des machines à vapeur etc., 4. Edit., Paris 1858. Sehr aussuhrlich über Dampfe feffelanlagen wird auch gehandelt in ber britten Abtheilung von Berbam's Dampfmafdinenlehre, welche beutich unter bem Titel "Die Brunbfate, nach welchen alle Arten von Dampfmafchinen ju beurtheilen und ju erbauen finb", erschienen ift. Rerner ift ju empfehlen : Traité des machines à vapeur, par Bataille et Jullien; ober bas englische Original: A Treatise on the Steam engine, by the Artizan-Club, edited by J. Bourne, London 1846, neue Auflage 1861. Ginen furgen Unterricht über biefen Gegenstand ertheilt Claubel in feinen Formules, Tables etc., vorzüglich aber Scholl in feinem "Führer bes Dafdiniften", und Baumgartner in feiner Anleitung jum Beigen ber Dampffeffel. Ueber Brennmaterialerfparnig von G. Bebe, fiebe Civilingenieur, Band 4. Berfuche mit Dampfteffeln von G. Burnat, fiebe Civilingenieur, Bb. 9. Ueber Sicherheit ber Reffelanlagen ift nachzulesen in ben Ordonnances du roi relat. aux appareils à vapeur etc., par C. E. Jullien, Paris 1843; ferner Machines à vapeur, arrêtés et instructions, Bruxelles 1844; auch in ben Befegen und Berordnungen beutscher Staaten über bie Anlage von Dampffeffeln und Dampfmafdinen, 1. B. bas Ronigl. Breug. Regulativ ober bie Defterr. Berordnung (f. polytedyn. Centralblatt. Bb. VI, 1845) hieruber. Ueber Dampfleffelexplofionen fiebe Annales des ponts et chaussées, T. IV, Paris 1842 u. f. w.; Berhandlungen bee Breuf. Gewerbevereins, Jahrg. 20 und 21, Berlin 1841 und 1842; Annales des mines, T. VII, Paris 1845 u. f. w.; Dingler's polytechn. Journal, Band 94; f. bie im folgenden Baragraphen citirten Abhandlungen von Arago. Bon Dufour's Schrift: Sur l'ebullition de l'eau et sur une cause probable d'explosion des chaudières à vapeur giebt herr Grimburg einen Auszug im Civilingenieur Bb. 11. Ueber Sicherheitsventile eine Abhanblung von Thremery in ben Annales des mines, T. XX, 1841. Ueber Schornfteine fiehe Berhandlungen bes Breuf. Gewerbevereins, Jahrg. 19, Berlin 1840 u. f. w. Aud Useful Informations for Engineers etc., by W. Fairbairn, London 1856.

Ueber bie Gasfeuerung, namentlich für Dampsteffel, ift nachzulesen: Die Barmemeßtunft von Schinz. Angaben über bie heizung ber Dampsteffel burch hohosengase sowie burch bie Flammösen u. s. w. enthält Claubel's Sammelung von Formules, Tables etc., troisième édition, 1854. Bom wissenschaftlichen Standpunkte aus ift zu empfehlen: Th. Beiß: Allgemeine Theorie ber Beuerungsanlagen, Leipzig 1862. S. auch Compendium der Gasseuerung u. s. w. von F. Steinmann, Freiberg 1868. Ferner Theorie der Zugerzeugung durch Schornsteine vom Prosessor F. Grashof, Berlin 1866; Separatabbrust aus der Beitschrift des Bereins deutscher Ingenieure.

Ueber Dampstesselrosionen, namentlich über die englische Affociation, welche bie Berhinderung der Keffelerplosionen jum Zwed hat, handelt Prof. hartig in einer besonderen Monographie, welche in Leipzig 1867 bei Teubner erschienen ift. S. auch Blum, die Dampstesselrosionen, Chemnig 1867. Ueber die Ursachen der Dampstesselrosionen handelt auch herr E. Kapfer in der Zeitschrift des Bereins deutscher Ingenieure, Bb. IX, X und XI. Siehe auch die Ursachen der Dampstesselrosionen u. f. w. von Dr. H. Scheffler, Berlin, 1867.

Biertes Capitel.

Bon ben Dampfmaschinen.

S. 439 Dampsmaschinen. Dampsmaschinen (franz. machines à vapeur; engl. steam-engines) sind Maschinen, welche durch die Kraft des Dampses mittelbar oder unmittelbar in Bewegung gesetht werden. Mittelbar wirkt Damps, wenn durch Condensation desselben ein beinahe leerer Raum erzeugt und dadurch die Atmosphäre in den Stand gesetht wird, daß sie mechanische Arbeit verrichten, z. B. einen Kolben in diesen Raum hineinschieben kann; unmittelbar hingegen wirkt der Damps, wenn er vermöge seiner Expansivstraft einen Körper, z. B. den Kolben im Innern eines Cylinders, in Bewegung setht oder durch seine lebendige Krast Arbeit verrichtet, z. B. ein Rad in Umdrehung setht. Die Maschinen mit mittelbarer Dampswirtung heißen auch atmosphärische Dampsmaschinen (franz. machines atmospheriques; engl. atmospheric engines) und sind nur noch selten im Gedrauche, weswegen in der Folge vorzüglich nur von den eigentlichen Dampsmaschinen, und zwar nur von den Kolbendampsmaschinen die Rede sein wird.

Die Dampfmaschinen sind, wie die Basscrfäulenmaschinen (f. Bb. II, §. 297), entweder einsachwirtende oder boppeltwirtende. Bei der erften Classe dieser Maschinen treibt der Dampf den Kolben nur nach der einen Richtung, und es wird die Bewegung in der entgegengesetzen Richtung durch ein Gegengewicht hervorgebracht; bei der zweiten Classe hingegen bewirft die Dampstraft sowohl den Hin- als auch den Rudgang des Kolbens in dem

meist senkrecht stehenden Dampfcylinder. Erstere dienen nur zur Unterhaltung einer auf und niedergehenden Bewegung, tommen deshalb nur als Araftmaschinen bei Bumpen und Hammerwerten vor, und bilden dann die sogenannten Dampftunste in Berg- sowie Dampshämmer in Hittenwerten. Die doppeltwirkenden Dampsmaschinen hingegen finden in allen den Fällen ihre Anwendung, wo es darauf ankommt, eine rotirende Bewegung zu erzeugen.

In hinsicht auf die Größe der Dampfspannung theilt man die Dampfmaschinen ein

- 1) in nieberbrud.,
- 2) in Mittelbrude unb
- 3) in Hochbrudbampfmaschinen.

Bei den Tief- oder Niederbruckdampfmaschinen (franz. machines à basse pression; engl. low-pressure engines) hat der Dampf eine Spannung, welche den Atmosphärendruck höchstens um die Hälfte übertrifft; bei den Mittelbruckdampfmaschinen (franz. machines à moyenne pression; engl. middlepressure engines) ist die Spannung des Dampses zwei die vier Atmosphären, und bei den Hochbruckdampfmaschinen (franz. machines à haute pression; engl. high-pressure engines) beträgt die Dampsspannung fünf und mehr Atmosphären.

Unmerfung. Die erfte Dampfmafchine von Savery hatte feinen Rolben und biente nur jum unmittelbaren Beben bes Baffere, weshalb fie einer Bumpe ahnlich confiruirt mar. Sie wurde burch Remcomen von ben atmofpharischen Maschinen verdrängt, sowie biefe später burch Batt von den eigentlichen Dampf- .. mafdinen. Die Englander feben ben Marquis of Borcefter ale ben Erfinber ber Dampfmafchinen an, Arago fucht jeboch nachjuweisen, bag ber befannte Papin ber eigentliche Erfinder ber Dampfmaschinen fei. Das Rabere über bie Geschichte ber Dampfmaschine ift nachzulesen im Annuaire du bureau des longitudes, pour l'année 1837 et pour l'année 1838. Det enfigenannte Jahre gang enthalt bie Beschichte ber Dampfmaschinen und ber zweite Batt's Lebensbeschreibung, beibe von Arago bearbeitet. Diese wie noch viele andere Artifel aus bem Annuaire find auch von Remy und Rrieb ine Deutsche überfest. Ferner ift nachzusehen Stuart's Histoire de la machine à feu; ber zweite Band (Artifel steam) von Robison's System of mechanical Philosophy; Larbner's Lectures on the Steam-Engine; Bourne's Treatise on the Steam-Engine u.f. w. Auch A Treatise on the Steam-Engine, by Russel. S. auch bes Berfaffere Abhandlung über bie Fortschritte bes Dampfmaschinenwefens in ben letten hundert Jahren, Freiberg 1866.

Bei ben eigentlichen Dampfmaschinen wird ber Dampf nach vollbrachter §. 440 Leistung entweber in die freie Luft gelassen ober durch kaltes Wasser condenssirt; man hat baber hiernach zu unterscheiden:

bie Dampfmaschinen ohne Condensation von ben Dampfmaschinen mit Condensation.

Die Rraft, mit welcher fich ber Rolben einer Dampfmafchine bewegt, ift, wie bei bem Rolben einer Bafferfaulenmaschine, die Differeng amischen ben Druden auf beiben Seiten beffelben. Bei ben Dampfmaschinen ohne Conbensation wirkt der Dampf auf ber einen und die Atmosphäre auf ber anderen Seite des Rolbens, es ift folglich bier die arbeitende Rraft um ben ganzen Atmosphärendrud fleiner als bie Dampftraft; bei ben Conbensationsmaschi= nen hingegen wirkt bem Dampfe auf ber einen Seite bes Rolbens nur bie schwache Rraft bes aus ber Condensation bes Dampfes hervorgegangenen Luft- und Dampfgemenges entgegen; es ift folglich bier bie arbeitende Rraft nur wenig (etwa 1/10 Atmosphäre) kleiner als bie Dampstraft. nun ju fchliegen, bag unter übrigens gleichen Umftanden Dafchinen mit Condensation eine größere Leiftung hervorbringen, als solche ohne Condensa= tion, und auch leicht zu ermeffen, daß nur bei Hochbruckampfmaschinen ber Bortheil ber Condensation weniger beträchtlich ift, und daß dagegen Tiefbruffmaschinen gar nicht ohne Conbensation arbeiten konnen. Hochdrudmaschine mit 6 Atmosphären Dampffpannung geht burch ben Austritt des Dampfes in die freie Luft nur 1/6 der Rraft verloren, bei einer Mittelbrudmaschine mit 3 Atmosphären Dampffpannung beträgt biefer Berluft ichon 1/3, bei ben Nieberdruckmaschinen mit 4/3 Atmosphären Spannung endlich ist dieser Berluft 1: 4/3 = 3/4; es bleibt also hier nur noch 1/4 des bisponibeln Arbeitsvermögens übrig. Bei Condensation ber Dampfe, welche 1/10 Atmosphäre Gegendrud übrig läßt, wurde ber Berluft nur 3/40, alfo bas übrigbleibende Arbeitsvermögen 1 - 3/40 = 27/40 = 0,925 bes bisponibeln betragen.

Obgleich hiernach bei ben Hochbruckmaschinen die Condensation des Dampfes nach vollbrachter Wirkung mechanisch vortheilhaft ift, so findet man boch biefelbe bier seltener angewendet, weil bas Condensationsmafferquantum, melches bas Speisewasserquantum minbestens um bas Zwanzigfache übertrifft, an vielen Orten nicht vorhanden ift oder nur mit großem Geld- oder Rraftaufwande berbeigeschafft werben tann, alfo ber Bortheil ber Conbensation burch ben genannten Aufwand wieder verloren geben murbe, und weil überbies die Maschinen ohne Condensation einfacher ausfallen, als die Condenfationebampfmafdinen.

Endlich hat man noch Dampfmaschinen mit und ohne Expansion von einander zu unterscheiben. Bei ben Dampfmaschinen ohne Erpanfion (frang. machines sans détente; engl. engines without expansion) findet mahrend des gangen Rolbenfpieles ununterbrochener Dampfzufluß Statt, und es bleibt ber Dampf immer in berfelben Spannung; bei ben Expansionsmaschinen (franz. machines à détente; engl. expansionengines) hingegen wird ber Dampfzuflug noch mahrend ber Rolbenbewegung aufgehoben; es behnt fich baber ber Dampf immer mehr und mehr aus und verliert immer mehr und mehr an Spannung, während ber Kolben ben letzten Theil seines Weges zurücklegt. Die Arbeit, welche ber Damps während ber Expansion verrichtet, geht bei ben Maschinen ohne Expansion verloren; es sind baher von den Expansionsmaschinen größere Wirkungsgrade zu erwarten, als von den Maschinen ohne Expansion.

Man unterscheibet auch noch stationäre und locomobile Dampfmaschinen von einander. Während die stationären Dampsmaschinen an
einem Orte sessifichen, besinden sich die locomobilen Dampsmaschinen auf
einem Wagen oder einem Schiffe und lassen sich hierdurch von einem Orte
nach dem anderen transportiren. Gine besondere Art von locomobilen Dampsmaschinen sind die Locomotiven, und zwar die Dampswagen und
Dampsschiffe, welche bloß dazu dienen, sich selbst, und zwar mit oder
ohne angehängte Behikel, fortzubewegen. Bon den Dampswagen und Dampsschiffen ist erst später, bei den Förderungsmaschinen die Rebe.

Dampfcylinder. Die Haupttheile einer Maschine find:

§. 441

- 1) ber Dampfcylinber,
- 2) ber Dampftolben mit feiner Stange unb
- 3) bie Steuerung.

Der Dampfchlinder (franz. cylindre à vapeur; engl. steam-cylinder) ist eine gußeiserne, genau ausgebohrte Röhre, welche den Dampf während seiner Arbeitsverrichtung umschließt. Er ist oben mit einem Deckel und unten mit einem Bodenstüd verschlossen und enthält in der Rähe beider Stüde Seitenmündungen zum Ein- und Austritte des Dampses. Die Höhe des Dampschlinders muß zur Weite desselben in einem schidlichen Verhältnisse stehen. Sewöhnlich ist die Höhe 2= dis 21/2 mal so groß als die Weite; bei Maschinen, welche eine große Anzahl von Spielen machen sollen, wie z. B. bei den socomobilen Dampsmaschinen und namentslich bei den Dampsschissenschaften, ist jedoch dieses Verhältniß noch kleiner.

Um einen möglichst kleinen Wärmeverlust durch Abkühlung in dem Cylinder zu erhalten, muß die Cylinderhöhe in einem gewissen Berhältnisse zur Cylinderweite stehen. Die Abkühlung des Dampfes fällt um so größer aus, je größer das Product aus der Größe der Abkühlungsfläche und aus der Zeit der Abkühlung ist. Bei einem Dampfchlinder ist die Abkühlungsfläche aus zwei kreisförmigen Grundsstächen und einer veränderlichen Cylindermantelsläche zusammengeset. Bezeichnen wir den Durchmesser des Cylinders durch d und die Zeit, in welcher der Kolben den Weg s in demselben zurücklegt, durch t, so haben wir das Maß der Abkühlung an den beiden Kreissstächen:

$$O_1=2\cdot\frac{\pi\,d^2}{2t}\cdot t=\frac{\pi}{2}\,d^2t;$$

setzen wir ferner voraus, daß der Kolben in jedem Zeittheil $\frac{t}{n}$ den Wegtheil $\frac{s}{n}$ durchlaufe, so erhalten wir das Maß der Abkühlung an der nach und nach die Inhalte

$$\pi d \cdot \frac{s}{n}$$
, $\pi d \cdot \frac{2s}{n}$, $\pi d \cdot \frac{3s}{n} \cdots \pi d \cdot \frac{ns}{n}$

einnehmenden Cylinderfläche:

$$O_2 = \frac{\pi ds}{n} \cdot \frac{t}{n} + \frac{2\pi ds}{n} \cdot \frac{t}{n} + \frac{3\pi ds}{n} \cdot \frac{t}{n} + \dots + \frac{n\pi ds}{n} \cdot \frac{t}{n}$$

$$= \frac{\pi dst}{n^2} (1 + 2 + 3 + \dots + n) = \frac{\pi dst}{n^2} \cdot \frac{n^2}{2} = \frac{\pi}{2} dst;$$

baher bas Mag ber Abfühlung am gangen Chlinder und mahrend ber gangen Bewegungszeit:

$$0 = O_1 + O_2 = \frac{\pi}{2} d^2 t + \frac{\pi}{2} dst = \left(2 \cdot \frac{\pi d^2}{4} + \pi d \cdot \frac{s}{2}\right) \cdot t$$

gleich bem Product aus Zeit und aus ber Oberfläche eines Cylinders, deffen Sobe bie Salfte ift von bem Kolbenwege.

Damit die Abkühlung möglichst klein ausfalle, muß also nicht nur die Zeit eines Spieles, sondern auch jene Obersläche möglichst klein sein. Run lehrt aber die Geometrie, daß unter allen Cylindern derjenige die kleinste Obersläche bei gegebenem Inhalte hat, welcher eben so hoch als weit ist; es ist daher auch im vorliegendem Falle die schwächste Abkühlung zu erwarten, wenn die Höhe $\frac{s}{2}$ dieses mittleren Cylinders der Weite d desselben gleich, also bie Hubhöhe oder der Kolbenweg s=2d, d. i. gleich der doppelten Cylinderweite ist. Die Cylinderhöhe ist reichlich um die Kolbenhöhe größer als

um die Abfühlung des Dampfes im Dampfchlinder möglichst zu verhindern, muß man denselben mit schlechten Wärmeleitern, z. B. mit einem Holz- oder Filzmantel, unigeben, oder ihn in eine Lust- oder Dampshülle einschließen; auch muß man ihm eine glatte Oberstäche geben, weil bei dieser die Wärmeausstrahlung schwächer ift, als bei einer rauhen Oberstäche. Sehr oft wendet man eine Dampshülle an, indem man den Cylinder mit einem eisernen Mantel (Dampsmantel) umgiebt und den Zwischenraum mit Damps ausssulch läßt. Hierbei können aber drei Fälle vorkommen; es kann der Damps den Zwischenraum zwischen dem Dampschlinder und seinem Mantel stillsiehend ausssulch, oder es kann berselbe diesen Zwischenraum durchströmen, und zwar vor oder nach seiner Wirkung in dem Cylinder. Die letzte Methode scheint, obgleich sie selten vorkommt, die vorzüglichste zu sein, weil hier von der Wärme des fortgehenden Daupses und Nutzen gezogen wird.

Der Umstand, daß in diesem Falle die Dampshille weniger Wärme hat, als der Damps im Cylinder, und deshalb die Hille dem Cylinder Wärme entzieht, während bei der zweiten Wethode dieselbe dem Cylinder mittheilt, macht keineswegs diese Einhüllungsmethode unzwedmäßig, da die Abkühlung mit der Temperaturdifferenz wächst und diese bei einem in Damps eingehüllten Cylinder gewiß kleiner ist, als bei einem freistehenden Cylinder.

Da fich in ber Dampfhulle immer etwas Waffer niederschlägt, fo befindet fich unten an dem Dampfmantel ein durch einen Sahn verschließbares Ablagrohr.

Die Wanbstärke ber Dampfeylinder läßt sich, wie die der Dampferöhren überhaupt, berechnen; wegen des allmältgen Ausschleifens und der nöthigen Steisheit geht man jedoch mit dieser nie unter $^{5}/_{6}$ Boll herab, nimmt also dieselbe bei der Cylinderweite d und der Dampsspannung (p+1) Atsmosphären

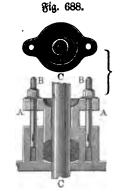
 $e = 0.005 pd + \frac{5}{6} 301$.

Stopsbüchse (franz. boite à garniture, engl. stuffing-box). Das § De del- und bas Fußstüd bes Dampschlinders werden durch Schrauben und Kitte mit dem Chlindermantel sest und dampsbicht verbunden. In der Mitte des Deckels sitt die Stopsbüchse seit, durch welche die Kolbenstange hindurchgeht. Die Stopsbüchse (vergl. Bb. II, §. 301) wird in der Regel mit in Del und Talg getränkten Hanslunten ausgestopst, doch wendet man statt derselben in der neueren Zeit auch übereinanderliegende und je aus drei Sectoren bestehende Metallzinge an, welche durch eiserne Federn, die zwischen dem inneren Umfange der Stopsbüchse und dem äußeren Umfange der Kinge zu liegen kommen, an die Kolbenstänge angedrückt werden. Die Stopsung oder Liderung der Stopsbüchse wird von oben durch einen Deckel zusammengebrückt oder zusammengehalten, der sich entweder unmittelbar auf das Stopsbüchsengehäuse ausschauben oder mittels zwei oder drei Ziehschrauben mit demselben verbinden läßt. Stopsbüchsen der ersten Art sind in den Figuren 686 und 687 abgebildet; eine Stopsbüchse büchse zusamen.

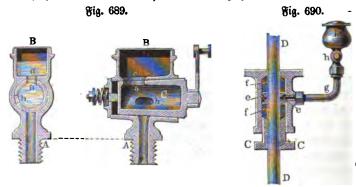
Fig. 687.



Fig. 686.



Sowohl ber Chlinders als auch der Stopfbüchsendedel hat eine Bertiefung zur Aufnahme von Schmiere oder Talg. Auch sind bei Anwendung von Hanfstolben noch ein oder mehrere Schmiertrichter auf den Cylinderdedel aufgesett. Die Einrichtung eines folden Schmiers oder Fetttrichters zeigt Fig. 689 im Durchschnitt. Mit dem Ende A wird dieser Apparat auf den Deckel des Cylinders aufgeschraubt. B ist das Fettbehältniß und C ist ein Hahn mit zwei Bohrungen a und b. Ist die Bohrung b unten, so sließt das Fett aus dem Hahne durch die Bohrung des Fußstudes A in den Cylinder, ist aber a oben und unmittelbar unter der Bohrung c im Boden von B, so sließt Fett aus dem Trichter B in den Hahn C.



In seltenen Fällen läßt man die Kolbenstange durch den Boden des Cylinders gehen. Man vermeidet dies so viel wie möglich, weil die hierzu nöthigen hängenden Stopsbuchsen das Fett nicht gut zurüchalten und durch die erdigen Theile, welche sich aus dem condensirten Dampse abseten, ihren dampsoichten Schluß verlieren. Die Einrichtung einer Stopsbüchse, welche in einem solchen Falle noch mit Bortheil anzuwenden ist, läßt sich aus Fig. 690 entnehmen. Es ist hier AB das Stopsbüchsengehäuse, CC der Deckel, DD die Kolbenstange, ferner ee eine messingene Scheibe mit einer auswendig rundherumlausenden Nuth und sechs die acht seinen radial lausenden Löchern, sowie f die Packung, g ein mit der Nuth communicirendes Kupserrohr, k ein Kelch zur Aufnahme des stüsssigen Talges und k ein Hahn zum Abschluß, welcher nur geöffnet wird, wenn die Waschine stüssteht.

Uebrigens ist der Dampfcylinder mittels einer starten Grunds oder Sohlsplatte auf ein festes Grundgemäuer zu setzen und mit diesem durch Anter und Schrauben fest zu verbinden.

§. 443 Dampskolben (franz. piston & vapeur; engl. steam-piston). Die Dampstraft wird zunächst von bem im Dampschlinder auf und nieber- beweglichen Dampftolben (vergl. Bb. II, §. 300) aufgenommen, von

Ė

. 2

ž

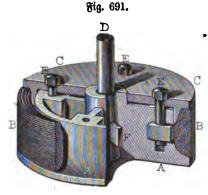
'n

i:

ï

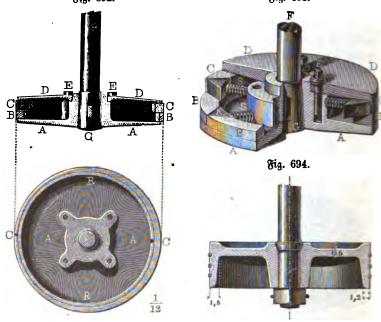
biesem aber durch die Kolbenstange weiter fortgepflanzt. Der Dampfsolben bilbet in seiner Hauptsorm einen an das Innere des Dampfschlinders genau anschließenden Cylinder und besteht hauptsächlich aus drei Theilen, aus dem Rolbenstocke, aus der Liderung und aus dem Deckel. In der Mitte des Kolbenstockes befindet sich eine Berstärkung, welche im Inneren konisch ausgedreht ist und zur Aufnahme des ebenfalls konisch abgedrehten Kolbenstangenendes dient. Der Kolbenstock und der Deckel sind aus Gußeisen, die Liderung hingegen ist entweder Hansliderung (franz. garniture de chanvre; engl. hemp-packing) oder Metallsliderung (franz. garniture métallique; engl. metallic-packing).

Die Ginrichtung eines Rolbens mit Sanfliberung wird burch bie Ab-



bilbung Fig. 691 eines solchen, theilweise zerschnittenen und abges beckten Kolbens vor Augen geführt. Es ist AA ber Kolbensstock, BB bie aus Hanfzöpfen bestehende Liberung, serner CC ber burch Schrauben E, E... mit dem Kolbenstocke verbundene und bie Liberung zusammendrückende Deckel; D ist endlich noch die Rolbenstame und F der Splint, womit deren Ende in der die Mitte bes Kolbens einnehmenden Hülse sestleit wird.

Sanfliberung läßt fich bei Mafchinen mit Bochbrud nicht anwenben, ba biefelbe burch ben beißen Dampf und burch die große Reibung ju fchnell abgeführt wird; ftatt berfelben tommt bier bie ohnedies dauerhaftere und weniger Reibung gebenbe Metallliberung in Anwendung. Es giebt eine große Angahl Metallliberungen; im Wefentlichen bestehen fie jedoch aus genau abgebrehten Metallringen, welche burch Febern von innen nach außen und zwar an die innere Flache bes Dampfenlinders, angebrudt werben. Die Einrichtung von zwei vorzuglichen Arten biefer Liberungen lernt man aus Fig. 692 und Fig. 693 (a.f. S.) tennen. In beiben Figuren ift AA ber Rolbenftod ober Rörper bes Rolbens, DD ber Dedel fowie FG bas Rolbenftangenende und es find E, E bie Schrauben, wodurch ber Dedel mit ber Berbindungshülfe verbunden ift. Die Liderung besteht aus zwei übereinanberliegenden Metallringen BB und CC, welche burch Schlagen elaftifc gemacht und in Stude gerschnitten find, bamit fle etwas gegen die Cylinberwand febern. Bei bem Kolben in Fig. 692 ift jeber biefer Liberungeringe an ber ichwächsten Stelle zerschnitten, und wird burch einen innen anliegenben, ebenfalls aufgeschnittenen Stahlring R nach außen gedruckt. Bei bem Kolben in fig. 693 sind bagegen die Ringe an den breitesten Stellen zerstellen fig. 692.



schnitten und Reile K, K in die Schnitte eingelassen, welche durch die Spiralsfebern S, S angedrückt werden und diese Ringe in Spannung erhalten. Sehr einsach ist der Kolben AA, Fig. 694, von Ramsbottom. Hier besteht die Liberung aus 3 dis 5 elastischen Stahls oder Messingen. Damit dieselben sedern und sich an die Cylinderwand gehörig anlegen, biegt man sie vor dem Einlegen nach einem Kreise, dessen Durchmesser den des Cylinders um 1 Zehntel übertrifft.

Bei bem Dampftolben von Herrn Kraus besteht die Liberung aus zwei Doppelringen, je einem inneren aus Schmiedeeisen und einem außeren aus Beißmetall, einer Composition von 80 Thin. Zinn, 10 Thin. Antimon und

Fig. 695.



10 Thin. Rupfer. Diefe Ringe werben vom Dampforud angebrudt, bilben also eine autoclave Liberung. Zum genauen Abschließen sind an den Schnittsugen der Ringe Zungen Z eingesetzt, wie Fig. 695 barftellt.

§. 444 Kolbenstange (franz. tige de piston, engl. piston rod). Zwei Dimenstonsverhältnisse sind bei dem Dampftolben und der Stange def-

felben von besonderer Wichtigkeit, nämlich das Berhältnig ber Kolbenober Liberungshöhe ju bem Rolbendurchmeffer, und bas Berhulinig amifchen ber Stärte ber Rolbenftange und bem genannten Durchmeffer ober ber Cylinderweite. Da weder die innere Cylinderwand noch bie Liberungefläche volltommen glatt ift ober ein volltommenes Continuum bilbet, fo tann bie Liberungefläche nur bann volltommen abschließen, wenn fie eine gewiffe Breite hat, auf der anderen Seite barf aber biefe Breite nicht febr groß sein, weil mit ihr proportional die Reibung wächst (s. Bb. II, §. 320). Bum volltommenen Abschließen gehört aber auch noch, bag die Rolbenfläche teine schiefe Lage gegen die Cylinderare annehme; diefe Lage tann aber burch eine excentrische Lage ber Rolbenftange und durch eine ungleiche Bertheilung der Reibung rings am Umfange des Dampftolbens herbeigeführt werben, wenn die Liberung fehr niebrig ift, und es ift daher auch aus biefem Grunde ein gewiffes Berhaltnig awischen ber Liderungsbreite und ber Chlinderweite in Anwendung zu bringen. gold sucht theoretisch zu beweisen, bag biefes Berhaltnig bem Reibungscoef. ficienten gleich fein muffe; es ift aber bie Grundlage biefes Beweises gu unficher, ale daß man hierauf etwas geben konnte und es bleibt baber nichts weiter übrig, als die durch Erfahrung geprüften Berhaltniffe in Anwendung au bringen. hiernach aber ift bei hanfliberung biefes Berhältnig 1/3 bis 1/6, bei ber Metallliberung aber nur 1/6 bis 1/9 und zwar ber größere Werth bei kleinen und ber kleinere bei großen Rolben in Anwendung zu bringen.

Die Kolbenstange, welche in ber Regel aus Schmiedeisen ober aus Stahl ist, muß eine hinreichende Stärke besitzen, um die Kolbens oder Dampstraft auf die Arbeitss oder Zwischenmaschine übertragen zu können, ohne eine bedeutende oder bleibende Formveränderung zu erleiben. Die Formel zur Bestimmung dieser Dimenstonen liefert die Theorie der Festigskeit; hierbei haben wir jedoch zu unterscheiden, ob, wie bei den einsachswirkenden Maschinen, die Kolbenstange nur einer Ausdehnungstraft, oder ob sie, wie bei den doppeltwirkenden Maschinen, abwechselnd einer Ausdehnungsund Zusammendrückungstraft ausgesetzt ist. Ist p die Differenz der Dampsspannungen in Atmosphären auf beiden Seiten des Kolbens, und d der Durchmesser des Dampstolbens, so hat man die Kraft, welche auf den Kolben wirkt:

$$P=rac{\pi\,d^2}{4}\cdot 14,10\,p$$
 Pfund;

bezeichnet aber d_1 ben Durchmesser der Kolbenstange und T den Tragmodul der absoluten Clasticität, so hat man die Tragkraft der Kolbenstange:

$$P=\frac{\pi d_1^2}{4}\cdot \dot{T};$$

feten wir enblich beibe Ausbrude einander gleich, fo betommen wir folgende

Formel für die Sturte einer ber Ausbehnung ausgesesten Rolbenftange:

$$d_1^2 T = 14,10 d_2 p$$
,

und baher bie Starte ber Rolbenftange:

$$d_1=d\sqrt{\frac{14,10\,p}{T}}.$$

Führen wir statt T bie Sälfte bes in Bb. I, §. 212, angegebenen Tragmobuls von 18000 Pfund fitr Schmiebeeisen, also T=9000 Pfund ein, so erhalten wir die Formel zur Bestimmung der schmiebeeisernen Rolbenstangenstärte bei einsachwirkenden Dampfmaschinen:

$$d_1 = \frac{d}{25}\sqrt{p} = 0.04 d\sqrt{p},$$

ober, wenn man p nicht in Atmosphären, sondern in Pfund pr. Quadratzoll giebt,

$$d_1 = 0.01 d \sqrt{p}$$
 (f. §. 301).

Bur Bestimmung der Stärke der Kolbenstangen von doppeltwirskenden Dampsmaschinen kann man zweierlei Formeln anwenden, je nachsem man die Festigkeit des Zerdrückens oder die des Zerknickens in Betracht zieht. Der Länge der Kolbenstange wegen müßte allerdings die letztere in An, wendung kommen (j. Bd. I, §. 211), da aber schon durch eine mäßige excentrische Wirkung der Kraft in der chlindrischen Kolbenstange die Festigkeit bedeutend herabgezogen wird (s. Bd. I, §. 269), und diese Wirkung durch ungenane Berbindung des Kolbens mit der Kolbenstange seicht herbeigeführt werden kann, so ist es angemessener, die Formel sür die Festigkeit des Zerdrückens anzuwenden, und dabei einen vielsach verkleinerten Werth von T einzussühren. Aus diesem Grunde macht man ersahrungsmäßig bei doppeltwirkenden Rasschinen die Stärke schmiedeeiserner Kolbenstangen:

$$d_1 = 0.08 d \left(\sqrt{p} + 0.25 \right) 300$$

wenn p ben Ueberbrud in Atmosphären bezeichnet.

Die Rolben von großen Dampfmaschinen, namentlich von Dampfichiffs maschinen erhalten zwei Rolbenftangen.

Beispiel. Welche Stärke hat man ber schmiebeeisernen Rolbenstange einer boppeltwirkenden Dampfmaschine zu geben, die mit Dämpfen von 5 Atmosphären Spannung und ohne Condensation, also mit 4 Atmosphären Ueberdruck arbeitet, und eine Chlinderweite von 24 Zoll hat ? Rach der legten Formel ift diese Stärke

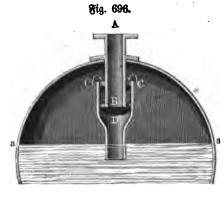
$$d_1 = 0.08 d (\sqrt{5-1} + 0.25) = 0.08 \cdot 2.25 d$$

= 0.18 d = 0.18 \cdot 24 = 4.32 \cdot 30 \text{U}.

§. 445. Dampfrohr. Der Dampf wird durch das Dampfrohr (franz. tuyau à vapeur; engl. steam-pipe) aus dem Dampflessel zunächst in die Dampf-kammer (franz. boîte à vapeur; engl. steam-box), d. i. in denienigen

Raum geführt, wo die regelmäßige Bertheilung des Dampfes durch die sogenannte Steuerung statthat. In dem Dampfrohre besindet sich noch die Admissionsklappe (franz. valve regulatrice; engl. steam-valve), d. i. ein Drosselventil (s. Bd. I, §. 445), wodurch der Dampfzusluß und folgelich auch die Dampfkraft regulirt werden kann.

Was zunächst das Dampfrohr anlangt, so hat man daffelbe an berjenigen Stelle in den Kessel einmünden zu lassen, wo die stärkte Dampfentwicklung statthat, und bemselben vom Kessel aus eine aufsteigende Lage zu geben, damit das Fortreißen des Wassers mit dem Dampfe möglichst verhindert werde und das fortgerissen Wasser in den Kessel zurücksiegen könne-Eine vorzügliche Einrichtung, wobei der Dampf möglichst trocken in das Dampfrohr tritt, ist in Fig. 696 abgebilbet. Es ist hier an das Dampf-



rohr AB ein weiteres Rohr CCD angehängt, welches bis in das Resselmasser herabgeht. Der bei CC eintretende Dampf läßt hier, bei seiner abwärts gerichteten Bewegung bis zur Mündung A des Dampfrohres, das mit fortgerissene Wasser größtentheils fallen.

Um die Bewegungshindernisse in dem Dampfrohre möglichst klein zu erhalten, muß man das Dampfrohr nicht un-

nothig lang machen, in bemfelben alle ploglichen Richtungs - und Querfchnittsveranderungen zu vermeiben fuchen und demfelben eine anfehnliche Beite geben. Um aber ben Barmeverluft möglichft herabzuziehen, ift bie Abfühlungefläche flein, alfo bas Dampfrohr turz und eng zu machen, und biefe Fläche ober bas Dampfrohr mit ichlechten Warmeleitern ju umgeben, ober burch einen polirten Metallmantel ju umschließen. Man fieht, bag bei bem Dampfrohre ein anderes Berhaltnig eintritt, als bei ben gewöhn= lichen Luft - ober Bafferleitungeröhren. Bahrend bie Röhren, namentlich aber bie Ginfallröhren, bei Bafferfaulenmafchinen weit zu machen find, bamit fie möglichst fleine bybraulische Bindernisse barbieten, hat man ben Dampfröhren nur eine mittlere Beite gu geben, bamit bie Abfühlung burch biefelbe nicht groß ansfalle, bamit überhaupt die Summe aus ben Arbeitsverluften, welche bie pneumatischen Sinderniffe und die Abfühlung jugleich herbeiführen, ein Minimum werbe. Die Untersuchung, in welche man bei Auffindung biefes Minimums verwidelt wird, ift jedoch zu weitläufig, als bag fie bier burchgeführt werben tonnte. Wir tonnen jest nur anführen,

baß man die Weite dieser Röhren gewöhnlich 1/s des Dampstolbendurchmeffers, also den Querschnitt 1/2s der Kolbenfläche gleich macht. Hiernach ist die Geschwindigkeit des Dampses 25mal so groß als die des Dampstolbens; oder, da diese bei den meisten Maschinen 3 dis 5 Fuß beträgt, 75 dis 125 Fuß. Die Arbeitsverluste, welche aus dieser großen Dampsgeschwindigkeit entspringen, werden wir weiter unten näher kennen lernen; jedoch möge noch bemerkt werden, daß es zweckmäßig ist, die Dampsröhre eher etwas weiter als enger zu machen, zumal dei Maschinen mit Hochdruck und mit großer Kolbengeschwindigkeit.

Die Einrichtung einer Regulirungetlappe ift aus Fig. 697 zu erfe-

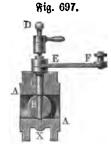
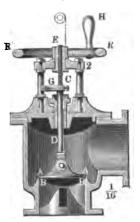


Fig. 698.



§ 446

hen. AA ist ein ausgebohrtes Stud des Dampsrohres, B die Klappe, CX die Are berselben, D eine
Stellschraube mit Gegenmutter, und EF der Hebel
zur Bewegung der Klappe. Durch diese Klappe läßt
sich der Damps nicht ganz abschließen; um dies zu
können, wendet man dei Hochdruckmaschinen ein besonderes Absperrventis an. Bei Tiesbruckmaschinen ist ein solches Bentil weniger nothwendig, da
diese Maschinen durch Abstellung der Condensation
in Stillstand versetzt werben können. Die Einrich-

tung eines Absperrventils ift aus Fig. 698 zu ersehen. Die Bentilplatte AA wird hier mittels bes in eine Schraubenspindel C auslanfenden Stiels CD durch Umbrehung der Schraubenmutter E auf den Bentilste BB aufgedrückt. Das Stellrad RR mit der Handhabe H greift in das Zahnrädchen, welches die Schraubenmutter umfaßt; die Gabel G dient zum Festhalten der Schraubenstellung.

Stouerung. Der in die Dampstammer eingeführte Dampf wird burch besondere Canale oder Dampswege (franz. und engl. passages) in ben Dampschlinder und aus diesem heraus und in die freie Luft oder in den Condensator geführt. Das regelmäßige Zu- und Absuhren des Dampses

erfolgt burch benjenigen Apparat, welchen man bie Steuerung (franz. regulateur; engl. regulator) nennt. Auch hier, wie bei ben ben Damps-maschinen so ähnlichen Waffersaulenmaschinen, unterscheibet man die innere und die außere Steuerung. Die innere Steuerung (franz. le distributeur de la vapeur; engl. the steam-distributor) befindet sich im In

1

neren des Dampfgehäufes und besteht aus Hähnen, Rolben, Klappen, Schiebern ober Bentilen, welche die Dampfwege abwechselnd eröffnen und verschließen. Bon diesen wichtigen und sehr mannigsaltigen Theilen der Danupfmaschinen möge in Folgendem aussuhrlicher die Rede sein.

Die Rolbensteuerung wird bei ben Dampfmaschinen nur selten angewendet; ba wir sie bereits bei ben Bassersaulenmaschinen kennen gelernt haben, so moge von ihr auch weiter nicht die Rebe sein.

Die Steuerung burch Hähne ist ebenfalls wenig, und zwar nur bei kleinen Hochbruckmaschinen in Gebrauch; die Hähne sühren sich schnell ab, erfordern viel Kraft zu ihrer Bewegung und geben zu enge Dampswege. Bei den alteren Dampsmaschinen bestand die Steuerung in Hähnen, zumal aber in dem sogenannten Vierweghahne (franz. robinet à quatre voies ou à quatre ouvertures; engl. four-way cock), von dessen Anwendung bei Kolbenmaschinen schon in Bd. II, §. 297, die Rede gewesen ist.

Eigenthümliche Hahnsteuerungen hat Maubelay bei kleinen Dampfsmaschinen, sowie Cave bei oscillirenden Dampfmaschinen in Anwendung gebracht (f. Récueil des machines etc. par le Blanc).

Die gewöhnlichsten und vorzüglichsten Steuerungen bei Dampfmaschinen sind die Schiebersteuerungen, b. i. die mit Schiebern ober Schiebeventilen (franz. tiroirs; engl. slide-valves), und die Bentilfteuerung, b. i. die mittels der Bentile (franz. soupapes; engl. valves).

Es giebt platte und hohle ober sogenannte Muschels und Rohrensschieber. Die Kreiss ober Drehschieber (franz. tiroir à rotation; engl. rotating slide-valves) stehen zwischen ben gewöhnlichen Schiebern und ben Sahnen inne.

Die Drehschieber von Wilson sowie auch die von Corliß find von den Bahnen nicht wesentlich verschieben. Der Schwarztopf'iche Drehschieber hat eine Elibirung wie ber Schitto'iche Hahn bei Wafferfäulenmaschinen, s. §. 303. Den Durchschnitt besselben führt Fig. 699 vor Augen. Der

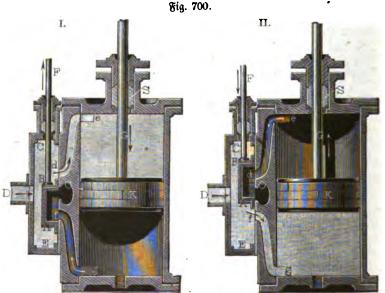
Fig. 699.



burch die axialen Canale D, D zuströmende Dampf teitt, je nach der Stellung des Schieders, abwechselnd durch die Canale A und B über und unter den Dampftolben, wogegen der verbrauchte Dampf abwechselnd durch den einen oder andern dieser Canale nach dem Einschnitt C des Schieders geleitet wird, von wo aus er dei E zum Austritt gelangt. Um den einseitigen Druck des Drehsichiebers gegen das Gehäuse desselleben aufzuheben, ist der diametrale Canal DD angebracht, in wels

chem ber Dampf nach ber einen Scite genau ebenfo ftart brudt als nach ber anberen.

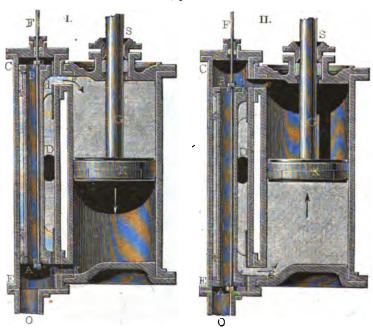
§. 447 Schiebersteuerung. Die Muschels und Röhrenschieber sind bie gewöhnlichsten Steuerungsmittel der Dampsmaschinen. Die ersteren haben die meiste Aehnlichkeit mit einem Schubkasten oder im Durchschnitte mit dem Buchstaben C, weshalb man sie auch Schubkastenventile oder Cschieber nennen kann. Die Einrichtung der Steuerung mit dem Muschelsschieber führt Fig. 700, I. und II., vor Augen. AB ist der Schieber, eins



geschlossen in der Dampstammer CDE, beweglich durch die Stange BF und anliegend mit seinen abgehobelten Stirnslächen an der ebenfalls abgehobelten Metallsläche df. Der durch das Dampsrohr D zugeführte Dampstritt bei der Stellung I. des Schiebers durch de über den Dampstolben K und treibt denselben nieder, dagegen bei der Stellung II. durch fg unter den Kolben und nöthigt denselben zum Aufgange; im ersten Falle strömt der benutzte Damps durch gf in den Schieberraum und von da durch den Weg G in die freie Lust oder in den Condensator, im zweiten Falle hingegen schlägt er den Weg G ein und gelangt dann durch G ebenfalls in's Freie oder in den Condensator.

Bei großen Maschinen verursacht bas bei jedem Spiele nöthige Anfüllen ber Canale de und fg zu viel Dampsverluft, weswegen man es hier vorzieht, den D- oder Röhrenschieber anzuwenden. Fig. 701 I. und II. zeigt eine solche Schiebersteuerung. Es tritt hier der Damps durch die Mündung D

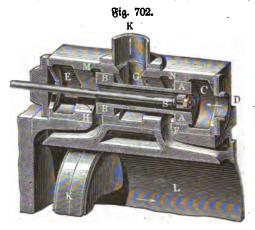
in bas Innere bes Schiebers Ad, und aus biefem, je nach ber Stellung beffelben, entweber bei de über ober bei fg unter ben Kolben. Auf bem Fig. 701.



Rücken des Schiebers sitzt noch eine an beiben Enden offene Röhre AB mit halbkreisförmigem Querschnitte sest, und biese ist bei A und B abgelidert, um an dem halbchlindrischen Theile der Dampstammer dampsdicht abzuschließen. Man sieht nun leicht ein, wie der benutzte Damps während des Rolbenausganges bei ed aus, durch BA hindurchströmen und endlich bei O in den Condensator treten kann, und wie er dagegen beim Niedergange von K auf dem Wege gf O abgeführt wird.

Der lettere Schieber hat vor bem ersteren noch ben Borzug, baß er vom zutretenden Dampfe umgeben, daher nicht wie der erstere einseitig gedruckt wird, und folglich bei seiner Bewegung einen kleineren Reibungswiderstand zu überwinden hat, als der einsache C-Schieber. Dieser Widerstand verurssacht bei größeren Maschinen mit hohem Druck einen Arbeitsauswand von mehreren Pferdekröften. Deshalb hat man in neueren Zeiten auch kurze Schieber für Hochdruckmaschinen, ahnlich wie die langen Batt'schie Schieber, so construirt, daß sie vom Dampf nicht einseitig gedrückt werden und gleichsam in ihrer Führung schweben. Die Einrichtung eines solchen äquis

librirten ober Entlastung Chiebers (franz. tiroir équilibré; engl. equilibrated slide-valve) nach Jobin (s. Bulletin de la Société d'Encouragement, T. V, 1858), angewendet an einer Dampfmaschine mit liegenbem Cylinder, ist aus dem Durchschnitte in Fig. 702 zu ersehen. Die



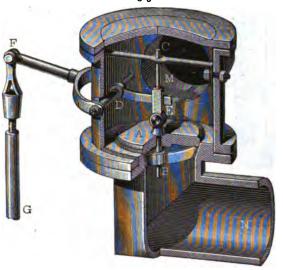
Dampffammer CE hat viel Aehnlichkeit mit bem Steuerchlinder einer Wassersulenmaschine, und ebenso ist der Dampfschieber AB im Besentlichen eine Berbindung von zwei Steuerstolben AA und BB mit einer hohlen Koldenstange AB. Der bei D in die Dampffammer eintretende Dampfsüllt nicht allein die Räume C und E zu

beiben Seiten bes Dampsichiebers, sondern auch den inneren Raum S. desesteben ans, und drückt daher diesen Schieber von allen Seiten her gleich stark. Der aus dem Dampscylinder L abströmende und durch das Ausblaserohr K ausströmende Damps umhüllt den mittleren oder röhrenförmigen Theil AB des Schiebers von außen und giebt daher ebenfalls zu keinem Seitendrucke Beranlassung. Da die Dampstammer an den beiden Stellen MH und NF, wo die Dampscanäle einmilnden, erweitert ist, so wird der Dampsschieber auch dann nicht einseitig eingebrückt, wenn er den einen oder den anderen dieser Canäle absperrt.

§. 448 Vontilstouorung. Die Bentilsteuerung wird vorziglich bei großen, zumal aber bei ben einfachwirkenden Dampfmaschinen angewendet, da hier die Schieber zu groß ausfallen, um mit hinreichender Genauigkeit abschließen zu können, übrigens aber auch das Eröffnen und Abschließen der Dampfwege zu langsam vor sich geht. Die Bentile, welche man zur Steuerung verwendet, sind entweder Regelventile (s. Bd. I, §. 445) oder Röhrenventile. Letztere unterscheiden sich von den ersteren dadurch, daß hier der Theil beweglich ist, welcher bei den Regelventilen seststen find entweder ein fache ober doppelte; und letztere sinden bei großen Maschinen beshalb ihre Anwendung, weil sie viel leichter zu bewegen sind, als die einfachen Bentile. Uedrigens werden die Bentile entweder durch Stangen oder Hebel in Bewegung gesetzt.

Bundchst zeigt Fig. 703 ein einsaches Regelventil mit Hebelbewegung. Es ist hier A das Bentil, BC bessen Stiel, sowie B und C die blichsenförmige Leitung besselben; ferner D eine burch das Sehäuse hindurchgehende Drehare, DE ein Hebelarm im Inneren und DF ein solcher außerhalb des Gehäuses; jener ergreift den zu diesem Zwede dei E ausgehöhlten Bentilstad, dieser aber ist mit einer Stange FG verbunden. Wird nun an der letzteren gezogen, so dreht sich die Hebelverdindung um D, es wird dadurch A gehoben und die Communication zwischen den Räumen M und N hergestellt.

In Fig. 704 ift bagegen ein Röhrenventil mit Stangenbewegung Fig. 703. Fig. 704.

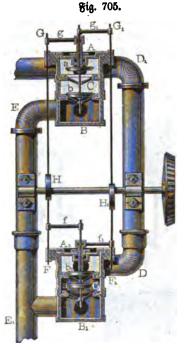




abgebildet. Her ist die Bentilplatte A fest, und dagegen das Sehäuse BB beweglich, und zwar mit Hilfe einer durch eine Stopfbüchse C gehenden Bentilstange CD. Bei der Bentilstellung, welche in dieser Figur abgebildet ist, steht B auf A, und es ist die Berbindung der Räume M und N aufgehoben; wird aber BB mittels CD emporgezogen, so treten die Räume M und N in Communication und es kann nun Dampf von M durch B hindurch und unter B nach N strömen. Diese zuerst von Hornblower angewendeten Bentile haben den großen Bortheil, daß sie leichter zu bewegen sind, als die plattensörmigen Regelventile, weil hier der Querschnitt eine Ringsläche, dort aber eine volle Areissläche ist.

Um von einem Bunkte aus zwei Bentile mittels Stangen bewegen zu können, macht man die Stange bes einen Bentiles hohl und stedt bie Stange Betsbach be Lebrbuch ber Mechanit. II.

bes anberen Bentiles burch die Höhlung; auf diese Weise erhält man die sogenannten concentrischen Bentile von Murdoch. Gine vollständige Bentilsteuerung dieser Art ist in Fig. 705 abgehildet. hier erfolgt die Bertheislung des Dampfes in zwei Kammern AB und A_1B_1 . Beide Kammern



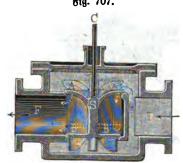
find burch je zwei Bentilsite in brei Rammern abgetheilt, und von biefen communiciren bie oberen mit bem Dampfrohre DD1, die mittleren mit bem Dampfcplinder und die unteren mit dem Ableitungerohre EE1. Es find ferner FG und F1 G1 zwei burch Excentrits H, H1 (§. 454) ober einen anberen Mechanismus auf- und nieberbewegte Steuerftangen, welche mittels Querarmen f, g, f1 und g1 bie Stiele ergreifen, an welchen die vier Bentile a1, a, b1 und b Man erfieht aus ber Fis bängen. gur, baf bie Stiele bon a und bi hohl find, die von b und al aber burch jene hindurchgehen. Geht die Stange FG aufwärte, fo öffnen fich bie Bentile a und a1, und es tritt Dampf aus DD, bei C in ben Dampfcylinder und über ben Rolben, wogegen ber benutte Dampf unter biefem Rolben bei C, aus bem

Cylinder herauss und von da in das Ableitungsrohr EE_1 strömt. Steigt hingegen F_1 G_1 auf und FG nieder, so wird b und b_1 geöffnet, a und a_1 aber geschlossen, und es strömt neuer Dampf bei C_1 unter den Kolben, wogegen der beim vorigen Spiele verbrauchte Dampf durch C zurücks und durch EE_1 abströmt.

§. 449 Dampfvontile. Die Kraft zum Aufziehen eines einfachen Regelventiles ist das Broduct aus Dampforud p und aus der Bentilstäche F; da nun aber bei großen Hochdruckmaschinen F und p bedeutende Factoren sind, so ist auch die Kraft und der nöthige Arbeitsauswand zum Ziehen dieser Bentile sehr groß. Wir haben schon im vorigen Baragraphen angegeben, daß Röhrenventile, weil diese einen kleineren Querschnitt haben, einen kleineren Arbeitsverlust verursachen als Regelventile, und müssen nun noch hinzussigen, daß man durch Anschließen eines Gegentolbens ober Gegenventiles

ben Kraftauswand bei Regelventilen bebeutend heradziehen kann. Ein Regelventil mit Gegenkolben ist in Fig. 706 vor Augen gesührt. Vist das Bentil, K der Gegenkolben und CE ein Seitenrohr, welches das nach dem Dampschlinder sührende Communicationsrohr O mit dem Raume unter dem Gegenkolben verbindet. Der Damps drückt das Bentil nach oben und den Rolben mach unten ziemlich gleich start; es besteht folglich die Kraft Fig. 706.





jum Aufziehen hauptfächlich nur in ber Ueberwindung von Reibungen.

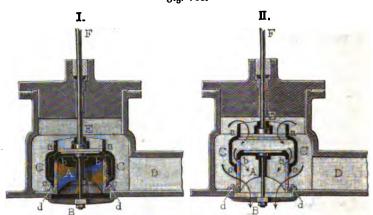
Ein zweites Bentil F, beffen Stange FS bie Stange KL, worauf bas Bentil V und ber Kolben K sigen, umgiebt,

wird aufgezogen, um ben Dampf nach vollbrachter Wirfung nach oben ab-

Bollfommener wird allerdings ber Zweck durch ein Doppels ober Laternenventil, wie Fig. 707, erreicht. Es ist hier AA ber eine und BB ber
andere Bentilteller, sowie SC ber Stiel, wodurch das ganze Bentil aufgezogen wird. Der bei D zutretende Dampf umgiebt die beiden Bentile
und beren Sitze von mehreren Seiten und drückt das eine Bentil sast ebenso start von oben nach unten wie das andere von unten nach oben; es
hat daher ein bei C angreisender Hebel nur eine mäßige Kraft auszuüben
nötlig, um das Bentil zu heben. Sowie dies aber geschehen ist, tann der
Dampf in den beiden ringsörmigen Räumen zwischen den Bentilen und ihren
Sitzen aus dem Bentilgehäuse heraus in die Dampstammer EF treten und
von da weiter fortgeleitet werden.

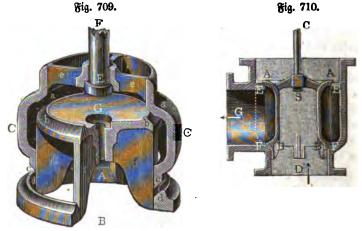
Enblich hat man auch boppelte Röhren, ober sogenannte Glodenventile, wie z. B. in Fig. 708 (a. f. S.), I. und II., abgebilbet ift. Es sind hier die Bentilringe bb und dd fest, und es ift das Gehäuse CC mittels des Stieles EF beweglich. Ist das Bentil geschlossen, wie in I., so trifft die abgeschliffenen Regelfläche aa des Bentiles auf den ebenfalls kegelsvinig abgeschliffenen

Umfang des Tellers bb, sowie die abgeschliffene Regelfläche cc des Bentiles auf den tonisch geschliffenen Umfang des Tellers dd. Es brildt dann der Fig. 708.



bei D zuströmende Dampf das ganze Glodenventil ziemlich ebenso start von oben wie von unten und es ist daher die Kraft zum Aufziehen des Bentiles sehr unbedeutend. Nach vollbrachtem Aufziehen (siehe II.) kann nun der Dampf durch die ringförmigen Räume zwischen a und d sowie zwischen c und d in den Bentilraum A und von da durch B nach dem Punkte des Bedarses strömen.

Die specielle Sinrichtung eines solchen Glodenventiles ift aus ber Abbilbung in, Fig. 709 zu ersehen. Man fieht hier die vom Teller & herab-

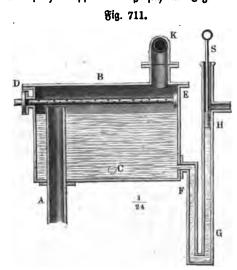


Ċĸ

laufenden Flügel f, f..., welche der durch die Stange EF bewegten Glode CC zur Führung dienen, sowie in e, e die Arme, welche die lettere mit der Stange EF verbinden.

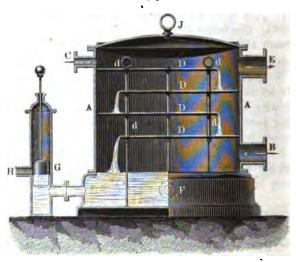
Die Abhrenventile lassen sich ebenfalls doppelsitig einrichten (siehe Reuleaux: "Ein neues Doppelsitventil" in der schweiz. polytechn. Zeitschrift, 1856). Ein solches Bentil ist in Fig. 710 abgebildet. Es ist hier die das Bentil bildende und mittels der Stange CS zu bewegende Röhre ABBA an beiden Mündungen erweitert und außen legelsörmig abgedreht, sowie das Bentilgehäuse EFFE mit entsprechenden Siten EE, FF versehen. In der abgebildeten Stellung dieses Bentiles ist der bei D zutretende und den inneren Bentilraum ausstüllende Damps von dem mit dem äußeren Bentilraume communicirenden Rohre G ganz abgespert, wird aber das Bentil gezogen, so kann der Damps zwischen AA und EE sowie zwischen BB und FF hindurchgehen und nach G strömen. Die Kraft, mit welcher der Damps das Bentil in seinen Siten außtrück, ist natürlich proportional der Differenz der Querschnitte AA und BB.

Condonsator. Bei den Maschinen ohne Condonsation strömt der Dampf, §. 450 nachdem er gewirkt hat, in freier Luft oder nach Befinden auch unter Wasser aus; bei den Maschinen mit Condonsation hingegen wird er in den Condonsator oder das Kühlgefäß (franz. condonsour; engl. condonsor) geleitet. Im ersten Falle läßt man ihn auch gern durch einen Borwärmer gehen, wo er das Speisewasser erwärmt, ehe es in die Speisepumpe tritt. Die Einrichtung eines solchen Apparates läßt sich aus Fig. 711 entnehmen. A ist das Aus-



tragerohr, welches ben verbrauchten Dampf gunächst in bas Refervoir BC leitet, und DE das Ausaufrobr ber Raltwafferpumpe, welches mit vielen Heinen Löchern verseben ift, moburch bas Baffer in feinen Strablen in BC eingeführt wird. Diefes Baffer wirb burch ben Dampf erwärmt und größ= tentheils burch bie bei C einmunbenbe Speisepumpe nach bem Dampfteffel gebrudt: bas überflüffige Waffer fließt aber burch bie mit einem Schwimmer S ausgeruftete Seitenröhre FGH, und ber übrige Dampf burch bas Rohr K ab. Bolltommener ist ber in Fig. 712 abgebil-

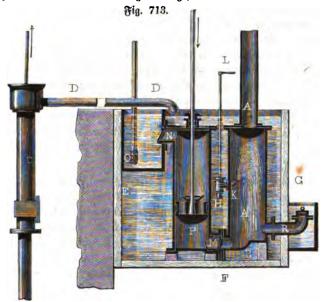
Fig. 712.



bete Borwärmer ABC, in welchem das bei \dot{C} eingeführte Speisewasser in bünnen Schichten auf den Platten $D,D\dots$ hinläuft und nach und nach von der einen auf die andere herabsließt, wobei es durch den bei B ein= und bei E austretenden Dampf dis mindestens 70 Grad vorgewärmt wird.

Der Condensator, durch welchen man den größten Theil der verbrauchten Dämpse niederzuschlagen beabsichtigt, ist ein gußeisernes Gesch AB, Fig. 713, welches von außen mit kaltem Wasser umgeben wird, und in welches auch ununterbrochen kaltes Wasser, das sogenannte Injections, oder Einspriswasser (franz. eau d'injection; engl. water for injection), in einem Bündel seiner Strahlen einströmt. Das zur Condensation nöthige kalte Wasser wird durch eine Bumpe C, die sogenannte Kaltwasser pumpe (franz. pompe d'eau froide; engl. cold-water pump) mittels des Robres DD in das den Condensator umgebende Reservoir EFG gesördert. Im letzteren besindet sich auch der Apparat H, durch welchen das Einspriswasser in das Innere des Condensators gesührt wird. Dieses Wasser tritt aus dem großen Reservoir von unten in diesen Apparat und sließt durch das mit einem Seiherbleche geschlossen und der Brause einer Sießkanne ähnliche Mundstüd HK mit großer Geschwindigkeit in den Condensator, da hier mur ein kleiner Druck von 1/10 die 1/8 Atmosphäre vorhanden ist. Zum Regu-

liren dieses Einspritzwaffers bient ein Bentil ober ein Hahn, welcher burch einen Bebel L mittels einer Stange LH gestellt wirb. Mit bem Conden-



fator in Berbindung ift eine Bumpe, Die fogenannte Luftpumpe (frang. pompe à air; engl air-pump); biefe bat ben Zwed, die fich aus bem Ginfprismaffer entwidelnde atmosphärische Luft, sowie ben noch übrigbleibenden Dampf und bas aus bem niedergeschlagenen Dampfe und aus bem Ginfpripmaffer hervorgehende marme Baffer aus bem Conbenfator fortzuschaffen. Sie ift eine gewöhnliche Saugpumpe mit bem durchlochten Rolben P, bem Saugbentile M und bem Drudventile N; ihre weitere Beschreibung gehort Das warme Baffer flieft bei N in bas Beigmafferrefervoir nicht bierher. NO, aus bem ein fleiner Theil burch bie Speifepumpe mittels bes Saugrobres O bem Reffel als Speifemaffer zugeführt wirb. mit bem Conbensator noch ein turges, mit einem fich nach außen öffnenben Bentile verfebenes Rohr R in Berbindung. Diefes Rohr heißt bas Ausblaferohr, fowie fein Bentil bas Ausblafeventil ober bie Ausblafeklappe (franz. soupape à souffler; engl. blow-valve); es bient basselbe bazu, die Luft abzuleiten, die fich in bem Condensator nach langerem Stillftande ber Mafchine angesammelt bat.

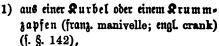
Bur Erlangung einer vollkommeneren Condensation wendet man in der neneren Zeit statt der einsachwirkenden, doppeltwirkende Luft- und Barmwafferpumpen an.

Ein turges Barometer, welches in ben Conbenfator einmunbet, bient bazu, ben Luftbruck in bemfelben anzuzeigen (bie Barometerprobe).

Muger bem im Borftebenben befdriebenen Ginfprigsonbenfator von Batt hat man noch ben Oberflächenconbensator von S. Sall in Anwendung gebracht. Bei letterem ftromt ber Dampf burch ein Syftem bon Röhren, welche von außen mit taltem Baffer umgeben find. Der Umftand, bag bie Oberflächencondensation febr große Abfühlungeflächen erfordert, ift Urfache, bag biefelbe noch teine allgemeine Anwendung gefunden bat. 2Begen bes Salzgehaltes bes Meerwaffers ift es nothig, von Zeit zu Zeit einen Theil bes Reffelmaffers ber Seefchiffe abzulaffen, wobei naturlich ein namhafter Warmeverluft ftatt fat; beshalb ware eine volltommenere Dberflachencondensation, wo dieses Ablaffen nicht nothig ift, für die Dampfichifffahrt von großer Wichtigfeit.

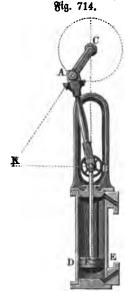
Maschinensysteme. Durch bie gewöhnlichen Rolbenbampfmafchis §. 451 nen wird unmittelbar nur eine gerablinig wiedertehrende, 3. B. eine auf= und nicbergebende, ober eine bin- und bergebende Bewegung in ber geraben Linie erzeugt. Wenn fich nun bie Arbeitsmaschine, welche von ber Dampfmaschine ju bewegen ift, ebenfalls gerablinig wiebertehrend bewegen foll, fo lagt fich bie Berbindung biefer Maschinen entweder unmittelbar ober mittels eines Bebels bewertstelligen; wenn bagegen bie Arbeitsmafchine, wie meiftens, eine ununterbrochene Rreisbewegung annehmen foll, fo ift noch eine befondere Bwifdenmafdine (f. §. 108) erforberlich, welche bie gerablinig wieber-

tehrende Bewegung ber Dampfmaschine in bie verlangte ftetig freisförmige Bewegung ber Mrbeitemaschine umfest. Gewöhnlich besteht biefe 3wifdenmafdine



- 2) aus einer Rurbel., Lent- ober Bleylstange (franz. bielle; engl. connecting rod), unb
- 3) aus einem Schwungrabe (frang. volant; engl. fly-wheel).

Die Rurbel CA, Fig. 714, bilbet einen Theil ber Welle C und ift mittels ber Rurbelftange AB mit ber Rolbenftange BF verbun-Damit ber Stangentopf B von ber ben. Rurbelftange nicht jur Seite gezogen werbe,



ist dieser mit einem besonderen Mechanismus, der sogenannten Gerabführung, verbunden, und damit die Aurbelwelle C in Folge der veränderlichen Wirfung der Aurbelstange auf dieselbe nicht ungleichsörmig umlaufe, wird
auf dieselbe ein Schwungrad (s. §. 111) aufgesett. Die gewöhnlichen Kolbendampsmaschinen sind stationäre, d. i. an irgend einer Stelle sest aufgestellte; locomobile Dampsmaschinen, welche auf einem Wagen stehend
nach dem Bunkte des Bedarfs gesahren werden können, sinden vorzüglich
ihre Anwendung in der Landwirtsschaft.

Die verschiedenen flehenden Rolbendampfmaschinen laffen fich in folgende §. 452 Suffeme ausammenstellen:

- L. Rach ber Anzahl ber Dampfchlinder giebt es
 - 1) einchlinbrige,
 - 2) zweichlindrige Dampfmafchinen.
- II. In Binficht auf bie Lage ber Dampfeplinber hat man
 - 1) folche mit feften unb
 - 2) folche mit beweglichen Cylindern.

Im erften Falle find bie Cylinder

- a. verticalstebend,
- b. horizontal- ober
- c. geneigtliegenb.

Im zweiten Falle haben bie Cylinder

- a. eine ichwingenbe,
- b. eine rotirenbe Bewegung.
- III. In hinficht auf die Dampfwirkung find bie Dampfmaschinen
 - a. einfachwirkenbe,
 - b. boppeltwirfende.
- IV. In hinsicht auf die Uebertragung ber Dampftraft hat man
 - 1) birectwirfenbe ober
 - 2) indirectwirkenbe,

und im letten Falle wieber entweber

- a. folche mit Balancier ober
- b. folche ohne Balancier.

Außer ben Rolbendampfmaschinen hat man auch noch rotirende ober Rabbampfmaschinen, wo ber Dampf auf die Schaufeln eines im Inneren eines Gehäuses eingeschlossenn Rabes wirft und basselbe in Umbrehung setzt. Diese birectwirfenden Rotationsmaschinen haben aber teine allgemeine Ber-

breitung erlangt (s. die Berhandlungen des Bereins für Gewerbesseiß in Prengen, Jahrgang 1838). Das in Fig. 580, Seite 766, abgebildete Wasserschlungen dass eine solche Raddampfmaschine benutzt werden. In England haben noch die sogenannten Scheibendampfmaschinen (disc-engines) von Bishopp die meiste Berbreitung gefunden (s. The Steam Engine etc. by Tredgold, Vol. III, by J. Weale, 1853, sowie Traité des machines à vapeur etc. par C. E. Jullien, Sect. I.).

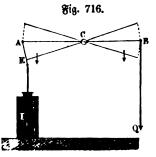
Die locomotiven Dampfmafchinen bienen nur zu einer besonderen Arbeiteverrichtung ber fortichaffenben Mechanit, nämlich zum Fortsichaffen ber Lasten mittels Bagen und Schiffen, ober sogenannte Dampfs magen und Dampfschiffe.

§. 453 Mehrere ber oben aufgezählten Dampfmaschinenspsteme find in folgenden Abbildungen flizzirt.

Fig. 715 stellt eine einfach- und birectwirkende Dampfmaschine bar. Die Last, z. B. die Bumpenlast Q einer Dampftunst, hängt hier unsmittelbar an der Kolbenstange DE und wird mittels des Dampftolbens D burch die Kraft des unter D befindlichen Dampses emporgehoben.

Fig. 716 ift bagegen bie Sfizze von einer einfachwirkenben Dampfmaschine mit Balancier; es ift ACB ber um C brebbare Balancier, DE





bie Kolbenstange, AE das Berbindungsglied zwischen dem Balancier und bieser Stange und BQ die Stange, woran die Last angeschlossen ist.

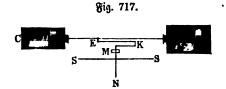


Fig. 717 ift ferner bie Stizze einer liegenden dopspelts und directwirkenden Dampfmaschine. Der Dampfstolben D bewegt hier mittels ber verlängerten Kolbenftange DF einen anderen Kolben F.

3. B. ben eines Cylindergeblafes; jur Erzeugung einer regelmäßigen Beme-

gung ift an diefe Stange mittels einer Rurbelstange EK und einer Rurbel MK ein um die Are MN umlaufendes Schwungrad SS angeschloffen.

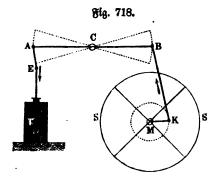
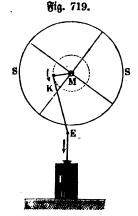
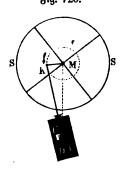


Fig. 718 stellt eine bops peltwirkende Balanciers maschine mit Drehbewegung vor; MKist ber Krummzapfen, BK bie Lenkstange und SS bas zur Erhaltung einer möglichst gleichförmigen Drehbewegung nöthige Schwungrad; bie übrigen Bezeichnungen sind bie vorigen.

Fig. 719 ift eine Mafchine ohne Balancier, Fig. 720 eine folche ohne Lentstange. Fig. 720.

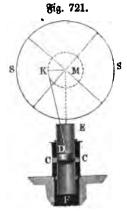


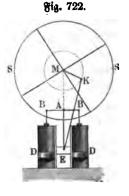


Damit die Kolbenstange in Fig. 718, 719 und 720 senkrecht auf- und niedergebe, ist bei E ein besonderer Leitungsapparat angebracht; und damit bei der sich um C schwingenden Maschine in Fig. 720 die Kolbenstange CK nur in ihrer Axenrichtung sich bewegen könne, ist ein Leitungsapparat auf den schwingenden Chlinder ausgesetzt. Ist die Entsernung CM der Schwingungsaxe C von der Drehungsaxe M kleiner als die Länge MK des Kurbelarmes, so geht die schwingende Bewegung des Dampschlinders in eine rotizende über.

Fig. 721 (a. f. S.) ift bie Stizze einer boppeltwirkenben Dampf-maschine wie die in Fig. 719, nur ift hier, um Raum zu ersparen, bie Aurbelftange nicht am Ende einer massiven Rolbenftange, sondern in der Mitte D einer hohlen Kolbenstange EF angeschlossen.

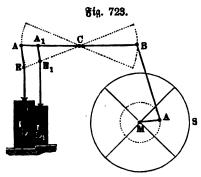
Fig. 722 ift eine zweichlindrige boppeltwirtende Dampfmaschine ohne Balancier, nach Maudelay. Beibe Rolbenftangen BD,





BD sind hier durch ein Querhaupt BAB mit einander, und letteres ift wieder durch eine britte Stange AE mit einem zweiten Querhaupte E verbunden, welches in einer Senkrechtführung zwischen beiden Cylindern beweg- lich ist und mit der Kurbelstange KE in Berbindung steht.

Fig. 723 ift die Stige einer fogenannten Boolf'ichen Dampfmaschine



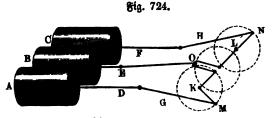
mit zwei Cylindern, beren Kolben gleichzeitig auf- und niedergehen und burch die Kolbenstangen DE, $D_1E_1...$ an einen Balancier ACB angeschlossen sind. Der Dampf, welcher den größeren Kolben D in Bewegung setzt, hat vorher schon im kleineren Cylinder D_1 gewirkt,

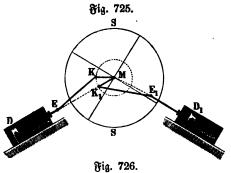
In neueren Zeiten construirt man, namentlich für bie frangosische Marine, Woolf'sche Dampfmaschinen mit brei liegenden Cy-

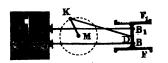
lindern ABC, Fig. 724, wovon uur der mittlere B mit frischem Dampf gespeist wird, während in den beiden anderen Cylindern A und C der Tampf nur durch Expansion wirkt. Die drei Rolbenstangen D, E, F dieser Maschinen sind mittels der Kurbelstangen G, H und EO an die dreisach gekröpsie Kurbelswelle KL angeschlossen, deren äußere Warzen M und N auf den Ouadranten gegen einander gestellt sind, während die mittlere Warze O um den Winkel von + 135 Grad von den ersteren abweicht.

Fig. 725 ftellt enblich eine Dampfmaschine mit zwei schiefliegenden Cp-

Der Anschluß ber Rolbenftangen DE, D, E, an die Rurbeln lindern bar. MK, MK, ift genau berfelbe wie bei ber Dafchine in Fig. 719. Der







Wintel KMK, zwis ichen ben beiben Rurbelarmen ift gleich bem Wintel DMD1 mifchen beiben Rolbenftangen minus 90 Grab. Liegen, wie bei ben Dampfma-

gen, die Cylinder auf berfelben Seite, fo ift DMD = 0 Grab, und baber ber Wintel zwifden beiben Rurbelmargen 90 Grab.

Eine liegenbe Schiffsbampfmaschine mit zwei langen Rolbenftangen A B, A. B. ftellt Fig. 726 bar. Wegen Raumerfparnig finbet bier bie Rurbelwelle M fammt Rurbelftange KD im Raunte zwischen bem Chlinder C und ber fubrung FF1 Blat.

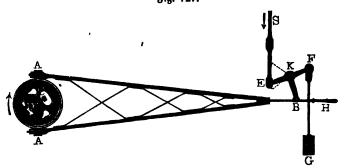
Excentriks. Die innere Steuerung, bestehend in ben fogenannten §. 454 Diftributoren, muß durch die Daschine felbft in Bewegung gefet werben; es ift baber nöthig, bag biefelbe mit ber Rolbenftange ober mit einem anderen von der Dampfmaschine bewegten Daschinentheile, g. B. mit bem Balancier ober mit der Schwungrabwelle, verbunden werbe. Die Borrichtungen, welche biefe Berbindung hervorbringen, bilben bie fogenannte außere Steuerung, und biefe besteht im Wefentlichen entweber

- 1) aus ftetig umlaufenben excentrifden Scheiben (frang. excentriques; engl. eccentrics); ober
- 2) ans ofcillirenben Bebeln (frang. encliquetages; engl. levers), und man wendet jene nur bei doppeltwirkenden, diese hingegen vorzliglich bei einfachwirtenden Dampfmafchinen an, weil diese Maschinen teine ftetige Rreisbewegung haben.

Das Ercentrit ober bie ercentrifche Scheibe fommt in febr verfchie

benen Formen vor, namentlich hat man treisförmige, trianguläre und bann noch vielerlei zahnförmige Ercentrits. Das Kreisercentrit ift aber von allen angeren Steuerungsapparaten ber einfachste und ber gewöhnlichste; von ihm möge baher auch zunächst nur die Rebe sein.

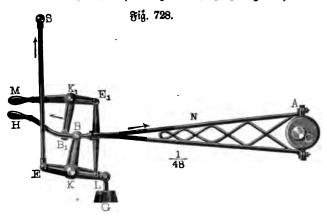
Das Kreisercentrik besteht in einer gußeisernen chlindrischen Scheibe A CA, Fig. 727, welche sich An eine Are D breht, die von ihrer geometrischen Are Rig. 727.



C abweicht, und wird von einem Banbe aus Meffing ober Schmiebeeisen umgeben, welches an bas Ende einer langen, aus Gifenftaben gufammenge fetten Stange, ber fogenannten Ercentritftange ABA, feftgefchraubt ift. Das andere Ende biefer übrigens noch mit einer Sandhabe H ausgerufteten Stange ergreift ben einen Arm KB eines Winfelhebels, an beffen anderem Arme KE bie Schieberftange ES angeschlossen ift; um bas Gewicht ber letteren auszugleichen, ift endlich noch an einem britten Arme KF ein Ge gengewicht G angehangt. Die Wirfung biefes Apparates ift leicht erflärlich; ber Mittelbunkt C bes Ercentrits beschreibt bei jeber Umbrehung ber Schwungradwelle, worauf bas Excentrif gewöhnlich fitt, einen Rreis, und ichiebt babei auch bas Baleband um ben ber Excentricität CD gleichen Balbmeffer biefes Rreifes nach allen Richtungen auswärts, und folglich auch die Lentftange in ihrer Arenrichtung um 2. CD bin und gurlid. An biefer Bemegung nimmt natürlich anch bas Ende B ber Lenkstange Theil, und es wird biefelbe auch burch ben Winkelhebel BKE auf die Schieberstange ES übertragen.

Bei manchen Maschinen, namentlich aber bei benjenigen, welche zur Förberung in Schächten bienen, ist es nöthig, dieselben zu jeder Zeit umsteuern, b. i. in der entgegengesetzen Richtung umgehen lassen zu können. Dies wird nun erreicht, wenn man der Steuerung die entgegengesetze Stellung giebt, weil dann auch die entgegengesetzte Seite des Treibtolbens mit der Dampflammer in Communication tritt. Fig. 728 sührt nur eins von den alleteren Hilfsmitteln, welche man zur Erreichung dieses Zweckes auge-

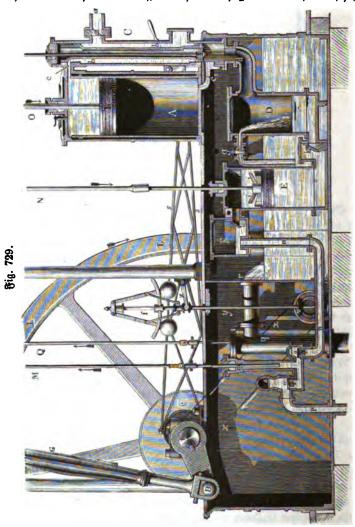
wendet hat, vor Augen. Es ist hier außer bem Winkelhebel EKB noch ein zweiter um die Are K_1 brehbarer Bebel $E_1K_1B_1$ angebracht und durch



bie Stange E_1L mit bem ersten verbunden. Um umzusteuern, hat man nur nöthig, beim mittleren Stande bes Dampstolbens, die Excentriktange mit ihrem Auge von dem Bolzen B des ersten Hebels abzuheben und mittels der Handhabe M den oberen Hebel so zu bewegen, daß nun das Auge über dem Bolzen B_1 dieses Hebels zu liegen kommt. Dadurch wird auch der Damps auf die entgegengesetzte Seite des Kolbens geleitet und daher auch das entgegengesetzte Kolbens und Steuerungsspiel bewirkt. Noch einsacher wird dieses Umsteuern durch Anwendung der Stephenson'schen Coulisse erreicht, deren Einrichtung und Wirkung weiter unten behandelt wird.

Watt'sche Dampsmaschine. Die Anwendung einer vereinigten Ers §. 455 centrits und Schiebersteuerung führt Fig. 729 (a. f. S.) in einer Abbildung einer Niederdruck-Dampsmaschine von Watt vor Augen; anch giebt dieselbe ein bentliches Bild von einer vollständigen Maschine und ihren wesentlichen Theis Ien. Es ist hier A der Damps oder Treibenslinder, B der Tamps oder Treibtolben in demselben, und C die Dampssammer, in welcher der durch das Dampsrohr a zugeleitete Damps durch einen Röhrenschieder bb so verstheilt wird, daß er dald durch den Weg c1 unter, bald durch den Weg c über den Kolben B treten und denselben auf oder niedertreiben kann. Ferner ist D der Condensator und E die Luftpumpe; in jenem wird der durch das Mohr d aus dem Cylinder tretende Damps nach volldrachter Arbeit condenssirt, und durch diese wird die Luft und das Wasser in ein Reservoir F gesbracht, aus dem erstere durch Dessungen im Deckel entweicht, letzteres aber größtentheils durch eine Seitenröhre absließt. Ein kleiner Theil dieses Consdensstreibenschafts sießt aber auf dem Wege nn in die Speisepumpe m, und

wird von da durch das Rohr o o, p in den Damhftessel gedruckt. hinter der Speisepumpe befindet sich die nur von außen sichtbare Kaltwasserpumpe q, welche ununterbrochen taltes Wasser durch das Nohr qr in das Reservoir schafft,



bas D und E umgiebt. Roch sieht man in O bie Treibtolbenstange und in N bie Rolbenstange ber Luftpumpe sowie in M und Q bie ber Speiseund Kaltwasserpumpen, alle vier, und zwar erstere burch ein sogenanntes Watt'sches Parallelogramm, an einen (in ber Abbildung nicht sichtbaren)

Balancier angeschlossen. Die schwingende Bewegung, welche ber Treibtolben bem Balancier ertheilt, wird durch die Aurbelstange G auf einen Arummzapfen HK übertragen und gehtzhier mit Unterstützung eines Schwungrades LL in eine stetige Areisbewegung über. Auf der Welle dieses Rades sit noch das Areisercentrit e, welches mittels seiner Lenkstange as und eines (in der Abbildung nicht sichtbaren) Winkelhebels die Steuerschieberstange auf und niederzieht. Die nähere Einrichtung des Steuerapparates u. s. w. ist aus den Figuren 701 und 727 zu ersehen und aus dem Früheren schon bekannt.

Der Apparat f ist ber sogenannte Centrifugalregulator, ber mittels einer Schnur xx ohne Ende und mittels des Räberwerkes v und der Welle y durch die Schwungradwelle in Umdrehung gesetzt wird und durch seine Stangen sowie durch den Hebel s mit dem Orosselventile im Dampfrohre so in Berbindung gesetzt ist, daß bei Zu- oder Abnahme der Geschwindigkeit, durch Auseinandergehen oder Zusammenfallen zweier Metalltugeln, dieses Bentil mehr geschlossen oder mehr geöffnet und dadurch der Dampfzutritt erschwert oder erleichtert, also auch eine größere Beründerung in der Geschwindigkeit verhindert wird.

Die ausstührliche Beschreibung und Theorie bieses Apparates sowie die bes Batt'schen Parallelogrammes u. s. w. muß einem besonderen Abschnitte im britten Bande ausbewahrt bleiben.

Voreilen des Schiebers. Die Wege (franz. lumidres; engl. ports), §. 456 welche ben Dampf aus der Dampflammer in den Cylinder führen, müssen einen gewissen Duerschnitt haben, damit sie nicht zu großen Widerständen Beranlassung geben. Am besten ist es, man macht die Querschnitte dieser Canäle so groß wie den Querschnitt des Dampfrohres, nämlich ½ don der Kolbenfläche; zuweilen, namentlich bei Hochdruckmaschinen, macht man sie auch noch größer, nämlich ½ dis ½ der Kolbenfläche. Um zur Bewegung des Schiebers möglichst wenig Arbeit auswenden zu müssen, ist es nöthig, die Mündung der Dampswege mehr breit als hoch zu machen, weil dann der Weg des Schiebers kleiner ausfällt (vergl. Bb. II, §. 327). Seewöhnlich macht man das Berhältniß zwischen Breite und Höhe dieser Mündengen = 4:1 ober 5:1.

Uebrigens bringt aber ber Schieber noch besondere Berengungen hervor, zumal, wenn er durch ein gewöhnliches Kreisercentrit bewegt wird, weil er bie Mündungen der Dampswege nicht plöglich, sondern allmälig eröffnet und verschließt. Damit der Damps möglichst gleichmäßig und die Maschine möglichst vortheilhaft wirte, ist es nöthig, daß der Schieber den Dampsweg schon zu eröffnen ansange, wenn der Treibkolben noch nicht ganz seinen letzten Weg zurückgelegt hat, weil dann beim Ansange des entgegengesetzten Kolbenweges der neu einströmende Damps mit aller Stärke wirken kann.

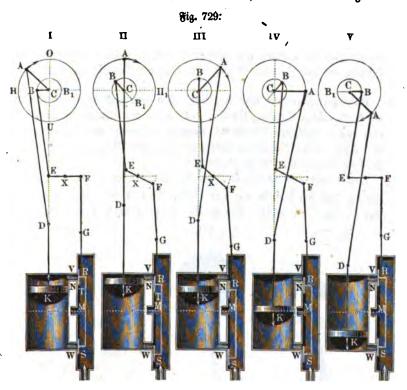
Ans dem entgegengeseten Grunde ist es ebenso auch vortheilhaft, daß der Schieber schon vor dem Ende des Treibkolbenweges den Dampsatritt aufshebe und den Dampsabsührungsweg eröffne. Man bringt dieses zeitigere Eröffnen der Dampswege durch gewisse Berhältnisse zwischen den Dimensionen des Schiebers und denen der Dampswege, sowie durch eine gewisse Stellung des Excentriks zum Krummzapsen hervor, und nennt es das Boreilen (franz. avance; engl. the load) des Schiebers. Nach den gemachten Ersahrungen ist besonders das zeitigere Eröffnen des Abzugsweges von Borsteil, und man sindet dei den bestehenden besseren Maschinen, daß das Borseilen des Schiebers auf der Seite des Absunssen, daß das Borseilen des Schiebers auf der Seite des Absunssen, daß das Borseilen des Schiebers auf der Seite des Absunssen Wege des Schiebers ist. Das Boreilen des Dampschieders auf der Seite des Zutrittes ist dagegen viel kleiner und beträgt oft nur 1/100 des ganzen Schieberweges.

§. 457 Sohloborstollungen. Die Art und Weise, wie der Dampsichieber durch seine verschiedenen Stellungen die Dampswege eröffnet und verschließt, wird durch Fig. 729 (I, II, III, IV, V) veranschausicht. Es sind hier V, W und M die drei Dampswege; V sührt über und W unter den Kolben, hingegen M in die freie Luft. Der Damps umgiebt vor seinem Eintritte in den Cylinder den Schieber von außen und tritt durch V oder W in den Cylinder, je nachdem der Schieber herad- oder herausgelassen ist. Diese Einrichtung sindet in der Regel bei den Hochdruckmaschinen Statt, wogegen bei den Watt'schen oder Tiesdruckmaschinen der Damps durch M zugestührt wird und erst nach seiner Wirkung den Schieber von außen umgiebt. Zieden wir hier jedoch nur die erste Art der Dampsvertheilung in Betracht.

Die mittlere Schieberstellung ist unter I und V bargestellt, bei ihr sindet weder ein Dampszutritt noch ein Dampsabsluß aus dem Chlinder Statt-Rückt der Schieber herab, so daß er in die Stellung II kommt, so werden die Zu- und Absührungswege eben erst eröffnet, und gelangt er in die tiesste Stellung III, so sind beide Wege vollkommen ausgeschlossen; steigt der Schieder wieder bis IV, so tritt der Abschluß beider Wege ein, und kommt er in die Stellung V, so findet wieder wie in I vollkommene Absperrung Statt. Beim weiteren (in der Abbildung nicht dargestellten) Steigen des Schieders wird ansangs der untere Weg des Dampses ausgeschlossen, und die Absührung des Dampses über den Kolben ermöglicht; später, bei der höchsten Schiederstellung, sind die Canäle zum Zu- und Absühren des Dampses am meisten ausgeschlossen; beim hierauf erfolgenden Riedergehen des Schieders tritt wieder das Absperren dieser Wege ein, und zuletzt gelangt der Schieder wieder in die Stellung V, wobei ein zweites Spiel desselben beginnt.

Soll nun ein Boreilen des Schiebers stattfinden, sollen also die Dampf-

wege beim hochsten und tiefften Rolbenstande etwas eröffnet fein, so muß bas Excentrit bei biefen Rolbenständen ben Schieber in die Stellungen II

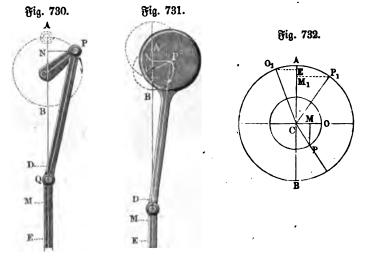


und VI (nicht bargestellt) bringen; und baher die mittlere Schieberstellung schon etwas vor dem höchsten und tiesten Kolbenstande eintreten. Es wird bann aber auch der tiesten und höchsten Schieberstellung noch keineswegs der mittlere Kolbenstand entsprechen, und endlich der Dampf eine Zeit lang auf beiden Seiten des Kolbens abgesperrt werden, ehe dieser das Ende seinen Weges erreicht hat. Bei diesem Absperren wird der Dampf auf der einen Seite des Kolbens sich ausdehnen und auf der anderen sich comprimiren müssen, wodurch allerdings Kraftverlust, zugleich aber auch eine Dampsersparnis erwächst. Es ist nun auch keicht zu erachten, wie durch Beränderung der Breite RT der Schieberslächen, insbesondere der sogenannten Deschung derselben (franz. recouvrement; eingl. lap, cover), die Zeit zum Zulassen, Absperren und Absassen des Dampses verändert werden kann. Bermindert man die äußere Deckung, oder die Breite der Schiebersläche

RT burch Wegnahme bei R, von außen, so tritt bei unverändertem Schieberwege eine längere Zulassung bes Dampses burch V ober W ein; vermindert man die innere Deckung oder Breite der Schieberstäche durch Wegnahme bei T, von innen, so erfolgt dagegen ein zeitigeres und länger anhaltendes Ablassen des Dampses durch M. Giebt man dagegen der Schieberstäche und daburch auch der Deckung eine größere Breite, so sindet das Gegentheil in Hinsicht auf das Zulassen, Absperren u. s. w. des Dampses Statt.

§. 458 Bowegungsgesotz der Kurbel. Um nun noch zeigen zu können, wie durch richtige Stellung bes Excentrit's gegen den Krummzapfen die foseben näher betrachteten Schieberstellungen hervorgebracht werden können, ift es nöthig, vorher die Bewegungsverhältnisse dieser Maschinentheile wenigsftens im Allgemeinen tennen zu lernen.

Denken wir uns die Warze P der Aurbel als einen Puntt, und nehmen wir an, daß sich derselbe mit dem Halbmesser $\overline{CA} = \overline{CB} = r$ um die Are C, Fig. 730, drehe. Rommt die Warze A durch Drehung um den



Wintel $ACP = \beta$ vom höchsten ober sogenannten todten Bunkte A nach P, so gelangt die Lenkstange AD = l in die Lage PQ, und es ist num der gleichzeitige Weg des Stangenendes in der Richtung der Centrallinie CD:

$$\overline{DQ} = \overline{AN} + \overline{NQ} - \overline{AD},$$
b. i.:
$$s = r - r\cos\beta + \sqrt{l^2 - r^2(\sin\beta)^2} - l$$

$$= r(1 - \cos\beta) - l\left[1 - \sqrt{1 - \left(\frac{r\sin\beta}{l}\right)^2}\right],$$

ober, ba bie Stangenlänge I fünf. ober noch mehrmals größer als ber Halbniesser r bes Warzenkreises ift, annähernd

$$s = r (1 - \cos \beta) - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2l},$$

wofür wir aber felbft nur ben Berth

$$s = r (1 - \cos \beta)$$

annehmen wollen. Den durch den letteren Ausbrud angegebenen Beg würde bas Stangenenbe D allerbings nur bann beschreiben, wenn die Stange unendlich lang ware.

In Birklichkeit hat die Barze eine Chlinderform; badurch wird aber in dem Bewegungsverhältnisse nichts geändert, benn der Mittelpunkt des Auges von dem Stangenkopfe fällt stets mit der Warzenare zusammen, es hat also dieser Bunkt dieselbe Bewegung, als wenn er unmittelbar an die Are P angeschlossen wäre. Dieses Berhältniß ändert sich nicht, wenn auch die Warze noch so die ist, selbst wenn sie, wie Fig. 731 zeigt, einen größeren Halbemesser hat als der Warzenkreis. Da in diesem Falle die Kurbel in ein Kreisercentrik übergeht, so folgt, daß sich Formel

$$s = r (1 - \cos \beta)$$

auch auf das Kreisercentrik anwenden läßt, wenn bessen Stangenlänge \overline{DA} die Ercentricität $r=\overline{CA}$ vielsach übertrifft.

Schiebercurve. Bei der mittleren Stellung des Dampsschiebers muß, §. 459 um dem Obigen zu entsprechen, das Excentrikmittel auch in der Mitte O, Fig. 732, die Warzenaxe O_1 hingegen noch um einen gewissen Winkel O_1 $CA = \alpha$ vor dem todten Punkte A stehen, weil dei dieser Schieberstelstung der Dampstolben sein Spiel noch nicht ganz vollendet haben soll. Dreht sich dann die Welle, auf welcher das Excentrik und die Rurbel zugleich sitzen, um einen Winkel O $CP = O_1$ $CP_1 = \beta$, so schiebt das Excentrik den Schieber um einen Weg

$$\overline{MP} = y = r \sin \beta$$

fort, mahrend ber Dampftolben erft noch ben Reft

$$\overline{EA} = r_1 (1 - \cos \alpha)$$

feines Aufganges 2r, und bann noch ben Weg

$$\overline{AM}_1 = r_1 [1 - \cos(\beta - \alpha)]$$

niebergebend gurudlegt, fo bag er von feinem mittleren Stande um

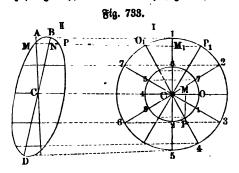
$$\overline{CM_1} = x = r_1 \cos(\beta - \alpha)$$

absteht. Führt man in bie Formeln

$$x = r_1 \cos(\beta - \alpha)$$

und $y = r \sin \beta$

für β alle Werthe von 0° bis 360° ein, so bekommt man baburch alle möglichen Stellungen bes Dampfichiebers gegen ben Dampfiolben, und um bieselben zu veranschaulichen, kann man noch die Wege x und y als Coordinaten an einander antragen, und die entsprechende Curve, das sogenannte Schieberdiagramm, aufzeichnen. Die Art und Weise, wie diese Curve
anzusertigen ist, wird nun durch Fig. 733, I und II vor Augen geführt. In I



stellt der größere Areis den Rurbelfreis, der kleinere den Excentriktreis vor, und II führt die aus zund y construirte Curve vor Augen. Gleiche Zahlen an beiden Areisen bezeichnen entsprechende Stellungen der Aurbel und des Excentriks; steht diese auf O, 1, 2 u. s. w., so hat jene auch die Stel-

lung O1, 1, 2 u. f. w.; ist bas Excentrit von O bis P geruckt und hat es den Schieber um

 $\overline{MP} = y = r \sin \beta$

aus der Mitte geschoben, so ist der Krummzapfen ebenfalls von O_1 nach P_1 gegangen, und es steht der Kolben um

$$\overline{CM_1} = x = r_1 \cos(\beta - \alpha)$$

von seinem mittleren Stande ab. Tragen wir nun in II, CM=x als Abscisse und $\overline{MP}=y$ als Ordinate auf, so bekommen wir in P einen Punkt der gesuchten Eurve. Setzen wir $\beta=\alpha$, so erhalten wir die Coexdinaten $\overline{CA}=r_1$ und $\overline{AB}=r\sin\alpha$ für den Punkt B, durch den sich eine Axe BD der Eurve sühren läßt; und nimmt man die Abscissen auf dieser Axe an, so bekommt man eine sehr einfache Gleichung sür diese Eurve. Es ist sür den Winkel $BCA=\delta$, um welchen die neue Abscissenare von der alten abweicht,

tang.
$$\delta = \frac{AB}{CA} = \frac{r}{r_1} \sin \alpha$$
,

daher bie neue Absciffe:

$$\overline{CN} = x_1 = \frac{CM}{\cos \delta} = \frac{x}{\cos \delta} = \frac{r_1 \cos (\beta - \alpha)}{\cos \delta},$$

und bie neue Coorbinate:

$$\overline{NP} = \overline{MP} - \overline{MN},$$

b. i.:

$$y_1 = y - x tang. \delta = r sin. \beta - r cos. (\beta - \alpha) sin. \alpha$$

= $r [sin. (\beta - \alpha + \alpha) - cos. (\beta - \alpha) sin. \alpha] = r sin. (\beta - \alpha) cos. \alpha;$

ba nun

$$[\sin.(\beta-\alpha)]^2+[\cos.(\beta-\alpha)]^2=1 \text{ ift,}$$

fo folgt hier:

$$\left(\frac{y_1}{r\cos \alpha}\right)^2 + \left(\frac{x_1\cos \delta}{r_1}\right)^2 = 1.$$

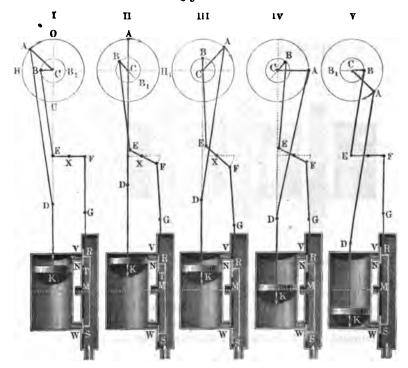
Setzt man $\frac{r_1}{\cos\delta} = a$ und $r\cos\alpha = b$, so erhält man schließlich die befannte Gleichung ber Ellipse:

$$\left(\frac{x_1}{a}\right)^2 + \left(\frac{y_1}{b}\right)^2 = 1;$$

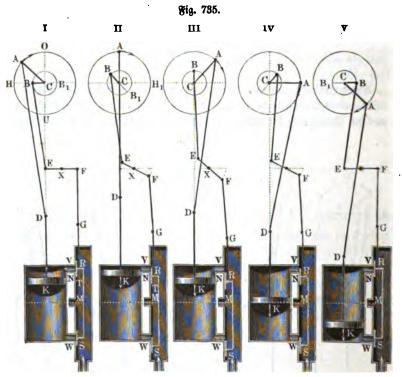
es ift also auch die behandelte Curve eine Ellipfe und es find die halbaren berfellen:

$$a = \frac{r_1}{\cos \delta}$$
 und $b = r \cos \alpha$.

Excentrikstouorung. Die Art und Weise, wie der Dampsichieber §. 460 mittels eines Excentrits bewegt und die Dampsmaschine gesteuert wird, ist aus der Betrachtung der Abbilbung in Fig. 734 I, II, III, IV, V zu ersehen.



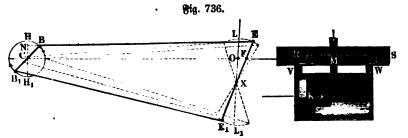
Der Dampstolben K seth hier mittels ber Kolbenstange KD und ber Aurbelstange DA ben Krummzapfen CA in Umbrehung. Auf ber Welle C des letteren sitt zugleich das Excentril für die Steuerung sest, bessen Mittelpunkt B sich wie die Warze eines zweiten Krummzapsens gemeinschaftlich mit der Welle C umdreht und hierbei einen Kreis vom Halbmesser CB durchläust. Der Schieber RS, bessen Bewegungen oben (§. 457) betrachtet worden sind, ist durch eine gegliederte Stange FGR mit einem gleicharmisgen Hebel EF in Berbindung gesetzt, und letterer wieder mittels einer Stange BE an den Krasts oder Mittelpunkt B des Excentrits angeschossen;



in Folge bessen macht baher ber Schieber bieselben Bewegungen in entgegengeseter Richtung, als wenn er unmittelbar in E an die Excentrisstange angeschlossen wäre, und folglich auch genau dieselben Bewegungen in derselben Richtung, wenn letzterer mit einem Excentris in Berbindung stände, dessen Warze B_1 ber Warze B des ersteren genau gegenübersteht. Wäre nun der Centriwinkel $A C B_1$ zwischen der Warzenmitte des Krummzapsens und der

Witte B_1 bes Excentrits, = 90 Grad, so würde der Schieber RS in der Witte stehen, sowie der Kolben K am Ende seines Weges ankommt, und dagegen der erstere das eine oder andere Ende seines Weges erreichen, wenn der letztere den halben Hub zurückgelegt hat. Damit aber der Dampsweg dereits ein wenig eröffnet ist, wenn der Dampstolben seinen Rückweg antritt (s. II, Kig. 735), so muß der Wintel ACB_1 um eine gewisse Größe $ACO = H_1CB_1 = \alpha$ größer als 90 Grad sein.

Doppelexcentriks mit Steuerrahmen. Um ben Schieberweg §. 461 zu verändern und dadurch eine größere ober kleinere Zeit des Dampfzuslassens und Dampfabsperrens zu erhalten, hat man nur nöthig, ben Drehungspunkt X des hebels EF zu verändern, und folglich diesen hebel selbst in einen ungleicharmigen zu verwandeln. Noch leichter erreicht man aber diesen Zwed durch Anwendung eines Doppelexcentrits, wie Fig. 736 darstellt. Die Mittelpunkte B und B1 zweier um C laufenden Ex-



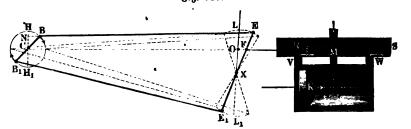
centrife fleben bier einander genau gegenüber, und beibe find burch Stangen BE und B. E. an einen gleicharmigen Bebel EE, angeschloffen, beffen Drehungspuntt X beliebig gehoben ober gefentt werben tann. Diefer Bebel ergreift ben Ropf F ber Schieberftange FR, ohne jedoch mit bemfelben feft verbunden ju fein; es wird baber ber Schieber nur in ber Richtung feiner Stange FR von biefem Bebel bin- und bergefchoben. Ift bie Stangenlange BE = B, E, febr groß gegen bie Armlangen CB und XE, fo tann man annehmen, bag bie Angriffepuntte E und E, in ber Richtung CF dieselben Wege machen wie die Ercentrismittel B und B1; ba nun aber ber Beg von E, entgegengesett ift bem Bege von E, fo folgt, bag bei Durchlaufung biefer Wege ber Mittelpunkt X bes Bebels EE, feinen Ort behalt, und daß ber Beg eines anderen Bunttes F in bemfelben Berhaltniffe Heiner als ber Weg von E ausfällt, als feine Entfernung XF von ber Mitte X fleiner ift als bie Entfernung XE bes Augriffspunttes von eben biefer Mitte. Ift folglich s ber Weg $\overline{NB} = \overline{LE}$, welchen ber Schieber gurudlegen würde, wenn er unmittelbar an bas Ercentrit B angeschloffen mare, fo fällt bagegen berfelbe bier nur

$$\overline{OF} = \frac{XF}{XE} \cdot \overline{LE}$$
,

b. i.

$$s_1 = \frac{y}{c} s$$

aus, wenn der Angriffspunkt F der Schieberstange von der Hebelmitte X um $\overline{XF} = y$ absteht, während die Armlänge $\overline{XE} = \overline{XL} = c$ ist. Sig. 787.



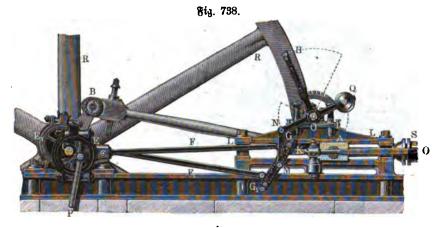
Da fich burch Beben und Senten bes Bebelcentrums X bie Armlänge $\overline{XF}=y$ zwischen c und -c beliebig abandern läkt, so tann man auch ben Schiebermeg zwischen s und - s beliebig abanbern. Bebt man bas Centrum X in bas Niveau der Schieberftange, fo bleibt diefelbe in Rube, bringt man aber baffelbe über biefes Riveau, fo nimmt biefe Stange eine entgegengesette Bewegung an, ftellt man endlich bas eine ober bas andere Enbe E ober E, bes Bebels in biefes Nivean, fo geht ber Schub bes einen oder anderen Ercentrite unmittelbar auf ben Schieber über. nun auch leicht zu ermeffen, wie burch diefen Steuerungemechanismus leicht ein Umfteuern und ein Stillftand ber Dampfmaschine hervorgebracht werden fann (vergl. §. 454). Diefer Steuerungemechanismus ift unter bem Ramen bie Stephenson'iche Couliffenfteuerung (frang. coulisse de Stephenson; engl. Stephenson's link-motion) befanut. führliche Theorie berfelben wird im dritten Theile diefes Wertes abgehandelt (f. auch die Schrift bes Beren Brofeffors Beuner über die Schieberfleuerungen, Freiberg 1862, 2te Aufl., ferner bie Schieberfteuerungen bei Dampfmafdinen von T. Bentichel, Leipzig 1859).

§. 462 Ventilsteuerung mit Excentriks. Die Bentile laffen sich zwar auch durch Ercentriks in Bewegung setzen, jedoch eignen sich hierzu Hebel-werke besser, weil dieselben ein schnelleres Deffnen und Berschlichen bewirten. Bei den einfachwirtenden Maschinen und überhaupt bei den Dampfmaschinen, an welchen gar keine Rotation vorkommt, läßt sich natürlich nur diese Steuerungsart in Anwendung bringen.

Eine Bentilsteuerung mit Excentrits ist bereits oben §. 448 beschrieben und in Fig. 705 abgebildet worden. Es werden hier die Bentilsstangen FG und F_1G_1 durch zwei Excentrits H und H_1 aufs und niedersbewegt, und es sigen die letzteren auf einer horizontalen Welle auf, welche mittels eines Zahnrades durch die Dampsmaschine selbst in Umdrehung gessett wird.

Die im Folgenden beschriebene und in den Figuren 738 und 739 abgebildete horizontale Dampffördermaschine von Révollier (f. Armengaud, Publication Industr. 11 Vol., sowie "Civilingenieur", Bb. 4) hat eine volltommnere Bentilsteuerung mit Excentrisbewegung.

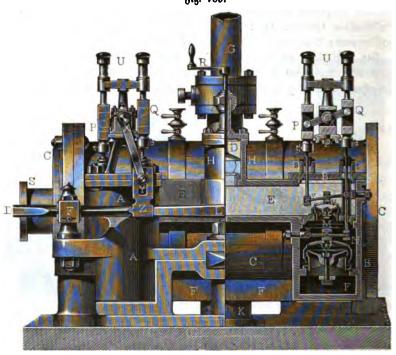
Fig. 738 giebt nur bie Seitenansicht von bem außeren Steuermechanismus nebst benjenigen Maschinentheilen, wodurch bie geradlinig bin- und hergebenbe Bewegung ber Kolbenstange in eine treisförmige verwandelt wirb.



Es ist A ber in der Leitung LL gleitende Kopf der Kolbenstange, welche lettere mittels der Stopfbüchse S aus dem hier nicht abgebildeten Dampschlinder geführt wird; ferner ist AB die Kurbelstange und BC die Kurbel, wodurch die Umsetung der gerablinigen Bewegung des Stangentopses A in die rotirende Bewegung der Welle C des Schwungrades RR ersolgt. Auf dieser Welle sitzen zwei Excentrits E und E_1 , wovon an dem ersteren noch die Kurbelstange P sit die Speisepunnpe angebracht ist, und beide erschlich ührer Stangen F und F_1 die Stephenson'sche Coulisse GG_1 , in welche der Kopf der Stange KO eingreift, wodurch die Steuerventise bewegt werden. Die Coulisse ist in der Mitte M an einem um O drehbaren Hebel NQ ausgehangen, welcher mittels des Gewichtes Q äquisibrirt wird. Mit Hülse des Armes OH, welcher mit dem Hebel NQ ein Sanzes bildet, kann man die Coulisse heben und senken, und überhaupt so stellen, daß sie

ben Stangentopf K in jeder beliebigen Stelle zwischen den Aufhängepunkten G und G_1 ergreift.

Die Abbilbung in Fig. 739 zeigt ben eigentlichen Steuerungsapparat halb in einer Seitenansicht und halb im Längendurchschnitte. Es ist CCC ber in ber Abbilbung größtentheils burch ben Steuerungsapparat bebeckte Dampschlinder mit ber auch in ber vorigen Figur sichtbaren Stopsbuchse S, Rig. 789.



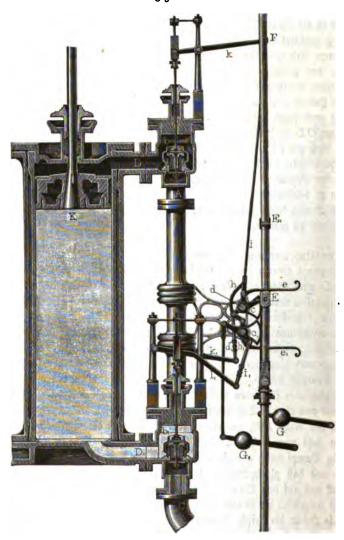
sowie OL die in der Leitung F gehende Schubstange KOL, deren in der Coulisse stigente Kopf K die vorige Figur vor Augen führt. Der Dampschlinder CCC bildet mit den beiden chlindrischen Bentilkästen AA und BB und den beiden Dampscanälen EE und FF ein Sanzes, und es steht der eine dieser Canäle durch den Aufsau H mit dem Dampscohre G, sowie der andere durch den chlindrischen Canal K mit dem Ausblaserohre in Berbindung. Der Dampszutritt wird mittels der Kurbel R durch das Bentil D regulirt, und füllt nicht allein den ganzen Canal EE, sondern auch die oberen Räume der Bentilkammern AA und BB aus. In jeder dieser Kammern sitzen zwei Bentile, ein kleineres oder Abmissionsventil V und ein größeres oder Emissionsventil W. Bei Eröffnung des ersteren tritt der

Dampf in die mittlere Abtheilung M der Bentillammer und von da in den nach dem Cylinder führenden Dampfweg N; bei Eröffnung des letzteren ftrömt er dagegen aus N nach M und von da durch W nach F und K.

Die Bentile V und W hängen an den einarmigen Sebeln v und v0, und diese wieder an den senkrechten Stangen, welche mittels Stopsblichsen s und t in die Dampstammer eingeführt sind. Die Bentilstangen sind dei P und Q geschlicht und dewegen sich mit ihren oberen Enden in den dei U sichtbaren Federgehäusen. Das Auf- und Riederziehen der Bentile ersolgt durch den gleicharmigen Hebel PQ, welcher mittels eines Armes XY und eines Ansates YZ an die Stange OL angeschlossen ist. Diese Enden dieses Hebels PQ haben in den Stangenschlissen P und Q einen tauben Sang und sezen daher die Bentile erst gegen Ende des Ausschubes der Stange OL in Bewegung. Die Gehäuse bei U dienen den Bentilstangen nicht bloß zur Leitung, sondern haben auch den Zweck, mittels der in ihnen eingeschlossenen, durch Schrauben beliebig zu spannenden, Federn den Niederzgang der Bentile zu beschleunigen, sowie das Stoßen beim Ausgange der selben zu beseitigen.

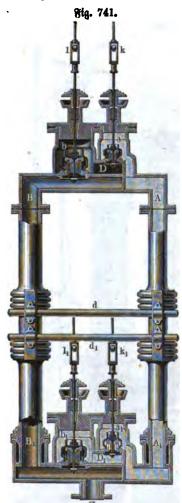
Es ift nun leicht, fich eine beutliche Borfiellung von bem ganzen Steuerungsspiel zu machen.

Ventilsteuerung mit Sperrklinken. Die Art und Beise, wie §. 463 bie einzelnen Bentile einer Dampfmaschine burch ben aus g. 309 befannten Bebel- und Sperrklinkenapparat gesteuert, b. i. angehoben und wieber niedergelaffen werben, moge an einer in den Figuren 740 u. 741 (a. f. S) abgebildeten boppeltwirkenben Dampfmaschine in Cornwall erflärt werben. Man erfieht aus Fig. 741, bag biefe Steuerung aus ein Baar fleineren Bentilen a, a, und aus ein Baar größeren Bentilen b, b, befteht; wir muffen nur noch bingufugen, daß jene jum Bulaffen, biefe aber gum Ablaffen bes Dampfes bienen. Das erfte Paar communicirt mit ben nach bem Dampfcylinder führenden Röhren D und D_1 von unten, das zweite aber hiermit von oben. Der Dampf wird durch bas Rohr AA, augeführt, und burch bas Rohr BB_1 ausgelassen ober vielmehr in ben Condensator geleitet. Man fleht nun leicht ein, daß bei Eröffnung der Bentile a und b1 ber frifche Dampf burch a nach D geben und ben Dampftolben K niederbruden kann und daß gleichzeitig ber benutte Dampf unter K burch D1 und b1 gurud und auf bem Wege BB1 C in ben Condensator geführt werben taun. Sind umgekehrt die Bentile a, und b geöffnet, bagegen a und b, geschlofsen, so strömt ber frische Dampf burch a, und D, unter ben Treibkolben und treibt biesen in die Höhe, wogegen ber benutte Dampf oben durch $oldsymbol{D}$ purlid und burch b und BB, C in ben Condensator geleitet wird. oberen zwei Bentile a und b find an doppelarmige Bebel k und t, die unteren zwei aber an einarmige Hebel k_1 und l_1 aufgehangen, und diese Hebel sind wieder durch die Stangen h, i, h_1 und i_1 an die Arme von zwei Wellen d und d_1 angeschlossen, nämlich h und i_1 an d_1 sowie h_1 und i Fig. 740.



an d. Uebrigens find diese Wellen noch mit den langen Bebeln e und e_1 ausgeruftet, und es werden diese durch zwei Anaggen E und E_1 aufs oder

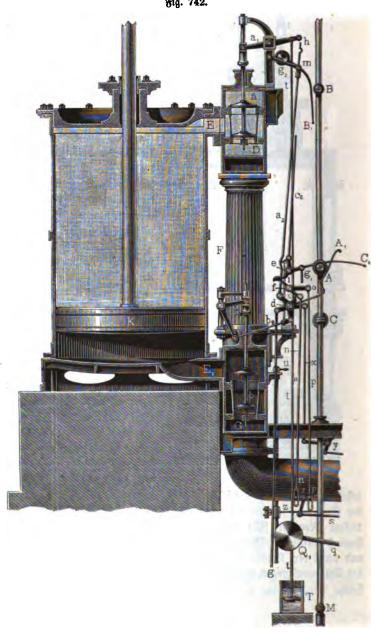
nieberbewegt, die auf ber als Steuerbaum dienenden Rolbenftange EF ber



Luftpumpe auffiten. Diernach) ift nun ber Bang ber Steuerung leicht au erflaren. In ber Stellung, welche bie Figuren vor Mugen führen, ift ber Treibtolben K eben oben angefommen, es hat bie Rnagge E ben Bebel e emporgehoben und bie Welle d um einen gewiffen Wintel von rechts nach links gebreht; babei ift auch ein rechts an d hangenbes (von ber Stange EF jum Theil verbedtes) Bewicht G gehoben, h1 und also auch a1 mittels h1 fowie b mittels i niebergebrudt, ber Sector e emporgehoben und bemnach ber Sector c, frei geworben. Das an d, links hängende und nun fintenbe Bewicht G, breht d, bon rechts nach links, und hierbei wird a mittels h fowie b, mittele i, geöffnet. Der unter bem Rolben K befinbliche Dampf ftrömt nun burch br nach Cund in den Condensator und ber burch D zuströmende frifche Dampf treibt K und EF abwärts und nahe am Enbe bes Nieberganges trifft bie Steuerfnagge E, auf ben Bebel e, und breht babei bie Belle d, um einen gewiffen Bintel von lints nach rechts; hierbei wird bas Bewicht G, wieder an-

gehoben, das Bentil a durch die Stange h sowie b, durch i, verschlossen und ber Sector c, so weit niedergedrückt, daß sich c frei bewegen kann. In diesem Momente fällt nun G nieder und wird daburch a, mittels h, sowie b mittels i geöffnet, so daß jest Dampf durch a, und D, hindurch und unter den Kolben K treten, diesen also emportreiben kann. Am Ende des Rolbenaufganges wiederholt sich nun das eben beschriebene Steuerungs, swiel.

§. 464 * Einsachwirkende Dampsmaschinen. Soll der Dampsaufluß lange vor dem Ende des Kolbenweges aufgehoben werden, damit der Damps währig. 742.



rend Burudlegung bes übrigen Kolbenweges burch Erpansion wirten tome, so muß entweder eine besondere Absperrungsflappe angebracht werben, welche durch ein besonderes Hebelwert in Bewegung zu setzen ift, ober man muß

gig. 743.

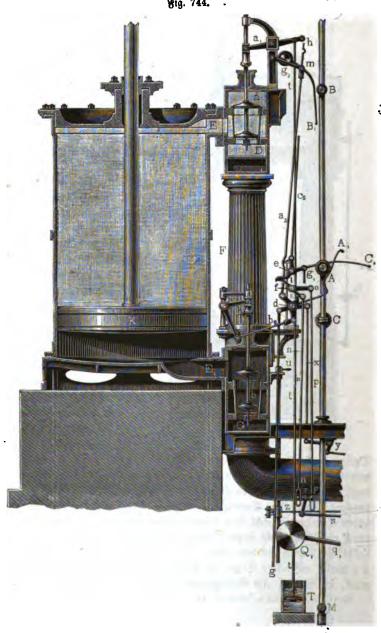


einen besonderen Dechanismus anbringen, burch welchen nicht nur bas gleichzeitige Eröff. nen bes Bu- und Ablaßventiles bervorgebracht, fondern auch ermöglicht wird, bağ fich bas Bulagventil eher ale bas jenscitige Ablagventil verschließt. Wie bics bei einer einfathwirtenben Dampfmaschine bewertstelligt werben fann, wirb bie Erflärung ber Figuren 742 und 743, welche eine Bafferbebungebampfmafchine von Bid in Bolton vorftellen, zeigen.

Die Maschine hat brei Doppelventile a, b, c. Das erstere ist bas Einslaß= ober Absperrsventil (franz. soupape d'admission; engl. ateam-valve); bei seiner Eröffnung strömt ber mittels D zugeführte

Dampf burch E nach dem Chlinder und treibt den Dampftolben K abwärte. Das Bentil b ift das Auslaßventil (franz. soupape d'émission; engl. eduction-valve); durch seine Eröffnung wird dem Dampse der Abzugsweg & nach dem Condensator eröffnet. Das mit a in einer und derselben Kammer eingeschlossene Bentil c öffnet sich, wenn der Dampstolben K durch' ein Gegengewicht emporgehoben wird, damit der erst über dem Rolben K befindliche Damps auf dem Wege EFE, unter den Rolben gelangen tönne. Da hierbei auf beiden Seiten des Rolbens beinahe ein und derselbe Dampsbruck, im Gauzen also Gleichgewicht vorhanden ift, so nennt man dieses

Bentil auch das Gleichgewichtsventil (franz. soupape d'équilibre; engl. equilibrium-valve). Das Deffnen und Boschiliegen dieser fort Bentile Fig. 744.



Ŕ

muß während eines vollständigen Spieles der Maschine in folgender Ordnung vor sich gehen. Anfangs ist der Dampstolben K oben und es sind alle drei Bentile verschossen; bei Beginn des Spieles werden die Bentile a und b gleichzeitig eröffnet; der frische Damps treibt K nieder und der benutte Damps unter K strömt der E_1 und G in den Condensator. Hat der Kolben K einen Theil seines Weges zurückgelegt, so verschließt sich a, es hört das Juströmen des Dampses auf, und es wirkt der nun abgesperrte Damps während Zurücklegung des übrigen Kolbenweges nur durch Expansion, wie die Abbildung vor Augen sührt. Kommt K unten an, so verschließt sich nun auch b, hierauf aber öffnet sich c, der Kolben steigt durch die Wirkung seines Gegengewichtes empor, und treibt den beim Niedergange benutzten Damps auf dem Wege EFE_1 von oben nach unten. Am Ende des Aufganges verschließt sich auch c und es beginnt nachher ein neues Spiel.

Rur regelrechten Bewegung ber Bentile bient ber in Fig. 744 abgebilbete Sperrflintenmechanismus, welcher bem in Fig. 559 und Fig. 740 abnlich ift. Es find hier d und e bie mit Bebeln und Bahnen ausgerufteten Steuerwellen, und es ift f bie zwischen beiben liegende Belle ber Sperrklinken, welche von den auf ben ersteren Wellen festsitzenden Bahnen k und I abwechselnd ergriffen werben. Der Stiel bes Abmissionsventiles a ift burch einen geraben Bebel a, und eine Stange a, mit einem, sowie ber Stiel bes Emissionsventiles b burch einen Winkelhebel b, und eine Stange b, mit einem anderen Arme ber Steuerwelle d verbunden; mogegen bas (in Fig. 744 nicht fichtbare) Gleichgewichtsventil c mittels Stiels, Bebels und einer Stange ca an einen Urm ber Steuerwelle e angeschloffen ift. An beiben Steuerwellen d und e find ebenfalls mittels besonberer Arme bie Stangen g und g, angehangen, welche bie Gegengewichte tragen, wodurch nach bem Aushaken ber Sperrklinke in k ober l, d von rechts nach links, ober e von links nach rechts gebreht, und folglich entweder die Bentile a und b, ober bas Bentil c eröffnet wirb. Die Berfchliegung ber Bentile bewirkt bagegen ber mit bem Dampftolben gleichzeitig auf- und niebergebenbe Steuerbaum BCM mittels ber auf ihm festsitzenden Anaggen A, B, C und ber Rlauen A1, B1 und C1, wovon A1 auf ber Welle d, und C1 auf ber Welle e, bagegen B1 an bem Enbe m ber Bugftange ag bes Abmiffionsventiles a festsist. Die lettere Rlaue ift burch ein Begengewicht g. aquilibrirt und trägt einen Arm mh, welcher mittels feines hatenförmigen Endes ben Debel a, bes Bentiles a erfaft.

Endlich ist noch zu bemerken, daß sich jede der beiden Sperrklinken fk und fl für sich um f dreben läßt, und daß sich die eine mittels einer Stange n, sowie die andere mittels einer an einem besonderen Arme fo angeschlossenen Stange p um f dreben läßt.

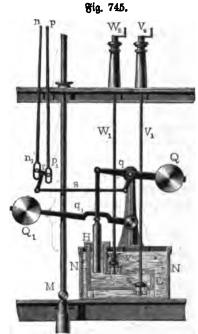
Es ift nun ber Bang biefes Steuerungsmechanismus folgenber.

Anfangs steht der Dampstolben K oben und alle drei Bentile sind geschlossen. Wird nun der Arm fk mittels der Stange n austdarts bewegt, so erfolgt ein Anshaten bei k und folglich auch das Niederfallen des Gewichtes g, sowie das damit verbundene Eröffnen der Bentile a und b. Der nun durch E zustretende Damps treibt den Dampstolben K-abwärts, wogegen der unter K besindliche Damps auf dem Wege E_1G nach dem Condensator strömt. Hat der Dampstolben einen gewissen Weg zurückgelegt, so ergreift die Anagge B die Klaue B_1 , drückt dieselbe nieder und es erfolgt das Aushaken bei k und das damit verbundene Niederfallen des Admissionsventiles a. Der Dampstolben legt daher den übrigen Theil seines Weges ohne Zusluß, also mit Expansion des Dampses, zurück. Gegen Ende dieses Kolbenniederganges wird die Klaue A_1 von der Knagge A ergriffen und niedergedrückt und hierbei das Gewicht g wieder angehoben, sowie das Emissionsventil d geschlossen, und k wieder in a_1 eingehalt.

Soll nun der Dampstolben wieder aufsteigen, so wird die Stange p aufwärts bewegt und der Winkelhebel Ifo von rechts nach links gedreht, wobei sich l aushaft, und das nun niederfallende Gewicht an g1 mittels der Zugstange c2 u. s. w. das Gleichgewichtsventil c eröffnet. Jest zieht der Balancier mittels seines Gegengewichtes den Dampstolben empor und treibt den über dem letzteren befindlichen Damps auf dem Wege EFE1 unter dem selben. Ift endlich der Rolben K wieder oben angehoben, so wird die Stange won Neuem auswärts geschoben, wobei sich nun a und b eröffnen und ein zweites Spiel beginnt.

§. 465 Katarakt. Bei ben einfachwirtenben Dampfmaschinen bat man noch besondere Borrichtungen jur Regulirung ihres Banges nöthig. bie Beschwindigkeit zu reguliren, bient ein Stellventil im Danipfrobre. welches ber Maschinenwärter burch bie Band ftellen tann. Um ferner ben Rolbenmeg ju reguliren, bebt ober fentt man entweder bas Lager ber Ginlafe flappe ober man veranbert bie Stellung ber Anaggen am Steuerbaume. Um enblich bie Beit bes gangen Rolbenfpieles ju reguliren, bebient man fich bes fogenannten Rataraftes (frang. cataracto; engl. cataract), eines Apparates, burch ben am Ende bes Rolbenspieles eine beliebig lange Baufe hervorgebracht werden tann. Dan hat bem Rataratten verschiebene Gin-Einen zu ber in Fig. 743 und 744 abgebilbeten richtungen gegeben. Dampfmafchine gehörigen Rataraften zeigt Fig. 745. Den Bauptforper des Ratarattes bilbet eine Bafferpumpe HL mit dem Monchetolben H und zwei Bentilen V und W, wovon sich das eine nach innen und das andere nach außen öffnet. Der Ausschub biefer Bentile lagt fich burch Stellung ber Stangen V, und W, mit Bulfe von Rurbeln V, und W, beliebig veranbern. Der gange Bumpentorper fteht in bem mit Baffer angefüllten

Kasten NN. Beim Aufziehen bes Pumpentolbens H fließt burch das Bentil V Basser aus bem Kasten in den Pumpentörper, wogegen beim Riedergange besselben durch das Bentil W Basser aus dem Bumpentörper



in den Kasten zurückgedrückt wird. Bu biesem Auf- und Niederzießen des Bumpentolbens dienen zwei mit den Gewichten Q und Q1 beschwerte Bebel q und q1, woo von der eine noch einen dritten Arm hat, welcher mittels einer horizontalen Stange s an einen anderen dreiarmigen Bebel r angesschlossen ist, dessen beide Seitenarme in die Scheerenenden n1 und p1 der aus dem Obigen besannten Stangen n und p eingreisen, wodurch die Klinsen k und l ausgehalt werden (Fig. 744).

Die Art und Beife, wie biefer Ratarakt bie Zeit des Spieles der Dampfmaschine in Fig. 744 regulirt, ist nun folgende. Bah-rend des Rolbenaufganges ergreift eine vierte Anagge M des Steuerbaumes den Hebel q1 und hebt

baburch bas Bewicht Q1, fo bag nun bas Bewicht Q in Wirtsamkeit treten und ben Rolben H bes Rataraftes emporheben fann, welches naturlich um fo langfamer erfolgt, je mehr ber bub bes Saugventiles V eingefchräntt ift. Da nun bas nieberfintende Gewicht Q burch ben Dechaniemus rs bie Stange nn, aufhebt, fo wird baburch auch bas Aushaten bei k bewirft und ber Anfang eines neuen Spieles ber Dampfmafchine eingeleitet. Beim barauf erfolgenben Riebergange bes Dampffolbens gicht fich bie Anagge M wieber unter q1 gurud und es brudt nun bas Gewicht Q1 ben Rolben H mittels bes Bebels q, nieber, wobei burch W wieber Baffer aus bem Bumpenforper herausgebrudt wird und ber Dechanismus sr eine rudgangige Bewegung macht, folglich die Stange pip aufhebt und gulet bas Aushaten bei I hervorbringt. Sierauf wird mittels bes fallenben Bewichtes g, bas Gleichgewichtsventil gehoben und baher auch ber Aufgang bes Dampftolbens ermöglicht. Da die Auf- und Niebergangszeit bes Rolbens H von ber Grofe ber Eröffnung ber Bentile V und W abhangt, fo tann man mittels ber Stellapparate V, V, und W, W, Sowohl die Banfe vor

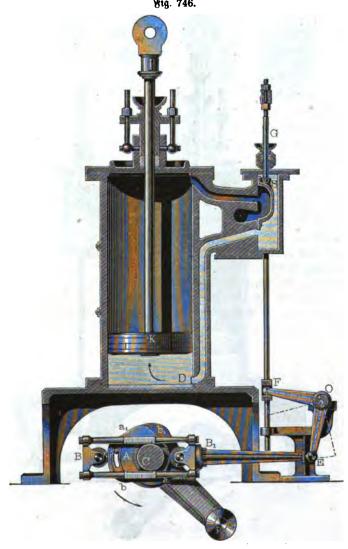
bem Niedergange als auch die vor dem Aufgange bes Dampftolbens und baburch auch die Zeit eines gangen Rolbenfpieles beliebig verlangern ober verfürzen.

Die Abbilbung in Fig. 744 zeigt noch folgende Bulfsapparate. ift an bem Bebel a, bes Abmissionsventiles eine Stange tt mit einem Teller T angebracht, welcher in einem Gefäge mit Baffer beweglich ift und bas gu ftarte Niederschlagen bes Abmiffionsventiles verhindert (f. ben Moderator in §. 134). Ferner ift an ber Sperrflinte dk eine Stange & angefchloffen, welche mittels eines Wintelhebels y u. f. w. ein Bentil in Bewegung fett, wodurch ber Butritt bes Injectionswaffers jum Conbenfator entweder bergeftellt ober aufgehoben werben fann. Beim Nieberfallen bes Bewichtes g, alfo am Anfange bes Rolbennieberganges, wirb a aufgezogen und bas Bentil im Injectionsrohre geöffnet, mogegen beim Enbe bes Rolbennieberganges x burch bie Steuerknagge A, niebergebritat, folglich bas Bentil im . Injectionerohre geschloffen wird und baber bas Injiciren bes Baffere in ben Conbenfator mabrend bes folgenben Rolbenaufganges gang aufhort. Endlich läßt fich ber Buflug bes Injectionsmaffers noch burch einen befonberen Sahn reguliren, welcher fich mittels ber Sanbhabe u nebft einer Bebels und Stangenverbindung s bewegen läßt.

- §. 466 Dampfschieber. Wir haben oben nur die Steuerung ber Dampfsmaschieber. Wir haben oben nur die Steuerung ber Dampfsmaschieber muschinen mit Hilfe des einfachen Bertheilungsfchiebers abgehandelt, es sind baher noch die Expansionsssscher, b. i. diejenigen Dampfschieber zu beschreiben, wodurch ber Dampf während des Kolbenweges abgesperrt und baher durch Expansion zu wirken genöthigt wird. Im Allgemeinen hat man vier Methoden, die Expansion des Dampfes durch Schieber einzuleiten, nämlich
 - 1) bie Steuerung mittele eines einzigen Schiebers,
 - 2) bie mittele zweier getrennten Schieber,
 - 3) die mittele zweier über einander liegenden Schieber,
 - 4) bie mittele eines Schiebers und eines Bentiles.

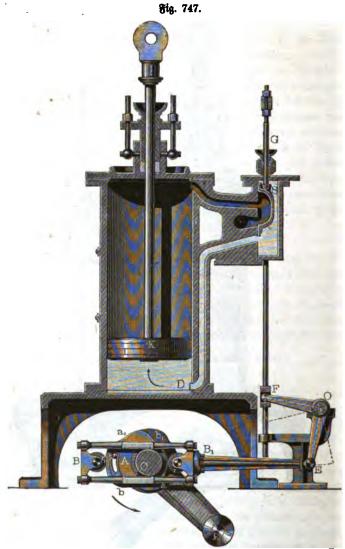
Wir haben schon oben §. 457 gesehen, daß ein einziger, durch ein Rreisercentrik in Bewegung gesehter Schieber die Wirkung des Dampses durch Expansion ermöglichen kann; es gehört nur dazu, daß berselbe eine gewisse Bededung (franz. recouvrement; engl. cover) erhalte, d. i. daß er bei seinem mittleren Stande nicht bloß die Dampswege bedecke, sondern daß seine Enden noch über die Einmilndungen dieser Bege in die Dampstammer hinausgreisen. Wird dann das Excentrik gegen den Arummzapsen noch so gestellt, daß sich der Dampsweg unmittelbar vor dem Ende des ganzen Kolbenweges eröffnet, so sindet auch eine Absperrung des Dampses Statt, bevor der Rolben das nene Rolbenspiel vollendet hat; es muß also auch der Damps durch Expansion wirken, mährend der Kolben den letzten Theil dieses Weges zurückleat.

Bollftändiger erreicht man diesen Zwed, wenn man ein gezahntes ober abgestuftes Excentrit anwendet. Die Einrichtung, Construction und Birtungsweise einer Schieberstenerung mit einem folchen Excentrit lugt sich Fig. 746.



aus ber in Fig. 746 abgebildeten Maschine von Saulnier bem Aelteren ersehen. Es ift D ber Dampschlinder und C die Welle, welche mittels

Rurbel CR u. f. w. von der Kolbenstange KL in Bewegung geset wird; ferner S der Dampsschieber, A das Excentrit, sowie BB_1 ein mit Frictionswalzen ausgerüsster und das Excentrit und die Welle C umsassender Dop-



pelrahmen, BE eine mit diesem sest verbundene horizontale Excentrisstange, endlich FG die mit dieser durch einen Wintelhebel EOF verbundene vertis

cale Schieberstange. Das Excentrik bilbet vier Stufen a, b, a1, b1, zwei auf- und zwei absteigende. In der gezeichneten Stellung ist der Schieber oben, hat also die Stellung S1, Fig. 748; gelangt bei weiterer Umbrehung des Fig. 748.









Excentrits die Stufe a an bas Rabchen r, fo wird ber Rahmen nach rechts und baber ber Schieber nach unten geschoben und gelangt in die Stellung S2; fciebt fich ferner b unter r, fo rudt die Ercentrifftange noch weiter rechts, alfo ber Schieber noch weiter herab, und zwar in bie Stellung Sz. Spater gelangt die Stufe a unter bas linke Rabchen ri, es ichiebt bann bas Ercen. trit die Excentritftange nach lints und baber ben Schieber aufwarts, und zwar in die Stellung S4; endlich aber ftellt fich die Stufe b1 unter r; es rudt babei bie Ercentritstange noch weiter linfs, und folglich ber Schieber wieder in die Stellung S1. Damit burch biefe Bewegungen ber Schieber bie Dampfwege jur rechten Beit eröffne und verschließe, muß seine innere Lange vier- und feine außere fechemal, fein Weg aber breimal fo groß fein, als die Bobe eines Dampfcanales ober einer Zwischenwand; es muß ferner berfelbe bei einem mittleren Rolbenftande um ein Drittel, und beim Ende bes Bubes um bie übrigen zwei Drittel feines Weges fortritden, beshalb also auch die Stufe b bes Ercentrite noch einmal fo boch fein ale bie Stufe a.

Excentrik für veränderliche Expansion. Die Conftruction ber §. 467 Stufen bes Ercentrits läft fich aus Fig. 749 erfeben. Zwei biametrale

Mig. 749.



Kinten AA_1 und BB_1 theilen das Excentrik in vier gleiche ober ungleiche Theile, und an jedem Endpunkte dieser Linien befindet sich eine Stufe; A und B sind die aufsteigenden, sowie A_1 und B_1 die niedersteigenden Stufen; A und A_1 haben die einfache, B und B_1 die doppelte Höhe. Damit sich das Excentrik zwischen den Rahmen nicht klemme, milssen die Stufen so geformt werden, das alle diametralen Linien, welche gegensüberlie-

gende Punkte berselben mit einander verbinden, gleich find der inneren Beite des Rahmens. Da endlich das Excentrik nicht unmittelbar vom Rahmen, sondern vielmehr von Frictionswalzen im Inneren desselben um-

١

faßt wird, so hat man in einem bem Walzenhalbmeffer gleichen Abstande von der zusammengesetzen Curve ABA_1B_1 eine parallele oder äquidistante Curve aba_1b_1 zu zeichnen, und den Excentrikumfang nach derselben zu formen. Das Aufzeichnen dieser Aequidistanten erfolgt dadurch, daß man mit dem Walzenhalbmesser aus sehr vielen Punkten von ABA_1B_1 Kreise beschreibt und einen Zug sührt, welcher alle diese Kreise berührt.

Es läßt sich auch sehr leicht ber Expansionsgrad veranbern, wenn man bas Excentrit aus zwei Scheiben, wie I. und II., Fig. 750, zusammensett, bie eine Scheibe um einen gewißen Winkel gegen die andere verdreht, und mittels einer Schraube s (Fig. 747) an sie befestigt. Der Scheibe I. fehlt die Stufe b, und ber Scheibe II. die Stufe a; legt man beibe centrisch über

Fig. 750.







einander, so bilden sie ein vollständiges Excentrit, wie Fig. 749, welches viclleicht bei ein Drittel des Kolbenhubes absperrt; dreht man aber I. um einen gewissen Winkel, ehe man es an II. legt, wie z. B. in III., so werden die Centriwinkel zwischen a, b, a_1 und b_1 verändert, es wird z. B. der Centriwinkel von ab_1 und a_1b größer und der von ab und a_1b_1 kleiner, so daß nun das Absperren des Dampses später, z. B. statt dei einem Drittel erst dei der Hälfte des Hubes statthat. Uebrigens läßt sich der Centriwinkel $a Cb_1 = a_1 Cb = \beta$, welcher einer gewissen Absperrung oder Expansion entspricht, leicht berechnen. Der dem Drehungswinkel β entsprechende Kolbenweg ist nach §. 458:

$$s = r(1 - \cos \beta),$$

folglich fein Berhältniß jum gangen Rolbenwege 2 r:

$$\frac{s}{2r} = \frac{1 - \cos \beta}{2};$$

feten wir dieses $=\frac{1}{n}$, so folgt umgelehrt:

$$\cos \beta = 1 - \frac{2}{n}.$$

Soll 3. B. bei 1/8 bes Rolbenweges abgesperrt werben, jo hat man:

$$\cos \beta = \frac{1 - \frac{2}{3}}{a C b_1} = \frac{1}{3},$$

 $\beta = \frac{1}{a C b_1} = \frac{70^{1}}{2} \text{ Grab.}$

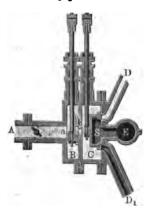
baher:

Expansionsschieber. Bei der Expansion mittels eines in einer be- §. 468 sonderen Rammer befindlichen Expansionsschiebers können zweierlei Einstichtungen in Anwendung kommen; entweder kann dieser Schieber in einer einfachen, oder er kann in einer durchlochten Platte bestehen, und bei seinem Ausliegen auf der Dampfmundung im ersten Falle den Dampf absperren, im zweiten aber denselben durchlassen. Fig. 751 stellt ein Stonerungsschistem der ersten und Fig. 752 eines der zweiten Art vor. Der durch das Dampfrohr A zuströmende Dampf gelangt bei beiden Systemen durch die Mündung a zunächst in die erste Dampstammer B, aus dieser aber durch

Fig. 751.

Fig. 752.





die Mündung b in die zweite Dampstammer C, und aus der letzteren durch die Wege D und D_1 in den Dampschlinder. Es ist S der gewöhnliche Dampsschieder, durch welchen die Bertheilung des Dampses hervorgebracht wird, serner E der Canal, welcher den benutzten Damps absührt, endlich s der die Mündung b auf- und zu deckende Expansionsschieder. Der letztere besteht in Fig. 751 in einer massiven, in Fig. 752 aber in einer durchlocheten Platte.

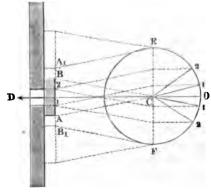
Der massive Expansionsschieber tann sich entweder nur auf ber einen Seite ber Dampsmundung oder auf beiden Seiten berselben bewegen. Den ersten Fall führt Fig. 753 (a.f. S.) vor Augen. Der Schieber AB geht hier nur mit dem Ende A vor der Dampsmundung D vorbei, muß folglich bei jedem Kolbenzuge einmal hin = und zurückgehen, also zwei Spiele machen, während der Dampstolben sowie der Vertheilungsschieber deren nur eins verrichtet. Deshalb ist es denn auch nöthig, diesen Expansionsschieber entweder durch ein Kreisercentrit in Bewegung zu setzen, welches in derselben Zeit zweimal so viel Umdrehungen macht, als das Excentrit des Bertheislungsschiebers, oder denselben mittels einer elliptischen Scheibe oder einer

Berbindung von zwei Danmen durch die Kurbelwelle direct bewegen zu lassen. Um die Expansion an einem solchen Schieber zu verändern, bedarf es nur einer Beränderung der Länge der Schieberstange, und zwar mittels einfacher Schraubenbewegung. Durch Berlängerung der Stange des Schiebers AB ruckt der letztere etwas tiefer herab, wie Fig. 754 vor Augen führt; es macht folglich hier der Schieber während der Bedeckung einen größeren Weg $s_1 = 2O + O2$ als bei der ersteren Schieberstellung.

Big. 753.

Big. 754.

Wenn der Expansionsschieber AB, Fig. 755, an den beiben Enden A und B absperrt, so ift die Ber-



755, an den beihen Enden A und B absperrt, so ist die Beränderung der Expansion nur durch Beränderung des Schieberweges zu erreichen. Es sinbet hier Absperrung Statt während der Schieber den Weg

$$s = \overline{A1} + \overline{2B} = 2\overline{A1}$$

und das Excentrit desselben den Winkel

 $eta = 2 \cdot \angle \ OC1$ zurücklegt. Run ist aber bei der Armlänge $\overline{CE} = r$ des Excentrits:

sin.
$$0C1 = \sin^{-1}/2\beta = \frac{s}{2r}$$

daher fällt die mit dem Umbrehungswinkel β wachsende Absperrungszeit um so größer aus, je kleiner bei demselben Schieberweg s die Armlänge r des Excentrits ist.

Ift, wie gewöhnlich, ber Schieber mittels eines Bebels an die Excentrilftange angeschlossen, so läßt fich der Schieberweg burch Berlangerung ober Berkurzung eines Bebelarms leicht verandern.

Ein ahnliches Berhaltniß findet bei bem burchlochten Schieber AB,

Fig. 756.

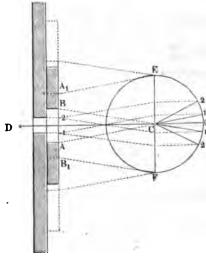


Fig. 756, Statt. Derfelbe sperrt den Dampf ab, während er den Weg

$$s = \overline{2}\overline{A_1} + \overline{A_1}\overline{2} \\ = \overline{1}\overline{B_1} + \overline{B_1}\overline{1}$$

und folglich bas Excentrit ben Wintel

$$2\beta = 2.\overline{EC2} = 2.\overline{FC2}$$
 gurllectegt, wobei

$$\cos \beta = \frac{r - 1/28}{r}$$

ift.

Da nun β wächst, wenn $\cos . \beta$ abnimmt, und $\cos . \beta$ mit r zugleich kleiner wird, so folgt, daß auch hier die mit dem Winkel β wachsende Absperrungszeit um so größer ausfällt, je kleiner die Arm-

lange r bes Ercentrile ober ber gange Schieberweg 2r ift.

Uebrigens hangt natürlich ber Weg s bes Schiebers mahrend ber Erpanfion von ber Beite ber Dampfmundung D ab.

Doppelschieber. Die Steuerung mittels zweier über einander §. 469 liegenden Schieber läßt sich auf mannigsaltige Weise einrichten, namentlich aber ist zu unterscheiben, ob der auf dem Rücken des Bertheilungsschieders ausliegende Expansionsschieder durch jenen mitbewegt oder durch eine besondere Stange dewegt wird. In Fig. 757 und 758 sind Expansionscheuerungen der ersten Art abgebildet, Fig. 759 und 760 sühren aber Expansionssteuerungen der zweiten Art vor Augen. Der Bertheilungsschieder AA in Fig. 757 I. II. III. IV. (a.f. S.) enthält außer der gewöhnlichen Höhlung a noch zwei Canale d und b1, und es wird der bei D zuströmende Dampf durch diese Canale in die Dampswege d und d1, sowie von da auf die eine oder auf die andere Seite des Dampssoldens gesührt. Der Expansionsschieder ist eine ebene Blatte cc1, an den Enden mit den Nasen c und c1 ausgerüstet, und in einer Leitung auf dem Rücken des ersten Schieders verschiedbar. Zwischen beiden Nasen besindet sich ein mittelst einer Welle est drehdare und durch einen Sebel stellbarer Daumen in Form einer elliptischen

Scheibe f. Wenn ber Schieber AA nach ber einen ober nach ber anderen Richtung hin fortgeschoben wird, so geht cc, nur so weit mit fort, bis die eine Rase ben Umsang des Daumens berührt; es kann baher ber Expansions.

8ia. 757. I. п. Ш. IV. V.

schieber bei ber weiteren Bewegung bes Bertheilungsschiebers ben einen ober ben anderen ber Conäle b und b, bebeden.

Es ift I. bie mittlere Stellung bes Bertheilungsschiebers, wo ber Dampftolben bas Enbe feines Beges erreicht hat; ferner ist II. eine folgenbe Stellung biefes Schiebers, mo ber Rolben bereits feinen entgegengefetten Weg angetreten bat; III. bie Stellung, wo ber Erpansionsfchieber ben Dampf abge fperrt, ber Steuerichieber bas Enbe feines Weges erreicht hat und ber Dampffolben burch bie Erpanfion bes Dampfes fortgetrieben wirb; in IV. ift ber Steuerfchieber wieber um einen Schritt jurudgegangen und in V nimmt er wieber feine mittlere Stellung ein, mabrend ber Dampftolben an

bas andere Ende feines Weges gelangt ift. Bon nun an erfolgt bas entgegengefeste Schieber - und Rolbenfpiel.

Schr ähnlich bieser Steuerung ist die in Fig. 758 abgebildete Steuerung einer Danupsmaschine von Farcot. Hier ist der Ruden des Steuerschieders AAA mit sechs rectangulären Mündungen zum Eintritt des bei D zuströmenden Danupses versehen, übrigens aber ist die Einrichtung dieses Schieders die vorige. Den Rüden desselben bededen zwei Expansionsschieder BC und B_1C_1 , wovon jeder zwei Löcher hat und durch eine Feder FF_1 gegen den Steuerschieder gedrückt wird, damit dieser bei seiner Bewegung zene mit sortsührt. Diesem Fortsühren wird aber durch die Nasen e und e_1 und

burch die Stifte f und fi Grenzen geset, benn jene finden an zwei Daumen E, E1, welche an bem Ende einer Welle EG festfigen, diese aber an den End-

Fig. 758.

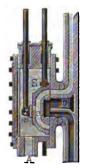


flächen ber Dampftammer ein Binberniß ber Bewegung. In ber Stellung, welche bie Figur anzeigt, fteht ber Treibtolben unten, und ber Dampf ftrömt burch bie unteren brei löcher nach b und von ba nach d und unter ben Rolben, mogegen ber Dampf über bem Rolben auf bem Bege d, ac Nun fteigt ber Steuers entweicht. fchieber empor und nimmt ben Erpansionsschieber BC mit fort, wogegen ber Schieber B1 C1 fteben bleibt, weil fein Stift f, oben anftogt; bei weiterem Fortruden bes Schiebers trifft bie Nase e an ben Daumen E, es bleibt nun BC gurud und versperrt baburch bie brei unteren Dampfmege, fo bag nun Expansion bes Dampfes eintreten muß. Später nimmt ber Steuerschieber bie unigefehrte Bewegung an, und führt hierbei beibe Erpanfionefchieber mit fort, und wenn

ber Danipffolben bas Ende feines Weges erreicht hat, gelangt AAA wieber in die erfte Stellung; zugleich find die oberen brei Dampfwege eröffnet und es ftrömt nun frifcher Dampf burch biefe und auf bem Wege b, d, über ben Rolben, wogegen ber benutte Dampf auf dem Bege dac abfließt (f. Principien ber Danmenftenerung von Enth, im "Civilingenieur", Bb. 4).

Bei bem Steuerungsspsteme in Fig. 759 bebedt der durch ein besonderes &. 470

Fig. 759.



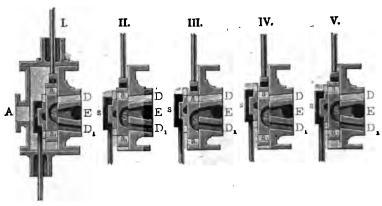
Rreisercentrit in Bewegung ju fetenbe Expansionsichieber s bie Dampföffnung a, wenn ber Bertheilungeschieber S feinen höchsten ober tiefften Stand erreicht hat; bei bem Steuerungespfteme in Fig. 760 (a. f. S.) hingegen find es zwei burch ben Bertheilungeschieber gebenbe Canale a und a1, welche ber Erpanfioneschieber abwechselnb eröffnet und verschlicht.

Um fich eine genaue Borftellung von bem Bergange bei biefer Steuerung ju verschaffen, find in Fig. 760 bie Schieber in fünf auf einander folgenden Stellungen bargeftellt worden. In ber mittleren Stellung I. ver-

:

sperrt der Bertheilungsschieber S die beiben Dampswege, und es nähert sich ber Treibkolben dem Ende seines Weges; in der tieferen Stellung II. tritt a mit D in Communication, es strömt daher frischer Dampf durch a und D

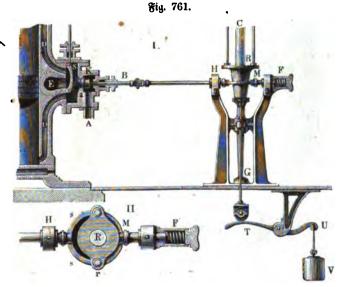
Fig. 760.



über ben Treibkolben, so daß dieser niederzugehen genöthigt wird; in der tiefften Stellung III. fteht a vollfommen über D, fo bag ber Dampfaufluß jum Dampfcylinder am vollfommenften ftattfinden wirbe, wenn nicht ber Expansionsschieber s ben Weg a versperrt batte. Da bies aber gerade ber Fall, und ber Erpansioneschieber allmälig gestiegen ift, mahrend ber Bertheilungeschieber nieberging, fo tritt bei ber Stellung III. Die Dampfabfperrung ein und es beginnt die Wirtung bes Dampfes burch Erpansion. Beim Uebergange aus ber Stellung III. in bie Stellung IV, find beibe Schieber emporgestiegen und es ift beshalb ber Canal a verfchloffen geblieben; beim Uebergange aus IV. in V. ift nur ber Bertheilungeschieber gestiegen, ber Erpaufionefchieber aber gefunten; es ift baber ber Canal a wieber eröffnet, boch findet noch immer Absperrung bes Dampfes Statt, ba ber Bertheilungsichieber in V. wieber bie mittlere Stellung eingenommen bat. Jest ift ber Treibtolben bem Ende feines Dieberganges nabe, es fteigt nun ber Bertbeilungeschieber gerade so aufwarte, wie er vorher niederging, und er nimmt auch bie entgegengesetten Stellungen ein, weshalb auch bei bem nun erfolgenden Aufgange bes Dampftolbens bas Bulaffen und Abfperren bes Dampfes gerabe so erfolgt wie bei bem vorhergehenden Niebergange.

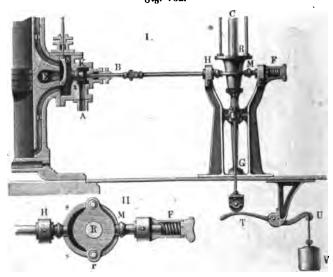
Uebrigens ift leicht zu ermessen, wie die Excentrits gegen einander sowie gegen ben Krimmzapfen zu ftellen sind, um das eben beschriebene Steuerungsspiel hervorzubringen. Das Excentrit des Bertheilungsschiebers ift ungefähr um 90°, das des Expansionsschiebers aber nahe um 180° gedreht gegen ben Krummzapfen zu stellen.

Meier'sches Expansionsventil. Schr eigenthümlich ift die in §. 471 Fig. 761 abgebildete Meier'sche Steuerung mit variabler Expansion. Es wird hier die Milndung a, durch welche ber bei A zusließende Dampf in



bie Dampffammer tritt, burch einen tegelformigen Spund K verschloffen. und es ift zu biefem 3wede biefe Mündung tonisch ausgenommen. Uebrigens erfolgt bie Bertheilung bes Dampfes burch ben Schieber S gang fo wie in ben meiften ber oben beschriebenen Steuerungespfteme. Das regelmäffige Auf = und Bufchliegen ber Mundung a burch ben Regel K wird auf folgende Beife hervorgebracht. Der Stiel BH biefes Regels K läuft in einem Ringe HM (II.) aus und ftemmt fich gegen eine Spiralfeber F. Der Ring HM umfaßt einen mit zwei Langenrippen verfebenen Regel R, ber mittels einer Spindel CG burch bie Maschine in ftetiger Umbrehung erhalten wird. Die Feber F schiebt ben Ring in ber Richtung MH und baburch bas Bentil K in die Mündung a, die tonische Sulfe R hingegen bewegt mittels ihrer etwas fpiralförmig laufenben Rippen r und r, ben Ring in ber entgegengesetzten Richtung HM, und zieht bierbei ben Spund aus ber Mundung a aurild. Im letten Falle findet Dampfzufluß, bagegen im erften Dampfabsperrung und baber Erpansion bes Dampfes Statt. Macht bie Spindel CG, und also auch die Bulfe R mit ber Krummzapfenwelle in einerlei Zeit gleichviel Umbrehungen, fo wird, wie febr recht, mittels ber Rippen r und r. bei jebem Spiele zweimal, und alfo fur jeden Auf - und Niebergang bes Rolbens einmal frifcher Dampf zugelaffen. Wenn man die Gulfe R bober

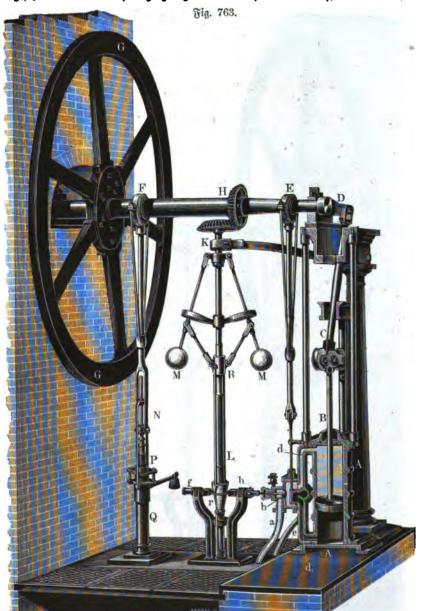
hebt, so bringt man eine schwächere Stelle ber Rippe r in die Ebene bes Ringes, und es wird badurch die Zeit ber Eröffnung von a eine kleinere, Big. 762.



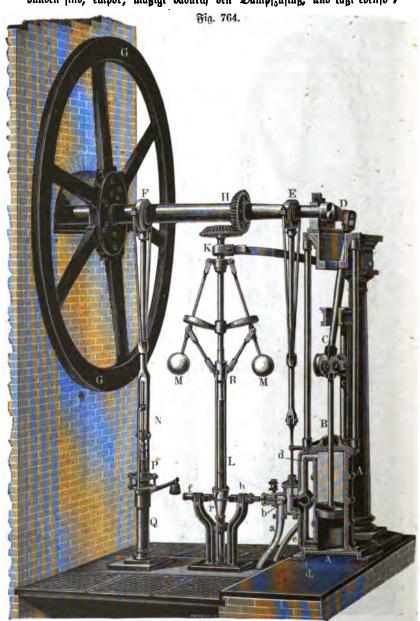
und wenn man umgekehrt die Gulse R tiefer stellt, so kommen die stakteren Stellen von r und r₁ in die Ringebene und es wird baher dann bei Umbrehung von R die Mündung a längere Zeit entstöpfelt und daher ein größerer Dampfzusluß eintreten. Um aber dieses heben oder Riederlassen der hülse, dem Bedurfniß an Dampf entsprechend, durch die Maschine selbst hervorbringen lassen zu können, verbindet man dieselbe mit dem Schwungekugleregulator durch verticale Stäbe.

Die wesentliche Einrichtung einer Dampsmaschine mit der variadeln Expansionssteuerung nach Meier läßt sich aus der Abbildung in Fig. 763 erssehen. Es ist hier A der Dampschlinder, B die Koldenstange, CD die Kurbelstange, D der Krummzapsen, EF die Welle und GG das Schwungsrad. Die Stangen B und CD sind durch ein Gelent O mit einander versbunden, das mit zwei Frictionsrädchen ausgerüstet ist, die an den Leitstangen c, c auf = und niedergehen. Der frische Damps strömt durch das Rohr a in die Dampstammer d, und von da durch die Canäle dd und dd, abwechsselnd oben und unten in den Chlinder; der benutzte Damps hingegen wird burch das Rohr e abgeleitet. Das Expansionsventil oder der Expansionsstegel im Inneren von d wird, wie wir soeden angegeden haben, durch eine Spiralseder f und eine doppelt gerippte Hülse r mittels einer Stange da, wie erforderlich, hin- und zurückgeschoben; die Hötise r ist auf der Spindel

KL verschiebbar, welche mittels bes tonischen Raberwertes HK in Unibrehung gesetht wirb. Der Schwungtugelregulator MM hebt beim Bachsen ber Ge-



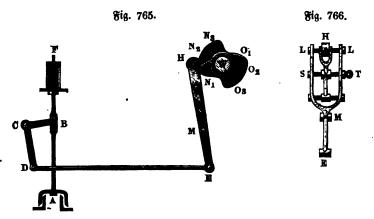
schwindigseit die Bulfe r mittels ber Stabe, womit beibe unter einander verbunden sind, empor, mäßigt baburch ben Dampfzussuß, und läßt ebenso r



nieber, wenn die Geschwindigkeit abnimmt, so daß nun der Dampszusluß ein stärkerer und der weiteren Abnahme an Geschwindigkeit eine Grenze gessetzt wird. Uebrigens wird die Hilse noch mittels eines Hebels TU durch ein Gegengewicht V (f. Fig. 762) getragen, damit die Bewegung berfelben durch die Schwungkugeln leicht erfolge.

Roch ersieht man in P Q, Fig. 763, die Speisepumpe, welche durch ein Rreiserentrif F und mittels der Excentriffange FN im Gange erhalten wird.

Statt bes Spundes oder spundsörmigen Abmissionsventils K, Fig. 762, wendet man in neueren Zeiten ein viel leichter zu bewegendes Gloden-ventil (f. §. 449) an, und läßt basselbe auch wohl mittels eines Hebesme-chanismus durch auf der Schwungradwelle sitzende Daumen in Bewegung setzen. In Fig. 765 ist die Seitenansicht dieses Steuerungsmechanismus

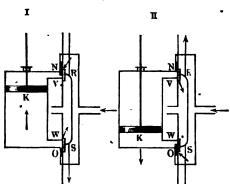


abgebilbet. Das Abmissionsventil A wird mittels seiner Stange AF burch bie Spiralseber F geschlossen und burch ben Winkelbebel BCD erössnet und letzterer wird mittels einer Stange DE an einen anderen um M drehbaren Hebel EH burch ein Paar ber auf der Schwungradwelle W sitzenden Doppelbaumen $N_1 - O_1$, $N_2 - O_2$, $N_3 - O_3$ in Bewegung gesetzt. Das Frictionsrädchen H am Ende des Hebels EH läßt sich mittels einer Schranbenspindel ST, Fig. 766, längs seiner Aze LL verschieden und ist, je nachdem ein größerer oder keinerer Expansionsgrad gesordert wird, mit dem einen oder anderen Daumenpaar in Berührung zu bringen.

Schiebersteuerung mit bewoglichem Sitz. Bei ber gewöhnlichen §. 472 Steuerung mit einem einfachen Schieber werden, wie Fig. 736 barftellt, nahe vor dem Ende des Rolbenwegs beide Dampfwege zugleich eröffnet, beginnt also ber Dampfzusluß auf der einen Seite gleichzeitig mit dem Dampf-

abstuß auf ber andern Seite; da aber die bessere Ausnutzung der Dampstraft forbert, daß das Boreilen des Dampstchiebers auf der Seite des Ablassens größer sei als das Boreilen auf der Seite des Zutritts, so ist dei Anwendung des einfachen Schiebers die Steuerung oder das Zu- und Ablassen des Dampses eine unvolltommene. Anders ist es dagegen bei Anwendung von zwei Schiebern oder, wie in der neueren Zeit von Napier und Rantine vorgeschlagen worden ist, von einem Schieber mit beweglichem Site. Gine ideelle Darstellung eines solchen Schiebermechanismus liefert Fig. 767 I. und II.





In I. ist der Kolben K nahe am Ende seines Aufgangs, dagegen in II. nahe am Ende seines Rückgangs; die Dampswege V und W sind durch die Schieberplatten so bedeckt, daß bei weiterem Niedergang des Schiebers in dem einen Falle durch V der Dampszutritt und durch W der Dampsabsußssowie beim weiteren Aufgang desselben im zweiten Falle durch V der Dampsaustritt und durch W der Dampszusluß erfolgen kann. Um num aber den Dampsabsluß eher beginnen zu lassen als den Dampszusluß auf der anderen Seite des Kolbens K, macht man die Weite der Dampswege V und W variabel, indem man einen beweglichen Sit NO für die Schieberslächen R und S andringt. In der Darstellung I. steht dieser gleichsam einen zweiten Schieber bildende Bentilst NO in seiner unteren Stellung, wo er ten Zutritt des Dampses durch V, in der Darstellung II. steht derselbe dagegen in seiner oberen Stellung, wo er den Zutritt des Dampses durch W verzögert, während in beiden Stellungen der Dampsabssluß badurch gar nicht alterirt wird.

Die specielle Einrichtung eines Abam'schen Entlastungeschiebers mit einem solchen beweglichen Bentilsits führt Fig. 768 vor Augen. Es ift hier RS ber durch die Stange AB au bewegende Schieber und NO ber burch die Stange CN zu verschiebende Schiebersits, durch welchen die Dampf-

canale abwechselnd verengt und ber Dampfaufluß aus RN und SO vers zögert wird. Gine Auficht bes burch ein besonderes Excentrif in Bewegung Big. 768.

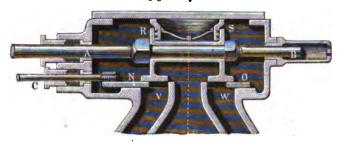
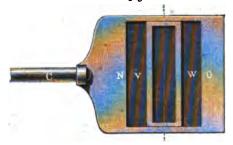
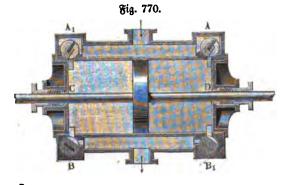


Fig. 769.

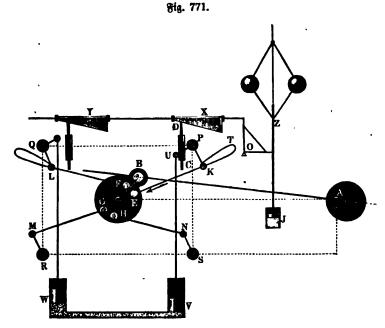


zu setzenden Schiebersitzes NO giebt Fig. 769. (Siehe polytechn. Centrals blatt, Jahrgang 1867, aus dem Engineer of 18th October 1867.)

Corliss-Dampsmaschine. Eigenthümlich ift die Steuerung ber §. 473 Corliß-Dampsmaschine. Bei dieser Maschine tritt der Damps nicht auf bemselben Wege aus dem Cylinder, auf welchem er einströmt; es besteht die Steuerung derselben aus vier Drehschiebern, zwei, wie A und A1, Fig. 770, für die Admission und zwei, wie B und B1, für die Emission des



Dampfes. Diese Drehschieber sind so nahe wie möglich an den Sylinder CD gerildt, damit der schädliche Raum so klein wie möglich ausfalle. Die Steuerung ist theils Excentrik theils Gewichtssteuerung; ein gewöhnliches Kreisexcentrik A setzt durch seine Stange AB (siehe die schematische Darstellung in Fig. 771) eine Kreisscheibe EFGH in eine schwingende Be-



wegung und diese wieder mittels der Stangen EK, FL, GM und HN und ber zugehörigen Arme KP, LQ, MR und NS, theils direct, theils indirect die vier Drehschieber P, Q, R und S. Bei den beiden Drehschiebern R und S für die Emission ist die Berbindung mit den Steuerstangen eine directe; bei den beiden Drehschiebern P und Q für die Admission ist dagegen ein besonderer Mechanismus eingeschaltet, durch welchen die Berbindung der selben mit den Steuerstangen gelöst wird, so daß nun der eine oder der andere Drehschieber durch ein fallendes Gewicht zurückgedreht und der Dampf abgesperrt wird. Zu diesem Zwecke ist 1) der eine Arm des Winkelhebels, wodurch der Drehschieber in Bewegung geseht wird, mit einem Daumen verssehen, welcher die Steuerstange EK bei ihrem Ausschieben in der Richtung des Pfeils mittels einer Rase ergreift, und dadurch den Drehschieber so steuerstange CD angebracht, deren Fußende mit der Steuerstange beim weisdenunsstange CD angebracht, deren Fußende mit der Steuerstange beim weisden

teren Ausschub berselben in Beruhrung tommt, wodurch das Maul einer am Ende dieser Stange seststigenden Stahlseder T geöffnet und der Danmen K freigemacht wird, so daß nun der Wintelhebel durch das an dem zweiten Arme PU besselben hängende Gewicht V, sowie der an seiner Are sitzende Drehschieber in umgekehrter Richtung gedreht und durch denselben der Dampfsweg nach dem Cylinder abgesperrt wird, folglich die Expansion des Dampfes in deniselben beginnen kann. Gegen Ende des Kolbenwegs wird dann das Emissionsventil S mittels der Steuerstange HN eröffnet, worauf nun der Absluß des Dampfes erfolgt.

Der Rudgang des Dampftolbens beginnt hierauf mit Eröffnung des Abmissionsventils Q auf der anderen Seite des Kolbens, mittels der Steuerstange FL. Mit diesem Rudgange ist auch der Rudgang der ersten Steuersstange und das Wiedereinruden des Daumens K in die Feder T verbunden. Später wird das Sewicht W am Sebel des anderen Admissionsventils ausgelöst, worauf sich die Borgänge des ersten Drehschieders an dem des zweiten wiederholen.

Die Gewichte, burch welche bie Drehschieber nach erfolgter Auslösung bie Dampswege abschließen, bewegen sich zur Berhinderung ber schädlichen Stoße in mit Luft angefüllten Cylindern V und W.

Zum Reguliren des Sanges ber Maschine dient ein burch einen Winkelhebel O an die verschiebbare Hille des Schwungkugelregulators Z angeschlosener horizontaler Steuerbaum mit zwei Reilen X und Y, deren nach unten
gerichtete Flächen dem weiteren Aufsteigen der verticalen hemmstangen ein hinderniß entgegensehen.

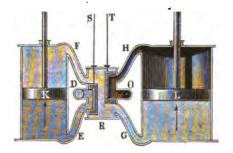
Je nachbem die Umbrehungsgeschwindigkeit bieses Regulators steigt ober fällt, wird ber Steuerbaum mehr nach rechts ober links geschoben, dabei die eine ober andere hemmstange durch die Keile mehr oder weniger herabgebrückt, daher auch das eine ober andere Steuergewicht eher ober später ausgelöst und ber zum Chlinder suhrende Dampsweg verschlossen.

Um die Stöße zwischen den Reilen und den hemmstangen möglichst sanft zu machen ist endlich noch an der Regulatorhülse ein Kolben angebracht, welcher sich in einem mit Wasser angefüllten Splinder I bewegt, und daher das schnelle Auf- und Niedersteigen der Hülse sowie die plösliche Bersschiedung des Steuerbaums sammt den Keilen verhindert.

Woolksche Maschinen. Man tann auch noch baburch ben Dampf & 474 burch seine Expansion wirten lassen, daß man benselben nach ber in einem Chlinder vollbrachten Wirtung noch in einen zweiten und weiteren Chelinber treten und auch auf den Kolben in diesem wirten läßt. Solche aus zwei Chlindern bestehende Expansionsmaschinen werden nach ihrem Ersinder Woolf'sche Maschinen genannt. In Frankreich wurden sie zuerst von

Ebward eingeführt, weshalb man fie auch oft nach biefem benennt. verwendet burch diese Maschinen Dampf von 3 bis 4 Atmosphären Spannung, läßt benfelben im großen Chlinder bis auf bas Bierfache fich ausbebnen und conbenfirt ihn nach vollbrachter Wirtung im großen Eylinder mittels eines gewöhnlichen Conbenfators. Die Rolbenftangen von beiben Cplindern find in ber Regel an einem und bemfelben Balancier, und zwar bie bes kleineren innen und bie bes größeren außen angeschloffen. Die Ginrichtung und Wirkungsweise einer Boolf'ichen Dampfmafchine ift aus ber ibeellen Darftellung in Fig. 772 ju ersehen. Der bei D zutretenbe und in ben an der Stange S hangenben Schieber eintretende Dampf wird abwechselnd burch die Canale E und F in den fleinen Cylinder geführt, fest bafelbft ben Rolben K in Bewegung, und ftromt, nach vollbrachter Wirfung, abwechselnd burch F und E in die Dampffammer R. Aus diefer wird er burch die Canale G und H in ben großen Chlinder, sowie von ba, nach vollbrachtem Ausschube bes Rolbens L, in ben an ber Stange T hängenben

Fig. 772.



Schieber geleitet, und gelangt von ba julest burch bas Rohr O jum Abfluß. Beide Dampftolben gehen, wenn bie beiben Dampfschieber bie entgegengeseteten Stellungen einnehmen, gleichzeitig auf und nieber.

Die Steuerungeverhalte niffe einer folchen Maschine laffen fich aus Fig. 773 erfehen.

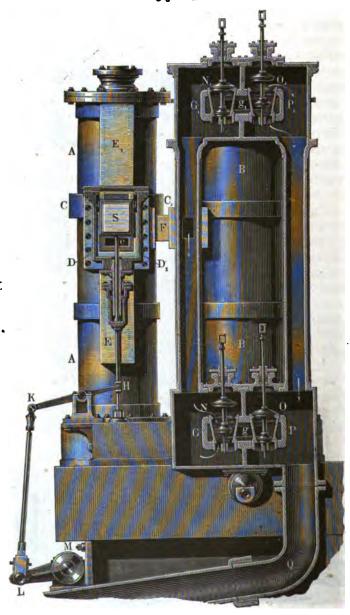
Bier ift AA ber fleine

Eylinber, in welchem ber Dampf zuerst und, nach Befinden, ohne Expansion wirkt, und BB ber (nur zum Theit sichtbare) große Cylinber, in welchem ber Dampf seine Arbeit durch Expansion verrichtet. Der frische Dampf wird dem Cylinder AA durch einen ringförmigen, um diesen Cylinder herumlaufenden Canal CC_1 , welcher mit den Löchern A und A_1 in die Dampftammer DD_1 eine mündet, zugeführt. In diese Rammer milnden drei andere Canale E, E_1 und F ein; von denselben führt der eine den Dampf unter, der andere den letztern aber über den Rolben im Cylinder AA, der britte endlich leitet denselben in die Dampffammer A der die Dampffammer A der Canale A der Canale A und A der Canale A der Canale A und A der Canale A

ba burch F ber Kammer G G_1 zugeführt werben kann. Der Dampfichieber S erhält seine Bewegung von einem Kreisercentrit, welches zunächst eine Belle Fig. 773.



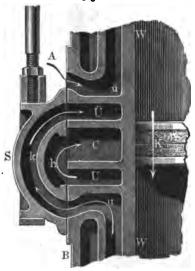
M in schwingende Bewegung sett, die burch die Bebel HK und LM und burch die Lenkstange KL mit der Schieberstange SH in Berbindung gesett Fig. 774.



ift. In ber Dampftammer GG, befinden fich zwei Doppelventile N und N1, bei beren Aufziehen bie nach bem Cylinder BB führenden Dampfwege g und g, eröffnet werben. Reben ber Rammer G G, befindet fich noch eine andere Rammer PP1, welche burch zwei andere Bentile O und O1 ebenfalls mit g und g1, sowie burch die Robre Q mit bem Conbensator in Communication gefett ift. Durch Aufziehen ber Bentile O und O, wird bem Dampfe, welcher in BB feine zweite und lette Wirkung hervorgebracht hat Gelegenheit jum Abfluffe in ben Condenfator verfchafft. Das Auf . und Rieberlaffen ber Bentile N, N1, O und O1 erfolgt übrigens burch einen aus Stangen und Bebeln zusammengesetten und an die Welle M angeschloffenen Mechanismus auf eine leicht ju fingirende Beife. Bei ber Schieber- und Bentilstellung, welche die Figur vorstellt, ftromt ber frifche Dampf unter ben Rolben in A A und treibt folglich diesen empor; gleichzeitig gelangt ber in A A einmal wirksam gewesene Dampf auf bem Bege E, FGN auch unter ben Rolben im zweiten Chlinder BB und nöthigt anch biefen zum Aufgange. Bei umgefehrter Stellung bes Schiebers und ber Bentile findet natürlich auch bie umgefehrte Rolbenbewegung Statt. Es fteigen alfo die Rolben in beiben Cylinbern gemeinschaftlich auf und nieber.

Die Dampfmafchine von Legavrian ift eine Dampfmafchine nach bem Boolf'ichen Brincipe mit brei Cplinbern. (S. Fig. 724, §. 453.)

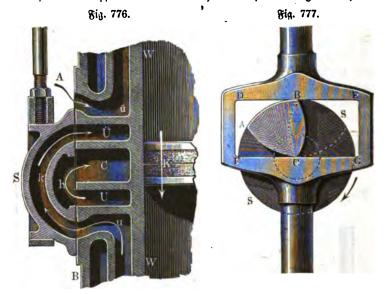
Big. 775.



Statt ber Bentilsteuerung ober ber Steuerung burch zwei Schieber bringt & 475 man in neuer Zeit auch ben Bid'ichen Doppelichieber 20 o o If'ichen Dampfmaschinen mit Bortheil gur Anwendung. Diefer Dampfichieber S. Fig. 775, enthält zwei Canale ober Dampfwege h und k, und bewegt fich auf einem Schieberfpiegel AB mit ben Gin = unb Ausmunbungen von fünf Dampfwegen, wovon Uund Ü unter und über ben Dampftolben im groken, fowie w und ü unter und über ben Dampftolben im tleinen Cplinder führt, und C mit bem Conbenfator in Berbindung fteht. Bei ber Schieberftellung in Fig. 775 tritt ber frifche Dampf bei ü über ben tleinen Rolben, mabrend ber Dampf

unter bem letteren, nach vollbrachter Birtung, von u burch k und bei Ü tiber ben großen Kolben strömt und ber im großen Cylinder zur Wirtung gelangte Danupf vom vorausgegangenen Kolbenaufgang aus U durch h nach C und von ba in den Condensator geseitet wird.

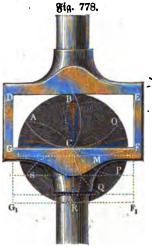
Bei ber oberen Stellung biese Doppelschiebers ist bie Mündung des Dampswegs u frei und gelangt unter die Mündung des Schiebercanals k über der Mindung des Dampswegs u, so daß frischer Dampf aus der den Doppelschieber einschließenden Dampstammer durch u unter den kleinen, und ebenso der Pamps aus dem kleinen Cylinder auf dem Bege k nach U und



von da unter den großen Kolben treten tann, mahrend der beim vorausgegangenen Riedergang der Kolben verbrauchte Dampf auf dem Bege Uh C nach dem Condensator strömt.

Bur Bewegnng bes Doppelschiebers hat man in neuerer Zeit, nach horn-blower, statt bes Kreisercentrits einen Steuerbaumen in Form eines Bogendreied's mit Bortheil zur Anwendung gebracht. Dieses Bogendreied ABC, Fig. 777, wird durch drei gleiche Kreisbögen von je 60 Grad Länge gebildet und sitt so auf einer rotirenden Scheibe SS, daß es mit der einen Seite AB in den Umfang und mit dem Echunkt C in den Mittelpunkt derselben fällt. Zum Angriff der Steuerstauge dient ein mit derselben ein Gauzes bilbender Rahmen, welcher das Bogendreied mit den zwei parallelen Seiten DE und FG umfaßt, deren gegenseitiger Abstand EF = GD, dem Halbunesser Scheibe gleich ist.

In der in Fig. 778 abgebildeten Daumenstellung hat der Rahmen soeben seine höchste Stellung erlangt, und es dreht sich nun das Bogendreick um den Wintel BCO=60 Grad, wobei der Bogen AB mit der Seite DE in Beruhrung bleibt, folglich ein weiteres Aufsteigen des Schieders nicht statt bat. Bei der letzen Stellung kommt die vordere Dreiecksseite CB mit

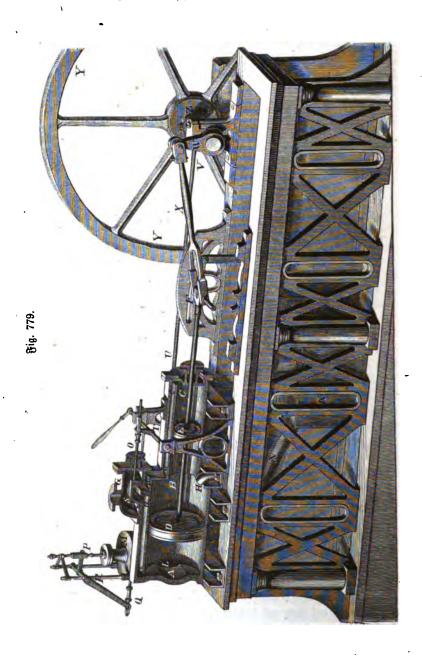


ber Rante FG in geometrifche Berührung, und mabrend nun biefe Seite allmatig aus ber Lage CO in bie Lage CP übergeht, fich also wieder um einen Wintel von 60 Grab breht, rudt ber Berührungspunkt M von C nach und nach bie P. Schlieflich gelangt bie Borberfeite CB burch eine weitere Drehung um 60 Grab noch aus ber Lage CP in die Lage CR, wobei ber Edpuntt B aus P nach R fommt und bie Rabmenseite F G in bie tieffte Stellung ge-Schoben wirb. Genau auf biefelbe Beife wie ber niebergang erfolgt nun auch ber Aufgang ber Schieberftange. Die Bogenfeite AB, welche in bie Lage PR ge-

tommen ist, gleitet nun an der nach F_1 G_1 gelangten unteren Kahmenseite hin, ohne den Rahmen weiter fortzuschieben; ist aber der vordere Echunkt nach S und die Borderseite in die Lage CS gekommen, so gelangt dieselbe mit der oberen Rahmenseite in geometrische Berührung, und es schiebt nun das Bogendreieck den ganzen Rahmen um den der Rahmenweite gleichen Scheibenhalbmesser allmälig wieder empor. Bei diesem Mechanismus der Schieberbewegung ist der Schieber während eines Drittels der Spielzeit in Ruhe, und während zwei Drittel in Bewegung, solglich die Bewegung deselselben sowie das Eröffnen und Berschließen der Dampswege durch denselben rascher als bei Anwendung eines gewöhnlichen Kreisexeentriss.

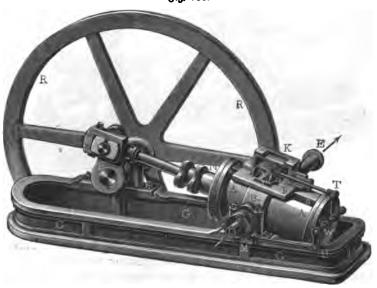
Woolf'sche Maschinen, wo ber Dampf schon im kleinen Chlinder burch Expansion wirken soll, erhalten außer bem Bertheilungsschieber noch einen besonderen Expansionsschieber.

Sims'sche Maschine. Eine eigenthümliche Conftruction hat die Ex- §. 476 pansionebampfmaschine mit doppelt liegendem Chlinder von Sims. Diese Maschine besteht aus zwei mit ihren Endslächen an einander ansstoßenden Chlindern AB und BC, Fig. 779 (a. f. S.), von verschiedenen Beiten und aus zwei auf einer und derselben Kolbenstange DF festsitzenden Kolben D und E, wovon der eine (E) durch den aus der Dampstammer G mittels



bes Canales abc zugeführten ftart gespannten Dampf nach ber einen, und ber andere (D) burch ben aus bem kleinen Cylinder CE burch bie Candle cba und de ftromenden Dampf nach ber anderen Richtung bewegt wird. Der Raum DBE awischen beiben Rolben fteht durch ein Rohr H mit bem Conbenfator K in Berbinbung; es findet baber bier ein fleiner Begenbrud Statt, welcher, ba D größer als E ift, die Bewegung der Rolbenverbindung in ber Richtung ED etwas beförbert, und die in ber Richtung DE ebenfo viel hindert. Der verbrauchte Dampf ftromt, nachdem er sich in AB ausgebihnt und ben Rolben D ausgeschoben bat, burch einen Canal L in eine (nur von oben zu sehende) Röhre M und von ba durch eine Röhre N nach bem Condenfator K. Das abwechselnde Bu- und Ablaffen bes Dampfes wird burch einen Schieber S in ber Dampftammer G und burch ein (bier unsichtbares) Bentil in ber Röhre M bewirft, und beibe Theile werden mittele ber Stangen O, P und Q, und ber Bebel R und T burch die Ercentrifftange UV bewegt. Man erfieht auch noch in der Figur die Kurbel W und ihre Stange X, sowie bas Schwungrad YY, wodurch die hin- und hergehende Bewegung ber Rolbenftange CD in eine nabe gleichförmige Umbrehungsbewegung ber Belle Z verwandelt wird (f. The Pract. Mechanic's Journal 1849, July, p. 50, ober bas polyt. Centralblatt 1851, Liefer. 1).

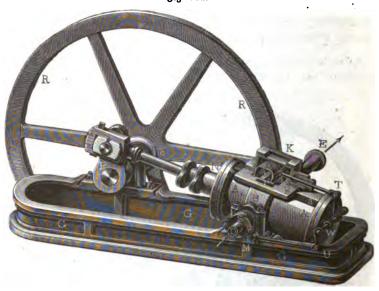
Alban'sche Maschinen. Eine recht einfache oscillirende Dampf. §. 477 maschine von Dr. Alban in Plau ist Fig. 780 abgebilbet (siehe bie Fig. 780.



Beisbach's Lebrbuch ber Rechanit. IL

"Hochdructdampfmaschine" von Alban, Rostock u. s. w.). Es hat hier ber Dampschlinder AA_1 zwei angegossene hohle Zapsen, und letztere ruhen in gewöhnlichen Zaksenlagern, wie B (Fig. 401, §. 194), welche auf einem rahmenförmigen Gestelle GGG besessig sind. Die Röhren D und E, wovon die eine den Dampf zusührt und die andere denselben nach vollbrachter Wirtung ableitet, stehen mit den Zapsenhöhlungen in Communication, und sind darin durch Stopsbüchsen, wie S, abgedichtet. Die Fußplatte F der auf dem Dampschlinder aussissenden, in der Abbildung der Länge nach halb durchschinittenen Dampssammer K hat vier Wündungen, wovon die vordere (1) durch den Canal B und durch die Höhlung des Zapsens BS mit dem Dampsrohre D, und die mittlere (2) durch einen gleichen Canal auf der anderen Seite des Chlinders und durch die Höhlung des zweiten Zapsens mit dem Austragerohr E communicirt. Die letztere Mündung ist vom (mit abgeschnittener Seitenwand dargestellten) Schieber L stets, und von den ihr zur Seite stehenden Mündungen (3) und (4), ist, je nach der Schieberstellung,

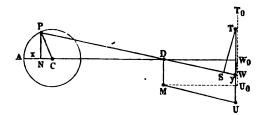




nur die eine ober andere bebeckt. Der durch (1) zutretende frische Dampf strömt bei der abgebildeten Schieberstellung durch (3) in den Canal a und von da nahe über dem Boden A in den Cylinder, wogegen der gewirkt habende Dampf durch den Canal a_1 mittels (4) in die Dampsfammer und von da wieder durch (2) in das Anstragerohr E geleitet und abgelassen wird. In der ent-

gegengefetten Schieberftellung, wobei (3) bom Schieber eingeschloffen ift und (4) frei liegt, finden naturlich in a und a, die entgegengesetten Bewegungen bes Dampfes Statt. Die Rraft bes Dampftolbens wird hier burch bie Rolbenstange O birect auf den Krummzapfen P übertragen. Bur Geradführung der Rolbenstange bient die Stopfbuchse N mit einem ungewöhnlich langen Behäuse. Um eine möglichst gleichförmige Umbrehungsbewegung gu erhalten, ift noch bas Schwungrad RR auf die Rrummzapfenwelle aufgefest. Bur Bewegung des Schiebers dient ein Bebelmechanismus, deffen Welle W auf dem Boben A bes Dampfcplinders gelagert ift. ben festen Bunkt M brebbare Lentstange MU ift an einem und bie Schieberftange LT am anderen Arme biefes Bebelmechanismus angeschloffen; in Folge ber Schwingung ber Welle W um die Are DE nimmt ber Schieber bie erforderliche hin . und hergebende Bewegung an. Um fich hiervon bie Ueberzeugung zu verschaffen, ift die geometrische Darftellung des ganzen Bewegungsmechanismus der Maschine in Fig. 782 näher zn betrachten. bedeutet hier C bie Are ber Krummzapfenwelle, D bie Drehungsage bes

%ig. 782.



Dampfcylinders, W die Wellenare des Steuerungsmechanismus und M die feste Drehungsare des Lenkarmes. Dreht sich der Kurbelarm $CP=r_1$ um den Winkel $ACP=\beta$, so legt der Dampftolben nahe den Weg

$$AN = x = r_1 (1 - \cos \beta)$$

zurud, und es nimmt die Axe der Kolbenstange die Reigung ADP=lphaan, welche durch die Formel

$$sin. \alpha = \frac{NP}{DP},$$

ober annähernb,

$$\sin \alpha = \frac{r_1 \sin \beta}{d}$$

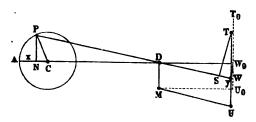
bestimmt ift, wobei d bie Entfernung \overline{CD} ber Drehungsaxen C und D von einander bezeichnet.

Wenn M sentrecht unter D liegt und die Armlänge WU gleich bem

b. L:

Abstande DM gemacht wird, so ist bas Biered DMUW bei jeber Lage bes Cylinders ein Parallelogramm, und insbesondere ein rechtwinkeliges

Fig. 783.



 DMU_0 W_0 am Ende des Kolbenhubes, wobei die Are des Dampfchlinders eine horizontale Lage hat. Bezeichnet nun a die Länge $WT=W_0T_0$ des Schieberarmes, so hat man den dem Neigungswinkel $WDW_0=STW=\alpha$ entsprechenden Schieberweg:

$$\overline{WS} = \overline{WT} sin. STW,$$
 $y = a sin. \alpha$
 $= \frac{ar_1 sin. \beta}{a},$

ober, wenn man noch
$$\frac{ar_1}{d}$$
 burch r bezeichnet, $y = r \sin \beta$.

Diese Formeln stimmen mit benen für die Schieberbewegung burch Excentrils befundenen (f. §. 459), wenn man darin das Boreilen gleich Rull sett, volltommen überein.

§. 478 Dampfleistung ohne Expansion. Im Folgenden muß nun noch gezeigt werden, wie die Leistung einer Dampsmaschine zu berechnen ift. Fassen wir zunächst den einsachsten Fall ins Auge, setzen wir nämlich eine doppeltwirkende Maschine ohne Expansion voraus, und vernachlässigen wir vorerst auch alle Berluste und Nebenhindernisse. Bezeichnen wir den Dampsdrud auf die Flächeneinheit (auf den Quadratzoll) durch p, und den Inhalt der Kolbenfläche (in Quadratzollen) durch F, so erhalten wir sür die Kraft, mit welcher der Damps den Kolben auf der einen Seite drückt,

$$P = Fp$$
.

Ift nun noch s ber Kolbenweg, so hat man die Arbeit ber Maschine bei einem Auf- ober Riedergange:

$$Ps = Fps = Fs.p$$

ober, ba Fs zugleich bas verbrauchte Dampfvolumen V angiebt,

$$Ps = Vp.$$

Macht die Maschine pr. Minute n Spiele, legt also der Kolben in der Minute den Beg 2s nmal zurud, so ist die mittlere Kolbengeschwindigkeit

$$v=\frac{n\cdot 2s}{60}=\frac{ns}{30},$$

und baber auch die theoretische Leiftung ber Dampfmaschine pr. Secunde:

$$L = Pv = \frac{ns}{30} \cdot Fp = \frac{n}{30} Vp = Qp,$$

wenn Q bas pr. Secunde verbrauchte Dampfquantum bezeichnet.

Diese Berechnung gilt aber nur dann, wenn tein Druck auf die Gegenfeite des Kolbens statthat, wenn also auf dieser Seite eine vollkommene Condensation vorhanden ist; erleidet aber diese Seite einen Gegendruck q auf jeden Quadratzoll, also ben Druck Fq im Ganzen, so fällt die arbeitende Kraft

$$P = F(p - q),$$

und bager bie Leiftung pr. Secunbe

$$L = \frac{ns}{30} F(p-q) = \frac{n}{30} V(p-q) = Q(p-q)$$

aus.

Bei ben Conbensationsmaschinen ist q ber Dampstruck im Conbensator, bei ben Maschinen ohne Conbensation hingegen ist q ber Atmosphärendruck = 14,10 Pfund auf ben Duadratzoll = 1,033 Kilogramme auf das Duadratcentimeter, zu sehen. Giebt man V oder Q in Cubitsus, und bezieht man p und q auf den Duadratzoll, so muß man natürlich

$$L = \frac{n}{30} \ V. \, 144 \, (p - q) = Q. \, 144 \, (p - q),$$

b. i.:

$$L = 4.8 \, n \, V(p - q) = 144 \, Q(p - q)$$
 Fußpfund

feten; giebt man aber V und Q in Cubilmetern und bezieht p und q auf ein Quadratcentimeter, so hat man

$$L=10000\cdotrac{n}{30}\,V\,(p-q)=10000\,Q\,(p-q)$$
 Kilogrammmeter

anzunehmen, da der Druck auf den Quadratfuß $(12)^2 = 144$ mal so groß ist, als auf den Quadratzoll, und der Druck auf das Quadratmeter den Druck auf das Quadratcentimeter $(100)^2 = 10000$ mal enthält.

Beispiel. Der innere Cylinderburchmeffer einer Dampsmaschine ohne Conbensation ift 18 Boll und ber hub 40 Boll; die Bahl ber Spiele pr. Minute = 24 und die Spannung der Dampse 31/2 Atmosphären; welche Kraft und Leiftung giebt diese Maschine? Die Kolbenstäche ift

 $F=(^{18}\!/_2)^2\pi=81\,\pi=254,47$ Quadratzoll, folglich die arbeitende Kraft:

$$P = F(p - q) = 254,47.14,10(3,5 - 1) = 8970$$
 Flyumb.

Run ift noch n=24 und $s={}^{40}\!/_{19}={}^{10}\!/_{\!8}$ Fuß, baber folgt bie theore-tifche Leiftung biefer Maschine:

$$L = \frac{ns}{30} P = \frac{24.10}{30.3} \cdot 8970 = 23920$$
 Fußpfunb $= \frac{23920}{480} = 49.8$ Pferbefräste.

Wirkung durch Expansion. Bird ber Dampf, nachdem ber **§. 479** Treibkolben den Weg s durchlaufen hat, abgesperrt, so wirkt er bei Durchlaufung bes übrigen Rolbenweges burch Expansion. hierbei sind aber Entweber bleibt die Temperatur bes Dampfes mehrerlei Fälle benkbar. während der Expansion unverändert, ober es vermindert sich dieselbe, je mehr fich der Dampf ausbehnt, wobei fich nach Befinden ein Theil beffelben condensirt. Der erste Fall tann nur bann eintreten, wenn ber Dampfenlinder von außen mit warmer Luft oder frischem Dampfe umgeben ift und die Bewegung des Dampstolbens sehr langsam erfolgt, wobei der Damps die zu seiner Expansion nöthige Wärme in sich aufnehmen kann. Unter ber Boraussetung, bak sich ber ungefättigte Dampf wie die atmosphärische Luft verhalte, ift auch vorauszuseten, daß die Erpansivkraft des abgesperrten Bafferbampfes bem Mariotte'fchen Gefete (f. Bb. I, §. 387 und §. 388) folge.

Der zweite Fall ift unter verschiedenen Berhältnissen bentbar. Benn, wie besonders bei einer lebhaften Dampfbildung vorsommt, der abgesperrte Dampf nicht troden ist, sondern mit fortgerissenes Basser enthält, so wird sich letzteres während der Expansion desselben in Dampf verwandeln, und beshalb unter Umständen die ganze abgesperrte Dampsmenge hierbei in gessättigtem Zustande bleiben. Unter dieser Boraussetzung läßt sich nach Pambour bei Beurtheilung der Spannkraft des Dampses im Dampschlinsber von der Navier'schen Formel (f. §. 390)

$$\mu = \frac{\alpha}{\beta + p}$$

für bas specifische Dampfvolum Gebrauch machen, mahrend nach bem Mastiotte'schen Gefetze

$$\mu = \frac{\alpha}{p}$$

anzunehmen ift.

Unter ber Boraussetzung, baß dem Dampfe während ber Expansion weber Wärme zugeführt noch Wärme entzogen wird, können wir ferner auch annehmen, baß die Expansiviraft besielben, in Uebereinstimmung mit bem Boisson'schen Gesetze (§. 376), im umgekehrten Berhältnisse zu einer Botenz bes Bolumens stehe, wobei aber statt bes Exponenten & für Luft ein burch Bersuche zu bestimmender Exponent v in Anwendung zu bringen ist.

Endlich giebt auch die mechanische Barmetheorie die Mittel gur Be-flimmung ber Expansiviraft bes Dampfes im Dampfchlinder an die Band.

Anmerkung. Boncelet und Morin, zunächst auch Trebgolb u. s. w. legen bei ihren Theorien ber Dampsmaschinen die erste Regel zu Grunde, wogegen Pambour als Bersechter ber zweiten Regel aufgetreten ist (s. Théorie des machines à vapeur, par Pambour, Paris 1844, deux. Edition, vorzüglich die Introduction). Morin zeigt auf erperimentellem Bege, daß die Zugrundelegung des Mariotte'schen Gesets bei Entwidelung einer Theorie der Dampsmaschinen eine vollsommen genügende Uebereinstimmung mit der Ersatung gewähre (s. Leçons de mécanique pratique, 3me partie, par A. Morin, Paris 1846). Ueber die Anwendung der mechanischen Wärmetheorie auf die Theorte der Dampsmaschinen s. Clausius: Abhandlungen über die mechanische Wärmetheorie, Braunschweig, Fr. Vieweg und Sohn, 1864; serner Zeuner: Grundzüge der mechanischen Wärmetheorie, Leivzig, dei A. Felix, 1866, swie Comdes: Théorie mécanique de la chaleur et de ses applications, Paris 1863, und Hirn: Théorie mécanique de la chaleur, Paris 1865.

Expansion nach dem Mariotte'schen Gesetz. Bei Zugrundes §. 480 legung bes Mariotte'schen Gesetz läßt sich die Wirkung bes Dampses sowie die eines jeden Gases nach Bd. I, §. 388 bestimmen. Geht 1 Cubitsuß Gas oder Damps aus der stärkeren Spannung p in die schwächere Spannung p, über, so verrichtet derselbe hiernach die Arbeit:

$$A_1 = p \text{ Log. nat.}\left(\frac{p}{p_1}\right) = 2,3026 \text{ p Log.}\left(\frac{p}{p_1}\right)$$

Ift das anfängliche, ber Spannung p entsprechende Bolumen = V und bagegen das ber Spannung p_1 entsprechende Bolumen V_1 , so hat man:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{V_1}{V},$$

und baher auch die mechanische Arbeit, welche bas Bolumen V bei seiner Ausbehnung und Burudführung auf V1 ausgiebt,

$$A_1 = Vp Log. nat. \left(\frac{V_1}{\overline{V}}\right)$$

Bei Anwendung auf die Dampsmaschinen mit Expansion in einem Cylinder ist, wenn s den Weg des Dampftolbens beim Aufange der Expansion, und dagegen s, ben gangen Polbenweg bezeichnet,

$$V = Fs$$
 und $V_1 = Fs_1$,

baber die gesuchte Arbeit

$$A_1 = Fsp Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right)$$

ju feten. Abbiren wir hierzu noch bie Arbeit

$$A_2 = Fsp$$

por ber Abfperrung, fo erhalten wir bie gange Arbeit:

$$A = Fsp + Fsp Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right)$$

$$= Fsp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right)\right]$$

$$= Fs_1 p_1 \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right)\right].$$

Berlicksichtigt man noch den Gegendruck q auf der anderen Seite des Kolbens, bringt man also die Leiftung $Fs_1\,q$ in Abzug, so erhält man die vollständige Arbeit des Dampses pr. Kolbenschub:

$$A = Fs_1 p_1 \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{q}{p_1} \right]$$
$$= Fsp \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{q}{p_1} \right].$$

Die Leiftung ber Mafchine pr. Secunde folgt nun wie in §. 479

$$L = \frac{n}{30} \operatorname{Fsp} \left[1 + \operatorname{Log. nat.} \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{q}{p_1} \right]$$

$$= 144 \cdot \frac{n \operatorname{Vp}}{30} \left[1 + \operatorname{Log. nat.} \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{q}{p_1} \right]$$
 Fußpfund,

wenn V das pr. Auf- ober Ricdergang verbrauchte Dampfquantum Fs be-

$$L=144~Q~p\left[1~+~Log.~nat.\left(rac{s_1}{s}
ight)-rac{q}{p_1}
ight]$$
 Fußpfund,

wenn Q bas pr. Secunde verbrauchte Dampfquantum von ber Spannung p ausbriidt.

Beispiel. Welche Leistung giebt die im letten Beispiele (§. 478) betrachtete Dampsmaschine, wenn dieselbe den Damps bei 0,4 des ganzen Kolbenweges abspertt? Es ist hier $s_1 = 40 \, \text{Boll} = \frac{10}{8} \, \text{Fuß}$, $s = 0,4 \cdot 40 = 16 \, \text{Boll} = \frac{4}{8} \, \text{Fuß}$; ferner der Druck auf den Kolben vor der Expansion:

und bie Leiftung pr. Aufs ober Riebergang:

$$L_1 = 12558.4_8 \left(1 - \frac{1}{0.4.8.5} + 2,8026 \text{ Log.} \frac{10}{4}\right)$$

 $= 16744 (1 - 0.71428 + 2.3026 \cdot 0.39794) = 17872 (0.28572 + 0.91630)$

= 16744.1,20202 = 20126 Fußpfund, .

und folglich bie Leiftung pr. Secunde:

$$L = \frac{n}{30} \cdot 20126 = \frac{24}{30} \cdot 20126 = 0.8 \cdot 20126 = 16100$$
 Fußpfund

= 33,5 Bferbefrafte.

Diefelbe Mafchine leiftet zwar ohne Dampfabsperrung nabe 50 Bferbefrafte, erforbert aber auch 2,5mal fo viel Dampf ale beim Arbeiten mit Erpanfion.

Pambour's Theorie. Die Leistung ber Expansionsbampfmaschinen §. 481 läst sich mit Zugrundelegung ber Navier'schen Regel auf folgende Beise sinden. Das specifische Dampfvolumen, ober das Berhältnig bes Dampfvolumens zum Baffervolumen ist bei ber Spannung p nach §. 390:

$$\mu=\frac{\alpha}{\beta+p},$$

und folglich bei ber Spannung p1:

$$\mu_1 = \frac{\alpha}{\beta + p_1}$$

Die Divifion beiber Gleichungen giebt:

$$\frac{\mu}{\mu_1} = \frac{\beta + p_1}{\beta + p},$$

und baber:

$$p_1=(\beta+p)\frac{u}{\mu_1}-\beta;$$

bezeichnet s den Kolbenweg vor der Dampfabsperrung und s_1 den Weg an einer Stelle während der Expansion, wo die Spannung p in p_1 übergegangen ist, so hat man für diesen Moment den Dampfdruck auf die Kolbenfläche F:

$$P = Fp_1 = F\left(\frac{(\beta + p)s}{s_1} - \beta\right) = F\frac{(\beta + p)s}{s_1} - F\beta.$$

Nun ift aber ber erste Theil bieses Druckes bem Kolbenwege s umgekehrt proportional und ber zweite Theil $F\beta$ constant; baber bestimmt sich auch bie bem ersten Theile entsprechende Arbeit während ber Expanston nach bem Maxiotte'schen Gesets wie oben:

$$A_1 = F(\beta + p) s Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right),$$

und die dem zweiten Theile entsprechende Leiftung, durch einfache Multipliscation mit dem Wege (s1 - 8) mahrend ber Expansion, a.fo

$$A_2 = -F\beta (s_1 - s).$$

hiernach ift also bie mechanische Arbeit bes Dampfes mahrend ber Expansion:

$$A_1 + A_2 = F(\beta + p) s Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right) - F\beta (s_1 - s),$$

und baber bie mahrend bes vollständigen Rolbenweges:

$$A = Fps + A_1 + A_2 = Fps + F(\beta + p) s Log.nat. \left(\frac{s_1}{s}\right) - F\beta(s_1 - s)$$
, und mit Berücksichtigung ber burch ben Gegendruck Fq verloren gehenden Leistung Fqs_1 :

$$A = Fs(\beta + p) + Fs(\beta + p) Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right) - F\beta s_1 - Fq s_1$$

$$= Fs(\beta + p) \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s}\right) - \frac{\beta + q}{\beta + p} \cdot \frac{s_1}{s}\right],$$

ober, da
$$\frac{s_1}{s} = \frac{\beta + p}{\beta + p_1}$$
 ist,

$$A = F_s(\beta + p) \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right]$$

$$= 144 V(\beta + p) \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right]$$
 Suppfund,

wenn V bas pr. Rolbenschub verbrauchte Dampfquantum in Cubitfußen bezeichnet.

Die Leiftung pr. Secunde ift, bei n Spielen pr. Minute:

$$L = \frac{n}{30} \cdot A$$

$$= \frac{n}{30} \cdot 144 \ V(\beta + p) \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right]$$

$$= 144 \ Q(\beta + p) \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right]$$
 Suspfund,

wenn Q das pr. Secunde verbrauchte Dampfquantum in Cubitfußen ausbrudt.

Setzen wir $\beta=0$, so geht diese Formel in die vorige, auf das Mariotte'sche Gesetz basirte, über.

Beifpiel. Belde Leiftung verfpricht bie in ben letten Beifpielen berechnete Dampfmaschine nach ber julest gefunbenen Regel? Es ift bier

$$144 \ Q = \frac{n}{30} \cdot Fs = \frac{24}{30} \cdot 254,47 \cdot \frac{4}{3} = 271,44 \ \text{Gubiffu}\beta,$$
 ferner nach &b. II, §. 390, $\beta = 0,2922 \cdot 14,10 = 4,120$, also $\beta + p = 4,120 + 3,5 \cdot 14,10 = 4,120 + 49,350 = 53,47$, $\beta + p_1 = \frac{s_1}{s} (\beta + p) = 0,4 \cdot 53,47 = 21,388$ unb $\beta + q = 4,120 + 14,10 = 18,22$,

baber bie gesuchte Leiftung pr. Secunbe:

$$L = 271,44 \cdot 53,47 \left(1 + 0,91630 - \frac{18,22}{21,38}\right)$$

= 271,44 · 53,47 (1,91630 - 0,85220) = 271,44 · 53,47 · 1,0641
= 15444 Fußpfund = 32,2 Pferbeträfte.

Die vorige Formel gab L=33,5 Pferbefrafte.

Expansion in swei Cylindern. Die Leistungsformel für zwei- \S . 482 cylindrige Expansionsmaschinen läßt sich auf dem im Borstehenden betretenen Wege nun auch leicht ableiten. Rehmen wir an, daß der Dampf im kleinen Cylinder ohne Expansion wirte; bezeichnen wir die Rolbensläche dieses Cylinders durch F, den Kolbenshub in demselben durch s, die Fläche des größeren Rolbens durch F_1 , den Hub dieses Rolbens durch s_1 , setzen wir ferner die volle Spannung p, die Spannung des ausgedehnten Dampses p und endlich den Gegendruck auf jeden Quadratzoll des größen Kolbens p. Dannhaben wir für jeden einsachen Rolbenweg die Arbeit des in voller Spannung befindlichen Dampses, auf den kleinen Rolben übergetragen:

$$A_1 = Fps$$

bagegen bie durch ben Gegendruck q auf den großen Rolben verloren gehende Leiftung:

$$A_2 = F_1 q s_1,$$

und endlich die burch die Expansion gewonnene Leiftung, nach bem Da-

$$A_s = Vp \ Log. \ nat. \ rac{V_1}{V} = Fsp \ Log. \ nat. \left(rac{F_1s_1}{Fs}
ight)$$
.

Demnach folgt die ganze Arbeit beiber Kolben bei einem Auf- oder Riedergange:

$$A = A_1 - A_2 + A_3$$

$$= Fsp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{F_1 s_1}{F_8} \right) \right] - F_1 s_1 q$$

$$= Fsp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{F_1 s_1}{F_8} \right) - \frac{q}{p_1} \right]$$

$$= 144 \ Vp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{F_1 s_1}{F_8} \right) - \frac{q}{p_1} \right]$$

$$= 144 \ Vp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{F_1 s_1}{F_8} \right) - \frac{q}{p} \left(\frac{F_1 s_1}{F_8} \right) \right]$$
 Suppfund.

Endlich ift bie Leiftung ber Dafchine pr. Secunde:

$$L=rac{n}{30}\cdot 144\ Vp\left[1+Log.\,nat.\left(rac{F_1\,s_1}{Fs}
ight)-rac{q}{p_1}
ight] \ =144\ Qp\left[1+Log.\,nat.\left(rac{F_1\,s_1}{Fs}
ight)-rac{q}{p_1}
ight]$$
 Fully fund.

Legt man bie Pambour-Navier'iche Regel ju Grunde, fo erhalt man, wie leicht zu ermeffen ift,

$$L=144~Q(eta+p)\Big[1~+~Log.\,nat.\,\Big(rac{F_1\,s_1}{Fs}\Big)-rac{eta+q}{eta+p_1}\Big]$$
 Fußpfund.

Anmerkung. Die Erpansionsleistung bes Dampses zerfällt bei ben Boolf's schen Dampsmaschinen in eine gewonnene und in eine verloren gehende; jene nimmt ber Rolben im großen Cylinder auf, diese wird bem Rolben im kleinen Cylinder entzogen; es ift die oben angegebene Erpanstonsleistung die Differenz beiber. Rach bem Mariotte'schen Gefetze ist die Leistung, welche ber große Kolben während ber Erpanston bes Dampses aufnimmt,

$$= \frac{FF_1s_1}{F_1s_1 - Fs} p \text{ Log. nat. } \left(\frac{F_1s_1}{Fs}\right),$$

und bagegen bie, welche bem fleinen Rolben entzogen wirb,

$$=rac{F^2s^2}{F_1\,s_1\,-\,F_8}\;p\;Log.\;nat.\;\left(rac{F_1\,s_1}{F_8}
ight),$$

also bas Berhaltniß beiber zu einander, $=rac{F_1s_1}{Fs}$, und ihre Differenz, wie oben,

$$= \mathit{Fps}^{\cdot} \mathit{Log.} \; \mathit{nat.} \; \Big(\frac{F_1 \, s_1}{F \, s} \Big) \cdot$$

Beispiel. Belche Leiftung verspricht eine Bools'sche Dampsmaschine, welche Dampse von $3\frac{1}{3}$ Atmosphären Spannung benutz und diese im Condensator die auf $\frac{1}{6}$ Atmosphäre Spannung niederschlägt, bei solgenden Dimensionen. Durche messer des kleinen Cylinders: d=18 Boll, hub in demselben, s=40 Boll, Durchemesser des größeren Cylinders, $d_1=30$ Boll, hub in demselben, $s_1=50$ Boll, also das Ausdehnungsverhältniß:

$$\frac{V_1}{V} = \frac{F_1 s_1}{F_1 s_2} = \frac{d^2 s_1}{d^2 s_1} = \frac{30^2 \cdot 50}{18^2 \cdot 40} = \frac{5^2 \cdot 5}{3^2 \cdot 4} = \frac{125}{36} = 3.4722.$$

Die erfte auf bas Mariotte'iche Gefet bafirte Formel giebt bie gesuchte Leiftung pr. Secunde, wenn bie Maschine pr. Minute 24 Spiele macht:

Nach ber Pambour'schen Theorie folgt hingegen biese Leistung:

$$L = 0.8 \cdot 270 \cdot 53.47 \pi \left(2.2448 - \frac{4.120 + \frac{1}{16} \cdot 14.10}{53.47} \cdot 3.4722 \right)$$

= $11550 \pi \left(2.2448 - \frac{5.8825 \cdot 3.4722}{53.47} \right)$
= $11550 \pi \left(2.2448 - 0.3820 \right) = 11550 \cdot 1.8628 \pi$
= 67592 Hußpfund = 140.8 Pferbekräfte.

Drittes Expansionsgesetz. Wenn man annimmt, daß sich die §. 483 Spannung des Dampses mährend der Expansion desselben umgekehrt wie eine Potenz des Dampsvolumens verhält, so ergiebt sich für die Leisstung des Dampses ein ähnlicher Ausdruck wie für die Luft (s. §. 378). Ift wieder p die Dampsspannung vor der Expansion, sowie s der Rolbenweg beim Eintritt der Expansion und v eine Ersahrungszahl, so setzen wir die dem Kolbenwege x entsprechende Dampsspannung:

$$y = \left(\frac{s}{x}\right)^{\nu} p$$

und folglich ben gangen Dampfdrud auf bie Rolbenfläche F:

$$Fy = F\left(\frac{s}{x}\right)^{\nu} p.$$

Bewegt sich nun ber Kolben um das Wegelement o fort, so verrichtet berselbe in Folge dieses Druckes das Arbeitselement

$$Fy\sigma = Fp\left(\frac{s}{x}\right)^{\nu}\sigma = Fps^{\nu}x^{-\nu}\sigma,$$

und es ift daher die während Durchlaufung des Weges x-s verrichtete niechanische Arbeit:

$$A_{1} = Fps^{\nu}\sigma \text{ mal } \text{ Summe aller Berthe bom } x^{-\nu}$$

$$= Fps^{\nu}\sigma \left[s^{-\nu} + (s+\sigma)^{-\nu} + (s+2\sigma)^{-\nu} + \cdots + x^{-\nu}\right]$$

$$= Fps^{\nu}\sigma \left\{ \begin{matrix} (\sigma)^{-\nu} + (2\sigma)^{-\nu} + (3\sigma)^{-\nu} + \cdots + (m\sigma)^{-\nu} + (m+1)\sigma^{-\nu} \\ + \cdots + (n\sigma)^{-\nu} - (\sigma)^{-\nu} + (2\sigma)^{-\nu} + (3\sigma)^{-\nu} + \cdots + (m\sigma)^{-\nu} \end{matrix} \right\}$$

$$= Fps^{\nu}\sigma \left\{ \begin{matrix} (\sigma)^{-\nu} [1^{-\nu} + 2^{-\nu} + 3^{-\nu} + \cdots + m^{-\nu} + (m+1)^{-\nu} + \cdots + n^{-\nu}] \\ - (\sigma)^{-\nu} (1^{-\nu} + 2^{-\nu} + 3^{-\nu} + \cdots + m^{-\nu}) \end{matrix} \right\}$$
ober, ba $1^{-\nu} + 2^{-\nu} + 3^{-\nu} + \cdots + m^{-\nu} = \frac{m^{-\nu+1}}{-\nu+1}$ ift,
$$A_{1} = Fps^{\nu}\sigma^{-\nu+1} \left(\frac{n^{-\nu+1}}{-\nu+1} - \frac{m^{-\nu+1}}{-\nu+1}\right)$$

$$= \frac{Fps^{\nu}\sigma^{-\nu+1}}{\nu-1} (m^{-\nu+1} - n^{-\nu+1}),$$

folglich ba $s = m\sigma$ und $x = n\sigma$, also $m = \frac{s}{\sigma}$ und $n = \frac{x}{\sigma}$ zu setzen ift:

$$A_1 = \frac{Fps^{\nu} \sigma^{-\nu+1}}{\nu-1} \left(\frac{s^{-\nu+1} - x^{-\nu+1}}{-\nu+1} \right) = \frac{Fps^{\nu}}{\nu-1} \left(\frac{1}{s^{\nu-1}} - \frac{1}{x^{\nu-1}} \right),$$

oder, wenn man für x ben ganzen Kolbenweg s1 einführt:

$$A_1 = \frac{Fps^{\nu}}{\nu - 1} \left(\frac{1}{s^{\nu - 1}} - \frac{1}{s_1^{\nu - 1}} \right).$$

§. 483.

Abdirt man noch hierzu die gewonnene Arbeit Fps vor der Expansion, und bringt die durch den Gegendruck Fq verloren gehende Arbeit in Abzug, so erhält man die gewonnene Arbeit eines Kolbenschubes:

$$A = Fps + \frac{Fps^{\nu}}{\nu - 1} \left(\frac{1}{s^{\nu - 1}} - \frac{1}{s_1^{\nu - 1}} \right) - Fqs_1$$

$$= Fps \left[1 + \frac{1}{\nu - 1} - \frac{1}{\nu - 1} \left(\frac{s}{s_1} \right)^{\nu - 1} \right] - Fqs_1$$

$$= Fsp \left[1 + \frac{1}{\nu - 1} - \frac{1}{\nu - 1} \left(\frac{s}{s_1} \right)^{\nu - 1} - \frac{qs_1}{ns} \right].$$

Nach Rantine (f. beffen Manual of Applied Mechanics) ist für Dampffpannungen unter 12 Atmosphären annähernd $\nu={}^{10}/_{9}$, folglich

$$v-1 = \frac{1}{9} \quad \text{unb}$$

$$A = Fsp \left[10 - 9 \left(\frac{s}{s_1} \right)^{1/6} - \frac{qs_1}{ps} \right]$$

gu fegen.

Macht die Maschine pr. Minute n Spiele, so ist das verbrauchte Dampfquantum pr. Secunde:

$$Q=\frac{2n}{60}\,Fs=\frac{nFs}{30},$$

und bie Leiftung ber Dampfmafchine pr. Secunde:

1)
$$L = Qp \left[10 - 9 \left(\frac{s}{s_1}\right)^{\frac{1}{p}} - \frac{qs_1}{ps}\right],$$

oder, wenn man den Dampforud p auf den Quadratzoll bezieht:

$$L=144~Qp\Big[10-9\left(rac{s}{s_1}
ight)^{1/6}-rac{q\,s_1}{p\,s}\Big]$$
 Fußpfund.

Für

$$s_1 = s$$
 ist $\frac{s}{s_1} = 1$, und daher:

$$L=144~Qp\Big(1-rac{q}{p}\Big)$$
 Fußpfund, wie §. 478 angiebt.

Filr Woolf'iche ober zweichlindrige Dampfmaschinen ift

$$L=144\,Qp\Big[10\,-\,9\,\Big(rac{Fs}{F_1s_1}\Big)^{1/4}\!-rac{q\,F_1s_1}{p\,Fs}\Big]$$
 Fußpfund.

Nach Professor Grashof ist $\nu=1,14$ (s. das Borwort besielben zu Bölter's Wert "der Indicator" Berlin 1863) und Professor Zeuner finbet $\nu=1,135$ (s. bessen Grundzüge der mechanischen Wärmetheorie, Leipzig 1866.

Führt man $\nu = 1.135$, also $\nu - 1 = 0.135$ und $\frac{1}{\nu - 1} = \frac{1}{0.135}$ = 7,4074 ein, so erhält man

2)
$$L = Qp \left[8,4074 - 7,4074 \left(\frac{s}{s_1} \right)^{0,135} - \frac{qs_1}{ps} \right]$$

Beispiel 1. Für die eineplindrige Erpanfionsbampfmaschine in ben Belpielen zu ben \$\$. 480, und 481 ift

$$\frac{s_1}{s} = \frac{40}{16} = \frac{5}{2}, \frac{q}{p} = \frac{1}{8\frac{1}{2}} = \frac{2}{7}$$
 unb

144 $Qp = 16744 \cdot \frac{n}{50} = 16744 \cdot \frac{2n}{80} = 16744 \cdot 0.8 = 13395 \$ \$\text{Funb},

folglich bie theoretische Leiftung berfelben nach Rankine:

$$L = 144 \ Qp \left[10 - 9 \left(\frac{s}{s_1} \right)^{1/9} - \frac{q \ s_1}{p \ s} \right] = 13395 \cdot \left(10 - 9 \sqrt[9]{0.4} - \frac{2}{7} \cdot \frac{5}{2} \right)$$

= 13395. (10 - 8,1288 - 0,7148) = 13395. 1,1569 \(\Rightarrow\) 15500 Fußpfund = 82,3 Pferbefräste.

Die Berechnung nach ber erften, auf bas Mariotte'iche Gefet gegrundeten Formel gab L=38,5 Pferbefrafte,

und bie nach ber Bambour'fchen Formel

Beispiel 2. Für die Bools'sche Dampsmaschine im Beispiele zu §. 482 ift $\frac{V_1}{V}=\frac{F_1s_1}{F_2}=8,4722, \frac{q}{2}=\frac{1}{2\cdot 9\cdot 5}=\frac{1}{2\cdot 9}$

unb

144 Qp = 10660 # Fugpfund,

baber folgt nach ber letten Theorie für biefelbe Dafcine:

$$L = 10660 \pi \left(10 - \frac{9}{\sqrt[9]{3,4722}} - \frac{1}{28} \cdot 3,4722\right)$$

$$= 10660 \pi \left(10 - 7,8375 - 0,1240\right)$$

$$= 10660 \pi \cdot 2,0385 = 68270 \text{ Fußpfunb}$$

$$= 142,2 \text{ Pferbefräfte,}$$

während oben mittels ber erften Formel

L = 148,0 Pferbefrafte

und mittele ber zweiten

L = 140,8 Pferbefrafte

gefunden worben ift.

Beispiel 3. Für die einchlindrige Erpanstonsbampsmaschine in den obigen Beispielen, wo $\frac{s_1}{s}=\frac{40}{16}=\frac{5}{2}$, $\frac{q}{p}=\frac{9}{7}$ und 144 Qp=13395 ift, hat man nach Kormel 2)

wahrend oben mittels verschiedener anderen Formeln

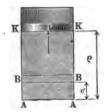
L = 32,8; 33,5 und 32,2 Bferbefrafte gefunden worben ift.

(§. 484) Anwendung der mechanischen Wärmetheorie. Wenn die Gewichtseinheit (1 Pfund) Wasser das Bolumen o hat, und unter dem constanten Drucke p in Damps vom Bolumen o verwandelt wird, so läßt sich die hierbei verrichtete mechanische Arbeit des letzteren

$$L = p \; (\varrho \; - \; \mathfrak{o})$$

schen, wie leicht zu finden ift, wenn man annimmt, daß ein anfangs über bem Waffer ftehender Rolben KK, Fig. 784, vom Querschnitt Gins ben

Fig. 784.



Beg $BK = AK - AB = \varrho - \sigma$ zurücklegt, und beachtet, daß dieser Beg auch zugleich das Bolumen $BKKB = \varrho - \sigma$, die d. i. Differenz zwischen dem Dampsvolumen ϱ und dem anfängelichen Basservolumen σ ift.

Nach ber mechanischen Wärmetheorie ift nun die bei Berrichtung bieser Arbeit verschwundene Wärmemenge

 $m = \frac{L}{A} = \frac{1}{A} p (\varrho - \sigma),$

wenn A bas mechanische Aequivalent ber Barne (f. §. 379) bezeichnet, wofür wir auch

$$m=rac{1}{A}pu$$

schreiben konnen, wenn wir die Differeng s - o zwischen bem Dampf- und bem Wasservolumen burch u bezeichnen.

Diese verschwundene Wärme ist jedenfalls ein Theil der sogenannten latenten oder Verdampfungswärme $W-\omega t$, welche wir hier mit w bezeichnen wollen, und wie oben §. 380, nach Regnault

 $w = W - \omega t = 606,50 - 0,695 t - 0,00002 t^2 - 0,0000003 t^3$ setzen können, und wird die äußere latente Wärme genannt, während ber in den Dampf wirklich übergegangene Theil

$$r = w - m = w - \frac{1}{A} pu$$

ben Namen die innere latente Barme erhalten hat.

Den Bergleichungen des herrn Professor Zeuner zufolge ift mit großer Genauigfeit

$$r = 575,40 - 0,791 t$$
 und daher
$$m = \frac{1}{A} pu = w - r$$

$$= 31,10 + 0,096 t - 0,00002 t^2 - 0,0000003 t^3$$

zu schen, wenn t die Temperatur des aus Basser von Rull Grad Barme erzeugten Dampfes angiebt.

Aus m = w - r folgt

$$u=\frac{Am}{p}=\frac{A}{p}(w-r),$$

und daher bas Bolumen ber Bewichtseinheit Dampf:

$$\varrho = u + \sigma = \frac{Am}{p} + \sigma$$
, und zwar $\varrho = \frac{424m}{p} + 0,001$,

ba anzunehmen ift, daß 1 Kilogramm Wasser das Bolumen $\sigma=1$ Decismeter =0,001 Cubitmeter habe, und daß das mechanische Wärmeäquivvalent A=424 Kilogrammeter betrage (f. §. 379).

Nun folgt ichließlich bas sogenannte specifische Dampfvolumen, b. i. bas Berhältniß bes Dampfvolumens zu bem bes Wassers bei einem und bemselben Gewicht:

$$\mu = \frac{\varrho}{\sigma} = 1 + \frac{424 \, m}{\sigma \, p} = 1 + \frac{424000 \, m}{p}$$

$$= 1 + \frac{424000}{p} (31,10 + 0,096 \, t - 0,00002 \, t^2 - 0,0000003 \, t^3),$$

ober, wenn man p in Atmosphären zu 10335 Kilogramm pr. Quabratmeter Fläche angiebt,

$$\mu = 1 + \frac{1275,9 + 3,9385t - 0,00082051t^2 - 0,000012308t^3}{p},$$

wie ichon oben in §. 391 angegeben wird.

Mit ziemlicher Genauigkeit läßt fich nach ben Berechnungen bes herrn Professor Beuner annahernb, wenn ber Dampfbrud p in Atmosphären angegeben wirb,

$$p e^{1,0646} = 1,704$$
 feten, wonach $e = 1,6498 p^{-0,9398}$ und $e = 1649,8 p^{-0,9398}$ folgt.

Benn in einem Gefäße AKK, Fig. 785 (a. f. S.), eine Gewichtseinheit (§. 485) Fluffigkeit vorhanden ist, wovon sich ein Theil & in Dampfgestalt befindet, und der übrige Theil (1 — 8) im liquiden Zustand (Wasser) ist, so tonnen wir nach dem Obigen setzen:

Das Bolumen bes Dampfes:

$$v_2 = (1 - \xi) \sigma$$
, und baher bas ber Mischung

$$v = v_1 + v_2 = \xi \varrho + (1 - \xi) \sigma = \xi (\varrho - \sigma) + \sigma = \xi u + \sigma.$$

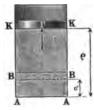
Um burch fortgefeste Barmeguführung bie Dampfmenge v um ein Element dv = ude ju vergrößern, ift ber elementare Barmegufat

1)
$$\partial Q = w \partial \xi = \frac{w dv}{u}$$
 nöthig.

Der mechanischen Barmetheorie zufolge ift auch, wenn Y eine Function ber Temperatur und Preffung bezeichnet,

$$\partial \, Q = rac{1}{A} \, Y \partial v,$$
 und $rac{Y}{T} = rac{\partial \, p}{\partial \, t},$

wobei $T=a+t=273^{\circ}+t$, die absolute Temperatur bezeichnet, und ∂p das einer unendlich kleinen Temperaturzunahme ∂t entsprechende Wachsthum der Prefequence; baher hat man



2)
$$\partial Q = \frac{1}{A} T \frac{\partial p}{\partial t} \partial v$$
,

und es ergiebt fich burch Gleichsten beiber Ausbrude für d Q unter 1) und 2)

3)
$$\frac{w}{u} = \frac{T}{A} \frac{\partial p}{\partial t} = \frac{a+t}{A} \left(\frac{\partial p}{\partial t} \right)$$
.

Die Wärmemenge einer aus & Dampf und (1 — &) Waffer zusammengesetzten Fluffigkeit, b. i. die Summe n + &r der Fluffigkeitswärme n = fwot und ber inneren latenten Wärme &r, geht in

$$n_1 + \xi_1 r_1$$

über, wenn die Temperatur t in t1, das Dampfquantum & in §1, die Fluffigkeitswärme n in n1 und die innere latente Wärme r in r1 umgesetzt wird;
es hat folglich bei dieser Zustandsveränderung die anfängliche Wärme der
zusammengesetzten Flufsigkeit um

$$n_1 + \xi_1 r_1 - (n + \xi r)$$
, ober $n_1 - n + \xi_1 r_1 - \xi r$

gus ober abgenommen, je nachbem t, größer ober fleiner als t ift.

Die entsprechenbe innere Arbeit ber Barme ift

4)
$$L = A (n_1 - n + \xi_1 r_1 - \xi r),$$

baher bas Element berfelben, wenn man q_1-q burch ∂q und $\xi_1 r_1-\xi r$ burch $\partial (\xi r)$ erset,

$$\partial L = A \left[\partial n + \partial \left(\xi r \right) \right],$$

und addirt man hierzu die mechanische Arbeit pov, welche bei der Ausbehnung der Flusseitsmasse um das Bolumelement ov verrichtet wird, so eishält man die der vorausgesetzten Zustandsveränderung entsprechende Arbeit

$$\partial L = A \left[\partial n + \partial (\xi r) \right] + p \partial v,$$

sowie umgekehrt, die der Fluffigkeit mitzutheilende Wärmemenge

$$\partial Q = \frac{\partial L}{A} = \partial n + \partial (\xi r) + \frac{1}{A} p \partial v.$$

Da ferner
$$v = \xi u + \sigma$$
 ift, so läßt sich
$$p\partial v = p\partial (\xi u) = \partial (\xi pu) - \xi u\partial p \text{ seken, so daß nun}$$
$$\partial Q = \partial n + \partial (\xi r) + \frac{1}{4} [\partial (\xi pu) - \xi u\partial p] \text{ folgt.}$$

Dem Dbigen aufolge ift aber

$$r=w-m=w-rac{1}{A}\,pu$$
, also auch $\xi r=\xi w-rac{1}{A}\,\xi pu$, und $\partial\left(\xi r
ight)=\partial\left(\xi w-rac{1}{A}\,\xi pu
ight)$, sowie $rac{uT}{A}\,\partial p=w\partial t$, oder $rac{u\partial p}{A}=rac{w\partial t}{T}$, baher folgt $\partial Q=\partial n+\partial\left(\xi w
ight)-rac{\xi w\partial t}{T}$.

Ferner ift noch ber befannten Differenzialformel:

$$\begin{split} \partial\left(\frac{x}{y}\right) &= \frac{y\partial x - x\partial y}{y^2} \text{ sufolge,} \\ \partial\left(\xi w\right) - \frac{\xi w\partial t}{T} &= \frac{T\partial\left(\xi w\right) - \xi w\partial\left(T - a\right)}{T} = T\left(\frac{T\partial(\xi w) - \xi w\partial T}{T^2}\right) \\ &= T \cdot \partial\left(\frac{\xi w}{T}\right), \text{ baher läßt fich auch} \end{split}$$

5)
$$\partial Q = \partial n + T \cdot \partial \left(\frac{\xi w}{T}\right)$$
 feten.

Enblich hat man noch $\partial n = w \partial t$, und $x \partial n = w x \partial t$, baher auch

$$\partial Q = \partial n + \partial (\xi w) - \frac{\xi w \partial t}{T}$$

$$= w \partial t - \xi w \partial t + w \partial \xi + \xi \partial w + \xi w \partial t - \frac{\xi w \partial t}{T}$$

$$= (1 - \xi) w \partial t + w \partial \xi + \xi \left(w + \frac{\partial w}{\partial t} - \frac{w}{T}\right) \partial t,$$

wofilr man nach Claufius

6) $\partial Q = (1 - \xi) w \partial t + w \partial \xi + \xi h \partial t$ schreibt, und wobei man die von der Temperatur t abhängige Function

$$w + \frac{\partial w}{\partial t} - \frac{w}{T}$$
 burch h bezeichnet.

In ber letten Formel 6) giebt bas Glieb (1 — £) wot benjenigen Theil ber aufgenommenen Wärme an, welcher auf die Erhöhung dt ber Temperatur ber Fluffigfeitsmenge (1 — £) verwendet worden ift; ferner stellt bas

Glieb wolf ben Wärmeaufwand vor, welchen die Fluffigkeitsmenge de bei ihrer Berwandlung in Dampf in Anspruch nimmt, und endlich repräsentirt khot ben Theil der Wärme dQ, welcher auf die bereits vorhandene Dampfwärme übergeht, und als die specifische Wärme des Dampfes angessehen werden kann.

(§. 486) Das adiabatische Pressungsgosots. Wenn während der Expansion oder Compression einer Flüssigkeit weder Wärme zu = noch abgesührt wird, so ändert sich der Druck p derselben nach dem sogenannten adiabatischen Pressungsgeses, und die Curve, welche dasselbe graphisch darstellt, heißt auch die adiabatische Curve. Bei der atmosphärischen Lust fällt dieses Pressungsgeses mit dem in §. 376 gefundenen Poisson'schen Gesetz zusammen; für den Wasserdmit sit es aber ein besonderes, dasselbe wird durch die Formel 5) des letzten Paragraphen ausgedrückt, wenn man der Boraussetzung entsprechend darin de Mull setz, so daß man die Gleichung

$$\partial n + T\partial\left(rac{\xi w}{T}
ight) = 0$$
 erhält. Hiernach ift $\partial\left(rac{\xi w}{T}
ight) = -rac{\partial n}{T}$, daher $rac{\xi w}{T} = -\int\!\!rac{\partial n}{T} = - au$, oder $rac{\xi w}{T} + au = 0$,

wenn man das zwischen den Grenzen T=0 und T=t genommene Integral $\int \frac{\partial n}{T}$ mit au bezeichnet. Da

 $n = \omega t = t + 0,00002 t^2 + 0,0000003 t^3$ ift (fiehe §. 380), so hat man

$$\begin{aligned} \partial n &= (1 + 0.00004 t + 0.0000009 t^2) \ \partial t, \text{ bather} \\ \frac{\partial n}{T} &= (1 + 0.00004 t + 0.0000009 t^2) \ \frac{\partial t}{T} \\ &= [1 + 0.00004 (T - a) + 0.0000009 (T - a)^2] \ \frac{\partial T}{T} \\ &= \frac{1 - 0.00004 a + 0.0000009 a^2}{T} \ \partial T \end{aligned}$$

+ $(0,00004 - 0,0000018 a) \partial T + 0,0000009 T \partial T$, fo daß nun, wenn man a = 273 einset,

$$\frac{\partial n}{T} = 1,05615 \frac{\partial T}{T} - 0,0004514 \partial T + 0,0000009 T \partial T, \text{ batter}$$

$$\int \frac{\partial n}{T} = 1,05615 \text{ Log. nat. } T - 0,0004514 T + 0,000000045 T^2,$$

und die gesuchte Temperaturfunction

1)
$$\tau = \int_{a}^{T} \frac{\partial n}{T} = 1,05615 \ Log. \ nat. \left(\frac{T}{a}\right) - 0,0004514 \ (T-a) + 0,00000045 \ (T^a - a^2) = 1,05615 \ Log. \ nat. \left(\frac{a+t}{a}\right) - 0,0004514 \ t + 0,00000045 \ (2\ a\ t + t^2) \ folgt.$$

Nimmt man annähernd im Mittel @ = 1,0224 an, so erhält man

2)
$$\tau = \omega \int_a^T \frac{\partial T}{T} = \omega \text{ Log. nat. } \left(\frac{T}{a}\right)$$

= 1,0224 Log. nat. $\left(\frac{a+t}{a}\right)$.

Sind für eine gewiffe Anfangstemperatur $T_1 = a + t_1 = 273 + t_2$ bie Berthe von w, n und ξ , w_1 , n_1 und ξ_1 , so hat man auch

$$\frac{\xi_1 w_1}{T_1} + \tau_1 = 0, \text{ and daher}$$

$$\frac{\xi w}{T} + \tau = \frac{\xi_1 w_1}{T_1} + \tau_1.$$

Rennt man die Werthe von ξ_1 , w_1 , T_1 und τ_1 für den Anfangszustand, fo kann man mit Hulfe der letteren Gleichung die einer anderen Temperatur entsprechende specifische Dampfmenge berechnen, indem man sett:

$$\xi = \frac{T}{w} \left(\frac{\xi_1 w_1}{T_1} + \tau_1 - \tau \right) \cdot$$

Bat man bann noch bie Bolumenbiffereng

4)
$$u = \varrho - \sigma = \frac{Am}{p} = \frac{424}{p} (31,10 + 0,096t - 0,00002t^2 - 0.0000003t^3)$$

ermittelt, fo tann man in dem einen oder anderen Fall die Bolumina ber 3. B. aus Dampf und Baffer bestehenden zusammengeseten Fluffigkeit:

$$v_1 = \xi_1 u_1 + \sigma$$
 und $v = \xi u + \sigma$,

fowie bas Expanfions - ober Compressionsverhältniß

$$s = \frac{v}{v_1} = \frac{\xi u + \sigma}{\xi_1 u_1 + \sigma_1}$$
 berechnen.

Fällt & kleiner aus als &1, so folgt, baß während ber Bolumenveränderung eine Berminderung der specifischen Dampsmenge und daher ein theils weises Niederschlagen des Dampses als Wasser stattgefunden hat, wie bei der Expansion des Dampses im Cylinder einer Dampsmaschine gewöhnlich eintritt.

Beifpiel. Benn fich in einem Dampfeplinder 1 Kilogramm gefättigter Bafferbampf von 4 Atmofpharen Drud ohne Beimifchung von Baffer befindet, und

fich berfelbe beim Ausschieben bes Rolbens bis auf ben Druck von 1 Atmosphare ausbehnt, so läßt fich fragen: welche Beranberung erleibet hierbei bas specifische Dampfvolumen, die Dichtigkeit bes Dampfes u. f. w.

Es ist hier $p_1=4$ Atmosphären, und die Temperatur des Dampses $t_1=144$ Grad (s. Tabelle II, Seite 875), solglich $T_1=273+144=417^\circ$, und nach der obigen Formel (1)

$$\tau_1 = 1,05615 \ Log. \ nat. \left(\frac{417}{273}\right) - 0,0004514 \cdot 144 + 0,000000045 \left(144 \cdot 546 + 1442\right)$$

= 0.4474 - 0.0650 + 0.0447 = 0.4271:

ferner hat man für t, = 1440,

$$w_1 = 606,50 - 0,695$$
. $144 - 0,00002$. $144^3 - 0,0000003$. $144^8 = 606,50 - 100,08 - 0,41 - 0,90 = 505,11,$

und baber, wenn man noch $x_1=1$ einführt, weil man es mit trockenem Dampf zu thun hat,

$$\frac{\xi_1 w_1}{T_1} + \tau_1 = \frac{505,11}{417} + 0,4271 = 1,6384.$$

Rach der Expansion ist der Dampsverd p=1 Atmosphäre, daher, unter der Boraussehung, daß sich derselbe hierbei noch im gesättigten Zustande besindet, die Temperatur desselben: t=100 Grad, und $T=373^{\circ}$. Hiernach folgt

$$\tau = 1,05615 Log.nat. \left(\frac{373}{273}\right) - 0,0004514 \cdot 100 + 0,00000045 (100.546 + 100°)$$

$$w = 606,50 - 69,50 - 0,20 - 0,30 = 536,50$$
 unb

$$\frac{\xi w}{T} + \tau = \frac{536,5 \xi}{373} + 0.81356 = \frac{w_1}{T_1} + \tau_1 = 1.6384.$$

Die Aufidjung biefer Gleichung giebt bie fpecififche Dampfmenge nach er-folgter Erpanfton:

$$\xi = \frac{(1,6384 - 0,81356) \cdot 373}{536.5} = 0,9211$$
 Kilogramm.

Da bas ursprüngliche Dampfquantum 1 Kilogramm betrug, fo hat fich folgelich bei ber Erpanfion bes Dampfes im Dampfrhinder 0,0789 Kilogramm Dampf als Baffer niedergeschlagen, und es ift hiernach auch die Annahme, daß ber Dampf während ber Erpanfion gefättigt bleibt, gerechtfertigt.

Ferner hat man noch bie Bolumenbiffereng

$$u_1 = e_1 - \sigma = \frac{424}{p_1} (31,10 + 0,096 t - 0,00002 t^2 - 0,0000008 t^3),$$

ober, ba ber Dampfbrud pr. Quabratmeter p = 10835 Kilogramm zu feten ift,

$$\mathbf{w}_1 = \frac{424}{4 \cdot 10335} (31,10 + 0,096 \cdot 144 - 0,00002 \cdot 144^2 - 0,0000003 \cdot 144^3)$$

$$=rac{106}{10335}\cdot 48,613=0,4474$$
, folglich bas anfängliche Dampfvolumen:

$$v_1=u_1+\sigma=0,4484;$$
 und ebenso ift für bas Ende bes Kolbenschubs

$$u = \varrho - \sigma = \frac{424}{10335} (81,10 + 0,096.100 - 0,00002.100^{\circ} - 0,0000003.100^{\circ})$$

$$=\frac{424.40,20}{10935}=1,6492,$$

baber bas Bolumen bes Dampf = und Baffergemenges

 $v = \xi u + \sigma = 1,6492.0,9211 + 0,0010 = 1,5200,$ und bas Erpanfionsverbaltniß:

$$\epsilon = \frac{v}{v_1} = \frac{1,5200}{0,4484} = 8,390.$$

Benn anfänglich im Dampfcplinder bas Fluffigfeitsgemenge aus 0,9 Rilogr. Dampf und 0,1 Rilogramm Baffer bestanden hatte, welches vielleicht vom Dampf aus bem Dampffeffel mit fortgeriffen fein konnte, so ware

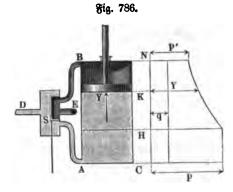
$$\frac{\xi_1 w_1}{T_1} + \tau_1 = \frac{0.9 \cdot 505,11}{417} + 0.4271 = 1.5178$$
, baher $\xi = \left(\frac{1.5173 - 0.3136}{586.5}\right)$. $873 = 0.8869$ Kilogramm.

hierbei wurde folglich 0,9000 - 0,8369 = 0,0631 Kilogramm Dampf mahr rend ber Expanfion conbenfirt werben, und es mare

$$v_1=\xi_1\,u\,+\,0,001=0,9\,.\,0,4474\,+\,0,001=0,4037$$
 und $v=\xi\,u\,+\,0,001=0,8369\,.\,1,6492\,+\,0,001=1,3812,$ baher bas Expansionsverbältniß

$$\epsilon = \frac{v}{v_1} = \frac{1,8812}{0.4037} = 3,419.$$

Theoretische Leistung einer Dampsmaschine nach der \S . 487 mechanischen Wärmetheorie. Bei der Dampsmaschine CABD, Fig. 786, sei s der Kolbenhub CH mährend des vollen Dampsbrucks p, s_1



ber ganze Kolbenweg CN, nach bessen Zurücklegung ber Dampsbruck in p1 übergegangen ist, und x ber veränderliche Kolbenweg CK, welchem die allmälig abnehmende Dampsspannung y entspricht, endlich sei q ber Gegendruck, welcher längs des ganzen Kolbenwegs s1 der Bewegung des Kolbens entgegenwirkt. Bei Durchlaufung des Kol

benwegs s wirft ber Dampf auf die Rolbenfläche F mit der Rraft P = Fp, und leistet die burch die Formel

$$L_0 = Fps = Fsp = Vp = \frac{Mp}{v} = QMp$$

auszudrudende mechanische Arbeit, in welcher V das verbrauchte Dampfquantum nach dem Bolumen, und $M=V\gamma=rac{V}{o}$ basselbe nach dem Gewichte bezeichnet.

Benn ber Dampstolben nach bem Absperren bes Dampses burch ben Schieber s noch ben Beg $HN=s_1-s$ zurücklegt, hierbei bas specifische Dampsvolumen aus ξ in ξ_1 , die Flüssigkeitswärme n in n_1 und die innere latente Bärme des Dampses aus r in r_1 übergeht, so liefert dem adiabatischen Gesetz zufolge, welches voraussetzt, daß weder eine Wärmezuführung noch eine Bärmeableitung statthat, der Damps die Expansionsarbeit

$$L_1 = AM (n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1)$$
, f. Formel 4) des (§. 485).

Run geht aber noch burch den Gegendruck q die mechanische Arbeit

$$L_2 = Fqs_1 = Fs_1q = \frac{Vs_1}{s}q = \frac{Ms_1q}{Vs} = QMq\frac{s_1}{s}$$

verloren, baber folgt fchließlich die gewonnene Arbeit bei einem Rolbenausfchube:

1)
$$L = L_0 + L_1 - L_2 = L_1 + L_0 - L_2$$

 $= AM (n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1) + V \left(p - \frac{s_1}{s} q \right)$
 $= V \left[A\gamma (n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1) + p - \frac{s_1}{s} q \right]$
 $= M \left[A (n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1) + \varrho \left(p - \frac{s_1}{s} q \right) \right]$

hierzu ist bas specifische Dampfvolumen bes expandirten Dampfes nach ber Formel

2)
$$\xi_1 = \frac{T_1}{w_1} \left(\xi \, \frac{w}{T} + \, \mathfrak{r} \, - \, \mathfrak{r}_1 \right)$$
 du berechnen.

Macht die Dampfmaschine pr. Minute n Spiele, so ist das verbrauchte Dampfquantum pr. Secunde im Durchschnitt

$$Q=\frac{2nAs}{60}=\frac{nV}{30},$$

und baber bie Leiftung berfelben pr. Secunde:

3)
$$L = Q \left[A \gamma (n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1) + p - \frac{s_1}{s} q \right],$$

ober, wenn p und q die Drücke auf den Quadratzoll Kolbenstäche angeben und das Dampfquantum Q in Cubitsuß ausgebrückt wird,

4)
$$L = Q \left[A \gamma \left(n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1 \right) + 144 \left(p - \frac{s_1}{s} q \right) \right]$$
 Fulppid.

Beispiel. Für die in dem Beispiel (von §. 480 u. s. w.) berechnete Dampfmaschine war $p=3\frac{1}{2}$ Atmosphären und q=1 Atmosphäre =14,1 Plund pr. Quadratzoll, sowie das Expansionsverhältniß $\frac{s_1}{s}=\frac{5}{2}$, daher hat man für rasselbe,

144
$$\left(p - \frac{s_1}{s} q\right) = 144.14,1 (3.5 - 2.5.1) = 2080,4$$
 Ffunb.

Auch war ber Inhalt ber Kolbenfläche: F=254,47 Duadratzoll und ber

Rolbenhub mahrend bes Bollbrucks: s = 0,4 s, = 16 Boll, baber bas ver brauchte Dampfquantum pr. Rolbenhub:

$$V = \frac{Fs}{1728} = \frac{254,47 \cdot 16}{1728} = \frac{254,47}{108} = 2,856$$
 Eublifuß,

und, ba bie Mafchine n = 24 Spiele pr. Minute macht, bas Dampfquantum pr. Secunte:

$$Q = \frac{n V}{30} = 0.8.2,356 = 1,885$$
 Cubiffus.

Bei 31/2 Atmospharen Drud ift bie Temperatur bes gefattigten Dampfes, t=139 Grad und die absolute Temperatur $T=273^{\circ}+t=412$ Grad, serner bie Temperaturfunction

$$\tau = 1,0224 \ Log.\ nat.\ \left(\frac{412}{273}\right) = 1,0224 = 0.4208,$$

und bie Dichtigfeit bes Dampfes, nach Tab. in §. 391,

$$\gamma = \frac{61,75}{\mu} = \frac{61,75}{508,2} = 0,1215$$
 Pfund.

Unter ber Boraussehung, bag ber Dampf am Enbe bes Rolbenichubs wie anfange noch gefättigt fei und ben Druck p=1,3 Atmospharen habe, ift bie Temperatur beffelben $t_1 = 107,5$ Grab, so daß $T_1 = 380,5$, und t = 0,3395 ausfällt.

 $t = 139^{\circ}, w = 606.50 - 0.695 \cdot 139 - 0.00002 \cdot 139^{\circ} - 0.0000003 \cdot 139^{\circ} = 508.7$ und für

 $t_1 = 107.0, w_1 = 531.1, \text{ fewie } \xi = 1 \text{ ift,}$

Da nech bie Berbampfungemarme für

fo folgt bas fpecififche Bolumen bes Dampfes am Enbe bes Rolbenfchubs:

$$\begin{aligned} \xi_1 &= \frac{380.5}{531.1} \left(\frac{508.2}{412} + 0.4208 - 0.3395 \right) \\ &= \frac{380.5}{5\overline{3}1.1} \cdot 1.316 = 0.948. \end{aligned}$$

Ferner ift für t = 1390, bie Fluffigfeitenvarme

$$n = 139 + 0,00002 \cdot 139^2 + 0,00000003 \cdot 1393 = 140,19$$

 $t_1 = 107,5^0, n_1 = 107,09,$ und für

 $n - n_1 = 140,19 - 107,09 = 33,10$ baher sowie für

t = 1390, bie innere latente Barme

$$r = 575,40 + 0,791$$
 $t = 575,40 + 0,791$. 139 = 464,5
unb für $t_1 = 107,5^0$, $r_1 = 490,4$, folglich, ba $\xi = 1,00$ unb $\xi_1 = 0,943$, $\xi r - \xi_1 r_1 = 464,5 - 0,943$. 490,4 = 2,10.

Roch hat man bas mechanische Barmeaquivalent A=1351 Fußpfund, bas her ift ichließlich die Leiftung ber gedachten Dampfmaschine pr. Secunde.

$$L = Q \left[A \gamma \left(n - n_1 + \xi r - \xi_1 r_1 \right) + 144 \left(p - \frac{s_1}{s} q \right) \right]$$

= 1,885 [1351.0,1215 (33,10 + 2,10) + 2030,4]

= 1,885 (5625,4 + 2030,4) = 1,885.7656 = 14431 Fußpfund.

In bem Beifpiel 1 gu S. 483 ift bei bem Erpanftoneverhaltniß

$$s=\frac{s_1}{s}=\frac{10}{4}=2,50,$$

L=15500 Fußpfund gefunden worben, mahrend hier

$$s = \frac{\xi_1 u_1}{u} = 0.943 \frac{u_1}{u} = 0.943 \frac{u_1}{u} = 0.943 \cdot \frac{1289}{508.2} = 2.39$$

b. i. 41/9 Procent fleiner ausfällt.

worden, welche allerdings in den meisten Fällen der Anwendung noch die Interpolation von Zwischenwerthen nuthig macht. Wie Zur Erleichterung der Berechnung einer Dampfmaschine nach der mechanischen Wärmetheorie ist folgende Tabelle beigefügt aus ber Formel 4) zu erseben, finden bei Berechnung ber Leistung einer Dampfunsschine vorzuglich bie in der 7ten und 10ten Columne angegebenen Werthe ihre Anwendung.

Labeile

zur Berechnung der theoretischen Leistung einer Dampfmaschine nach der mechanischen Warmetheorie.

Innece latente Bakrme r=v-m	5,88,8	510,8	496,3	487,0	480,0	474,8	469,4	461,3	455,0	449,5	444,6	440,8
Acufere latente Warme $m=rac{1}{A}ps$	35,5	98'6	40,2	41,2	41,9	42,4	42,9	48,6	44,2	44,7	45,1	45,4
Berbampfungsbudrung $w = W - n$	574,8	549,4	536,5	528,2	521,9	516,7	512,3	505,1	499,2	494,2	489,7	485,7
Flüssene kettewärme n	46,3	82,0	100,5	112,4	121,4	128,8	135,0	145,3	153,7	160,9	167,2	172,9
Gesammts warme W	9'029	631,4	637,0	640,6	643,3	645,5	647,3	650,4	652,9	655,1	. 6'929	9'899
Specific iches Dampfe volumen μ	14556	8172	1650	1127	829,8	697,1	587,4	448,4	963,6	306,4	265,2	288,9
Lemperas turfunction r	0,1584	0,2627	0,3136	0,8475	0,3681	0,3890	0,4020	0,4271	0,4469	0,4639	0,4784	0,4912
Abfolute Temperatur T = 243 $^{\circ}$ + t	819,2	354,7	373,0	884,7	393,6	400,8	406,9	417,0	425,2	482,2	438,8	443,8
Temperatur t bes Dampfes in Centestmals grad	46,2	81,7	0,001	111,7	120,6	127,8	133,9	144,0	152.2	159,2	165,3	170,8
Preffung p in At: mosphären	0,1	0,5	0,1	1,6	2,0	2,5	8,0	4,0	0,0	0,9	0'2	8,0

Bronnstoffmonge. Wir haben in dem Borstehenden die Leistung des §. 488 Dampfes bei Dampfmaschinen durch das verbrauchte Dampfquantum und durch die Dampfspannung ausgedrückt; da aber die letzteren Factoren von dem Wärmequantum und dieses wieder von dem Brennmaterialauswand abhängt, so können wir nun auch die Leistung einer Dampfmaschine durch den Brennstoffauswand ausdrücken.

Sett man das specifische Dampfvolumen, ober das Berhaltniß bes Dampfvolumens zum Wasservolumen

$$\mu=\frac{\alpha}{\beta+p},$$

so bekommt man bas in ber Dampfmenge Q liegende Bafferquantum

$$Q_1 = \left(\frac{\beta + p}{\alpha}\right) Q,$$

und beffen Bewicht, ba ein Cubitfuß Baffer 61,75 Pfund wiegt,

$$Q\gamma=61,75\left(rac{oldsymbol{eta}+oldsymbol{p}}{lpha}
ight)Q$$
 Pfunb.

Rach §. 401 ist die Bärmemenge, welche $Q\gamma$ Bfund Baffer von der Temperatur t_1^0 zur Berwandlung in Dampf von t^0 Bärme erfordern:

nehmen wir aber dafür ben Mittelwerth

$$W = (640 - t_1) Q \gamma$$

an, fo befommen wir

$$W = 61,75 (640 - t_1) \cdot \frac{\beta + p}{\alpha} Q,$$

fowie umgefehrt:

$$Q = \frac{\alpha W}{61,75 (640 - t_1)(\beta + p)}.$$

Rennen wir nun die Anzahl ψ der Wärmeeinheiten, welche aus der Berbrennung von 1 Pfund Brennstoff hervorgeht, entnehmen wir diese Zahl z. B. aus der Tabelle in §. 400, so können wir nun auch den der Danupfmenge Q entsprechenden Brennstoffauswand K berechnen; wir setzen nämlich $W = \psi K$, also

$$K = \frac{W}{\psi} = 61,75 (640 - t_1) \cdot \frac{\beta + p}{\alpha \psi} Q,$$

fowie umgetehrt:

$$Q = \frac{\alpha \psi K}{61,75(640 - t_1)(\beta + p)}.$$

Rehmen wir an, daß ein Pfund Rohlenstoff bei feiner Berbrennung 7500 Barmeeinheiten giebt und daß hiervon nur 60 Procent gur Birtung tommen (vergl. §. 399), setten wir ferner für t_1 ben Mittelwerth = 40°, so erhalten wir

$$Q = \frac{0.6.7500 \, \alpha \, K}{61.75.600 \, (\beta + p)} = 4/82 \cdot \frac{\alpha}{\beta + p} \, K,$$

fowie

$$K = \frac{33}{4} \cdot \frac{\beta + p}{\alpha} Q.$$

Für Maschinen mit Condensation ober Tiefdrud ift nach Pam-

$$\mu = \frac{\alpha}{\beta + p} = \frac{27238}{1,637 + p},$$

und für folde ohne Conbenfation ober Sochbrud

$$\mu = \frac{\alpha}{\beta + p} = \frac{28961}{4,120 + p},$$

also im erften Falle

1)
$$Q = \frac{4}{33} \cdot \frac{27283}{1,637 + p} R = \frac{3307 K}{1,637 + p}$$

und im zweiten

2)
$$Q = \frac{4}{33} \cdot \frac{28961}{4,120+p} K = \frac{3510 K}{4,120+p}$$

Much tann man bas specifische Danisfvolumen nach ber Formel

$$\mu = 1649,8 \ p^{-0,9393} \ {
m Atmofphären}$$

berechnen, ober aus ber Tabelle in §. 391 entnehmen.

Anmerfung. Rechnet man mit Gulfe ber Formel

3)
$$\gamma = \frac{0,003539 \, p}{1 + 0.00367 \, t}$$
 bes Paragraphen 393 in Bb. I,

für die Dichtigfeit des Dampfes, fo erhalt man bas Gewicht von & Cubiffus Dampf:

$$Q\gamma = \frac{0,003539 \, p \, Q}{1 + 0.00367 \, t},$$

baber bie entiprechenbe Barmemenge:

$$W = \frac{0,003539 (640 - t_1) p Q}{1 + 0,00367 t},$$

und ben Brennmaterialauswand bei Erzeugung ber Dampfmenge Q:

$$K = \frac{0.003539}{\sqrt{(1+0.00367 t)}} \frac{(640-t_1) p Q}{(640-t_1)};$$

alfo umgefehrt, die Dampfmenge, welche bei Berbrennung ber Rohlenmenge K erzeugt werden fann:

$$Q = \frac{(1 + 0.00367 t) \psi K}{0.003539 (640 - t_1) p}.$$

Segen wir $t_1=40$ und $\psi=4500$ ein, fo erhalten wir

$$Q = 2119 (1 + 0.00367 t) \frac{K}{p},$$

und zwar für $t=100^{\circ}, \quad 120^{\circ}, \quad 140^{\circ}, \quad 160^{\circ},$ $Q=\frac{2897\ K}{2}, \quad \frac{3052\ K}{2}, \quad \frac{3708\ K}{2}, \quad \frac{3363\ K}{2}$ Cubiffuß.

Beispiel. Wie viel Dampf von $3\frac{1}{3}$ Atmosphären Spannung giebt die Berbrennung von 1 Pfund Kohlenstoff? Rach der Tabelle in §. 891 ist hier $\mu=508,2$, daßer

$$Q = \frac{4}{33}.5087 = 61,6$$
 Cubiffuß;

nach ber Formel 1) hat man bagegen

$$Q = \frac{8307 \ K}{1,637 + p} = \frac{8307}{1,637 + 8,5.14,11} = 64,8 \text{ Gubiffuß},$$

und nach ber Formel 2)

$$Q = \frac{3510 \, K}{4,120 + p} = \frac{3510}{4,120 + 3,5.14,11} = 65,6$$
 Cubiffuß.

Ferner ift nach ber Formel $\mu=1649.8~p^{-0.9398}$, $\mu=1649.8.3,5^{-0.9398}=535,1$, und baher $Q=\frac{4}{83}~\mu=64.8$ Cubiffuß, und endlich nach ber obigen Formel

$$Q = 2119 (1 + 0.00367 t) \frac{K}{p}$$

ba ber Spannung von 31/3 Atmosphären bie Temperatur von 140° entspricht,

$$Q = \frac{3203}{8,5.14,10} = \frac{3203}{49,35} = 64,9$$
 Cubiffus.

Leistungsformeln. Berbinden wir die Formeln bes letten Bara- §. 489 graphen mit ben weiter oben gefundenen Leistungsformeln, so erhalten wir eine Gleichung, welche die Beziehung zwischen Leistung und Brenn-materialaufwand ausdrückt. Legen wir gleich die allgemeine Leistungs-formel von Pambour,

$$L=144~Q(eta+p)\Big[1+Log.\,nat.\,\Big(rac{F_1s_1}{Fs}\Big)-rac{eta+q}{eta+p_1}\Big]$$
 Fußpfund

jum Grunde, feten wir barin

$$Q = \frac{\psi}{640 - t_1} \cdot \frac{\alpha}{\beta + p} \cdot \frac{K}{61.75},$$

fo betommen wir

$$L = \frac{144 \psi}{640 - t_1} \cdot \frac{\alpha}{\beta + p} \cdot \frac{K}{61,75} (\beta + p) \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{F_1 s_1}{F s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right]$$

$$^{58}/_{25} \frac{\psi \alpha}{640 - t_1} \cdot \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{F_1 s_1}{F s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right] K;$$

nehmen wir $t_1 = 40$ und $\psi = 4500$ an, so folgt baher

$$L = \frac{87}{5} \cdot \left[1 + Log. \, nat. \left(\frac{F_1 \, s_1}{F s}\right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1}\right] \alpha \, K \,$$
 Fußpfund.

Fitr Tiefbrudmaschinen ift a = 27283 und baber

$$L = 474724 \left[1 + Log. nat. \left(\frac{F_1 s_1}{Fs} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} \right] K$$

fowie für Sochbrudmaschinen, für welche sich $\alpha=28961$ feten läßt,

$$L = 503922 \left[1 + Log. \, nat. \left(rac{F_1 s_1}{F s}
ight) - rac{eta + q}{eta + p_1}
ight] K$$
 Fußpfund.

Sett man noch $F_1=F$, so erhält man die Leistungsformeln für Dampfmaschinen mit einem Cylinder, und nimmt man auch noch $s_1=s$, sowie $p_1=p$ an, bekommt man die Leistungsformeln für Maschinen ohne Expansion, und zwar für Tiesbruck

$$L = 474724 \left(1 - \frac{\beta + q}{\beta + p}\right) K,$$

und für Bochbrud

$$L=503922\Big(1-rac{eta+q}{eta+p}\Big)K$$
 Fußpfund.

Bei Condensationsmaschinen läßt sich die Condensation nur bis auf $^{1}/_{10}$ und die Expansion bis auf circa $^{1}/_{2}$ Atmosphäre treiben, während bei Maschinen ohne Condensation lettere nur bis auf $^{3}/_{2}$ Atmosphären Druck gesteigert werden kann; legen wir diese Berhältnisse zu Grunde, und drücken wir die Spannungen p, p_{1} und q in Atmosphären aus, so erhalten wir

1) für Dampfmafdinen mit Tiefbrud und Expansion

$$\frac{F_1 s_1}{Fs} = \frac{\beta + p}{\beta + p_1} = \frac{0.1161 + p}{0.1161 + 0.5} = \frac{0.1161 + p}{0.6161} = 0.188 + 0.1623 p,$$
unb

$$\frac{\beta + q}{\beta + p_1} = \frac{0.1161 + 0.1}{0.1161 + 0.5} = \frac{0.2161}{0.6161} = 0.351;$$

2) für Dampfmafdinen mit Bochbrud und Conbenfation

$$\frac{F_1 s_1}{Fs} = \frac{\beta + p}{\beta + p_1} = \frac{0.2922 + p}{0.2922 + 0.5} = \frac{0.2922 + p}{0.7922} = 0.369 + 1.262 p$$

$$\frac{\beta + q}{\beta + p_1} + \frac{0.2922 + 0.1}{0.2922 + 0.5} = \frac{0.3922}{0.7922} = 0.495;$$

3) für Dampfmafdinen mit Sochbrud und ohne Condenfation

$$\frac{F_1 s_1}{F_8} = \frac{\beta + p}{\beta_1 + p_1} = \frac{0.2922 + p}{0.2922 + 1.5} = \frac{0.2922 + p}{1.7922} = 0.163 + 0.558 \, p$$

und

$$\frac{\beta + q}{\beta + p_1} = \frac{0.2922 + 1}{0.2922 + 1.5} = \frac{1.2922}{1.7922} = 0.721;$$

4) filt Tiefbrudmafdinen ohne Erpanfion

$$\frac{\beta+q}{\beta+p} = \frac{0,1161+0,1}{0,1161+p} = \frac{0,2161}{0,1161+p};$$

5) für Mafchinen mit Bochbrud, ohne Expansion und mit Conbenfation

$$\frac{\beta+q}{\beta+p} = \frac{0,2922+0,1}{0,2922+p} = \frac{0,3922}{0,2922+p};$$

6) für Maschinen mit Sochbrud, ohne Expansion und ohne Con-

$$\frac{\beta + q}{\beta + p} = \frac{0.2922 + 1}{0.2922 + p} = \frac{1.2922}{0.2922 + p}.$$

hiernach ift die Leiftung einer Dampfmaschine vom System I:

L = 474724 [0,649 + 2,3026 Log. nat. (0,188 + 1,623 p)] K; ferner vom System II:

 $L = 503922 \ [0.505 + 2.3026 \ Log. nat. (0.369 + 1.262 p)] K;$ ferner vom System III:

 $L = 503922 \ [0,279 + 2,3026 \ Log. nat. (0,163 + 0,558 p)] K;$ ferner vom System IV:

$$L = 474724 \left(1 - \frac{0,2161}{0,1161 + p}\right) K;$$

ferner bom Syftem V:

$$L=503922\left(1-rac{0.3922}{0.3922+p}
ight)K$$
 unb

ferner bom Syftem VI:

$$L = 503922 \left(1 - \frac{1,2922}{0,2922 + p}\right) K$$
 Fußpfund.

Beispiel. Welche Leiftung verspricht eine eineplindrige Dampfmaschine mit Expansion und Condensation, welche ftundlich 40 Pfund Roble verbraucht und mit Dampf von 4 Atmosphären Spannung arbeitet? Nach Formel III. ift

$$L = 503922 [0,505 + 2,3026 Log. nat. (0,369 + 1,262.4)] K$$

=
$$503922 (0,505 + 2,1026 Log. nat. 5,417) \cdot \frac{40}{3600}$$

$$= 503922 (0.505 + 1.689) \cdot \frac{1}{90} = \frac{503922 \cdot 2.194}{90}$$

= 12285 Fußpfund = 25,8 Pferbefrafte.

Seten wir in ben letten Formeln II, III, V und VI, K=1 und §. 490 $p=1,\,2,\,3,\,4$ Atmosphären n. s. w. ein, so erhalten wir für biese vier Maschinensussen bie theoretischen Leistungen, welche einem Pfunde Roh-lenstoff bei verschiedenen Dampsspannungen entsprechen.

Folgende Tabelle giebt biefe Leistungen in Pferdelräften, jede zu 480 Fußvfund für 1 Bfund Roblenstoff pr. Secunde an.

Dampffpa in Atmosph		J	1	11/2	2	3	4	5	6	7	8	æ
Erranfion&	mit		1044	1388	1646	2026	2304	2524	2701	286 3	2996	8
maschinen	ohne	Condenfation	0	293	551	931	1210	1430	1625	1766	1901	00
Maschinen ohne	mit	Conde	731	820	870	925	954	972	985	993	1000	1050
Erpanston	ohne		0	293	458	63 8	732	796	834	864	886	1050

Man ersieht ans diefer Tabelle, bag die Maschinen mit Expansion und Contensation weit größere Leiftungen versprechen ale bie übrigen Daschinen. und bag bie Leiftungen um fo größer ausfallen, je größer bie Spannung bes Dampfes ift. Bahrend bei ber Spannung von 3 Atmosphären bie Leiftung auf jedes Pfund Rohlenftoff 2026 Pjerdefrafte beträgt, ift dieselbe bei 8 Atmosphären Spannung 2996 Pferdefräfte. Ferner zeigt diese Tabelle, daß die Expansionsmaschinen ohne Condensation viel weniger leisten als die mit Conbenfation, und bag bei letteren ber Ruten ber Expanfion erft bei boberen Dampfspannungen hervortritt. Bei 3 bis 4 Atmosphären Spannung ift 3. B. die Leiftung der Expausionsmaschine mit Condensation noch einmal fo groß, als die einer folchen Maschine ohne Condensation. Ferner ift aus dieser Tabelle zu entnehmen, daß die Daschinen ohne Expansion und mit Conbensation eine mit ber Spannfraft bes Dampfes wenig machfenbe Leiftung geben, welche g. B. bei 3 Atmosphären ungefähr gleichkommt ber Leiftung einer Expansionemaschine ohne Conbensation, und bei 8 Atmosphären ungefahr Die Balfte ift von ber Leiftung ber letigenannten Dafchinen. Es gewährt also bie Anwendung einer hoben Spannung hier teinen großen Gewinn. Endlich führt diese Tabelle vor Augen, daß die Dampfmaschinen ohne Ervansson und ohne Condensation bei kleinen und mittleren Dampspannungen sehr wenig leisten, und nur bei hoben Spannungen der britten Claffe an Wirkung nahe gleichkommen.

Obgleich es hiernach stets vortheilhafter ift, Dämpfe mit hoher Spannung anzuwenden, als solche mit schwacher Spannung, so darf man doch erfahrungsmäßig mit der Spannkraft der Dämpfe nicht zu weit gehen, namentlich 8 Atmosphären nicht übersteigen, weil bei hohen Spannungen die Rebenhindernisse, besonders aber die Wärmeverluste sehr groß ausfallen, so daß der

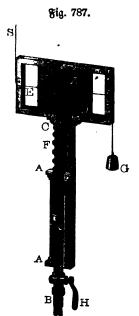
Gewinn, welchen hohe Spannungen auf ber einen Seite gewähren, burch einen Berluft auf ber anderen wieder aufgehoben ober gar übertroffen wird. hierzu tommt noch, daß die Gefahr des Zerspringens und die Berwüftungen beim Zerspringen der Ressel viel größer ausfallen, wenn diese flart gespannte Dämpfe erzeugen, als wenn sie zur Erzengung schwach gespannter Dämpfe bienen.

Setzen wir das mechanische Acquivalent der Wärme 1351 Fußpfund (s. §. 379) und die durch die Berbrennung von 1 Pfund Kohlenstoff erlangte Wärmemenge = 7500 Calorien, so erhalten wir die theoretische Leistung von 1 Pfund Kohlenstoff:

1351.7500 = 10132500 Fußpfund = 21094 Pferdefräfte, also über 7 mal so groß, als der größte Zahlenwerth (2996 Pferdefräfte) in der letten Tabelle. Wenn bei der Verbrennung von 1 Pfund Kohle nur 4500 Calorien nutbar gemacht werden, so ist auch die entsprechende Leisstung nur

1351.4500 = 6079500 Fußpfund = 12660 Pferdefräfte, alfo nahe 4mal fo groß ale ber größte Werth in ber Tabelle.

Dampfindicator. Die Spannung bes Dampfes in bem Treibchlinder §. 491 wird burch ein Inftrument angegeben, welches ben Ramen Indicator (frang.



indicateur; engl. indicator) erhalten hat, und wohl auch Spannungemeffer genannt wird. Gin fehr einfacher Indicator von Watt ift in Fig. 787 abgebilbet; feine Ginrichtung ift folgenbe: AA ift ein genau ausgebohrter Cylinder von ungefähr 11/2 Boll Weite und 1 Fuß Länge, unten in einer engeren Röhre B auslaufend, und oben burch einen Rolben K verschloffen. Das zu biefem 3mede schraubenförmig geschnittene Ende ber Röhre B wird in ein Loch im Dedel bes Treibenlinders eingesett. fo bag nach Eröffnung eines in B figenben Bahnes H ber Dampf in AA treten und gegen K briden fann. Die Rolbenftange KC geht burch eine ringformige Führung C und ift mit einer Spiralfeder F umgeben, welche mittels K burch bie Spannung bes Dampfes fo viel zusammengebrudt wirb, bis fie biefer bas Gleichgewicht balt. Der Beiger Z am Enbe biefer Stange giebt burch feinen höheren ober tieferen Stand bie Starte ber Dampffraft an.

Da diese Kraft, zumal bei ben Expansionsmaschinen, während bes ganzen Kolbenweges veränderlich ift, so kommt es darauf an, den mittleren Werth

Fig. 788.



ber Spannung, ober, was am Ende einerlei ift, ben mittleren Stand von Z anzugeben. halb erfett man auch ben Zeiger burch einen Zeichnenstift Z und lägt benselben an eine Tafel DD bruden, die mittels einer Schnur ES burch bie Stange bes Treibtolbens nach ber einen und burch ein Gegengewicht G nach ber entgegengesetten Seite bin fortgezogen wirb. Durch biefen Stift wirb mabrend eines Rolbenfpieles eine Curve auf DD gezeichnet, beren Rlacheninhalt ale Dag ber vom Treibkolben verrichteten Arbeit mabrend eines Rolbenschubes bienen tann: dividirt man baber die biernach bestimmte Arbeit durch ben ganzen Rolbenweg, fo erhält man natürlich bie mittlere Rraft ober Dampffpannung.

Ift die Spannung des Dampfes unter K beim Aufgange des Treibtolbens, = p, der Atmosphärendruck über K, = a und die Spannung der Feder, auf jeden Quadratzoll der Rolbenfläche vertheilt, $= y_1$, so erhält man für den Aufgang des Treibtolbens:

$$p=y_1+a;$$

bezeichnet man aber mit q die Spannung beim Niedergange, und mit y_2 die entsprechende Kraft zum Ausbehnen ber Feder, so hat man:

$$a=q+y_2;$$

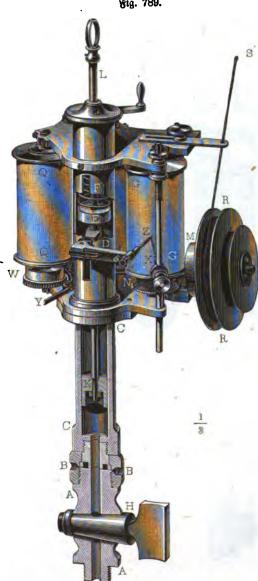
verbindet man baher beide Gleichungen mit einander, so ergiebt sich die bewegende Kraft bes Treibfolbens auf jeden Quabratzoll seiner Fläche:

$$p-q=y_1+a-(a-y_2)=y_1+y_2.$$

Sind die Ausbehnungs und Zusammendrüdungskräfte der Feber den Ausbehnungen und Zusammendrüdungen berselben proportional, so kann man y1 und y2 durch die Abstände des Stiftes von einer horizontalen Grundlinie messen, welche der Stift beschreiben würde, wenn die Feder weder zussammengedrückt noch ausgedehnt wäre, wenn also der Rolben K von unten wie von oben mit der Atmosphäre communicirte. Wenn nun die Tasel die versüngte Bewegung des Kolbens annimmt, so wird daher auch das Product aus der nittleren Summe der Abstände des Zeigers von der Grundlinie und aus der Länge des Taselweges, oder die Summe der Inhalte der von

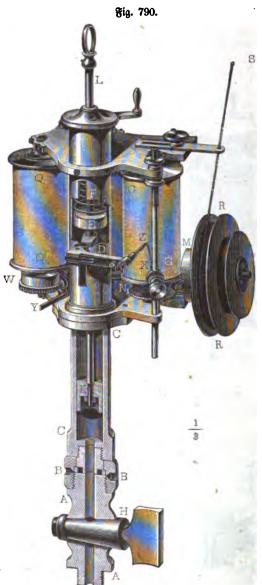
bem Stifte über und unter ber Grundlinie mahrend eines Rolbenspieles beschriebenen Figuren bas Dag ber Arbeit bes Dampfes bei einem halben Spiele ober bei einem Auf - ober Riebergange bes Rolbens angeben.

Fig. 789.



Die Ginrichtung §. 492 eines Dampfindis catore bom Berrn Clair in Paris führt Fig. 789 vor Augen. Es ift bier CC ber Cylinder, in welchem ber Rolben K fpielt, ferner AA ein Fußstlick mit bem Sahne H, welches auf ben Dectel bes Dampfcylindere auf. geschraubt und burch bas Gewinde BB mit bem Cylinder CC verbunden wird. Um bie Rolbenftange KL ift eine Spiralfeber F gewunden, welche mittele eines Tellers E diese Stange nach unten brudt, mabrend fie von der Rraft bes Dampfes aufmäris geschoben wird. Unterhalb bes Tellers E ift die Rolbenftange KL noch mit einem Querarme D verfeben, welcher mittels eines Belentes und einer Bulfe ben Beichnenftift Z tragt. Die Spipe biefes Stiftes berührt mährend des

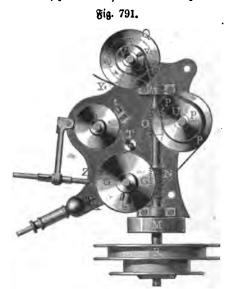
Gebrauches einen Bapierftreifen, welcher ben Umfang eines hohlen Metalleplinbers GG bebedt; wenn sich folglich dieser Papierstreifen unter jenem Zeichnenstift hinzieht, so entsteht auf dem ersteren eine Curve, beren verticale



Orbinaten ber Dampftraft proportional find, Die Bewegung bes Chlinbers sammt dem barauf liegenden Papierftreifen erfolgt burch bie Rolbenftange ber gn prüfenden Dampfmafdine mittels einer Schnur R.S. welche auf eine Trommel RR aufgewidelt und mit einem Enbe am Ropfe ber gebachten Rolbenftange befefligt wird. Da biefe Trommel durch die Dampfmafchine mittele ber Schnur nur nach der einen Richtung umgebreht wird, fo ift um bie Belle berfelben' noch eine in bem Bebaufe M eingeschloffene Spiralfeber gewunden, welche biefe Trommel bei bem Rlichwege Dampffolbens pce aurildorebt.

Die Welle NO ber Trommel GG ift, wie sich ans bem Grundriß in Figur 791 ersehen läßt, an zwei Stellen Nund O mit Schran-

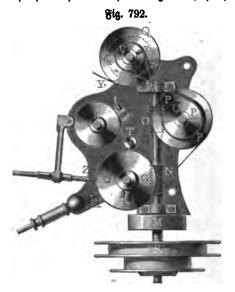
bengewinden versehen, welche in die auf den Wellen der Trommeln GG und PP sitzenden Schraubenraber N1 und O1 eingreifen und dieselben



in entgegengefesten Richtungen umbreben. Da nun biefe Welle mittels ber Schnur u. f. w. während eines Rolbenfpieles um einen gewiffen Wintel binund gurudgebreht mirb. fo widelt fich hierbei ber auf der Trommel PP befestigte Bapierftreifen erft von PP auf GG und bann wieder aurild von GG auf PP. und es befchreibt hierbei ber Reichnenftift Z auf bemfelben eine geschloffene Curve. Mus ber von biefer Curve begrenzten Fläche läft fich bann, wie im vorigen Baragraphen gezeigt murbe,

b'e Beranderlichfeit der Kraft des Dampfes ersehen, sowie Arbeit und mittelere Größe derfelben bestimmen.

Der bier abgebilbete Indicator von Clair unterscheibet fich von bem gewöhnlichen englischen Indicator von Mac-Raught baburch, bag man mit Bulfe beffelben nicht bloß gefchloffene, fondern auch fortlaufende Curven, wie 3. B. mittele eines Dynamometere (f. S. 125), barftellen tann. Bu biefem Bwede ift die Belle ber Trommel GG mit zwei Bahnrabern, wie N1, ausgeruftet und bas Stud N ber horizontalen Belle NO in entgegengesetten Richtungen boppelt ichraubenförmig ausgeschnitten. Wenn man nun burch Burudgiehen ber Schraube p bas Rahnrad O, von ber Welle ber Trommel PP löft, und bagegen burch Angieben ber Schraube g bie fefte Berbindung bes zweiten Bahnrabes Ni mit ber Welle ber Trommel GG berftellt, fo wird, wenn auch die Welle NO burch bie auf ihr fitende Rolle R nur eine schwingende Bewegung erhalt, bennoch die Trommel GG eine fortlaufende Bewegung annehmen und naturlich auch ber Zeichnenftift Z eine fortlaufende Curve aufzeichnen. Damit fich bierbei ber Bapierftreifen gleichmäßig von ber Trommel PP abs und auf eine britte Trommel Q Q aufwidele, ift noch nöthig, bag bie Scheibe V burch Anziehen ber Schraube v mit ber Belle ber Trommel Q Q fest verbunden werde, weil bann mittels ber um die Scheiben U und V liegenden Rreugschnur die Bewegung der Trommel PB in entgegengesetter Richtung auf die Trommel QQ übertragen wirb. Um bei bieser fortlaufenden Auswickelung ben Papierftreifen in Spannung zu erhal-



ten, ist nöthig, daß die Spannrolle T mittels der Schraube t auf den Papiersstreifen GQ aufgedrückt werde. Noch ist für die Darstellung fortlaufender Eurven noch ein zweiter Zeichnenstift X angebracht, welcher die Basis oder Rullslinie auf has Papier aufzeichnet.

Um bei Darstellung einer geschlossene Eurve den Pappierstreisen zwischen G und Q stels gespannt zu erhalten, ist um die Welle von Q Q eine Spiralseder gewunden, welche sich mittels bes Sperrades W und der

Sperrklinke Y beliebig spannen läßt. Damit diese Spiralfeber auf die Belle von QQ wirken könne, hat man nur durch Anziehen einer Schraube w die Hulfe, welche bas innere Ende der Spiralfeber trägt, fest mit dieser Welle zu verbinden.

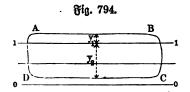
Um endlich das Berhältniß zwischen Dampstraft und Zeiger- ober Kolbenweg zu sinden, hat man natürlich mit Gewichten, womit man die Feder Fausdehnt und zusammendrückt, besondere Bersuche anzustellen. An dem Instrumente, welches der Berkasser in seinen Händen hat, mißt der Durchmesser des Koldens . K. 22 Millimeter, und giebt bei 1 Kilogramm Spannung, die eine Spiralsseder 2 Millimeter, und die andere Spiralseder 5 Millimeter Zeigerweg. Damit sich eine möglichst constante und vom Dampsdrucke unabhängige Koldenreibung herausstelle, lidert man den Kolben K nicht ab, sondern drecht denselben sorgsältig ab und bedeckt ihn mit einer Delschicht. Wenn nun hiernach die Kolbenreibung bei dem Borversuche, wo die Feder durch Geswichte gespannt wird, dieselbe ist wie beim wirklichen Gebrauch des Indicators, wo die Feder den Dampsdruck aufnimmt, so sind die Angaben des Indicators gar nicht von dieser Reibung abhängig und es ist dieselbe nicht weiter in Betracht zu ziehen.

Anmerkung. In ber neueren Beit hat man bei ben Indkatoren flatt ber Spiralfeber auch Feberschienen nach Poncelet angewendet. Die wesentlichfte Eiw

richtung eines solchen Indicators führt Fig. 793 vor Augen. Es ift hier ber Cyclinder A horizontal, und mit ber Stange KE besselben die parabolische geber FG







sowie ber Zeichnenstift Z verdunden, welcher seine Curve auf einen um zwei bewegliche Trommeln gelegten Bapierstreisen auszeichnet (vergl. §. 125 und §. 127, sowie Morin: Leçon de mécanique pratique, Ire partie, 1855). Einen anderen Dampsindicator mit zwei Febern hat herr Welkner construirt (s. bessen Schrift, "bie Locomotive," Göttingen 1859).

Indicatordiagramm. Je §. 493 nachbem eine Maschine mit Tiefober Bochbrud, mit ober ohne Expanfion wirft, je nachbem ferner bie Steuerung bem Treibtolben poreilt ober nicht u. f. w., fällt bie von dem Dampfindicator beschries bene und die Leiftung bes Dams pfes angebenbe Curve fehr verfchieben aus. Bei einer Mafchine mit Tiefbrud und ohne Ervansion hat biefe Curve bie Bauptform eines Rechtedes, wie ABCD, Fig. 794. Beim Un= fange bes Rolbennieberganges ftebt ber Stift in A, mahrend bes Dieberganges beschreibt er eine mit ber Linie 0 - 0 ziemlich parallel laufende Linie; mabrend bes tief-

sten Kolbenstandes legt der Stift den Weg B C zurück, beim darauf solgenben Aufgange beschreibt er den nur wenig über der Nulllinie weggehenden Eurventheil CD, und während des höchsten Kolbenstandes durchläuft er den ziemlich senkrechten Weg DA, da dann die Spannung von etwa $^1/_{10}$ Atmosphäre auf etwa $^6/_5$ Atmosphäre steigt. Die Ordinaten y_1 über der einer Atmosphäre Spannung entsprechenden Grundlinie $1 \div 1$ sind viel kleiner als die Ordinaten y_2 unter dieser Linie, weil jene den Ueberschuß des Dampsbruckes über eine Atmosphäre, diese aber den Ueberschuß des Atmosphärendruckes über den Druck im Condensator ausbrücken. Sin mit

bem unteren Theile bes Cylinders communicirender Indicator würde natitrlich eine entgegengesete Curve liefern.

Wenn der Dampf erst am Anfange des Kolbennieder- oder Kolbenaufganges zugelassen wird, so fällt die Eurve nicht so volltommen aus, sondern es hat dieselbe bei A und C, Fig. 795, bedeutendere Abstusungen. Es stellen sich diese aber dann besonders groß beraus, wenn, wie bei der Schieber-

8tig. 795.

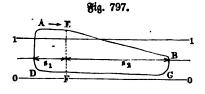
Fig. 796.

fteuerung mit Rreisercentrit, bie Eröffnungen febr allmälig erfolgen, fo bag ber Dampf mahrend bes Umsteuerns burch verengte Mündungen ftromen muß, und baburch an Spannung verliert. Durch bas langfame Eröffnen bes Abzugweges wird bie Abstumpfung bei C zumal noch beshalb fehr groß, weil ber ausftromenbe Dampf reagirend und anfänglich beinabe mit voller Rraft auf ben Dampffolben gurudwirft. Bur Berhinderung biefer großen 26ftumpfung ift benn auch ein Bor-

eilen ber Steuerung beim Ablassen des Dampfes unbedingt nothwendig. Durch zu großes Boreilen beim Zu- und Ablassen wird aber auch leicht das Gegentheil, nämlich, wie in Fig. 796, eine zu große Abstumpfung an ben anderen Eden B und D herbeigeführt.

§. 494 Bei ben Maschinen mit Expansion nimmt bie Indicatorcurve nahe bie Form einer aus einem Rechtede und einem Trapeze zusammengesetten Figur an; ber rectanguläre Theil entspricht ber Wirkung des Dampses vor, und ber trapezoidale Theil ber Wirkung desselben während ber Expansion.

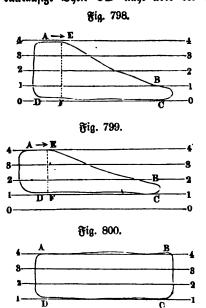
Eine Nieberdrudmaschine mit Expansion liefert eine Eurve AC, Fig. 797. Dem Theile s_1 bes Rolbenweges vor Eintritt ber Expansion entspricht bas Eurvenstück AE, welches ziemlich mit $0 \div 0$ ober $1 \div 1$ pa-



rallel läuft; bem übrigen Theile s_2 aber entspricht das Eurvenstück EB, welches sich allmälig tiefer herabzieht und ber Linie $0 \div 0$ nähert. Der Flächenraum EBCF mißt die Leistung, welche durch die Expansion allein gewonnen wird.

Die Curve A C in Fig. 798 beschreibt ber Indicator einer Dampf. maschine mit hochbrud, Expansion und Conbensation, die in

Fig. 799 aber eine folche ohne Conbenfation; mahrend sich bei jener ber rudläufige Theil CD nabe über ber Rullinie hinzieht, läuft berselbe



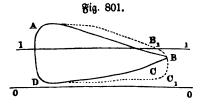
teutine hinziegt, tauft bereteie bei dieser nahe über der Linie 1÷1 hin, ist also auch das Maß der Leistung der Maschine um ein zwischen den Linien 0÷0 und 1÷1 besindliches Rechteck kleiner.

In Fig. 800 ift enblich noch bie Indicatorcurvefür eine Hoch budmaschine (von 4 Atmosphären)
ohne Expansion und Condensation vor Augen geführt. Esistauch
hier ber Naum zwischen 0 ÷ 0
und 1 ÷ 1 leer, und baher die
Leistung dieser Maschine um ein
zwischen diese Linien zu legendes
Rechted kleiner, als wenn die Maschine mit Condensation arbeitete.

Der Dampfindicator ift nicht §. 495 allein ein vorzügliches Instrument zur Bestimmung ber Kraft und Leistung einer Dampfmaschine, sondern auch das beste Hilfsmittel

jur Beurtheilung der Gute und Zwedmäßigkeit ber Steuerung berfelben, ba bie Gestalt der Indicatorcurve über die Wirksamkeit der Steuerung vielfache Aufschlusse giebt und vor Allem die Mängel derselben nachweist. Die Mängel der Schiebersteuerung können folgende sein:

1) Die Dampfcanale haben nicht bie gehörige Beite. Ift ber Querfchnitt bes Dampfcanale zu flein, so muß ber Dampf mit einer zu großen



Geschwindigseit zu treten und abfließen, und babei einen namhaften Theil seiner Spannung zusetzen. Deshalb nimmt auch dann die Indicatorcurve die zugespitzte Form ABCD, Fig. 801, an. Bei der gehörigen Größe dieser Milndungen
würde das Indicatorbiagramm

etwa bie burch bie punttirte Linie AB, C, D angegebene Geftalt haben.

2) Die Schieberstange hat nicht bie erforberliche Lange, wobei ber Schieber auf ber einen Seite ber Dampfwege einen größeren Weg burch-

läuft, als auf ber anderen Seite. Es findet bann bei einem Dampfwege eine längere Eröffnung Statt als beim anderen, wobei die Länge der Indicatorcurve auf der einen Seite eine größere und auf der anderen eine kleinere wird.

In gewissem Grabe findet eine Berschiebenheit in der Eröffnungszeit der Dampfwege auch beshalb Statt, weil der Dampftolben die eine Hälfte seines Weges nicht in derselben Zeit zurücklegt wie die andere. Bezeichnet r die Armlänge des Krummzapfens und l die Läuge der Kurbelstange, so beträgt (s. §. 458) der Kolbenweg, welcher dem ersten und vierten Quadranten der Umdrehung des Krummzapfens entspricht:

$$s_1=r-\frac{r^2}{2l},$$

und ber, welcher bem zweiten und britten Quabranten gutommt:

$$s_2=r+\frac{r^2}{2l};$$

es ift also bie Differeng biefer Bege:

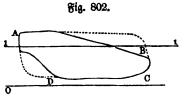
$$s_2-s_1=\frac{r^2}{l},$$

und folglich ihr Berhaltniß jum gangen Rolbenfchube 2r:

$$\frac{s_2-s_1}{2r}=\frac{r}{2l}.$$

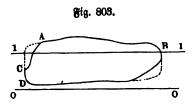
Da die Expansion des Dampses vorzüglich in der zweiten Hilfte des Rolbenschubes statthat, so ist auch die Wirkung des Dampses auf der einen Seite des Kolbens nicht genau dieselbe wie auf der anderen, und daher zur genauen Exmittelung der Leistung einer Dampsmaschine noch nöthig, daß man mit dem Indicator auch auf der zweiten Seite des Dampschlinders Beobachtungen anstelle. Man kann zu diesem Zwede von dem Indicator aus sowohl eine Röhre nach der einen als auch eine Röhre nach der anderen Seite des Dampschlinders sühren, muß jedoch während eines Bersuches stets nur die Communication mit einer Seite herstellen. Am besten ist es gleichzeitig zwei Indicatoren in Anwendung zu bringen.

3) Die Schieberflächen haben nicht die angemessene Breite; es findet z. B. eine zu große Bebedung Statt, welche baburch angezeigt wird,



bag bie Indicatorcurve Fig. 802 fich einerseits zu zeitig herab und anbererseits zu fruh heraufzieht.

4) Das Ercentrit hat nicht bie richtige Stellung zur Barze bes Krummzapfens, es findet baher nicht ber zweckmäßige Grad bes Boreilens Statt. Ift bas Boreilen ju ftart, so fällt bie Indicatorcurve ahnlich wie Fig. 802 aus; ift hingegen baffelbe nicht vorhanden ober ju schwach, fo tritt bas um-

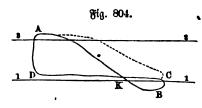


gelehrte Berhältniß ein, nämlich eine flarte Abstumpfung ber Eden A und C, Fig. 803, ber von ber Schiebercurve umschloffenen Flache.

5) Das Excentrit hat nicht bie richtige Excentricität ober ber Schieberweg nicht bie erforberliche Größe. Ift biefer Weg zu

Nein, so findet nicht die nöthige Eröffmung der Wege Statt, und es entsteht baher eine Indicatorcurve wie Fig. 802, ist aber derselbe zu groß, so fällt die Expansion des Dampfes zu Nein aus; und es sindet ein zu großer Dampfverbrauch Statt, wie es auch bei einer zu kleinen Schieberbededung der Fall ift.

Eine eigenthumliche Geftalt, Fig. 804, nimmt bie Schiebercurve einer Dampfmaschine ohne Conbensation bann an, wenn bie Expansion bes



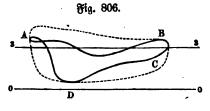
Dampfes zu weit getrieben wird. Es ift bann gegen Enbe bes Kolbenschubes ber Gegenbruck größer als ber Dampsbruck, und es bilbet beshalb bas Indicatorbiagramm einen Knoten K.

Ift ferner die Dampfklappe ober bas Regulirungsventil im Dampfrohre zu ftart geschlossen, so sindet ebenfalls eine schlechte Dampfbenutung Statt, wie auch burch die Gestalt der Indicatoreurve in Figur 805 angezeigt wird.

3 C 1

Fig. 805.

Wenn ber Dampftolben nicht bampfbicht abschließt, so nimmt bie Indicatorcurve ebenfalls eine eigenthümliche Form an, weil baburch ber Dampsbruck herabgezogen und ber Gegenbruck vergrökert wird. Findet dieses undichte Abschließen in sehr hohem Grade Statt, so kann die Indicatorcurve bie Gestalt in Fig. 806 anneh-



men. Ein öhnliches Berhältniß findet Statt, wenn die Dampfichieber nicht bampfbicht abschließen.

Uebrigens ift bei bem Gebrauche bes Indicators auch barauf zu seben, bag er in gutem Zustande sei, bag namentlich der Rolben beffelben vor bem Gebrauche eingeblt werbe und die Schnur beffelben bie richtige Länge erhalte.

Man tann auch ben Dampfindicator an den Schieber anschließen, wobei man ein sogenanntes Schieberdiagramm erhält, welches die Dampfspannung bei den verschiebenen Schieberstellungen angiebt und die Function
ber Steuerung gegen Anfang und Ende des Kolbenhubs sehr gut erkennen
läßt. Um einen vollständigen Aufschluß über den Gang der Steuerung einer
Dampfmaschine zu erhalten, nimmt man bei Absperrung des Dampfes ein brittes Diagramm ab, welches den Zusammenhang zwischen Kolben- und Schieberweg direct anzeigt und, wie aus §. 459 folgt, nahe die Form einer Ellipse hat.

Much thut ber Dampfindicator feine nublichen Dienste, wenn man ihn auf bie Luft- und Warmwasserpumpe aufsett.

Anmerfung. Ausführliche Mittheilungen über die Indicatorcurven, welche bei Bersuchen mit verschiedenen Maschinen erhalten worden sind, macht Rorin im britten Theile seiner Leçons de Mécanique pratique (s. auch die Schrift: Catéchisme du Mécanicien à vapeur, par E. Paris, art. Indicateur de P. Garnier, sowie Bornemann's Abhandlung über ben Indicator (von Combes) in der Beitschrift "der Ingenieur"). Besonders ist zu empsehlen der Indicator, Anleitung zum Gebrauch desselben bei der Prüfung von Dampsmaschienen z. von J. Bolders, Berlin 1863.

Arbeitsverluste einer Dampfmaschine. §. 496 Die theoretische Leiftung einer Dampfmafchine, welche fich mittels ber im Obigen entwidelten Formeln berechnen läft, wird burch mehrere Rebenhinderniffe, wie 3. B. Rolbenwirfung, Abfühlung, Drudverluft in ben Leitungen u. f. m., bedeutend herabgezogen, jo bag bie effective Leiftung berfelben nur 40 bis 70 Brocent ber theoretischen ausfällt, wie insbefondere burch Bremsund Indicatorversuche nachgewiesen wirb. Bas junachft die Leitungen anlangt, wodurch ber Dampf aus bem Reffel in die Dampftammer und von ba burch die Dampfcanale in ben Dampfcplinder geführt wird, fo verurfachen bieselben jedenfalls eine Berminderung in ber Dampffpannung, und es ift beehalb bie Spannung p bes Dampfes im Cylinder, welche man (f. oben §. 478) in die Leiftungeformel einzusegen bat, nicht die Dampffpannung p. im Reffel, fondern um einen ben Sinderniffen in der Dampfleitung entipre denben Berluft fleiner. Es entfpringen biefe Berlufte aus ber Reibung bis Dampfes in ben Leitungen, aus ber wirbelnden Bewegung bei Querschnittsund Richtungeanderungen ber Dampfwege, und ans ber Abfühlung an den Umfangemanden berfelben. Die Berminderung bes Dampfbrude in ben Leitungen beträgt bei gang geöffneter Dampftlappe nur 1 bis 5 Brocent. Durch Stellung biefer gewöhnlich in einem Drosseventil bestehenden Klappe läßt sich, dem gesorderten Gang der Maschine entsprechend, die Differenz p_0-p zwischen Dampsspannung im Kessel und der im Cylinder beliebig vergrößern. Bei dem Durchgang durch das Drosselventil bleibt der Damps in seinem gesättigten Zustande; es ninmt daher auch die Dichtigkeit desselben mit der Spannung nahe gleichmäßig ab, und es bleibt die Arbeitssähigkeit des Dampses sast unverändert. Es ist hier das Bewegungsverhältniß ein ganz anderes als dei dem Wasser; das Arbeitsquantum $\frac{(v_1-v)^2}{2\,g}\,Q\gamma$, welches eine Flüssigkeitsmenge $Q\gamma$ in Anspruch ninmt, wenn deren Geschwindigkeit v_1 durch Wirbelbildung in v übergeht, liesert ein entsprechendes Wärmequantum, welches nur deim Wasser, liesert ein entsprechendes Wärmequantum, welches nur beim Wasser verloren geht, dagegen beim Damps während der Ausbehnung desselben mit nutbar gemacht wird.

Ein anderer Arbeitsverluft geht beim Ausströmen bes Dampfes aus bem nöthigen Ueberschuß bes Dampfbruds über bem Drud im Conbensator ober, nach Befinden, über bem äußeren Luftbrud, hervor. Auch erwächt burch das Fortreißen von Resselmasser, welches bem burch die Dampfleitung abgeführten Dampf mechanisch beigemengt ift, zuweilen ein nicht ganz unbedeutenber Arbeitsverlust.

Die Rolbenreibung einer Dampfmaschine ift genau wie bei ben Wassersfäulenmaschinen (nach §. 320) in Rechnung zu ziehen, und ebenso sind die Arbeitsverluste, welche die Bewegung der Steuerung verursacht, ahnlich wie bei diesen Maschinen zu berechnen.

Schädlicher Raum. Durch ben icablichen Raum erwächft einer §. 497 Dampfmafchine ein weiterer Berluft. Wir verfteben bier unter bemfelben ben Raum, welchen der Dampftolben am Ende feines Weges zwifchen fich und amifchen bem Danipfichieber ober Ablagventil übrig lägt, welcher alfo beim folgenden Rudwege von Neuem mit Dampf angefüllt werben muß, ehe biefer vollständig auf ben Rolben wirten tann. Es besteht biefer Raum aus zwei ungleich weiten Theilen, ein Theil wird burch ben Dampfmeg und ber andere von einem Theile bes Dampfcplinders gebilbet. ben Querfchnitt sowie la bie Lange bes Dampfcanals, fo ift ber Inhalt bef. felben = F, l2, und feten wir bie Bobe bes fleinften Zwischenraumes gwis ichen ber Rolbenfläche und bem Cylinderboden ober Cylinderbedel, = o1, fo erhalten wir für ben Juhalt biefes Raumes = Fo1. Es ift also ber gange fchäbliche Raum:

 $V_1 = F_2 l_2 + F \sigma_1 = F \left(\sigma_1 + \frac{F_2}{F} l_2\right)$

Der Einfachheit wegen brudt man ben ben Dampfweg bilbenden Raumtheil ebenfalls burch einen Cylinbertheil aus, sest beshalb die Höhe bes schäblichen Raumes:

$$\sigma = \sigma_1 + \frac{F_2}{F} \, l_2,$$

und ben ichablichen Raum felbft:

$$V_1 = F \sigma$$
.

In der Regel ist σ nicht größer als $\frac{s}{20}$ oder 5 Procent des ganzen Kolbenweges; daher auch der schädbliche Raum $= \frac{1}{20}$ des ganzen vom Danupftolben zurückgelegten Weges. Wäre der schädbliche Raum Null, so würde bei einem einsachen Kolbenwege das Dampsquantum V=Fs verbraucht werden, da aber derselbe immer eine gewisse Fro hat, anfänglich mit Damps von der Spannung q angestüllt ist, und am Ende des Kolbenweges s Damps von der Spannung p enthält, so erwächst bei jedem Kolbenwege der Dampsverlust $F\sigma\left(1-\frac{q}{p}\right)$ oder annähernd $=F\sigma$, da, zumal bei

Conbensationsniaschinen, $\frac{q}{p}$ ein kleiner Bruch ist. Hiernach ist bei Masschinen ohne Expansion bas verbrauchte Dampfquantum pr. Spiel:

$$V = F(s + \sigma),$$

baher umgekehrt:

$$Fs = \frac{s}{s + \sigma} V,$$

und die Leiftung nach §. 478 gu feten:

$$L = \frac{n}{30} Fs (p-q) = \frac{n}{30} \cdot \frac{s}{s+\sigma} V(p-q),$$

b. i.:

$$L = \frac{s}{s+\sigma} (p-q) Q,$$

ober, aus befannten Grünben,

$$L=144\cdot \frac{s}{s+\sigma}\,(p-q)\,\,Q\,\,$$
 Fußpfund.

Beispiel. Gine Dampfmaschine ohne Expansion hat bei bem schäblichen Raume $\sigma = 0.05 \, s$, die Leiftung:

$$L = \frac{s}{s + 0.05s} \cdot 144 \ (p - q) \ Q = 0.952.144 \ (p - q) \ Q;$$

also ungefähr um 5 Procent kleiner als ohne schädlichen Raum; ware also bie theoretische Leistung (s. Beispiel §. 478) L=50 Pferdefräste, so wurde sie wegen des schädlichen Raumes auf 50.0,95=47,5 Pferdefräste herabsinken.

§. 498 Bei den Expansionsmaschinen hat der schäbliche Raum einen namhaften Einfluß, da hier bei jedem Kolbenwege das Dampfvolumen $F(s+\sigma)$ in das Dampfvolumen $F(s_1+\sigma)$ übergeht. Es ift daher auch die Expansionsleistung pr. Kolbenschub, nach der Mariotte'schen Regel

$$A_1 = F(s + \sigma) p \text{ Log. nat.} \left(\frac{s_1 + \sigma}{s + \sigma}\right) = V p \text{ Log. nat.} \left(\frac{s_1 + \sigma}{s + \sigma}\right)$$

Ueberdies ist die durch den Gegendruck Fq verlorene Arbeit nicht Fsq, sondern $= Fs_1 q = \frac{Vs_1}{s+\sigma} q$, daher solgt die Gesammtleistung pr. Kolbenschub:

$$A = \frac{s}{s+\sigma} Vp - \frac{s_1}{s+\sigma} Vq + Vp Log. nat. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right)$$
$$= Vp \left[\frac{s}{s+\sigma} - \frac{s_1}{s+\sigma} \frac{q}{p} + Log. nat. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right)\right],$$

also pr. Secunde:

$$L = 144 \ Qp \left[\frac{s}{s+\sigma} + Log. \ nat. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) - \frac{s_1}{s+\sigma} \frac{q}{p} \right].$$

Legt man die Pambour'sche Theorie zu Grunde, so hat man nach \S . 481 die Expansionsleistung pr. Spiel, wenn man $s+\sigma$ statt s und $s_1+\sigma$ statt s_1 einsührt:

$$A_{1} = F(\beta + p) (s + \sigma) Log. nat. \left(\frac{s_{1} + \sigma}{s + \sigma}\right) - F\beta (s_{1} - s)$$

$$= V \left[(\beta + p) Log. nat. \left(\frac{s_{1} + \sigma}{s + \sigma}\right) - \frac{\beta (s_{1} - s)}{s + \sigma} \right];$$

es ift baher hiernach bie Gefammtleiftung pr. Rolbenschub:

$$A = \left[\frac{p \, s}{s+\sigma} - \frac{q \, s_1}{s+\sigma} + (\beta+p) \, Log. \, nat. \, \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right) - \beta \, \frac{(s_1-s)}{s+\sigma}\right] V$$

$$= \left[\frac{s}{s+\sigma} (\beta+p) + (\beta+p) \, Log. \, nat. \, \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right) - \frac{s_1}{s+\sigma} (\beta+q)\right] V$$

$$= (\beta+p) \, V \left[\frac{s}{s+\sigma} + Log. \, nat. \, \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right) - \frac{s_1}{s+\sigma} \cdot \frac{\beta+q}{\beta+p}\right];$$

enblich bie Leiftung pr. Secunde:

$$\begin{split} L &= 144 \ Q(\beta+p) \left[\frac{s}{s+\sigma} + Log. \ nat. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) - \frac{s_1}{s+\sigma} \cdot \frac{\beta+q}{\beta+p} \right] \\ &= \frac{5^8}{2^5} \frac{\psi \, \alpha}{640-t_1} \cdot K \left[\frac{s}{s+\sigma} + Log. \ nat. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) - \frac{s_2}{s+\sigma} \cdot \frac{\beta+q}{\beta+p} \right] \tilde{\mathfrak{I}} \mathfrak{U} \tilde{\mathfrak{I}} \tilde{\mathfrak{I}}$$

Bei ben zweichlindrigen oder Woolf'schen Maschinen hat man zwei schäbliche Räume o und o1, den einen im kleinen, den anderen im großen Cylinder, beshalb ist dann auch nach dem Mariotte'schen Gesetze:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{F_1 (s_1 + \sigma_1) + F\sigma}{F (s + \sigma) + F_1 \sigma_1},$$

baber bie Leiftung pr. Rolbenschub:

$$A = Vp \left[\frac{s}{s+\sigma} - \frac{s_1}{s+\sigma} \cdot \frac{F_1}{F} \cdot \frac{q}{p} + Log. nat. \left(\frac{F_1(s_1+\sigma_1) + F\sigma}{F(s+\sigma) + F_1\sigma_1} \right) \right],$$
 und die pr. Secunde:

$$L = 144 \ Qp \left[\frac{s}{s+\sigma} - \frac{s_1}{s+\sigma} \cdot \frac{F_1}{F} \cdot \frac{q}{p} + Log. \ nat. \left(\frac{F_1(s_1+\sigma_1) + F\sigma}{F(s+\sigma) + F_1\sigma_1} \right) \right].$$

Rach ber Pambour'ichen Theorie folgt hingegen:

$$\begin{split} L = 144 \ Q \ (\beta \ + \ p) \left[\frac{s}{s \ + \ \sigma} - \frac{s_1}{s \ + \ \sigma} \cdot \frac{F_1}{F} \cdot \frac{\beta \ + \ q}{\beta \ + \ p} \right. \\ + \left. Log. \ nat. \left(\frac{F_1 \left(s_1 \ + \ \sigma_1 \right) \ + \ F \ \sigma}{F \left(s \ + \ \sigma \right) \ + \ F_1 \ \sigma_1} \right) \right] \, & \\ \end{split}$$

Beispiel. Wie viel verliert eine einchlindrige Dampfmaschine burch ben schädlichen Raum an Leiftung, wenn bieser ein Zwanzigstel bes Kolbenweges beträgt, wenn ferner die Maschine ohne Condensation und mit Dampsen von 4 Atmosphären Spannung arbeitet, und wenn man diese bei 1/8 bes Kolbenweges abspert? Ohne schädlichen Raum ware

$$\begin{split} L &= 144 \left(1 \,+\, Log.\, nat.\, ^8\!/_{\! 3} - ^8\!/_{\! 3} \cdot \frac{0.2922 \,+\, 1}{0.2922 \,+\, 4}\right) \,(\beta + p) \,\, Q \\ &= 144 \,\, (1 \,+\, 0.9808 - 0.8028) \,\, (\beta + p) \,\, Q \,=\, 169.6 \,\, (\beta + p) \,\, Q \,\, \text{Fußpfunb,} \\ \text{mit bem schählichen Naume hingegen, ba} \,\, \frac{\sigma}{s_1} = \, ^1\!/_{\! 20} \,\, \text{und} \,\, s \,=\, ^8\!/_{\! 3} \, s_1, \,\, \text{also} \, ; \end{split}$$

$$\frac{\sigma}{s} = \frac{8}{3 \cdot 20} = \frac{9}{15}$$
 ift,

$$L = 144 \left(\frac{15}{15+12} + Log. \, nat. \, \frac{40+2}{15+2} - \frac{40}{17} \cdot \frac{1,2922}{4,2922} \right) (\beta + p) \, Q$$

= 144 (0,8823 + 0,9045 - 0,7083) ($\beta+p$) Q=155,3 ($\beta+p$) Q; folglich ift ber burch ben schällichen Raum herbeigeführte Arbeitsverluß

§. 499 Kolbenreibung. Ein bebeutender Arbeitsverlust erwächst jeder Dampfmaschine aus der Kolbenreibung. Dieselbe ist wie bei den Wassersäulenmaschinen (s. Bd. II, §. 320) in Rechnung zu ziehen. Bei der Breite e der Liderung, beim Kolbendurchmesser d und bei der Spannung p läßt sich die Kraft, mit welcher die Liderung an die Cylinderwand andruckt oder andrucken muß, sehen = πdep , und solglich die entsprechende Reibung:

$$R = \varphi . \pi dep.$$

Da nun die Dampftraft $P=rac{\pi\,d^3}{4}\,p$ ift, so hat man bas Berhaltniß:

$$\frac{R}{P} = \frac{4 \varphi e}{d},$$

und baher den Dampfbruck auf den Kolben burch $1-\frac{4\ \varphi\,e}{d}$ zu multipliciren, um die von der Kolbenwirfung übrig gelassene Bewegungsfraft des Kolbens zu erhalten. Hierin ist nach Bb. I, §. 174, und auch in Uebereinstimmung mit den Annahmen Tredgold's für Metallliderung, $\varphi=0.08$ und für Hanfliderung $\varphi=0.15$ zu sezen.

Da während der Expansion die Spannung abnimmt, so wilrde die Rolbenreibung auch kleiner ausfallen, wenn die Liderung eine autoclave wäre, d. h. wenn dieselbe durch den Dampf an die Cylinderstäche angedrückt würde; da aber dieselbe in der Regel nur durch Federn oder Schrauben angedrückt wird, so mitsen wir dieselbe während des ganzen Rolbenspieles constant annehnen. Uebrigens ist auch noch der Gegendruck in Abzug zu bringen, da dem Durchdringen des Dampses zwischen der Cylinderwand und der Liderung durch diesen Druck entgegengewirkt wird. Es wird bemnach durch die Rolbenreibung die Leistung einer Dampsmaschine pr. Spiel um den Werth

$$\frac{4 \varphi e}{d} F (p - q) s_1$$

berabgezogen, fo baß sich für eine Maschine ohne Erpansion, wo s1 = 8 ift,

$$L=144~Q~(p-q)\left(1-rac{4~arphi e}{d}
ight)$$
 Fußpfund,

für eine folche mit Expansion aber:

ober nach Bambonr:

$$L = 144 Qp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{q}{p_1} - \frac{4 \varphi e}{d} \cdot \frac{s_1}{s} \cdot \frac{p - q}{p} \right]$$

$$= 144 Qp \left[1 + Log. nat. \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{q}{p_1} - \frac{4 \varphi e}{d} \cdot \frac{p - q}{p_1} \right],$$

 $L = 144 (\beta + p) Q \left[1 + Log. nat \left(\frac{s_1}{s} \right) - \frac{\beta + q}{\beta + p_1} - \frac{4 \varphi e}{d} \cdot \frac{s_1}{s} \cdot \frac{p - q}{\beta + p_1} \right]$

$$=144\left(\beta+p\right)Q\left[1+Log.\ nat.\left(\frac{s_1}{s}\right)-\frac{\beta+q+\frac{4\varphi e}{d}\left(p-q\right)}{\beta+p_1}\right]$$
 heraussfiellt.

Hierzu gehört noch die Reibung der Rolbenstange in der Stopfs büchse, welche sich übrigens genau so berechnen läßt, wie die Rolbenreibung. It d_1 der Durchmesser bieser Stange und e_1 die Breite der Stopfbüchsen- liberung, so hat man diese Reibung:

$$R_1 = \varphi \pi d_1 e_1 (p - q),$$

wo q wieder ben Gegenbrud bezeichnet; es ift baber bei gleicher Liberung Betsbad's Lebrbuch ber Bechantt. IL 70

$$\frac{R_1}{R} = \frac{d_1 e_1}{d e},$$

und man hat folglich die Kolbenreibung um den Theil $\frac{d_1}{de}$ zu vergrößern, um beibe Reibungen zusammen zu erhalten.

Durch den Querschnitt ber Kolbenstange erwächst der Druckläche ein Berluft, welcher macht, daß die Kraft beim Niedergange des Kolbens kleiner ist als beim Aufgange; da aber der Niedergang diesem Berluste entsprechend weniger Dampf erfordert als der Aufgang, so hat man nicht nöthig, ihn besonders zu beachten, vielniehr sich damit zu begnügen, in der Berechnung der Leistung statt F ben Mittelwerth

$$F = \frac{\pi}{4} \left(d^2 - \frac{d_1^2}{2} \right)$$

einzuseten.

Anmerfung. Die Arbeiteverlufte, welche bie Steuerung verursacht, find zu mannigfaltig, als bag fich zur Ermittelung berfelben befondere Regeln angeben liegen; meift wird man fich bier mit einer Abicatung ober oberflächlichen Rechnung begnugen können.

Beifpiel. Belde Leiftung verliert bie in ben Beispielen §. 478 und §. 480 behandelte Dampfmaschine burch bie Kolbenreibung? Rehmen wir nach §. 320,

$$\frac{e}{d} = \frac{1}{8}$$
, sowie $\varphi = 0.08$ an, so erhalten wir, ba

$$p - q = (3.5 - 1) \cdot 14.10 = 35.25$$
 \$\text{Ffunb},

und ba d = 1,5 guß ift, bie Rolbenreibung:

. $R = 0.08 \, \pi$. $\frac{1}{8}$. 1.5^2 . 35.25 . 144 = 3.24 . 35.25 . $\pi = 359$ Pfund; baher die Arbeit der Reibung pr. Kolbenweg, da dieser 10 /8 Fuß mißt,

$$Rs = \frac{10}{3}$$
 . 859 = 1197 Fußpfund,

und folglich bei 24 Spielen pr. Minute, ber Arbeitsverluft burch bie Reibung pr. Secunde

 $Rv = 1197 \cdot \frac{94}{80} = 1197 \cdot \frac{4}{6} = 954$ Fußpfund = 2 Pferbefräfte.

Da das Beispiel in §. 478 bie Leiftung 49,8 Pferdekrafte findet, so consumirt hiervon die Reibung = $^9/_{49,8}$. 100 = 4 Procent der Leiftung.

§. 500 Maximalloistung. Um zu vereinsachen, können wir die Kolbenreibung R mit Inbegriff der übrigen Nebenhindernisse als einen Druck Fr ansehen, welcher in Bereinigung mit dem Gegendrucke Fq im Condensator u. s. w. der Bewegung des Kolbens entgegenwirkt, und nun in den obigen Formeln statt q überall q+r einsehen. Hierdei dezeichnet natürlich r den Theil der Kolbenreibung u. s. w., welcher auf jeden Quadratzoll der Kolbensläche kommt

und
$$=\frac{R}{F}+\cdots=rac{4\ arphi\ e}{d}\ (p-q)+\ldots$$
 zu setzen ist.

ï

Die allgemeinste Bambour'iche Leiftungsformel für einen lindrige Expansionsmaschinen nimmt bann die Form

$$L = 144 \ Q(\beta + p) \left[\frac{s}{s + \sigma} + Log. \ nat. \left(\frac{s_1 + \sigma}{s + \sigma} \right) + \frac{s_1}{s + \sigma} \cdot \frac{\beta + q + r}{\beta + p} \right]$$

an.

Es ist nun die Frage, wie weit soll man die Expansion treiben, um die Maximalleistung bei einer gegebenen Dampsmenge zu erlangen, welches Berhältniß muß man also für $\frac{s_1}{s}$ in Anwendung bringen? Die Expansion bringt gewiß noch Bortheil, so lange sie eine Leistung giebt, welche die Arbeit des Gegendrucks, der Kolbenreibung u. s. w. übertrifft, d. h. so lange die Dampsspannung noch größer ist als der Gegendruck q+r; wäre dieselbe aber kleiner als der Gegendruck, so würde natürlich die arbeitende Kraft negativ aussallen, und die Maschine auf Kosten ihrer Totalleistung in Folge ihrer Trägheit die Expansion noch weiter ausdehnen können. Damit ein solcher Berlust nicht eintrete und gleichwohl von det Dampstraft der größte Gewinn gezogen werde, ist es nöthig, gerade so weit expandiren zu lassen, daß die Dampsspannung p_1 am Ende des Kolbenspieles dem Gegendruck q+r gleichsomme. Run ist aber nach der Navier'schen Regel:

$$\frac{s+\sigma}{s_1+\sigma}=\frac{\beta+p_1}{\beta+p};$$

setzen wir daher statt p_1 , $q+q_1$, so bekommen wir die Regel:

$$\frac{s+\sigma}{s_1+\sigma}=\frac{\beta+q+r}{\beta+p},$$

ober wenn wir o vernachlässigen,

$$\frac{s}{s_1} = \frac{\beta + q + r}{\beta + p},$$

ober:

$$\frac{s}{s_1} = \frac{1}{\beta + p} \cdot \frac{1}{\beta + q + r},$$

also, wenn man die den Spannungen p und $q+q_1$ entsprechenden specisischen Dampsvolumina $\frac{\alpha}{\beta+p}$ und $\frac{\alpha}{\beta+q+r}$ durch μ und μ_1 bes
zeichnet,

$$\frac{s}{s_1}=\frac{\mu}{\mu_1};$$

b.h. die vortheilhafteste Dampfbenutung findet bann Statt, wenn fich ber Rolbenweg vor ber Expanfion zum ganzen Rolbenwege verhalt, wie das specifische Dampfvolumen, welches bem eintre-

tenden Dampfe entfpricht, jum Dampfvolumen, welches bem Gegenbrude q + r angehört.

Nimmt man, dem Mariotte'schen Gesetze folgend, eta=0 an, so erhält

man bie Regel:

$$\frac{s}{s_1}=\frac{q+r}{p},$$

welche bei bedeutenden Dampffpannungen auf zu fleine Werthe führt.

Beispiel. Wie weit ist die Expansson bei der im Beispiete zu §. 480 und §. 481 behandelten Maschine zu treiben, um von dem Dampse den größten Gewinn zu ziehen? Es ist hier p=3.5. 14.10=49.35 Fußpsund, serner q=14.10, sowie $r=\frac{R}{F}=\frac{359}{254.47}=1.411$, rechnen wir indessen wegen anderer Berluste das Doppelte, also r=2.821, so bekommen wir:

$$q + r = 16,92.$$

Nun entspricht ber Spannung p=3.5 Atmosphären das specifische Dampfs volumen =508 und der Spannung q+r=16.92 Pfund =1.2 Atmosphären das specifische Dampfvolumen =1390; daher ist hier das zwecknäßigste Erpanstonsverhältniß:

$$\frac{s}{s_1} = \frac{508}{1390}$$
 ober ungefähr $\frac{4}{11}$,

nach ber Dariotte'ichen Regel bingegen:

$$\frac{s}{s_1} = \frac{1,2}{8,5}$$
 ober ungefähr $\frac{s}{s_1} = \frac{40}{117}$.

§. 501 Wirkungsgrade der Dampsmaschinen. Die effectiven Leistungen ber Dampsmaschinen lassen sich auch annähernd mit Zuhülfeziehung von Erfahrungscofficienten, welche sich allerdings bei Maschinen von verschiebenen Größen und verschiebenen Systemen etwas ändern, durch die Formeln für die theoretische Leistung berechnen. Diesen Weg der Berechnung haben besonders Poncelet und Morin eingeschlagen, und der Lettere theilt in seinen Schriften, namentlich in seinem Aide-Mémoire de Mécanique pratique, upd in seinen Leçons de Mécanique pratique folgende aus Beobachtungen und Versuchen gezogene Ersahrungszahlen mit.

Für Maschinen ohne Expansion ift bie Leiftung

$$L_1 = \eta$$
. 144 $Q(p_0 - q_0)$ Fußpfund,

wo Q bas verbrauchte Dampfquantum pr. Secunde, po die Dampffpannung im Ressell und go die im Condensator ober, nach Besinden, die in ber freien Luft bezeichnet. Der Ersahrungscoefficient η oder ber sogenannte Wirkungsgrad wächst mit der Größe der Maschine, scheint jedoch bei einer gewissen Größe der Maschine ein Maximum zu erreichen; solgende Tabellen enthalten seine vorzüglichsten Werthe.

1) Für Tief- ober Rieberbrudmafdinen.

Stärfe	Birtungsgrab 7					
ber R afchine in Pferbekräften.	bei gutem	bei gewöhnlichem				
	Buftanbe ber Unterhaltung.					
4 bis 8	0,50	0,42				
10 , 20	0,56	0,47				
30 " 50	0,60	0,54				
60 100	0,60	0,54				

2) Für Dochbrudmaschinen.

Stärte	Birkungsgrab 19					
ber Maschine in	bei gutem	bei gewöhnlichem				
Pferbefraften.	Bustande ber Unterhaltung.					
unter 10	0,50	0,40				
10 bis 20	0,55	0,44				
20 , 30	0,60	0,48				
80 , 40	0,65	0,52				
40 , 50	0,70	0,56				

Beispiel. Welche Leistung giebt eine Dampfmaschine mit Tiefvruck und ohne Expansion, welche bei einem Kolbenbub von 6 Fuß eine Cylinberweite von 2½ Fuß hat, pr. Minute 18 Spiele macht, übrigens mit Dampsen von 104° Temperatur gespeist wird und im Condensator eine Temperatur von 35° untershält? Das pr. Spiel verdrauchte Dampsquantum ist

$$V = \pi \cdot (\frac{5}{4})^2 \cdot 6 = 29,45$$
 Cubiffuß,

und die den Temperaturen 104° und 35° entsprechenden Spannungen find 1,148 und 0,057 Atmosphären, folglich ift die theoretische Leistung dieser Maschine pr. Kolbenweg:

$$Ps = 144 \ V_{\bullet}(p_0 - q_0) = 144 \cdot 29,45 \cdot 14,10 \ (1,148 - 0,057) = 4240,8 \cdot 14,10 \cdot 1,091 = 65236 \ \text{Fuffy funb},$$

ober, da die Maschine pr. Secunde biesen Weg $\frac{2\cdot 18}{60}=0$,6mal macht, die theoretische Leistung pr. Secunde

 $L_1 = 0.6$. 65286 = 89142 Fußpfund = 81.5 Pferbeträfte.

Rehmen wir nun ben Birtungegrab $\eta=0,60$ an, so bekommen wir bie effective Leiftung bieser Maschine:

Das Dampfquantum Q=0.6. 29,45=17,67 Cubiffuß, welches diefe Maschine pr. Secunde verbraucht, wiegt nach ber Tabelle in §. 391, bei 1,152 Atmosphären Spannung,

$$Q\gamma = \frac{61,75 \cdot 17,67}{1451} = \frac{1166,22}{1451} = 0,7520$$
 Pfunb,

und erforbert, wenn bas Speisewaffer mit 30° Barme in ben Reffel tritt, annahernd bie Barmemenge

Benn nun 1 Pfund Drennmaterial, welches jur Erzeugung biefer Dampfe angewendet wird, nur */4 . 7500 = 5625 Calorien giebt und bei der Dampferzeugung hiervon nur 0,6 zu Gute gemacht werden, so folgt der nothige Brennstoffauswand ftundlich

$$= \frac{60 \cdot 60 \cdot 459}{0.6 \cdot 5625} = \frac{27520300}{5625} = 489 \ \mathfrak{Pfunb}.$$

Da nun bie Mafchine 48,9 Pferbefrafte leiftet, fo folgt hiernach ber Brennmaterialauswand ftunblich und pr. Pferbefraft:

$$K = \frac{489}{48.9} = 10$$
 Pfund.

§. 502 Für Expansionsmaschinen ift ebenso bie effective Leiftung

$$L_1=\eta$$
 . 144 $Qp_0\left(1+Log.\,nat.rac{p_0}{p_1}-rac{q_0}{p_1}
ight)$ Fußpfund

zu setzen, und hierin für $\frac{p_0}{p_1}$ der Werth $\frac{F_1\,s_1}{F's}$ einzusühren. Uebrigens bezeichnet natürlich auch hier p_0 die Spannung des Dampses im Ressel und q_0 die im Condensator. Der Wirkungsgrad η wächst hier ebenfalls mit der Stärke der Maschine. Sein Werth für jede Maschine von gegebener Stärke ist aus folgender Tabelle zu entnehmen.

Stärfe	Wirfu:	ngsgrab η
ber Maschine in	bei gutem	bei gewöhnlichem
Pferbefraften.	Buftanbe be	r Unterhaltung.
4 bis 8	0,33	0,30
10 , 20	0,42	0,35
20 , 30	0,47	0,38
30 , 40	0,49	0,39
40 , 50	0,57	0,46
50 , 60	0,62	0,50
60 , 70	0,66	0,58
70 , 100	0,76	0,61

Diese Coefficienten find sowohl bei ben ein als auch bei ben zweichlindrigen Expansionsmaschinen anwendbar.

Es versteht sich von felbst, daß diese Coefficienten nur bei mittleren Geschwindigkeiten, mittleren Querschnitten der Dampfleitungen u. f. w. ihre Gilligkeit haben.

Anmerfung. Ueber bie Leiftungen ber Locomotiven und über bie ber einsfachwirfenben Maschinen, welche jum Bafferheben bienen, namentlich über bie ber Cornwaller Bafferhebungsmaschinen, wird im britten Theile bas Nothige absgehanbelt. Auch findet dann bie Theorie ber Schieberstenerung eine ausführliche Behandlung.

Beispiel. Welche Leiftung kann man von einer Boolf'schen Erpanstons-bampfmaschine erwarten, die, wie im Beispiele zu §. 482, die Dimenstonen d=18 Joll, s=40 Boll, $d_1=30$ Boll und $s_1=50$ Boll hat, welche serner 24 Spiele pr. Minute macht und im Dampsteffel $3\frac{1}{2}$, dagegen im Condensator $\frac{1}{8}$ Atmosphäre Spannung besitt? Nach der im angesührten Paragraphen ausgeführeten Berechnung ist die theoretische Leistung L=148 Pferdefräste; sehen wir den Birkungsgrad $\eta=0.7$, so erhalten wir die effective Leistung der Maschine:

wofür jedoch ber Sicherheit wegen nur 100 Pferdefrafte anzunehmen sein möchten. Das Dampfquantum pr. Secunde ist

$$Q = \frac{24}{30} \cdot (3/4)^2 \pi \cdot \frac{40}{12} = \frac{3\pi}{2} = 4,7124$$
 Gubiffuß;

baffelbe wiegt $\frac{61.75 \cdot 4.7124}{535} = 0.5439 \, \Re$ fund, und erfordert $610 \cdot 0.5813 = 854.6 \, \mathrm{Gas}$ lorien zu seiner Erzeugung. Wenn nun $1 \, \Re$ fund Brennstoff bei der Verbrennung $5625 \, \mathrm{Galorien}$ giebt, und hiervon nur $0.6 \, \mathrm{gur} \, \mathrm{Wirfung}$ gelangen, so folgt, daß diese Maschine an Brennstoff ftündlich $\frac{60 \cdot 60 \cdot 354.6}{0.6 \cdot 5439} = 391 \, \mathrm{Rsund}$, und folglich pr. Pferdefraft die Brennstoffmenge $K = \frac{891}{100} = 3.91 \, \mathrm{Rsund}$ verbraucht.

Pambour's Theorie. Pambour sett bei seiner Theorie ber Damp s. \S . 503 maschinen die Kraft des Dampstolbens der auf die Kolbensläche reducirten Last der Maschine gleich und nimmt diese aus drei Theilen bestehend an, nämlich aus der Nutslast P_1 , aus einem constanten Theile R und aus einem veränderlichen, der Nutslast P_1 proportionalen Theil δ P_1 der Nebenlast (vergl. \S 140). Es ist also hiernach die mittlere Kolbenkraft:

$$P = P_1 + R + \delta P_1 = P_1 (1 + \delta) + R_1$$

sowie umgekehrt die Nuglast:

$$P_1 = \frac{P - R}{1 + \delta}.$$

Ferner bezieht diefer Schriftsteller biefe Rrafte auf die Einheit ber Rolbenfläche

$$F=\frac{\pi d^2}{4},$$

3. B. auf ben Quabratzoll, inbem er

$$P=Fp,\,P_1=\dot{Fp}_1$$
 und $R=Fr$

fett. Hiernach erhält er:

$$p = (1 + \delta) p_1 + r,$$

fowie bie Ruglaft pr. Quabratgoll Rolbenflache:

$$p_1 = \frac{p-r}{1+\delta}.$$

Der ber constanten Nebenlast R entsprechende Druckverlust r. besteht wieder aus zwei Theilen; aus bem Druck q, welchen der Kolben auf seiner Gegen-släche wech die Spannung im Condensator oder in der freien Luft wirklich erleidet, und aus dem Theile r, welcher hauptsächlich durch die Kolben- und andere Reibungen verloren geht. Pambour setzt diesen Theil

$$r=rac{300}{d}$$
 engl. Pfund

auf jeben engl. Quabratfuß; führen wir aber bas preußische Dag ein, fo erhalten wir biefen Drudverluft pr. Quabratzoll Polbenfläche:

$$r=rac{25}{d}$$
 Pfund,

wobei ber Durchmeffer d bes Kolbens in Bollen auszubrücken ift. Den Coefficienten & giebt berfelbe = 0,14 an, weshalb man hiernach erhält:

$$p = 1.14 p_1 + q + r$$

und umgefehrt:

$$p_1 = \frac{p - (q + r)}{1.14} = 0.878 [p - (q + r)].$$

Es ift baber bie Ruglaft einer Dampfmafchine ohne Expanfion

$$P_1 = Fp_1 = \frac{F[p - (q + r)]}{1 + \delta} = 0.878 F[p - (q + r)]$$
 Pfund,

und bie Rutleiftung:

$$L_1 = P_1 v = \frac{F v}{1+\delta} [p - (q+r)]$$

$$= \frac{144 Q}{1+\delta} [p - (q+r)]$$

$$= 0.878 \cdot 144 Q [p - (q+r)]$$

$$= 126.4 Q [p - (q+r)]$$
 Full of unb.

Bei ben Expansionsmaschinen ift p veranderlich und beshalb nach §. 500

٠ij.

$$L_{1} = \frac{144 Q}{1_{1} + \delta} \left[\left(\frac{s}{s + \sigma} + Ln. \frac{s_{1} + \sigma}{s + \sigma} \right) (\beta + p) - \frac{s_{1}}{s + \sigma} (\beta + q + r) \right]$$

$$= 126.4 Q \left(\left[\frac{s}{s + \sigma} + Ln. \left(\frac{s_{1} + \sigma}{s + \sigma} \right) \right] (\beta + p) - \frac{s_{1}}{s + \sigma} (\beta + q + r) \right)$$

Fußpfund zu seten.

herr Bolters nimmt ben Gegendrud pr. Quabratzoll für Dafchinen mit Condensation, q=2.4 Bfb. und fitr solche ohne Condensation, q=15 Bfb. Uebrigens fest berfelbe bie übrige conftante Rebenlaft

$$r = r_1 + r_2 + r_3 + r_4,$$

indem er unter r, die Reibung bes Schwungrabes, unter r, die Reibung bes Dampftolbens, und unter ra ben Wiberftanb ber Luftpumpe, fowie unter ra ben Widerstand ber Raltwafferpumpe versteht, und nimmt auf Grund seiner Befuche

1) für Dampfmafchinen ohne Conbenfation

$$r = 0.00033 \frac{G}{d^2} + \frac{1.212}{d}$$

2) für gewöhnliche Dampfmaschinen mit Conbensation

$$r = 0.00033 \frac{G}{d^2} + \frac{1.212}{d} + 0.48 + 0.009 h,$$

3) ferner für Boolf'iche Dampfmaschinen

$$r = 0.00024 \frac{G}{d^2} + \frac{1.32}{d} + 0.41 + 0.008 h$$
, unb

4) für Corlig-Dampfmafdinen

$$r = 0,00033 \frac{G}{d^2} + \frac{1,212}{d} + 0,41 + 0,008 h$$

an, wobei bas Gewicht G bes Schwungrabes in Pfunden, ferner ber Durchmeffer d bes Dampftolbens in Bollen, sowie bie Forderhohe h ber Raltwasserpumpe in Fußen auszudruden find, und r die conftante Nebenlaft in Bfunden pr. Quadratzoll Rolbenfläche angiebt.

Die in ben Beispielen ju S. 481 und S. 482 berechnete eincylindrige Erpanfionsmaschine hat nach Morin, ba bie theoretische Leiftung L=33.5 Pferbefrafte gefunden wurde und beshalb $\eta=0.50$ angunehmen ift. bie effective Leiftung L, = 0,50 . 33,5 = 16,25 Pferbefrafte. Rach ber Bams bour'schen Theorie ift, wenn man $\sigma = \frac{1}{30} s_1$, $r = \frac{25}{18} = 1,39$ und die Spans nung p im Dampfeylinder um 10 Procent fleiner ale im Reffel annimmt, alfo $p = 0.9 \cdot p_0 = 0.9 \cdot 3.5 \cdot 14,10 = 44,415$ Pfund, und dagegen beim Austritt bes Dampfes bie Spannung im Dampfehlinder um 10 Procent größer als im Conbenfator, also q=1,1 $q_0=1,1$. 14,10 = 15,51 Pfund sett, die effective Leistung $L_1=0.878.271.44$ $\left(\left[\frac{0.4}{0.4+0.05}+Log.\ nat.\ \left(\frac{1.05}{0.45}\right)\right].$ 48,53 $-\frac{21.02}{0.45}\right)$

$$L_1 = 0.878.271.44 \left(\left[\frac{0.4}{0.4 + 0.05} + Log. nat. \left(\frac{1.05}{0.45} \right) \right].48.58 - \frac{21.02}{0.45} \right)$$

= 238,3 [(0,8888 + 0,8473).48,53 - 46,71]

 $= 238.8 (1.7361 \cdot 48.53 - 46.71) = 238.3 (84.25 - 46.71)$

= 238,8 . 87,54 = 8946 Bufpfund = 18,6 Pferbefrafte,

alfo um 14,5 Brocent größer, ale nach Morin. Bei Unnahme einer größeren Spannungebifferenz murben bie Resultate einanber naber gekommen fein.

§. 504 Leistungsformeln nach der Pambour'schen Theorie. Führt man statt des Dampfquantums Q die entsprechende Speisewassermenge M ein, seht man also

$$Q = \frac{\alpha M}{\beta + p},$$

fo erhalt man bie Leiftungeformel:

$$L_1 = \frac{144 \alpha}{1+\delta} M \left[\frac{s}{s+\sigma} + Ln \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) - \frac{s_1}{s+\sigma} \cdot \frac{\beta+q+r}{\beta+p} \right],$$

ober:

$$L_{1} = \frac{144}{1+\delta} \left(\left[\frac{s}{s+\sigma} + Ln. \left(\frac{s_{1}+\sigma}{s+\sigma} \right) \right] \alpha M - \frac{s_{1}}{s+\sigma} (\beta + q + r) Q \right),$$

und es ift hiernach zur Berechnung ber Leiftung einer Dampfmaschine bie Danipffpannung p im Chlinder gar nicht nöthig.

Noch hat man $Q = \frac{n}{30} F(s + \sigma)$ und $v = \frac{v}{30} s_1$, daher läßt sich auch

$$Q = \frac{v}{s_1} F(s + \sigma) = \frac{s + \sigma}{s_1} F v$$

einführen, fo bag fich ergiebt:

1)
$$L_1 = \frac{144}{1+\delta} \left(\left[\frac{s}{s+\sigma} + Ln \cdot \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) \right] \alpha M - (\beta+q+r) Fv \right)$$
 Fußpfd.

Mittels biefer Formel läßt fich alfo bie Leiftung ber Mafchine vorzüglich ans bem Berbampfungevermögen bes Dampfteffels ober aus ber Baffermenge M berechnen, welche burch benfelben pr. Secunde in Dampf verwandelt wirb.

Sest man noch

$$M = \frac{\psi K}{61,75 (640 - t_1)},$$

wobei ψ bie Barmemenge pr. Pfund Brennftoff bezeichnet, fo erhalt man bie Leiftung ausgebrüdt burch ben Brennmaterialaufwand K, nämlich:

2)
$$L_1 = \frac{144}{1+\delta} \left(\left[\frac{s}{s+\sigma} + Ln \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) \right] \frac{\alpha \psi K}{61,75 (640-t_1)} - (\beta+q+r) Fv \right)$$
 Fußpfund.

Herr Bölter nennt bas Berhältniß $\frac{L_1}{M\gamma}$ ber Rupleiftung L_1 zur Dampfmenge, $M\gamma = \frac{Q\gamma}{\mu}$ bas Güteverhältniß ber Dampfmaschine.

Diefes Berhältnig ift bem Obigen gu Folge:

$$\frac{L_1}{M\gamma} = \frac{144}{1+\delta} \cdot \frac{\alpha}{\gamma} \left[\frac{s}{s+\sigma} + Ln. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) - \frac{s_1}{s+\sigma} \cdot \frac{\beta+q+r}{\beta+p} \right],$$

und wachft mit der Dampffpannung p und mit dem Expansionsverhaltniß

$$\varepsilon = \frac{s_1}{s}$$
.

Uebrigens giebt Bambour teine Regel gur Bestimmung ber Dampfspannung po im Reffel; um biefelbe aus M und Q ober mittels ber Formel

$$p = \frac{\alpha M}{Q} - \beta$$

zu berechnen, bleibt nichts übrig, als die Spannungsverlufte durch Berfuche zu ermitteln und diefe zu ber Spannung p im Chlinder zu addiren.

Herr Böller setzt auf Grund seiner Bersuche ben Spannungsverlust bei ganz geöffneter Dampstlappe, $p_0-p=0.031~\frac{Fv}{F_1}$ Pfund, wobei F ben Duerschnitt des Dampstolbens, F_1 ben ber Dampscanäle und v die Geschwindigkeit des ersteren in Fußen bezeichnen.

Hat man so die Spannung p_0 im Ressel bestimmt, so erhält man das entsprechende Dampsvolumen, unter dieser Spannung gemessen:

$$Q_0 = \left(\frac{\beta + p}{\beta + p_0}\right) Q_0$$

während bas Dampfquantum, gemeffen unter bem mittleren Druck im Cylinder

$$Q = \frac{s + \sigma}{s_1} F v$$

gu fegen ift.

Um burch Bersuche ben Factor r ber constanten Rebenlast zu finden, vermindert man die Spannung p des Dampfes im Ressel soweit bis sie eben noch hinreicht, die unbelastete Maschine in Bewegung zu setzen. Dann ift die Rutleistung ber Maschine = Rull, also

$$\frac{s_1}{s+\sigma}(\beta+q+r)=\left[\frac{s}{s+\sigma}+Ln.\left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right)\right](\beta+p_m),$$

wenn p_m die entsprechende Dampfspannung bezeichnet, und daher das gesuchte Maß der constanten Rebenlast

$$r = \left[\frac{s}{s_1} + \frac{s+\sigma}{s_1} Ln. \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}\right)\right] (\beta + p_m) - (\beta + q).$$

Um dagegen ben Factor 1 + d ber variablen Rebenlaft zu ermit-

teln, vergrößere man bei ganz geöffneter Dampfflappe die Laft nach und nach so viel bis die Maschine zum Stillftand tommt, und beobachte die hierbei stattfindende Dampfspannung p.

Es ift bann gu feten:

$$\begin{split} p_n &= \frac{L_1}{Fv} = \frac{30}{n s_1} \frac{L_1}{F} = \frac{s+\sigma}{s_1} \frac{L_1}{144 Q} \\ &= \frac{1}{1+\delta} \left(\left[\frac{s}{s+\sigma} + Ln \cdot \left(\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma} \right) \right] (\beta+p_n) \frac{s+\sigma}{s_1} - (\beta+q+r) \right), \end{split}$$

und baher ber gesuchte Factor

$$1 + \delta = \frac{1}{p_n} \left(\left[s + (s+\sigma) L_n \cdot \left(\frac{s_1 + \sigma}{s + \sigma} \right) \right] \frac{\beta + p_n}{s_1} - (\beta + q + r) \right).$$

Beispiele. 1) Belche Leiftung ift von einer hochbruckmaschine zu erwarten, beren Keffel ftündlich 20 Cubifsuß Baffer in Dampf verwandelt, und beren Treibschlinder 18/4 Fuß Durchmeffer hat, die ferner pr. Minute 24 fünffüßige Spiele macht, bei 1/4 bes ganzen Kolbenweges schon absperrt und im Condensator eine Spannung von 1/10 Atmosphäre erhält? Nach ber Leistungsformel 1) ift

$$L_{1} = 126.4 \left((\frac{6}{6} + Ln.\frac{7}{3}) \cdot \frac{31053.20}{60.60} - (4.120 + 1.410 + \frac{95}{41}) (\frac{7}{8})^{2} \cdot \pi \cdot \frac{24.2.5}{60} \right)$$

$$= 126.4 \left((0.8933 + 1.2528) \cdot \frac{31053}{180} - 6.720 \cdot \frac{49}{16} \pi \right)$$

$$= 126.4 \left(\frac{2.0861.31058}{180} - 6.720.3.0625 \pi \right)$$

= 126,4 (359,9 - 64,6) = 126,4 . 295,8 = 37326 Fußpfb. = 77%, Pferbefrafte. Die Spannung bes Dampfes im Reffel bleibt hierbei unbefannt, bie im Cylinber aber ift vor ber Erpanfton, ba bas pr. Secunde im Cylinber verbrauchte Dampfvolum

$$Q = \frac{s + \sigma}{s}$$
 $Fv = 0.3 \cdot \frac{49 \pi}{16} = 2,886$ Cubiffuß

beträgt,

$$p = \frac{\alpha M}{Q} - \beta$$

$$= \frac{28961}{180 \cdot 2,886} - 4,120 = 55,750 - 4,120 = 51,630$$
 Ffund.

2) Welche Wassermenge muß die lette Maschine pr. Seeunde in Dampf verswandeln, damit sie eine mittlere Kolbenkraft von 7500 Pfund ausübe? Da

$$v = \frac{24 \cdot 2 \cdot 5}{60} = 4 \text{ Suf}$$

ift, fo hat man bie geforberte Leiftung:

 $L_1 = 4.7500 = 30000$ Fußpfund.

Segen wir baher in ber Formel

$$M = rac{1.14 L_1 + 144 (eta + q + r) Fv}{144 a \left[rac{s}{s + \sigma} + Ln. \left(rac{s_1 + \sigma}{s + \sigma}
ight)
ight]}$$
 Cubiffuß

ftatt L_1 biefen Berth ein, fo erhalten wir mit Beibehaltung ber übrigen Berthe bie gesuchte Baffermenge pr. Secunde:

$$M = \frac{1,14.80000 + 144.64,6}{144.28961.2,0861} = \frac{34200 + 9302}{28961.300,39} = 0,005001$$
 Cubiffuß, also finblich = $3600.0,005001 = 18$ Cubiffuß.

Anordnung einer Dampsmaschine. Nachbem wir im Borstehenden §. 505 bie vorzüglichsten Regeln zur Berechnung ber Leistung einer Dampsmaschine abgehandelt haben, bleibt uns nur noch übrig, die Ausstöllung der umgekehrten Unigabe zu zeigen, nämlich Regeln mitzutheilen, nach welchen die Haupt-bimenssionen einer Dampsmaschine von gegebener Leistung zu berechenen sind.

Das erste ber zu bestimmenden Elemente ift das Dampsquantum. Daffelbe ergiebt sich auch burch Umtehrung ber Leistungsformel unmittelbar. Legen wir die Morin-Poncelet'sche Theorie zu Grunde, seten wir also die Rupleistung

I.
$$L_1=\eta$$
 . 144 Q $p_0\left(1+\mathit{Ln}.rac{F_1s_1}{Fs}-rac{q_0}{p_1}
ight)$ Fußpfund,

fo erhalten wir hiernach bas Dampfquantum:

II.
$$Q=rac{L_1}{\eta\cdot 144\,p_0\Big(1+Ln.rac{F_1\,s_1}{F\,s}-rac{q_0}{p_1}\Big)}$$
 Eubitfuß,

wenn außer ber Leiftung L_1 nur noch die Spannungen p_0 und q_0 , das Expansionsverhältniß

$$\varepsilon = \frac{F_1 \, s_1}{F \, s}$$

gegeben sind und der Wirkungsgrad η bekannt ist. In der Regel nehmen die Maschinenbauer η selbst noch etwas kleiner an, als die Versuche gegeben has ben, weshalb die effectiven Leistungen meist noch größer ausfallen, als die nominellen.

Den oben (§. 501 und §. 502) angegebenen, sowie auch vielen anberen Bersuchsresultaten zufolge, läßt sich annehmen, daß ber Wirkungsgrad einer Dampfmaschine mit ber Stärke der Maschine wachse, und sich hierbei einem gewissen Grenzwerthe immer mehr und mehr nähere. Deshalb läßt sich derfelbe auch

$$\eta = \frac{L_1}{L} = \frac{\mu \sqrt{L}}{1 + \nu \sqrt{L}}$$

setzen, wobei μ und ν aus den Bersuchsresultaten berechnete Coefficienten bezeichnen und L die theoretische Leistung in Pferdekräften ausbrückt.

1) Bei Batt'schen ober Niederbruddampfmaschinen ift mit ziem- licher Sicherheit für L=4 Pferbelräfte, $\eta=0,40$ und für L=100 Pferbeträfte, $\eta=0,50$ zu setzen, baber folgt hier:

$$0.4 = \frac{2\,\mu}{1\,+\,2\,\nu}$$
 und $0.5 = \frac{10\,\mu}{1\,+\,10\,\nu}$

ober:

$$\mu = 0.2 + 0.4 \nu$$
 and $= 0.05 + 0.5 \nu$,

so daß sich nun

$$\nu = 1.5$$
 and $\mu = 0.8$,

alfo ber Wirtungsgrab

$$\eta = \frac{0.8 \ \sqrt{L}}{1 + 1.5 \ \sqrt{L}}$$

ergiebt.

Biernach ift für

L =	1	4	9	16	25	86	49	64	81	100	114	225	Pferbefräfte.
η=	0,32	0,40	0,44	0,46	0,47	0,4 8	0,49	0,495	0,49	0,50	0,51	0,51	

2) Bei Boolf'ichen ober Mittelbrudbampfmaschinen mit zwei Cylindern ift nach Morin

für L=4, $\eta=0,30$ und für L=100 Pferbefräfte, $\eta=0,566$, wonach sich allgemein

$$\eta = \frac{0.255 \ V \overline{L}}{1 + 0.351 \ V \overline{L}}$$

berechnet, und folgt für

L =	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100	144	225 Pferbefräfte
η =	0,19	0,30	0,37	0,42	0, 46	0,49	0,52	0,54	0,55	0,565	0,585	0,61

3) Bei Hochbruckmaschinen mit Conbensation hat man ferner für $L=4,~\eta=0.34$ und für $L=100,~\eta=0.465$; wonach allgemein

$$\eta = \frac{0,506 \ \sqrt{L}}{1 + 0,988 \ \sqrt{L}}$$

ift, und fich ergiebt für

L=	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100	144	225 Pferbefräfte
η=	0,25	0,34	0,38	0,41	0,43	0,44	0,45	0 ,4 5	0,46	0 ,465	0,47	0,48

4) Bei Hochbruckmaschinen ohne Conbensation hat man endlich für L=4, $\eta=0.35$ und für L=100, $\eta=0.517$, wonach allgemein

$$\eta = \frac{0,433 \ \sqrt{L}}{1 + 0.738 \ \sqrt{L}}$$

ift, und fich ergiebt für

<i>L</i> =	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100	144	225 Pferbefräfte
η=	0,25	0,35	0,39	0,43	0, 4 6	0,48	0,49	0,50	0,51	0,515	0,525	0,535

Ift das Dampfquantum Q gegeben, oder hat man es mit Hülfe der §. 506 Formel II. des vorigen Baragraphen berechnet, so kommt es nun darauf an, die mittlere Kolbengeschwindigkeit v zu kennen, und hierauf die nöthige Größe F der Kolbenfläche zu bestimmen.

Um einen sanften Gang ber Maschine zu erzielen, und um die Nebenhindernisse, zumal die Spannungsverluste, in den Dampfleitungen möglichst heradzuziehen, läßt man die Dampsmaschinen nur mit einer mäßigen Geschwindigkeit gehen. Nach Watt's Vorschrift soll die mittlere Kolbengeschwindigkeit 3½ Fuß, und zwar 3 Fuß bei kleinen, und 4 Fuß bei großen Maschinen, betragen. Das Wachsen der Geschwindigkeit mit der Stärke der Maschine gewährt den Vortheil, daß stärkere Dampsmaschinen verhältnissmäßig kleinere Dimensionen, kleinere Schwungräder u. s. w. ersordern, als schwache Maschinen. Die Watt'sche Scala der Kolbengeschwindigkeiten v ist solgende:

$L_1 =$	4 bis 8	8 bis 15	15,bis 25	25 bis 40	40 bis 60	60 bis 100 Pferbefräfte
v =	34	37	40	43	46	50 Boll
	2,83	3.08	3,33	3.58	3,83	4,17 Fuß.

Da jedenfalls biefe mittlere Rolbengeschwindigkeit eine gewiffe Grenze hat, so kann man wieder

$$v = \frac{\mu \ \sqrt{L_1}}{1 + \nu \ \sqrt{L_1}}$$

feten, wo µ und v noch zu ermittelnbe Zahlenwerthe bezeichnen.

Für $L_1=4$, ift v=32 Zoll, und für $L_1=100,\ v=50$ Zoll, also

$$0.34 = \frac{2\mu}{1+2\nu}$$
 and $0.50 = \frac{10\mu}{1+10\nu}$

gefest, folgt für Rieberbrud. ober Batt'iche Dampfmafchinen:

I a.)
$$v = \frac{42.5 \ \sqrt{L_1}}{1 + 0.75 \ \sqrt{L_1}} \ 30$$
ff.

Sest man in dieser Formel $L_1=\infty$, so giebt fie den größten Berth ber mittleren Rolbengeschwindigkeit:

$$v = \frac{42.5}{0.75} = 57$$
 Holl = 4,75 Fuß.

Uebrigens berechnet sich nach biefer Formel folgende Scala:

$L_1 =$	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100	144	225 Pferbefrafte
• = {	24	34	39	42,5	45	46	47	48	49	50	51	52 JoU
	2 ,0 0	2,83	3,25	3,54	3,75	3,83	3,92	4,00	4,08	4,17	4,25	4,33 Fuß

Die Mittel. und Sochbrudmafchinen läßt man nicht felten mit größeren Gefchwindigfeiten arbeiten; bier ift

für $L_1=4$, v=40 und für $L_1=100$, v=56 Zoll zu sehen, wonach nun

I b.)
$$v = \frac{56 \sqrt{L_1}}{1 + 0.9 \sqrt{L_1}}$$

folgt und sich baher ber Maximalwerth

$$v = \frac{56}{0.9} = 62 \text{ JoU} = 5,17 \text{ Fug}$$

ergiebt.

In der Praxis sieht man eine mittlere Kolbengeschwindigkeit von 6 Fuß als bie äußerste und bei Balanciermaschinen sogar nicht zulässige Geschwindigkeit an. Mittels bieser Formel berechnet sich folgende Geschwindigkeitsscala:

$L_1 = $	1	4	9	16	25	86	49	64	81	100	144	225	Pferbefräfte
$v = \left\{ \left \frac{1}{2} \right \right\}$	80	40	46	49	51	53	54	55	55,5	56	57	58	Jo∏
	.50	8.88	3.83	4.08	4 25	4.42	4.50	4.57	4.62	4.67	4.75	4.83	¥ns

Die in ber letten Tabelle enthaltenen Geschwindigkeitswerthe sind eigentslich nur die Maxima derselben, ba in den meisten Füllen die Geschwindigkeisten der Mittels und Hochdruckmaschinen zwischen den von beiden Tabellen enthaltenen Werthen mitten inne liegen. Nach Morin sollen sogar die hochbrudmaschinen bieselben Geschwindigkeiten erhalten wie bie Nieberbruckmaschinen.

Aus dem Dampfquantum Q und der mittleren Kolbengeschwindigseit v folgt nun mittels des Ausdehnungsverhältnisses $\varepsilon=\frac{s_1}{s}$ oder genauer $\varepsilon=\frac{s_1+\sigma}{s+\sigma}$, die Kolbenfläche:

II.)
$$F=\epsilon \, rac{144 \, \mathit{Q}}{\mathit{v}}$$
 Quadratzoll,

und hieraus bie Chlinderweite:

III)
$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 1,128 \sqrt{F} = 13,54 \sqrt{\frac{\epsilon Q}{v}}$$
 goll.

Dimonsionen der Dampsmaschinen. Um ferner ben Hub- ober §. 507 Rolbenweg, sowie die übrigen Elemente einer Dampsmaschine zu berechenen, ist es nöthig, die Anzahl n ber Kolbenspiele pr. Minute zu kennen. Bei den bestehenden Maschinen ist diese Anzahl zwischen 16 und 38 enthalten; es findet also in Betreff dieser Zahl eine große Mannigsaltigkeit nicht Statt. Nach Morin ist die ersorderliche Anzahl (n) der Kolbenspiele:

	280	i ber e	ffectiven mafc	Stärfe ine von		ampf=
	4-8	8—15	15—25	2540	40—60	60-100
		% f	erbe	frā	ften	
1) für Batt'iche Maschinen	28	25	22	20	18	16
2) für Boolf'iche Maschinen 3) für einchlindrige hochbruds maschinen mit Condensation :	30	27	25	23	21	19
a. ohne Balancier b. mit Balancier ober ofcil-	38	34	30	28	26	25
lirenbem Cylinber 4) für hochbrudmafchinen ohne	30	25	22	19	17	16
Condensation	88	34	30	28	26	24

hat man aus ber vorstehenden Tabelle bie angemessene Anzahl n ber Spiele pr. Minute entnommen, so tann man nun auch mittels ber Formeln

$$s_1 = \frac{30 \, v}{n}$$

unb

$$s = \frac{s_1}{\varepsilon} = \frac{30 \, v}{\varepsilon \, n}$$

fowohl ben gangen hub si als auch ben hub s im Angenblide ber Abfperrung bes Dampfes berechnen.

Da das Berhältniß $\frac{s_1}{d}$ des ganzen Kolbenhubes s_1 zu dem Kolbendurchmesser d bei den stationären Dampsmaschinen mittlerer Größe meist innerhalb der Grenzen 2 und $2^3/_4$ enthalten ist, und diese Grenzen nur dei sehr kleinen und bei sehr großen stationären Waschinen etwas überschritten werden, so ist es angemessener, die verschiedenen Werthe von $\frac{s_1}{d}$ bei verschiedenen Waschinensshiftenen und verschiedenen Durchmessern im Boraus zu berechnen, und hiernach den Kolbenschub s_1 selbst, sowie die Anzahl der Spiele

$$n = \frac{30 v}{s}$$

zu bestimmen.

Die Anzahl ber Spiele ift bei ftarken Maschinen Kleiner als bei schwachen; es erhalten aus biesem Grunde die ersteren verhältnißmäßig Kleinere Rolbenschübe als die letzteren, und es ist beshalb angemessen

$$\frac{s_1}{d} = \frac{\varphi}{1 + \varphi d}$$

gu fegen.

1) Bei ben Batt'ichen ober Tiefbrudmafchinen hat man gewöhnlich

für
$$d=12$$
 Zoll, $\frac{s_1}{d}=2,7$ und

für
$$d = 48 \text{ JoU, } \frac{s_1}{d} = 2.0;$$

wonach bas Berhältniß bes Rolbenhubes zum Rolbenburchmeffer

$$\frac{s_1}{d} = \frac{3,058}{1 + 0,01106 d}$$
 folgt, und für

d =	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60 Boll
$\frac{s_1}{d} =$	2,87	2,70	2,56	2,42	2,30	2,19	2,09	2,00	1,91	1,84
ift.	•									•

2) Bei Boolf'ichen ober boppeleylindrigen Mittelbrudmafchinen tann man baffelbe Berhältnig in Unwendung bringen, nur ift bier Bon ben Dampfmaschinen.

$$\frac{s_1}{d_1} = \frac{3,058}{1 + 0,01106 d_1}$$

gu feten, und unter si und di ber hub und Durchmeffer bes Rolbens im großen Chlinder gu verfteben.

- 3) Bei Hochbrudmaschinen mit Conbensation ift zu unterscheiben, ob biefelben mit ober ohne einen Balancier arbeiten. Die Maschinen ohne Balancier können mehr Spiele machen als die mit Balancier, und erhalten beshalb einen kleineren Sub als biefe.
 - a) Bei Bochbrudmafchinen ohne Balancier hat man

für
$$d=12$$
 Zoü, $\frac{s_1}{d}=2,50$ und

für
$$d = 36 \text{ BoU}, \frac{s_1}{d} = 1,75$$
,

wonach allgemein bas Berhältniß bes Rolbenhubes zum Rolbenburchmeffer

$$rac{s_1}{d} = rac{3,182}{1 \, + \, 0,02273 \, d}$$
 folgt, und für

d =	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60 BoII
$\frac{s_1}{d} =$	2,80	2,50	2,25	2,06	1,89	1,75	1,63	1,52	1,43	1,85
ift.		'			, ,		,	' '		•

b) Bei Dochbrudmaschinen mit Balancier hat man

für
$$d = 12 \text{ BoII}, \frac{s_1}{d} = 3,25 \text{ und}$$

für
$$d = 36 \text{ BoU}, \frac{s_1}{d} = 2,70;$$

wonach allgemein bas Berhältnig bes Rolbenhubes zum Rolbenburchmeffer

$$\frac{s_1}{d} = \frac{3,618}{1 + 0.00945 d}$$
 folgt und für

d =	6	12	18	24	30	36	42	4 8	54	60 BoII
$\frac{s_1}{d} =$										
10							•	,	•	1

ist.

4) Die Bochbrudmaschinen ohne Condensation erfordern bei gleischer Leiftung einen im Mittel um 8 Procent größeren Rolbendurchmeffer,

als die Maschinen mit Condensation; da nun aber für beide Maschinen der Hub $s_1=\frac{30\,v}{n}$ einer und derselbe ist, so solgt, daß für diese Maschinen das Berhältniß $\frac{s_1}{d}$ kleiner aussallen muß als für die Dampsmaschinen mit Condensation von gleicher Leistung. Deshalb ist

a) für Maschinen ohne Conbensation und ohne Balancier:

$$\frac{s_1}{d} = \frac{3,182 \ (1 \ -0,08)}{1 \ +0,02273 \ (1 \ -0,08) \ d} = \frac{2,927}{1 \ +0,02091 \ d}$$
, and fix

d =	6	12	18	24	8 0	36	42	48	54	60 Boll
$\frac{s_1}{d} =$	2,60	2,34	2,13	1,95	1,80	1,67	1,56	1,46	1,37	1,30

Enblich ift

b. bei hochbrudmaschinen ohne Conbensation und mit Balancier:

$$\frac{s_1}{d} = \frac{3,618 (1 - 0,08)}{1 + 0,00945 (1 - 0,08) d} = \frac{3,3285}{.1 + 0,00869 d},$$

wonach für

d =	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60 BoII
$\frac{s_1}{d} =$	3,16	3,01	2,88	2,76	2,64	2,54	2,44	2,35	2,27	2,19
folgt.		•	'							

§. 508 Bei einer Maschine ohne Expansion ist natürlich $s=s_1$; bei einer zweichlindrigen oder Woolf'schen Maschine ist aber der Koldenhub s_1 im großen oder Expansionschlinder vom Koldenhube s im Kleinen Cylinder zu unterscheiden. Bei Balanciermaschinen stellt oder legt man die Cylinder nicht neben, sondern hinter einander, so daß der kleine Cylinder der Axe des Balanciers näher zu stehen kommt als der große Cylinder, und sungesähr nur s/4 s_1 aussällt. Es ist also stehe das Berhältniß $v=\frac{s_1}{s}$ zwischen s und s_1 als gegeben anzusehen, und nur das Berhältniß zwischen F und F_1 zu sinden. Eine im vorigen Paragraphen gegebene Regel dient zur Bestimmung der Geschwindigkeit v des Koldens im großen Cylinder, und die folgeude Formel zur Berechnung der Fläche F des Koldens im kleinen Cylinder. Da das Expansionsverhältniß

$$\varepsilon = rac{F_1 s_1}{F s_1}$$

als gegeben anzusehen ift, fo folgt die Fläche F_1 bes großen Rolbens:

IV.)
$$F_1 = \varepsilon \frac{F_s}{s_1} = \frac{\varepsilon}{v} F_r$$

und ber Durchmeffer ber größeren Rolbenfläche:

$$V.) d_1 = 1,128 \sqrt{\frac{\varepsilon F}{v}}.$$

Wenn, wie nicht selten, auch im Meinen Cylinder eine gewisse Expansion bes Dampfes statthat, wobei ber Dampf am Ende bes Kolbenweges so abgesperrt wird, so hat man bas Expansionsverhältnig

$$\varepsilon = \frac{F_1 s_1}{F s_0}$$

zu setzen, oder, wenn man noch bas Expansionsverhältniß bes Dampfes im Kleinen Chlinder durch ε_0 bezeichnet, also $s=\varepsilon_0\,s_0$ sett,

$$s = \epsilon_0 \frac{F_1 s_1}{F s}$$
.

hiernach ift nun bie fleine Rolbenfläche F und beren Durchmeffer d burch bie Formeln

IV a.)
$$F = \epsilon_0 \frac{144 \ Q}{r}$$
 Quadratzolf,

Va.)
$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 1.128 \sqrt{F} = 13.54 \sqrt{\frac{\overline{\epsilon_0} Q}{v}}$$
 Bott,

fowie die große Rolbenfläche F_1 und beren Durchmeffer d_1 burch die Ausbrude

IV b.)
$$F_1 = \frac{s}{\varepsilon_0} \frac{Fs}{s_1} = \frac{\varepsilon}{\varepsilon_0} \frac{F}{v} = \frac{\varepsilon}{v} \frac{144 \ Q}{v}$$
 Quadratzoll und

V b.)
$$d_1 = \sqrt{\frac{4 \, F_1}{\pi}} = 1{,}128 \, \sqrt{F_1} = 13{,}54 \, \sqrt{\frac{\epsilon \, Q}{\nu \, \nu}} \, \, {\it 3oll}$$

bestimmt.

Hat man nun aus der Tabelle in §. 507 die angemessene Anzahl n der Spiele entnommen, so berechnen sich endlich die Kolbenschube s1 und s mittels der Formeln

$$VI a.) s = \frac{30 v}{a}$$

unb

VII a.)
$$s_1 = vs = v \frac{30 v}{n}$$
.

Auch fann man mittele ber (in §. 507) berechneten Berhaltnifgablen

$$\frac{s_1}{d_1} = \frac{\varphi}{1 + \varphi d}$$

biefe Rolbenschübe s, und s unmittelbar bestimmen, indem man

$$\text{VI b.)} \quad s_1 = \frac{s_1}{d_1} \cdot s$$

unb

VII b.)
$$s = \frac{s_1}{v} = \frac{30 v}{vn}$$

fett.

Beispiel. Man will eine Boolf'sche Dampsmaschine von 25 Pferdefraften Ruhleistung construiren, und soll nun die hierbei anzuwendenden Berhältnisse angeben. Nehmen wir $p_0=3.6$, $p_1=0.6$ und $q_0=0.1$ Atmosphäre, sowie $\epsilon_0=\frac{3}{2}$ an, so erhalten wir das Expansionsverhältnis:

$$s = \frac{F_1 s_1}{F s_0} = \frac{3.6}{0.6} = 6,$$

und bas fragliche Dampfquantum pr. Secunde, ba hier $\eta=0.48$ zu feten ift,

$$Q = \frac{.25 \cdot 480}{0.48 \cdot 144 \cdot 3.6 \cdot 14.10 \left(1 + Ln.6 - \frac{0.1}{0.6}\right)}$$

$$= \frac{12000}{3509 \left(1 + 1.7918 - 0.1666\right)} = \frac{12000}{3509 \cdot 2.6252} = 1.303 \text{ Cubiffus.}$$

Segen wir die Geschwindigfeit bes großen Rolbens:

fo folgt bie bes fleinen Rolbens :

$$v = \frac{s}{s_1} \ v_1 \ \frac{v}{\nu} = \frac{s}{4} \ v_1 = 36 \ \text{Roll} = 3 \ \text{Fub},$$

baher ber Inhalt biefes Rolbens:

 $F=\epsilon_0\cdot rac{144~Q}{v}=rac{8}{2}\cdot rac{1,303}{3}=0,6515$ Quabratfuß = 98,8 Quabratzoll, und ber Durchmeffer beffelben:

$$d = 1{,}128 \sqrt{93{,}8} = 10{,}92 \text{ goV}.$$

Ferner ift ber Inhalt ber großen Rolbenflache:

$$F_1 = \frac{\varepsilon}{\epsilon_0} \frac{F}{\nu} = \frac{6}{8/2} \cdot \frac{0,6515}{4/8} = 3 \cdot 0,6515 = 1,9545$$
 Quadratfuß = 312.7 Quadrateoll.

und baher ber Durchmeffer beffelben;

$$d_1 = 1{,}128 \sqrt{3127} = 19{,}95 \text{ Boll, also nahe 20 Boll.}$$

Nimmt man $\frac{s_1}{d_1}=2,40$ an (f. Tabelle in §. 507), so erhalt man ben hub bes großen Kolbens:

folglich ben bes fleinen Rolbens:

$$- s = \frac{s_1}{\nu} = \frac{s_4}{\nu}$$
 . $48 = 36 \text{ Boll} = 3 \text{ Fuß,}$

und endlich bie Angahl ber Spiele ber Dafchine pr. Minute:

$$n = \frac{30 v_1}{s_1} = \frac{30 v}{s} = \frac{30 \cdot 4}{4} = 30.$$

Injectionswassermenge. Bei ben Maschinen mit Conbensation §. 509 erforbert ber Conbensator mit seinen Bumpen eine besondere Berechnung. Bunachst ift die Injectionswassermenge M1 zu ermitteln.

Aus bem zu conbenftrenden Dampfquantum Q Cubitfuß ober

61,75
$$M = \frac{61,75 \ Q}{\mu} = \frac{61,75}{27238} (1,637 + p) \ Q = \frac{(1,637 + p) \ Q}{441}$$
 \$\(\psi\)5.

sowie aus der Temperatur t_0 des Injectionswassers und aus der Temperatur t_2 im Inneren des Condensators folgt nach der Regel von Watt u. s. w. für das Quantum M_{Σ} des Wassers, indem man die Bärmemenge

61,75
$$M_1$$
 $(t_2 - t_0)$,

welche M_1 bei ber Condensation in fich aufnimmt, gleich fest ber Wärmemenge

61,75
$$M$$
 (640 - t_2),

welche ber Dampf bei der Umsetzung in Wasser von t_2 Wärme verliert, die Gleichung: $(t_2-t_0)~M_1=(640-t_2)~M$, baher ist:

$$M_1 = \left(rac{640 - t_2}{t_2 - t_0}
ight) M = \left(rac{640 - t_2}{t_2 - t_0}
ight) rac{Q}{\mu}$$
 Cubitfuß.

Nach Regnault (f. §. 380) hat man

$$(t_2 - t_0) M_1 = (606.5 + 0.305 t - t_2) M$$

zu setzen, weil hiernach die Gesammtwärme des Dampses von t^0 Temperatur $606,5 + 0,305\,t$ ist, also Damps von t^0 Wärme $606,5 + 0,305\,t$ Wärmeeinheiten zu seiner Bilbung aus kaltem Wasser ersordert. Es ist also hiernach das zur Condensation nöthige Wasserquantum:

$$M_1 = \left(\frac{606,5 + 0,305 t - t_2}{t_2 - t_0}\right) M,$$

ober das Berhältniß des Injectionswasserquantums zum Speisewasserquantum:

$$\frac{M_1}{M} = \frac{606,5 + 0,305 t - t_2}{t_2 - t_0}$$

Nimmt man die Temperatur bes Injectionswassers = 12° und die im Condensator = 35° an, so erhält man burch die erste Regel das Berhältniß:

$$\frac{M_1}{M} = \frac{640 - 35}{35 - 12} = \frac{605}{23} = 26,3;$$

und burch bie zweite, wenn man t = 1050 fest,

$$\frac{M_1}{M} = \frac{606,5 + 32 - 35}{35 - 12} = \frac{603,5}{23} = 26,2;$$

also fehr unbebeutenb weniger.

Etwas größer ftellt sich aber bie Differenz bei Mittelbrudmaschinen herans. Rehmen wir z. B. p=4 Atmosphären an, und führen wir bie entsprechenbe Temperatur $t=144^\circ$ ein, so erhalten wir nach ber zweiten Formel:

$$\frac{M_1}{M} = \frac{606,5 + 43,9 - 35}{35 - 12} = \frac{615,4}{23} = 26,8;$$

mährend bie erfte Formel wieber

$$\frac{M_1}{M} = 26,3$$

giebt.

Da hiernach die Condensationswassermenge über 26mal so groß ausfällt als bas Speisewasserquantum, so läßt sich ermessen, daß die Anwendung von Condensationsmaschinen nicht überall möglich ift.

§. 510 Kaltwasserpumpe und Speisepumpe. Aus bem Injectionsober Kaltwasserpumpe und Nann man nun auch die Dimensionen ber
bieses Wasser liefernben Kaltwasserpumpe berechten. Es ist

$$M_1 = \left(\frac{640 - t_2}{t_2 - t_0}\right) M = \left(\frac{640 - t_2}{t_2 - t_0}\right) \frac{Q}{\mu};$$

setzen wir nun $\frac{640-t_2}{t_2-t_0}=26$ und für Tiesbruck $\mu=1390$, dagegen für den Mittelbruck p=4 Atmosphären, $\mu=448$, so erhalten wir das Injectionswasserantum für Maschinen mit Nieders oder Tiesbruck:

$$M_1 = \frac{26 Q}{1390} = 0.0187 Q,$$

und bagegen für Mittelbrudmaschinen mit 4 Atmosphären Dampfbrud:

$$M_1 = \frac{26 Q}{448} = 0.0580 Q.$$

Benn die Kaltwasserpumpe einfachwirkend ist, so läßt sich das Product V_1 aus der Fläche und dem Wege des Kolbens dieser Pumpe gleichsetzen dem pr. Spiel von dieser Pumpe gehobenen Basserquantum. Bergleichen wir nun dieses Wasserquantum mit dem Bolumen $2 \ V = 2 \ Fs$ des pr. Spiel verbrauchten Dampsquantums, setzen wir also

$$\frac{\overline{V}_1}{2\overline{V}} = \frac{\underline{M}_1}{Q} = \frac{\underline{M}_1}{\mu \underline{M}},$$

fo erhalten wir

Von ben Dampfmaschinen.

$$\frac{V_1}{V} = \frac{2 M_1}{\mu M} = \frac{2 (640 - t_2)}{\mu (t_2 - t_0)} = 0,0375$$
 für Rieberbrud,

unb

ē

= 0,1160 für Mittelbrud.

Da aber immer etwas Waffer zurückfällt, muß man bei V1 minbestens 10 Procent zusetzen, also bei Tiefbruckmaschinen ben Fassungeraum ber Kaltwasserpumpe

$$V_1 = 0.041 V$$

machen.

Nach Watt ift

$$V_1 = \frac{1}{24} V_1$$

und nach Anderen sogar

$$V_1 = 1/18 V$$

in Anwendung gu bringen.

Bei den Dampfmaschinen mit Mittelbruck ift, wenn man ebenfalls 10 Procent zusetzt,

 $V_1 = 0.128 V$.

In der Regel nimmt man auch wirklich $V_1={}^1/_8$ bis ${}^1/_6$ des Cylindersraumes V, welcher mit frischem Dampf angefüllt wird.

Aus dem Speisewasserquantum $M=rac{Q}{\mu}$ ergiebt sich sehr leicht der Fassungsraum V_2 der Speisepumpe, ober das Product aus der Fläche und dem Wege des Kolbens dieser Pumpe. Jedenfalls ist

$$\frac{V_2}{2V} = \frac{M}{Q} = \frac{1}{\mu},$$

baher ber Faffungeraum ber Speifepumpe:

$$V_2=\frac{2}{\mu} V.$$

Für Tiesbruckmaschinen mit 1,2 Atmosphären Spannung, wo $\mu=1390$ zu setzen ist, hat man baher

$$V_2 = \frac{2}{1890} V = \frac{V}{695} = 0.00144 V,$$

bagegen für Maschinen mit 4 Atmosphären Spannung, wo $\mu=448$ and zunehmen ift, .

$$V_2 = \frac{2}{448} V = \frac{V}{224} = 0,00446 V.$$

Um nach Beburfniß schnell speisen laffen zu können, macht man aber bies fen Raum breis bis sechsmal so groß, als biefe Formeln angeben.

Luft- und Warmwasserpumpe. Die Luft- und Warmwasserpumpe. Die Luft- und Warmwasserpumpe. 5. 511 pumpe muß, ba fie bas aus bem Dampfe und aus bem Injectionswasser

sich bildende warme Wasser nebst dem übrigbleibenden Dampse von etwa $^{1}/_{10}$ Atmosphäre Spannung und der sich aus dem Wasser entwicklichen Lust sortzuschaffen hat, eine gewisse Größe haben. Das pr. Secunde sortzuschaffende Wasservantum ist $M+M_{1}$, oder ungefähr 28 M. Da aber das Injectionswasser ungefähr $^{1}/_{14}$ seines Bolumens an Lust enthält, und diese im Condensator aus der Spannung von 1 Atmosphäre, sowie aus der Temperatur von $^{1}2^{\circ}$ in die von $^{3}5^{\circ}$ übergeht, so nimmt dieses Lustquantum im Condensator den

10/14 [1+0,00367 (35-12)] = 5/7 (1+0,00367.23) = 0,775sten Theil von dem Raume des Wassers ein; da ferner diese Luft mit Dampf von gleicher Temperatur und Spannung gemengt ist, so findet sich auch ein fast gleiches Volumen Dampf vor (s. §. 394), und es ist deshalb das pr. Secunde durch die Luftpumpe fortzuschafsende Wassers, Lufts und Dampsvolumen

$$= M + M_1 (1 + 2.0,775) = M + 2,55 M_1,$$

ober ungefähr

$$= (1 + 2.55.26) M = 67 M.$$

Bezeichnen wir nun ben Raum, welchen ber Rolben ber Luftpumpe bei einem Aufgange burchläuft, burch V_3 , so erhalten wir wie oben, indem wir seten:

$$\frac{V_3}{2V} = \frac{67M}{Q},$$

ben Fassungeraum ber Luft= und Warmmasserpumpe:

$$V_3 = \frac{134}{\mu} \cdot V.$$

Bei Tiefdruckntaschinen, wo $\mu=1390$ ist, hat man bemnach:

$$V_3 = {}^{134}/_{1390} V = {}^{1}/_{10} V;$$

bei Maschinen von 4 Atmosphären Spannung, wo $\mu=448$ geset werden kann, ist dagegen

$$V_3 = {}^{184}/_{448} Q = {}^{8}/_{10} V.$$

Nach Watt soll man ber Sicherheit wegen diesen Fassungsraum verdoppeln. Bei den Watt'schen Maschinen ist übrigens der Hub der Lustepumpe = 1/2 von dem des Dampstolbens und der Durchmesser derselben = 2/3 von dem des Dampstolbens, solglich hat man hier

$$V_3 = \frac{1}{2} \cdot (\frac{2}{3})^3 \ V = \frac{2}{9} \ V$$

also reichlich bas Doppelte von dem theoretisch bestimmten Berthe.

Bas enblich ben Conbenfator felbst anlangt, fo giebt man biefem ben Fassung graum

$$V_4 = \frac{V}{4}$$
 bis $\frac{V}{3}$.

Dimensionen der Dampsmaschinen. Aus dem Dampsquantum §. 512 V=Fs ergeben sich auch noch die Dimensionen der übrigen Theile einer Dampsmaschine. Um den Querschnitt der Dampsleitung $=\frac{1}{25}$ der Rolbensläche zu erhalten, macht man die Beite derselben, $d_1=\frac{1}{5}$ des Rolbendurchmessers d. Bei Maschinen mit Hochbruck und wenig Expansion, wie z. B. dei Locomotiven, soll dieses Querschnittverhältniß wie dei dem Austragerohr; sogar $^2/_{25}$ sein, weshalb man hier die Weite $d_1=^2/_7 d$ macht.

Ferner hängen noch die Hauptdimenstonen der Ressel- und Fenerungsanlage von dem Dampsquantum Q oder der Wärmemenge W ab. Die allgemeinen Regelu, nach welchen dieselben berechnet werden muffen, sind schon §. 404 n. s. w. mitgetheilt worden, weshalb hier nur nöthig ist, das Wesentlichste hervorzuheben.

Den Fassungsraum bes Dampstessels macht man 15- bis 20mal so groß als das Wasserquantum 3600 W, welches der Ressel in jeder Stunde verbampst; es ist also hiernach dieser Raum = 54000 W bis 72000 W und es kommen hiervon (s. §. 405) 0,4 auf den Damps und 0,6 auf den Wasseraum. Das Hauptelement eines Dampstessels ist natürlich die Heizseder Erwärmungsfläche. Wir haben schon oben (§. 404) angegeben, daß man auf einen Quadratsuß Erwärmungsstäche stündlich 4 Pfund Damps rechnen kann. Legt man diese Regel zu Grunde, so hat man für WCubitsuß stündlich in Damps zu verwandelndes Wasser die nöthige Erwärmungssstäche:

 $F = \frac{66}{4}.3600 W = 32400 W$ Quadratfuß.

Nach ben Bersuchen von Widsteeb ift bie Wassermenge, welche 1 Quabratfuß Erwärmungefläche flündlich verbampft, bei Kofferteffeln in Cornwall

= 0,09 Cubitfuß = 5,94 Pfund;

dagegen bei ben Cornwaller Chlinberteffeln mit innerer Beizung, wo eine febr langfame Berbrennung ftatthat, nur

= 0,0143 Cubitfuß = 0,94 Pfunb.

Bei ben Dampsichiff- und Dampswagenkesseln sindet eine viel lebhaftere Berbrennung Statt; hier ift bas Dampsquantum zwei- bis dreimal so groß als bas der gewöhnlichen Dampskessel stehender Maschinen bei gleicher Beizsläche.

Bas enblich noch ben Brennmaterialaufwand anlangt, welcher zur Berdampfung ber Bassermenge $M=\frac{Q}{\mu}$ nöthig ift, so hängt allerdings dieser auch von der Güte dieses Materials ab. Nach den Bersuchen von Bickteed, sowie nach vielfältigen neueren Bersuchen giebt 1 Pfund gute englische Steinkohle 7 bis 8 Pfund Dampf; umgekehrt ersordern daher M_{γ} Pfund Dampf:

$$K=rac{M\gamma}{8}$$
 bis $rac{M\gamma}{7}$ Pfund gute Steintoble.

Bei Watt'schen Maschinen ohne Expansion rechnet man stündlich auf jede Pferdetraft 10 bis 13 Pfund gute Steinkohle, bei Maschinen mit Hoch-bruck und ohne Condensation aber nur 8 bis 11 Pfund, bei solchen mit Condensation 5 bis 7 Pfund, und endlich bei Hochdruckmaschinen ohne Expansion und ohne Condensation sogar 17 bis 20 Pfund Kohle.

Anmertung. Rehrere fpecielle Angaben, Regeln über Dampfmafchinenanlagen u. f. w. enthalt ber "Ingenieur".

Bon ben ju ben Dampsmaschinen gehörigen Maschinentheilen: ber Krummzapsen, bas Schwungrab, ber Centrifugalregulator u. f. w., wird im britten Theile bieses Bertes gehandelt. Ebenso findet hier bie Theorie ber Skeuerung insbesonbere ber Schiebersteuerung einen Blat.

Anhang.

§. 513 Princip der calorischen Maschinen. Wenn ein Luftquantum V burch Ausbehnung von ber Pressung p in die Pressung p1 versetzt wird, ohne daß die Temperatur eine andere wird, so verrichtet dasselbe die mechanische Arbeit:

$$L = V_p Ln. \left(\frac{p_1}{p}\right)$$
(f. Sb. I, §. 388).

Wird aber bieses Luftvolumen bei unveränderter Spannung durch Erwärmung in V_1 umgeändert, z. B. in 2 V, also verdoppelt, so geht dadurch die Arbeitsfähigkeit besselben in

$$L_1 = V_1 p Ln. \left(\frac{p_1}{p}\right),$$

alfo im angenommenen fpeciellen Falle in

$$L_1 = 2 \ Vp \ Ln. \left(rac{p_1}{p}
ight)$$

über, fällt also bann boppelt so groß aus als vor ber Erwärmung.

Allgemein ist die durch die Bergrößerung des Luftvolumens um V_1-V hervorgebrachte Bergrößerung der Arbeitsfähigkeit

$$L_1 - L = (V_1 - V) p Ln. \left(\frac{p_1}{p}\right)$$

Ift t bie anfängliche Temperatur und ti bie Temperatur ber Luft nach ber Erhitung, fo hat man:

$$\frac{V_1}{V} = \frac{1 + \delta t_1}{1 + \delta t}$$
 (f. 86. I, §. 392),

baher:

$$\delta t_1 = (1 + \delta t) \frac{\overline{V}_1}{\overline{V}} - 1,$$

und die Temperaturerhöhung:

$$t_1 - t = \frac{(V_1 - V)(1 + \delta t)}{\delta V}.$$

Ift ferner bie specifische Warme ber Luft bei gleichem Drude:

$$\omega = \varkappa \omega_1 = 1.41.0,2375 = 0.335,$$

fo folgt ber zu biefer Temperaturerhöhung nöthige Aufwand an Barme:

$$W = \omega (t_1 - t) V \gamma = 0.335.(V_1 - V) \left(\frac{1 + \delta t}{\delta}\right) \gamma,$$

wobei noch y bie Dichtigfeit ber gegebenen Luftmenge V bezeichnet.

Setzen wir endlich noch bas mechanische Aequivalent ber Warme 1351 Fußpfund (f. §. 379), so erhalten wir hiernach bas Berhältniß bes burch bie angegebene Temperaturerhöhung erlangten Gewinnes an Arbeitsvermögen zum entsprechenden Wärmeauswand:

$$\eta = \frac{A_1 - A}{1351 W} = \frac{(V_1 - V) p \operatorname{In.}\left(\frac{p_1}{p}\right)}{0.335.1351 (V_1 - V) (1 + \delta t) \frac{\gamma}{\delta}}$$

$$= \frac{\delta}{453} \cdot \frac{p}{\gamma (1 + \delta t)} \cdot \operatorname{In.}\left(\frac{p_1}{p}\right),$$

ba noch $\delta = 0.00367$ und $\gamma = \frac{0.005672 \, p}{144 \, (1 + \delta t)}$, also

$$\frac{p}{(1+\delta t)\gamma} = \frac{144}{0,005672}$$

ift, fo folgt einfacher ber Wirfungegrab:

$$\eta = \frac{144.0,00367}{0,005672.453}$$
 Ln. $\left(\frac{p_1}{p}\right) = 0,2057$ Ln. $\left(\frac{p_1}{p}\right)$.

Ingsgrab:

 $\eta = 0.2057$ Ln. 2 = 0.0257.0.6931 = 0.1425, also circa $\frac{1}{7}$.

Es wird also bei bieser Arbeitsverrichtung ber Luft von ber ganzen Arbeitsfähigteit bes verbrauchten Wärmequantums ein Siebentel nutbar gemacht. Rach ber Zusammenstellung und Berechnung in §. 490 ift bieser theoretische Wirkungsgrab bei einer Dampfmaschine unter ben gunftigften Umftanden, und nur bei sehr hoben Dampffpannungen ebenfalls nur 1/7.

§. 514 Calorische Maschinen. Die ideelle Ginrichtung einer calorischen Maschinen. Die ideelle Ginrichtung einer calorischen Maschinen. Es ift A ber kleinere Cylinder,

Fig. 807.

bessen Kolben K beim Aufgange äußere Luft burch das Bentil a einsaugt und beim Niebergange durch das Bentil b in das Reservoir B eindrückt; serner ist F ein Feuerheerd, wodurch die Luft in B erwärmt wird, bevor sie in den größeren Cylinder C tritt und den Kolben L desselben in Beswegung setzt; endlich ist noch S ein Steuerungsmechanismus, wodurch der Zutritt

ber Luft von B nach C und ber Ausstuß berfelben aus C in die außere Luft abwechselnb gestattet und aufgehoben wird.

Bezeichnet p die Spannung der äußeren Luft und p_1 die im Reservoir ober Ueberhitzer B, serner s_0 den Hub des Kolbens L vor der Expansion und s_1 den ganzen Kolbenhub, so hat man:

$$\frac{s_0}{s_1}=\frac{p}{p_1},$$

und baher

$$s_0 = \left(\frac{p}{p_1}\right) s_1.$$

Ist ferner V=Fs ber Raum ber Druckpumpe A, und also auch bas pr. Kolbenspiel in den Hitzer eingedrückte Luftquantum, gemessen unter dem äußeren Drucke p, so hat man für den ganzen Raum des Arbeitschlinders, und also auch das pr. Kolbenspiel verbrauchte und in die freie Luft geführte Luftquantum von der Temperatur t_1 und gemessen unter dem äußeren Drucke p:

$$V_1 = F_1 s_1 = \left(\frac{1 + \delta t_1}{1 + \delta t}\right) V.$$

Bei Beginn ber Expansion nimmt biefes Luftquantum natürlich nur ben Raum

$$V_0 = F_1 s_0 = F_1 s_1 \left(\frac{p}{p_1}\right) = \frac{1 + \delta t_1}{1 + \delta t} \cdot \frac{p}{p_1} \cdot V$$

ein.

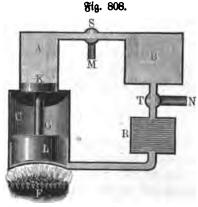
If $\frac{1+\delta t_1}{1+\delta t}=\frac{p_1}{p}$, so fällt $V_0=V$, also ber von der erhisten Luft bei Beginn der Expansion eingenommene Raum des Arbeitschlinders C gleich dem Raume des Chlinders A aus. In diesem Falle hat man für die entsprechende Temperatur der erhisten Luft:

$$t_1-t=rac{p_1-p}{p}\left(rac{1}{\delta}+t
ight),$$
 §. B. für $rac{p_1}{p}=2$ und $t=10^{\circ},$
$$t_1-t=rac{1}{0,00367}+10=282,5^{\circ}.$$

Diese hohe Temperatur ist das vorzüglichste prattische Hinderniß, welches ber Einführung der calorischen Maschinen entgegensteht. Um der Berdampfung der Kolbenschmiere möglichst entgegenzuwirken, macht man den Treibkolben L hohl und füllt ihn mit schlechten Wärmeleitern, z. B. mit klarer Kohle u. s. w. aus.

Um ferner die mit der in das Freie abströmenden Luft verbundene Wärme so viel wie nidglich in der Maschine zurudzuhalten, und dieselbe zur Erwärmung der Luft beim folgenden Kolbenspiele benuten zu können, ließ Erikson bieselbe vor ihrem Austritte durch einen sogenannten Regenerator strömen, welcher in seinem Innern eine Reihe von Drahtneten enthielt. Da sich derselbe nicht ausdauernd bewährt hat, so ist er bei neueren Maschinen weggefallen.

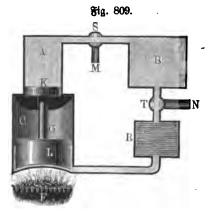
Die wesentliche Einrichtung ber ersten calorischen Maschine von Eritson ift aus Fig. 808 zu erseben. Es sind hier bie in ben Chlindern A und C



spielenden Kolben K und L durch eine Stange G fest mit einander verbunden, und es besindet sich der Brennheerd F unmittelbar unter dem Treibcylinder C, so daß solglich dieser zugleich als Erhitzer dient. Ferner ist B ein besonderes Luftreservoir und R der Acgenerator. Endlich sind S und T die beiden Steuerungsmechanismen, wodurch der Zu und Austritt, sowie die Fortsührung der Luft von A nach B und von B nach R regulirt wird. Um die Drücke

auf die inneren Flächen ber Rolben K und L aufzuheben, wird ber Raum zwischen biesen Rolben luftleer erhalten.

Beim Anfange ber Kolbenverbindung KL wird die vorher burch M eingefaugte Luft von A nach B, sowie weiter nach R und unter L gebruckt; und nach Zurucklegung eines gewissen Kolbenweges, wird durch Drehung des Steuer-



hahnes T die Communication ber Luft in RL mit bem Reservoir B aufgehoben, fo bag folglich bei Burudlegung bes übrigen Rolbenweges die Luft mit Expansion arbeitet. Ift die Rolbenverbindung oben angekommen, fo werben bie Steuerhähne S und T fo weit berumgebreht, bag A bei M, fowie R bei N mit ber außeren Luft in Communication tritt, und nun die gange Rolbenverbindung burch ihr eigenes Gewicht niebergeben tann. Hierbei wird durch

M frische Luft eingeführt, bagegen burch N bie verbrauchte Luft ausgeblasen, und zugleich ein Theil ihrer Wärme an die Drahtnetze im Respirator
abgesetzt. Ist die Kolbenverbindung in die erste Stellung zurückgekehrt, so
werden die Steuerhähne S und T. wieder so gestellt, daß die Luft von Neuem
von A nach B, R n. s. w. treten und ein neues Spiel beginnen kann.

Der von biefer Mafchine erlangte Arbeitsgewinn pr. Spiel ift auch hier

$$L = (V_1 - V) p \text{ Log. nat. } \left(\frac{p_1}{p}\right),$$

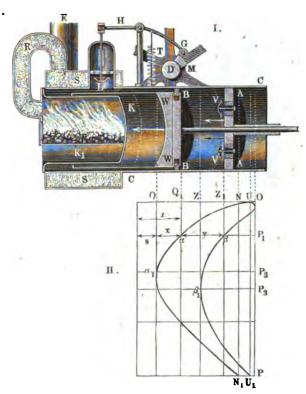
ober, wenn mahrend ber Ausbehnung ber Luft feine Barmezuführung ftatthat,

$$L = (V_1 - V) p \cdot \frac{\varkappa - 1}{\varkappa} \left[1 - \left(\frac{p_1}{p} \right)^{\frac{\varkappa - 1}{\varkappa}} \right],$$

wobei V ben vom Kolben K, und V_1 ben vom Kolben L burchlaufenen Raum, ferner p bie Pressung ber äußeren Luft und p_1 bie Pressung der ershisten Luft beim Eintritte der Expansion und z das bekannte specifische Wärmeverhältniß $\frac{\omega}{\omega_1}$ bezeichnet.

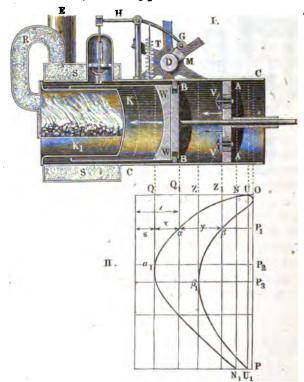
§. 515 Eine schematische Darstellung ber neueren calorischen Maschinen von Erickson führt Fig. 810 vor Augen. Der Feuerherd F besindet sich im Inneren eines Kessels KK1, welcher von der einen Seite her in den Arbeits- oder Treibechlinder CC eindringt, und die Berbrennungsluft durch ein Rohr R in eine rund um den Cylinder herumlaufende Kammer SS führt, von welcher aus sie dann in die Esse Ktrömt. Im Treibecylinder CC bewegen sich zwei Kolben, der Arbeits- oder Treibtolben AA, und

ber Berdränger ober Speisekolben BB, und zwar so, daß sie mahrend eines Spieles sich anfangs von einander entsernen und nachher einander wieder Fig. 810.



näher rücken, so daß sie am Ende des Spieles, wieder wie anfangs, nahe hinter einander zu siehen kommen. Beibe Kolben sind ventilirt; die Bentile V, V des Treibkoldens haben einen axialen Ausschub, das eigenthümlich construirte Bentil WW des Berdrängers hat dagegen einen radialen Ausschub, wodurch es abwechselnd gegen die Chlinderwand angedrückt und von derselben zurückgezogen, so daß im letzteren Falle Communication zwischen beiden Seiten dieses Kolbens hergestellt wird. Eigenthümliche Rurbel., Stangen- und Hebelmechanismen setzen diese Kolben mit der Schwungradwelle D in Berbindung. Beim Rückgange oder der Bewegung der beiden Kolben in der Pscilrichtung, wobei der Abstand derselben von einander allmälig größer und größer wird, sind die Bentile V, V geöffnet und ist das Bentil WW geschlossen; es strömt deshalb durch die ersteren frische Lust in den Raum zwischen beiden Kolben, während die Lust vor dem

Kolben BB vom Bordränger zurud und unter das Anstrittsventil L gebrückt wird. Letteres wird mittels eines doppelarmigen Hebels GH durch einen auf einen auf ber Schwungradwelle D aufsigenden Daumen eröffnet, Fig. 811.



bagegen burch eine Spiralfeber T wieber geschlossen. Während bes Rückganges ber beiben Kolben ist sowohl ber Raum BBVV zwischen benselben als auch ber Raum WWKL vor dem Berdränger BB mit der äußeren Luft in Communication; es ist daher hierbei der Druck auf beiben Seiten der beiden Kolben nahe einer und berselbe, nämlich der Atmosphärendruck, und die mechanische Arbeit Rull.

Während des Hinganges der beiden Kolben (entgegengesett der Pfeilrichetung), wobei die Bentile V, V und L verschlossen und das Ringventil W W eröffnet ist, besindet sich in beiden Räumen BBV und WWK vor und hinter dem Berdränger erhitzte Luft, deren mittlerer Drud den Atmosphärendrud übertrifft, es wird daher dann der Arbeitstolben AA mit einer der Differenz zwischen diesem inneren Luft- und dem äußeren Atmosphärendrud

gleichen Kraft vorwärtsgeschoben, wogegen sich die Drude der erhisten Luft auf den beiden Seiten des Berdrängers das Gleichgewicht halten. Die Leistung dieser calorischen Maschine pr. Kolbenspiel ist hiernach das Product aus der gedachten Kraft des Arbeitstolbens und dem Wege desselben beim Muchange.

Das Diagramm II. in Fig. 811 giebt eine graphische Darftellung bes Zufammenhanges der beiden Rolbenbewegungen und der Beranderung des zwiichen beiben Rolben befindlichen Raumes. Die Horizontalen beffelben meffen bie Rolbenwege, und die Berticalen entsprechen ben Wegen ber Warze bes Rrummzapfens an ber Schwungradwelle D. Bahrend bie Rurbelistige bei einer Umbrehung ben burch bie Gerade OP angegebenen Weg 2 mr macht, geht ber Speisekolben BB auf bem Wege NQ sowie ber Arbeitskolben AA auf dem Wege UZ hin und gurud. Steht die Barge in P1, fo ift der Speifetolben in Q und ber Arbeitstolben in Z1, fteht ferner bie Rurbelwarze in P2 so ift ber Speisekolben in Q, und befindet sich die Rurbelmarze in P3, fo fteht ber Arbeitstolben am Ende Z feines Weges u. f. w. rend ferner die beiben Rolben am Anfang und am Ende ihres Weges um NU von einander abstehen, ift nach Buritellegung bes Warzenweges OP1 ber Abstand zwischen ben beiben Rolben: $y = Q_1 Z_1$ u. f. w. man diesen Abstand herab auf die Horizontale durch P1, so erhalt man zwei ausammengehörige Puntte α und β ber Curven $N \alpha \alpha_1 N_1$ und $U \beta \beta_1 U_1$ welche die Abhängigkeit ber Rolbenbewegungen von der Rurbelbewegung und unter einander vor Augen führen.

Theorie der Ericsson'schen calorischen Maschine. Mit Hulfe (§. 516) ber mechanischen Wärmetheorie läßt sich bie Leistungsfähigkeit einer Ericsson'schen calorischen Maschine (nach Zeuner) wie folgt berechnen.

Bezeichnet F ben Inhalt der Kolbenfläche, p ben inneren Ueberbrud über ben äußeren Atmosphärendrud und ds ein Begelement bes Arbeitstolbens, so ift die Arbeit besselben bei Zurudlegung bes ersteren:

$$\partial L_1 = Fp \partial s.$$

Ift T_1 bie absolute Temperatur der Luft im Raume zwischen der Feuerung und dem Kolben BB, und T dieselbe im Raume zwischen beiben Rolben, so hat man (nach §. 364) die entsprechenden specifischen Luftvolumina (pr. Gewichtseinheit)

$$v_1=rac{R\ T_1}{p}$$
 und $v_2=rac{R\ T}{p}$, daher folgt auß $F\partial s=(v_1-v_2)\ \partial\ G_1,\ \partial\ L_1=R\ (T_1-T)\ \partial\ G_1,$

wo d G1 bas Luftquantum bezeichnet, welches bei Zurudlegung bes Wegelementes ds von der einen Seite bes Berbrangers nach ber anderen ftrömt.

Ferner ist das gesammte Luftquantum $G=G_1+G_2$ in der Maschine bie constante Summe aus den Luftmengen zu beiden Seiten des Berbrangers, daher

 $\partial G_1 + \partial G_2 = 0$, ober $\partial G_1 = -\partial G_2$;

auch hat man $G_2 v_2 = Fy$, wenn y ben veränderlichen Abstand $\alpha \beta$ ber beiden Rolben von einander bezeichnet, folglich ift

$$G_2 = rac{Fy}{v_2} = rac{Fpy}{RT}$$
, sowie $\partial G_1 = -\partial G_2 = -rac{F}{RT}\partial (py)$ und $\partial L_1 = -\left(rac{T_1-T}{T}
ight)F\partial (py)$,

fo bag burch Integration

$$L_1 = -\left(rac{T_1-T}{T}
ight) Fpy + \mathit{Con}.$$
 folgt.

Ift die anfängliche Preffung p1 und der Kolbenabstand y1, so hat man

$$0 = -\frac{T_1 - T}{r} F p_1 y_1 + Con.,$$

und schließlich die Leiftung ber Maschine

$$L_1 = \left(\frac{T_1 - T}{T}\right) F(p_1 y_1 - p y).$$

Ferner ift

$$G = G_1 + G_2 = \frac{Fp}{R} \left(\frac{s}{T_1} + \frac{y}{T} \right)$$
 and $\frac{Fp_1}{R} \left(\frac{s}{T_1} + \frac{y_1}{T} \right)$,

wenn unter s die Länge bes anfänglichen Luftprismas hinter dem Berdränger verstanden und die veränderliche Länge s+x desselben durch s bezeichenet wird; daher

$$p = rac{s\,T + y_1\,T_1}{s\,T + y\,T_1}\,p_1$$
, sowie $p_1\,y_1 - p\,y = rac{(s\,y_1 - s\,y)\,T\,p_1}{s\,T + y\,T_1}$,

und bas gefuchte Arbeitevermögen

$$L_1 = \frac{(T_1 - T)(zy_1 - sy)}{zT + yT_1} Fp_1.$$

Bringt man noch bie Arbeit

$$L_2 = Fp \cdot \overline{Z} \overline{U} = Fp (\overline{Q} \overline{U} - QZ) .$$

= $Fp (x + y - y_1) = Fp (z - s + y - y_1)$

des außeren Gegendrucks Fp in Abzug, so bleibt die Rutarbeit

$$L_0 = L_1 - L_2 = \left(\frac{(T_1 - T)(sy_1 - sy)}{sT + yT_1} - (x + y - y_1)\right) F p$$

übrig, und zwar unter der Boraussetzung, daß die innere Luftspannung p_1 am Ende des Rolbenspieles dis zum äußeren Lustdruck p herabgesunken sei.

Macht die Maschine pr. Minute n Spiele, so ist das Gewicht des verbrauchten Luftquantums pr. Secunde:

$$G = Q \gamma = F_{\cdot}(y_1 - y) \frac{p}{RT} \cdot \frac{n}{60}$$

und baber bie gefuchte Leiftung biefer calorifden Mafchine pr. Secunde:

$$L = \frac{n}{60} L_0 = \left(\frac{(T_1 - T) (zy_1 - sy)}{zT + yT_1} - (x + y - y_1) \right) \frac{RT}{y_1 - y} \cdot G.$$

In der praktischen Anwendung ift bas verbrauchte Luftquantum & viel größer als das nach der vorletten Formel berechnete, und daher auch die Leisftung ansehnlich Keiner als die lette Formel angiebt.

Beispiel. Bei einer Ertesson'schen calorischen Maschine ist ber Durchmeffer ber Kolbenstäche: d=2 Fuß, die Länge des Luftraumes hinter dem Berbränger bei Beginn des Rudganges: $s=\frac{1}{4}$ Fuß, der ganze Schub des Speisekolbens: x=1,5 Fuß, der anfängliche Abstand zwischen den beiden Kolbenssächen: $y_1=1,1$ Fuß und der am Ende desselben: y=0,1 Fuß, ferner die mittlere Temperatur der heißen Luft während des Kolbenschubs: $t_1=300^\circ$, und die der äußerten Luft: $t=10^\circ$, daher $T_1=573$ und $T=283^\circ$; wenn nun diese Maschine pr. Secunde 50 Spiele macht, und der äußere Luftdruck p=14,1 Pfund pr. Quadratzoll angenommen wird; welche Leistung ist dann von dieser Naschine zu erwarten?

Es ift hier
$$T_1-T=t_1-t=290^\circ$$
, $F=\frac{\pi\,d^2}{4}=3.14$ Quadrate fuß, $p=14.1\cdot 144=2080$ Himb, $s_1=s=0.25$, $s=s+x=1.75$. $sy_1-sy=1.75\cdot 1.1-0.25\cdot 0.1=1.90$, $sT+yT_1=1.75\cdot 283+0.1\cdot 573=552$, $x+y-y_1=1.5+0.1-1.1=0.5$,

baher folgt die gesuchte theoretische Leiftung ber Maschine pr. Spiel:

$$L_0 = \left(\frac{290 \cdot 1.9}{552} - 0.5\right) 3.14 \cdot 2030 = (0.998 - 0.5) 6374^{\circ}$$

= 0.498 · 6374 = 3174 Fußpfund, folglich bie pr. Secunde:

$$L=rac{n}{60}~L_0=rac{5}{6}$$
. $3174=2645$ Fußpfund, wobei bas Luftquantum

$$G = F(y_1 - y) \frac{p}{RT} \cdot \frac{n}{60} = F(y_1 - y) \gamma \cdot \frac{n}{60}$$

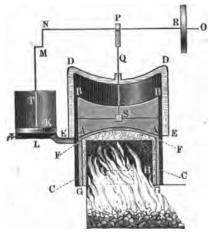
= 3,14.1.0,0800.\delta_6 = 0,2093 Pfund verbraucht wird.

Geschlossene calorische Maschinen. Während bei ben offenen §. 517 calorischen Maschinen von Ericsson bei jedem Spiel eine neue Luftmenge zur Wirksamkeit gelangt, arbeiten bagegen die geschlossenen calorischen Maschinen mit einem und bemselben Luftquantum, indem man baffelbe nach vollbrachter Arbeit bei jedem Kolbenspiele wieder von

Renem erwärmen läßt. Bu biesen calorischen Maschinen gehören bie von Schwarztopf und Laubereau sowie die von Belou u. f. w.

Eine schematische Darstellung ber Laubereau'schen geschloffenen calorisichen Maschinen führt Fig. 812 vor Augen. Der Berdränger AABB, welcher auch hier mit einem mantelformigen Blechansas A'CCA versehen ift,





bewegt fich im Inneren eines Doppelculinders DEED awis ichen beffen Wänden faltes Baf. fer circulitt, welches burch eine besondere Bumpe auf ber einen Seite ftetigen Buflug erhalt. mahrend es auf ber anderen Seite ftetigen Abfluß bat. Die burch Berbreunung auf bem Berd H erzeugte beife Luft trifft ben concaven Dedel FF bes Ofens und geht von ba an bem enlindrischen Mantel FGFG berab nach bem Boben GG und von ba in bie Effe (beren Ginmunbung in ber Abbilbung burch ein punttirtes Rechted bargeftellt ift).

Es ift hiernach leicht zu ermeffen, bag beim Aufgang bes Rolbens AABB bie talte Luft aus ber Rammer BBDD in die erwarmte Rammer AAFF berab-, und bag umgekehrt, beim Niebergange biefes Rolbens die erhitte Luft aus bem Raume AAFF unter bemfelben in die flihle Rammer BBDD Während bes Rolbenaufganges behnt fich bie aus ber binaufgebrekt wirb. talten in die marme Rammer ftromende Luft aus, ftromt burch bas Communicationerohr EL in ben Arbeite ober Treibenlinder T und brudt bier ben Treibtolben K in bie Sobe, welcher mittels bes Stangen - und Rrumm. gapfenmechanismus KMN bie Welle NO in Umbrehung fest. trägt außer einem (nicht abgebilbeten) Schwungrad und bem Transmiffionsrab R ein Ercentrit in Form eines Bogenbreieds (Fig. 777), welches von einem ber ben Ropf ber Rolbenstange QS bilbenden Rahmen umgeben wirb. und bie regelrechte Auf. und Rieberbewegung bes Rolbens AABB bervor-Beim Niedergang bes letteren fühlt fich bie aus AAFF nach BBDD strömende Luft an ben Umfangemanden von EDDE wieber ab. in Folge beffen fie eine tleinere Preffung annimmt, und ber augere Luftbrud auf ben Rolben K bas Uebergewicht über ben inneren gewinnt, fo bak letterer zum Niebergange genothigt wird. Sind beibe Rolben unten angekommen, so gewinnt ber Druck ber in AAFF von Neuem erwärmten Luft wieder das Uebergewicht über dem Druck in BBDD; es steigt in Folge bessen dieser Kolben wieder in die Höhe und beginnt auf diese Weise ein neues Spiel der Maschine, wobei jedes Mal ein gewisses Arbeitsquantum der erwärmten Luft auf den Arbeitskolben K und von diesem durch den Krummzapsenmechanismus auf die Umtriebswelle NO übertragen wird.

Die Belou'sche Beißeluftmaschine besteht aus zwei doppeltwirkenden Gebläsechlindern, einem kleineren, dem Speisechlinder, einem größeren, dem Arbeitschlinder, und aus einem zwischen beiden Chlindern liegenden geschlossenen Feuerherd. Durch den ersten Chlinder wird atmosphärische Luft angesaugt und in den Feuerherd getrieben, aus welchem sie in erhistem und verdünntem Zustande nach dem großen Chlinder strömt, wo sie den Arbeitstolben in Bewegung setzt und bessen Kraft durch einen gewöhnlichen Kurbelmechanismus auf die mit einem Schwungrade versehene Umtriebswelle überträgt. Dieselbe setzt durch einen anderen Kurbelmechanismus den Speiserlöben sowie durch gewöhnliche Kreisercentriss die beiden Bentile des Arbeitschlinders in Bewegung, wodurch das abwechselnde Zusassen ber warmen Luft auf der einen Seite und Ablassen der verbrauchten Luft auf der anderen bewirkt wird.

Auch diese Beißeluftmaschine verbraucht wie alle übrigen calorischen Maschinen viel mehr Brennstoff als eine Dampfmaschine von gleicher Leistung.

S. Tresca's Bericht über die Berfuche mit einer Belou'schen Heißelusts maschine im Bulletin de la Société d'Encouragement, Jan. 1867; ebenso Dingler's polytechn. Journal, Bb. 185, Delabar's Aufsätze über die Heißelustmaschine von Belou sowie von Lauberau.

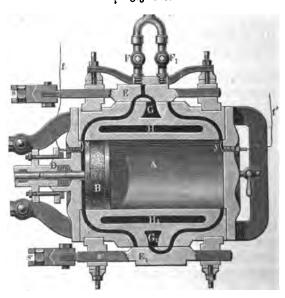
Gaskraftmaschinen. Mit dem Erfolg in der Anwendung der Gas. §. 518 kraftmaschinen ist man die jest nicht glücklicher gewesen, als bei den calorischen Maschinen, auch diese Maschinen verbrauchen bei gleicher Leistung eine
viel größere Menge Brennmaterial als die Dampsmaschinen. Man hat die jest
vorzüglich breierlei Systeme von Gaskraftmaschinen in Anwendung gebracht.

- 1) Das Syftem von Lenoir,
- 2) bas Syftem von Bugon unb
- 3) bas Suftem von Otto und Langen.

Bei allen diesen Maschinen wird die bewegende Kraft durch ein entzündetes Gasgemisch, bestehend aus gewöhnlichem Leuchtgas und einem 10- bis 40mal größeren Quantum atmosphärischer Luft, hervorgebracht. Die beisden ersteren Gasmaschinensysteme sind doppeltwirkend; dort wird das Gasgemisch abwechselnd auf beiden Seiten des Kraftsolbens in den Treibcylinder eingeführt und entzündet, und daher dieser Kolben durch die Explosion desersteren

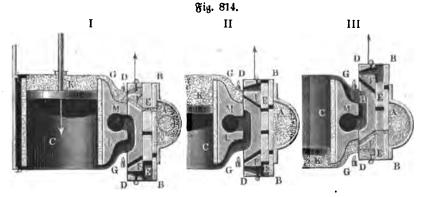
hin- und zurudbewegt, das britte Maschinensustem ist dagegen nur einsachwirfend. Hier wird nur auf der einen Seite des Kraftoldens Gas in den Treibehlinder geleitet und entzündet. Auch dient hierbei die Explosion des Gasgemenges nicht als Umtriedstraft, sondern nur dazu, einen luftverdumten Raum zu erzeugen, wobei die Atmosphäre in den Stand gesett wird, Arbeit zu verrichten. Bei einer solchen Gasmaschine wird hiernach der Auchgang des Kolbens durch den Druck der äußeren Luft hervorgebracht, dieselbe wirft beshalb genau wie eine sogenannte atmosphärische Dampsmaschine (s. 439) und läßt sich beshalb mit Recht eine atmosphärische Gasmaschine nennen. Was die Entzündung des Gasgemenges betrifft, so erfolgt dieselbe bei der Lenoir'schen Gasmaschine durch die elektrischen Funken eines Rhumkorff'schen Apparats, dagegen bei den Gasmaschinen von Hugon sowie bei denen von Otto und Langen durch eine gewöhnliche Gasssamme.

Die Lenoir'sche Gasmaschine (Moteur à air dilaté par la combustion du gaz d'éclairage) hat im Ganzen bas Ansehen einer gewöhnlichen Damps-maschine mit liegendem Chlinder. Nur hat dieselbe wie die Corliß-Damps-maschine (Fig. 770) vier Gaswege und zwei Bertheilungsschieber, wodurch abwechselnd je zwei der ersteren eröffnet und geschlossen werden. Die wesentliche Einrichtung und Wirtungsweise einer Lenoir'schen Gasmaschine ist aus Fig. 813 zu ersehen. Es ist A der Krastchlinder, B der Treibkolben und C die Kolbenstange, wodurch die Krast dieses Kolbens auf einen gesig. 813.



wöhnlichen Rurbelmechanismus fammt Schwungrad übergetragen wirb, ferner find E und E, die beiden durch Ercentrits ju bewegenden Bertheilungeschieber, F und F, bie bas Leuchtgas juführenden Röhren, und ichlieflich G und G, bie mit ber außeren Luft communicirenden Canale, wodurch die atmofphärische Luft zu- und bas Berbrennungsgas abgeleitet wird. Bei ber Schieberstellung in ber Abbilbung ftromt die außere Luft aus G, sowie balb nachher auch bas Bas aus F in ben linken Bascanal und wird von bemfelben auf die linke Seite bes Rolbens B geführt, mogegen bas Berbrennungegas auf ber rechten Seite burch G, in die außere Luft geleitet Rlidt bierauf ber Schieber E nach ber rechten Seite, fo wirb G und F mit bem rechten Luftcanal in Berbindung gefest ; es ftromt nun bas Gasgemifch auf ber rechten Seite bes Rolbens B in ben Arbeitschlinder und treibt nun nach erfolgter Entzündung ben Rraftfolben B wieber nach ber linten Seite gurlid, mabrend bie Berbrennungegafe vom Bingange burch ben unteren linken Luftcanal nach G, und von ba in die freie Luft ftromen. Rach erfolgtem Rudgange beginnt nun ein neues Spiel. Bur Entzundung bes Basgemenges bienen die elektrischen Strome ber burch die Cylinderbedel ifolirt hindurchgeführten Platin = ober Rupferdrafte a und y, welche mit ihren Spigen gegen die Cylindermand gerichtet find. Bei ber Berbrennung verbindet fich ein Theil bes Sauerstoffs ber Luft mit bem Roblenfloff ju Rohlenfaure und ein anderer Theil berfelben mit bem Bafferftoff bes Leuchtgafes zu Baffer, und bie bierbei entstehenbe Barme geht bann theils als Arbeit auf den Treibtolben, theils auf bas Ruhlmaffer iber, welches in bem hohlen Raum H ringe um ben Cylinder circuliren muß, um die große Erhitung beffelben zu verhindern. Die Lenoir'iche Basmafchine eignet fich vorzüglich jum Umtrieb fleiner Dafchinen von 1/2 bis 2 Pferbefraften, und verbraucht stündlich pr. Pferdetraft nabe 21/2 Cubitmeter Gas.

Bei der Bugon'ichen Gasmafchine, wovon Fig. 814, I, II, III, eine



schematische Darstellung liefert, wird bas Gasgemisch burch zwei mit bem Bertheilungeschieber verbundene Gasbrenner, welche bei gewissen Stellungen bes letteren vor zwei anderen feststehenden Gasbrennern vorbeigehen, end zündet.

Außer ber Speisung dieser Maschine durch Gas und Luft wird berselben bei jedem Kolbenschube noch eine kleine Menge Wasser zugeführt, woburch nicht allein die zur Erhaltung der Maschine nöthige Abkühlung, sondern auch eine Erhöhung der Leistungskähigkeit derselben erzielt werden soll. Ueberdies ist der Arbeitschlinder noch durch eine Umhüllung von fließendem Wasser vor zu starker Erhitung geschützt. In der Abbildung ist C der Arbeitschlinder mit dem Kolben K, A die Gaskammer, welcher das Gasgemisch durch eine Luftpumpe unter dem Drucke von einer 0,6 bis 0,7 Meter hohen Wassersaule zugeführt wird, ferner BB der Sperr- und DD der Bertheilungs-

Fig. 815.

IIIIIII

schieber. Beibe Schieber umgiebt die mit zwei Durchgangsöffnungen versehene Scheidewand EE zu beiden Seiten, und werden vereinigt durch ein gewöhnliches Kreisexcentrik auf- und niederbewegt. Der Bertheilungsschieber DD hat außer den gewöhnlichen Durchgangswegen noch zwei Canäle F, F, worin die beweglichen Gasbrenner ausmünden, welche beim Borbeisgehen an den permanenten Entzündungsbrennern G, G entzündet werden, und die Entzündung des im Cylinder C angesammelten Gasgemisches beswirken.

Bei ber Schieberstellung in Fig. 815 I. ftromt frisches Gas aus ber Rammer A burch die Schiebercanale über ben Rolben K im Cylinder C; wird hierauf die Schieberverbindung etwas gehoben und in die Stellung II. gebracht, so tritt die Explosion des nun von der Rammer A abgesperrten Gases im Cylinder ein, und es treibt die sich hierbei entwicklinde Expansiv-

kraft besselben ben Treibtolben K abwärts, wobei das beim vorhergegangenen Rolbenschub verbrauchte Gasquantum auf dem gewöhnlichen Wege LM burch den Schieber DD hindurch und nach dem Austragerohr M geleitet wird. Hat schließlich die Schieberverbindung ihren höchsten Stand III. erreicht, so strömt durch die unteren Schiebercanäle Gas in den Kraftcylinder, welches bei Beginn des darauf ersolgenden Niedergangs der Schieberverbindung entzündet wird, und nun den Rolben K wieder emportreibt, während bas beim Niedergange verbrauchte Gas auf dem Wege HM sortgeht.

Die atmosphärische Gaskraftmaschine. Trop der Abfühlung & 519 bes Treibenlinders burch eine Raltwafferhülle und burch Ginfprigen von taltem Baffer firomt boch bas verbrauchte Gasgemenge ber Sugon'ichen Gastraftmafchine noch mit ber bebeutenb hohen Temperatur von eirca 186 Grab ab, wodurch daber diese Maschine noch einen beträchtlichen Um benfelben zu vermeiben ober wenigstens mog-Arbeiteverluft erleibet. lichst zu vermindern, läßt man bei ber Otto-Langen'ichen Gastraftmaschine ben Treibkolben mahrend ber Gaserplosion unbelaftet, und verwenbet die bei ber letzteren freiwerdende mechanische Arbeit nur auf die Ueberwindung bes Gewichts G und ber Tragheit bes armirten Rolbens, wobei berfelbe auf die gange Subhobe emporgeschleudert wird. Ift F die Rolbenfläche, p1 ber mittlere Werth bes Gasbruds mahrend ber Explosion, q ber Gegendrud ber Atmofphare und s, ber Rolbenweg mahrend ber Explosion, wobei die Rolbengeschwindigkeit ben Maximalwerth v erlangt, fo hat man die Explosionsarbeit ber Maschine

$$A = \frac{Gv^2}{2g} = [F(p_1 - q) - G]s_1.$$

Bei Sintritt der gedachten Maximalgeschwindigkeit ist die Ueberwucht oder bewegende Kraft $F(p_1 - q) - G$ des Kolbens = Null, und daher der innere Gasdruck

$$p_1=q+\frac{G}{F};$$

bei Fortsetzung des Kolbenweges fällt $p_1 < q + \frac{G}{F}$ und daher die treibende Kraft negativ aus. Hierbei nimmt die Kolbengeschwindigkeit allmälig ab und wenn nun das Arbeitsvermögen $A = \frac{G \, v^2}{2 \, g}$ des Kolbens durch diese negative Kraft ausgezehrt ist, so kommt der Kolben wieder in Ruhe. Bezeichnet p_2 den mittleren Gasbruck, s_2 den Kolbenweg während derselbe statt hat, und die Kolbengeschwindigkeit aus v in Null übergeht, so hat man auch

$$A = \frac{Gv^2}{2g} = [F(q - p_2) + G] s_2,$$

daher $[F(q-p_2)+G]$ $s_2=[F(p_1-q)-Gs_1]$, und das Wegverhältniß

$$\frac{s_2}{s_1} = \frac{F(p_1 - q) - G}{F(q - p_2) + G}.$$

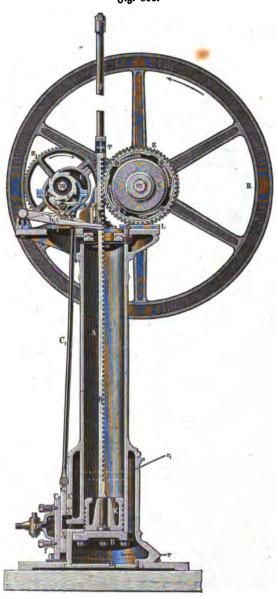
Nach Zuridlegung bes Kolbenweges s_2 wird die Kolbenstange mit der Schwungradwelle der Maschine verbunden, welche bei dem darauf solgenden Niedergang des Kolbens das Arbeitsquantum $A = Ps_2 = [F(q-p_2)+G]s_2$ aufnimmt, welches der Atmosphärendruck Fq in Bereinigung mit dem Kolbengewichte G nach Abzug des mittleren Gegendrucks Fp_2 beim Rückweg s_2 des Kolbens verrichtet. Am Ende dieses Wegs ist der Ueberdruck $F(q-p_3)$ sammt Kolbengewicht G mit der gewonnenen Arbeitskraft P im Gleichgewicht, also $F(q-p_3)+G=P$, daher der Gasdruck:

$$p_3=q+\frac{G}{F}-\frac{P}{F}=p_1-\frac{P}{F}.$$

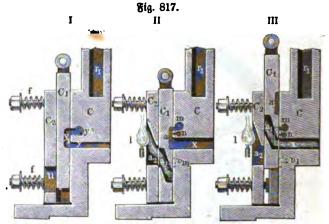
Schließlich legt hierauf ber Rolben noch einen kleinen Weg s zurud, wobei er bas verbrauchte Gas zum Austritt nöthigt, wie er auch bei bem folgenden Aufgang zuerft nur die zu demfelben nöthige Gasmenge anfaugt.

Die allgemeine Ginrichtung einer Otto-Langen'ichen Gastraftmafchine ift aus bem fentrechten Durchschnitt Fig. 816 zu erfeben. Arbeitschlinder $m{A}$ ist unten durch eine Fußplatte $m{B}$ verschlossen und von einem Mantel C mit Bobenplatte B, umgeben, welcher bie Rammer bes Rühlwaffers bildet, deffen Circulation burch bie beiden Röhrchen r und r. vermittelt wird. Der Treibfolben K hat eine gezahnte Rolbenftange Ki, welche mittels eines Querhauptes T von einer Sentrechtführung F umgeben ift und beim Mudgang in das auf ber Schwungradwelle W figende Rahnrad Z eingreift, wobei die Kolbentraft P auf diese Belle übergetragen wird. Damit bie burch bas Schwungrad R in ftetiger Umbrehung erhaltene Welle W bem Rudgang bes Rolbens tein Binbernig in ben Beg lege, ift das Zahnrad Z nicht fest mit W verbunden, sondern über einer auf W festsigenden Scheibe S verschiebbar, und find in ben ringförmigen Raum awischen Z und S lofe Reile und Rollen angebracht, welche fich beim Rie bergang bes Rolbens amifchen ben Reilflächen und bem inneren Umfang bes Bahnrades einkeilen, und baburch die Berbindung bes letteren mit ber Welle W vermitteln, wogegen fich beim Aufgang bes Rolbens biefe Rollen frei bewegen und bas Bahnrad Z burch die gezahnte Rolbenftange K, in umgekehrter Richtung umgebreht wirb, ohne bie in ber erften Richtung umlaufenbe Belle W zu ftoren.

Die Steuerung bieser Maschine, wodurch in gehöriger Auseinandersolge bas Zulassen und Anzünden bes Gasgemisches, sowie die Expansion und Sig. 816.



bas Borlassen besselben erfolgt, wird in der Hauptsache durch einen Schieber C_1 besorgt, welcher mittels Stange, Excentrit, Sperrrad u. s. w. an eine Welle W_1 angeschlossen ist, deren Umdrehung das Zahnräderwerk s, s_1 vermittelt. Die verticalen Durchschnitte I, II, III in Fig. 817 führen den

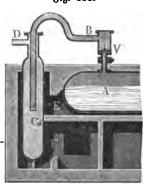


Steuerschieber in drei verschiedenen Stellungen vor Augen. In der mittleren Stellung I. tritt, während der Treibkolben das Ende seines Riederganges erreicht, das verbrauchte Gas durch den Canal y in die Höhlung y1 des Schiebers und von da in den Canal y2, welcher es nach dem mit einem Rugelventil versehnen Austragrohre sührt. Rommt hierauf bei Beginn des Kolbenausgangs der Schieber in die tiesste Stellung II, so füllt sich der Raum unter dem Kolben mit dem Gasgemisch, welches durch die Canale mund n zugeleitet wird, auch gelangt ein Theil des Gases durch den Canal nach der Rammer a1 und entzündet sich daselbst an der Gasslamme l. Gelangt endlich der Schieber in die Stellung III, so wird der Canal a1 mit dem Canal x in Berbindung gesetzt und das ganze Gasgemenge unter dem Rolben entzündet u. s. w.

§. 520 Maschinen mit überhitzten Dämpfen. Man hat in neneren Zeiten bas Princip ber calorischen Maschinen auch auf ben Dampf angewendet und zu biesem Zwede denselben nicht gleich vom Dampstessel aus in den Dampschlinder, sondern erst in ein besonderes Gefäß, den sogenannten Ueberhitzer, geführt und ihn durch Zusührung von neuer Wärme in überhitzen Damps (s. §. 382) umgeändert. Die wesentliche Einrichtung eines Dampstessels mit Ueberhitzer, nach Chaigneau und Bichon, ist aus Fig. 818 zu ersehen. Es ist hier A das hintere Ende des Dampstessels, C der Ueberhitzer, B das vom ersteren nach dem letzteren, sowie D das vom

letteren nach dem Dampfchlinder führende Dampfcohr. Die Erwärmung bes Ueberhitzers erfolgt durch die bei E aus den Zügen abziehende Beigluft,

Fig. 818.



welche erst ben ganzen lleberhitzer einmal umspielen muß, bevor sie bei F in den Schornstein treten kann. Ein leicht bewegliches Bentil V in der Röhre B regulirt de Dampfspannung im lleberhitzer so, daß sie von der Dampspannung im Ressel nur wenig übertroffen wird und folglich die Wirkung des Ueberhitzers hauptsächlich nur in der Ausbehnung des Dampsvolumens besteht.

Ift p bie Dampffpannung und V bas pr. Kolbenschub verbrauchte Dampfvolumen, sowie s bas Expansionsverhältniß, mit welchem bie Dampfmaschine

arbeitet, fo läßt fich (f. §. 480) bie Arbeit biefer Maschine pr. Rolbenschub

$$A = Vp (1 + Log. nat. \epsilon)$$

setten; wird nun aber dieses Bolumen V im Ueberhiter in V_1 umgeandert, ohne daß sich p ansehnlich andert, so beträgt diese Arbeitsfähigkeit:

$$A_1 = V_1 p (1 + Log. nat. \epsilon),$$

und es ift baher bas Berhältniß:

$$\frac{A_1}{A} = \frac{V_1}{V} = \frac{1 + \delta t_1}{1 + \delta t}.$$

Bur Erzeugung bes Dampfquantums Vy ift annähernd bie Barmemenge

$$W = 630 V \gamma$$

nöthig (f. §. 401), und es erfordert die Umanberung diefer Dampfmenge in überhitten Dampf bas Barmequantum:

$$W_1 = 0.480 \cdot (t_1 - t) V \gamma$$

wobei vorausgesett wird, daß die specifische Wärme des Wasserdampses = 0,480 sei. Hiernach ist das Berhältniß der Wärmemenge bei Anwendung von überhiptem Dampse zu der bei Anwendung von gesättigtem Dampse:

$$\frac{W+W_1}{W}=1+\frac{0,480(t_1-t)}{630}=1+0,000762(t_1-t),$$

und folglich bas Berhältniß bes Wirkungsgrades ber Dampfmafchine mit überhitem Dampfe zu bem ber Dampfmaschine mit gesättigtem Dampfe:

$$\frac{\eta_1}{\eta} = \frac{A_1}{A} \cdot \frac{W}{W + W_1} = \frac{1}{1 + 0.001344 (t_1 - t)} \cdot \frac{1 + \delta t_1}{1 + \delta t}$$

$$= \frac{1 + 0.00367 t_1}{[1 + 0.000762 (t_1 - t)] (1 + 0.00367 t)},$$

3. B. für t = 120 und $t_1 = 300$ Grad:

$$\frac{\eta_1}{\eta} = \frac{2.001}{1,137.1,4404} = \frac{2,001}{1,633} = 1,25;$$

'es fällt also bie Leiftung ber Maschine im ersteren Falle um 25 Procent größer aus als im letzteren.

Bei ben Bersuchen an einer solchen Maschine von ber Pariser Ausstellung im Jahre 1855 soll bieses Berhältniß auf 1,58 gestiegen sein.

Die Bermenbung überhitter Dampfe bei Dampfmaschinen scheint in neueren Beiten besonders im Elfag eine großere Berbreitung erlangt zu haben. wie aus einer Abhandlung im Bulletin de la soc. ind. de Mulhouse, Avril et Mai 1867, auch beutsch im polytechnischen Centralblatt 1868, Lief. 1, hervorgeht. Die Ueberhitungsapparate find Spfteme neben- und übereinanderliegender gufeiferner Röhren, worin der aus dem Dampfdom eines gewöhnlichen Dampfteffels tommenbe Wafferbampf auf 2200 C. er-In ber neuesten Zeit find auch vom Beren Professor Bartig wärmt wird. in Dreeben Berfuche über die Leiftung einer Dampfmaschine mit erhiptem Dampf angestellt worden, welche ebenfalls bie Rüplichfeit ber Ueberhipung nachzuweisen scheinen (fiebe ben "Civilingenieur", Jahrgang XIII, Beft 3). Der hierbei zur Anwendung getommene Dampfteffel war nach bem patentirten Syftem von herrn 3. T. Romminger in Dresben conftruirt und bestand aus einem gußeifernen Berippe, in beffen Rnoten 14 fcmiebeeiferne Röhren von 25 Millimeter Beite und 1,6 Meter lange fagen, worin bas burch eine Pumpe gebruckte Speisewasser fast momentan in Dampf verwanbelt wurde, und wobei natürlich die Befahr einer Reffelexplosion gang vermieben wird.

Die Gebrüber Wethered in Baltimore wenden statt der einsachen überhitzte Dämpse, ein Gemisch aus 1 Theil gesättigtem und 3 Theilen überhitztem Damps, zum Betrieb der Dampsmaschinen an, und verhindern dadurch
bas zu starte Berdampsen der Schmiere, Ablösen der Dichtungsmittel u. s. w.
Bu diesem Zwecke ist außer dem gewöhnlichen Dampsrohre, welches den
gesättigten Damps nach der Dampstammer sührt, noch ein schlangensörmiges
Dampsrohr angebracht, welches durch den Feuercanal geht, und daher den
Damps in überhitztem Zustande in die Dampstammer leitet.

Ferner hat man noch Dampfmaschinen mit combinirten Dampfen in Anwendung gebracht, wobei die Condensation des abströmenden Basserbampfes durch Berbampfen einer anderen Klussigkeit erfolgt, und der so erzeugte Dampf dieser Flüssigkeit zum Umtriebe einer anderen Maschine benutt wird. Da der Schwefeläther schon bei 37,8° verdampft (s. §. 372), und derselbe bei gleicher Temperatur eine viel höhere Spannung hat als der Wasserdampf (s. §. 392), so ist er zur Anwendung bei solchen Maschinen mit combinirten Dämpsen ganz besonders geeignet. Es gehören hierher die Maschinen von Trembley (s. Annales des mines 1853, T. 4, auch "Polytechn. Centralblatt" 1854).

Endlich hat man in neuerer Zeit auch Dampsmaschinen mit regenerkrten Dämpfen in Anwendung gebracht, wo der Damps, nachdem er seine Arbeit verrichtet hat, wieder von Neuem erwärmt (regenerirt) und der Maschine als Motor zugeführt wird. Es gehört hierher die Dampsmaschine von Siemens sowie die von Seguin. Bei diesen Maschinen kommt es wesentlich darauf an, den Damps abwechselnd zu überhizen und in den Zustand der Sättigung zurückzusühren; er wirkt im ersten Zustande activ, indem er den Dampskolben ausschiebt, im zweiten Zustande dareiv, indem er den Dampskolben Dampstolben in den Condensator getrieben wird. Um ein regelmäßiges Maschinenspiel zu erhalten, ist es nöttig, zwei solche Waschinen so mit einander zu verbinden, damit die Kraft beim Hingange des einen Dampskolbens zugleich auch den Rückgang des anderen Dampstolbens bewirkt.

Ueber die Dampfmaschinen von Siemens siehe: Cosmos, Revue encyclopédique 1855, sowie Dingler's polytechn. Journal 1855, über die von Seguin siehe: le Génie industrielle par Armengaud, T. XIII, 1857.

Schlußanmerkung. Die Literatur über Dampfmaschinen hat eine so große Ausbehnung erlangt, daß es nicht möglich ist, hier eine vollständige Anzeige derzselben zu liefern. Ramentlich sind wir nicht im Stande, auf die vielen einzelnen Aufsäte und Abhandlungen über Dampfmaschinen einzugehen, sondern es ist uns nur gestattet, die größeren Werke und die sich durch Eigenthümlichkeit auszeichnenden Schriften über diesen Begenstand anzusühren. Eine Schrift, welche die neueren Fortschritte des Dampsmaschinenwesens behandelt, ist solgende: R. Schmidt, die Fortschritte in der Construction der Dampsmaschine während 1854 bis 1857 und während 1857 bis 1862, 2 Bände, Leipzig 1857 und 1862.

Immer noch als vorzügliche Werke über Dampimaschinen sind anzusehen: Tredgold's sowie Farch's Treatise on the Steam-Engine; vorzüglich aber bie französische Uebersetung des ersten Werkes von Mellet, welche 1828 unter dem Titel: Traité des machines à vapeur etc. erschienen ist. Eine gedrängte, vorzüglich aber nur historisches Interesse habende Abhandlung über Dampsmaschinen sindet man in Barlow's Treatise on the Manusactures and Machinery of Great-Britain. Dem jezigen Standpunkt entsprechender abgehandelt ist: A Treatise on the Steam-Engine etc. by the Artizan-Club, edited by J. Bourne, 5th. edition, London 1861; auch Catechism of the Steam-Engine, by Bourne, new edition 1865, sowie Traité sur les machines à vapeur, par Bataille et Jullien. Die erste Abtheilung dieses Werkes ist eine blose Uebersetung des englischen Werkes.

1

Construction ber Dampsmaschinen handelt, hat besonders praktischen Berth, zumal auch wegen ihrer vielen Aupfertaseln. Ferner gehört hierher das handbuch über den Bau, die Aufstellung, Behandlung u. s. w. der Dampsmaschinen, nach dem Französischen von Grouvelle, Jaunez und von Jullien, Weimar 1848. Borzüglich in theoretischer Beziehung ist zu empsehlen die zweite Ausgabe von Pambour's Théorie des machines à vapeur, Paris 1844. Eine deutsche Rebersetzung hiervon theilt Crelle mit in seinem Journal der Bandunst, Bd. 23 zc. Das vorzüglichste theoretische Wert über Danupsmaschinen ist der dritte Theil der Leçons de Mécanique pratique etc., par A. Morin, Paris 1846. Dasselbeenthält auch Auszisse aus der interessenten Abhandlung von Thomas Wickenthält auch Auszisse aus der interessenten Abhandlung von Thomas Wickenthält auch Auszisse aus der interessenten Abhandlung von Thomas Wickenthält auch Auszisse aus der interessenten Abhandlung von Thomas Wickenthält auch Auszisse aus der interessenten Abhandlung von Thomas Wickenthälten Dampsmaschen und Regeln zur Berechnung der Dampsmaschinen enthalten Redtenbacher's Resultate über den Maschinendau. Speciell über Wärme, Damps und Dampsmaschinen handelt auch Redtenbacher's Maschinendau.

Bernoulli's Handbuch ber Dampfmaschinenlehre ift in ber 5. Auflage, Stuttgart 1865, vom Grn. Prof. Bottcher in Chemnig ganglich umgearbeitet und vermehrt worden, und Denjenigen, welche fich nur allgemeine Renntniffe im Dampfmajdinenwefen berichaffen wollen, febr ju empfehlen. Ebenfo ift Rabl= mann's Algemeine Maschinenlehre, Bd. I, besonders wegen literarischer und geschicktlicher Rotizen sehr schätzbar. Roch immer werthvoll, namentlich wegen seiner Gründlichteit, ift auch bas Wert von Berbam: "Die Grundfage, nach welchen alle Arten von Dampfmafchinen ju beurtheilen und ju behandeln find, beutich von Somidt u. f. w." Reue theoretifche Anfichten über die Wirfung bes Dampfes von Clapenron und Golzmann findet man in der Abhandlung von Erkerem über die bewegende Kraft der Wärme, Boggenborff's Annalen, Bb. 59, und in der Schrift des Zweiten: "Ueber die Barme und Clasticität der Dampfe und Safe." Ueber bie Anwendung ber Barmetheorie auf bie Dampfmafdinen von Claufius fiebe Boggenborff's Annalen, Bb. 97. Auch gehört bierber bie Abbandlung von M. Rankine: "On the mechanical action of heat, in Philosophical-Magazine, Vol. VII, 1864. Ennball, bie Barme als Art ber Bewegung, Braunidweig 1867.

Die mechanische Warmetheorie ist vertreten vorziglich: 1) in den Assandlungen über die mechanische Warmetheorie von R. Clausius, Braunschweig 1864 und 1867. 2) in Zeuner's Grundzügen der mechanischen Wärmetheorie, 2. Aussage, Leipzig 1866. 3) im Manual of the Steam-Engine and other prime movers by W. J. Macquorn Rankine, London and Glasgow 1869. Ferner 4) Théorie mécanique de la chaleur, par G. A. Hirn, seconde édition, Paris 1865. Auch gehört hierher: Die Theorie der Dampfsmaschinen von Gustav Schmidt, Freiberg 1861, sowie: Die Dampfmaschinen Berechnung mittels praktischer Tabellen und Regeln u. s. w. von Joses hrabat, 2. Aussage, Prag 1869.

Gute Zeichnungen und Beschreibung von neuen Dampfmaschinen findet man in der Schrift von Rottebohm: "Sammlung von Zeichnungen einiger ausgestührten Dampftessel und Dampfmaschinen u. s. w., Berlin 1841;" ebenso von alten Maschinen in der Abhandlung von Severin: Beiträge zur Kenntnis der Dampfmaschinen, Berlin 1826 ("Abhandlung der königl. Deputution der Gewerbe)." Uebrigens ist noch zu empfehlen: Reech, "Mémoire sur les machines à vapeur, Paris 1844", auch Alban, "die hochdruckampfmaschine, Rostock 1848." Ferner "The Stoam-Engine etc. by Hodge, Newyork 1840,"

und der Catéchisme du mécanicien à vapeur ou traité des machines à vapeur etc., par E. Paris, Paris 1850. Reuerlich ist erschienen: Jul. Gaudry "Traité élément et prat. des machines à vapeur", 2. Vol., Paris 1856. Zum prastischen Sebrauche ist zu empsehlen: "Der Führer des Maschinisten" von Scholl, Braunschweig 1864, 6. Auslage. Ferner: "Anleitung sur Anlage und Bartung der stationären Dampstessel" von Rarin, Brünn 1859. Mehrere andere Schriften über Dampserzeugung u. s. w. sind oben am Schluß des dritten Capitels citirt worden. Roch ist anzugeben: Les applications de la chaleur etc., par Valerius, Bruxelles 1867, in zweiter Auslage. Ferner: der Indicator und seine Anwendung u. s. w. von Rosentranz, Berlin 1868.

Das Dampsmaschinenwesen ist ferner start vertreten in G. Weissenborn's American engineering, embracing various branches of mechanics, Newyork 1861 etc., mit 52 Taseln. Ueber die Damps und Gasmaschinen in der letzten Pariser Weltausstellung 1867 ist nachzusehen: die Motoren der Pariser Weltausstellung 1867, vom Bergrath Prof. Jenny, Wien 1868; ferner: Oppermann, Visite d'un Ingenieur à l'exposition universelle de 1867, sowie: Revue de l'exposition de 1867; mines, métallurgie, chimie, mécanique etc. par Noblet, Paris et Liège 1868. Aus den Berhandlungen des Bereins stür Gewerbesteis in Preußen ist besonders abgedruckt: Die atmosphärische Gastrastmaschine von Otto und Langen, Berlin 1868. Die Heißlustmaschine von Windhausen und Huch, so wie die Roper'sche Geißlustmaschine ist behandelt von Gerrn Conrector Delabar in Dingler's Journal Band 187.

			•		
•	•	ı			
		•			
	•				
					•
			·		
				•	

Alphabetisches Sachregister.

Die beigefügten Biffern geben bie Seitenzahl an.

A.

Abfühlung 828. 979. Abfühlungegefdwindigfeit 830. 832. Abfühlungemethobe 840. 841. Ablagrohr 972. Abschläge, Ablasse 877. Abforptionevermögen (Barme) 826. Absperrventil 387, 988, 1025. Abzugecanal 879. Abmissioneflappe 987. Aequivalent, mechanisches, d. Wärme 852. Aether 799. Aggregatzustände 801. Aichpfahl, Begel 343. Alban's Dampfmafdine 1057. Anemometer 781. Angewäge, Angewelle 454. Angriffspunft bee Erbbrucks 12. Angriffspuntt bes Gewölbichubes 49. Anthracit 893. Aquaducte 341 Arbeit ber Thiere an Mafchinen 324. Arbeit ber Barme 848. Arbeitemafdinen 257. Arbeitevermogen ber Thiere 316. Arbeitevermögen bes Waffers 399. Afchenraum 926. Aipirator 888. Auffchlagwaffer 341. Ausblaseklappe, Ausblaseventil 999. Ausblaferohre 978. 999. Ausbehnung, absolute, scheinbare 818. Ausbehnung, permanente 818. Ausbehnungscorfficient 808. Ausbehnung ber Fluffigfeiten 818. Ausbehnungefraft ber Warme 818. Ausgleiten ber Gewolbe 44. Auslagventil 1025. Ausschlag einer Wage 268. Ausstrahlung ber Warme 826. Austragerohr 691. 997. Austritteventil 719. Ausübungemafdinen 257.

8.

Bache 842. Balanciermaschinen (Dampfmafdinen) 1002. 1003. Balancier, mechanifcher und hybraulis fcher 785. 786. Balfen, Trager 84. Balfen, frumme ober Bogen 168. Balfen, verbunbene, gefprengte, eiferne u. f. w. 148. 150. 152. 156. Balfenwehr 350. Barfer's Duhlenrab 568. Barometer 1000. Beaufichlagung 547. 603. Bebeckung, Deckung bes Dampffchiebers 1011. 1080. Beharrungezuftand einer Mafchine 261. Berme, Ballmeg 30. Berften, Berfpringen ber Dampfteffel 974. Beweger, Motor 257. Bewegung bes Baffers in Röhrenleitungen 382. Biegungeverhältniffe ber Bogen 168. Blaferohr, Ausblaferohr 989. Blechträger 161. Bodmuble, Bod u. f. w. 771. Bofdung, größte ober natutliche 8. Bogengefparre 229. Bogen, mafferhaltende 429. Bogentrager 164. 166. 182. Bohlenwand 5. Bolgen, Pflod 85. Borba'fche Turbine 538. Bramah-Rolben , Monchefolben 699. Braunkohle (Lignit) 893. Breme, Brefring 776. Bremedynamometer 264. 306. Brennftoffe 889. 892. 932. Brennftoffmenge 898. 1083. 1114. Bruchfuge, Bruchwintel 44. 46. Bruden, fteinerne 71. Bruden, holzerne 237. Bruden, gufeiferne 241.

Brüden, schmiebeeiserne 243. Brüdenpseiler 73. 215. 842. 852. Brüdenwagen 278. Buhnen 342. 851. Burbin'sche Turbine 541.

ℂ.

Cabiat'ice Turbine 578. 591. Callon'fche Turbine 598. Calorie 840. Calorifde Mafdinen 1134. Canale 341. 373. 378. Capacität für bie Wärme 840. Centestmalfcala, Centestmaleintheilung Centrifugalfraft bes Baffers 434. 519. **54**3. 583. Centrifugalregulator 1009. Centrifugalturbinen 548. Cobafton loderer Daffen 9. Collabon's fdwimmenbes Wafferrab 531. Combes'iches Reactionsrab, Turbine 571. **597.** Communicationsrohr 691. Compensationspendel 810. Compenfationerohren 384. Compressioneluftpumpe 641. Conbensation 977. Conbenfationsbygrometer 888. Conbenfator 883. 998. 1007. Corlig-Dampfmafdine 1047. Couliffenicute 462. 473. Couliffenfteuerung 1018.

D.

Dachgefparre, Dachconftructionen 117.219. Dalton's Befet 884. Dampf 837. 839. 856. Dampf, gesättigter und überhitzter 857. Dampfeplinder 979. 981. Dampfhaube, Dampfbom 972. Dampfindicator 1089. Dampffammer 986. 990. 1007. Dampffeffel 902. 908. 929. Dampftolben 982. Dampffunfte 977. 1002. Dampfleitung 1100. Dampfmafdinen, atmofpharifde 976. Dampfmaschinen mit und ohne Conbenfation 977. Dampfmaschinen mit und ohne Erbanfton 978 Dampfmaschinen mit gemischten, combinirten, regenerirten Dampfen 1152. Dampfmafdinen mit überhitten Dambfen 1150.

Dampfmafdinen, ftationare und Locomobile 1001. Dampfmafdinenfpfteme 1001. Dampfraum 908. Dampfrohr 972. 987. Dampfichieber 1030. Dampfichiffteffel 905. Dampfventile 992. 994. Dampfvolumen, specifisches 878. Dampfwagenteffel 904. 907. 923. Dampfwege, Dampfranale 988. Danaiben 533. 558. Decimalwage 272. Dedunge ober Dodungwinkel 408. Deutsche ober Bock-Bindmuble 771. Deftillation 883. Diagonalarme 451. Dichtigkeit ber Dampfe 876. 882. Dichtigfeit bes Baffers 820. Differenzialanemometer 784. Differenzialbynamometer 297. Differenzialmanometer 959. Diffuser von Bopben 642. Directwirfenbe Dampfmaschinen 1002. Doppelercentrif 1017. Doppelfeuerung 929. Doppelheerbe 927. Doppelschieber 1037, 1058. Doppelturbinen 659. 685. 686. Doppelventile 995. Dreitolbensteuerspftem 727. 756. Drehklappe, Droffelventil 658. 988. Drebichieber 989. Drud loderer Maffen 9. Drudraber, Drudturbinen 532. 597. 599. Durchlagwehr, Schleusenwehr 342. 348. Durchstrahlung ber Barme 827. Donamometer 264.

Œ.

Ebward's ober Boolf'iche Dampfmafcine 1050. Effect, Leiftung einer Mafdine 258. Eimerfettenrab 765. Einfachwirkenbe Dampfmaschine 1002. 1024. Einfachwirkenbe Baffer faulenmafdinen 691. Binfalltaften 698. Binfallröhre 576. 691. 694. Ginfallwintel 826. Einlagventil 1025. Einspriswaffer 998. Eintrittemintel 408. 586. 606. 650. Gintrittefteuerventil 717. Gifenbledirager 159. 244.

Emanationstheorie 801. Empfindlichfeit einer Bage 265. 268. Entlaftungefdieber 992. 1046. Erbbrud, activer und paffiver 4. Erbbrud, allgemeine Theorie beffelben 18. . Erbmaffe, belaftete 14. Erbwinde 333. Erwärmungsfläche 906. Erwärmungetraft 889. Effen, auch Deffen Schornftein 934. 936. Etagenräber 597. Excentrife, excentrische Scheibe 1005. 1013. Ercentrifftange 1006. Excentriffteuerung 1015. Expansion und Expansions : Dampfmas fcine 978. 1062. Expansionsschieber 1030. Expansiviraft ber Wafferbampfe 857. 862. 881.

Я.

Nachwerksträger 139. 145, 166, 247. Fahrenheit'iche Ccala 802. Fahrloch, Mannloch 972. Fallbocksteuerung 714. Feberfteuerung 714. Feberwagen, Feberdynamometer 264. **284.** 286. Relgen (Rabfrangfelgen) 403, 451. Feuchtigfeit, Fenchtigfeitegrab ber Luft 886. Reuerbrude 928. Feuercanale, Buge 928. Feuerfläche 906. Reuerraum 925. Feuerröhren 904. 918. Fischgerinne 371. Flachenausbehnung 807. 816. Fliegende Waffer, Fluffe 342. Flugel, Flügelraber 768. 769. Flügelmauern 74. Flügelwelle 769. 778. Rinffe 842. Fluther, Fluthgerinne 345. 371. 373. Fontain'ide Turbine 645. Fournepron'iche Turbine 573. 576. Francie'iche Turbinen 578, 625. Freihangende Raber 508. Froftpunft 802. Füllungscoefficient 407. 466. 493. 520. Ruttermauern 5. 23. Auttermauern, Gleiten berfelben 26. Buttermauern, Rippen berfelben 28. Futtermauern, geboschte 32. Futtermauern, geneigte 34.

6.

Gasheizung 932. Gastraftmafdine 1148. Defalle 342. 878. 388. 899. 402. Gefäßmanometer 955. Gefrierpunft, Froftpunft 802. Gegenfolben 703. 708. 995. Bemenge von Gafen und Dampfen 884. Gentilhomme's Turbinen 598. Berinne 341. 371. 375. Gerfiner's Formel 499. 510. Gefdwindigfeit bes fliegenben Baffers 342. 378. Gefdwindigfeitequabrat, mittleres 749. Gewichtsfteuerung 714. 717. 1023. Gewichtethermometer 819. Gewölbe, Gewölbsteine 37. Bewolbe, Schiefe 79. Bewolbe, icheibrechte 42. Gewölbe, unsymmetrische 78. Bewolbe, verschiebene Arten berfelben 38. Dewolbfugen 87. Bewölblinien 40. 74. Bewolbbrud, Gewolbschub 40. 46. 58. 66. 74. Gewölbftarte 61. Girard's Turbinen 640. Gitterbalfen, Gitterbrücken 159. 237. Gleichgewicht ber Gewölbe 38. 42. 46. Gleichgewichtsventil 1026. Glodenventile 995. 1045. Göpel, hands und Pferbegopel 338. Graben 341. Grieffaulen 345. Großwaffer 343 Grundwehre 842.

Ş.

Sahnfteuerung 703. 705. 721. 727. 989. hammerraber 529. hammerfteuerung 714. Sanel'iche Turbinen 670. bang- und Sprengwerfe 128. 220. hångebögen 187. Bangebrude 188. 189. Bangefaule 124. Bangewerfe 124. 189. handgopel, Menschengopel 333. haspel, hornhaspel u. f. w. 329. Saube einer Windmuble 772. Daube eines Pfeilerfopfes. 73. Sausbaum ber Bodmublen 771. Bebefraft ber Erbmaffen 5. hebel als Maschine zur Aufnahme ber Menschenfraft 326. Bebelabe 496.

Bebelfteuerung 714. 1021. Bebermanometer 956. 959. Beigfiache 906. 907. Benichel's Dampfteffel 947. Benfcel's Turbine 645. 649. Bochbrudbampfmafdinen 977. Bodbrudtutbinen 578. Hohofengase 933. Holz, Holzfohle 893. 894. Bolg- und Gifenconftructionen 84. Borizontale Wafferraber 400. 582. Hornblower's Bentile 983. Hornhaspel 329. Howd's United State wheels 578. Bulfswafferfaulenmafdinen 714. 721. Sybraulifche Debenhinberniffe 741. Sybropneumatifation 640. 659. Sygrometer, Sygrometrie 887. 889.

3.

Immerwaster 848.
Indicator, Dampfindicator 1089.
Indicatorcurven, Indicatorbiagramm 1095.
Injectionswaster 998.
Injector von Gisfarb 949.
Instrumente, Werfzeuge 257.
Inwal'sche Eurbine 645. 647.

9.

Rampfer (Gewölbftein) 38. Raltwafferpumpe 1008. 1128. Ranale (Canale) 378. Raftenbamme 73. Rataraft (Cataraft) 1028. Regelventile 992. 995. Rehibalfen 220. Rellerhalsgewolbe 38. 80. Reffels ober Ruppelgewölbe 88. Reffelanlage 929. Reffelprobe 973. Reffelwandstarte 912. Reffelwände, ebene 921. Retten von gleichem Biberftanbe 200. Retten, Starfe berfelben 196. Rettenbrude, Sangebruden 188. 250. Rettenrab 764. Rippen ber Gewolbe 45. 47. Rleinwaffer 343. Rlofter- und Rreuggewolbe 38. 81. Rnagge, Steuerfnagge 716. 1022. Rochen, Sieben 839. Röchlin'fche Turbinen 649. Ronigebaum 773. Rofferfeffel, Bagenfeffel 903. 909. Roble, Roblenftoff 889. 892.

Roblenfaure und Roblenorphaas 890.891. Rolben, Treibfolben 691. 699. Rolbenmanometer 961. Rolbenmaschinen 400. 976. Rolbenhub, Rolbenfchub, Rolbenweg 696. 738. 980. 1121. **R**olbenrad 764. Rolbenreibung 740. 1104. Rolbenstange 701. 984. Rolbenfteuerung 703. 706. 989. Rorbbogen 74. Rraft und Laft 257. Rrafte, thierifche 316. Kraftformeln (für Thiere u. f. w.) 319. Kraftmaschinen, Umtriebsmaschinen 258. Rraft und Geschwindigfeit ber Thiere 319. Kränze an Röhren 883, 694. Rreisercentrif 1006. 1013. Arelfelrabes 582. Rropfgerinne 401. Rropf und Kropfräber 401. 468. 474. Kropfröhren 385. Kropfschaufeln 410. Rropfichwellen 475. Rufenraber 540. Rühlgefäß, Condensator 997. Ruppelgewolbe 38. 82. Rurbel, Krummjapfen 329. 1000. 1012. Kurbelhaspel, Krenzhaspel 829. 390. Rurbelftange, Pleplftange, Lenfftange 1000. 1012.

Q.

Langenausbehnung, lineate Ausbehumme burch bie Barme 807. Laft, Lastmaschinen 258. Larven, Schaufellarven 403. Latente Barme 853. Laternenventil 995. Laufrad und Tretrad 336. Laufring, Mollring 775. Lehrgerüfte 219. Leiftungen (Nute, Reben- und Sotalleiftung) 258. Leiftungevermögen ber Thiere 316. Leiftungevermogen bes Baffere 399. Leitfchaufeln 463. 478. 576. 606. 617. Leitschaufeltarbine 576. 606. 647. Leitungeröhren 382. Lenkstange, Rurbelstange 1000. 1012. Liberung 699. 981. 983. Locomobile und flationare Dampfmafit nen 1001. Locomotive Dampfmafdinen 1002. Luft, Ausbehnung berfelben 822. Luftcanale 927. Luftmanometer 956.

Luftmenge zur Berdreunung 890. 894. Lufthpromeder 806. Luftfander, Wändstöcke 885. Luft- und Warmwasserrumpe 999. 1129. Luftweitil 965. Luftweiterftand 485.

M.

Manuloch, Fahrloch 972. Manometer 955. Manfarbbacher 119. Mantel, Radmantel 468. 474. Mariotte'fches Gefes 829. 1062. Majdine 257. Maffe, loctere 8. Maffe, träge 262. Mauthwage 273. Metallmanometer 962. Metallliberung 988. 1106. Metallpprometer 803. Metallthermometer 804. Difdungemethobe 840. Mittelbructbampfmaichine 977. Mittelpunft bes Erbbruckes 9. Mittelschlägige Raber 400. 468. Mittelmaffer 343. Moment bee Erbbrudes 12. Mondieffolben 699. Motoren, Beweger 257. Muffe 694. 695. Mühlgerinne 371. Murboch's Bentile 994.

98.

Rabelwohre 350. Ravier's Formel 878. 1065. Nebenhinderniffe, hydraulische 741. Reben: und Augleistung 258. Nieberdraufdampfmaschine 977. Nieberdraufturbine 576. Nieten, Nietnägel 156. 902. 925.

Ð.

Oberflächenconbensator 1060. Obturator 737. Ofen 925. Open 781. Oscillirende Dampsmaschine 1001. 2067.

Ð.

Pantbent's Formel 878. 1065. Panemoren 769. Panftergeuge 496. Begel, Aichpfahl 843.

Benbelfteuerung 714. Perspectivschüte 658. Bfahle, Pfahlroft 78. Bfannenftein 973. Bfanne ber Bapfen 454. 652. Pfeiler ber Gewölbe und Bruden 37. 78. 11. 215. 246. Pferbegovel 333. Pferbefraft, Pferbeftarte 258. 321. Biepe, Steuerpiepe 705. 787. 748. 764. Piezometer 887. Blanimeter 312. Blatte, Sohlplatte u. f. w. 455. 634. Boiffon'fches Befet 845. Boncelet'iche Bafferraber 401, 514. Bivdrometer 889. Bubbelofenflamme 934. Bunft, tobter 458. Byrometer 801. 803.

Ω.

Quedfilber, Ausbehnung und fpecif. Gewicht beffelben 819. Quedfilberthermometer 801.

R.

Mabarme 401, 488, 451, 476, Rabbampfmafdinen 1001. Rabhalbmeffer 404. 606. 650. Rabfrang, Rabreifen 401. 451. 571. Rabteller 630. Rabmafdinen, Bafferraber 400. Radwelle, liegende und ftebende 260. 329. 333. Rantine's Formel für Dampfmaschinen 1070. Maumausbehnung 816. Rauchröhren, Feuerrohren 918. Reaction bes uneffiegenben Baffere 532. Reactioneraber, Reactioneturbinen 532. **563. 571**. Reaumur'fce Scala 802. Reduction ber Rraft und Laft 259. Reflexionermogen 826. Reflerionewinfel 826. Regenerator 1135. Regifter 927. Regulirumaehahne u. f. w. 587. 748. Regulirungeflappe 988. Reibung ber Bewolbsteine 42. Reibungs ober Rubewinkel 3. Riegelschaufel 410. Ring, Rollring, Laufring 775. Rohrbirne 387. Röhrenbruden, Röhrentrager 159. 244.

Röhrenleitungen, Bafferleitungen 841. Röhrenschieber 900. Robrenventile 992. 997. Rohrturbinen 649. Rofden 341. Rofdfoffturbinen 686. Roft, Roftftabe 926. Roftpenbel 811. Rotationebynamometer 290, 292. Rudenschlägige Bafferraber 401. 462.

Sammelrevier 365. Sattels und Sternraber 402. Saulen 84. 87. 109. 124. Sauerftoff 889. 892. Schablicher Raum 1101. Schaufeln und Schaufelräber 401. Schaufelconstruction 610. 655. Schaufelungemethoben 408. 410. Sheibendampfmafchine 1002. Schieber, Schubkaftenventile 712. 990. Schiebercurve, Schieberbiagramm 1013. Schieberftellungen 1010. Schieberfteuerung 990. 1030. Schiele'sche Turbinen 673. 675. Schiffmühle 508. Schiffmühlenraber 401. 508. 512. Schiffswagen 279. Schiffeminde 333. Solammfaften 387. Schleusenwehre 342. 348. Schlußstein 37. Schmelzen, Schmelzmethobe 837. 841. Schmelzpunfte 837. Somierbuchse 455. Somierpreffe 703. Schmierung, atmofphärifche 632. 684. Schnaugen 383. 695. Schnellwagen 271. 278. Schnellwage, bynamometrifche 293. Schnurgerinne 493. 495. 504. Schornstein, Esse, Desse 926. 934. Schottifche Turbinen 570. 619. Schraubenrab 687. Schraubenturbine 676. Schufgerinne 412. Schützen, Schutbrett 401. 412. 421. 462. 469. Schüttelrofte 926. Schwamfrug'sche verticale Druckturbinen 553. Sowellen 84. Schwengel 333. Sowimmer 945.

Schwinden ber Metalle 838. Schwungfugelregulator 1009. 1042.1049. Schwungrad 1000. 1009. 1042. Schwungrabhaspel 831. Schwungring 625. Schwungrohren 563. Segner's Wafferrab 563. Setichaufel 410. Sicherheitscoefficient 55. Siderheitepfeife, Allarmpfeife 953. Sicherheiteventile 963, 966. Sicherheitsventile mit Feberbrud 970. Sieben, Siebepunft 839. 881. Sieber, Sieberöhren 904. 910. 931. Sime'iche Dampfmafchine 1055. Smeaton's Regeln für Windmühlen 796. Spannung, Expansiviraft ber Dampfe 857. Spannungsmeffer, Indicator 1089. Spannriegel 125. Spannschutze 413. 469. 472. Sparren 84. 113. Sparrenschub 117. Specifisches Dampfvolumen 878. Specififche Barme 840. 843. Speiseapparate, neuere 948. Speifepumpe 946. 949. Speiserohr 945. Speisewaffer 945. Sperrklinke, Sperrhaken 714. 1021. Sperrventil 387. 988. Spielraum, fcablicher Raum 474. 497. Spillenhaspel 330. Sprengwerfe 87. 126. 130. Sproffenrab 337. Spundftude 341. Spurplatte 634. Stabilitat, Stanbfabigfeit ber Gewölbe 43. 45. 62. Stabilität ber Wiberlager 54. Stabilitat einer Bage 269. Stabilitat ber Teichbamme 368. Stabilitatscoefficient 28. 55. Stabes und Straubraber 476. Ständer ber Bodmublen 771. Stanbfaule 86. Staucurve 357. 360. Stauhobe und Stauweits Stauung, 342, 346, 353 Stauung burch lichte Behre, Bruden pfeiler und Buhnen 351. Stehbolgen 923. Steinfohle 893. Stellhahne bei Bafferfaulenmafdinen. Obturatoren 737. Stephenson'sche Couliffe 1018. 1019. Sternraber 402. 477. Stert, Sterg bei Binbmahlen 773. Steuereplinber 703. 725.

Steuerbaumen 1054. Steuerhahn 691. 705. 721. Steuerfolben 703. 706. 758. Steuerstange, Steuerbaum 716. 1023. 1027. Steuerung 691. 703. 711. 988. Steuerventile 717. 719. Steuerwafferquantum 726. 759. Stichbogen 74. Stiefel 691. 696. Stirnflächen ber Gewolbe 38. Stockpanster 496. Stopsbuchse 702. 981. Stoß ober Setichaufeln 410. Stofraber, Stofturbinen 583. 588. Stofwirfung bes Baffers 427. 534. Strablenbe Barme 825. Strablturbine 555. Stragenichleußen 375. Strafen-Bage 273. Straubraber 476. Streben 85. 113. Stulpliberung 699. Sturm 781.

3

Tafelwage 273. 280. Tagepipe, Tagehahn 787. Langentialrab (Turbine) 543. 558. Leiche, Leichbamme 365. 366. Teichgerinne, Teichfluther 371. 878. Temperatur 801. Theilfreis 410. Theilwinkel 408. 610. Thermometer 801. 963. Thierische Krafte 316. 321. Thomfon's Turbinen 681. Thurmmuhle 771. 773. Tonnengewölbe 38. Zotalifeur 290. Tragbogen, eiserne und holgerne 182. Eragfetten, Eragfeile 188. Tragfraft ber Balfen 86. Tragfraft ber Bogen 178. Treibeplinder, Stiefel 691. 696. Treibfolben, Treibfolbenftange 691. 699. 701. Treppenroft 928. Tretrab, Tretfcheibe 336. 339. Turbinen 532. 541. 570. 576. 625.

u.

Ueberfallmehre 342. 344. Ueberfallschützen 469. Ueberhitzer 1150. Umtriebsmaschinen 257.

Turbinenwellen 629.

Umfriebsmafchinen, hybranlifche 400. « Unbulationstheorie 801. Unterfchlägige Wasserraber 400. 498.

23.

Bentile, Steuerventile 887. 708. 963. 992. 1025.

Bentilsteuerung 708. 992. 1018.
Beränderliche Erpanston 1038. 1041.
Berbrennung 889.
Berbrennungswärme 890.
Berbampfung, Berdunstung 837. 838.
Bertohlung 894.
Bertheilungsschieber 1030.
Biertesschaft 402.
Bierweghahn 989.
Bolumens oder Naumausdehnung 807. 816.
Boreilen der Steuerung (des Schiebers) 1010.
Borfat, Borsprung 85.
Borwarmer 904. 932. 997.

28.

Wage, gemeine, gleicharmige 265. Bage, ungleicharmige 271. Barme, Barmeftoff 799. 801. Barme fpecififche 840. 848. Barme, ftrahlende 825. Barmeabforption 826. Barmecabacitat 840. Barmeeinheit 840. Barmeleitung und Barmeleiter 827. Barmemenge bes Dampfes 854. Marmeftrahlen 825. Bagenteffel 903. 909. Bagenfteuerung 714. Balzenteffel 903. 910. Wandstärke der Cylinder 697. 981. Banbftarte ber Dampffeffel 912. Baffer, fliegenbes 342. Baffer, Ausbehnung und Dichtigfeit beffelben 820. Bafferbante 475. Bafferbrudfteuerung 714. Bafferfraft 398. 431. Wafferleitungen 341. Bafferraber, ihre Eintheilung 400. 402. Bafferrabwellen 443. 448. Bafferraum und Dampfraum 908. Bafferfaulenmafdinen 400. 690. Bafferfaulenrad 765. Bafferfprung, Bafferfdwelle 358. Bafferftanbehahne und Bafferf und Wafferftanberohren 953. 954.

Wassersios 820.
Bassersios 820.
Bassersios 468. 481. 497.
Batt'sche Wärmegesch 899.
Batt'sche Dampsmaschinen 1007.
Bechselhäuschen 387.
Bedyne, bewegtiche 350.
Behre, bewegtiche 350.
Behre, bichte und lichte 342. 851.
Beingeistihermometer 803.
Belle, kehende 338.
Bellen und Wellenzapsen 439. 443. 458.
629.
Betterhahn 780.
Bhitelaw'sche Turbinen 570.
Biberlager, Widerlagsmauer, Widerlagspescher 37. 54. 198. 215.
Biberlagskächen 38.

Welle, Kehende 388.

Wellen und Wellenzapfen 438. 443. 44 629.

Wetterhaßn 730.

Bhitelawiche Turbinen 570.

Biberlager, Widerlagsmauer, Widerlagdeiler 37. 54. 198. 215.

Widerlager, Afterlagsmauer, Widerlagdeiler 37. 54. 198. 215.

Widerlagen 38.

Widerkand, paffice Araft 257.

Widerkand, paffice Araft 257.

Widerkand, paffice Araft 257.

Widerkandscofficient 372. 546. 601.

Widerkandscofficient 372. 546. 601.

Widerkandscofficient 372. 546. 601.

Widerkandscofficient 372. 546. 601.

Winderkandscofficient 372. 546. 601.

Winderkandscofficient 372. 546.

Windfügel, Windruthen 770.

Windfügel, Windruthen 770.

Windfügel, Windruther 788.

Windfügel Windfügel 790.

Windfügel Windfügel 790.

Windfügel 388.

Windfügel 785. 786.

Windfüger 785. 786.

Biffung, Birfungsgrab 258. 836. 390. Birfung, Leiftung bes Dampfes 1060. Birfungsgrab, größter, eines Baffer robes 459. Birfungsgrab ber Dampfleffel 948. Bölbflächen, Bolbungen 38. Boolfice Dampfmafchine 1004. 1049. 1063.

8.

Bahlapparat, bynamometrifcher 288. Bapfen, Bergapfen 85. Bapfen ober Striegel ber Teiche 871. Bapfen und Bapfenlager ber Raber 453. Bapfenlager, bynamometrifches 296. Bapfenlager bei Turbinen 689. Bapfenreibung 327. 335. 455. Zaum, Prony's Zaum 306. Beidinenapparat, bynamometrifcher 288. Beigerwagen 282. Bellenraber 401. Berfpringen (Explosion) ber Dampfteffel 974. Ziehpanster 496. Bugftangen , Bugbanber , Bugidienen, Spannschienen 128. Buge, Feuercanale 926. Bubinger's Bafferrab 530. Zweifolbenfteuerfpftem 753. Bwifdenmafdinen 258.

UNIV. OF BUILDINGAN.